



25-8-1



B Ow.

TX

660-661

HISTOIRE

DE

L'ASTRONOMIE MODERNE.

med to

DE L'IMPRIMERIE DE HEZARD-COUNCIER,

HISTOIRE

DE

L'ASTRONOMIE MODERNE:

PAR M. DELAMBRE,

Chevalier de Saint-Michel, Officier de la Légiou-d'Honneur, Secrétaire perpétuel de l'Académie royale des Sciences pour les Mathématiques, Professeur d'Astronomie au Collége royal de France, Membre du Bureau des Longitudes; des Sociétées royales, de Londres, d'Upsal, de Copenhague et d'Édimbourg; des Académies de Saint-Fétersbourg, de Berlin, de Stockholm, de Naples et de Philadelphie; de la Société Astronomique de Londres, etc., etc.

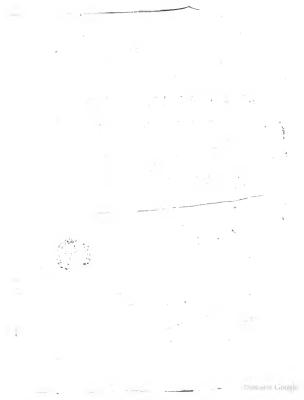
TOME PREMIER.



PARIS,

M" V' COURCIER, LIBRAIRE POUR LES SCIENCES,

1821.



DISCOURS PRÉLIMINAIRE.

LES recherches les plus exactes et les plus scrupulcuses n'ont pu jusqu'ici nous faire découvrir d'autre Astronomie que celle des Grees. Partout nous retrouvons les diées d'Hipparque et de Pluémée; leur Astronomie est celle des Arabes, des Persans, des Tartares, des Indiens, des Chinois, et celle des Européens jusqu'à Copernie.

Partout nous voyons la Terre immobile au centre du Monde et de tous les mouvemens planétaires. A force de suppositions invraisemblables, on est parvenu, dans ce systéme, à sauver à peu près les apparences. On sait caleuler à quelques degrés près tous les phénomes, sans que l'erreur évidente des résultats inspire entore la moindre méfiance sur l'idée fondamentale.

Alphonse regrette de n'avoir pas été appelé au conseil quand Dieu eréa le Monde; il aurait d'onné de bons avis sur le plan qu'il éis falla suirre; mais il ne doute en aucune manière de la vérité du système, ear il s'y conforme dans ses tables.

Plus anciennement on nous dit que quelques philosophes ont placé le feu au centre du monde : qu'ils ont fait tourner la Terre autour du Soleil en un an, et autour d'elle-même en vingt-quatre heures. D'autres philosophes moins hardis ont laissé au Soleil le mouvement annuel, et se sont bornés à donner à la Terre un mouvement de rotation. Mais il est à remarquer que ces idées ne sont consignées dans aucun livre d'Astronomie, ni dans l'ouvrage d'aucun Géomètre. Ptolémée en fait à peine une légère mention; il convicut en passant que le mouvement de la Terre autour de son axe faciliterait quelques explications, mais tout le reste lui paraît trop absurde pour mériter d'être sérieusement combattu. Archimêde nous dit qu'Aristarque a rejeté l'opinion des astrologues, et qu'il fait tourner la Terre autour du Soleil, dans un cercle dont le rayon est égal à celui que l'on donne ordinairement à la sphère du monde. Quant aux planètes, il n'en fait pas la moindre mention; et s'il adopte hypothétiquement l'idée d'Aristarque, e'est pour nous dire que la grandeur exagérée que cette opinion donne à la sphère des fixes, ne l'empêchera pas d'exprimer, par ses chiffres, le nombre des grains de sable qui rempliraient la concavité de cette sphère immense. Archimède témoigne assez qu'il n'est pas séduit par les assertions d'Aristarque, et quand il construit son plauétaire, il se rançe à l'opision commune, qui fait de la Terré le centre unique de tous les mouvements. Dun autre codé, Plutarque nous appreud que l'idée d'Aristarque était une simple hypothèse ou conjecture, qui depuis avait été démontrée par Seleuse (5); mais aueum auteur ne nous atransmis extle démonstration. Sénéque nous dit qu'il importe d'estantisme s'als Terre tourne une ettle-même. "Si Dieu fait tourner tout immobile, la Terre tourne une ettle-même. "Si Dieu fait tourner tout autour devous, ou s'il nous fait tourner nous même. On s'attent de granter de l'entre d

Aristote est le seul qui nous explique les motifs d'après lesquels les pythagoriciens se sont écartés des idées communes; et quojn'ul soit lui-même d'un sentiment contraire à celui de ees philosophes, il a du moins la bonne foi de nous informer des raisons qu'on lui peut opposer; il set vrai que ces raisons ne sont pas bien décisives. Voici e qu'il nous

apprend, au chap. 13 du liv. 2 du Ciel.

« Il nous reste à dire en quel lieu se trouve la Terre; si elle est un » des corps immobiles, ou si elle est un de ceux qui ont quelque mou-» vement... A cet égard, les opinions sont partagées; la plus répandue » est que la Terre occupe le milieu. Cependant les Pythagorioiens y » placent le feu; ils disent que la Terro cet un des astres qui circulent » aufour de ce milieu, et que par ses mouvemens elle se doune à elle-» même le jour et la milt. A l'opposite de notre Terre, ils en imaginent » une autre, qu'ils appellent Antichthone. Ce ne sont point les phé-» noménes qui leur servent à établir leurs rapports, ni à rechercher à les causes: ils font au contraire violence aux phénomènes pour les n rapprocher de leurs raisonnemens et de certaines opinions avec » lesquels ils s'efforcent de les faire accorder. Plusieurs autres sont en-» core d'avis qu'il ne faut pas assigner à la Terre la place du milieu. Ce » n'est pas non plus sur les phénomènes qu'ils se fondent, mais sur a certains raisonnemens. Ils pensent que la place d'honneur doit être assignée au corps le plus honorable ; que le feu est plus noble et plus précieux que la Terre; que les termes sont plus honorables que les

^{&#}x27;(*) 'o мі, вистійнос, вій кільког пай висфинер. (Questions platonique, р. 1850, édition de П. Etlenne.)

» parties qui sont placées que sont placées que so parties qui sont placées qui sont des termes; que le hord et le militeu » sont des termes; que le hord et le militeu » sont des termes; place es considéras' tions, ils ne croitet place que la Terre soit au centre de la sphère. Cest a
nu fise que cele place apparieient à plus juste titre. A ces raisonnement »
» les Pytrice qu'il place place parieir qu'il faut place d'abord et mettre en
» les Pytrice qu'il pla de plus services; que la partie la
» plus impere qu'il partie la fille, qu'on appelle pour cette ruison le Fort
» plus importante est le milleu, qu'on appelle pour cette ruison le Fort
» de Justier (duc «» para»). Cettre et la labee curioccure le feu.

s Telles sont les opinions sur le lieu de la Terre; il en te de nodine de son immobilité ou de son mouvement. Les avis sont également parsagin. Cours qui ne la creix nt pas au milieu, dieun qu'elle tourne aux our de ce milieu, ce qui est également vrai de l'antichthone, ou de la terre apposée. D'outres penseut qu'il est bossible qu'un plus grand nombre de corps evient dinis autour du milieu. Cest et qu'il est que les chipses de Lune sont plus frequentes que les éclipses de Lune sont plus fréquentes que les éclipses de Lune sont plus fréquentes que les éclipses de Lune sont plus fréquentes que les éclipses de Lune sont plus frequentes que les éclipses de Lune sont plus fréquentes que les éclipses de Lune sont plus frequentes que les éclipses de l'est puisque la Terre n'est pas au centre, qu'el me les éclipses de Lune sont plus frequentes qu'elles plus des entres qu'elles qu'elles plus de la certain de les entres qu'elles qu'elles plus de les entres qu'elles qu'elles plus de les entres qu'elles qu'elles plus qu'elles qu'e

Nous remorquerous que dains ce possage, dans ect exposé d'étrèveries de différentes écoles, Pythagore lui-même n'ext pas une seule fois nommé. Au contraire, nous voyons dans Plutarque (Opinions des philosophes) que Pythagore faisait marcher le Soleil dans l'écliptique, et c'est la raison qu'il donnait pour expliquer comment jamais le Soleil ne passait le tropique. Voils pourquoi, en parlant des auteurs qui attribuaient à Pythagore la prenière idée du mouvement de la Terre, nous avions dit que c'était un point asset obseur. Les raisons des Pythagories na viont rêne de géométrique, elles n'étaient point fondes sur les phénomènes, ainsi nous les avions passées sous silence en analysant Aristote est Simplicius.

La question n'est pas de savoir si les anciens n'avaient pas eu une idée vague que le Soleil pouvait être immobile au centre du monde, et si la Terre, par ses mouvemens, ne pouvait pas produire les phénomènes que l'on observe. Nous en avions assez dit pour ne laisser aucun doute

sur ce point; nous avions rapporté les opinions d'Aristarque, de Philolaus, de Nicetas et d'Ecphantus. On verra que Copernic est hien éloigné de s'attribner la première idée des mouvemens de la Terre; il se fortifie de tous les témoignages qu'il peut requeillir, il a grand soin de eiter tous les anciens qui ont conjecturé ce qu'il se propose de démontrer. La seule question est de savoir quels secours Copernic a pu trouver chez les anciens, pour établir plus solidement une idée si paradoxale, quoique dejà si ancienne. Or, il nous paraît impossible de douter que Copernic a

cté réduit à tirer tout de son propre fond.

Les Grecs étaient grands métaphysiciens et grands discoureurs. Ils aimajent la dispute et l'argumentation. Leurs sectes étaient divisées sur tous les points. Il suffisait qu'une école professat une doctrine, pour que l'école voisine embrassat l'opinion contraire. Thalès disait que l'eau était le principe de tout; Anaximène préterdait que c'était l'air. Les plus anciens d'entre les philosophes avaient dit sans doute que la Terre était immobile au centre du monde; que le Soleil, par ses divers mouvemens, nous donnaît le jour, la nuit et les saisons. Ils s'étaient contentés d'expliquer par quel mécanisme tous les phénomènes observés pouvaient s'opérer. Quelques Pythagoriciens, pour se distinguer, placèrent le Soleil au centre et lancèrent la Terre dans l'écliptique : nous venons de voir leurs raisons. Ils prétendaient que le Soleil était le plus noble de tous les corps. On pouvait leur opposer que l'homme est l'être le plus important, que tout a été créé pour lui, qu'il convient d'ussurer la stabilité de sa demeure, et que c'est aux astres à tourner autour de lui pour le chauffer et l'éclairer. Ces raisons, sans être meilleures au fond, avaient du moins un plus grand air de vraisemblance. Mais quels motifs peut-on supposer aux Grees pour rejeter le témoignage de leurs sens et alfirmer l'immobilité du Soleil? Avaient-ils observé un seul phénomène dont on ne pit rendre raison dans l'hypothèse de la Terre immobile? Quand les astronomes eurent observé les stations et les rétrogradations des planètes, Apollonius avait donné les théorèmes nécessaires pour expliquer et calculer ces apparences singulières. Le mouvement du Soleil dans l'écliptique expliquait d'une manière bien simple la succession et le retonr des saisons. La conversion du ciel en vingt-quatre heures expliquait tont aussi naturellement le jonr et la nuit. Les Pythagorieiens eux-mêmes ne disaient-ils pas que les phenomènes se comprennent également bien, soit qu'on place la Terre au centre, ou qu'on la fasse mouvoir le long de l'écliptique? Comment Séleucus aurait-il pu démontrer ce qu'Aristarque s'était contenté de conjecturer? Malgré les progrès immenses de l'Astronomie, les modernes ont-ils pu assigner une preuve directe dn mouvement diurne de la Terre, avant le voyage de Richer à Cayenne, et la nécessité où il se tronva de raccourcir son pendule? Ont-ils pu trouver une démonstration positive et directe du mouvement annuel de la Terre, avant que Roëmer eût mesuré la vitesse de la lumière, et avant que Bradley eût observé et calculé les phénomènes de l'aberration? Avant ces découvertes, avant celle de la pesanteur universelle, les plus déterminés Copernicions n'étaient-ils pas réduits à de simples probabilités? Ne se bornaient-ils pas à faire valoir la simplicité du système de Copernic, qu'ils comparaient à la complication absurde du système de Ptolémée? Les anciens, à plus forte raison, et surtout lorsqu'ils n'avaient encore que des idées très confuses des monvemens des planètes, se scraient trouvés dans le même embarras que les modernes. Ils n'anrajent pur donner en preuve que la simplicité de l'idée Pythagoricienne. Mais cette simplicité même, l'ont-ils soupçonnée? En voit-on chez les anciens la plus simple mention? Puisqn'ils n'ont fait que si pen d'attention à cette idée (qui ne se trouve que chez Cicéron et Vitruve), que le Soleil était le centre des mouvemens de Mercure et de Vénus, et qu'ils n'ont pas su étendre cette notion aux autres planètes, comment se persuader qu'ils aient nu rendre toutes les orbites, et même celle de la Terre, concentriques au Soleil, pour y trouver une explication plus simple des stations et des rétrogradations? Enfin quand l'accorderais, malgré le silence universel de tous les auteurs, et contre ma convietion intime, que les anciens ont eu ces idées, il est du moins incontestable qu'il n'en restait aucun vestige. Copernic a été obligé de les imaginer de nouveau. Son système lui appartient en propre; ce système n'est, pour nous, ni celui de Philolaus, ni celui d'Aristarque, dont les écrits ne nous sont point parvenus: il est celui de Copernic, qui a mérité d'y attacher son nom, par le soin qu'il a pris d'en expliquer tontes les parties, d'en faire sortir tous les phénomènes que l'on observe, d'y tronver la cause des mouves mens de précession remarqués depuis 1800 ans, sans que jamais on eût tenté de leur assigner d'autre cause que l'existence hypothétique d'une huitième sphère, qui faisait sa révolution en 36,000 ans autour des pôles de l'écliptique, et qu'il fallait en outre faire tourner en vingt-quatre heures autour des pôles de l'équateur, pour rendre raison des mouvemens diurnes.

C'est donc par Copernic que le mouvement de la Terre a été réclle-

meat introduit dans PAstronomie, et non pas seolement dans les disputes de févole; c'est lui qui a démontré comment la révolution de la Terra autour du Soleil expliquait la succession des actinores; c'est lui qui a soin des equinoses; c'est lui qui nous a fut voir avec quelle simplicie les monvemens inégaux, dans des orbites concentriques au Soleil, donnaient naissance aux phénomènes des rétrogradations. C'est lui qui a posé l'Astronomie sur une base nouvelle, et qui, par ce changement important, a ouvert in route à toutes les recluerches subséquentes. Cet à l'estibousissame que cette vérité nouvelle excita chex Képler, que nous avons d'ui fagure véritable des orbites planétaires et les lois des mouvemens. L'idée du mouvement de la Terre n'avait rien produit chez les acciens, parce que junissi elle n'avait été prise sérieusement en considération par leurs astronomes; c'est son adoption qui est l'úpoque de l'Astronomie moderno.

Mais ai Copeniie cu la gloire d'être le fundateur de cette Astronomique celle de s'un moterte le législateur était réservée à un génie plus inomique et, plus hardi. On dirait qu'effrayé du pas qu'il avait osé faire, Copenii neut pas le courage de mattre liui-même la dernière main à son ouvrage. Pour conjurer l'orege qu'il redoulait, il s'attacha uniquement à s'assurer le suffrage des astronomes, en leur prouvant que rien v'était changé pour eux, qu'ils n'avaient rieu à oublier ni rien à apprendre; que toutes leurs métudoss subsistainet, et même devenaient un peu plus faire leurs métudoss subsistainet, et même devenaient un peu plus faire pur l'autre de l'autre d'autre d

Jelez les yeus sur la figure qui représento le système de Coperrie, ne nous hornant d'abord aux considérations les plus générales; rien en paraîtra plus simple et plus naturel. You y verrez six orbites circulaires dont le Soleil est le centre commun. La Terre, en parcountant son orbite, présente auccessivement, aux rayons directs du Soleil; chieun des parallèles de sa zone torride, qui tous ont successivement le Soleil à leur zinit; voil le sassiones expliquées. La succession des jours et des nuits s'antendra plus facilement enoore par la révolution autour de l'axe en vinstauatre heures.

Ce que nous disons de la Terro aura lieu également pour Mercuer, Veiuss, Mars, Jupiter et Saturne, pour les cinq planétes qui édaient alors incounues, et pour toutes celles qu'on pourra découvrir par la suite. Chacune de ces planétes aura le méme droit que la nôtre de se creire jumobile au ceatre du monde, et de transporter au Solelle cercle qu'elle décrit elle-même autour de cet astre, dans un temps plus ou moins long. Le mouvement que chacine attribuer an Solds lear different, mais également simple; au lleu que si la Terre est immobile au centre da monde, que le Soleil décrive réellement l'éclipique, et que la Terre soit le centre commun, chacune des plandets décrira une courbe différente, qui aura ses neuvols et ses points d'intersection; le mouvement qu'ella utribuera au Soleil aura la même complication; enfin, le système ancien ne convient qu'à la Terre seule, et il présente des bizarreries inseuplicables; celui de Copernic est universel: il convinci également laite les plantètes; tous les mouvemens ont les mêmes lois et la même simplicité.

Par cet arrangement, Copernie supprime tout d'un coup les épisyeles que Polemée éait forcé de donner aux plantées; les sations et les rétrogradations de chacune d'elles, vues des einq autres, deviennent des corollaires mathématiques de leurs différens rayons et de leurs mouvennes inégaux. Toutes les parties du système sont liées, les rapports mutuels sont déterminés, toutes les diances sont ramnées à une même échelle; an lieu que dons l'ancien système, tout était incohérent et vague. On pouvait à son gré éloigner ou rapprocher chacune des planètes, sans s'imposer d'autre loi que de ne point intervertir Fordre des distances, en mettant plus près du centre common la planète dont la révolution zodiacne est la plus olonge; à écal prés tont était arbitraire.

Ces avantages du système de Copernic étaient déji de la plus grande importance. Jamais les anciens n'en ou teu le unidmé sorpreon, ou s'ils les ont connus, il cet bien incroyable qu'aucun d'eux vien ait partic. Comment concevoir que les Pythagoriciens cussenn n'égligé de les faire valoir, à l'appui de leurs raisons métaphysiques, du lieu leplus lonorable et de la partie la plus précieuse? Ces rásons mathématiques our-ient-elles manqué d'obteuir l'assentiment d'Archimède, d'Hipparque, de Prolémée et de tous les géométres de la Grèce. Pour faire triouphier le nouveux système, des préjugés les plus invérées, que fallari-i, sinon l'exposer dans tous ses détails et avec tous ses avantages. Voile ce que riot ny présent les présents de la conserva système de la conserva de la conser

Telle est la partie brillante de son système; le reste laissait beaucoup à désiret. L'auteur pose pour axiome, à l'exemple des anciens, que tous les mouvemens sont circulaires et uniformes. Dans le fait, on n'observe

que des mouvemens continuellement variables. Pour en sauver les inégalités, Copernic est contraint de donner à chacun de ses cercles des centres différens. Toutes les planètes tournent autour de centres vides. Le Soleil est toujours dans l'intérieur de toutes les orbites, il n'est plus le centre d'aucune; il n'a d'antre office que de distribuer la lumière; il devient comme étranger à tous les monvemens. Pour donner à ses tables moins d'inexactitude, Copernic, qui a supprimé les épicycles de Ptolémée, se voit forcé d'en créer de nouveaux. Il conserve à ses excentriques les inclinaisons et les librations de Ptolémée; ses calculs des longitudes géocentriques ont toutes les longueurs et les défauts des calculs anciens; ses latitudes ne sont ni plus commodes à calculer, ni moins funtives. S'il obtient sur Ptolémée quelques avantages importans dans sa théorie lunaire, en ce qui concerne les distances, les diamètres et les parallaxes, toutes ces améliorations sont dues à son adresse, à sa sagacité, et nullement à son système, qui a conservé presque toutes les absurdités et les embarras de l'ancienne théorie.

Copernic a fait un pas important, et sans lequel tout progrès ultérieur était impossible; mais si l'esprit de réforme se fút borné à ce qu'avait osé Copernic, il faut l'avouer, l'Astronomie pratique eût gagné peu de chose au changement de système. Pour aller plus loin, il manquait au fondateur de l'Astronomie moderne une suite considérable d'observations plus précises et plus sûres, il lui manquait le goût et l'aptitude pour les longs calculs. Mais la vie de l'homme est si courte, et ses forces sont si bornées! Tycho fit ces observations, qui manquaient à Copernic. L'Astronome danois, en mourant, laissa Képler en possession de tout ce qui était nécessaire pour compléter la révolution commencée, Mais il faut dire anssi qu'il fallait que cet héritage tombât en des mains capables de le faire valoir. Longomontanus avait pu lire Copernic aussi bien que Kepler, il avait une connaissance aussi entière de ces observations, auxquelles il avait si long-temps coopéré; il avait tous les mêmes secours, excepté le genie des recherches; et pour bien sentir ce que la science doit à Képler. il faut comparer l'Astronomie danoise à la Théorie de Mars et aux Tables Rudolphines.

Plutarque nous apprend qu'un philosophe dissit que les Grees auraient du mettre en jugement, pour cause d'impiété, celui qui avait oé déplacer le sanctuaire de Vesta, en donnant à la Terre un double mouve-median l'éclipique et antour de son acc. Voidi de que Copernie padoutait pour lai-même, et ce qui lui fit différer pendant 56 ans la

publication de son livre. Tycho, soit qu'il partageat réellement les scruuels des théologiens de sontens, soit qu'il ambitional talgoire de créer un système, Tycho se donna le mérite facile de concilier et de fludre en une seule les deux hypothèses contraires. Comme Copernic, il il tourner toutes les planites autour du Soieli; il ilt, pour Mars, Jupiter et Saturne, ce qu'au tems de Cicéron l'on avait fait pour Meroure et Vénus. Par respect pour les préjugés du tems, il rendit à la Terre son immobilité, et la donna pour centre aux mouvemens du Soieli et de la Langue l'une de l'entre le des la donna pour centre aux mouvemens du Soieli et de la Content de l'entre de la donna pour centre aux mouvemens du Soieli et de la Content de l'entre de

Les titres réels de Tycho à la reconnaissance des astronomes sont principalement ses observations. Né riche et d'une des premières familles du Danemarck, il consacra à l'Astronomie tout son tems et sa fortune. Il obtint de la cour la possession de l'île d'Hueen, dans le Sund; il s'y confina, dépensa cent mille écus de son patrimoine pour y construire un observatoire et le meubler d'instrumens. Tout ce qu'on avait imaginé jusqu'alors en ce genre, Tycho le fit exécuter avec plus de soin et dans de plus grandes dimensions; il perfectionna la division de ces instrumens et leurs pinnules; il se procura de grandes armilles, avec lesquelles il pouvait suivre le Soleil de l'orient à l'occident. Il fit la première table de réfractions, et s'il ne l'étendit pas au-delà de 45°, c'est qu'à cette hautenr la réfraction, par sa petitesse, échappait à toutes ses mesures. Les moyens qu'il employa pour déterminer les positions relatives et absolues des étoiles, assurérent à son nouveau catalogue une immense supériorité sur ceux d'Hipparque et d'Ulugh Beig. Ses tables du Soleil. étaient d'une précision si heureuse que jamais, si nous devons l'en croire, il n'y trouva d'erreur qui passat un quart de minute. Mais il est permis d'en douter, d'après un passage décisif de Longomontanus, et quand on voit Cassini, cent ans plus tard, ne pouvoir éviter des erreurs d'une minute. Il ajouta de nouveaux perfectionnemens à la théorie lunaire de Copernic. Il reconnut, dans les longitudes de notre satellite, une équation considérable, qu'il nomma variation, et dans les latitudes, une équation analogue à celle qui est connue sous le nom d'évection : il en Hist, de l'Astr. mod.

«saplignient par les cinq corps régulers qu'on peut inservir dans uns andme sphére, II chercha les rapports qui leirig és distances sur révolutions. Il essays tois les rapports en immères entières et fractionnaires; al travalle dis-sep au sans articissis et sans se décourger. Il trouve can les composites et la puissance 2, ou que les carrés des tems sont comme les cubes des distances. Il l'en put donner la démonstration mathématique, qui dépendait d'un principe qu'il cut le malheur de mécomaitre; mais il montre par le fait que ce rapport est le meur pour toutes planctes. Ce rapport set su meur par l'est que dependait d'un principe qu'il cut le malheur de mécomaitre; mais il montre par le fait que ce rapport est en heur pour toutes planctes. Ce rapport set les autenties qu'on a découverge depuis, il éet touvé réglement vrai pour les qu'orte Lance de Justice et les autellites pins nombreux de Saturne. C'est l'on des trois principes comus sous le fonn de Lois de Kérder.

Le second est que les orbites des planètes sont des ellipses et non des cercles, comme on l'avait toujours supposé jusqu'à lui. Les mouvemens étaient done essentiellement Inégaux, et il réfuta, par le fait, cet axiome aneien, consacré par Copernie, que tous les mouvemens étaient uniformes et circulaires. Il démontra sa seconde loi par des recherches extrêmement ingénieuses, dont aucun astronome ne lui avait donné l'exemple. Mals le mouvement uniforme, qu'on avait place d'abord sur la circonférence d'un excentrique, et puis autour d'un centre qui n'était ni celul des distances constantes, ni celui du zodiaque, étalt le premier fondement de tont calcul astronomique. En acquérant la connaissance de la véritable figure des orbites, on perdait tout moyen de les calculer. Il fallait retrouver quelque part cette uniformité qui n'existait plus ni dans les excentriques ni aux cenfres des équans. Il la plaça dans les aires décrites par les rayons vecteurs; il fit croître ces aires proportionnellement aux tems. Il sentit long tems la nécessité et l'exactitude de cette loi, sans pouvoir se la démontrer autrement que par le fait. Il fait sentir lui-même le vice des démonstrations qu'il imagine successivement, et qu'il remplace enfin par la démonstration véritable; reproduite depuis par Newton avec plus de rigueur et généralement adoptée aujourd'hui. Le calcul des mouvemens elliptiques n'est donc plus impossible: il offre cependant encore de grandes difficultés : Képler les aplanit, Il renferma tout ce calcul dans trois formules élégantes et simples, qui suffiraient aux besoins de l'Astronomie pratique. On a depuls donné à ces formules quelques développemens utiles pour la Physique céleste. mais effes seront les fondemens immuables de tout ce qu'on pourra jumais faire; comme de tout ce qu'on a fait en ce genre.

DISCOURS PRÉLIMINAIRE.

Par ces brillantes découvertes, la Sobil est enfin mà la le place que Copertia carait y oubu la is assigner, et dout il avait été contraint de le repousser lui même. Le Soleil ne pouvait étre au centre coammun des orbites circulaires, mais il peut occuper un fòyer commun à toutes les ellipses planctaires. C'est à ce foyer qu'il faut rapporter tons les nouvermens, et c'est de ce point qu'il faut comporter les distances. Les plans de toutes ces ellipses a cartrecoupent au centre du Soleil, toutes les lignes de nouveaux passent, par ce même centre. Par des moyens ingénieux et douveaux, Képler détermine les inclinaisons des différentes orbites avec l'ébiliquée ot le problème qui donne la position paparegle d'une planeir pour un instant quelcoque; ce problème, calculé tous les journs per l'ottos les autronomes, depuis l'étomée ijusqu'à Tycho, est pour la première fois résolu exactement par Képler, qui sur ce point ne put jamais se faire comprendée, ni de Tycho de Loncononataux.

C'est en cherchant à ramener tous les mouvemens à des causes physiques, que Képler a été conduit à ces lois fondamentales, dont jamais aucun astronome ni aucun géomètre n'avait soupçonne l'existence. En plaçant le Soleil au centre de l'univers, il sentit qu'il devait en faire la source et la règle principale de tous les mouvemens. Il lui donna une masse capable d'attirer et de mouvoir toutes les planètes. Il osa dire que le Soleil tournait sur lui-même en moins de trois mois, long-tems avant que Galilée eût observé cette rotation, dont il réduisit la durée apparéute à celle d'un mois lunaire. Képler vit que la pesanteur universelle devait être la loi de la nature; il établit les axiomes fondamentaux de la Physique celeste. Par une distraction, ou plutôt par une preoccupation difficile à concevoir, il crut quo l'attraction devait décroître en raison de la simple distance; quoiqu'il cut solidement établi que l'intensité de la lumière diminuait en raison des surfaces sur lesquelles elle se distribue. c'est-à-diro en raison du carré de la distance. Boulliaud lui reprocha cette distraction, quarante ans avant que Newton eut rien écrit sur ce sujet. Au lieu de rectifier Kepler, Boulliaud se prévalut de cette erreur palpable. pour rejeter toutes ses idées, qui n'ont été dignement et généralement appréciées que depuis qu'elles ont été démontrées par Newton. La loi des carrés aurait pu guider le législateur de l'Astronomie, dans quelques discussions où il s'est laissé aller à des suppositions qui ne sont pas d'une Physique assez exacte; mais dans l'état ou était alors la science analytique, cette loi ne l'eut pas conduit bien loin. Ces taches n'empéchent pas que le livre sur Mars ne soit le code des astronomes et des géomètres.

Képler, le premier, porta l'exactitude dans tous les calculs astronomiques. La forme de ses tables est celle que nous suivons "encre aujourd'un pour les mouvemens elliptiques de toutes les planètes; seulement on on y a joint les perturbations que la Géomètrie de Képler était hors on d'état de calculer, et dont Newton loi-inôme n'a pu qu'entrevoir les principales et les plus faelles à déterminer.

Képler apprit aux astronomes à tirer parti des éclipses de Soleil. négligées universellement jusqu'alors, soit à cause du peu de certitude des observations, soit à cause de la longueur des calculs. Il donna le premier exemple d'une différence des méridiens, calculée d'après une éclipse de Soleil. Cette même méthode s'étend aux éclipses d'étoiles, et elle est à juste titre regardée comme la meilleure qu'on puisse avoir pour déterminer les longitudes géographiques et pour améliorer les tables. Il enseigna les moyens de connaître les lieux qui verront successivement commencer et finir ces éclipses, et ceux qui la verront centrale. Il apprit à calculer, pour chaeun de ces lieux, la partie du Soleil qui sera éclipsée et celle qui restera visible. Pour diminuer la longueur de cés calenls préparatoires, il imagina de considérer les éclipses de Soleil comme des éclipses de Terre. Il posa les premiers principes de la projection orthographique appliquée à ces éclipses. Cette dernière méthode jouit long-tems d'une faveur qu'elle a perdue, depuis qu'un examen plus attentif a prouvé que ce second moyen, excellent pour simplifier le travail des annonces dans une éphéméride, est tont à la fois moins exact et plus long que le premier, quand il s'agit du calcul rigoureux d'une éclipse observée.

Kelper écrivit sur l'Optique, et donna la première idre de la lunete à deux serres convexes, qu'on a substituée avec tent d'avantage à la lunete de Gollife. Prompt à saisir toutes les idées heureuses de es contemporaise, il a'attache à démontrer avec plus de détails l'invention ouveile des logarithmes. La table qu'il en donna était à la fuis table de logarithmes pour les nombres, les sinus ét les tangentes. Elle était table de logarithmes logistiques pour le division du depré en 3,60%, et pour la division du pour, soil en avis heures, sulvant l'usage des modernes, soil en parties sexangésinales, suivant l'usage des anciens. Il toil donna depuis une forme plus appropriée à l'usage de ses tables Rindophines, pour les caclus ocurans et pour ceux des éphémérides; mais il avoue que pour d'autres usages il conviendra de récourir à celles de Neper, q'Ur-ausso u de Bries.

Le premier il attim l'attention des astronomes sur les passages de Mercure et de Venes, dont il file, sentiren partie les avaisages. Il ciscula des éphimérides, qu'il aut rendre plus intéressantes encore par les discritations astronomiques qu'il y inérefait. Nous havons rien dit encore de ses tables de réfractions, plus complètes et plus excetes que celles de 17540, et qu'on trouvers bien remarquables, ji l'on considère les erreurs des observations, qu'il était forcé de prendre pour base, et l'éparce d'il foit étant de l'entre de l'e

Long-tens les astronomes avaient dédaigné les comètes, qu'ils considéraient comme des vapeurs fortuitement amassées, qui se dissipaient de même pour ne reparaître jamais. Regiomontanus ne s'étalt guère occupé que de leur parallaxe, dont la petitesse prouvait, contre le sentiment d'Aristote, qu'elles se môftvaient bien au-dessus de la sphère de la Lune. Apian en avait fait quelques observations grossières, desquelles il avait conclu qu'elles décrivaient un grand cercle autour de la Terre. Tycho et Mæstlin, en suivant cette idée, avaient déterminé des orbites circulaires qui enfermaient la Terre, à laquelle elles étaient médiocrement excentriques. De leurs mouvemens, Tycho avait tiré cette conséquence importante, que les sphères des planètes n'étaient nullement solides, comme le voulait Aristote, puisque les comètes les traversaient librement en tous sens. Kepler ne crut pas aux orbites circulaires, puisque les comètes ne venaient pas se remontrer dans le tems qui serait résulté du mouvement uniforme qu'on leur supposait dans leur excentrique. Il préféra les orbites rectilignes. Il calcula les cordes des arcs décrits par la Terre dans l'intervalle des observations; les longitudes observées de la comète lui donnaient les angles que les distances de la comète à la Terre formaient avec les cordes calculées; il en conclut, par la Trigonométrie, les points et les angles d'intersections de toutes les lignes sur lesquelles la comète avait été vue de la Terre; il ne restait qu'à conner toutes ces directions par une ligne droite dont les segmens fussent proportionnels aux tems que la comète avait employés à les décrire. Le problème était indéterminé, mais il offrait des limites. Képler les détermina, et il en conclut les limites des parallaxes et des distances. Il en résultait que les comètes étaient bien plus join de nous que la Lune. Il vit que le mouvement uniforme, sur la trajection rectiligne, ne pouvait pas toujours représenter les observations; il fut forcé de le ralentir vers la fin de l'apparition. Préoccupé de la fausse idée que les comètes ne revenuient pas, il s'obstina à supposer l'orbite rectiligne; il n'eut pas

l'idée si simple de leur faire décrire des ellipses autour du Soleil. Il cruit que ce serait perdre son temps que de calculer scrupuleusement la marche de ces astres passagers, qui se dissipaient si promptement. En adoptant l'idée d'Apian, que la queue s'étendait toujours dans une direction opposée au Soleil, il crut que cette queue était formée par les rayons solaires, qui, en traversant le corps de la comète, entrainaient continuclement les parties les plus subtiles, en sorte que la comète finissait par sé réduire à rien, parce que les parties qui formaient la queue se détachaient successivement à mesure qu'elle avançait. D'après ces idées. on concoit l'espèce d'indifférence qu'il a témoignée; et le peu de soin qu'il a pris pour approfondir cette théorie; mais dans sa manière de calculer toutes les circonstances de l'apparition, on remarque pourtant deux choses nouvelles, et qui n'ont pas été inutiles aux modernes. La première est la manière dont il calcule les triangles qui ont pour base les cordes décrites par la Terre. La seconde est cette ligne droite divisée proportionnellement au tems. Une trajection rectiligne ainsi divisce a beaucoup de ressemblance avec la corde d'une orbite parabolique, entre deux observations extrêmes, que par approximation on se permet de diviser d'après le tems pour y trouver le lieu de la comète dans l'observation intermédiaire; ainsi la théorie incomplète et inexacte de Képler a fourni du moins les deux points fondamentaux de quelques approximations modernes.

Il est peu de vice aussi remplies que, celle de Képles; il en est peu di ainet dés inpulées par des découvertes aussi importantes et aussi insterdinces. Ne sans fortime, Képler n'eut, pour faire subsister sa femme et se senfine, que le produit incertain de ses ouverges et se pension de mahémitieien de l'empereure, pension mal payée, par le mal-hour des tems, et qui exisgait de sa part des sollicitations continuelles de des déplacemens dont le dernier lui coûle le vie. De nos jours, un prince, ami des sciences (Charles d'Abberg, alors prince primat), lui it dresser un petit temple en marbre. On y voit son buste et l'ellipse de Mars, monument plus impérissable que les marbres et que l'airoin.

Nous renosa de voir la système de Copernic rectifié et complété par des améliorations dont les astronomes fisent, long-tems à sentir tout le prix. Presque à la mémo époque, ce système premait faveur en Itolie, par des déconvertes qui, pour être senties, n'esigesient, guére que desyeux.

La lunette avait été trouvée en Hollande, soit par un simple hasard,

soit, comme il est plus probable, par les soins et la curiosité d'un amateur nomme Métius, dont le plaisir était de rassembler des fentilles de toute espèce, et de les combiner ensemble pour en varier lea effets. Galilée en reent la nouvelle : il chercha à deviner la composition de la lunette batave, et dés le lendemain il en avait une qui grossissalt trois fois. Il continua ses essais, et parvint à amplifier trente fois environ le diamètre des objets. Il reconnut les phases de Vénus parfaitement semblables à celles de la Lune; il en conclut que Vénus tournait autour du Soleil. Copernic, dit-on, avait annoncé que cea phases étaient une conséquence nécessaire de son système, ajoutant que si elles étaient Invisibles, il ne fallait l'attribuer qu'à la petitesse du diamètre et à la vivacité de la lumière, qui empêchaient de bien distin uer la figure. En suivant Jupiter avec attention, il apercut quatre Lunes qui faisaient autour de cette grosse planète des révolutions bien plus rapides que celles de notre Lune. Il y trouva autant de preuves que notre Lune pent tourner autour de la Terre et l'accompagner dans sa révolution autonr du Soleil. Il découvrit, sur le disque de cet astre, des taches dont le monvement lui fit conclure que le Soleil-devait tourner autour de lui-même en 27 jours à pen près; il entrevit même l'anneau de Saturne, mais sa lunette était tropfaible pour lui en faire distinguer la forme, et cette découverte ne fut complétée que long-tems après, par Huygens. Chacune de ses découvertes detruisait une des objections qu'on avait faites à Copernie. Elles étendirent sa considération personnelle, et lui suscitérent des envieux et des détracteurs; les uns voulurent s'attribuer la gloire d'avoir aperçu les premiers les phénomènes qu'il annonçait; d'autres voulurent les nier. Les quatre nouvelles planètes qu'il avait vues circulant antour de Jupiter, et qui portalent à 11 au lieu de 7 le nombre total des planètes, parurent en opposition avéc les propriétés du nombre septenaire. Les sept chandeliers d'or de l'apocalypse étaient réputés désigner les sept planètes. aussi bien que les sept églises. Cette déconverte parut donc contraire aux saintes écritures; mais cette objection était trop ridicule, et ne fut pas la source des chagrins de Galilée. En défendant le aystème de Copernic, il ménagcait peu Aristote et ses sectateurs, qui en conçurent un profond ressentiment. La réputation de Galilée, son titre de professeur et de premier mathématicien, firent craindre aux péripatéticiens et aux théologiens que la doctrine nouvelle ne fit trop de progrès, et ne vint à renverser les autels d'Aristote. Ils se liguèrent contre lui, cherchèrent à lui nuire, soit auprès du grand-duc; soit à la cour de Rome.

Nous voyons, par les mémoires et les lettres inédites de Galilée, publiées à Modène en 1818, par M. Venturi, que Castelli, étére de Galilée, dans une conversation où le provéditeur de l'université de Pise lui conseillait de ne jamais parter du mouvement de la Terre, se cui obligé d'assurer positivement que le même conseil lui avait été donné depuis long-tems par Galilée, qui lui-même, depuis vingt-quatre ans qui professait, n'avait jamais traité ce point dans ses leçons publiques ¿Les péripatélicieus regardaient comme une hérèsie l'idée de Copernic, et s'il faut croire que Galilée ne l'avait jamais outenue comme professeur, il existe plus d'une preuve qu'il ne faisait pas mystére de son opinion. Nous trouvons dans le réceule cité un mémoire adressé à la mère du grand-diuc. Il y prouve que le nouveau système n'est en rien contraire à l'Ercriture; il s'y attache particulièrement à expliquer à sa manière le fameux passage de Josué : Sol ne movearis. Son explication est d'une subtilité assez remarquable.

Ce passage ne peut s'expliquer dans le système de Ptolémée, qui ne donne réellement au Soleil qu'un mouvement qui lui soit propre, celui d'un degré par jour vers l'orient. Or, la cessation de ce mouvement accourcirait le jour au lieu de l'allonger. Il en est de même du mouvement propre de la Lune, L'Ecriture ajoute que le Soleil s'arrêta au milieu du ciel (et ne s'avanca plus vers le couchant jusqu'à la fin du jour). Galilée supprime ces derniers mots, et soutient que les précédens ne peuvent s'entendre du méridien; car lorsque Josué donna son ordre au Solcil, cet astre devait être près de se coucher. On le voit par tout ce que Josué avait déjà fait dans la journée. S'il eût été midi, il serait restó sept heures, qui auraient suffi pour achever la défaite des ennemis. Par ces mots, au milieu du ciel, il faut donc entendre le centre de la sphère célesfe, où Copernic place le Soleil, qui n'a d'autre mouvement que celui de rotation. A l'ordre de Josué cette rotation s'arrêta, et par suite suspendit tous les mouvemens célestes. Il raisonnait ici d'après une idée de Képler. Ainsi, selon Galilée, ce passage prouve que le Soleil occupe le centre de la sphère. Quant au passage non moins fameux : In sole posuit tabernaculum suum; et ipse tanquam sponsus procedens e thalamo suo exultavit ut Gigas ad currendam viam. Nec est qui se abscondat a calore ejus. Ce passage n'indique en aucune manière le mouvement du Soleil. Le Soleil est le réceptacle d'une matière extrêmement subtile et douée d'une vitesse prodigieuse, qui a été créée antérieurement au Soleil, qui n'a point sa source dans le Soleil; où elle a été placée quel-

Hist. de l'Astr. mod.

ques jours sculement après sa création, et qui en sort comme un époux de son lit nuptial. Le Soleil est ce lit nuptial, et la lumière ce géant qui s'élance pour parcourintout le ciel et porter partout la chaleur et la vic.

Ces explications, qui rétaient guere que des subilités, ne satisfiren pas les ennemis de Gaillée, qui virent au contraire plus d'une debos entent l'hérésic Gaillée, apprenant que ses ennemis s'agitalent à Rome, obtint du grand-duc la permission d'y faire un voyage pour y disputer avec les peripatèticiens et les confondre. Suirant ses lettres, il y fai reçu avec beaucoup de distinction; il y soutiat se doctrine dans de nombrenses conférences où il triompha desopposans. Il en eut entre autres une assez longue avec le dominicain (accent, qui l'avait attaqué dans un sermon préché à l'Dornee, et dans lequel il avait pris peut texte: Prir Galillez quid statis adspicientes in cestum. Ce dominicain, qu'il nous dépeint comme un homme faux et d'angeres, tu dif toutes sortes de soumissions, et témoigna même du regret de son incartade. Nous verrons plus loin une preuve trirécusable de la duplicité de Caccini.

Galilée avait, dans le teuns, porté sa plainte au général de l'ordre, Luigi Maraffi, qui, dans une lettre du 10 janvier 16.5, lui témoigne son regret de ce qu'un frère de son ordre lui ait donné de justes sujets de plaintes. Il ajoute que c'est pour lui-même une chose assec Júcheuse, que d'avoir a part dans toutes les bétiess (besialitis) que peupent

faire et QUE FONT trente ou quarante mille religieux.

Galilée nous dit encore qu'il a obtenu une audience du pape, qui l'a traité avec beaucoup de considération et de bonté. Mais, d'un autre côté, l'ambassadeur de Toscane à Rome écrit au grand-duc qu'il ne sait ce que Galilée est venu fairc en ce pays, dont l'air ne lui vaut rien, ct qu'il devrait quitter au plus tôt; qu'il y dispute avec une humeur et un acharnement qui pourra lui susciter des affaires fâcheuses; qu'il a été décide par le pape et son conseil, que la doctrine de Copernie n'est pas conforme à la foi; que les livres de cet auteur et de ses sestateurs seront suspendus jusqu'à ce qu'ils aient été corrigés, ct qu'on supprimera totalement celui du carme Foscarini, qui a entrepris de prouver que les passages de l'Ecriture ne doivent pas s'entendre dans le sens littéral qu'ils semblent présenter. Il paraît que c'était là le point d'achoppement, ou plutôt le prétexte qu'on mettait en avant. On aurait passé à Galilée de parler en mathématicien de l'excellence de la nouvelle hypothèse; mais on soutenait qu'il devait abandonner aux théologiens l'interprétation de l'Ecriture.

På ellta, le Saint-Office renditte decret auroncé par l'ambassaden: Gallée n'y était pas normé; le cardinal Bellamin avait même consenti il ini donner une attestation de laquelle il résultait qu'il n'astal été force à acuture abiration, et qu'il avait bien moins encore été condomné à des péritences salutaires, mais que sculement on lui avait signifié la sentence de Saint-Office.

En conséquence du rapport fait par l'ambassadeur, le grand-due filecierire à Galliès « qu'il avait pa apprendre par a su propre expérience quel » était l'esprit persécuteur des moines; que leurs altesses craignisent » qu'un plus long sépur à Rome ne lui causté quelques édasgrémens; » que puisque jusqu'alors il en était sorti avec honneur, il na faltait, » plus pitour le chien quit d'ornalit; qu'il était intré à revenir ant plus » 104; que les moines étaient tout puissans, et qu'il courait sur lui des » bruits assez édphisans. »

Ce que peu de personnes ont remarqué, quoique le fait soit attesté par la première ligne de la sentence qui condamne Galilée, c'est que, des le commencement de 1615, près d'un an avant l'injonction qui imposait à Galilée le silence le plus absolu sur le système de Copernic, sous peine d'être jeté dans les prisons (conjecerere in carcerem), l'inquisition instruisait déià contre Galilée, Nous possédons une longue déposition du moine Caccini, de ce fougueux prédicateur qui avait insulté à Galilée en chaire, à Florence même. Cet acte fait partie des pièces du procès de Galilée; il est du 20 mars 1615; le corps de l'acte est en latin; les réponses du déposant aux interpellations qui lui sont faites sont en italien. Nous avons également en notre possession une lettre du dominicain Lorini, datée de février 1615, et qui dénonce à l'inquisition une lettre écrite le 21 décembre 1613, par Galilée à Benedetto Castelli, son élève, son ami et son suppléant en la chaire de Pise, et dans laquelle il donnait quelques développemens nouveaux à son explication du passage de Josué. On n'avait que des copies de cette lettre, et on aurait voulu avoir la lettre écrite et signée par Galilée. L'archevêque de Pise et l'inquisiteur Lélio se liguèrent, employèrent toute leur adresse et les témoignages d'amitié les plus perfides, pour tirer cet original des mains, soit de Castelli, soit de Galilée lui-même, à qui Castelli disalt l'avoir renvoyé. Probablement ils ne purent y réussir, puisque tous leurs efforts se bornèrent alors à des dénonciations et à des procédures secrètes à Rome. Toutes ees menées avaient donc précédé le voyage de Rome, où Galilée eut des succès si brillans, et qui pourtant se terminérent par cette défense de croire et

» était déjà venu à Rome pour apprendre ce qu'il convenait de soutenir » concernant l'opinion de Copernic, desquelles matières il s'est entre-» tenu plusieurs fois avec les seigneurs cardinaux du Saint-Office, et en » particulier avec les SS. Bellarmino, Aracceli, de Saint-Ensèbe, Bonzi » et Ascoli, et que finalement il fut, par la congrégation de l'index. dé-» claré que la susdite opinion de Copernic, absolument prise, était con-» traire à la sainte Ecriture, et ne pouvait se soutenir et se défendre que » par supposition. Cette déclaration lui fut notifiée par le cardinal Bel-» larmin... Il avoue l'injonction; mais se fondant sur le certificat du car-» dinal Bellarmin (certificat qu'il produit), dans lequel les paroles quovis » modo docere ne sont pas énoncées, il dit qu'il ne les avait pas retenues ; » que pour imprimer son livre il vint à Rome; qu'il le présenta au maître » du S. P., qui le fit revoir et lui accorda la permission de l'imprimer à » Rome. Contraint de s'en aller, il demanda par lettre la permission de » l'imprimer à Florence; mais lui ayant été répondu qu'on voulait de » nouveau revoir l'original, et n'étant pas possible de l'envoyer à Rome » sans danger, à cause de la contagion, il le remit à l'inquisiteur, lequel » le fit revoir par le père Stefani, après quoi on lui accorda la permission » de l'imprimer, en observant ce qui avait été prescrit par le maître du » S. P. . que si en demandant ladite permission il ne dit pas au maître du » S. P. l'injonction susdite, c'est qu'il estima n'être pas nécessaire de la » dire, n'ayant pas, dans son livre, adopté et défendu l'opinion de la » stabilité du Soleil et du mouvement de la Terre, avant d'avoir montré » le contraire et le faible des raisons données par Copernic. »

Après ce discours, Galilée fut conduit dans le logement du magnifique Charles Sincere, procureur fiscal du Saint-Office, qu'on lui avait donné pour prison; et dix-huit jours après, c'est-à-dire le 3o avril, il demanda

d'être-entendu et dit (folio 75 des pièces originales);

e Ayant fait réflexion aux demandes qui m'ont été faites par rapport à a l'ordre à moi donné de ne soutenir, défendre ni enseigner quovis à modo la snaidte opinion, pour le présent condamnée, je pensai a clire e mon livre, que je n'avais pas revu depuis trois aux, sain d'observer e si, contre mes intentions, les eylas pures du monde, il ne serait pas a sorti de ma plume des choses d'ou l'on p'ût arguer tache de désobitation sance, et autres objets qui donnassent lien de mimputer le dessein de contrevenir aux ordres de la sainte Egise; et l'ayant minutieusement » examiné, m'y stachant, è cance du lonn non unage, comme la jun » écrit nouveau et d'un autre auteur, je confesse librement qu'il m'a

» modo docere y et il assure que dans le cours de quatorze ou seize aus, si al perdue antériement la mémoire, n'ayant piont eus occasion d'y penser (Folio 79 — 683.) Pour qu'on l'excuse; s'il a enficiant l'injonction qui lui a été filite, puisque ne se rappelant pas les mots quovis modo o docere, il teropiri que le decret de la congrégation de l'index affissit, s'etant ce décret publié et en tout conforme aux expressions qui sont o dans ce certificit, s'avoir, que ladite opinion n'a polat dà être adoptée » ni défendue, d'autant plus que pour l'impression, lui Gailiée a observé » tout ce à quoi son déere l'obligaei. Il le ripporte, non pour se disculsper d'erreur, mais parce qu'il, ne lui impute fifruse ni méchanecté, et seulement une vaine ambition. Met humblement en considération son a ge caduc de soixante-dix ans , accompagne d'infirmités dignes de pité, d'affilier de d'esprie pendant d'ix mois, les incommòdités soufflertes » dans le voyage, les calomnies de ses rivaux, auxquels ont été soumis » con honneur et sa révulation. »

Il faut en effet bien se pénétrer de ces dernières lignes, pour lui passer tout ce qu'on voit dans le reste de faiblesse et de manque absolu de sincérité. Il a dit, dans une lettre à l'un de ses disciples, que sa défense a fait hausser les épaules à ses juges, et on le concoit; ce qu'on a peine à concevoir, c'est qu'il ait pu croire tant de force à ses deux argumens des taches du Soleil et du flux et reflux de la mer; il avait raison plus qu'il ne pensait, en assurant qu'ils sont peu concluans et susceptibles de réfutation. Pour plus grande preuve qu'il n'avait pas en réellement l'intention de faire croire au système de Copernie, et qu'il n'avait eu d'antre ambition que celle de se montrer plus subtil que le commun des hommes, enfin que tout son tort était un vain amour de gloire, il aurait pu dire qu'il n'avait produit, en faveur de cette hypothèse, que des argumens tirés de son propre fond ou de ses découvertes, lesquelles. comme les phases de Vénus, les taches du Soleil, les quatre Lunes de Jupiter et les trois corps de Saturne, ne prouvaient absolument rien pour le mouvement de la Terre (puisqu'elles s'accommoderaient également bien au système de Tycho), et qu'il s'était bien donné de garde de dire un seul mot des fois de Képler et de tant d'autres preuves publiées déjà par cet astronome, et bien plus faites pour entrer avec une force et une vieueur extraordinaires dans les oreilles et dans l'esprit du lecteur : mais sa situation ne le rend que trop excusable, s'il dissimule et offre même de réfuter plus amplement une opinion qu'il avait embrassée bien

long-tems avant la première de ses découvertes, et qu'il n'a jamais véritablement abjurée.

Dans une lettre à Képler, qui venait de lui envoyer son Prodrome, on voit que, des 1597, et long-tems anparavant, Galilée était copernicien décidé, qu'il avait beaucoup écrit sur ce sujet, mais qu'il n'avait osé rien publier; il craignait le sort de leur maître commun, Copernic, qui, en s'acquerant une renommée immortelle dans l'esprit d'un petit nombre de lecteurs intelligens, s'est rendu ridicule aux yeux des sots, qui partout composent le grand nombre. Il serait plus hardi, a'il pouvait compter sur beaucoup de lecteurs tels que Képler, Celui-ci, dans sa réponse, lui conseille de prendre plus de confiance; la force de la vérité est telle, qu'il doit compter sur les suffrages de tous les mathématiciens de l'Europe. Cependant, s'il trouve quelque danger à publier sa dissertation en Italie, il pent espérer plus de facilité en Allemagne. En effet, dans son Prodrome, Képler avait hautement plaidé la cause de Copernie, toute sa vie a été employée à fortifier de nouveaux argumens la nouvelle doctrine, et l'on n'a rien qui puisse donner le moindre soupçon qu'il ait été inquiété pour avoir librement expliqué sa pensée.

Seulement on voit, par une lettre adressée par Ini à tous les libraires étrangers, soût 1619, qu'il avait craint que si ses livres vensient à être prohibés en Italie, comme ceux de Copernie et de Foscarini, cette interdiction n'en restreignit le débit, et ne devint nuisible à ses intérêts pécuniaires. Il déclare qu'il a écrit avec la liberté germanique ; mais qu'il est chrétien, fils de l'Evangile, et qu'il a toujours embrassé et approuvé la doctrine catholique autant qu'il a été en lui. (Quantum ad hanc usque meam ætatem capere potui.) L'opinion copernicienne avait été librement professée pendant près de 80 ans. Vieux disciple de Copernic, dont depuis 26 ans il est déclaré partisan, il apprend cette nouvelle, mais il espère que cette censure n'a pas été portée pour interdire toute dispute sur des choses purement naturelles. Jusqu'ici Copernic n'a pas été suffisamment entendu; il se flatte qu'on ordonnera la revision de la cause, qu'on pèsera les nouvelles raisons qu'il expose dans son livre des Harmoniques, et que les juges, mieux instruits, réformeront la première sentence. En attendant, il conseille aux libraires de ne point rendre trop publique la vente de son livre, et de n'en céder les exemplaires qu'anx plus habiles théologiens, aux plus célèbres d'entre les philosophes, aux mathématiciens les plus excroés, enfin aux métaphysiciens les plus profonds, auxquels il n'a pas d'autre moyen de les faire parvenir.

On verra dans notre Histoire quelle fut la conduite de Galilée après le décret de 1616. Nous y donnons tous les détails de ce proces scandaleux, et toutes les pièces authentiques publiées par Riccioli. Nous ajouterons ici, d'après le recueil déjà cité de M. Venturi, que Benoît XIV a fait disparaître ce décret de l'index; c'est-à-dire, en d'autres termes, qu'il l'a annulé. Mais quand nous avons écrit l'article Galilée dans notre Histoire, le livre de M. Venturi n'avait point encore paru. Ce livre même nous a fait naître l'idée de chercher et de consulter tous ceux qui avaient lu les pièces originales du procès, pendant qu'elles étaient à Paris. Nous avons obtenu les renseignemens curieux qu'on vient de lire. Ces pièces formeraient un volume de 200 pages environ, sans la traduction française, qu'on avait dessein d'y joindre. Dans la dénonciation de Lorini , dont nous avons fait ci-dessus une simple mention, on lit qu'un des griefs du bon père était le chagrin de voir attaquer la philosophie d'Aristote, dont la théologie scolastique fait tant d'usage. Il demande que, dans le cas où il y aurait lieu à correction, on puisse apporter les remèdes nécessaires pour que parvus error in principio non sit magnus in fine. On voit dans ces pièces que, le 19 mars 1615, le saint Père ordonna qu'on sit venir Caccini, qu'on le fixat à Rome avec le titre de maître et bachelier du couvent de Sainte-Marie de la Minerve, pour entendre plus commodement les dépositions et les renseignemens qu'il pourrait fournir. Voyez au reste, pour de plus grauds détails, le volume public par M. Venturi, et la suite qu'il promettait et qui vient de paraître sous le titre : Memorie e Lettere di Galileo, parte seconda. Modena, 1821, in-4°. Voyez aussi, dans le Mercure de France, février et mars 1785, deux écrits de Mallet-Dupan et Ferri, l'un contre et l'autre pour Galilée. Mais ces deux auteurs ne connaissaient aucune des pièces originales du procès : ils ont dù se tromper assez souvent. Par exemple, Mallet assure que Galilée avait toute permission de traiter la question du mouvement de la Terre en astronome et en physicien, pourvu qu'il n'y fit point intervenir la Bible. Il paraît que Mallet n'avait pas lu les dialogues où Galilée ne parle qu'en physicien et en astronome, et où il n'est nullement question de l'Ecriture ni des interprétations qu'on peut donner à quelques passages pour les concilier avec le système de Copernic.

Tiraboschi a imprimé que si Galilée eût été moins chaud et moins imprudent, jamais il n'eût été tourmente pour ses opinions. Et, dans le

Hist. de l'Astr. mod. Tom. II.

fait, que lui importait de convertir des moines ignorans ou des perisans cuettés de l'ancienne philosophie? Ne lui suffissia: il pas d'avoir donné aux astronomes les preuves les plus plussibles de l'opinion qu'il soutenait, et que pouvait faire pour l'Astronomie l'opinion du vulgiare? Tel cliait le sentiment du cébère frère l'ande, et voici ce qu'il écrivait à l'occasion de ce vorage à Rome, dont on vient de lier l'historie.

« J'apprends que Galilée se transporte à Rome, où il est invité par » plusieurs cardinaux pour y démontrer ses nouvelles découvertes dans » le ciel. Je crains bien que, dans cette circonstance, il ne développe les » raisons qui le portent à préférer la doctrine du chanoine Copernie : ce » qui ne plaira nullement aux Jesuites ni aux autres moines. Ils ont changé » en question théologique ce qui n'était qu'une question de Physique et » d'Astronomie; et je prévois, avec un grand déplaisir, que pour vivre » en paix et sans le nom d'hérétique et d'excommunié, il se verra con-» traint à abjurer sur ce point ses véritables sentimens. Il viendra ce-» pendant un jour, et j'en suis presque certain, où les hommes, éclaires » par de meilleures études, déploreront l'infortune de Galilée et l'injustice » faite à un si grand homme; mais, en attendant, il faudra gu'il la souffre, et il ne pourra s'en plaindre qu'en secret... L'hypothèse coper-» nicienne, loin d'être contraire à la parole de Dieu révélée dans les » saintes Ecritures, tait honneur bien plutôt à la toute-puissance et à la » sagesse infinie du Créateur, »

Voils certainemeut ce qui a été écrit de plus ague à l'occasion de cette dispute. Il y a loin de ce jugement et de ce passage vraiment prophicique du moine Sarpi, à l'opinion d'un archevêque de Pise, qui conseillait à Castelli pour son bien ; et à 'il voulait éviter sa vuine, à dabandonneir le système de Copernie, parce que cette opinion, outre qu'é elle est une sotties, est perficieuse, scandaleuse, téméraire, bérétique ; et contraire à l'Erctiurez. L'abbé Mauroly» avait prononcé que Copernie méritait dètre fusifigé plutôt que repris plus sevièrement. Cete opinion, d'un habile mathématicien, celle de quelques envieux, à qui l'on ciati obligé de supposer quelques commissances, ont été aussi nisibles à Galifie que celle de ses devrasires les plus fonguenx. Si tous les professeurs de Mathématiques avaient montré plus d'union et moins de malesser, les hérologiens, qui es consultérent pour la forme, auarient été réceusus jis auraient mis un frein à leur zéte sauxe, et di la se seraient pas échonorés par des excès ai rélequies.

Les travaux qui ont acquis à Galilée la réputation du premier physi-

cien de l'Italie ne sont pas de notre sajet, mais nous ne pouvrons passer sous silence ses expériences sur la chute des corps et les orcillations du pendale. Quoique sa lunctie et surtout son pendule ne fussent pas cucore les instrumens qui, ontre les mains de Piera et d'Hurgens, out changé la face de l'Astronomie, on ne peut mier qu'il ne puisse prétandre une part quelcourque à l'honneur de ces inventions s, éminement utiles pour les observations astrouomiques. On regrette seulement qu'il sit une peut quelcour de l'antenur pouvait lut avoir. Dans une lettre que l'expérie les obligations qu'on pouvait lut avoir. Dans une lettre qu'il en puis cérivait le 1 a mai 161a, il se flatte que Képler apprendre a voc un grand plaisir qu'il e finalmente déterminé les périodes des satellites, qu'il ern à dressé des tables exactes, et qu'il en peut calculer les constitutions masses es fuigares, sans rerure d'une seconde.

Dans la même lettre, on voit que La Galla traitait de fous les philoophes qui croient aux excentirques et aux épicycles. Il consent à étre mis au nombre de ces fous; « ce ne sont pas des chimères que ces mouvemens; nou-seulement il y a beaucoup de mouvemens adns des excentirques et dans des épicycles, mais il n'y en a pas d'autres; et cependaut il y avait déjà trois ans que Képler lui avait envoyé sa Théorie de Mars.

Cette opinion exagérée du mérite de ses investions se montre encore dans la proposition faite au roi d'Espange pour le problème des longitudes. Après avoir parté de la rarect et de l'incertitude des éclipses de Lune, on assure en son nom qu'il est parvenu à découvrir des choses totalement inconnues aux siècles passés, qui équivalent de phia de mille éclipses fous les ans, qui on peutôpserre avec la plus grande précision, et qu'on peut calculer par des tables d'une exactitude exquise. (Après 200 aus de travaux, combien nous sommes loin eucore d'en pouvoir dire autant!)

« On consacrera cette découverte au roi d'Espagne, en réclaman l'outetie pour l'imventeur les avantages auxqués à la un d'evit incontesuable. Il montrera la manière de faire les observations et les calculs; on
demande que le roi d'Espagne fasse tous les frais unécessires, sols; tour
la multitude de persounes qui devront être employées après avoir réd
préclaiblement instruites, soit pour les académes qu'il conviendra d'és tablir, soit enfin pour les vaisseaux qui servirout aux expériences
toutes choses qu'on ne peut attendre que d'un grand monarque. 3

Dans le même recueil de M. Venturi, on voit, par deux lettres de Sagredo, en 1615 et 1615, que Galilée, des 1603, avait imagiué une espèce de thermomètre. Son invention aurait ainsi précédé de 17 ans celle de Drebbel. On suppose, avec quelque vroisemblance, qu'il en avait puisé l'idée dans l'ouvroge de Héron, mécanicien d'Alexandrie.

La première édition des œuvres réunies de Galilée, est de Bologne, 1956, deux vol. la "-". C'est celle que nous possédons. Cette édition, quoique moins complète que les suivantes, est cependant très estimée: è di Crusca, dit M. Venturi.

La seconde a paru à Florence en 1718; elle est en 5 vol. in-4°; on y trouve la vie de Galilée, par Salvini et Viviani.

La troisième est de Padoue, 1744, en « vol. in-4*; Le dernier contient es dialogues sur les deux plus grands eystèmes du monde, qui paraissent enfin avec les autorisations convenables. Che ora esce, finalmente alla luce colle debite licenze. Ce dernier ouvrage avait été exclu des dditions précidentes.

La quatrième a paru en 1811 à Milan, en 15 vol. in-8. Les 12 premiers sont la copie des quatre volumes de Padoue; la treizième ne contient rien qui soit de notre plan.

Le nouveau volume publié par M. Venturi est destiné à servir de supplément aux étitions de Florence et de Padoue. Il nous amnoneu une nouvelle vie de Galilée, en un fort volume in-4°, imprimé à Lausanne (Florence) en 1795, et qui vient enfin de paraître. Elle est de M. Nelli. Vorez la nouvelle Préface de M. Venturi.

Cet âge, déjà si fertile en inventions nouvelles, dont on n'ayait eu jusqu'alors aucun pressentiment, fut encore illustre par une découverte désirée depuis long-tems, et qui ne pouvait plus guère échapper aux astronomes, puisque journellement ils en sentaient la nécessité. Tous les calculs trigonométriques se font par des multiplications et des divisions de sinus et de tangentes. Tous ces nombres ont dix figures, ou au moins sept. Sept figures multipliées par sept autres en donnent 13 ou 14 au produit. Ce produit doit encore assez souvent être divisé par un nombre de sept figures. On conçoit tous les dégoûts inséparables d'aussi longues opérations qui se présentent à chaque pas; on conçoit les erreurs qu'il était si facile de commettre et si pénible de rectifier. Ces considérations avaient fait imaginer aux Grecs la division sexagésimale du rayon. Par là, si les opérations n'étaient pas abrégées, elles étaient au moins rendues plus faciles, en ce que jamais on n'opérait que sur des nombres de deux figures, dont le plus fort ne passait pas 59. Cette méthode avait ses inconvénieus particuliers, qui heureusement la firent abandonner. On en revint à la division décimale du rayon, et l'on trouva dans les formules trigonométriques un moyen de changer les multiplications en additions ou en soustractions. Ce moven fut, pour cette raison, appelé la prostaphérèse. Il restait encore à remplacer les divisions ; on en vint à bout, en combinant les sécantes et les cosécantes avec les sinus et les cosinus. Rigoureusement parlant, le problème était résolu; il n'v avait pas d'expression trigonométrique si compliquée, que la Table de Rhéticus, par exemple, ne put calculer par une suite d'additions et de soustractions ; mais ce moyen était souvent fastidieux par toutes les préparations qu'il exigeait. On n'avait, à la vérité, qu'un petit nombre de règles, qui révenaient toujours les mêmes, mais qu'il fallait combiner de diverses manières, en sorte que, le plus souvent, on en revenait aux multiplications et aux divisions, que l'on ordonnait de manière à supprimer de fait tout ce qui devait être finalement négligé. Archimède avait autrefois tiré un parti fort ingénieux de deux progressions, l'une géométrique et l'autre arithmétique, qui, suivant la notation moderne, se réuniront en une seule, en écrivant :

10°: 10': 10°: 10°: 10°: etc. à l'infini, ce qui équivaut à 1 : 10 : 100 : 1000 : 10000 : etc.

Il n'appliqua même sa remarque qu'à la seule progression dont la raison est so el le premier terme set l'unité. Il liabilit généraliser le principle, imaginer une progression **e**: e** e** e** e**, etc., dont la raison fut telle, que chaque terme différit à ipue du précédent et du suivant, que la suite des nombres naturels *, *, *, *, *, *, *, etc., pit *; * rouver tout entière, ou du moins, si la chose était impossible, que cette série offirit toujours un nombre asser approchant d'un nombre donne quéconque, pour que la difference pat être négligée sans aucun iocon-

végient; il fallait calculer une table dans laquelle, à côté de chaem de nombres naturels, ou rouvait le nombre qui marque son rang dans la neérie, ou, el lon yeut, son exposant. L'addition des exposans de deux factures quelonques donants alors l'exposant du produit, et et exposant étant, cherché dans la table, ou trouvait à côté le nombre insturel named l'anopartenait, et ser consequent la produit d'emandé.

Pour en donner un exemple très simple, si nous avons à multiplier a par 5, nous savons que le produit doit être 6.

Prenons dans la table l'exposant de 2 ou ... 0.3010300 = mcelui de 3 ou ... 0.4771212 = nla somme sera l'exposant de 2.5 = 6 ... 0.7781512 = m + n

Cherchons cet exposant dans la table, nous trouverons qu'il répond au nombre 6. Le nom d'exposant révait point encore conan. Nèper imagina celui de logarithme, λόγων ἄγθωςε, nombre des rations, ou nombre qui exprime combien de fois la raison de la progression es trouve employée pour arriver du premier terme aux nombres 2, 5, 6, etc., les deux expressions sont donc synonymes. La moderne sat plus concise y celle de Nèper, plus claire et plus devicappée. Ce que nous avons dit de a et 3 «applique de même aux deux nombres quelconques x et y; la somme de leurs logarithmes est le logarithme de (²/₂). Is différence de ces mêmes logarithmes sera le logarithme de (²/₂).

L'Encyclopédie méthodique dit que le mot logarithme est formé des deux mots grecs 269s et 25 flues, ce qui est vrai, et qu'il signifie discours sur les nombres; ce qui est assez ridicule. Mais l'auteur n'avait là ni Néper ni Képler, et il ignorait sans doute que, chez les géomètres grecs, le mot Aypes signifier raison ou rappor appress.

Le moyen que nous venons d'exposer, le plus simple de tous en théorie, présentait d'assez grandes cilificultés dans l'exécution; on par-vint cependant à les éluder sans beaucoup de peine. Choisisson le rap-vint cependant à les éluder sans beaucoup de peine. Choisisson le rap-port x = +(1jezif; les deux premiers nombres de la série géométrique seront 1 et 1,000 ; li suront pour logarithmes o et 1. En continuant la progression géométrique, on aux 1,000000, dont le log. sera 2; le suivant sera 1,00050005001, dont le log, sera 5 et ainsi de suite. Les nombres de la progression géométrique iront toujours en augment de matière, et les logarithmes iront en augmentant d'une unité; tel citait le système de Byrge, qui prarlattrait avoir été le premier inventeur; mais

il différa, nous dit-on, de publier sa découverte, et fut prévenu par Néper, qui s'y prit d'une manière un peu moins naturelle.

L'usage continuel des sinos avait fait sentir la nécessité d'un moyen qui facilità le scaluda; c'est aux sinos que Neper e'attacha spécialement. Le sinus total est 10000000. Il lui donna le log, o; le sinus le plus approchant du rayon était gagegorg; il lui donna le log, o; le sinus le plus approchant du rayon était gagegorg; il lui donna le log, o; le sinus le plus approchant du rayon était gagegorg; il lui donna le log, o; le sinus le plus approchant de la progression grométrique, dont la raison est «222333, O a voir qu'il ne fallait que du tenns, de l'attention et de la patience pour trouver ainsi tous les termes de la progression géométrique, qui avaient pour logarithmes les nombres o, 1, a 5, 5; de la progression arithmétique. Le travait toutefois était encore assez périnde. On trouva des moyens pour l'abrèger considérablement; et Nèper, ce n 664, publia la table la plus ancienne qui soit connue. Il passe généralement pour le premier ruiventeur. Il est certainement le premier qui ait mis les estroirones en possession de cette découverte; et les titres de Byrge ne sont ni aussi clarita in aussi certaine.

Nêper sentit lui-même qu'il n'avait pas mis toute la précision possible dans la construction de sa table. Il engaçea les calculateurs à la recommencer avez plus de soin. Ursinus entreprit ce travail, et donna des tables à huit chiffres pour tout le quart de cercle de 10 en 10", au lien que Nôcer ne les avait données que nour les minutes.

Néper reconsut encore qu'on aurait des tables plus commodes pour la pratique, a l'on donnait les log, o, a, a, S aux puissances auccessives de 10; mais les logarithmes, au leu d'être des nombres entiers comme dans le premier système, devenaient presque tous fractionnaires; et, pour les déterminer, le travail était énorme. Néper se contents d'en donner un essai, et mourut neu de tenns arrès.

La même idée était venue à Briggs, professeur de Mathématiques à Oxford, qui fit exprés le vorage d'Écoses pour en conférer avec Néper. De retour à Oxford, il s'y appliqua avec tant de courage et de constance, qu'en 1618, il publia dans ce nouveşue système une table à buit chiffres pour tous les nombres, depuis » i issqu'à 1000. Reprenant ensaite ce même travail sur un plan plus vaste, il dona les logarithmes à 1-à décimiles pour tous les nombres, depuis » jusqu'à 2000, et depuis gooop jusqu'à 20000. Tous les autres s'en pouvaient déduire avec facilité. Cette table, malgré ont échales, était insuffisante pour les astronomes; il en failait une pareille pour les sistemonnes; il en failait une pareille pour les sistemonnes que les constants de la comment de la comm

Four donner une idée de ce travail immense, il suffira de dire que clascua des nombres premiers dont or veut déterminer le logaritme n'exige pas moins de 50 extractions consécutives de racines carrées et dequieubie davantage. Aussi voyons-nous dans la Logarithmothechnie de Speidell, que fletiges riavait pas moins de huit calculateurs, qui embleycrent une annec entiére aux extractions jugées indispensables. Pour sa table des sinus, avant d'en trouver les logarithmes, il cut besoir d'en calculer avec la même précision les nombres naturels. Ces deux ouvrages composent le monument le plus vaste qui sit long-tems existé en ce genre; il a été is ouvree più non paisé constamment, pour nous donner les tables diverses qu'on rimprime continuellement sous diverses formes et avec plus ou moins d'étendue. Ce monument ri « ét surpassé que par les grandes Tables du crdastre, calculées sons la direction de M. de Prosty mais ces tables réxistent exporre qu'un manuscrit.

Les astronomes étaient en possession de tables qui suffisaient à tous leurs calculs, lorsque Mercator, reprenant le problème en géomètre, parvint à une formule qui aurait bien diminué le travail, si elle ne fût pas venue si tard. Cette formule, suivant une notation plus moderne, est

$$\log (n+dn) = \log n + \frac{dn}{n} - \frac{1}{4} \left(\frac{dn}{n}\right)^4 + \frac{3}{3} \left(\frac{dn}{n}\right)_3 - \text{etc.},$$

d'ou Wallis tira tout aussitôt la suivante, qui n'exigeait qu'un changement de signe,

$$\log (n-dn) = \log n - \frac{dn}{n} - \frac{1}{n} \left(\frac{dn}{n}\right)^{3} - \frac{1}{2} \left(\frac{dn}{n}\right)^{3} - \text{etc.}$$

De ces formules générales, les géomètres qui sont venus depuis on su tirer des formules plus convergentes, qui diminueraient encore la besogne. D'intrépides calculateurs les ont employées pour nous donner des logarithmes à 20, 48 et jusqu'à 61 décimales. Mais ces tables, heureusement, sont inuities aux astronomes.

Dans le même ouvrage, qui contient la formule fondamentale dont tottes les autres ne sont que des corollaires, Mercator indique le premier une relation singulièrement curieuse entre les logarithmes et les espaces byperholiques reafermés entre la courhe et ses aupmytotes, mais cette théorie, si remarquable et si belle, est encore étrangére à l'Astronomie. L'auteur même déclare que la nature des logarithmes ne dépend millement de la Géométrie; il y remarque seulement une douce

affinité très digne d'étre contemplée. Plus loin il ajoute que ceux-là se trompent grandement, qui croient que l'hyperbole facilité en rien la recherche des logarithmes, il serait bien plus vrai de dire que ce sont les logarithmes qui meinent à la quadrature de l'hyperbole.

A la suite des grands hommes dont nous venons de parler, et qui remplisent presqu'en cutier note premier volume, nous avons pluci quelques uns de leurs contemporains, de leurs discipite ou de leurs commentateurs. Aiusi, après Copernie, on voit paraître Rhéticus, qui, he premier, derivit en faveur du nouv'eau système; et Reinhold, qui refit avec un peu moins d'inexactitude les tables de Copernie. Après Tycho, nous donnous me holice sur Longomontanus, son ciève et son assistant pendant plats de doute années, et anne autre sur Urass Dilhmersus, esprit hizarre dédirecteur acharmé de Tycho, Nous n'avons mis persona près Képler, dont les brillantes découvertes ont été négligées si jong-mes. Mais, à la suite de Goillée, nous montrons Scheiner et Marius, qui ont prétendu a'approprier ou partager la gloire de ses découvertes, l'ardes et Molapertius, qui ont travaille sur les tuches du Socle, l'ava-quelles ils avaient donné les noms d'astres de Bourhon et d'astres d'Autriche.

· La réformation grégorienne du calendrier a sujvi de 40 ans environ la mort de Copernic; mais elle est un fait historique qui ne se lie a rien bien précisément, et dont la place la plus naturelle nous a paru devoir être en avant d'un ouvrage ou nous allons exposer l'origine et les progrès d'une Astronomie nouvelle. Depuis long-tems cette réformation était demandée de toutes parts; on s'en occupait depuis plus d'un siècle, puisque Regiomontanus était mort en 1476, à Rome, où il avait été appele pour y travailler. D'ailleurs, le nouveau calendrier ne suppose aucun système astronomique, ni même aucune table ni de la Lune ni du Soleil. L'année adoptée par les réformateurs n'est guère plus précise que celle d'Hipparque; tout est fondé sur des périodes imparfaites, ou des artifices de calculs et des idées qui remontent aux Grecs d'Alexandrie ou plus haut encore, telles que les épactes et le nombre d'or de Méton. L'explication de ce calendrier aurait interrompu notre marche sans aucune nécessité, sans aucun avantage, et nous en avons fait un livre séparé. Nous avons exposé sans partialité les conditions arbitraires et génantes de problème, et l'inntile complication qui en est résultée. Mais en conservant le système qu'on avait choisi sans aucune raison vraiment importante, nous avons applaudi bien sincèrement à l'adresse qu'on a mise

à éluder les difficultés, et pour atténuer les inconvéniens qu'il était impossible de foire entièrement disparaître.

Pour faciliter l'intelligence de cette vaste conception, pour en aplanir la pratique et l'application, nous avons tout réduit en formules qui donneront tous les articles du calendrier ; les lettres dominicales, le nombre d'or, les épactes, le jour pascal, et, par suite, toutes les autres fêtes mobiles, avec toute la facilité que comportent ces différens problèmes, et avec une généralité et une sureté qui dureront autant que le calendrier même. Nous avions donné nos idées principales, soit dans notre Astronomie, soit dans la Connaissance des Tems; elles ont été critiquées en Italie par un professeur d'Astronomie que nous avions autrefois connu à Paris, et qui nous a même envoyé son livre. Les raisons qu'il nous a opposées, et par lesquelles il s'efforce de prouver la simplicité et la nécessité du système adopté, ne nous ont nullemeut couvalnen; mais elles nous ont paru mériter une réponse. Peut-être l'avons-nous faite trop longue, quoiqu'elle le soit beaucoup moins que la critique à laquelle nous étions forcé de répliquer. Mais le lecteur y trouvera du moins cet avantage, qu'en regard de nos formules il aura celles . de notre adversaire, appliquées aux mêmes exemples, en sorte qu'il aura le choix entre les deux méthodes diverses. La réformation grégorienne fut adoptée avec soumission dans tous les pays d'obédience; elle fut vivement et long-teurs critiquée dans les pays protestans; et comme, en fait de mesure, le mérite principal est et sera toujours l'uniformité, il en est résulté, pendant près de deux siècles, des embarras plus fréquens et plus incommodes que les prétendus inconvéniens auxquels on voulait remédier. Au reste, c'est un sujet qui nous paralt épulsé, et sur lequel nous ne reviendrons plus.

"Seconde partie. En parlant de Rhécieux, dans notre premier volume, nous ne l'avions considéré que comme disciple et partisan très aété de Copernie. Il a des droits bien plus récis à l'estime et à la recomatisance de tous les calculateurs. Le premier il ous concevoir l'idee d'une table des sinus, des tangentes et des sécuntes en nombres naturels diu décimales, pour tout le quart de cerçle-, de dix en dis secondes. Il exécuts herreusement cette entérpréss, il avait même calculé tous les sinus à 15 décimales. Ce travail prodigieux l'occups toute as vie; il y manquait encre quelques tangentes et quelques sécantes, loraque la mort le surprit. Son disciple Othon les sipust, Les tables étaient précédées de dious le titre d'ous "Patientum de Trianguint. Les tables étaient précédées de l'ous "Patientum de Trianguint. Les tables étaient précédées de

750 pages d'expligations, que peu de personnes sans doute ont'eu le courage de lire, et que personne e lira plus désormais. Nous ca avons eu la patience, et l'auteur ne dounant aucun théorème, uous avons eu la patience, et l'auteur ne dounant aucun théorème, uous avons eu de a examiner les sels éxemples unueriques qu'il a éaleulés sur le même triangle. Nous y avons trouvé la preure que Rhéticus possédait les six théorèmes des triangles rectangles. Quatre seulement étiente conouss des Grees; le cinquième avait été trouvé par Géber; le sixième est la propriété incontextable de Rhéticus, et Victe le trouva suissi quelques années plus tord, mais avant la publication de l'Opus Padatinum. Nous avons nequis la certitude que Rhéticus n'en comaissait pas un de plus, et ce septième est sans doute impossible, puisqu'il n'a pur résulter de tant de combinaisons différentes suxquelles Rhéticus était lyré.

Ce serait donc rendre un véritable service à l'ouvrage que de le délivrer de cette superfétation de 700 pages inintelligibles, qui le rendent si incommode. Nous en avons extrait la substance, nous avons donné l'esprit des méthodes, et notre extrait ne remplit pas trois pages.

Les ainus à 15 décimales ont été retrouvés oprès la mort de Rhéticus et celle d'Othon, et ils ont été attribués à Pitiscus, qui n'a cu d'autre mérite que de les publier et de s'en servir pour corriger les tangentes et les sécantes de ses derniers degrés, qui se trouvérent défectueuses, probablement parce qu'elles n'avaient pas, été calculées par Rhétiens lui-même, mais par son étve, lequel paraît d'ailleurs n'avoir été qu'un calculateur très médiocre.

Cer Tables de Rhéticus doivont être considérées comme un ouvrage fondamental, puisqu'elles ont servi à Viacq pour calculer ses grandes Tables logarithmiques à dit décimales, dont Gardiner et Callet n'ont donné que des abrêçés; c'est donc à Rhéticus que l'on a la première obligation du toutes les tables trigonométriques ustices aujourd'hui, et qu'on a multipliées sous tant de formes différentes; nous avons du considérer cet auteur comme un homme du premier ordre en son genre, et montrer à sa suite tous ses éditeurs, abrévisieurs ou commentateurs, les que Phiscas, Clavius, Adrien Romain, Torpordey et même Lansberg, dont les tables estimées de Képler d'out paru que 15 ans après 169 que Phiscas, Clavius, Adrien Romain, Torpordey et même Lansberg, dont les tables estimées de Képler d'out paru que 15 ans après morte la lamin, et l'anoné méme où Phiscas vennis de laire imprimer ses corrections pour les six derniers degrés. Lansberge ciait d'ailleurs un astronome laborieux, à qui f'on a justement reproble de s'étre trop vanté lui même, cu qui était un petit mal, et le fort, plus rele d'avoir d'il-filé des Bostar airons cader a'vac ses tables, dout

il voulait établir la supériorité sur toutes celles qui avaient parn jus-

Saellius, qui vient ensuite, ne fut pas un simple éditeur; on lui doit quelques théoremes curieux de l'rigonomérire, et le théorème cékbre de la réfraction, attribué long-tems après à Descartes, qui l'a peut-être aussi travué de lui-même. Enfin Saellius est le premier auteur, non d'une mesure exacte d'un degré du méridien, mais d'une mesure executes sur les principes que l'on auit encore aujourd'hui. Pour donner une longueur, suffisante au livre qui porte son nom, noas lui avons adjoint Vernier, qu'on peut aussi considèrer c'homme le blenfalteur de l'Astronomie, à cause de l'invention si commode, si simple et si ingeineuse qui porte son nom, et qu'nntilement on a voulu lui disputer.

Briggs, à plus d'un titre, aurait mérité un article à part, comme l'un des deux inventeurs, et comme le véritable créateur du système de logarithmes qui a remplacé celui de Néper. Il est encore auteur de tables trigonométriques de tout genre, qui sont l'un des monnmens les plus vastes que l'on connaisse de la patience et de l'industrie humaines. Ses sinus, tant naturels que logarithmiques à 14 décimales; ses logarithmes de 30,000 nombres, auraient eu la préférence sur tont ce qui a été imaginé en ce genre, si nne division du degré en 100 parties, au lieu de 60 ou 560, n'eût empêche les calculateurs de leur accorder cette préférence. Un centième de degré vant 36" : on a donc réellement dans ce recueil beaucoup moins de sinus et de tangentes que dans ceux de Rhéticus ou de Vlacq; mais si ces tables ont moins servi aux usages ordinaires, elles offrent au moins les vérifications les plus préciouses pour tontes les autres tables publices avec lesquelles elles se rencontrent au moins de 5 en 3 minutes, et les moyens les plus surs pour étendre, par une interpolation facile, ces nombres de 14 décimales, ou anx millièmes de degré, ce qui suffirait à tous les besoins de l'Astronomie, ou à toute autre division du quart de cercle, comme la division centésimale, qui n'a pu encore s'établir généralement, même en France, par les embarras inséparables de tout changement dans des méthodes devenues très asuelles. Briggs a eu le mérite d'entrevoir au moins la loi qu'observent les différences de tous les degrés des sinus; il a eu celui de trouver des méthodes d'interpolation dont il a tiré grand parti, mais dont il à soigneusement caché l'origine. M. Le Gendre s'est assuré de l'exactitude de ses méthodes ; il les a démontrées par des moyens certainement inconnus à l'auteur ; il a regretté que Briggs n'eut pas indiqué, les fondemens de

ses méthodes. Nous avions d'abord désespéré de deviner la voie sairés par l'auteur, l'orsqu'une réficieun très simple nous e mis sur la voie. Après avoir abandoané cette recherche, nous y avons été ramené dans la suite; nous avons démontré ces formules par une opération simplement arithmétique, et d'une grande facilité. Nous avons refisit, par nos propres règles, toutes les interpolations données pour exemple, et nous osus sommes assuré que les sinus naturels, donnés par l'auteur avec 19 décimales, pourraient s'étendre à tout le quart de cercle parune interpolation aisée, qui donnerait toujours 18 décimales exotes, et souvent 19. Tant de décimales à la vérité sont inutiles le plus souvent; mais, dans des circonstances extraordinaires, asna se donner la peine de calculer la table entière, on pourrait se procurer à 18 décimales un siuus quelconque que fon voudrait avoir avec cette précisions.

Le livre IX, qui porte les noms de Métius, de Boulliaud et de Seth-Ward, ne nous offrira aucune remarque bien importante. Métius n'est connu que par son rapport du diamètre à la circonférence, mais Boulliaud, dont les idées sont assez extraordinaires, a joui de trop de réputation dans son tems pour qu'il nous fût permis de le passer sous silence. Nous en dirons autant de Seth-Ward. Leur hypothèse elliptique simple était un pas rétrograde, on a eu grande raison de l'abandonner; mais elle fait partie de l'histoire de l'esprit humain. Bayer, dont la notice termine ce livre, nous fournit une chose qui n'était pas difficile à imaginer. et qui est restée comme le rapport de Métius, C'est l'idée qu'eut Bayer de désigner chaque lettre d'une constellation par une lettre grecque, romaine ou latine. Cette attention si facile a immortalisé le nom de Bayer. Il faut avouer que c'est devenir célébre à bien peu de frais. Schyrle, dont il est aussi fait mention dans ce livre, a le premier fait exécuter la lnnette astronomique à deux verres convexes, imaginée par Képler; et cette innovation a eu en Astronomie des suites de la plus grande importance, qu'il était impossible de deviner.

Le livre X ne porte que de Descartes, et nous crisignons bien qu'on a nous accuse d'une excessive sévrité pour un grand homme dont la gloire est regardée comme une propriéé nationale qui mérite tous nos respects. Nous prions nos lecteurs de «s souvenit que nous érrivous une histoire, et non des éloges. Un panégy riste peut amplifier ce qu'il trouve, de grand et de beau dans son brives, et glisser adroitement sur ce quil' faut dissimuler, L'historien ne doit aux morts que la vérité. Ce n'est pasnotes fautes il Bescartes, en Autronomie, n'a prodoit que des chimères;

si, rejetant toute observation, tout calcul, toute démonstration et toute Géométrie, il s'est uniquement livré à ses réflexions solitaires, et s'est perdu dans un monde qui n'a jamais existé que dans son imagination. Ce n'est pas notre faute si, en méditant ses écrits, sa conduite et les circonstances de sa vie, il nous a paru impossible de rejeter cette idée affligeante, que ce puissant génie était atteint de cette maladie, dans laquelle nne idée fixe, qu'on n'abandonne jamais, fait qu'on déraisonne sur tout ce qui tient ou qu'on rattache à cette klée. De grands hommes ont été atteints de cette maladie. Pascal, qui voyait toujours à côté de lui le précipice où il avait manqué périr, avait en outre quelques idées noires et non moins chimériques, qui sont la base uniforme de ses Pensées. J. J. Rousseau croysit tout l'univers ligué contre lui. Ces travers d'imagination ne les ont pas empêché d'être des écrivains du premier ordre, des dialecticiens forts et subtils, et des modèles de style en des genres très différens. Descartes avait, comme eux, sa chimère, sa Science admirable, qui lui fit percourir toute l'Allemagne à la poursuite des Roses-Croix, qui annoncaient quelque chose qui ressemblait à sa science. Nous accorderons à Descartes tout ce qu'on vondra en Géomètrie : mais en Astronomie nous ne verrous en lui qu'un esprit très dangereux, dont les visions se sont opposées long-tems à l'établissement des saines doctrines; et dont les succès trop long-tems soutenus peuvent égarer des esprits d'un ordre moins élevé. Dans les systèmes enfantés au mépris des connaissances positives, par les imaginations les plus déréglées, a-t-on jamais vu rien de plus impossible, de plus bizarre et de plus inutile que ces tourbillons absorbés les uns par les antres, quand les astres qui sont au centre viennent à s'encroûter: rien de si chimérique que la matière subtile, rien de si ridicule que la matière canelée; et cependant quelle vogue n'ont pas eu de pareilles visions? Quel auteur de système ne se croira pas assez dedommagé de ses peines, s'il peut obtenir que ses réveries soient préconisées pendant cent sps, dussent-elles à la fin éprouver le sort de celles de Descartes? La gloire de Descartes n'a-t-elle pas enflammé l'imagination de tous ces faiseurs de systèmes que nous voyons éclore chaque snnée? N'avons-nous pas vu un docteur allemand envoyer à la classe des Sciences mathématiques un Mémoire dans lequel, à l'aide de quelques principes métaphysiques, il créait une Chimie tout entière, et qui ressemblait à la Chimie réelle, comme le monde de Descartes ressemble au monde que nous connaissons depuis que le culte de Descartes est sholi. Voilà les réflexions qui nous ont fait une loi de la

sévérité que nous avons montrée; mais cette sévérité a-t-elle surpasse celle de Pascal et celle de Gassendi, à l'apparition du livre des Principes? Et la preuve que loin d'avoir été dominé par des impressions défavorables, nous avons recherché avec un soin tout particulier ce qui pouvait être loué sans blesser la vérité, c'est que nous avons fait valoir en l'honneur de Descartes une chose dont avant nous personne n'avait parlée une idée qui devait conduire un géomètre à la découverte de l'aberration, dont elle renferme toutes les règles. C'est ce principe, énoncé formellement par Descartes, qu'en vertu du mouvement de la lumière, jamais un astre ne nous paraîtrait occuper le lieu où il est réellement, mais celui qu'il occupait à l'instant où il nous a envoyé le rayon de lumière qui nous le fait apercevoir. Mais ce corollaire mathématique d'un fait qui est confraire à son système, il le présente comme une objection. Il avait décidé que la transmission de la lumière devait être instantapée, et il s'attache à prouver que nous voyons le Soleil et les planètes dans les lieux où elles sont en effet. Il invoque le témoignage de tous les astronomes; aujourd'hui tous les astronomes déposent contre lui en faveur du principe qu'il a reconnu le premier, et qu'il a rejeté. N'ayons-nous pas dit que ce peu de lignes de Descartes avaient pu guider Brudley, et que probablement et presque certainement elles avajent guidé Roëmer? Est-ce montrer de la partialité contre un grand homme, que de tenter de l'associer à la découverte la plus brillante du dernier siècle? Fovez tome V, pages 203 et 204.

Morin, qui vient après Descartes, est une espéce de fou, tout précupé des visions de l'Astrologie judiciaire, qui s'est rendu ridicipe que prédictions impudemment annoucées comme certaines, et démenties une une suite pe le évémennes. Sa réputation équivoque a pu prévenir défivorablement ses juges dans le détat un les longitudes. Mais les torts les plus graves ne furent pas du côté de Morin; il avait eu le honheur de s'assaurer le premier qu'on pouvait voir des étoiles en plénipour, et pour firer le parti le plus brillant de sa remarque, il ne lui manqua que de avoir appliquer les luentes aux instrumens qui servent à la measure des angles. Il fit quelques pas vers cette application, et il abandonna ses recherches pour achever son grand traité d'attrolgère. Mais la collection de ses ouvres, à ce traité près, nous prouve qu'il n'était point un savant si métrisable.

Riccioli, qui lui succède, est un esprit plus sage, mais qui n'eut pas en toute sa vie une idée qui lui appartint, ou qui méritat le moindre examen. Il est recommandable par son érabilion, mais dépouru de gout et de critique. Son Almapetes, qu'on pourrait nonner l'Astronmie monacule, présente au moins cette singularité, qui en rend partésis la lecture moins fauilieuse, c'est que, chargie par ses supérieurs (la jauvire) de combattre le système de Copernie, il ne tart pas sur les loungars de l'auteur avec lequel de so toblig de senseurer; qu'il est avec autant ou plus d'embousisme que ne pourrait le faire le copernicien le plus décêt; qu'il exagrér même les avantages de ce système, que, pour le réfuter, il n'y oppose que les argumens les plus insignifians et les explications les plus misérables.

Gassendi, chanoine et prévôt de Digne, professeur royal d'Astrônomie, chomme d'esperti, homme du monde, sons manquer à ancune des bies-scânces de son état, hisses voir tout aussi évidemment qu'il est partison-de Copernie. Il ne l'attaque jamais, le défiend nei tout occasion, et la coportie. Il ne l'attaque jamais, le défiend nei botte occasion, et loujours en protestant qu'il sousèrit à tout ce que l'Église a déciéd, s'il est via pourtaux que l'Église au décide quesque home, et remançus que Riccoll ivi-même convient que l'Église n'a rien décide sur le fond de la question, c'ext-d-ières sur le mouvement ou, la stabilité de la réputation de s'explique qu'avec la bius grande réserve. Il n'en lut pas davantage pour expliqueraes succès dans le monde. Quand on le fit, on est un peut fononé de la réputation qu'il a laisées, Observatieur assex assidu da teous less lephénonénes, il n'est toit en Astronomie que pour son observation du passage de Mercare, qu'il v'il le premier sur le Soleit, et qu'il vit le permier sur le Solei

Mouton, bien moins généralement connu; nous a fourni un chapitre beucoup plus intéressant, moins par ses observations des diametres, ou son projet de nuesure universelle, prisé dans la nature, que par une méthode toute nouvelle d'interpolation, il fluit avoure qu'elle était restée fort imparfaité entre ses mains; mais le principe en est simple et féctod, et il nous a été facel d'en tree une méthode générale qui peut suffire, et bien au-delà, dans tous les besoins de l'Astronomie. Réduite en fort mules et de tables qu'il dispenser de recouprisé ess formels, et les nous a fourni des movens aisés pour refaire avec plus de précision toutes les interpolations filtes par Briggs et celles qu'il convient n'avoir pu faire. Ramené par ce succès à nous occuper de nouveau du géomètre auglis, mous avois ve disparatire tout-à coup la difficult qui avait parti qui sarp rancomorbale; nous avois rétrouvé la voie qui avait conditt Briggs à ce formeles qu'inciense, dignit il avaite soigneusement capilé les diconostra-formeles universes, dignit il avaite soigneusement capilé les diconostra-formeles qu'inciense, dans il avaite soigneusement capilé les diconostra-formes qu'inciense dans la contra de la

tians. Nous avons donc deux mithodes fealement, sóres d'interpolation : celle de Brigga, parti d'abord plus facile; mais elle cuige des attentions, plus minutienses, et, de l'aveu de l'auteur, elle ne réussit que dans les aco à la dernatire d'ifférence est d'un ordre impair; celle que nous devons à Mouton est plus uniforme, plus générale, et nous la prétérons.

Mouton nous fournit des moyens précieux pour abréger la construction des tables astronomiques et les calculs des éphémérides. Hévélius, qui vient après lui, fut l'un des plus grands observateurs que nous connaissions. Ses instrumens surpassent ceux de Tycho, et sont d'un usage plus commode; ses observations sont et plus nombreuses et plus précises. Il sut en tirer un catalogue d'étoiles plus exact et plus étendu. Il est connu par une description de la Lune, la plus complète qui existe; il ent des idées assez justes de la libration de la Lune, qu'il a observée plus assidument que personne, et dont il a donné une explication presque entière; il a fait des recherches immenses sur les comètes, et il leur assigne pour orbites des sections coniques et surtout des paraboles; il ne dit pas que le Soleil en occupe le foyer, mais il demontre que l'orbite rectiligne ou circulaire est insuffisante pour satisfaire à toutes les observations d'une même comète. Il fut au nombre des savans étrangers qui ont recu les bienfaits de Louis XIV. Un incendie affreux détruisit en son absence son observatoire, ses instrumens, ses manuscrits et l'édition presque entière du second volume de sa Machine celeste, où il avait consigné toutes ses observations; il n'en resta qu'une cinquautaine d'exemplaires, dont il avait disposé en faveur do quelques amis et de plusieurs savans. Dans sa vieillesse, il recommença tous ses calculs, refit ses tables du Soleil et prépara l'édition du Firmamentum Sobescianum, qui ne parut qu'après sa mort. Il a combattu l'application des lunettes aux instrumens pour la mesure des angles. Sans la rejeter définitivement, il se borne à proposer ses doutes, fondés sur le nombre d'attentions indispensables pour se prémunir contre les illusions optiques. Il a peine surfout a se persuader que cette invention nouvelle puisse assurer aux observations une précision soixante fois plus grande, et en ce point il a pleinement raison. Les distances observées avec ses pinnules, comparées à celles que Flamsteed avait mesurées avec un sextant à lunettes, prouvent que les erreurs de ses pinnules ne sont pas aussi fortes, ni la précision duc aux lunettes aussi considérable qu'on l'assurait. L'avantage de Flameteed n'est ordinairement que de quelques

Hist, de l'Astr. mod.

secondes, et nous sommes bien loin encore de répondre d'une seconde dans nos observations les plus soignées.

Horrockes, qui lui succèda, surait pu se montrer le dispu successeur de Képler, dont il est admirateur passionné; mais il mourut à 25 ans. Sa théorie de la Lune n'a pas été inutile à Newton; il a développé et resilifie les idées à Trybo sur l'équation annuelle de la Lune; il a adopté et proposé avec plus de confiance les idées de Képler, dont ils a rémi lés deux ciquations, qui dépendaient du même argument, et il en a formé, sans rien changer sux nombres de Képler, une équation qui n'est en excès que de quelques secondes aur l'équation moderne. Le premier il a cu la satisfaction d'observer un passage de Vénus sur le disque du Soleil, en 165a.

Nons glissons plus rapidement sur Roberval, premier auteur d'une explication presque complète de l'anneau de Saturne; sur Wing et Streete, auteurs de tables qui ont joui d'une certaine réputation; sur Levera, qui eut la prétention d'être le réformateur de l'Astronomie; et sur de Billy et Tacquet, qui n'ont été que des professeurs ; sur Duhamel, premier historien de l'Académie des Sciences; et Lubinietscky, dont l'énorme volume ne nous a fourni qu'une anecdote curieuse. Nous nous arrêterons un peu plus sur Mercator, dont nous avons déjà parlé au sujet des logarithmes, et dont les Institutions astronomiques nous offrent la première explication claire et complète de tous les phénomènes de la libration de la Lune, explication que Mercator dit avoir reçue de Newton. Il est encore auteur d'une méthode pour trouver, dans l'hypothèse elliptique simple, l'apogée et l'excentricité d'une planète, et enfin d'une solution approximative du problème de Képler, per la Section divine. Cette méthode imparfaite n'a jamais joui d'une grande faveur, mais elle est assez curieuse ponr mériter sa place dans l'histoire de l'Astronomie. Greenwood, qui vientensuite, est auteur d'une tentative à peu près de même genre, pour corriger l'hypothèse elliptique de Boulliaud et de Sethward.

Galilée avait fuit la première lunette astronomique; il avait aperçul ses astellites de lupiter; il avait e la première léde du pendue, et il avait conçu l'espoir que ces découvertes conduirsient à la solution exacte du problème de so longitudes. Huygens, comme Galilée, dut sa première réputation à ses lunettes: il surpassa tout ce qu'on avait fait avant lui; il découvrit un des satellites et l'anneau de Saturne; il appliqua le pendule aux horloges; il inventa le ressort spiral, et, avec plus de fondement

encore que Galilée, il se flatta qu'il avait donné tout ce qui était nécessaire pour bien déterminer les longitudes. Ses essais n'eurent cependant pas encore tout le succés qu'il en attendait; mais il ouvrit la route, et si l'on a pu de nos jours atteindre le but, c'est à ses Inventions qu'on en est redevable. Ce but était celui de toutes ses recherches; il ne fit aucune attention au service bien plus important qu'il rendait à l'Astronomie, en lui fournissant un moven plus précis pour observer les ascensions droites. Mais pour tirer ce parti de son invention, il cût fallu qu'il y joignit ou la lunette méridienne de Roëmer ou tout au moins le mural de Picard. Mais son horloge à pendule n'en est pas moins une de ces découvertes mères à qui l'on doit en grande partie des progrès dont l'auteur lui-même n'avait pas une idée bien complète. Ses théorèmes sur l'horloge oscillatoire lui assurent un rang distingué parmi les géomètres. Newton le citait comme un modèle, sans doute parce qu'il ne faisait de l'Algèbre que l'usage le plus sobre, et qu'il s'éloignait des idées de Descartes pour se rapprocher de celles des anciens. Ses théorèmes sur les forces centrales, aes recherches sur les probabilités, ses fractions continues, lui ont mérité les éloges des plus grands analystes; il paraît avoir démontré le premier que la Terre est un sphéroïde aplati. S'il ne trouva pas la cause de cet aplatissement, il le prouva du moins par l'expérience, en combinant la direction des graves, perpendiculaire à la surface, avec la force centrifuge qui devrait écarter le pendule de la perpendieulaire. Quoiqu'il n'ait pu se résoudre à admettre la gravitation universelle et réciproque detoutes les particules de la matière, parce qu'elle renversait, comme il le dit lui-même, son explication de la pesanteur, il sut louer avec une noble franchise le rival heureux dont il ne rejetait que les idées, qu'il trouvait trop incompatibles avec ses propres systèmes.

Morin vétait assuré le premier que les hunctes faisaient voir les étaites en plain lour; mais, pour les observer, il et did lus etomer des points fixes dans le champ de la luncte. Il ne pot y réussir, et son heureuse expérience était complétement oubliée. On vanit trouvé ces points fases, on partageant le champ de la luncte en petits espaces égaux et carrés, formés par des fils qui se croissient au foyer. Huygens pleas parallètement à ces fils de petites lames de différentes larger, que lon pouvaient à ces fils de petites lames de différentes larger, que lon pouvaient le versient et de moitre durine plantée. Autour avait donné le premier réteules (Gaecoyne Tavait trouvé plus ancienament, mais ilea avait dit mystrée. Huygens suggéral à première réteules (Guecoyne Tavait trouvé plus ancienament, mais ilea avait dit mystrée. Huygens suggéral à première lété ou micromètre p auts fo

premier micromètre fut celui de Picard, qui sut mesurer le chemin du curseur d'Auzout, en sorte qu'en enfermant une planète entre ce curseur et l'un des fils immobiles, on avait la mesure du diamètre avec bien plus de certitude que par la petite lame qui le couvrait entièrement. Ces progrès étaient grands; ils n'étaient encore qu'une amélioration desidées non publices de Gascoyne. Il restait à faire un pas plus important : l'application de la lunette à la mesure des angles. Il fallait déterminer exactement la situation de l'axe optique, et le rendre bien parallèle au plan de l'instrument. Picard y parvint, en donnant aux lunettes qu'il appliquait à ses instrumens la forme de la lunette d'épreuve, dont il est le premier inventeur. Ce n'était pas assez que l'axe optique fût parallèle au plan de l'instrument, il fallait ou le rendre parallèle au rayon mene du centre au zéro de la division, ou du moins il fallait trouver l'angle que faisait l'axe optique avec ce ravon, quand la lunette était placée sur le zéro de la division. Picard donna, pour trouver cet angle, le moyen dont on se sert encore aujourd'hui; il donna même le moyen de rendre cet angle nul, ou de le diminuer à volonté, quand on ne préfère pas d'en tenir compte dans le calcul des observations, car le plus sonvent cet angle est d'un petit nombre de secondes. Avec ces moyens tout nouveaux, Picard forma des quarts de cercle et des secteurs avec lesquels il mesura le premier degré qui méritat quelque confiance. Ce degré fournit à Newton l'une des données indispensables pour les calculs de la force qui retient la Lune dans son orbite, et qui ont conduit ce grand géomètre à la première preuve directe qu'on eût de la gravitation universelle supposée par Képler dans sa Physique céleste.

Alterius sic

Altera poscit opem res et conjurat amico.

Picard est le premier auteur de la méthode des hauteurs correspondantes et de la correction du midi. Il ne lui manquait plus rien pour établir le système d'Astronomie pratique, qu'il avait exposé à l'Acadème dès l'ans légle. On lui fiat tatedre dix ans le quart de certele mursi, qu'il demandait avec des instances continuelles; il n'eut pas le plaisir de le placer lui même dans le méridien, il était mourant quand enfin l'instrument fut terminé. En attendant, il avait essayé de faire tourner une lunette dans le plan du méridien. Cette idée fut réalisée pur son dève Rômer, et perfectionnée par les modernes. Elle a formi l'un des deux instrumens fondancetaux de l'1stronomie, Roëmer construisit deux instrumens fondancetaux de l'1stronomie, Roëmer construisit

donc la première lunette méridienne; il la plaça dans son observatoire de campagne; il en fit un usage assez heureux pour déterminer les escensions droites au moins relatives des étoiles. Il n'a rien imprimé. et ses manuscrits ont péri dans l'incendie de l'observatoire de Copenhaque, ou ils avaient été transportés après sa mort. Nous n'avons guère de lui que son ouvrage des Trois Jours, Triduum astronomicum dans lequel on trouve les passages d'un assez grand nombre d'étoiles observées à sa lunette ou roue astronomique. On peut d'autant mieux le juger d'après cet opuscule, que de toutes ses œuvres c'était celle qu'il prisait le plus, et qu'il en avait multiplié les copies, dont plusieurs ont été conservées, et ont pu être comparées à l'original, qui étalt heureusement entre les mains de son élève Horrebow. Roëmer est surtout célèbre par les preuves qu'il donna du mouvement de la lumière et de la vitesse de ce mouvement, qu'il soutint constamment, du moins pendant son séiour en France, malgré l'opposition non moins constante de D. Cassini; mais de retour à Copenhague, il parut oublier entièrement cette découverte importante, de laquelle il ne tira aucune connaissance utile, ni aucune amélioration pour les calculs astronomiques. Il semble qu'il aurait du montrer moins d'indifférence, et s'attacher surtout à développer l'idée heureuse de Descartes sur l'aberration des planètes, qui était une conséquence mathématique de la transmission non instantanée de la lumière. Si Roëmer n'eût été rappelé à Copenhague, d'où Picard l'avait amené à Paris, en 1670, il cut été appelé à la succession de Picard, il cut contribué mieux que personne à établir en France le véritable système de l'Astronomie pratique, proposé depuis si long-temps par son maître et son bienfaiteur. Il quitta la France peu de mois avant la mort de Picard, et fut remplacé à l'observatoire par La Hire, qui chercha bien à suivre le plan de ses deux devanciers. Mais il.s'occupait de choses trop différentes; il était à lui scul une académie tout entière, suivant l'expression de Fontenelle; mais il n'était qu'un astronome du second ordre. Pendant trente ans il observa des hauteurs et des passages à sou quart de cerele, dont il ne connaissait assez bien ni les déviations ni les autres erreurs. Il n'en tira qu'un catalogue de 64 étoiles, où l'on remarque des erreurs qui ne peuvent avoir été produites ni par l'aberration ni par la nutation . qui ctaient encore inconnues. En sorte que, ni pour le nombre, ni même pour la précision, ce catalogue ne peut entrer en comparaison avec celui que Flamsteed composait dans le même tems. Ses tables astronomiques ont joui de quelque réputation, quoiqu'il ne les cut pas assujéties à l'el-

DISCOURS PRÉLIMINAIRE.

lipse de Képler, et que toutes ses équations du centre fussent en partie empiriques. Il ent le mérite d'appliquer le calcul trigonométrique à la projection de Képler pour les éclipses sujettes à une parallaxe, et il trouva un théorème qu'on peut qualifier de fondamental pour cette théorie. Ses observations de la Lune, réduites et calculées par La Caille avec des précautions plus scrupuleuses, sont ce que nous connaissons de mieux à cette époque (1685 - 1685). Elles sont les plus anciennes que l'on puisse employer à déterminer l'accélération du mouvement de la Lune. Les travanx astronomiques de Roëmer et de La Hire sont un appendice naturelle de ceux de Picard, et, pour ne pas les en séparer. nous nons sommes un peu écarté de l'ordre chronologique, qui, après Picard, appelait Cassini. Mais il nous a paru que, malgre sa grande et juste célébrité, le premier des Cassini n'eût jamais, en ce qui concerne la véritable Astronomie, ni des idées aussi saines ni des plans aussi bien raisonnés. An lieu de s'appliquer à perfectionner les instrumens et les observations, il imagina son gnomon de Bologne, qui n'était qu'un pas rétrograde, quoiqu'il ait été loué outre mesure. A son arrivée en France, il témoigna le regret que l'observatoire n'eût pas été construit de manière à former un vaste cadran solaire. Il aurait voulu en faire un instrument de même genre que son gnomon, et seulement un pen plus complet. Il traita l'Astronomie comme les Grecs traitaient la Philosophie; il la regardait comme une science purement conjecturale, où celui qui voulait se distinguer et devenir chef de secte devait avoir des opinions à lui, Toute sa vie il persista dons le mauvais système qu'il s'était formé ponr les comètes, d'après les idées de Képler et de Tycho, Jamais il n'eut l'air de faire la moindre attention aux découvertes de Newton. Il crut entrevoir que la Terre était un sphéroïde allongé, et ne réussit que trop à accrediter cette opinion, qui est certainement un des dogmes de son école, il voulnt changer l'ellipse de Képler. Par ces idées et quelques autres, il paraîtrait avoir retardé plutôt qu'accéléré les progrès de l'Astronomie; mais dans quelques autres parties, moins importantes à la vérité, il s'est acquis une gloire plus solide, et il n'a mérité que des éloges. Le premier il a donné une théorie ingénieuse et déjà fort approchée des réfractions; il détermina fort passablement la parallaxe du Soleil; il donna les premières tables des satellites de Jupiter; elles laissaient beaucoup à désirer sans doute, mais celles du premier satellite l'urent certainement très utiles à la Géographie. Long-temps il en fit mystère, et ne publia que des éphémérides; ce mystère même fut peut-être une des causes qui le

firent appeler en France. Nous ne parlons pas de ses autres tables, qui n'ont paru que long-temps après sa mort, avec diverses corrections qu'il nous est impossible de juger, et que ses successeurs ont estimées nécessaires. Le premier il découvrit la rotation de Vénus, celle de Mars et celle de Jupiter. Il découvrit que tre des satellites de Saturne, et à cet égard il se montra un digne et brillant successeur de Galilée. Nous avons taché de l'apprécier avec une impartialité que plus d'un lecteur trouvera sans doute un peu sévère. Mais tel est le devoir impérieux de l'historien, Au reste, aucune de nos critiques ne pourra diminuer une réputation si bien établie par des découvertes incontestables. Cette impartialité sévère et historique se trouve également dans les notices que nous avons consacrées à quelques-uns des plus célèbres bienfaiteurs de la science, quand nous avons été forcés de combattre leurs idées ou leurs prétentions. Elle se trouve dans les notices de Ptolémée, de Copernic, de Képler, de Galilée et de Descartes. On la trouvera pareillement dans les articles des grands hommes, que l'abondance des matières nous a forcé à renvoyer au troisième volume de notre histoire. Ce volume est tout prêt, ou du moins il n'y manque que quelques notices courtes et faciles d'auteurs très modernes; il aura pour titre l'Astronomie du dix-huitième siècle : pous le commencerons par Newton. Flamsteed et Halley, qui paraîtraient appartenir au siècle précédent; mais les découvertes de Newton n'ont porté leur fruit que long-temps après la première apparition du livre des Principes : c'est le dix-huitième siècle qui a vu paraître la Cométographie de Halley et l'Histoire céleste de Flamsteed. Notre histoire sera terminée par l'examen de tous les ouvrages qui ont pour objet la grandeur et la figure de la Terre, et ce dernier livre sera le seul où pourront être compris quelques auteurs encore vivans. Ainsi notre Histoire de l'Astronomie n'aura pas moins de six volumes. On trouvera sans doute que c'est beauconp pour une scule science, et c'est ce qui nous avait fait balancer sur le titre que nous devions donner à notre ouvrage. Nous aurions pu lui donner celui de Bibliothèque, à l'exemple de Photius ou de Fabricius. Nous l'avons rédigé principalement pour les astronomes et pour les mathématiclens en général. Nous avons désiré qu'il contint le tableau complet des différens ages de l'Astronomie; qu'il fût un répertoire ou l'on trouvât toutes les idées, toutes les méthodes, tous les théorèmes qui ont servi successivement aux calculs des phénomènes. Quant aux lecteurs qui n'ont que pen ou point de connaissances mathematiques, l'Histoire de l'Astronomie est rentermée pour eux dans nos discours préliminaires et dans les parties des notices particuliéres où lis n'apercevront ni calculs ni démonstrafions. Aux six volumes de notre Histoire, on pourra joindreles trois volimmes de notre Astrónomie, où nous avons tâché de rentermer toutes fess méthodes dont on se sert aujourdig. Il est vriq a'uperès la lecture de Flistoire on pourroit trouver quelques retranchemess à faire dans le Traité. Nous pourrois même, si nous en avons le tems et les moyens, exécuter ces changemens et quelques autres, dont l'objet sera d'en mieux coordonner les parties à celles de l'Histoire, sans que la Traité cesse d'être un ouvrage complète en son gent.

NOTE.

Pendant que cette feuille s'imprimait, pous avons eu l'occasion de compulser tous les auciens registres de l'Académie , en ce qui coucerne Huygens , Picard , Cassini et Richer , et pour savoir l'époque précise où l'Académie a consu l'accourcissement du peudule à Cavenne. Il est résulté de ces recherches que Richer assistait rarement aux séances ; que plusieurs fois on fut obligé de lui écrire pour qu'il envoyât la relation de son voyage; que son manuscrit a été long tems entre les mains de Cassini, qui même fut chargé d'en composer la préface. On n'en voit aucune en tête du voyage : il est à croire que Cassini, eu doupant plus de développement à ses idées, au lieu de cette préfece, aura composé le livre qu'il publia cinq aus après pour commenter ce voyage. On voit dans les registres que Cassini et Picard avaient été chargés de revoir la rédaction de Richer; que le livre ne fut imprimé que plus de cinq ans après le retour de l'auteur; entin, que pas une seule fois ces registres ne font la moindre mention de l'accourcissement du pendule. Il est douc possible qu'Huygens n'en ait en connaissance que par la publication du livre en 1679. Huygens demeurait eucore en France. Sans doute il dut en receyoir ou s'eu procurer un exemplaire. Ce fut alors seulement qu'il put faire à sou discours, sur la canse de la gravité, une première addition qui contenait ses idées d'aplatissement. Il n'en pouvait être question en 1669, quaod il lut à l'Académie son discours, qui est, comme il le dit, consigné dans les registres. Ainsi, quand dans la préface de ce discours imprimé, Huygens dit : Maxima pars hujus libelli scripta est cum Lutctiæ degerem ... ad eum usque locum ubi de alteratione que pendulis accidit à matu Terrar, etc. Il nous paraît prouve que ce fat après sou départ de Paris, vers 168a ou 1683, qu'Huygens a parle de l'aplatissement de la Terre, et qu'ensuite c'est après la lecture du livre de Newton qu'il composa l'Additamentum de la page 116 du tome II de ses œuvres, publices à Amsterdam en 1728. Si la partie qui concerne l'aplatissement eut été écrite à Paris, il cut dit : Ad eam usque partem cui titulus ADDITAMENTUM,

ADDITIONS ET CORRECTIONS

Pour l'Astronomie du moyen âge et pour les deux volumes de l'Astronomie moderne, c'est-à-dire pour les tomes III, IV et V de cette Histoire.

Tome III, paga xiv, ligne 8. Ils n'ont pu trouver que l'année sidérale, lisez ils n'ont de trouver ai l'année tropique ui l'année sidérale, mais une année continuellement variable et surtout fort incertaine, par l'impossibilité d'observer exactement un phénomèue aussi fugitif qu'un lever héliaque; leur période sothiaque, ctc.

Page xlj, ligne 8, lises n'a été trouvé que par Rhéticus et par Viète

xlvij, 12, on ignore par qui fut complétée, lisez elle fut complétée par Rhétics, Maurolycus e l'avait calculée que pour les degrés. La même remarque s'applique à la page 441, dernière ligne.

Page Ixvij, ligne 27, c'est ce qu'araît supposé M. M., lisez c'est ce que me păraissait avoir supposé M. Marcoz, car îl trouve tantôt un jour de plus, tantôt un jour de moins que Ptolémée. Il a réclămé contre ce souppon, et assuré que toujours les Grecs avaient daté en tenu civil. Telle est aussi notre opiniou.

12 ligaes plus bas, effacez les mots (qui est celui de M. M.)

Page lxviij, ligues 2, 6 et 8, effacez suivant M. M.

16, le système de M. M., Lieze le système que nous prétions à M. M. péraissait pourtant le plus naturel; nous regardious Ptolémée, etc.
Page 6, ligne 24, Hispala, Lieze Hispalis. La même faute se trouve pages 63 et 434.

25, 9 en remont., 12° 57' 20", lisez 13° 37' 20"

69, 7 en remont., longueur des cartes, lisez longueur des ombres

milleu de la page, un minimum, ajoutez Proclus avait dit que la latitude de la Lune alllait quelquefois jusqu'à 5° 30'; les Persans, au contraire, ue la faisaient que de 4° 30',

Page 164, ligne 20, que Tycho a , lises que les modernes ont

178, 1, lisez altitudinis

192, 5 en remont., ajouter voyez l'article intercalations, tom. IV, p. 73.
213, 9 en remont. lises 0.054535

213, g en remont., lisez 0,054535 Sao, 12, cherchez les trois angles. li

500,
 12, cherchez les trois angles, lisez cherchez les trois angles au pôle
 593,
 18, 1433, lisez 1497

344, 15, lises Théophile

347, 12, lisez idiyarına 383, 3 en remont., lisez 25 août

- 384, 10 en remont., 400 pas, lises 400 coudées

7 en remont., peut, lisez paraît A l'article Fernel, ajoutaz la note suivante :

Hist, de l'Astr. mod.

Fernel acus dit que le pied = 4 palmes = 4.4 doigts = 16 duigts; donc un duigt = \(\frac{1}{16}\) epied. Le pas simple = 10 palmes = 10.4 doigt\$ = 40 doigts = \(\frac{1}{16}\) du pied = \(\frac{1}{2}\) de pied.

Le diameire de sa roue était de 8 piede 8 pouces et an peu plus = P + = 9°,375 et un peu plus. La circonférence sera douc so,0575 et un peu plus. Farrel, en nombre roud, so piede ou 5 pau géométriques. Il multiplie le nombre des roues 17044 par 4, et trouve 68096 pas. Nous aurous 68190,15 et un peu plus, ou 340950,8 pieds, dont le sixtime nous domarra 6883513 pour ce degré.

Mais la toise de Fernel a été accourcie de 5 lignes en 1668 (Mém. de l'Acad., 1714); de 864 lignes elle a été réduite à 859 : multiplions notre nombre par #49, le degré de Fernel sera de 571557,95.

De plus, la tuise de Picard était de trait plus petite que la tuise de l'Académie; ainsi le degré sera définitivement de 17095. La Caille l'a trouvé de 57574; la différance ne sera donc que de 25 toises, ce qui est encore un bazard assez heureux. Je l'ai trouvé de 57061 (Base du 5931. mét., tome III, p. 169); l'erreux rerait de 38.

Lalande adopte les 20 pieds de Fernel, qui dosseux 55/24/5.55, qui multiplités par [fi-l., deriendrout 57/55/5, il 'est donc trompé à l'avensaje de Fernel, La différence est peiimportanze; et quoique le but de 200 mémuire soit de prouver la bousé de ce depté, al douver d'auez. Christ rainuau pour penser que Fernel de 4; rein sessoré, qu'elle le tout est ouse faible. Comment un boumne qui se trempait de 13' ser 2a latitude avrait-il pu mesurer un degré? Vour d'alliture ce que je ciù de set adfelluisses et de se reinferiment et de se reinferiment de la degré? Vour d'alliture ce que je ciù de set adfelluisses et de se reinferiment et de se reinferiment.

Fernel uous dit encore que, du palais du Roi à l'église de Saint-Denis, il compta 5950 par, dont 5 funt 6 pas géométriques : or , le pas géométrique est de 5 pieds, 6 pas géométrique ques font 30 pieds ; 30 pieds ferunt dono 5 pas ; le pas vaut donc 6 pieds , ce qui paraît exagéré.

Du pălais du Roi à l'église de Saint-Denis, le chemin est à peu près eu ligne droite, si, par le palais du roi (a palatio Regis) on enteud le palais de justice, le chemin va presque du midi au nord.

Or, suivant la description géométrique de la France,

| Église de Saint-Denis | | 5670 1085 |
|---|-----|--------------|
| Les différences sont | | 4585 |
| Laporte du palais est plus près de Saiut- Denis du | P | |
| | 537 | 4565 |

D'où l'hypotéause ou la distance en ligne droite sera de 4596,475, et lepan de 47,6351. Il faudrait en retrancher environ a millièmes pour les changemens faits à la toise; mais ne retranchons rien en considération des détours de la route, qui ont dû faire trouver un nombre trop praed de pas.

Supposons maintenant qu'il soit parti du Louvre, on François I'e demeurait en 1531, et peut-être plus anciennement. Suivant Piganiol, François I'e, dès 1528, y avait com-

mencé un nouveau bâtiment, qui ne fut acheré qu'en 1548 par Henri II. Supposons dono, contre toute vraisemblance, que Pernel soit parti du Louvre, nous aurons,

Hypoténuse 43-6.8 = 25-60; ce nombre, divisé par 5-550, nombre de pas, donnera 47.4/3 pour le pas de Fernel. Mais comme il e à pu soivre cette hypoténuse, supposens qu'il ait été du Louvre perpendiculairement à la rue Saint-Denis, il anta décrit les deux césés du triangle, dont la somme est de 5-558 et le pas se trouvera de 57,005.

Tgot cala est évidemment fron inertain; le pas anns sité d_i d_i d

D'où il frut conclure que Fernel a été plus heureux qu'habile, et que son opération ne mérite pas d'être discutée sérieusement. Elle se mérite pas plus de confiance que celle d'Erratothèes.

Page 401, ligne 4 en rem., denominateur, lises a sin ; (P' + P) cos H cos D

451, 12, encore davantage, lisez encore, quoique moins rapidement 473, 9, tang φ, lisez tang † φ; et ligne 5, tang † φ, lisez tang † φ

476, . 1, mêmes; lizez mêmes,

528, Set 4 en remont, effaces $\binom{a\sin A}{\sin N}$ r et la ligne suivante tout entière, comme inexacte et inutile.

Page 621, ligne 16; finissant su concher, opoutes ou selon d'autres, une demi-houre

après le coucher.

Tome IV, ou tome I'de l'Astronomie moderne.

Page 5, ligne 6 en remontant, Lilio Giraldi, effaces Giraldi Calandrelli conteste même la première idée de ces épactes à Lilio, et l'attribue à Giozani Tolosani. Peu nous importe an reste. Lilio est du moins le mérite de la présenter et de la faire adouter.

Page 7, ligne 6, pour A', lisez pour A

ag, 7 en remont., fig. O, pl. 1, la figure avait été omise; on la trourera à la planche dernière du tome V ou II.

Page 57, ligne '9, en remont., effaces Giraldi

Page 75, ligne 3 en remont., 27 , lisen 4

20, une sextile commune qui précéderait la sextile retardée, lises 83, la première des quatre années communes qui doivent précéder la sextile retardée.

Page 83, ligne 26, Schah-Koldgi, lisez d'ailleurs Schah-Koldgi

14 en remont, au même jour du mois, luez 8 jours plus tard que la précédente.

Page 85, ligne 17, Zepernic, lises Kopernik. Zepernic était sans doute une faute de copie dans le livre de Lalande.

Page 88, ligne an, ces philosophes, lises ces philosophes. » Mettez aussi des guille mets à la fin du paragraphe.

Page 90, ligne 11, Saleil. Elles, lises Soleil, elles

103, ligne 4 en remoutant, diamètre AB; lisez diamètre AB,

5 en remontant, centre D, lises centre D;

12 et 13, CDE, liser DCE

124. 2, 87° 51': au lieu de ce nombre copié de Copernic, lisez 88° 29', il est en deux endroits, page 126.

Page 197, ligne 19, avancée, lisez avancé

133, 4 en remont., = FH, ajoutes fig. 24.

142, 3, ville de Prusse près des confins de la Pologne, ajoutez: (M. Sniadecki, auteur d'an éloge de Capernic, assure que Thorn était une ville de Pologne; que Copernic a fait ses études à Cracovie, et qu'il a toujours vécu sons les rois Jagellons. D'antres savans ne se rendent pas à ces raisons. Il est assez naturel que la Pologne réclame l'honneur d'avoir donné le jour à un homme aussi éminemment distingué que Copernic; mais, pour nous, peu nous importe, Copernic appartient au monde entier.)

Pege 147, ligne 23, commence à faire, lisez commence par faire.

8 en remont., ZV, Escs ZE; et ligne 6, en remont., ain ZV, 153, lisez ZV

Pege 158, ligne 12, par la parallaxe, lisez pont la parallaxe

159, 3, en remontant, 247°, lisez 147°; puis 31°, lisez 18°, 173.

3 en remont., microscope, lisez micromètre

177. g, lisez Hassiana 201, 19, PK'G, lites PK'G'

217, 4. Appian, lises Apian 24, BE la latitude, lives BE autre latitude

a35. 11, réfraction , gioutez en déclingison ; et puis à cette hantes rioutez de 30°.

Page 250, ligne 16, diamètres ; lises diamètre ; 259.

3, 24 ans plus tard, lises 70 on 72 ans

267. at, SKT', lises SKT 278, 4. équation, lises obliquité

282. 5 en remont., par l'intervalle, lises pour l'intervalle

n84. 5, lisez phænomenôn.

, et ligne 20, AC = CD = 2 cos A+ 192

| Page 297, ligae 301; 302, | 9 | lisez Scommaticam en remout., lisez KV = NG CF, lisez KF |
|---------------------------------|------|--|
| So5, | 10 | en remont.; lisez Fundamentum |
| 359, | | en remont., lisez saluti en remont., lisez amavi, dum |
| 365, | | CAE, lises complément de AE |
| 367, | | dist. Z. 50°, lisez 0'.59" 1'.0" 1'.8" |
| 368, | 17, | 15000, lises 1500; puis 2000a, lises 2000 |
| 379, | .17, | l'ait, lisez l'eût |

409, La méthode de fausse position employée ici paur la première fois par Képler, est celle dont on se sert encore aujourd'hui pour corriger l'orhite d'une comète.

Page 420, ligue 10 en remont., Saturne, lises Mars

445, 5, lisez pars tertia
451, 6, TBK, lisez TBH
440, 45, lisez nous abrégeons;
445, 10 en remont. , nostra, lisez mostras
45⊕ 6 en remont. , en A, lisez en H
457, 5, lisez NM = 1 + sin con x = K

457, 5, lisez NM = 1 + sin 1 cos x = KT
462, 3 en romant., KMN, lisez KNM
12, sciliter, livez scilicet

4, 68, lisez 76 486, 15, le C", lisez L.C" 508, 8, f = n², lisez f == an³

55%, 1 on remont., lises c.00000.00000.00000.1 544, 13, trigonométrique, lises Trigonométrie

551, i ca rem., liset - K $\left(\frac{1}{2n^3} + \frac{1}{4n^4} + \frac{1}{6n^6} + \text{etc.}\right)$

558, 11, à satisfaire, lisez de satisfaire 559, 21, Heptacosias, effacez la virgule. 585. 5, ne démontre rien, gioules : mais i

585, 6, ne démontre rian, ajoutes : mais il avait promis de tout démontrer dans son Hipparque.

Page 59a, ligne 11 en remont., ajoutes : vayen tome suivant l'article de Cassini.

538, 28, pln sensible, ajoutes: il faut convenir capendant que sa démonstratian n'est bien exacte que dans quelques cas particuliers, et que ses raisonnemens sont longs et passablement obscurr.

La lai de sines fait implicitement comprise dans les monvemes suffernes de lamocarriques. Les aims y avaient la melles agélité que les arcédires é le sagle terrenteir, cu tois égalité formainent un théoriens unique, qui pearuit s'expriser de trois manifere, cu tois égalité formainent un théoriens unique, qui pearuit s'expriser de trois manifere, cu tois égalité formainent de la companie de l Les aucies», pour attlitére aux appersons, axiants apposi le nouvement nuiferment dans na civele cercitique, "dui firant légalité des arcs, et le ches augles, et conseignemment celle des aires circulaires." Ces suppositions parsent issufficiants i Pholise het à chigié de parties, et le conseignemment celle des aires circulaires de la comment de la commentation de la comment de la comment de la commentation della commentation de la commentation de la commentation della commentation dell

Képler s'aperçut que la busccitos était encore insuffixante; il renonça aux distances constantes; il sentit la nécessité d'une projection qui changeait l'ancien excentrique eo une ellipse, et qui supprimait l'équant.

Des trois quantités égales qu'on avait dans le système de l'homocentrique et dêns celui de l'équant, il vil l'impossibilité de conserver les deux premières, c'est-à-gire celle des actives et celle des angles; il fallet doot s'en teur à la duraière, c'est-à-dire à celle des sires.

Dane l'équest, comme dans l'econtrique anoien, les siere ségales avaient leur sommes applicat autor-d'opple es fissait le movement égal. Dane l'élipse, il s'y a poist de monvement aspalaire uniforme; c'est dans le Soluel que riside la force qui courbe et qui règle le mouvement de pateite; le Soluel et au foyre de l'ellipse, i foyre dreait donc étre le sommet des aires égales. Ce parti était le seul qu'il y est à prendre. Képler 'assure qu'il accordait seu els observations; il est fix un des lois en novemens palestaires. Il avait libre voulte en donner une démonstration directe et épairies; il n'en trouve pas qu'il accordait seul me d'une en donner une démonstration directe et épairies; il n'en trouve pas qu'il a saidrit plaisement. Les attenumes qu'il avait est la basecion de Prolineis, aussient po d'appre du même la loi des aires pour as conformité ave l'en tente de la comment de l'entre de la comment de l'entre de la comment de l'entre de l'entre de la comment de l'entre de l'entre de la comment de l'entre de la comment de l'entre de la comment de l'entre de l'entre de la comment de l'entre de la comment de l'entre de

Pour challe as loi des airas, Kejler fit ce niconomesse, qui s'applique également à l'excentrique ancien et à un elligher. Le yrany vagestre, qui a son esigles au troit de l'ellipse, centre des movements apparens, parcount accensivement la unface satiere de la courbs, en mète une que la plantes en décirit la prépisée. Si sons vyades est égales, il fist que l'angle du secteur ou le mouvement angulaire vrai soir poit, quand les donc rayours verbenn out grands à mener que cen ryano dinimeeur, l'angle sons le le mouvement devient plus rapide; on entrevoit une compensation. Elle sera parfaire, si le secteurs soit égales, si des soits de la comment de la comment de les secteurs soit égales; on entrevoit une compensation. Elle sera parfaire, si les secteurs soit égales quoir les tons égales. On sans avid une parê du sait écontribuie.

aura r'de = abda dans l'ellipse. Cette dernière voleur donne de == qui nous sert à calculer les monvemens horaires vrais des planètes. Dans octte supposition. qui partage la courbe en secteurs proportionnels aux tems, tous les du d'une révolution forment 360°; tous les rayons vecteurs formeront la surface entière de vellipse. Képler se fait à lui-même quelques objections sur cette dernière proposition; mais ces objections se présenteraient de même s'il s'egissait d'un cercle dont tous les secteurs auraient leur sommet au centre; on pourrait les opposer eu théorème d'Archimède, sur la surface du cercle égal an rayon multiplié par la demi-circonférence, c'est-à-dire eu rayon pris antent de fois qu'il y a de points dans la demi-périphérie. Pour l'ellipse, la proposition serait peu sûre, si l'on se contenteit de diviser la périphérie en secteurs diurnes : elle deviendre successivement moins inexacte pour les secteurs d'une heure, d'une minute, d'une seconde, etc., parce que l'inégalité des deux revons consécutifs deviendra moindre, à proportion que l'arc approchera plus d'une ligne droite, et que l'angle différere moins de son sinus. On approchera d'eutant plus de la vérité, à mesure que les divisions seront plus potites ; l'erreur est inappréciable, si les secteurs sont infiniment petits. La démonstration de Newton ne suppose-t-elle pas que les arcs elliptiques sont assez petits pour étredes lignes droites, qu'il preud pour les diagonales de ces parallélogrammes. Képler a donc pu supposer que l'aire de l'ellipse était la somme de tous ses reyons vecteurs ; il e divisé cette aire en secteurs proportionnels eux tems; il en e déduit toutes les règles des mouvemens elliptiques, impossibles à celculer hors de cette suppositioo. Cette loi des aires est vérifiée per son accord constant avec les phénomènes; elle sera, comme l'attraction, une supposition indispensable, et dont il sera toujours impossible de donner à priori une démonstration vrainseot. setisfaisante. On dire, de le démonstration de Newton, ce que Képler disait de le sienne : Il faudra s'en contenter, tant qu'on n'en qura pas une meilleure. Supprimez la loi des aires, et tachez de démontrer le formule s = x + e sin x, qui sert à trouver l'anomalie excentrique par l'anomelie moyenne, et per suite l'anomalie vreie et le reyon vecteur. Il faut donc tont admettre ou tout rejeter, et renoncer à l'Astronomie planétaire.

Page 600, ligne 4 en remont., ajoutes voyez tome suivant, l'article de Cassini.

607, 7 en remont., arue, lises arue

607, 7 en remont., brute, lisez brute 609, 8 en remont., lisez immiscerier

612, 13 en remont., lises Scheiner .

624, 16, cC, lises tC 648, 1, lises l'anti-Tycho

651, 3 et 4 en remontent , lises Salviato

655, 16, lisez fig. 88.

667, 5, delle due massime sisteme. Je copie fidèlement Riccioli; on lit

ailleurs : Delli due massimi sistemi del mondo.

Pege 668, ligne 14. Nons evons jugé qu'il était nécessaire d'en venir à un examen

Page to SS, ligas 14, Noas evons juge qu'il estat secessaire et a vouur a un cammer rigiouruse de le parronne. On a prétenda trouver étane em mois une preven que Galifie exat été mis à la tortere; on a dit que l'expression ci-deravent consucrée par l'ouage dit shair-Ollice, et qu'ille lindique à querifion. Mais nous silomna à roirire que cette interprétation et forcée, ou tout au moin très douveux. Elle ne l'accorde hullemant avec les gistards deut Galifie à de l'Objet pendet tout le cours à proche. L'un dés commissière ve le prendre dans sa voiture pour le mener en tribunal; on lui donne pour prison l'appartement du procureur fiscal; on lui conserve son domestique; il a la liberté de recevoir des visites. On le reuvoie ensuite au palais de l'ambassadeur, jusqu'au jour où il doit entendre son arrêt. Nous avons deux relations du procès, l'une par le domestique, qui n'a pas un instant quitté Galilée ; l'autre de Galilée lui-même. On peut dire que Galilée a dissimulé cet opprobre par amour-propre : la chose est possible ; mais dans tous les écrits publiés par M. Venturi, ou ne voit rien de semblable; tout ce qu'nn y veit de plus terrible, c'est que, pour proconcer son abjuration, on l'avait revêtu d'un lambean de chemise, d'un stroscio di camicia che facea compassione. Meis cette anecdote est tirce d'une note manuscrite et anonyme, consignée dans un volume de la bibliothèque Magliabecchi. Nons aignons mienz pous en rapporter à ces autres paroles de la sentenca , pour que cette transgression de ta part ne reste pas tout-à-fait impunie. Pourrait-on dire qu'elle eût été tout-i-fait impunie, si Galilée eut souffert le tourment de la question? Il reste assez de choses révoltantes dans ce procès, et il ne fant noircir personne sans prenye, pas même l'inquisition.

Pago 68a, ligne 3, ajoutez / Il fant dire cependant que Scheiner est cité par M. Venturi en tête des Jésuites qui intriguaient contre Galilée.

Page 684, ligne 10, son père, lises son frère; puis, ligne 16, effincez mathematicien 695, so, et orbis, effecet la virgole.

690. 15. lises Hodierna

712,

703, 16, lites ne à Rapaln 711, 4, planètes, fises planches 1, Esen l'astrolabe

Tome V, ou tome II de l'Histoire de l'Astronomie moderne.

Page 11, ligne 2 en remontant, 1" angle, lisea cot 1" angle

16, 5, second age, lisez moyen age 23. 3 en remont., lises 7,8,9...n;

5, lises DL = DF; † DL = † DF 40, 6, DLE, lises DLF 40.

44. 20, après Thalès, ajouten : l'éclipse de Thalès n'a pu être observée

à Alexandrie, qui n'a été fondée que long-tems après. Page 60, ligne 3 en remont., en prenant R = X, ajoutes théorème neuf et remarquable.

Page 80, ligne 5 en remont., 3°, lises 30°

95. 11 'en remout., par les détours, lises pour les détours 98,

7 en remont. H est la Haie, ejouten fig. 24 8 en remont., dernier engle, lises premier 99,

146. 8, empaute, lises emprunte 9 en remont., lices digarmas 156, 165.

7 en remont. , BTd, lises bTD* 213. 11 en remont., centrifuge, sjoutez: Képler avait employé le mot solifuge.

ADDITIONS ET CORRECTIONS

```
Page 218.
              ligne a, du plagiat, lises de plagiat
       225.
                    6 ea remont. Lises que vous savez
       246,
                   21, lises point orient
       275.
                   21. lises Bithynien
       292,
                    3, lisez c'étaient
                    3, ajoutez que Képler avait ébanché ce calcul et proclamé le
principe.
 Page 3ot, ligne
                    q. fises du monde. Au total
       303,
                   10 en remont., lises | sin5 = - ; sin' =
       391,
                     8. lises au degré mesnré
                   at, à Calais, lizes à Abbeville
        322.
                     6. pour l'horizon, lises par l'horizon
                     8 en remont., suit, lisez sait
        393.
        334.
                    18, di movimento, lisez movimento
        366.
                     g en remont., lises 900 u
                     2, lisez d' = 4
        383.
                     6, l'inexactitude, lises l'exactitude
        390,
                     8 en remont., - lises -
        3q1.
                         tableau , ligne 9 , lises 59049
        407.
                     8, lises en se bornant
        424.
        425,
                     4, lisez qui changent l'erreur, en une arreur de signe contraire
        436,
                     6, lises deux verres plans
         443,
                     7, alors, lises plus
         445.
                      6 en remont., lises diminuent
         448,
                     1, lises il en cite pour exemple une tache
         463.
                     21, tiers, lises huitièmes ;
         479.
                      a, à Paris, lisez a paru
                      9. en remont., lises de même que sur nos cartes
         489.
         496,
                     12 en remont., lises il ne tronva pas ces observations mieux repré-
 sentées.
   Page 499, ligne 8, lisez d'attention, mienx il observe
         502,
                     10 en remont., elle fuit, lisez elle suit
         503
                      1 en remont. , lises les plaçaient
                      7 en remont., lises 1579
         516,
         520,
                     12, cot, lises tang
         534,
                      3, qui est celle (deux fois), ligez (deux fois) par celle
         535.
                      9 en remont, lisez demonstretur
         536.
                      1, lises Laurent Langrenus
                     11. lises Pézénas
                      5 en remont., lises 667.44
         557.
          558,
                      13, lises 5' 54"
```

3 en remont. Voici ce qu'Huygens écrivait en 1663 :

Hist. de l'Astr. mod.

- America Con

les deux deraières ligues de le préface d'Huygens: Reliquum post plures annos addidi , ac demum additionem scripsi , eû occasione quam in principio indicatam reperias.

Remarquons enfin que, dans les anciens registres de l'Académie, on lit partout Hugans,

comme dans les imprimés latins on voit partout Hugenius,

An 3 avril 160°p. je trome dana las registres que L'expérience de pendule est confroma maz idea des Ocpeniciens; y ciet-d-eire, qu'elle anemba persave la mouremant de rotation de la turre. Il n'et accusa mestion ni d'Hoygheus, ni de platissement. Dijé dequis les glassires 1955, il festis question d'imprime i le voyage de Richer; Ficand et Cassini étainet chargés de metre le manuscrit au ordre; su y avril 195° on voir qu'il est representation de la companie de la figure de la terre; il no s'occupa que de sea tables da soleil, de ser d'erfections d'el a parallaza. Hoygenne et le senti qui or ara metre quelque importance à l'observation du prendie, et il e été bien lent à publier les conséquences remarquelules qu'il aveit à en il consideration de la consequences remarquelules qu'il aveit à en il consequence remarquelles qu'il aveit à en l'est de des illements de la consequence

Paga 575, ligne 10 en remont., ou sa rone, lises ou sa route

581, a en remont., lisea composé

585, 9 en remont., 0,0011482, lisez 0,0088518 603, 4 en remont., ajoutez (fig. 63)

6a1. 1. lisez Louville

1 en remont, ajoutes. Il e été pronvé depuis que Lemonnier se trompair. En général, les vérifications qu'on peut faire d'un vieux quert de cercle sont peu propres à faire jugre bien sûrement de l'erreur qu'il aurait pa voir 70 ans au-

paravant.

Page 65q, ligna 3, des denses, lisez plus denses

689, 3] en remont., bien neuve, ajoutez : Picard l'avait faite long-tems anparavant.

Page 702, ligne 6, ajoutez (fig. 72)

707, 12, lisez de le sécante 709, 7 en remont., Merins, lisez Marius

618, 8 en remont., lises éclipses

714, 10 en remont. , les fractions , lisez les réfractions

797, a en remont., ajoutez. Pour nous assurer avec plus de soin de ce que nous devons penser de cette préteption de Cassini, nous avons compoles les registres manuscrits de l'Académie royele des Sciences, et voici ce que nous avon trouvé p. 126, a Le 31, juillet 1669, M. Picard, qu'on avait prié d'aller à Mareuil avec M. Cassini.

pour vérifier le travail de cenz qui font des cartes géographiques des environs de Paris, e lu un mémoire contenent la relation de son voyage en ces termes :

« Zomite de la résolution prise à l'assemblé d'aller à Marcuil, pont y érifisér la position des principants poists qui doute servir comme de fondement à la carta des environs de Paris, nous sous y sommes, MM. Cassini, Richer et moi, tramportie, et nous evons trouvi è la lien autant commode à notre dessein qu'on le pouvait sombièter; at quoique le tempa se fût pas fort fevrozibe, nom à vons pas laisté de prendre au jume la snighe de commissaire; que l'adjouction de Cassini d'était qu'une polliteus faite à un étrange et debre qui aprirei à Pariseire à l'Anadienie; que ples qui aprirei à Pariseire à l'Anadienie; que ples qui aprirei à l'antonce recolor avec des opérations qu'il avait doit faites; que ples l'anaies precidents; et l'antonce vanc des opérations qu'il avait doit ple faite qu'une de criteque, et qu'un le avariet commence l'escaption; que déjà il avait cherver de grandutisagles et mouve la base du l'urie; par cette opération, et qu'il avait cherver de grandutisagles et mouve la base du l'urie; par cette opération, et qu'il avait comprés ait le parisei de critequifis s'auf lait de fongireire pour cette opération, et qu'il avait ought à se procurer son secteur d'e g à co pinchi; qu'il avait le possible deux du l'oublait faire une mouve universalle; et qu'enfin on plan était de possible deux du l'oublait faire une mouve universalle; et qu'enfin on plan était despes de l'avait de l'avait

Da Hamel, dians l'Histoire de l'Académie, paga 100, se horse à ce peu de mott: His observationibus, tum in vautuensi agro factis, interfuit D. Cassimus, qui recens ex-Italia advenerat. Plusieurs membres de l'Académie des Sciences soot ainsi venus assister à mes opérations auprès de Melan, et aucun n'a cu l'idée de s'approprier ni l'idée, ni la direction de l'asterorise.

Page 73a, ligne 8, 0,026q, lisez 0,016q

755. Dans cette utem Elisoire de l'Académie ou vois, page 56, qu'exseptembre 1565, Casini varit douch il construction de son pricted problème de vipler. On pit: Illut cum Prolemen sietuit superiorum planetarum motus and vus circuls. Sed aquales referi, a docuentarium, excentriem ne tertuim qui anquan dei viscle Sed hee systems planetsi inferiorium quue ar superioritum sport qui anquan dei viscle sed hee systems planetsi inferiorium quue ar superioritum sport poste contenditu. Postquera veri planet si inferiorium quue ar superioritum sport poste contenditu. Postquera saz its geometrică et directă mateloa determinate cum ellipsire, lum circularu planetarum motils hopoluleum. Dueli limiter sirie circul usu creali come.

Le passage est rédigé de manière qu'on pourra l'interpréter comme on soudra, et y trouver ou la solution du problème de Sesh-Ward on celle du problème de Képler. Plus loin, à la page 37, on voit que Cassini fit nne réponse à l'article des Transactions philosophiques. Nous n'avons pu nous procurer ni cette réponse, ni les démonstrations de Cassin, si cu n'act celles qui out été publière en 1754.

Page 784, ligne 15 en remont., planches, lisez planètes

791, 15 en remont., lisez de commencement et de fin-

Un journalise m'a reproché cas additions et quelques lignes insérées dans la Table éte métires, pour régarer des minions invisorleaires, Passia prèpre Toblecchoe, et l'en, sens la valere, Ma réponse sera courte. J'ai commence cete l'intérie à l'êrge de Sam, que al ya adquertable, je et la pase en qu'il faille attacher que le nameure d'ut entièque a par la manuer d'ut entiè en la commence de la manuer d'ut entiède vie et de santé. Je me min ménagé le moyen de répondre aux objections qui me exclaent faite.

TABLE DES MATIÈRES CONTENUES DANS CET OUVRAGE.

Nora. La lettre a indique le premier volume, à le second ; le chiffre indique la pag

A

Anner Ronain. Sa théorie trigonométrique, 5.35; son ouvrage est obscur et bi-

Aires proportionnelles aux tems, a.444, 450, 451; a. hvij.

Argoli. Pandozium spharicum. Son système est celui de Ciofron et de Vitrave, qu'on attribue sans preuve aux Egyptiens, 5.514; ses tables des seconds mobiles; ses Ephémérides, 5.515.

Aristarque a-t-il soupçonné les avantages du système qu'on lui attribue? a.295; Disc. prélimin., vj.

Aristote. Mouvement de la Terre, Disc. prélim., a.v]. Attraction, 5.579, a.391, a.438, 440.

Ausor communique à la Société royale de Londres la description de son micromètre. Procés-verbaux de la Société royale à ce sujet, è 5.50; sa lettre à Campani, b.554; il massure le diamettre de Saturne et celui de son anneau, è.554; ses discussions aver Hooke sur les lunettes, è.555; il annoce un moyen pour determiner la distance de la Lance, è.565; sumpensation de diametre de la Lance, è.569 is compensation de diametre de la Lance, è.569 is ombressione.

Barocius. Cosmographie, a.147.
Bartschius, a.710. Voyez Kepler.

Bassantin, a.368.

Boyer. Uranométrie, b.181; il a le premier désigné les étoiles par des lettres, b.182;

Discous préliminaire, xli.

Benjaminus Ursinus. Tables logarithmiques, b.332.

Billy. Tables astronomiques, b.529.

Bissextile (année), a.14.

Blaru, auteur d'une mesure inédite d'un degré qui ne diffère de celui de Picard que de 60 pieds, 5.613 et 64.

Boulliaud. Philoleus, 8.142; Astronomia philolaica, 8.145; ses objections contre les lois de Képler, 8.147 g 150; mouvement à la sorface d'un cône, 8.145; ses principes, 8.150; son hypethèse elliptique simple, 8.151. Il décompose le mouvement elliptique

Digital by \$200g

en deux mouvemens circulaires, J. 152; excenticité et aphille, J. 153; reproduit Pollumies des erreurs urie tens moyer, S. 152; auteur du méteution, J. 150; c'est tout ce qui rentere de lui. Sa théorie linauire, J. 157; Tables, J. 161; il donne nax échelle, Le mouvement et de J. 162; as réponse aux objections de Sch-Ward, J. 163; et La Créateur a projeté les planètes du sommet de leux cône, et leux a imprimé un mouvement de circulation, J. 171; Le mouvement de projection, mais en ligne droite, combină avec la force trantrice que Képler donne au Soluil, aurait suffi pour expliquer le movement de lightique.

Borelli, Théorie des satellites , b.332.

singer, a.554, modifie two analogie de Niper, a.556; change le système des logarismes, s.554, modifie two analogie de Niper, a.555, attaches per analogie de Silver, a.554, etc., a.554, attaches per alle appearence, est efferçants à pratique logarismique, a.555; at méridosé, facile à comprendre, est efferçants à pratiquer, a.557; purpera pour l'arbègreur pas, a.553, Table pour facilitar la resderriche des logarithmes des combies considérables, a.545, Construction de sa table des aims naturels, a.546, Tripoconégrie internações, p.567. Triscetton, p.75, publicabaliza, a.52, p.56 et 259. Differences interpolation, b.75 et 259. Differences interpolation, b.75 et 259. Differences internações, p.567. Triscetton, p.57, p.75, p.560, p.5

Buot , b.593.

Byrge. Sa Trigonométrie, a.922. On prétend qu'il fit une horloge à pendule en 1600, a.313. Ses ildées sur les logarithmes ; discussion de ses droits et de ceux de Néper, a.921, 313, 360, 365. St atable des logarithmes et construction de cette table, a.565.

4

Calendrier (réformation du), a.1; bases arbitraires de cette réformation, a.3; conditions du problème, a.16. Calendriegnégorien réduit à un petit nombre de formules, a.24. Vers techniques pour facilier l'usage du calendrier, a.39 et 40. Calendrier Julien. Formules, a.08.

Tables du calendrier, a.42; table pascale, a.45; table des équations des épactes

a.45.
Table étendue des épactes, a.45; table du calendrier Julieu, coclésiastique, a.45.
Objections de M. Ciccoliai, et réponses, a.46 et suivantes. Formules comparées, a.4
Deraier mot sur le calendrier grégorien, a.58. Critique de Véste, a.67. Calendrier fra

is républicain , a.62. Ourrage de M. Tittel sur le calendrier grégorien , a.68.

Difficultés qu'éprouve l'adoption de ce calendrier , a. 72.

Carelli, Ephémérides, 4.147.

assini (Dominique). Histoire de ses premières années, 5.686. Comète de 1652, 5.687. Cette comète, qui passa par le zénit, lui fit adopter le système d'Apollonius Myndien; on ne voit guère ce que peut faire le passage par le zénit pour le choix d'une bypotière. ration graphique, la construction de Cassini est priférable aux antres, aven de J. Cassini est priférable aux antres, aven de J. Cassini est priférable aux antres, aven de J. Cassini est project de Cassini de Cassini de J. Appl. Ellevise de Lance, 8,775, Después de Cassini de Projection de plassies de 1,978. Théreire de la Lance, 8,788. Ellevise de Lonis XIV, éjorgépridités des plassies de 1,978. Théreire de Lance, 8,788. Ellevise de naçue de Mercare, 6,978. Maleire d'observer les célipse des naçue de Mercare, 6,978. Alciule de 575, 8,784. Masière d'observer les célipse de la considera de la conside

La carte de la Lone a été gravée en 1787. Elle ne resemble guère aux copies rédultes imprimées dans les Mémoires et dans la Connaissance des Tems, pas même à celle qu'en donne Lalande, pl. XL. On y remarque non tête de femme avec une longue chevelnre, où d'autres cartes n'indiquent qu'uns espèce de promontoire.

Cavalleri. Sa Trigonométrie et ses tables, b.707.

Chaldrens écrivant leurs observations sur des briques, a.84-

Chasmes ou trous dans le ciel, observés par Cornélius Gemma, a.226, 243.

Clavius. Jagument de Vitie sur ce professeur, b.477, nos Eaciliet, b.48. Trouver les trois agales par les trois cités; b.48, Son attribale, b.40. Prostaphèrie, b.55. Méthode pour divier en degrés les certes de la projection activipapsique d'Hipparque. Théories cenarquelles (; formales plus commode, b.55. Talés de l'elipique anii divisé, b.5). Division des paralleles, b.55. Clavius (poirs le théoriem des nagles de la projection degras 1 can de la palvet, b.56 th 80. Rus qualves practiques et basecoup de formales de la palvet, b.56. th 80. Rus qualves practiques et basecoup de formales de la palvet, b.56. th 80. Rus qualves practiques et basecoup de formales de la palvet, b.56. th 80. Rus qualves practiques et basecoup de formales de la palvet, b.56. th 80. Rus qualves practiques de la palvet b.50. th 80. Rus qualves practiques de la palvet b.50. the 80. Rus qualves practiques de la palvet b.50. the 80. Rus qualves practiques de la palvet b.50. the 80. Rus qualves practiques de la palvet b.50. Rus qualves practiques de la palvet palvet practiques de la palvet palvet palvet palvet palvet practiques de la palvet pal

Constellations chrétiennes de Schiller, b.298.

Copernic ou Kopernik, né à Thorn, ville de Prusse, on plutôt de Pologne, a.85.

Hist. de l'Astr. mod.

parallan mayrane do 55 NF, ante; anters amilicration due table lumière. Exponlegic danom accio coma i Suturno. Medici des placitics, annis successoria per legic danom accio coma i Suturno. Medici des placitics, antis successoria coma placifica que cello des Greco, antis; il partage endeme partie insignaficamentició d'un placite, en la domant descripcipes de rayron differens, ante; il adapte con systeme accimitodes de Friderice, soit pour s'éparque de tresal, enpore se conciler les Astronomes, antis, bot pour s'éparque de tresal, enpore se conciler les Astronomes, antis, lo Pp. fegiplié des figuismies y anni effonde pour les conciler les Astronomes, antis, lo Pp. fegiplié des figuismies y anni effonde pour les cupliques, antis; le Solul est presque étranger à son système, antis i activair des l'altitudes ou estelle e Pacidica.

Priesutions de Copernie pour évitre les disputes et les persécutions, a. 155; encluragemens qu'il reçoit, a. 141. Ses règles parallectiques décrites par Tycho, a. a.g. ; il bornii! son ambition à représenter à 10 près les mouvemens planétaires, a. 2.65; Discoors préliminaire, ix. Avantages de son système et ce qu'il laisse à desirer. Discours préliminaire x.

Crabtree , b.5c5 , 590.

Cunitia (Maria). Ses tables, b.323; sou savoir, b.325.

Cycle de Méton ou de 19 ans; cycle solaire ou de 28 ans; cycle des indictions ou de 15 ans, a.37.

Denis, le petit auteur de l'ère vulgaire; ses motifs pour la proposer, a.36.

Descartes, b.186. Ses premières années; ses règles de logique; elles ne sont pas de lurs il ne les a mises en avant que pour avoir droit de rejeter tout ce qui avait été dit avant lui, et les a négligées le reste de sa vie, b.188; jamais il ne s'est défait de ses idées nobiliaires, b. 189; faisant la guerre en qualité de volontaire, il ne s'occupe qu'a réformer la philosophie , b. 190; se livre à ses méditations, et sa tête parait se dérapper; ses songes, son péleriange de Lorette, 5.190; court après les Roses-Croix, et néglige de visiter Kepler et Galilee, b. 192; courage et présence d'esprit, b. 191; idée qu'il a de l'Astronomie, b.190; sou opinion sur Galilée, b.193; il est persécuté, b.194. Juzement de Gasseudi et de Pascal sur le livre des Principes, b.193 et 196; ses sophismes sur le mouvement de la Terre, b.195; voyage à Stockholm, b.198; sa mort, b. 199; houneurs qu'ou lui a reodus ou refusés, b. 199. Analyse du livre des Principes, tourbillons, b.200; cométes, b,207; force ceutrifuge, b.212; discours sur la méthode, b.213; il ue se donne pas ponr l'auteur de toet ce qui se tronve dans ses livres , b.217. 231. Dioptrique, b.219. Ses idées sur la lumière, b.219. Théorème de la réfraction. b. 223; il ne l'a jamais soumis à l'expérience qu'une seule fois, et d'une manière fort incomplète. On ne sait si ce théorème est de lui, ni comment il a pu y parvenir, si ce n'est d'après la table de Vitellon. Disputes sur ce théorème, b.227. Panegyristes de Descartes . b.232. Apercu remarquable d'un effet du monvement progressif de la lumière, b.203, 536; Discours préliminaire, xx.

Deusingius, de Systemate Mundi, b.144.

Diclides Carlometricae de Torporley, ouvrage bizarre, b.36.

Doerfel, curé de Plauen, en Saxe, a publié, sur la comète de 1680, un petit ouvrage qui est très rare, et dont M. Burckhardt a donné l'extrait dans la Connaissance des Tems de 1810, page 3ag. Il essaie l'hypothèse parabolique d'Hévélius, samr y employer le calcul, et par une simple construction. Il propose de placer le Solvil un foyre, et il ajonte qua les comistes précédentes in étaient pas suns flavorablement placées pour conduir à cette décourerte. Si elle se trouve juite, il ne sera pas déficile à ceux qui sont exercée dans les sections consique, 'd'indiquer des méthodes de calcul pour ten poport de morsement directe dans le ritectories, la distance à sommet an foyre, et par conséquent le rapport de morsement directe dans la ritectories, la distance à la Terre, et, es extain cas, la dirince au Solvil, Il restait ecorce à appliquer les lois de Képler à la parabole. Derefi fir paralitre ect ouvarge au sils; Il avait étre did sir var la comisé et de En 1686, il douna sa méthode pour trouver la parallaxe par la hastaur et l'azimot. Delmont, l'airorie de l'Acadeline des Géneres, 8.557.

Durret. Théorie des plauètes, b.236.

.

Epartes. Elles sont d'origine preque, a.d. Epartes de Luigi Lillo, a.d. Calandrelli les donne la premier fédé à Gior. Tolonni, de l'order des firres précheurs, dont l'onvrage, comma dès 1555, fet imprimé à Venise en 1575, septan a avant la réformation. Veyer aunsi Manurbye, compar cerdinistique, p. 57, Epartes, ponrequi redoublées, d. 5; fermale générale de l'éparte, a. 8 et s. 1 table étendue des épartes, a. 14; épartes diliminées du calendres Julius, a. 58.

Equinoxes de Pline, a.272. Etoile de 1572, a.185. Voyez Tycho

Ferrier, artiste français. Ses relations avec Morin et Descartes, b. 230.

Fontenelle, b. 235, b. 665, 698, 698, 715, 716, 739, 760, 765, 778, 795, 797, 800.

G

Galilée. Compas de proportion; procès contre Capra, a.616. Corps nageant dans un uide, a.617. Taches du Soleil, sidereus nuncius; mécanique, a.618. Lomière e, a.619. Annonces énigmatiques, a.631. Titubation ou libration de la Lune; a.633. Il saggiatore. Dispute avec Simon Marius, a.634. Expérience pour trouver le de l'axe de la Terre. Il paraît que Galilée admettait le monvement imagine ic, et, qu'éclairé par Képler, il a ensuite expliqué son expérience d'aprètte nouvelle idée. Il paraît traduire Képler, et ne le cita pas, a.637, 657. Lettre i ceti sur la lumière de la Lune, a.638. Traité de deux sciences mécaniques; movement de la lumière, a.63q. Lunettes et pendules, a.640, 67a. Sons et ondes ; exp iences qui ont pu conduire à celles de Chladni, a.641. Dialognes sur le système d , a.643. Il ue fait nulle mention de Képler, ul de ses déconvertes, a.651, 652, 653. Il espère qu'on fera un jour des découvertes qui pronveront directement le mouvement de la Terre, a.656. Parallaxe des étoiles, a.656. Découvertes da Galilée dans le ciel comparées à celles de Képler, a.658, 661, 680. Flux et reflux, a.659. Jugement sur les djalogues, a.661. Procès de Galilée, a.662. Seotence et abjuration, a.66 Pièces originales de ce procès, Discours préliminaire, xx. Explication du passage d

Jossé, xxj; voyage à Rome, xxij; dénoncé par Carcini, xxiij; pièces originales du proces; impression de dialogues, xxiv; plaidoyer de Galilée à l'inquisition, xxv; réflexions, xxvij.

Gallucei. Micromégas, a.711.

Gazoyne, Ilistoire du micronière, 3-58, Gazedi, Ses ignamest var Descarier, 5-19, 5-81 premières années, 5-355. Copernicies réservé, 4-358, Son opinion sur Copernie; l'imisson de la lumière ne dimine pa sensiblement le Soleli; cheche de la Lune, 5-37, Ses observations, 5-358, Magement sur les Châldems et les Egyptiess, 8-345, 526, soir les antrologaes Moris et Garriers, 8-344, Combet les Antienteliens, 6-404, 526, 526, soir les antrologaes Moris et Garriers, 8-344, Combet les Antienteliens, 6-345, boubes de Soleli al Euroteon plus grande qu'un cuerrage qu'un les airrières, 5-345, Combres de Soleli al Euroteon plus grande qu'un benne de level muière, 8-348, l'antiration astrononiques te on het qu'une table des matières; cherractions, 8-346, Mercurini in Sole vium, 8-36, Les met satellites de paliers, réciperaction de paedule; propriente de l'embre agromon, 8-355. Vium partiers, de Pritere, de Tycho, de Ceptrice, 8-355, Jagenest sur Gastrudi, 8-355. Grettett Millation et de source de partiers, qu'un des sources de l'accessifications de gredit qu'un de l'embre de l'embre

Greenvood, auteur de tables tombées dans l'oubli; sa manière de corriger l'hypothèse elliptique simple, 6.548.

Gunter publis le premier cason des triangles dans le système de Briggs; ses échelles logarifhiniques, a.5.55; auteur du not costaux; ses tables réimprimées par Wingate, a.555; premier auteur du complément artinhetique, 5.67 et 88.

Habrecht, a.710. Hedreus, astrolabe. Il y substitue des arcs aux transversales rectilignes, b.155.
Herigone. Solution du problème de l'apogée et de l'excentricité d'une planète, b.535.

Hévéhius. Sa naissance et sa mort, b.435; ses manuscrits et sa correspondance sunt à l'Observatoire de Paris ; Sélénographie , b.435. Sa manière d'observer le Soleil ; polémoscope, b.436. Révolutions des satellites de Jupiter, b.437. Sa manière d'observer les taches, b.437. Noms qu'il donne aux phases de la Lune, b.438. Observation des taches, b.439; libration, b.439; montagnes de la Lune, b.440; manière d'observer les éclipses de Lune ; cométographie, b.443, Comète de 1652, b.444, La parallaxe est insensible, b.445, Son apiuion sur les livres du ciel d'Aristote, b.447. Le Soleil a été vu si peu brillant, qu'on a pu apércevoir desétoiles en pleinjour, b.448. Formation des comètes, b.448. Queue des comètes, b.449. Mouvemens des comètes, b.453, courbes diverses qu'il leur attri il parle même de parabole, b.454. Machina covlestis, b.456. Ses préparatifs, ses instrumens: il comparu ses observations à celles de Tycho, b.457. Antres instrumens, b.459. Ses pinnules et ses verniers, b.462. Aignille aimantée, horloges, b.463. Se raisons contre l'application des lunettes aux instrumens pour mesurer les angles, b.46 Son observatoire, b.466. Incendie; liste des exemplaires de la seconde p ue céleste qui ont été sauvés, b.467. Monument à son honneur, b.468. Observations détachées; b.469. Liste de ses écrits, b.471. Prodramus Astronomico, b.472. Détails sur l'incendie, b. 475. Latitude de son observatoire; fondemens de son cata

legus, J.45. Comparison de ses distances avec celles de Tycho, l'Isuarden de Faire, Jeff, Olliquiri, d'Ayr. Réfracion en perall'aux de Soleli, Jeff, 20 albreit, 6-45; albreit, 6-55; all., 24,000 albreit, 6-45; albre

Hipparque. Raisous qui l'ont ampèché de s'occuper du système général du Moude. Ptolémée est moine excusable, a.34. Hipparque, ouvrage joédit où Kepler se proposait de démontrer toutes les méthodes qu'il expose dans les tablés Rudolphines, a.592. Hodierna, Eubémérides, Mêraologie, b.337, Satallites, b.338. Les mouvemens des trois.

premiers satisfont à 55° près au théorème de M. Laplace; ses éclipses sont trés inexactes, b.331. Hooke, b.591, 592.

Morseles 4465. Cnièque de Lamberge, A.666. Son admination pour Kipler. A.676. Sin Dustration. 2-851. Il regardue paie feet écrée à mais de étier de nou conjunt de la companya de l'active à conjunt de la companya de l'active à conjunt de la companya de l'active à conjunt de la companya de la Lance; passaga de Vénna, A.507, 509, Son déves me l'équation du term et l'équation de la companya de la Lance; passaga de Vénna, A.507, 509, Son déves me l'équation du term et l'équation de la companya de l'active d'active d

a aligner aut, man, par respect poor motorece, il comme a manuer de le frequation de tem, s.5.0., Eloge de Képler, .5.5.1. Diametre de Venus, partire de la planete quand elle est en conjonction inferieure, atmosphere des planetes, .5.5.1. Conjectere haardées un les diametres de affereres planetes, p. 6.5.1. Conjectere haardées un les diametres de diverse planetes, par la publication de la sont vus de Soleil, .5.5.1.4.

Hail: (I accommunition de 1) Elat voir aux prêtires de Japiter Hammon que le roleil

demeure plus de tems dans les signes septentrionaux que dans les méridionaux, a.36. Huygens (Christianus Hugenius). Lalande nous dit, dans les Mémoires da 1773, p. 487, que c'est ainsi qu'il a vu ca nom, en Hollande, écrit da la propre main, avec deux points sur l'y. Il ajoute qu'on a varié beaucoup sur l'orthographe de ca nom, et que personne ne l'a écrit exactemant. Les registres de l'Académie portent Hugens. Déc re un des satellites de Saturna, 6.549. Description de son horloge à pendule, 6.550 ces pour le problème des longitudes, b.553. Diverses inventions mécaniques Raisonnémens sur le mouvement de la lumière ; il veut réfuter ceux de Descartes et manqua comme lui une grande déconverte, b.555. Ses raisonnemens sur la gravità idula le conduisent à donner à la Terre una figure aplatie, b. 558. Ce oute à catte idéa après avoir lu Newton, b.559. Ce qu'il pense de l'attraction, b.560. on micromètre, b.568, Systema Saturnium, b.55a, Kosmotheoros ou Voyage de I Univers; Astronomie des planètes at de leurs satellites, b.569. Facules, b.57 llaxe des étoiles, b.577. Ses tourbillons, b.579. Novus cyclus harmonicus, b.581. potrique, b.582. Théorème de Snellins, b.582. Histoire des lunettes, b.583, 5 Fractions continues, plus curiouses que vraiment utiles, b.584.

Indictions, a.37. Formule, a.41. Inflexion des rayons solaires qui rasent le globe de la Lane, a.231.

Intercalation Julienne, a.75; — Crégorienne, a.14 et 75; — Persane, a.75; — Francaise, a.76; — Galiléenne, a.81.

Interpolation. Méthodes, formules et tables nouvelles pour interpoler un nombre quelconque de termes, pourre que la différence constante ne passe pas le dixième ordre. Voyez Mouton et Brigge.

K

«Képler. Prodromus seu Mysterium cosmographicum. Il envove cet ouvrage à Tycho : le visite à Prague, a.314. Il soupçonne une planète entre Mars et Jupiter, et une autre entre Mercure et Véaus. Il cherche à donner une raison des distances des planètes au Soleil: il croit qu'elles dépendent des rapports des cinq corps réguliers inscriptibles à la sphère, a.317. Raisons qui lui font préférer le système de Copernic, a.518. Digression sur les corps réguliers, a.324. Polyèdres circonscrits, a.344. De la proportion des monvemens sux orbes, a.347. Loi célèbre des révolutions et des distances, a 348; oort de joie de Képler à cette découverte, a.347, 354. Du commencement et de de, et de l'année platonique, a.349. Harmonique du Monde, a.351. Jugement de Bailly et réflexions sur ce jugement, a 358. Dispute avec Robert Flude a 558. Passage curieux, a 359. Nova Sterrometria doliorum, a 360. Ad Vitellione. omena, a.361. Astronomia pars optica; recherches sur les réfractions, tabl 367. L'air est pesant et froid la 368. Réfraction extraordinaire à la Nouvelle-Zemb a.369. Irradiation, a.370. Il croit le Soleil le corps le plus dense de la nature; ce excuse et nécessitait cette fausse assertion, a.371. Les bords de la Lune sont llans que le centre, a.372; mers de la Lune, a.372. Cône d'ombre accourci la réfraction des rayons solaires dans notre atmosphère, a.575. Eclipses totales; o itations . a.373. Parallaxes, diamètre du Soloil , a.375 et 376. Calcul d'une éc de Soleil et d'une différence des méridiens. C'est le premier exemple qu'on tre ette méthode importante, a.377. Faute de calcul remarquée par Lalande, a.377, 3 tillation, a.385. Etoile de 1604 : il ne veut pas qu'elle soit un mond a.386. Etoiles du Cygne; anagrammes du nom de Képler, a.388. Astronomie fond sur les monvemens de Mors, a.390. Jugement de Kœoig sur cet ouvrage, a.390. Th èmes sur la pesantenr , l'attraction , les marées , a.391. Il rapporte les monveme les planétes au Soleil vrai et non an Soleil moyen, a.394, 398. La théorie de l'exc tricité peut être fausse et représenter les observations à 5' près, a.401. Recherches s la parallaxe de Mars, sur l'ioclinaison et sur les nœuds, a.403. Théorème nouv rur l'inclinaison, s.405. Copernio n'a pas senti les avantages de son système, s.4 Théorie exacte et complète des latitodes géocentriques, a.406. Calcul des mou le Mars; jugement de Képler et de Bailly sur cette méthode, a.417. C'est pour faire disparaitre une erreur de 8' qu'il a refondu toute l'Astronomie, a. (as. Il croit que la Terre doit evoir son équant, comme les autres planètes, a.423; méthode ingénieus qu'il imagine pour prouver son assertion ; l'excentricité de la Terre doit être coupée en

at Pa. 436. La route de la Terre est ovale, a. 437. Critique fort juste du stème de Copernic; force qui réside dans le Soleil, a.438. Il donne une loi inexacte le Soleil tourne sur son axe, en moins de trois mois, a. 639. La vertu émanée du Soleil devrait suivre la loi inverse des carrés des distances; mauvaises raisons qu'il oppose à ce principe aujourd'hui démontré, a.440. Les planètes ont des forces motrices particulières qui se combinent avec l'action du Soleil, a.440. Timidité ou réserve excessive de Copernic, a.449. Premier pas vers la loi des aires et le mouvement elliptique, a.444. Embarras qu'il éprouve pour diviser son ovale en raison des tems. Si la route de la planète était elliptique, la difficulté serait moins grande. Il se flattait cependant d'y avoir reussi; il reconnait son erreur; il s'écrie avec amertus que toute sa théorie s'en est allée en fumée ; il s'aperçoit que la route est elliptique et non ovale; il adopte avec transport une idée qu'il avait rejetée avec une espèce d'obstiuztion; Lalaude et Bailly n'ont rien vu de tout cela; ils se sont persuadés qu'ovalet ellipse étaient la même chose, a.455. Kepler n'est pas content de sa démonstration de la loi des aires, de laquelle cependant il ne doute en aucune manière. Formule remarquables du rayon vecteur, de la relation entre l'anomalie moyenne et l'anomalie excentrique, entre l'anomalie vraie et l'anomalie excentrique, a 461. Formules moins mportantes, a.46a. Problème qu'il propose aux géomètres, en annonçant qu'il le croit moluble pour une raison qu'il indique, à 466. Réflexions de Képler sur les théories et es observations de Ptolémée, a.469. Dissertatio cum nuncio sidereo, a.469. Réflexions sur les lunettes, a.470; sur les taches de la Lune, a 471. Jupiter doit tourner sur son axe en moins de 241, a.472. Il croit voir Mercure sur le Soleil, a.473. Dioptrique : il y donne l'idée de la lunette à deux verres convexes , mais il ne la fait pas exécuter, a.474; la première fut faite par le capucin Schyrle de Rheita; phases de Vénus, a.474. Méthode pour les comètes, a.475; il suppose l'orbite rectiligne, par la raison que les comètes ne reviennent point ; il avait mal pris sou tems, cette cométe était celle de Halley, a.488; autant il y a de comètes, autant il trouve d'argumens et faveur de Copernic contre Ptolémée, a.490. Chilias logarithmorum, a.506. Il annouce des démonstrations plus rigoureuses que celles de Néper, a 507. Ses théorèmes logarithmiques, a.509; ils soot au fond les mêmes que ceux de Néper, a.511. Construction de sa table, a.517; usage de cette table, a.523; noble exemple de cet usage pour trouver la loi des révolutions et des distances , a.529. Table de Kepler , étendue par son gendre Bartschins, a.530. Tables Rudolphines, a.557. Heptacosias logarithmorum a.557. Prostapherèse de l'orbe, a.567. Table de l'équation du centre, a.572. Stations a.573. Première idée de l'hypothèse elliptique simple, a.574. Inégalités mensuelles de la Luce, a.575 et 586. Particule hors part, a.577. Règle pour la parallaxe, a.579 la Luce, a.070 et 085. l'articuire nors part, a.077. resge pour sa passanse. Méthode pour les éclipses, a.580. Lignes des phaces par le nongésieme, a.581, 586. Idée singulière sur les équinoxes de Ptolémée, a.588. Différence des méridies les éclipses de Soleil ; méthode adoptée géoéralement aujourd'hui et long-tems né a.589. Jugement sur les tables Rudolphines , a.589. Sportula genethliacis missa , a Passages de Vénus spécialement recommandés, a.590. Lettre de Terrentius, a. 8.690. 691. Hipparque de Képler, a.592. Méthode graphique pour les éclipses, a.59 (Cassini s'est attribué cette découverte, ainsi que plusieurs au mice Copernicance, a.5gn. Règle mnémonique des levers et des couchers, a.5g

Lat. 16g phylocolic

TABLE DES MATIÈRES.

Volume ut deninis des placiers, «"Syb. Tout movement décinées. Schall, "Syb. Bellingiages et se systèmes de Prolinies, de Copressi et de Typlo., "Syp. "Loi, de sires jutes explicative des idées de Kuffer; grande conjonction, « Soo. Atmosphie Soloil, Juniere modaceles, « Soi. Tripidation, « dois » Per regue, « Soo. Atmosphie modaceles, « Soi. Tripidation, « Soi. » Per regue, « Soo. Atmosphie modaceles, « Soi. » Tripidation, « Soi. » Per regue, « Soi. « Kuffer pa part singuir secuse cause sis movement de précessies, « son plus qu'à cobist de moda, « dec. » Soi. « de Videre de la Herra de la company. « Soi. » Soi. « Soi. » Soi. « Soi. » Soi.

.

Les Bires plane dann le meistlien er quant de cereite de Planet 4, 55%; cherre le liberioù 5.5%; il parriel heur qui s'enseit eregel et ette figure, aut et de La Cille en la cherre tions de La liere, de Sie. Déviation de ment 4, 55%; fill greit ne le cherre tions de La liere, de Sie. Déviation de ment 4, 55%; fillet ne le litter de 15, 55%; fillet ne le cherre tions de la liere, de Sie. Deviation de ment 4, 55%; fillet ne le region de 15, 55%; fillet ne le chipse de 15, 55%; fillet ne le sième de 15, 55%; fillet ne libet de 15, 55%; fillet ne le sième de 15, 55%; fillet ne libet de 15, 55%; fillet ne le sième de 15, 55%; fillet ne le sième de 15, 55%; fillet ne libet de 15, 55%; fillet ne le sième de 15,

La Hire (Philippe), fils du péécédent, 5.683. Sa dispute avec Lefebvre, qu'il fait rayer de la liste de l'Académie, et à qui il fait retirer le privilége de la Connaissance des Tems. 5.683.

Landgrave de Hesse-Cassel, Guillaume IV, a.266.

Langrenus (Laurent), b.636.

Lansberge. Sa Trigonométrie, b.40. Sa Cyclométrie et son tranométrie, b.45. Calcule l'échipse d'Hérodote, b.44. Il donne aux étoiles une parallaxe de 31°, b.44. Ecrit en faveur du mouvement de la Terre; est tables, b.45. Il donne un double mouvement à l'excentrique du Soleil, b.45. Voyer Horrocket.

Lefebvre était tisserand à Lisieux; Picard l'avait attiré à Paris pour travailler à la composition de la Connaissance des Tems. Ses disputes avec La Hire le font expulser de l'Académie, à 5,833.

Leveru, auteur systématique de tables oubliées, b.5a3. Ce qu'il pease des gnomons; il repreche à Cassini le mystère qu'il fait de ses tables du Soleil, b.5ag. Licetus, a.7a5.

Logarithmes. Etymologie, a.508. Les logarithmes Népériens différent des logarithmes hyperholiques vulgaires; leur relation, a.511 et 512. Logarithmes de Képler, a.512.

many beginning the second

Consparaison des tables de divers anteurs, a.513, 514. Logarithmes de duplication, de triplication, etc., a.513. Conversion des logarithmes, a.543. Formules mndernes et tables diverses, a.555.

Longomontomas, a site. Astronomia Denice, a site. Prostuplicies, a sal.5. Directalization delicaria ari la antisire d'Oberce de l'Iroba, a site. Socionales, a sal.7. Disputation la mode delicaria ari la antisire d'Oberce de l'Iroba, a site. Socionales, a site. Site. Disputation de l'acceptation de l'acceptation

Louis XIV visite l'observatoire, b.630.

Lubinietsky, Théatre cométique. Anecdote dulpape Caliste sur la comête et les Turcs,

E .

Martlinus. Sa méthode pour les comètes, a.224. Epitome Astronomiar, a.512. Ses réllexions sur la manière dont on avait traité l'Astronomie avant Képler, a.351. Malapertius, Autrinea sidern, a.521.

Malvasia. Son réticule et sa pendule, b.726. Ses éphémérides, b.722. Son goût pour l'Astrologie, b.687.

Marius (Simon). Son nom est Mayer. Mundus jovialis. Sa dispute avec Galilée, a.696 Scintillation, a.697. Sa théorie des satellites, a.699.

Maurolycus. Son opinion sur Copernic et son système, a.147.

Mercator. Section divine, b.559. Il publie l'explication des phénomènes de la libration donnée par Newton, b.544. Rapport qu'il fait à la Société rnyale sur une découverte prétendue de Casini.

Métemptose et Proemptose , a.15.

**Hétiua (Adrien), b. 127. Son frère Jacques est l'inventeur des Înnettes, a.127. Doctrine sphérique, b.127. Problème des trois ombres, b.128. Il pent s'appliquer à la rotation du Soleil, b.134.

Moria desi contra la moverment de la Terre , 355. Autronomie rentintea , 5, 335. Londinomie, realizate, 5, 535. Londinomie, realizate, 5, 535. Londinomie, 10 val le s'écilea apprie le Beret du Soledi, aprie las sovie amendes dans a lemete a la fina de la nuit ; sen méthodo pour les parallaxes, 5, 555. Cha d'un observantoire, 5, 555. Methode de son ami de Ecouara pour éterminer l'ellipse d'une placésificate, 10 value de la marcha de la companya del la companya de la companya del la companya de la

Mauton. Obstruzions des dimeitres de la Lune et du Soleil, 5.555. Pendule simple et ses vibrations en no heure, λ.555. Obliquije, λ.555, Michode ditunepolation, δ.550. Talbie générale, λ.562; méthode qu'on en peut déduire, λ.554. Formules usuelles, et tables pour interpoler quand le différence constante se passe pas le dixième créπ , λ.594, Vinification de ces tables par le différences , λ.574.

Hist. de l'Astr. mod.

product el sos l'exécution de co projet, d'une importance fondamentale, h. h. h. p. h. p. l. p.

Pitticus corrigo les six premiers degrés des cotangentes de Rhéticus, b.17. Principia sinum à au décimales, h.07. Sa l'ingonométrie, b.a9. Il serait à désirer que tous les théologiens fuseren mathématiciens, b.a9. Son triangle supplémentaire n'est pas celui qui est anjourd'hui si comm. b.30. Ses théorèmes, b.31. Sa Gnommoigne, b 33.

Planètes peu éloignées du Soleil doivent avoir des phases comme la Lune ; idée des Platoniciens, a.ga. Pline, Librorum helluo, b.281.

Persans modernes; leur Astronomie, a.80.

Polyèdres réguliers inscriptibles à la sphère; leur théorie complète, a.324.

Pythagoricieus, Raisons qui les ont engagés à faire tourner la Terre autour du Soleil,
Discours préliminaire, p. v.

- 1

Reinhold, auteur des Tables Pruténiques, publie la Table féconde de Regiomontanus et des théoriques des planétes, a.142.

Reneri. Tables méditées, b.172. Application de deux vers de Virgile à la Geographie ancienne, b.175. Ses tables des satellites sont perdues, b.231. Rheits. Voves Schvrfe.

Hheticus, discipis de Copernie. Estrait qu'il donne de l'ouvrage de son maires, a.138, h.i. listoire de sa grande table, h.z. Opus Palatinum de transgulis, h.z. Théorie, b.S. Elle ne renferme que les théoriemes vulgaires, h.B. Febrire comonais, h.s. Enreum de ces tables reconneces et corrigée par Pitiesus, h.r.y. Reimpression des six premiers dogrie, h.s.t. 'Aulès de majeriajales reresus, h.z.b.

Rhéticus est celui qui a véritablement introduit les sécantes dans la Trigonométrie, 5 34.

Bircelli. Réfeation de système de Copersie, a 679, 580. Afmagation mouses, 5-27.
Récess Barts behindest l'eggeré débouie, 5-27. Concession emarqueble sur le mouvement de la Terre, 5-278. Nithode pour la merar den degié, 5-277. Le giète et aux ceres en diminuari, parce que les plaies estimatent les terres, 3-278. Readhingh, 5-278. Chippe de Copersie et des our patien, 5-276. Olimpière, 6-278. Olimpière, 6-278. Olimpière et parallam de la Lene.

Jagment enr Pilies, 5-261. Sciencyppière, 5-285. Dimetère et parallam de la Lene.

Self, Lésies et l'auteur sur la Gérmaint apoliquie à l'Artencione, 6-285. Eclipse.

Self, 1-278. Damètre de l'ombre, couleurs de la Lene, 5-288. Attentions nimedar de la Contratte de l'ombre, couleurs de la Lene, 5-288. Attentions nimedar de la Contratte de l'ombre, couleurs de la Lene, 5-288.

Etalies visinguales en acorcaio desire, A.S.S., Nos. Jegumes étraigne en Kajder.
A.S.S., N.S., Naviane plantiere de Sauren, A.S.S.R. Der option expension delical.
A.S.S., 1.3., Naviane plantiere de Sauren, A.S.S.R. Der option expension delical.
A.S.S., 1.3., Naviane sur M. Hamager, A.S.S.S.; no powered tappeler L'Astronome manerale, L.S.C., Tilgonomitris superficielle, J.S.C., Hintere de most Albos
de Solid, anguesti par la Histon de movement deure, J.S.C., Attentionia refrede Solid, anguesti par la Histon de movement deure, J.S.C., Attentionia refrede Solid, anguesti par la Histon de movement deure, J.S.C., Attentionia refrede Solid, anguesti par la Histon de movement deure, J.S.C., Lattere adapte la idéea de Boulland, J.S.C., Euromens, J.S.S.R. Lattere adapte la idéea de Boulland, J.S.C., Euromens, J.S.S.R. Lattere adapter la idéea de Boulland, J.S.C., Lattere adapter la idéea de soulland, J.S.C., Lattere adapter de la language de despit, J.S.C.
de soulla de Bisculli, J.S.C., Géographe et l'yétroprophie; mesure des deptis, J.S.C., Lattere adapter de la language de la idéea de lattere de la language de la idéea de la idéea de lattere de la language de la idéea de lattere de la language de la idéea de lattere de la language de la idéea de lattere de la lat

Roberval. Auteur du livre pseudonyme intitulé Aristorque sur le système du Monde explication bizarre qu'il donne du mouvement de rotation des planètes . 6 517 Robmer, danois, se joint à Picard pour le voyage d'Uranibourg, b. 614 et 633. Amené en France par Picard, b.617. Reflexion de Condorcet à ce sujet, b.598. Quitte la France en 1681, b.673. Il meurt en 1710. Triduum, b.633. Tour de Copenhague b.655. Instrumens de Roemer, b.655; son avstême de division, b.636. Nombre des fils de ces lunettes , b.637 Lunette meridienns , b.639 , 654. Cercle pour les heuteur spondantes , b.63q. Recherches sor la parallaxe , b.641. Lunette grillée ette réciproque en amphientre , b.648. Sa réclamation au sujet du mural de Picard. qu'il dit avoir placé dans le méridien , b.64%. Méthode pour les équinoxes , b.640, II perfectionne le micromètre d'Auxout et de Picard, b.652. Jovilabe mécanique, b.653, Mesure la vitesse de la lumière e b.655. Planétaires et observatoire de campa extreit do Triduum, b.655 et suiv. Demonts Snellius, b.65q. Il travaille à faire adopter da b.659. Ses idées sur la forme à donner aux éphémie Rotation du Soleil , b. 14t.

Saisons dans l'ancieu calendrier romain, commencent 45 jours avant les équinoxes et les solstices, a.35.

Suturne. Pourquoi nommé que un a. 121, 283.

Scheiner, a.681. Poyez Gahilee. Réfractions, a.682. Rosa ursina, a.682. Schickhardt. Astroscope, b.327.

Schrekenfuchsius, a.Zoo. Schyrlæus de Rhesta, ca

Schyrleau de Rhetta, capacin. Oculus Enoch et Elie, b.175. Visionnaire qui porstant.

a le premier fait exécutre la luseré à deux verres convexes de képler et le premier
binocle, b.179. Il, donne au Solvil un hémispheir plus chaud et un autre qui l'est
moins. Etoiles solaires, b.177. Satellites nombreux, b.178. Télescope mystique,
b.181.

emaine. Son origine, a.4.

Seth-Ward. Son Astronomie géométrique, b.161. Système elliptique simple, b.162. Solutions géométriques nullement astronomiques, et dépourrues de tonte utilité, b. 168. lius. Eratosthenes Batavus, b.90. Sa mesare de la Terre est la première qui fut fondée sur les véritables principes, b.93. Bematistes, b.95. Reflexions sur les anciens degrés, b.95. Table des pieds modernes, b.96. Bases, b.97. Triangles, b.98. Erreurs les côtés, b.102, 104 et 105. Erreurs des augles, b.108. Degré, corrections de Cassini et de Muschenbroeck, b.106. Aucun degré ne peut être sur à 1000 on ne peut être sur d'une minute; on ne pent supposer cette exactitude à aucun degr ancien, b.108. Problème de Snellius pour trouver la position d'un point inconnu par celles de trois points connus, c'est le problème d'Hipparque; solution plus sim b.109. Trigonométrie, b.110. Formules, b.111. Théorème de la réfraction, b.110. 226. Trouver les sinus par de simples additions, b.112. Tangentes trouvées par des sommes de sinus, b.112. Hauteurs inaccessibles, b.116. Snellius est le premier auteur du triangle polaire on supplémentaire, b.117. Règle pour l'espèce des cotés et des angles, b 118, Tables, b.119.

Streete. Ses tables long-tems célèbres, b.514.

Tables de Reinhold, a.142; - de Copernic, voyez Copernic; - Frisiaques de Muller, a.311; - de Tycho, voyez Tycho; - de réfractions de Képler, voyez Képler; -

de Prony ou du radastre, b.77; — de Nathanael Roe, b.88; — de Boulliaud, b.161; — de Oughtred, de Sherwin, b.89; — de Sharp, b.91; — de Lansberge, b.45; de Billy, de Wing, b.529; - de Streete, b.514; - de Mercator, font celles de Tycho et de Képler; - Rud lphines ou de Képler, b.589; - de Levera, b.523; - Ta de divisions de l'écliptique dans la projection d'Hipparque, b.61; - de Briggs, de Vlacq de Wéza et de Taylor, a.555; - de Callet et de Borda, a.55

Tucquet, auteur d'Elémens. Il attribue à Guido Ubaldus la première idée du vernier. b.536; il a été réfuté par Pézénas.

Tarde. Borbonia sidera, a.690

Tour de Copenhague, b.633. Incendie, b.643.

Townley perfectionne le micromètre de Gascovne, b.589, 591.

Tycho-Brahé. Ses premières années, a. 148. Duel et suites de ce combat nocturne, a. 140, 597. Liste de les ouvrages, a.149. Ses raisons contre le système de Copernic, a.150. 204, 237, 385. Il aperçoit les effets de la réfraction, a.151. Il s'en fait une idée imparfaite, e. 152, 157. Table, b. 156. Méthode pour les observer, a. 158. Méthode pour l'excentricité du Soleil, a. 152. Longueur de l'année, a. 155. Equation du tems, a.160. Restitution du mouvement de la Lune, a.162. Tronve la variation, et sent confusément la nécessité du l'équation annuelle, a.166. Equation de latitude, a.168, Calcul plus rigoureux de l'explication qu'il eu donne, a.170. Parallexes, a.174. Son opinion sur les anciens catalogues d'étoiles, a. 174; sur les horloges, a. 176. Construction de son nouveau ratalogue, a. 177. La variation d'obliquité fait varier les latitudes des étoiles, q.189. Precession de 51°, q.185. Il croit ses étoiles exactes à la minute. a. 184 Etaile de 1572, a. 185. Elle n'a point de parallax: sen-ible, a. 180 Première

idée de son système, p.190, 193. Mesure le diamètre du Soleil, p.191. Conserve la

parallaxe d'Hipparque, oubliant qu'Hipparque pensait qu'on pouvait la su beauconp plus petite et presque nulle, a.192. Diamètres des étoiles et des planes 3. Examen des ouvrages publiés sur l'étoile de 1572, par Thadeus Hacecins Cornelius Genuma, Vallesins, Covarrubianius, Joannes Anglus, Diggesæus, Dee, Leovitius, Raimond de Vérone et autres, a. 195 et suiv. Son opinion sur cette étoile, a.206. De Mundi atherei recentioribus phanomenis; comète, a.207. Sa parallaxe g.a.a. il croit la queue de cette comète opposée à Vénns et non au Solell . g.a.r. M thode pour déterminer l'orbite. a.203. Il disculpe enfoute occasion l'Astrologie, a.225 et an6. Critiques des ouvrages publiés sur la comète, par Hagecins, Scultetus et autres, a.a16] et suiv.; son opinion sur les divisions de Nonius, a.a31, a35. Portrai de Tycho, qui confirme l'anecdote da duel, a. 252, 256. Jagement qu'il porte sur ses observations à différentes époques , a.a3a. Les comètes prouvent que les cieux ne son ua solides, a.234. Il trouve pour les étoiles des réfractions différentes de celles de Soleil; il aurait du commencer par réformer sa parallaxe de o' 51°, a.235. Sa dispute avec Rothmann sur les réfractions , a.35°, et sur le système de Copernic , a.240. Lycho se fâche , a.245, 245. Il décrit ses divers instrumens , a.247. Récles parallaciques de Copernic; vers à ce sujet, a.248, 249. Mécanique astronomique, a.253 Ingement sur une nouvelle manière de diviser un quart de cercle, a.254. Histoire te; observation de Tyche publices par Baretti, a. 255, 366. Disgrace de Tyche, Histoire qu'il en fait lui-même; manière d'observer de Tyche, a. 265 et 261 Dernières observations et mort de Tycho; voyez Astronomie du moyen age, page 335, Discours préliminaire, xij.

Ursinus (Benjaminus). Ses tables des logarithmes, a.543, b.332.

Urus Diblimarus, Settion de l'angle en raison donnée, a. 288. Il parle en termos énigmatiques des idées de Byrgs nur les logarithmes et les sinus, a. 289. Sa disputs avec Tycho à l'occasion du pristeme des Monde, dont il se déclare le premier auteur, a. 294. 369. Récit du duci de Tycho, a. 297. Invention des transversales, a. 299. Construction de la table de sinus, a. 350.

Valentin Othon achève la table de Rhéticus et la public , b. 2. Météoroscopes , b. 11. Vernier , b. 119. Excellence de son invention , b. 120. Vernier direct et vernier rétrograde , b. 125.

Fiete, auteur d'un Harmonicon carleste qui s'est perdu, b.148. Voyez Astronomie du moyen âge.

Vigenère. Traité des Comètes, b.536.

Vlacq, a.545. Ses tables, réimprimées par Wéga, a.555; b.240. Erreurs de ses tables, b.422, 425.

IF'erner, a.261.

IF'ing. Démonstration synthétique de la formule qui sert à-calculer l'élongation d'une

planète, b 520. Ses tables, b.521. Observations diverses, b.525.
Z

Zanotti, Meridiana del Tempio, b.727. Durée de l'année, hauteur du pôle, b 728. FIN DE LA TABLE DES MATIÈRES.

HISTOIRE

DE

L'ASTRONOMIE MODERNE.

LIVRE PREMIER. RÉFORMATION DU CALENDRIE



Nous avons vu (*) avec quelles instances et par quelles raisons Gaoricus tachait d'obteoir du pape la correction du Calendrier, qu'il croyait orgente et indispensable; non qu'elle intéressat en rien oi les sciences, ni l'ordre public. Les oations qui o'oot point encore adopté la réformation grégorienne, n'en éprouvent d'autre inconvénicot que celui de compter quelques jonrs de moins que les aotres penples de l'Eorope, Les astronomes s'accommodaient fort bien du Calendrier égyptien, qui ne donnait à chaque année que 365 jours sans aucune fraction et sans aucuoe intercalation. Pen leur importait que le commencement de l'année fût vague. et parcourût successivement le cercle entier. Quand J. César eut forcé tous les peuples soumis à son empire, d'adopter le Calendrier que Sosigéoe lui avait composé, les astronomes d'Alexandrie n'eo conservèrent pas moins leurs tables et lenr année de 365 jours ; seulement ils avaient à faire un calcul préliminaire pour réduire uoe date julieone eo une date qui lui correspondit dans le Calendrier égyptien. Quand, en des tems plus modernes, oo composa les Tables pour les anoées julieones, les

^(*) Astronomie du moyen âge, page 435.

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

intercalations y apportèrent quelques embarras insqu'alors inconnus; mais la simplicité et l'uniformité de ces intercelations allégeaieut du moins ces inconvéniens, qui n'étaient pas bien graves en eux-mêmes. Ils furent augmentés considérablement par la réformation grégorienne, qui supprimant trois intercalations en quatre siècles, compliquait la règle, et rendait ainsi les Tables moins simples et moins commodes. Clétait donc par des raisons étrangères à la science, que quelques astronomes sollicitaient nu changement qui aurait dù bien plutôt les contrarier. Il était pourtant réclame de toutes parts, pour des motifs qui out aujourd'hui beaucoup perdu de leur importance. L'Église avait le droit (et Clavius en convient lui-même, page 50) de rendre immobile la fête de Pâques; elle ponvait la fixer au 1er ou au 2e dimanche d'avril; elle pouvait abandouner totalement l'année luni-solaire qui règle les sètes mobiles, et s'en tenir au cours du Soleil qui règle les saisons. Il est fort à regretter qu'elle u'ait pas pris un parti si simple et si raisonnable. Par un respect exagéré pour d'anciens usages établis dans des tems d'ignorance, on s'est jeté dans des difficultés inextricables, qui proviennent de cc qu'on a voulu concilier et combiner des périodes qui n'out aueune commune mesure. Malgré tous les soins qu'on a pris, les peines que l'on s'est données, les avis qu'on a demandes à toutes les académies et à tontes les universités, nombre de savaus réunis à Rome, par un travail de plus de dix aus, n'ont pu enfanter qu'un système ingénieux et plein d'adresse, il faut en convenir, mais excessivement complique, qui, pour être bien compris, exige l'attention la plus souteure, qui n'approche du but qu'on s'était propose, que dans certaines limites dont il a bien fallu se contenter, qui enfin a excité de nombreuses réclamations, qu'on voit se renouveler toutes les fois que le Calendrier manque trop essentiellement et trop ouvertement aux conditions qu'on s'était volontairement imposées.

Le Coueile de Nicée, en donnant des régles pour la célebration de la Pâque, avait supposé que l'équinoux restenți invasiablement fixé sia a mars, où il se trouvait en l'an 555. On ignorait communément que l'année julienne éfiit trop longue de 1° tiq quelques secondes, cepaudant, avant la réformation julienne, Hipparque avait de provair que l'enreur était, presque double, mais les pierse de Cotte année était d'un jour sur trois cents ans. Dans le fait, l'erreur était, presque double, mais les pierse du Concile n'avaient lu ni Hipparque, ni Pholémée. On pest même soupeonner qu'ils n'ont pas mis à leur décision toute l'importance qu'on y a depnis attachée, ear il n'existe véritablement aucun décret, aucun acte de ce Concile. L'eur règle pour la

célibración de la Páque ne se trouvait que dans une lettre que les pères avaient adressée à l'églue d'Alexandrie. Cette lettre unten n'existe plus, on n'en coansit les dispositions que d'après le témoignage de quelques auteurs qui en rapporteut l'esprit sans en citer les propres expressions. Suivant ces auteurs, la Lune passeale était celle dont le 1/2 jour coincidait avec l'équisore du printense, ou bien le saivait de plus près ; et le jour de Pâques était le pennier d'inanche après le 1/4 de la Lune passeale.

On continua donc de se régler sur le 11 mars; mais l'équinoxe s'en clais éclaige il élatistrarie au 1 mars; al aunci percoura successivement férrier, janvier et tous les mois de l'année; Pêques, au lieu de suive de près l'équinose du printens, avorit passé par l'au et l'autre solvier pour l'exécution de la règle, il fallut ramener l'équinoxe au 21 et l'y maintenir eu tous tenss.

Le problème ésis asses compliqué, on y ajonta des conditions tresiuntiles, pour ne indire de plus; on ne voulsit pas risquer de se rescontres avec les Juifs, qui se réglaient sur le 1/2 de la Lune; on ne na crasquais pas moiss de se rencontrer avec des hérétiques qu'on ne na commés Quatontecimans, parce qu'ils célébraient la Pâque le 1/4. On ne voulsit appleyer que les mouvemens moyens, on re voulsit par pour aux Tables autronomiques; on fonda le système sur la révolution synodique goupenne de la Lunes et la période de 19, ass; mais cette périod exi iosascie, elle exigent des équations, et l'on ne voulsit que des nombres cutieres et asser petits pour être retenas facilement; par toutes ces consiciératiques, on fut obligé de se relàcher souvent de la précision à laquelle il état possible d'attiendre.

Notre intention u'est pas de prolonger la critique d'un Calendrice adopté presque universellement dans l'Europe et dans ess colonies; nous voulons en donner une idée suffisante pour la pratique. Il offre des problèmes usuels que nous renfermerons dans des formules qui dispenseront des Tables qu'on a soyurent reproduites, et qui rien sont pas moins ignorées du plus grand nombre, ou qu'on a rarement sous la main à l'instant où l'on voudrait s'en servir.

Pâques doit être un dimanche, ji doit suivre l'équinoux et le 4; de la Lune moyeme, on voit donc qu'il a falla concilier tois périodes incommensumbles, l'année tropique, le mois lunaire et la semaise ou la période de sept jours. Cette dereière période u's ancen rapport avec les mouvemens celestes, et c'est à cet isolément qu'elle doit son inaliérable misieranisé. Geux qui n'adopteut pas les récits de Moise, sont asses embarrassér pour assigers à la emaire ne no régione np eu probable. Q'enleues autres pensent qu'elle est uée en Égypte; on la retrouve ches les Indiens; partont elle paraît teuir à quelque idée supersitieuse, car elle divise fort inexactement le mois lunaire, dont le quart est de 7/9 11/5 25 semistres ne fout que 56//, l'erreur est de 1/2 environ au bout de l'année, elle est de plus de 9/8 chaque quartier, d'un jour et demis ur le mois lunaire,

Le problème du jonr de Pàques, eu taut qu'il dépend de la pleine Lune, a beaucoup d'analogie avec celui par lequel ou cherche l'instant de la conjonction pour les jours d'éclipse.

Pour faciliter ce calcul, les Grecs avaient imaginé des nombres qu'ils appelaient épactes ou jours additionnels; voici quelle en est la formation:

L'aunée solaire moyenue surpasse 12 mois lunaires, de 10¹ 15¹ 11¹ 26¹. Pour plus de commodité, exprimons les heures en fractions décimales de jour.

L'excès de l'année solaire sur 12 mois lunaires sera de. 10 63295 Le mois lunaire exprimé de même est. 29, 55006.

Supposons que la nouvelle Lune soit tombée an commencement de janvier; après 12 mois lonaires, il s'eu faudra de 10',655 que l'année no soit finie; et quand elle le sera, la nonvelle Lune sera passée depuis 10',635; c'est ce qu'ou appelle l'âge de la Lune à la fin de l'année; c'est l'épacte.

| Au hout de deux aus, l'épacte scra double ou de | 21/26590 | |
|--|----------|--|
| Au bout de trois ans, elle sera triple ou de | 31,89885 | |
| Le mois lunaire étaut de | 29,55006 | |
| De ces 32 jours ou de cette triple épacte, ou fait un 13° mois | | |
| ou mois intercalaire; alors l'épacte, pour 3 aus, se réduit à | 2,36879 | |
| pour 4 ans, elle sera | 13,00174 | |
| | | |

et ainsi de suite. Ainsi, quand orravait l'épacte d'une année ou l'âge de la Lune à la fin de l'année précédente, on en conclusit les épactes de toutes les années suivantes par de simples additions, sauf à rejeter tous les mois entiers à mesure qu'ils s'y trouvaient.

 Du mois lunaire
 29'55006

 retrauchez une épacte douvée quelcouque
 4:73758

 le reste indiquera l'instant de la nouvelle Lune suivante
 24:79248

Car à la nonvelle Lune, l'age de la Lune est o ou 29,55006; ainsi, le complément de l'épacte à 29,55 est le tems qui doit s'écouler jusqu'à la nouvelle Lune.

| A cette Lnne nouvelle, ajoutez un demi-mois, ou | 1476505 |
|---|----------|
| vous aurez le tems de la pleine Lune moyenne | 39,55751 |
| ou | 9,55751 |

si le mois est de 30 jours.

Connaissant ainsi une nouvelle Lune, on en pourrait conclure toutes celles de l'année, en ajoutant un mois entier, on en le retranchant quand la chose est possible; on aurait la nouvelle Lune en ajoutant un demimois.

Ce moyen pouvait donc donner la Lune pascale, celle dont le 14' jour arrivait le 21 mars ou le suivait de quelques jours. Ce procédé n'eût donné que les Lunes moyennes, mais on a'en demandait pas d'autres; en tout cas, on eût trouvé des moyens pour changer les Lunes moyennes en Lunes vraige.

On tronva ce moyen trop difficile, et l'on en choisit un beauconp moins exact et bien plus compliqué. Voyez tome II, page 628.

| orte que 12 mois vararent | 33 |
|---------------------------|------------------------|
| L'épacte fut donc de | 11 att lieu de 10,63 |
| L'épacte de 2 ans | 22 |
| L'épacte de 3 ans | 3 en rejetant 30 jours |
| Celle de 4 ans | 14. |

En continuant de même, c'est-à-dire en ajoutant toujours 11, ct recitant 50 dès qu'il se présentait, on eutla saite d'épactes 11, 22, 5, 14, 25, 6, 17, 28, 9, 20, 1, 12, 25, 4, 15, 26, 7, 18, 29, 10, 21, 2, 13, 24, 5, 16, 27, 8, 19, et 50 on 0; comme en Astronomie o et 560° sont la même choce, de ces 50 jours rejetés on faisait une Lane intercalaire.

L'épacte d'une année étant connue, il s'agit de trouver le jour de la nouvelle Lune.

Luigi Lilio Giraldi imagina l'expédient ingénieux et simple que voici (20722 le Calendrier perpétuel ci-après). Il écrivit en nu tableau les jonrs des 12 mois de l'année avec la suite des épactes, mais en ordre inverse. Supposons que l'épacte soit 11, il restera 19 jours jusqu'à la nouvelle

Lune, en supposant 50 jours pour le mois; comptee ces 19 jours du 1º jour au 19, rous arrivere au derziei grour du mois lauxire, où vous tronzere l'épacte 12: le jour suivant sera le 1º de la Lune suivante, il aure l'épacte 13: le jour suivant sera le 1º de la Lune suivante, il aure velles Lunes de l'aunée toute entière. Il en serait de même de toute autre cepte; l'épacte qui sera l'ège de la Lune au commonacement de l'aunée toute autre cepte; l'épacte qui sera l'ège de la Lune au commonacement de l'aunée judiquer la lej jour plus loin, vous aure, la plénie. Loue, qui ces lu 4º ær 1+ 15.

Voilà qui serait exact et commode, si les mois lunaires étaient tous de 50 jours; mais en les suppose alternativement de 30 et de 20.

Il faut donc que la seconde lanaison n'ait que 20 jours; pour steindre c'e but, on a recloubil cies épactes à deux jours consécutifs du mois de février; après 27, ou a mis 35 et 36; à la lique auivante, on a mis 35 et 36; à la lique auivante, on a mis 35 et 36; a la lique auivante, on a mis 35 est 30; a le lique 30; depactes du second mois n'ocurpent d'onc que 20 liques § l'épacte 1 ou toute autre reviendra donc su hout de 20 jours; la nouvelle Luue auivra la précédente de 29 jours. Al novelle Luue auivra la précédente de 29 jours, l'anois, en omettant un jour sur le second mois, les 12 fois 50 épactes qui fersient 506 jours, de rérout que 55 do 12 mois lausiers.

On conçoit facilement cet artifice, mais ou sent que tout cela ne peut tire qu'approximistif. En effet, le spinctes sont trop fortes et les mois trop faibles, puisqu'on les suppose de 29/13°, en sorte qu'a chaque mois on nefigie 447°. Nisaie 18 ragit in des miutes ni mêmate des heures, ou n'a calculé qu'en jours éntiers; il sufficial donc qu'on ne se tramplat jamais d'un jour, mais smême un jour d'erreur a par n'être pas d'une grande importance; l'erreur d'e l'épacte sera du moins la même pour toute l'année, et n'empéchers pas de trouver le premier jour de la Lune; mais cet a la Juse du Calendrier et non celle du ciel. Il s'agit maintenant de trouver cette épacte.

On savait depuis long-tenus que 255 lanaisons formaient à très pen près i paudos; qu'après 19 années, let nouvelles Lunes devaient crevair au même jour de l'année, et qu'ainsi les épactes devaient revenir les mêmes au bout de 19 aunées; il suffisait donc d'avoir les épactes qui convieuent aux 19 aunées de cette période, qui ent celle de Méiou, plus connue sous le nom de nombre d'or : l'épacte dépeudra douc du nombre d'or.

Si l'on connaît le nombre d'or N d'une année quelconque A, celui de l'aunée suivante ou de l'au (A + 1) sera (N + 1). Mais N ne pent surpasser 19; on rejetera douc 19 tontes les fois qu'il se rencontrera, comme

on rejette 30 pour les épactes, 7 pour les jours de la semaine, et 12 signes pour le cercle entier.

Soit A' = (A + x), N' le nombre d'or de cette année; on anfa... $N' = (\frac{N+x}{10})$, c'est-à-dire qu'il faudra prendre pour nombre d'or le reste de la division de $(\frac{N+x}{19})$; si le reste est o, N' sera o on 19; or, x = (A' - A); donc N' = $\binom{N + A' - A}{10}$. Prenez pour A' l'anuée ou N = 19 = 0, vous aurez $N' = \left(\frac{N' - A}{10}\right)_r$; A' - A sera le nombre d'années écoulées depuis l'époque d'ou l'on sera parti; or, le nombre d'or etait 19 l'année qu'a précédée notre ère; ainsi, pour 1800, A'-A=1801; il fandra douc ajouter l'unité au nombre qui exprime l'année courante et diviser par 19; ainsi, en 1801 en aura

$$N' = \left(\frac{1801}{19}\right)_r = \left(\frac{1710 + 91}{19}\right)_r = \left(\frac{92.19 + 4.19 + 15}{19}\right)_r = \frac{15}{19}$$
= 15, en rejelant 19;

ce qui s'exprime en général par la formule

$$N = \left(\frac{K+1}{19}\right)_r \dots (1),$$

A étant lei l'année pour laquelle on cherche le nombre d'or : cette règle est sans exception.

C'est un autre fait qu'à la réforme

en 1582 N = 6 et l'épacte
$$\epsilon = 26$$
,
1583 N = 7 $\epsilon = 7 = 57 - 50 = 26 + 11 - 50$,

1584 N = 8
$$4 = 18 = 7 + 11$$
, $6 = 20 = 18 + 11$.

1586 N = 10
$$\epsilon = 29 + 11 - 50$$
, etc.,

$$6 = 26 + 11(N - 6) = 26 + 11N - 66 - 11N - 66$$

$$\begin{split} \epsilon &= a6 + 11(N-6) = a6 + 11N - 66 = 11N - 40, \\ \text{ou plutot} &\quad \epsilon &= \left(\frac{11N - 40}{3\sigma}\right)_{r} = \left(\frac{11N - 40}{3\sigma}\right)_{r}, \end{split}$$

car il faut partout supprimer le nombre 50.

Nous aurons donc, au commencement du Calendrier.

$$\epsilon = \frac{(1N-10)}{5}, = \frac{(12N+3N-10)}{5}, = \frac{(N+10(N-1))}{5}, \dots$$
 (2);
ainsi, pour 1586, $\epsilon = \frac{(10+10.9)}{5}, = \frac{(10+90)}{30}, = 10$;
pour 1600, $\epsilon = \frac{(5+6n)}{5} = 15$; telle est l'épacte en 1600....(3).

Dans ces premières années les erreurs de nos suppositions sontinsensibles, mais cela ne pouvait durer long-tems.

L'année solaire moyenne est de 569 5 48 48" = 569 5 48',8 = 569 5 48',8 = 569 5 8 15333 = 369,442322 = 365,45 = 0,0077777 = 365 \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 365 \f

L'année julienne faisait de ce quart un jour intercalaire tous les quatre ans, mais c'était rop; l'erreur était de **** ou de 28 jours en 5600 ans ; la réformation grégorienne a supprimé trois bissextiles tous les 400 ans, c'est-à-dire 27 en 5600 ans.

L'année grégorienne est $565 \frac{1}{4} - \frac{17}{1600} = 365 \frac{1}{4} - \frac{3}{1600}$ il reste à retrancher $\frac{1}{1200}$.

Ainsi, pour corriger l'erreur de ce Calendrier, il suffirsit de rendre commune l'année 5600 et tous ses multiples. C'est ce que j'avais proposé aux auteurs du Calendrier qu'on voulait, malgré uous, établir eu France en 1705.

L'épacte 11 suppose l'année de 365 jours; le jour ajouté tous les quatre ans, ajoutait un jour à l'âge de la Lune au bout de la quatrième année; or, ces jours ajoutés ont été compris dans le calcul des erreurs du cycle, on a tena comple de l'erreur qu'ils introduiraient; mais en supprimant trois bissextiles en 400 ans, à partir de 1600, on est obligé de diminner l'épacte de 5 pour 400 ans ou de 2 pour 100 ans : l'épacte deviendra

$$\epsilon = \left(\frac{(N+10(N-1))}{50}\right), -\frac{3}{4}(S-16) = \left(\frac{N+10(N-1)}{50}\right), -(S-16) + \left(\frac{S-16}{4}\right), \dots \dots (4).$$

S étant le nombre de siècles écoulés depuis le commencement de l'ère, et 16 le nombre dejà écoulé en 1600; $\left(\frac{8-16}{4}\right)_e$ est le quotieut en nombre entier de $\left(\frac{8-16}{4}\right)_e$, en négligeant le reste de la division.

Telle serait donc l'épacte du Calendrier grégorien, si les calculs n'avaient rien négligé de plus; mais l'erreur du cycle de 19 ans était d'environ 1° 27' 52' 43", qui feront 23° 50' 52' 49" au bout de 51.2 à ans ; on a supposé un jour; on a donc laissé subsister une erreur de 7" 1" ".

L'erreur 1 jour en $312^{\circ}\frac{1}{8}$ on $\frac{652^{\circ}}{8}$ ou $\frac{3500^{\circ}}{8}$ on $\frac{359}{8}$, en comptant par siècle au lieu de compter par année, sera la quantité dont la Lune anticipera, ou dont il faudra augmenter l'épacte.

Pour éviter les fractions, on ajoute un jour à l'épacte tous les 300 ans sept fois de suite, à la 8º ou ajoute un jour au bout de 400, ce qui fait 8 jours eu 2500 ans.

$$\begin{array}{l} \text{Soit F} = \left(\frac{S-17}{65}\right)_{e^{s}} j^{s} \text{i i trouv\'e que} \\ \epsilon = \left(\frac{N+10\left(N-1\right)}{30}\right)_{e} - \left(S-316\right) + \left(\frac{S-18}{4}\right)_{e} + \left(\frac{S-15-F}{3}\right)_{e} \end{array}\right)^{-\left(S\right)_{e}} \end{array}$$

et le dernier terme donnera une correction un peu trop forte, puisqu'on a supp®sé 24° au lieu de 25° 59′ 52° 49°°; l'épacte sera donc uu peu trop forte.

F sera o taut que $\left(\frac{S-17}{65}\right)_0$ ne formera pas une unité, où que l'on n'aura pas S-17=25, ou S=42; ainsi, jusqu'à l'année 4200 on peut faire

$$\epsilon = \left(\frac{N+1}{3}\frac{o}{3}\frac{(N-1)}{3}\right)_{\sigma} - (S-16) + \left(\frac{S-16}{4}\right)_{\sigma} + \left(\frac{S-15}{3}\right)_{\sigma} \cdot \dots \cdot (6),$$

c'est-à-dire, supposer que l'addition est d'un jour en 500 ans.

Ces expressions, comme celles de N, sont établies sur des faits qui sont les constantes arbitraires du problème. Les auteurs les out misse en tables; nous avons trouvé plus conforme aux counsissances actuelles de les mettre en formules.

On voit, par ces expressions, que les trois derniers termes de l'épacte ne changeut qu'avec la valeur de S, et qu'elles sout les mêmes pour tout un siècle.

Paques dépend de l'épacte, et du dimanche ou de la lettre dominicale.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

On appelle ainsi l'une des sept lettres A, B, C, D, E, F et G qu'on trouve dans le Calendrier à côté de chaque jour. Si l'antée commence par un dimanche, A sera la lettré dominicale, B indiquera le lundi, C le mardi, et ainsi des autres.

Si B est la lettre dominicale, A indiquera le samedi, C le lundi et ainsi des autres nucessávement. Ces lettres reviennent en certele, et i peurent s'exprimer par les chiffres 1, 2, 5, 4, 5, 6 et 7 où o. L'année commune étaff de 505 = 52.7 + 1, 3 el certair jour a la lettre A comme le premier. L'année commune finit par le même jour qu'elle a commencé; si "elle a commencé le dimanche, elle finira le dimanche; la saivante commencera par un lundi.

Soit L la lettre dominicale d'un année quelconque.

Après un nombre A d'années la lettre scrait (L-A); mais il arrivera presque toujours que A > L; pour rendre la soustraction possible, on ajoute 7n ou un multiple de 7.

Ainsi L'=(7n+L-A)=(7n+2-A), car nous avons dit qu'en l'an 1, on avait L=2.

Donc L'=7n-(A-2), A ctant compté après l'an 1.

Mais, puisque la lettre était 2 en l'an 1, elle était 5 en l'an 0; ainsí pour compter A postérieurement à l'an 0, c'est-à-dire pour faire A==nnée courante, on aura

$$L=7n-(\Lambda-3)=7n+3-\Lambda=7n-(\Lambda+4)...$$
 (8). Mais, quand l'année est de 366, la lettre de l'année stivante diminue

de 2. au lieu de 1; dans le Calendrier julien; il y avait une bissextile tous les quatre ans; l'expression pour ce Calendrier devint donc-

$$L = \gamma n + 5 - A - \left(\frac{A}{4}\right)_0$$
 (9).

Le Calendrier grégories a retranché 5 jours en 400 ans; l'expression pour ce calendrier sera

$$L = 7n + 5 - A - (\frac{\Lambda}{4})_a + (S - 16) - (\frac{S - 16}{4})_a$$

Ce n'est pas tout; à la réformation on a retranché 10 jours :

*
$$\mathbf{L} = \gamma n + 5 + 10 \cdots \mathbf{A} - \left(\frac{A}{n}\right)_{s} + (8 - 16) \frac{1}{4} \left(\frac{A}{n}\right)_{s}$$

 $= \gamma n + 15 - \mathbf{A} - \left(\frac{A}{n}\right)_{s} + (8 - 16) - \left(\frac{S}{4}\right)_{s}$
 $= \gamma n + 6 - \mathbf{A} - \left(\frac{A}{n}\right)_{s} + (8 - 16) - \left(\frac{S}{4}\right)_{s}$
 $= \gamma n + 7 - 1 - \text{etc.}$
 $= \gamma n - (\mathbf{A} + 1) - \left(\frac{A}{n}\right)_{s} + (8 - 16) \cdot \left(\frac{S}{4}\right)_{s} \cdots (10)$
Soit $\mathbf{R} = (\mathbf{A} + 1) - \left(\frac{A}{n}\right)_{s} - (8 - 16) + \left(\frac{S}{4}\right)_{s} \cdots (11)_{s}$
et Pon aura $\mathbf{L} = \gamma n - \mathbf{R} = \mathbf{J} - \binom{R}{n}$, en rejetant les γ et fissant $n = 1 \cdots (12)$.

En 1580, année de la réformation, pour supprimer les 10 jours, le na compté le 15 octobre le Indemain du 4, 0 na donc compté le 15 octobre le Indemain du 4, 0 na donc compté le 15 octobre , tandis que les peuples qui n'avaient point adopté la correction, comptisient le 5. C'est ce qu'on appelle le vieux 191e; en 1700, nous avons supprime une bissextificqu'ils ont conseggé ; la différence des styles est devenue 11 jours, au lieu de 10; elle « été de 12 en 1800, pour une raison semblable; elle sera de 15 en 1500 et même en 2000, parce que les deux Calendriers sont bissextile l'an 2000; elle sera-de-14 en 2100, et ainsi de suite.

La différence des styles a pour expression 10 + (S-16) = $\left(\frac{S-16}{4}\right)$.

L'expression $L = 7n + 5 - A - \left(\frac{A}{4}\right)_s$, qui avait lieu avant la réformation, et qui est celle du Calendrier julien, s'étendrait aux années antérieures à notre ère, en changeaut tous les signes; et deviendrait

$$L = A + {4 \choose A}_c - 5 - \gamma n = A + {A \choose 4}_c + 4 - \gamma n; \dots (15)_c$$

Car les astronomes qui t-rouvent le Calendrier julien bezneoup plus' commode pour leurs tables, le prolongent indéfiniment dans les teurs antérieurs, suivant la serier —08, —1, —2, —3; —48 —5, etc. A la vérité il n'y avait pas daglimanche alors, mais la formule (3) peut être utile pour comperer noffe période de 7 jours à celle des Orientaux. Dans les anuées bissextiles cette formule (donne la lettre pour les jours qui précèdent l'internation. La formule (12) la donne gaur le reste de l'années Veyres page 15 6-iaprès.

ASTRONOMIE MODERNE.

Nous are parlous pas d'une petite irrégularité du Calendrier grégorier. Nous avons dit que l'épacte d'une année se touvait en ajoutant 11 à l'épacte de l'une précédente. C'est 12 qu'il faut ajouter, quand N=19, parce que la se, être l'une interculaire du cycle est de 29 jours seulement, au lieu me les autres intercalaires sont de 30.

Quand je lus pour la première fois le grand Traité du Calendrier grégorier par Clavius, ji y a 5 dans, je mis la seanne le plus désillé, je recommençai tous les calculs; en corrigeaut quédiques erreurs légères, en donanné l'ammée soluire et un vois lusaires der valeurs plus vacetes, je trouvai le calendrier meilleur que ses propres auteurs pue le suppresient. J'si perdu toutes mes notes; ji n'en reste que les partie adoptée par Lalande pour la troisième édition de son Astronomie (tome II, p. 2021 et situit.)

Clavius suppossit le mois lunaire 29 12 44 3 16 48 17.

255 lunaisons faisaient donc une somme de 636 16 52 27 18 Mais 19 années juliennes de 565 2 foit. 6359 18

Clavius arrive à ce résultat par une autre voie qui nous donnera une idée de toutes les combinations qu'on a été obligé de faire, et de tousles artifices employés, pour corriger l'erreur des suppositions fundamentales.

Dans les quatre années bisextiles d'un cycle de 19 aus, les quatre dours intercalés és jouteut aux lousions de février, qui par la deviennent des mois de 50 jours, s'ils n'en avaient que ag, et de 51, s'ils en avaient déjà 50. Une lumaison de 31 jours est une chose monstrueuse en Astronauje, mais ç'estit un inconvaient lanés labé, et d'în e provais être "aperçu que par le plus petit mombre. Ces quatre jours ajoutés réduir sient l'erreurà, 3, 45 5 a 3, 55°...

Toutes les lunes intercabires sont de 50 jours au lieu d'étre alternativement de 50 et 393 ou gagnait par la trois jours et l'errour n'était plus q que 4 52 27 8 ...

que l'on corrige ensuite par l'équation lunaire qu'on applique à l'épacte tons les 512 ans, ou plus exactement qu'on applique 8 fois en 2500 ans.

Clavius ne trouve pas encore cette explication assez claire; il en ajoute une seconde, qu'il nous paralt inutile de rapporter. Note avons voulu simplement exposer les embarras du système et l'adresse avec laquelle on les a levés en grande partie.

L'année bissextile a un jour de plus que les années communes. Ce jour intercale change nécessairement la lettre dominicale. Ce jour n'est pas dans le Calendrier perpétuel, où février n'a que 28 jours. Il n'a donc pas de lettre dominicale.

Supposons que le 28 férrier soi un dimanche, la lettre du 26 férrier ser (L ce sem a la lettre dominicale. Le jour internelaire 29 férrier sera landi; le premiere de mars sera mardi, mais ce jour est marqué de la lettre D. Done, à partir de ce jour, D indiquere le mardi, C marquera le jaudi; au lieu du dimanche; B marquera le dimanche, au lieu du samedi qu'il indiquait d'abord. La lettre B sera done la dominicale appa l'intercalation, si elle était C avant l'intercalation. En général, par l'étair de l'intérnelation, ju le lettre 1. d'eviedent (L--). Zamonéo hissettial deux lettres. L'one sera L qui servira jusqu'à l'intercalation, et l'autre (L--1), qui servira le reste de l'aunée.

Voilà ce qu'il y avait de plus simple, aussi n'est-ce pas ce qu'on a fait.

Le paut le plus naturel était de mettre le jour intercalaire à la fin de l'aunée; mais décembre svait édjà 55 jours, février en avait que 26. On a donc choisi février; mais au lieu de placer le jour extraordinaire après le 26, on 12 mais après le 26, 46 A l'ordinaire, le 24 février avec sa lettre F était appelé exctp calendas; car on a soigneusment conservé, , dans le Calendrier ecclessistique, cette manière surannée et arbarar d'exprimer les quantiènes des mois (*). Ce jour était la fête de S. Mathias. On écritai tains les deraires jours de (évrier.

^(*) Je sais que les femmes savantes trouvent au contraire barbare et ridicule l'usage

| 34 | F | sexto calendas | S. Mathias |
|----|-----|-------------------|------------|
| 25 | G.F | bissexto calendas | S. Mathias |
| 26 | A.G | quinto calendas | |
| 27 | B.A | quarto calendas | ł |
| 28 | C.B | tertio calendas | |
| 20 | C | pridiè calendas | |

aiati on cemit S, Malhiat du 24 au 55 le 25 s'appelle biseacto, d'où onou est venu le nom d'année biseactile. Dans l'anage civil, le jour, intercalaire est le 20 février; on ne s'inquite guère s'il a ou n'a pas de lettre dominie. En général, despit que les almanachs aout is fort dultipliés, les lettres dominicales, le nombre d'or, les épactes, tout cela et tonibé dans une désauteule presque baloule. Le public prend les mois tels qu'on les lui donne, et s'embarrasse fort peu si Pâques suit exactement la pleine lune et l'équinose. La seule chose qu'il renarque, c'est; que si Pâques arrive le 22 mars, le carraval est bien court; maisse ne cas, pour s'en dédommage, no danse pendant le creême; et si la chose, était à réalire, il est problàble qu'on changerait, ce poist foit peu inportant et discipline, et q'on fareair Pâques à l'un des premiers dimanches d'avril, c'est-è-dire du 5 au 12, ce qui tiendrait le milieu entre. les deux limites pascelles actuelles.

Le cycle de Mcion n'a que 19 années. Nous avons dêji dit qu'après legombre 19, on sjoute 12, au liuc de 11, pour avoir l'épace de l'année, suvante. Cette irrégularité apparente provient de ce que la dernière nue interclaire du cyclen n'a put étre que de 29 (ons s, au lieu que toutes les autres sont de 50 jours. Les équations, soit solaires, soit lunières, qu'on est forcé d'applique à l'épacte, font que ce cycle par la suite des siècles, peut avoir successivement 50 suites différentes d'épactes, c'en sorte qu'il n'en est aucune qui ne puisse répondre à son tour la première qu'il n'en est aucune qui ne puisse répondre à son tour la première année du cycle. La table qui réunit ces différentes soites, s'appelle la Table tiendage des épaces. Noi formules la rendent absolument inuite.

de compter les jours du mois depuis 1 jusqu'à 50 et 31, et qu'elles ordoncent à leur notaire de dater par les mots d'ides et de calendes; quelques personnes ne sont pas étoignées de penser comme Philaminte et Bélise, mais elles sont en petit nombre,

L'argument qu'on voit en tête est le nombre d'or, compté depois 5 jusqu'à 2.

L'argament verical à guache est une tuite de lettres qui ne serveot que d'indices, ce sont des espèces de numéros qui n'étaient pas d'une nécessité indispensable; puisque chaque ligien horizontale pouvait être indiquée par celle des 50 épactes par lisquelle elle commence. Ainsi la ligne Popowait s'appeler la ligne 50 no q. la ligne N varuit été la gue 20, et ainsi des autres. On voit que d'une ligne horizontale à la snivante, toutes les épactes dimineut d'une unité.

L'Équation solaire de l'épacie ne change jamais que d'une unité à la lois, dont it faut dininner l'épacie, alors on descend d'une ligne dans la table. Cette équation est nommée métemptose, suat ou chate en arrière. L'équation lanaire s'appelle proemptose, saut ou chate en avant, parce qu'elle fait augmente l'épacte. On voi par la formule le seft dans lequel agissent ces équations; on y voit encore qu'elles resteut les mêmes pour tout un niècle.

:e

L'embarras seulement est de savoir quand il faut monter on descender; c'est ce qu'on apprend par deux abbles dont on voi un s'chantillon ciaprès, l'abbe II. Les années de la colonne ⊙ sont celles où l'on descend d'une ligne; les années de la colonne ⊙ sont celles où l'on descend d'une ligne dans la Table eiendue. Quand la même année se rencontre dans les deux colonnes, les équations se compensent; on ne monte ni me descend. La colonne ⊙ a pour différence 500 sept fois de suite, et 400 à la huitême. La période commence à 1700, ou à 17 siècles; de là le nombre constant 17 de l'Expression de ₹ (formule 5).

Il reste à trouver la ligne qui convient à une année donnée, après quoi il ne restera aocune difficulté.

La première ligne marquée P Table III (j'aurais di la ligne o) fat attribuée a of Siècle; on choisit cette époque postérieure au tems du Concile, parce qu'on vonlui que les nouvelles lunes fussent en retard sur les Lunes astronomiques moyennes, qui arrivent moitié du tems avant les nouvelles Lones vaices, sur leiquelles les Juis se réglationt; on a voulu que les mouvelles Lones du Calendrier ne pussent devancer les vaices que très rarement, et qu'elles les antivisent presque toujours. La ligne P est donc supposée avoir servi depuis J'an 500 jusqu'à J'an 500.

Alors l'équation lunaire força de chercher des épactes plus fortes d'un jour; on descendit donc à la dernière ligne marquée a et qui commence par 1. 300 ans après, c'est-à-dire en 1100, autre équation lunaire qui força de remonter à la ligne b ou 2. En 1400, on remonta pour la même raison à la ligne c ou 3.

raison a la ligne e ou 5.

Jusqu'ici il n'y a point d'équation solaire, parce qu'il n'y eut pas de
bissextile retranchée, et qu'elles se auivaient régulièrement de 4 en 4 ans.

En 1583, on retrancha 10 jours; il fallut descendre de 10 lignes dans la table. Or 5—10 on 55—10 ==25; on arriva à la ligne qui commence par 25, cest-dire à la ligne D; on voit que les lettres indices sont tout au moins inutiles; l'opération par chiffres est plus facile; on u'a pas de lignes à complex.

En 1700, on descendit d'une ligne pour l'équation solaire; on a été de 25 à 22 ou de D à C. Il aurait dù y avoir une équation lunaire en 1700. On trouva plus exact cette fois de la remettre à 1800, et alors commença la période de 2500 qui nous a donné la formule F (5).

L'équations l'unaire était détruite par l'équation solaire; C ou la ligne 22 servit donc en 1800, elle servira tout le siècle; mais, en 1900, ou descendra en B ou 21 pour l'équation solaire, et ainsi de suite, eu observant toujours les mêmes règles.

En allant ainsi juquà l'au Sotyoo et an-delà, Lilius et Clavius ont trouvé que les lignes d'épactes reviendraient dans le même ordre, dans une période de 300000 ans, et ainsi à l'infini, si l'on pouvait compter sur l'exactitude des moyens mouvemens des Tables Pruténiques employées dans ces recherches.

Après avoir suffisamment expliqué la construction et l'usage de ces tables, voyons comment nous pourrons les rendre iautiles,

Conditions du problème et conséquences qui en découlent.

| Paques est toujours un dimanche | (a). |
|---|------|
| Ce dimanche doit suivre le 14° jour de la Lune | (β). |
| Le 14º jour de la Lune pascale ne peut arriver plutôt que le 21 mars. | |
| arce qu'on suppose l'équinoxe invariablement fixé au 21 mars | (8); |
| | |

En ce cas, ce dimanche 22 ett le 15' de la Lune. Pour remonterau premier jour de la Lune pascale, il faut rétrograder de 14 jours, 22-14=8] sinsi daus ce cas, la nouvelle Lune pascale arrive le 8 mars, jour où la lettre est encore 4 ou D; car 14 jours de plus ou de moins ne changent rien à la lettre dominicale.

Dans ee cas eucore l'épacte est 25 (voyes Table 1)..... (8); aiusi Paques arrivera le 22 mars toutes les fois que la lettre dominicale D=4 se rencontrera avec l'épacte 23...... (1).

Mais si le 14°, au lieu d'arriver le 21 ou plus tard, arrivait le 20, alors cette Lune ne serait pas la Lune pascale; on prendrait la suivaute. On ajouterait 20 jours au 20 mars, ce qui donnerait le 40 mars, ou le 18 avril.

On ajoute 20 et non pas 50, parce que cette lunaison ne peut avoir que no jours, à cause du redoublement d'épactes qu'ou rencontre au 4 et au 5 avril.

Le 14º de la Lune tombant sur le 18, Paques ne peut être au plutôt que le 10, si le 10 est un dimanche, c'est-à-dire si la lettre dominicale est D=4 (Table 1).

Si le 19 est un lundi, Paques arrivera 6 jours plus tard, c'est-à-dire le 25; car la plus grande distance entre deux lettres différentes=6=7-1. puisqu'il n'y a que 7 jours dans la semaine............ (x).

Paques arrivera, le plus tard possible, au 25 avril =19+6... (λ). Le 25 avril a pour lettre C=3, C-D=5-4=-1=6.

Règle générale, Paques ne peut arriver plutôt que le 22 mars,

ni plus tard que le 25 avril. (μ).

Dans le 1 cas, la lettre est D=4, l'épacte ==23...D+==27} Dans le 2º cas, la lettre est C=5, l'épacte est 24...C+==27) 22-15= 7 la nouvelle Lune pascale suivra toujours le 7 mars.

10-15= 4 la nouvelle Lune pascale précédera toujours le 5 avril . la Lune pascale commencera toujours après le 7 mars et avant le Soit P le premier jour pascal, c'est-à-dire celui qui sera Paques, quand

il sera un dimanche . * le vrai jour de Pàques, Lla lettre de l'ann., λla lettre qui répond à P, $\pi = P + (L - \lambda)$ (0)

Telle est l'équation du problème. On connaît toujours L. des que l'année est donnée, il reste à trouver P et sa lettre à.

Supposons que Paques arrive le 22 mars; nous aurons P=22 et ==23. Daus ce cas, P+ = 45 ou P= 45-6..... (1).

Ou connaît « dès que l'année est donnée; on connaîtra donc P, car cette formule est générale. En effet par la disposition des épactes en sens inverse dans le Calendrier, si P devient (22+x), & deviendra (23-x), (22+x)+(23-x)=22+23=45

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Il ne pourrait y avoir d'incertitude que par rapport aux épactes doublés des 4 et 5 avril; mais réunisses 25' à 26 et 24 à 25, puisqu'il est évident que ces différentes épactes deux à deux, indiqueut un même jour. Calcules pour 26; quand vous avez 25', et pour 25, quand vous avez 24; il ne rastera acumen difficulté.

Pour avoir λ ou la lettre dominicale qui répond à P, supposons de même P=22; alors

$$\lambda = D = 4$$
,
 $\lambda + \epsilon = 4 + 25 = 27$ et $\lambda = 27 - \epsilon$;

cette règle u'est pas moius générale que la première, car λ erolt comme P, et s'décrolt de la même quantité, $(\lambda+\epsilon)$ deviendra $\lambda+x+\epsilon-x=2\gamma$ et $\lambda=2\gamma-\epsilon$(σ). On aura donc λ , ou aura donc $\pi=\mathrm{P}+(\mathrm{L}-\lambda)$.

On sait que P ne saurait être moitudre que 22; la formale 45— a s don pour minimum 22, qui donne : 25.5 % : =24, P = == 37. P ne coerriger celte quautité, on sjoutera 50 à la constante 45 qui deviendra 75; on sjouters de mêmo 50 à la constante 27, car A celt la lettre de P; douc si l'on sjoute 50 à P; il daut les ajouter de même à 7 de cette manière, jamais on n'aura de reste négail. Ainsi, toutes les fois que <> 25, les formules

$$\begin{pmatrix}
45 & -\epsilon \\
27 & -\epsilon
\end{pmatrix}$$
 se changerout en $\begin{cases}
75 & -\epsilon \\
57 & -\epsilon
\end{cases}$ (7).

Pour essayer l'exactitude de ces formules, considérons que π dépend essentiellement de « et de L; « peut avoir 50 valeurs différentes, ou même 51, en comptant pour deux les épactes 25 et 25' qui sont indiquées par des caractères différens.

L peut avoir 7 valeurs différentes; les combinaisous de 4 et de \(\lambda \) sont donc au nombre de 217. Calculez ces 217 suppositions, et vous forme-rez une table de tous les jours où Pàques peut arriver.

Cette table se trouve dans Clavius, p. 58 de l'édition de Rome, on p. 58 de nove 4 des œuvres de Jontent. J'à firit les 217 calculs, et partout je me suis trouvé d'accord avec la table de Clavius, sus quelques finates d'impression qui austent aux yeux. Cette Table a pour titre Table pascell. On la trouvera ci-après, telle que le calcul me l'à douner suivant les formules et les règles ci-dessus établics (voyes après la Table I).

Donnons quelques exemples, et prenons au hasard l'an 4900 qui rendra nécessaires tous les termes de nos formules.

A=4900, S=49, S=16
$$\pm$$
55, S=15 \pm 34, S=17 \pm 52, F= $\frac{(S-1)^2}{3}$, $=\frac{(S-1)^2}{35}$, $=\frac{(S-1)^2}{35}$, $=\frac{(S-1)^2}{35}$, $=\frac{(S-1)^2}{3}$, $=\frac{(S-1)^2}{3$

évi-

our,

24,

s de

ame

= 27 (r).

75;

onc

les

nd ne Ges premiers calculs serviront pour toutes les années, depuis 4900 jusqu'à 5000.

A + x = 4001

$$\begin{pmatrix} A + 1 & = 4901 \\ A_1 & = 1225 \\ - (S - 16) & = -35 \\ + (\frac{S - 16}{4})_e & = +8 \end{pmatrix} - 25 = b$$
some = 6101

Otes les 7, R = 4

lettre dominicale = γ - R = L = $\frac{7}{3}$

A
$$\neq$$
 1 = 4001 | 19 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 257 | 2

 $\begin{aligned}
\text{épacte} &= \mathfrak{s} = -6 \, \mathfrak{s} = 24 \\
\text{ou } &= +24
\end{aligned}$

Le premier calcul , qui est saus exception , douue . L = 5. Le second, qui est aussi général , donne....... N = 18. Le troisième, tout aussi certain , dônne le 12 terme de $^4 = +8$. Le second terme est la somme des deux derniers de L = -25. Le troisième, qui dépend de F_s donne ici...... +11.

Le réaulta négatif — 6 nous dit qu'il fant ajouter 50 pour avoir l'épacte ponitre 24, ou qu'au lieu de retrancher 6 ioi 50 ∞ = 180 de 188, il ne faliair tertancher que 5 loir 50 ∞ = 150; il serait resté 58. Il était visible d'aillears que le reste 8 d'enti êtter trop petit, puisqu'il était moindre que la somme des corrections — 35+11 ∞ — 14 calculée d'avance, sinsi au reste 8 il fallait siouter 50.

Cette épacte surpassant 25, les constantes seront 57 et 75, qui nous douveront $\lambda = 5$ et P = 51, $(L - \lambda) = (5 - 5) = -2 = +5$.

 $P + (L - \lambda) = 56$, d'où il faut retrancher 5_1 , et l'on a enfin Paques le 25 avril.

Mais nous avons dit qu'au lieu de 24 on pouvait employer 25; le calcul, dans cette supposition, donne λ et P plus faibles d'une unité; mais il en résulte-que $(L-\lambda)$ est plus fort de la même unité; ainsi le résultat doit être le même pour le jour de Pâques.

Le calcul de L, de N et de x 'offre donc jamsis la moindre incertitude ni la moindre difficulté. Nons l'avons présenté dans sa plus granda complication. Pour examiner tous les cas différens qui peuvent se rencontrer, le plus court est de preudre pour douuées la lettre dominicale et l'épacte qui sont loujours certaines. Cet données suffisent pour alculer la Table pascale dans les 117 combinaisons que fournisseut ces diverses quautifiés prises deux à deux.

A l'imitation de Clavius, je prends les lettres dominicales dans l'ordre suivant: 4, 5, 6, 7, 1, 2, 3, et je commence par l'épacte 23. Voici le calcul.

C'est la limite inférieure, et c'est ce qui sura décidé le choix de Clavius. Les autres calculs seraient tout semblables, quous n'en donnerons que les résultats, pour qu'ou soit en état d'en saisir mieux la marche et l'ensemble. Nous n'y comprendrous pas c==25 qui fait avec L==4 que combinaison de l'apuelle résulte une valeur unique pour «.

Tous ces résultats récuis en un seul tableau remplissent la page 22.2 Remarquons ici en passaut que dans le Calendrier grégorien on ne voit revenir les lettres dominicales dans le même ordre qu'au bout de 600 ans, aulieu que dans le Calendrier julien, elles revenient tous les 25 ans. Pour avoir les lettres dominicales de toutes les années qui ont précédé notre re; il suffini de les calculer pour toutes les années depuis o jusqu'à ... -28; mais il est plus simple de recourir à la formule (15); sinsi pour |
| 19n - 6857 oa surait | A = 6857

-6857 on aurait
$$A = 6857$$

$$\begin{pmatrix} A \\ A \\ A \end{pmatrix}_{c} = 1714$$

$$\begin{array}{c} \text{constante} \\ \text{aomme....} \\ \hline \end{array}$$

pacle

fal-

d'ail-

ne la

si 212

nous

ul,

ôtez tons les 7, L = 0 = 7 = G;

l'année — 6857 a commencé et fini par un lundi, puisque le septième jour était un dimanche.

| 65. | * * * * * * * * * * * * * * * * * * * | d' et a |
|--------|--|---|
| L=C= | 1 000 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 00 0 | sy peut or changer on y |
| ~ | - コロコリンカラはなることののののののののできないのはないない | *#5 |
| 50 | # # # # # # # # # # # # # # # # # # # | andor. |
| Lie | 1 0mm 6 - 2 84 cm 2 - 2 84 cm n - 2 34 cm n n 2 2 200 cm | Miles as |
| _ | · 22:325 560-22: 5 00 000-0 - 0 - 0 00 7 6553 | 2 |
| i | 8 8 8 8 8 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 | aulae. |
| á | (was s - say was a - o so was | Memo remarque. |
| _ | * 4 4 - 8 a m 1- 6 am 1- 5 am 1- 6 a | × × |
| i. | * \$800 | selse. |
| T = G | 0000 = 500000 0 - 600000 0 - 600000 0 - 600000 0 | Mécou rem |
| - | * | * |
| .9= | * 8 3 3 24 24 24 2 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 | - sadas |
| L=F=6. | 1 0 20 0 - 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 | Milane rem |
| 7 | - 24 : co conta a - con conta a - c Se teliana | |
| rę, | * 42 8888888 consons 222222 8888888 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 | On peut encour ici banger 2) en 25 en 47 n 25, ann le moinder nconvenient. |
| L=E= | 1 - 0 201 441 A - 0 201 441 A - 0 201 441 A - 0 001 441 A - 0 0 | n peut o |
| | 2 4 - 5 24 Con - 44 - 5 00 - 40 - 4 - 0 54 Cop 24 | |
| 4. | * \$25555 mmmmmm | de limites, afra changer 25 pourn q en 35 ann |
| L=D | (00mm n - 000mm n + 0.00mm n + 0 00mm n - 0 0 0 | 128323 |
| - | * 5 = 5 ms 1 0 0 mm 6 = 5 a m 10 0 mm 6 - 0 gra 1 mg 5 % | - Seller |

. 35 et abi indigenal la même jour dans le Calendrier perpétuil. J. Table I. 424 et 25 sout encore un même jour. Donc îi la nouvelle Lune est indiquée par 25 ou par 26, Plaque servivers le même jour, și la lettre dominicale est la même; il en est de même touts-lait pour 26 et 25, par pest donc taojours ceuployer 26 au lieu de 25 et 25 au lieu de 26, par là no évite que Pâques touts-le 26 avril, și la lettre est. De Utipacte 24, et aufil-touble se 25 viril, și l'especie est 25 et al lettre Cer. De

Il reste donc seulement à déterminer les anuées où l'épacte est 25', qu'il faudra changer en 26, ce qui n'est au reste indispensable que dans un cas unique. Or ou n'a 25' qu'avec un nombre d'or qui passe 11.

Avec la lettre D 25' peut se changer en 26,

24 peut et doit se changer en 25.

E 25' peut se changer en 26,

24 peut se changer en 25, F 25' peut se changer en 26,

24 peut se changer en 25.

G. 25' peut se changer en 26,

24 peut se changer en 25.

A 25' peut se changer en 26,

24 peut se changer eu 25.

B 25' peut se changer en 26,

24 peut se changer en 25.

G 25' peut et doit se changer en 26, 24 peut se changer en 25.

Ainsi 25' peut toujours se changer en 26 et le doit, si la lettre est C.
26 peut toujours se changer en 25 et le doit, si la lettre est D.

On ne risque donc rien d'établir la règle que 25' se changera en 26, et 24 en 25.

Or ou a 25', quand N > 11. (Voyet Table III, et Clavins chap. X.)

Par ce moyen, on élude toujours les incouvéniens qui maissent du
doublement de l'épacte.

On a placé le redoublement à la limite, pour que l'inconvéuient se montrat plus rarement.

Si e= 25', la nouvelle Lune arrivo le 4 avril, lettre C.

le 14° arrivera en ajoutant 13, le 17 avril=1+ 13, lettre B.

Si donc la lettre est C, Paques doit être le 18; ai la lettre était B, it serait le 24; si A, le 25; si G, le 22; si F, le 21; si E, le 20; si D, le 19.

Si &= 25, la nouvelle Lune sera le 5, le 14' sera le 18, lettre C; si done L.= C, Pâques sera le 25, puisque le dimanche de Pâques doit suivre le 14'; si la lettre est B, Pâques sera le 24; si A, le 25; si G, le 23; si F, le 21; si F, le 20; si D, le 19.

Si == 24, la nouvelle Lune arrive le 5 avril, et vous aures toutes les mêmes conséquences.

| Páques arrive le 22 mars. | Páques arrive le 25 avril. |
|---|--|
| Intervalles. | Intervalles. |
| En $_{1761}$ 57 = 19.5 18.8 $_{467}$ = 19.24 + 11 18.8 $_{467}$ = 19.24 + 11 18.55 $_{34}$ = 19.5 - 11 18.55 $_{467}$ = 19.5 + 11 18.50 $_{467}$ = 19.4 + 11 18.70 $_{477}$ = 19.5 18.70 $_{477}$ = 19 | Ea 1886 5 = 19.5 1953 95 = 19.5 1963 95 = 19.8 199 195 = 19.8 199 15.5 = 19.8 199 15.6 86 = 19.5 + 11 25.6 86 = 19.5 + 11 25.7 5 = 19.5 10 = 15.7 10 = 15.7 10 = 15.7 10 = 15.8 19.8 10 = 15.8 19.8 10 = 19.5 19.5 19.5 10 = 19.5 19.5 10 = 19.5 |
| elc. | etc. |

On voit que le retour à chacune des deux limites dépend à peur pris des mêmes périodes, et elles sont toutes de la forme 150 en 19,p=±11. On n'en trouve pas d'autres dans la grande table de Clavius; les longues périodes de 572, 467 et 448 = 19.53+11 paraissent particulières à la limite du 22 mars. Cette deraitre a lieu de 5860 à 4506; de 4508 à 5000 Pâques ne se trouve plus une seule fois le 2 mars.

Du reste on n'aperçoit aucune loi régulière dans la succession de ces périodes.

RÉSUMÉ.

Calendrier grégorien réduit à un petit nombre de formules.

Soit A l'année pour laquelle on calcule;

S le nombre de siècles de A, ou le nombre A dont on a effacé les doux derniers chiffres: 8, il : 19. :; sî

doit

i G.

ontes

L la lettre dominicale. Dans les années bissextiles, on a les deux lettres (L + 1) puis L; $R = (A+1) + {A \choose 4}_c - (S-16) + {S-16 \choose 4}_c = (A+1) + {A \choose 4}_o - b;$

en faisant $b = (S - 16) - \left(\frac{S - 16}{4}\right)_c$. la différence des styles sera $10 + b_i$

 $L = 7 - (\frac{R}{7})_c$, L est toujours au moins = 1;

 $N = \text{nombre d'or} = \left(\frac{A+1}{19}\right)$, N ne peut être o;

 $F = (\frac{S-17}{c^2})$, F sera o jusqu'à l'an 4199 inclusivement;

$$\epsilon = \left(\frac{N + (N - 1)10}{30}\right)_r - b + c$$
, en faisent $c = \left(\frac{S - 15 - F}{3}\right)_s$

 $P = 45 - \epsilon$, $\lambda = \left(\frac{27 - \epsilon}{7}\right)$

Si $\epsilon > 25$, les constantes 45 et 27 se changeront en 75 et 57, en y sjoutant 50, $\pi = \text{Paques} = \text{P} + (\mathbf{L} - \lambda)$ de mars.

 $(L-\lambda)$ peut être o, mais jamais négatif. Si $\lambda > L$, on mettra $(7+L-\lambda)=(L'-\lambda)$.

L'épacte 24 se changera toujours en 24+1=s', pour le calcul de P,

L'épacte 25 se changera en 25+1=26, toutes les fois que l'on aura N>1. Exemple :

A = 1818 S=18 S=16= 2

A + 1 = 1819 S=16= 2

$$\binom{A}{4}$$
, = 454 $\binom{S=-16}{4}$, = 0

- b = -2

moins let 7, R = 5

 $7 - R = \frac{7}{4} = D = L$ différ. des styles 10 + b = 12.

$$S \rightarrow 17 \Rightarrow 1$$

 $\binom{S-17}{a5}_{a5} \Rightarrow F \Rightarrow 0$
 $S \rightarrow 15 \rightarrow F \Rightarrow 5$

$$\begin{array}{ccc}
S - 15 - F = 3 \\
\left(\frac{5 - 15 - F}{3}\right) = \left(\frac{3}{3}\right) = 1 = 0
\end{array}$$

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

Suspension Gungl

les

peu

tit. igues s à la 5000

e ces

moins les 30 -b+c

Le calcul n'est ni long ni embarrassant.

A=1886 S=16=2 F=0
A+1=1887
$$(\frac{5-16}{4}) = 0$$
 $(\frac{5-15}{3}) = (\frac{5}{3}) = 1 = 0$
 $(\frac{A}{4}) = 471$ km2 differ. des styles 10 + 6 = 12

Paques=25 avril. dernière limite

L'épacte surpassant 23, les constantes seront 57 et 75.

$$A=1054$$
 S-16= 5 F=0
 $(A+1)=1055$ $(S-16)=0$ $(S-15)=4$

$$\frac{(A_{+})}{(A_{+})} = \frac{(A_{+})}{(A_{+})} = \frac{(A_{+})}{(A_{+})}$$

$$L = \frac{7}{5} \text{ moinsles } \frac{577}{27} \qquad L = 5 \qquad \frac{51}{\pi = 18} \text{ as}$$

Comme N < 11, le changement de 24 en 25 n'étant pas nécessaire, on

aurait eu

Ainsi nous avons des formules générales et infaillibles pour L, pour N, pour s, enfin pour π_1 le jour de Paques étant déterminé, toutes les fêtes mobiles seront aussi déterminées, puisqu'ellea sont toujours à mêmes distances de Paques.

Les ix dimanches qui précéderout celui de l'àques seron les dimanches du Carème, le mercreti précident sera le jour des Cendres, le septième dimanche avant l'àques s'appelle Septangésime, les suivans sout Segragésime, Quimangésime, les quatre de Carème, la l'assion les Ramèneux, l'àques 15 30 jours spres l'àques, est l'Assention; d'àgrep l'àques, ou le 7 dimanche, est la Penecôte; le 8 1, la Trinité; et la guid d'après la Trinité, est la Fire-Dieu. Les quatre d'inanches qu' précèdent Noël, ou le 25 décembre, sont les dimauche d'Avent. Vous avez ainsi toutes les fêtes mobiles. Toutes ces règles sont perpétuelles; elles ne donneut que des résultats fictifs, mais convenus, qui ue sont presque jamais en harmonie ni avec les Lunes muyennes, ni avec les Lunes vraies: l'erreur peut aller à deux ou trois juurs; on ne s'en apercoit qu'en consultant l'almanach qui donne les syzygies vraies. L'inconvénient est absolument nul. Avec le tems, les erreurs deviendront un peu plus fortes, et Clavius convient que vers l'an 8100, l'écart pourra paraître assez sensible pour uécessiter uue nouvelle réformation; mais le plus simple alors sera de suivre le calendrier civil, et de placer Pàques d'une manière fixe à l'un des premiers dimanches d'avril. L'avantage le plus réel de ce calendrier a été de terminer les querelles trop fréquentes qu'excitait alors la célébration de la Pàque, parmi les chrétieus, qui se battaient pour des chimères. On les a calmés, en leur dunnant des règles invariables, que depuis ce tems ils suivent en aveugles. La réformation n'a pas corrigé toutes les erreurs, c'était la chose impossible. Elle a corrigé les plus choquantes, et elle a rétabli la paix. Si Pàques est encore mal déterminé quelquefois, c'est une chose qui n'a d'antre importance que celle qu'un zèle peu éclairé peut y attacher; une décision inconsidérée d'un Coucile avait produit le mal; une décision plus réfléchie a fait cesser le scandale; c'est à pen près tout ce qu'on pouvait désirer. A la vérité, il était possible de trouver un moyen plus simple; on u'a pas fait la règle la meilleure qui fut pussible; on a donné aux chrétieus d'alurs, comme plus ancienuement aux Athéniens, la meilleure qu'ils fussent en état de souffrir.

Il est encore des chrétiens qui n'ont point adopté la réformation grégorienne, et qui continuent de suivre le Cslendrier julien. Pour eux, le calcal est plus simple, et se réduit aux formules suivantes:

$$\begin{split} N &= \frac{(\frac{A+1}{13})}{13}, \text{ comme pour nous, } L = 7n + 5 - A - \left(\frac{A}{4}\right), \\ &= 7n - (A - 5) - \left(\frac{A}{4}\right), \\ M &= \frac{(18 + 19N)}{50}\right), = \left(\frac{19 - 1 + 19N}{50}\right), = \left(\frac{(9(N + 1))}{50}\right), \end{split}$$

M doit surpasser 21; s'il se trouve plus petit, ajoutez 30; M ne doit passurpasser 51; s'il le surpasse, ôtez-en 50;

$$\lambda = \left(\frac{M-18}{7}\right)$$
;

 $\Pi = M + (L - \lambda)$, $L - \lambda$ doit être positif on 0; s'il est négatif, ajoutez 7. Soit A = 526, c'est l'aunée qui a suivi le Coneile de Nicée,

$$\frac{546+1}{19} \left(-\frac{547}{9} \right)_r = 4 - N, \left(\frac{14(N+1)-1}{50} \right)_r = \left(\frac{19}{50} \right)_r - \left(\frac{54}{50} \right)_r = 4, M = 54,$$

$$L = 7n - (A-3) - \left(\frac{A}{4} \right)_r = 7n - 325 - 81 = 7n - 404 = 7n - 5 = 7 - 5 = 2,$$

$$\lambda = \left(\frac{54-18}{7}\right) = \left(\frac{16}{7}\right) = 2$$
, L- $\lambda = 2-2=0$,

Π=54+0=3 avril, 251° de la période.

On vérifierait ainsi la table que Clavius a donnée, p. 66 et 67, des Pàques de l'ancien calendrier.

Dans ce calendrier, les bistestilles revenzient de 4 e a 6, ans; au bout de 4 aus, la lettre Léuit L.—5, à cause des deux lettres de la bissestille; L.—5 équivant la (L+-2); au bout de 7 foir quatre ans, on 28 ans, la lettre était (L.—5.7) ou (L.+2.7), et ces deux expressions se réduisent à Li cet intervalle de 28 ans s'appelait cycle soluire, parce qu'il ramenait la lettre dominicale, celle qui marquait le jour du Soleil ou le dimanche. Le cycle soluire servait donc alors à trouver la lettre dominicale.

Ce eycle avait commencé en l'an 19 de notre ère, ou, ce qui revient au même, en l'an — 9; ainsi l'aunée du cycle solaire se trouvait en faisant (\frac{A+Q}{3S}); le quotient doouait les cycles écoulés, le reste était l'année courante du cycle.

Ainsi, en 1560, on avait (\$\frac{1569}{58}\$) == 1. Les lettres dominicales étaient G et F, parce que l'année était bissertile; l'aunée commençait par un lundi, puisque le 1st de jauvier était toujours marqué A qui vient après G. C'est e qu'on vois daus la figure O, pl. 1, qui est le cycle solaire.

Ce cycle est fait pour 1540, qui était la neuvième du cycle; les lettres étaient D, C, l'année commençait par un jeudi, puisque le dimanche n'arrivait que le 4.

Dans le cercle extérieur, inscrivez les aunées 1540, 41, 42, etc., jusqu'à 1567.

Dans le cercle suivant, mettez par ordre les 28 nombres 9, 10, 11, etc... 8.

Cette figure ne pouvait servir que pour 28 ans; mais après 1567 et au-dessus de 1550, on pouvait mettre dans un cercle plus grand.... 1568= 1640+28. On murait en un autre cycle de 28, au-dessus duquel on aurait pu en mettre d'autres en nombre arbitraire.

Le nombre d'or connu, on avait l'épacte $\binom{1+N}{3S}$, coqui fournit cette petite table,

| N. | 4. | N. | 1. |
|---------------------------------|---|----------------------|-----------|
| 1 | 11 | 11 | 1 |
| 2 | 22 | 12 | 12 |
| . 3 | - 3 | 13 | 23 |
| 4 | 16 | 14 | 4 |
| 5 | 25 | 15 | 15 |
| 3 4 5 6 7 8 9 | 22 5 14 25 6 17 28 9 | 13 14 15 16 | 15 26 |
| 7 | 17 | 17 | |
| 8 | 28 | 17 | 18 |
| 9 | Q. | 19 | 18. 29 |
| 10 | 20 | | |

qui donne les épacies pour toutes les ànnées da cycle lunaire ou nombre d'or. Le cycle solaire 38 multiplié par le cycle lunaire 19, formais une période de 533 années qui rantenait dans le même ordre les lettres dominicales, les nombres d'or, les épacies et la fête de Paiques. Il sufficial donc d'une table des fêtes mobiles pendout 152 années consécutives. Cette période finissait par les années 75, 607, 1139, 1671, 2203, 2735, etc.; sains, pour a voir l'année de cécycle, on faissi.

$$x = {\begin{pmatrix} A - 75 \\ 530 \end{pmatrix}} = {\begin{pmatrix} A + 457 \\ 530 \end{pmatrix}},$$

on trouve cette table dans le Recueil des Tubles de Berlin, tome I, p. 70.

La formule ci-dessus rend cette table inutile.

On savait même éliminer les, épactes du Calendrior julien perpétael;

elles y étaient remplacées par les nombres d'or qui marquaient la place: de la nouvelle Lune. Voyez ci-après le Calendrier julien perpétuel, Table IV.

On y avait mis 3 au 1st janvier, pour avoir 1 au 25 mars, qui était alors le jour de l'équinoxe. 3 servant à indiquer la nouvelle Lune, l'épacte devait être 3 en effet $\binom{*1N}{52} = \binom{1*13}{50} = \binom{63}{50} = 3$.

Le nombre 3 se retrouve ensuite plus avant de 30 et 20 alternativement; en sorte qu'on le voit au 21 décembre, qui est le 555 de l'année, ou (1 + 554) = 1 + 12 mois lunaires. Il reste 10 iours; la nouvelle Lune sera le 20 fanvier qui sera marqué 4, parce que d'une année à l'autre, N augmente de l'unité: 20 + 354 = 374 = 565 + q. Le o janvier sera donc la nouvelle Lune de l'anuée suivante; elle sera marquée 5.

. 9 + 354= 363; 5 se retrouvera donc au 29 décembre.

9+584 = 593 = 365 + 28, le 28 janvier sera donc marqué 6:..... 28 + 554 = 382 = 365 + 17, le 17 janvier sera marqué 7.

17+354=371=365+6, le 6 janvier sera marqué 8.

6+384=300=565+25, le 25 janvier sera marqué q.

25+554=379=365+14, le 14 janvier sera marqué du nombre d'or 10.

14+354=368=365+3, le 5 janvier sera marque 11.

5+384=587=565+22, le 22 janvier sera marqué 12. 22+354=576=565+11, le 11 janvier sera marqué 15.

11+584=305=365+30, le 30 janvier sera marque 14.

50+554=584=565+19, le 19 janvier sera marqué 15. 10+354=375=365+8, le 8 janvier sera marqué 16.

8+584=392=365+27, le 27 sera marqué 17.

27+354=581=365+16, le 16 sera marqué 18.

16+354=370=365+5, le 5 sera marqué 19.

5+384=380=565+24, le 24 serait douc marqué 1; mais après 10. l'épacte angmente de 12; la lunaison n'est que de 29 jours; il fallait ajouter un jour de moins, et ce sera le 25 qui aura le nombre d'or 1.

25+354=577=565+12, le 12 janvier sera marqué 2.

12+354=366=365+1, le 1 janvier se retrouve donc marqué 3 comme en commencant. Les 19 nombres d'or se trouvent douc tous placés en janvier. On les trouve successivement en descendant de 19 ou remontant de 11 suivant les cas.

Les 19 nombres étant ainsi disséminés dens le mois de janvier, se grouveront aussi disseminés dans les autres moit; ils seront en mars aux mêmes jours qu'en janvier; ils changeront de quelques places dans les mois suivans, parce que denx mois consécutifs formeront toujours 61 ou 62 jours au lieu de 59.

Cet arrangement, qui était l'ouvrage de l'église d'Alexandrie, avait aussi son mérite, et il n'avait pas l'incouvénient des épactes redoublees de Lilius; mais il n'était plus possible depuis que l'expression de l'épacte ne se bornait plus an terme (1.5.).

L'idée pouvait appartenir à Sosigène; car nu vieux Calendrier romain, rapporté par Bloodel, p. 65 de son Histoire du Calendrier, présente an arrangement tout pareil, à l'exception que le 1^{ex} jauvier, le nombre d'or est 1, ce qui donne la correspondance suivante:

Jours de janvier

1.5. 5.6. 8.9.11.13.14.16.17.19.20.22.24.25.27.28.50.31. Numbres d'or.

1.9.17.6.14.3.11.19. 8.16. 5.13. 2.10.18. 7.15. 4.12. 1.

Pline nons dit que Sosigène avait long-tems travaillé, et qu'il s'était plus d'une fois corrigé. Il avait éludé une des dificibles, en premant une monée de 565 ; il ne retait donc qu'à totroduire le cycle de 19 ans, et voils probablement ce qui lui a cansé tant d'embarras et pris tant de tems.

Ainsi o'est encore un grec qui serait l'anten du calendrier qui a régi l'Église jusqu'à la réformation, et les préjugés du tems avaient renda son travail plus difficile, moins cependant de beaucoup que celui de Lilio. On sent bien que le calendrier de Sosigène n'avait pas de lettres do-

minicales; il avait des lettres de deux espèces.

1*. Des lettres nundinales A, B, C, D, E, F, G, H, au nombre de huit, qui revenaient en cercle, qui indiquaient les jours de marché.

2. D'autres lettres diverses qui indiquaient les jours fastes, néfastes ou mixtes, et cenx où l'on pouvait tenir les comices.

On trouve aussi dans ce calendrier des annonces astronomiques.

Janvier. 5 Coucher dn Cancer.

5 Lever de la Lyre et Coucher du soir de l'Aigle,

10 Milieu de l'biver.

17 Soleil dans le Versean, 25 Coucher de la Lyre.

So Concher de la Fidicule.

RÉFORMATION DU CALENDRIER.

Février. 5 Coucher de la Lyre et du milieu du Lion.

4 Coueber du Dauphiu.

5 Lever du Verseau.

9 Commencement du printems.

11 Lever d'Arcturus ou de l'Arcture.

14 Lever du Corbeau, de la Coupe et du Serpent. 16 Le Soleil au signe des Poissons.

24 Lieu du Bissexte.

25 Lever du soir d'Arcturus.

Mars. 5 Coucher du second des Poissons.

5 Coucher d'Arcturus, lever de la Vendangeuse, lever de

6 Lever de Pégase.

8 Lever de la Couronne.

G Lever d'Orion et du Poisson septentrioual.

12 Ouverture de la mer.

Avril.

15 Coucher du Scorpiou. 17 Coucher du Milan.

18 Le Soleil au signe du Bélier.

21 1er du siècle, Coucher du matin du Cheval.

25 Equinoxe du printems. 2 Coucher des Pléiades.

8 Coucher des Pléiades.
8 Coucher de la Balance et d'Orion.

8 Coucher de la Balance 16 Coucher des Hyades.

19 Soleil dans le Taureau.

of 25 Milieu du printems.

26 Lever du Chien et des Chevreaux.

Mai. 5 Lever du Geutaure et des Hyades.

6 Coucher du milieu du Scorpion.

7 Lever du matiu des Vergilies. 8 Lever de la Chevrette.

Tr Coucher d'Oriou. " " " " "

15 Lever des Pléiades. Commencement de l'été.

14 Lever du Taureau.

19 L'e Soleil dans les Gemeaux.

Hist. de l'Ast. mod. Tom. I.

| 34 | ASTRONOMIE MODERNE. |
|----------|--|
| Mai. | 25 Lever du Chien, days adv. d. |
| | 25 Lever de l'Aigle. |
| | 26 Concher d'Arcturus. |
| | 27 Lever des Hyades. |
| Juin. | 1 Lever de l'Aigle. |
| | 2 Lever des Hyades. |
| | 6 Lever d'Arcturus. |
| | 9 Lever du soir du Dauphin. |
| | 12 Commencement de la choleur. |
| | 15 Lever des Hyades et d'Orion. |
| | 16 Lever du Dauphin entier. |
| | 19 Le Soleil dans l'Écrevisse. Lever du Serpentaire. |
| | 24 Solstice d'été. |
| | 26 Lever de la Ceinture d'Orione |
| Juillet. | 4 Coucher du matin de la Couronne. Lever des Hyades. |
| | 8 Concher du milien du Capricorne. |
| | 9 Lever du soir de Céphée. |
| | 10 Les vents étésiens commencent à souffer. |
| | 16 Lever de Procyon, o |
| | 20 Le Soleil dans le Lion. |
| | 25 Coucher du Verseau-Miring 9 |
| | 26 Lever de la Canicule. |
| | 27 Lever de l'Aigle. |
| | 30 Coucher de l'Aigle. |

4 Lever du milieu du Lion, 6 Coucher du milieu de l'Arcture (du Bouvier sans doute).

7 Coucher du milieu du Verseau.

11 Coucher de la Lyre. Commencement de l'automne. 14 Concher du matin du Dauphin. 20 Coucher de la Lyre. Le Soleil au signe de la Vierge.

22 Lever du matin de la Vendangguse, 28 Fin des vents étésiens.

5: Lever du soir d'Andromède., Septemb. 9 Lever de la Chèvre.

10 Lever de la tête de Méduse;

11 Lever du milieu de la Vierge. 12 Lever du milieu du Bouvier.

18 Lever du matin de l'Epi,

10 Le Soleil dans la Balance.

- - 22 Coucher d'Argo et des Poissons. 25 Lever du matin du Centaure.
 - 24 Equinoxe d'automne.
- 28 Fin du lever de la Vierge.
- Octobre. 4 Coucher du matin du Bouvier.
- 8 Lever de la luisante de la Couronne.
 - 11 Octobre. Commencement de l'hiver.
- 16 Coucher d'Arcturus.
 - 20 Le Soleil an Scorpion;
- 23 Coucher du Taureau.
- of 28 Coucher des Vergilies,
- 51 Coucher d'Arcturus.
- Novembre, 2 Coucher du soir d'Arcturus,
- 5 Lever du matin de la Fidicule.
 - 8 Lever de la claire du Scorpion.
- 11 Clôture de la mer. Coucher des Vergilies.
- 18 Le Soleil au Sagittaire.
 - 20 Coucher des cornes du Taureau.
 - 21 Coucher du matin du Lièvre.
 - 24 Les Brumales pendant 50 jours.
 - 25 Coucher de la Canicule.
- Decembre. 6 Coucher du milieu du Sagittaire. 7 Lever du matin de l'Aigle.

 - 14 Les Brumales. 15 Lever du matin de l'Ecrevisse entière.
 - 18 Lever du Cygue. Soleil au Capricorne.
 - 23 Coucher de la Chevre.
 - 25 Brumales, Solstice d'hiver.
 - Lever du matin du Dauphin,
 - 29 Coucher du soir de l'Aigle.
 - 30 Coucher au soir de la Capicule.

Nons ne ferous aucune réflexion sur ces levers et ces couchers, qui ne valaient peut-être pas la peine d'être rapportés ici; mais nous ferons remarquer que les saisons ne commencent ni aux équinoxes ni aux solstices. Ainsi le printems et l'automue commencent 45 jours environ avant les équinoxes, ce qui est conforme à l'ancienne division des saisons. (Voyen l'article Isidore, tome I, p. 516). Mais, suivant cette division,

l'âd derrait commence. 25 jours avant le solutice ou vers le 10 mais, et l'on nous dit que la chalest commence le 1s jains, l'hivre devarit commencer vers le 28 novembre, on le fait commencer le 10 octobre. Du milita de l'hivre a commencement du printens, il d'y a qu'un mois mais tous les éditeurs de ce calendrier conviennent qu'il est défectueux fredque deprosentine.

Pissue nous avons cide Blondel, rapportota sprès Jei une auccolor depptienne. Les prétres de Jupite Hammon découvirent l'inégalité de la marche du Soleil de la marche un soleil de la marche du Soleil de la marche suivante : trouvant que la consommation d'unit e visit par égale dans la longueur de l'année. On pourrait croire qu'ils out recomu de cette manière que le Soleil était plus long-tems dans les signes septentionaux que dans les méridonaux. La différence est assez grande pour qu'on l'aperçoire à l'huile que coustanne une lampe qui hrûle perpétuellement. Blondel dit que cette remarque des prêtres d'Egypte a été confirmée par les astronomes qui différent tous dans la noqueur qu'ils ont trourée pour l'année. Une différence de cituq à six minutes entre ces diverses longueurs, ne devait pas faire une, diminution bien considérable sur la consommation de 2505 et près d'un quart.

La différence entre les Calendriers julieus de Rome et d'Alexandrie occasionna de longues disputes entre les chrétiens qui auraient passé outre, dit Blondel, c'est-à-dire qui en sersient venus aux mains, si l'abbé Denis-le-Petit, romain, n'eût travaille efficacement à la pacification da ces troubles, ce qu'il fit en persuadant aux chrétiens de l'église d'Occident de recevoir l'usage de ceux d'Alexandrie. Une chose honne en elle-même contribua peut-être beaucoup à concilier tous les partis. Il leur proposa de placer l'origine du calendrier au jour de l'Incarnation, Il n'y svait, à cet égard, aucun usage constant, les uns comptant les aunées de l'ère de Dioclétien, qu'ils nommaient aussi l'ère des marters, les autres du jour de la Passion, d'autres, comme les Romains, de la fondation de Rome, d'autres enfin désignant les années par les noms des consuls ou des empereurs. D'après l'idée de Denis, l'année aurait commencé au solstice d'hiver à peu près; mais, pour s'écarter moins de l'usage le plus général, on mit le commencement de l'année au premier janvier, et celui de l'ére à l'année qu'il crut celle de la naissance de J.-C. Car c'est un point de Chronologie sur lequel on n'est pas d'accord; mais cette/incertitude n'a aucuu inconvenient; il suffit que tous les chrétiens s'accordent àcompter de la même année. Dans tout système de nomération, c'esti l'uniformité qui est le premier avantage à rechercher, et voilà pourmité? nous avions réclamé autant qu'il nous avait été possible, contre l'établissement d'un nouveau calendrier en France, en 1763.

Deinis conserva let nombres d'or du Calendrier de Jule, Cétar; il mil les sept lettres dominicales la place des huir lettres mudialaise, c'està-dire qu'il supprima le 8 qui était H, et conserva les sept autres A, B, G, D, B, F, G, en changeant leur detination. La première année de la nouvelle event donc 5 pour nombre dire ou cycle lunaire au 1º janvier, et p pour le cycle solaire. Denis diterminait Paques par la période victorienne de 553 ans., dont la prenière autor répond aux années 75, 608, et gunéralement à celles dont les nombres sont de la forme d'en 2,65 a. Car les épactes était une foncion constante du nombre d'or, on sent que la fête de Paques a du éprouver toute les variétés possibles dans une période de my 282-553 ans.

possintes anns une persone un 19 x 20=352 ins.

"Schilger imagina depuis une période qu'il nomma jiliume, et qui est de 7980 ans, produit des 5 eyeles 19, 28 et 15. Ce deruier sappelle grele des indictions; quis il clear plus d'unage. Cette longée période arait son commencement 47 rij avans l'ère valgière. Avant la rébernation , elle arrait pa être de quelque utilité, comme mesure commisse, mais il est plus simple encore de se-borner, poirre les tamé aucients, un Calendrier julien, qu'on prelonge à volonité juqu'à le création du mondé et fort au-éda, s'on le juge convenable; la simplicité de l'intercalation le rend, pour act unage, bien préférable su Calendrier grégorien. Pour la période julience, voyre le dernier chaptire de mon Astronomie.

Le cycle luunire ne ramitie pas long-ténis les nouvelles Luines aux jours véritables; les Alexandrius, qui avaient un peu plus de conunissances autonomiques, thonnaient le nembre doc ; aux 5 stats, parce que ce, jour, ésti, afore l'équinoues du printenns; il en réculuit que le 1º javier avait 5 pour, nombre d'ors du reste, l'arrangement sinú il ge même pour lès principes et les unges.

Avec les formules générales, que nous avons données ci-clessus, on pourrait former une table pascale pour l'ancien calendrier. Cette table se trouve daus Clavius, p. 37 de l'edition de Rome, Ujolnéel l'a copiec, mais dans se copie, on trouve-deux fois le nombre d'or IX; à la seconde, il faut lir XI.

Avec ces mêmes formules, on vérifierait les 552 nombres de la période pascale du Calendrier julien. Nous avons fait fous ces cal cals, pour vérifierous formules, mais on peat les abrégge linguièrement-par la petite table civointe.

| N. | М. | λ. | N. | M. | λ. |
|----|----------------------------|------------------|----------------|----------------------------|-----|
| 1 | 37 | 5 6 2 5 | 11 | 47 | - |
| 5 | 37 26 45 | 1 | 12 | 47 56 25 44 55 | 4 |
| | 45 | 6 | 13 | 25 | 5 |
| 5 | 54 25 | 2 | 14 | 44 | 3 |
| 6 | | | 15 | | - |
| 0 | 42 | 3 | 10 | 32 | 4 |
| 8 | 42 31 50 39 28 | 5 6 4 0 5 | 16 17 18 | 50 49 | 1 7 |
| | 30 | 1 7 | 19 | 40 | 5 |
| 9 | 28 | 5 | -9 | 43 | ľ |

M ne dépend que de N; il ne pent donc avoir que 10 valeurs qui reviendrout en cercle avec le nombre N. On peut donc calculer d'avance tous ces M qui reviendrout si souvent. Le premier sera 57, les suivans s'en déduiront en retranchant 11; mais M ne peut être au-dessous ces 12; quand il se trouve plus petit, on ajoute 50; on a donc succeivement 57, 26, 15+50=46; 56, 25, 12+50=42; 53, 12+50=50; 59, 28, 17+50=49; 50, 45, 50, 45,

A ne dépend que de M, il reviendra donc en cercle avec M

$$\lambda = \left(\frac{M-18}{7}\right), = \left(\frac{M-4}{7}\right),$$

La période commençait en l'an 608, le nombre d'or de cette année est 1, il nous faut la lettre dominicale. Mais $R = \begin{bmatrix} A-3+{A \choose 4} \\ \hline \end{bmatrix}$.

En 609, on aura N = 2, car le nombre N augmente chaque année de l'unité;

on aura L = 5, car la lettre dominicale diminue de : dans

| les années communes. Aig. | N = 2; donc M = 26 | Aug | 12 r

 \mathbf{G}^{2} in \mathbf{S}^{2} \mathbf{G} \mathbf{G}

c'est encore ce que donne la table.

Dans les aanées bisectiles, L diminue de 2; quand L.—A est négatif, que ajoute 7; avec vets règles bien simples, on reconstruira la table pour une periode cultiere, en allant d'année en année depuir l'année 608, qui est. la première, jusqu'à 1139 qui sers la dernière. C'est ainsi que J'ai veinfé la Table de Berliu, sans y trouver d'autres faptes d'impression que les autrents.

Après 320, au lieu de 581, 582, 583, 584, 585, 586,

lisez 321, 522, 525, 524, 325, 326; 100 200

après 496, au lieu de 498, lisez 497; après 504...506, lisez 505; à l'an 528, 7M, lisez 7 avril; à l'an 529, 22K, lisez 22 mars; à l'an 498, 19 avril, lisez 9 avril.

Pour le Calendrier grégorien, on abrégérait le calcul des formules en

Une Table I des deux (ermes — $(S-16)+(\frac{S-16}{4})$ de la formule L(10).

Une Table II des trois termes de correction pour l'epacte.

Une Table III des multiples de 19 pour faciliter le calcul de N.

A la suite de son grand traité du Caleadrier grégorien, Clavius a mis un pelit traité pour résoudre de tête et à l'aide des doign les principaux problèmes de ce caleadrier. Pour aider la mémoire, quelques préceptes sont mis en vers latins y ainsi pour trouver la lettre du premier jour de chaque mois, il rapporte deux vers techniques où la lettre du premier jour de chaque mois commence le mot affecté à ce mois.

June. Fer. Man. Artt. Mil. Pala.

Astra Dabit Dominus Gratisque Beubit Egenos.

Jaillet. Aoht. Sep. Oct. Nov. Dec.

Gratia Christicola Feret Auria Dona Fideli;

en effet le premier jour de février est le 52' de l'année (127) = 4 = D.

Le 1^{er} de mars venant 28 jours après le 1^{er} février, la lettre reste D. Le 4^{er} d'avril venant 51 après le 1^{er} mars, la lettre change de 5 et devient G.

Avril n' que 50 jours, la lettre ne changera que de a et sera B; mai a 51 jours, la hetre augmentée de 5 deviendre E; jain n' a que 50 jours, E+z=C, sera la z^* de juillet; juillet et août ont chacun 51 jours, E+z=C, sera la z^* de juillet; juillet et août ont chacun 51 jours, E+z=C, sera la z^* de juillet; juillet et août ont chacun 51 jours, E+z=C, sera la lettre d'octobre; c'elui-ci a 51 jours, E+z=C, are la chacun 52 jours, E+z=C, c'elle de décembre de novembre et E+z=C, c'elle de décembre et E+z=C, elle de décembre et E+z=C

La lettre du premier jour du mois est celle du 8, du 15, du 22, du 29; on aura donc aisément les lettres de chaque jour, et par conséquent le jour de la semaine, pour tout le mois, si l'on sait quelle est la lettre dominicale.

I.a même lettre remonte de 5 jours dans le calendrier, quand le mois d'où l'on sort est de 31 jours, et remonte de 2, s'il a 50 jours; elle ne remonte ni ne descend, si le mois d'où l'on sort n'a que 28 jours.

Pour changer une date ordinaire en une date romaine, en nones, ides et calendes, il donne ces vers :

Maius sex nonas, october, julius et mars, Quatuor at reliqui, dabit idus quilibet octo;

ee qui signifie que le lendemain des calendes s'appelle sexto nonas, dans les mois de mars, mai, juillet et octobre, parce que les nones tombent le 7.

Dans les autres, le second jour du mois est quarto nonas, parce que nones sont le 5.

Le lendemain de nones se dit toujours octavo idus, parce que les ides arrivent toujours huit jours après les nones, et sont le 15 dans les mois où nones sont le 7, et le 15, quand nones sont le 5.

| Le lendem. des id. est | 19 des cal., quand les id. sont le 13 et le mois de 31/4 |
|------------------------|--|
| | 16 |
| 20.0 | 18, |
| Le lendem. des id. est | 17 |

Les quatre mois où les ides sont le 15, sont tous de 51 jours; ainsi après les ides du 15, le lendemain est toujours le 17 des calendes.

Ce seconrs n'est pas inutile avec une manière si bizarre de distribuer les jours du mois.

L'indiction se trouvera par la formule $(\frac{\Lambda+3}{15})$, i elle est oubliée depuis long-tems.

Nous finirons cet article du calendrier par une méthode bien naturelle

Soit 4 le nombre d'or, et A la lettre dominicale.

Dans ce calendrier, le nombre d'or 4 tombe au 20 mars, ce sera la Lune pascale; avancez de 13 pour avoir le 14'; ce sera le 35 mars ou le 2 avril ; le dimanche soivant, indiqué par la lettre A, sera le 9, ainsi, que nous l'avons trouvé ci-dessus, et nou 19 comme on le voit dans les Tables de Berlin.

Soit 16 le nombre d'or et D la lettre dominicale.

Le nombre 16 tombe le 8 mars, c'est la nouvelle Lune. Le 14 sera donc le 21, il est marqué C; le lendemain 22, marqué D, sera le jour de Paques, et non le 22 avril comme dans les Tables de Berlin.

Dans le Calcudrier Grégorien, soit D=L=4 et ==24.

Leçacte 24 tombe le 7 mars, ajoutex 15, le 14° sera le 20; cette Lune ne sera pas pascale; l'épacte 24 tombe encore le 5 avril, le 14 sera donc le 18; lettre \(\lambda = \tilde{C}\), Pâques sera le 19 marqué D. C'est ainsi que nous l'avons trouvé, en changeant 24 en 25, car 24 donnait le 26 avril. Soit L=C=5 et \((\tilde{C} = 5)\) et e= 25'.

Le 25' en mars tombe le 6, le 14' serait le 19; il fant aller plus loin. Le 25' en avril tombe le 4, le 14' sera donc le (4+13)=17; \(\lambda = \text{L} \) \(\lambda = \text{L}\) (C serà la lettre du lendemain 18; 18 sera le jour de Pàques, comme nons l'avons trouvé, en calculant pour le 26; 25 nous aurait donné le

25 avril.

Aissi nous démontrons les corrections que noss faisons à la Table de Berlin, et la règle que nons avons établie pour les épactes 24 et 25'. Ces règles sont bien simples, elles n'exigent qu'un calendrier perpétuel; mais pour cakculer une longue table pascale, elles seraient un peu fastidieuses, et l'on risquerait souvent de se tromper.

TABLE I. CALENDRIER REFORMÉ DE GRÉGOIRE XIII.

| E | d | Jan | ier | Féve | ier | Ma | rs. | Atr | 3 | Ma | i. | Jan | B. | Juill | rt. | Aoû | 1. | Sep | 4 | Octo | be- | No | ¥ | De | c. |
|---|---|-----------|--------|------|-----|----------|-----|-----|-----|-----|-----|-----|--------|----------|--------|-----|-------------|-------------------|------|------|--------|----------------|-----|------|----|
| Section Sect | | E. | 1 | E. | 1 | E. | 2, | E. | 1 | E. | A. | E. | la. | E | 3. | E. | A | E | Α. | E. | 1 | E | A | B. | Ī |
| 1 | | 20 | B | 28 | DEF | 20 | 18 | 28 | IA. | 37 | G | | | 25 25 | A | 23 | COE | 22 | G | 91 | Amc | 20 | E | 19 | 1 |
| \$\frac{1}{2}\$\$\fra | ĺ | 26 | DEE | | GAB | 26 | | | D | 25 | EEG | 23 | В | 23 | | 20 | $ \Lambda $ | 10 | S CD | | | | A | 16 | 1 |
| 3 | 1 | 23 | A | 31 | E | 23 | DE | 21 | GA | BI | C | 18 | | 19 | G | 10 | C D | 15 | F | 15 | AB | 13 | D | 13 | ľ |
| 1 | 1 | 19 | D E | 18 | GA | 70 10 | G | 16 | CD | 18 | E | 1.5 | AB | 16 15 | G | 14 | E | 13 | G. | 12 | D | 11 | (0) | 10 | Ì |
| C | 9 | 16 | G | 15 | C | 17 | G | 15 | F | 15 | AB | 13 | DE | 13 | F | 11 | B] | 10 | R | 8 | A | - | H | 0 | İ |
| $ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | ı | 73 | n | 12 | G | 11 | F | 12 | BC | 12 | P | 10 | G A | 10 | E | 8 | F | 8 | В | | 6 | 5 | F | 1000 | 8 |
| $\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | | 11 | F G | 8 | BC | 11 | 8.0 | 9 | F | 9 8 | AB | 6 | C. | 8 | EF | 4 | ABC | 4 | DEF | 3 | F G | 1 | BCD | | - |
| 74 F 2 B 4 B 2 E a G o C o E 28 A 27 D 28 E 25 a B 24 | | 7 | ibi | | P | -6 | G | 5 | 8 | | iÈ | 3 2 | G | 3 2 | B C | 1 0 | E | 99 | B | 20 | C | 28 | F | 27 | - |
| "4 A | | Salah ada | F | 12 | B | | | 2 | 30 | 2 | 45 | 0 | 4. | 99 | | 27 | Λ | 28 27 25 16 | | 26 | 1 | 25. 8 25. 8 | B | 26 | |

Ordinairement on met les épactes en caractères romains, à l'exception de a5' et 19' que j'ai distingués par le signe minute. L'épacte o, qui équivant à 30, s'exprime ordinairement par un astérisque, distinction instile. On a doublé les épactes 25'.26; 25.24 de deux en deux mois, pour que les mois lusaires

pussent être alternativement de 30 et aq jours. De ces chiffres doubles , il n'y on a jamais qu'un seul qui puisse se rencontrer dans une même année, et même dans un même cycle de 19 aus. L'épacte 25' sert pour les années où le nombre d'or surpasse 11.

L'épacte 19' nons sera encore plus inutile que l'épacte 25'. L'épacte 25' se trouve sept fois avec l'épacte 25, alors elle n'en font qu'une. Lesépactes 25' et 26 se trouvent six fois réugies au uséme jour, de même que 25 et 24, mais jamais elles ne seront toutes deux dans la même année, car dans ces mois elles ne font qu'un seul jour.

En avril les épactes sont aq, 28, 27, 26 et 24, parce qu'on supprime a5, ou bien ag, a8, 27, 26 et 25 parce qu'on supprime 24.

| | TABLE PASCALE. | | TA | BLE II. |
|----------|--|--|---|---|
| LETTRES. | ÉFACTES. | PAQUES. | | nnées t les équations. |
| | | | 0 | C |
| D | 93 92.81.90.19.18.17.16 15.14.13.11.10.9. 8. 7. 6. 5. 4. 3. 2 1. 0.89.28.27.26.25 25.24 | 29 mars. 5 avril. | 1700 1800 1900 2100 | 1400 400 1800 300 2100 500 2400 500 |
| Е | 23.22 21.26.19.18.17.16.15 14.15.12.11.10. 9. 8 7. 6. 5. 4. 3. 2. 1 0.29.28.27.26.25' 25.24. | 35 mars. 30 mars. 6 avril. 13 avril. | 9950 9300 9500 9600 9700 | 3000 300 3000 300 3300 300 3600 300 3900 400 |
| F | 93.92.21 90.19.18.17.16.15.14 13.12.11.10. 9. 8. 7 6. 5. 4. 3. 8. 1. 0 99.28.27.26.25 25.54 | 24 mars. 13 mars. 7 avril. | 3900 5100 3300 5400 | 4500 300 4600 300 4900 300 5200 300 5500 300 |
| G | 23. 22. 21. 20. 19. 18. 17. 16. 15. 14. 13. 12. 11. 10. 9. 8. 7. 6. 5. 4. 3. 2. 1. 0.29. 28. 27. 26. 25' 25. 24. | 25 mars. 1 avril. 8 avril. 15 avril. | 55co 5700 38co 59co 4100 | 5800 300 6100 300 6400 400 ct ainsi à l'infini |
| Α . | 23.22.21.20.19. 18.17.16.15.14.13.12 | 26 mars. 2 avril. 9 avril. 16 avril. | 4300 4300 4500 4600 4700 | la différence étar sept fois de 30 ans et de 400 à l huitième. |
| В | 25.22.21.20.19.18. 17.16.15.14.13.12.11. 10. 9. 8. 7. 6. 5. 4. 3. 2. 1. 0.29.28.27. 26.25.25.24. | 3 avril. | etc. Années centenuires communes | |
| С | 25.22.21.20.19.18.17 16.15.14.13.12.11.10 9. 8. 7. 6. 5. 4. 3. 2. 1. 0.29 28.27.26.25' | 28 mars. 4 avril. 11 avril. 18 avril. | | 1 · |
| changers | l on aura 25', ce qui suppose N > en 26 pour faire le calcul de s. e les fois qu'on aura 24, on ponrra l | | | |

Toutes les fois qu'on aura 24, on ponrra le change en 25 sans inconvénient, mais ce changement n'est ne cessaire qu'avec la lettre C.

TABLE III.

TABLE ÉTENDUE DES ÉPACTES.

Argument en tête : Nombre d'or.

| Indic. | 3 | 4 | -5 | 6 | 2 | 8 | 9 | 10 | " | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 | | 3 | |
|------------|----------------------------------|----------------------------------|----------------------------|----------------------------|-----------------------------------|----------------------------------|----------------------------|----------------------------------|----------------------------|----------------------------|-----------------------------|----------------------------|------------------------------|----------------------------|----------------------------|----------------------------------|----------------------------------|----------------------------|----------------------------|---|
| PNMHG | 99 38 27 50 20 30 | 11 20 000 11 | 22 21 20 19 18 | 3 1 0 29 | 14 13 12 11 10 | 25 25 23 23 22 21 | 65400 2 | 1760 15 1963 | 28 20 25 25 26 | 9.8 7-6.5 | 90 191 10 17 10 | 1 0 20 28 28 | 12 11 10 0.88 | 23 22 21 20 19 | - 0 today | 15 14 13 13 | 26 25 24 23 23 23 | 8 76 54 | 19 17 16 15 | 25 24.27 24 25 24 |
| FEDCB | 25 25 23 23 23 | 6 5 4 3 2 | 1.6 5.493 | 25 25 25 25 | 94 765 | 373 193 183 177 160 | 20 20 27 | 12 11 10 98 | 23 23 21 20 19 | 2 1 0 | 15 13 13 13 | 26 25 24 21 22 | E-63 63 4949 | 18 10 15 15 15 | 20 25 25 25 | 0 000 1-10 | 31 20 20 17 | 3 1 0 29 | 14 13 13 13 11 | 25 24.25 24 25 25 26.25 |
| Au | 19 18 17 | 1 0 20 25 | 11 10 9 | 33 22 21 20 19 | 3 2 1 0 | 15 14 13 12 | 26 25 25 23 23 | 56548 | 18 17 16 15 15 | 29 25 27 20 27 | 2 000 110 | 21 20 19 18 17 | 2 1 0 30 38 | 13 12 11 40 9 | 21 23 22 21 20 | 5 43 2 | 16 15 14 13 | 28 20 25 25 25 | 0.8 7-65 | 24 25 24 20 21-25 |
| I sa a | 15 15 13 13 12 11 | 25 25 25 23 23 23 | 16543 | 18 17 16 15 14 | 29 28 27 26 25 | 0 000 140 | 21 20 19 18 17 | 20 20 20 20 | 13 13 31 10 9 | 25 25 22 21 20 | 5,485 2 = . | 16 15 14 13 | 2000 | 81654 | 19 17 15 15 | 0 23 28 27 20 | 11 10 9 8 7 | 23 22 21 20 19 | 40000 | 2 j 2 j 2 j 2 j 2 j 2 j 2 j |
| - 10 ac | 2 000 140 | 21 20 198 18 | 3 1 0 29 | 13 13 11 10 9 | 2 5 23 23 21 21 20 | 10 top 01 | 15 15 12 12 | 27 26 25 26 27 28 | 8 14654 | 19 18 17 16 15 | 0 20 20 27 20 | 11 10 0100 17 | 22, 21 20 10, 15 | 3 2 1 0 29 | 14 13 12 11 | 25 25 23 23 22 21 | 65433 | 18 17 16 15 17 | 20 25 25 25 25 25 25 | 24. 25 23 25 25 25 25 |
| * 40 0 P 4 | 5493 2 1 | 16 15 14 13 13 | 2.8.2.2.2 | 8 1654 | 1983 176 15 | 993 776 | 11 10 98 7 | 22 21 20 19 18 | 3 2 1 0 29 | 15 13 12 11 10 | 95" 24 23 23 23 | 6 mm a | 15 15 14 13 | 28 25 25 25 | 010 5-12 55 | 20 000 110 | 99 98 97 | 13 12 11 10 9 | 23 23 22 21 20 | 24, 25' 24 25' 24, 25' 24 |
| _ | _ | _ | | _ | | | _ | | | | | _ | | | | _ | | | | |

Ordinairement les épactes sont en caractère romain, excepté 25 que j'ai noté 25' dans toutes les colonnes 19, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19, qui sont entre deux traits doubles, De sorte qu'on aura deux moyens pour les distinguer de l'épacte 25, d'abord le signe ' qui les accompagne, et ensaits leur position entre deux doubles traits.

24 ou 25 se trouvent séparément dans une même ligne, jamais tous deux ensemble. 25' ne se trouve dans aucune ligne sans que 24 ne s'y trouve aussi.

| L N L N L N L N L N L N L N L N L N L N | | J | m7. | Fe | vrice | M | un. | A | wil. | _ | dai. | - | nip. | N Ja | ullet | _ | oêt. | s | epe. | - | tob. | | Nor. | Di | repl |
|--|----------|-------------|------|------|-------|-----|------|------|------|-------------|-------|-------------|------|---------|-------|-------|------|--------|---------|-----|------|------|------|-----|------|
| 3 | Jodes. | L | N | L | N | L | N | L | N | i. | 3 | L, | N | L | N | Ī | N | I. | N | п | , | ı. | N | ſ. | N |
| $ \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c} \begin{array}{c}$ | - 200 | ABC | | h. | | h: | | LA | 11 | le: | | le: | 10,8 | IA. | 19.8 | In. | +6 | 100 | 16 5 | 103 | | li-l | | li: | 13 |
| 100 | 0000 | DEF | 14 8 | GAB | | IA. | 10.8 | b | | EEG | | lis. | 16 | 10 | 16 5 | 16 | | C. | | E | | 1 | to | Ю. | |
| 1 | 1 40 0 | G A R | 16 | (1) | | | 16 | G | | }B | | 10 | 13 | G | | le: | 10 | - 1 | 10 | EAR | 18 | 11) | | 1 | |
| 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1 | | | 13 | G | 2 10 | FGA | | K. | | h. | | 1 | | 10. | | 100 | | 100 | | lo: | 15 | 6. | 17 | 415 | |
| 1 | 131-1407 | F G A | 10 | (c: | 18 7 | C | 80 | ETG | | LA | | D | | | | 181 | | Date | | 10: | | t. | | h. | |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | 16118 | BCD | | li- | 15 | | 18 | 400 | 15 | CDE | 15.00 | t: | | B | | H. | 13 | N | | lc: | 9 | li I | | I V | 12 |
| 2 | 31 | | 15 | ABC | 12 | В | - 6 | 18 | 13 | 6:1 | 13 | C | | le l | | IAI | | 200 | 15 | ŧεl | 17 | B | | 100 | 1 |
| Sec. 6 C 15 C 6 F 15 A 15 D F 6 B 16 D 15 G B 16 D 17 E 19 F 19 | 22.27 | ABC | 12 | DEF | 9 | DEF | 12 | GAB | 9 | k: l | 9 | | 176 | G AB | 126 | | | E 27 A | 13 | ABL | 1000 | | | EGS | -/ |
| $\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$ | 15 | DEF | - 1 | G AB | 176 | | | 17 | 17 | FFG | 77 | A B G | 14 | CDE | 15 | F G A | | | 11 | DEE | _ / | 0 | 1 | 1 | |
| | -1 | Al | | c | 14 | | | 60.0 | 1900 | A B G | 1400 | DEF | 11 | GI | " | | 7 | | 1 | 1 | 1 | 13 | 1 | | |

Ce traité de la réformation du Caleudrier était achevé depuis plus de trois ans, et près d'être livré à l'impression, lorsque j'ai reçu d'Italie, de la part de l'autenr, un ouvrage intitulé:

Formole analitiche pel calcolo della Pasqua e correzione di quello di Gauss, con critiche osservazioni sù quanto ha scritto del Calendario

il Delambre, di Lodovico Ciccolini. Roma, 1817.

L'auters, en sa qualité d'ecclésissique et d'inlien, se montre parisantrès décide d'aclendrier grégorien « Nombre d'auteurs fameux, nous » divil, s'étaient occapés d'une réforme devenue nécessire, et il n'avaient » par réassir. Cette gloire chair réservée à Grégoire XIII (Cest-à-dire » aans donte à ses mahématiciems). Dans ces derniers tems, le problème a été traité d'une manière tout-à-fait neuve, par les astronomes et les géomètres. Gauss, le premier, a donné me formule très eléngante, pour la détermination de la Paque. Delambre, de 1815 à 1816, a écrit trois fois sur le Calendrier. »

Ces trois fois n'en fout véritablement que deux; car mon Abrégé d'Astenomie n'est qu'un extrait de mon Traité en trois volumes, dont l'impression, commencée un an plutôt, n's pu être finie qu'un an après celle de l'Abrégé, qui m'avait été demandé. J'ignorais alors une partie des formules de Gauss; je me suis réformé et complété dans la Comaissance des Tens pour 1817, imprimée en 1815, et immédiatement après dans la Traité qu'on vient de lire, et que ne connaît pas encore M. Ciccolini.

Malgré l'estime qu'il professe pour les deux auteurs qu'il vient de citer, il a remarqué, des 1615, que les formales de Gauss ne sont pas aussi générales que l'avait cru leur auteur, et qu'elles cesseront d'étro justes en l'an 4200. Nous avoits fait et imprimé la même remarque. Il trouve, de plus, qu'en certains points elles ne sont nullement conformes à la doctrine du Calendrier grégorien. « Ce que Delambre a écrit avait » besoin de correction. »

pesoin de correction.

Les corrections qui étaient nécessaires, nons les avons données nousmême; quant aux autres reproches que nous fait M. C., et qui pourraient bien n'avoir d'autre fondement que des préjugés d'état on de nation, nons les disenterons ci-après.

Delambre n'a guère fait que traduire algébriquement les règles du Calendrice grégorien, dit M. C.; j'au les réduire en formules parfaitement analytiques. Ces nouvelles règles sont donc la partie essentielle de son ouvrage, et c'est par elles que nous devons commencer notre extrait. L'auteur débute par adopter la notation très commode et très utile que j'ai imagiaée pour exprimer le reste ou le quotient en nombre entier d'une division; il a même cherché à étendre l'idée et à lui donner quelques développemens nouveaux.

Soit $\frac{A}{b} = \frac{nb + b}{b} = n + \frac{b}{b} = \left(\frac{A}{b}\right) + \frac{b}{b}$; on voit que n étant un nombre entier, $\left(\frac{A}{b}\right)$, sera un nombre entier, $\frac{b}{b}$ une fraction, puisque b < B, et que $b = \left(\frac{A}{b}\right)$. On voit encore que $\left(\frac{A}{b}\right) = \left(\frac{A - b}{b}\right)$; car $\binom{nb}{b}$ ue donne aucun reste. Tout cela est de la dernière évidence, et j'ai eu plus d'une occision d'en faire usage.

M. C. sjoute que $(\frac{A}{B}) \pm (\frac{A}{B}) \pm (\frac{A \pm A'}{B})_r$; il serait sans doute plus exact de dire que $(\frac{A}{B}) \pm (\frac{A}{B})_r = (\frac{A \pm A'}{B})_r$; car il serait très possible qu'on est $(\frac{A}{B}) + (\frac{A'}{B}) + (\frac{A'}{B})_r$; car il serait très possible qu'on est $(\frac{A}{B}) + (\frac{A'}{B}) + (\frac{A'}{B}) + (\frac{A'}{B})_r$;

 $\binom{57}{19}$, $+\binom{55}{19}$ = 18+16=34, au lieu que $\binom{A+A'}{B}$ = $\binom{72}{19}$ = 15=54-19;

$$\binom{57}{19}$$
 $-\binom{55}{19}$ $= 18 - 16 \pm 2 = \binom{\Lambda - \Lambda'}{B}$ $= \binom{57 - 55}{19}$ $= \binom{2}{19}$ $= 2$.

M. C. suppose sans doute qu'après l'opération, on rejette B autant de fois qu'il se trouve dans le résultat définitif; et c'est en effet la règle que je suis en toute occasion.

Soit $a = \left(\frac{\Lambda}{2}\right)$, a + 1 = N sera le nombre d'or. M. C. aurait pu en conclure $N = \left(\frac{\Lambda + 1}{8}\right)$; car $\left(\frac{\Lambda}{B}\right) = \left(\frac{RB + a}{B}\right) = a$, par la supposition; donc $\left(\frac{\Lambda + 1}{B}\right) = \left(\frac{RB + a}{B} + 1\right)$, a + 1 = N. Cest l'expression à laquelle je suis arrivé directement, et que M. C. finit par adopter, p. 154.

Pour la lettre deminicale, dans le Calendrier julien, il fait

$$\left(\frac{\Lambda}{4}\right) = b$$
, $\left(\frac{\Lambda}{7}\right) = c$, et enfin $L = \left(\frac{3+2b+4c}{7}\right)$,

Soit A = 1579,
$$(\frac{\lambda}{4})_r = (\frac{1578}{4})_r = 5 = b$$
, $(\frac{\lambda}{7})_r = (\frac{1578}{7})_r = 4 = c$.
L = $(\frac{3+2\cdot\frac{3}{7}+4\cdot4}{7})_r = (\frac{25}{7})_r = 4$;

ordonnons l'opération

$$A = 1579$$
 constante... 5
 $b \text{ tcz lcs } 4, b = 3 + 2b = 6$
 $b \text{ tez lcs } 7, c = 4 + 4c = \frac{16}{25}$

ôtez les 7..... 4 = L.

Voici maintenant l'opération, suivant ma formule p. 19.

(A+4) ne donne pas plus de peine à écrire que A; prendre lo quart de A est plus court que d'en bannir tous les 4 pour avoir b; ôter tous les 7 de la somme n'est pas plus long que de les ôter de A; faire l'addition de mes deux premières lignes n'est pas plus long que de former 2ê +4;

Monaddition est un peu plus longue que celle de 5+-2+4-(e; mais öter tous les 7 de la somme 25, est au moins aussi long que de faire 7-5=4:
Ainsi mon opération est un peu plus courte, et elle tient moins de place, elle se range mienx sur le papier. Il fust avouer, an reste, quo la différence n'est pas grande; elle sera plus sensible pour le Calendrier erécorion.

Soit de même
$$(\frac{\Lambda}{4})_r = b$$
, $(\frac{\Lambda}{7})_r = c$; et de plus, $(\frac{S}{4})_r = b'$, $(\frac{S}{7})_r = c'$;

S est la partie séculaire du nombre A. Alors $L' = \frac{(1+a(b+b')+Ac+6c')}{7}$.

C'est donc au moyen de cinq formules qu'on détermine L'. Soit A=4205,

Voici maintenant mon opération.

Il me semble encore que mon opération est plus ramassée, et qu'elle tient moins de place sur le papier.

J'aurais épargné au lectur ces compartisons misutienses, si M. C. ne rejetuit mes formules comme trop prolites. Il trouve les siennes plus analytiques, parce qu'il a multiplie les symboles, ce qui ne va jamuis sans un peu d'obscurité. $2(\theta+\theta')+4e+6e'$ sont moins clairs que $(A+1), \binom{2}{4}, (S-16)$ et (1-6) voil quatre symboles introduits tans nécessité, sans parler des trois coefficieux 3, 4 et 6.

Autre exemple.

$$= 4706 \quad S = 47 \quad 2(b+b)... \quad 10$$

$$= 2 \quad b' = 3 \quad 4(b+b)... \quad 10$$

$$= 2 \quad b' = 3 \quad 4(b+b)... \quad 10$$

$$= 2 \quad b' = 3 \quad 4(b+b)... \quad 10$$

$$= 3 \quad b' = 5 \quad 6(b')... \quad 50$$

$$= (A+1) - 4707 \quad 4907 \quad 490$$

Il me semble toujours que ma méthode est plus simple et plus facile Hist. de l'Ast. mod. Tom. I. à retenir : mais ce dont il est impossible de ne pas convenir, c'est que les deux méthodes sont également sûres, et que les raisons de préférence, à celles de la clarté près, sont assez légères. M. C. fait huit opérations pour avoir L, je n'en fais que sept.

Pour l'épacte E, M. C. donne la formule

$$E = \left(\frac{11 \, N - 3}{30}\right),$$

et l'on croirait que cette épacte est en effet celle du Calendrier julien. Dans le fait, ce nombre est tiré du Calendrier grégorien; c'est une épacte fictive dont personne jamais n'a parlé, un nombre subsidiaire qui servira pour calculer le jour de Paques dans le Calendrier julien. L'épacte julienne, telle qu'on la trouve dans l'Art de vérifier les Dates.

se trouvernit par la formule
$$E = \begin{pmatrix} 11.4 + \begin{pmatrix} A - 1 \\ 32 \end{pmatrix} \end{pmatrix}$$
, Ainsi pour 1451 1450 155 15 150 11.4 1.5 15951 120 $\begin{pmatrix} A - 1 \\ 19 \end{pmatrix}$, $= \begin{pmatrix} 76 \\ 190 \end{pmatrix}$, $= \begin{pmatrix} 144 \\ 1605 \end{pmatrix}$, $= \begin{pmatrix} 144 \\ 1605 \end{pmatrix}$, $= \begin{pmatrix} 144 \\ 1605 \end{pmatrix}$, $= \begin{pmatrix} 188 \\ 1605$

au lieu que $\left(\frac{11N-3}{30}\right)$, forcerait d'abord à chercher N=8, puis..... 11N - 5 = 88 - 3 = 85, d'où retirez les 50, il restera E= 25.

L'Art de vérifier les Dates donne N = 8 et E = 17, dont la somme. par hasard, forme ici l'épacte fictive 25 de M. C. Mais soit

$$E + N = 22 + 3 = 25$$
, et non pas 50.

L'Art de vérifier les Dates donne N=5 et E=22. Notre formule est donc bonne; personne, que je sache, n'a donné le moyen de trouver l'épacte de ce Calendrier; c'est qu'elle est inutile. Nous avons vu (page 30) qu'on était parvenu à éliminer cette épacte, pour s'en tenir au nombre N.

Nous avons encore va que le Calendrier julien n'a que 19 épactes; de plus, c'est un fait que les épactes des 20 premières années sont

11, 22, 3, 14, 25, 6, 17, 28, 9, 20, 1, 12, 23, 4, 15, 26, 7, 18, 29, et 11, qui se forment en ajoutant continuellement 11, excepté à la 20°, qu'on forme en ajoutant 12, pour la raison que nons avons donnée.

Les épactes 2, 5, 8, 10, 15, 16, 19, 21, 24, 27, et 50

Pour l'épacte du Calendrier grégorien, M. C. donne la formule

$$E' = \begin{pmatrix} 11N - (\frac{2}{5}.8 - \frac{5}{5}) + (8.5 - 112), \\ -\frac{126}{5}, & 5 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{126}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 5 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, \\ -\frac{1}{5}, & 6 - \frac{1}{5}, & 6 - \frac$$

ôtez 30, 23 = E'.

E' = 25.

· Voilà l'opération, ordonnée de la manière la plus avantageuse. Voici la mienne, dans toute sa complication.

Je n'y vois aucun désavantage; mais elle obtiendra la préférence, si l'on songe que les termes (S-16), $(\frac{S-16}{4})$, $(\frac{S-15}{3})$, sont connus par

le calcul de la lettre L; il n'en est pas de même des expressions afgébriques $\frac{(S--5)}{4}$, et $\left(\frac{8.S-11}{25}\right)_s$, qui d'ailleurs n'ont pas la même clarté que celles qui sont données plus directement par le Calendrier grégorien.

Âu reste, selon ma manière de voir, l'épacte n'est bonne qu'à calculer le jour de Paques; il en est de même du nombre d'or; il n'y a que la lettre dominicale qui puisse par elle-même avoir une utilité, encore assez médiorre; c'est la calcul de Paques qu'il faut comparer dans les deux méthodes, puisque c'est le problème que nous nous sommes tous deux proposit.

Auparavant, voyons quelques autres formules de M. C. pour l'épacte grégorienne. En exécutant les divisions qui ne sont qu'indiquées dans la formule ci-dessas, il trouve

$$E' = \left(\frac{11N - (0.75.8 - 1.25)}{30}\right)_{r}$$

la transformation paraît peu beureuse, puisqu'elle ne fait qu'alonger l'opération numérique.

Autre formule.

$$E' = \left(\frac{11N - (0.43.8 + 0.25b' + 3.44)}{30}\right)$$

Cette nouvelle transformation, dont la démonstration est assez longue, me semble encore moins heureuse, en ce qu'elle force à chercher b', dont la précédente se passait. M. C. en tire, par une transformation facile,

$$E' = -\left(\frac{(10N + 0.43.8 + 0.85b' + 3.44)}{30}\right)_{i};$$

mais la formule est encore plus longue à évaluer, à cause de 19N substitué à 11N.

Je préfère ma formule à tontes celles de M. C.; elle est plus facile à évaluer, elle dérive plus naturellement des principes du Calendrier grégorien. Ce dont M. C. me fait un reproche, me paraît une raison de préférence.

Pour calculer Paques avec ces formules, M. Ciccolini se sert de la table du Calendrier perpétuel, dont il est obligé d'avoir au moins deux mois, mars et avril. Pour se dispenser de cette table, il fait

$$\epsilon = 50 - \text{E'}, \quad d = \left(\frac{a^3 + \epsilon}{30}\right), \quad \epsilon = \left(\frac{3 + \text{L} + 6d}{7}\right),$$

et Pàques = $(22 + d + e)$ de mars, ou $(d + e - 9)$ d'avril;

ce qui se rapproche beaucoup des formules de M. Gauss et se trouve

sujet aux mêmes exceptions.

Pour exemple, choisissons l'année 2285 (c'est une de celles où Paques est dans la limite inférieure), et ordonnous les deux opérations de la manière la plus commode et la plus courte, en commençant par celle de M. C.

Ma méthode ne sera jamais plus longue qu'elle n'est ici, puisque j'ai calculé $\left(\frac{S-17}{85}\right)_s$, que je savais être nul, et qui le sera jusqu'en l'an 4199; celle de M. C. ne sera jamais plus courte, puisque d et e se trouvent ici o. J'avone ne pas concevoir les motifs qui font que M. C. donne si hautement la préférence à ses formules.

Prenots un exemple dans l'autre limite. Soit
$$A = 1945$$
, $\begin{pmatrix} 1945 \\ 194 \end{pmatrix}$, $B = b$, $\begin{pmatrix} 1945 \\ 194 \end{pmatrix}$, $B = b$, $\begin{pmatrix} 1945 \\ 194 \end{pmatrix}$, $B = b$, $\begin{pmatrix} 1945 \\ 194 \end{pmatrix}$, $B = b$,

On aurait pu changer 24= e en 25= +1= e'; on aurait en

Ce changement de 24 en 25 est toujours sans inconvéniens, quelquefois nécessaire; on peut en faire une règle générale.

$$\begin{array}{c} A = 1886 \\ \begin{pmatrix} (1887) \\ (1987) \\ ($$

Paques, 25 avril

12

56 ASTRONOME MODERNE.

18 - 16 = 2, F = 0, 18 - 15 = 5

(2) = 0

b = 2

(A + 1) = 1887 (1887) =
$$\frac{1900 - 15}{3}$$
 = 6 = N < 11

 $\frac{1}{4}$ = 471

 $\frac{1}{4}$ = 471

 $\frac{1}{4}$ = $\frac{1900 - 15}{3}$ = 6 = N < 11

 $\frac{1}{4}$ = 471

 $\frac{1}{4}$ = $\frac{1}{4}$ = $\frac{1}{1}$ = $\frac{1}{4}$
- 7

18 avril,

Pàques corrigé....

et j'ai directement Paques..... 18 avril.

Dans tous les cas, notre formulc est toujours la plus courte et la plus naturelle. Mais quoi qu'on dise on quoi qu'on fasse, l'opération n'aura jamais assez de simplicité, et toujours on regrettera qu'on n'ait pas fixé Pàques au premier ou au second dimanche d'avril.

M. C. a voue, p. 105, que je connais parfaitement le but el l'esprit du Calendrier; il étéonne, que connéquence, du mépris que j'à lité de l'autre de montéquence, du mépris que j'à lité par le présent de l'autre de l'autre de l'autre de l'autre d'autre d

Après avoir employé 5, pages à l'exposition et à la démonstration de ses formules, l'auteur passe à l'examen de la méthode de M. Gauss. Il lui reproche l'erreur indiquée ci-dessas, une exception trop étendue et qui aurait besoin d'être restreinte, enfin l'inutilité de son Aribmétique transcendante, puissen tout peut se démoutrer par l'Arithmétique ordinaire, Il donne des moyens de correction que nous ometitons, puissque nous "Hist. de L'ast. mod. Tom. Il. avons omis la méthode elle-même comme plus longue et plus embarrassante que la nêtre (voyez Conn. des Tems de 1817).

De toute cette critique, nous couclarons que le problème, sans être lieu difficile, exigent une foule d'attentions assez incommodes; ep paisque nous nous permettons de regarder comme assez fuitles les raisons qui ont fait adopter un calendrier si compliqué, nous dirons toujours qu'il est à regretter que Paques soit resté mobile. Une autre preuve de la complication du Calendrier grégoriere, c'est qu'il faut à M. Giccolini 49 pages et trois longues tables pour démontere et corriger les errecurs de M. Gauss. Il passe cousite à mon abrègé d'astronome.

« La fin que je me suis proposée, dit-il en commençant, a été principalement de corriège requ'enpe passages défectueux, et éles châricie » quelques-uns qui en avaient besoin, sfin que le public puises tirer » plas de profit des écrits dis : debéen autor». Cette déclaration est très obligeante, et en reconasissance nous svions d'abord copié toutes la critiques de M. Ciccolair, miss comme nous svous rédouds notes teséthode, il nous paraît innuite de rapporter ici des corrections que nous avons ou déjà fistes, ou rendo inutiles.

« Je n'ai pas cru devoir passer sous silence le peu d'importance, et » je dirais presque le mépris qu'il manifeste en plusienrs endroits pour » le Calendrier grégorien.»

J'ai dit fort clairement et en plusieurs endroits que le Calendrier grégorien est une composition fort ingénieuse; qu'on n'y a laissé que les défauts qui étaient inévitables; que les erreurs qu'on peut y remarquer sont les plus rares qu'il fut possible, et qu'elles n'ont aucun inconvénient réel. Ce témoignage prouve, ce me semble, que je suis loin d'avoir auenn mépris pour ce calendrier; je l'admire, et l'admirerais bien davantage, si je le trouvais nécessaire. Mais j'ai dit et je ne puis encore m'empécher de penser, que rien ne forçait les auteurs à s'imposer des conditions si genantes et si arbitraires; qu'il était bien plus simple d'abandonner entièrement la Lune, de s'en tenir à une année purement solaire, et de fixer irrévocablement la Paque à l'un des premiers dimanches d'avril : et puisque l'Église qu avait le droit, ainsi que le dit formellement Clavius, j'ai pu regretter qu'elle n'eut pas pris an parti si simple et si commode. La Résurrection avait suivi de près l'équinoxe; il était tout simple que la fête annuelle destinée à la célébrer fut attachée à l'équinoxe: jusqu'ici rien que de très raisonnable et de très facile. La Résurrection avait suivi la pleine Lune, voilà qui devient plus indifférent, puisque-les pleines Lanes retardent chique anuée de oure jours plus ou moins. Cette pleine Lune vait été accompaguée d'une éclipse de Solril qui avait été totale pour toute la Terre pendant trois hurre. Voils des circonstances qui jamais es expreducionair ; était une raison très forte pour ne faire ancune attention à la Lane. On s'est bien permis d'handonner la Lune rvaie pour la Lane moyene, et même de s'écarter des mouvements moyenes pour s'astreindre à des périodes inexettes des-quelles résulte une nécessité indispensable de manquer récliement à la condition essentielle, et qui font qu'asses souvent la Pâque n'est celebrée que 55 iours arbeit férindres.

Pag, 640 de mon Abrégé, en donnant la définition et l'étymologie du mot bissextile, i'ai dit qu'il fallait donner une idée de la manière bizarre et même un peu barbare dont les Romains se servaient pour compter les jours du mois. Sur cela, M. C. nous dit que je parle en cet endroit comme s'il n'y avait pas d'antre raison pour se mettre au fait de cet ancien calendrier, ce qui ne causera pas peu de surprise aux personnes instruites. Je puis dire à M. C. qu'il ne m'a pas compris. Parmi les lecteurs de mon dernier chapitre, j'ai cru qu'il pourrait se trouver des personnes qui ignorassent absolument cette étymologie, c'est pour elles que je l'ai donnée et nullement pour les personnes instruites. Mais ces personnes mêmes peuvent sans un inconvenient bien grave, ignorer, par exemple, à quel jour précisément tombaient les ides on les nones de tel mois. Cette connaissance est assez inutile à ceux qui lisent Ovide on Cicéron; elle pent être nécessaire dans quelque chancellerie et à quelques antiquaires. Quant an Calendrier grégorien, je ne sais pas ce qui se passe à Rome, mais je puis certifier qu'à Paris, j'ai vn nombre de personnes très instruites qui n'avaient qu'une idée très vague d'un calendrier; que jamais elles n'avaient été tentées d'étudier ; j'oserai même dire que jamais je n'ai rencontré un moine, un ecclésiastique, un curé qui en sût le premier mot. Ils prennent la Pâque telle qu'on la leur donne; si on l'eût fixée à l'nn des dimanches d'avril, ils l'auraient prise de même et sans la moindre réclamation. Peut-être même n'y a-t-il en France que ceux qui ont écrit sur le calendrier qui y comprennent quelque chose; et ceux qui lisent les traités où l'on en donne l'explication, se bornent à y prendre les définitions de la lettre dominicale, de l'épacte et du nombre d'or, et quelques-nns des usages les plus communs, sans en étudier la composition, ni s'embarrasser des peines qu'elle a données, ni des errenrs auxquelles elle pent donner lien; voilà ce dont je crois être certain. Du reste, ceux qui ont du tems à perdre, pourront étudier le gros volume de Clavins; ils pourront trouver cette lecture curieuse, sur-tout s'ils y ajoutent les remarques et les commentaires de M. Ciccolini; mais alors ils pensenou comme moi ru'on s'est donné bien de la peine pour bien peu de chose.

Pag. 645, j'ai dit qu'il n'y a rien de plus simple que le calendrier réglé sur l'année solaire, et rien de plus inutilement compliqué que le Calendrier ecclésiastique, qui a voulu accorder la semaine, le mois lunaire et la révolution tropique du Soleil. M. C. répond qu'il ne voit pas comment on peut dire que le Calendrier ecclésiastique est compliqué, puisqu'on vient de voir qu'on peut en donner uue expression complète en un petit nombre de formules analytiques, faciles à calculer. Il est aisé de répliquer, 1° que les autenrs du calendrier ne connaissaient ancune de ces formules, et qu'ils n'étaient pas en état de les imaginer. 2°. Nous rappellerons que ci-dessus M. C. trouve une de mes formules trop prolixe, en ce qu'elle n'est qu'une traduction algébrique des règles du calendrier. Si la formule est prolixe, si celle de M. C. est encore plus longue à calculer que la nôtre, comment se fait-il que les règles du calendrier qui supposent en outre plusieurs tables d'une construction peu facile, n'offrent aucune complication. 5°. Il a fallu trouver ces formules; avant d'en obtenir de générales, on s'est trompé plusieurs fois; M. C. emploie 86 pages et plusieurs tables à démontrer ces formules et ces erreurs; ce n'est pas là ce qu'on peut appeler de la simplicité, sur-tout quaud on pouvait dire Paques sera le premier dimanche d'avril.

Pag. 645, je disais ligne 17: nous supprimons comme peu utiles et trop compliquées les règles qui servent à trouver le cycle solaire, le nombre d'or. l'indiction et l'épacte.

L'auteur convient que la règle poor les épactes peut paraître un peu compliquée, poujque ses formules montreut le contraire; mais pour celles des trois cycles, sils n'en conviendront certainment pas, ni nous no plus. Pour faire droit à sa remarque, nons dirons qu'il y a faute d'impression, et qu'an lieu de lire et, il faut lire ou, en sorte que pai supprimé les règles des cycles comme peu uilles, et celle des épactes comme peu uilles, et celle des premières; nous examinerons sets raisons.

On lit eucore à la grème page : La Lune pascale pent différer d'un jour ou deux de la Lune raise et même de la Lune moyenne autonomique ; de là de nombreuses réclamations qui se renouvellent toutes les fois que les imperfections des épactes font retarder d'un mois la fête de Pâques. M. C. répoud que Clavius a moutré que ces retards sont inévitables (voils pourquoi l'on a eu tort, dans le principe, en réglant Pâques sur des cycles imparfaits); mais qu'ils sont moins fréquens que dans aucun autre systèmes; qu'aucun cycle n'est à l'abri de ces inconvéniens, puisqu'il n'y en a aucun qui réponde aux mouvemens célestes. Ce sont précisémeut ces aveux de Clavius qui m'ont fait conclure que l'entreprise était peu réfléchie, quoiqu'ou ait mis eusuite une graude adresse dans l'exécution. Cest parce que la fête de Pâques était souvent mal déterminée, qu'on a cru la réformation nécessaire; il fallait donc un moyen qui rendit l'erreu inmossible; il fallait donc abaudonner la Lune.

" Quant aux réclamations dont on parle, elles n'embarrassent en aucune manière les personnes qui ont une pleine connaissance du calendrier. »

Je crois bien qu'elles n'en sont nullement embarrassées, puisqu'elles connaisseut parfaitement ces irrégularités qu'on n'a pu corriger; elles y sont résignées, et uous partageons cette résignation.

Peg. 647. Mais, comme les épactes n'out plus aujourd'hui d'autre usage que de déterminer la fête de Paques, qui règle toutes les autres fêtes mobiles, je disais, uous remplacerons cette doctrine surannée par une formule de M. Gauss.

Nous étions donc en cela tout-à-fait sans iutérêt personnel, puisque nous parlions d'une formule qui nous était étrangère. Mais nous étaut aperçus depuis que cette formule cessait d'être exacte à commencer à l'an 4200, nous avous cherché nous-même d'autres solutions du problème, sans y mettre pourtant d'autre intérêt que celui de la curiosité; car qui nous répond que le calendrier subsiste eucore peudant 2400 ans, Le critique nous demande ce que nous ferons des formules pour les lettres dominicales. Je répondrai que nous les garderons, puisqu'il n'était question dans la phrase que de la table étendue des épactes et des tables de métemptose et de proemptose. Je n'appelle pas surannée une doctrine utile quelque ancienne qu'elle puisse êtré, mais une doctrine que son inutilité a fait tomber en désuétude. Le théorème du carré de l'hypoténuse n'est pas suranné, que que de beaucoup plus aucien que les épactes grégoriennes. La doctrine de ces épactes est surannée, car personne aujourd'hui u'en fait usage. Aujourd'hui le public prend tous les articles du calendrier dans les almanachs, et ceux qui font ces annuaires, les prenuent tous dans la longue table que Clavius a calculée pour 3/01 aus, depuis 1600 jusqu'à 5000. Nos formules mêmes n'auraient d'autre utilité que de donner des moyens pour vérifier la table, et corriger quelques fautes d'impression qu'on y rencontre comme partout ailleurs.

Pag. 648. Je disais que la période julienne u'a plus aucune utilité. depuis la réformation grégorienne. Le critique objecte que la réforme n'empêche pas l'usage de cette période qui ne dépend que de trois cycles qui ont continué leurs cours depuis la réformation. Il ne fait pas attentiou que le cycle solaire a été rejeté comme inutile par les anteurs du Calendrier grégorien, que Clavius l'a omis dans sa grande table, et que l'indiction non plus que le cycle solaire, ne font pas véritablement partie de ce calendrier. M. C. dit encore que l'on peut tonjours rapporter une année grégorienne à une année julienne. Je conviens de tout cela; mais la période inlienne n'en est pas moins abandonnée; il serait difficile de citer un auteur qui en fasse maintenant usage. Il demande si je la croyais utile avant la réformation; je lui dirai pas beaucoup plus. Pendant un siècle ou deux, on s'en servit comme d'une mesure générale et uniforme; mais le Caleudrier julien, prolongé indéfiniment à tous les siècles antérieurs à notre époque, suivant l'idée des astronomes qui ont introduit une année o, est une mesure bien plus simple et bien plus commode. Cette période ue nous fonruit guère qu'un problème plus curieux que véritablement utile. Plusieurs auteurs en out donné la solution. J'en ai douné une moi-même, sans y attacher plus d'importance, M. C. emploie la solution rapportée par Lalande.

Au chap. XXXVIII de mon Astronomie, tome III, p. 689, j'si dit; Les Grees divisaient les mois en décades, usage qui était plus commode que celui de la semaine, et que cependant ou a vainement tenté de renouveler de nos jours dans le calendrier français. L'auteur en induit que j'ai eu regret à la suppression de ce calendrier.

Je puis assurer qu'il a mal aisi mon intention. Ce calendier, à l'établissement duquel nons nous sommes opposés de toutes nos forces, n's para incommode à personne autant qu'amoi. Foyez ce que j'ai mis dans la Comanist. des Toms de l'an VII, et en tiéte de mes Tables du Soleij voyres cafin, dans la Comanist. des Teus de l'an Stôd, les moifs que j'à fournis à l'orateur du Gouvernement, pour demander le réablissement du Calendrier gégoriere. Notre obtaination agons servir de ce Catendrier, a fait suppriigre, en l'an IX, les Additions à la Comanissance des tems. Jamais en Astronomie nous v'en avons employé d'autre; mais, dans nos cértis, nous avons écforées de traduire nos anonces en ayle nouvean, pour ue pas voir supprimer uso auvarges. Voilà des faits plus certains que tontes les inductions possibles.

Pag. 691. Je disais : Les deux jours qu'on a mis de moins en sévrier,

pour des raisons qui ont aujourd'hui perdu toute leur importance, ont pécessité nn arrangement bizarre et difficile à retenir. Ce mois, chez les payens, était destiné à des lustrations. Numa n'ajouta rien à février ne Deum inferum religio immutaretur, dit Macrobe. Le critique trouve-t-il que cette raison soit fort intéressante pour nous? trouve-t-il un grand avantage à ce mois de 28 jours qui a nécessité deux mois de 51 de plus? trouve-t-il bien commode l'intercalation placée entre le 26 et le 25 février? Tous les modernes ne supposent-ils pas tacitement que l'intercalation est au 20? Tous les habitans de la campagne, nous dit-il, savent que ce mois n'a que 28 jours. Auraient-ils appris plus diffichement qu'il cut été de 30 jours, dans les années communes, et de 51 dans les bissextiles? savent-ils imperturbablement quels sont les mois de 31 jonrs? ne pouvait-on les placer d'une manière plus régulière et plus facilc à retenir? Cette disposition, qui borne à 28 les jours de février, est bien connue, nous dit-il, malgré sa bizarrerie; il ne nons dit pas eu quoi il peut être avantageux qu'un calendrier ait une bizarrerie.

Pag. 695, Jiai dit: Quelques savans avaient été consulés sur la forme donner à cette année qu'on voulait établir, malgré lens réclamations; en leur demandant des avis, ou possit des bases dont il ne leur était pas permis de s'écarter. En citaut ce passage, M. C. le trouve peu d'accord avec ce qu'on lit page suivante:

« Nous señons pu trouver un sutre rapporteur; mais celui suquel nous nous adresalmes n'oss proposer aucune réforme, de peur qu'on ne supprimat tôut à fait ce calendrier, au lieu de le corriger. « Je ne vois pas où est l'opposition. Un membre du comini d'instruction publique n'osa proposer le changement demandé par une commission de savans. Je n'ai pas dit que la commission touis entière rejetit le nouveau calendrier; je n'ai parlé que de quelques membres de l'Académie des Sciences, entre lesquels je pais citer Borda, Lalande et moi, qui éloins les principaux opposans. C'est à moi et à moi sel que M. G. a dit que si l'on demandait à la Convention une forme d'iutercalation plus régalière, il élait à craindre que le calendrier ne fit supprimé touta-fuit; je n'avais aucun droit de consentir à cette suppression totale an nom d'une commission treis nombrosse, qu'il était difficile de assembler, et qui comptait au nombre de ses membres des partisans faustiques de ce calendrier.

M. C. voit dans mes articles 27 — 33 du même chapitre une certaine hésitation sur la forme qu'il convenait de donner au calcudrier, dans

l'hypothèse où il serait conservé. Je demandais qu'on supprimat la sextille toss les 5600 ans, ou si l'on aimsit mieux tous les 5000 ans, ce qui serait encore plus commode et presque aussi exact. Je voulais qu'on placit l'intercatation au dernire des joure répaçombese pour la commodité du public, et pour celle des Tables satronomiques; il n'y a dans ces idées aucune héstiation, aucune incertitude.

Pag. 703, ligne 28, je disais du cycle solaire, qu'il s'accordait fort bien avec l'année julieque, et qu'on s'en servait autrefois pour détermi-

ner la Lune pascale.

Le critique répond qu'en 1200 ans, l'équinoxe était en erreur de 10 jours; ce n'était donc pay un jour en cent ans. Nul homme n'aurait assez vécu pour y voir un déplacement sensible. Les Tables astronomiques enssent été plus simples. Ce qui fait que nous ne nous entendons pas, c'est que je parle en astronome et à des élèves astronomes , et que le critique parle en ecclésiastique qui veut soutenir un arrangement que tout le monde abandonne. Je n'ai traité le problème de Pâques que comme une question numérique curieuse par ses embarras mêmes. M. C. considère la célébration de la Pâque à tel jour de l'année plutôt qu'à tel autre, comme une affaire d'État. Les Égyptiens avaient une année de 365', dont le commencement était bien plus vague que celui de l'année julienne. En 1460 ans, leurs fêtes avaient parcouru toutes les saisons, et ils regardaient cela comme un avantage. Ils tenaient spiniatrement à un usage qui, dans l'origine, n'était fondé que sur l'ignorance où l'on était sur la vraie longueur de l'année. Les pères du Concile de Nicée ignoraient que l'année était de 11' environ plus courte que 565/2; de la leur décret pour la Paque que défend M. C. parce qu'il le trouve établi , et auquel il s'opposerait, j'en suis sur, s'il s'agissait de l'établir.

Je crois la Lune fort utile à l'Astronomie, à la Navigation, à la Géo-

graphie, mais fort nuisible au Calendrier.

Parmi les raisons qui ont détermine l'Église pour régler Pâques, d'après le 14' jour de la Lune du premier mois, et que j'ai rapportées d'après Claviux, le critique me reproche de n'avoir pas cité les raisons plus soldes exposées par Eusche et Ambroise, que je n'ai pas Lus, et par Bede, que j'ai lu lang-tems après pour mon Histoire de l'Astronomie. Mais quant à Bede, tout cq n'il en cite, il me semble que je l'avais lu dans Claviux, et que j'y avais copié les expressions de chose indécente; illicite et sentant le manichéisme. Après avoir relu en entier ce passage, je n'en suis pas plus ébraulé. M. C. suppose que je suis teuté de me plaindre de ce que la fête de Pâques est reste je embolle. Je puis sasarer que la chose mest absoluer la diferencia per seria plus disposé à meu rarigiouir, puisque la réformation grégorieune m'a procuré le plaisir de voir les formules de M. C., sa démonstration et ses corrections pour les formules de Gauss, et la satisfaits du vivil, quoi qu'il cu dise, que mes formules soutiennent au moits la comparsion avec les siennes. mes formules

I-vasa dit, d'après Clavius, que le calendrier ne sentit plus aussi exact après l'an Stoo. Ce malheur ne me paraissit ui assez graud, ui assez prochain pour que je cherchasse à le prévenir. En examinant la chose plas attentivement, M. C. y trouve une nonvelle raison d'admirer le Calendrier grégorien. L'erreur n'ira pas eu gl'ossisant, pour deveuir très sensible en 8100; elle nultra en uu jour, et se corrigera assistit en un les lours et cette heureuse compensation aura luci d'élle-mème tous les 14000 ans. Il suffira de passer d'une ligne à une autre daus la table ciendue des factes; il suffira d'augmenter d'une unit le constante d'une formule, pour la rendre aussi juste qu'elle l'est mointenant. Dour moi, qui trouve déjà le problème troy compliqué, je dirai avec Clavius cuar hace posteris relinquenda. Au lieu d'admirer en cela l'excellence du calendrier, j'y vois seulement une règle de plus, et cette règle un ette d'une chorier, j'es seulement une règle de plus, et cette règle un ette été et et le règle une cur reçue de l'est été de l'au le cur de l'est été de l'au de la comment, puisqu'elle dépendre des erreurs qu'on reconnaître dans les mouvemens supposés du Soleil et de la Lanc.

M. C. termius esc observations par cette phrase: Les formules de le Delambre, pour le aclaul de Paques, nous parsissent peu utiles; celle de la lettre dominicale et celle de l'épace sont trop compliquées, et les autres demandeut quedque attention au changement des signes de les valents de set de la Quant à ces changemens de signes, on n'en voit plus acceu dans les exemples que nous s'evon donnés; et si les ramules de et de l. Iui paraissent trop compliquées, que penserous-nous des siemes, donn l'évaluation numérique est encore plus longe, mol lorsqu'on s'en tient à celle de ses formules qu'il préfère à toutes les autres.

Dans un appendice sur les fêtes mobiles, il donne les équations suivantes, qui résultent évidemment des faits que nous avous rapportés.

Soit m le jour de Paques;

Septuagésime =
$$\tau$$
 - 65,
Cendres... = τ - 46,
Rogations... = τ + 36,

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

Ascension... = π + 59, Pentecôte... = π + 49, Trinité.... = π + 56, Fête-Dieu... = π + 60.

La dernière de ces formules nous servira à démontrer une remarque communiquée à Lalande par Louis XV.

 π ciant le jour de Pàques, $(\pi-1)$ sera le Samedi-Saint et l'on aux Fète-Dieux $(\pi-1)+\delta(\pi-$

Pour la Septuagésime et les Cendres, il faut avoir égard de plus à l'intercalation; mais Septuagésime = m-enet semaines ne peut nous tromper, car la Septuagésime est toujours un dimanche; les Cendres sont un mercredi, ce qui prévient l'erreur; les règles que nous avons données paraissent aussi simples et aussi sûres.

M. C. Joane ensuite des règles en faveur de ceux qui ont chaque jour à dire leux hrévaires cons onus perneutrons de les ometter; il explique l'usage des épactes pour trouver l'âge de la Lune. Il avoue les erreurs de ces méthodes, et il prévient son lecteur qu'il sera peu satisfait de ces pratiques, qui ne laisseut pas que d'être utiles en quelques circonstances.

En parlant du cycle solaire, il convient enfin qu'il est inutile dans le Calendrier grégorien; il oublie qu'il nous a reproché d'avoir dit la même chose avant lui.

Il ne dit rien de neuf sur le nombre d'or; il convient que le cycle des indictions n'a aucun rapport au calendrier, et cependant il est extrémement surpris que quelques modernes l'aient jugé tout-à-fait inutile.

Il parle d'un autre cycle lunaire qui commeuce trois ans après celui du nombre d'or. Il peut, comme plusieurs autres, servir à la vérification-des dates, et nous renverons au livre qui porte ce titre. Il remarque en passant qu'on distingue trois sortes d'énactes.

La première a pour formule $\left(\frac{11(N-1)}{35}\right)_{r}$; la seconde, dont la formule

est $\left(\frac{11N-3}{50}\right)_r$, donne les 19 épactes du Calendrier grégorien, prises aux

jours de l'année où étaient placés les nombres d'or de l'ancien calendrier qui servait au mun de Coocile de Nicée. Ces épactes en doune lleux, diffèrent des lieux occupés par le nombre d'or; mais elles s'accordent pour les Lanes pacales, ce qui suffit à M. C. Las trollème septes celle da Calendrier grégorieu; ou speut dire que ce sont les seules qui soient aujourd'hui généralement connues.

Selon lui $\binom{A+9}{8}$, est le cycle solaire; mais il nous avertit qu'on aurait mieux fait d'en mettre l'origine en l'au 457=553=-75; alors ou anrait le cycle dont nous avons parlé, et qui ramène les Pàques du Calendrier julien.

 $\left(\frac{\Lambda+1}{19}\right)$, est le cycle lunaire, $\left(\frac{\Lambda+3}{15}\right)$, l'indiction, $\left(\frac{\Lambda+1}{559}\right)$, le grand cycle pascal de Denis-le-Petit. La formule usuelle serait $\left(\frac{\Lambda+457}{559}\right)$.

Nous avons dit que la réformation grégorienne avait trouvé bien des contradicteurs; pour ne citer que les plus célèbres, nous pourrions parleir eit de Scaliger et de Viète. Clavius les a tous deux rédatés fort longuement; nous renverrons à son Traité du Calendrier, où l'on trouvera les objections et les réponses. Mais nous avons promis (tom.111, p.483) de parler du Galeudrier de Viète. Il partageait l'opinion de tous ses contemporaits sur la occessité dune réformation; mais il crut voir qu'elle n'avait pas été bien exécutée par les Souigènes de Grégorier XIII. Dejà dans le XX'e bajetire de ses réponses diverses, il avait promis de dénoncer les erreurs commises, et d'en indiquer le remède. Ce ful l'objet de l'orrarge qu'il nititals:

Francisci Vietæ Relatio Kalendarii verè Gregoriani ad ecclesiasticas doctores, exhibita Pontifici maximo Clementi VIII, anno Christi 1600 jubilæo.

Il s'y propose de démontrer que le Calendrier réformé n'est pas vraiment grégorien; qu'il n'est pas même celui de Lilio. Il lui semble que dans son mécontentement coutre les réformateurs qui ont gâté son ouvrage, Lilio. s'écrie:

πολλών ιατρών είσοδος μ' απώλεσεν;

le grand nombre de médecins m'a tué.

Il enseigue ensuite la construction d'un Calendrier qu'il dit perpétuel et vraiment grégorien. Il prend pour point de départ le 8 mars, premier germe pascal. Pour éviter les inconvéniens du doublement des épactes, il a imaginé d'omettre une de ses 50 épactes six fois dans une année; Il serait trop long d'exposer en entire son nouvezo système; il en été si content, il doutait si peu du succès, qu'il fit imprimer ce calendrier dans le même format que celui de Grégoire XIII, et précédé de la Bulle du pontife. Clavis, qu'il avait personnellement stategué dans cet écrit, défendit son ouvrage, et se défendit lai-même, mais avec modération, et en rendant toute justice au mêmit de son adversaire.

Viète fait neuf objections ou neuf critiques du Calendrier de Clavius : il lui reproche des lunaisons de 31 jours. Il est vrai qu'il s'en trouve quatre en 3400 ans, dans le Calendrier grégorien ; mais Clavius demontre à Viète qu'elles seraient bien plus fréquentes dans celui qu'il propose. Dans le premier du moins elles n'arrivent jamais que par l'effet des intercalations, an lieu qu'elles ont lieu sans auenne cause etrangère dans le système de Viète, à qui Clavius reproche avec bien plus de raison des lunaisons de 28 et même de 27 jours. Les autres reproches sont encore plus mal fondés, et Clavius paraît les rétorquer avec le même avantage. Au reste, c'est ee que nous n'avons pas pris la peine d'examiner bien sérieusement. Le Calendrier grégorien, bon ou mauvais, est resté; celui de Viète paralt encore moins simple et moins commode, sans être même aussi bon. Ce ne sont pas ses erreurs inevitables que nous reprochons au Calendrier de Grégoire; elles n'ont à nos yeux aucune importance. C'est sa complication si parfaitement inntile, et nous en avons indiqué l'unique remède; c'est ce qui nous dispense d'entrer ici dans de plus longs détails.

Les limites paicales étant le 22 mars et le 25 avril, qui équirant la 56 mars, le jour de Pajuras peut olecaper dans le caleudrier 55 places différentes. L'année d'ailleuirs peut être commune ou bisseville, la plupart des fêtes mobiles suivent l'intercalation, mais quelques-unes aussi la précèdent. Il en résulte que le Calendrier cedésiastique peut avoir 70 formes différentes; il est vrai qu'on peut les réduire à 35, en dounant double colonne aux mois de janvier et de février.

Ces 35 calendriers sont imprimés à la suite l'un de l'autre dans le Traite de Clavins et dans l'Art de vérifier les Dates. M. l'abbé Tittel vient de les reproduire sous une forme abrégée dans l'ouvrage intitulé :

Methodus technica brevis, perfacilis ac perpetua construendi Calendarium ecclesiasticum, stylo tam novo quam vetere, pro cunctis christianis Europæ populis, data que chronologico-ecclesiastica omnis ævi examinandi atque determinandi. Autore Paulo Tittel. Goettinguæ, 1816.

L'auteur ne pense pas que le Calendrier ecclésiastique soit aussi simple que le prétend M. C.; il se plaint au contraire de ce qu'il n'existe encore aucun ouvrage qui donne des movens assez commodes pour le calculer. Les uns sout trop volumineux, les autres insuffisans, et aucun n'offre la généralité qui serait à désirer.

La table des fêtes mobiles de M. T. emplit 8 pages de 35 lignes, toutes marquées de leur numéro qu'il appelle nombre festival, Soit F ce nombre, nous aurons π-2:=F: π étaut le jour de Paques, compté eu jours du mois de mars jusqu'à 56. Le problème qui enseigne à trouver F pour une année quelconque, est douc le même que celui qui fait trouver m.

Dans le Calendrier julien, M. T. le trouve par une table qui dépend de la période de 532 ans, ou par une table plus courte, mais à deux entrées, dont les deux argumens out une grande ressemblance avec la lettre dominicale et le nombre d'or.

Pour le Caleudrier grégorien, il cherche d'abord une équation solaire par la formule

$$0 = S - \left(\frac{S}{4}\right)_e = \left(\frac{3(S+1)}{4}\right)_e,$$

au licu de S, il met la lettre K.

La seconde expression paraltra sans doute plus algébrique à M. C., parce qu'elle n'est composée que d'un seul terme; mais, dans le fait, l'évaluation numérique en est plus longue : prouvous que du moins les deux formules sont identiques.

Soit
$$K = 4n + x$$
, $K - n = 5n + x$.

x ne peut être que o, 1, 2 ou 5; toujours x < 4, $\binom{x}{7} = 0$,

cette expression est générale pour le dénominateur 4. Soit K = (S-16) nous aurons

$$b = (S - 16) - (\frac{S - 16}{4})_e = (\frac{3(3 - 16 + 1)}{4})_e = (\frac{3(S - 15)}{4})_e$$

Nous aurious donc pu réduire à un terme unique notre valeur de b (p. 19) qui nous sert pour la lettre dominicale et pour l'épacte. Ainsi (p. 19)

$$S=49$$
, $(S-15)=54$, $5(S-15)=102$, $(\frac{102}{4})_{c}=25=6$.

Nous préférons l'autre manière qui se déduit plus immédiatement des principes du calendrier.

L'équation solaire de M. Tittel est

$$S - {S \choose 2} = B$$

la nôtre est

$$(S-16)-(\frac{S-16}{4})=b.$$

Nous aurons

$$B - b = S - {S \choose 4}_e - (S - 16) + {S - 16 \choose 4}_e = 16 - {S \choose 4}_e - {S - 16 \choose 4}_e$$

$$= 16 - {16 \choose 4}_e = 16 - 4 = 12 = \text{constante};$$

en effet, pour 4900,

$$S=49$$
, $\binom{8}{2} = \binom{49}{2} = 12$, $S-\binom{8}{2} = 49 - 12 = 57 = B$

$$\mathbb{C} = \left(\frac{8.5 + 13}{25}\right) + 2;$$

on peut écrire

$$\mathbb{C} = \left(\frac{8.8 + 50 + 13}{a5}\right)_c = \left(\frac{8.8 + 63}{a5}\right)_c = (0.52 \,\mathrm{S} + 2.52)_c;$$

notre formule est

Ces deux expressions ne différant que dans les dixièmes, peuvent passer pour identiques, puisque l'on ne doit en prendre que les eutiers.

Nos équations luni-solaires = (0 - C) différeront donc de... 5. L'anteur donue une seconde expression de C, mais elle est plus

Compliquée et sujette à exception.

Pour avoir son nombre F, il donne une première méthode qui lui appartient, et une seconde qu'il a tirée des formules de M. Gauss. Elles sout toutes deux sujettes aux mêmes exceptious.

M. T. se propose cusuite ce problème : La différence des styles étant donnée, trouver à quel siècle elle appartient. Nous avons prouvé cidessus la formule

$$d = 10 + (S - 16) - \left(\frac{S - 16}{4}\right)_{e}, \text{ d'où } d - 10 = (S - 16) - \left(\frac{S - 16}{4}\right)_{e},$$

$$4d - 40 = 4S - 64 - S + 16 \pm 5.S - 43, 4d = 3S - 8,$$

$$5.S = 4d + 8 = 4(d + 2);$$

aiosi $S = \frac{4(d+n)}{3}$; c'est la règle que M. T. donne, comme toutes les autres, saus démonstration. Si l'on demande, par exemple, en quel siècle d sera de 565 ou d'une aunée entière,

$$d+2=367$$
, $4(d+2)=1468$,

dont le tiers

ainsi l'année julienue 48900 commencera le même jour que l'année grégorienne 48901; en effet

Les autres problèmes que l'auteur se propose unt résolus ci-dessus par uos formules, ou ne sont pas de notre sujet.

Dans l'article suivant, M. T. uous apprend comment la réformation grégorieune fut accueillie par les divers états de l'Europe.

A Rome, elle a commencé le 5 octobre 1582, selon le décret.

Dans la France proprement ditc, le ‡ décembre de la même année. En Alsace, le 1 février 1682.

En Allemagne, l'empereur Rodolphe II fil long-tens de vaius efforst pour la faire adopter. Les dista de l'empire aviaent été choquée du ton impérait que le pape avait pris dans sa Bulle; à force de sollicitations, il partini à la faire agréer par les étais catholiques, en 1584, Les protestans conservérent le Calendrier jolien. Cependant le l'april 1600, ils embrassèrent la réforme pour éviter l'inconvreinent des doubles dates; pour ce qui regarde les fiétes mobiles, ils se frent un troisième style qu'il sappellèreut corrigé, De là de nouveaux embarras qui ne cessèrent qu'il 1754, pas l'influence de ur oid e Prusse, l'écdérie II.

L'exemple des protestans fut suivi en tont par la Suède, le Dancmarck et l'Helvétie entière, à la réserve de quelques villages qui, en 1811, cédèrent à la force armée, aux menaces et aux amendes.

La Hongrie adopta le nouvean calendrier en 1588, en témoignant authentiquement ses regrets pour les auciens usages, et déclarant formellement qu'elle ne cédait que par déférence pour son roi.

La Pologne l'avait reçu en 1586, malgré une sédition que ce changement avait occasionnée à Riga.

L'Angleterre l'adopta pour les actes civils seubement, le 2, septembre 1752; mis pour les fêtes mobiles, elle a crès au nytle particulier. M. Tittel en donne les formules, qui sont sujettes aux mêmes exceptions que celles de MM. Gauss et Ciccolini. Au reste, il nous averti, tinissant, que pendant les XVIII et XIX siècles, il n'y a aucune différence catre les deux styles pour le nombre festive.

La réformation grégorienne n'eut donc pas tout le succès qu'on paratte. Elle n'offrait réfellement qu'un point qui ett quelque "avautage, l'intercalation qui fixait aux mêtes jours de l'année le commencement des diverses sissons. Ce point, s'il chi été le seul, aurait probablement obtenu l'assentiment général. On devait laisser à chaque église le soin glarranger ses fêtes comme il lui conviendent; et garder ure es sigit un sêunce prudent. On peut soupponner que le but principal de la cour de Rome Etait d'excreer sa suprématie à la faveur d'un changement qui, dans la réalité, présentait quedques avantages. Ce fot du moias l'intention qu'on lui prêta, et c'est ce qui fit naître tant de résistances.

Calendrier universel des catholiques et des protestans, avee des tables

indicatioes, pour y trouver toutes les années de l'ère chrétienne, depuis 1 jusqu'à l'an 2200, et une introduction chronologique à l'Histoire du Calenégier, par Jean Henry Voigt. Weimar, 1800, 1 vol. in-8.

Ce volume se compose de 55 calendries séparés et unmérotés, et précédés d'une balle où l'on tovore pour chaeume des 2000 premiers enuées de l'ère chrétienne, l'indication du calendrier qui lui convient. Ce sont 35 almanachs complets, en français et en allemad, avec les fétes mobiles et immobiles, et les noms des saiuts. Cet arrangement commode rend inutiles, pour un long tenns, toutes les règles et toutes les formules, aussi l'auteur n'eu donne aucune; expendaul son discours préliminaire est nne exposition claire et suffisante des principaux articles du calendrier, statemalée de rangarques historiques fort intéressaules.

Des diverses intercalations.

L'intercalation est un article fondamental pour tout calendrier qui veut donner un commencement fixe à l'aunée et à ses diverses saisons. Les Égyptiens s'en passaient fort bien cependant, mais leur anuée était vague, ce qui était fort indifférent pour leurs astronomes.

La plus simple de toutes les intercalations est saus contredit celle da Calendrier julien. Elle suppossi l'amoré de 565 ; jours, c'està-d'ier trop longue de 1 n minutes et quelques secondes qui, en cent ans, pouvaient produire de 4 a 45 heures dont le commencement de l'annér estado de la plas longue vie, il était impossible à tout autre qu'à un stronome d'en avoir le moindre soupcon. On serait done bien fondé à regretter qu'un arrangement aussi simple rait pas subsisté. Nous avons dit et apprécié les raisons qui out déterminé l'Église latine à une réformation que la greeque n'à point encore adopté.

L'année peut être supposée de 565,2/2022; si l'on réduit en fraction continue le retard moyen de l'équinoxe pour une année de 365 jours, on aura pour approximations successives les fractions \$\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}

La première donne un jour intercalaire tous les quatre ans, c'est heaucoup trop.

La seconde donne sept jonrs intercalaires en 29 ans, c'est un peu moins que la première qui en donnerait sept en 28 ans. L'interealation se ferait six fois de suite de quatre en quatre ans, la septième se ferait ensuite au bout de cinq ans.

Hist, de l'Ast, mod. Tom. I.

La troisième 33 donnerait huit bissextiles en 53 aus, la huitième n'aurait lieu qu'au bout de 5 ans.

La quatrième $\frac{31}{128}$ serait bien incommode, $\frac{51}{128} = \frac{3.8 + 7}{3.33 + 29}$; la règle d'intercalation serait complexe; ce sont réellement quatre périodes, trois de $\frac{1}{12}$ et une de $\frac{7}{12}$.

La cinquieme $\frac{56}{16i} = \frac{51+8}{128+33} = \frac{4.8+7}{4.53+89}$, est composée de quatre périodes de $\frac{6}{12}$ et d'une de $\frac{2}{12}$.

Nous supposons ici l'année composée de 365 5 48 48" = 365,2422222 ce serait trop peu que de la supposer de 565.5.48.42 = 565,242152 ce serait trop que de la supposer de.... 365.5.48.54 = 565,242292.

Soit F la fraction de jour et $n=\frac{1}{F}$; faites la table des 19 multiples de n, et vons verrez d'un coup-d'œil les différentes manières dout on peut intercaler, et le degré d'approximation de ces manières.

| Numé- | 51 48' 42". | 5ª 48' 48". | 54 48' 54". |
|-------------|--|--|--|
| rateurs. | n. | n, | n. |
| 2 3 | 4,12967 | 4,12844 | 4,12796 |
| | 8,25934 | 8,25688 | 8,25592 |
| | 12,38901 | 12,38532 | 12,38388 |
| 4 | 16,51868 | 16,51376 | 26,51184 |
| 5 | 20,64835 | 20,64220 | 20,63980 |
| 6 | 24,77802 | 24,77064 | 24,75776 |
| 7 8 9 | 28,90769 33,03736 37,16703 41,29670 | 28,89908 33,02752 37,15596 41,28440 | 98,89579 33,02368 37,15164 41,27960 |
| 31 | 128,01977 | 197,98164 | 127,96676 |
| 39 | 161,05713 | 161,00916 | 160,99044 |
| 79 | 289,07640 | 988,99084 | 288,95720 |
| 109 | 450,13403 | 450,00000 | 449,94764 |

Il suffit de jeter les yeux sur cette table pour apercevoir les périodes $\frac{3}{4}, \frac{7}{15}, \frac{1}{15}, \frac{17}{15}, \frac{17}{1$

On voit en même tems, par les décimales, quelle serait l'erreur de la période; ainsi l'on aurait

La vraie longueur de l'année est certainement entre les limites que nous avons posées; ainsi de toutes manières les périodes $\frac{1}{27}$, $\frac{1}{127}$, $\frac{1}{27}$, $\frac{1}{27}$, $\frac{1}{27}$, auront une exactitude suffissate pour la praique. La plus commode est-sans contredit la dernière, qui n'exige qu'une modification insensible à l'interchalsion grégorieune.

En effet

$$\frac{109}{160} = \frac{8,109}{9,160} = \frac{872}{3600} = \frac{900-28}{3600} = \frac{900-27-1}{3600} = \frac{1}{7} - \frac{3}{700} = \frac{1}{7}$$

les deux premiers termes donnent l'intercalation grégorienne; le troisime nous fait voir qu'il suffirait de rendre communes l'année 5500 et tous ses multiples, pour faire accorder notre calendrier civil avec la fraction 5/48/48. Mais cette fraction n'est pas encore bien sûre; on pourrait provisoirement écrire $\frac{1}{5000+2}$, Jaissent aux siècles futurs à déterminer x. Mais soit x =400, la formule d'intercalation deviendre.

$$\frac{1}{4} - \frac{3}{400} - \frac{1}{4000} = \frac{1000 - 30 - 1}{4000} = \frac{969}{4000} = 0,24225 = 5^{4}48'50''4;$$

cette valeur s'accorde un peu mienx avec les nouvelles tables du Solcij la correction seruit encore plus facile, puisque ce seraient les annéss multiples de 4000 qui deviendraient communes; la correction ne trouhleriat en rien l'order recu, puisque la première suppression n'arriventi que dang 2180 ans. Nons ne craindrious qu'une seule difficulté, celle de drier adopter simultanément, par tous les états cheftiens, une correction si facile et si légère, à laquelle pourtant ils auraient eu bien du terns pour se disposer.

On a souvent parlé d'une intercalation persane dont on a vanté l'exactitude. Moutuels dit qu'elle était celle que donne la fraction 37.
Il l'attribue, j'ignore sur quelle autorité, au sultan Mélic-Schah, ou plutôt à l'astronome Omar Cheyam qui nous était parlaitement iuconnu.

Mais, dans notre extrait de l'Ayeen-Albery, tume III, page 252, il est parlé de l'ère de Mullik Ashah, qu'un nomme aussi ère jilaléenne. Avant ce tems, ils suivaient l'ère persane; mais avant négligé les intercalations, le commencement de l'année était déplacé, Par l'ordre du sultan Jilaleddeen Mullik Shah Siljukee, les efforts d'Omar Kheyam et d'autres savans, formèrent cette ère, et firent commencer l'année au point d'Ariès. D'abord les ans et les mois étaient naturels, maintenant le mois est artificiel et de So jours, et à la fin d'iffendiar, ils ajoutent cinq ou six jours. Ce passage confirme et explique ce que nous avons tiré de Chrysocucca, en qui nous avnuerons que notre confiance n'était pas grande. Le préambule de Chrysococca ressemble trop à la Préface où Montesquieu nous dit gravement qu'il a trouvé chez un évêque grec le manuscrit aucien de son Temple de Gnide; nous étinns fort tentés de croire que Chrysocucca n'avait imaginé sa fable que pour donner quelque crédit au Traité superficiel d'Astronomie qu'il avait enmpnsé d'après les cerits des Grecs et une connaissance vague du calendrier des Persans.

Quoi qu'il en soit, dans untre extrait de Chrysencea (tome III, p. 1937, nons avans danné fidètement, d'Après le teste gree, mut ce qui concerne ce calendrier. Il n'y est nullement question de l'intercabition de unit jours en trente-trais ans. Il y est dit simplement que l'année hapsia est de 506 juurs, et qu'au bout de 120 ans, ces juurs fiurtifs formet que un mois de 50 juurs, ce qui parsift fort biarre l'abmutulea, qui siont est de 160 juurs, et qu'au bout de 120 ans, ces juurs fiurtifs formet que ce calendrier a pour époque le 1/4 du mois de mars 1079, et que l'intercabition de 161 de nut les Persans font tusse deupsis ce tems. Chrisconcea nous dit encore que Melisa ordonns que l'année commencerai à l'entrée du Soleil dans l'e Belière, de sorte que de mois en mois le Soleil deux l'e Belière, de sorte que de mois en mois Le Soleil deux l'es Belière, de sorte que de mois en mois Le Soleil deux l'es Belière, de sorte que de mois en mois de 50 jours, tels que ceux des Persans.

Scaliger nous dit que dans cette forme d'année, la hissettile n'a lieu quelquefois qu'à la cinquième année, et Bouillaud rouve cette conjecture très-vraisemblable. En effet, cette année qui cummençait à l'équi-noue du printens, deurà avoir une grande ressemblance avec l'année française qu'un faisait commencer à l'équinne. Dans l'une comme dans l'autre, les intercalations ne puvaient être que trés-irréculières. Ainée pour les 524 premières années de noire caleutière éphémère, j'avais trouvé que les intercalations devaient être retardées d'un an, aclon des périodes de

55, 29; 55, 53, 29; 53, 29; 55, 55, 29; 55, 53, 29, etc. (Connaiss. des Tems de l'an VII, 1798—1799.) Ces périodes ont un rapport évident avec les fractions j_i et j_i , dont lune surpasse. Audeur vériablé et l'autre en est surpassée. Si dont le Persaus commençient leur année à l'équinoxe, les intercalations deviaent venir le plus souvent de quatre en quatre en, mais quelqué des aussi au bout de cinq ans. Pétus, dans son chapitre de l'année persaus sussi au bout de cinq ans. Pétus, dans son chapitre de l'année persaus janvons si la conjecture de Scaliger était, comme la nôtre, naiquement fondée sur un calcul mathématique.

Schah-Cholgius, dans le livre que nons avons extrait, tome III, p. 196, ne nous donne, sur ce point, aucun éclaircissement; dans la aecoude partie de ses Tables universelles, chap. II, initialé Ére nouvelle, nommée aussi Ére de Mélhit, on lit le passage suivant:

« Les savans qui vivaient dans le tens du sultan Mélik-Shab, ficirent une ère correspondate au règle en du sultan plètaded-dyn et dout les mois ont conservé les noms des mois persans; mais ils rétablirent ces mois dans leurs acciennes limites, et les nommèrent mois diplatieux. Or, la première année de cette époque est un jour remarquable, il commence an moment où le Soleil entre dans le point de l'équinoxe du printens, c'est-dire le premier jour du printens vra. n'

A ce passage, M. Langlès sjoute (Voyage de Chardin, édit. de 181, 100 mel 1, p. 255): « Les savans dont parle Charbh-Nolelgy etisient au nombre de buit, el l'époque qu'ils fixèrent répond au 14 mars 106-en (je mandhan 47): ji là décréitent que l'équitose serait invariablemen fixè au jour qui répond au 14 de notre mois de mars, et qu'outre les cinq épagomènes, chaque quatrième année, sic ou supt fissi de suite, on en ajouterait un sixième. Après, l'intercalation n'aurait plus lieu qu'une fois tous les cinquans. »

lei M. Langles parati copier Wolf, dont il cite le conr de Mathématiques. En effic, au tome IV, p. 100, Wolf nous assure que l'intercabition des Persans consiste à placer la bissex île six ou sept foir de suite, de quatre en quatre ans, et à diffèrer ensuite jurqu'à la cinquième année. Sexies vel septies quadriennio, deimb semel quinto demum. Cette explication est encre equivoque. Wolf st-il, voulu dire qu'après avoir intercalé six fois de suite, de quatre en quatre ans, on attendait cinq ans pour placer la septième bissextille; et qu'ensuite après avoir intercalé sept fois de suite, de quatre en quatre ans, on attendait cinq ans pour la huitème intercaliton. En ce ces, l'intercalation persane serait exprimée par la formule $\frac{7+8}{9+35}=\frac{15}{95}$, formule asses inexacte, puisque

les deux périodes partielles sont

```
7:28,89908 dont l'erreur est — 0,10092,
et 8:53,02752 dont l'erreur est + 0,02752,
d'où 7+8 = 15:61,92660 dont l'erreur est — 0,07340,
```

plus forte que celle de 4, et plus faible que celle de 2.

Il se pourrait aussi que Wolf, ne sachant pas au juste quelle règle saigient les Persans, ait coniecture d'après Casigner et Bouillaud, qu'ils intercalsient suivant l'une des deux formules ; ou j'i); cette dernière interprétation parait plus naturelle, et Wolf aurait et raison de dire que sir ou sept fois de suite la bissextile était place à la quatrième année, après quoi on attendait la cinquième, d'où l'on tire les conclusions suivantes:

Les textes anciens, grese ou orientaux, ne nous approment rien, les univeus moderne ne nou efferte que des conjectures qu'ils r'appuent d'aucune autorité. Le fait est que nous ignorons encere quelle étuit réellement l'airectailon personse; que la hôtre est indiciment plus commode, et qu'il ne tient qu'à cous de la rendre plus exacte qu'aucune des trois manières que spus pourriois stitubre aux Persai.

Il y a toute apparence que Wolf et Montucla se sont trop pressés d'exalter les anciens à nos depeus. Scaliger et Bouillaud avaient remarque l'entrée du Soleil au Bélier déterminant le commencement de l'année . l'intercalation ne pouvait être uniforme , et que quelquefois elle devait être remise à la cinquième année. Wolf avait indiqué les périodes 70 et 8 sans dire si c'était l'une ou l'autre, ou les deux réunics ; Montuela se décida pour la plus exacte; il crut avoir fait une découverte, et la vanta outre mesure. Il ne songenit pas que le mérite d'une intercalation ne réside pas dans la propriété de ramener le commencement de l'année bien précisément à la même longitude du Soleil, ce qui d'ailleurs est impossible, mais dans la facilité qu'elle offre pour reconnaître promptement si une année quelconque est commune ou bissextile. et combien d'intercalations ont eu ou auront licu dans un intervalle donné. ()r, à tous ces égards, notre intercalation mérite la préférence; tout y dépend du nombre 4, au lieu que par l'intercalation de Montucla, les bissextiles seront tantôt paires et tantôt impaires. Voici les premières.

il est vrai qu'il suffirait de connaître les bissextiles retardées qui forment la progression arithmétique 0, 33, 66, 99, 152, 165, 198, 231, etc.; les autres se placeraient dans les intervalles de 4 en 4 ans; malgré cette remarque, ou sent tous les incouvéniens d'un pareil système. C'est pour le public et pour les chronologistes que l'on fait les intercalations, les astronomes n'en ont aucun besoin, ils s'en passeraient volontiers ; leurs tables et leurs périodes u'en seraient que plus uniformes et plus commodes. Ajontez que la période de Montucla ne satisfait point à la condition principale du Calendrier persan, laquelle est que l'année commence par le jour où le Soleil entre dans le signe du Bélier; cette condition exige une règle d'intercalation complexe, du même genre que celle du calendrier français. Il est vrai que d'après le passage extrait ci-dessus des Tables universelles de Chab-Koldgius, on pourrait penser que l'instant de l'équinoxe vrai n'a réglé que le premier jour de l'ère. Alors la période & serait admissible, mais elle resterait avec tous ses autres inconvéniens.

Quelle que făt la règle qui déterminait le premier jour de l'année, Ferreur ne pouvait jamais être d'un jour eutier, mais la période de 55 ans pouvait commencer à l'onc des quatre premières années de l'ère, ce qui aurait dépende de l'heurer de premier équivone. Ainsi, d'ans notre année française, c'était la 5° qui s'était trouvée bissextille; il se pourrait que dans Fère de Méll.-Chab ; c'et télé l'onne des quatre premières; pour décider ce point, il faudrait avoir- la collection des éphémérides persanes composées à cette éroque.

L'erreur d'un jour à peu près sur le commencement de l'année est inévitable, quand on ue veut point de fraction de jours; elle est donc commune à tous les calendriers.

La règle de Moutucla us fera que sept intercalations en 55 ans, in fraction uégligée en exigerait 7,75 l'erreur sera donc de 2 de jours. Mais en 55 ans, ou aura huit bissextilles, il u'en faudrait que 7,955 l'erreur sera presque insensible, et elle aura changé de signe. Elle s'ac-grottra cependant à chaque période ; elle sera d'un jour entière en l'an 6,950. L'erreur de l'intercalation grégorieune sera d'un jour à la 200° année, saivant uotre première supposition ; suivant les dernières tables ; l'erreur d'un jour à lura lien qu'au hout de 6,000 ans ; la différence en elle-même ent hieu pen importante et la correction est blien plus facile dans le Calendrier grégorieu. L'avantage reste donc à ce calendrier.

Cassini a imprimé dans le tome X des Mémoires de l'Académie, que

dans chaque période de 400 années grégoriennes, les équinoxes épronvaient une variation de plus de deux jours. Il proposait deux manières pour fixer invariablement l'équiuoxe au même jour de l'année, sans que jamais la variation fut d'un jour entier. Il n'a pas donné les élémens de son calcul, dont le résultat nous paraît exagéré. La plus grande irrégularité de l'année grégorienne, doit se rencontrer dans les sept années communes qui se suivent autour des années centenaires communes. En oß ans, on a fait 24 bissextiles an lieu de 23, 25; on est en avance de 2 de jour; en 103 aus, on n'aura fait encore que 24 bissextiles au lieu de 24,95; on sera en arrière de 0,95. Or, 0,95 +0,75=1,7 La variation n'ira donc pas à un jour trois quarts, l'erreur réelle ne sera même pas d'un jour entier. Mais qu'importe au public que l'erreur soit d'un jour sur l'équinoxe, ou même que la variation soit de deux jours. Pour diminuer cette variation, Cassini proposait deux moyens. Le premier était d'intercaler huit fois en 53 ans, depuis l'an o jusqu'à l'an 506. Là il placait une interruption pour recommencer une nouvelle période de 400 à 796 et ainsi de suite. Il proposait encore de ne point interrompre à l'an 400, mais d'attendre à l'an 1118, et tout cela par respect pour la décision du Concile de Nicée. Il pensait douc que la période & avait besoin de correction, et cette correction même ajoutait à la complication de la méthode. Il donne toutes ces idées comme de lui seul, sans faire aucune mention des Persans, à qui, sans Montucla, personne aujourd'hui ne songerait sans doute. .

Puisque nous avons été conduits à citer Chardin, profitons de l'occasion pour tracer, d'après ce voyageur, le tableau de l'Astronomie moderne des Persans.

Chardin, dans son Forgeç de Perso, nous siti que les Persos n'upprement guére l'Astronoire que pono l'Imora de l'Astrologic, noi ils nous semblent les dignes successeurs des Chaldéens. Le chef des astrologues joui d'un traisement de 100,000 livres le second astrologue en a 50,000. En l'an 1250, le sultan Reven-el-Davel fit calculer, par le président de son Observatoire Abou-Haniré, de Tibbles qu'on dissi for texeles. Ces tables us cont pas embarrassées de prostaphérèses, comme e sont les nôtres. Ou ne tient compte ni de l'Obliquité, ni de la précession des équinoxes, ni de cent sutres anomalies, qui accadhent de travailu nétudiant. Leurs principans instrumens sont l'astrolabe et le bâton de Jacob. Cet échantillon du savoir person doit nous suffre. Sits ont de Jacob. Cet échantillon du savoir person doit nous suffre. Sits ont Montscla, que ce ne peut être que par hasard. Il y a grande apparence qu'îl en est de cette intercalaion comme de la période chaldéenne du retour des éclipses, et qu'elle est le fruit d'une imagination moderne qui, d'après les connaissances actuelles, se sera permis d'interprêter quelque passage obscur d'un sulcur ancien. Scaliger hasarde une conjecture, Bouillaud la trouve fort vraisemblable, Montscla la regarde comme un fait. Rien de plus facile à trouver que les fractions \tilde{y}_1 et \tilde{y}_1 . Montscla choisit la dernière comme la plus exacte; il la donne sux Persans et à l'astronome Omar Cheyam, sans nous dire où il a pris ce nom; au reste, M. Sédillot nous a promis de faire des recherches sur cet astronome peus connu, et sur l'année qu'on loi attribue.

Note de M. Sédillot sur l'intercalation gélaléenne.

(Cette note nous est remise par l'auteur à l'instant où cette feuille ellait être tiefe; elle lère roca nos dourse, confirme nos conjectures, nous donne der faits positifs qu'il était impossible de dévince, et enverse le système accedéte par Montocha nors soume preuve.)

« On sait que l'ère gillalemne, simi nommie de Gilal-Eddin Malek-Schah, date de la riformation du Calendrier persan, fairs par ce prince quelque tenus parès son aviament à l'empire. L'époque astronomique de cette ére est le midi qui pricéde immédiatemnt l'empire. L'époque astronomique de cette ére est le midi qui pricéde immédiatemnt l'empire du Soleil dans Arries, ou le passage du Soleil à l'équinox en l'au torp de norte ére; le jour suivant et le premier de l'ére et de l'an i de Gelal-Eddin. Les années du classifier ceut s'adaix varies; le mois d'essiset l'étre sausi. Telle fut de mois l'intention du réformateur, mais le plus grand nombre des autronomes y refusa; la deposition de le seu side cital constraint. Ou conserva deux les mois de Souvers l'étre de l'est de l'est de la comment de l'est de l'est de l'est de l'est de l'est de la comment de l'est de

n La nefue question a'est représentée de nos jours, lorsqu'on essaya d'introduire en France le calendirir des équisocts vais. On vit qu'il y avanta descaissimente de actities retardées; que les retards auraient des périodes de ag et de 35 aux; mais on à pa cherché à rende leur accession régulier; on a le pouvait pas, a; l'in ov colair respectre la condition fondamentale, laquedle était que le premier jour de l'année îté calci do ît s'oldif reservent l'equater (condition dont les Peranses son daffanchis, on du moint qu'îl out cratérale à la première sanée de l'exp.). Avec le commonerment pour de l'année îté destinaire; passais no alvant qu'îl out cratérale à la première sanée de l'exp.). Avec le commonerment possible à bien déterminer; passais no a l'avant qu'a service à que li per auti del commoner l'année. Cette difficultés avant en lieu toutes les fois que l'équisons serait arrire trop près de missiré, c'était à le le vérible défare du calendirée français.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

» Cest aussi celui qua les astronomes gélaléens avaient à pallier; et sans s'écarter scariblement des équinoxes vrais, ils y sont parveuus, par une combinaison savante des deux périodes 1 et 3. Je dis savante, parce qu'elle a aussi pour objet de poser deux limites extrêmement rapprochées, entre lesquelles se tronve compris le retard annuel de l'année persane; de montrer quel était ce retard, ou si l'on veut, quel on le supposait, et par là de conserver à perpétuité la longueur de l'année déterminée, ou adoptée par les anteurs du nonvean calendrier.

» En effet, on voit d'abord que le retard annuel sera constamment plus petit que celui de la période 4 == 5º40' 5º.45. limite en plus de tonte combinaison des deux périodes, et plus grand que 5º 47' 35",17, retard de la période 21.

» En prenant la combinaison la plus simpla, celle qui fait alterner ces deux périodes,

ils avaient pour retard moyen 5° 48′ 23″, 2 , retard de la période $\frac{15}{62} = \frac{7+8}{29+35}$

* En ajoutant une seconde période de $\frac{8}{33}$, on aura $\frac{^{\circ}7+a.8}{a_9+a.33}=\frac{a_3}{95}=5^{\circ}.48'.37',90$, plus considérable que le précédent et plus rapproché de celui de 🖧 ; mais ils la trouwhereast encore trop petit. En prenant $\frac{3i}{128} = \frac{7+3.8}{89+3.33} = 5^3.48'.44',47$, ils se rappro-

chèrent encore davantage; enfin ils choisirent $\frac{7+4.8}{29+4.33} = \frac{59}{161}$, qui suppose une année de 365/51 48' 49°,1875, comprise entre les valeurs que donnent les périodes de 31 et 31. L'année da La Caille est de 365 5 48 49",

celle des premières tables de M. D. est de 365.5.48.49,4,

l'année hypothétique des Persans tenait donc assez exactement le milieu entre ces deux années modernes. La différence des monvemens séculaires n'était guère que de 1° en plus on en moins.

» Avec cette période, ils se tiennent pour assurés de na pas (trop) s'écarter des équinoxes vrais, et ils n'en ont point d'incertains, lls en marquant plusieurs à midi juste, comme on le voit dans une table de Nassir-Eddin Thousey. C'est l'auteur des Tables ilkhaniennes. Il a joint au court chapitre qu'il consacra à l'ère de Malek-Schah trois tableaux indiquant, 1º. les féries initiales des 299 premières années; 2º. la série des sextiles jusqu'à l'an 295; 3º. la table dont je viens de parler, qui marque jusqu'à l'an 300 la correspondance des aunées gélaléannes avec celles d'Yezdegerd.

n La première sextila est celle de l'an 2; c'est une sextile retardée. La première période de 👸 commence avec l'an 3, et finit à l'an 3a, qui commenca la première période de 👣, et ainsi de suita jusques et y compris 163 avec lequel se termineut la quatrième périoda de 4 et la première période composée de 37. La seconde commence à l'an 164; la troisième commencerait à l'an 325, mais la table na va pas jusque-là n (la table n'offre donc pas deux périodes entières de 15).

» Il fallait s'assurer que la sextile de l'an a est effectivement une sextile retardée. Nassir-Eddin na le dit pas ; il paraît même qu'il n'avait pas une idée bien nette de la période et du mode d'intercalation. Cela peut paraître singulier; mais il dit, dans le taxte qui précède les tables, que l'interculation, après avoir au lieu 7 ou 8 fois d la quatrième année, tombe une fois à la cinquième. Il annonce donc les périodes & et 🖧 error inférente aux Tables ilibanienne. Oxbob-Eddin, auteur arabe cité pur Gollind aus su notes sux Alfragan, et qui paralt avoir copi Nauir-Eddin, l'a reproduite. Gollina abiti sur ce fonds, se faisant altereur r_i et r_i . On retrouve la minus erroru datas l'exceptaire de l'exceptaire des minus tables que pousde la Bibliothèque dis (c_i, q_i) et de la main d'Aspireddin, fils de Nauir. Elle est en outer relevée par na commentateur d'Olog-Beg, Mérican Chésilby, fils de Cardaché Romin, autronome de ce principal.

n Olag-Beg, su livu de 7 ou 8 fois, avait dit 6 st 7 fois, ce qui st plus vrai, mais ce qui ne donne pas non plus la période; aussi Greaves ne Fa-t-il pas connes. Mérica saltache à démontrer que Nasit-Edin est dans Ferrer. Il fait un calcul fort simple pour éclaracir la question, et ca, calcul repose sur cette supposition qu'en 1460 ans, il y a 3/10. 8 st 3-1.57

 $\overline{3}$ dg sextites, 0, $\overline{3}$ da = $8.59 + \overline{9}$. Complétons la dernière partie à laquelle il manque g années, dont deux extille, l'inse commune et l'autre retardée; nous autrons $\frac{3.59}{9.16} = \frac{351}{409} = \frac{367 + 4.8}{969 + 4.8}$. Ainsi nul donte que la première sextille de l'ère,

g. 161 1449 g(ag+4.35)celle de l'au a, ne soit une sextile retardée, et que la période ne soit $\frac{7+4.8}{aa+4.35}$

n Nonvelle confirmation. Dans le calendrier de Chardin, l'an 588 est sextile, c'est la 25° de la 4° période; les tables seront aisées à construire; nous les donnerons dans la Chronologie des Orientaux.

n Olog-Beg dit aussi que quelques-uns font commencer l'ère gélaléemne trois ans plus tôt, c'est-à-dire en 1076. Il n'en voit pas la raison ; c'est probablement pour que la première de l'ère soit une sextile commune qui précède la sextile retardée, ce qui leverait toute équivone.

n On a cru jumpià prieset que les atrenomes gifalères a'araiset employé que la prioride χ̄, Weidelle el et de uso su l'intisire de l'Atransone; yi fair l'anne gifalèresa 55/5/6 857, le avois pas pourquei. Moenteda la résultit d'appè la période. Bailly la supose de 25/5/4 6/87. Il cit sochai-k-holgi, amis on a la trovar pa chan ce qu'il y a d'imprimi de cet auteur. Schah-k-holgi, ent de l'école de Nauir-Eddin. On cretture encore la maine période χ̄ dias l'Art de vieifie le Dates, et allièren. Cret à Comar Khiyam que l'on es fait honsen; il fant lai aligisielre Abderraman Hizzirà, les Odinies, d'agrès Nechauscodig. Il not et de beaucoup plan lois ; et us déterminant la longeure de l'archi empreuse avec une si grande précision, il no lois et us déterminant la longeure de l'archi empreuse avec une si grande précision, il ne déterminant la longeure de l'archi empreuse avec une si grande précision, il ne déterminant la longeure de l'archi empreuse de consaître la tétienne de lour déterminant.

» La commission formée par Gélal-Eddin était composée de huit astronomes; les autres ne sont pas nommés. Omar était de la Bactriane. Je n'ai pu, jusqu'à présent, recueillir d'autres détails. » Ce 13 jarvier 1819.

Remarques sur cette note,

Nous arions rapporté que les Persans, dans leur intercalation, employaient les périodes y et x, mais rien ne nous apprenait suivant quel mode ils combinaient ces périoden ils avaient choisi l'ane des combinaisons les plus camposées, mais aussi l'une des plus exactes. Mais il faut avouer qu'ells n'était guère commode pour l'usage. Il parait qu'elle n'était pas même bien généralement connue, puisque Nassir-Eddin a pu s'y tromper. C'est ce qui excuse Montucla et les anteurs moderaes qui ont simplifié le mode, en se bornant à Jr. Leur plus grand tort est d'avoir donné comme certaine une idée fort hasardée, et dont ils ne pouvaient apporter la moisdou preuve.

| La dernière sextile d'une période composée tombait en l'au ajoutez trois périodes de 161, on | | S.R. |
|--|-----|------|
| vous arriverez à une sextile retardée | | S.R. |
| | | |
| vous arriverez à nue sextile retardée | | S.R. |
| Faites ensuite 16 intercalations en deux fois 33, ou | _ | ans, |
| yous arriverez à la n3° sextile de cette période | 58o | S.R. |
| Ja 24° sem en l'an | 584 | S.C. |
| In ant sern on l'an | 588 | SC |

Le calcul de M. Schillot est done vérifié; il en résulte que l'almanach de Charint et d'accord avec le tottes originaux, et que l'an a fent sestile ainsi que l'az 588, la période d'intercalation était complexe on $\frac{7+4\cdot8}{29+4\cdot8} = \frac{5}{36}$, Nous en avous indiqué de plus exactes encore, qui auraient l'avantage d'être incomparablement plus faciles et plus simplex.

Nous avons dit, pag. 81 et ailleurs, que la période de 18 aus qui ramène les éclipses ; n'avait été donnée aux Chaldéens que d'après une conjecture de Halley. Enigènes nons a appris que les Chaldéens écrivaient leurs observations sur autant de briques ou de tuiles, coctilibus laterculis. Il faut avouer que de pareils registres sont peu commodes pour les calculs et les recherches astronomiques. Il faudrait supposer que l'on rangenir ces briques, comme les livres d'une bibliothèque, à la suite les nnes des autres, jusqu'à ce qu'une éclipse fut revenue au même jour du mois, et qu'alors la brique sur laquelle on la consignait était superposée à sa correspondante. Ce moyen aurait été infaillible pour reconnaître la période; mais ce moyen si facile à imaginer, quand on a l'idée qu'une période peut exister? peut fort bien ne pas venir à l'esprit de ceux qui n'ont ancun soupçon de ces retours. Dans la disposition habituelle où nous sommes d'accorder anx anciens tout ce qui n'est pas absolument impossible, nous avons plusieurs fois imaginé des moyens dont ils auraient pu se servir, et dont probablement ils ne se sont jamais avisés. Mais, pour recourir à ces interprétations, il faut au moins des faits on des traditions auxquelles on puisse les appliquer. Or, je ne connais aucun témoignage qui attribue aux Chaldéens la période de 18 ans

Voyez Pline, livre VII, chap. LVI, et un fort bon Mémoire de M. Larcher, tom. IV des Mêm. de la Claize de littér. ancienne, p. 463, 477 et 478. On y trouvera démontré de plus tont ce que nous avons dit de l'ancedote de Callisthène, rapportée par le seul Simplicius sur la foi du seul Perphyre.

LIVRE II.

Copernic.

Nicolai Copernici Taurinensis, de Revolutionibus Orbium cœlestium, libri VI. Norimbergæ, apud Jo. Petreium, 1543, in-folio.

Arakt tant de siècles qui ne nous out montré aucun auteur vraiment original, et 10 noi produit que des commenatames des théories anciennes, ou tout au plus quelques astronomes qui, comme Albategni, Ebn Jonnis, Aboll-Wéis et Régionoutas, out a mois es ue mérite d'avoir fait quelques houses observations, ou perfeccionné les méthodes de calents, anos recocutoros enfin un génie plus hardi qui vient reuverser ces vieux systèmes reçus avec un respect superstitieux, et transmis comme articles de foi à des professeurs qui n'ayant d'autre ambition que de les rendre un peu moins obsecurs, n'ossient elever le moindre donte sur ce qui vensit des suciennes écoles.

Le livre des révolutions qui a changé la face de la science, a para pour la première fois à Nuremberg ou 1555, pe de jours avant la mort de l'auteur, dont le véritable nom était, dit-t-on. Zeperaire; il était fils d'un payans est de Thore. La première édition est à la Bibliothèneg de l'Institut, et j'ai pu la comparer à celle de 1506 et à celle de 1617, qui est la meilleure et la plus correcte des trois. Celle de 1506 parait calipence est qu'on en a supprimé un asses long errats, imprimé après coup, à ce qu'il parait, au rerso d'un second titre. Quoique sortie des mémes presses, la seconde n'est pas aussi bélle, et elle n'est pas plus correcte. On y recrouve toutes les fantes de l'aucience, avec qu'elques inexactitudes non-velles; mais elles out disparu de la troisième, qui est augmentée de quelques notes de l'édieur J. Muller.

Je commence par l'ouvrage même où nons pourrons mieux voir les opinions de l'auteur, réservant pour la fin l'Eplire dédicatoire et la Préface, où Copernic s'est cru obligé à quelques ménagemens sans lesquels sou livre n'aurait pu paraître, quoiqu'il fût aunoncé et vivement désiré depuis long-tems. Il est vrai que ces circonstanoes mêmes anraient pu rendre les censeurs encore plus attentifs et plus difficiles. Nous allons extraire les raisonnemens de Copernie auxquels nous intercalerons par fois quelques objections et quelques réponses.

« Le monde est sphérique, parce que la sphère est de toutes les figures ; la plus parfaite, et qu'elle n'a besoin de rien qui la maintienne; qu'elle forme un tout, et qu'elle jouit de la plus grande capacité. Le Soleil et la Lune sont des sphères, la sphère est la forme qu'affectent tous les corps, ce qui se voit par les gouttes d'eau; ainsi l'on ne peut douter que

telle ne soit la figure de tous les corps célestes, »

Pour les corps célestes à la bonne heure; mais il ne s'ensuit pas nécessairement que le monde entier soit sphérique. Placés sur la Terre que tout nous porte d'abord à croire immobile, nous ne voyons les astres que sur les rayons d'une sphère indéfinie dont nous nous faisons le centre ; nous pouvous déterminer les angles que font entre eux ces différens rayons, mais nous ne pouvous assigner sur ces rayons la place occupée par le corps observé. Plus la distance en sera grande, et moins nous pourrons la juger. Les corps éloignés sont vus par nous, comme s'ils étaient daus la surface d'une sphère immense; voilà tout ce que nous pouvous assurer. Ce premier chapitre, qui est fort court, se ressent cucore un peu de l'école grecque et de ses préjugés.

La Terre est aussi sphérique. Il en donne les mêmes raisons que Ptolémée, et ces raisons sont bonnes. « Un objet remarquable, place au sommet d'un mât, et vu du rivage, paraîtra descendre à mesure que le vaisseau s'éloignera; il disparaltra le dernier, mais il finira par disparaltre après les autres parties du vaisseau. Les eaux cherchent les lieux les plus bas; elles n'entrent dans les terres qu'à la faveur des creux ou des ouvertures qu'elles y tronvent, la Terre s'élève au-dessus des mers. »

« La Terre et l'eau forment un seul globe. La Terre est un globe à la surface duquel quelques cavités sont remplies d'eau. Le continent n'est qu'une grande île. Les Péripatéticiens dissient l'eau dix fois plus grande que la Terre. (Ils en donnaient d'assez mauvaises raisons. Celles que leur oppose Copernic ne sont pas à l'abri de toute chicanne.) Les voyages des modernes prouvent qu'il y a des antipodes ou antichthones. Telle est l'Amérique relativement à l'Inde. La Terre occupe le fond des mers; l'eau est en petite proportion, si on la compare à la Terre. La sphéricité de la Terre est prouvée par les éclipses de Lunc. »

Le mouvement des corps célestes est égal, circulaire, perpétuel, ou compose de mouvemens circulaires. Ou voit eucore ici quelques restes d'auciens préjugés.

« On observe divers mouvemens. Le plus remarquable est le mouvement dinne. Il est la mesure de toss le santes. Il uons serà i mesurer le tems. Le Solcil, la Lune, les planètes out des mouvemeus qui se font daus un sens opposé. Le Solcil nous a donné les aunées, la Lune les mois; ces mouvemens ue s'opérant pas tous autour des mêmes pôtes, le Solcil et la Lune vont tantôt plus vite, et tantôt plus lentement. Les autres plavières son's accessivement directes, sationnaires et réfrogrades; elles s'approchent et s'éloignent de la Terre; mais on doit avoure que ces mouvemens sont ou circulaire ou compacté de circulaires.

Ou répondrait à Copernic que l'ou conçoit très bien que les premiers astronomes aient tenté de lout ranneer as cercle et au mouvement uniforme, quoique le mouvement circulaire soit lai-même une combinaison de deux mouvemens; cette combinaison est même un cas unique parait une influité d'autres; le mouvement ellipique est pas plas dificile à explique et a l'autre plat que circulaire; mais ou ne s'était pas encore éteré à ces cousidérations; on s'est dispensé de toute explication, en dissut que le mouvement circulaire était untarel sur corps celestes, comme le mouvement en ligne droite aux corps pessas, Jusqu'ici Copernic ne se mouver pas anclessu de son tiècle.

« Les mouvemens inégaux sont assujélis à certaines périodes, ce qui a serait impossible, s'ila n'étaient circulaires. Le cercle seul peut ra-» mener ce qui est arrivé déjà. Un corps céleste est simple, et ne peut a se mouvoir inégalement dans un seul orbe. »

Coperais se démoutre aucune de cea assetions, et il y surait sans doute éprouvé quelque embarras. « Use inégalité de mouvement ue a pourrait venir que d'une inconstance ou d'une alieration dans le corps » ms., ou d'une cause cirangères. » Cette énumération est incompliée on y oublie, on du moins on y méconault le cas précisément qui a lieu dans la nature. Le mouvement inégal qu'on oberve, résulte de deux mouvements combinées qui se surpassent et sont surpassée lot brê-tour. Ces alternatives sont produites par une cause cirangère inconuné à Coperais. Il en revient à dire que la Terre u est pas tout-à-bit au centre des mouvements et que cette excentriqué est la cause des inégalités appracetes.

« La Terre a-t-elle un mouvement circulaire? Quel est le lieu de la Terre? La Terre est un globe, de cette forme résulte-t-il un mouve-ment? Quelle est la position de la Terre dans l'univers? Voils ce qu'il faut édiarcir, si l'on veut se rendre raison des mouvemens. Presque tous les auteurs s'accordent à bupposer la Terre immobile, l'Opinion contraire leur paralt même ridicule. Cependant, si l'on examine attentivement la question, on verra quelle net strien mois que résoluc-t act changement observé vient ou du mouvement de l'objet, on de celui deux mouvemens étaient éganx, on n'aureit aucon moyen de les sperceoris. Cest de dessas la Terre que noss observous le celig si la Terre a un mouvement, le ciel nous parsitre se mouvoir en un sens contraire. Tout le ciel paralt transporté d'orient en occident en 24 beures; last le ciel en repos, et donnes ce mouvement la la Terre, mais d'occident en orient, vous avere toute les mêmes apparencet.»

Le misonnement est de la plus grande justesse; il a dù être fait par les anciens qui les premiers ont attribué ce mouvement à la Terre; on en voit le germe dans Euclide, tome I, p. 60. « Le ciel est le contenant, la Terre le contenu; on ne voit pas pourquoi on attribuerait ce mouvement au premier plutôt qu'à l'autre. Copernic cite Héraclide, Ecphantus et le syracusain Nicetas qui, au rapport de Cicéron, fait tourner la Terre au centre du monde. Ces philosophes n'attribuaient à la Terre que le mouvement autour de son axe; ils admettaient qu'elle occupait le centre du monde. Mais c'est un point qui n'est pas moins douteux que celui de l'immobilité perfaite; on pent le nier, on pent dire que la distance de la Terre au centre est comparable aux distances du Soleil et des planètes, quoique nulle sensiblement en comparaison de la sphère des étoiles. Alors on aura une explication plansible des inégalités observées. Puisque les planètes s'approchent on s'éloignent de la Terre, il en résulte déjà qu'elle n'est pas le centre de leurs monvemens. Le changement de distance vient-il du mouvement des planètes seules ? n'est-il pas en partie produit par le mouvement de la Terre? Il ne faudrait donc pas s'étonner si l'on avançait qu'outre le mouvement de révolution antour d'elle-même, la Terre a un second mouvement; que la Terre tourne, et qu'elle est elle-même une planète. C'était l'opinion du pythagoricien Philolans, mathématicien tellement distingué, que Platon, pour le voir, fit exprès le voyage d'Italie.

» On a voulu démontrer géométriquement que la Terre est au centre,

et a est qu'un point par rapport au ciel, qu'elle est àn cantre, qu'elle y reste immobile, on a dit que les objets voitins du centre devaient avoir un monement très lent. « Jusqu'ici Copernic ne fait que rappeler une question anciennement debattue, qu'il veut sonnettre à un nouvel examen. « De l'unmentie du cel ce comparation de la Terre. Les horizons de la Terre partageat le ciel en deux pariet égales; donc le voitine de la Terre aut un point, et ce point u'est pas sensiblement doigad du centre. Si vous beservez le Canere à l'orient, vous verrez le Capricorne à l'occident; les deux rayons sont une meme droite, ecte droite est le diamètre de l'ibipique. »

Cetaggument est passouven, il ne ignifie ren san la confre-éprénve car il e Capricorra étant venu i Poñent au hou de 12, on a voit ésais le Cancer à l'occident; il suppose une observation qu'il est impossible de faire exactement, il ne prouve donc rien. Mais supposons le fini; Coperair cemanque avec raison qu'on n'en peul tirer d'autre conséquence, sinon que la Terre est un point par rapport à la sphère des fives mais il ne s'ensuit pas que ce point soit le centre de cette sphère. «Si cette sphère est immense, comment concevois qu'elle tourne en a flueurs? Nest-il pas plus naturel d'attribure ce mouvement à l'a Terre et à la Terre eule; car, si elle tournait avec le ciel d'un mouvement commun, mais seulement un peu puls tent, en raison de ses monifere dimensions, nous ne verrious aucnn changement daus le spéctacle du ciel; es étoiles et le Soleil sersient toujours, pour nmême observéaur, à la même distance augulaire du méridien. Il est donc naturel de penner que la Terre tourne autour de son ave, et que la subtre celècte est immobile.

u Raisons qui ont pu faire caoire air anciens que la Terie chiir inmoca centre du module. La Terre est très grave, c'est-è-dire très pesante; elle est le centre des graves qui se dirigeat vers son centre. La Terre ciant sphérique, toutes les normales le dirigeat vers ce centre. Le centre de la Terre est cellu des graves; ce centre doit être immbile. Lei la rapporte les raisonnemens d'Aristote et de Ptolemée, pour les refuer dans le charitre soivant.

a Solution des difficultés précédentes. Les choses qui sont naturelles, ont des effett tout opposés à ceux de cet qui est violeut et contre nature. Plojemée n'a donc aueum raison de crainfare que le mosvement de la Terre ne dissipe et ac dispersa tout ce qui est à la surface de la Terre. e Ce raisonnement est encore un peu à la grecque; la phrase qui suit est beaucoup meilloure,

Hist. de l'Ast. mod. Tom. I.

in Mais, si la sphère des étoiles touraiten 24, cette dispersion ne serait-elle pas plus à craindre, le mouvement étant inflorment plus considérable 7 de mouvement si repide territ-il nécessaire pour empècher les étoiles de tomber sur la Terre? En ce cas, le ciel n'aurait pas de honces: plus le rayon augmentaireit, plus le mouvement serait rapide; le rayon et le mouvement serait rapide; le rayon et le mouvement collatient ensemble et à l'infini. Or, ce qui sinfini ne pour lo sasser, ni se mouvoir donc le ciel sera immbile.

Copernic pais ici Aristote en su propre monasies, mais ensuite jà abandonne aux dispates des physiologues la question du monde fini ou infinia." Ceaqui est inconsestable, c'est la sphéricité de la Terre; le mostrement convient à cette forme, pourquoi bésidendon-sous à Palmettre sant nout inquiétes de ce que mon ne poavons avoir? Admettons donc la révolution durme de la Terre. Il cite à l'appni de son assertion le vers Procehimus pout terresque urbequie recedunt. Ceux qui sont sur un vaissean, attribuent leur movement ano objets extérieurs, c'est ce qui nour arrive; quand la Terre tonneg, tout le ciel añous paraît tourner. Les mageset tout ce qui est porté dats l'air, participe au monvement de la Terre; ca mouvement est comman à toute l'ammosphère, ou du moiss à la partie alpita voisine qui, par l'effet du contact, doit être entraîncé assa que rice s'o oppose. Quant à la partie supérieure, elle pourait être destituée de mouvement. Cependant les comètes participent au mouvement durier. »

Il pourait ajonter que ai clles sont dans l'atmosphère, comme Article le voalité, lelle devieut tourner avec nous en à plemes, et si c'est.
Le Terre qui lourne, on peut les placer lién in-delà de cette atmosphère.
Or on pouvait prouver par les médiodes de Régionnostants, que les
comètes ne sont pas des corps sublamires, et qu'elles rentrent dans la
classe des planètes. «Les chotes qui tombent on qui mosteut, ont donc
un mouvement somposé du droit et di circulaire. Par le mouvement
circulaire et compan, elles paraltesient en repos. A ce mouvement
circulaire et comman, elles paraltesient en repos. A ce mouvement
circulaire et comman, elles paraltesient en repos. A ce mouvement
circulaire et comman, elles paraltesient en repos. A ce mouvement
circulaire et comman, elles paraltesient de repos. A ce mouvement
circulaire et comman, elles paraltesient de repose.
Paraltesient et les graces tombent, et les igées élèventy à
flamme est une funée ardente. Le mouvement droit ne peut arriver
qu'aux choses qui ne sont point à leur place, qu'à celles qui sont imparfaites et séparées de leur tout. »

Après quelques développemens métaphysiques , l'anteur conclut que la mobilité de la Terre est plus probable que son repos.

« Peut-on attribuer plusieurs mouvemens à la Terre? quel est son lieu?

On ne peut représenter les mouvemens par des homocentriques. S'il existe plusieurs centres, on pent douter que le centre du monde soit celui de la Terre et de la gravité terrestre. La gravité n'est qu'une tendance naturelle donnée par le Créateur à toutes les parties qui les portent à se réunir et former des globes. Il est croyable que c'est cette force qui a donné au Soleil, à la Lune et aux antres planètes une forme sphérique. ce qui ne les empêche pas d'accomplir leurs révolutions diverses. Si donc la Terre a un mouvement autour d'un centre, ce mouvement sera semblable à celui que nous apercevons dans d'autres corps; nous aurons un circuit annuel. Le monvement du Soleil sera remplacé par le mouvement de la Terre. Le Soleil étant devenn immobile, les levers et les couchers des astres, toutes les circonstances observées, auront lieu de mêma? les stations et les rétrogradations tiendront au mouvement de la Terre . le Soleil scra au centre du monde; c'est ce qu'exige l'ordre selon lequel tout se succède, c'est ce que nous enseigne l'harmonie du monde, c'est ce qu'on sera force d'admettre , si l'on y veut faire une attention sériense.» Chapitre excellent, mais qui a besoin encore de bien des développes mens. Les anciens philosophes qui ont placé le Soleil au centre du monde. ont dù faire ou entrevoir au moins une partie de ces raisonnemens : mais ils ne nous out rien transmis, peut-être même n'ont-ils rien écrit; et il est remarquable que parmi tant de subtilités, tant de questions oisenses. tant d'opinions extravagantes qui nous sont parvennes, il ne soit pas dit un mot des raisonnemens qui ont pu conduire à faire mouvoir la Terre. et que Ptolémée lui-même en voulant démontrer son immobilité, ne nons ait donné absolument aucune lumière sur un point anssi important, Ainsi malgré quelques assertions on plutôt quelques conjectures dénuées de preuves, qu'on attribue à quelques anciens, nous pouvous croire que Copernic est le premier qui ait médité sériensement sur ce point fondamental du système du monde, ou que si d'autres ont commencé. nul n'a pu reussir à exposer ses motifs d'une manière un pen plausible; car , s'ils l'eussent fait , il serait étonnant qu'il n'en fut demeure aucun vestige. Archimède nous dit qu'Aristarque a écrit contre les astrologues. pour leur pronver que la Terre se meut; mais Archimède ne paralt pas bien convaincu de la bonté de ce système. Tome I. p. 102.

« De l'ordre des orbes célestes. Personne ne révoque en doute que le ciel des étailes ne soit le plus élevé. Les anciens philosophes ont rangé les planètes d'après la longueur de leurs révolutions, par la raison que le mouvement étant le même pour toutes, les objets éloigués doivent paraltre se moavoir plus lentement, ils out cru que la Lame était la plus voisse de toutes les planites, parce qu'elle fait se révolution en moins de tens qu'accuso autre; que Saturne devait dire plus éloigné que toutes les autres, puisqu'il emploie plus de tens à parcourir une orbite plus grande. Au-dessons, ils ont placé Jupiter et ensuite Mars. Les seutimens ent été partigés aur Véuns et Mércure. Les uns, comme le Timée de Platon, les placent an-dessous du Soleil, les autres, comme Polemée, croient qu'elles sout au-dessous. Alpétrage place Véuns au-dessous Morer au-dessous. Les platoniciens ont pensé que les planêtes qui un a'eloignent pas beuccoup du Soleil, de varient avoir des phases comme la Lune, si elles étuient au-dessous du Soleil. Elles devraient produire des échipses; or c'est ce qu'on u'u jumais observé; donc, dissieut-ils, ces planètes sont supérieures au Soleil.»

« Ceux qui placent Veuus et Mercure au-dessous se foudeut sur l'intervalle qu'il y aurait entre le Soleil et la Lune. La plus grande distance de la Lune à la Terre est de 645 diamètres de la Terre : ils en trouvent 1160 dans la plus petite distance du Soleil; il y en aurait donc 1006 de la Lune au Soleil; dans cet intervalle, ils out cru devoir placer Véuus et Mercure. Ils ont donné 177 de ces parties à l'orbe de Mercure . quo à celle de Vénus; en sorte qu'aucun de ces orbes ne s'entrecoupe. De plus ils donnent à ces deux planètes une lumière propre, on high ils supposent que pénétrées de la lumière solaire, elles sont brillantes en toute position : d'ailleurs les éclipses solaires qu'elles pourraient produire, seraient très rares, à cause de leurs latitudes. Vénus et sur-tout Mercure ont un diamètre si petit, qu'elles ne pourraient jamais cacher plus qu'un centième du disque solaire, comme le veut Albategni, qui estime que le diamètre de Vénus n'est qu'un dixième de celui du Soleil (il n'en est guère qu'un trentième). Ces planètes ne formeraient done que des taches imperceptibles. Averroes, dans son Commentaire sur I Almageste, dit qu'il a vu des points noirs sur le Soleil au tems des conjonctions de ces planètes; voilà pourquoi on a mis ces planètes andessous. Copernic trouve ces raisous très faibles. Ptolémée faisait la distance périgée de la Lune de 58 demi-diamètres de la Terre. De meilleures observations ont prouve qu'elle était de plus de 52, comme on le verra plus loin; et dans cet espace, nous ne connaissous rien que de l'air, ou si l'ou veut un élément igné. De plus, la digression de Vénus étant de 45° plus on moins, le diamètre de son orbe doit être de plus de six fois la distance périgée de Venus, aiusi qu'il sera démontré en son lien. De toutes manières, on aura donc de grands espaces vides. Ptolémée dit encore qu'il couvient que le Soleil tienne le milieu entre les planètes qui s'en écartent de toutes les manières, c'est-à-dire de o" à 560°, et celles dont les digressions sont bornées; cette raison parattra bien faible, si l'on pense que la Lune n'est nullement bornée dans sa digression. Quelles raisons pourra-t-on assigner des digressions de Venus et de Mercure ? Il faut donc que la Terre ne soit pas le centre des orbes. Comment prouvera-t-on que Saturne est plus éloigné que Juoiter. En conséqueuce il se range à l'opinion de Martianus Capella et à celle de quelques autres latins qui diseut que Vénus et Mercure tournent autour du Soleil; alors les digressions seront nécessairement déterminées par le rayon de leur orbite. Ces planètes n'eutourent pas la Terre. Ainsi l'orbe de Mercure sera renfermé dans l'orbe de Venus. Qui nous empêche de rapporter au même centre Saturne, Jupiter et Mars? il nous suffira de donner des rayons convenables à leurs orbes, qui embrasseront celui de la Terre. Ces planètes eu opposition sout évidemment plus voisiues de la Terre qu'en tonte autre position, et sur-tout que dans leurs conjonctions, ce qui indique assez que le Soleil est leur centre, comme celui de Mercure et de Vénus; entre ces plauetes et Mars, nous placerous l'orbite de la Terre et autour de la Terre l'orbite de la Lune qui ne peut se séparer de la Terre. Nous ne rougirons donc pas de déclarer que cette orbite de la Lune et le centre de la Terre tournent en un an qutout du Soleil dans cette grande orbite dont le Soleil est le centre. Le Soleil sera immobile et toutes les apparences seront expliquées par le mouvement de la Terre. Le rayon de cette orbite, quelque grand qu'il soit, n'est pourtant rien encore en comparaison de celui des fixes; ce qu'on nous accordera d'autant plus aisément, que cet intervalle est partagé en une infinité d'orbes particuliers, par ceux mêmes qui ont voulu retenir la Terre au .. centre. La nature ne fait rien de superflu, rien d'inutile, et sait tirer de nombreux effets d'une cause unique. Tout cela paraltra difficile et presque incroyable; mais avec l'aide de Dieu, nous le rendrons plus clair que le Soleil, du moins pour ceux qui ne sont pas étrangers aux Mathématiques. Ainsi partant de ce principe, le plus convenable de tous, que les orbes augmentent en grandeur, quand les révolutions sont plus longues, l'ordre des sphères, à commencer par le haut, sera tel qu'il suit :

» La première de toutes les sphères, celle qui embrasse toutes les autres, est celle des fixes; elle est immobile, et c'est à elle qu'ou rapporte tous les mouvemens et les positions de tous les astres. Les astronomes lai suppossed hu mouvement, mais nous monterons que co mouvement même apparient à la Terre. Audessous est la sphère de. Saturne dont la révolution est de 50 ans; après lui Jupiter qui fiit le four du ciel en 12 ans; Mars qui fait le sien en deux ans, puis la Terres dont la tour est d'un an; Vénus qui fait le sien en neuf môis; enfin Mercare dont la révolution n'est que de 88 sours.

Au milieu réside le Soleil, pour qu'il puisse tout éclairer. La Terre est de plos éclairée par la Lune qui tourne autour d'elle. Cet ordre présente une sy métrie admirable, une rélation de mouvemens et de graudeurs; Copernie aurait pa sjouter une simplicité qu'on ne trouve dans aucunes autre hypolières, et que personne jamais n'a contestion.

Il explique pourquoi les ares de rétrogradation sont plus grands dans Jupiter que dans Sturne, et plus petits que dans Mars, et même pourquoi ils sont plus grands dans Venus que dans Mercues. Il rend raison de la proximité des plantets suspirieures dans les oppositions. C'est alors que Mars paralt égaler Jupiter, dont il ne se distingue que par la couleur, undis que vers es coolonctions, on a peine à le distinguer parmit les étoiles de seconde grandeur. Tous ces phésoneines dependent du mouvement de la Terre. On se voit rein de semblable dans les fixes, è cause de leur extrême distance, pour lequelle le mouvement de la Terre s'évanouit. La scintillation des étoiles fixes insigne asses qu'il reste un sasse grand espace entre Saturne et les fixes; c'et ce qui les distingue des plantets, o car illut qu'il existeune différence sensible entre les corps mus et les corps immobiles, »

A l'exeption de celte dernière phrase, ce chapites surpasse tout ce qu'on avait écrit sur le système du monde și lessure à non auteur une gloire immortelle. Mais que des réflexious qui paraissent si naturelles et si simples n'airent jamis et faite se ressemblées, c'est ce qui scrait plus étonnant même que la découverte de Copernic, si l'on ne connaissait l'empire des préjiges. Avant Copernic, on avait fait tourner Vénus et Mercure autour du Soleil; pourquoi jamais aucus satronome, nucun plaibosphe n'a-cil étendu ecte idée aux trois planièresuspérieures? ou était la difficulté? Mais Hipparque ayant tout à créer, les positious es fives, l'inégalité de Soleil et celles de la Lune, la Trigonométrie, les projections, la théorie des éclipses, celle de la précession, « été trop constament occupé de ces détaits indispensables, pous songer à Fustemble pour lequel il n'avait pas de données soffissantes, prisque la théorie des déclares de données soffissantes, prisque la théorie des déclares de données soffissantes, prisque la théorie des déclares de données soffissantes, prisque la théorie des planières de de nonces hommes de certait moiss

eccasable, puisqu'il a traité expressément cette grande question, d'un manière à la wérité peu digue da sujet, et qui doit choquer également, et par ce qu'il avance et par ce qu'il supprime. Mais ses tratura pour la Lune et pour les plauties, et as grande synlaxe mathématique, sont des tities qui empéchent qu'in ne le juge trop s'érrèment sur les système qu'il a embrassé et si faiblement défendu. Les hypothèses de ces deux grande astronneme on télé embrassée avec respect par leurs successent, qui les ont trouvées suffiantes et ne se sont occupés qu'à rénire quelque-uues de leurs observations, se persuadant trop légèrement qu'il u'y avait plus ries à refaire à l'eusemble, mais seulement quelques déalts à perfections.

n Démonstration du triple mouvement de la Terre. Ce triple mouvement, dit Coperaic, est nécessaire pour expliquer tontes les apparences. Le premier est le mouvement diurne qui se fait d'occident en orient sur l'axe de la Terre et selon l'équateur. Le second est le monvement annuel par lequel la Terre décrit l'écliptique de l'occident à l'orient, selon l'ordre des signes, entre les orbites de Venus et de Mars, ce qui produit l'apparence d'un mouvement semblable dans le Soleil. Il faut supposer que l'équateur et son axe ont sur le plan de l'écliptique une inclinaison convertible. Sans cette convertibilité, on u'aurait cucore que le mouvement du centre, et l'on n'expliquerait ni les saisons, ni la longueur variable des jonrs et des nuits. Le Soleil paraltrait toujours avoir la même déclinaison; le mouvement en déclinaison est donc produit par une revolution annuelle, mais en sens contraire ou contre l'ordre des signes. Par la combinaison de ces monvemens éganx et opposés, il arrive que l'axe reste toujours parallèle à lui-même, comme s'il était immobile. Par là, le Soleil paraissant parcourir l'écliptique, parait avoir successivement toutes les déclinaisous possibles, a

Cest douc pour arriver à ce parallélisme, ou pour le conserver, que Copernic a cru devoir recourir à ce mouvement égal et opposé qui dérauit l'effet qu'il atribos si gratuitement au premier, de dérauger le parallélisme. La Terre te mouvant dans su espace libre et son resistant, quelle pourrait être le cause qui ferait incluer l'axe? Il doit donc conserver toujours la même position; mois en tournant parallelement à lui-même autour du Soleil, cet ave fit is uccessivement, avec le rayon vecteur de la Terre, tous les angles possibles entre (90°+>) et (90°+>), « étant la plus grande déclination du Soleil; ce second mouvement est donc insulte et inaugitaire. Réplet est le premier au-

teur de cette remarque importante, qui simplifie encore l'idée de Copernic.

L'auteur veut ensuite rendre sensible aux yeux le changement de déclination; il le fait de deux manières, l'une assec obscure, et qui exigerait une figure en relief; la seconde est beaucoup plus claire, et on la retrouve dans plusiens traités modernes. Il revient ensuite à son second mouvement, qu'il suppose conique, antonr d'un axe perpendiculaire au plan de l'écliptique.

Il paralt que Copernic, en se déterminant à faire tourner la Terre T, en un an, autour du Soleil, avait cru qu'une conséquence naturelle de ce mouvement serait, que l'axe TP serait toujours incliné de la même manière vers le Soleil, et que l'angle PTS (fig. 1) entre l'axe et le rayon vecteur devait être constant, comme si l'axe prolongé devait toujours couper au point O l'axe SO de l'écliptique; mais alors l'équateur EO aurait toujours été incliné de la même facon vers le So-· leil, et la déclinaison du Soleil, qui est l'angle OTS, eut été constante; or au bout de six mois l'axe, au lieu d'être en T'p' avait pris la position T'P', l'équateur EQ avait la situation renversée eq. Pour exprimer ce changement prétendu, qui n'était qu'un parallélisme conservé, il imagina que le pôle avait décrit le demi-cercle pbP, base du cône droit, dont l'axe serait la droite TC perpendiculaire au plan de l'écliptique. et parallèle à SO, axe de l'écliptique. Par ce moyen, l'axe T'p' se retrouvait dans une situation parallèle à TP, et le parallélisme s'était maintenu dans l'intervalle, par la combinaison de ces deux mouvemens contraires.

Ge second mouvement n'était nécessaire que dans la supposition que l'axe TPO devait décrire autour du Soleil la surface conique TOT autour du l'axe SO. Pour le retirer de cette surface, il imagina le mouvement du pôle sur le cercle Pipa, o ude l'axe TP sur la surface conique PTp, mouvement qui devait produire dans les distances polaires PTS du Soleil un changement dont le maxamum était. PTp = PTC + CTp = 2CTP = 2OTS = la double obliquité de l'éclinique.

Képler est le premier qui fit la remarque importante que ce second mouvement n'elait pas réel, et qu'on peut, qu'on doit même supposer que l'axe reste toujours parallèle à lui-même, ce qui ajoute encore à la simplicité du système.

Dans l'idée de Képler, comme dans celle de Copernie, quand la Terre a fait une révolution entière autour de l'écliptique, et qu'elle est re-



venue à la même étoile, le Soleil reviendrait à la même décliuaison. l'année tropique et l'année sidérale auraient même durée ; mais l'aunée tropique est plus courte de 20' environ que l'aunée sidérale, le Soleil revient à la même déclinaison en moins de tems qu'à la même étoile. Pour expliquer cette dissérence, Copernic a vu qu'il suffisait d'augmenter de 50" par an le mouvement du pôle sur la base du cône; par là, le retour à la même déclinaison précéduit de 20' le retour à la même étoile; le pôle, au lieu d'être revenn en P, était déjà en p". Pour passer de l'idée de Copernic à celle de Képler, il suffit de retrancher 560° du mouvement que Copernic donnait au pôle, il ne restera que les 50", qui expliqueront la précession des équinoxes, et il est à remarquer qu'il n'est aucune raisou qui puisse expliquer le mouvement de 360° o' 50" de Copernic, au lieu que la théorie de la pesanteur explique et calcule le monvement annuel de 50", qui est uue conséquence de l'aplatissement de la Terre. Quoique Copernic ait commis une légere inadvertance dans son explicatiou, comme le résultat est le même, on ne doit pas lui savoir moins de gré d'unc explication si heureuse de la précession et de l'immobilité des étoiles.

Copernic ne s'explique pas eucore sur ce deruier point pour le moment, il ne parle que de l'espérance qu'il a que sa solution sera goûtée. De la grandeur des cordes du cercle. On ne peut faire ancun caleul sans la Trigonométrie; il eu pose les fondemens, et pour cela il rassemble les théorèmes épars dans Ptolémée. Les anciens avait partagé le diamètre en 120 parties, les modernes l'out divisé en 1200.000, les autres en 2.000.000, on même autrement, depuis que l'Arithmétique indienne est devenue d'un usage général; et comme cette Arithmétique est de beaucoup plus commode que l'autre, il fait le diamètre de 200.000. Il démontre les divers théorèmes de Ptolémée, mais il prend la moitié des cordes, qu'il ue nomme pourtant pas des sinus. Sa Table ne va que de 10 en 10', comme celle de Gauric; il ue parle pas de tangentes; sa Trigouométrie rectiligne n'offre rien de nouveau. Pour la Trigonométrie sphérique, il commeuce par démontrer le théorème des quatre sinus; il démoutre, par les triangles complémentaires, les quatre théorèmes des triangles rectangles.

Il fait voir que tout triangle dont ou connaît deux côtés et un angle, peut se changer en un triangle dont on conuaîtra deux angles et un côté. Si deux angles sout donnés avec'he côté compris, vous le changeres en un autre où vous aurez deux côtés et un augle.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

L'idée de ces triangles complémentaires est tirée du cinquième livre de Regiomontanus, où nous l'avons suffisamment expliquée. Du reste, il est évident que Copernic n'avait aucune idée des tangentes, employées déià depuis près de 500 ans par les Arabes.

La proposition 15 nous fournit une démonstration de la formule fondamentale de la Trigonométrie sphérique. Soit ABC (fig. 2) un triangle sphérique quetocoque, D le centre de la sphére, DA, DC, DB les trois rayons on les trois ardets de la pyramide. Sur l'erayon AD meuez la perpendiculaire CF, rous aurec CF = sin AC, $YD = \cos AC$; au point F cleves dans le plan ABD la perpendiculaire CF, qui coupera le rayon BD en G, vous aurex FC = FD lang ADB = $\cos AC$ lang AB, $CD = \cos AC$ case $CD = \cos AC$ case $CD = \cos AC$ case $CC = \cos AC$ case $CD = \cos AC$ case $CC = \cos AC$ case CC = CC
Par la construction, CF et GF sont perpendiculaires à l'arête DA, leur angle est celui des plans AB, AC;

$$\begin{aligned} \cos BA CamcosGFC &= \frac{FC + FG^2 - GS^2}{8FC + FG^2} \\ &= \frac{FC^2 + FG^2 - 1 - \cos^2 A \cos^2 AB + s \cos A C \sin^2 AB \cos BC}{8FC + FG^2} \\ &= \frac{\sin^2 AC + \cos^2 A C \cos^2 AB - s \cos^2 AC \sin^2 AB + s \cos A C \sin^2 AB \cos BC}{8FC + FG^2} \\ &= \frac{\sin^2 AC + \cos^2 A C \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB \cos^2 AB - s \cos^2 AC \cos^2 AC \cos^2 AB \cos$$

SainACosACtangAB

= 2008 ACsécABcosBC — scos AC

asinACsinAB creaC

asinACsinAB creaC

sinACsinAB

sinACsinAB

ce qui est la formule d'Afbategnius.

Coperaic cherche FD = cos AC, FG = $\frac{\cos AC \sin AB}{\cos AB}$, GC par la formule ci-dessus; alors il a les trois côtes da triangle rectiligne GFC, qui lui donne l'angle GFC = BAC, angle cherché.

Cet angle consu, on a les tleux autres par la règle des quatres sins. Le procédé est long; il noss fant aujourd'hui moins de calcul pour avoir l'angle A, qu'il n'en fallait à Copernie pour résoudre son triangle GDC; nous épargnons le triangle FDG, c'est-à-dire au moins la moitié du travail. La proposition 15 n'est pas moins remarquable; il s'agit de trouver les cotés par les trois angles. Développons la démonstration de Copernic.

Soit (fig. 5) le triangle ABC, dont les trois côtés soit connus. De l'angle à Abissues le aprepudiculaire HAE indéfinient prolongée. Du pôle B décrivez l'arc de grand cercle IFE, BE=50°, E est le pôle de BC, est BBE50° et IIIE=90°. Prolonge BA en F, alors AFE=50°. De lo de Cécrives l'arc de grand cercle KGE. ACE=50°, CE=50°—CK=50

sinFE:sinGE::sinFAE:sinGAE, ou cosB:cosC::sinBAH:sinCAH...(A),
sinFE+sinGE: siuFE-sinGE:: siuFAE+sinGAE: sinFAE-sinGAE,
taug;(FE+GE):tang;(FE-GE)::tang;(FAE+GAE):tang;(FAE-GAE),

$$\begin{array}{l} \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (\rho g^{*-}B + \rho g^{*-}C) : \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (\rho g^{*-}B - \rho g^{*-}+C) \\ : \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (BAH + CAH) : \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (BAH - CAH) , \\ \tan g \left(g g^{*-}C - g^{*-}B \right) : \tan g \left(\frac{c-B}{a} \right) : \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (BAC) : \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (BAH - CAH) \\ = \tan g \stackrel{*}{\rightarrow} A \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (C - B) \tan g \stackrel{*}{\leftarrow} (C + B). \end{array}$$

C'est la formule que j'ai donnée (X. 148 de mon Astronomie). Nous avons trouvé une formule analogue pour les trois côtés, par une construction de Régiomontan.

La solution de Copernic est plus lougue, parce qu'il n'a pas les Insquettes; mais connaissant, par la formule (A), les angles verticaux BAII = FAE, CAH = GAE, FE étant le complément de l'angle B, on en conclura FA = 90° - AB; de même dans le triangle AGE, on cara GE par C, el l'angle opposé GAE; no aura AG = 90° - AC.

Cette espèce de triangle complémentaire tombée en désuétude, n'en est pas moins curieuse à connaître. La construction de Copernic devait mence à l'idée du triangle supplémentaire; il ne restait plus qu'à décrire un troisième arc du pôle A. C'est ce que fit Snellius, ainsi que nons le trouverons à son article.

Copernic termine ici son premier livre et son petit traité de Trigonométrie; pour le compléter, il nous dit qu'il faudrait donner un volume, Il est à croire que son but, en le composant, a été de donner ces derniers théorèmes et leurs constructions dont il paralt l'inventeur; mais le premier était bien moins commode que celui d'Albategai, l'autre est moins fréquemment utile, mais il est d'une simplicité élégante.

1.e livre second maite du mouvement diume et des cercles de la sphère.

Comme plusieurs astronomes de son tenns, il a trouvé que l'obliquité del l'céliptique n'étit que de 35' 58' 24"; d'où il conclut que cet anglé est variable. Il veut prouver qu'il n'a jamais été au-dessus de 35' 55', et qu'il qu'il est toijours dangeréux de bazarder des prédictions ; à moins qu'elles ne soient mathématiquement et physiquement démontrées. Son Airenomie sphérique est un mélange de celles de Ptolémée et d'Albateguius. En parlant des heures temporaires ; il dit qu'elles sont tombées en déseutedet, mais il ne fixe pas l'époque de ce changement, produit sans doute par l'invention des hortoges à roue qu'un epurent des hortoges à roue qu'un epurent des met qu'elles sont tombre qu'els eleveré égales.

En parlant des couchers des étoiles et des planètes, il nous dit que l'arc d'abaissement du Soleil est de 12° pour les étoiles de première grandeur, de 11° pour Saturne, 10° pour Jupiter, 11° pour Mars, 5° pour Vénus et 10° pour Mercare.

Au livre de la construction d'un catalogue déciales, il nous apprend que le géomètre Minélais avait dictermire la plupart des étoiles par les conjonctions de la Lune. Ce moyen ne pouvait servir que pour les étoiles codiscales, et même il n'éviait pas d'une grande précision. En parlant de Ptoléméte, auquel dans tout ce livre il a fait des empreus frequens, il dit que d'autres ont cru que la précession câuit indéfinie, mais inégale. Autre chose digne de remarque, l'obliquité nets plus la même qu'au tems de Ptoléméte; c'est ce qui a fait imaginer une neuvième et une dixième sphère. On commençait déjà parler d'une onsaimen, mais le mouvement de la Terre rend cette compileique in un une le la Service de la vient de la Terre rend cette compileique in un un sur la latification in percie désillé ce qui doit résulter du mouvement qu'il attribue à l'ave.

Copernic pense qu'on devrait dire que l'équateur est incliné à l'écliptique, et non l'écliptique à l'équateur, pirse que cert de l'écliptique et plus considérable que celui de l'équateur, dans la raison du mouvement aumet aumet au mouvement diurne; en raisonâment sinsi, il supposant la Terre beaucoup plus voisine du Soleil qu'elle n'est réellement, et l'écliptique surpasse en grandeur l'équateur terrestre beaucoup plus qu'il no pensait; mais ce n'est pas cette considération qu'a du déterminer les observateurs; l'équateur est un terme fize auquel ils ont comparé le soleil; ils ont ve que le Soleil était tautés 25 ; an-dessus et ainoit 25°;

au-dessous de l'équatenr. La hauteur de l'équateur est constante; ils ont dù dire que l'écliptique ou la route du Soleil était inclinée à l'équateur,

et ils ne changeront pas leur manière de s'exprimer.

La rétrogradation des équinoxes est si peu de chose, le mouvement apparent des étoiles est si lent, la période en est si longue, que ce mouvement a dù rester long-tems inconnu. Copernic rapporte les observations de Timocharis, d'Hipparque, de Ménélaus, de Ptolémée, d'Albategni. Lui-mème, en 1525, à Frueberg, observa que la hauteur méridienne de l'Épi, était de 27° presque. La latitude de cette ville est de 54° 20'; la hanteur de l'équateur est donc de 55° 31'

il conclut la déclinaison de l'Épi de......

la hauteur de l'étoile était donc...... 26.51 : il dit en gros près de 27°.

De cette observation, il conclut la longitude de l'étoile par la décli-, naisou observée et la latitude prise dans le catalogue d'étoiles. Il démontre son calcul par la projection orthographique (fig. 4).

Soit AC l'équateur, AM = CN = 8° 40'; MN le parallèle de l'étoile, DB l'écliptique, FG son axe, LH le parallèle à l'écliptique, O le lieu de l'étoile :

PQ=sinAM=sinD, EI=sinlatit.=sinλ, OI=HIsinlongit.=cosλ sin L;

$$\sin \lambda = EI = Ea - AI = QE \tan Q - OI \tan Q = \frac{eQ \tan Q}{\sin Q} - OI \tan Q$$

$$= \frac{\sin D \tan \alpha}{\sin \alpha} - \cos \lambda \sin L \tan \alpha = \frac{\sin D}{\cos \alpha} - \frac{\cos \lambda \sin L \sin \alpha}{\cos \alpha};$$

sin λ cos ω = sin D - cos λ sin ω sin L.

 $\cos \lambda \sin \omega \sin L = \sin D - \sin \lambda \cos \omega$, $\sin L = \frac{\sin D - \sin \lambda \cos \omega}{\cos \lambda \sin \omega}$

Cette formule est précisément celle que donne le triangle sphérique entre l'étoile et les deux pôles; c'est la formule foudamentale de la Trigonométrie; car vous avez sin D = sin \(\lambda \cos \omega + \cos \lambda \sin \omega \sin L \), on mettant les côtés pour leurs complémens cosC"=cosC'cosC+sinC'sinCsinL; mettez pour sin L son complément cos A' qui est l'angle intérieur, etvous aurez cos C' = cos C cos C' + sin C sin C' cos A".

Voilà donc encore une manière de démontrer ce théorème fondameutal qui se retrouve partout; c'est la seconde que nous fournit Copernic, qui n'a jamais vn que c'était une formule générale.

An reste, nous avons change la démonstration de Copernic dont la figure est mal faite, et renferme des lignes inutiles.

La longitude de l'écolie était donc de 6' 17' 21' par son calcul que joi vérifié. Dis nas auparaum, il avait trouvé la déchasion 8' 50', et la longitude 6' 7' 14'; 7' de précession en dix ann ne fournissent que 4'' par an ; 4' de précession en déclinaison ne donneraient que 4'' par an ; 4' de précession en déclinaison n'étaient pas de la deraière précision, et dix ans d'intervalle ne suffisent pas pour en atténuée les intacatitudes. Suivant Plofémée, la déchasion n'était que de 0' 50', d'où résulte la longitude 26' 40'. Copernic en conclut que de Timocharis à Hipparque, la longitude a augmenté d'un degré en cent ans, autant d'Hipparque à Polémée; mais nous avons vu à l'article de Plolemée ce onto noit pesser de toutes ces déterminations.

De Mênélatis à Albategni, en 78a ans, la précession est de 11*57, ce qui ne fait que 66 ans pour udegré. De Plotémée à Albategni, 1° en 65 ans; mais, par les observations de Copernic, on aurait 1° en 71 ans. Anis la précession aurait été plus lente de Timocharis à Plotémée, plus rapide de Ptolémée à Albategni, plus rapide entre Albategnius et Copernic, que de têms de Ptolémée.

Il trouve des iuégalités pareilles pour l'Obliquité. Érasotableu la fair de 25°51' 20', en quoi il a étà swiy par Pollemér, Albategni de 25°52' 3', Arzachel, 190 aus après, de 25°52', 250 ans plus tard, le juif Prophatius trouvait 35°32'. Au lieu de voir dans ces inégalités la grossière de l'Incertitude des observations, Copernie aime mieux admettre des inégalités au moins singulières; après avoir renversé le système des anciens. Il n'ose mune suspecture leurs observations.

« Hypothèse pour caplique ées intigulites. Ou n'en peut, Bit Gèpernic, trouver de muilleure que la déféction de l'axe de la Terre et des pôles du cercle équinoxial. L'écliptique est immobile sinsi que le prouve la constaince des latitudes. Le mouvement de l'ave et celui du centre de la Terre et différent entre eux, et cette différence n'est pàs toujours la même. Les solicies doivent rétrograder d'une manière inégale; il en est de même pour le mouvement en déclination qui change inégalement l'obbliquité de l'écliptique on platot de l'équister. Il faut donc concevoir deux mouvemens réciproques des pôles qui ressemblent à une libration, ou un balacement; car les cercles et les pôles on une relation nécessire. Un de ces mouvemens change l'inclination de l'un des cercles porcié en dessus ou en dessous autour de l'angle de section. Un natre mouvement aux fait transversalement, d'un côté ou d'un autre. Nous suppleans de l'acquire de cercles porcié in transversalement, d'un côté ou d'un autre. Nous suppleans de l'aux des cercles porcié un dessus autour l'aux nous l'aux mouvement augmente ou diminue la précession, par la rision que le déplance.

ces mouvemens des librations, parce qu'à l'exemple des corps saspendus, il se mewnet toujours par le même chemin, entre deux termes dus ji se men de vites ever le milieu, plus lentement vers les extrémuités, comme on le voit par les altitudes des plantéts. Ils différent encore pour la durée des révolutions, puisque l'inégalité des équinoxes se restitue deux fois, pendant que celle des déclinations se restitue une fois seulement. Dans tout mouvement apparent et inégal, il faut concevoir un mouvement moyen, qui sert à calculer l'inégalité. De même ici nous supposerons des poles moyens et un équateur moyen, des sections équium années des poles moyens et un équateur moyen, des sections équisonaixles notopmes et des points moyens de conversion. Par l'effet de est denx librations, les poles de la Terre décrivent des sepèces de couronnes contournées; stott écci se concevrs miens par une figure. »

Il est Acheux que Copernic, après avoir découvert et établi par des raisonnemens elairs et sains le véritable système du monde, se donne ici la torture pour expliquer des phénomènes imaginaires, et gâter ainsi la belle simplicité de son hypothèse.

Soit E (fig. 5) le pôle de l'écliptique, F celui de l'équateur, quand l'obliquité est la plus graude; G ce même pôle, quand elle est la plus petite: i le pôle moyen.

Concevons maintenant deux monvemens du pôle terrestre, l'un qui produit des occillations continuelles de F en G et de G en F, e'est le mouvement, de déclinaison p l'autre se fait perpendiculairement à FG, comme de K en m, tantôt selon l'ordre des signes et tantôt contre est ordre; c'est ce dernier mouvement qui est double du précédent, et qui er estituig deux fois, tandis que l'autre ne se restitue qu'ons exule; nous supprimons dans la figure les erreles décrits autours de F, de G, de i et E, qui ne sevent guère qu'à embrouiller l'explication.

Le mouvement de F en G diminue l'obliquité, de G en F, il Faugmente. Le mouvement tain le tens it fait rétrograder l'equionce; le mouvement Kim le fait avancer. Pour faire concevoir güurinlement em méron queleonque DFG comme dismètre, décrives le cercle GHB sur na reponqueleonque DFG comme dismètre, décrives le cercle GHB qui conque en H le dismètre AB; mence GH qui ser toujours perpendiculaire au dismètre AB; neroes GH qui ser toujours perpendiculaire au dismètre AB; Le centre F du cercle tourne autour du centre D, quand il set sur le dismètre AB; le point G apogée de ce cercle est en A; pendânt le tens que le rayon DF a traversé l'anglé ADF, lingiant que le point G a traversé l'anglé ADF, lingiant que le point G alle GHH=FHD+FDH=FDH; par comovement angqualire CHI, doublé du mousement angqualire ADF, le

point G ne quittera par le diamètres, quand ADF sera de 90°, CFH sera de 180°; le point C qui um râ lin 180°, sera no D, des que ADG urpas-sera 90°, CFH surpassera 180°; le point G continuera de descendre de D ne B, on il arrivara quand ADF sera 180°; alon CFH sera 180°; alon CFH sera 180°; alon certa de nouveau sur le prolongement de DF; ainsi une révolution de G sur crévolution le fera remonter de A en B le long du diamètre; une antre révolution le fera remonter de B en A. Le mouvement angulaire du point G sera double du mouvement angulaire de F ; il sera révolution de l'entre de l'ent

Cet arrangement est ingénieux, mais assez inutile; le petit cercle GHD ne sert à rien; il donne GH=2FGsin; GFH=DGsinGDH, c'est-à-dire la même chose que le cercle AGB,

DII=2FD sin \(\frac{1}{2}\)HFD=DG sin \(\frac{1}{2}\)(180°-GFH)=DG sin \(\text{(qo'}-\frac{1}{2}\)GFH)
=DG cos GDH,

 $AH = DG(1 - \cos GDH) = 2DG \sin^{4} GDH;$

le monvement sur le diamètre AB dépend donc de ‡GDH; le mouvement GH des équinoxes dépend de CDH; le premier aura donc une période double du second. Au reste, nous verrons que Copeniie lui-même ne fait aueun usage du cerele intérieur; il a voulu seulement résoudre généralement un problème de Mécanique céleste.

Par les observations faites à différentes époques, il trouve que la précession moyenue est de 25'57' en 25817 aus ; que daus ce tems les révolutions d'anomalie sont au nombre de 15 et ¿*; la révolution d obliquité est presque le double.

D'Aristarque à Ptolémée, en 400 ans, elle n'a pas diminué; elle était donc alors pris du maximum où les variations sont insensibles. Ainsi le maximum doit différer peu de 25°51′ 20° que trouvait Aristarque; il veut dire apparemennen frastoubhiee. En conséquence, il suppose que la plus grande obliquité est de 35°55′; du tems de Copernic, l'obliquité citai près du minimum; il varii trouvé de son tems 35°48′ 24′; il en conclut que le minimum différe peu de 25°38′; Albategni avait trouvé 25°55′, Arzache 1900 ans après, ne trouvait plus que \$4'⁄, et 350 ans plus fard, le juif Prophatius trouvait 53°4 (de tout cela, il conclut que le mouvement annuel de l'anomalie est de 6'9°5°50″; je trouve que...

300 = 6' 17' 24" 91". Il trouve le mouvement annuel de précession 50" 12" 5", ce qui est assez exact. C'est à fort peu près ce que nous trouvous par la comparaison des observations modernes à celles de différentes époques; il est donc évident que la précession est sensiblement uniforme, et que le peu d'accord des auciennes observations tient au vice des observations mêmes. Copernic prend pour données certaines les calculs ou inexacts ou infidèles de Ptolémée; il veut tout représenter, sans faire la part des erreurs; il établit son système sur ces fondemens précaires; il juge que l'obliquité ne peut plus diminuer; mais son obliquité était trop faible pour le tems, puisqu'il trouve, à quelques secondes près, ce que Mayer, Bradley et Lacaille trouvèrent 200 ans après lui. Ainsi toute cette combinaison d'épicycles portes sur d'autres épicycles tombe d'elle-même, et l'on est faché de la trouver dans un onvrage où l'ordre véritable du monde est exposé si clairement et appuyé d'aussi bonnes raisons. Il a osé renverser leur système général, et il montre nu respect aveugle ponr leurs moindres observations.

Copernic donne ensuite des tables pour faciliter le calcul de ses hypothèses; elles sont pour les années égyptiennes et pour les soixantaines d'années et de jours.

Il cherche quelle est la plos grande différence entre la précession moyenne et apparente. Soit ABC (§6. p.) Picépipoles, B'icquiodre moyen, EF le colare des équinoxes, Bl = BK = 5 σ , lK = Bl + BK = 1'4 σ ', IC = HK deux positions de l'équateur apparent, toujours perpendiculaire au colare; l'angle B= g_0 - σ -d'olign moyenne= g_0 - σ -3 σ / σ -d'olign apparent g_0 - g_0 - g_0 - g_0 -d'olign g_0 -on aura BC = g_0 - g_0

Soit AC (fig. 8) un are de l'écliptique, B l'équinoxe moyen, DB na nar du colure. Sur le ecrele ADC, prenex un are de 45' 19'= DE, FB en sera le sinus, EF le cosinus. Soit BF = 50', on demande le rayon BA, DA = \frac{1}{1646}\frac{1}{17}\to \text{!} = \text{!} \text{!} = \text{!} \text{!} \text{!} = \text{!} \text{!} \text{!} \text{!} = \text{!} \text

ment de 45 521; ce sera le lieu de la plus grande équation *1 rd.* On en pout faire une table. Copernic donne cette tible; elle paratic calculer sur la formule 70' sin D; il y a joint une table de parties sexagésimales proportionnelles, à la manière de Ptolémée, 60' sont le rayon ou l'unité qui répond à la plus grande variation d'obliquité, c'est-à-diré à 51'. Ce nombre, multiplié par la fraction sexagésimale, donnera la correction d'obliquité.

Il semblerait, par ce qui précède, que la plus grande variation serait de 24 = 25° 52 - 25° 38'. D'après la théorie expliquée ci-dessus, la prosentableris de séquinoces serait \$\frac{\delta}{\text{sin}}D\$ el la correct. d'obliquité 50° cos D, ou 50' -- 1° 40' sin'; D; la différence entre la plus grande et la plus petite, serait 1° 40'; comme l'oscillation entière de l'équinoxe. Copernie la réduit au quart, pour saitabire aux observations; il y a donc de l'incohérence dans ses suppositions; il donne à GD rayon du petit cercle, une valuer pour les équinoxes et une autre pour l'obliquité.

Il a supposé que l'argament D de ses équations était \hat{o}_i la première année d'Antonin; il cherche quel a été, dans cette supposition, le lien de l'équinore au tens de Timocharis, de Ptolèmée et d'Albategni. Par la comparsion avec les observations, il rouve quelques minutes de différence, et il indique la correction qu'il faudrait faire à l'époque pour buyen chies aux différentes obliquités rapportees ci-dessus. Puisque ses équations sont empiriques, il était plus court de dire que l'équinoxe avait besoin d'une correction $\left(\frac{5n^2}{m_0}\right)$ sin D=70 sin D, et l'obliquité moyenne 55° /o' une équation sont d'une correction $\frac{5n^2}{m_0}$ sin D=70 sin D, et l'obliquité moyenne 55° /o' une équation 12° cos D qui lui donnait 25° /o' zinc èquation sont inties. Au lieu d'un cercle, il fallait employer une ellipse dont les demi-aves fussent 50° et 13° , et son hypothèse se calculait comme nous calculous aujourd'hui la matation.

Copernic, dans cet exposé qu'il fait de sa doctrine, sui un peu l'exemplé de Ptolémée; il cherche d'abbod une combinaison de mouvement circulaires qui satisfassent à peu près aux phénomènes; il règne quelque obscurité dans ses explications; pour être súr qu'on l'a bien compris, il n'est pas inuité de faire pour lui ce que nous avons fait pour Ptolémée. Réduisons ses tables en formules, car ses tables goiveut contenir sa théorie usuelle.

Il réduit les années juliennes en années égyptiennes, en soixantaines d'années et de jours; par ce moyen, il trouve le mouvement d'anomalie; Il l'ajoite à l'époque 6' 45' pour la première olympiade, on 26 ans avant Nabonasser, avangement singulier et bien incommode, à l'on avait à faire sujourd'hui bes calculs, qui heureusement reposent sur une hypothèse chimérique. Cette opération lai donne l'anomalie simple avec la quelle il prend les sexagésimales proportionnelles de sa table. Il double l'anomalie pour, avoir la prostaphériese, qui-est additive dans la seconde moitié de l'argument et soustractive dans la première.

Le changement d'obliquité influe sur les déclinaisons; il les corrige par les proportionnelle, ainsi que les ascensions droites et les augles de l'écliptique avec le mérdien.

Dans l'exemple qu'il calcule, il trouve

anomalie simple on angle D=166° 40' sexag. prop. 1', l'anomalie double sera done 533.20' prostaph. +52'

par sa table; je trouve plus exactement $5a' - \frac{4}{6} = 51'$ 2o'; la formule -7o' sin 335' 2o' = +51' 25'; sa table a donc toute l'exactitude possible, puisqu'il me la donne qu'en minutes.

Soit dounée la longitude moyenne; vous aures la précession apparente que vous appliqueres à la longitude moyenne de l'étoile pour avoir sa longitude actuelle. Jusqu'ici tont est clair, l'équation est --70'sin. 2 anom,

L'équat. de l'obliquité (supposée la plus petite) est (£) 06' cost' anoma, la dernière colonne de la tuble donner donc une quantité qui, multipliée par la fraction sexagésimale (¿*) de la table, formera la correctiou d'obliquité; multipliée par les nombres qu'on trouve à côté des déclinaisons, des ascensions droites et des angles de l'éclipique, elle donner les corrections de tons ces arcs ou ces angles cal'eclipique, elle donner les corrections de tons ces arcs ou ces angles calculés pour une obliquité 35' 28' qui est la plus petite.

Tels sont les préceptes de l'auteur; ses tables sont démontrées quant la forme, les constantes sont tirées de l'observation; c'est ce qu'on fait encore sujourd'hui le plus souvent. Nous avons comparé sa thoire à celle de la natation, mais il fluodrait mettre le grand axe de l'ellipse dans le colure des équinoues, «et le petit dans celai des solutices; c'est le contraire de ce qu'on fait pour la mutation.

« D'après cette théorie, l'année qui se termine par le retour au même équinore, est nécessairement inégle; c'est eq quo trouve en effet par les anciennes observations. Calippe et Archimède, qui faisaient commencer l'année au solistice d'été, comme les Athéniens, la sopposient de 655 j'oure. Polèumes es défaint des solitices, s'attacha de préference aux équinoxes observes en grand nombre par Hipparque à Rhodes. Il diminna l'année d'nne petite quantité. (Cette diminution qui est de , de jour, est d'Hipparque, spivant le témoignage de Ptolémée lui-même ; et d'uillenrs, puisque Ptolémée a conservé les mouvemens du Soleil d'Hipparque, il n'est pas possible qu'il ait fait l'année différente.) Albategni la réduisit à 365 5 46 24 : Copernic observa l'équinoxe à Frueberg, le 18 des calendes d'octobre de 1515. Entre l'observation d'Albategni et la sienne, il compte 633 années égyptiennes 153/6º 45', au lieu de 168/6º; entre son observation est celle de Ptolémée , 1576 ans 322 et une demiheure. L'intervalle entre Albategni et Copernic donne un jour pour 128 ans; entre Ptolémée et Copernic, un jour pour 125 ans; ainsi partout on voit une inégalité dans l'année, ou plutôt Copernie montre toujours le même respect et la même foi implicite pour toutes les observations. Il a fait usage aussi de l'équinoxe observé en l'an 1616, 41 après minuit, le 5 des ides de mars. L'intervalle est de 1366 années égyptiennes, 522'16'; on voit encore que les distances des équinoxes ne sont pas les mêmes an printems et en automne. De ces raisons et de plusieurs autres . Copernic conclut que c'est par rapport aux fixes qu'il faut déterminer la véritable longueur de l'année, suivant l'idée de Thébith ben Chors. On trouve ainsi 565' 15' 23" on 565' 6' q' 12"; au lieu de 12", je trouve 11",5, l'année sidérale de Copernie était donc bien déterminée.

« On voit done, reprend-il, qu'il faut se servir des étoiles, l'erreur qu'on peut Craindre dans cette méllode, est gonoindre, que celle qu'on risquerait dans l'autre, d'autant plus que le Soléll lui-même est sujet à une double inégalité. La seconde na des laperue qu'ab bout d'un fort long tems; la première est annuelle. Ainsi, même en comparant le Solel à l'étoile, il faut choisir deux époques où cette inégalité soit la même; il flut évire la différence des deux équations, ou ca teair compte dans le calcul, si l'on veut avoir un résultat exact. La coannissance de l'équation dépend elle-même de celle du mouvement annucl.

» Il y a donc quatre causes d'inégalité dans l'année tropique. La première est l'inégalité de la pricession (celle-ci à pas lica, ou du moins elle est très pen de chose); la deuxième est l'équation annuelle du Soleil; la troisième est celle qui change plévation annuelle (et c'et cet celle qui change plévation annuelle (et c'et cet celle qui désigne sous le nom de secondé inégalité); la quatrième est celle qui change les pasides du Soleil, sindi que nous le montrerons ci-édesson.

De ces quatre causes, Ptolémée ne connaissait que la première; mais pour déterminer l'équation annuelle, il suffit de connaître à peu près la longueur de l'année qu'on peut supposer de 565/ ; mais par avance, il donne les mouvemens moyens qu'il a tronvés sans rien négliger.

Théibih donnait à l'annéé une seconde de moins seulement que n'a trouvé Copernic, qui donne ici 365 15' 24' 10", ou 6' 10' 40" (c'éail 12" tout à l'heure); il en dédoit le mouvement en 365' 40...... 5' 55' 44' 46' 7" 4", ou 11' 29' 44' 46' 7" 4"; mais à ce mouvement, si nous ajoulous le mouvement moyer de précession, nous anne 11' 10' 45' 20' 10" 0"; ce dernier mouvement s'appelle composé, c'est le seul dont on fasse usage aujourd'hui.

Soit le Soleil en C (fig. 10); la Terre en D verra le Soleil répondre à un point A dans la sphère des fixes; que la Terre soit transportée en E. elle verra le Soleil en B, éloigné de point A de l'angle AEB; le monvement apparent du Solcil sera donc AEB=ACB-CAE=CDE-CAE $\binom{CE}{AE}$ sin CDE; mais $\binom{CE}{AE}$ est une quantité insensible; donc le monvement apparent du Soleil doit nous sembler égal au mouvement réel de la Terre. Voilà ce qui aurait lieu en effet si la Terre se mouvait autour du centre du Soleil; mais le centre des mouvemens est hors du Soleil, il en résulte une inégalité que Copernic calcule par un excentrique ou par un épicycle comme les ancieus, à la réserve que c'est la Terre qu'il fait mouvoir sur l'excentrique ou l'épicycle. Les deux hypothèses donnent les mêmes résultats, a dit Ptolémée; il n'est pas aisé de décider laquelle a lieu véritablement dans le ciel. Nous savons aujourd'hui que ce n'est ni l'une ni l'autre; et Kepler, en plaçant le Soleil au véritable centre, a rendu inutiles les considérations que nous venons d'analyser; le monvement apparent du Soleil est véritablement...... ACB=DCE, puisque l'angle CAE est réellement insensible.

Copernic expose ensuite la manière dont Hipparque et Ptolémée ont déterminé l'excentricitée le lieu de l'apside. L'ipparque et Ptolémée la plaçaient en 65°50′, et faissient l'excentricité -;. Ils croyaient ces quantités invariables, mais elles ont varié toutest deux, car Albategni trou-vail l'excentricité -;; et l'apogée en 83°17′; Arrabel trouvait aussis; 2,7, mais il mettait l'apogée en 97°50′; Copernic de son côté, en 1515, trouvait l'excentricité -; et al'apogée en 90°4′.

Soit (fig. 11) A la Terre qui voit en B le Soleil F au printems, B la Terre qui à l'automossion en A le Soleil F, C le milieu du Soorpiou; menca AB et CD qui se conpent au centre du Soleil, menca aussi la corde AC. Car Copernic, au lieu d'observer les solstices, observait

le milieu des signes du Taureau, du Liou, du Scorpion et du Verseau, c'est-à-dire apparemment les jours où le Soleil avait 45, 155, 225 et 3.15* de longitude. Il ac dit pas commenti la fairces observations dont l'idée n'était pas nouvelle; il nous est impossible de juger quelle en pouvait être la précision.

De l'équinoxe d'automne an

milieu du Scorpion 45' 16'; mouv. moyen 44° 37' = BC

Tels sont les mouvemens moyens, et par conséquent les arcs de cercle décrits par la Terre; mais de 6' à 7' 15°, le mouvement apparent du Soleil a été de 45°, au lieu de 44° 57', et d'un équinoxe à l'autre, il a été de 180° au lieu de 176° 17'.

D'où l'on voit déjà une inégalité de 5°41', dont la moitié 1°50'50', annonce une équation du centre qui est au moins de 1°50'50" et qui peut être plus considérable.

Vu du Soleil, l'arc BC soutend donc un angle de 45°, c'est BFC; donc CFA = 135°,

CFB=45°=BAC+DCA=22°18′30″+DCA;

donc

ees denx arcs étant moindres que la demi-circonférence, le centre du cercle est dans l'angle BFD. Soit E ce centre, abaissez la perpendic, EK.

Vous connaissez AG et sa corde=2 sin \(^1_2\) AG=2 sin 65°51'; youa avez les trois angles

 $EK = \cos \frac{1}{2} CGD = \cos 88^{\circ} 52' 50'' = 0,02545$

 $\frac{EK}{FK} = \tan g \ LFD = \frac{0.025450}{0.019759} = \tan g \ 51^{\circ} \ 50' \ 21''$ LFA = 96.50.21

 $\frac{r_{COS}}{cos} = \frac{r_{CN}}{sin} = 0,032367 \times 60' = 1.56'31''27 = siu_1.51'17'';$

Copernic, par ses tables moins éteudues que les nôtres, trouve

CF = 0.97967FK = 0.02000EK = 0.02554LFA = 96° †EF = 1*56/ = sin 1° 51'.

A quelques modifications près, c'est la méthode d'Hipparque; mais il paraît que les observations sont un peu plus précises; et en effet, quelle précision pouvait-on attendre de l'observation du solstice?

> Hipparque et Ptolémée faisaient l'équation 2° 24' Albategui et Arzachel........... 1.50 Copernic trouve.....

il eu conclut une diminution d'excentricité qui force de changer la table de l'équation, mais il ne dit qu'un mot de la manière de la calculer.

Il passe à la recherche des moyens monvemens. Il y emploie un équinoxe d'Hipparque, celui de l'an 52º de la 5º période de Calippe, et nu autre observé à Frueberg sur le même méridien que Cracovie, l'an 1515 le 18 des calendes d'octobre. Il corrige ces observations de l'équation du centre; l'intervalle est de 1672 années égyptiennes 37/18'45'; le moven monvement 1660 cercles entiers 336° 15' presque, d'où résulte le mouvement qu'il a mis dans ses tables,

Il donne ses époques pour le méridieu de Cracovie et pour différentes ères.

Par les observations d'Hipparque..... 5/28°20' Copernic doune, en D'Alexand. à Hipparque, 176 ans 362/27 y faisant entrer la précession. moven monvement....... 10.12.43

Epoque d'Alexandre..... 7.15.37 7,16,58 D'Alexandre à César, 278 ans 118/....

Époque de Cesar 9. 2. 4

| De César à JC., 45 ans 12 | of | 0° 27' | Copernic. |
|----------------------------|----|--------|-----------|
| Époque de JC | 9. | 2.51 | 9. 8. 2 |
| Enoque de la 179 olympiade | 5. | 6.16 | 5. 0.50 |

Au reste, les nombres ne sont pas ce qu'il y a de curieux ou d'important dans le livre de Copernic, et ses tables a'ont pas joui d'une grande réputation. Il est singulier qu'il n'ait pas mis ses époques en tête de ses tables et au bas de la première page, où il y a tant de vide; il est singulier qu'on ne trouve dans tout l'ouvrage aucon exemple de calcul.

Ptolémée supposait les ansides immobiles: d'autres ont cru qu'elles suivaient le mouvement de la 8º sphère, c'est-à-dire celui des étoiles, Arzachel a cru ce mouvement inégal; il se fondait sur ce qu'Albategni avait trouvé 17° de mouvement en 740, tandis que lui-même trouvait une rétrogradation de 4° en 195 ans. Pour cette raison, il donnait au centre du monde un mouvement dans un petit cercle sclon lequel l'apogée avançait ou rétrogradait. Belle invention ! s'écrie Copernic, mais qu'on n'a point admise, parce qu'elle ne s'accordait pas avec les autres observations qui n'indiquaient pas cette alternative de mouvemens directs et rétrogrades. On a donc soupçonné quelque erreur dans les observations (on peut dire que ce soupçon est bieu tardif). Rien n'est plus difficile, ajoute Copernic, que la connaissance du lieu de l'apogée solaire, parce que des quantités assez grandes se concluent de quantités presque insensibles. En effet, vers l'apogée et vers le périgée, un degré produit à peine a' sur l'équation du centre, et vers les moyennes apsides, 5° ou 6° font à peine une minute.

"Pour placer l'apogée du Soleil en gôr'; nous n'avons pas roulus nous en apporter uniquement aux instruments houvecoper, et uous avons voulu nous appayer aussi des éclipses de Soleil et de Lune, pare que ces phénaphens sont propres à mente l'errer sensible. Ce cue nous avons pu en tirer de plus vraisemblable, c'est que le mouvement en toujours direct, mais qu'il est inégal; car d'lipparque à Publémée, l'apogée a été stationnaire; depuis il a toujours eu un mouvement direct, sous fla différence eutre Albategie et Arzechel.

Mais la station entre Hipparque est Ptolémée s'explique tout naturellement, si Ptolémée n'a fait que copier les calculs d'Hipparque et n'a point observé; quant aux deux astronomes arabes, ils ont pu se tromper tous deux d'une certaine quantiét, de sens contraires, qui expliquerait la rétrogradation apparente. On expliquerait de même la station d' Pobliquité. Extonothène fit une observation encore un peu grossière aves

un instrument qui ne donnait tout au plus que les dixaines de minutes. 200 ans après, quand l'obliquité n'avait pas diminné de 2', Hipparque répète l'observation avec un instrument qui n'est pas meilleur, et trouve sensiblement la même chose. Comme on n'avait aucune raisou de sonpconuer une diminution annuelle, il ne change rien à la détermination de son prédécesseur. Ptolemée l'adopte à son tour sans l'avoir vérifiée, ou si l'on veut, après l'avoir observée avec l'instrument d'Ératosthène. Si on l'en croit, ses observations s'accordaient à 5' près.

Depuis le tems d'Eratosthène, l'obliquité avait diminué de 3', c'est à peu près la moitié de l'écart qu'il remarquait entre ses observations. Il n'avait pas de raison suffisante pour préférer sa détermination à nne détermination celèbre, et il la sanctiouna par un nouveau suffrage. Mais ce qui fait croire qu'il ne l'a point observée réellement, c'est que l'obliquité d'Eratosthèue, trop grande déjà pour son tems, l'était devenue davantage pour le tems de Ptolémee, et qu'il serait bien étrange que trois astronomes successivement se fussent trompés et toujours dans le même sens, et d'aue mauière croissante. Ainsi l'hypothèse bâtie par Copernic sur deux suppositions également errouées, tombe d'elle-même, ce qui ne nous dispense pas de montrer commeut il sauvait les erreurs de ces observations si imperfaites qu'il adoptait sans discussion.

Du mouvement qu'il donnait au centre de révolution annuelle sur un petit cercle, il suit que l'équation du ceutre est variable, et qu'elle a besoin d'une correction de même genre que celle de l'obliquité; voici comme il coustruit ce problème.

Soit (fig. 12) AB le diamètre de l'écliptique, C le centre, D le lieu du Soleil, CD l'excentricité; autour de C comme centre, imaginez un petit cercle décrit du rayon CF moindre que l'excentricité, et que le centre de la révolution annuelle décrive d'un mouvement rétrograde et très lent la circonférence du petit cercle. Quand ce centre sera en E, l'excentricité sera DE, et par conséquent la plus grande; quand il sera sur F, elle sera DF ou la-plus petite. L'apside aura donc nu mouvement alternatif autonr de la moyenne DA. Soit, par exemple, le centre eu G; du point G décrivez un cercle du rayon GK = CA, l'apside sera sur la droite DK; DG sera moindre que DE, ce sera l'excentricité. Copernic prouve ensuite qu'il obtiendrait les mêmes effets par un épicycle. Il est inutile de le suivre dins cette nouvelle exposition, où il place un petit épicycle sur l'épicycle qui mesure l'équation moyenne. Il passe au caleul de la seconde équation solaire, Ce calcul serait pour nous des plus

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

simples. Menez CG (fig. 12), abaisses la perpendiculaire Ga,

$$tang ADG = \frac{Ga}{Da} = \frac{Ga}{DC + Ca} = \frac{CG \sin EG}{DC + CG \cos EG} = \frac{\frac{CG}{DC} \sin EG}{1 + \frac{CG}{DC} \cos EG}$$

et

$$\begin{split} ADG = &\binom{CG}{DC} \frac{\sin EG}{\sin i} - \binom{CG}{DC} \frac{\sin n2EG}{\sin n2} + \binom{CG}{DC} \frac{\sin 3EG}{\sin 5} - \text{etc.,} \\ DG = &\frac{\cos ADG}{\cos ADG} = \frac{DC + CG \cos EG}{\cos ADG}; \end{split}$$

il ne resterait plus qu'à déterminer la plus grande et la plus petite excentricité; la demi-somme serait l'excentricité moyenne, la demi-différence serait le rayon du petit cerele. L'intervalle entre la plus grande et la plus petite, ferait connaître la demi-révolution et le mouvement moyen EG.

Copernic trouve la plus grande ou DE = 417
la plus petite ou DF = 521

Somme = 758

Différence = 96

Excentricité moyenne 369 = DC, Rayon du petit cercle 48 = CG.

 $\frac{GG}{DG} = \frac{48}{359} = \sin \gamma^2 28' 27'',5$; Coperate dit $\gamma^2 28'$; c'est selon lui la plus grande équation de l'apogée. De son tems, G était eng et gF=14'21', Eg = 165'59' en 1515.

EG était zéro, 64 ans avant J.-C. Le mouvement est de 165° 36' en 1580 ans, ou 6' 17" 26" par an. L'équation calculée par notre série, serait

Il fait le mouvement moyen de l'apogée de 24" 20" 14" par an; c'est plus que le double de celui qu'il a véritablement.

Le mouvement annuel simple étant de 559° 44′ 49″ 7‴ 4′°, et le mouvement de l'apogée....... 24. 20. 14,

il restera pour le mouvement d'anomalie. 559,44.24.46.50, à l'époque de J.-C. l'anomalie était..... 211.14.

La composition de ses tables ressemble beaucoup à celle de Ptolémée. On y voit de 3 en 3 de l'argument, l'équation de l'apogée, et la prostaphérèse pour la plus petite excentricité; à la suite de la première, les sexagésimales proportionnelles qui serviront à corriger la prostaphérèse, et à la suite de la seconde, l'excès qu'il faudra multiplier par la fraction sexagésimale.

Pour trouver par ces tables le lien vrai du Soleil, cherchez le vrai lieu de l'équinoxe, son antécession et l'anomalie simple; puis le moyen mouvement du centre de la Terre, que vous nommerez mouvement du Soleil, si vous voulez.

Avec l'anomalie première et simple, vous trouverez la prostaphérèse d'anomalie et les miutes proportionnelles que vous mettres à part. La prostaphérèse d'anomalie est additive dans la première moitié de l'argument, soustractive dans la seconde.

Avec l'anomalie ainsi corrigée, prener la prostaphérèse de l'orbe annuel et l'excès qui se trouve sur la même ligne dans la deraitée colonne. Multipliez cet excès par les minutes proportionnelles réservées c'elessas; le produit sera la correction toujours additive de la prostaphérèse de l'orbe annuel. Cette prostaphérèse aissi sugmentée, se retranche dans la première motifé de l'argument, et s'sjoute dans la seconde.

Vous aurez ainsi le lieu du Soleil compté de la première étoile du Bélier; vous y ajouterez la vraie précession de l'équiuoxe, et vous aurez la longitude apparente de Soleil, soit que vous supposiez le mouvement de cet astre, soit que vous adoptiez celui de la Terre. Sans rien préjuger ici ni pour l'un ni pour l'autre de ces systèmes, il aunonce qu'il revieudra sur cette question, en parlant des planties.

En lui-même ce chapitro est fort chir; on regrettait seulement de u'y pas trouver un type de calcul, d'autain plus nécessaire que les clience du calcul sout disséminés dans l'ouvrage, et qu'on ne sait où les prendre. Mais l'éditeur Muller a rempli cette lacune, en calculant le lieu du Soleil pour l'équinoxe de 1515, observé par Coperais.

Pour l'équation du tems, la doctrine de Copernic est la même que celle de Ptolémée, modifiée seulement par une atteution de plus que demandaient les divers mouvemens de l'apogée, et qu'il est inutile de détailler, puisque la théorie est aujourd'hui simplifiée.

Au livre IV, qui traite des mouvemens de la Lune, il aunonce qu'il va tâcher d'améliorer la théorie que nous tenous des anciens. Il commence par l'exposition des idées de Ptolémée; mais au chapitre second, il en démoutre l'insuffisance.

· Sa première objection est que le mouvement est inégal sur l'excen-

trique; la seconde porte sur la correction de l'anomalic. Après ces raisons ausse faulles, il arrive à la véritable objection, c'est que les parallaxes tirées de cette hypothèse, ne s'accordent nallement avec celles qu'on observe, et que les diamètres ne sont pas mieux représenté. En fiuissant, il nous dit que Méndiais et l'Imocharis, dans leurs observations d'étoiles, n'avaient jamais employé le diamètre de la Lune que pour un demi-degré. Il propose donc une autre hypothèse.

Soit AB (fig. 15) le diamètre de l'épicycle, C son centre, D celui de la Terre; autour de A décrives un épicycle plus petit, tout cela dans le plan de l'orbite lunaire; que C se meuve suivant l'ordre des signes, suivant cette rôple; que quand DC sera dirigé au Solell moyen, la Lune soit en E, qu'elle soit en P dans les quadratures, ces suppositions satisferont aux phénomènes. La Lune en un mois fera deux fois le tour du petit épicycle. Dans les syaygies, le rayon paralt en CE, et dans les quadratures, il paralt en CF; sinsi l'équation sura différentes valeurs. Le centre C de l'épicycle c'ant toujours dans l'homocentrique, ne donnera pas des parallaxes si différentes. On pourrait arriver au même but par un exexentrique.

u II faut commencer par la recherche des mouvemens moyens, mais on trouve un obstale dans les parallaxes; on ne peut dipre se servir de l'astrolabe; mais on trouve une ressource dans les éclipses de Lune. Il rapporte les recherches d'lipparque, desquelles il résulte que le mouvement de longitude, multiplié par (\$37), donne le mouvement d'auomaile. Ptolémée avait fait un petit changement au mouvement d'Hipparque, Copernie y trouve encore à changer.

Il détermine la première inégalité dans les syzygies, suivant la méthode d'Hipparque; il compare les trois observations de Ptolémée avec trois des siennes.

La première éclipse de Copernic est celle du 6 octobre 1511. Com-

unionth Cons

mencement, 1³ \(\frac{1}{6}\) avant minuit; fin \(\hat{n}\) \(\frac{1}{2}\); milieu \(\hat{n}\) 1³ \(\frac{1}{11}\), on 1³ 55' matin du \(\frac{1}{2}\). L'eclipse fut totale, le Solcil était en 6' 22' 25', et par son mouvement moyen en 6' 22' 15'.

ment moyen en 0 24-15.

La deuxième est du 5 septembre 1522. Elle fut encore totale. Commencement, ³ d'heure égale avant minuit; milieu, 1³ 3 après minuit. Le

Soleil était en 5' 22° ; et le lieu moyen 5' 25° 29'.
La troisième est du 26 août 1523, 5' moins ; après minnit; le milieu

4¹½---;¹2, ou 4⁴ 25⁷. Le Soleil était en 5⁷ 11² 21⁷, et le lieu moyen 5⁷ 15² 2⁷. De ces éclipses, il déduit l'excentricité 8604 = sin 4⁸ 56⁷, ce qui diffère peu de ce qu'avaient trouvé Hipparque et Ptolémée.

Dans les quadratures, l'équation est plus forte de $x^*_{i,j}$, c'est-à-dire que lon a trouvé CE= 1554 (fig. 14); or, CF= 860; donc EF=474, FG=257=GE, CG=CS=1097, $\frac{8N}{8C}=\frac{257}{1097}=\sin 1x^*28'56';$ le complément $\gamma 7^*5''24''$, dont le supplément est $10x^*28''56';$ c'est la plus grande équation on le plus grande écrat de la Lune, par rapport à l'applement $\frac{N}{2}$

grande equation ou le pus grande cent de Lune, par rapport a side de son épicycle; elle a lieu à 77° ; et à 282° ; dans sa table. Ptolémée faisait la plus grande correction 15° 8'.

Pour prouver que ces suppositions représentent les observations, Copernie en choisi une d'Hipparque déji calculée pa Plolémée. Le Soleil moyen était en 3' 12' 5', le Soleil vrai en 3' 10' 46'; la Lune vraie en 4' 26' 5', la Lune moyenne en 45' 5' de sa révolution mensuelle, et suivant les tables, elle était à 355' d'anomalis es rou épicycle. Cela posé, soit la Lune en G (fig. 15). Dans le trinsple CEG 3 non avons EC=257, CE=1097, ABE=353', donne le lien du centre de l'Épicycle.

$$\begin{aligned} GEC &= 90^{\circ} 10^{\circ} = 2(\mathbb{C} - 0), \\ tang \ ECG &= \frac{\binom{GE}{EE} \sin GEC}{1 - \binom{GE}{EC} \cos GEC} = \tan 12^{\circ} 11^{\prime} 1^{\circ}, \\ CG &= \left[1 - \binom{GE}{EC} \cos GEC\right] \frac{CE}{\cos ECG} = 1125; \end{aligned}$$

Copernic, par la Trigonométrie de son tems, trouve ECG=12° 12' et CG=1125.

alors avec CG, CD et l'angle ACG, nous trouverons

C'est-à-dire 9' de moins que suivant l'observation d'Hipparque; mais Copernic remarque que la réduction à l'écliptique était de 7'; ainsi l'erreur r'est-plus que de 2'.

Il fant avouer que pour la clarté et la simplicité, cette méthode l'emporte de beaucoup sur celle de Ptolémée, sans compter qu'elle donne des distances et des parallaxes considérablement moins inexactes. Du reste, la table de la correction de l'anomalie difèrer très peu de celle de Ptolémée. L'équation du centre est plus petite soulement de 3'; en sorte que les longitudes doirent être à très peu près les mêmes dans les deux hypothèses.

Les latitudes ne différeront pas davantage. Sa méthode, pour les déterminer est encore celle d'lipparque et de Ploiemée. Parmi les éclipses qu'il compare, il s'en trouve une qu'il avait observée lui-même, le 4 des nones de join 1509, le Soleil étant en 2-42; milleu 11-32. L'éclipse de a éré de buit doigts : il y trouve la confirmation des déterminatious précédentes.

On peut remarquer que ses eclipses sont indiquées en demies, tiers et douziemes d'heure; voilà huit doigts qui sont \(\frac{1}{2}\) du diamètre. C'est \(\frac{1}{2}\) pen près la même précision que les Grees pour les doigts, c'est un peu plus pour les tems.

On en trouve encore une autre dans le chapitre suivant, qui fut observée par Copernic, à Rome, cu l'au 1500, après les nones de novembre, 2^a avant minuit, le Soleil était en 7' 23° 11'; l'éclipse fut de dix doigts dans la partie boréale; il en conclut l'anomalie ou l'argument de latitude.

Ère des olympiades..... 49° o
Alexandre..... 136.57
César...... 206.53

J.-C..... 120.45.

A l'article des parallaxes, il décrit l'instrument de Ptolémée, rapporte ses observations et les parallaxes qui s'en déduisent; mais il les trouve fort inexactes, et pour le prouver, il cite deux observations faites par lui-même.

En 1522, le 5 des calendes d'octobre, à 5° à du soir, le Soleil étant près de se coucher, il trouva dans le méridien la distance zénitale de la Lune 82° 50°; la hauteur du pôle était 54° 10°, d'où il dédait 50° de parallace. La réfraction passait y', mais il ne la conoaissait pas. Suivant Polómée la parallace serait de 47".

L'an 1524, le 7 des ides d'août, 6' après midi, la distance zénitale était de 81°55', la parallaxe 1°, tandis que suivant Ptolémée, elle serait de 08'.

Par la première observation,

 $\frac{\sin 50}{\sin 8a^{\circ} 50}$ = $\sin 50' 24''$ = parallaxe horizontale;

par la seconde observation,

 $\frac{\sin 1^{\circ}}{\sin 81^{\circ}55} = \sin 1^{\circ} \text{ of } 36'' = \text{parallaxe horizontale.}$

DEK = 7.0 DKE = 113.20

Somme = 180. 0.

 $DK = \frac{DE \sin DEK}{\sin DKE} = 0,152724$, la constante DC = 0,1097,

 $FCK = 560 - FGK = 165^{\circ} 48', DC = \frac{DK \sin CKD}{\sin FCK} = 0,10972;$

CK =
$$\frac{DK \sin CDK}{\sin FCK}$$
 = 0,02560, DG = DC + CK = 0,15532,
DF = DC-CK=0,08612, EK = $\frac{DE \sin KDE}{\sin DEE}$ = 0,95998.

L'édition de 1506 fait DEK == 12°, au lieu que la véritable valeur est 7°. Cette faute s'uit rectifiée dans l'evrate de la première édition; mais en supprimant l'evrate, a la na l'evrate de la première foit lons, mais en supprimant l'evrate, on a'vait pas cu le soin d'en profiter pour corriger se facte. Cet valeur de 12° est impossible mais avant d'en faire la réflexion, j'avais fait le calcul avec la fausse valeur qui m'avait donné ne parallax e trop forte. J'ai reçtouve la vériable valeur dans la troisième édition, et elle me donne EK == 0,5596; c'est la valeur que lui assigne Copernie, sans nous dire de quelle manière il l'a calculée. Mais ce jour-la la parallaxe observée était 1°. Copernic la prend pour la parallaxe horizontale, ettet dernière parallaxe était récliement de 1° 50° g', elle était plus grande que dans la distauce moyenne, puisque EK est une fraction de l'aunié. J'en multiplie le sinus par EK, et je (rouce la parallaxe moyenne 50° 56°, ce qui approche beaucoup de celle que l'on con-natta aujourd'hui.

Je divise le sinus de 56'58" par (1-DG)=0,86668, et j'ai le sinus de 65'44"; c'est la plus grande parallaxe possible dans cette hypothèse.

Je divise ce même sinus par (1+DG)=1,13552, et i'ai le sinus de

of this ce meme sinus par (17-10) = 1,1333, et al a re sinus de 56'16', qui est la plus fette parallaxe. Elle est un peu trop faible, la plus forte est un peu trop grande; mais ces erreurs sont incomparablement moindres que celles de Ptolémée.

Pour les diamètres de l'ombre, de la Lune et du Soleil, il expose la hicòrie d'Hipparque; il fait seulement quelques changemens légers aux nombres, et il en conclut que les éclipses de Soleil ne peuvent être totales, à moius que la Lune ne soit éloignée de 6a demi-diamètres de la Terre; il cherche ensuite les volumes des trois corps.

Les diamètres varient avec les distances comme les parallaxes; les parallaxes extrêmes pour le Soleil sont a' 55° et 5',9'; le diamètre apogée du Soleil 51' 48'; le diamètre périgée est 53' 54"; ces quantités sont beancoup trop fortes, et sur-tout la parallaxe qui est celle d'Hipparque.

Les parallaxes de la Lune, 50' 18" en quadratnre, 51' 24" en conjonction ou en opposition, 62' 21", et 65' 45" dans le périgée; le diamètre de la Terre est à celni de la Lune comme 7 à 2.

Les diamètres de la Lune seront donc 28' 45', 30' 0", 35' 58" et 57' 33". Suivant Ptolémée, ce dernier serait 1°. Le diamètre de l'ombre est à celui de la Lune comme 405 à 150; le plus petit sera 30'56"; le plus grand 95'44"; la différence la plus grande \$4'58'.

Il y a une erreur d'une minute sur l'un de ces trois nombres. Mulerius met en marge qu'il faut lire 15 8"; l'excentricité de la Terre doit produire sur les diamètres de l'ombre one légère différence; Copernic, après l'avoir évaluée. finit par la nécliéer. à l'exemple des anciens.

D'après ces recherches, il construit ses tables des parallaxes et des demi-diamètres suivant la méthode de Ptolémée, et calcule comme lui les parallaxes de longitude et de latitude.

Four confirmer ses hypothèses de parallaxes, il rapporte uno occultation d'Aldèbrara observée par lui à Bologne, le 7 des ides de mars après le coucher du Soleil, en l'an 1496. L'étoile paret toucher le bord austral de la Lune, et disparat entre les cornes à la cinquième henre de la nuit; elle était alors plus voisine de la corne australe de 7 du dismètre lunaire. Cette observation ressemble heaucoup à celles des Greintièmes de la corne de la corne australe de 7 des

Il donne ensuite les préceptes pont trouver les conjonctions et oppositions moyennes et vraies, et reconnaître celles qui sont éclipitques; et pont trouver la quantité de l'éclipse en doigts, soit du diamètre, soit de la surface; le tout à la manière de Ptolémée.

Les services qu'il a rendus à la théorie de la Lune sont donc premièrement une combinision plus simple et plus faicle, pour calculer la double inégalité de la Lune et ensuite la correction importante qu'il foit aux distances, aux parallares et aux diamètres. Il est très singulier que Prolèmée n'âit point aperça que sa théorie deuit si prodigieusement erronnée en ce point. On peut encore concevoir qu'il se sioit dissimulé Terreur des parallaxes qu'on ne détermine que par le calcul des observations; mais pour les diamètres ; il sofit d'avoir des yeux pour s'apercrovir qu'ils ne sont jennis d'un degré.

Dans le cinquième livre, il donne la théorie des planetes autour du Soleil. Dans l'émmeréation qu'il fait de leurs nons et les dypunologies qu'il en donne, on remarque celle de Saturne qu'on appelait p. Liour, quasi lucenten nel apparenten, latte enim minim exterir, ¿citiaque emergit occultatus à Sole, parce qu'il est moins long-tenns cachés qu'aucin autre, et qu'il se dégage platôt des rayons du Soleil, ce qui ne peut venir que de la lenteur de son mouvement, et par conséquent de la grandeur da mouvement relait de la Terre. On peut comparer cette éprnologie à celle que nous tenons d'Achille Tatins, tome 1, p. 217.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

On remarque deux inégalités dans les planètes, la première est prooulte par le movement de la Terre, l'ante set propre à chaque planête. Il il appelle la première, mouvement de commutation; elle produit les stations et les rétrogradations, non que la planête rétrograde en effet i, car elle est ronjours directe, swiss par la parallaxe annuelle qui est diffierente, suivant la eranders des orbes.

Pour les planètes supéricures, cette parallace ou commutation est nulla dans les oppositions. Les planètes inférieures nous sont cachées dans leurs conjonctions, elles ne deviennent visibles qu'en vertu de leur clongation. Ainsi jamais on ne les observe, quand la commutation est nulle. Tout cela ditti virai dors, avant l'invention des lonettes

Chaque planête a donc son mouvement de communitation qu'i et son mouvement relaif, mais les retours de communitation au à la communitation nulle sont inicipats. Il en résulte que Jet planètes ont une inégate. Ptolémée avone qu'il a reçu d'Hipparque les mouvemens moyens et les restitutions des planêtes; mais îl les exprémist en années tropiques, co que Copartini trouve trop peu excet à cause du mouvement inegal qu'il attribue aux points équinoxiaux. Il trouve donc plus convenable de mesure ces révolutions per réporte aux étolies. Cette raison de préférence n'existe plus depuis qu'il est reconne que le mouvement de précession n'existe plus depuis qu'il est reconne que le mouvement de précession n'existe plus depuis qu'il est reconne que le mouvement de précession n'existe plus depuis qu'il est reconne que le mouvement de précession n'a pas cette gracule inégalité que lui donnait Copernie.

Après avoir exposé brivement la doctrine des anciens, il explique comment, dans son système, il conçoit tous ces mouvemens. Il connence par Vénus, qu'il fait circuler autour du Soleil autour d'un point qu'a la même longitude que le Soleil moyen, Mais les digressions sont inégales; au lieu d'en conclure que les orbites ne sont pas circulaires, il veut, comme les auciens, qu'elles soient excentriques; c'est la mégne chose pour les plantetes supérieures. C'est la plantete supérieure qu'il considére comme immobile, en donnain à la Terre le mouvement re-build. Il en réstate une démonstration chière de la secondie négalité, des stations et des rétrogradations; rien de plus satisfaisant, quand on se borne le des considérations générales.

Pour reudre raison des inégalités, il explique une construction qui lui paralt suffisante pour toutes les planètes, excepté Mercure dont il traitera séparément.

Soit AB (fig. 17) l'excentrique de la planète autour du centre C; ACB le demi-diamètre dirigé au lieu moyen du Soleil, et la ligne des apsides de la planête, D le centre de la Terres A Tapside supérieure. Auce le argon AFE et de Vercentricité On, décires l'épicyels EF, P ara le périgée de la planête, Que le centre de l'épicyels se meure auvant l'ordre des signes, le long de l'excentriquer que la planête, dues le partie supérieure de son épicyels, se meure de même selon l'ordre des signes, celles mouvra contre cet ordre, quand elle servé dans la partie sinérireure. Que ces mouvemens forment des angles égans, il arrivera que la planête étant priègée en F, quand l'épicyele sera périgée en B, quand l'un ét vieutra apogée en L, quand l'épicyele sera périgée en B, quand l'un ét alter avorate un mouvement et 80°. Dans le apardartures moyennes, l'un et l'autre seront dans les apsides moyennes, puisque les deux mouvement seront tous deux ét ce et de diamètre de l'épicyele sera perpendiculaire au diamètre AB. Dans toutes les positions intermédiaires, l'angle entre les deux diamétre AB. Dans toutes les positions intermédiaires, l'angle entre les deux diamètre AB. Dans toutes les positions intermédiaires, l'angle entre les deux diamètres ét ent diamètre d'étent diamètres sera oblique.

De la composition de ces mouvemens il résultera que la planète décrira un cercle, du moins sensiblement comme dans le système ancien.

Soit CM = 4 CD et menes IM qui coupera le rayon CG en ua point Q, AC = III, HCI = 90° = ACG. Les triangles IQG, QCM seront égent et semblables, cur GI=CM7, donc IM = IQ + QM > GC, MI = CA7, donc le cercle décrit du centre M et la rayon MF par les points FCL est égal au cercle AB, et il coupera la ligne IM; la plantle ira donc de F en I, en décrivant un quart de cercle à fort peu près. Autour du point D, décriver Forbe annel NO de la Terre; menez IDR et que FDS soit paralléle à GC. IDR sera la ligne du vesi mouvement de la plantèe, GC celle du moyen mouvement; l'apogée verà de la Terre sera en R, 'et l'apogée moyen en S; RDS =IDP = différence cuite le mouvement vira i et le mouvement un succession = MCG—CDB—CDD.

Oa poarrait arriver au même résultat par un homocentrique en D qui posterait un épicele sormonté d'un sutre épicele jo or donneait ne deux épicycles des mouvemens égaux et oppoéés, et la planète ansait aux es on épicele un mouvement d'ouble grasis le tout serait mois assigné et moins facile. Il commence par appliquer cette théorie à trois oppositions de Saturen.

Soit (fig. 18) ABC l'excentrique autour du centre D et sur le diamètre FDG; E le centre de la Terre, A le centre de l'épicycle à la première opposition, B à la seconde, et C à la troisième.

Soit le rayon de l'épicycle AN = BO = CP= {DE.

Menez DA, DB, DC qui couperont les épicycles en K, en L et en M.

Prenez les arcs NK=AF, LO≡BF, MP=BC; joignez EN, EO, EP. Les tables donnen AB==75°5′5′, BC=87°5′. L'observation a douno NEO=68°3″, OEP=54°5′. (I) y a quelque errenr dans ces nombres.)

On vent déterminer DE et la longitude du point F. Mais on rencontre ici la même difficulté que dans la méthode de Poloienée. On consaît la angles NEO, OEP par les observations et les angles ADB, BDC, tirés des tables des moyens mouvemens. Ces angles n'ont pas le même centre; il n'y a donc pas de solution directe. Poloienée a sa éviter la difficulté d'une manière adroite, mais un peu longue; nous l'avons abrégée dans nos commentaires. Copernie annonce qu'il vai miter le calcul de Pio-lémée, et en général on voit qu'après avoir établi directement l'extrême probabilité de son système, il veut montrer que toutes les connaissances acquises a'y appliquent d'elles-mémes, et qu'on en obtient les mémes résultas avec plus de ficilité que quedqueois même les théories y recoivent des améliorations sensibles. N'ayant ni le tens, ni les données récessaires pour créer une Astronomie eutievement noavelle; il transporte au moins dans son hypothèse tout ce qu'il trouve de bon et d'utile chez les naciess.

Traces l'orbite de la Terre SRT qui coupera en R la droite EP; men le diamiter ST parallèle à CD de la deraire longitude moyenne. SED=CDF à cause du parallelisme; donc SER est la prostapheixe on de différence antre le moyen mowement est en movement vais, on bien SER = CDF — PED = 5' 16' = 180' — TER = 180' — distance vrais d'lopposition moyenne; ear SET est la ligne des conjonctions moyennes. Ceci avarià besoin de quelques développemens. Les monvemens de Sarture, auxinar Ptolémée, s'accordaient mal avec ce qu'on observait du tens de Copernic; en conséquence, il prend trois observations faites par luis-même.

Pour résoudre le problème avec ces données, Copernic, à l'exemple de Ptolémée, suppose que la planète se meuve dans un simple excentrique. Supposons donc (fig. 19) que ABC soit cet excentrique, et les trois

Supposans donc (ng. 19) que ABC soit cet exentrique, et les trois points A, B, C, ceux des trois oppositions, et D le centre de la Terre; menez DA, DB, DC; continnez l'une de ces trois lignes DC, par exemple, jusqu'au point opposé du cercle; joignez EA, EB et même AB.

BDC=80°42; donc BDE=95°18; Copernic double cea angles our que les trois angles du triangle fassent 360°, ce qui était bien inutile avec des Tables de sinus; c'est apparemment pour suivre plus exactement la marche de Ptolémée. C'est ce que nous nons garderons bien d'initer.

BED appnyé sur l'arc BC = 88° 29' sera donc de 44° 14' 30°.

BDE = 95°18′ o"
BED = 44.14.50
DBE = 42.27.50
BDC = 86.42.0
BDA = 68.1.0
ADC = 154.43.0
ADE = 25.17.0
AED = 82.4.0
DAE = 72.50.4

au lieu de calculer les côtés, comme Copernic, pour le rayou du cercle circonscrit à ce triangle, nons ferons

 $\sin B$; DE :: $\sin D$; BE = $\left(\frac{\sin D}{\sin B}\right)$ DE :: $\sin E$; B \hat{D} = $\left(\frac{\sin E}{\sin B}\right)$ DE, BE = $1\sqrt{3}$ 89; DE, BD = $1\sqrt{3}$ 55; DE.

Le triangle AEB nous donne

 $\overline{AB} = \overline{BE} + \overline{AE} - 2BE$. AE cos AEB = $\overline{BE} + \overline{AE} - 2BE$. AE cos $\frac{1}{2}AB$ = $\overline{DE}(2,187165 + 0,200215 - 1,045404) = 1,341976$. \overline{DE} , AB = 1,158457 DE = 2 sin $\frac{1}{2}AB = 2$ sin AEB, et

$$DE = \frac{a \sin AEB}{1,158437} = 1,058756,$$

$$AE = 27.25.14$$

$$BC = 88.29$$
are CBE = BC + BE = 191.31.14

CHE =
$${}^{168.28.46}$$

CL = ${}^{1}_{4}$ CHE = ${}^{84.14.25}$.

Du centre F abaissez sur la corde CE la perpendiculaire FKL qui les partagera en deux également; vous aurez

mais yous avez trouvé ci-dessus DE = 1,058756

$$DE - KE = DK = 0.065796;$$

$$\frac{DK}{FK} = \frac{0.063796}{\cos^2 44^2 \cdot 4^2 \cdot 3^3} = \tan HFL = \frac{52^* 20' \cdot 15''}{Copernic}, \frac{52^* 45'}{Copernic}, \frac{5$$

$$BA = 75.59. o$$
première distance.....
$$AG = 55.56.10$$

$$FD = \frac{r_{K}}{R_{FL}} = \frac{\cos \alpha_{K}^{-1} a^{-1/2}}{\cos 3a_{10} a_{1.15}} = 0,11891.....0,1200$$

Le calcul trigonométrique est un peu plus simple et plus précis que celui de Copernic, mais le fonds de la méthode est le même; c'est la solution de Ptolémée. Pour le reste du calcul qu'il est inutile de refaire, adoptous les nombres de Copernic, quoique nous différious de quelques minutes sur plusieurs angles.

Soit donc sur le cercle ABC (fig. 18) AF = 55°56', FB = 40°5', FBC = 128°52', DE = 900, AN = BO = CP = 500 = 1 ES; avec ces

quantiés, si sous voulous faire le calcul des angles, oous oe les trouverous pas d'accord avec les observations. Coprinci, par des sessis qu'il supprime pour abréger, a trouvé qu'il fallait faire AF=38'56', FB=56'6, FBC=15', BC=36', AN=BO=CP=26', CP=26', CP=26'

ment est donc prouvé, quoique la quaotité soit beaucoup trop forte.

Copernic ajoute encore que les distances du lieu moyen du Solcil au lieu moyeu de Saturoc, étaieot de 205.49 Époque de J.-C.

cate, there's and the same of
35.21 de César. 148. 1 époque d'Alexaodre. 134.54 1[™] olympiade.

Il passe ensuite aux parallaxes sonoelles. Comme la grandeur de la Terre produit des parallaxes dans les licux de la Lune, ainsi la grandeur de l'Orbe que décrit la Terre, doit produire, dans les mouvemess des cinq ploietes, des parallaxes que la grandeur da ryon qui les cause doit rendre beaucoup plus sensibles. Pour décreminer ces parallaxes, il faut connaître les distances; il suffit pour cela d'une observation.

Coperuic observa Saturue, le 6 des calendes de mars, 5º après minuit, en 1514. Saturne parut en ligne droite des étoiles 2 et 5 do front du Scorpion. La longitude de ces deux étoiles était de 209°; c'est aussi la longitude de Saturue.

*Cette observation est tout-à-fait dans le genre de ceffes de Timocharis. Voilà deux étoiles et une planète qui out même loogitude exprimée eo degrés sans fraction.

Soit (fig. 20) BC le diamètre de l'executrique, D le centre, B l'apogée C le périgée, E le centre des mouvemens de la Terre. Menze AD et AE, F le lieu de Saturoe sor soo épicycle; ainsi DAF = ADB; par le point E meoez HI parallèle au plan de l'épicycle, on plan simplement moneza IELA, eo sorte que relativement à l'a plaoète, l'apogée de l'orbe soit en II et le périgée en I. Prenez IIL = 1:05 31', saivant le calcul de l'anomalic de commutation. Joigner FE, EL, FREM, ADB = 4:04 ADB = 1:36" – ADB = 1:38" 50'. DE = 0,0854, (Copernic dit 854, il n'emploie jamais les fractions décimles qui n'étient pas eucore en usage de son tense; il suppose AD = 1:0000; nous le prendrons pour unité. On peat même remarquer qu'il n'emploie les chiffres arabes qua dans set ables et dans ses calculs, et que dans le texte, il doue les dates et les arcs en chiffres romains, ce qui prouve que les chiffres arabes n'étient pas encore d'un usage général.)

Dans le triangle ADE, vous surez les deux côtés AE=1, DE=0,0854 et l'angle compris; vous trouverez AE=1,0667, DEA=38°9', DAE=3°1',

 $EAF = 44^{\circ} \text{ i i'} = DAE + DAE$

Alors dans le triangle EAF, vogs sures AE=1,0667, AF=0,0585, EAF=4%1"; vous sures FKE=1,0665, AFF=1"5", vous sures FKE=1,0665, AFF=1"5", vous DE=DAE+AFF=4"6", pour l'inégalité totale que Copernie dissinée en deux parties inégales. On voit que DAE est la différence de anglés BDA et BEF rapportés aux centres D et E1; mais la Terre est aux la circonférence en L1.

dont le supplément LIK = 67.55

est la mesure de l'angle LEK = LEF; nous avons done......LEF = 67.35

EFL = 5.44 done FLE = 106.41;

nous avons le côté EF = 1,0465; nous aurons EL = 0,1090 = EK mais ED = 0,0854

done DO = EO - ED = EL - ED = 0,0256;

donc le cercle KHM devrait enfermer le centre D de l'excentrique, aiusi qu'on le voit fig. 17, et l'on ne voit pas pourquoi, dans la figure

du chap. V et dans celle du chap. IX., Copernic a fait le rayon du cercle décrit par la Terre plus petit que l'excentricité ED (fig. 18);

AD=DB=1, BDE=1,0854, BDE-AF=1,0854-0,0285=1,0569, * BC=2,0000,

EG=0,9146, EC+AF=0,9146+0,0285=0,9431,

ainsi la plus grande distance de Saturne à la Terre, sera 1,0509, la plus petite 0,9451, la moyenne 1,0000; le rayon E de l'orbe de la Terre 0,1090, et la distance de Saturne exprimée en partie de ce rayon,

sera 1 0,1090 = 0,917451 un peu trop petite; mais Copernic ne songe pas à réduire les distances à une mesure commune qui en montre plus clairement les rapports, ce qui cst un des avantages les plus précieux ue son système.

L'idée de partager l'équation de la planète en deux parties, l'une dépendant de l'excentrique, et l'autre d'un petit épicyle, peut parlette d'abord assez bisarre, mais elle saure le troisième centre on l'équant. Ches Ptolémée, Peccentricié dest partagée en deux; Copernie donne à l'excentricié les trois quarts de la valeur qu'elle a ches Ptolémée; le quart restant est le rayon de l'épicycle. Il fait définitivement, $0.0864 + 0.0388 = 0.1152 = \sin 6^4 57$; c'est, selon sa théorie, la plus grande équation de Saturne.

La plus grande parallaxe est de 8º 30' on 9º 42'.

La théorie de Jupiter est toute semblable; Copernic y emploie encore trois de ses observations.

L'an 1520, la veille des calendes de mai,

11' après minuit, Jupiter était en....... 200° 28' de la sphère des fixes; L'an 1526, le 4' des calendes de décem., 5' après minuit, Jupiter était en...... 48.54;

L'an 1529, le jour des calendes de févr., 10 après minnit, Jupiter était en..... 113.44;

époque de J.-C., 98° 16'; parallaxes anuelles les plus grandes, 10°55'

Renversons ce rapport, nous aurons la dist. de # = 11916 = 5,21918, plus exacte que celle de Saturne; mouvement de l'apogée un degré en 500 ans.

Hist, de l'Ast, mod. Tom. I.

et 11° 35'; rapport des distances 1976.

Copernic suit encore la même méthode pour Mars. Après trois observations de Ptolémée, il en calcule trois qu'il a observées.

1512, nones de juin, 1º après minnit, mars en 255°53';

1518, veille des ides de décemb., 8º après midi, 63. 2;

1525, 8 des calendes de mars, 7º avant midi.. 153.20;

il troave que l'apogée a eu un mouvement de 10° gou 10° 50°, en 150° ans environ; il lui semble usus que l'eccentricit à diniunée, car les roris pas qu'il y sit erreur ni de la part de Ptolémée ni de la sienne. Enfin, en 1525, le 8 des calendes de mars, 7° avant midi, la longitude moyenne de Mars étai 150° 16°; l'anomatie de commutation 17° 4° 1° 1° paside supérieure de l'excentrique en 119° 40°; époq. de J.-C. 258° 22′ manom. de câmmutation.

L' 3512, calendes de jawier, Mars était en conjonction avec la Sécre australe, car à 0' du maint, il était élogiée de l'étoile de ¿ de degré vers l'orient solutiuls ; d'où il résulte que la conjonction était déjà passée de ; de degré. La différence de la mitude était de ; la longique de l'étoile était de 1912 o'; sa latitude o'i (d') boréale. Mars était en 1911 26' avec une latitude boris de la de 0'51.

On croirait lire une observation des Grees. Il ne dit pas comment il a mesuré cette distance de 15' et la direction à l'orient solstitul. Il trouve l'excentricité o, 1460, le rayon de l'épicycle 0,0500; la parallaxe était ce jour-là de 55'9'.

Rapport des dist. (%%, ou en le cenversant, dist. Mars == (2,7=1,5):076; lest d'autant plus singulier qu'il ne la donne pas en parties de la distance moyenne de la Terre, que le titre de son chapitre XIX est quantus sit orbis Martis in partibus quarum orbis Terre annuus fuerit una. Au reste, il ne restait à dire qu'un calcul bien simple.

Il suit encore la même marche pour Vénus; il adapte son système aux données de Ptolémée, pour prouver que les mouvemens de la planète s'expliquent tout aussi bien dans son hypothèse que dans celle des anciens. Il a cru saus doute avoir besoin de cette précantion saus laquelle il pouvait craindre que ses idées ne fassent réjetées saus examée.

Mulérius, dans son commensaire, rectifie quelques passages de l'Almageste, relatifs à Vénus. Selon Ini, l'observation est de l'an 140, 50 juillet an matin, le texte gree dit 1/47; car l'an 1 d'Antonin commence au 20 juillet 157, l'an 4 a commence le 10 juillet 140; le texte gree met 1/47 au lieu de 4" d'Antonin. Il 20joute que Copernie sommeillait sau doute en transcrivant la seconde observation de Théon qu'il rapporte à l'an 4 d'Adrien et 119 de J.-C.; c'était la 12º d'Adrien et l'an 127.

Enfin la troisième observation de Théon est de l'an 129 de J.-C., le 15 des calendes de juin et non le 12 des calendes.

La dernière de Piolémée est de la 21° d'Adrien, 2 tybi au soir, au 136 de J.-C., 18 novembre au soir; ainsi, au lieu du 5 des calendes de janvier. Lisez 14 calendes de décembre.

Pour espliquer l'inégalité des digressions, il fait tourner le centre de Crobite de Véuns dans up seit cercle, de manière que quand la l'erre sera dans la ligne des apsides, le centre de l'orbite sera en haut du petit cercle; dans l'appide moyenne on dans les quadratures, le centre sera au has du petit cercle, en sorte que le centre de l'orbite fera deux révolutions pendant que la Terre en fera une seale. Il ne trouve plas ue 50, au lite de 416 pour l'excentricité. Ces et encore par les observations anciennes qu'il détermine les mouvemens. Il suppose alors l'excentricité 512 et le rayon 104. Il compare ces observations à celle qu'il a faite l'am 1529, le 4 des ides de mars, une heure après le coucher da Soile, d'est-l-dire au commencement de la 76 heur depuis midi. La Lune commença à cecher Véons, par sa partie obscure, à égale distance d'une et l'autre corne. L'occulation dera une heure. La planète sortit par le milies de la partie échirée et couvexe vers le conchant, ainsi la conjonction a en l'inc vers le milieu de la 8 heure.

La planèse était à 91°19 du périgée vrai de son orbite; l'anomaire de commessita op 95°1, cet angle étaut compté de l'appide supérieure de l'orbe. Elle était en 25°15° au tens de Timocharis, le movement et de 115 ecreles, 195°26'; en 1800 années égyptiennes 25°0 ég/3 d'or, d'olt résulte le mouvement annuel 7°15° 1′45° 7°40°, et le mouvement d'uroc 5°0 5′38°, égone de J.-C. 10°45° 7°40°, et le mouvement d'uroc 5°0 5′38°, égone de J.-C. 10°5

La théorie de Mercure est un peu moins simple, perce que la grande accentricité de cette orbite que méconnaissai. Copernie, l'empédair d'être aussi facilement ramenée à l'hypothèse circulaire; il est donc forcé d'imaginer une autre hypothèse; el, comme dans la précession des équinoces, il y combine les movernens circulaires de masière à produire un mouvement rectiligne. Il fait parcourir à Mercore un petit épicyels dont le centre se meut ser un excentrique, dont le centre est lui-même mobile sur la circonférence d'un autre petit cercle dont le centre est au haut de l'excentricité.

Soit AB (fig. 21) l'orbe de la Terre autour du centre C, CD l'excen-

tricité; autour du point D décrivez un petit cercle; CF sera l'excentricité la plus forte, CE la plus faible, CD la moyenne. Autour de F ; décrivez l'orbite HI de Mercure; autonr de l'apside supérieure I, tracez l'épicycle LR que parcourt la plauète.

Copernic dit du cercle HI: orbis excentri eccentrus existens eccentre-

picyclus.

Placez Mercure en K à la plus petite distance, c'est-à-dire à la distance FK; tel est l'état des choses à l'origine des mouvemens. Imagines que F fasse deux révolutions pendant que la Terre en fait une, et qu'il aille daus le même sens que la Terre; que Mercure en fasse de même, non pas sur la circonférence, mais le long du diamètre LK, de L en K et de K en L alternativement.

Il suit de là que si la Terre est en A ou eu B, le ceutre de l'orbite de Mercure sera en F avec la plus grande exceutricité; si la Terre est dans les quadratures, le centre F sera en E, Mercure sera en K; aiusi la révolution du point K et celle du point F, seront égales et commensurables à la révolution annuelle de la Terre. Le rayon FI de l'épicycle tournera du mouvement propre de la planète, et décrira, par sou extrémité, le cercle III, uniformément cu 88 jours ; mais par son mouvement relatif, ou par l'excès de sou mouvement sur celui de la Terre, ou, ce qui est la même chose, par son monvement d'anomalie de commutation, il revieudra eu conjouction au bout de 116 jours. On voit donc que Mercure ne décrit pas toujours le même cercle; que son excentrique chauge au moins de place par le mouvement du centre F : enfin que le rayon vecteur de la planète est variable, puisqu'il a pour limites les valeurs FK et FL.

Il faut avouer que des suppositions si arbitraires et si compliquées. font grand tort au système de Copernic, et qu'on aurait gagué peu de chose à faire touruer la Terre, si l'on n'eût heureusement substitué les ellipses au cercle, et placé le Soleil au fover commun de toutes ces ellipses. Remarquez que le soleil vrai n'a pas de place dans ce système.

Soit AB (fig. 22) la ligne des apsides de Mercure, A l'apogée, B le périgée, C le centre; du point D comme centre, décrivez l'épicycle de Mercure; menez les tangentes AE, BF, et les rayous DE, DF aux points de contingence. On voit que dans ces deux positious contraires, les élougations ne sanraient être les mêmes : elles différent entre elles et sout encore autres dans les quadratures.

La Terre étant en E dans la quadrature (fig. 25), Mercure en H, com-

paré au Soleil moyen C, aura l'élongation CEIT, mais si Mercure et ce G sur l'autre tungente à l'excertique, la digression paraltra CEC, CEP sera la demi-différence de ces deux digressions; IRF = FEC la demisomme. Ces angles sont domois par les observations; po est convenu de désigner par le nom de digressions les tems où la planète est vue sur la tangente à l'Oblig.

On aura

CE=1, PE=sécCEP, FH=sécCEFsinFEH, FC=tangCEF=0,0254
FE=1,0014
CD= 0,025
FD= 0,0424
0,3763 FD= 0,0424
0,3763 FI= 0,0256
0,5755 CF + FI = CFI= 0,0256

Il reste à expliquer pourquoi l'angle ACE étant de 60°, les digressions de Mercure sont plus grandes que dans le périgée.

Soit BCE = 60* (fig. 24), BIF = 120* = 2BCE; uous veuons de trouver Cl=0,0736, EC=1; nous trouverous El=0,9655 et CEl=5*47', presque = ACE — AlE; donc

$$\begin{array}{lll} AIE = 120^{\circ} - 5^{\circ}47' = 116^{\circ}13' & IF = 0,0212 \\ AIF = & \underline{60} & EI = 0,0655 \\ FIE = & \underline{56.13} & FEI = 1^{\circ}4' \\ & & CEI = 5.47 \\ & & CEF = 2.45; & Coperhic dit 44'; \end{array}$$

c'est la distance angulaire du centre de l'orbite de Mercure au centre du Soleil; EF sera de 0,9540, la digression sem d'un côté CEH et de l'autre CEG; mais pour les calculer, il faut connaître le rayon variable FG=FH.

Soit (fig. 25) le petit cercle KML dont l'épicycle parcourt le diamètre. Preuez KM = 120°.

KC + CN = 0,0190 + 0,0095 = 0,0285
In plus petite distance = 0,5575
somme = 0,5858 = FG = FH,

$$\sin FEG = \frac{FG}{FE} = \frac{0,3858}{0,5856} = 35^{\circ}54^{\circ}$$

CEF = 2,45
CEG = 26.55

CEG = 26° 55'; CEH = 21° 9'
CEG + CEH = 47.44
mais au périgée on a senlement 46.46
différence = 0.58.

On voit qu'il cherche partont à montrer que son hypothèse condair aux mêmes résultats que celle de Ptolémée. C'est une autre manière de calculer et de représenter les phénomènes; mais ici on ne voit pas qu'il y ait un avantage marqué dans cette cémbinaison d'épicycles, de mouvemens circulaires et rectiliques.

Copernic u'avait jamais pu voir Mercure à cause des bronillarde de la Vistule; et pour prouver l'accord de sa théorie avec le ciel, dans des tems plus rapprochés, il a été contraint de recourir à des observations de Waltherns et de Schoner, qu'il a calculées de même.

L'an 1491, le 5 des ides de septembre, 5° après minuit, Mercure observé à l'astrolabe et comparé à Aldébaran, était en 5' 13° 30', avec une latitude boréale de 1° \(\frac{1}{2}\), \(\frac{1}{2}=1^*50'\).

L'an 1504, le 5 des ides de jauvier, 6° après minuit, le 10° degré du Scorpion étant an méridieu, Schoner, à Nuremberg, vit Mercure en 7º 3° 1, avec une latitude boréale de 45°.

L'an 1504, le 15 des calendes d'avril, le même astronome tronva Mercure en 0'26' 12, avec une latitude de 3' presque; 3'25' étaient au méridieu, c'est-à-dire à 7' 2 après midi.

Pour calculer cas observations, il croit pouvoir supposer quelques-uns dus déleneus établis par Ptolémée, à la réserve du lieu de l'apside qui a pu varier, comme il l'a prouvé pour les autres planètes. Il l'a trouvé cu au 1° à, avec un mouvement d'un degré en 65 ans, supposé que le mouvement soit uniforme; il anomalie à l'épouve de J.-C. 65 24.

Arant de quitter Mercure, il expote une manière non moins croyable que la première d'empiquer l'accès et le roccè de l'intersection de l'épi-cycle sur la ligne des apsides. Il y suppose trois révolutions égales eutre elles; il donne à tont le système un mouvement de a 7, suivant l'ordre dessignes, qui l'éloigne de l'apogée de Mercure; il imagine une libration du centre le long du dismètre, et une libration de la planète sun la même ligne. Kien nest moins clair; il n'entre pas dans asses de détails pour se faire comprendre; il annonce que cette hypothèse ne sera pas innuité pour les laitudes.

Le chapitre XXXIV donne les préceptes pour le calcul de la longitude vraie. Mulérius y ajoute des notes et des exemples. Pour trouver le lieu d'une planète quesconque, cherchez d'abord la précession par les préceptes du chapitre XII, livre III. Par ceux du chapitre XIV, trouvez le mouvement simple du Soleil.

Cherches les mouvements de commission par les lables du livre V, le lieu de l'apogée et son mouvement chapitre I du livre V. Cela fait, retranchez l'anomalie du lieu moyen du Soleil, le reste sera le mouvement compté de la première étoile d'Ariès. Vous en retrancherez le lieu de l'apogée, qui est la distance de cet apogée à la première étoile; le reste sera l'anomalie de l'executrique.

Avec cette anomalie, vous cherchez l'équation de cet excentrique et les minutes proportionnelles. Pour exemple, il prend l'une des observations rapportées ci-dessus.

| Monvement ⊙ | 5" 9" 16' | | |
|---|------------|-----------|--------|
| Anomalie de commutation de # | 1.51.16 | | |
| Moyen mouvement sidéral | 5.18. o | | |
| Lien de l'apogée | 2.39. 0 | | |
| Anomalie de l'excentrique | 0.39. 0 | | |
| Equation | - 5.11 | | |
| | 0.55.40. | | |
| Avec l'anomalie 59°, la table donn | e équation | + 5' 11" | |
| Minutes proportionnelles | | , , , , , | 5' 40" |
| Anomalie de commutation | | 1.51.16 | - 40 |
| Anomalie égalée | | 1.54.27 | |
| Cette anomalie donne | | 10.15 | |
| | | - 1 | |
| Partie proportionnelle 63' × 5' 40" | | + 6 | |
| Otez de 1° 54' 27" | | | |
| Il reste pour la distance vraie de T au | O moven | 1.44. 7 | |
| Mouvement moyen ⊙ | | 5. 9.16 | |
| Distance de Jupiter à la première de | Bélier | 5.25. 9 | |
| Précession | | 27.20 | • |
| Longitude vraie de Jupiter | | 3.52.20 | |

Ce calcul du lieu géocentrique est plus simple que le calcul moderne, mais c'est aux dépens de l'exactitude. Même en supposant les hypothèses parfaites, le calcul ne serait qu'approximatif.

Autre exemple pour Vénus.

Cherchez le lieu de Vénus daus le zodiaque pour l'an 1630, calendes d'avril.

| d avrii. | | | | |
|--|--------------------|---------------------------|--|--|
| Mouvement moyen ⊙ Anomalie de commutation | | | | |
| Equation du ceutre | - 1.4012'8" | 5. 2.53 | | |
| Anomalie égalée | 1.12.49 | + 1.40 | | |
| | 5.51.13 | 5. 4.55 | | |
| Equation | | meut ue sert que | | |
| Parallaxe | +29.22 pour les ré | pour les rétrogradations. | | |
| Longitude vraie | 0.22.15 | | | |
| Précessiou | 28.16 | | | |
| Longitude vraie | 0.50.31 | | | |

On voit que Copernic emploie les doubles signes ou soixantaines de degrés.

Pour les rétrogradations, il suit la marche d'Apollonius. Ce chapitre est très court.

Le livre VI traite des latitudes, que l'auteur se fiatte d'expliquer dans sou système avec plus de facilité peut-être que dans le système du mouvement du Soleil.

Ptolémée plaçait les limites de la latitude de Saturne et de Japiter au commeucement de la Balance; celles de Mars vers la fin du Cancer. Copernic trouve pour Saturne 7°7°, pour Jupite 6°29°, pour Mars 4°29°. Ces limites ont changé aussi bien que les apogées.

Soit ABC (fig. 36) l'orbe de la Terre autour du centre E, FCKL l'orbe de la phaeie inclinée de l'angle OCF, F la limite boréale, K la limite australe, L le ucerd ascendant, G le nœud descendant; GBEDL la section commune des deux plans. Ces termes u'ont d'autre mouvement que celui des apidés. La planète se meut sur le cercle oblique LOC; concevez en outre que par un mouvement de libration, la planète s'approche et s'éloigne alternativement, il en résultera des variations dans la latitude.

Supposons d'abord que la planète soit à sa limite horéale en O et la Terre au point le plus voisin A; sa latitude surpassera l'angle OGF; le mouvement d'accès et recès sera commensurable au mouvement de commutation. Si la Terre est en B, sa latitude sera proportionnelle à l'inclimaison OGF. Si la Terre est en C, sa latitude sera moindre que OGF, moindre sur-tout que si la Terre était en A. Dans tout le demi-cercle CDA, la latitude boréale sera croissante; dans l'autre demi-cercle, ce sera la latitude australe. Si la planète est acronyque ou en conjonction dans l'un de ses nœuds, la latitude sera nulle. Telle est en général l'bypothèse pour les planêtes supérieures. Ce n'est pas tout-à-fait la même chose pour Vénus et pour Mercure, parce que les sections communes des orbes sont placées dans les périgées et les apogées, et que leurs plus grandes inclinaisons sont variables, et qu'elles out un mouvement de libration comme les supérieures, et que de plus clles ont une seconde libration différente de la première, Ces deux librations sont en rapport avec le mouvement de la Terre, mais non de la même manière. La première libration s'accomplit deux fois dans une seule révolution de la Terre, par rapport à leurs apsides. Cette ligne des apsides est leur axe permanent, en sorte que si la ligne du moyen mouvement du Soleil est dans le périgée ou l'apogée, l'angle de la section est le plus grand, et qu'il est le plus petit dans les longitudes movennes . c'est-à-dire dans les quadratures.

La acconde libration qui modifie la première, en diffère en ce qu'elle au nax mobile; en sorte que şi la terre est dans la longitude moyenne de Vénas ou de Mercue, la planète est dans l'are, c'est-b-dire dans la esciulo commande de cette libration, et qu'elle s' en écerte le plus, quand l'apogée ou le périgée regarde la Terre. Vénas alors est boréale et Mercue austral, tandis que paré la permière et aimple laciniation, ce planètes devraient dires ans latitude. L'autre inclination est alors la plus grande et suivant une ligne perpasdiculaire an diamètre de l'excentrique, qu'elle coupe, à angles droits, suivant la ligne de plus grande étération et de plus grande diferente. Mais si la Terre est dans l'auco ul Tautre quadrature, abor lande des tellimation se coufondra avec la ligne de notyen mouvement cha Soleit. Cette seconde partie de la latitude servai de Vénus, soustrative de la latitude sexifale.

Tou toch est imité ou copié de Ptolémée, et Copernie u'en parle que dun manière générale. Il en doune pontant deux exemples, Pan pour une planète supérieure, Fautre pour une planète inférieure, mais cet exemples ne ous apprendraient inci de plus que ceux de Ptolémée que nous avons mis en formules. Nous nous abstiendrons donc de ces désifie détormais bien inutiles, puique nous avons des méthodes plus existent.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

plus complètes et ceptendant plus sisées à camprendre et à calculer, et qui nous donnent une précision dont Coperuic et ses prédécesseurs n'avaient aueune idee; car ils sentaient eux-mêmes que tout est échafaudage dant fort imparfait; ils y négligeaient sciemment des cryeurs qu'ils a'auriett pas su corrigient pas su corrigient.

Copernic parle ansaite d'une troisième partie de la latitude pour Vénus et pour Mercure. Soit, à la perpendiculaire noncé, du cente de Vénus sur le plan de l'écliptique, D la distance de la Terre su pied de cette perpendiculaire. La tangente de la latitude sera É. Pour Vénus, la plus grande est de 15, la plus petite de 6', et la moyenne de 10 ½; elle peut se représenter par la formule 14 to 6'.

Pour Mercure, elle est de 53' dans la plus grande distance, de 70' dans la plus petite, la formule est $\frac{51' 30''}{1+a \cos 4}$; mais comme on n'observait alars-ces planetes que vera les diggessions, ces équations perdent beuveoup de leus importance. Il bur donne le nom de déviation.

Les tables qui viennent ensuite ne donnent que les maxima pour les différentes veleurs de l'argument evec les minutes proportionnelles.

Le chapitre dernier contient les préceptes pour l'usage des tables, et Muler y ajonte des exemples. L'anomaile de l'exemtrique sert à prendre les minutes proportionnelles, mais les latitudes se prennent avec l'anomalie de commutation.

Cos suomalies ont hesoin d'être cersigées d'une constante qui est l'asc entre la limite et l'apogée;

Muler ajoute un relevé de toutes les observations rapportées et employées par Copernic. Il les rapporte toutes à la période julienne, et il corrige plusieurs fantes soit du texte de Copernic, soit des ouvrages qu'il a consultés.

Enfin il donne les époques pour le commencement de la période julienne, mais personne aujourd'hui ne sera tensé de faire usage de tes observations nécessairement fort imparfaites.

A la suite de l'ouveage de Coperaic, on trouve dans Fédition de 1566, one lettre datée de 1540, d'Achille (sassaras, qui cavoie à son ami George Vogelin le livre des Révolutions, et qui le lui recommande comme une production admirable. Es undequague ad stuporem usque magadogavaven

On voit après un extrait de l'euvrage par G. Jeachim Pheticus, l'autenn des grandes Tables trigonométriques, et qui était disciple de Coperaie. Il s'attache à expliquer les hypothèses de son maltre aur la précession et le mouvement du Soleil. Il déclare que les nouvelles tables seront perpétuelles, au lieu que celles de Ptolémée, d'Alphonse et d'Arsachel ne pouvaient servir au plus que pour 200 ans.

Regnum itaque in Astronomia doctissimo viro D. privocptori meo Deus sine fine dedit, quod dominus ad Astronomica veritatis restaurationem gubernare tueri et augeri dignetur, amen. En effet, le règne de Copernic sera éternel, mais non pour les raisons qu'allègne Rheticus; et ces tables qu'il vante avec un enthousiasme bien excusable, n'ent eu qu'une existence très passagère. Il loue avec plus de réserve, et cependant avec bien plus de raison, les améliorations faites à la théorie lunairé, en ce qui concerne les distances et les parallaxes. Il vient enfin à l'objet le plus important, le ceatre des mouvemens place dans le Soleil. Rhétions rappelle que ce sont les diamètres apparens de Mars et les différences énormes entre ses distances à la Terre qui ont conduit Copernic à l'idée et à la prenve du véritable système. Nous verrons plus loin que c'est de même à l'occasion de Mara que Képler a trouvé ses fameuses lois qui ont enfin mis le Soleil véritablement au centre du monde. Il reproche aux anciens de n'avoir pas songé à l'ordre et à l'arrangement général, et de s'être bornés à axpliquer isolément les mouvemens de chaque planete en particulier. A la fin de cette narration première, qui en annonce une seconde, il cite le mot d'un ancien's

Δείδ' ελευθέριος είναι τη γνώμη του μέλλος τα φιλοσοφεία.

Celui qui veut philosopher doit commencer par avoir l'esprit libre de tout

J'ignore si la seconde untration a jamais paru; mais si elle ressemblait à la première, elle atrait infailliblement perdu tout l'intérêt qu'elle pouvait avoir dans le tema où le livre de Copernic a paru pour la première fois, et où il devsit actite tant de curipsité et de controverses.

L'auteur avait préviu l'offet que devait produire un livre attende depais long-tens, connu déjà de plusieurs personnes, doit quelque terreplaires paraissent avoir été distribuée d'avance, ai l'on on juge par la lottre de Gaszares, écrite plas de deux nas avant la publication, que l'auteur partit avoir cetaside anatart qu'il put, dans la crainet que son repos ué fat troublé. Il avait moltiplié les précautions. En tête du firre, il avait misun avis au l'ecteur suc les hypothèses qu'il lassordais; il y montre qu'en proposat un ois dése navalle; ai la ne peut encourie aucins reproche. Isa tiche imposée à l'astronome, est d'observer exetencient les mouvemens cleistes, de chercher les causes qui preuvent produire est mouvemens d'imaginer les hypothèses les plus propres à les bien représenter; et puisqu'il est impossible d'arriver aux véritables causes, il doit être permis de apposier celles qui se trouvennt les plus propres à faciliter les calculs. Il n'est en effet aucun besoin que les hypothèses soient verties in infineratamenthables, il suffit qu'elles se prétent au calcul. A moins d'être toité-fait étrauger aux règles de la Géométrie et de l'Optique, peut-ou trouver quelque ombre de vraisemblaches en prétent au calcul. A moins d'étre toité-fait étrauger aux règles de la Géométrie et de l'Optique, peut-ou trouver quelque ombre de vraisemblaches de arrivelles prétent de la dispusée de visitemble et prisige doit tier plus que quadrople, et le disque plus de 16 fois plus grand que dans l'apogée? et rependant l'expérience de tous les sicéles démeut cette conséquence n'écrésaire.

L'expérience de tous les siècles était en erreur, Copernic atténuait la conséquence, la variation du diamétre est plus grande encore qu'il ue disait, et elle ne fait plus une objection.

a II y a, dans la doctrine astronomique, d'autres absordités que les nais pa l'inculsion de discater pour le prisent. Ce sorait un soin blea superflux il est ausse reconne que l'attronomie ignore entrément le causer des mouvement inégaux, et si elle en propose qui sont de son invention, c'est uniquement dans la vae de donner une base quedeconque à ser calculs. Entre plasseurs explications qui conduient aux mêmes de l'accelul de l'accelul de l'éventrique et de l'épispels, il choisit celle qui lai paraît la plus facile à comprendre. C'est à révelation seule qui pourrait faire commitre les vérilables causes que le défaut de vrai-semblance une nous empéche donc par d'ajouter à tant d'hypothèse invisemblables, une hypothèse nonvelle qui n'est pas plus abundes s'amenton-la bien plusta, si elle est belle, facile, et donne lien à un grand nombre d'observations nouvelles.

Ce que Copernic dit ici pour obtenir qu'on vetille bien ne pas réprouver le vrai système, Ptolémée le disait autrefois pour excuser les invralsemblances du système ancien.

A la suite de cet avis, Copenie plaçal une lettre qui lai aviai té disessée sepa na suparavant (1560, par le cardinal Nicolas Schonberg; qui le félicite et de sa science et au-tout de l'idée qu'il avait ene de placer le Solici au centre du moude, de faire toujnér la Terre, et de rendre immobile la sphère des étolles. Le cardinal Tencoursge à publier le livre qui consietu se turaura et ses tables ; es attendat, il sollicié la faveur d'en faire une copie à ses finis.

Le suffrage du cardinal ne lui paraissant pas encore une sureié suffisante. Copernic dedia son ouvrage au souverain pontife Paul III. On voit, dans son Epltre, que prévoyant la rumeur qu'allait exciter son idée de combattre une doctrine recue depuis tant de siècles, il avait hésité long-tems à publier ses démonstrations, et pesé s'il ne valait pay mieux snivre l'exemple des Pythagoriciens et de quelques autres philosophes qui n'avaient rien voulu écrire, se contentant de faire à leurs amis ou à leurs disciples la confidence de leurs idées et des mystères de leur doctrine. Ce, n'est pas qu'ils refusassent, par un sentiment de jalonsie, de communiquer au monde leurs déconvertes; ils craignaient bien plutôt de les exposer su mépris des ignorans. Ces raisons l'avaient donc presque décidé à supprimer son livre; mais les sollicitations du cardinal Capuan Schonberg, celles d'un de ses amis Tidemannus Gisius, évêque de Culm. la chalenr avec laquelle ce dernier l'exhortait à publier enfin un ouvrage qu'il tenait renfermé depuis trente-six ans, les prières d'un grand nombre de savans qui lui représentaient que plus son idée semblait d'abord paradoxale, plus il y aurait pour lui de gloire à l'établis par des raisonnemens solides et incontestables; tant de suffrages si flattenrs le déterminèrent ensin, et l'on obtint de lui qu'il ne s'opposerait plus à l'impression dont ses amis se chargeaient de prendre le soin.

Il rend compte cosmite des assions qui lui ont prouve la nécessité de hercher me hoppoblese nouvelle, ou plutôt à reproduire, avec plus do développemens une idée déjà fort aucienne. Il loi parut que le mourement de la Terre faciliait l'épolication des phécomèuess que dans ce système, je moude formait un tout dont les parties étaient it hien liées entre elles qu'on n'en pouvait déplacer une seude tans introduire de sondre et la confusion. Il ne doute pas qu'on ne se range à son avis, a il l'on seub lième puers et arisonie; renfin, pour moutrer qu'il ne reduction ni d'être examine, ni d'être jugé, c'est au souverain ponife qu'il dédire son ouvrage, comme au protectique, de lettres et des sciences.

Si quelques hommes légers et ignorans reulent abuser contre hi de upelques passages de l'Éctinire dont ils dédonneront le sens . Il méprisera leurs stiaques. Il rappelle que Lactance, écrivain celèbre d'adleurs, mais entièrement etranger aux Mathematiques, à éait moque de ceux qui donneint à la Terre la forme den globe; il s'attend donc à éprouver de pareilles critiques; mais les livres d'Astronomie ne sont fits que pour les mathématices, il espère, adin que ses reclerches astronomiques pour out n'être pas invulles à la reformation du calendrise

à laquelle on sougesit à Rome, depuis le pontificat de Léon X et le

Copernic (talt né à Thora, ville de Prasse, près des confins de la Pologne, le 30 pinure 1475, seitrad Innolinus d'autres disente le 19 février 1475, quatre ans avant la mort de Regiomontaina. Note avons va qu'il avait fait plusieurs observations à Bologne, ver 1497, et à Rome, y ver 1617, au 500; il y professa les Mathématiques avec beaucoup de saccès. Acvens dans son pays, il se fins à Friendburg, poité vide l'euras à l'émbouclique de li vitatle, il ly passa topie a vie à observer les astres et à mediter sur le système du soned. Il y monrut âgé de 70 ans, dans le tents où san l'ivre commençait à paraître.

Reinhold.

Erasme Reinhold, qui réforma les tables de Copernie, était ne à Sulfeld, ville de Thuringe, le 21 octobre 1511. Il donna, en 1542, son édition des Théoriques de Purbach. En 1560, il donna la traduction du premier livre de la Syntaxe mathématique, et promit une édition des Commentaires de Théon. Une mort prématurée l'empêcha de tenir cette promesses La première édition de ses Tables pruténiques est de 1551. Elles ont été reimprimées en 1571 et 1585; il y travailla sept années. En 1554, on fit paraître le premier livre de ses Tables de directions avec le canon fécond, c'est-à-dire la Table des tangentes pour toutes les minutes de quart de cercle, la Table des climats et des ombres. Le privilége imprimé en tête de ses Tables pruténiques, à la date du 24 juillet 1549, fait mention de plusieurs ouvrages ou déjà publiés, et qu'il se proposait d'augmenter, ou qu'il avait encore à publier, tels que des Ephémérides, des Tables de levers et de couchers d'étoiles pour diverses époques et divers climats. Un Calendrier astronomique, une introduction sphérique, des hypostyposes des orbes célestes dont voici le titre entier : Hypotyposes orbium colestium quas vulgo vocant theoricas Planetarum congruentes cum tabulis astronomicis supra dictis. Nous avons, sous le même titre, un volume in-8°, publie par Dasypodius, eu 1568, sans nom d'auteur; mais l'édiu teur croit qu'il doit être de Reinhald. Au lieu des mots astronomicis suprà dictis, on y lit Alphonsinis et Copernici seu etiam Tabulis prutenicis in usum scholarum publicates.

Dans ce privilége, réimprimé en 1571, mais non en 1585, on trouve encore montionné un commentaire sur le livre des Révolutions de Coperuic, un commentaire sur la Géographie de Pfolémée; et d'autres ouvrages qui out moins de rapport à l'Astronomic.

Reinhold fit aussi quelques observations; mais il n'avait qu'un quart de cercle de bais, et Tycho passant à Wittemberg eu 1575, s'étonna qu'un astronome aussi célèbre n'edit pas été fourni de meilleurs, instruasens. Il mourut le 19 février 1555.

Son fils avait des connaissances astronomiques, mais le défaut de fortane le fit médecin; il mootra à Tycho un exemplaire des Tables pruténiques, calculées de 10 en 10'.

Les Tables pruténiques sont ainsi nommées, parce que l'auteur a voulu donner cette marque de reconnaissance à son bienfaiteur Albert, marquis de Brandebourg, duc de Prusse.

Les tables anciermes ne représentaient plus assez exactament les phénomènes; il cu fallait d'autres. Copernir a montré la plus grande suggacité dans la recherche du systeme général; runai il redoutait les calculs. Reinhold a composé ses tables sur les observations de Copernie; comparces à cellés d'Hippurque et de Pulcimée. Il en avait exposé les fondement dans ses commentaires sur le ivre de Copernie; il croit qu'onpourra déterminen avec plus de précision les mouvemes moyens, mais il se persuade mil n'y a plus rien à faire pour les ciquations.

Ses tables commencent par un traité du calcul astronomique sexagétimal, qu'il appelle schémitifique on figuré. Il emploite les hexacostacles ou sexagénes de plusieurs ordres, et les exagénimeles proprement dites du hexacostes. Il donne des exemples d'addition, de soustiraction, or multiplication, de division et d'extraction; pour facilier ce opérations, il donne des règles sur la nature des produits et des quotiens et des tables. En parlant de l'extraction, il remarque que si le nombre des sordres sexagésiment et impolir, il faut marquer l'ordre avivant par un této. Ainsi; pour liver la pacine de 195, j'il faut therecher celle de 15, j'o'. Ce traité préliminaire est actes succienc, et quand je l'argaria consu.

il ne m'aurait en rien aidé pour mon Arithmétique des Grecs. 12

Il englique causité foit exectement l'équation du tens , nuivant les principes de l'holiciée l'il donne deux hables d'équation du tense, componées pour les anaires 1 et 3 566. Il averité quil y a trois causes qui font que les tables composées ne sont pas long-tensi exactes. Le mos-tenent de l'apaggée, le chai generant d'avectricité et l'inéglaté de précession. Cette derière n'était sensible que dans les systèmes de Thérité et de Copernic.

Pour plus de simplicité, Regiomontan avait proposé d'ajouter partout la plus grande équation additive, afin de rendre l'équation tonjours soustracive; mais, pour contre-balancer l'erreur, il ajouait à tonte les ejeopoes le moovement pour le tens ajouté à l'équation. Reinholt es unarque, de plus que pour comantre le lieu vrai du Soleil qui sert d'urgument à la table; il faudrait d'abbrd connaitre le l'équation que l'erreur ne sen pas grande, et il a riséou; on amais il pouvait ajouter que la table composée arct acorriges stiffsamment le tems donné et le lieu du Soleil pour que l'erreur dispersisse totalement.

Ptolemée et Théon connaissaient toute cette doctrine, qu'ils avaient suivie dans les Tables manuelles. Vorez tom. II, p. 622.

Il doane des tables pour cauverir les siècles, les nacées, les moites et les jour de Glécoferie pileine en escagées et escagéismès des annies égyptiennes; et réciproquement d'autres tables pour couverir les houres et les pourses et les propriets et experiennes de jour. Il y joues les intervalles des épuques les plus célèbres, telles que celles des ofympiades, de Yahmanaser, d'Alexandres, de Vahenaciers, et de lus célères de soft propriét des époques les plus célèbres, telles que celles des ofympiades, de Yahmanaser, d'Alexandres, de Vahenaciers, et de lus célères de Journal de la commence de la comm

| | | Années ágyptum. | | | Années jubonnes, | , | |
|------------------------------------|---|--------------------|-----------------|-----------------------|--------------------------|---------------------------------------|-----------|
| Ainsi il coropte des olympiades | à la 1ºº de Nabonassar à la mort d'Alexandre à Jules César, à JG | 451 730 775 | 247 247 9 12 | D)1 07 18 18 | \$7 451 729 774 | 941 ¹ 135 183 184 | 0 0 12 18 |

Il donne encore des tables pour trouver le jour de la semaine, les épaques et les moyens mouvemens pour les anoées julieunes et égyptiennes.

Il fait la précession moyenne 50°1:"5'5'8'; pour les corrections de cette précession et de l'obliquité, il suit les préceptes de Copervie; comme lui il dispose son catalogue d'étoiles pour la première d'Ariès; il fait l'executricité da .Soléi de .0,047; et .0,05319, variation totale 0,005; il enseigne à trouver les mouvemens borsire et diurne par la table de l'équation du centre.

Par la comparaison des observations de Ptolémée et de Copernic, il trouve l'aonée de 565 5 55 55 58°; c'est celle qui a servi à la réformation grégorienne. Les astronomes sont revenus un peu tard de leur préditection pour Ptolémée et de la préférence qu'ils lui accordaient sur Higpsrque.

Il montre à calculer les tems des équinoxes et des solstices ; à trou-

ver, au bont d'un certain tems, quel jont le Soleil se retrouvera en un point donné de l'écliptique, ce qui est utile dans l'Astrologie. Dans ses Tables de la Lune, il fait la correction d'anomalie 12° 26′ 57″, l'équation de l'épicycle 4° 56′ 15″, l'évection 2° 44′ 57″, la latitude de la

l'équation de l'épicycle 4°56′ 19″, l'évection 2°44′ 57″, la latitude de la Lune 5°; tont cela comme Copernic.

Sa Table des parallaxes est de la même forme que celle de Ptolémée.

| Prostaphérès | e de l'excentrique. | Parallaxe de l'orbe. | Excle. |
|--------------|---------------------|----------------------|---------|
| Ъ | 6. 30, 30, | 5.55′ 33″ | |
| T | 5.13.59 | 10.30. 9 | |
| ď | 11. 5.59 | 36.54.18 | |
| 2 | 2. 0.17 | 45.10.19 | 2.25.31 |
| ₫ | 3. 0.28 | 10. 5. 6 | 5. 0.41 |

Il donne une table des époques et des mouvemens moyens des syzygies depais le déluge, la couversion des syzygies moyennes en syzygies vraies. Rien de neuf d'aillenrs dans sa manière de calculer les éclipses, ses tables seulement sont plus étendues.

Andrew Academic

| | nestones on I | | | |
|----|---------------|----------------------|--------|---------|
| Ъ | 3° 2' B | ♀ 1° 3′ B | 2.50 B | 0.14 |
| | 2.58 A | 6.22 A | 2.50 A | |
| T | 2. 4 B | Q 1.46 A | 2.15 A | 1.1.10 |
| | 1.59 A | 4.5 B | 2.15 B | 5445 |
| de | 4.50 B | and the later of the | | A Maria |
| _ | 6.50 A | | - | |

tout cela spivant Copernic.

L'ourrage finit par une table des intervalles des principaux évinemes, historiques et une table des occilations et émèrions des cinq planètes, Cet ouvrage pouvrait être bien fait et nitle pour le terms. Les lables fondées sur les observations de Pollèmeé et de Copernic ne pouvreille et d'une grande précision. Il n'a rien changé sux lubéroires, il n'a songé qu'à perfectionne les nombres. Il donne le calcul des planètes comme Prolemée d'abord, et pais comme Copernic. Bailly en conclut qu'il n'ésit pa bien décide éurs les deux systèmes. Cette conclasion me paraît lassardée; il un résults seulement que le système ancien syant encore les partians les plus nombreus, il vousil récontent cont le monde. Réinhold ne dit pas un mot qui donne à peuser qu'il y sit différens systèmes. Il ne papale ni du movement de la Terre, si de celui de Soléll. Ses tables

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

ressembleat sux nôtres qui donnent encore les mouvemens du Soleil, et cependant nous sommes tous coperniciens. Il est à croire que celui qui a fait un commentaire sur le livre des révolutions, qui a pris la peine de refaire tous les clacles et les tables de Copernie, devait avoir un sentiment de préférence pour qui système qu'il avait sans doute étudié plus

Nous sommes fortement tentés de lui attribuer les Hypotyposes publices sans nom d'auteur par Dasypodius. On y retrouve des passages entiers de son Commentaire sur Purbach; voyons si l'extrait de cet ouyrage nous fournira quelque preuve plus certaine encore.

Quel qu'en puisse ètre l'auteur, il offre une exposition claire, méthodique, très désiblée et pent-lère un peu proite des doctrines accerditées; il cummence comme pourrait faire un fartisan décidé des anciens inzistemus vestigiés. Planemeré extertemu diornem, omizis recentibus Copranich-hypothesibus, quas aristarchum huminu et quondem alios veteres sequatus, san quodane consilio ausquesi? Il donne ensuite des excentriques, des homocentriques et des épicycles, la théorie la plus circonstanciée que je connaisse; il adopte les quantités de Copernie pour la plus grande et la flus petite obliquité, pour l'excentricité du Solei et ses variations, enfin pour toute la théorie du Soleil, à la réserve du mouvement de la Terre.

Pour la Lune, après avoir exposé les hypothèses de Ptolémée ; il donne les moyens de les changer en celles de Copernie. Pour la durée de l'année et la manière de la déterminer, il suit encore les principes de Copernie, sans dire un mot de ce que Reinhold a fait sur ce point. Il peus donc que la durée de l'année tropique est variable, et pour l'an 1550, il la fait de 360 5° 55 1°; il paraît que le livre fui composé vers 1559, et Reinhold était mort en 1553. Phaiseurs fois l'auteur cite les Tables pratériques. Pour les planétes, il expose de même tour à tour les idées de Ptolémée et de Copernie. Il répéte la remarque faite par Reinhold dans ses commentaires sur Purbach, que chen Ptolémée, l'orbite de la Lune est lenticulaire et celle de Mercure vaule.

Pour la latitude, il semble préférer Copernic à Ptolémée. Arrivé aux stations, il ne dit pas un mot de l'avantage du système qui fait mouvoir la Terre; d'un autre côté, jamais il ne lui échappe un mot en favear de Ptolémée, en sorte que véritablement on pourrait douter de ses véritables sentimens, à moins que cette affectation même à ne jamais comparer les deux systèmes, à laisser même en quelque manière ignôrer

à ses lecteurs qu'il en existe deux, ne paraisse une preuve de son inclination pour le système nouvean, et d'une préférence qu'il a crn ne devoir pas exprimer dans un ouvrage destiné à l'usage des écoles.

Ephemerides Jo. Baptistæ Carelli Placentini, ad annos 18 ab anno 1565, usque ad annum 1580, una cum isagogico tractatu Astrologiæ studiosis valdè necessario cum Pontif. max. ac senatus Veneti gratiá et privileeio.

Ce ûtre nous annonce peu de chose à estraire, car le Traité astrologique ne contient rien de mathématique, mais simplement les réveries des juges; des préceptes pour les tems où l'on peut prendre médecine, se faire saigner, planter et bâtir; pour construire un theme de nativies et prédire le sort da nouveau nué. On y trouve en ce geure une grande variété de types et d'exemples, une table fort étendue des maisons, une autre du mouvement horaire des planteise. Ce qui distingue ces éphémérides, toutes semblables d'ailleurs à toutes les autres, c'est qu'on y trouve le thème de l'année dressé pour le jour de l'équinore, où l'auteur a inséré des prédictions du geure de celles qui ont immortalisé Mathieu Lassberg.

Cosmographia in quatuor libros distributa summo ordine mirâque facilitate ae brevitate ad magnam Ptolemaei mathematicam constructionem ad universamque Astrologiam instituens, Francisco Barocio, patricio V eneto autore. V enetiis. 1508.

La peemière édition est de 1570. L'auteur commence à faire 84 reproches à Sacrobosco; mais les errenrs qu'il réfate ne sont pas dangereuses, et le livre ne améritait pas qu'on le critiquât avec tant de soin. Il rejette le mouvement de la Terre, et prend parti pour Ploiéneie contre Copersic. Il prétend avoir observé fobliquité 35° 27° 6° en 1566. Voils tout ce que nous pouvons tirer de cette Cosmographie où nous n'avons apern que ce qui se reconaire pastout.

D. Francicci Maurolyci, abbatis Messanensis, opuscula mathematica. Nunc primum in lacom edita. Franciis, 1575. On y trouve De sphared liber unus. On y lit cette phrase étrange: Tolevatur et Nicolaux Copernieux, qui Solem faxum ao Terram in gyrum circum verti possis et sestició positis aux fagello quant reprehensione diqua est. Cest sinsi que le bon abbé déclare as tolévance et la permission de lire tous les ouvreges écrits sar le sujet qu'il veut traiter à son tour.

LIVRE III.

Tycho-Brahé.

Constance avait déconvert et démonté le résibble système du monde, simplifié et perfectionné à quelques égards les hypothèses des mouvemens celestes. Ses élèves et ses successeurs avaient travaillé à faciliter-les calculs par la coustroction des grandes l'ables trigonométriques. Mais l'art d'observer u'avait réellement fait aucun progrès depois les Arabos; de bonnes observations devenaisent indispensables pour les progrès uhérieurs de l'Astronomie. Tycho, à cet égard, se montra supérieur à tout ce qui l'avait précédé. Il mérita que son nom fuit placé avec ceux d'Hipparque, de Polèmée, de Copercie, su premier rang des vrais auteurs de la science; il fournit des matériaux précieux à Képler qui perfectiona le système de Copernie, et recomma les lois qu'ouls Nevtou démontres.

Tycho était de l'une des plus anciennes familles de Danemarck; il naquit le 15 décembre 1546, dans la terre de Knudstorp en Scanie; son père n'avait aucune envie de lui faire apprendre le latin; un oncle maternel le placa daus que école à l'insu de ses parens, à l'âge de sept ans, et sept années plus tard, l'envoya à Leipsic, pour étudier la jurisprudence et la philosophie scholastique. Il y puisa quelques notions d'Astronomie, dans les Ephémérides de Stadius. Il se procura quelques autres livres et un globe gros comme le poing; au moyen d'un compas dont il tennit la charnière près de son œil, il observait les distances des planètes aux étoiles, et reconnut, s'il faut l'en croire, des erreurs sensibles dans les Ephémérides; il apprit à se servir des Tables de Reinhold. et s'assura que Stadius avait été trop négligent dans ses calculs. Pour ces observations et ces calculs, il était obligé de se cacher de son gouverneur qui, d'après les idées des parens de Tycho, contrariait de tout son pouvoir le goût que le jeune homme montrait pour les Mathématiques et pour l'Astronomie. Enfin ses parens cédérent, il eut la permission de suivre son penchaut; il étudia aussi la Chimie, à laquelle il travailla toute sa vie, dans laquelle il dit avoir fait des découvertes qu'il ne publiera jamais, parce qu'il serait trop aisé d'en abuser. Il visita les différentes

villes d'Allemagne où il pouvait espérer de trouver des amateurs de l'Astronomie, ou des mécaniciens distingués. Il y fit constrnire quelques instrumeus. Une querelle qu'il eut durant ces voyages, contribua beaucoup sans doute au parti qu'il prit de s'ensevelir dans la retraite, pour se livrer tout entier à l'étude des astres. La dispute fut suivie d'un duel nocturne daus lequel son adversaire lui abattit le bout du nez. Tycho ne parle pas de cet accident; mais tous ses portraits semblent déposer en faveur de l'anecdote; on y remarque au nez quelque chose d'extraordinaire dans la forme, et une espèce de suture ou de bande gommée qui servait à retenir le nez postiche qu'il s'était fait, les uns disent de cire , et les autres d'un amalgame d'or et d'argeut. Il obtint du roi Frédéric II l'île d'Hueen, dans le détroit du Sund. Ce monarque y ajouta une peusion, un ficf situé en Norwège, et diverses autres grâces qui le mirent en état de construire le château d'Uranibourg, auquel il donna la forme la plus favorable à ses observations astronomiques et à ses expériences de Chimie. Ce château, dont il nous a laissé le plan et la description, lui conta cent mille écus danois, outre tout ce qu'il avait recu du roi. Il y passa 25 ans; mais à la mort de son protecteur, le ministre Walckendorf et quelques conrtisans, lui suscitèrent des persécutions qui le forcèrent à chercher un asyle en Bohême, où il transporta ses instrumens et où il mourut pen de tems après, c'est-à-dire le 14 octobre 1601, dans sa cinquante-cinquième année. Nous trouverons, dans ses divers écrits, les circonstances les plus remarquables de sa vie et ses découvertes : nous avons déjà donné l'histoire de sa mort, écrite par un de ses amis et deses élèves (tome III, p. 355).

Ses onvrages imprimés ont pour titre :

De nova stella, anni 1572, écrit qu'il a reproduit dans ses Progymnasmes; la première édition est de 1573.

De Mundi ætherei recentioribus phænomenis, 1588.

Tychonis Brahæ, apologetica responsio ad cujusdum peripatetici in Scotia dubia, sibi de parallaxi Cometarum opposita, 1591. Tychonis Brahæ, Dani, Epistolarum astronomicarum libri, 1596: ccs

livres ont eté réimprimés en 1601.

Astronomice instaurate mechanica ; 1578 : réimprimé en 1602.

Progymnasmata, 1605, et réimprimé en 1610.

Tychonis Braha; de disciplinis mathematicis oratio, in qua simul astrologia defenditur et ab objectionibus dissentientium vindicatur. Hamburgi, 1621. Traduction du livre sur la Comète, avec la partie astrologique, supprimée dans les Programasmes, 1632.

Tychonis Braha, opera omnia, 1648: les lettres u'y sont pas comprises.
Collectanea Historia calestis, 1657.

Historia coelestis, 1666 et 7667.

D'après cette liste, on vuit que nous devous commencer par les progymnasmes. En voici le titre :

Tychonis Brahæ, Dani, Astronomie instaurate Progymnasmata. L'impression avait été commencée à Uranibourg, et fut terminée à Prague long-tema après. Cette édition posthume est dédiée à l'empereur Rodolphe II.

Dans l'Epitre dédicatoire, les héritiers de Tycho, en parlant des persécutions suspitées à leur père, et de la suppression de la pension qu'il recevait de la cour pour ess travaux, rappellent que les Tables alphonaines avaient coûté quatre cent mille ducate; il sa provent cette dépense; mais ces Tables qu'on avait construites comme on avait pu, sur les auciennes observations, ont été trouvées bien imparfaites, et ne peuvent se comparer su livre de Tycho, qu'il ne faut pas juçer d'après un titre trop, modete. L'immorriel Copernic ès pa faire beaucoga mieux qu'Alphonse; il n'avait ni observatoire, ni instrumens. Tycho en construit de nouveaux pour lesques il d'épense plus de 100000 tablers.

Ils invitent l'empereur à faire achever et publier les Tables Rudulphines.

Avant de passer aux phénomènes nouvellement observés. Tycho juge

Avait up lesser au pieutomene souvertenent les élémens du Soleil, sans lesquels on ne peut déterminer s'ârement les lieux des planètes, ni même cent des toiles. Copprine, nous di-il, a peut qu'un devaut faire du Soleil le centre des moinemens celestes; von lypothèse est fort ingénieuse, mais elle n'est pas conforme à la vériés; nous laisserons done la Terre immobile au centre du monde, et nous ferons tourer le Soleil autour d'elle. Il ne dit rieu en ce moment des planètes, et il nous promet de donner par la suite des preuves solides de son opinion.

Nons sommes fâché d'avoir à commencer, par cette prétention étrange, l'extrait des œuvres de Tycho; mais, dans l'état où la science était alors, l'erreur de Tycho était asses indifférente pour la théorie du Soleil.

Pour déterminer le mouvement moyen, il commence par rapporter dix équinoxes, cinq de printems et cinq d'automme; il en déduit une année de 565/5*4g' à très peu près, et le mouv. d'iurne 0*5/38'19⁴⁸,5*4o⁴. Ces observations, par leur nombre et sur-tout par leur accord, sont bien préférables à tout ce qu'on avait fait avant lui. Il ajoute que pour ce équinoxes, il s'est servi de cinq ou six espèces d'instrumens, travaillés avec sois, et qui, par leus grandens, leur muière, leur solidité, leurs divisions et leurs pinnules, lui permetaient de répondre de 3, 2 et même de 3 de misure. Il y a sans donte quelque choses à rabatte de l'idée qu'il s'était faite et qu'il veut donner de l'executiude de 4% observations. On en peut dire autant, proportion gardée, de la plupart des observateurs qui l'ont saivi; il en sera probablement de même de presque tous ceax qui viendront; mais on ne peut uier qu'on ne voie dans ses observations au progrès très marqués et des érceurs peu sensibles pour le tens.

Il a tenu compte de la parallaxe du Soleil, il ne nous dit pas encore la quantité de cette parallaxe; il a de même tenu compte de la réfraction, qui n'est pas encore nulle à 54° de hauteur (c'est celle de l'équateur à Uranibourg); c'est par les étoiles circompolaires, et par la polaire principalement, qu'il a fixé la hauteur du pole qui, dans le climat qu'il habite, n'est sujette à aucune réfraction. Cette réfraction, à 56° de hauteur, n'est pas en effet de 40": mais on voit dejà qu'on ne peut compter à une miunte près sur ces hauteurs. Ce qui prouve cependant qu'il approchait de la perfection plus qu'aucun de ses prédécesseurs; c'est qu'il remarqueit une différence entre la hauteur de l'équateur, déduite des deux solstices. et la distance du pôle au zénit. Cette différence allait quelquefois à 4': elle luiswait rendu ses instrumens suspects; cependant leur accord, les soins qu'il avait apportés à les multiplier, à les comparer et à les vérifier, lui firent penser que ce devait être un effet des refractions, sensibles sur-tout au solstice d'hiver. Il fit construire un instrument armillaire de 10 pieds de diamètre, dont l'axe était parallèle à l'axe du monde, et qui lui permettait de suivre le Soleil dans toute sa révolution diurne. Il s'assura qu'à 11° de hauteur, ce qui est à peu près celle du Soleil en biver, la réfraction était de près de 9', dont la moitié affectait la hauteur de l'équateur; ear en été à 57º de hanteur, la réfraction doit être nulle ou insensible. Il reconnnt que, près de l'horizon, la réfraction était d'un demi-degré à fort peu près; qu'elle accélérait le lever du Soleil de 4 à 5', et que cette accélération n'était pas constante, même quand le ciel est le plus serein et l'air le plus pur. D'après ces remarques, aussi neuves qu'importantes, la hauteur du pôle, comparée aux hanteurs d'été, lui donne l'obliquité de 23° 31' 1. En négligeant ces attentions, la comparaison des deux solstices lui aurait fait trouver l'obliquité telle à peu près qu'elle avait paru à Copernic, à Régiomontan et Walthérus, qui negligesient la réfraction et la parallaxe.

Polaméa avait donné que idée juste de la refraction, mais il n'es avait pas diereminés la quantité. Sou Traité d'Optique énit totalement oublié. Alhazen et Vitellon avaient montré que la réfraction ne doit cesser entirement quan zénit. Ou Tycho n'avait pas lu ces auteurs, no plutô il ne les avait pas cros; car illes cite en plusieurs génoralances. Ils avaient dirique pour la Lune un moyen analogue à celui que Tycho vient de suitre pour le Solcil. Il ne cite pas leur autorité à l'appui de ce qu'il avait observés il est possible qu'il n'est fait aucune attention à ce qu'ils avaitent écrit; il s'ensoivrait qu'il a'a du qu'il lainéme sa décoverte ci l'édée imparâte des éfets de la réfraction.

Si l'Instant du solutice pouvait se déterminer avec la même précision que celui de l'equinove, on pourrait avoir quelque confiance ou moyen employ è par Hipparque et Albategni, pour trouver l'aprogée et l'excenticié. Nous vous vu, en recommensant le calcul d'Hipparque, que l'erreur du solutice était plus que suffissate pour expliquer les 25' dont Hipparque a fuil récentricité trop forts. Forcé d'abandonner les solutices, Tycho, à l'exemple de Copernie, observa le Soleil à quarante-cinq degrés des points cardinars; de l'équinose de printeurs à celui d'autonne, il trouvait 180 18°; de 0° à 45°, il trouvait 40° ±5°, de 155° à 180°, 40°, 40°, 110° en faut pas d'avantage pour la solution du probletion de problet

Soit E la Terre (fig. 27), THLO l'excentrique du Soleil, Z le sentre, H l'apogée et O le périgée, ZE l'excentricité; menez LET figne des équinoxes, LHT surpasse un demi-cercle; voilà pourquoi l'intervalle

entre les deux équinoxes, surpasse la moitié de l'année. Soit Q le point de 45°, menez QEP et PT; PR perpendieulaire sur LT, ZQ puis ZY perpendieulaire sur PQ; HEQ distance de l'apogée à 45°.

| Les 40' 2" 55' de Y an point Q, donnent YQ | = 45° 27' 56" | |
|---|---------------|---|
| THL pour 186 18450' sera de | | |
| le supplément LOT sera de | 175.54.56 | |
| on a de plus TEQ | 45. 0. 0 | |
| $QPT = \frac{1}{4} \Upsilon Q \dots Q \Upsilon$ | 22.43.47 | |
| PET = | - 155. 0. 0 | |
| $PTE = 45^{\circ} \rightarrow \frac{1}{3} \Upsilon Q \dots$ | | 3 |
| les trois ensemble font et doivent faire | 180, 0, 0 | |
| ou bien QET = EPT+ETP, | And the last | |
| ETP = OET EPT == 45" 22" 43" 47" | 22.16.15 | |

```
POT = LOT-PL=175°54′36"-44°52′26" = 131°22′10°
      POO = POT+ TO=151.22.10 +45.27.54 = 176.40.44
 PE:PR :: 1:sinE, PR=PEsinE=TPsinT, 1POQ = 88.24.52
             a sin 65°41'5° sin 20°16'15'
                                       2. . . . . . 0,5010300
                                         C.sin 45°. 0,1505150
                                    sin 65.41. 5.. 9,9596582
 EP = 0,9768262
                                    sin 22.16.15.. 9,5786119
                                 EP = 0.0768262...0.0808151
 Corde PT = 2 sin 65'41'5" = 2 sin 1 POT
        = 2 × 0,9112935
                             corde PQ = 2.sin 88* 24' 52"
               1,8225870
                                        = 2 × 0,9996171
 Tycho dit
                  1,8225868
                                               1,9992341
                               Tycho dit
                                               1,9992342.
         PER = QET = 45°; sin 45° = 0,7071068
      sin LTP = sin 22.16.15
                                      = 0.5780763
                             Tycho dit
                                         0,3780761.
QV = PV = 1 corde PQ = 0,9996171
                     EP = 0,0768262
                     EV = 0.0227909
                                       Tycho dit
                                                    0,0227061
       OV + EV = OE = 1,0224080
                                          et ZV = 0,0276591
          4 POO = OZV = 88° 24' 52"
                    ZOV = 1.35.8.
 sin ZOV = 0,0276696.....8,4420034
                                                    8,3577615
    C.EV = 0,027909......,6422385 C.cos ZEV 0,1966965
 tang ZEV = 50° 51' 21"
                               0,0842410
                                            ZE.... 8,5544580
                        ZE = 0.035847
    OE^{\gamma} = 45
                        Tycho trouve 95° 30'; peu importe.
   apogée = 95.51.21
Mais il a tort de dire que LT coupait HO à angles droits, ce qui suppose-
rait l'apogée au solstice même, au lien qu'il se trouve 5º ; plus loin.
  Il fait le calcul suivant pour trouver ZV; il dit:
  POQ=176°49'44", le supplément sera donc 5°10'16"= 2ZQV,
ZOV = 1° 35' 8", sinus ZV sin 1° 55' 8" = 0,02766063 8,4420034
                                      C. sin ZEV 0, 1124534
                  ZE = sin 2° 3′ 15" = 0,03584752 8,5544568
                                             60' 5,5563025
                                         120 05 2,1107505
                   7.E en sexagésimales = 2'9' 3":
```

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

resough Lipholi

Tyche füt ZE= x''j z'', en remarque dans son calcul va mellage de touter les methodes : des cordes, des sinus, des surci doubles à la manière de Proférisée, une tangente tinée de la Télét féconde. Cette apraie et s), a z'i, z'i S qui , dans ous tables, répond à 5° 50° z')? L'yo-onéglige les zy''; il fait un calcul tout parcil par l'entrée en 4° 15°; il trouver l'angle.

il le retrauche de..... 4.15
et l'apogée ae trouve en 5. 5.27,
l'excentricité est 0,0558838 on 2° 9' 1";

les observations de 1584 à 1588 lui ont donné à fort pen près les mêmes choses, et celles de 1585 n'y out apporté que de légères différences.

Apogée =
$$95^{\circ}44'$$
, exc. = 0.0359194 , ou $2^{\circ}9'18''$, et 95.48 , et 0.035921 2.9.21;

il rejette ces différences sur les attentions moins scrupuleuses qu'il avait apportées en 1555. Sa maioire de calculer l'équation du centre est apportées en 1555. Sa maioire de calculer l'équation du centre est celle des anciens; il fait l'excentricité 0,05584, et la plus grande équation 2°5 è leacucoup trep forte. Copernie la faissist trop faible, puisqu'il la faissist la réduisait à 1°51°; Albategai avait mieux réussi, puisqu'il la faissist 1°55. Ces arraitions, en montants que les observasions s'écitent perfectionnées, prouvent qu'il y avait eucore bien de l'incertitude, et l'on et doit plus s'écionner de l'erreur d'Iliparque. C'est toujours au fond la même méthode; il n'est nal besoin de recourir à l'équation annuelle de la Lune, pour explièque l'équation d'Iliparque et celle des Indiens.

Pour l'obliquité de l'éclipique, il ne soit comment concilier Hipparque, Policime, Albategin, Copernic et Régimonata. N'oci comme il explique le résultat de Copernic. Suivant ce grand autronome, l'obliquité serait de 25° 28°, trop faible de 5°; al l'ésti à croire que cette erreur vosait d'une erreur parcille dans la hasteur da pôle à Thoru; il y envoya un de ses dièves avec un de ses meilleurs instrumeos. Celui-ci trouva en eflet 3°; à spouter à la latitude; simis toutes les déclinaisons énient fautires de 3° environ. Les longitudes du Soleil devaient l'être de 15° peus pries; il n'est dour pas étoninant que Copernic avait tenn compte de la parallaxe du Soleil, ce qui avait encore contribué à l'erreur; car la parallaxe compensait la réfraction ignorée de Copefnic. Vaust à Tycho, il employait l'une et l'autre. Il faissit la parallaxe moyenne de 5′. Il est vrai qu'il faissit en général les réfractions trop fortes, ce qui opérsit une espèce de compensasito.

Mais il n'en est pas moins probable que s'es élémens du Soleil en auront été sensiblement affectés.

Il trouve la longueur de l'année d'Hipparque à Ptolémée 365 5 55 12" de Ptolémée à Albategnius 365.5.46.20

d'Albategnius à lui-même... 365.5.40.20

de Ptolémée à lui...... 365.5.47.52.

Ces différences lui sont croire que l'année est inégale, et qu'il ne faut pas la déterminer par rapport aux points équinoxiaux. Copernic avait eu la même idée.

Pour trouver l'appée sidérale, il compare ses propres observations à celles de Ptolémée qu'il juge préférables à celles d'Hipparque. C'est que prévention dont il semble que Tycho aurait du se défendre, à l'exemple d'Albategni; car il est visible que de Ptolemée à Atbategnins, comme de Ptolémée à Tycho, l'année est trop courte; en abandonnant Ptolémée. il aurait en des résultats moins inexats par Hipparque et Albategnius. En conséquence de ce choix singulier, il fait le mouvement sidéral diurne du Soleil 0" 59' 8" 11" 27" 14" 26" 54" plus fort de 5" que celui de Copernic. et l'année sidérale 365° 6° 9' 26" 43" 30"; c'est-à-dire de 15' 16" 30" moindre que celle de Copernic, et de 14" 43" 30" plus grande que celle de Thébish.

Pour déterminer l'année tropique, il emploie les observations de Waltherus. Il commence par chercher la hauteur du pôle à Nuremberg. par les observations de cet astronome. Il la trouve de 49° 24' 1, et l'obliquité 23° 28' ;; mais en y faisant entrer sa parallaxe, il ne trouve plus que 23° 27' + et la hauteur du pôle 40° 22' +, déterminations fausses, puisqu'il a négligé la réfraction. Par les observations faites à Cassel, il trouve 25° 31' +, ce qui s'accorde fort bien avec ce qu'il a trouvé lui-même. Corrigeant d'après cela les observations de Waltherus, c'est-à-dire en tenant compte de la réfraction, il trouve 25° 31'; il en conclut que du tems de Waltherns au sien, l'obliquité a augmenté d'une demi-minute. Conclusion fausse, pourrious-nous dire aujourd'hui, puisque l'obliquité est déeroissante; mais Tycho lui-même n'a jamais pu compter sur cette augmentation prétendue qui résultait de ses comparaisons,

Il applique ensuite ces corrections aux observations que Waltherus avait faites avec sa règle parallactique, et il trouve l'excentr. 0.0358407 et e,0358437; l'apogée q4° 15' et q4° 19'; la durée de l'année tropique 365 5 48 45", quantité trop faible de 4 à 5"; le mouvement annuel de l'apogée 45", trop faible de 15 à 16"; le mouvement du Soleil en 365, 11' 29' 45' 41"; nos Tables donnent 40',4, enfin la plus grande équation 2° 5' 15".

Il ajoute à ses Tables le mouvement vrai diurne pour tous les degrés d'anomalie.

Il recommande à ceux qui voudront vérifier ses Tables et sa théorie, de se munir de grands et nombreux instrumens tels que les siens, et de meltre, dans toutes les opérations, tous les soins nécessaires pour des recherches aussi délicates.

Il compare ensuite sex Tables avec des observations choisies parmi celles de Régiomontan, de Waltherus et du landgrave; et parmi les siennes, en différeus points de l'orbite solaire. Elles s'y accordent à quelques accondes près. Les Tables d'Alphonse sont plusieurs fois en erreur de 15', celles de Copertide 6 9 à 10'. Il y a sans doute un peu de bonheur dans cet accord si nouvest, à moins que ces observations ne soient précisement celles sur lequelles il avait clabif sex Tables de 10'.

Il donne ensuite sa Table de réfractions que nous allons comparer à nos Tables.

| Hauteur. | Refractions. | Réfractiona modernes. | Refractions de Tycho corrigres de la paralisse. | Hauteur. | Refractions. | Refractions modernes. | Réfractions de Tycko corrigées de la parallage. |
|---|--|--|--|--|---|---|---|
| 0 1 2 5 4 5 6 7 8 9 10 11 12 13 14 15 16 17 18 19 20 21 22 23 | 34 o' 26 0 0 20 0 0 17 0 0 17 0 0 14 50 13 30 10 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 | 33' 46' a4. a1 18. a2 8 11. 48 8 11. 48 8 11. 48 4 15. 50 4 15. 50 4 15. 50 3 58 8 18. 50 3 58 8 18. 50 8 18. 5 | 31' 0" 93. 0 17. 0 14. 0 | 24 25 26 27 28 29 30 31 32 33 34 35 36 37 38 39 40 41 42 43 44 45 | a' 50° a.30 a.15 a. 0 a. 1.45 1.45 1.15 0.55 0.35 0.45 0.35 0.45 0.90 0.90 0.90 0.7 | 2' 10" 2. 4 1. 59 1. 54 1. 45 1. 45 1. 45 1. 35 1. 36 1. 26 1. 23 1. 10 1. 17 1. 12 1. 9 1. 7 1. 15 1. 9 1. 7 1. 6 1. 6 1. 6 1. 7 1. 10 1. 9 1. 7 1. 10 1. 9 1. 7 1. 10 1. 9 1. 7 1. 10 1. 9 1. 7 1. 5 1. 8 1. 9 1. 9 1. 9 1. 9 1. 9 1. 9 1. 9 1. 9 | o' 5' - 0.15 - 0.88 - 0.41 - 0.54 - 0.62 - 0.71 - 1.97 1.55 1.58 2.1 2.4 - 2.9 - 2.5 2.58 |

Cette Table est courte, nous dit Tycho, mais elle est le fruit de nombreuses observations, et nous le croyons aisément. Mais il serait difficile de se persuader que toutes ces réfractions soient tirées d'observations directes. Quoiqu'elles ne suivent pas une marche fort régulière, il est probable que les irrégularités seraient encore plus grandes. Un assez grand nombre de ces refractions est sans doute interpole et même sans beanconp de précaution. L'hypothèse antique de trois minutes de parallaxe a do topt alterer; on voit même qu'en retranchant les parallaxes qui l'ont viciée, il reste encore des erreurs fréquentes de 2'. Qu'on juge comme ses déclinaisons pouvaient être exactes, et quelles devaient être ses longitudes !

Dans les comparaisons de ses Tables au Soleil, on ne voit cependant que des différences d'un très petit nombre de secondes; il s'ensuit qu'il a été bien servi par le hasard, ou qu'il a choisi pour ces comparaisons les observations qu'il avait d'avance éprouvées. Au reste, il ne donne ces réfractions que pour le Soleil, et voilà pourquoi nous en avons retranché les parallaxes. Mais, comme les réfractions sont variables, il avoue qu'on pourra quelquefois les trouver en erreur d'une demi-minute, peutêtre même d'une minute entière, sur-tont si la hauteur est au-dessous de 20°.

Il entreprend de prouver que les réfractions ne viennent pas de laidifférente densité des milieux que traverse la lumière : car les réfractions ne devraient cesser qu'au zénit, ce qui n'est pas conforme à l'expérience.

- Il attribue donc les réfractions principalement aux vapeurs de l'atmosphère. Ce n'est pas qu'il nie absolument l'effet des différens milienx , mais il ne croit pas que cette différence soit à beaucoup près si forte que l'ont pensé les auteurs qui ont écrit sur l'Optique ; il avait plus d'une fois disputé sur ce point avec Rothman, mathinaticien du landgrave.

 Après cette dissertation, qui n'est pas le milleur chapitre de son livre,
- il passe au moyen d'observer les réfractions.
- D'abord il se scrvit d'un grand quart de cercle vertical et azimutal. avec lequel il suivait le Soleil, depuis son lever jusqu'au méridien et de là jusqu'à l'horizon, sur-tout dans les jonrs solstitianx, où la déclinaison varie peu. Alors il calcule la hauteur par l'azimnt, la hanteur du pòle et la déclinaison. La hanteur calculce est moindre que la hanteur observée. La différence est la réfraction pour la hauteur observée. Toutes ces réfractions sont affectées de l'erreur qu'il commettait sur la parallaxe, et trop fortes de (2'51") cos haut, observée, c'est-à-dire à fort peu près de la parallaxe de hauteur.

Essaise il se servit d'une machine parallacique dont il diresti une armille jusqu'a, la hauteur méridieuse, et suivant le Soled jusqu'au cou-cher, il voyait de combien la réfraction dérangenit le Soleid de soa parallèle, lci il connaissais les trois clobe d'un triangle sphérique, le counte plement de la déclimaison donnée par l'armille, celui de la hauteur da pôle et celui de la hauteur varie; car il observait en neime tens la hauteur apparente avec un quart de cercle. Il calonial l'angle parallacique apparent, alors, dans le triangle parallacique, il avait les deux distunces polaires, l'une vrise, l'autre apparente, et l'un des angles copposés; il calculait le 5' côté qui ciuit la réfraction moins la parallace. Cette médie n'a jamais ciei mirité, que je suche, et ne le sera probablement inmais, au lieu que la précédent a séré suivie avec succès par M. Pizzit.

Ou birce nocore l'écast du parallèle est la réfraction de déclissions con

la divise par l'angle parallactique, et l'on a la réfraction de hauteur.

Le changement rapide des réfractions, dans les premiers degrés de hauteur, ajoute à la couviction où il est que les réfractions sont produites par les vapeurs, et c'est ce qui accélère le lever du Soleil et retarde son coucher.

Connaissant la réfraction de banteur, on en conclut la réfraction en déclinaison et la réfraction en ascension droite par le cosinus et le sinus de l'angle parallactique; on en déduirait les réfractions de longitude et de latitude par les mêmes moyens que l'on emploie par la parallase.

Pour le calcul des parallaxes du Soleil en différentes saisons, il donne la Table des rayons vecteurs, dans laquelle il suppose, avec Copernic, que le rayon de l'excentrique est de 1142 demi-diamètres de la Terre.

Après avoir calcule les déclinaisons de tous les points de l'écliptique, il en déduit les ascensions droites comme les Grecs. Il paraît ignorer la formule tang $A := \cos \omega$ ang \odot ; il paraît onblier la Tuble féconde, il avertit que ces déclinaisons et ces ascensions droites changent avec l'obliquité.

Il s'étonne que Coperaie n'ait jamais pa voir Marcure, undis que dans son lle et dans une sphéer un peu ples objienç il la fréquement observé le soir et le main, et n'a jamais été un an sans le voir. Coperaie a accussit les brouillards de la Vistule, Peut-étre aussi Coperaie n'ayant pas les instrumens propres à l'observer, me se sera pas souvent donné la peine de le chercher.

Pour la commodité des astrologues, il calcule des tables pour déterminer l'entrée du Soleil dans les 12 signes, parce qu'elle ne revient pas tous les ans su même jour. Alphonse et Copernic avaient traité ce point avec trop de négligence.

Il finit ces recherches sur le Soleit par une table de l'équation des jours dont il ne donne pas la construction. L'équation est presque toujours soustractive; elle s'est additive que depuis g'30' jusqu'à 12' où clle est o, ce qui parsit assez étrange. D'après les élémens adoptés par Tycho, la formula serait

—8'15'sin(⊙—apog.)—9'56',25sin2⊙+12",928sin4⊙—0",5726sin6⊙.

Je me suis servi de cette formule pour calculer la Table suivante, pour la comparer à celle de Tycho.

1 Il est évident, 1°, que Tycho a retranché à chaque terme un nombre entre 7 et 8'; 2°, qu'on ne peut juger à 50° près la constante retranchée; 5°, que les équations de Tycho ne sont pas toujours données selon la minute la plus voisine; 4°, par un milieu entre les *80 équations, la constante sera - 756°.

Mais d'où vient cette constante qui n'empêche pas une partie de la table d'être additire? Qui l'empéchait de retrancher 8' de plus pour rendre la table uniforme?

Quand Tycho s'était servi de cette équation pour changer le tems vrai en tems moyen, il avait donc retranché 750° de trop ou ¿ d'heure; lo tems aiosi corrigé était top faible de ¿ d'heure, il devait donc donc à ses époques en plus le mouvement pour ¿ d'heure; le mouvement horaire du Soleil est 247, dont le huitieme est 51°. Il ne parle nulle part de cette correction des époques; serait-ce une correction qu'il aurait voulu faire à ses tables après coup pour les faire mieux accorder avec les observations?

| Equat. | Tych. | Différ | 0 | Equat. | Tych. | Différ. | 0 | Équat. | Tycho. | Diff. | 0 | É quat. | Tych. | Diff. |
|----------------------------|-------|----------------------|------|--------------------------|-------|----------------------|------------|----------------|------------|----------------------|------|---------|-------------|----------------------|
| c +8'.13 | +01 | +7.43 | 90 | +0.47 | 7 | 7.47 | | -8'.13 8.5s | -16 16! | +7.47 | 270 | -0.47 | -8 ÷ | -7.43 7.13 |
| 2 7.33 4 6.52 6 6.14 | | 7:52 | 94 | 1.32 | 6 | 7.32 | 184 | 9.30 | 17 | 7.28 | 274 | +1.8 | 7 6 5 | 7. 8 |
| 8 5.35 o 4.55 | 2 | 7.35 | 98 | 2.15 2.37 | 5 | 7.15 | 188 | | 18 | 7.10 | 278 | | 31 | 6.59 |
| 4 3.18 | 3 | 7.17 | 102 | 2.57 | 4 | 7.16 | 192 | 12.36 | 20 | 7.58 | 284 | 5.42 | 2 1 | 7.19 |
| 6 3. c | . 5 | 8. 0 | 106 | 3.34 | . 3 | 6.50 | 196 | 13. 8 | 21 21 | 7.59 | 286 | 6.36 | | 7.30 |
| 1.46 | 8 | 7.45 | 112 | 4. R | 3 | 7. 8 | 200 | 14. 7 | 22 | 7.53 7.27 8. s | | | +1_2 | 7.13 |
| 6+0.37 | 7: | 7.33 | 114 | 4.35 4.44 4.53 | 2 1 | 6.44 | 309 | 14 58 | 23 23 | 7.41 | 2116 | 10.30 | 3 | 7. 5 6.45 7.34 |
| 28 -0.96 50 -0.57 | | 7.34 | 120 | 5. 1 | 2 | | | 15.38 | 24 | | 300 | 11.50 | | 6.5 |
| 4 1.5 | 9 1 | 7.35 | 24 | 5. 5 | 2 | | 214 | 16. 16 | 24 24 | 7.54 | 304 | 19.57 | | 7.2 |
| 56 s.15 | 10 | 7.45 | 128 | 5. 9 | | 7. 9 | 216 218 | 16.24 | 24-1 | 7.36 8.3 | Sof | 13.56 | 6 1 | 7.2 |
| a.56 | 11 | 7.46 | 132 | 5. 3 4.5 ₇ | 2 | 6.59 | 222 | 16.27 | 24 | 7.30 | 315 | 14.4 | | 7.4 |
| 46 3.4 | 111 | 7.32 | 136 | 4.37 | 3 3 | 7.48 | 226 | | 24 | 7.49 | 13.6 | 15.14 | 8 | 7.3 |
| 50 3.5 | 12 | | 140 | 4. 6 | 3 | 7.22 | 230 | 15.42 | | 7.4 | 320 | 15.36 | 8 | 7.2 |
| 54 4. 8 | 12 | 7.54 7.53 7.53 | 1144 | 5.48 3.25 2.56 | | 7.48 7.85 7.56 | 234 | 15.22 | 23 23 | 7.5 | 32 | 15.40 | 8 | 7-4 |
| 56 4. 5 58 4. 5 | | 7.55 | 48 | 2.37 | 5 | 7.57 | 238 | 14. 2 | 22 | 7.5 | 328 | 15.30 | 8 | 7.4 |
| 6a 3.5 64 3.4 | 2 12 | 8.06 7.16 | 115: | 1.34 | 6 | 7.34 | 242 | 10.59 | 21 | 8. 1 | 33 | 15.16 | 7 | 8.9 |
| 66 3.3 68 3.1 | 5 19 | 7.10 | 1:50 | +0.27 | 7 | 7.27 | 246 | 11.38 | 19 1 | 7.5 | 334 | 15.45 | 7 | 8.4 |
| 70 3. | 11 | 7.58 | 160 | -0.49 | 9 | 7.3 | 250 | 10. 7 | 18 | 7.5 | 34 | 13.56 | 6 | 7.5 |
| 74 8.2 76 2. | 10 | 7.33 | 16/ | 9.11 | 10 | 7:49 | 254 | 8.2 | 16 | 7.3 | 34 | 13. 6 | 5 | 8. |
| 78 1.4 8c 1.9 | 9 | 7.16 | 168 | 3.38 | 111 | 7.5 | 258 | 6.40 | 14 | 7.4 | 34 | 18. 3 | 5 4 | 7.3 8. |
| 82 0.5 84 0.3 | 9 1 | 7.20 | 117 | 6. 8 | 13 | 7.5 | 26 | 4.4 | 12 1 | 7.4 | 35 | 10.5 | 3 | 7. |
| 86 o. 88 to a | 5 8 | 7.55 | 17 | 6.3 | 14 | 7.2 | 1966 | 2.4 | 10 | 7.4 | 35 | 9.3 | 2 2 | 7. |
| 90 +0.4 | | 7.47 | 18 | 8.13 | 16 | 7.4 | | | 8 | 7.4 | 36 | 8.1 | | |

Cette équation du tems ne lui servait que pour le Soleli; pour la Lune, il avait supprimé la partie qui dépend de l'équation du centre, pour no conserver que celle qui vient de la réduction à l'écliptique. Par une autre singularité, il a fait dépendre cette table de l'ascension droite du Soleil. La formule en ce cas est :

J'ai pris dans la Table de Tycho les accensions droites des points de réclipique, ci jai rouvé les quantités suivantes que j'ai comparées avec celles de Tycho, de 5 en 5' seulement, ce qui était plus que suffisant pour vérifier a table. On von qu'elle est rigourensement calculée et plus exacte de beacoup que sa Table pour le Soloil.

| ο. | Æ. | Formule. | Tycho. | | Q. | Æ. | Formule. | Tycho. | |
|---|--|---|---|--|---|--|---|--|---|
| 5 10 15 90 25 30 35 40 45 | 0° 0′ 0° 4.35.11 9.11.2 13.48.9 18.27.17 23. 8.58 27.53.43 33.42.3 37.24.23 42.31.5 | o' o" 1.39 5.16 4.47 6.10 7.24 8.25 9.12 9.42 9.56 | o' o' 1.39 5.16 4.47 6.11 7.24 8.25 9.12 9.42 9.56 | 180° 175 170 165 160 155 150 145 140 | 50° 55 60 65 70 75 80 85 90 | 47°32′12″ 52.37.55 57.48.7 63.2.32 68.20.54 73.42.23 79.6.48 84.32.55 90.0.0 | 9'51" 9.28 8.47 7.50 6.36 5. 9 3.33 1.48 0. 0 | 9'51" 9.28 8.47 7.50 6.36 5.10 3.53 1.48 0.0 | 150 195 190 115 110 105 100 95 |
| _ | | + | + | 0 | - | | + | + | 0 |

La Table conserve le signe dans les deux autres quarts où elle est d'abord soustractive et ensuite additive.

Il est done avéré que l'ycho employait pour la Lune une équation du mens incomplègie; il faisait le terms moyen trop fort de 8° 5° in anomal, vraie, Pendant (es 8° 15°), le mouvement de la Lune était de 4°50°, c'était donner à la Lune une cuquation de +4°50° sia nature, vraie (o; l'équation anauelle de la Lune dans les tables modernes est de... + 11° 3° sia nature, vraie (o; n'en company n'en de la Lune dans les tables modernes est de... + 11° 3° sia nature, vraie (o; n'en company n'en de la Lune dans les tables modernes est de... + 11° 3° sia nature, vr. O à fort peu près.

Tycho a done senti la nécessité de cette équation; mais il n'en connissait ni la théorie, ni la veise quantité, et c'est une chose assez hizarre que la manière indirecte dont il l'a fait entrer dans son calcul. Si cette équation était la seule, on concervait plus aisément le parti pris par Tycho; voyonce eq u'il fera pour les deux autres.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Restitution du mouvement de la Lune. (Appendice.)

Tycho avait reconun que les hypothètes de Ptolémée et de Copernie ne représentaient exactement ni les longitudes ni les latindes de la Lune. Il y avait remarqué un grand nombre d'inégalités, de manière que dans les éclipses les erreurs allaient souvent à une heure, sans parler de la grandeur de l'éclipse.

Les erreurs étaient encore plus grandes en d'autres circonstances. En attendant un traité plus complet, il va donner les principaux résultats auxquels il est parvenu.

Il rapporte d'abord 50 éclipses observées par lui, 21 de Lune et 9 de Soleil.

Voici les conclusions qu'il en a tirées. 🐇

Monymens disrnes.

(C—⊙). o'12*11'20'41'*52" o'27"15"1 o'''40''55'

Anomalie o.15. 5.55.56. 20. 41.41.51. 25. 15. 52

Arg. latit. o.15.15.45.59, 51. 55. 1. 58. 12. 49. 56

Mouvemens annuels. Epoque 1" janvier an 1.

Long. C 4' 9' 57' 22" 59" 43" Longitude 7' 6' 14' 57'

Anomalie 2.28.45. 7.45.54 Anomalie 7. 4.22.56 Arg. latit. 4.28.42.45.26.56 Arg. latit. 7.16.50.42

Nous faisons aujourd'hui le mouvement annuel 4' 9° 25' 4",9, c'est-àdire plus faible de 14' 18".

Hypothèse de la Lune.

A la Terre centre du monde (fig. 28), B centre d'un petit cercle pasant per la Terre A, dans lequel le centre de l'excentrique FRPQ se ment de manière qu'à chaque syrygie, le centre soit en A et qu'il aillé dans le sens ADCE avec un mouvement $= x(\mathbb{C} - \mathbb{Q})$. Dans cette expression \mathbb{Q} est la longitude vraie du Soleil et non la longitude moyenne.

Dans toutes les quadratures, le centre est en C.

Sur l'épicycle GLION faites mouvoir un second épicycle LKMN, en sorte que dans l'paggée le centre soit en 6; qu'il en descende suivant GLII; qu'un périgée il soit en I, d'où il remonte suivant ONG, de mairer qu'après une révolution d'annomile; c'eal-à-dire en 27:151:18'55', il se retrouve en G; alors la Lune se trouvers en K. Le mouvement de la Lune sur le petit cercle est doahle du précédent, et il se fait en sens contraire. Sa période est de 19:18'57:1'56'.

*

Cas cereles ne sufficient pas encore à cause d'une inégalité très sensibles sortenes dans les octans, quand la disinence (C = O) = 45°. Tyche foir mouvoir, le centre autour du centre mobile F, non dans la circonférence, mais dans le diamètre du petit cercle et sur la ligne AG, d'un mouvement de libration du même genre que cetul que Copernic avait insaginé. Ce mouvement forme une prostaphérèse additire, depuis la conjocation ou Topposition jasse M la quadrature, et aossitractive depuis les quadratures jusqu'aux syzgies, et qui corrige la distance (C = O). Ce mouvement est commensurable à $A \subset SO$ (C = O), ce tropodit une variation de $A \subset SO$ (on l'a réduite à SO SO), additive dans le 4° et le 1° cotant, sous-tractive dans les dens autres.

Tout cela se rédait à dire qu'outre les équations reçues , il faut donner à la Lune una équation + 40' 30' sin a(C-O). Du reste, Tycho reconnaît qu'on peut représenter ces divers mouvemens par d'autres combinaisons de cercles.

Soit AF = 100000, FG = 5800, GM = 2900, BA = 2174; quant au diamètre du dernier petit cercle, il n'est pas nécessaire de le déterminer autrement que par l'angle 40'30" qu'il sontend.

Dans cette hypothèse, l'équation du centre est de 4.58 ± très peu différente de celle d'Hipparque et de Ptolémée. Dans les quadratures, elles devient 7.28, moindre de 12 que celle de Ptolémée qui avait été conservée par Alphonse et Copernic.

« Une longue expérience a fait voir que les mouvemens égaux de la » Lune, n'obéissent pas à l'équation des jours que produit le Soleil, » sinon en ce qu'ils dépendent toujours du mouvement vrai dans lequel

» cette différence est comme absorbée. »

D'après ces c'onsidérations, qui méritaient d'être plus developpées; Tycho a construit la Table d'équation du tense que nous avons vérifée ci-dessus. Comme l'équation annuelle, elle dépend du mouvement anomalistique vari du Soleil. On pouvait en faire une équation à part; mais, dans les idées de Tycho, il aurait fallu un petit cercle de plus; il en trouvait saus donte déjà trop dans son hypothèse, et c'est la raison sans doute qui loi a dis prendre ce détour.

Après avoir donné ses tables, il enseigne à se passer de celles des prostaphérèses et à calculer trigonométriquement les équations de la Lune.

On voit déjà que l'effet des deux épicycles réunis en un, donnerait une inégalité de 4°59'30"; que le 3°, dont le rayon est 0,02174, donne une

équation de 1°14'44",5, dont le double serait 2°29' 29'; ainsi l'on voit à peu près l'équivalent des inégalités de Ptolémée, distribuées d'une manière un peu différente, d'après quelques idées de Copernic.

GH = DF, mais GH est rétrograde et DF est direct;

GH = DF, mais GH est rétrograde et DF est dire T ainsi déterminé, sera le lien de la Lune.

Menez FT; dans le triangle THF nous avons FH=0,058, HT=0,029 et l'angle compris NHT=2A.

$$CT = p' = \frac{1 + p \cos{(A + B)}}{\cos{C}}.....(4)$$

$$\mathbb{C}' - \bigcirc' = \mathbb{C} \text{ \'egal\'e} - \bigcirc \text{ vrai}....(7)$$

$$E = 0,04548 \sin (\mathbb{C}' - \bigcirc'); A' = A' - (\mathbb{C}' - \bigcirc' + 5').(8)$$

tang ATC = tang D =
$$\frac{\binom{E}{j} \sin A'}{1 + \binom{E}{j} \cos A'}$$
...(9)

$$f' = AT = \frac{f'(1 + \frac{F}{2}\cos A')}{\cos B}$$
 (10)
 $C' - D = C'' = \frac{F'(1 + \frac{F}{2}\cos A')}{\cos B}$ (21)
 $V = A\sigma'' \sin 2(C' - O')$ (12)

$$\mathbb{C}'' - V = \mathbb{C}''' = \text{longitude dans l'orbite}.$$
 (13)
 $\mathbb{C}''' - \text{réduct} = \mathbb{C}'' = \text{longit. vraie } \mathbb{C} \text{ sur l'écliptique}.$ (14).

| | HO-BRAHE. | | 165 |
|-------------------------------------|----------------------------|---------------------------|-----|
| En voici le calcul: | | | |
| cos 2A + 8,33855c | 9 | 9,69897 sin áA 9,99989 | 67 |
| + 0,010902 8,037520 | | 10003 0,00520 | |
| 1 0,058 8,76342 | 30 tang B = 26° 18' | 43"(1) 9,6941 | 77 |
| 1,010002 0,00470 | 00 | A = 45°57 | 39" |
| c.cos B 0,04750 | 90 | B = 26.18 | |
| r = 0,065409 8,81565 | | B = 71.56 CF = 108.3 | 38. |
| f 8,8:56379 | | 3,8156379 | |
| cos (A + B) 9,4913925 | | 9,9780569 | . 4 |
| 0,020278 8,3070304 | c. 1,02078 | | |
| 1,020278. 0,0087185 | tang C= 3° 29′ 16″ 8 | 3,7849763 (3) | |
| c. cos G 0,0008052 | A=45.37.39 = | = DCF | |
| f' = 1,02217(4) 0,0095237 | A'=42. 8.23 = | DCT (6) | |
| y = 1,02217 (4) 0,00(3237 | C moyenne = | = 3" 1" 3' 34" | |
| 0,04348 8,6382895 | — C = | = - 3.29.19 | |
| sin (C'-O') 9,9624472 | c' = | = 2.27.34.18 | |
| E. 0,039878. 8,6007367 (| B) O' = | = 5. 4. 5.12 | |
| c.p' 9,9904763 | | 9.23.29. 6 | |
| | (6-0)- | 5. 0. 0. 0 | |
| (F) 8,5912130 | | | |
| | C'-0'+3' = | | |
| 40' 30" 3,3856063 | | = t.12, 8.25 | |
| sin 2(℃'⊙') 9,8639153 | - A" = ECT = | 0.18.39.17 | |
| V=- 0.29' 36" 5,2495216 | | DCE = AC | T'. |
| 19 | $80^{\circ} - A'' = TCA =$ | = 101.20.45. | |
| (E) 8,5912150 | | . 8,5912130 | |
| cos A" 9,9765624 | sin A" | | |
| 0,036964 8,5677754 | c. 1,036964 | | |
| 1,036964 0,0157657 | tang D = 0° 41' 22 | 8,0804152 | |
| 1,000g04. 0,0157037 p' 0,00g5237 | C' = 87.54.18 | | |
| c.cos D 0,0003237 | C'' = 86.52.56 | | |
| f' = AT 0,0253188 | V == 29.56 | | |
| | €" = 86.53.20 | | |
| réd | uction - 1. 9 | | |
| | # 17 - 86 22 11 | | |

La solution n'est pas courte, mais elle est uniforme et se borne au calcul de trois triangles rectilignes et à celui de la réduction à l'écliptique.

| | | 1,095 |
|-------------------------|-------------------|---------------|
| Prostaphérèse de l'épic | ycle soustractive | . 3.29.18,065 |
| Le calcul direct nous a | donné | . 3.29.16 |
| | | 1,02236 |
| avec - 30 de différence | 0,6 | - 18,0 |
| | 0,05 | - 0,9 |
| | 0,005 | 015 |
| | | |

Quant à la variation, elle a la forme de l'equation moderne; il aurait pu donner aussi la même forme à l'équation annuelle, et la faire de 4'30" sin auom. vr. Q.

Tycho avait donc préparé les voies à Képler, qui aura senti la nécessité de laisser à l'équation du tems les deux perties dont elle se compose, et aura donné la forme naturelle à l'équation qui dépend de l'anomalie du Soleil. Mais Képler avait encore bien des dontes.

Voilà donc l'hypothèse de Tycho réduite en formules, pour ce qui concerne la longitude de la Lune. Copernic avait déjà heureusement simplifié l'hypothèse de Ptolémée; il avait conservé ce qu'elle avait de bon, et rectifié les distances et les parallaxes.

Tycho, en refondant de nouveau l'hypothèse, a trouvé moyen de la renfermer dans des tables aussi simples qu'il était possible, et de plus, il à eu le mérite d'y ajouter la variation, que seulement il faisait trop forte de 4'; et l'équation annuelle, qu'il a déguisée, est rédnite à 4' \(\frac{1}{2} \) an lieu de 21'.

Latitude de la Lune.

Tous les astronomes avaient cru que l'inclinaison de l'orbite lunaire était constamment de 5°, et Tycho reproche à Copernie d'avoir en cela. comme en beaucoup d'autres choses, suivi Ptolémée avec trop de confiance. Mais Coperuic avait peu observé; il n'avait que des instrumens excessivement mediocres et en petit nombre. Tycho nons l'apprend lui-même. Tonte la vie de Copernic avait été employée en méditations snr le mouvement de la Terre et en efforts pour montrer que toutes les observations anciennes, toutes les juégalités qu'on avait pu découvrir. étaient aussi bien représentées dans son système que dans l'ancienne hypothèse. Cette réflexion suffit pour disculper Copernic, qui d'ailleurs a sustirer un parti fort satisfaisant du petit nombre d'observations qu'il avait pu faire, pour améliorer la théorie de la Lune eu un point très important; c'est-à-dire dans les distances qui règlent les diamètres et les parallaxes. Tycho lui-même convient qu'il a profité des idées de Coperuic, et c'est ce qu'il a fait notamment dans l'exposition du mécanisme qui produit la variation. Il a fait lui-même deux remarques heureuses dont la première sur-tont ne suppose qu'nn certain nombre de honnes observations : c'est la variation de 8' en plus on en moins dans les plus graudes latitudes et l'équation du nœud. Nous avons vu qu'uu arabe plus ancien qu'Ebn Jounia avait remarqué des inégalités sensibles dans les plus grandes latitudes, et qu'Ebn Jounis u'avait su tirer aucun parti de cette remarque importante.

En reuverant l'hypothèse de Ptolémée, Copernic dut sentir qu'il alait fire liquer contre loi tous les autronomes qui croîtrient l'Astronomie détraite jusqu'en ses fondemens; outre les préjugés des théologiens, il vit qu'il aurait à combattre tous les mathématiciens qui senls étaient en état de l'entendre. Il se hâts donc de leur montrer qu'ils n'avaient aucun intérêt à prendre parti poutre lui, puisque la partie mathématique restait intacte, et même recerait des améliorations sensibles. Il s'attacha donc à raffermir et consolider les fondemens de la science des anciens. Il n'est ui le tems in les moyens de corriger les détails; il fallait pour cela les moyens et tout le loisir d'un observateur habite, riche et zélé comme Tycho; cela ne suffassi pas cancer, il fallait que ce grand observateur ent pour successers un homme de génie, pourvu d'anne patience opinitre, tel que Kefter; ce trois granda hommes étuient nécessirées

Digital D. Google

pour fonder l'Astronomie moderne, et ils n'out fait que préparer les voies à Newtoo, qoi lui-même a laissé beaucoup à faire à ses digoes successement.

Ne reprochoos à aocuo d'eux de o'avoir pas fait ce qui était au-dessus des forces d'un seul homme; looons-les bien plutôt de ce qu'ils oot su découvrir par leors méditations, leur assiduité et leur génie.

Louoso Tycho d'avoir remarqué que dans les syrgéies, l'inclinaison ciait de 4765 5°, pou différence de celle d'Hipperque qui avait principalement observé des syrgéies; au lieu que dans les quadratures, c'est à lui qu'on peurrait reprocher de n'avoir point aperque cette augmentaion et g., qui dépendait d'un argament naulegae à coid de l'évection. Mais il ésité observateur médiorre, et le plaisir qu'a dà hui causer la découver et de l'évection, a poi focueuper ausse pour découraire ses your als phéomète pareil que loi sursient présenté les latitodes, s'il les cit trêmbur d'un tien de degré était assez sensible à ses observations, poor fixer son attentio o?

Hipparque n'avait remarqué que la plus petite équation du ceotre et la plus petite jéculaisson. Des recherches d'Hipparque et de Ptolégrétréuoies, on surait pu tiere une équation du centre de 6° 30 et une évaction de 1° 30° seulement. Des recherches d'Hipparque et de Tych d' jéculait une iuclinaisso de 5°8° et une inégalité de 8° 1 en plus et en moins.

L'inégalité du nœud oe poovait pas davantage être aperçue par Hipparque ni Polienée, puisqo'elle est ionemible dans les syygies, et que dans aocuve circonstance, elle ne peut produire au plus que 10' sur la latitude. Eo elle-méme elle egt de 1'45' enviroo. Ce n'est pas oure iné-galité du nœud que les tablés modernes font de yón nanomal. moy. O. Tycho, pour la reconnaitre, a po chercher quelle était la longitude, quand la latitude se troovait nulle.

Poor expliquer ces ioégalités, Tycho fait tourner le pôle de l'orbite losaire autour de son lieu moyn, doss uo peiti cercle avec un mouvement double de celui d'élongatioo, c'est-à-dire égal au mouvement de l'argument de variation; eo sorte que dans les aquadratures, l'inclinaison se truyer aggmentée de l'arc de distance du peiti cercle à son pôle. Ce mouvement do pôle produit la rétrogradation du oœud; puis cate rétrogradation se change en un mouvement direct à la quadrature

22

suivante, ou l'inclinaison se trouve autant diminuée qu'elle avait été augmeutée à la quadrature précédente. Ainsi le nœnd recule et avance alternativement; quand il rétrograde la latitude augmente, elle diminue quand il est direct.

La remarque est bien de Tycho, mais l'explication qu'il en donne est calquée sur celle que Copernic avait imaginée pour la précession des équinoxes.

Tycho, dans ses tables, fait donc l'inclinaison de 4°58'50"; c'est la plus petite; il la corrige ensuite par une équation de 19' dont le calcul n'est pas très simple.

Sa table des latitudes est calculée sur la formule

sin λ = sin 4.58' 30" sin arg. latit.;

avant d'entrer dans cette table, il corrige la distance vraie au nœnd. Cette correction est $+1^{\circ}46'\sin a(\mathbb{C}'-\Theta')$, et la table a pour argument $(\mathbb{C}'-\Theta')$.

La distance polaire du petit cercle étant de 9'50", et l'inclinaison moyenne 5'8', on aurait 9'50" cot 5'8' == 1'45' 45", ce qui s'accorde asses bien.

L'argument de latitude étant ainsi augmenté, la table donne la latitude par une formule qui équivaut à

sin\(\times\)in\(\times\)in\(\times\)in\(\times\)in\(\times\)' in\(\times\)in\

-sin4 58 50'sinA. 2sin'4 (140'sin2D)-sin4 58'30'sin1*46'cosAsin2D -sin4*58'50'sin A. -sin'4(140'sin2D)-sin4*58'30'sin1*46'cosAsin2D -sin4*58'50'sin A. -sin'4*58'50'sin A. 2sin'55'sin*2D

+ sin 4°58'50" sin 1°46' sin 2D cos A = sin 4°58'50" sin A + sin 0' 1 1" cos A sin 2D - sin 0" sin A sin 2D.

Cette correction du nœud ne peut guère produire que g' sur la latitude vers le nœud et rien vers les limites. Cette correction est la plus grande dans les octans qui se rencontrent près du nœud.

Il reste donc $+\frac{6}{5}$ ' 11" cos A siu 2D à sjouter à la formule....... sin $\lambda = \sin 4^{\circ} 58'$ 30" sin A.

Voyons maintenant quel est l'effet du changement d'inclinaison.

sin A = sin I sin A , dA cos A = dI cos I sin A ,

 $d\lambda = \frac{dI \cos I \sin \Lambda}{\cos \lambda} = \frac{dI \cot I \sin I \sin \Lambda}{\cos \lambda} = \frac{dI \cot I \sin \lambda}{\cos \lambda} = dI \cot I \tan \beta \lambda$ $= dI \cot I \tan \beta I \sin \Lambda' = dI \sin \Lambda'.$

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Description Copple

A' est l'argoment de latitude réduit à l'écliptique. On pourrait faire $\Delta t = dI$ sin A, en négligeant le rapport $\frac{con}{\cos t}$, qui differe peu de l'unité, ou en négligeant la réduction de l'orbite à l'écliptique, laquelle n'est jamais de γ' . Ce gerait donc 1 γ' sin A, suivan l'idée de Tycho qui en c'elt donne à colté de chaune latitude la correction γ' sin A.

Cette correction suppose sin $x(\mathbb{C}''-\bigcirc') = 1$, c'està-dire le pole à sa plus grande distance du pôle de l'éclipitque; elle a donc besoin d'être multipliée par un facteur dépendant de la distance $x(\mathbb{C}''-\bigcirc')$. Ce facteur se trouve à côté de la prostaphérèse du nœud, et se prend avec la distance ($\mathbb{C}''-\bigcirc'$).

Le maximum de ce facteur est à 5', c'est à-dire qu'il répond à... $(\mathbb{C}'-\Theta')=5'$, ou $2(\mathbb{C}'-\Theta')=180'$; or, dans ice cas, la première correction est nulle, puisqu'elle dépend de sin $2(\mathbb{C}'-\Theta')$.

Voyons maintenant l'explication de Tycho.

Soit EB (fig. 50) l'inclinaison la plus petite = 4°58′50″, EG la plus grande = 5°17′50″, le pôle va de B en F, en C, en G. Supposons qu'il soit en F dans le premier quart,

```
tang DF sin BDF
tang E = sin ED cot DF - cos ED cos BDF = sin ED - tang DF cos ED cos BDF
           tang DC cosée ED sin BDF
      = 1 - tang DF cot ED cos BDF
      + tang' 9' 30' coséc ED cot ED sin BDF cos BDF + etc.,
    F = 1^{\circ} 46' 10'', 6 \sin 2(C' - O') + 98' \sin 4(C' - O')
Tycho, qui n'a pas fait le calcul si rigoureusement, se borne au 1er terme
        cos EF = cos EDF sin ED sin DF + cos ED cos DF,
       cos EF = cos EDF sin ED sin DF + cos ED - acos ED sin' DF,
cosEF-cosED=sin DF sin ED cos EDF - 2 cos ED sin* + DF.
2sin2(ED-EF)sin2(ED+EF)=sinDFsinEDcosEDF-2cosEDsin2DF
                              ain (ED+EF) cosEDF-
                               sinDFsinED
                                                    asino DFcosED
                                                    sin (ED+EF)
                             asin EDcos EDsin DFcos EDF
                                                       asin* DFcosED
                                   sin (ED+EF)
                                                        sint(ED+EF)
                              asin EDcos EDsinDFcosEDF-asin DFcosED
                                   sin ! EDcos ! EF+ cos ! EDsin ! EF
                                                 asino DF
                                    cos | EF+cot | EDsin | EF
```

TYCHO-BRAHÉ.

(ED - EF) = sin FD cos EDF - 55", o68 $=9'30''\cos 2(C'-O')-35'',068;$

sans erreur sensible.

L'inclinaison devient donc [I-9'30" cos 2(C'-0')+35",1]. La constante 35", 1 s'ajonte à l'inclinaison I et l'inclinaison (I+55") se détermine par les observations.

L'argnment de latitude devient $\left(A + \frac{9^{\frac{1}{2}\sin 2D}}{\sin 1}\right)$,

 $\sin \lambda = \sin(I - a\cos 2D)\sin(A + \frac{a\sin 2D}{\sin I})$

=[sinIcos(acos2D)-cosIsinacos2D](sinAcos a.sin2D +cosA =sinIsinA+sinasin2DcosA-sinacos2DsinA

=sinIsinA+sinasin(2D-A),

en négligeant les cosinus qui différent peu du rayon, ou les prenant tous pour l'unité.

Pour savoir ce qu'on néglige, il fant faire le calcul plus rigoureusement.

cos EF = cos ED cos FD + sin ED sin FD cos EDF

= cos ED cos FD + sin ED sin FD - 2 sin ED sin FD sin + EDF = cos (ED - FD) - 2 sin FD sin ED sin* (C' - O')

= cos EB - sin 1'42" sin* (C'-O), cosEB-cosEF=sin1'42"sin1(C'-O'),

2sin (EF-EB)sin (EF+EB)=sin 1'42"sin (C'-O'), 2sin xsin(EB+x)=2sin xcos xsinEB+2sin xcosEB =sin1'42"sin'(C'-⊙'),

sinº102°sinºD 2sin-xcos-x-2sin-xcotEB=

> $\frac{1}{2}x=b-ab^2+2(\frac{1}{2}+a^2)b^3-(3a+5a^2)b^4+$ etc. =588",ogsin'D-19",262sin'D+1",2633sin'D x=1176,18sin'D-38,524sin'D+2,5266sin'D =19'36',18sin 'D-38'524sin 'D+2',5266sin 'D

expression commode et dont l'erreur ne va pas à o", 1. Ainsi

l'inclin. égalée =4.58.30"+19.36",18sin.D-38"524sin.D+2",5266sin.D. Dans les quadratures, sin'D=1, la somme des coefficiens se réduit à 5" 17' 30", 182.

Dans les syzygies sin D=0, l'inclinaison se réduit à 4.58.50" Le triangle FDE donne

$$\begin{split} & \tan g d'' = \frac{\sin g'}{\cot c' \sin n' - \csc\cos \omega} = \frac{\tan g c' \sin g'}{\sin c - \tan g c' \cot \cos \omega} = \frac{\sin g'}{\sin c - \tan g c'} \\ & = \left(\frac{\tan g'}{\sin c}\right) \sin g' + \left(\frac{\tan g'}{\sin c'}\right) \left(\tan g'' \cot c \sin g' - \cot \cos g'\right) \\ & + \left(\frac{\tan g'}{\sin c'}\right) \sin g' + \frac{1}{2} \left(\frac{\tan g''}{\sin c'}\right) \left(\tan g'' \cot c'\right) \sin g' \cot g'' - \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2}} e^{-\frac$$

mettez les valeurs numériques des coefficiens, et vons sonvenant qu'en général

après les substitutions et les réductions, vous aurez (L+E) argument corrigé de latitude

$$L+E=L+1^{\circ}46'10'',5\sin 2(\mathbb{C}'-\bigcirc')+97'',9961\sin 4(\mathbb{C}'-\bigcirc')$$

$$+2'',01584\sin 6(\mathbb{C}'-\bigcirc')+0'',0254\sin 8(\mathbb{C}'-\bigcirc'),$$

expression dans laquelle on peut négliger les deux derniers termes dont l'influence sera nelle sur les latitudes, et nommant l'l'inclinaison (I+x), L'=(L+E) l'argument corrigé

$$\sin \lambda = \sin I' \sin L'$$
,

expression qu'il faudra développer pour avoir les termes à ajouter à la latitude $\sin \lambda = \sin I \sin L$.

Voilà ce qu'il fondrait faire dans le système de Tycho, qui n'y regardait pas de si près; mais Mayer a dù chercher plus d'exactitude; il supposait l'inclinaison moyenne Ele par 50° il dans cette supposition, calculant de nouveau les termes des formoules ci-dessus, et changeant les puisances des ajous en cocions des arcs multiples, après les substitutions et les réductions, je suis arrivé cnifia à ce procédé:

Faites $\sin \lambda' = \sin 5^{\circ} \gamma' 59'', 2 \sin L$, et vous aurez la latitude vraie λ par la formule suivante;

$$\lambda = \lambda' + g' 50'' \sin[2(\mathbb{C}' - \mathbb{O}') - L] + 2'', 2 \sin[4(\mathbb{C}' - \mathbb{O}') + L] + 2'', 2 \sin[4(\mathbb{C}' - \mathbb{O}') - L];$$

il paraltrait donc que Mayer n'aurait négligé que ces deux derniers termes assez peu importans, qui peuveut l'être encore mains en ce que le terme q' 20' est réduit à 8' 28" environ.

Tycho aurait donc pu, comme Mayer, négliger les termes insensibles, et il aurait eu pour correction de la latitude moyenne le terme

 $d\lambda = \left(\frac{g' \cdot 5o'}{\cos \lambda}\right) \sin \left[a(\mathbb{C}' - \mathbb{O}') - \operatorname{argum. latitude}\right],$

ou même

9' 50" sin
$$[a(\mathbb{C}'-\odot')$$
 — argum. latitude.]

Lalaude a démontré d'une manière approximative la correction de Mayer; il a tout simplement négligé les termes du second ordre.

Tycho calculait la plus petite latitude, et sa correction doit être à peu près double

Bu =
$$\sin v \cdot 2 (\mathbb{C}' - \mathbb{O}') = 2FD \sin^2(\mathbb{C}' - \mathbb{O}') = 49' \sin^2(\mathbb{C}' - \mathbb{O}')$$

il fait

$$\sin \lambda = \sin I \sin L;$$

d'où

on trouve avec L, le terme 19'sin L, et ce terme est toujours exact à 4" près.

Les minutes proportionnelles paraisseut calculées sur la formule 60 sin' (ℂ'---⊙'); elles sont exactes, le plus souvent à quelques secondes près, et jamais l'erreur n'est d'une demi-minute.

Quant à la réduction à l'écliptique, que Tycho le premier a fait entrer dans les tables, elle a pour expression $\tan g^* \frac{1}{4} \frac{\sin \frac{L}{2}}{\sin \frac{L}{2}} - \tan g^* \frac{1}{4} \frac{1}{\sin \frac{L}{2}}$.

L'inclinaison 5°8' donnerait 6'45" sin 2L; l'inclinaison 4°58'30" ne donnerait que 6'27"; Tycho met 7'.

Il reprôche avec raison à ses prédécesseurs de n'aroir pas mis assez d'attention à la determination des parallaxes et des dismètres qui dépendent des distances. Il recombait que Copernic avait tenté de corriger Piolémée, mais as correction n'était pas asses forte. Aujoral'bui nous pourrions adresser à l'ycho le même reproche; mais il faut considérer que sans microscope, il était bien difficile de mesurer le dismètre, et qu'avec des instrumens qui ne dounnaient s'urement pas la minute, il était bien impossible de ne pas se tromper sur les parallaxes.

La table de Tycho donne pour parallares extrêmes 66 6° et 48 48°, 3°, 31° aroue lui-même qu'il ne peut répondre de 2′, il aurait pu dire 4′. Il ajoute que sil y a erreur, elle doit être en excès; mais l'excès est dans la variation de la parallare, car sa parallare moyenne 57' 24" n'est guère en excès que de 24".

On voit ensuite une Table de réfraction particulière pour la Lune; à l'horizon, elle donne 53 au lieu de 54'; ce n'était pas trop la peine de faire une nouvelle table.

Le chapitre second traite des étoiles. On voit à regret que Tycho, pour faire senir l'importance d'un bon catalogue d'étoiles, leur attribue des gétes propres, et la vertu de stimuler les forces des planètes qu'il considère comme des mères imprégnées et técondées par les étoiles, et versant continuellement leurs fotus sur la Terre, qui est le centre de l'univers. Cest bien le cas de vérier avec Lucrèce:

O curas hominum, et quantum est in rebus inane.

Ou avec Voltaire:

O vanité de l'homme! ô faiblesse! ô misère!

Il passe en revuetous les auteurs qui se sont occupés des étoiles, comme Timocharis, Hipparque, Ptolémée, Albategnius, Alphonse, eufin Copernic, dont on peut dire que plus que tout autre, il a bien mérité de l'Astronomie.

On ne peut guère avoir confiance anx anciens catalogues, soit à cause des fautes de copies, soit à raison de l'imperfection des instrumens. Tycho parle de ces anciens catalogues à peu près comme nous avons fait nou-même, quoiqu'il vêut pas totust les prevates que nous avons données de notre opinion. Il parle deş instrumens qu'il a imaginés et principalement de ses armilles, pour les ascensions droites et les déclinaisons; Les trois principaux de ces instrumens marquiant les minutes. Il a simplifié les anciennes rmilles zodiacales, en les réduisant à quatre cercles avec lesquels elles donnent plus de précision qu'on une pouvait espérer des anciennes; il a grande raison; mais les anciennes épargnaient les calculs trigonométriques, et c'est ce qui les avait fait imaginer.

An lieu d'armilles, lea Arabes se sont servis quelquefois du torquetum composé de plans circulaires. Le torquetum était moins dispendieux, voilà tout ce qu'on peut dire à son avantage. Tycho témoigne faire asses peu de cas des règles parallactiques de Ptolémée; elles auraient dù être de métal. Si elles sont grandes, elles seront incommodes, et paurront se défarmer; si elles sont petites, les points de division ne serant pas assex multipliés.

La manière ancienne d'abserver était peu juste, et fort sujette à erreur; nous en avnns dit les raisons. La critique qu'il en fait est fondée sur les mêmes remarques que nous avnns faites sur Ptalémée.

Jérôme Cardan, dans son livre de la Restitution des tems et des mouvemens célestes, avait renouvelé l'idée de vérifier la position des étoiles par les éclipses de Lune et de Soleil. Il crut cette méthode préférable à toute autre, en ce que la Lune intalement éclipsée, permettait de voir même les plus petites étniles avec lesquelles elle se trauvait en cantact ou à peu près; mais l'expérience a montré quel finnd ou puuvait faire sur ces promesses. Il crut avnir fixé la position de la brillante de la Balance, au mnyen de Vénus, et il s'en était ensuite servi pour déterminer toutes les antres. Tycho tranve ridicule l'idée d'employer ane planète dant nu ne caunaît pas bien les mauvemens à déterminer la positinn d'une étoilé. C'est, dit-il, demander la vérité à un muet igunrant, et chercher le certain par l'incertain. On ne s'étannera donc pas qu'il se snit trompé d'un degré et deux tiers, tant sur la longitude. que sur la latitude, et que tout son catalogue soit plus fautif que cenx d'Alphonse et de Copernic. Il faut pardonner cette tentative peu réfléchie à uu hnmme qui, comme géomètre, a fait preuve de sagacité, mais qu' n'était que peu ou point astronome.

Capemic et Werner eurent l'idée de déterminer les longitudes et les asceusions droites par les latitudes et les déclinaisons; mais ils étaient forcés de prendre les latitudes dans les ancieus catalogues, et ne connaissant pas bien la hauteur du pôle, ils se trompaient sur leurs déclinaisons.

Il est un autre moyen employé par quelques modernes, et notamment par le laudgrave de Hesse-Cassel. Ycho en a fait mage comme ce prince. C'est d'y emplayer le tens où une étoile est au méridien ou dans au azimnt cusuu, avec la hauteur de la mème étoile. Alars an n'a plus qu'un triangle à réasudre; mais il faut de plus connaître parfaitement le lieu du Soleil. La difficulté est de cunnaître le tens, sur lequel il ac afudrait pas se trumper d'une seconde. Il «ets pas beuecoup plus aisé de cannaître exactement le lieu du Soleil. Il vaut donc mieux y employer le tens, des équinoxes, où les variations en déclinaisons sont le

plus sensibles. Malgré tous les soins du landgrave et cenx que s'est donnés Tycho, ils n'ont pu ni l'un ni l'autre se procurer aucune horloge à laquelle ils pussent accorder leur confiance. Tycho en avsit trois ou quaire, et l'on conçoit de reste qu'il n'en fut pas extrémement content.

Avec quelque soin et quelque adresse que ces machines soient compolées, on sent qu'elles doivent varier sans ceue par les chaogemens de l'air et des vents, dont on ue peut suffisamment les garantir, même dans des étuves; que lenr marche d'abord régalière en apparence, na tarde guère à se déranger; que les rouses et les dents ne peuvent être d'une extrême régularité, et que l'égalité même de leurs restitutions d'urnes ne prouve pas encore une distribution égale du tems dans les différens intervalles; le poids n'agit pas de même dans le haut et dans les bas de sa course; le poids da fil s'y ajoute, quelque mince que vons le sapposica, et les moindres différences deviennent importantes, puisque d'y alent une minute de dezer.

Ces causes d'errenrs detaillées par Tycho ont heureusement disparu

dans la construction des horloges modernes.

Tycho avait tenté na moyea physico-chimique de mesance le tens par fécoulemes du mercure bien purifié et revivifie, qu'il liassist échapper par un petit orifice, en conservant toujours la même hauteur dans lo vase conique qui renfermait le mêtal. Le poids du mercure écoulé devait donne le téma et l'ascension droite de l'étoile. Il employa le plomb purifié et réduit par la calcination en poudre très-aubille, mais pour confesser la vérité, le rusé Mercure qui est es possession de se moqueré galement, des astronomes et des chimites, s'est it de mes efforts, d'éblume, non moins trompeur, quoique d'ailleurs ami du travail, n'a pas mieux secondé celus que je m'étais imposé.

Tycho, par ces expressions recherchées et figurées, nous fait assez entendre combien il trouvait de difficulté dans cette recherche fondamentale du lieu des étoiles; combien il restait encore à désirer dans tout ce qu'on avait fait avant lui, et dans tout ce qu'on avait fait avant lui, et dans tout ce qu'in avait essayé lui-même.

Dans cet embarras et ces incertitudes, une idée lumineuse et inespérée se présenta à son esprit, et il saisit promptement l'occasion qui s'offrait.

Au printems de 1583, par un sir très par, Vénos fut visible une grande partie de la journée; on pouvait l'observer avant le passaga au méridien, et en mesurer la distance au Soleil. On pouvait comparer Vénus au Soleil d'une part et de l'autre aux étoiles, et vérifier les unes par les autres. Vénus n'a qu'un petit diamètre, son mouvement est beaucoup plus lent que celui de la Lune; il est plus ficile à consilire, la peralley est beau-coup moindre; reuonçant donc à Saturne et à Mercure, c'est-à-dire au plomb et an vif-argent, il porta toute son attention sur Yénus. Nous venons de voir que Cardan avid déterminé le lieu d'une étoile an moyen de Vénus, l'idée n'étaif donc pas nouvelle; Tycho la trouve ridicale chez Cardan, qui ne consuissist asses bien ni les movemens de Vénus, ni cens du Soleil. Walthérus avait employé déjà ce moyen. Voyes Observationes Hassiane, étc., année '489, p. 35.

Lorsque Vénus avait une banteur astez considérable pour ne pas craindre les réfractions, il en prenait la distance an Soleil avec un sextant qui lui donnait les minutes et même quelques fractions. Ce sextant avait une alidade fire au moyen de laquelle un observateur visité à Vénus, la treves les pinunles; un second observateur regardait l'ombre du Soleil sur une alidade mobile. Outre la distance réciproque, on mesurait aussi les deux hauteures et quelquérolis les azimutes on ne négligait ni les déclinaisons aux armilles équatoriales, ni les hauteurs méridiennes qu'on meaurait au quart de cercle.

La nuit, dès que le Soleil diait plongé sous l'horizon, et permettait de voir les dioiles, of se habit de les comparer à Venus; on presait de nouveau, et toujours avec le même soin, des distances, des hauteurs, des azimnts, des déclinaisons et des bauteurs méridiennes; on tenait compte des petits mouvemens, on avait ainsi les accessions d'orites et les déclinaisons, et enfin les longitudes et les laitudes. C'est ainsi que Tycho détermina quelques écliels brillantes, en prit les distances réciproques, et les rapports toutes à la luisante du Bélier qu'il crut avec raison préférable à la petité échiel voisine dont Copernis s'écits servi.

Tant de moyens combinés composent une méthode véritablement belle et dont Tycho a raison de se feliciter. Si l'on fait mieux aujourd'hni avec moins de peine, on le doit aux lunettes, aux microscopes, aux verniers et aux pendules. Ce procédé de Tycho tient à pen près le milieu entre ceux des Grees et ceux des modernes.

Tycho fit ette année plus de cent observations de cette espèce. Il en choisit trois poor en expliquer le calcul et en démontrer la précision. Pour vérifier le tout, il comparait encore les observations de Vénus orientale à celleu où la planète était de l'autre côté du Soleil, afin que les erreurs pussent se compenser et se reconalitre. On avait soin que les circonstances fussent d'aillenra sussi ressemblantes qu'il était possible,

Hist. de Astr. mod. Tom. I.

asin que les essets des réfractions et des parallaxes pussent s'éluder plus sèrement. Sept années forent employées à ces recherches; Tycho en donne les détails, au moins pour les principales étoiles, et nous en rapporterons les résultats.

On y voit des parallaxes d'environ 5', pour Vénna comme pour le Soolit; les deux déchinaisons, avec la distance metarée, donneut les trois côtés d'un triangle dont l'angle au pôle est la différence d'ascension droite; un triangle analogue donne la différence d'ascension droite entre Vénus et l'Étoile.

La différence entre la plus grande et la plus petite de quinze de ces déterminations, est de 40".

Tycho pense que lois de conserver le moindre doute, on doir plutós étonner qu'on air pa arriver à ce degré de précision. Nosa arons pas refait ces calculs, mais nous en avons vérifié de tout semblables, quand nous travaillions aux Tables de Saturne et de Jupiter, et nous devons dire qu'ente les différens résultats, nous trouviens fréquement des écarts de 2 à 3°, et, qu'en rendant toute justice aux soins et à l'adresse de Tycho, à la supériorité de se instrumens et de ses méthodes, sur tout es qu'ou avait avant lui, nous nous sommes cru obligé à ne faire absolument aucun usage de ses observations.

| Discitations. |
|------------------------|
| sc. dr. de a Y , 1585. |
| 26° 0' 44" |
| 32 |
| 50 |
| 20 |
| 58 |
| 18 |
| 52 |
| 42 |
| 37 |
| 27 |
| 29 |
| 14 |
| 4 |
| 28 |
| 59 |
| 26° 0′ 50″ |
| milien n |
| |

Cette ascension droite, deiterminée avec tant de soin, sert à trouvercelle de Pollux; de Pollux il va au Vautour, et du Vautour à l'étoile du Bélier, et les quatre angles font une somme de 559-59-59; del devait être de 500°. Tycho paraît persandé que cet accord prouve la bouté des opérations; il pe prouve qu'une compensation nécessaire d'erreurs.

Comment croire que des distances données simplement en minutes, calculées au moyen de tant d'élémens défectueux, puissent produire nue somme exacto à 2 on 3" près, si les erreurs ne s'étaient compensées?

Après avoir fait le tour du ciel avec quatre étoiles, il le fait avec six; l'erreur n'est que de g"; puis il en prend huit, et la différence n'est plus que de — 4".

Tycho croit pouvoir s'en tenir à ces preuves; il en supprime nombre d'autres aussi satisfiasantes. Mais malgré cet accord constant, il est clair que chacun de ces angles doit avoir une erreur plus on moius forte, et quand on supposerait parfaitement exactes toutes les différences d'ascensions droites, il pourrait enc over rester quelques scrupules sur les ascen-

sions droites absolues; mais il faut avouer que c'était nu beau travail, et qu'il était impossible alors de faire mieux.

Pour passer des accessions droites et des déclinaisons, aux longitudes et aux latitudes, Tycho se sert du triangle obliquangle, entre l'étoile et les deux pôles, et il assure que cette méthode est plus courte qu'aucune de celles qu'on employait avant lui.

Il se propose ensuite d'examiner et de joger la méllode de Copernic, et de partir comme lai de la latinde de l'Épi; mais au lieu de l'emprunter des anciens catalogues, comme Copernic et Wenner, il cherche à la vérifier de mouveau par une étoile voisine de l'écliptique, et qui diffère peu de l'Épi; en longitude.

Soit P (fig. 51) le pôle de l'écliptique DEF, A la luisante du Bélier, B le pied des Gémeaux, C l'étoile du Dragon; nous aurons la longitude et la latitude du point A et du point B.

```
AC = 84^{\circ} 20' \frac{1}{2}, BC = 90^{\circ} 57', AB = 58^{\circ} 21' \frac{1}{2}.
    PA = 80° 2' 57"
                        AC = 84° 20′ 50" | PB = 00° 52′ 57"
    BP = 00.52.57
                        BC = 90.37.0
                                           BC = 90.37.0
   APB = 57.58.10
                        AB = 58.21.48 | CBP = 5.13.54
    BA = 58.21.48
                      CBA = 82.57.51.
                                          PC= 5.14.17
observé 58.21.33
                       PBA = 77.43.57
                                         BPC=87. 7.30
                       CBP = 5.15.54 FC = 84.45.43
   PBA = 77.43.57
                    Longitude de l'étoile C... 5/26° 38' 50"
                 Par une antre combinaison... 5.26.38.26
```

et FC=84° 45′ 6″

Par une troisième... 5.26.59.10
FC=84.46. ο
An 1585, comple1... Longitude. Latitude.
αν... 1' 1°53' 9°57' Β

2. 4. 0 5.31 A 0.53 A Pied w ... 2.20.31 5.17.50 6.38 B Вш... 0.26; B a 2 ... 4.24. 4 a np . . . 6. 18. 5 1.59 A 7.26.31 17.20 B main d'Ophiucus... Aigle ... 9.25.56 29.21 B 1" aile de Pégase... 11.17:44 19.26 B.

Tycho suppose, en conséqueuce, pour l'étoile du Dragon, longitude 5' 26' 38' 50", latitude 84' 45' 55". Parmi les étoiles employées, il en est doot l'ascension est voisine de go; et doot la déclinaison varie peu, en sorte qu'on n'avait pas besoin de conualtre parfaitement la latitude, ni d'être trop scrupuleux sur la loneitude.

Pour vérifier enfin la latitude de l'Épi, il en mesure plusieurs fois la distance à l'étoile C du Dragon, qu'il trouve de 87 6'\frac{1}{2}, dans des circonstances très favorables. La distance de la même étoile au cœur du Lion était de 85 9'\frac{1}{2} la distance entre l'Epi et le cœur du Lion était 56 x'.

Il trouve en conséquence la latitude... 1.59. o Par Pollux il trouve...... 1.58. 57

Il s'arrête au nombre rond...... 1.59. 0.

Il s'agit d'en déduire la longitude en faisant entrer 'bans le calcol la déclinaison 85 ° 50 ° or, meurée avec trois instrumens divers, et beaucoup d'accord. Il suppose la hauteur du pôle 55° 54′ 45°. On connaît les distances de l'étôle aux poles de l'éclipitque et de l'équateur, et la distance des deux pôles == », Cest--drie les trois cloés du triaggle; on ce conclara l'angle au pôle de l'éclipitque, on la différence de longitude entre l'étôle et l'émolorse voisio.

Tycho trouve, par un premier calcul, 18° 3' 25', et par un autre calcul 18° 3' 10".

Cette solution est bien simple; les trois côtés nous donnent les trois angles.

Tycho avoue lui-même que, dans les diverses déterminations de la même étoile, il Trouvait quelquefois ; ou 2' de différeoce, antolt dans uo sens et lantôt dans un autre, parce que toutes les méthodes ne sont pas également súres; il aurait pa ajouter, et toutes les observatioos ue sont pas également bounes.

Il recommence cusuite, par sa méthode, le calcul des observations de Copernic, et il trouve 7 et 10' de moins sur sa longitude.

Il refait de même quelques calculs de Weroer; il trouve s' de plus on de moins; mais il soupeoner que Wereer a supposé des déclinaisons propres à faire retrouver les longitudes des aociens; ce qui explisionar proupa no Nonius n'a pu accorder les observations de Coperoic et celles de Werner. Il s'étoone qu'un homme grave ait pris une pareille licence, que lout astronome devrait serupaleusement s'interdire.

Les longitudes de Werner sont eo erreur de 24', 16 et 57', d'après les nouveaux calculs de Tycho; ces longitudes sont celles de Régulus, de

l'Épi, et de l'australe de la Balance, que cet anteur a prises pour fondement, dans son Traité du mouvement de la huitième Sphère.

Pone passer enuite de ses huit étoiles à toutes les nutres, l'hycho prenait les distances de chaque étoile, qu'il voulait détermiers, à deux antres déjà connues; il en meurait la déclinaison, et tirait le reste de la Trigoometire. Il vauit soir que l'étoile à déterminer se trovait entre les deux antres; il avait donc deux déterminations de l'ascension droite, et le jugacit de leux bonté par leux accord; il en prenait le milieu quand elles différaient pen, et vérifiait enfin la différence d'ascension droite par les armilles équatoriales.

Pour abréger le calcul des longitudes et des latitudes, il avait fait rédiger, avec beaucoup de travail et de dépense, des tables subsidiaires, qu'il se propose de publier un jour.

Asin que l'on soit en état de juger de la précision à laquelle il a pu parvenir, il rapporte quesques-unes de ces comparaisons. Jamais la différence ne va tout-à-fait à une minute.

Il donne ainsi les lieux de vingt-une étoiles zodiacales taut par rapport à l'équateur que par rapport à l'écliptique.

Il va maintenant prouver que les latitudes des étoiles varient par une suite du changement d'obliquité. C'est nue remarque bien simple : il parait qu'elle n'avisit encore été faite par personne. Ce changement doit être considérable vers les tropiques, et presque nul vers les équinoxes; et c'est en effet ce qui résulte des observations.

Pour le prouver, il calcule les déclinaisons observées par Timocharis, lipparque et Polémée; il prend pour bonnes les longitudes, qu'il n'est pas besoin de consustre avec la deruière précision; il en déduit la luitude, qu'il Compare à celles de son tents, il admet que les distances réciproques des étoiles sont invariables, et c'est ce que nous avons aussi supposé pour mettre à l'éprenve les positions transaires par Polémée.

Il rapporte les alignemens d'Hipparque et de Ptolémée; il assure qu'il les a vérifiés, mais il averlit que ponr les vérifications il faut que les étoiles soient assez élevées sur l'horizon, sans quoi les réfractions pourraient les dérauger.

Par ces calculs, il tronve de l'incohérence dans le catalogue de Ptolémée, ou dans les observations qu'il a copiées. La latitude d'Aldébaran paralt fort incertaine:

Il s'étonné que Copernic ait voula provère par cette étoile la bond de ses parallases și act vira qu'i l'étemple de Roldemée, il faisait une erreur à peu près égale sur la latitude de la Lauce, et qu'ainsi l'occulation observée par Copernic a pa voir l'ins nana que les parallases fuscont tellet qu'il le prétend sur reste, ces parallaxes étaient aséta bonnes, et il cupire le provore silleurs.

Il reproche à Copernic de n'avoir pas tenu compte de la réfraction qui est plus grande pour la Lune que pour l'étoile; ce qui d'abord n'est rien moins que sur , et ce qui d'ailleurs ne fait rien pour uue occultation.

Tycho a lui-même observé plusieurs occultations d'Aldébaran sans ponvoir en déduire la latitude supposée par Coperaie.

Il passe ensuite à la description de ses armilles équatoriales. Il suffit de regarder la figure qu'il en donne. Il en décrit brièvement d'antres qui avaient cinq condées de diamètre.

Dans une recherche sur la précession annuelle, malgré sa prédilection pour Polofmée, qui lui fournit 55° à, il pene qu'il est plas sur de s'en rapporter à Hipparque, qui , de tonte manière, tieut le milien entre Timodifier de la commentation de la commente de la commente de la commente de 5° gaine et encore trep forte. Copernie avaitmieux rencontrés panis il avait vouls tout scordere, et il avait été réduit à adopter une hypothèse d'occillation dans les points équinos turs, la quelle, sclon Tyche, n'a aucun fondement, sinsi qu'il espère le prouver dans son grand ouvrage. Il attribue les différences aux crears des observations ;il pense que celles des modernes ne sont guère meilleures, et il cite celles de Régiomontan, de Walberus et de Werner.

A ces recherches succèdent ses Tables de précession et son Catalogue d'étoiles, un pen moins étendu que celui de Potlemée, mais bieu plas précis, dont les positious doivent, en général, être sires, is 2 on 5' prés, pour leur époque, qui est l'an téoo. On y, voit que des minutes et des demies, preuve que Tycho ne comptait nullement sur les secondes, que, dans le fait, see instruments ne pouvaient lui donner.

On pent remarquer que par sa précession de 51" par an, toutes ses longitudes pour 1600 doivent être déjà trop fortes de 15". Il lègue ce catalogue à la postérité en ces termes :

En igitur habes exoptatissima et grate, uti spero, posteritas, stellarum fixarum, omnium prope modum, quue in nostro climate conspiciuntur, accuratissimam restlutionem pracestim quodo pracepua es notatu digniores, quotquot hactenus instrumentis nostris. Intra proxime elapsum decemium, est és ingilia, plurimaran nocium vigilis, indefaso calculi labore; et injunis omni extimatione majoribus, tandem excentlatam aque publicimi usim concinnatum, tibi que harma cupide, tiberali, amplo et pervinit munere, consecratam; que toi jan secculis, inde à antiquo illo Ilipparcho, elapsis hue supue amais esientes 1700, an eminea, quoi estire, justi ratione ad prestitutum scopum antea elaborata est. Piolemeus enim Ilipparchi successor, solum modo promotionem fixarm, tempori inter se et Ilipparchium elapso competenter singulis adjecti, reservatis alias in omnubus Ilipparchicis communicationis.

Il couvient douc que Ptolémée n'a fait qu'ajouter la précession, qu'il a jugée convenable à toutes les étoiles d'Hipparque, pour former son catalogue. Cet aven paraît peu d'accord avec la préférence qu'il donnait aux observations de Ptolémée; il anrait dù ne faire aucun usage de ces observations pour la précession, et son résultat n'en eût été que meilleur. Il ajoute, et uous l'avons déjà remarqué, que les catalogues d'Albategni et de Copernic avaient été rédigées de même par la simple addition du mouvement de précession; il fait remarquer que le catalogue d'Hipparque ne douue que les ; de degré : il ajoute même qu'il serait bien à souhaiter que cette précision fût réelle. Hipparque l'a-t-il gru suffisante, ou ses instrumeus étaieut-ils de trop petites dimensious? C'est ce qu'on ne sait pas, dit Tycho (nous croyous, nous, n'avoir plus de doute à cet égard); mais il est bien certain que cette précision est aujourd'hui bien insuffisante. Copernic avait dejà fait la même réflexion et les mêmes plaintes. Il espère donc qu'on lui saura gré d'un catalogue où tout est exact dans la minute: In ipso minuto.

Il avertit que le catalogue du landgrave fait les lougitudes plus fortes de 6 environ; il croît que cette difference vient de ce que le laudgrave a employé le tems, moyen trop incertain (il a cessé de l'être. Il semble, au reste, que les irrégalarités de la peudule et les erreurs sur le tems, des passages n'auraient pas dù opérer toujours dans le même seus. Si l'erreur est constante, elle tient probablement à une autre cause). Il l'attribue aussi à l'ausge que le landgrave a fait de Vénus le soir, lorsque la réfrastion anigimente la longitude. (Le landgrave a donc aussi employé Vénus. Il resterait à sovir qui des deux a eu le premier cette idée, qui même est plus ancienne; il est sûr au moins que Tycho l'a employée avec plus discontement). Il cêt in failillibement découver l'erreur s'il est étrépée les observations le matin. Tycho donne eusquie les ascensions droites des sioiles principales pour 1600 et 1700.

Il crut voir, par ses observations, que la réfraction des étoiles ponvait différer de la réfraction solaire (il annait dù sompçonner qu'il faisait la parallaxe du Soleil beancoup trop forte); il en donne la table. A 20° de bauteur la réfraction lui parait déià nulle.

Un mathématieien du Landgrave pensait que les réfractions à Cassel, étaient moitié de celles de Tycho; mais Tycho eroit que c'est une erreur.

Il détermine, par les méthodes précédemment exposées, la position de tontes les étoiles de Cassiopée, pour en venir à l'étoile de 1572, à l'occasion de laquelle il avait entrepris tant de recherches.

Cette première partie est terminée par un discours en vers adressé aux amateurs de l'Astronomie.

> Quid mussare juvat? Manus est adhibenda labori, Ut tandem abstrusi pateant mysteria cadi.

La nonvelle étoile, qui avait été l'objet primitif, quoique le moins important de l'ouvrage, fut aperçue pour la première fois par Tyeho, le 11 novembre 1572; elle était près du zénit, elle brillait d'une lumière rayonnante. Frappé d'étonnement il resta quelque tems à la contempler; il la voyait auprès des étoiles de Cassiopée, en une place où il était bien aûr de n'avoir jamais rien apercu d'aussi éclatant; il ne pouvait en croire ses yeux, il interrogeait ses compagnons et les passans, pour s'assnrer que ee n'était pas une illusion. Il conrut à ses instrumens pour en mesurer les distances aux étoiles voisines ; il en nota la conleur , la grandeur et la forme. L'étoile dura tonte l'année snivante, et cessa d'être vue au moia de mars 1574. Elle demeura immobile au même point du ciel, conservant tonjours les mêmes distances aux étoiles de Cassiopée; elle paraissait ronde comme tous les corps célestes; elle n'avait ni quene ni cheveluro; elle ressemblait en tont aux étoiles les plus brillantes, et ne s'en distinguait que par une scintillation plus forte : elle surpassait en éclat Sirins, . la Lyre et Jupiter même, qui alors était acronyque et périgée; enfin, elle était presque pareille à Vénus, lorsqu'elle est dans ses moindres distances. Elle parut ainsi dès le premier jour, et conserva toute cette inmière pendant tout le mois de novembre. Cenx qui avaient nne bonne vne l'apercevaient de jour et à midi même, ce qui n'est accordé qu'à Vénus; quelquefois la nuit on la distinguait à travers des nuages qui cachaient entièrement les autres étoiles. Pendaut le mois de décembre elle ressemblait davantage à Jupiter; en janvier, elle était un peu moindre, et seulement

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

un peu plus belle que les étoiles de première grandeur; en évvier et mars, elle leur était égale, on avril e mai, de seconde grandeur, décrois-sant continuellement; pendant join et juillet, elle n'était plus qu'une étoile de troisième grandeur, et ressemblait aux premières de Cassiopée; en septembre, elle devint de quatrième grandeur; en cotobre et novembre, elle ne différsit guère de la ousième de Cassiopée, dont elle était fort voisine; à la fin de l'année et pendant le mois de janvier 1574, elle sur-passait à peine les étoiles de cioquième grandeur; en fétvier elle ressemblait à celles de sisième; en mars, elle devint si petite qu'on cessa de la voir.

Sa couleur éprofuva des variations coèrque sa grandeur. Quand elle avait féchat de Vénus ou de Jupiter, elle brillait d'une lumière blanche et agréable, qui devint ensuite jannissante; elle prit la couleur de Mars ou d'Aldòbram, et de l'Épaule d'Orion; ensuite elle fut d'un blanc livide comme Sature, et le garda japqua la fin, où elle était fort affablie, conservant toujours une scintillation proportionnée au peu de lumière qu'i lui restait.

Ces apparances sont celles qu'elle présentait dans les jours sercies; les nuages on les vapeurs parant quelquefois les modifier, mais dans des circonstances passagères.

Elle fat aperçue par des ignorans ou des particuliers, beaucoup plutôt que par les savans ou les philosophes, qui daignent rarement regarder le ciel. Elle donna occasion de parler de l'étoile aperçue par Hipparque.

Tycho's efforce de prouver que c'était rériablement une étoile et no une comète, quoique Pline, le sual que an ait fait neuraion, semble ul donner un mouvement. Si l'iniscriette de Pline yeat pas un conte, n'est-il pour singulier que l'étoile ne se treuve pas dans le catalogue d'Hipparque on de Ptolémée Powrquo'Ptolémée u'en dit-il pas un mot dans le chapitre où il parle de l'immobilité de s'étoile ?

Cardan voulait que l'étoile de 1572 fat celle qui s'était montrée aux Mages, et qui les avoit conduits à Bethléem. Tycho prend la peine de démontrer qu'il est falla pour cela qu'elle sut été dans la région inférieure de l'atmosphère.

Théodore de Pèse présend que c'ésiá en effet féoile des Mages, et que comme as gramière apparition avait signelé le prunier réfenement de J.-C., la seconde amonçait de même le second. Tycho serait plus tenté de la comparer à l'étoile qui, selon le témoignage de Josephe, paru produant un am-dessus de Jérusalem, dont elle annonçait la prisc. Ji produant un am-dessus de Jérusalem, dont elle annonçait la prisc. Ji trouve dans Leovitius la mention d'une étoile pareille qui, en 1264, avait paru près de Cassiopée. L'intervalle scrait de 308 ans; elle aurait dû reparaître en 1780, et l'on n'a rien vn.

Lorsque cette étoile apparut, Tycho vensit de faire terminer un instrument propre à prendre les diatances; il dieit composé de deux allàdaes garaises de leurs pinuolles. Ces allàdaes pouvaient s'ouvrir et se fermer comme uu compas, et elles ciatent terminées par un arc divisé; un autre arc les traversait vers le milieu de leur lougueur (comme nos compas à quart de cercles) une vis de pression servait à arcréter l'instrument à une ouverture donnée; une vis qu'ou tournait avec une manivelle, écartait les deux branches ou les rapprochait. L'observateur pouvait tourner cette vis sans changer de place, en continuant d'observer. Les ràgles étaient de quatre coudées de long, larges de trois doigts et épaises de deux; elles claifes de trois doigts et épaises de deux; elles claifes duisées en minutes. Tycho n'avait pas encore en Tidée des transversales, ni celle de fendre loogitudinalement les pinumles.

L'œil ne pouvait se mettre exactement ou centre du mouvement. Cette excentricité faisait que l'angle donné par Tinstrument, était plus grand que celui qui avait son sommet dans l'œil. Il en résultait une équation.

Soit e l'excentricité, R le rayon ou la règle,
$$\binom{e}{R} \frac{\sin O}{\sin O} = O - e$$
 et

l'angle vrai =
$$O - \left(\frac{e}{R}\right) \frac{\sin O}{\sin \theta} = O - c$$
.

Tycho avait estime l'excentricité plus petite qu'elle u'était, parce qu'appayant l'os de la joue contre le sommet de l'instrument, l'œil restait réellement un peu en arrière. Tycho reconsut depuis cette source d'errears qui loi avait donné des arcs trop grands, parce que sa ourrection était trop faible.

il rapporte ensuite les distances des étailes de Cassiopée entre elles et leurs distances à l'étoile nouvelle.

Le movement diure qui faissit monter ou descendre ces étolies, devait reudre les distances un peu variables, par le changement de la réfraction, ou par celui de la parallaxe. Quand une distance étuit prise et l'instrument bien arrâté à cette ouverture par la vis de pression de Arca intérieur, is l'on attendait quelques heures, et qu'ou dirigent l'instrument aux deux mêmes écolies, on voyait chirement que la distance n'avait pas changej l'étolie lavaît donc aucune parallaxe sensible. (Si

le changement eut été un peu considérable, il eut servi à déterminer la parallaxe.)

A défaut de quart de cercle pour les hauteurs méridiennes, l'instrument se plaçait dans le plan du méridien, et l'on observait la hauteur an passage sous le pôle. Un fil-à-plomb assurait la verticalité du plan et l'horizontalité de l'axe des règles.

La précession, dans le conrs des observations, n'a pu être que d'ane vingtaine de secondes, et ne pouvait guère se remarquer, d'autant plus que les autres étoiles avaient aussi la leur, et que la différence n'était pas grande.

observées par les tems des passages au méridien. Il calcule ensuite la position de la comète par ses distances à trois étoiles connues.

 Soit E (fig. 52) le pôle de l'écliptique FHGI, A, B, D les trois étoiles, C la comète.
 On connaît

 $\begin{array}{c}
CE = 56^{\circ}.15' \text{ g} \\
\text{go} - CE = CH = 53.44'.51\\
AEC = 7.42.54\\
\text{longitude A} = 29.11.30\\
\text{longitude du centr.} = 1.6.54.4
\end{array}$

d'autres observat. donnaient CH = 53.45. 5 et longit. 56.54. 4

Par sept combinaisons différentes,

| Longitude. | Latitude. |
|------------|-----------|
| 36.53.64 | 53.45.51 |
| 39 | 65 |
| 40 | 50 |
| 56 | 59 |
| 76 | 67 |
| 63 | 40 |
| 60 | 70 |
| 56.53.57 | 53.45.57 |

et en nombres ronds, longitude 56°54', latitude 55°45', ascension droite 0.26.24, déclin. 61.46.45, observée 61.47.

Tycho regarde cette détermination comme exacte à la demi-minnte ; il va prouver que l'étoile est au-delà de tontes les planètes.

1⁷⁶ Preuve. La forme, la lumière, la scintillation continnelle, l'immobilité, le mouvement diurne tel que celui des fixes, la durée de plus d'un au.

2º Preuse. Défaut de parallaxe. La distance polaire se tronve la même par les passages supérieurs et inférieurs. Le calcul des parallaxes prouve que les distances de l'étoile aux étoiles de Castopée, anarist du varier d'un degré, si l'étoile ett été à la même distance que la Laue; qu'elle ett dù varier de 3º 55º à la distance du Solici. Il 1se trompe ici de beaucopp, elles n'auxaient guère pu varier que de 9º.

A la distance de Saturne, la variation eut été de 16°; il se trompe encore elle n'eut pas été de 1". Mais en admettant avec Copernic que la Terre tourne autour du scheil, l'étoile à la distance de Saturne aurait en une parallaxe annuelle de plusieurs degrés en plus et en moins. Cet argument serait le plus solide pour la distance de l'étoile; mais Tycho, qui la mentionne, est oblige de la reietre. Lei û parte de son système en ces termes.

Restat propria coe lectium circuituum ordinatio, qua planetas in limpidissimo aethere, per se nullii solidis orbibus falcitos, circum Solemo omuse unanimiter comoviv statunum; ita ut illum semper in meditulio suarum revolutionum, tanquam ragem et ducem observent, solumnodo luminaribus aque altissimo octavá sphared Terram pro centro respicientibus; quem ad modum hæe sequenti libro, suo loco, generali indicatione paulo fusius declarantur.

Il promet de prouver en son lien que toutes les planètes tournent autour du Soleil, tandis que le Soleil lui-même, la Lune et les étoiles tournent autour du centre de la Terre. U reviendra en effet sur ce sujet, mais en peu de mots, et ses argumens ne seront pas bien convaincans.

Il s'efforce assez inntilement de prouver que, dans ce système, l'étoile aurait eu une parallaxe sinon annuelle, au moins diurne; mais ses raisonnemens sont sans force.

Il allègue encore la précession qui était la même que celle de toutes les étoiles; mais cette raison est moins bonne encore que les autres, paisque la précession, qui n'est qu'une rétrogradation des points équinosiaux, est la même pour tous les autres sans exception. Tycho croysit-il au mouvement en langitude et à l'immobilité des points équinosiaux?

3º Preuw. Pendan I toat le cours de l'apparition, les hauteurs u'ont pas changé, non plus que celles des étoiles de Cassiopée. Les distances ont été les mêmes; donc point de parallaxe. La comparsison des deux hauteurs au méridien, donne la hauteur du pôle; donc point de parallaxe non ples qu'aux étoiles.

4º Preuve. Les observations de différens pays s'accordent entre elles ; donc point de paraflaxe au moins sensible.

A cette occasion, il rapporte six observations qu'il a faites de la parallaxe de la Lune, pour prouver qu'elles sont telles que les a trouvées Copernie. De ces six observations, trois sont au méridien, trois au nouagésime: elles n'offrent rieu de remarquable.

Pour déterminer le diamètre et le volume de l'étoile, ce qui est assez difficile, puisqu'elle n'a aucune parallare, Tyche commence par rappeler les recherches de ses prédécesseurs sur les distances et les volumes des planètes. Ptolémee faisait le Soleil 168 d fois gros comme la Terre. La Lune 33 : le rapport 17:5 était celui des diamètres de la Terre et de la Lune; en sorte que le Soleil était 6540 fois à peu près gros comme la Lune.

Albateguius et Alfragan disent à peu près les mêmes choses.

Copernic faisait le Soleil 162 fois gros comme la Terre. La proportion étant de 327:1, il croyait la Terre 43 fois grosse comme la Lune. La proportion étant de 7:2, le Soleil était 7000 fois gros comme la Lune.

Ni Ptolémée ni Copernic ue calculèrent les planètes ni les étoiles.

Albategnius et ensuite Alfragan l'essayèrent, mais en snivant les principes de Ptolémée, et plaçant les sixes immédiatement au-dessus de Saturne. Voyez les articles de ces deux auteurs, tome III.

« Une considération qu'ils négligament tous deux, c'est qu'il n'est millement probable que touts les éculies soient à la même distance de la Terre, et qu'elles pourrsient très bien être beaucoup plus éloignées les mes que les autres. On a est ait donc pas quelle est l'étendec ou la grandeur du ciel; il se peu que de fort petites étoiles soient égales aux plus brillantes, et qu'elles soient bien plus éloignées; et quand elles seraient toutes dans use même surface sphérique, il ue s'ensaivrait pas que toutes a étoiles ceasées de première grandeur, faissent parfaitement égales. Sirias et la Lyre paraissent surpasser Aldébaran, et Aldébaran paraît plus grand que Régulus et l'Épi. è

Tycho s'est long-tems occupé de la mesure du diamètre du Soleil, avec un canal de 32 pieds de long, tant dans les solstices que dans les équinoxes et plusieurs points intermédiaires.

Dens l'apogée, il n'a jamais trouvé plus de 30' pour le diamètre; il s'en manquait toujours quelques secondes; on le croit aujourd'hui de 51'50".

Au périgée, il surpassaít 52' de quelques secondes; on trouve aujourd'hui 52' 55"; aux équinoxes il est de 52'.

Copernic tronvait 51/40", 34' presque et 52½; Tycho n'en tient pas compte.
Tous deux faisaient la variation de 2', presque double de ce qu'elle
est réellement. On peut sonpçonner que leur manière fausse d'envisager
l'excentricité influsit un pen sur leurs mesures.

Tycho supposera donc 5s' pour la moyenne distance; c'est s' do moins qu'il ue falbait. Il n'est pas tont-à-fait vrai de dire avec Lagrango et Labande que plus les instrumens se perfectionnent, plus on voit diminuer l'objet mesuré. Au reste Lagrauge était loin de regarder sa remarque comme une chose démontrée; il la donnait s'utilement commo une raison de croire que le mètre provisoire serait trouvé trop grand, et sa conjecture s'est réalisée.

Tycho faisait la moyenne distance 1150 par un milieu entre Ptolémée et Copernic; il promet de donner la preuve de cette assertion, qui paralt moins fondée sur des mesures précises que sur quelques idées platoniciennes ou pythagoriciennes sur les nombres.

Cest une choise singulièrement remarquable que cette constance de Polcimée, Coperini et Tycho à supposer au Soleil une parallaxe de 3', et à n'élever aucun doute sur un point aussi douteux. A cet égard on ne voit aucun progrès sensible depois Aristraque. Hipparque sei le seul qui eut quelques doutes; il chercha quelle supposition de parallaxe s'acciderait miens avec les éclipses. Il vit que la parallaxe du Soleil sui didéterminée, qu'on pouvait également la supposer 5' ou nulle. Pour mulle absolument, il n'y avait aucone probabilité; mais il avarie pue conclure que 5' étaient beaucoup trop; il ne changes rien, parce qu'il n'aurait pu donner ausune provue réfelt de l'opinion qu'il aurait préférée.

Que Ptolémée ne changeat rien à la parallaxe d'Hipparque, on le concoit. Copernic avait-il peur de donner des armes à ses adversaires, en éloignant trop le Soleil, ce qui aurait agrandi l'orbite de la Terre et la distance des étoiles ? Mais Tycho, par cette raison même, aurait dù augmenter la distance du Soleil, en diminuant la parallaxe. Comment n'a-t-il jamais soupconné qu'elle fût trop forte ? comment n'a-t-il pas apercu l'erreur de 3' qu'il commettait au solstice d'hiver, dans la réduction des hauteurs observées du Soleil ? comment les réfractions du Soleil qu'il était obligé de faire plus fortes que celles des étoiles, ne lui ontelles pas ouvert les yeux? C'est ce qui doit paraltre étrange, si l'on ne connaissait la force d'une erreur enracinée depuis si long-tems. Celle de · la parallaxe avait duré sans la moindre réclamation depuis Hipparque jusqu'à Copernic; et Tycho, malgré la supériorité de ses instrumens . n'avait encore rien de bien sûr à opposer au préjugé. Aussi n'est-ce pas de n'avoir fait aucun changement que nous pourrions l'accuser, mais de n'avoir pas au moins douté; ce serait aussi de n'avoir pas cherché à s'éclaircir.

De sa supposition, il résultait que le Soleil ne serait que 180 fois graud comme la Terre, on peut-être un peu moindre.

En supposant pour la distance de la Lune 60 demi-diametres de la Terre et le diamètre 53', la raison des diamètres sera 23, et si le diamètre de la Terre est de 1720 milles, celui de la Lune en aura 405. On voit qu'à cet égard Tycho n'est pas plus avancé que ses prédécesseurs.

Il donne à Mercure un diamètre de 2' à dans les digressions. Le rapport de ce diamètre à celui de la Terre, est \(\frac{1}{2}\). La Terre sera 19 fois grosse comme Mercure.

Il donne à Vénus un diamètre de 5'1; le rapport sera 4; la Terre 6'2 de fois grosse comme Vénus.

A Mars 1' §, la distance sera 1745 demi-diamètres; le rapport des demi-diamètres $\frac{25}{66}$; la Terre sera 13 fois grosse comme Mars.

A Jupiter 2' \(\frac{3}{4}\), dans ses moyennes distances qui sont de 3990 demidiamètres; le rapport sera \(\frac{1}{4}\), et Jupiter gros 14 fois comme la Terre.

Le diamètre de Saturne est de 1'50" à la distance 1050 demi-diamètres; le rapport 21, et Saturne 22 fois gros comme la Terre.

C'est ici qu'il explique plus particulièrement son système.

La Terre est le centre des mouvemens du Soleil et de la Lune.

Le Soleil est le centre des monvemens des cinq autres planètes.

Il nons renvoie ici à son livre sur la Comète.

La sphère des étoiles enveloppe de près l'orbe de Saturne.

L'orbe de Saturne est concentrique au Soleil. Il porte nn premiter épicycle, surmonté d'un second. Saturne se meat sur ce second épicycle d'un mouvement double de celui du centre de ce sur-épicycle. Le centre du premier épicycle a le même mouvement que Saturne. Le premier épicycle va suivant l'ordre des signes, le centre da second marche en seus contraire sur le premier des

Il en conclut que la plus grande distance de Saturne à la Terre, etde de 1500 demi-diamètres de la Terre. Telle doil têre au moins la distance de la nouvelle cioile à la Terre. Il la suppose de 15000, pour laisser un petit espace entre la région de Saturne et celle de l'étoile, pro ut conduceus est. Il serait mieux, ajoute-l-il, d'ajouter encore 1000 demi-diamètres, pour ne pas supposer toutes les étoiles à la même distance. Coperaic suppose un bien plus grand intervalle entre Saturne et les fixes. Cet espace serait vide d'étoiles et de planètes; il n'auvait 'uneun usage qui tombe sous les sens, ce qu'il serait aburné de croire.

Donnant donc 14000 demi-diamètres à la distance des étoiles, on pourra les mesurer toutes.

Par un terme moyen entre toutes les étoiles de première grandenr, il leur donne un diamètre de 2'. Ces étoiles seraient donc 68 fois grosses comme la Terre. Rien n'empêche de supposer cent fois pour les plus

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

brillantes, comme Sirius et la Lyre. Pour les moiadres, on pourrait supposer 45.

Les étoiles de seconde graudeur ont 1'; elles seront 28; fois grosses comme la Terre.

Les étoiles de troisième grandeur ont 1' 11; elles auront 2 1 fois le diamètre de la Terre, et seront 11 fois grosses comme elle.

Les étoiles de quatrième grandeur out 45" de diamètre; elles seront 4 : fois grosses comme la Terre.

Les étoiles de cinquième ont 50" de diamètre; elles serout 1 15 comme la Terre.

Les étoiles de sixième ont 20"; leur diamètre sera ; la Terre sera trois fois grosse comme ces étoiles.

La nouvelle étolie était un peu moins grande que Vénus et un peu plus grande que Jupiter. Le diamètre de Vénus est de 5½ dans la moyenne distance, de 4' et plus quand elle est plus voisine, et de pris de 5' quand elle est encore plus voisine. La nouvelle étolie sers entre 5 et 4'. Il suppose 5½, persundé que d'autres la féront plus grande, purce qu'ils supposent fiansement que le diamètre de Vénus peut piaqu'à 7 ou 8'; l'étolie était donc 556 fois au moins grosse comme la Terre, du moissa utems de son amparition.

Nous avous extrait ce chapitre, parce qu'il est de Tycho. Cette raison peu-t-tre avant du onus engager à le supprimer; mais il est historique; il est à croire que Tycho lui-même n'y attachait accuse importance, et qu'il ne l'avait écrit qué pour le valgair de la tecture, et pour astis-faire à la curiosité publique. On y voit quelles fausses idées on avait de la grosseur des planiers, avant l'invention des lanettes. Vénus visit de la grosseur des planiers, avant l'invention des lanettes. Vénus visit publique s'on u'il de diamètre. Tycho, qui ne l'avait junsait voi si prês, lui dionne 5'; mais on voit que de son tens on allait junsait y ou 8. Comment pourrait-on imaginer que Vénus avait le quart du diamètre da Soleil.

Au ceste, Tycho ne pense pas que ce soit la trop grande distauce qui sit fait disparaltre l'étoile. Il faudruit donner au ciel une étendue trop considérable, et ce sesuit tomber dans le même inconvénient que Copernic. Il faut une proportion en tout; le Créateur aime l'ordre et non la confusion et lataxie.

Telles sont les idées de Tycho sur la nouvelle étoile; il va examiner celles des autres. Il commence par le landgrave, qui mérite à tous égards cette préférence.

Tycho calcule avec soin toutes ses observations. Les déclinaisons sont pen près constantes et les mêmes qu'il a trouvées. Il trouve des différences de 2° sur l'ascension droîte, ce qui vient évidemment de la marche de l'horloge. Elle avait donc des irrégularités de 4° en plus ou en moins dans l'intervalle des observations.

Par un milieu la longitude sera 56° 58′ et la latit. 53° 41′
Tycho.... 56.54 53.55
Différence.. 4 14

Thaddeus Hagecius ab Hayek Bohemus a composé an livre sur cette étoile. Tycho en donne un extrait; nous n'y prendrons que ce qui pourrait être nouveau. Hagecius soutient par exemple que les étoiles peuvent se former au-dessus de l'orbite de la Lune. Tycho professe la même doctrine.

L'ouvrage que Mestiliaus a composé sur l'étoile, est un des moins importans, si l'on ne compte que les pages, nous dit Tycho; mais'il est le plus solide de tous, si l'on considère les raisonnemens et les observations; quoique à défaut d'attermens l'autre n'ait employé d'atter méthode que celle des alignemens, il a cependant approché de la viérair de bauccup plus que d'autres qui ont usé d'isstrammens, lesque par tribé bauccup plus que d'autres qui ont usé d'isstrammens, lesque d'atternemens, l'autres de l'est d

Il calcule le lien de l'étoile par les slignemens de Mæstlinus, et il trouve longit. 57° 5′, latit. 55° 56′, asc. dr. 0° 45′, déclin. 61° 46′.

Cornelius Gemma, fils de Gemma Frisius, qui avait aussi pris des alignemens, mais moins bien, trouvait

longit. 56° 1, latitude, 52.40.

Franciscus Vallesius Covarrubianus prétendit que l'étoile u'étoit pas nouvelle, mais qu'elle était fort petite, et qu'elle avait reçu cet éclat passager par l'interposition d'une partie plus dense de quelque orbo celeste.

Tycho read easuite us compte particulier de l'écrit qu'il avait composé sur ce sujet. Il l'avait la d'aquelques anns qui lui conscillaieut de le rendre public; il avait encore le préjugé qu'il ne convensit pas à un homme de sa condition de rien faire imprimer. Pierre Ozonius, grand autre de la Cour, combatiti ses scrupules, et lui dit que s'il ne voulsit pas y mettre son nom, il ponvait le déguiser par quelque anagramme. Tycho fut ébraulé, et bientôt après décidé par une lettre de son ami Pratensis auquel il ût passer son maûnscrit. Pratensis le livra aussitôt à l'imprimeur à Cooenhague.

Il avait, dans cet opuscule, énoncé l'opinion que les mouvemens des combtes n'étaient assujétis haucune loi. Il modifie cette assertion dont il n'avait aucune preuve, et qui n'était qu'un préjugé. Il est possible que leurs mouvemens ne soient pas aussi réguliers que ceux des planties aussi anciennes que le monde, mais ils ne sont pas un pur effet du hasard; on y remarque une certaine régularité; c'est par degrés que leurs mouvemens s'accelvent et se retardent. Le plus souvent elles décrivent un grand arc dont elles nes s'écurent pas d'une manière trop sensible. C'est ce qu'il dit avoir reconnu depuis par ses observations, et il en conclut qu'il n'est pas impossible de les sonmettre an calcul; c'est ce qu'il promet de faire voir par la suite.

Dans ses premières recherches, il avait négligé l'excentricité de son œil. Au reste, les erreurs n'étaient pas très fortes, puisqu'il plaçait l'étoile en 37° 1' avec une latitude de 55° 56'.

Pour vérisser ses calculs, il s'était servi d'un globe de médiocre grandenr, et de cette manière, il avait trouvé la longitude de 37° et la latitude de 54°.

Il avait inséré dans ce traité quelques idées astrologiques qu'il supprime, quoiqu'il ne paraisse pas bien guéri de son goût pour cette seience prétendue.

Dans le chapitre IX, il discute les opinions de cenx qui donnaient à l'écolie une parallaxe sensible. Le landgrave en avait supposé une de 3', et dans sa lettre à Pencer, il rappelle l'idée de Frascator qui prétendait que certaines écolies, en s'approchant du centre du monde, paraissaient plus lumineuses, et disparaissaient ensaite quand elles s'chient asses: éloignées pour n'être plus visibles. Il che Cornelios Agrippa qui, dans son livre de la Frantie des Neiennes, rapportait que, d'après une tradition indienne, quelques mathématicients croyatent à sept plantets, point deux n'avaient pas encore été reconnes, et qui, diamétrialement opposées, faissient le tour du ciel et d'a san contre l'ordre des sigues. On les apperciol ét euns en tems, après quoi elles disparaissent. Nous avons parté de ces plantets dans le chapitre de l'Astronomie das Indiens et dans le chapitre de Réicus.

Wolfgang Schullerus avait avancé que jamais on n'avait vu de comètes

à plus de neuf demi-diamètres de la Terre; Tycho croit que cette erreur vient originairement de Regiomontan. Dans le même article, il remarque que les gnomons ne donnent que la hauteur du bord supérieur du Soleil : cette remarque avait été faite par Ebu-Jounis. Il parle de son instrument parallactique tout de cuivre, muni d'un cercle horizontal de 20 pieds de diamètre, et qui devrait donner les augles aussi bien qu'une table de sinus à cinq décimales; cependant il ajonte qu'il ne s'y fie pss à 1 on 2 près. Il se montre partout eunemi déclaré de la doctrine d'Aristote et du despotisme qu'on exerçait en son nom dans les écoles. D'un autre côté, il ne permet pas qu'on révoque en doute le témoiguage de Proclus, qui disait qu'une comète avait été observée à la même distance de la Terre que Jupiter. Il ne peut se persuader qu'un mathématicien aussi distingué ait avancé, sans preuve, une assertion semblable; on ne voit pas trop comment Proclus était un si grand mathématicien. Nous ne counaissons pas de comète qui ait été visible à cette distance; nons ne comprenous pas trop comment les anciens auraient constaté un éloignement aussi considérable, et nous n'aurons pas la même confiance su témoignage de Proclus.

Apian le fils dit avoir vu l'étoile, le 10 novembre. Il croit qu'elle peut avoir été vue vers le commencement du mois ou même le 20 octobre, mist îl u'en apporte sucane preuve solide. Il dit que jamis on revoit de combre qu'après une clépse ou une grande conjoiction de planètes supérieures, ce qu'altestent Ptolémée, Albumasse et beaucoup d'autres. Or, le 57 juin; il y avaite un ne éclipse de Lune, et le 7 soût une grand conjonction de Jupiter et de Mars, dans la maison de Mars; il ajoute beaucoup de circonstances astrologiques. Le Soleil est avait la joute beaucoup de circonstances astrologiques. Le Soleil est une le 20 de contro au lien de cette conjonction. Ces causes out produit l'étoile, le 20 octobre au lien de cette conjonction de conjonction de coloite au conjonction de soloit avec Saurene. Les mêmes causes ont produit le grand froid qu'on ressentia slore.

Janunes Anglus écrit en plusieurs lieux que selon les astrologues, la conjonction de Japiter et de Saturne produit une étole sans queue (ad modum Lume), et que cette étolie n'est pas dans la région élémentaire, mais parmi les étoiles fixes. On ne peut rieu prédire des télies es comètes qu'après leur disparaition (il étot acorre été plus exact de dire et qu'après les érènemons). Tycho réfute ces idées qui fersient produire des étoiles nouvelles presque tous lés ans, et fersit disparaitre tout le mercreilleux. Il se plaint que pur des prétentions si souvent dé-

menties, on jette un ridicule sur l'art de l'Astrologie, qui par lui-même ne doit point être regardé comme improbable, c'est-à-dire qui manque de preuves, ou qu'ou doive désapprouver.

Tycho oie que l'étoile ait été une comète sans queue, telle qu'oe en voit quelquefiois; sa raison est qu'elles ue paraissent sans queue que quand elles sont en opposition, et que la queue frappée par les rayons du Soleil doit être pousseé derrière la comète qui doit ainsi paraître ronde. Tycho adopte donc ici l'édée d'Apiso que la queue des comètes est toujours opposée au Soleil, idée qu'il a voulu combattre dans une autre circonstance. On sait aujouralbui que les comettes sont quelquesois sans queue, sans être pour cels en opposition; alors elles n'ont pas eocore passé nar leor péribellie.

Diggessus avait aussi fait un traité sur l'école. Il croyait y trouver une preuve du mouvement de la Terre; mais, pour cela, il eût fallu que, demeurant cu effet immobile, elle eût para avoir un mouvement tantôt direct et tantôt rétrograde, effet de la parallare annuelle. Mais elle n'a pas eu ce mouvement; donc ici rien ne dépose en faveur de Copernic.

L'immobilité de l'étoile oe prouve pas uon plus celle de la Terre; elle prouve seulement que l'étoile était bien par-delà l'orbe de Saturne, biec au-delà de l'orbe d'Uranus, dont la distance au Soleil est double de celle de Saturne; et dont la parallaxe anooelle est de 4.

lei Tycho ne fait pas difficulté d'avouer que le mouvement de la Terre debarrasse l'Astronomie de ces épicycles que lea aociena donnient à toutes les planètes, et qu'il satisfait beaucoup mieur et à moios de frais à touter les apparences; mais, comme ou trouve les mètimes auxtrages dans su nouvelle hypothèse, Tycho se prévaut de ce qu'il n'a pas besoin de donner à une musse inerte, opsque et paresseuse comme la Terre, un triple mouvement coutre voite physique et contre la témoigange exprès des écritaires. Tycho montre partout oo esprit religieux, on peut m'eme dire superstitieux.

Il paralt croire à l'impossibilité de déterminer la parallaxe d'un astre qui a un mouvement propre. C'est apparemment pour cela qu'il u'a jamais cherché à vérifier la parallaxe de 3º qu'il donnait au Soleil. Il oublie que la Lune a sussi un mouvement propreç il promet cependant des recherches de ce geures un Mars sectonque.

Diggeseus avait résolo on problème de parallaxe; Tycho présente cette méthode avec quelques modifications; nous allons aussi la modifier.

On a observe en A' et B' (fig. 55); daos un vertical connu, un astre

sujet à parallaxe; cet astre était véritablement en A et en B, PA = PB.

On connaît le triangle ZPA' et le triangle ZPB'. On connaît ZPx, A'Px,

ZPB' et xPB' tout entiers, A'PB' de même.

Ax = xB en vertu du triangle isoscèle;

mais
$$Ax = AA' + A'x = xB = xB' - BB';$$

donc $AA' + BB' = xB' - A'x;$

on a donc la somme des deux parallaxes BB' + AA'.

O:

ou

 $BB'=\sigma\sin ZB'$, $AA'=\sigma\sin ZA'$, $BB'+AA'=\sigma(\sin ZB'+\sin ZA')$,

$$= \frac{BB' + AA'}{\sin ZB' + \sin ZA'}$$

Tycho s'arrête à cette expression qui cesserait d'être exacte si la parallaxe était plus grande que celle de la Lune. En ce cas on aurait

sin BB'+sin AA': sin BB'-sin AA':: sin ZB'+sin ZA'; sin ZB'-sin ZA',

tang; (BB'—AA')==tang; (BB'+AA')tang; (ZB'-ZA')cot; (ZB'+ZA'); on aura donc la somme et la différence, et par conséquent les deux

parallaxes

$$xB' = ZB' - Zx$$
, $A'x = Zx - ZA'$,
 $BB' + AA' = ZB' - Zx - Zx + ZA' = ZB' + ZA' - 2Zx$,

$$tang Zx = tang PZ cos Z$$
:

cette simple formule donne tout ce qu'il faut joindre aux observations, pour la solution du problème. BB' et AA' étaut connus, on aura deux manières pour trouver PA=PB.

Ce problème est plus curieux qu'utile; il ne va qu'à un astre circompolaire; il pouvait s'appliquer à l'étoile de 1572 qui ne se conchait pas. Mais elle n'avait pas de parallaxe, et elle n'avait pas de mouvement en déclinaison, et elle pouvait s'observer deux fois dans le même vertical. Ce problème était originairement d'Hagecius. Diggeseus et Tycho lo résolvent chacnn à sa manière, ainsi que le problème suivant :

Ayant deux hauteurs de l'astre avec ses distances à une étoile connue, dans deux verticaux qui font des angles égaux de part et d'autre avec le méridien, trouver la somme des deux parallaxes.

la dist. véritable aE est diminuée de la parallax. AE = aE -aA la dist. véritab. a'E' est augmentée de la paralla. A'E'=a'E'+a'A'

différ. des dist. observées =A'E'-AE= a'E'-aE+a'A'+aAsomme des deux parallaxes= a'E'+aA, car a'E'=aE,

d'où l'on déduira la parallaxe..... $\varphi = \frac{A'E' - AE}{\sin 2A' + \sin 2A}$

Le triangle aPE est le même que aPEP, Pr==Pr† PZ est commun; in $Z=\frac{\sin P}{\sin PZ}=\frac{\sin PZ}{\sin PZ}$, les deux azimuts Z sont donc égaux. Pa doit être plus peit que PZ, il en est de même de PE; il faut donc que les deux astres soient circompolairet. Si Pa> PZ, le zénit sera entre a et E; Tangle aPé est le mouvement de la sphère entre les deux observations. Il faut que la nuit soit plus longue que le tens mesuré par aPe; les observations se fernia et l'une an commencement, l'aptire à la fin de la nuit. On bien il faut que le jour soit plus court que 560- α -Pa²; alors l'une des observations se fernia strant le lever de Soiel, l'autre après le conchen. Mais si une partie de l'angle aP² appertient au jour et l'autre la nuit, l'une des observations peut être impossible; c'est ce qui arrivera le plus sourent, ainsi le problème n'est goère que de simple curiosité.

Tycho rapporte ensuite nn troisième problème de Diggeseus, et le présente sous une nouvelle forme (novo habitu); nous lui donnerons nous-même une forme bien plus générale (fig. 35).

On a observé le lieu apparent K de la comète dans le vertical ZIKH, où se trouvaient en même tems deux étoiles connues I et H.

On connaît tout dans le triangle PIH; et si l'on a observé seulement ZK et ZH, ZI, on a les arcs ZI, ZK, ZH, IK, KH et IH. Cela est plus commode que d'observer IK et KH.

Le triangle PIH donne les angles PIZ, PZI et ZPI. Il n'y a ni diffi-

culté, ni ambignité; tout est connu de ce côté du méridien, même le

triangle ZPK; il n'y a d'inconnue que IG.

Quelques heures après la sphère aura tourné, le triangle HPI ayant passé au méridien, je suppose, aura pris la situation H'PI'; la comète vraie sera toujours en G, mais la parallaxe la portera en K' au-dessous de l'arc I'H'; on aura I'K' + K'H' > I'H'.

Si l'on a mesuré les deux distances l'K' et K'H', on connaîtra le triangle I'K'H' tout entier, ainsi que les triangles PI'K' et PH K'; mais le point G reste encore indéterminé; il faut une donnée de plus.

Supposons qu'on ait aussi mesuré ZK', alors on connaît les trois côtés du triangle PZK', on aura l'angle PK'Z = PK'G; on anra donc

$$G'K'H = I'K'H' - I'K'P - PK'G$$

avec cet angle, la base H'K' et l'angle K'H'G, on aura

on aura anssi H'G': donc G'I'=GI: on aura

on aura done

$$=\frac{G'K'}{\sin ZK'}=\frac{GK}{\sin ZK}$$

c'est-à-dire chacune des deux parallaxes de hautenr, et deux manières de connaître la parallaxe horizontale.

Supposons qu'on ait PZK', avec cet angle, le côté opposé PK' et PZ. on aura ZK', PK'Z, et le reste comme ci-dessus.

Supposez qu'on ait l'intervalle des observations, on aura l'angle HPH', l'angle ZPH', ZPI', ZPK', PK' et ZK', et le reste comme ci-dessus. Enfin supposez PZK' = PZK (c'est la supposition de Diggeseus).

Le calcul vous a donné PZK, donc PZK', et vous retomberez dans notre seconde supposition; mais la supposition de l'auteur n'est qu'un cas très particulier de la nôtre, et il arriverait le plus souvent que GK scrait une quantité trop petite pour donner aucune précision, au licu one par notre solution, on pourra toujours attendre que la comète soit assez basse pour que G'K' soit la plus grande possible.

Si les étoiles sont circompolaires, on pourra quelquefois, dans le cours d'une même révolution, les observer deux fois dans un même vertical. mais dans une situation renversée. La parallaxe qui éloignait la comète de l'étoile I, pour la rapprocher de H, fera tout le contraire ; vous aurez

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

deux parallaxes plus inégales, et ce serait le cas le plus favorable, s'il

Il est aise de voir que ce problème est plus curieux qu'utile; Tycho et l'auteur même en font la remarque. Tycho suppose, dans les deux observations, les distances de la comète aux deux étolites, les trois hauteurs apparentes, et il trouve la parallaxe par appet triangles. Il est bien difficile de faire aux d'aux mêmes instans des observations si diverses et en aussi grand nombre. Il vaut mieux réduire ces observations si ouverse ce nombre strictment nécessirés, et l'on n'aux même que six triangles à résoudre, PHI, PIZ, PKH, PKK, PKK, et le calcul de la parallaxe horizontale pour l'une ou l'autre des parallaxes de hauteur.

Quand on aura reconnu que la comète est en effet sur l'arc de distance de deux étoiles connues, on pourra varier la solution de la manière suivante (fig. 56).

Que la comète sit été observée en 1 dans le vertical AI, tandis qu'elle était en G; qu'on ait mesuré AI, III et IF; on consultra tout le triangle IIIF; si l'on a de plus AH et AF, on aura AHF, AHI, AFH et AFI, AIF; il n'en faut pas davantage pour avoir GI.

il suffit de mesurer au même instant IH, IF, AI, AK et AF.

Au lieu de cela, supposons que sous un autre méridien PE, dans un lieu dont le zénit soit E, on mesure de même EK, KF et KH; on aura le triangle HKF tout entier, aiusi que HEF, HEK, EFK; on aura de même KG.

Aiosi, des qu'on saura que G est vraiment sur HF, on aura la parallax ed haitueur par toutes les observations pareilles que l'ou pourra faire à toute beure et en tout lieu. Mais la supposition est à peu prischimérique. Il faut qu'en suivant attentivement l'astre inconnu, on l'ait vu dans un même vertical avec deux étoiles connues. Il faut que l'astre n'ait aucun mouvement, et pour bien faire, il faudrait cinq observateurs qui s'entendisent parfaitement. Si vous les supposes dans deux lieux différens, il faudrait qu'ils se concertassent pour faire l'observatiou au même instant.

Ges moyens étaient suffisans pour démontrer que l'étoile n'avait aucune parallate sensible; mais ité chient inutiles, puisque l'étoile pouvait s'observer au-dessus et au-dessous du pôle; ils ne pouvaient, dans aucun cas, promettre aucune précision, et probablement ils n'ont jamais été employés sédeusement.

Diggescus recommande le rayon astronomique; jugez, d'après cela,

comme il dévait réusir avec ses méthodes compliquées. Il tient compte de l'exeméricité de l'ait ji divise ce rayon par des transversales; il prétend que ce moyen était consu en Angleterre avant lui. Tycho assure qu'il a trouvé des transversales or un interment d'Homélius, qui est en se possession depuis plus de 28 ans. Homélius était-il l'inventeur de cette sépére l'avaiveil erçue d'un autre 7 Tycho, sans rion décider, dit seubement que l'idée en est utile autant qu'ingénieuse, et qu'il 14 appliquée aux quarts de crecle. Pour les ares, cette divinion ne peut être parfaitement exacté sans des attentions dont Tycho ne parle pas ; mais pour des arcs de 10° q'out veut sous-d'aiver simplement en minutes, elle est suffisamment exacte et bien préférable à l'invention incommode de Nonies.

Quant au myon astronomique, voici ce que Tycho dit avoir appria par non expérience; de quelque dimension qu'il soit, avec quelque finesse qu'il soit divisé, quelque soin que l'ou preune pour corriger l'excentricité, qu'il y ait un trou roud oune ouverture longue et ciroite, qu'il soit concave et de métal en entier, quadribitére ou trilatère, qu'il ait un appui pour être dirigé plus commodément aux diverses étoites, qu'on y sjoute tous les mouvemens qu'on todars, jamais il ne donners la minute exactement, sur-tout si la distance est grande: Tycho le prouve par les observations de Digeseux.

par les observations de Diggescus

Pour découvrir si un astre a une parallaxe, dit cet auteur, ayes nue règle de cinq à six pieds de long, d'esser-al- vorticalement, et vous plaçant derrière à une certaine distance, faites que l'étoile soit coupée ndeux par la règle, et voyes en même tens si elle coupe équiement deux étoiles. C'est ce que vous ne trouverez pas tout de suite; mais les astres changent de vertical, et quand vous verrer les trois objets dans le même vertical, remarquez bien quelles sont les deux étoiles. Au bont de quelque tenn, la situation du ciel aura changé; dirigres votre règle aux deux étoiles; si l'astre se trouve encore avec elles dans la même droite, l'astre n'a point de parallaxe. S'îl en a une, il paratira phis bas que la règle. Faites cette double observation à 6º de distance, si vous pouves, et vous auere réglois la question de la parallaxe.

Diggesens a trouvé de cette manière que l'étoile était constamment dans un arc de grand cercle qui joint l'étoile du genou de Cassiopée et celle qui est an côté droit de Céphée sur la centure et même encore sur l'arc qui passe par l'étoile de la cuisse de Cassiopée et celle de l'épaule gauche de Géphée. Il en conclut que l'étoile n'avait pas a' de parallaxe.

...... Egyptik, Lione

Diggeseus ne propose ce moyen que pour ceux qui n'ont aucune idée des Mathématiques, et alors on ue peut lui faire aucune objection. L'idée

est simple, et l'exécution n'en est pas difficile.

Tycho propose de substituer un fil-à-plomb à la règle, pour la première observation, et un fil simplement teudu pour la secoude. Mais de toute manière Diggeseus s'est trop avancé, quand il a dit que de pareilles observations feraieut apercevoir une parallaxe de 2'.

Robimau, mathématicies de landgrave, trouvait une différence de ví on s' sur la hauteur du pole en été et en bire. Il pouvait y avoir 40° par l'eflet de l'aberration qui était inconnue. Ainsi Rohiman Bratlaria avoir précédé Picard; mais l'iend, avec une linette, ne trouvait que 40°, au lieu que Rothman en trouvait trois fois autant; le reste venait des erreurs de l'observation et des variations de la referection. Tycho précend que quand l'air est pur, il u'apercevait aucnue différence avec des instrumens divisés, non-seulement en miuntes, mais même us fractions de miunte; maigré toutes ces divisions, ou voit qu'il u'apercevait pas une miunte qui peut résulter, en diverses circonstances, des effets de l'aberration, de la utation et de la réfrection.

La parallaxe annuelle des planètes ue prouve rieu pour le mouvement que Copernic attribue à la Terre, parce qu'elle peut éverpiquer entrement. S'il eút trouvé une parallaxe aux étoiles, ce serait autre chose, dit Tycho; muis il n'a pu se tirer d'emanses qu'en metant entre Saturne et les fixes un intervalle en comparaison daquel le damètre de Cobrite terrestre devient, insensible, Chose incroyable et dont il démontrera les consciounces édunées. Il un avoit tout ce se démonstrations.

La même aunée, 1575, J. Dee publia un opuscule qu'il appelle Noyan des Parallaces. Tyche torous est émonstrations si exactes, qu'il serait insulte de les compenters voyer l'Astron. du moyra Age, p. 366. Dee passait, comme le landgrave, que l'écoile n'était pa restée toujour même distauce de la Terre, et que telle était la cause de sa disparition. Tycho i est pas de cet avis, parce qu'il faudrait que l'étoile se fût élognée suivant une ligne d'orile, et ce mouvement n'est pas naturel aux corps destetes; et pour qu'el disparit aiusi, il aurait falla que sa distance sogrement d'une mauière tout-l-était univaisentable. Uycho rappelle encore qu'elle a torjours suivi le mouvement diurne comme les étoiles, et qu'on n'a aucune raison pour l'ai stribuer des qu'elles différents.

Elius Cumerarius, professeur à Fraucfort, trouva l'étoile en 37° de longitude, avec une latitude de 54°, ce qui ne différe guère de la position qui lui est assignée par Tycho. Il pensait que cette étoile avait para décroître, parce que sa distance avait augmenté. Il est difficile de démontrer cette assertion; l'opinion contraire n'est pas beaucoup plus certaine. Ne se fiant pas aux catalogues d'étoiles, pour décreminer la position de l'étoile, il le servit de deux borloges auxes justes, qui avaient deux aiguilles, l'une pour les beures et l'autre pour les minutes. Il des réglaits per passage du Soleil au méridien. Il trouva de cette manière l'ascension droite o' 50′ = AB (fig. 57); il en conclut l'arc AC de l'écliptique, la déclinaison BC de cet arc, l'angle C, d'où til tire DE,

DO = 90° - DE, PC = 90° - BC, P = BL = 90° - AB, $sinDO: sinP:: sinDP: sinO = cos long = \frac{cos Dcos A}{cos A}$, formule bien connuc;

Tycho trouve avec raison que cette méthode n'est pas la plus expéditive qu'on puisse employer.

Erasme Reinhold, fils de l'auteur des Tables Pruténiques, observa aussi notre étoile; mais il paralt qu'il n'avait établi ses calculs que sur les observations du landgrave, et son écrit ne mérite pas un plus long extrait.

Dans le chapitre X, Tycho réfute ceux qui plaçaient l'étoile au-dessous de la Lune.

Cyprianus Leovitus à Leonicia Bohemus. Il croyal l'étoile produite par Mars et Jupiter. Il se trompa d'un degré aur la longitude et de 4 sur la latitude. C'était un bon calculateur d'Ephémérides, un astrologne moins ignorant que beaucoup d'autres, mais un astronome assez médiocre. Pour être un bon astrologue, dit Tycho, il faut d'abord être véridique, avoir des yeux d'Argus et une sagacife merveilleuse. On risque, sans cela, de faire qu'on attribue à l'art les erreurs de l'artiste. Au reste, aucune des prédictions hasardées par Léovitius ne s'était encore vérifiée au bout de 28 sns. Léovitius a pus e convaincre qu'il ett mieux fait de 28 sns. Léovitius a pus e convaincre qu'il ett mieux fait

D'imiter de Tycho le silence prudent.

Nous voyons à cette occasion que Bodin, dans son livre de l'Administration de la République, avait vivement reproché au grand Copernic le triple mouvement qu'il donne à la Terre, et dont cet auteur ne se faisait pas une idée bien juste.

Nous ne dirons rien de l'opuscule du théologien Chytræus, sinon que ce théologien aimait l'Astronomie et en recommandait l'étude à ses élèves. Guillaume Postel n'a écrit que quelques pages sur l'étoile; Corneliss Cemma fait nacquieus additions à et oppseule. Ou y voit qu'Adam avail histé des rituels de magie; que Cham, fils de Noé, les avail dènobés de l'arche, et les avait dounés à son fils la lanc Ceus, dequel sont provenus les Cassiopes ou Æhitopieus, ce qui fit que les Æthiopieus précédérein tous les peuples dans l'exercice de la magie et de l'Astronomie. Tycho trouve cels fort peu vraisemblable, mais il admetissé volontiers que le couleur des Æthiopieus est un effet de la madédiction de Noé sur Cham et sa postérié; il se montre également complaisant pour quelleuse autres visions de Postel, qui ue sont pas de notre siget.

Il traité beaucoup plus sévèrement Annibal Raimond de Vérone, qui prétendait que l'étoile n'einit autre que la ouxième de Cassiopée. Il ne nie pas que les étoiles ne paraissent quelquefois plus petites qu'à l'ordinaire; mais é'est un effet passager dont la cause est dans les variations de l'atmosphère.

Il dit qu'il n'est pas hien rare de voir scintiller Mars. Nous passerons oss silence les réveries de Françignaus qui sont à peu près du meue gence. Nous ne dirons rien non plus d'un certain Raisacherus, ni d'un anonyme allemand, et nous passerous avec Tycho, ans nous rarder autant que hui à ceux qui croyaient que l'étoite était une comète. Dans le premier article, qui est celui de Nollius, ou trouve un calcul de la parallase de la comète par l'angle boraire, l'angle zaimutal, la hauteur du pôle avec la hauteur observée de la comète. Cette solution est de Régionontais unis l'observation deits peu concluente, parce que l'étoite était trop élevée; et la parallase de 5½ qui en résulait en indiquerait une de 2 4 /2 pour la moiurle hauteur là aquelle l'étoit pouvait descendre.

Nolthius trouvait à l'étoile un diamètre de 10'; Tycho le réduit à 4; Buschius n'avait pas été plus adroit. De ses raisonnemens, il suivrait que l'étoile aurait eu un diamètre de 44'.

Après ee commentaire, beaucoup trop long, sur les écrits qui avaient paru à l'occasion de son étoile, Tycho récapitule tout son ouvrage.

Son opiniou est que l'étoile ciait de même nature que les autres, de la même maitre, mais non concentrée au nième degré, e'est se qui a fait qu'elle a durcé si peu. La matiere du ciel, quoique extrémement rare, an point d'être diaphane, a par se condenser en un globe, et briller, sinon de sa propre l'unifiere, au moins de celle qu'elle empruntait du Sotell, et cela d'austat plus facilement, qu'elle s'est formée près de la voie lactée qui est elle-même composicé de la même maitire que les étoiles. On noit même dans la voie lactée un vide dans la place qu'elle coujant. Ce voile est d'un demi-disque de la Lune; on peut le distinguer dans les belles muis d'hiver. Il ne se souvient pas de l'avoir observé avant l'apparition de l'étoile. Aristote avait pens que la voie lactée pouvait contribure à la formation des comètes; mais il rabaissait la voie lactée au-dessons de la Lune. Quant aux idées astrologico-religieuses qui terminent l'ouvrage, nous en ferons grâce à nos lecteurs.

Dans un appendice des éditeurs, on voit que l'ouvrage a été composé de l'an 158 à l'an 1593, q'uon y a intercalé diverses additions qui interrompent l'ordre des pages. Mais ce qui est plus digne de remarque, c'est qu'après avoir déterminé l'excentricité du Suleil, 0,050, à présent, par quelques observations de Mars et par les rayons vecteurs peut-être, il ne trouvair plus que 0,018, c'est-à-dire moitié moias. Il ne sentit pas l'importance de cette remarquel.

Le second valume a pant titre : De mundi ætherei recentioribus phænomenis. L'impression en avait été commencée et faite pour la plus grande partie à Uranibourg; elle fut achevée à Prague en 1610. L'Epitre dédicatoire est signée François Gausneb Tengnagel, qui parle de Tycho comme de son beau-père. Un avertissement qui viont ensuite paraît du même auteur, et rend compte des divers travaux qui ont empêché Tycho de publier plutôt son ouvrage. L'auteur lui-même raconte dans sa Préface comment il découvrit la comète de 1577. Cette comète se montra vers le 10 novembre; elle avait une longue chevelure, elle était dans la partie occidentale du ciel; le corps était rond, brillant, d'une lumière blanche, mais un peu livide; la queue se dirigeait vers l'orient, et elle était parsemée de rayons rouges d'autant plus denses, qu'ils étaient plus voisins de la tête. Cette queue était un peu courbée, et sa concavité était tournée vers l'horizon. Tyche l'apercut le treize, un peu avant le coucher du Solcil, comme il s'acheminait vers un étang, pour y prendre quelques poissons pour son souper. La lumière du jour ne permettait pas d'abord de distinguer la queue; elle se montra bientôt après le coucher du Soleil; il était évident que c'était une comète. Elle était un peu au-dessus des ctoiles de la tête du Sagittaire, et la queue s'étendait jusque vers les cornes du Capricorne. Du Sagittaire, elle se dirigea rapidement vers Antinoüs, et en peu de jours, elle passa près de la main droite; après avoir rasé la quene du Dauphin, elle avait laissé au nord la tête de Pégase, où elle disparut le 26 janvier 1578.

Ce qui intéressait le plus Tycho, c'était l'occasion de chercher si la

comète c'atti inférieure on supérieure à la région de la Lane, en quoi elle présentai plas de difficulté que l'étoile de 1,575, à crause du mouvement propre de la comète. Il se servit de trois instrumens qui pouvaient donner les minutes, un rayon astronomique, un extant, instrument qu'il avait inventé pour meutrer des distances, et qui remplace avantageassement le ryon astronomique, enfiu ou quart de cercle azimutal.

Le 15, la tete parut avoir un diamètre de 7', la queue était de 22*; elle pouvait être un peu plus longue, mais l'extrémité se distinguait difficilement; elle était courbée en arc et plus large vers l'extrémité que vers le milieu.

Le chapitre premier renferme les observations de tout genre, et dans le nombre on remarque quelques alignemens.

Dans le second, il fait le calcul des lienx des étoiles auxquelles la comète a été eomparée.

Poor changer les ascessions droites et les déclinaisons en longitudes et en latitudes, il suit la méthode d'Albetgui, en percant dans les tables le point correspondant de l'écliptique, su déclinaison et son angle. Du reste, il ne dit pas quelles formules il emploie, ni s'il emploie la tangente pour l'ace de l'écliptique, mais il est à croire qu'il calculate car comme les Grees faissient pour l'ascension droite, car il dit qu'il sait les rècles de Récimonatos.

Il trouve ainsi les longitudes et les latitudes des douze étoiles dont il avait besoin; il les met en regard avec celles d'Alphonse et de Copernic.

Dans une note qui suit ce chapitre, on voit qu'il a recommencé ess calculs apèts avoir changé ses fustrumens et la manitre d'observer; on voit qu'il avait des horloges qui marquaient les secondes et dont il se servait parfois pour les ascensions droites. De tout cela, il des trésulté quelques corrections pour ses douze étoilles. Il y a cinq da ces corrections qui vont à 6, une à 3, les autres sont moindres.

Au reste, il nous avertit qu'il n'a pas jugé à propos de recommencer le calcul des lieux de la eomète qu'il avait établis d'après acs premières longitudes. On voit dans ce chapitre sa méthode pour les parallaxes, qui est au fond la même que celle de Ptolémée.

A la page 42, on trouve un calcul d'alignemens. P (fig. 38) est le pôle de l'écliptique, A le bout de l'aile du Cygne, B le milieu de l'aile, C la luisante de l'Aigle, D la comète.

 $BPA = 5^{\circ} 24'$, $BA = 6^{\circ} 44'$, $BAP = 51^{\circ} 55'$;

dans le triangle PAE, on a

PAE = PAB = $51^{\circ}35'$, EA = $\frac{1}{2}$ BA = $3^{\circ}22'$, PE = $43^{\circ}28'$, BPE = $2^{\circ}50'$, longit E = $10'24^{\circ}10'$, d'où

$$CPE = 27^{\circ} \, 56', PEC = 118^{\circ} \, 3';$$

enfin dans le triangle PED,

$$DC + CE = DE = 54^{\circ}44'$$
, $PE = 43^{\circ}28'$, $DP = 81^{\circ}5'$,

$$DF = 8^{\circ}55'$$
, $DPE = 46^{\circ}50'$,

ct la longitude de la comète 9' 7° 20'.

Cette methode n'offre rien de particulier. Le lieu déterminé de cette manière différait de celui qui provenait des distances observées à l'ordinaire, de 5' en longitude, et de 4' en latitude.

On voit, dans l'exemple suivant, le lieu de la comète déterminé par sa distance au bord de la Lune, ce qui nécessite le calcul des parallaxes.

A la pag. 52, on trouve le lieu de la comète calculé par l'intersection des deux diagonales d'un quadrilatère forme par 4 étoiles connues. J'ai donné des formules générales pour ces alignemens, Astron., 10m. I.

Le chapitre IV donne les ascensions droites et les déclinaisons par les longitudes et les latitudes. C'est toujours la méthode arabe qui emploie le triangle de l'écliptique.

Dans le chapitre V; il cherche à déterminer la route de la comète. Il prend deux latitudes et l'arc de l'écliptique qui les sépare, On peut employer à ces calculs les formules que j'ai données pour trouver la position de l'écliptique par deux déclinations, et la différence d'ascension droite. Il trouve le nœud en 8² co 5² et l'Inclination 2913. Il cherche les mêmes choses par diverses combinaisons binaires d'olservations; nous allons rassemble re de diver récullats.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Il cherche de même le nœud et l'inclinaison sur l'équateur ; il trouve

| 299*46' 3 | 3 47 |
|-----------|-------|
| 52 | 47 |
| 51 | 451 |
| 50., | 45 |
| 48 | 45 |
| 471 | 44 |
| 52 | 48 |
| 209.50 | 3.45. |

D'après ces élémens, il calcule les lieux de la comète pour tous les jours, depuis son apparition jusqu'au jour où il n's plus été possible de la voir; c'est-à-dire du 9 novembre au 26 janvier. Le mouvement diurne a été successivement de....... 6° 2'

il a fini par se réduire à 17' et 16'. Il ne dit pas comment il règle cette inégalité; c'est sans doute par une interpolation entre les lieux réellement observés.

On voit qu'en ce cas, le calcul de l'orbite d'une comète était la chose la plus aisée; mais de cette manière, on était lois d'avoir les élémens véritables, et la comète aurait pu reparatire bien des fois avant qu'on en soupeopnait l'identité. On n'a qu'à comparer l'inclinaison et le uœud de cette orbite, on y trouvers 44° de différence sur l'une et plusieurs signes pour le nœud. D'un autre côté, les premiers essais que l'on tentreais aujourd'hui fersient évanouir une difficulté que l'Yobor eggarde comme extréme; c'est la question de savoir si elle a une parallaxe. Il dit, à la vérité, q'uil saffisait de prender la distance de la comète à une méme étoile dans deux positions différentes, pour s'assurer que la parallaxe fisti insensible.

Tycho entreprend douc de prouver que la comète n'avait que peu ou poiut de parallaxe, et qu'ainsi elle ne pouvait être sublunaire comme le voulait Aristote.

Sa première preuve c'est que, dans toute son apparition, la comète a paru décrire une eourbe très peu différente d'un grand cercle, ainsi qu'on l'a vu par les calculs précédens; et c'est ce qui n'a pas lieu pour les planètes et sur-tout pour les deux inférieures.

Jamais la vitesse de la comète n'a été la moitié de la vitesse diurne

de la Lune; donc elle était plus éloignée. Cela serait bon si la comète tournait autour de la Terre; mais pourquoi, dans son système, ne tournerait-elle pas autour du Soleil comme les planètes?

Secondo preuve. Les distances de la comète aux étoiles fixes n'ont éprouvé aucus variation par le mouvement diurne. Par exemple à 5'é, la distance à la bouche de Pégase étais de 21'8', à 8'35', la distance ciuit de 20'50'; les 2'dont elle avait avascé, étaient dues uniquement au mouvement propre de la comête. Tout as plus pourrait-ou accorder 5' de parallaxe, et cette parallaxe serait bien plus considérable, si la comète n'était pas supérieure à la Lune.

Tycho donne avec le plus graud détail la parallate de distance à l'étoile de Pégase, et il en coucltu que la comité devait être placée entre les sphères de la Lune et du Soleil, à une distance de la Terre où les parallates sont si potties, qu'il est impossible de las déterminer exactement pour un astre qu'on ne peut observer ni au méridien ni auprès de l'horizon.

La troisième preuve se tire des distances observées en des lieux différens où la parallaxe ne puuvait être la même, et surait dû affecter inégalement lea distances.

Soit A Uraniburg (6g. 5o) et B Prague. Tycho avait abservé la distance DAG de la comète à l'Aigle = 17-50° 2; llagecius à Prague D'BC = 17-50°. Si Pou tient compte de la différence des méridiens, et qu'on réduise les deux observations an même instant, ces distances déjà presque égales, le déviendrout toust-la-fait. Mais, à cause de la distance de l'étoile, les lignes AD, AD sont parallèles, puisque les étoiles n'on point de parallaise d'urace. Or, D'A'C = AAB = A'BC + A'CB; les distances devraient donc différer de l'angle en C, parallare relative. AB = 10060, on supposant 100.000 pour le demi-diamètre de la Terre. Soit BC=5000.000 de ces mêmes pariles, c'est-à-dire supposant que la comète se trover un pen us-dessous de la Lune; nous surrous.
BCA = parallare = 67.57°; mois cet angle a paru nul; done la comète est fort loin au-dessus de la sphère de la Lune; nous surrous.

Il arrive à la même conclusion par une autre comparaison du même nire. Il prouve encore la même chose par les hauteurs de la comète observées en différents azimus. Ces preuves, devenues aujourd'hai tout àfait superflues, n'auraient absolument sucum intérêt pour nous, si elles en nous donnaient des lumières au les méthodes de calcul alors en usage.

Le premier azimut avec la hauteur correspondante et la hauteur du

pole, Sont connaître la décliosison. Ou gait de combien cette déclinaison doit varier dans l'intervalle; siasi, pour la seconde observation, on a l'azimut observé, la déclinaison et la hanteur du pole; on calcule la hauteur pour le second azimut, on la compare à la bauteur observée; si, on la trouve la même, il n'y a point de parallaxe; la comète n'est donc pas sussiprirés de nous que la Lune, cer pour la Lune, en pareille circonstance, on aurait (y de variation dans la parallaxe de hanteur. Tycho multiplie les exemples, unais c'est totojours la même marche.

Pour dernière preuve, il cherche la parallaxe à la manière de Régiomontan. Cet astronome avait remarqué que les comètes décrivaient à très peu près des arcs de grand cercle; tout dévoné qu'il était à la doctrine d'Aristote, dont on ne pouvait alors s'écarter sans crime et sans scandale, il sentit le besoin d'examiner le problème, et il composa son livre de la comète, dout nous avons déjà parlé brièvement. Des quatre méthodes dounées par Régiomontan, une seule peut s'appliquer à la comète de 1577, c'est celle de son problème 2. Soit BAZS le méridien (fig. 40), Z le zénit, P le pôle, ZO la distance zénitale observée de la comète, qui était quelque part en G, BZO l'azimut observé, ONO le parallèle du lieu apparent O, GLA le parallèle vrai, L le lieu vrai dans la seconde observation, ZM la distance zénitale observée, BZK l'azimut correspondaut observé. PL = PG; soit l'angle LPN = GPO; les deux triangles seront parfaitement égaux, PNL=POG, NL=GO. Le tems écoulé doit donner GPL = NPO. Joignez LN et MN: LM et GO seront les deux parallaxes, en négligeant le mouvement dinrae de la comète en déclinaison et en ascension droite, dont il ne serait pourtant pas impossible de tenir compte. C'est.ce qu'entreprend Tycho; il réduit les azimuts à l'hypothèse d'un monvement nul, en calculant de combien le monvement propre fait varier l'azimut. C'est un calcul trigonométrique que nous ferions plus exactement par nos formules différentielles, car le mouvement d'ascension droite n'était pas de 5', et celui de déclinaison n'était pas de a'. Dans l'intervalle il trouve qu'il suffit d'ajouter 3' : à l'azimut BZO, et que le changement de hauteur est insensible.

Voici les observations :

Le 15 déc., à 7° 7' 15" haut. 28° 56', ampl. 19° 45' de l'ouest au sud; hà 9.8. o haut. 12.12, ampl. 6.20 de l'ouest au uord.

On voit que la comète descendait vers l'horizon occidental, et qu'elle avait une déclinaison boréale. La figure représente donc la partie occidentale du ciel

Vous connaissez (fig. 40),

PZ = 54° 7′, ZO = 77° 48° 0″ et OZS = 85° 56′ 50″, vous en déduirez PO = PN et les angles ZPO et ZOP = GOP. Le tems écoulé donne GPL, Soit OPN = GPL, ou

Les triangles OPG, NPL ont deux côtés et l'angle compris égal, ils seront parfaitement égaux; ainsi OG = LN; ce sera la plus grande des deux parallaxes. POG = PNL = angle parallactique apparent aigu.

PGO = PNL = angle parallactique obtus dans l'observation O.

ZPN=ZPO-OPN; l'angle ZPN est donc connu, ainsi que PZ et PN=PO; vons connaîtrez donc ZN, PZN et PNZ.

Or, PZN est connu par ce qui précède; vous aurez donc LZN, ZNL et ZN; vous en conclurez ZLN et ML = 180° - ZLN; vons en conclurez aussi ZL.

Vous avez ZM par observation, vous aurcz LM=ZM-ZL; ce sera l'autre parallaxe. Or,

sin LM = sin & sin ZM, et sin LN = sin & sin ZO;

 $\sin \varpi = \frac{\sin LM}{\sin ZM} = \frac{\sin LN}{\sin ZO}$, et le problème serait résolu.

Ce moyen ne promet pas une précision bien grande, mais il est enrieux et la construction en est ingénieux. On pout en varier le calcul, en commençant par l'observation M; on peat calculer d'abord les deux triangles PZM el PZO, dans chacun desquels on a les deux côtés et l'angle compris. On aura donc PM et PO; et si ces deux distances pahiers sont égales, il en résultera que la parallace est nulle aussi bioque le mouvement en déclination, ou bien que la variation de la parallace a compensel le mouvement en déclination. Si les deux distances

Done da Google

ne different que du mouvement connu, la parallaxe sera nulle; ce moyèn est le plus court, le plus exact et le plus naturel.

| Ainsi | | • | | | |
|-----------|-------------|---------------|-----------------|---|-----------|
| e 2M= | 61° 4' | MZS=109'45' | | | |
| ZP= | 54. 7 | ₹Z= 54.52. | 50 | | |
| C'+C= | 95.11 | | | | |
| | 26.57 | cot 1 2 9,84 | 72418 | | 9,8472418 |
| ±(C'+C)= | 47.35.30 | C.cos 0,17 | 10771 | C.sin | 0.1517535 |
| (C'-C)= | 13.28.30 | cos 9,98 | 78770 | sin | 9,567395 |
| | - | lang. a 0,00 | | | |
| tangu | 45.24.51.3 | | | | . , |
| tang b | 12.31. 1.8 | C.sinZPM 0,07 | C .: | -7 MD | a a65.5 |
| 7.PM- | 57.55.53.1 | sinZM 9,94 | 20000 | sin7P | 0,203130 |
| 7.MP= | 32.53.20.5 | sinZ 9.97 | 56200 | oin Z.iz | 9,9735700 |
| | | | | | |
| | 70.23.42.0. | 9,98 | 77012 | • | 9,9877000 |
| de même | | | | | |
| Z0= | 77.48. 0 | OZP= 83° 40' | O _{tt} | | |
| ZP= | 34. 7 | :Z= 41.50. | 0 | | |
| C'+C= | 111.55. 0 | | | | |
| C'-C= | 43.41. 0 | cot 2 0,04 | 81039 | | 0,0481050 |
| ; (C'+C)= | 55.57.30 | C.cos 0,25 | 19705 | C.sin | 0,0816300 |
| ; (C'C)= | 21.50.50 | cos 9,96 | 76488 | sin | 9,5705931 |
| tanga | 61.38.14.6 | lang a 0,26 | 77232 | tang b | 0.7005360 |
| tangb | 26.38.14 | | | | 0.1 |
| ZPO= | 88.16.28.6 | C.sinZPO 0,00 | 01070 Cs | in7.OP | 0 2/1/06 |
| ZOP= | 35. o. o.6 | sinZO 9,99 | 00704 | sinZP | 0.7488608 |
| | | sinZ 9,99 | | | 9,9973414 |
| sinPO= | 26.22.50 | 9,98 | | | |
| PM= | 76.25.42 | | ,, | | 9,9070101 |
| PM-PO= | | | | | |
| | | mouvement en | déclinaison | | |
| | | | | , | |

pour l'effet de la parallaxe, ou la différence des deux parallaxes; la pa-

rallaxe surait donc grandi PM plus que PO, ce qui n'est pas naturel, puisque ZO est de 16°44' plus grand que ZM.

La parallaxe de déclination est \pi sin ZO cos ZOP et \pi sin ZM cos ZMP_\pi sin ZO. \quad
0,0658 C. 0,0658 1,18177 = -20'46'' 3,09558.

L'effet serait donc en sens contraire de la parallare; sinai on doit rejeter sur l'incertitude des observations, la différence 1'22" dont il est visible que Tycho ne pouvait répondre. On peut encore y reconsultre l'effet des réfrections, qui ont du diminuer les distances polaires de 56' une ZV. Occ 2 ZOP et de 55' une ZV. Occ 2MP.

58"......1,76345
1.,76345
1.30g ZO.....0,60515
1.30g ZO....0,30546
1.318172
210",β....2,3449
210",β....2,3449
210",β....2,3449
210",β....2,34492
210",β...2,34492
210",β....2,34492
210",β....2

nous aurons. PO = 76. 22.59 réfraction. PM = 76. 25.42 réfraction. PM = 76. 25.42 réfraction. 1.28 rouvement propre. - 1.21 pO sers plus grand de. 56.

Mais PO était augmenté de la différence des parallaxes; cet excès est de 50° qui supposent une parallaxe horizontale de 13°. La distance de la comète serait donc plus de quatre fois la distance de la Lune, ou 3° de la distance du Soleil; ce qui ne serait pas impossible; mais avec de parailles observations, il est évident qu'on ne peut compter sur une minute.

1

ASTRONOMIE MODERNE

| 216 | ASTRONOMIE M | IODERN | E. |
|-----------------|---------------|--------|-----------------|
| Nons avons | trouvé | ZPO = | = 88° 16′ 28″ 6 |
| | • | ZPM = | = 57.55.35, 1 |
| variation de l' | angle horaire | = | = 30.20.55,5 |
| mouvement d | e la sphère | = | = 30.16.47 |
| mouvement p | ropre | | 2.30 |
| | | | 50,19.17 |
| excès de la va | riation | | 1.38. |

On ne peut l'attribuer à la différence des parallaxes d'ascension droite qui ne sersit que de 8°, dont il faudrait dinniuer ZPO. La différence se réduirait à 90° qui supposerait une parallaxe borizontale de 17° au lieu de 15°; mais les différences de 50° et de 90° se conqoivent facilement, s'il os songe à l'erceur possible des distances au zénit, à l'erreur sâtrement plus grande des azimuts, enfin à celles de l'hordege qui a donnie l'intervalle des observations. Peut-on répondre à une minute près du tems où chacune de ces observations a été faite. Une minute d'erreur sur l'intervalle, changerait de 15° la variation de l'angle horaire.

Aussi Tycho se garde-til hien de chercher la parallaxe horisonale; il calcule les triangles ZPO, ZPN; il trouve ZN=61-x² comme par l'observation, et il en conclut qu'il n'y a point de parallaxe. On peut lu objecter qu'il suppose LPN=6PO; le calcul prouve que les angles ne different que de 8º pour la réfraction; mais ils different de 0,0878 m. equi ferait a nivino n' 2 de différence; on ne peut donc lui passer toutes es suppositions; on voit d'ailleurs que l'intervalle des observations n'est pas asser granulet que la différence des hauteurs est troppetig ile nacloule d'autres qui ne sont pas plus concluantes; il trouve des différences assus contraire de la parallaxe. Il avoue que les réfractions ont pu nuire à l'enactitude, et conclut que cette méthode de Régiomontau n'est honne tout an plus qu'a reconnaître l'esistence d'une parallaxe qui serait très forte. Il aurait pu ajouter qu'elle est profites et faignaite; qu'elle suppose le mouvement de la comète inaessible dans l'intervalle des observations. La méthode que nous avons suive n'a pas es ce inconvéniens.

Il suffirait de calculer les deux formules

$$\cos PO = \cos OZP \cos H \cos h' + \sin H \sin h',$$

 $\cos PM = \cos MZP \cos H \cos h + \sin H \sin h,$

pour s'assurer que PO et PM ne disserent que de quantités insensibles, et ne prouvent aucune parallaxe. Ou a attaqué Tycho sur ces calculs et sur la conclusion; il est certain que les calculs ne sont rien moins que rigoureux, mais ils suffisent pour prouver que la comète était beaucoup plus éloignée de nous que la Lune, et il ne prétendait pas autre chose.

Queue de la comète. Fracastor et Appian avaient remarqué les premiers que la queue des comètes était tonjours du côté opposé au Soleil, en sorte que la queue, la comète et le Soleil sont toujours dans un même plan. Fracastor l'avait prouvé par les trois comètes qu'il avait observées, Apian par les cinq qu'il avait calculées de 1531 à 1539. Gemma Frisius dit avoir reconnu la même chose, par les huit comètes qu'il avait vues; son fils Cornelius en dit antant de la comète de 1556. Jérôme Cardan avance la même opinion, et il en donne pour raison que la queue n'est rien autre chose qu'nue pénétration de la lumière solaire à travers la tête (ou l'atmosphère) de la comète, qui n'est pas assez dense pour la réfléchir comme fait la Lune. Il tâche de démontrer son explication par une chandelle opposée au Soleil, et dont la lumière solaire traverse la flamme. Tycho nons dit que cette expérience ne lui a pas réussi; et, comme en Astronomie, il ne faut croire personne sur parole, malgré l'opinion universellement reçue, il a voulu voir par lui-même, et il a cru remarquer que l'axe de la quene, prolongé par-delà la comète, n'allait pas rencontrer le Soleil, mais Vénus. C'est ce qu'il entreprend de démontrer, et il nous avertit que quand la queue était longue et sensiblement recourbée vers l'extrémité, il n'en a considéré que la partie droite, la plus voisine de la tête.

Soit (fig. 41) CB la queue de la comète, CF sa latitude, BE la latitude de la queue, OCG le grand cercle qui passerait par le Soleil et la comète; la queue aurait dû être CG, elle était CB dans le plan BCPD qui

passait par Vénus.

Les latitudes BE et CF avec la différence FE de longitude, donneront Parc FEP de l'éclipique et l'angle D. Penes a nopint K la longitude et la latitu de KH de Vénus, vons tronverez que D, H, C, B acront dans un même plan. Au lieu que si vons prenes IF, elongation de la comète, vous en conclurez un angle I très différent de D, et la queue CB fera un anglé très sensible avec l'arc GCI.

Tycho fait douse calculs de ce genre; il n'y emploie que des sinns, et nous avertit seulement qu'on pourrail les abréger par la Table féconde. Il en tire cette conclusion, que la quene était dans la partie opposée à Véuns. Il pense donc qu'Apian et ses initateurs ont pu se trompag. Il ne dit rien de Pracastor plus ancien qu'Apian, et dont peut-être il n'avait Hist. de Letz, mod. Zom.

Service by Consell

pas la l'ouvrage. Gemma Frisina ne dit pas que des que des reient activates précises, pour démontrer son assertion, son instrument tets médierre a put en tromper; mais si non opinion n'est pas parfaitement tets médierre a put le tromper; mais si non opinion n'est pas parfaitement carette, celle d'Aritote l'est beascoup moins encore; car suivant ser idées, la queue comme plus légère devrait tendre à s'éloignee de la Terre; elle serait sur le prolongement de la ligne mosté du cestre des graves, c'est-à-dire de la Terre à la comète; c'est ce que supposait Régionostant. Voyez Astr. du mayor des p. 545.

Tycho ne laiste passer aucune occasion d'attaquer Aristote et ses acctateurs areugles; nous verrons plus loin la guerre constante que leur ont fait Galilée et Képler; ainsi Descartes n'est pas le premier qui ait tenté d'éhranler le trône d'Aristote; il n'a pas été l'adversaire le plus-

redoutable ou le plus opiniâtre de philosophe grec.

Quant à la courbner apparente de la queue, elle vieut, selon Tycho, de ce que des objets qui sont plans paraissent courbes quaud ils sont un pen étendus, à cause de l'inégale longueur des rayans visuels menés à toutes les parties de l'objet. Il a s'appais du témoignage de Vilellion et d'Albasen; il aurait pu y joindre Euclide et Ptolemée. Remarquons, en passont, qu'il avait la Albasen et Vitellion, et qu'il anvait du y puiser des idées plus saince sur la réfraction.

Dans le chapitre VIII, il cherche antre les orbites de quelle planète il faut placer celle de la comète. Pour trouver la réponse à cette question, il croît devoir exposer ici son système, que d'abord il avait

réservé pour un autre ouvrage.

Le vieux système de Rudeinge lui paraît trop complique déspicycles; il pêche contre les principes, en ce qu'il place le centre des mouvemens égaux autoux d'un point, qui n'est pas le centre propre. Considérant, d'un sutre côte, que, l'âtée de Copernie, coaforme à celle d'Aistraque, fiit à la vérité diapartite cette complication et ce aburdités; qu'elles à rien de contraire aux principes mahématiques, mais qu'elle donne, à une masse grossière, paresseuse et, inhabile au movement, telle que la Terre, un triple mouvement, et qu'en c'he elle est contraire, non-seudement aux principes de la Physique, mais à l'autarit des écritores; qu'elle luisure entre Saturne et les fixes un espace invuisient des écritores; qu'elle luisure entre Saturne et les fixes un espace invuisient des centres qu'en la contraire de corpe célestre, qu'enfa lui risultait de cette supposition des consequences abundes, Tycho- s'atuacha à chercher une Typothese, qui sassiff une principes mahhamatiques et physiques,

sons encourir bie consures théologiques. Il penns que la Terre n'a ancien mouvement munel; qu'elle vettu excette de l'autrire qu'elle ext le centre de l'autrire; qu'elle ext le centre de l'autrire; que les autres planères du Soleil, de la Laue et de la sphire des fixes; que les autres planères rouvement autour du Soleil, Mars; Jupiter et Saturne, aussi bien que l'euns et Mercure; mais les planètes inférieures in elemente pa la Ferre, qui est enternée par les orbites de Mars, Jupiter et Saturne. On voit par la comment le mouvement du Soleil au trouve mélé dans les théories de toutes les planètes; il a sur ce point grande raison; mais l'explitation est entrore brien plus simple et plus sutureite d'auts le système de Copernic, et ce système n'a pas l'absurdaité physique de faire tourner autour de la Terre des masses plus considérables, comme le Soleil, accompagné de Jupiter, de Saturne, de toutes les planètes et de tous leurs satellies. Tycho a edit pas quelles sout est absurdités qu'il trouve dans le système de Copernic, et pour les détails de son hypothèse, il nous revoie eucore au grand traité qu'il n'a Janhais composé.

Il pense que les espaces célestes sont libres de toutes parts, qu'il n'y a aucune sphère solide, eu sorte que tous les corps célestes quelconques peuvent circuler sans obstacle.

Il place la comète comme une planète inférieure pour la Tèrre, supérieure pour Véaus, en sorte que ses digressions peuvent aller à Cot, ce qui suppose un rayon 0,605; mais il la fait mouvoir sur cette orbite en sens contraire de Véaus et de Mercure, en sorte qu'elle serait dirècte dans es conjonctions inférieures.

Il suivrait de cet arrangement, que la révolution de la combte autour du Soleil ne devrait pas être d'un an, et que sa révolution synodique serait de $\frac{365}{1-0.865} = 1517^{\prime} = 4$ aus 56 jours, ou 4 aus et 2 mois.

Tycho ne se doutait pas de cette loi, découverle depuis par Képler, ni par conséquent de cette révolutiou qui aurait du ramener sa comète tous les quatre ans; mais l'analogie lui disait que la révolution propre devait être entre celles de Vénus et de la Terre.

Autre singularité. Il donne à la comète un mouvement inégal sur son orbite, plus leut quand elle élait à proximité de la Terre, et qui avait été en s'accélérant vers le commencement, et en se ralentissant vers la fin.

Cette inégalité, quoiqu'elle ne soit que de b' par jour, lui fait cependant quélque peine. Il imaginerait bien un meyen de l'expliquer, eu faisant tourner le centre de ses mouvemens dans un épicycle; mais ce n'est pas la peiue pour une apparition aussi courte. D'ailleurs il n'est pas vraisemblable que des corps qui n'ont qu'une existence passagère aient des mouvemens aussi bien réglés que les planètes.

L'orbite de la comète est inclinée de 20° 4; l'en conclurai que la réduction de l'écliptique à l'orbite, en preuaut pour argument la distance au nœud sur l'écliptique, sera

3.54'5" sin 2A + 7' 58", 2 sin 4A + 21", 7 sin 6A + etc.

| Le lieu du nœud est en | | |
|---|--|--|
| L'apogée du Soleil et de la comète, en Le périgée, en | | |
| Distance du nœud au périgée La même distance sur l'orbite sera don | | |

Pour réduire le lieu sur l'écliptique en argument de latitude, on en retranchera 14° 50'; mais sur l'orbite on retranchera 16° 53'.

HMF (fig. 42) est l'excentrique de la comète, B le centre de ce cercle, A la Terre, AB=0,556 = excentricité du Soleil, BD=1, Il le périgée de l'excentrique et da Soleil, D le centre de l'orbite de la comète et du Soleil. Ce centre se meut da simple movement du Soleil. La première chose est de chercher le rayon de celle orbite; en examinaut les observations, T'yob reconnat que la plas graude distance angulsire an lieu moyen da Soleil était arrivée le 2 décembre, et qu'elle avait été de 50° 50°, sprès quoi elle avait été en diminant jusqu'à la fin de l'apparitéur.

| Le lieu moyen du Soleil était alors en | 8/21 10 |
|---|---------|
| mais le lieu du nœud est | 8.20.55 |
| la distance au nœud était douc | |
| et sur l'orbite | |
| mais sur l'orbite l'arc entre le nœud et le périgée est | 0.16.53 |
| d'où l'on conclut UD - URD - | C 7C |

C'est l'anomalie de l'excentrique le jour de l'observation. L'équation ADB étant calculée, nons aurons DAH == 0° 19′ §; si nous y ajoutons l'élougation dans l'orbite 60° 12′, nous aurons 60° 51′ § = distance entre le lieu vrai du Soleil et de la comète.

De cet angle et de la distauce AD=0,9655, l'angle Q étant droit, nous en conclurons le rayon DQ=0,8405.

| I I CHO-BITATIES |
|--|
| Cherchons maiutenaut le lieu de la comète pour le 15, 6° après midi. Le Soleil moyen était eu |
| Distance au nœud |
| Distance du ceutre de l'orbite au périgée |
| ADK 9. 8.14 DAK 40.40 DAL -1.18 |
| Distance au lieu moyen du Soleil = LAK = 59.22 Distance au nœud dans l'orbite ci-dessus = 20.57 |
| Distance au nœud sur l'orbite = 18.25 Distance sur l'écliptique = 16.12 Nœud = 8.20.55 |
| Lougitude = 9. 7. 7. Sin latitude = $\sin i 8^{\circ} 25' \sin 29^{\circ} 15' = \sin 8^{\circ} 52' 48''$. |

Voici la marche du calcul.

Il cherche le lieu moyen du Soleil; il le compare au lieu du nœud sur l'écliptique; il réduit cette distance à l'orbite de la comète.

Cette distance peut être plus grande ou plus petite que la distance du périhélie au nœud, qui est de 16° 55'; elle peut être additive ou soustractive.

Tout cela se rapporte au Soleil moyen; il cherche l'équation du centre et la distance à la Terre.

Avec cette distance, qui est celle du centre de l'épècele à la Terre, le rayou de l'épicele et le mouvement presque égal, dont il a fait une Table, et qui est l'angle compris entre les deux côtés connes, li calcule l'angle à la Terre. La commutation était comptée do belli moyen; il y applique l'équation du centre; elle est ici soustractive, parce que le liten du Soleil moyen; avancé que le périgée.

Il trouve l'élongation; elle est aussi relative au Soleil moyen; il y applique l'équation du centre, avec le même sigue que ci-dessus; il y ajoute la distance du Soleil moyen au nœud, qui lui donne l'argument de latitude; il le réduit à l'écliptique, il y sjoute le fieu du nœud, il a longitude géocentrique et il esteute la latitude par l'inclinaison et l'argument de latitude.

Tout cela est plus long et plus incommode qu'un calcul géocentrique de Vénus par nos Tables.

Il est extrémement singulier que la placète tournant antour du Soleil, et dans un plan incliné, décrive un arc de grand cercle quand elle est vue de la Terre.

Tycho cherche eussite la grosseur de la comète, d'après son diamètre de γ' , et la distance pour le même instant. Il trouve le diamètre de 568 milles, dont le demi-diamètre de la Terre aurait 860.

Le diamètre de la comète est $\frac{a}{4\sqrt{3}} = \frac{5}{24}$ de celui de la Terre; le vo-

Le diamètre de la comète est $\frac{1}{4-\frac{1}{4}} = \frac{1}{14}$ de celui de la Terre; le volume $\frac{1}{100,67}$

Il mesure aussi la quene, dans l'hypothèse qu'elle est sur le prolongement de la distance à Vénus; il lui trouve 96 demi-diamètres de la Terre.

La comète de 158, Jui a para avoir la queue dirigée de même; il ne couocit pas trop quelle peut en être la rissou. La direction devrait plubit dépendre du Soléti; existerai-el quelques raisons optiques encore inconnues, qui fernient que la queue ne parattrait pas se diriger comme elle le fait réellement? Cette raison ne serail-elle pas, qu'il se faisait une très fausse idée de l'inclinaison de Torbite, et qu'il calculair mal la direction. En supposant Véans, le Soléti, la comète et la Terre daus un même plan, nous ne pourrious juger si la queue est QQ, qui ed dirige à Véans (flg. 45), on CQ, qui se dirige au Soleti; mais si la comète est fort inclinée à l'éclipsique, comme en 1577, la queue CQ sélèvera fort au-dessus de CQ, si la comète est horciale, et tera fort au-dessus de CQ, si la comète est horciale, et tera fort au-dessus de CQ, si la comète est horciale, et tera fort au-dessus de CQ, si la comète est horciale, et tera fort au-dessus de cQ, si la comète est horciale, et tera fort au-dessus de cQ, si la comète est horciale, et tera fort au-dessus de comète est des qu'il ne tient nullement à vont idée. "

Les distances de la comète à la Terre, sur-tout au tems de l'apparition, auraient d'à donner une parallaxe sensible, mais elle était compensée à peu près par la réfraction, quand la comète était, peu c'éterée sur l'horizon. Ce raisonnement de Tycho n'est pas très juste. Près de l'horizon, les parallaxes sont presque constantes et la réfraçtion varie très rapidement. La compensation ne pourrait avoir lieu qu'à une seule distance zénitale; à quelques degrés au-dessus ou au-dessons, la différence pouvait être sensible 20-1

D'apres la Table des mouvemens de la comète donnée par Tycho, la révolution synodique ne serait que de 265 jours; Tycho ne fait aucune attention à cette consequence; il suppose apparemment que la
comète se sera dissipée auparavant.

Opinions des autres astronomes.

Le laudgeave avait observé: chaque jour un certain nombre d'asimus et de hauteurs. Ces observations, où le tems entre nécessairemunt, ne s'accordent pas l'objourse parfaitement entre elles, ni avec celles de Tyclo 3: mais elles sufficient pour prouver che la parallaze est inseasible. Tyclo la calcule encore par la méthode de Regionnomianus.

Mestliuus avait trouvé la longueur de la queue un peu différente; mais cela dépend beaucoup de l'état de l'atmosphère.

Le cuyé de l'île d'Iluense avait vu la comète le 12 novembre, sur la mer de Norwège, on l'avait mêtne aperçue un peu platôt. Messiliuus croît qu'elle a paru le 12 et disparu le 10 janvier. A Constantinople, elle avait été une le 10; il est possible qu'elle ait été vue le 9 à Lyon et le 3 è venies. Mess'dinns ne lui trouvait autune parallage.

Tycho fait, à la page 255, des réflexions fort judicieuses sur la méthode des alignemens et sur les erreurs des meilleurs instruments, qui ne conservent pas long-tents leur exactitude primitive.

Il commence par le tableau des longitudes et des latitudes des étoties employées par Minstluios; il y fait voir des creurus de 7 à 14 ét et de +4 à -117, pour la latitudes. Minstliuus metiani en 8º 21. le nœud du grand cercle, et faisait l'inclination de 18º 58°, ce qui est un bassard asses remacquable. A l'imistation de Coperaise, Minstliuus se servait d'un cercle incliné pour rendre raison des latitudes de Vénnu. C'est dans le plan de ce cercle qu'il fait mosevir la countée; T'ycho trovate l'idée fort ingénieuse, mais elle ne reprétente pas toutes les observations. Un movemente de libration ajout à ce cercle se remédiait pes encore à tout; et d'ailleurs Tycho nie l'existence des orbes solides, que parsit adunctire Manstlius.

Il ne croit pas berucoup plus aux mouvemens de libration, si ingénicusement imaginés par Copernie, parce qu'ils lui paraïssent iuvraisemblables. Quant à l'hypothèse de Mæstlinus, quoiqu'elle ne soit pas plus vraie que celle de Tycho, elle mérite d'être conune.

Soit (fig. 44) ABCI le grand orbe annuel de la Terre, D le Soleil. uni en occupe le centre, ELG l'orbite de la comète, dont le ceotre est H et qui enveloppe l'orbe de Vénns, qu'il ne surpasse guère en grandeur. Ce centre H est aussi le centre des mouvemens éganx de Véons, dans l'hypothèse de Copernic, en sorte que DH = 0,0246, le rayon de l'orbite terrestre étant pris pour unité. Le mouvement de la Terre se fait dans le sens AICB, seloo l'ordre des signes; celui de la comète, selon EOG contre cet ordre. Sur le diamètre ADHC, G est l'apogée, E le périgée de la comète; c'est aussi la ligne des apsides de Véous

Oue la Terre soit en B. BDI marquera en I le lieu moveo du Soleil. Par le point H menez LHK parallèle à BDI, qui indiquera en L l'apogée moyen de commutation de la comète, et le périgée en K : menez BHN, qui marquera l'apogée apparent, et en M le périgée. One la comète soit eo F., menez BF et HF. Le moovement de la comète sur son orbe n'est pas simple, mais il a uo mouvement alternatif ou de libration réglé par le petit cercle RPTQ. Ce cercle est représenté par un ovale sur la figure, pour faire comprendre qu'il n'est pas dans le plan de l'orbite de la comète, mais qu'il lui est perpendiculaire: en sorte qu'étant rood et vu obliquement, il doit paraltre ovale. La libration s'opère sur le diamètre de ce petit cercle, ou sur l'arc PO de l'orbite, qui, vu sa petitesse, ne differe pas sensiblement d'une ligne droite. Ce mouvement se restitue deux fois peodaot une révolution synodique de la comète comparée à la Terre. La comète est en O dans les conjoctions et dans les oppositions avec le Soleil. Meuez donc la ligoe des ceotres HOR; quand cette ligne se confondra avec LHK . la comète sera en R; quand l'angle OHK sera de 45°, la libration portera la comète au point Q; quand il sera de 90°, la comète sera eo T et répoodra encore au poiot O. Le reste s'entend sans peine. D'après cette combinaison, tirée de Copernic, quaod la libration

fait paraltre la comète au poiot Q, la commutation moyence est diminuée d'autant, au lieu qu'à l'autre extrémité elle est augmentée de la même quantité. Le rayon de la Terre étant == 1, celui de la comète sera 0,842, DH = 0,0246, OP = $\frac{7^{\circ} \cdot 15'}{360} = \frac{7^{\circ} \cdot 85}{360} = \frac{29}{1440}$ de l'orbite ELG. Le mouvement moyeo de la commutation est de 1º 21' 17" par jonr scelui de Vénus est de 57' 16", ainsi l'on voit que la comète, quoique

plus éloignée du Solcil que Vénus, va cependant plus vite); l'époque

de commutation est le 24 novembre 6° du soir, en 206° 33'. On en déduit toutes les autres.

Cette hypothèse a bien des traits de ressemblance avec celle de Tycho; celles ont les mêmes défants. Mestlin prend la peine d'expliquer l'inégalité du monvement, que Tycho s'est contenté d'établir empiriquement, d'après les observations, ce qui lui donnait plus beau jeu pour représenter les phénomènes, et pour avoir tous ses avantages sur Mirstlin. Tycho choisit pour exemple son observation du sof pouvier, 14 jours après celui où Mestlin avait cessé d'apercevoir la comète. C'est un excellent moyen pour éprouver l'hypothèse; mais si quelqu'un avait vu la comète 14 jours après Tycho, probablement son orbite surait cessé d'approcher autant des observations, parce qu'elle n'avarit pas été modificé d'après ces mêmes observations. Son calcul prouvera donc contre Mastlinus, et ne signifiera rien en faveur de sa propre hypothèse.

L'angle BHK = DBH est l'équation de Véuus; mais réduite à l'orbite inclinée de la comète, il sert à trouver FHB, BH, HBF, BF et DBF, la distance an nocad qu'on réduit à l'écliptique, et l'on a l'argament de latitude réduit, d'où l'on conclut la longitude. Tycho trouve ainsi 5: 15' de plus que par l'observation.

Malgré ces erreurs, Tycho donne de grands éloges à cette mémode; qui aurait pu mieux réusir si elle cût été fondée sur des observations plus nombreuses et plus précises, et enfin sur des positions d'étoiles plus exactes que celles des tables Praténiques, dont l'auteur s'était servi.

Le reste de l'ouvrage de Mæsilinus est astrologique, et Tycho s'en interdit l'examen, non quit regande cette seience comme trompusse, quand on sait se renfermer dans certaines bornes; il ponse seulement que l'ignorance et la charlatanerie de ses excitatures not da la discrediter injuntement; il apporte en sa faveur na argument singulier. Le Soleit et Lames uffisiaent pour nos usages, avec les cioles; il desti fort intuité d'y joinder les planètes, dont la marche est si belle et assipéire à de los si curicuses à connaître, ai ces planètes i devaient une utilité propre et directe, qui est l'objet de L'Astrologie. C'est donc pour ne pas faire un trop gros volume, qu'il la sisue de côt la partie astrologique, d'autant plus que si des milliers d'années ne nous ont pas encore parâtement éclairés sur les vertus des planètes, il est tout simple que nou soyons encore plus ignorans sur celles des comètes, qui se montreot à nonsi peu de temb.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Remarquez que Tycho ne manque pas une occasion de disculper l'Astrologie, sans nous donner une seule fois une idée, même légère, de ses règles et de ses principes.

Remarquez entin que Mæstlinus n'a pas songé au peu de tems que son hypothèse donnait à la révolution de la comète, qui aurait du reparaitre tous les ans.

Coruelius Gemma, de Louvain, a fait un traité sur la même comète, qu'il place an aclessus de la Loune; il y parle de deux chessures ou trous dans le ciel, observés en Belgique en 1575, sur lesquels il disserte longuement. Il rapporte que, le 5 décembre, la tête de la comète en l'air de s'ourrir, et qu'il en sortit trois dards, l'un qui se dirigea du côté de l'Italie, le second vers le rivage d'Hercule, et le troisième vers l'Occident, l'Yorbo, qui ne vit pas la comète ce jourda, n'a rien à dire sur cette observation; mais il ne pense pas que ce puisse être là la cause de la diminion de la comète, car cette diminiution a été progressive.

Plusients mathématiciens de son tems annonezient que la plas petite executricité de Soleil, qui devait avoir l'inu bientò, serait accompagné de grandes cabatrophes. Tycho assure que l'executricité est croissante, et que Copernic a'est trompé en cela, comme sur plasieurs points de la théorie solaire. On pensit que cette diainution d'executricité était un signe de vicillesse qui pouvait annoncer une dissolution prochait Tycho remarque avec raison qu'il n'en résulterait aucune diminution dans l'orbite réelle, et qu'on regagnerait d'un còté ce qu'on perdrait de l'atter; il aurait pu sjouter, suivant les idées des anciens, qu'il n'en résulterait qu'une diminution d'inégalité, et par conséquent un pas vers la perfection.

Le chapitre X et dernier doit être le moins intéressant de tons; il est destiné à résture cux qui plaçaient la comète au-dessons de la Lour. Leur idée est suffisamment résuée par les hypothèses qu'on avait été forcé d'imaginer pour représenter les observations, et qui plaçaient la comète à une distance de la Terre seulement un peu moindre que celle de Vénus.

Ce Thadée Hagecius, Jami de Tycho, et que nous avons ra figurer honorablement dans Histoire de Pétoile de 1572, int moins haeneax ou moins soigneux dans ses recherches sur la comète. Il rapporte que les premiers jours elle ressemblait à Jupiter ou Vennse, qu'elle était d'une lumière brillante et agréable (eleganti et venuto). Tycho en convient, et il en tire un argument coutre llagecius, a qui la croyati sublunaire.

lei l'on pourrait, n'en déplaise à Tycho, trouver un reste de péripatitisme; car, pourquoi la comite serain-elle moins belle si elle était plus près de la Terre. A cette occasion, Tycho déclare qu'il croit les comètes fillet des planetes, et qu'ainsi elles doivent participer de leur nature; j'aimerais mieux qu'il en ett fait des sours; mais il les croyait nouvellement formées et d'une darcé passagère.

Hagecius observait avec un rayon astronomique; il portait sea observations sur un globe; il prenait lest longitudes et les latitudes des étoiles dans des catalognes inezacts. Tycho recommence ses calculs sur des élémens plus sûrs; il lui fait voir qu'il a pris quelquefois une étoile pour une autre, ce qui explique un mouvement de 12º en longitude et de 6 en latitude, qui en résulait en deux jours pour la comête, et enfin la parallaxe de 5º, que lui attribusit Hagecius, à qui fi prouve que ses observations ne donnent aucone parallaxe sensible.

Sans connaître la parallaxe, on peut calculer du moins si elle approche ou éloigne la comète d'une étoile. On peut donc voir facilement si les observations indiquent une parallaxe, et si cette parallaxe est considérable; on pourra même en déterminer à peu près la quantité.

Supposons, comme Tycho, qu'on sit observé la hauteur el Jazimut d'une comièle, d'abord lorsqu'elle était vers l'horizon, et enssuite à la plus grande hauteur que les circonstances aient permises, et que dans ces deux instans on ait pris la distance de la comète à une même étoile, ou plus simplement, que l'on ait mesure la distance EG de la comète \hat{c} à l'étoile \hat{E}_1 avec les distances zénitales ZC = N, ZE = n (fig. 45). Soit EC = D: on auer

 $\cos D = \cos Z \sin n \sin N + \cos n \cos N$

cette formule donnerait Z, mieux même que l'observation. Soit EO == (D-x) == distance vraie;

 $\cos(D-x) = \cos Z \sin n \sin ZO + \cos n \cos ZO = \cos Z \sin n \sin(N-p) + \cos n \cos(N-p),$

p étant la parallaxe de hauteur = OC;

cos(D-x)=cosZsinssinNcosp-cosZsinncosNsinp+cosncosNcosp
+cosnsinNsinp,
d'où

 $\cos(D-x) - \cos D = \cos Z \sin n \sin N (\cos p - 1) + \cos n \cos N (\cos p - 1) + \sin p (\sin N \cos n - \cos N \sin n \cos Z)$,

uninally Coost

 $2\sin\frac{1}{2}(D-D+x)\sin\frac{1}{2}(D+D-x) = sinp(sinNcosn-cosNsinncosZ) \\ -2sin^{2}\frac{1}{2}p(cosncosN+sinnsincosZ),$

 $2\sin\frac{1}{2}x\sin(D-\frac{1}{2}x)=\sin p(\sin N\cos n-\cos N\sin n\cos Z)$ $-2\sin^{4}\frac{1}{2}p\cos D$,

asin ½ xcos ½ xsinD—asin ½ xcosD=sinp(sinNcosn—cosNsinncosZ)
—asin ½ pcosD,

une seconde observation plus près du zénit donnerait

$$\sin x' + 2\cot D'(\sin^* p' - \sin^* x') = a' \sin \varpi$$
,

$$\begin{array}{l} (\sin x - \sin x') + 2 \cot \mathrm{D}(\sin^{\frac{1}{2}}p - \sin^{\frac{1}{2}}x) - 2 \cot \mathrm{D}'(\sin^{\frac{1}{2}}p' - \sin^{\frac{1}{2}}x') \\ = (a - a') \sin x', \end{array}$$

 $\sin \varpi = \frac{\sin \frac{1}{2}(x-x')\cos \frac{1}{2}(x+x') + a\cot D(\sin \frac{1}{2}p - \sin \frac{1}{2}x) - a\cot D'(\sin \frac{1}{2}p' - \sin \frac{1}{2}x')}{(n-x')}$

Soit la distance vraie == f=D-x=D'-x', d'où (D-D')=(x-x'). Cette équation aura lien si le mouvement de la comète est insensible; mais si la comète a un mouvement, on saura calculer de combien ce monvement rapproche ou éloigne la comète de l'étoile. Dans ce cas,

$$\delta = (D-x) = D' - m - x', \text{ et } (D-D' + m) = (x - x'),$$
 et
$$\sin \varpi = \frac{\sin((D-D' + m)\cos((x + x') + \cot(D(\sin^2 y - \sin^2 x) - \cot(D'(\sin^2 y' - \sin^2 x') - \cot(D'(\sin^2 x') - \cot(D'(\sin^2 y' - \sin^2 x') - \cot(D'(\sin^2 y' - \sin^2 x') - \cot(D'(\sin^2 x' - \cos(D'(\sin^2 x' - \cos(D'(\cos^2 x' - \cos(D'(o'(x' - (x' $

 $\frac{1}{4}(x+x')$ sera toujours un petit arc et son cosinns peu différent du rayon; les petit termes, peu différens l'un de l'autre, se définnient en grande partie; on aura donc une valeur très approchée en faisant $\sin \infty = \frac{\sin \left((D-D) + m \right)}{(a-x')}$; avec cette valeur approchée, on calculers $\sin \infty = \sin \sin \frac{1}{2}(D-D) + m$; avec cette valeur approchée, on calculers $\sin \infty = \sin \infty$

Ce moyen serait moins défectueux que celui de Régiomontan, et dans ce dernier, au lieu de faire le calcul direct de la parallaxe, on ferait deuxou trois suppositions pour la parallaxe; on en conclurait OG et OPG (fig. 40), CPZ, CPL et ZPL = GPZ — GPL, la distance CL et l'asimut PZL, la parallaxe LM, la distance XM, que l'on comparerait à la seconde observation; on comparerait de même l'azimut PZL. La marche des errents indiquerait la supposition de parallaxe qui s'accorderait le mieux avec les observations;

Jamais comète conuue n'a eu un degré de parallaxe, pas même 10', et le problème est à présent sans objet.

A la page 564, Tycho revient encore à ses idées astrologiques, et souieut que les comètes doirent avoir quelque vertu, quelques influence, car la nature ne fait rien en vain. Il raisonne tonjours dans la snpposition que tons les corps celestes ont été créci pour l'homme uniquement, et que ce qui n'exercersit sur lui aucune influence serait parâtiement inuille; mais si ces influences sout pernicieuses se vaudrait-il pas mieux que la nature est fait quelque chose en vain que

Disons, en l'houneur d'Hagecius, qu'à l'occasion de la comète de 1582, il a rectifié les erreurs qu'il avait commises sur cells de 1577, et qu'il a reconnu qu'elle était bieq au-dessus de la Lnne.

Après Hagecius, Tycho va combattre un autre de ses amis, Barthelemi Scultetus. Celui-ci avait passablement déterminé les nœuds et l'iuclinaison du grand cercle décrit par la comète. Hagecius l'avait fait de même; il paraît que c'était une méthode connue et qui n'appartient point à Tych.

Tycho ne croit pas qu'un corps embrasé comme la comète, et qu' n'a qu'une existence passagère, puisse soivre un grand cercle, bieu exactemeut. Il no peut le suivre d'un mouvement régulier, à moins qu'il ne soit bien au-dessas de la région élémeutaire. Il montre-que les ererure de Sculetus ont été bien près de 5° sur la longitude, et de près de 20° sur la latitude; eufin qu'il s'est trompé dans ses observations ct ses calculs.

Sculietus croyait que la quene de la comiete n'était pas au-dessas de la cométe, comme elle devrait l'être eu raison de sa légèreté, saivant les principes d'Aristote, mais qu'elle était couchés sur l'orbite même dont elle couvrait un arc. Tycho lui reproche la forme qu'il donne à cette queue, qui ne devrait pas être conoidale, mais terminée en pointe comme la fianme d'une hougée, qui s'élève toujours au-dessus

du corps qui brûle. Scultetus donnait 54' de diamètre à cette comète, comme à la Luuc apogée.

Pour discuter les observations de Sculetus, Tycho se sert encore de la méthode de Régiomontan, tout en convenant de l'extrème difficulté qu'on éprouve pour mesurer, à quelques minutes près, une hauteur ou un azimut. Il compare, pour la rareté, un bon instrement au phénix de l'Arabie; mais il n'eu est pas moins certain que Nolthius avait tort de supposer 5 ou 6° de parallaxe. Tycho discute, par une méthode asses lougue, deux observations d'azimut et de bauteur; on pourrait faire le calcul d'une manière plus simple (fig. 46)

Oo a mesuré les distances zénitales ZC et ZK de la comète, et la différence d'azimut KZC_3 on pourre donc calculer CK, mouvement apparent de la comète; avec CK et les deux distances polaries PC, PK, on aura l'angle horaire. Si cet angle se trouve $P = \frac{4}{24}$, $(500^\circ + S - m)$, S et m étant les mouvemens diurnes d'ascension droite et s'il n'y a pas de différence, il n'y a pas de parallaxe; s'il y en a une, elle sera la différence des parallaxes d'ascension droite $(\Pi - \Pi^*)$.

Or, $(\Pi - \Pi') = 2 \left(\frac{\sin \operatorname{cod} \Pi}{\cosh \Pi}\right) \cdot \frac{\sin \frac{1}{2} (P - P') \cos \frac{1}{2} (P + P')}{\sin \Pi'} + 2 \left(\frac{\sin \operatorname{cod} \Pi}{\cosh \Pi}\right)^2 \cdot \frac{\sin (P - P') \cos (P + P')}{\sin \Pi'};$

on avait

$$P-P' = 15^{\circ}51'42''$$
, et $(P+P') = 82^{\circ}18'40''$, $D = 10^{\circ}58'$

d'où résulte, en supposant une parallaxe de 1°,

$$(\Pi - \Pi') = 7' 53''$$

Une différence de 8' sur l'angle CPK supposerait donc une parallaxe de 1°: 5 on 6° de parallaxe supposent donc qu'on aurait eu 40 ou 48' de différence sur l'angle, ce qui est impossible.

La différence d'azimut doit être plus exacte que les azimuts absolus, ace on est indépendant de la direction de la méridienne; l'angle en Z est donc à peu près exact; quelques minutes d'erreur sur les distances zérolus en et anigeront guère ni le coté CK, ni l'angle CPK au polic On ne doit donc pas eraindre que cet angle soit en erreur de 8; on ne peut donc être exposé à sugmenter la parallaxe que d'un degré. Il ciait donc impossible que Sculteuts trouvit d'o, quand Tycho ne trou-



vait rien de sensible. Tycho observe d'ailleurs qu'une parallace de 6'e aurait, en certaines circonstances, donné à la comète un mouvement rétrograde, ce qui ne peat nullement s'accorder avec les observations d'Uranibourg. Le mouvement propre n'était que de 2' à pour une heure, et le changement de parallace età téc plus que triple.

La comète de 1585 était au-dessus du Soleil, et Rothman la mettait à la distance de Saturne.

La comète de 1560 a toujours été contre l'ordre des signes. Tycho se demande s'il fant la supposer par-della la 8 sphère; il suppose donc, comme les autres, que c'est la 6 sphère qui donne le mouvement diurne de lottes les planites. Comment pouvait-on encore admettre de parcilles absardités, quand on avait l'avantage de venir après Copernie, et que l'On nisit formellement les cieux solides?

Celle de 1556 a décrit en un jour plus de 15° d'un grand cercle; celle de 1475, observée par Régiomontan, a fait jusqu'a 40° dans un jour. Tycho promet de prouver que cette rapidité de mouvement n'empèche pas qu'on ne place la comète fort au-dessus de la Lune.

Nous bornerons ici la revue des autenrs dont Tycho discute les observations et les calculs ou les assertions. Pent-être en les réfutant si longnement, leur a-t-il fait trop d'houncur, et peut-être a-t-il trop compté sur le courage de ses lecteurs.

En terminant, il décrit les deux instrumens dont il s'est servi pour la comète; c'est d'abord un sextant à pied et en compas; il était divisé en minutes. Le quart de cercle était de cuivre et divisé de 10 en 10'. Six transversales servaient à distinguer les minutes; ces transversales n'étaient pas des lignes pleines, elles étaient de onze points détachés, dont l'intervalle répondait à une minute. Ce même quart de cercle avait la division de Nonius; mais après avoir donné heaucoup d'éloges à cette invention de l'astronome portugais, et quoiqu'il dise l'avoir perfectionnée, il y trouve plus laboris quam fructús, et déclare ne plus s'en servir depuis long-tems. L'alidade était un peu plus longue que le quart de cercle. La lame objective était percée d'un trou rond; l'antre, ou l'oculaire, avait quatre fentes disposées en parallélogramme; deux de ces fentes étaient parallèles au plan de l'instrument. En observant, on visait toujours par les deux fentes opposées; deux de ces fentes servaient pour les hauteurs, les deux autres pour les azimuts; car l'axe du quart de cercle tournait au centre d'un cercle azimutal. Un artiste célèbre qui vit cette nouvelle forme de pinnules chez Tycho, avec sa

division par transversales, en fut émerveillé et se troura bien payé de son voyage. Il communiqua ces inventions an landgrave, qui les imita. Deux fils-à-plomb assoraient la position du quart de cercle dans les deux sens. Deux alidades qui se conpaient à angles droits tournaient avec l'ave et marquient les sazimuts.

Tycho abandonas ces instrumens par la suite. Le quart de cercle chait trop petit je sextant ne á-menait pas suese facilement dans le plan des deux étoiles. Il en a imaginé, depnis, de plus commodes. Parmi ses instrumens, qui sont au nombre de vingt, il en avait quatre de 4 à 5 condées, qui donnaient les fractions de minate, et trois qui donnaient en même tems Jes assimits, d'une manière plus commode. Il fit aussi construire quatre sextans ponr les distances, et qui avaient 4 condées; il en promet la description.

Ici se termine le second livre, et le volume, qui porte pour titre : Tychonis Opera omnia. Francfort, 1648. L'édition de 1610 offre, de plus, sa correspondance astronomique, avec le portait de l'autenr. On remarque au nes une espèce d'emplatre agglutinatif qui paraît déposer en faveur de l'anecdote du dnel nocturne. Ce Recneil est dédié au landgrave Maurice, fils de l'astronome. Tycho raconte qu'il avait été visiter l'ancien landgrave, pour comparer ses instrumens portatifs avec ceux que le prince avait placés en plein air, sur une tonr. Le landgrave perdit alors sa fille; Tycho le quitta, et traversant l'Allemagne, il entra en Italie, pour se trouver au conronnement de Rodolphe, dans l'espérance d'y reneontrer des hommes distingués en tout genre. Il y fit connaissance avec plusieurs savans, avec lesquels il ent de fréquens entretiens. De retour dans sa patric, il apprit que le landgrave s'était informé de lui et désirait le revoir, et qu'il avait fait solliciter en sa faveur le roi de Danemarck; il projetait même un voyage à Uranibourg, quand la mort du roi dérangen ce projet; mais il s'établit nn commerce de lettres entre ces deux astronomes illustres. Ces lettres commencent le Recueil.

Dans la Préface qui est à la tête, il expose combien il faut de tens pour bien traiter les théories du Soleil, de la Lune et des phantes; il pense que ponr rassembler tontes les observations nécessaires, il ne faut pas moins de 20 ans, sans compter ee qu'il faut ajouter pour les cucles, les hypothèses et les tables, ee qui fait au moins 50 ans. C'est le tems qu'il a consacré à l'Astronomie; mais il confesse que ses observations des dis premières années sont moins préciess que les suivantes. Il n'avait en ni le tems ni les moyens de faire construire tous ses

On voit dans la première lettre que le laudgrave, sur les idées qui la viaiet été communiquées par Wittichins, avait fait des améliorations à ses instrumens, et que si auparvant il pouvait répondre de 2 il peut mainteannt apercevair ; ou 2; il avait un quart de cerde et un sextant de deux condées; trois autonomes pour les observations, les calcules et la vérification des droiles. Son mathematicien Rothman annonce à Tycho une petite comitée; dans sa réponse, Tycho lui dit qu'il a abservé la comête avec soin (celle de 1591), et qu'il a imaginé un sextant qui exige deux observateurs, les deux alidades sont mobiles et se crosient an occut par

La comète décrivait un arc de grand cercle qui coupait l'équateur en 24.55' sous un angle de 45' ; et l'éclipique en 27' 35' sous un angle de 25' 17'. Plus tard, les deux inclinaisons parurent de 44'50' et 22'21'; ensuite elles furent de 44' 19' et 21' 34'. Le mouvement allait en diminuant.

Rothman réplique que Wittichius ne leur a point fait de pinnulés comme celles qu'il avist veas à Uraniburg, ce qui leur a douné la peine d'en imaginer et d'en faire construire de même genre à peu prês. Il mande qu'il trovue les réfractions bien moinderse, comme de 15 ou so' se plus à l'horison. Il engage Tycho à examiner de nouveau ce point important.

Tycho, dans one lettre au landgrave, dit qu'un globe ne peut jamais donner la même exactitude que le calcul, pour la résolution des triangles sphériques. Il avait lui-même un de ces glabes tout de cuivre et bien rond, sur lequel l'équateur et l'écliptique étaient divisés en minutes par des transversales, ainsi que ses instrumens. Cependant il n'aurait pas vonlu répondre d'une minute ou 1' dans les opérations qu'il exécutait par ce moyen. Il ne l'employsit donc que subsidiairement, car, si la dernière exactitude est comme impossible, on se garantit au moins par la des erreurs considérables. Il explique assez longuement sa méthode. pour déterminer les étoiles, en prenant Vénus pour intermédiaire, et en observant à des hauteurs où les réfractions ne sont plus à craindre. Il se flatte un peu, quand il parle du degré d'exactitude auquel il croit être parvenu par ce moyen. C'est ce que font plus ou moins tous les astronomes. Tycho courait après la minute, et nous courons après la seconde; nous nous flattous comme lui, et nons nous abusons souvent de même. Il avait cherché les parallaxes de Vénus et du Soleil , c'est-à-

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

dire probablement la parallaxe relative de Vénus; et cette parallaxe da Soleil, qu'il a tonjours cru de V, prouverait elle seule que se observations out quelquefois des erreurs de cette force. Il tenta la même chospour Mars acronyque dans la limite borcale; il cherchait à épreuver le système de Copernic, et ai en effet ces observations l'out condoit à rojeter le vrai système, il faut croire qu'elles n'étaient pas assea précises. La parallaxe de Mars n'est guère que de 18°; il était impossible que Tycho put sen assurer.

Il explique an landgrave la cause qui fait que toutes ses longitudes sont trop fortes de S'; le défaut de son liki-plomb caussit, dans les déclinaisons, des erreura qui devenaient cirq fois plos fortes sur les longitudes du Soleil, et ces erreurs s'étendaient aux longitudes des étoiles.

On voit ensuite un tableau comparatif des résultats du calcul trigonométrique et de ceux suxquels le landgrave était arrivé par son globe. La différence, quelquofois nulle, est souvent de 1 on 2', quelquefois 5on 6, et une fois 14'.

Dans une lettre à Reibrann, il parle de la consiste de 1585 à laquelle li l'trouve tout au pleu au minute de parallare, dont il ne peut cependant répondre. Il discute les longitudes qui ont servi à déterminer celle da la comète. Il dispute pour i, ce qui doit paraltre bien risible aux observateurs vulgaires, qui ne comptent pour rien une dixaine de minutes, henraux encore i teurs arraurs se bonnaien lis, et s'allainet qualquépis et aux depris enters. Si l'air est répandu dans tous les espaces céletes, ainsi que le penania Robhman, il croit un moisse qu'il doit ètre beaucoup moins dente, et qu'il n'y a aueun ciel solide, ce qui et répandu des combies qui traverent en tous aess ces présendant cieux des planètes. Ces vérités annt vulgaires sojourd'hui, mais il fast en asveir-qu'i level qu'il sont proclames et défendants les premiers

Il ajoute que les planètes out, par une espèce d'instinct, une science de mouvement qui leur fait observer une ripie constante avant aussun support, sons ancare impation ou promoteur, tout comme la Terre est dans l'air liquide sans autre apport que son centre. Il rovient sar ca Whitchins qui chait veau chez lai comme poor s'y établir à demacure, à qui il avait montré tous ses instrumens, fait confidence de tous ses projets, et qui, six mois sprès, lai demanda un cougé de quelques semaines, et n'a si reparu, si même cérit. Au reste, s'il a été porter delleurs ses idées, et mobilipire les boas instrumens. Tycho è en réjouir, a

pour le bien de l'Astronomie; mais, s'il donne ces inventions comme siennes, il fora une chose mallonnéte, et manquera à la reconnaissance; en se bornant à deux feutes an lieu de quatre dans ses pinnules, il a fait une chose qui doit muire à l'exactitude.

Il se montre peu saitafait de la division de Nonius, quoiqu'il eut multiplié les cercles et les divisions, et qu'il rut dressé des tables pour ejarguer les calculs qu'elle euige. Ces tables au reste claient faciles à construire, et devaient, à la seule inspection, montrer les angles que ne peuvait donne un cercle aissi divisé.

Pour les étoiles qui n'out point de parallare, il trouvait les réfrections moindres que pour le Soleil, mais doubles de celles de Rothman qu'il engage à de nouvelles recherches. Il semble qu'il aumit du prendre pour bose de ses calculs les réfractions trouvées par les étoiles, et chercher à rectifier ses parallares.

Il se persusderalt difficilement que les réfractions ne fusent pas fermêmes pour les différent horizons, et soutient tonjours que la réfraction est produite par les vapeurs, et non par la différence des milieux, comme, le présendaient Albazeu et Vitellion. Il n'ignorait donc pa les et par conséquent peu ou point de vapeurs pour verifier as réfraction obrisonatels mis s'il n'y a point de vapeurs pour verifier as réfraction obrisonates mis s'il n'y a point de vapeurs, la réfraction devrait esser ou être pas semible; elle devrait au contraire être très différents, quand l'horison est chergé de vapeurs, c'ext ce qu'il n'a porarait pas observé.

Il adopte l'idée de Rolhman pour les latitudes qui doivent clangue avec l'obliquité de l'écliptique qui s'approche de certaines étoiles et s'ébigna de quelques autres. Capendant quelques étoiles de operaires grandeur, l'Asique, Aldebara, p'irius paraisent présente des faits tont opposés. Pour en trouver la cause, il se livra la de longues recherches, et recon-

250

nut que les longitudes et les latitudes de Ptolémée ne donnsient papour les distances des étoiles les quantités qu'on observe aujourd'hui; il se vit donc obligé de soupe,onner quelques erreurs dans les latitudes ou dans les lougitudes. Nous avons la dans les progymnasmes tous ses raisonnements à ce suiet.

Les deux demi-durées ne sont pas égales, comme on la cra jusqu'ici; il a déterminé les instans par les étoiles qui ciaient au méridien. Mais comment a-t-il reconnu l'instant du milieu? en est-il sûr à deux minutes près ? est-il sûr du commencement et de la fia ? Il attribue les quatre minutes de différence entre les demi-durées, au changement de latitude et aux inégalités. Les erreurs des trois observations sout plus que suffisantes pour expliquer tout.

Pour trouver l'heure par la hauteur d'une étoile, il fast qu'elle ue soit pas trop voisitue ni du méridie, ni de l'horiron. Pour lui, il détermine les tems par ses armilles équatoriales de dix pieds, en observant le Solei? ou les étoiles. Dans les éclipses totales, il a trouté que les momens de l'immersion et de l'emersion s'observaient avec plus de précision que ceux du commencement et de la fin. Il faut plusieurs observateurs qui tous sient une bouve vue.

De tous les résultats de ses observations, il ne doune que cœux qui loiparissent indolables; quant la cœux qui volfenten pas la même certitude, il se grafe de les publier: il vaux mineux luisser les choses inacetes que de les exposer grossièrement. O a pourroit envisager la chose d'une monière toute opposée. Sans doute une mauvaise observation est plus nuisible qu'utile, mais rien ne force à l'employer; elle peut donner des lumières sur les limites des erreurs possibles et sur le degré de confiauce que l'on peut accorder aux observations jurgées sases bounes pour être employées.

Il se croit súr des monvemens de Mercure et de Veinus, il a de nompreuses observations des planteles supérieures e, il espère donner pour toutes des tables bieu préférables à celles de ses prédécesseurs. Le genud et incomparable Copernie rêuit rene laussé à désirer à cet égand, s'il est été pourus de meilleurs instrumens; car il avait plus que personne toute la science mathématique et toute la sugacité requise; il était même en cala supérieur à Ptolémée, sur-tout pour les hypothèses et les explications, Malgré l'abundité apparente que présente le mouvement de la Crere, sez hypothises, avec plus de simplicité, offent encore un accord bien plus grand. Ce mouvement même n'a par tous les incomociniens qu'on lui attribue; par not consomment en la main de la companta de la main de la

La latitude de Kœnisberg est de 54°43' envirón, ce qui peut être utile à ceux qui font usage des Tables pruténiques calculées pour ce lien. Mais, à l'exemple d'Apian, Reinhold supposait 54°17', c'est-à-dire 26' de moins qu'îl ne faut.

Le landgrave, dans une lettre du 11 septembre 1587, ne paralt pas tre étonné des 5' dout Tycho prétend que toutes ses longitudes sont trop fortes; il s'autorise de ce que Ptolémée ne pouvait répondre de 10 dans la lecture de ses obsérvations, sans parler des crieurs qu'ou soupçonne le tons les instruments possibles. Il croît que ces 5' pourraient venir des mouvements du Soliel donnés par Tycho, dans son éphéméride, et qu'in ne s'accordent pais avec les observations de Rothman. Il exprime aussi quelques dontes sur les réfractions de Tycho.

Une lettre de Rohiman ; octobre 1597, est asser remarquable; on yoti qu'après quelques discosions sur fobliquit de l'éclipque, il se range à l'avis de Tycho; mais en supposant comme lui une parallase remp forte. Ils sont aussi du indire s'es sur l'imatière des sphères, qui doit ètre liquide et permèable en tous seus. Ils different cependant en ce que Tyche-wappos eque, dans les régions des planties, il n'existe plus d'air 'édémentaire; mais on éther très subil. Rohiman object que s'i la réfraction est produite par la différence de deutife, cile doit nécessairement new éventioni qu'av octit, que si elle rest de 5' à l'horison, elle sera encore de '150' à 50. Il est bien lois de consulte la loi des réfractions qui nous donne près de r'enviroi à \$6' et de 5' à l'horison.

Tycho supposit que l'air d'minuair c'éntinuèllement de densité, depuis la Terre junqu's la L'aner, où il ne didérait plus sonsiblement de l'éther. Mais il en résulterait, dit Rolbman, que la lumière, en traversant l'espace sublanaire, rencontrerait à chaque pas des conches de densité différente, es minéchirait commuellement, quéllé que fait la hauteur de l'astre on sa distance au zenit, L'opinion de Rothman est qu'entre la Terre et les fixes, il n'y a que les atmosphères des différentes planètes. Mais ces atmosphères, ou, comme il le dit, l'air qui environne les différentes planètes, il le distingue en air plus épais et qui renferme les exhalaisons, et en air pur où cos exhalaisons ne montent pas. Si les refractions s'évanouissent vers 30° de hauteur, comme le veut Tycho, en voici la raison : la durée bornée des crépuscules prouve que l'air pur n'est pas en état de réfléchir la lumière; celui qui la réfléchit est mélé d'exhalaisons. Mais cet air plus grossier ne produit pas de lui-même la refraction; elle n'est produite qu'en raison du chemin plus long que le rayon doit parcourir dans cet air, quand l'astre est moins élevé sur l'horizon; il suppose que l'air grossier s'elève à la distance du demi-liamotre de la Terre. La lumière qui vient du zénit n'a que ce demi-diamètre à parcourir; le rayon qui vient horizontalement, a un chemin plus long à faire, puisqu'il est au premier comme le sinus de 60° : sin30° :: 1 : tang60°; mals Rothman ne dit pas que si les réfractions sont proportionnelles au chemin dans l'atmosphère, plus l'astre s'élève, plus ce chemin diminue.

La diversité des refractions pour différens horizons est une des preuves que Rothman allègue en faveur de son hypothèse; un ne voit pas trop d'où cette diversité peut vanir.

Rothman pense comme presque tous les astronomes, que Ptolemes n'a fait que transcrire le catalogue d'Hipparque, en ajoutant une constante à toutes les longitudes ; il doute même qu'il ait observé les déclinaisons qu'il rapporte, il les aura déduites de celles de Timocharis et d'Hipparque. Ainsi, pour Régulus, il a vu entre Timocharis et Hipparque une différence de 40'; il en a conclu une de 50' depuis Hipparque jusqu'au tems où il écrivait; c'est-à-dire qu'il a ajouté un quart à la différence observée avant lui. Alors sa déclinaison na doit plus s'accorder avec les longitudes et les latitudes du catalogne. La latitude et la déclinaison employées par Tycho, pour en déduire la longitude, as peuvent la donner que fausse. La longitude employée avec la déclinaison, donnera une fausse latitude, et le changement de letitude ne sera plus celui qui dépend, de la diminution d'abliquité, et c'est en effet ce qu'a trouvé Tycho. En commentant Ptolémée, nous avions bien vu que ses déclinaisons ne donnajent pas la précession qu'il voulait démontrer; mais nons n'avions élevé aucun doute sur la réalité de ces observations qui vraies ou fansses, ne me paraissent, pas meriter qu'ou les calcule cone ! Je ne vois pas, ajoute Rothman, avec quel instrument il aurait observe

cea décilianions. Les règles parallactiques ne valient rien pour les cioiles, parce que l'une des pinuale s'aits precéd d'un trou roud et grand au moins comme le disque du la Lune périgée. Il ne les surs pas observées avec les armilles (q'ui a'vissient point de cercle de déclinaison), puisque la déclinaison de Régulus était slors plus grande que relle qui se lit dans plus de la despensable que relle qui se lit dans qui présentent des anomalies du même genre. Il trouve des latifudes susses dans Poslomée; il suppose q'ajil u'vavir pas lui-même une copie bine state de catalogue d'Hipparque. Il croit devoir la postérité l'avis que ce point doit être traité avec plus de soir et de seropule.

On voit, par cette lettre, que Rohmen avait composé un Degamm mathematicum, où il expliqueit le citales exagéntual, la doctrine des sinus, celle de la composition des raisons, où la règle des six quantités, celle des triangles sphériques et plass, dont il parati tapplandir, et en outre un traité d'Astronomie où il rendait au Soleil son mouvement, en lu transportant tout ce que Gopernie attribue h la Terre. Il éclaireissait le tout par des exemples caleules sin les Tables prateciques; miss ayant reconnat que ces Tables étaient defectueness, il n'éuit pas presse de publice ce deruier ouvrage, dont tous les calculs étaient à refaire. S'il en faut croire. Basteur, il avait resemblé daits ees 'ouvrages beaucoup de choses qu'on ne trouverait pas ailleurs; il y avait sunsi de choses neuves sur l'équation de tense, à sur

Dana la lettra univanne, il rectifie ce qu'il avait cif d'u mémoire aut l'atmosphère de la Terre. Soit le rayon de la Terre 60' 6' 6; le rayon de la Terre, asigmentée de som atmosphère, sera 60' 48' 50'. Le chemin horisonal dans l'atmosphère est targente o' 3' 4' = 0, 16352; dans l'hypothèse de Casimi, il l'est lang 2' 0' 12'.

D'après ces données, si l'on-fait la réfrection 5% l'hôrizon et propostionatelle à la longueur du chemin, on surs des réfrections qui varirona beaucoup trop l'adiement près de l'horizon. Il est insulie d'entrecdans de plans grands détails sur une hypothèse qui n'est fondée ni sur la théorie, ni sur les observations.

A la page 64, on voit que Tycho était dans l'idée que les armilles d'lipparque et de hichiené d'ainei d'amé para pasque les seraitant à abserver les equinoces; mais la preuve est loin d'être conclusate. Tychorne raisonne que d'après des configérators vagues et dans la supposition tacite que les observations avaient un certain degré de bonté dont alles étatient fort loin, un buserver de la certain degré de bonté dont alles étatient fort loin, un buserver de la certain degré de

Il propose su landgrave quolques doutes sur la régislarité de ses horloges. Il lui indique le précautions à preudre dans les observations des longitudes d'écolles comparées à Véuns; il faut observer les mêmes disances à l'orient at l'occident. Il faut se défier des réfractions avair endeat moins aire l'observation da Soleil, quand il est austral. Elles out fait l'erreur de Copercie sur l'apogée du Soleil.

Dans une lettre à Rothman, il refase d'accorder que l'air édière à une grande hauteur au-dessus de la Terre; s'il remplissis Il es espaces celestes, le mouvement des planètes en serait retarde. Il réfate l'hypothèse de Rothman, parce qu'il est asses inutile de disputer sur la cause unique ou double des réfractions, pusiqu'il fant toujoures en revenir aux observations pour les déterminer. Il us songe pas que dans l'imposibilié où l'on est d'observer toutes les réfractions, la consissance de la cause qui les produit, serait utile pour en trouver la loi et la formule qui servirait à les calculer.

Il trouve 16° 20' pour l'abaissement crépusculaire.

Dans l'éclipse de Luue de 1588, les Tables pruténiques étaient en exces d'une demi-houre, les Alphonsiues de 1º 1, celles de Parbach de 25'. Mestlinus se trompait d'une heure en moins.

Il attend eucore quelques oppositions des trois planètes supérieures , pour en calculer les tables.

Tycho avait peuse que si les espaces célestes étaient remplis d'air, cet air, frappé par les corps célestes qui le traversent, rendrait un sou; Rothman le nie.

Rothman dit avoir trouvé l'abaissement crépusculaire du soir de 24°, il rapporte qu'en l'au 1598, le 13 des caleudes de septembre, le laudgrave observa une comète en 5° 21° avec 51° de latitude; la queue n'était dans la direction ni du Soleil ui de Vénus.

Il parle d'une machine construise par l'ordre du landgrare; dans labquelle, malgré sa peitiesse, on pouvait suivre la marche des plauètes. Le dimière était de 6 pouces; on voyait d'un côté le cours de la Lune avec ses épicycles et ses nœuds; de Pautre, le Soleil et les plauètes, leurs mouvemens et leurs coetres.

Il défend le système de Copernic contre Tycho; il répond sensément à toutels les dijections tirées de l'Écriture sainte. Cependant, quoiqu'il le croie le seul véritable, il riet pas d'avis de l'enseigner dans les élemens, puisque les maferse sux-mêmes ont de la peine à le comprender. S'il entent que les phécomènes de mouvement diurne sont plus faciles à expliquer-

dans l'ancien système, il peut avoir raison, mais pour tout ce qui concerne les révolutions, les mouvemeus anuuels, il a certes grand tort.

cerne les révolutions, les monvemeus anuacis, il a certes grand tort.

Il regarde comme peine perdue celle qu'on preud à determines les élémens d'une comme peine perdue celle qu'on preud à determines les élémens d'une comète que l'on ne voit qu'un certain tems, et qui ne revient à panis. Leci à besoin aujourdhui de quelques modifications. Il est intéressant de déterminer les élémens assex hien pour reconsaltre le comète, si elle revient. Il est curient de s'asurer s'il y a quelque comète dont la rouie soit traiment hyperholique. Quant aux orbites paraboliques, on peut tonjours croire qu'elles ne sont telles qu'à peu près. On pourra toujours les regarder comme elliptiques avec un asc très long.

A la page 153, Tycho recommande de nouveau les observations comparces de Venus orientale et occidentale. Il en détaille un exemple, dans lequel il fait voir que la longitude de αΥ, trouvée par Véuus, se trouve

exacte par la compensation des erreurs.

Par cette combinaion, Tycho veut éluder les effus de la réfraction et de la parallaxe, et il avait raison, parce qu'il les connaissait mal, et qu'avec les valeurs qu'il leur sinpposalt, il aurait commis des erreurs de plusieurs minutes; et quoique la compensation ne put être parfait avait an moins autaut d'exectitude avec moins de peine. Aujourd'hui que l'on counait fort bien les réfractions et beauconn mieux encore les parallaxes, on ferrit encore bien d'employer. Veuns orientale et occidentale, pour compenser la petite erreur 'des réfractions; mais il faudrait en tenir compte partoint. Les observations bien faites et bien calculées ne devraient différer que de peu de secondes, au lieu de différer de g' comme celles de Tycho. An reste, en rechisaut un partie des calculs, il m's paru qu'il y avait quedque exagération dansées of.

A la page 158, dans une lettre de Tycho, on trouve cette idée bizarre, que le ciel est an monde élémentaire comme l'âme est au corps. Page suivante, on voit pour l'abaissement crépusculaire les valeurs

16.50

Page 142, Bénédict avait dit que la Lune se trouvant entre le Soleil et Vénus, la partie obscure de la Lune recevait quelque lumière de Vénus; il assurait l'avoir remarque souveut, et fait voir à d'autres. Tycho Hist. de l'Astr. mod. Tom! I.- ne sait trop qu'en croire, quoiqu'il sit fait plusieurs fois la même ôbserzation; mis il, n'oscarit pas en conclure que Véus puisse produire les queues des comètes. On voit seulement qu'il ne sersit pas faché que d'autres fussen; plus lardis. Il soutient contre Rôchaman que la queue n'est pas un prolongement du corps de la comète, et qu'elle n'est pas de même nuture, puisqu'elle est disphane et laisse voir les étoiles. Aristote, avait dit, l'ure des Météores, chapitre VI, que qelques planètes avaient parfois une chevelure, selon le témoignage des Égytions, et lui-même en vait vu une à une étoile de la cuisse du Chiu-

Tycho avance ensuite avec beancoup de vraisemblance, que de tous les instruments imagéries par les anciens, il ny en a pas un qui soit moius sûr que leur astrolabe. Les Arabes ont tenté de le simplifier. Nous en avons plusieurs fois porté le même ingement, muis il fast convaoir que l'avantage d'épargner les calculs trigonométriques devait être pour eux hien aéduisant.

Les torqueta du landgrave étaient de trop petites dimensions pour qu'on put en attendre rien de bien précis.

Rothman avait propose quelques objections contre son système; Tycho y répond, page 148. Il assure n'avoir pas en l'intention de renverser le système de Copernie, c'est-à-dire de profiter de ses idées en les modifiaut; que si Rothman a en ce projet, il n'en avait lui aucune connaissance. Mais ayant remarque, par des observations exactes, que Mars acronyque était beaucoup plus voisin de la Terre que suivant les hypothèses de Ptolémée, il a été conduit à rejeter ces hypothèses; que voyant ensuite les comètes en opposition n'avoir aucune parallaxe annuelle, quoique leur distance ne fut pas assez grande pour reudre cette parallaxe insensible, il avait vu que l'hypothèse de Copernic était inadmissible (il aurait pu voir, avec plus de raison, qu'il fallait rejeter l'hypothese qu'il s'était faite pour ces comètes). Il ne restait donc d'antre moyen, pour satisfaire aux phénomènes, que le système dont il a donné une idée générale. S'il peut démontrer que les systèmes de Ptolemée et de Copernie ne peuvent, en aueune manière, satisfaire à ces phénomènes, il faudra bien tirer la conséquence que son propre système est le seul véritable. L'objection serait forte, mais Tycho ne fait que l'affirmer, sans jamais administrer aucune preuve. C'était cependant une chose importante; mais toujones il renvoie à son grand ouvrage qui n'a jamais parn, et dont on n'a trouve aucun fragment. Ainsi l'on peut douter que ies preuves fuseent si convaincantes. S'il les eut vraiment jugées telles,

il o'unrait en certainement rien de plus pressé que de les publier. Ajoutez que Kepler, dépositaire de tous ses manuscrits, de toutes ses observations, qui lui out servi de base pour ses Tables Rudolphines, n'y a rien vu qui l'ait fait varier dans son attachement à la doctrine de Coperaic. Enfin ses observations, sont imprimées depuis long-tensy, on n'y artic trouvé qui pât fonder la moiudre objection contre ce système qui est universellement recu.

Rodinan lui avait écrit que ce systime qu'il s'était fait, et dont il n'avait encore rien publié, était, depuis plusieurs années, représenté dans un planduire du landgrare. Il expose alors qu'un certain Ursus Dibhansaus, vegne chez lui à la suite de Henri Lange, avait vu ce système représenté sur une figure que l'ycho posside encore, mais qu'il a répleté sognime inexacte; que cet Ursus n'avait pas aperçu la faute; qu'il n'avait put corriger, et qu'il avait ensuite communiqué cette idée au landgrays qui l'avait fait exécuter par l'artiste Byrge qui lui était attaché.

Il dil, pag. 162, qu'il a vu, en 1538, plusieurs de ces trous χάσματα, dont lai avait parlé Rothman; qu'ils étaient trop près de la Terre, pour être éclairés du Soleil.

Cétient des muges blanchlires qui rolligesient vers le septention, et parississeit éclairer fombre de la Terre, tandis qu'à une distance plus grande de la Terre, des nuages épsis couraient l'horizon, en sorte que ces 200 garage parissient entre la Terre et les nuages. Il était huit heures du soir en hiver, le Solici était trop enfoncé sous l'horizon, pour échièrer ces nuages et sur-tout ces xêxpara. Tycho les prend pour des exhabisous sulforceuses enflammées dans l'air.

Cette longue lettre à son ami Rothman, est pleine d'aigreur. On voit qu'il ne peut lui pardonner quelques doutes élevés coutre son système, et une certaine prédilection pour celui de Conernic.

Je vois, lui dit-il, que le triple mouvement de la Terre vous rit beaucoup. Dites-moi, si la Terre tourne autour de son axe, pourquoi une balle de plomb qu'on laisse échapper du haut d'une tour, tombe exactement au pied? car ce plomb n'accompagne pas l'air, il le truverse violenment.

Tycho a imprimé lui-même que l'air tournant comme la Terre, tout se passait dans l'atmosphère comme si la Terre était immobilie. Plus la balle de plomb a de peine à traverser l'air, plus elle doit être entraîncé avec cet air, plus elle doit l'accompagner; avant de tomber, la balle avec cet air, plus elle doit l'accompagner; avant de tomber, la balle

avait reçu du mouvement de la Terre un mouvement que rien n'a détruit, et en vertu duquel elle accompagne la Terre. Tycho a de l'humeur et ne raisonne plus.

Et quant au mouvement annuel, trouvez-vous la moindre vraisemblanee à l'espace considérable qu'il vous force à supposer entre Saturne et les

fixes? L'objection n'était pas nouvelle.

Si l'orbe de la Terre, vu des écoites, n'a pas plus d'une minute de diamère, il faunta donc que les follotes de troisième grandeur, qui ont aussi une minute de diamètre, soient ausse grosses pour remplir cet orbe. Que sear-ace des civiles de premire grandeur qui on la et 3' de diamètre? Mais si la parallaxe annuelle est insensible, voyes quelle sera la grosseur des cioles! et quelles absurdiés vous verrers antiere! On répondrait aujourd'hui à Tycho qu'uncune étoile n'a une seconde de diamètre, et que son raisonnement porte à faur.

Si vous retranches le mouvement annuel, le troisième mouvement tombé de lui-mémie. Comment Laxe et le centre dun corps simple peuvent-lift de lui-mémie. Comment Laxe et le centre dun corps simple peuvent-lift avoir un double mouvement? (comme si l'ave d'une toupie n'avait pas ce double mouvement et même le troisième) Peeres cer naisons, et vous vuerrez que l'idée de Copernie ne soutieut pas l'examen, cut vous vuerrez que l'idée de Copernie ne soutieut pas l'examen. Quant à Ptolémée, Copernie l'a réfuté, il ne reste donc que la mieme.

Tycho se calme un peu en sinissant, et prie Rothman de n'attribuer sa vivacité qu'à l'amour de la science et de la vérité.

Ouclque tems après, Rothman visita Tycho daus son ile.

Le 25 févirer 1590, Tycho annouce à sou ami une comète qu'il vient d'apercevoir eutre le Poissou boréal et Andromède. La queue est peu dense, elle a 10° de longueur, et se dirige en sens contraire du Soleil; elle va plus vite qu'aucune de celles qu'il a vues. Le mouvement diurue est de 8°, la déclinaisou boréale augmente.

Tycho vit cette comète et l'observs soigneusement tous les jours, à l'excepcin ou sy février et da 5 mars, jusqu'au 6, après quois disparut. Elle parti décirie un grand cercle fort exactement. Le nœud est réquiseur ésite en 55 y 6 et l'inclinaion 4 x 1.a tête avait de diamètre; elle alls toujours en diminuant. Le 2 mars, on ne voyait plus de queue; elle devait être derrière la coniète. Elle est sans doute produite par les rayons solaires qui traverseut la partie la moins compacte de la tête, La parallac n'était pas me mointe de de l'entre la partie la moins compacte de la tête, La parallac n'était pas même d'une minute.

La notice finit par une table des mouvemens de la comète taut sur son cercle qu'en ascension droite et déclinaison, en longitude et latitude.

Rothman, quoique fortement tourmenté par la gontte et par la pierre, répond victorieusement aux objections de Tycho. Coperuie avait déjà réfuté celle de la balle de plomb. Il n'est nullement effrayé de la grosseur qui poprrait résulter pour les étoiles, ni de l'espace entre Saturne et les fixes. Plus le monde sera vaste, plus graude sera l'idée qu'il faudra coucevoir du Créateur. Parce qu'une chose paraît étrange, il ne s'ensuit nullement qu'elle soit fausse. Quand au triple mouvement, c'était alors la partie obscure du système de Copernic, Mais ces trois mouvemens ne sont pas nécessaires, il suffit de deux, le diurne et l'annuel L'axe reste toujours parallèle à lui-même; mais le mouvement diurne venaut à se combiner avec l'attraction de la Lune et du Solcil sur le sphéroïde terrestre, cette combinaison produit dans l'axe le petit dérangemeut qui explique le mouvement des fixes; et cette explication de la rétrogradation des équinoxes, quoique ignorée par Copernic, et surchargée par lui d'un mouvement inutile, dans la vue de conserver le parallélisme, est l'une des choses les plus fines et certainement les plus neuves du livre des Révolutions.

Rothman avait été lui-même le porteur de sa lettre. Tycho nous assure qu'il a pleinement saisfait de vive voix à tous ses doutes; qu'après l'avoir chraite et rendu moins affirmalif, il a fini par le convaincre au point qu'il lui promit de ne publice aucun de ces ruisonacemes. En fiveur de ses lecteurs, Tycho va répondre aux objections de Rothman. Il propose de lancer une bombe à l'orieut et une autre à l'occident, et soulieut que l'une ira aussi bion que l'autre ç ce qui prouvers que la Terre ne tourne pas; qu'un trait lancé de Bas en haut, dans un navire, uy retombers pas. Tycho aurait bien du faire lui-même cette expérieuce qui n'est pas difficile, si pourtant l'air est calme, car la moindre haleime de vent pourrait déranger dans se chue un corps léger; il vaut mieux faire tomber une balle de plomb ou un boulet du haut du mât. A l'objection de la prodigieuse rapidité du mouvement diture d'unefoliel dans l'équateur, il répond que c'est une preuve de la grandeur et de la sagesse du Crésteur.

Il ajoute que Rothman n'a trouvé rieu à répondre tant qu'il était à Urambourg; qu'il n'a point écrit depuis; qu'ou ne sait même où if est, car il n'est pas retourné auprès de sou prince.

On pourrait sopponner que Rothmau a feint de se rendre pour ne pas prolonger une dispute importune à son bôte, et qu'il n'a pas été fort empressé de reprendre une correspondance ou Tycho moutrait trop de chalcur et trop d'orgueil. On ne retrouve plus qu'une lettre de Rothman, il n'y parle que de sa mauvaise santé et des douleurs horribles qu'il a ressenties. Il commence un peu à respirer, et il se fie et la miséricorde divine. Cette lettre est postérienre de quatre ans an voyage d'Uraniboarg.

Tycho nous apprend que Mars aeronyque en juin 1501, s'accordait fort bien avec le calcul de Copernie. L'erreur des Tables Alphonsines était de 4° ; mais, vers les équinoxes, les tables de Copernic n'allaient plus si bien. Les erreurs étaient a à 5° et dans des sens divers, selon que le demandait l'excentricité solaire. Les Tables d'Alphonse n'allaient pas mieux. Tycho soupconne une antre inégalité dont il ne voit pas la canse. Il en conclut que son hypothèse ponrra seule lever ces difficultés inextricables dans les autres systèmes; il ne prévoyait pas qu'entre les mains de Képler ces inégalités mêmes ruineraient à jamais son hypothèse. Rothman avait avoné qu'il n'avait aucune idée de ces anomalies, sans quoi il n'eût pas basardé sitôt son sentiment sur le système de Copernic. Il s'étonne que Rothman ne soit pas encore retourné près du landgrave, et il ajoute qu'il lui croit nue assez mauvaise tête; mais ces bizarreries sont communes aux personnes d'un mérite extraordinaire : il fant donc les souffrir telles qu'elles sont , puisqu'on ne peut les corriger. Il engage le landgrave à le traiter plus favorablement encore que par le passé : co qui corrige un peu ce qu'il avait dit dans une autre lettre, p. 197, que Rothman avait donné à entendre, quand il était à Uranibourg, qu'il se garderait bien de raconter à son prince tout ce qu'il voyait, parce qu'il ne serait pas cru , et qu'en le sonpronnerait de vouloir faire valoir Tycho; que les instrumens du landgrave ne pouvalent entrer en comparaison avec cenx de Tycho, ni ponr la grandeur, ni pour l'exécution; qu'il ne voulait pas se donner l'air de ravaler les instrumens de Cassel. Tycho ajoute qu'il lui a laissé la liberté de dire ou de supprimer ce qu'il ingerait convenable.

Typho se Isisse ici un peu trop aller au plaisir de se vanter, il ne songe pas saese que le landgave ne sera pas tres futté de cette confidence, et n'en sera pas mieux disposé pour son mathématicies. Quoi qu'il en soit, il prend le parti d'envoyer lu-même à son alteuse le plan de són observatoire et la description de ses instrumens. Voici les articles principaux.

1°. Un demi-cercle de six coudées de diamètre, porté sur un cercle azimutal de fer de quatre coudées de diamètre, lequel est porte sur ciuq colonnes. 2°. Un sexuant astronomique dont l'arc est reconvert en cuivre, en compas, décrit ci-dessas.

3°. Un quart de cercle tout de cuivre de a † condées de rayon ; avec un cercle horizontal de trois coudées de diamètre. Outre la division ordinaire, cet instrument en a deux autres.

4. Des règles à la manière de Ptolémée, mais en cuivre; les divisions sont celles de la Table des sinus à cioq chiffres.

5°. Un autre instrument dont l'arc u'est que de 50°, pour les distances. Il a quatre condées de rayon; il a servi principalement pour la nouvelle étoile, mais Tycho n'en fait plus d'usage.

6. Un quart de cercle avec son horizon, ses alidades et ses vis, qui peut se démonter pour être plus facilement transporté. Le rayon est de 1½ coudées et son cercle azimutal un peu plus grand.

7°. Des armilles zodiacales d'airain fondu, de trois coudées de diamètre; les degrés y sont divisés en minutes par des transversales. Le poids de cet jostrument fait qu'il se déforme; on u'en fait plus nul usage.

On voit en outre, près de l'observatoire, une horloge de cuivre qui marque les secondes, dout la roue principale a denx coudées de diamètres et 1200 dents. Tout amprès sont deux horloges plus petites qui marquent aussi les secondes.

Tous ces instrumens sont dans nn même observatoire. Le tont est construit de mauière qu'on peut observer tout l'hémisphère. Cet observatoire est marqué de la lettre O sur le plan.

8°. Au sud est l'observatoire où se trouve l'armille équatoriale, toute couverte de cuivre; le méridien est en cuivre et de quatre coudées; on peut observer dans toutes les parties du ciel.

Dans l'observatoire correspondant, marqué de la lettre R vers le nord:

9°. Negles parallaciques de 4º coudées, la basc du triangle isoacióe et de 8º coudées. Les divisions sont des sinus à six chiffres; elles sont toûtes couvertes cuivre a douve pieds de diamètre. Cet instrument se place à volonté dans un asimut quelconque.

10°. Un demi-sextant divisé en deux fois 15°. Les éenx rayons qui se dirigent parallèlement à leur zéro, sont éloignés entre eux d'une coudee. Il peut se mettre dans le plan de deux satres quelconques. Il sert à mesurer les petites distances ; il a quatre coudées de rayon, il exige deux observateurs.

- 11°. Un sextant entier avec lequel un seul observateur peut mesurer des distances.
- 12°. Un autre sextant bifurqué de quatre coudées de rayon. L'œil se place au centre.
- 15. Les règles parallactiques du celèbre Copernic; elles sont de bois, et les divisions sont marquées à l'enter. On dit que Copernic a lui-mème divisé ces règles. Jean Hannvius en a fait présent à Tychn. Les côtés sont de quatre coudées. Copernic a imaginé des moyens pour prévenir la dilbation. Cependant les divisions et les onvertures par lesquelles un observait ne sont pas asses fines. Bien d'autres raisons finst qu'un ne s'en sert plus, mais elles sont très chères à Tycho qui les conserve précieusement en mémoire de leur incomparable auteur.

Auprès de ces règles, on voit, dans un cadre, trente quatre vers composés par Tychn le jour même où il recut ces règles. Ils commencent par ces mots:

- 1.4°. Dans un autre petit observatnire sont d'autres armilles équatoriales de même grandeur que les précédentes, auxquelles elles servent de supplément, parce que le bâtiment ne permet pas de voir tout le ciel d'un même point.
- 15. Un grand quart de cercle tout de cuivre, placé dans le plan du méridien contre na mur solide. Au centre est un cylindre dant l'ombre ou les raynus des citules sont reçus sur des pinnules mabiles le long du limbe. Les minutes y sont divisées en six parties par des transversales. Le rayon a cinq coudées.

Dans l'espace entre le limbe et les deux rayons extrêmes, est le portrait

de Tycho de grandenr natarelle; il est assis penché sur une table, et montant d'une main l'ouverture par laquelle on voit les astres. A côté, on voit peints ses accréaires occupés à calculer. On voit aussi quelques instrumens de Chimie; à ses pieds est un de ses chiens de chasse, symbole moins de noblesse que de sagacité et de génie.

16°. Dans le cabinet où les calculateurs travaillent, se trouve aussi la bibliobhèque et uu grand globe, tout couvert de lames de cuivre, parfaitement rond; chaque degré de l'équateur et de l'éclipique s'y trouve divisé en 60° par des transversales. Il a sir pieds de diamètre; le mériden est d'acier, divisé comme les deux autres cercles. L'horizon de la largeur d'un spithame (espace entre les houis du pouce et du petit doigt étendus) est do même couvert en cuivre et divisé en minutes; le pied qui le supporte a cinq pieds de basteur avec cette inscription.

Anno à Christo 1554.... Calo terrigenis qui rationem eam capiunt mechanico opere patefacto, Tycho-Brahe O. F. sibi et posteris F. F.

Toutes les étoiles observées par Tycho avaient été placées sur ce globe d'après ses observations.

On y voyait encore six ou huit globes, moins grands, celestes et terestres; toute sorte d'instrument et d'automates; les portraits d'Hipparque, de Ptolémée, d'Albategnius, de Copernic et du landgrave, enfin un portrait très ressemblant de Bachanam, des vers élégiaques en l'honneur de Ptolémée et de Copernic; nous citerous ess derniers :

Sic robusta also fui ingress turba gigantum Montibus ut montes impossines quort, illiaque volta gradibus celsum affectavit olympus processor processor processor function and processor function in processor function in Robustungum angli, property competent (a) is totan terrom, cunctic cum montibus, atti-cum montibus, atti-cum terrom, cunctic cum montibus, atti-cum terrom, cunctic cum montibus, atti-cum terrom, cunctic cum montibus, atti-cum terrom
Hors du château, à 70 pieds du mur de cloture d'Uranibourg, sur une colline, était un observatoire particulier nommé Sternburg, destiné particulièrement aux observations des étoiles.

17°. Dans un souterrain de cet enclos était suspendu à un mur un Hist. de l'Astr. mod. Tom. I. demi-ercle dont le limbe était recouvert de cuivre et qui servait le prendre les distances de toute grandeur; comme le sextain pour les moiudres distances, il avait six coudées de diamètre, et pouvait être anneé dans le plan de deux cétoles quelcouques. Il pouvait se placer où l'on voulsit; mais rarement ou le portait déhors. Coutre le mur étaieut trois hordores à secondes.

Une voûte couvrait ce souterraiu. Le système de Tycho y était représenté, et sur l'un des murs était le portrait de Tycho en pied, moutrant d'une main la figure de la voûte, et à côté de ses doigts éteudus

on lisait : Outd si sic?

L'axe était d'acier et creux, de peur que sou poids ne le fit fiéchir; l'épaisseur était de trois doigts. Deux escaliers de pierre facilitaient à l'astronome les moyens d'observer.

C'est la plus grande machine parallactique ou le plus graud équatorial qui ait jamais été construit.

19°. Un sextant de quatre coudées tournant sur un globe; il était divisé en minutes par des transversales.

20°. Dans un autre souterain F était uu grand carré géométrique en fer dont les cloiés moutraient les sinus à six chiffres, et dans lequel était inscrit un quart de cercle de cinq coudées de rayon; le limbé etait taché à une colonne quadrangulaire de même métal, terminée par deux cônes, pour que l'instrament pit tourner avec facilité. Il était muui de vis servant à lui douner la position verticale. Il avait en outre son cercle azimutal de ueuf coudées de diamètre, et tout recouvert en cuivre. Cet instrament était si blen équilibré que deux hommes pouvaient s'y suspeudre saus que les mouvemens en parussent gênés ou la position altérée le moins da monde, et l'on pouvait passer facilement entre l'azimutal et le vertical. Des escaliers étaient pratiquée pour la facilité des observations; le toit tournait et s'ouvrait ainsi qu'on pouvait le désirer.

21°. Dans un autre souterrain un autre quart de cercle qui tournait sur une coloune de pierre. Il avait quatre coudées de rayon; les minutes y étaient divisées en quarts, de manière que les hauteurs qu'on y observai différeiant de so' touta apus de celles qu'on prenait au quart de cercle précédent. Il était de même accompagné d'un cercle azimula l'érifion par les digressions de la polaire. Cest ainsi qu'il déterminait la direction de la méridienne et le zéro de l'arc. Cet azimutal avait six coudées de dimiètre.

22'. Dans lesconterrain D est un instrument armiliaire plus simple que cent d'Hisparquest de Polémies, mais propre à tous les mêmes usages. Tycho-l'appelait ses armilles sodiacules; il n'avait que trois cercles, onte un méridien immobile; il donnait les latitudes et les longitudes à la minute; mais il fallait deux observateurs. Le méridien d'acier avait la minute; mais il fallait deux observateurs. Le méridien d'acier avait la minute; mais il fallait deux observateurs. Le méridien d'acier avait tonis coudées de diamètre. Les limbes de tous ces cercles étaient de cuivre; onny-lisait les minutes. Chaque armille avait ses piangles mobiles, Accou d'aces instrumeus un se dérangeait de la position q'orto nia avait donnée (nons en dirions autant des nôtres, s'ils a'claient munis d'excellentes luuettes qui en manifestent les alécticulos les plus légéres qui en manifestent les alécticulos les plus légéres de la mainte de la consideration les plus légéres de la consideration de la

25. Apprès de là se voyait un sextant tout de cuivre, avec ses vis, et que Tycho avet fait construire pour être transporté. Il devait servir à mesurer la hauteur du pôle dans les lieux où l'on jugerait utile de faire cette vérification. Il pouvait se démonter et se renfermer dans sa boile.

24°. Il avait aussi une armille portative de trois coudées, garaie de cuivre, et divisée en minutes. Pour observer on la plaçait sur une colonne à l'extérieur; elle servait à prendre les déclinaisons.

D'autres colonnes recevaient les règles Ptolémaïques.

25. Enfin un petit quart de cercle d'une coudée de rayon, composé d'une lame asses épaisse de cuivre doré. On pouvait lui donner toutes les positions imaginables, et il était divisé de cinq en cinq minutes. Il avait de plus une division de Nonius. Sur l'autre face on voyait des tables de conversion pour les différens ares.

30. Un rayon astronomique de trois condées, travaillé par Arscenius, petit fils de Gemma Frisius, qui a composé un livre sur cet instrument. Un autre rayon tout composé de lames de cuivre, dont la forme était triaugulaire; il était creux à l'intérieur, pour qu'il fist moins lourd; les divisions avaient la précision des sinus à cinq chiffres. Nous avons vu ce que Tycho pensait des rayons astronomiques.

27°. Un anneau astronomique d'une coudée de diainètre; il était de cuivre, soudé d'argent, avec lant de soin, qu'il paraissait coulé d'une

seule pièce; mais Tycho n'y avait ancune confiance; il en avait un autre plus petit dont le diamètre était d'un spithame.

28°. Un petit sstrolabe de cuivre d'un spithsme de diamètre et qui ponvait se monter aux diverses banteurs du pôle.

Sternburg devait communiquer à Uraniburg par des galeries souterraines qui auraient conduit au laboratoire chimique.

Tycho entretenait jusqu'à huit calculatenrs.

Tonte cette description se retronve avec quelques additions dans le livre Astronomie instaurate Mechanica 1602. On y voit les figures de tons les instrumens, les plans détaillés des édifices et de l'enclos, enfin le plan énéral de l'île.

Dans une lettre du 20 janvier 1592, il demande au landgrave des oppositions deservées par Mastilinus; dans les années 1576, 77 et 78 pour Saturae et dans les années 1576 et 78 pour Mars. Il désiré assit une collection d'éclipses. Son horloger venait de mourir, il en demande un antre.

Dana lea observations de la comète de 1580, on avait tonjours à Cassel 18' de moins qu'à Uranibourg. Tycho pense que cela venait du fil-à-plomb de Cassel. Les observations d'Hagecius confirment celles de Tycho.

Dans une autre lettre de même date, Tycho demande à Maurice, fils du landgrave, quelques vers; Maurice répondit par une pièce de vingt vers dont voici les derniers.

> Quando quidem dudum miratur (Uranie) pervia cuncta Esse tuis fabricis qua latuere prius, Hinc tibi scrutanti leges sublimis olympi Inter honoratum praparat astra locum.

C'est ici qu'est rapportée, la lettre de Rothman dont nous avons donné fextrait ci-dessus. Dans sa séponse, Tycho expose les raisons qui ont retardé la publication de son ouvrage sur les comites. Il parle des persecutions auxquelles il est en butte; mais il paralt que ces presécutions ciaient encore purement littéraires. Il se plaint amérement et longuement d'un certain médecin écossais qui l'avait assez maltraité à l'occasion de ses opinions sur les comètes.

Comme Rothman s'était montré grand partian de Copernie, Tycho lus papelle que Copernie avait tronvé l'excentricité de Mars plus petite que suivant Ptolémée, et que cette remarque l'avait porté à mettre la Terre en mouvement et le Soleil en repos; mais en cela il s'est trompé, sì l'on en croit Tycho; l'excentricité de Mars est à pen près celle que loi donne Ptolémère; mais quand on la diminarenti, on ne la rendre pas plus favorable à l'hypothèse du mouvement de la Terre. Copernic arb hien déterminé ni l'excentricité de Vénus, al le lieu de son apogée qui serait maintenant en 2º 17° (en 1595), tandis qu'il est réellement vers 5'.

Le volume finit par une élégie de Tycho sur la mort du landgrave; à la dernière page, on lit:

Uraniburgi, ex officina typographica authoris, anno D. 1596.

Après ce que nons avons rapporté des instrumens de Tycho, il nous reste peu de chose à extraire de, la Mécanique astronomique. On y trouve une Notice historique de la vie et des travaux de Tycho. C'est là que nous avons pris les particularités qu'on a vues au commencement de l'article. On y voit, en outre, que Tycho désirait que quelque prince euroyât un observateur dans l'Mémisphère austral, pont compléter la description du ciel. Il soushiait également qu'on déterminist avec soin les latitudes et les longitudes géographiques; mais pour celles-ci, il ne proporté que l'observation des éclipses de Lune.

A la suite d'une lettre de Curlius, vice-chancelier de l'Empire, on trouve un moyen nouveau pour diviser les quarts de cercle, imagind par ce même Curtius, et dont nous allons faire l'extrait. La lettre est du 24 juin 1590.

Nouvelle division du quart de cercle.

Dans an quart de cercle exactement diviséen ses 90°, décrivez 50 antese, quarts de cercles sur celai de lous qui est le plau voisin du line, prenez un arc de 61°, que vous diviserez en 60 parties égales, on prenez un arc de 50°, que vous diviserez en 50 parties égales, on prenez un arc de 50°, que vous diviserez en 50 parties égales ; dans l'un et l'autre cas, chacune de ces parties égales vaudra 1° et 1°. Nous ne nous servirous que de la première de ces parties et nous ometitons toutes les autres , comme si elles n'étaient pas dans le quart de cercle; c'est coureun'il (ouveindend a de faire ces divisions d'une manière occulte.

De cette première division, comme tentre, avec une ouverture égale au rayon du cercle, marquez un second point; l'intervalle entre ces deux points sera de 60°, car le rayon est la corde d'un arc de 60°.

A la suite du second point, prenez sur le même quart de cercle un arc de 28°, c'est-à-dire de 28 parties égales.

Dans l'arc suivant, prenez un arc de 62°, que vous diviserez en 60 parties égales; elles vandront chaeune 62', ou 1° 2'; vous ne prendrea que la première, et vous ne tracerez pas les autres.

| A cet arc de | 1* |
|------------------------------------|-----|
| ajoutez de même | €0 |
| et ensuite | 28 |
| le total sera | |
| Sur le troisième arc vous prendres | 1. |
| ajoutez | |
| • | 89. |

Les divisions du limbe donneront les degrés entiers; on les marquera o. Celles du second, les degrés + 1'; celles du troisième, les degrés en-

tiers + 2'; on les marquera 1', 2', 5', etc.

Celles du dernier, les degrés + 50'; on le marquera 50'.

On aura doue, sur cet instrument, 5400 ares réellement divisés, c'est-à-dire l'arc entier divisé en minutes.

En observant sur quelle division de quel are tombe le fil-à-plomb, on aura tout aussitôt la valeur de cet arc en degrés et minutes.

Le jugement de Tycho, sur ce nouveau moyen, est qu'il ne tient, pas tout ce qu'il pronte d'abord. Il cai impôsible que tant de division différentes soient exécutées avec toute la précision requise. Plus les arcs approcheront du centre, moins les divisions auront d'étendue; il sera difficile de bien distinguer le trait coupé en deux ou couvert par le fil; mais il trouve avec raison que l'invention est ingénieuse.

A la première ligne de cette description, j'ai cru que Curtius avait

tronvé ce que nous appelons un uemier. Le prenier raisonnement set en effet celui qu'a fait Vernier; mais Vernier n'emploie qu'un arc au lien de 59; cet arc de 61; il le divise en 60 parties égales; le premier arc donne tout ce que promettent les 59, et il le donne mieux ç c'est ceq que n'a pas r Gartius, c'est e eque n'a pas remarque l'ycho.

Maginas exhorte Tycho i s'occuper de Mars, à qui il soupcoma deux inégalités ou une accentricité variable, est Piccentricité de Plolémés ne convient pas an tems de Copernic, et réciproquement. En louant beaucon ple système de Tycho, il regrette d'yvoir les orbites du Soleil et de-Mars s'entrecouper; mais sie ne filet Mars acronyque est plus près de la Terre que le Soleil, cette tuternection est inévitable. (Oui, dans le système de Tycho, mais non dans celui de Copernic, dont change comparsion nouvelle fern mieux sentir l'avantage.)

Magins avait dédié à Tycho un ouvrage sur l'extraction de la rancine extrée, et lui en avit envoyé un exemplire, qui, au hout de six anriètait pas eucore arrivé. Le hasard le fit tomber entre les mains de l'un des calculateurs de Tycho. Maginas pensait qu'en certaines occasions, as méthode servit d'un usage plas facile et plus prompt que celle des tangentes et des sécantes, apparemment pour trouver l'hypoténuse d'un trangle rectangle dont ou avait les deux antres cédés.

Dans no écrit adressé anx nobles Vénitiens, il les prie d'envoyer un astronome en Egypte pour vérifier la latitude de la capitale de ce pays, qui s'appelait autrefois Alexandrie, et aujourd'hui le Caire. Ptolémée doit avoir connu cette latitude, à 1 ou s' prés. Il serati important de savoir si les banteurs du pôle sont constantes. Il faudrait pour cels que la bonne opinion que Tycho avait de Ptolémée fut un peu mieux s'ondée; il offrait ses instrumens pour cette expédition. Sa demande n'eut appearament autoure snile.

Il donne ensnite les plans plus détaillés de ses édifices, et la carte de son lie. Il parle enfin de son alidade, de aes transversales, dont il démontre que les erreurs sont insensibles, puisqu'elles ne passeut pas 1º 7".

Il nous reste à donner une idée dn plus important des onvrages de Tycho, car il nous est impossible d'en faire en extrait véritable; c'est le recneil de ses observations. Le titre en est : Historia cœlestis ex libris commentariis manuscriptis observationum

Historia cœlestis ex libris commentariis manuscriptis observationum Vicennalium, viri generosi Tychonis-Brahe, Dani.

Ce recueil commence par une Préface de l'éditeur, Barretti. On y

Sample by Consider

trouve ume histoire succincte et un peu conjecturale de l'Antronomie; les éclipses observées depair l'année 721 vant J.-C., jasqu'à J.-M. – 465. A l'article des Grecs , Barrettus n'ose affirmer si Hipparque a observé les équinoses à Rhodes on à Alexandreis il discute les alignemens de Ptolémée. Ensaite il passe en revue toutes les observations depais l'an te outre ères il rapporte l'iuscription de Ptolémée, publière par Bouil-laud; et continuant la série des observations jusqu'à l'an 824, il arrivé alhatsequins, axophi, Alfragna, Alfarqe, Araschel et Alpètrage. Il nous dit qu'Alphonee, en 1257, fit de nouvelles tables conformes aux corrections d'Abstagnins, et qu'il en rejet les réveries maners, arabes et juives, qui défiguraient les premières. Il fait un extrait des Tables de Chrysococa, publiées par Bouillaud.

A l'an 1245, il rapporte que le 25 mai, on aperçui asprès du Capricorne une éciole aussi brillante que Vénus, mais d'une coulent rougeâtre. On crut que ce pouvait être Mars; mais elle diminua peu à peu de lunière vers le 25 juillet. Il rapporte censuite les observations de Régiomontan, Waltherus et Werner. Il passe à Coperaic, au landgrave, à Mæstlinus dont il rapporte une éclipse de Soleil observée dans une chambre observe, le 25 février 1570. (Voyes tom. Ill, pag. 285).

Après ce catalogue de toutes les observations qu'il a pu recueillir, il arrive à Tycho.

Pour l'histoire de ses premières aunées, il renvoie à Gassendi en ces termes, qui paraissent confirmer l'anecdote du duel;

Prima juventue ausa animosqua illà citato se efferentes, leges qual Gassendum, que nos consulto preterimus, ne quisus laudare Braheum toto hoc opere propositum est, necesse sit primas adolescentite origines à Constantino Riun'orswireo repetere. Ayant à louer Tycho dans totte le cours de cet ouvrage, il ne juge pas convenable de remouter à l'histoire de Constantin nez coopé.

On retrouve encore ici la figure et la description des principaux instrumens de Tycho, et la Préface finit par l'histoire des manuscrits. Ils avaient ciè remis à Képler pour la composition de ses Tables Rudolphines. Après l'impression de ces Tables, Képler gardait les manuscrits jusqu'à ce qu'il fut pays des sommes qui lui étaient dues. Képler mourut deux ans après, et les troubles de l'Allemagne firent qu'on n'ent plus le loisir de s'occuper de cette publication. Enfin l'empereur Frédéric III en donna le soin à Georges Martinizius, chancelier de Bohème.

Les observations sont rangées par année; chaque aunée est divisée en plusieurs classes, selon les astres et les instrumens.



d'une demi-minnte environ , parce que l'instrument n'avait pas encore été suffisamment rectifié, comme il l'a été l'année snivante; il n'était pas en tous ses points parfaitement dans le plan du méridien.

Le grand quart de cercle n'était pas parfaitement plan; il a eu besoin de quelques améliorations qui n'ont été achevées qu'en 1584.

A la page 47, on voit que la hauteur de l'equateur déduite des deux solstices, ne s'accordait pas avec la hauteur du pôle.

A la page 274, on voit l'observation qui l'a conduit à trouver l'inégalité de la Lune en latitude. Voyez anssi les pages suivantes.

Les observations de 1595 manquent, et l'on n'en pent assigner la cause. L'éditeur conjecture qu'à l'occasion d'une discussion sur Mars péribélie et sa parallaxe, le landgrave et Tycho avaient pn s'envoyer réciproquement les originaux de leurs observations, et que dans le déplacement le cahier de Tycho se sera perdu. Pour remplir la lacune, Barrettus imprime le catalogue du landgrave pour 1503; on y voit les distances et hauteurs méridiennes observées, les ascensions droites, les déclinaisons, les longitudes et les latitudes calculées. On ne sait si ces calculs sont de Rothman ou de Juste Byrge.

Les longitudes de Ptolémée, réduites à l'époque de 1593, sont mises à côté de celles du landgrave.

Les observations sont interrompues an 15 mars, per le départ de Tycho, qui quitta son île pour se retirer en Allemagne; il partit d'Uranibourg le 29 avril, et se rendit d'abord à sa maison de Copenhague, où il fit transporter ses livres, son imprimerie et ses instrumens, à la réserve des quatre plus grands. Ils n'étaient pas aisés à transporter sur des barques; il avait encore pour cela des raisons qu'il dira quelque jour. Pour ne point interrompre trop long-tems ses observations, il voulait placer ses instrumens dans une tour voisine; le grand-maltre du palais lui en sit refuser la permission au nom du roi, qui était absent. Tycho emballa donc tons ses instrumens avec le reste de ses effets, et il partit pour l'Allemagne nn peu avant le solstice d'été, avec toute sa famille, abandonuant son ingrate patrie, qu'il accuse moins que quelques personnes qui prennent sur elles de décider de la fortune publique.

« La cause principale de ce changement inattendu fut qu'immédiatement après le conronnement du roi, on le priva du fief de Norwège qui principalement fonrnissait à ses dépenses astronomiques; en vain il avait réitéré ses réclamations auprès du grand-maître de la cour; il

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

a'adressa su chancelier, qui lui répondit qu'on ne pouvait lui rendre son fief, et que le roi n'avait plas les moyens de fournir aux dépenses de son observatoire. On lui ôts donc le traitement que lui avait assigné le feu roi: caceo nune que circa reprobes istos insufarese et Purocham in oclium mei everentun. Ces mois significa-lis: Je ne divai pas tout co qu'ont souffert, ou tout ce qu'ont fait en haine de moi ces méchans insulaires et leux curé.

« Privé de tous les moyens de travailler à la perfeccion de l'Astronomie, et voyant que des godis auxquels je no croyais paorior renoncer sans crime étaient vus de si masvais coil dans ma patrie, il ne me resnit qu'à quitte ce pays et fisire en sorte que tant de peines et de dépenses ne fussent pas enièrement perdues. A peine avsis-je quitté le Danmarch que le chancelier faissant l'sequisition de ma préhende, la converiti à son propre nasge, et m'ôts sinsi toute espérance de rentrer dans cette possession. C'ésis bene-l'ert la l'Obliet qu'il s'ésuit proposé. »

» Je demeurai à Rostock pendant trois mois, malgre l'épidémie régnante, sôn de donner le tens aux moistres de faire de plus mères réflexions; mais Henri de Ransow m'ayant invité à me préserver de la contagion, j'accepai un asple dans son château de Wandeburg, à un demi-mille d'Hambourg. Là je passai l'hiver, soit à continuer mes observations, soit à travailler des ouvrages commencés. J'ai c'ire devoir placer ici ces éclaircissemens, je dirai le reste en son tems et en son lien. »

Nons avons traduit fidèlement le récit de Tycho. Ce récit n'est pas parfaitement clair. On voit qu'on ministre a fais tapprimer le traitement dont il jouissait et une prébende qui fournissait à ses dépenses. Cela se conçoit, il n'y a rien de biene extraordinaire; mais on ne le forçait pas de quitter son lle. Sil n'avait plus le moyen dy entretenir un grand nombre de calculateurs qui l'aidiant dans toute ase observations, il pouvait au moios virre dans son châteun d'Urnnibourg, y continuer as observations, ou tout au moions sea ouvrages et ses calculs; pourquoi chercher une retraite où il ne pouvait ni transporter, ni placer ses instrumens les plus précieurs? Il tuit tout ce que ces méchans insuluers et leux curé ont pait en haine de lai. Si c'est la vérilablement le seus de sea expressions équivoques, il n'était pas simé de ces habitant (rsporbi insuluers), il avait à s'en plainder. Tycho paratt en tout tems cutéé de an noblesse et de son ménte; al-Il traité ces habitans avec trop de hauteur et de durect 7 se sont-ils vengé des qu'ils ont pense équ'il n'était par le trei de de la contra de la

plus si bien en cour? ont-ils été piller et dévaster la demeure qu'il avait ahandonnée 2 on serait tenté de le croire. Si nous sous en resportons à Picard qui a visité Ille 24 sus plus tard, ceux à qui ce domaine avait été concédé, prireul les matériaux de châteus pour en construire un corps de ferme; mais *il a était pas en raine, n'éul-il pas été plus vantageux de le cousterver. Avai-on besoin de détruire Uranthourg et et Siellebourg pour avoir de quoi construire un corps-de ferme? Il y a la sans doute quelque attre chose qu'une intrigue de courtisans, pour a'enrichir des revenus qui avaient été accordés à Tycho; il faut quendum autre cuus loi sit susteil des enues de plus d'un gentue.

Le récit de Tycho est suivi d'une élégie de 104 vers qui commence par celui-ci:

Dania quid merui, quo te mea potria læsi?

Après un récit de tout ce qu'il a fait pour son pays, il ajoute :

Pro quibus (o Superi) mihi gratia reddita talis Sex ego cum natis matreque ut exul agam.

On ne voit pas ce que sont devenus les instrumens qu'il n'avait pu emporter; il demande ce qu'on en a pu faire.

Quis quæ pretiosa reliqui
Digeret, expediens usibus apta suis?
Mittitur ille Huenam socio comitatus ab uno
Secreta Uraniæ quem benè noste putant.

On ne sait quel est cet astronome qu'on envoie à Uranibourg à la suite du nonveau possesseur, et qui fut frappé de stupeur à la vue des instromens.

Fresh et ut widit spectaculus maxima diva
(Panca liter transani) obluspuise firmst,
Quid faciat trum ignarus I Qui talia pandat,
Nec conspecta usquum tin neque nota prias.
Attai inexpertus, fabricerum nomina quarrit,
Quarit tractandi (res putibunda) modum.
Ne tamen ignorus funta accessiste ferntur
Quar reservar nequit vellicot invidia).
Nec mirum, mem buso qui for thi instruxerval over,

Nee mirum, meus hunc quia fortè instruxerat aver,
Qui mihi jam dudum clam parat onne matum.

Il ne nomme pas son ennemi, et la visite dont il parle paraltrait prou-

ver que le château n'avait encore été ni détruit ni pillé. Il yaute les services qu'il a rendus par ses connaissances en Médecine

et en Chimie; il distribuait gratuitement des remèdes qu'il n'avait composés qu'avec beauconp de travail.

> Gratis quippe dabam parta labore gravi. Nimirum hoc fuerat cur tanta odia invida sensi, Hinc abitûs nostrs manat origo vetus.

Ces bienfaits ont excité l'envie. Telle est la cause ancienne de son exil. Voilà tout ce qu'on trouve de renseignemens historiques dans ces vers

qui laissent bien des dontes. Les observations de Tycho à Wandesburg commencent au 17 octobre 1507. Il y observa une grande éclipse de Soleil, le 24 février; elle fut

de onze doiets environ; ce qui restait du Soleil était d'une couleur pâle et obscure : à peine produisait-elle une ombre sensible. La partie cachée par la Lune était tellement obscure, qu'on n'en pouvait discerner la couleur. La partie éclipsée pouvait se considérer à l'œil; mais, si après l'avoir regardée, on fermait les yeux, on continuait de la voir pendant quelques instans, comme si l'image du Soleil était imprimée dans l'œil. On trouve ensuite les observations détaillées de deux éclipses de Lune vnes à Wandesburg.

En 1500, on le voit à Prague observer une éclipse de Soleil, le 22 juillet.

Le 11 septembre, il observait in arce Benachia en Bohême. Le 11 octobre 1601, il prenait encore des distances; le surlendemain il fut attaqué d'un mal de vessie qui le força de s'aliter. Les médecins de l'empereur le trouvèrent en délire, ils ne purent le soulager; il succomba le 24. On trouve plus de détails dans le recueil de Régiomontan. Voyez tome III, p. 336.

Aux observations de Tycho, Barrettus a joint, année par année, les observations que Mæstlinus faisait à Wittemberg, d'après un manuscrit de Schickhard que l'empereur avait fait acheter.

On tronve de même à la fin de chaque année les observations du landgrave à Cassel, et à la fin quelques observations de Schickhard, de Képler, de Longomontanus, de Bouillaud, de Galilée, du landgrave Philippe, et de quelques autres astronomes moins connus. A la page 947, on voit la figure d'une éclipse de Soleil; les cornes, au lieu d'être aigues, avaient la même largeur que la partie de la ligne des centres qui débordait la Lune.

A la page 955, on voit un passage de Mercure observé à Ingolstadt,

en novembre 1651, à travers les mages, qui ne permirent que trois sois de déterminer la position de Mercure; ensin plusieurs éclipses observées par Schickhard.

· Augustæ Vindelicorum, anno 1666.

Contemporains et successeurs de Tycho.

Le plus illustre et le plus célibre est le landgrave de Hesse, Guillaume IV, né le 24 juin 1552, et mort le 25 août 1592. Nous avons parlé de ses observations, tome III, pag. 555, uniquement par occasion, et parce qu'elles se trouvaient réunies dans un même volume avec celles de Régiomonate et de Walherus. Sa correspondance avec Tycho, celle de Tycho et de Robman, nous ont appris tout ce que la vie de ce prince peut fouriri à l'Histoire de l'Astronomie. Kepler, dans son livre de l'étoile du Cygne, lui rend ce témoignage, qu'il a montré un zèle et un soin qui sont fort au-dessus de ce qu'on pouvait attendre d'un prince, et que par ses iuventions, il avait stimulé l'émulation de Tycho. Son catalogue a été publié par l'annsteed. Nous verrons plus loin qu'Hévélius parul le préférer à celui de Tycho.

Werner.

Jean Werner était né à Nuremberg, le 14 février 1468. A l'exemple de Régiomontan, il voulut voir l'Italie, et pour se perfectionner dans l'Astronomie, il se rendit à Rome en 1405; il y fit quelques observations. En 1500, il suivit les mouvemens de la comète du mois d'avril. Il publia quelques livres où il éclaircissait divers points de Géométrie et de Géographie. Nous avons parlé, tome 11, p. 530, de ses vains efforts pour restituer un passage inintelligible de la Géographie de Ptolémée. Il a composé un livre des quatre manières de représenter le globe terrestre sur un plan. Il a traité de la construction et des usages des météoroscopes. Ses cinq livres des Triangles contiennent un grand nombre de problèmes astronomiques et géographiques. Il composa des traites des Horloges solaires, des Élémens coniques, enfin un livre du Mouvement de la huitième Sphère. D'après ses observations de Régulus, de l'Epi et du bassin austral de la Balance, comparées aux positions que les catalogues de Ptolémée et d'Alphonse donnent à ces étoiles, il conclut un mouvement de 1°10' en cent ans. Cet ouvrage est si rare, que Tycho le fit inutilement chercher par toute l'Allemagne; Magini le lui envoya d'Italie. Nous n'avons pu le trouver à Paris. Werner trouvait l'obliquité

- Design Longle

de 25-26; il rassemblai les observations météorologiques, et s'offorqui d'en tiere des régles sur les changemens de l'atmosphère. Il ti construir un planétaire pour représenter les théories de Polémée. Il monrat en 15-26. Voyez Vétidler, p. 535, et Doppelmayer, De Mathematicis Norimbegrasiblus, p. 51 et suiv.; cer nous n'avons pu nous procuver aveun de ces ouvrages. Mais en cherchant celui du Mouvement de la huitime Sphere qui devait exciten rotre puriosité, puisqu'il avait piqué celle de Tycho, nous avons rencontré un ouvrage qui porte an titre à peu près semblables, et dont nous parlevous plus loin.

Longomontanus.

Christianus Severini Longomostanus, a é en 1563 d'un paysan da village de Lonborg, dont il a pris le nom, passa huit années auprès de
Tycho, dans Ille de Ifueen; il l'aida dans la plupart de ses travaus, et
sur-tout pour son catalogue d'étolles et pour sa théorie de la Lune; il
e suivit même en Bohême. A sou retour dans sa partie, en 1663, il fut
nomme recteur de l'école de Wibourg, d'où il passa à la chaire de
hautes Mathématiques à Copenhage, place qu'il remplit avec distinction
jusqu'à sa mort, arrivée en 1647. Son Astronomie danoise fut imprime
en 1640. Il fit paraître en 1659 une Introduction au Théâtre sarronomique.
Son principal ouvrage en ston Astronomie, dout il tel trei

Astronomia Danica, vigiliis et opera Christiani S. Longomontauti, professorii Mahematum in regid Academia Hammieni, elaboruta, et in duar partes tributa, quarum prior doctrinam de diurnă apparente siderum revolutione super spheră annillari veterum instaurată, duobus libris explicat: posterior theorias de motibus planetarum ad observationes Tychonis-Bruhne et proprias, in triplici formă redunegratus, itidem duobus libris complectiur. Cum appendice de acsititis ceal phenomentis, nemps stellis novis et cometw, nunc denuo ab authore locis nou nulli emendata et auteca, Amsterdanii, apud Joh. et Cornelium Bleau, 1640.

Dans l'Énlins didinatoire à Christian IV il sannelle à

Dans l'Épitre dédicatoire à Christian IV, il rappelle à ce prince que son aicel Christian III avait cultivé l'Astronomie, et qu'on en voysit la preuve dans les machines (a'origara) et dans les moumens qu'il a laisses; que son père et son prédécesseur, Frédérie II, avait, peudant 21 ans, protégé Tycho, et fait des dépenses vraiment royales pour la fondation d'Uranibourg; il remarque cependant que ce nombre 21 est troisième multiple du nombre 7, qui influe d'un munière s' fatale te troisième multiple du nombre 7, qui influe d'un munière s' fatale

sur les destinées de gener humain. Longomontanus croyai-li récliment aux qualités des auxée climatréques, on bien parlai-li en coordian qui criginait de fare rocqui le roi qui avait souffert que Tycho fat si inqui capit en la comparti de la constitue de la comparti de la comparti de la comparti de la comparti de la pest qui la vait prise à ses travaux, de son observa- de Tycho, de la part qu'il avait prise à ses travaux, de son observa- direc qu'il avait dringé, et enfin de robservatios qu'il avait recutillies pour en tiere des conséquences utiles à l'Astronomie. Rappelé à l'étude de cette science par écut soit de la vient de la constituir des instrumens, en petit nombre à la vérite, aux qui un le cédaient en rien à coux dont il avait du fait un long usait qui ue le cédaient en rien à coux dont il avait dis tiu un long user, l'eigne et daté de 1620.

Dans le premier livre meroposytopiarus distronomies, ou des connaissances preliminaires, il résout les trianglés par le moyen de la prostaphérèse, perfectionnée successivement par Tycho, Viichius, Clavius et Melchior Soestel, qui lui donna la plus grande généralité. Il ne connaissit probablement pas les ouvrages des Arabes.

$$sinAsinB = \frac{sinA}{sinB} = \frac{sinAsinB}{sinB} = \frac{sinAsinB}{sinB} = \frac{sinAsinA}{sinB} = \frac{sinAsinAsinA}{sinB} = \frac{sinB}{sinAsinA} = \frac{sinB}{sinA} = \frac{sinB}{sinA} = \frac{sinB}{sinA} = \frac{sinB}{sinA} = \frac{sinA+\frac{sinB}{sinA}}{sinA+\frac{sinB}{sinA}}$$

vous ferez a=1, ou =2, ou =5, de manière à réduire cosée B à un nombre fractionnaire que vous ferez $=a+\sin B^*$, $a\sin A$ sera facile à calculer.

Au lieu d'employer un de ces deux moyens, Longomoutauus eu choisit un beaucoup plus détourné et moins commode.

$$\begin{aligned} & \operatorname{tang} \mathbf{C} = \overset{\operatorname{tang} \mathbf{B}}{\sin A} = \operatorname{tang} \mathbf{B} \operatorname{cosec} A = a \sin A' \cdot b \sin B' = a b \sin A' \sin B' \\ & = \frac{1}{2} a b \left[\cos \left(\mathbf{B}' - \mathbf{A} \right) - \cos \left(\mathbf{B}' + \mathbf{A}' \right) \right]; \\ & \operatorname{faites} a = \frac{1}{12}, \ b = \frac{1}{12}, \ \frac{1}{2} a b = \frac{1}{122}; \ \text{i} \ \mathbf{B} \le \left(\mathbf{A}' \right) \cdot \mathbf{C} \operatorname{y cose} \mathbf{A} - a \sin A' \cdot b \sin B' \cdot \sin C' \\ & = a \cos A' \cdot b \sin B' \cdot \sin C' \end{aligned}$$

il faudra deux opérations. Ce petit traité de prostaphérèse de Longomoutanus ne montre pas beaucoup d'adresse; il est en général fort superficiel et peu commode. Au moyen de la projection orthographique, l'auteur ramène à la prostaphérèse le cas de trois côtés donnés, pour en déduire les angles. La marche est assez simple et paraîtrait adroite, s'il n'y avait bien des méthodes pour arriver plus simplement au même résultat.

Les formules

cos A' = cos C'cos éc Ccos éc C' - cot C cot C' = cos C' sin A sin A' - cos A cos A', cos C' = cos A' cos éc A cos éc A' + cot A cot A' = cos A' sin C sin C' + cos C cos C',

se prèteut aux mêmes artifices de calcul; mais tous ces moyens, fort bons au tems où li sou téei magioies, paratirient aujourd'hui d'une longueur insupportable. Il est singulier que Longemontanus ait cru devoir donner un traité si peu complet de Trignonmétrie, et sur-tout qu'il ait cherché à prolonger l'assge de la prostaphéries, lorsque les astronomes étaient en possession des Tables logarithmiques de Néper. On tient à ses vicilles habitudes, on devrait s'en défer un peu plus ; et s' l'on n'a pas le bon esprit dy renoucer, il faudrait se garder du moins de les transmettre aux clères, à qu'il ton peut en indiquer de meilleures.

Le second livre des Prognorismes traite de la matière du ciel, de la forme des grands corps, de la force qui les met en movement. Nous ne suivrons pas l'auteur dans ses conjectures phòlosophiques, nous remarquerons seulement qu'il avance, comme un fait démoutré par les observations, que les réfractions sont nulles passé 45°. On lai passerait de dire qu'elles lui ont paru insensibles; en effet, elles sont au-dessous d'une minute.

Il n'ose assurer que les planètes soient habitées; mais si elles le sont, il concevra mieux l'existence des quatre lunes de Jupiter. Il cite en passant, ces deux vers d'Ovide, qui m'avaient échappé:

Terra pila similis, nullo fulcimine nixa; Aere subjecta tam grave pendet onus.

Mais il se trompe quand il dit qu'ils sont des Métamorphoses; ils sont da livre VI des fastes, vers 269 et 270; il passe à l'Astronomie sphérique, qu'il divise de même en deux livres. Le premier ne contient que les définitions des cercles de la sphère.

Dans le second, il résout, dans tous les cas possibles, le triangle dont les trois sommets sont aux pôles de l'éclipitque et de l'équateur, et au centre d'un astre quelconque. Il traite, en passant, des amplitudes et des différences saccessionelles, asses longuement da levers et couchers consiiques, délaiques et acronyques; mais il ne donne auxueue formule, aucun moyes qui lui spartienne. Il passe brièvement en revue les iustumpus attronomiques les plus connus. Il parte cossité de la méridieune;
pour la tracer, il indique les moyens vulgaires, et il ajoute: tiem exchevrate digressione circumpobarianus stellarum, maximà atment stella
polaris ad latera utraque maximă în horizontis circulo idem affectus quam viam Dn. Tycho-Braba tu tutissimum omnium, ad accusatum linore
meridianie în quadrunte azimutali investigationem habendum judicinata.
Ce passage nous apprend l'opiolion de Tycho el partique qu'il préférait.
On pourrait doutre cependant que par une laititude si haute que celle
d'Uranhoung, l'étoile polsire put donner avec une grande précision les
azimuts des deux digressions; il semble que les bauteurs correspondantes
d'étoiles moins elsevées, sur-tout vers le sud, répétées un grand mombra
de fois et jointesaux azimuts simultanés, auraient donné plus d'exactitude
et mériterienie plus de confiance une des des des causes de l'exactitude
et mériterienie plus de confiance.

A la page 114, il nous dit que Tycho avait fait construire à granda fais un astrollabe armillaire, et que cue ut'llipperque et de Ptolemée; mais qu'il avait reconnu que cet instrument ne doinait que des récultais asser incertaisis, va la multisude de ecreles dont il se compose, la difficient de leur donner à tous la même perfectioo, et la difficulté plus grande cocore de leur donner la positiou conveniable, et celle de les y maisteair pendant l'observation. Il ne l'employait donc qu'avec défance; il y resnous même preque entièrement (et antan non plane antiquant), aioti qu'i l'astrollabe et un torquetum, qui en sont la représentation sur plan. Il avait déj dit, en parlant du torquetum, que s'il on y joignait l'equatern; de soliaque et leurs cercles perpendiculaires, ou annait un instrument plas renarquable par son ingénieuse composition que par l'usage qu'on eo pourrait faire. Quam suo se pondère torquetum vehementer torquetum vehementer

Il expose cousite divers moyens pour déterminer la parallaxe d'un astreinconna ji reproduit brivenence les méthodes principales de Digges et de Tycho. Il avertit que la parallaxe de latitude, calculée à la manière de Tycho (qui sis cettelle de Ptolémée), est suffisamment exacte pour une parallaxe médiocre, telle que celle de la Lune; mais que pour une parallaxe plus forte, il couviendrait de calculer trignométriquement la distance apparente au pôle de l'ecliptique. Nous pouvou dire, que maissi junqu'aujourd'hui l'on n'e a calculer de parallaxe qui approchit decellede la Lune, et que nous avons des formules qui sufficient à toute les parallaxes imaginables.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

A l'article des réfractions, on voit que Tycho, les a déterminées par observation; que Képler a voulu donner des règles numériques pour les calculer, mais que sa théorio n'est pas assez générale, puisque dans les lieux maritimes, voisins du pôle arctique, l'air, plus épais, produit dans les réfractions des changemens considérables, et qu'on les y observe doubles ou triple de ce qu'elles sont dans la Germanie ultérieure et dans les lieux où l'air est plus pur. Il ajonte, que dans aucun des lieux où il a habité, même en Norwège, il n'a trouvé aucune réfraction sensible au-dessus de 45° de hanteur : il s'en tient donc à la doctrine de Tycho. Il porte à 20°. l'abaissement crépusculaire du Soleil; pour trouver la hauteur des nuages, il emploie une méthode de David, pasteur à Resterbaven en Ost-Frise; elle paralt supposer une donnée à peu près impossible à tronver, c'est-àdire le point où tomberait la perpendiculaire abaissée des nuages sur le plan de l'horizon, à laquelle on joint la hauteur angulaire des nuages sur l'horizon : la hauteur perpendiculaire des nuages sera le produit de la distance de l'observateur au pied de la perpendiculaire, par la tangenta de la hauteur observée.

 L'auteur passe aux cadrans horizontaux et verticaux, soit réguliers, soit déclinans; il les calcule par la Trigonoruétrie sphérique, Sa manièra, est simple, mais un peu obscure; voici en quoi elle consista.

Soit EH l'horizon (fig. 47), BD le premier vertieal, AE le cerele de heures, GO léquateur, soit un cerele horizer quelcoque « ANTE qui coupe en N le premier vertical, en M l'équateur et en T lhorizon; TH sera la mesure de l'angle que fera la ligne de l'angle horsire avec la méridienne horizontale, BN l'angle qu'elle fera avec la méridienne verticale; soit MS la déclinaison du Soleil, TS mesurera l'angle que fera, le rygon solaire avec la ligne norize qui se termine en T; SS vera l'angle, du rayon solaire avec la ligne qui se dirige en N: ces angles servent pour les arcs det signes.

Il calcule, comme tous les auteurs, les arcs TH et BN pour toutes les lignes boraires.

Il cherche MT par la formule

sclon que la déclinaison est boréale ou australe.

Faites ensuite sin TS: cos D::longnenr de l'axe: longueur de l'ombre comptée du centre sur la ligne horaire, ou ombre = axe cos D (MT ± D).

Hoc problema peculiare inventum nostrum est, nous dit Longomontanus. Ce qui paralt d'abord lui appartenir, c'est qu'il est le premier qui aft

substitué le calcul sux opérations graphiques; c'est déjà quelque choss. Soit (fig. 49) PARP l'e méridien, PP l'axe du monde, K le centre de la sphère, PSMTP un cerde horaire quelconque, qui coupe en T l'horizon OTR, et sur le cerde M le point de l'érquiste, et S le lieu do stille PM = PM = 90°, MS = D = déclination du Soleil; le 1910 et 1970 et l'entre prolongé indéfiniente en KAT', tera la projection horizontale du cerde horaire PSP, et par conaéquent la ligne horaire du cadran horizontal et Keral la projection du pôle et le centre du cadran; le rayon KR sera la méridienne et la ligne horaire. Ne Sera la rojection solaire.

Soit $K\sigma$ la longuent de l'axé, et menez σx parallèle à SK; σx sera le rayon solaire qui, passant par l'extrémité de l'axe, ira tomber en x sur la ligne horaire, Kx sera la longuent de l'ombre sur la ligne horaire KT. Or, à cause des parallèles

 $K\sigma x = PKS = PS = 90^{\circ} - MS = 90^{\circ} - D = angl. durayon sol. etdel'axe,$ $<math display="block">\sigma Kx = PKT' = P'KT = P'T = angle de la ligne horaire etl'axe,$ $<math display="block">\sigma xK = SKT' = ST = MT + MS = MT + D = 90^{\circ} - P'T + D,$

siu
$$exK : Ke :: sin Kex :: Kx = \frac{Kerlin Kex}{sin cex} = \frac{axc. cos D}{sin (Ger - PP + D)}$$

$$= \frac{axc cos D}{sin (MT + D)} = \frac{axc cos D}{cos (FT - D)}$$

$$= \frac{axc cos D}{cos (MT - D)} = ombre;$$

le problème se réduit donc à chercher MT ou son complément P'T=A'.

Le triangle PRT, rectangle en R, donners

tang P'T =
$$\frac{\tan g}{\cos TP'R} = \frac{\tan g}{\cos P}$$
,

$$\cot P'T = \tan MT = \cos P \cot H = \cot A'$$
,
 $\tan g$, $TR = \sin P'R \tan g TP'R = \sin H \tan g P$

alors cos P'T = sin MT = cos TR cos P'R = cos A cos H = cos A'.

Les formules tang A = sin H tang P, tang MT = cos P cot H,

ombre = are ces D are celles de Longomontanus; il les démontre d'une manière un peu obscure, par deux figures différentes. Par la ligne ex sjoutée à la première de ces figures, nous rendrons la seconde iouile, et la démonstration devient beauconp plus claire.

Les formules tang $A = \sin \Pi$ tang P_1 cos $A' = \cos A$ cot Π_1 ombre $= \frac{1}{\cos (K - \Pi)}$ sont celles que nous avons tirées de la seconde méthode de Manster. Les formules de l'ombre sont numériquement identiques dans les deux méthodes; elles se tirent du même triangle, mais la costruction de Longomontanue est bien plus simple; l'expression cependant paralt différente. Noso faisions ombre $= \frac{\cos \Pi \operatorname{res} D}{\cos (K - \Pi)}$, mais c'était en prenant pour unité le rayon vecteur de l'équinoxiale. Cette appoptible donne axe $= \cot \Pi$ i ainsi, les formules sont identiques. La solution est donc originairement de Manster; mais à une construction très pénible et très observe, Longomontanue a substitué le calcul de trois analogies extrêmement simples. Les gomonistes modernes ont reproduit ces trois analogies tirées de Munster; mais en les démontrant par la Trigonomètrie plane, ils n'ont obtenu ni la même clarté, ni la même rédurilité.

Tout ecci appartient an cadran horizontal; pour le cadran vertical, H dans les formules exprimerait la hauten de l'équateue, et D la declinanison aostrale; mais, pour ne rien changer à nos dénominations, nous ferons pour le cadran vertical non déclinant tang $\Lambda = \cos H$ tang P, tang MT = $\cot PT = \cos P$ tang H, ombre = $\frac{\sin R}{\sin (MT - D)} = \frac{\cos R}{\cos (\Lambda + D)}$; cest ce que nous trouverons directement par la construction suivante.

Soit (fig. 49) PZP' le méridien, ZRN le premier vertical on le cadran vertical mon déclimant, PP' l'axe du moude, K le centre de la sphère et du cadran, PSMP' nn cercle horaire quelconque, qui coupe en R le vertical ZRN, M le point de l'équateur, S celui du Soleil, MS = D ##2 déclimiston du Soleil.

PKS = PS = 90° - MS = 90° - D, KS sera le rayon solaire;
RKx sera la ligne horaire.

Soit Kσ == axe du cadran; σx parallèle à SK, sera le rayon solaire qui, rasant le sommet σ de l'axe, ira tomber en x sur la ligne horaire, Kx sera l'ombre.

PR=PKR=oKx=angle de l'axe et de la ligne boraire,

RS=RKS= $Kx\sigma$ =PS-PR=go'-D-PR=angl.du rayonsol. etde l'axc, P'S=go'+D=P'KS= $K\sigma x$,

 $\begin{array}{l} \sin x : K \pi :: \sin \sigma : K x = \operatorname{ombre} = \underbrace{\begin{array}{l} \operatorname{Kx.tinr} = \\ \sin x = \operatorname{cot} D \\ = \operatorname{cot} D \end{array}}_{\operatorname{cot} (2R - D)} = \underbrace{\begin{array}{l} \operatorname{xx.cos} D \\ \operatorname{xx.cos} D \\ = \operatorname{cot} (2R - D) = \\ \operatorname{cot} (2R -$

ces changemens sont ceux que nous avons annoncés; et les formules, celles qui se tirent des constructions de Munster.

Si le plan du cadran est un vertical déclinant, PZ sera toujours le complément de la hauteur du pôle; mais l'angle Z sera oblique et le complément de la déclinaison.

Si le cadran est incliné déclinant, PZ ne sera plus le complément de la hatteur du polès; cet are, ainsi que l'angle Z, dépendra de la déclinaison et de l'inclinaison. Pour les trouver, voyez le livre de la Gnomonique, tome III, page 550. Ces denx quantiles étant déterminées, ainsi que l'angle ZPR, on aura PR et ZR par les formules des obliquangles, après quoi l'ombre se calculera comme c'-dessess. Longomontanus se borne à nous donner cet avertissement, sans entrer dans aucnn détait, Notre figure 45 suffit pour tous les cas et quelle que soit la position du plan ZRN. Aucune des constructions dounées jusqu'à nous ne nous paralt avoir-cette généralité, ni cette simplicite.

Nos formules offrent deux méthodes; pour les comparer, nous les appliquerons à l'exemple suivant, pour un cadran horizontal.

Methode de Longomontanus. sin H = 48° 50'9,87668 sin H 9,87768 tang P = 60.00,23856 tang A = 52.30.50"...0,11524 tang A = 52°50′ 50″ ... 0.116249,94171 cos A9,78451 cos P cos H tang MT a3° 56′ 55″....9,64068 $\cos A' = 66^{\circ}25'5'' \dots 0,60270$ D = 25.28.0MT + D = 47.4.55A'-D = 42.55.5MT - D = 0.8.55A'+D = 89.51.5

| cos D | cos D9,96251 |
|------------------------|-----------------------|
| C.sin (MT+D)0,13550 | |
| ombre = 1,25260,09781 | ombre = 1,25260,09781 |
| C.sin (MT-D)2,58607 | C.cos (A'+D)2,58607 |
| ombre = 553,662,54858. | ombre = 555,662,54858 |

La première opération est absolument la même; dans la seconde, sil peut être plus exact et plus commode de calculer MT par sa tangente que A' par son cosinus; d'ailleurs, la tangente ne suppose que les deux données primitives; le cosinus de A' suppose de plus l'angle A au centre du cadran; au lieu de cos A', on pourrait prendre sin MT, et l'on se rapprocherait de la méthode de Longomontanus. La dernière opération cat numériquement identique; il peut paraître un peu plus simplé d'employer un siaus qu'un cosinus. Cet différences sont légèren; ce-pendant on peut dire que les formules de Longomontanus méritent la préférence, ji éra déclare le premier auteur; il se peut qu'il sit trouvé plus court de chercher une méthoda nouvelle, que d'étadier et de cal-culer celles de Munuter; il a crivings de problème sous une face nouvelle, et se construction, comme nous l'avoss modifiée, pe laisse plus rien à désirer.

Puisque l'occasion nous ramène à parler de Gnomonique, sjoutons une remarque que nous aurions pu placer tome III, à l'article de la Hire, page 656.

Soit (fig. 50) trois cercles horaires également espaés queleonques PEP, PQP, PVP, està-dire tels que EPP'= VPP'; EQV Féquateur, TRO et tro les deux tropiques, on plus généralement deux parallèles également (olignés de l'équateur. Menes les arct TQ et Qo; je dis que TQ0 est un seul et méme arc, car on a Po = 180° — PT, Pt= 180° — PO, TQ = Qo; en effet, con TQ = con QE con ET = con QV vos Vo, aug EQT = = 180° — sur Vo, est arcs QE con ET = con QV vos Vo, aug EQT = = 180° — sur Vo, est arcs QE con ET = con QV vos Vo, de grand cercla FTt, PR, FOo, TQo, OQt seront représentés par des lignes droites; les points T, R, O seront sur l'hyperbole divie, EQV sur Téquinoniale, i, r, o sur l'hyperbole divier; le point Q = mmun à quatre arcs, sera de même un point unique sur la production de ser la production de TQ, juaqu'à la ligne horais — PVo, pour avoir le point o; et la ligne OQ, pour avoir le point c et qu', la suffir direct point ET et QD, pour avoir le point c et qu', la suffir avoir le point per le point ET et QD, pour avoir le point pet la figne dorais, il suffir avoir le point pet qu', il suffir l'avoir le point ET et QD, pour avoir le point s', il suffir avoir le point pet qu', il suffir l'avoir l'avoir le point pet qu', il suffir l'avoir l'avoir le point pet qu', il suffir l'avoir l'avoir l'avoir le point pet qu', il suffir l'avoir l'avoi

d'avoir tracé l'équinoxiale et l'un des deux tropiques, pour avoir autant de points du tropique opposé. Il en est de même de deux parallèles équidistans quelconques : c'est un corollaire du principe démoutré à l'article de la Hire.

La théorie des planètes, qui forme la seconde partie de l'Astronomie Danoise, est rédigée dans les trois systèmes. L'auteur désigne celui de Ptolémée, par le nom ancienç celui de Copernic, par l'épithète admindèle, culto, celui de Tycho, est le système nouvean. Mis malgré est hommage apparent rendu à Copernic, il se déclare entièrement pour Tycho. Voisi comme il annonce ce nouveau système: a Vour aumadoin systèmatic hypotyposis à Tychone-Brahe admenta, qui tum veuss illa Ptolemaien condundant est inconciunias, cum estim nerons Copernicaes in mont Terrer physica abunditas excluduntur, omnique apparentiis coelestibus optissimé corresponders.

Avant de rétablir les mouvemens du Soleil, il examine les observations auciennes pour en prouver les erreurs. Hipparque avait remarqué que la correction de Calippe laissait subsister une erreur d'un jour en 304 ans, ou en 300 ans en nombre rond; il avait diminué l'année de 122 de jour.

Hipparque, en voulant courrie daux lièvers à la fois, c'est-à-dire ovolant trouver un nombre just de lussions en un certain nombre d'années, régler la division du tens par les meuvemens des deux luminaires, et déterminer en même tens la longueur de lannée, quoique ette mesure soil indépendante de la Lune, parait à vavoir pas cherché la longueur de l'année dans le ciel et par le Soleil même, mais par certains éclipses. Polémée tombs dans la même erreur. »

Il semble que Longomontanus oublie la quantité d'équinoves comparés par Hijparque et Ptoleimée, et que son objection tombe d'elle-même. Il va maistenant accuser d'erreur ces mêmes équinoxes, et en cela sans doute, il a rasion, mais comment peu-l'e spérier de les corrège? Il remarque d'abord, que les tems ne sont donnés le plus souvent qu'en demies ou quante de jour : il y en a devin qui sont marqués d'une manière moins vague, l'un à 5 heurce et l'autre à 11 heures. Les équinoxes, marqués le matin ou le soir, ont du être affectés par la réfraction, et cel est vrai, gella exapeaix léquinoxe de printems et retardait celui d'automne. En conséquence, il akaptée aux equinoxes observés à midif mais il he avait pas que l'armille était frog délevée de 187, puisque la latitude était trop faible de cette quantité; il trouve que les équinoxes donneraient une samte de 360° 25° 47, trop faible de 35° en viron.

| 272 | minoxe d'automne à celui de printems, l'interval | lle scrait |
|--------------|--|------------|
| do | 170 | 111 25' |
| Que de l'équ | ninoxe de printems à l'équinoxe d'antomne, | _ |

il serait de... 186.17.59.
Quant aux équinoxes de Ptolémée en particulier 1, Longomontanus eroit comme nous et pour les mêmes raisons, que ce sont des calculs et non des observations; il appuie ce soupcon, de l'observation que Ptolémée nous dit avoir faite de la parallax e lunaire. Nous avons dit la même chose en commentant Ptolémée, sans avoir eneore lu Longomontanus; la chose est évidente pour qui veut y regarder. Ptolémée a supposé une parallaxe trop grande d'un demi-degré, pour trouver celle qui résultait de set prophèses; s'il na pas tout-à-fait supposé ses observations d'équinoxe.

il les a du moins altérées pour les faire eadrer avec sa théorie.

| Il intereale Deinde superat noctes ad solstitium (æstivum scilicet) | 92 | 12 |
|--|-----|----|
| diebus Usque ad æquinoctium autumni, et tum æquatá die procedit | 95 | 12 |
| ex eo ad bruman | 89 | 3 |
| | 3G5 | 6. |

Pline a oublié na intervalle; Longomontanus remplit la lacune, de manière à rouser l'année de Sonigène, à qui la titribu ees intervalles. Sosigène vivait à une époque moyenne, à peu près entre celles d'Hipparque et de Puòlemée. Le o o'serais assurer, dit Longomontanus, que Sonigène ait en eflet observé, peut-litre a la-til fait que copier Eudose; s'il a observé, c'est peut-litre au gomono. Je ne prétends donc pas que cos bearvations puissent avoir la même certitude que celles de Ptolémée on celles d'Hipparque; mais il n'y a aucun doute que Sosigène est remarque les erreus d'Hipparque et de ses prédéesseurs.

Je ne pense pas en ceci comme Longomontanus. Si Sosigène avait remarqué ces rerurs, comment avait-il assigué à l'année une quantité plus grande encore que celle d'Hipparque? ponrquoi n'établit-il pas dés-lors une autre règle d'intercalation? et pourquoi Longomontanus, en interealant in intervalle, ne le diminue-t-il pas de 11', pour avoir une durée de 565/5/4g/ envirou? quelle coufiance peut-on accorder à des nombres allérée peut-être par Pline ou par ses copistes, et qui ne son pas, comme le sont ceux d'Illiparque et de Ptolémée, certifiés par un caleul sabréquent, qu'on peut refaire pour s'assurer qu'en effet ces nombres sont véritables.

Pour l'excentricité... 0,0564857 | Hipparque trouvait... 0,0417 Et pour l'équation... 2° 5' 26" | et..... 2° 25'.

Les corrections sont très incertaines, rien ne les appuie; les conséqueuces sont donc fort peu sures.

Passat à Albateguias, il soupçonne que cet astronome a marqué son équinoxe au moins uu demi-jour trop tôt; d'après cette idée, au moios fort hasardée, et la correction non moins arbitraire qu'il fait à un équinoxe de Ptolémée, il trouve 5659 % /2 187; E'811-b-dire 1 /8" de plus qu'Albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros qu'il fait à un qu'Albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros qu'il ne faudros par l'Albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins qu'il ne faudros par l'albategui, et 1 2 /4" de moins par l'albategui, et 1 2 /4" de moins par l'albategui, et 1 2 /4" de moins par l'albategui, et 2

Il pense que l'équation d'Albategni est un peu trop forte, et nous l'avois rouvée plus forte eucore, tome Ill, p. 56 el 56. Il ajoute que l'apogés toit avoir un mouvement uniforme, en dépit de la mauvaise observation d'Arachel; en quoi sans doute il a raison, malgré toutes les suppositions arbitraires ou d'ises permises.

Pour les équinoses de Waltherus, il adopte le calcul qu'en a fait Tycho dans sex Progymansmes ; il refuit à as manière les équinoses de Copernic, il trouve l'équation 2°5°; bauccoup trop forte, l'apogée en 3°5° / è et l'obliquité 3°5° co è, ou même 3°5° (8°; il coughut enfin, que l'executricité est constante; il est vari que la diminution séculaire de cet élément ne pouvait guêre s'aperceroir alors, et se perdait dans les nombreuses creurs des observations.

Pour l'équation du tems, il admet la partie qui dépend de la réduction de l'écliptique à l'équateur ; il rejette celle qui dépend du mouvement Hist. de l'Astr. mod. Tom. I. 35 inégal du Soleil, et ses raisons, comme on s'en doute bien, ne sont pas très bonnes.

Il prétend démontre l'expetitude des Tables de Tycho, par des calculs d'observations où l'on voit des serceus qui vont jusqu'à 5'5°, et qui, d'un jour à l'autre, varient de 5',55'; et voilà ce qu'il appelle des observations incomparables : elles l'étaient en effet au terns de l'auteur; les choses ont bien changé. Tycho, dans une recherche, semblable, avait, fait un choir plus adroit ou plus heureur; avoyez ci-dessus, page 15'.

Il compare ensuite aux Tables de Tycho les observations qu'ils alumene faites à Copenhague, en 1610; il trouve le mouvement du Soleil up peu plas lent que par les tables, vers l'équisoaxe du printens, et un peu plus rapide vers l'équisoaxe d'autonne; et il soupconne qu'il faudrait diminuer l'équistion d'environ une demi-minute.

| Ainsi, pour le tems d'Hipparque et de Ptolémée, il a trouvé | 2° 5′ 26" |
|---|-----------|
| d'Albategni et d'Arzachel | 2.0. 0 |
| de Walthérus | 2.2. 0 |
| de Copernic | 2.5. 0 |
| de Tycho | 2.2.48 |

le milieu scrait...... 2.2.39.

Il trouve en conséquence, que l'excentricité est en rapport rationnel, c'est-à-dire ; du rayon de l'orbe; il remarque même que ce nombre 28 est-du second ordre des nombres parfaits: il croit ce rapport divin et mattrephie.

Pour l'apogée, il donne les quantités suivantes :

| | An du swinde. | Apogée observé. | Apogée rédoit. | Différence |
|--|------------------|--|--|------------------------------|
| Au tems d'Hipparque de Ptolémée, d'Albategni de Walthéros de Copernic de Tycho | | 65° 30′ 82.16′ 94.15 95. 8 95.30 | 65° 16′ 70. 3 82.53 93.43 94.23 95.30 | - 14 + 37 - 32 - 45 |
| Mouvement pour | 1744 aps. | 50. o | 30, 14 | -fert |

Le mouvement annuel serait donc de 62",4, ce qui approche beaucoup de la vérité. Il n'a pas été aussi heureux en ce qui concerne l'excentricité, qui n'est ai aussi forte ni aussi invariable qu'il se le persuadait. "The first space de ..." "The first space of the fi

« Il n'y a sucon doute que la dernière restitution de l'hypothèse que jai achevée en Bohéme, en 1600, chex Tycho, ne s'accorde sette phénomènes austi bien qu'on peut le souhaiter. Jamais les prottaphérèses de la Lune n'ont éprouvé de variation. Les sucients n'ont jamais cher l'excentricité de la Lune que per des éclipses combinées trois à trois, ce qu'intiqu'il sont, mal la proport, rejeté tout équaut de cette thouse. Cette combinaison ternaire, plus expéditive que su're, fut introduite par Polómée, et peu-tire par ses prédécesseurs.

Le peut-être est de trop. Elle est l'ouvrage d'Hipparque, et pour un début, on ne pouvait rien de plus simple et de plus ingénieux. Il est juste d'ailleurs de songer que faute d'instrumens on ne pouvait alors employer que les éclipses de Lune.

"Elle fut depuis imitée par Copernic; elle pouvait séduire par la facilité qu'elle offre de faire passer un cercle par trois poiuts donnés, mais cette facilité à été nuisible. **

Oui, par la suite, mais très heureuse d'abord en ce qu'elle donnait des facilités précieuses pour calculer les éclipses, seuls phénomènes qu'ou put observer alors, et les seuls auxquels on pouvait attacher de l'importance.

« Elle a empeché de trouver la vraie théorie, ainsi qu'on a ρα le voir par les éclipses mêmes, et sur-tout par les autres phénomènes; elle a influé sur les positions des étoiles, que l'on déterminait aα moyen de la Luue. »

Longomontaisse éragére ici le maj ; on, id déterminif pas le lieu de la Loue par cette théorie, on observait directement as distance angulaire au Soleli 3 près le concher du Soleli, on se sérvait de la Lune pour faire tourner l'instrument, on tensit compte du nouvement de la Lune pendant le tems où elle avait servi à cet uasgé; des qu'on apercevait une étoile, on abandomait la Lune. Supposez une heure d'interralle, our avait donc à crainder l'erreur d'in mouvement horiter je le mouvement avait donc à crainder l'erreur d'in mouvement horiter je le mouvement avait dis se calculet dans une ellipse dont l'équation étt été de 5°; on le calculait dats une excentrique qu'en différail peu; on ne négligait donc que les petits termes dépendans de l'évection as de la varisition. l'errent n'était donc que de 3' environ, dans les cea les ples défévorables. Cette méthode d'observation ne s'employait que pour quelques étoiles brillantes, et qui se voysient peu de tems après le concher da Solell; l'errent pouvait très sourent se réduire à rien. Uoe belle étoile ainsi déterminée, oo n'avait plus ancun bestoin de la Lune; il était bien plus court de la comparer directement aux autres étoiles, que de comparer ces étoiles au Solell, par l'entremise de la Lune; la parallace pendant un tens si court, n'alteria gière le mouvement. Conclusos done que les erreurs des étoiles venaient d'une autre source, et cette source sous l'avons soliquée ailleurs.

"Cette errent s'est étendue au Soleil même et à la longueur de l'aonée. » Autre exagératioo. C'est par l'observation des équinoxes et des sol-

Autre exagération. C'est par l'observation des équinoxes et des solstices, qu'on a déterminé l'année tropique; Hipparque, qui avait encore essayé d'autres moyens, a fini par recoocer à ces voies détouraées, et il s'eo est tenn aux équinoxes.

« C'est ce qui m'a engagé à refaire cet examen toot eolier, et à calculer de nouvean les éclipses anciennes et modernes. »

Cest assarément fort bien fait, mais Longomontanus none avertificaperaisement qu'il a negligie l'équation du tensa, qui dépend de l'inégalité du Soleil, et il a eu grand tort: 2" d'équation font 3 mioutes de tens, peodant lesquellé à Louce avance de 4" ceviron. Cette errear, bien volotaire, équivant seule à toutes celles qu'il feproche avec tant d'exagération à la méthode aocienne.

Il est vrai que Tycho et Képler ont pensé que la La exigasit une dequation du temp articulitére; il nont pa la déterminer bure acactement; mais Horox, en examicant de nouvean leurs idées, a cié coodnit à décourir l'équation qu'on comme aujour d'un amazulé. On doit les excuser tous decx et Longomontanns lui-même, mais il devrait avoir la même indulgence pour les anciens. Il n'est pas blen sate qu'à la place d'Hipparque, il est fait miens que ce grand sarronome; il est très probable qu'il n'est pas fait aussi blen. Il est si aisé de trouver des crears dans les théories et les observations des anciencis mis co doit roudre justice à loro génie, à leor segacité et à leur patience : c'est ce que Longomontanus s trop peu considéré.

Parmi les éclipses qu'il a calculées, on co remarque d'abord trois des Chaldéens; les erreurs des Tables soot -6', +2' et -15'; dans les trois éclipses d'Hipparque, les erreurs sont -5'+6' et -6'; en fin

dans les trois de Ptolémée, les erreurs sont +15', o'et - 26', il remarque enfin, que les tems sont donués avec trop peu d'exactitude, et nous sommes entièrement de son avis.

Piolémée ne donne ni le commencement, ni la fin, al ne rapporte que l'instant du milieu. Les éclipes d'Hiparque (ui) parissant préférables; il tronve de l'incertinde dans celles de Ptolémée, qu'il soupponne d'avoir établi ce milieu conformément à ses hypothèses. Nons sommes faché de voir reparaître si souvent ce reproche; mais ancun des astronomes qui ont travaillé sur Ptolémée, n'a pu se défendre de ce souppon et nous Pavous nous-mombee exprimé plus souvent que nous n'auronas voulu. Cest donc d'après les éclipses d'Hipparque, comparées aux modernes, qu'il détermine les mouvemens moyens ; ainsi, plus on exanine, plus on conçoit d'estime pour Hipparque et moins on accorde de confiance à Ptolémée.

Les éclipses modernes qu'il ealcule rétendent de 1575 à 1615; les premières sont de Toycho, les deruières sont de Longomontanes; le nombre toit est de 25, les erreurs vont à 5' \(\frac{1}{2}\); il n'a point calculé d'éclipses de Soleil, à cause de l'embarres des parallaxes. Cependant, il moss ssurer qu'elles ne sont pas moins bien représentées par ses Tables, dans lesquelles il a conservé les élémens de Tycho, et n'a retranche qu'une mingute un mouvement relatif de la Lune au Soleil.

Il résulte de ce chapitre, que Longomontanus, qui ciati à la tête des calcalateurs de Tyelo, et qui avait la principal direction de son observatoire, a du l'aider souvent dans ses recherches théoriques, comme dans tont l'ereste, et qu'il servit injuste de lai refuser la part qu'il réclame dans les travaux de ce grand observateur, à qui il restera toujours la gloire d'avoir tout fondé, tout dirigé, d'avoir imaginé les instrumens el d'en avoir fait loi-même un grande et fréquent usage.

Avec see Tables sinst corrigies de la Lone et du Soleil, Longomonnans recommence les calculs qui lui avaient donné les lieux de la Lone, pour les instans des observations d'étoiles, au tems des Grece, des Arales et des modernes ; et de ces observations il tire, pour la précession, les quantités suivantes :

| De Timocharis | à | Hipparque | 44" | par au. |
|---------------|---|-----------|-----|---------|
| De Timocharis | à | Ptolemée | 46 | |
| De Timocharis | à | Tycho | 49 | 10" |
| D'Hipparque | à | Tycho | 49 | 46 |
| D'Albategnius | à | Tycho | 48 | 14 |

De Ptolémée à Tycho..... 49" 57" par an. De Ptolémée à Albategaius... 51 0

D'on il conclut qu'elle est de 49" 45", ou d'un degré en 72 ; d'an.

Il eroit que la plus grande équation a dù être de 25°55', en l'an du moude 5600; et la plus petite 25°51', en l'an 5400 ou 1454 de notre ère.

En établissant les époques des moyens mouvemens, il remarque, comme une chose qui doit être agréable aux chronologistes, qu'à l'instant de la création, c'est-à-dire 3954 aus avant notre ère, le périgée du Soleil était en 6º et l'apogée en o'; et que l'obliquité de l'écliptique était alors la plus grande possible. Il ne doute pas d'ailleurs que le monde n'ait été eréé à l'équinoxe d'automne; l'incertitude lui paralt être tout au plus de six mois; ses Tables commencent par l'équation du tems dépendante de l'obliquité, le maximum est de q' 56"; son Catalogue d'étoiles est celui de Tycho, auguel il a cooperé. Techo en avait jeté les fondemens dans ses Progymnasmes; Longomontanus y a employé cinq ans de travail, depuis 1500 (non solum interfui sed etiam praefui). Il assirme qu'il y a mis tout le soin possible, qu'il a multiplié et comparé les observations jusqu'à ce qu'il eut obtenu un accord dans les mêmes minutes à peu près, Il a diminue d'une minute les longitudes de Tycho, il avait fait la même chose pour les longitudes du Soleil; il suppose que la période d'obliquité est de 3600 ans : la plus grande avait lieu en l'an 3600, un peu avant le commencement de la monarchie des Grecs; la plus petite en l'an 5400. alors elle n'était que de 23°51' . L'année de la passion étant en l'an 4000 du monde; il en conclut que notre ère a commencé l'an 5064-Quand il y aurait quelque incertitude sur la réalité historique des époques, elles n'en seraient pas moins exactes pour les usages de l'Astronomie, et toutes ses suppositions lui paraissent représenter suffisamment bien les obliquités observées en différens tems. Une des erreurs les plus fortes est celle de Ptolémée; mais il lui reproche d'avoir négligé la parallaxe, avec laquelle il n'aurait guère tronvé que 25°49' : on voit par la qu'il supposait une parallaxe beauconp trop forte.

Quoique partisan de Tycho, il emprunte de Copernic l'explication de la précession et du changement d'obliquilé, qu'il attribue à un mouvement de l'axe de la Terre; il fait douc tourner le pôde dans un cercle polaire. Le pôde da l'écliptique décrit autour de son lieu moyen, un autre petit cercle concentrique au premier, et dont le rayon est un arc de 31'46', moitié de la différence entre l'obliquité la plus grande et la

plus petite : il en résulte pour chaque étoile des mouvemens de longitude et de latitude faciles à calculer.

Par les observations d'Hipparque et de Ptolémée, corrigées saivant ses idées, et comparées à celles de Tycho, il trouve l'année de 365' 5' 48'55"; Tycho trouvait 10" de moins : la différence 11' 5", erreur de l'année julienne, produit un jour en 150 ans.

Pour la Lune, il fait à Ptolémée des reproches asses graves; il n'a point donné d'équant à cette planète; il a era pouvoir représenter par un épicycle et un excentrique tontes les inégalités qu'on observe entre les syzygies et lea quadratures; il n'a eu aucun égard à l'exactitude des distances et des parallaxes; il a oublé toulement la variation qui est même impossible dans 80n hypothèse; enfin, il a omis une petite équation, négligée de même par tous ses successeurs.

Copernic n'a corrigé qu'un de ces trois défauts, et il s'ene est tenu trop légèrement à trois ou quatre observations, par lequelles il a voulu prouver l'exectitude de ses Tables. Longomontanus remercie Dieu qui lui s fait trouver une théorie qu'un attaignit à tout; il l'établit de un manières différentes, l'une équivalente à celle qui se fonde sur les observations de Tycho, et l'autre, qu'il explique en cet endorit pour que le calcul puisse s'achever sans recourir à la Trigonomérire. Au l'ent d'un executirque et l'un épicycle, il y met deux ejérycles qui suffisent pour les conjonctions et les oppositions; les autres inégalités loi paraissent émaner du centre de l'ébievée du Soleil.

Il fait tourner la Lune dans un épicycle dont le rayon vu du Soleil est de 2°50/, la distance du Soleil à la Terre et de 185 deni-diamières de la Terre (ce qui donnerait une parallase de 2°40°); il soupçonne mème que la distance de la Lune au Soleil pourrait bien être dans le rapport du diamière du cercle à sept fois la circonfèrence, Cest-3-dire de 1868 deni-diamètre; il réclame ici, comme sa propriété, la Théoria, lunier en proprièté par Tycho, au livre l'é des Progy massanes; il calcule trigonométriquement cette hypothèse; l'autre soppose un excentrique; le centre des mouvemens de la Lune ou celui de cet excentrique tourne sur un petit cercle qui a pour rayon environ la moifié de l'excentrique du prote un épicycle sur lequel tourne la Lune; puisque cette nouvelle hypothèse est équivalente à la première, que nous avons exposée d'après Tycho, il est intuité d'enterer dans de plus grands déclair.

À l'occasion de la Théorie Tychonicienne des latitudes de la Lune et des inégalités du nœud, il attaque séverement Christman, auteur d'un Traité de la Théorie de la Lune, imprimé en 1611; il s'écarte en cela ces emples qu'il avis reços de Tycho, qui avait déclaigué de répondre à ses premières attaques, et s'était contenté d'un hiécoglyphe peint sur les muss d'Uraniburg, où l'on voyait la Lune dans son plein, continnant paisiblement son cours, malgré les aboicmens d'un chien, avec cette inscription: nil moror augus. Après une sortie d'une demi-page, Longomontan anonce qu'il n'en d'ar pas d'avanuage contre un suiteur suffissemment réfuté déjà par Oriçau. Il suppose que dans les syzygies, la parallate varie de 54 25 25 55 55 55 et et dans les quadratures de 51 55 5 à 66 45, ces quantités sont un peu faibles; il est asses naturel qu'on varivre près de la vérité qu'apprès diverses oscillations, autour du point juste ; pour les réfractions, il se contente de réproduire les Tables de Tveho.

Dans la théorie des éclipses il assure que, par les observations qu'il a faites en Allemagne, en Norwège et jusqu'à 64° ? de latitude, il a reconnu des variations singulières dans les diamètres de la Lune. Il dit même que de la pleine à la nonvelle Lnne la différence est de ; il cite en particulier une éclipse de Soleil observée à Berg, en Norwège, le 14 décembre 1601, hauteur dn pôle 60° 1, où des péchenrs virent avec admiration la Lune entière sur le Soleil, qui débordait de tout côté de 1 1 doigt : il fallait donc que le diamètre du Soleil surpassat celui de la Lune de 5 doigts, on d'un quart de son diamètre, ou de 8' environ. A la vérité, la Lune était apogée, ce qui est loin de suffice pour rendre raison de cette observation, dans laquelle nous nous croyons en droit de supposer beauconp d'exagération. Longomontanus attribue cette diminution de diamètre lunaire à l'épaisseur de l'air et aux vapeurs de l'Océan; il ne nous dit pas pour quelle raison les mêmes causes n'avaient pas diminné le diamètre du Soleil. Il parle encore de l'éclipse du 51 juillet 1608, qui élait de deux doigts à Wittemberg, tandis qu'à Copenhague, par le tems le plus beau, il n'y ent aucune éclipse; et cependant la différence des parallaxes ne pourrait produire tout-à-fait un doigt sur la grandenr de cette éclipse.

An contraire, dans les lieux où l'air est plus pur, les éclipses paraissent plus grandes; ainsi, en Bobème, en réoo, "Ychoe et sex cilculateurs ai-tendaisent une éclipse de 4 doigts tout au plus; ils l'observérent de 5½; il ajoute que, dans les éclipse de Lane, soit totales, soit partiel l'ombre paraît moindre dans un sir épais et par de hautes laitudes. Pour cepliquer ces plonéennéess, il apporte que ai le Soleil en mer, se moutre repliquer ces plocalie en mer, se moutre

derrière une petite fle qui ne le couvre pas en entier, c'est une chose étonuante que la manière dont le Soleil se dilate de chacun des deux côtés. Sin verò dicta insula se non aliter, inter oculos et Solem insinuarit, quam ut extremum saltem marginem solis ab una parte occultando lambat, heic Solem se se recolligere et quasi totum in conspectum eximere videbis, duplicem, procul dubio, refractionem admissurum, alterum ob horizontis, alterum insulæ ad latus vicinitatem. Il semble qu'on aurait pu, en moins de mots, s'expliquer plus clairement, ce qui nous détermine à citer le passage dans les propres termes de l'antenr, sans y joindre aucnne réflexion. Il ne croit pas au reste che jamais l'expérience ait moutré, même dans l'air le plus épais, une dilatation au-dessus de 6 à 7'. Il faut se souvenir encore, que ces observations out été faites sans micromètre et même sans lunette, et que toutes ces apparences ponrraient être d'une nature semblable à celles des diamètres de la Lone et du Soleil qui, à l'œil nu, paraissent à l'horizon amplifiés d'une manière si étonnante, tandis que mesurés au micromètre, ils ne présentent rien d'extraordinaire.

Il conçoit que les rayons solaires s'infléchissent en rusant le globe de Lunc; qu'ils pénètrent dans le cône, qui devrait ûtre lout-à fini ubscur, et diminuent la quantité de l'éclipse. A l'appui de ces raisons, il rapporte que le soir ou le main, en biver, par an tens bien sercin, la Lune étant très voisine du Soleit, en est ai fortement éclairée, que la partie daminense paralt être portion d'un cerde plus grand que la partie dosseure. Cette apparence de dibation ne peut être, ni être vue que dans l'air; car si elle tensi au corra de la Lune, alors elle serait la même pour tous le payé de la Terre, il en serait de même des éclipses; il n'imagine pas une troisième explication. Il a remarqué plusieurs fois avec admiration, que le Soleil, près de se coucher, reste tremblant et comme suspendu au-dessus de l'horizon, et qu'après quelques instans de lutte, il se cache en un instant, et reparalt ensuite avec la même hâte. Ces explications sont saivies d'une figure où il représente le Soleil environné d'une couronne qui raccourcit le cône et en diminale el diamètre.

Il entreprend ensuite le calcul du diamètre de l'ombre dans les distances moyennes, et le trouve de 8g ; d'après ces idées, il donne la table snivante des diamètres ponr diverses hautenrs du pôle.

ingle da Loogle

Les corrections sont soustractivés pour le Soleil, additives pour la Lune; cette théorie n's pas fait fortune. D'après les limites écliptiques, il trouver que le nombre moyen des éclipses est de 4 1 par an; le nombre en un siècle doit être à peu près toujours le même:

Il a remarqué que les taches de la Lune se montraient toujours les mêmes, et dans la même situation respective quand la Lune est an nonagésime; ce qui ne pouvait être vrai qu'en gros et à peu près, car la Lune' au nonagésime peut avoir des bauteurs très différentes, des parallaxes de latitude très inégales, le centre de l'hémisphère visible doit changer; il change pour beaucoup d'autres causes, et produit des phénomènes qu'on n'avait pas encore suivis avec assez de soin ni de suite. Il donne un' moyen pour trouver l'instant où la Lune est au nonagésime, le calcul n'est pas difficile; mais au nonagésime, la ligne des cornes est dans le vertical, puisqu'elle est toujours à fort peu près dans un cercle de latitude; ainsi, le calcul est à peu près inutile. Il montre ensnite comment le mouvement de la Lune donne la différence des méridiens. Observez la Lune au méridien, concluez sa longitude, calculez cette même longitude par les tables, pour le passage au méridien connu, comparez cette longitude à la longitude observée; la différence multipliée par (5600° (mour, horaire). sera la différence cherchée; ce moyen se présente de lui-même; ce n'est pas celui que propose Longomontanus. Quand la Lune sera au nonagésime, prenez-en la distance à une belle étoile, vous en conelurez la longitude de la Lune : marquez l'heure de l'observation , trouvez à quelle heure du méridien des tables convient cette longitude, vous aurez la différence des méridiens; ce n'est pas encore là tout-à-fait ce qu'il prescrit. Quand la ligne des cornes est dans un vertical, la Lune est au nonagésime; prenez ce moment pour observer la distance de la Lune à une belle étoile, et déterminez l'heure de l'observation, qu'il suppose faite sous le méridien inconnu; de l'observation, vous déduirez la longitude de la Lune; calculez par les tables la longitude de la Lune, pour l'henre à laquelle vous aurez mesuré la distance, vous trouverez une longitude différente, si les deux lieux ne sont pas sous le même méridien : cette différence vous donnera le mouvement de la Lune par l'intervalle des deux méridiens, et par conséquent cet intervalle et la longitude du lieu. Cette méthode suppose, comme on voit, de bonnes tables et une honne observation; les tables n'existaient pas encore; ensuite, on pourra douter que la verticalité de la ligne des cornes puisse donner assez

exactement l'instant du passage su nonsgésime. Il faut être deux pour mesurer au même instant la distance de la Lune à une écôle; et la hautoir d'une écôle pour avoir l'heure. Pour l'observation offi distance, il propose un ryon astronomique construit de manière à donner la distance dans le plan de l'écliptique; le marteau de ce rayon est terminé aux deux extrémités par deux règles verticales; on place l'une sur la ligne des cornes, alors le marteau est sensiblement parallèle à l'écliptique; la première règle est dans le plan d'un cercle de latitude; on ne peut en dire autant de la seconde; et si la distance de la Lune à l'écôle était un peu forte, l'angle observé naeserit pas bien rigiouvessement la différence da longitude. Au reste, on ne doit pas exiger une précision bien grande d'un astronome qui propose un pareil instrument pour une rechercheausi délicate; cependant, l'auteur recommande fortement cette méthode, surtous aux navieuteurs.

Dans son livre second, il traite des planites; il nons apprend que sturne a été nommé d'asiva, prece qu'il est moins long-tems acché dans les rayons du Soleil; aujourd'hui, cette dénomination conviendant ineux à Uranns, dont le mouvement est precique trois fois aussi lent, en sorte que le Soleil. doit le dépasser beaucoup plus vite. Saturne est appelé par les l'Éberux Schabtlait, écst-d-dire prop. Mercure est appelé par les Uschots d'un les services les Grees le nomment Éguaç; ce qui a beaucoup de ressemblaine.

Il compare les planètes au Soleil suni, pour en déterminer les oppocitions, suivant en cela l'idée que Képler ne put jamais faire adopter à Tycho, et que les astronomes ont long-terms repossèee. Il est juste de teuir compte à Longomoutanus de ce qu'il a été l'un des premiers à embrasser la nouvelle doctrine; il donne quinze oppositions de Saterne, comparées aux Tables Pruténiques corrigées; les erreurs ne passent par d'i è nous avons aujourchi que cet accord. ne pouvait long-terms subsister. D'après ces observations, il reforme la théorie de cette planète, dans les trois systèmes différes.

Pour Jupiter, il calcule huit oppositions; l'erreur des tables corrigées monte encore à 5'.

Pour Mars en opposition, les erreurs ne passent jamais § 2; cependant il sy unontre, plus embarrassé : l'a admet pas l'ellipse Képlèrienne. Nor auten gravissinis causis moti. Coperniceum illud, quod môtus corporum cedestium sit avqualls et circularis perpetua vel è circularibus compositus, in autronomis maximi faciums et quasi unicé tuemur, nec certé diter en autronomis maximi faciums et quasi unicé tuemur, nec certé diter

propter tales Martius aut quorumdam auomalias sentire possumus neque debemus, antequam necessitas id imposuerit ut circularia sive simplicia sive ut plurimum complicata et composita, per que omnes pene hujusmodi incurvate figurationes, tum etiam recta plane linea describi possunt, offieium suum circa omnimodam phænomeneon cælestium repræsentationem deposuerint. Ainsi, parce qu'en multipliant les cercles on peut trouver à peu près l'équivalent d'une courbe quelconque, ou même d'une ligne droite, il déclare qu'il ne peut ni ne doit renoncer à cette idée de Copernic, regardée par Tycho comme un axiome, que tous les mouvemens célestes s'accomplissent dans des cereles; il ne croit pas ces cercles matériels, mais ils n'en sont pas moins réels. Ainsi, la simplicité lui paralt bien moins importante que ce prétendu axiome, que l'on qualifiait ainsi pour se dispenser d'en donner la démonstration, que l'on sentait impossible. On conçoit que Longomontan, après avoir travaillé plus de dix ans sous Tycho, devait avoir quelque peine à renoncer à des théories et à des combinaisons auxquelles il avait tant coopéré; il était donc assez naturel qu'il résistat d'abord, et c'est ce qu'ont fait, long-tems encore, des astronomes qui n'avaient pas d'excuse aussi légitime; qui, venant après Képler, et ne devant avoir aucun préjugé contraire, suraient dù embrasser avec empressement un système beaucoup plus simple : il ent été bien plus sage de le perfectionner dans quelques détails, que de se donner tant de peine à réparer d'anciennes constructions qui tombaient en ruines, et qu'on ne pouvait soutenir quelque tems qu'en ajoutant à leur complication. Ainsi, pour ne pas vouloir de l'ellipse, Longomontanus emploie quatre cercles pour Mars. On sent quelles longueurs ces quatre cercles devaient ajouter au calcul de la latitude, qu'elles rendaient aussi plus incertain.

Il n'a pu encore se convaincre qu'il y ait sucan avantage à rapporter au Soleit vrait en mourement de Vénna et de Mercure; il avit donc l'ancienne méthode, et n'a adopté qu'en partie la réforme de Képler. Malgrét tous ses soins, les erreurs de Vénus vont à '/, et celles de Mercure à 13'. Ce qu'on vient de lire nous dispensers de tout antre détail sur des hypothèses malheureuses, qui ne peuvent deveuir que plus défectueuses encore avec le tens.

L'Ouvrage sinit par un traité des astres de passage, tels que les comètes et les étoiles nouvelles. De adscistis cœil phænomenis. On est saché de voir ses dissertations commencer par des idées peu saines sur les esset des comètes: 'Ουδύς κυμέτης στης ου κακα φίγει. Il traduit ce vers

iambique par un besametre : impune nunquam visus fulgere cometes. Claudien avait dit : Et nunquam cœlo spectatum impune cometen. Enfin, il croit voir dans les étoiles de 1572 et 1604, des preuves de la fin prochaine du monde.

Képler donnait aux comètes un mouvement recilième; Longomontanus lui objecte qui en bon copernicien il ausait de sâmettre le mouvement enrelligne et même circulaire, comme le plus naturel aux satres. A tous les raisonaments ridicules et tout au moins très baardés des anciens, il en oppose qui ne valent guère mieux; il penge que les satres nouveaux sont formés pour nons eshorier à la pénience; il ne veut pas croire que la voie lactée soit uniquement composée de petites écolies, mais qu'elle lest aussi d'une certaine matière répundue dans les l'éspace; cette natière peut donner naissance aux comètes. C'est une idée reproduite par Herschel; on voit qu'elle s'est pas neuve;

Multa renascentur qua jam cecidere, cadent que Qua nunc sunt in honore.

Il svoue ingénument qu'il n'ose assurer que cela soit sinsi. Tycho recononal deux centres des mouvemens crietes, ha Terre et le Soieli; il est persuade que les comètes toirnent autour de la Terre; il disserte longuement sur les quenes; il vent hien qu'elles se dirigent à l'opposite du Soieli, mais il ne croit pas qu'elles soient produites par la lumière da Soieli, qui traversersit l'atmosphère de la Terre; il stiffme que la route apparente de la comète est un grand cercle; ce qui prouve qu'il n'en a pas beaucoup observé.

Après touies ces vaines dissertations, il passe à la comête de 1607, qu'il paperut le 38 septembre ; elle avait une queue, était grosse comme upipier, mais d'anc conleur plus ressemblante à celle de Saturne; la quene était deuse et de même couleur que le noyan; il en rapporte les observations, et trouve qu'elle n'a pas de parallaxe sensible. De là, il passe à celle de 1658, qu'il désigne par les mots de ruspendum et patatem. Cete comète si effirsyante, n'était expendant pas plus grande que l'Épri de la Vierge; sa queue était de la taitle de l'homme le plus grand; as couleur, entre celles de Mars et de l'Épri; la quene grandit beancoup par la suite, car le 50 novembre elle occapait dans le ciel un expace de 104. La comète vannit de traverser le cercle qu'avait dérir la comète de l'année précédente; et c'est à cette circonstance que l'atteur attribue en partit cette queue remarquable; le noyau était alors fort voisin de la Lune, ce qui pourrait bien, selon his, avoir contribé à la grande queue; muis Lou-

gomontanus insiste particulièrement sur un certain sens occulte, et sur une certaine antipathic nour l'autre comète.

Le chapitre est terminé par la solice de deux comètes observées en Perse, à Hispahan; le reste est la theorie astrologique de deux comètes et de leurs effets : le tout finissent par des réflexions fort édifiantes, qui prouvent que Lougomontauns était bon chrétien eccore plus que bon astronome.

" Longomontanus, dit Bailly, Astronomic moderne, tome II, page 141, fut un observateur, pour le tems; il sortait de l'école de Tycho (ce n'est pas assez dire, il était son aide principal, le chef des observateurs et des calculateurs que Tycho entretenait en assez grand nombre; il est le seul qui se soit fait un nom); il conserva les opinioos de son maître; il avait sans donte une partie de ses observations (ces observations avaient été faites en partie par lui-même, il les avait calculées chez Tycho, il a pu emporter ses notes et ses calculs); il en profita pour composer un graod ouvrage, l'Astronomie Danoise; il y conserve toute la vieille forme de l'Astronomie; ce sont les épicycles, le monvement du centre de l'excentrique, établi par Ptolémée (ceci méritait quelques exceptions; il avait admis l'explication du mouvement de précession, imaginée par Copernic; il rapportait au Soleil vrai les mouvemens des planètes supérieures; il avait fait des corrections importantes aux théories lunaires de Ptolémée et de Copernic). Il n'inventa rien, il n'était pas au niveau de Képler qui élevait son siècle ; il donoe à la fois les formes de calcul dans les trois systèmes de Ptolémée, de Copernic et de Tycho; ce qui signifie qu'il n'avait pas assez de lumières pour faire un choix : il n'osait produire seule l'opioion de Tycho, il n'osait cependant lui en préférer une autre. »

Ce jugement est sons doute un pen sévère. Longomontanus dit formellement qu'il prôfère le système de Tycho; il était si pénetiré de respect pour la religion, qu'il pouvait répresser une opinion si formellement condamnée par les théologieos. Si cette cause l'empéchait d'être copernicien, son respect, sa déférence pour Tycho, en la ilaissaient pas le choix entre les deux systèmes, qui supposent la Terre immobile. Souveousnous cufin qu'il doone à l'hypothèse de Capernic le nom d'admirable, et qu'il ne donne que celui de nouvelle à celle de Tycho; et nous pourrons en conclure avec quelque vraisemblance que, comme plusieurs autres, il était un coperoicien déguês.

" Louons sur-tout Longomontanus, contioue Bailly, d'avoir eu le

courage d'abandonner Tycho sur l'absurdité de faire tourner tons les jonrs en 24º le Soleil, accompagné de toutes les planètes, autour de notre petit globe, » En effet, non-seulement il ose avancer l'idée que la Terre tourne autour de son axe, mais il appuie cette opinion sur les raisons les plus fortes, pages 161 et 220 de son Onvrage. Il osc même dire qu'on ne peut y opposer que quelques passages mal interprétés de la Sainte-Ecriture. Il n'y avait donc plus qu'un pas à faire pour être toutà-fait copernicien; s'il ne l'a pas fait, il était sans doute de bonne foi; mais peut-être eu fut-il détourné par un peu de jalousie contre Képler. qu'il avait vu arriver long-tems après lui chez Tycho, et qui cependant avait été choisi de présérence pour achever les Tables des planètes et recevoir en dépôt toutes les observations; il voulut faire une Astronomie toute danoise; il n'y employa que les observations de Tycho; ses propres observations, les hypothèses de Tycho, corrigées d'après ses réflexions; mais quoiqu'il n'ait youlu presque rien emprunter des idées de Képler. il en parle partout en des termes fort honorables, ce qu'il est juste de remarquer; cette modération fait houseur à son caractère. >0_

Ursus Dithmarsus.

Nicolai Raymari Ursi Dithmarsi, Fundamentum astronomicum, id est nova Doctrina sinuum et triangulorum, eaque absolátissima et perfectissima, ejusque usus in Astronomicá calculatione et observatione. Argentorati, 1588.

Ce petit ouvrage commence par une Arithmétique sersagésimale et na chapitre de la construction des cordes et des sinus. Ursus détermine par les moyens connus les sinus de 15°, 50°, 65°, 60° et 55°, qu'il nomme sinus primaires; il end déduit les autres par les théorèmes connus, au nombre desquets on voit le théorème sin A = sin (60° + A) - sin (60° - A), que je crois de Viète, qui l'a publié en 15°79, c'est-à-dire 9 ans surveix et l'altimatras; il donne même un grand tableau de la génération de tous ces sinos. Mais après cette méthode, qu'il qualifie de pénible et d'ennyugus, il en indique une autre beaucoup plas ficile, pour calculer la table même en nombres; ces trois mots sont remarquables, et semblean indiquer une autre table qui ne serait pas en nombres naturels; il ajoute qu'elle s'opère par la section ou la division de l'angle droit en raison donnée, en autaut de narities qu'on en voudra, et cel sa rithmétiquement.

De la section de l'angle en raison domie.

La section d'un angle en raison donnée ne peut se faire qu'en deux

parlies: elle est ou astronomique ou grométrique; mais par l'Arithmétique, ou peut diviser un angle en autant de parties qu'on voudra.

La méthode astronomique divise un angle en deux parties inégales, d'après la raison de leurs sinus.

Soit x l'un des segmens de l'angle A, l'antre sera (A-x); or, l'on veut que sin $(A-x) = n \sin x$,

 $\sin A \cos x - \cos A \sin x = n \sin x$, $\sin A \cos x = (n + \cos A) \sin x$; nous ferious

tang
$$x = \frac{\sin A}{n + \cos A} = \frac{\frac{1}{n} \sin A}{1 + \frac{1}{n} \cos A} = \frac{m \sin A}{1 + m \cos A}$$

l'antenr, qui n'avait pas de tangentes, faisait

$$\begin{array}{l} \sin x = \frac{\sin A}{\cos x} = \frac{\sin A}{1 + \cos A} \in \mathbb{I} \quad \frac{\sin^2 x}{\sin^2 x} = \frac{\sin^2 A}{(-\cos A)^2}, \\ (n + \cos A)^2 \sin^2 x = \sin^2 A - \sin^2 A \sin^2 x, \\ (n + \cos A)^2 \sin^2 x = \sin^2 A \quad \sin^2 x = \frac{\sin^2 A}{(n + \cos A)^2 + \sin^2 A} = \frac{\sin^2 A}{(n + \cos A)^2 + \sin^2 A} = \frac{\sin^2 A}{(n + \cos A)^2 + \sin^2 A} = \frac{\sin^2 A}{(n + \cos A)^2 + \sin^2 A} = \frac{\sin^2 A}{(n + \cos A)^2 + \cos^2 A} = \frac{\sin^2 A}{(n + \cos A)^$$

ce n'est pas ainsi qu'il procède; il suit la méthode de Ptolémée : voilà donc la méthode astronomique,

Pour la manière géométrique, on ne se sert point de sious, mais simplement de la raison des coiés. Il n'en dit pas davantage et aous renvoie à la 5º proposition du VI' livre d'Euclide, qui dit que si une droite partage en deux l'augle au sommet d'un triangle, les segmens de la base seront entre eux comme les deux côtés qui comprennent l'augle; théorème employé par Aristarque; mais Euclide pourrait bien être un peu plus ancien qu'Aristarque; pars Euclide pourrait bien être un qu'en deux partinés égales.

Ce qu'il a dit de la méthode arithmétique serait intéressant, s'il avait daigné s'expliquer un peu plus clairement, voici ses expressions:

« La méthode arithmétique partage un angle en raison donnée, en un

Limitate Cidegle

nombre quelconque de parties; elle se fait par la recherche des raisons qu'ont entre cut les agemass de l'un des drie perpendiculaire à l'un des côtés de l'angle; on cherche les raisons des segmens de la perpendiculaire, si l'on veut diviser l'angle en partice égales, par des sécunites. Cette section se fait d'abord dans l'angle afoit; et enveite, au moyen de l'angle droit, dans un angle quelconque aign un obtus.»

(On sait aujourd'hni que tang A' — tang A =
$$\frac{\sin (A' - A)}{\cos A \cos A'}$$

Si l'on fait
$$A' - A = 1^*$$
 ou $1'$, ou une quantité constante, les sections de la tangente seront $\frac{\sin \alpha}{\cos A \cos (A + \alpha)}$, variables par conséquent; si l'on

veut que tang (A + a) — tang $A \Rightarrow \frac{\sin a}{\cos A \cos (A + a)}$ soit une quantité constante, a sera variable; soit

$$m = \operatorname{lang} (A + a) - \operatorname{lang} A = \frac{\sin a}{\cos A \cot A \cot a - \cosh A \sin A \sin a}$$

$$= \frac{\tan a}{\cos A - \sin A \cot A \tan a} = \frac{\tan a}{1 - \tan a} \frac{(1 + \tan a)^2 A}{1 - \tan a},$$

$$m = m \operatorname{lang} A + \operatorname{lang} A = \operatorname{lang} A + \operatorname{lang} a,$$

$$m = \operatorname{lang} a + m \operatorname{lang} A \operatorname{lang} a + \operatorname{lang}^2 A \operatorname{lang} a,$$

$$\tan g \, a = \frac{m}{1 + m \, \tan g \, \Lambda + \tan g \, \Lambda}$$

$$= \frac{m \cos^4 \Lambda}{\sec^4 \Lambda + m \tan \alpha} A = \frac{m \cos^4 \Lambda}{1 + m \sin \Lambda \cos \Lambda}$$

ainsi pour une augmentation m dans la tangente, on aura

tang
$$a = \frac{m \cos^2 A}{1 + m \cdot \frac{1}{2} \sin aA} = \frac{\frac{1}{2} m(1 + \cos aA)}{1 + \frac{1}{2} m \sin aA}$$

an moyen de ces formules, on aura m par a ou a par m:)

Dibinarsus continne: cette invention est de Byrge, et je l'ai exposé dans la règle suivante : choisisses arbitrairement le nombre de parties dans lequelles vous vonles diviser l'angle droit; prenes la différence entre la dernière portion et l'avant dernière; cette même différence, ajoutée au nombre précédent le plus voisin, sers la différence entre la pénaltième et l'antépénultème, et ainsi de suite jusqu'à ce que vous arrivies au premier des nombres posés.

Vous répéterez la même opération précisément de la même manière, la dernière sera la dernière différence première on la dernière portion de Hist. de L'Astr. mod. Tom. 1.

l'angle pastagé, et cette méme portion, sjoutée à la différence soivanie la plus prochaine, sera la secoude portion, et ainsi de suite jusqu'à la différence la plus basse, et plus vous répéterez l'opération et plus l'angle sera exactement divisé, jusqu'à ce qu'enfin la raison des portions restera presque absolument invariable.

Pour éclaireir cette règle, qui en a grand besoin, il ajoute une figure qu'il dédie à Juste Byrge, son maître; c'est un quart de cercle divisé de 15 en 15°, avec les sinus de ces différens arcs.

A côté de cette figure, il place le tablean suivant :

| | | - | | _ | | 4 |
|-------------|------------|-------|------|-----|---------|----|
| | | | - | *** | - " | ı |
| | | | | | | -1 |
| | | | | | | ı |
| | | | | | | 4 |
| | | | | | | , |
| | | | | - | | 2 |
| | | | | | 3. | ٦ |
| | | | | | | ı |
| | | | | | | 1 |
| | | ***** | | | | п |
| | | _ | | _ | | ٠ |
| | | | | | | ١ |
| - | | - | | | | -1 |
| /200 | - | ***** | | | -1 . | 1 |
| 11111111111 | A. Section | | | - | | a |
| . 100 | Section . | | | | | 1 |
| | The second | | | | - Inner | J |
| | | | | | | ï |
| | - | | | | - | .1 |
| | | | **** | _ | | 7 |
| | | | | | | J |
| | | | | | | |

Ce tableau paraît indiquer des différences de plusieurs ordres, qui vont toujours en diminuant, jusqu'à devenir presque constantes. L'anteur aurait bien dù ajouter un exemple numérique.

Il dit enfin : par cet artifice inappréciable, le canon des sinus sera conatroit avec une extremé facilité en deux ou trois jours, on quatre, ou huit au plus; ce qu'on ne ferait par les cordes, avec besucoup de peine, qu'en plasicurs aunées. Jusqu'ici, nous n'avons parlé que de la tuble en nombres, nous nous reservous de traiter de la construction en nombres, soit valgaires, par l'inscription, soit logistiques, par la section de l'angle; nous parlerons tant de ce que nons avons déjà dit, que de ce qui non reste à dire; nous en donnerons les causes et les démonstrations dans ontre grande et royale Astronomie (à moiss que l'argent ne nous manque pour les frais de l'impression); en attendant, nous allons exposer une méthode plus facile à comprendre; elle est fondée sur la quadrature da cerele.

Je ne sais si ces nombres logistiques de Byrge, pour remplacer les nombres naturels, sont ceux dont parle Képler, quaud il nous dit que Byrge avait prévenu Néper. Mais, si la table n'exigenit que quatre jours de travail, Byrge et Dithmarsus ont mérité le reproche de paresse ou d'indifférence, pour ne nous avoir pas mieux fait connaître cette invention si précieuse.

Remarquons que l'impression du livre de Dilhimarsus a précédé de 26 ans celle du livre de Nêper, qui par conséquent aurait pu profile de l'idée de Byrge, Jaquelle en effet a la plus grande analogie avec éelle qui sert de fondement au Mirifieux Canon. (Foy. ci-après l'article Nêper.). La méthode de margiature dont il va partie, est de Simon Durbense

La méthode de quadrature dont il va parler, est de Simon Duchesne de Bourgogne, citoyen de Delft. Dithmarsus la qualifie de découverte divine.

Soit ABle diametre d'un cercle, BO la tangente à l'extrémité B (fig. 51); soit BC un arc quelconque, la corde BC sera perpendiculaire sur la corde AC; vous aurez

corde BC = 2siu + BC = 2sin A, ...

corde AC = 2sin (90° - A) = 2cos A,

BD = alang A,

 $AC = BC \text{ lang } B = a\sin A, \cot A = a\cos A,$ $CD = a\sin A \text{ lang } A = \frac{a\sin A}{a\cos A},$

 $AD = AC + CD = AD = \frac{\text{acin}^{\circ} A}{\cos A} = \frac{\text{acos}^{\circ} A + 2\text{ain}^{\circ} A}{\cos A} = \frac{\text{acos}^{\circ} A}{\cos A}$

Maintenant, soit A tel que

AC = BD on 2cos A = 2lang A et cos A = lang A, sold cos A = sin A; $1 - \sin^2 A = \sin A$; $1 = \sin^2 A + \sin A$, $1 + \frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \sin^2 A + \sin A + \frac{1}{4} = (\sin^2 A + \frac{1}{4})^2$, sold land

$$\binom{5}{4}^{\frac{1}{5}} = \sin A + \frac{1}{5}, \frac{1}{5}\sqrt{5} - \frac{1}{5} = \sin A$$

= corde 56 = 2.sin 18°.

erreur de cette quadrature divine..... = 0,00301,30
tang
$$\Lambda = \frac{\sin A}{\cos A} = \frac{\sin A}{\sqrt{\sin A}} = \sqrt{\sin A}$$
, 4tang $\Lambda = 4\sqrt{\sin A} =$.

592 es. 11

solution qui donne les trois côtés quand on consult les trois angles. Il n'y avait pas de quoi taut triompher; sa solution ressemble beaucoup à celle de Copernic; elle est seulement un peu moins claire : comme Copernic; al a'emploie que les sinus.

Pour les triangles rectilignes, on ne voit rien de nouveau; dans le cas des trois côtés donnés, il emploie le théorème

différ. des segm. de la base = somme des côtés différ. des côtés

il se fonde sur deux théorèmes d'Euclide. En effet, il peut se déduire de plusieurs propositions différentes da 2° et da 3° livre, mais il a été employé par Ptolémée dans le calcul des éclipses, et démontré par Théon.

Il donne ensiu un petit Traité d'Astronomie assez superficiel, mais toujours un peu obscur; il finit par exposer son système, qui doune à la Terre le mouvement diurne : il laisse le mouvement annuel au Soleil, qui entraîne avec lui toutes les planètes. A la rotation de la Terre près, c'est le système de Tycho qu'il revendique; il prétend l'avoir communiqué à Rothman qui l'a fait connaître à Tycho. Nous avous vu dans les Lettres de Tycho, que quand il eut fait part de ses idées à Rothman, celui-ci répondit que le landgrave possédait depuis long-tems une machine de Byrge, qui représentait un système assez semblable. Dans cette circonstance, comme en beaucoup d'autres, il n'est pas nécessaire qu'il y ait un plagiaire ; l'idée du système de Dithmarsus ou de celui de Tycho, n'était pas bien difficile après Copernie et Ptolomée; ce n'est qu'un mélange de deux hypothèses, et ce système ne valait guère la peine qu'on se le disputat avec chaleur et avec amertume. Tycho nous dit dans ses Lettres, que Dithmarsus avait vu chez lai, dans son île, le système représenté par une figure, tel qu'il l'avait d'abord concu , avec une faute qu'il a corrigée depuis et que Dithmarsus a conservée. Voyez les Lettres de Tycho, page 140; la lettre est de février 1589, après la lecture du livre de Dithmarsus. La visite de Dithmarsus à Tycho est de 1584. Il resterait à savoir l'année où J. Byrge composa le Planétaire ; c'est ce qu'Ursus nous dira lui-même.

Ces inculpations de Tycho, les représentations d'Ursus, qui était ou voulait se faire passer pour le premier astere du système auquel est retié le nom de Tycho, avaient aigri les deux prétendans. Nous avons vu avec quel mépris Tycho traite son compétiteur; nous allous voir comment Ursus s'en vengea, par l'Ouvrage dont voic le titre.

Try Unitably Codelly

Nicolai Rainari Urri Dithmari, de Astronomicia typothesidas seu Systemate Mundano, tractatus astronomicus et cosmographicus, actiu cum jucundas tum utilissimus; itemastronomicum mypothesium ais inventarum; oblatarum et editarum, contrà quosdam eas sibi (emerario sem potius afroi osus unregantes, vendicatio et defensio, è que sacris demonstratio carumdenque usus... cum quibusdam novis subtilissimisque compenditis et artificis, in plan nova doctrad sinuum et triangulorum, itermi janque alterd vice exhibită: nec non aliquibus exercititis mathematicis jucunistimis ad sodervalum omnibus ae provertim suis Zollit et suggillatoribus, ob palmam magisteriumque mathematicism, mathematicique exercitii gratid propositis; ac deuique problemata tolius processid astronomice observationis seu minionis observandir a Spanjana. Overe chap. 15, arrarriziqua avrili de aprese. (Occurram es quasi Ursa ruptis catulăs) Praga, 1507, in-4 de 80 pages, dont ist, de figures.

Ce titre fastuenx, que nous avons encore abrigé, nous annonce un ouvrage hien crieres, ou la production d'une tête peu saine. Weidler n'en dit rien autre chose, sinon que Tycho y est indignement déchiré; mais notre curisoité étant virement excitée par l'annonce d'une nouvelle et très subille Trigonométrie; pour le lire et l'estraire, nous nous sommes adressé à M. Halnax, traducteur de Polémée, qui nous a trouvé est ouvrage à la Bibliothèque de Sainte-Genevière, dont il est un des conservateurs.

L'auteur, dans son épltre dédicatoire, nous dit que c'est le 1er octobre 1585 qu'il imagina ses hypothèses, un an après sa visite à Tycho; et que le 1er de mai 1586, il les exposa au landgrave de Hesse, qui en fut si charmé, qu'il donna tout aussitôt l'ordre à son artiste Juste Byrge, helvétien, d'exécuter ce nouveau système en laiton; il en appelle au témoignage de Byrge; il ajoute que Rothman, mathématicien du prince, envieux de sa gloire, se conduisit comme un traître et un iscâriote, en communiquant la découverte à Tycho. Nous avons vu dans les Lettres de Tycho, que Rothman, au contraire, lorsque Tycho lui expliqua pour la première fois son sytème, fit la remarque qu'il avait vu chez le landgrave une machine executée d'après un système tont semblable : et nous ne voyons pas quel intérêt si grand Rothman pouvait avoir à dépouiller Ursus pour enrichir un tiers. Nous avons vu comment Tycho explique la remarque de Rothman; il paralt constant que la machine existait à Cassel avant que Tycho eut expliqué son système à Rothman; au reste. Ursus prétend qu'Apollonius de Perge avait cu la même idée, et même qu'elle est suffisamment exposée dans le livre des Révolutions, de Copernic, liv. III, chap. xxv, et liv. V, chap. xx et xxxv. Tycho a du lire Copernic, il ne l'a donc pas entendu, nous dit Ursus, ou bien il a cru que d'autres ne l'entendraient pas; il objecte à Tycho, que toute la sugesse n'est pas renfermée dans as petite cervelle danoise, et qu'elle u'y est pas entrée par les larges ouvertures de son nes coupe; il se répand coutre lui en injures, dans une éplitre dont nous citerons les vers suivans, parce qu'ils contiennent des problèmes qu'il le défie de résoudre.

L Zoile si poteris, tu quæque triangula solvas, Perque simus solos absque operante manu?

Ce premier problème était complètement résolu dans l'ouvrage posthume de Régiomontan; mais il ajoute:

> Ut divisio nec neque multiplicatio fiat, Sit quocumque loco maximus ipse sinus

On pourrait soupçonner qu'il indique ici les logarithmes, mais nous verrons qu'il ne parle que de sa prostaphérèse.

> H. Zoile si poteris, notis sinibusve duobus, Per divisum omnes invenius reliquos?

Il donnera plus loin la solution de ce second problème.

- III. Noto unove sinu per singula scrupula cunctos,
- Proxime et invenies arte sinus alios.

 IV. Zoile si poteris, quantum perpendiculi omnis,
- Triquetri invenius, per canonem que trium?

V. Die ubi in orbe locus repedat quo corporis umbra, Quá vel in quovis fiat id arte loco?

Ce dernier problème n'est ni difficile ni nouveau.

Il attribue les homocentriques à Eudone, el les excentriques aux pythogrorieus, selon his, Artistrque est le premier auteur du système de Copernie. Le le venz hien, mais personne n'a dit quelt développement Aristrappea avait donnés è octet étée, ni de quetter prevers il Parsit appuyée; enfin, on ne voit pas quelle conséquence utile il en a pu tirer. Sil écit aperça que ce système liait toutes les parties de l'univers, et determinait les distances des planeies qui écont arbitriaires dans l'ancient système; il sernit plus que singulier qu'Archimède n'est passété frapét de cet avanuelge ainquiler, et que Ptolemée cut dédâtiged de parier. Il

reste donc infiniment probable qu'Aristarque et tous ceux qui ont fait mouvoir la Terre, avant Copernic, n'ont eu que des idées vagues, et rien

d'arrêté ou qui méritat quelque attention.

Il répète que Copernic a lui-même indiqué le système d'Apollonius, et qu'il l'avait trouvé dans Maritanus Capella. Qu'enfin, Hélisreus Roslin a pillé Apollonius ou Tycho et s'est déclaré l'auteur de cette découverte. Tout cela peut être, et plus d'une fois nous avons témoigné uotre surprise qu'une chose si facile ait échappé à l'attention de ceux qui avaient tant de répugnance à croire au mouvement de la Terre.

Voici l'un des passages de Copernic, liv. III, chap. xxv.

- « Nous u ignorons pas que si l'ou plaçait la Terre immobile an centre du monde et de la révolution auunelle, et qu'ou donnat au Soleil
- » mobile les deux mouvemeus que nous donnons au ceutre de l'excen-» trique, on aurait les mêmes phenomènes et les mêmes uombres pour
- » les calculer; il ne resterait à la Terre que le mouvement diurne antour
- » de son axe; on resterait dans le doute sur le vrai ceutre du monde, » on ne saurait s'il est daus le Soleil ou hors du Soleil. Nous en dirons
- » davantage à l'article des planètes. »

Ou ne voit là ni le système de Tycho, ni celui de Ptolémée tout pur; on ne voit pas quel est le centre des mouvemens planétaires. Uraus ne prouve pas mienx, qu'Apollouius ait en la même idee que Tycho; voici ce qui regarde Apollonius.

" Ce sujet a été traité par plusieurs mathématieieus, et notammeut par
"Apollonius; mais ce dernier ne considérait qu'une seule inégalité, et
"Celle par laquelle les planètes se meuveut relativement au Soleil mobile,

- » et que nous appelons commutation, à cause du mouvement du grand
- » orbe de la Terre. » Et plus loin, « Pour ces démoustrations, Apol-» lonius pose un petit lemme, dont nous ferons le même usage pour la
- " Terre mobile.

Ge mouvement de commutation est le mouvement relatif de la plancie sur son épicycle, dans le système de Ptolèmée. Je ne puis rien y voir qui suppose l'idee de Tycho, qui fait tourner le Soleil et son cortège de plancies autour de la Terre. Si Apolhonius en était le premier auteur Versas a'aussi trein ixventé onn plus que l'ytho; mais Ursus, qui se défie de ses droits, veut du moins déponiller Tycho, par esprit de vengeance. Au ceste, l'idee n'éstin is assec houne, ni assec difficile à trouver, pour justifier si l'aigreur de Tycho, pa les invectives dont les deux contendans se moutent si prodiques. If visu avest qu'er moins irrité

contre Rothman, qu'il traite avec une virulence qui suffirait pour ôter toute confiance à ses allégations.

En comparant les trois systèmes, l'drouve des absurdités dans tous, et c'est ce qui le détermise à donner à L. Terre le mouvement diurne autour de son are; ce qu'il prétend prouver par-les passages mêmes de l'Efertiure; et pour prouver ce mouvement et l'immabilité de la sphère étoilée, il cite ce vers de saint Ambroise, qui probablement loi donnait un autre sons:

In terrá irrequies, in caelo grata quies est.

En réfutant ce que Tycho avait imprimé contre lui, il assure que jamais il n'a mal parlé de Tycho, si ce n'est peut-être au sujet de son nez coupé. Nous citerons ses propres expressions.

Nisi forta...de amputato ipsitu naso jocatus : de que cum me in mensa quertinhant festivi ae facci mes tocil, pictores, aurifabri, horologiarii et id genus hominum, ego illis indicasi, Tychoni nos totum nasum, sed id genus hominum, ego illis indicasi, Tychoni nos totum nasum, sed superiorem dinazat eju pateme asse abricisma; ipfortorem vero portionem, ipsas que oras narium instar perspicilli ei esse relicitas. Hanc meum seriam quidem et minimi joccaum, multo minus scomatricam (hoc caim Deus averta) reponioneme, asba quodam risa eccepiens quidem pictor, ipsumque Tychonem graphice et ad vivum, susique nativis ao genuinis coloribus depineges, in hujumodi verba in que hanc sementima erumpens dicebat: ergo Tycho est naturalis astronomas, adque observationis efficium accommodatissimus, babet esim pinacida ved dioptica foramina in ipso naso, itaque neque alisi ultis instruments indigebit. Cur taque demens tos sumptus in alia atque alia ustruments impedul? eur non potius contentus abit eum nativo an enturali, ab ipsă providis nare naturi amb eigniere elementerque ei concesso instrumento apistismo.

Namque supervacuum fieri per plura quod æque, Tam facilè fieri per breviora potest,

atque hare ille: alter vero bonus socius aurifaher addebat dicens; si ego essem aqual Trochonem, ego vellem ei imponere aureum vel argeuteum nasum. Teritus omaium maximi festivus addebat, se aliquando in Saroniá audisses, quando olim Rostochii Trychoni nasus noeus inque tenebris esset amputatus; eum non potaisse inveniri ante matuliumn tempus, et tum in nescio qui tam nobili naso mique conveniente materid esse repertum, idque aue ni fallor. Aque ejumnoli fureum tennales nostro inten nos confabulationes, quos quidem non in ignominiam Tychonis ejusve uasi refero, Hist, ted Ester, mod. Tom. I.

sed ut sciat ipse nostri dissidii occasionem atque originem, fulcliter profero.

Nous ne traduirons pas ce passage, dont Kæstner a déjà réimprimé la majeure partie. Si le témoignage d'Ursus était unique, nous ne pourrions y ajouter une foi bien entière, mais tout les portraits de Tycho déposent en faveur de l'anecdote du nez coupé par le bout, dans un duel nocturne. L'historien de sa vie ne la révoque pas en donte, et un danois l'a insérée dans mon article de Tycho, dans la Biographie universelle. Quand Tycho eut le nez coupé (nous dit Kæstner au tême II de son Histoire de l'Astronomie, page 283), il voulut revoir son thème de nativité; il trouva que la direction de son horoscope vers Mars lui présageait une difformité dans la figure. (Il est probable que Tycho n'avait pas attendu ce moment pour examiner son thème; mais ce pronostic d'une dissormité dans la figure, produite par Mars, était une de ces aunonces qui ne se comprennent qu'après l'évenement. Tycho, qui ne suivait pas la carrière des armes, devait être bien persuadé qu'il n'avait rien à redouter de Mars.) Il se fit un nez d'une composition d'or et d'argent, qui ressemblait assez à un nez naturel.

Sur son premier ouvrage, on denandali à Ursas quelques explications en ces termes : Parmi plasticare passages inestricibles, et que je relis rouvent, je citerai particulièrement celui de la feuille 8, face B, sur la section de l'angle en raison donnée; il est tellement obscur, que je n'en pais trouver le sens; écrivez-moi, s'il vous plast, parcillement ce que votre ami a composé et découver sur je ne sais quelles proportionnée; je voudrais en comaltre la démonstration. Rome, 15 janv. 1595. (Il semble qu'il est ici question des Logarithmes de Byrge,) »

Un autre savant lui écrivait : « Toute la difficulté consiste à chercher quelle partie du cercle est l'arc proposé, ce que je trouve au moyen d'une petite table; mais comment Ursus y parvient-il? c'est ce que je ne puis deviner. Je ne comprends pas davantage la figure de la page 9, de

la section de l'angle, suivant l'invention de Byrge. »

Nous verrons plus loin les réponses assez peu satisfaisantes qu'Ursus fait à ces questions.

Il reproche à Tycho l'inexactitude de ses transversales entre des ares concentriques de divers rayons. Avant d'avoir lu son livre, j'avais fait la même objection, et je m'étais convaineu de son peu d'importance, par le calcul suivant (fig. 52).

On trace sur le limbe deux cercles concentriques AA' et D'D, qu'on



divise de dix en dix minutes; soit donc AA' = 10' = D'D; pour avoir les minutes, on mêne une ligne transversale AD qu' on divise par des arcs concentriques, tels que a, a', qui ne doivent pas être à des intervalles égaux; CD, CD', CD' sont des lignes droites.

$$\begin{aligned} & \sin b: \text{CD} :: \sin D: \text{Cb} = \frac{\text{CD} \sin D}{\sin b} = \frac{\text{CD} \sin D}{\sin (b + z)^a} \\ & bb' = a'\text{D} = (\text{CD} - \text{Cb}) = \text{CD} - \frac{\text{CD} \sin D}{\sin (b + z)} = \frac{\text{CD} (\sin D + z) - \sin D}{\sin (b + z)} \\ & = \frac{\text{sCD} \sin (z \cos (D + |z|)}{\sin (D + |z + |z|)} = \frac{\text{sCD} \sin (z \cos (D + |z|)}{\sin (D + |z|) \cos (z + |z|)} \\ & = \frac{\text{CD} \cot (z \cos (D + |z|)}{\sin (z \cos (D + |z|))} \\ & = \frac{\text{CD} \cot (z \cos (D + |z|)}{1 + \tan z (z \cos (D + |z|))} \\ & \tan g D = \frac{\text{CA} \sin C}{\text{CD} - \text{CA} \cos C} = \frac{\left(\frac{\text{CA}}{\text{CD}}\right) \sin C}{1 - \frac{\text{CA}}{\text{Cos}} C} = \frac{m \sin C}{1 - m \cos C}. \end{aligned}$$

Soit CA = 24 et CD = 25; au moyen de ces formules j'ai calculé la table suivante; ou voit que l'erreur est insensible pour un arc de 10', puisqu'elle ne va pas à $\frac{a^2}{\pi}$.

| x | d/D | Différ. commus. | ďA. | Différ, égale. | Erreur. |
|-----------------|--|--|--|---|--|
| 98 7 65 4 3 2 1 | 1,0000 0,9036 0,8065 0,7085 0,6098 0,5101 0,4098 0,3087 0,2066 0,1037 | 0964 0971 0980 0987 0997 1003 1001 1021 | 0,000d 0,0964 0,1935 0,2915 0,5902 0,6913 0,7934 0,8963 | 1,0 0,9 0,8 0,7 0,6 0,5 0,4 0,3 0,8 | o*00 0,26 0,59 0,51 0,59 0,67 0,59 0,53 0,40 0,82 |

Ursus assure de plus, que l'invention des transversales est plus ancienne qu'Homélius et que Chansler, car il l'a vue décrite et gravée dans un livre allemand de Christophe *Pulcher*, hongrois, imprimé en 1561, à Lauging sur le Danobe, in-4°.

Venons enfin à la construction de la table des sinus.

« On construit la table des sinus, ou arithmétiquement et par les

» nombres seuls, en partageaut l'augle droit en autant de parties égales; » c'est l'invention de Juste Byrge, helvétien; ou géométriquement par n'inscription des polygones au cercle; ou par de simples proportions, » et cette invention est en grande partie de moi.

a La section de l'angle droit, en autant de parties qu'on voudra, se ricove dans mon Fondement astronomique, feuillet 8, à la fin Mais a elle y est enveloppée dans nue double énigme asses obscure; et cela in pauculis gills insertis literaglis antiquait (at vocant typographi), a verbis que illis (obversum 5); ce cinq renversé représente la moité gauche et autérieure de la dernière lettre de l'alphabet grec. Or, on sait que l'oméga indique une dernière chose, la fin d'une chose quel-conque : ce demi-oméga est la première chiqme; il désigne la moité a d'une dernière quantité. Voici maintenant la seconde deigme; effaces ce cinq renversé et mettes à la place la moité du dernière nombre nosé; suives alors le précepte de la feuille 8 du Fondement astronomique; paris avoir plusieures fois répété l'opération y vous trouveres mique; paris avoir plusieures fois répété l'opération y vous trouveres

» des choses dignes d'admiration, »
Il aprait pu dire ici, et voilà une troisième énigme: il ajoute:

« Tycho n'est pas digne que je lui apprenue cet artifice; mais j'ai » imaginé depuis une démonstration, ignorée de tous jusqu'aujourd'hui, » bien plus belle que cet artifice même, et que j'avais d'abord eu l'envie » de consigner ici, si ce n'est que j'ai craint que Tycho et Rothman ne » disent que je la leur ai dérobée : j'ai donc imaginé une autre démonstra-» tion, mécanique pour ainsi dire, moins complète à la vérité, et qui » n'est nullement comparable avec ma nouvelle démonstration, fondée » sur une progression arithmétique particulière, et je l'ai communiquée » gratis à quelques-uns de mes disciples : mais comme elle est longue et » compliquée, je ne juge pas à propos de la joindre ici.... Voilà tout » ce que je puis dire de la construction arithmétique de Byrge, pour la » table des sinus; ceux qui vondront en faire l'essai , trouveront facile-» ment qu'elle est très exacte; ce qu'on ne pourra cependant savoir bien » surement, qu'en la comparant à une table construite géométriquement. » J'ai dit pourquoi il ne me convient pas de publier ici la démonstration » que j'ai nouvellement imaginée; ainsi, j'en vais exposer une autre qui » est géométrique, qui scra peut-être encore plus agréable au lecteur,

Nons n'avons donc plus aucune espérance de savoir par lui quel était le secret de Byrge. Quand nous aurons analysé Képler, qui est moins

» et qui lui semblera digne de son approbation. »

mystérieux, nous pourrons revenir, s'il y a lieu, sur les énigmes d'Ursus.

« La seconde manière de construire la table des sinus n'emploie que » la seule règle de trois, ou la proportion géométrique; on est dispensé

» la seule règle de trois, ou la proportion géométrique; on est dispensé » du soin ennuyeux d'élever des nombres au carré, on peut ne faire aucun

» usage du théorème du carré de l'hypoténuse; on n'emploie que celui » des côtés homologues des triangles semblables (dont on peut dire qu'il

n ces cotes nomologues des triangles semblables (dont on peut dire qu'il ne renserme la scieuce mathématique toute entière); elle consiste dans

» les procédés suivans, qui sont en grande partie de mon invention. » Dans tout triangle rectangle KFT, on a (fig. 53)

$$TK + FT : FT :: FT : TK - FT$$
;

c'est, quoi qu'il en dise, le théorème de l'hypoténuse.

Soit le quart de cercle ACB; sur le rayon AC décrivez le triangle équilaléral ACD, vous aures ACD = AD = 60°; abaissez la perpendiculaire DM, qui partagera le triangle équilatéral en deux triangles rectangles égaux; on aura donc AM = CM; or s

$$CM = Dx = \sin(qo^{\circ} - 6o^{\circ}) = \sin 3o^{\circ} = \frac{1}{2}$$

Abaissez l'autre perpendiculaire COF, AO=DO=:==sin 50°=FK, arc AF == arc FD = 50°; prenez MY == FK et menez FY, et sur FY prenez FT = := FK = := te menez KT,

$$\overrightarrow{KT} = \overrightarrow{FK} + \overrightarrow{FT} = \frac{1}{4} + \frac{1}{16} = \frac{5}{16}$$
 et $KT = \frac{1}{4}\sqrt{5}$.

Du centre T et du rayon TF décrivez l'arc FS, vons aurez TS = 1/4,

KS = KT - TS =
$$\frac{1}{4}\sqrt{5} - \frac{1}{4} = \frac{1}{6}(\frac{1}{6}\sqrt{5} - \frac{1}{1})$$

= $\frac{1}{3}$ corde décagone = $\frac{1}{6}$ corde $\frac{1}{3}$ 6° = $\frac{1}{3}$ 8°.

Du centre K et du rayon KS décrires l'arc SN, vous aures KS \equiv KN \equiv sin 18'; mere la perpendiculaire NG et ablaises la perpendiculaire CV, on prenez KV \equiv KS et joignes CV, vous aures GV \equiv sin 60 \equiv sin AG; douc AG \equiv 18'; douc GF \equiv 12' \equiv GH; douc AH \equiv 18' \equiv 18' \equiv 48' et DE \equiv 18' \equiv 18

HP = PF = $\sin \frac{1}{5}$ HF = $\sin 12^{\circ}$, GV = $\sin 18^{\circ}$ = EQ = \sin FE, AH = 6°, Hu = $\sin 6^{\circ}$, Cu = $\cos 6^{\circ}$, PF = $\sin 12^{\circ}$, CP = $\cos 12^{\circ}$,

 $GV = \sin 18^{\circ}$, $GV = \cos 18^{\circ}$, $FH = \sin 50^{\circ} = \frac{1}{\circ}$, $GK = \cos 50^{\circ} = \sin 60^{\circ} = DM$, $K\phi = Hu$ et joignez $H\phi$;

abaissez les perpendiculaires PZ et PR, et Es = QO.

Il fait

Menez TX perpendiculaire sur KT, et qui aille rencontrer en X la droite CF prolongé; enfin, menez la corde AE.

Cette construction peut appartenir à Ursus, voyons ce qu'il en saura tirer. Jusqu'ici, il n'a déterminé que sin 18° = $\frac{1}{2}\sqrt{3}$ — $\frac{1}{2}$; il n'a point de carré à former, mais une racine carrée à extraire; ce qui est moins facile; cette formule est de Ptolémée.

KF: FT:: FT: FX ou
$$\frac{1}{4}:\frac{1}{4}::\frac{1}{4}::FX = \frac{1}{4}\cdot\frac{1}{4}:\frac{1}{7} = \frac{1}{16} = \frac{1}{4};$$

il pourrait en conclure

$$KX = KF + FX = \frac{1}{4} + \frac{1}{6} = \frac{4}{5} + \frac{1}{6} = \frac{1}{6};$$

il ne donne pas les valeurs numériques; alors KX : KT :: KT : KF, d'où

$$\overline{\text{KT}} = \text{KX.KF} = \frac{1}{4}, \frac{1}{4} = \frac{1}{4} \text{ et KT} = \frac{1}{4} \sqrt{5};$$
cette construction lui donne l'hypoténuse KT par lés deux côtés KF

cette construction lui donne l'hypoténuse KT par les deux côtés Kl et FT,

$$\overline{KT}$$
 = $KF.KX = F(KF + -\frac{\overline{FT}}{\overline{KF}}) = \overline{KF} + \overline{FT}$.

Tel est le moyen qu'il emploie généralement pour trouver l'hypoténuse; misi il n'évite psi l'éléviatio de FT au carré; il évite celle de KF, qu'il remplace par la multiplication de KF par KX; or, KX est un nombre plus considérable que KF; l'opération est donc moins simple, elle est plus obscure; il la vatte comme une de ses découvertes.

KT — TS = KT — TF = KS =
$$\frac{1}{4}\sqrt{5}$$
 — $\frac{1}{4}$ = sin 18°
= $\frac{1}{4}(\frac{1}{4}\sqrt{5} - \frac{1}{4}) = \frac{1}{4}$ corde de 36°; °

cette formule était dans Ptolémée, ainsi que siu 50° = ½. Avec ces deux sinus, connus de tout tems, il se propose de trouver tous les autres au moyen de 8 règles.

La première, qu'il appelle règle du complément, n'est rien autre chose que cos' $\Lambda = 1 - \sin^2 \Lambda = (1 + \sin \Lambda)(1 - \sin \Lambda)$; sous cette forme, l'opératiou sersit moins simple; il ne dit pas celle qu'il préfère.

La seconde est la règle de l'intersegment, terme nouveau qu'il ne définit pas. Mais supposez que vous ayez $FK = \sin AF \in HM = \sin AH$; vous en conclurez $CK = \cos AF$ et $CM = \cos AH$; menez la perpendiculaire $H\phi$, vous aurez $K\phi = HM$, $F\phi = FK - Hm$; vous aurez donc les deux côtés $F\phi$

et φH, et par conséquent,

 $FH = F\phi + H\phi = (\sin A - \sin B)^a + (\cos B - \cos A)^a$

 $= \sin^4 A - 2\sin A \sin B + \sin^4 B + \cos^6 B - 2\cos A \cos B + \cos^6 B$ $= 2 - 2(\cos A \cos B + \sin A \sin B) = 2 - 2\cos (A - B)$

 $= 2[1 - \cos(A - B)] = 2[2\sin^4 \frac{1}{2}(A - B)] = 4\sin^4 \frac{1}{2}(A - B)$

= 4sin* ! FH = 4sin* FG = 4sin* GH.

An lieu de cette methode bien connue, il élèvenit sur FII su point II, une perpendiculair qui trait couper éN, et détermineris FII comme il a diterminé ci-dessus KT, il parall que l'intersegment des src. A et B est ¿ (A — B) ou la deni-difference. Il n's donc ggué par cette règle que d'obscurcir ce qui était clair et facile, afin de se vanter d'une découverte.

La troisième est la righe de la moitté; elle sert à trouvers in $\frac{1}{4}$ Par sio A; on fait sin $\frac{1}{4}$ A = $\frac{(-\infty A)^2}{3}$. Il nous dit, si vous aveze EL = $\frac{1}{3}$ a A = $\frac{(-\infty A)^2}{3}$, vous aurze CL = cos A F; vos od'èverse en A sur EA une perpendiculaire qui ira couper EL prolongée; vous en déduirez, comme ci-dessus, A E = $\frac{1}{3}$ A =

La quatrième est la règle du double; elle donne

il fait

CF; sinAF;; CK=CO; OΩ ou 1; sinA;; cosA; OΩ=sinAcosA=½ sin2Aβ c'est donc la règle ordinaire.

La cinquième est celle de l'aggrégat. Connaissant sin A et sin B, et par conséquent cos A et cos B, trouyer sin (A+B) = sin A cos B+cos A sin B; ce n'est pas ainsi qu'il procède.

Si sa manière n'est pas la plus courte elle est du moins nouvelle.

Vous connaissez AO = sin AF et EQ = sin EF; vous aurez donc CO = cos AF et CQ = cos FE. Prenez O: = EQ et menez Ee; vous aurez

$$A\epsilon = AO + EQ$$
 of $E\epsilon = OQ = CQ - CO$.

As: Es:: AO: OF:: EQ: QF;
vous connaissez donc les segmens OF et QF de la différence OQ des
deux cosinus. Dans chacun des triangles AOF, EQF vous avez les deux
coties, vous aurez les deux hypoténuses par la règle de l'auteur; ou, por

Le théorème de l'hypoténuse, vous aurez AE = AT + TE = 2sin : AE. vous aurez 1 AE; d'où vous conclurez sin AE, par la règle précédente. On pourrait ici rappeller à Ursus le distique latin qu'il appliquait à Tycho, ci-dessus page 297; il sent apparemment lui-même, que sa méthode est pénible et détournée, car il ajoute les analogies suivantes :

avec CL et L⊙ vous aurez C⊙, par la règle commune ou par celle de l'auteur.

La sixième règle est celle du reste ou de l'excès; c'est la converse de la précédente. Trouvez d'abord LO, comme ci-dessus, vous aurez EO =EL -LO, et de la CO,

Au moyen de toutes ces analogies, ou par quelques-unes seulement, ou même par deux uniquement, c'est-à-dire celles du complément de la moitie, vous aurez tous les sinus du quart de cercle de 45' en 45'. Par ces deux dernières, sa méthode n'aurait rien de nouveau.

La septième règle est celle de l'intermédiaire, Soient les arcs AF et AH, la différence sera FH, et la demi-différence scra GH = GF, CP sera le cosinus de GH = GF.

or, $PZ = KR = K\phi + \phi R = Hu + \frac{1}{2}F\phi = \sin AH + \frac{1}{2}(FK - Hu)$ = sin AH + 1 (sin AF - siu AH) = 1 sin AF + 1 sin AH = 1 (sin AF + sin AH);

ainsi. done

 $\sin \frac{1}{2}(AF + AH) = \frac{\frac{1}{2}(\sin AF + \sin AH)}{\cos \frac{1}{2}(AF - AH)},$

ou généralement

$$\sin \frac{1}{5}(A+B) = \frac{\frac{1}{5}(\sin A + \sin B)}{\cos \frac{1}{5}(A-B)}$$

et
$$2\sin\frac{1}{2}(A+B)\cos\frac{1}{2}(A-B) = \sin A + \sin B$$
,

formule bien connue.

La règle est donc démontrée. La plus grande difficulté est d'entendre le langage obscur et entortillé de l'auteur; nos formules éclaircissent tout, et alors on voit que les règles n'ont presque rien de nouveau. L'esus donne ensuite

car les deux triangles sont semblables, pnisque les trois côtés de l'un sont perpendiculaires sur les trois côtés de l'autre.

Ainsi, supposons que l'on ait le sinus de 54° 50' par ceux de 69° , ar', 42°, 84°, 60'; et celui de 55' 45' par ceux de 69° 50', 22° 50', 45° te ogo 45° 50' 50° 50' 45° 14 es domme sera de 60° 15', 1a deni-somme 54° 7'50'. Par une simple partie proportionnelle pour 50', vous aurca sin 54° 8' = sin 30° 8', 60' ceux de 102° 4, 51° 4, 25° 7, 128° 5, 64° 5, 52° 7, 15° 5, 45° 7, 45° 8, 45° 8,

Alors vous aures facilement tons les sinns de minute en minute depuis o' jusqu'à 54° et leurs cosinns, c'est-à- dire les sinns de pois o' jusqu'à 54° et leurs cosinns, c'est-à- dire les sinns de pois à 55° 55. Pour cela, il pons renvoie à la méthode géométrique qu'il a donnée dans son Fondamentum, c-i-dessus page 288, celle où l'on n'emploie past les innss, mais la proposition 5 du livre VI d'Encide. Il aurait biten dù nous donner un exemple numérique, pour nous démontrer l'avantage de ce dérnier moyen. Il nous prescrit ensaite d'employer pour les sinus, depois 35′ 8′ jusqu'à 55° 55′, la formule précédente,

$$\sin \frac{1}{a} (A + B) = \frac{\frac{1}{a} (\sin A + \sin B)}{\cos \frac{1}{a} (A - B)}.$$

Ou bien enfin, il nons propose sa huitième règle, qu'il appelle règle de l'extrême ou de l'équidistant.

Ayant les sinus de deux arcs comme AG et AH, trouver le sinus de AF qui surpasse autant AG que AG surpasse AH; il fait

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Il termine en disant qu'après avoir trouvé par la règle VII, le sinus de 1', on trouvers celui du 2' par la règle du double; on en déduirs casuite des les sinus de ninute en minute jusqu'à 90', en montant; mais pour plas de súreté, il vaudrait mieux descendre des sinus de 90' et de 80'50', à tous les sinus idéreure. Il ne s'explique pas davantage; mais nous avons (VIII)

Soit B = (A - 2'); la première de ces denx équations devient

$$2\sin \frac{1}{4}(A + A - 2')\cos \frac{1}{4}(A - A + 2') - \sin (A - 2') = \sin A,$$

$$2\sin (A - 1')\cos 1' - \sin (A - 2') = \sin A.$$

En donnant à A tontes les valeurs depuis 3' jusqu'à 90', nons aurons successivement tous les sinus de minute en minute jusqu'à 90'; A=2', A=1', et A sont en progression arithmétique : les deux premiers donneront toujours le troisième.

Commençons au contraire par faire A et (A - 1') très grand; la formule

$$a\sin(\Lambda - 1)\cos(\Lambda - 2)$$
,

nous donnera $\sin (A - a')$ par $\sin A$, $\sin (A - a')$, et la constante cos 1'; ainsi,

$$a\sin (89^{\circ} 59') \cos x' - \sin 90^{\circ} = \sin 89^{\circ} 58',$$

 $a\sin (89^{\circ} 58') \cos x' - \sin 89^{\circ} 59' = \sin 89^{\circ} 57',$
 $a\sin (89^{\circ} 57') \cos x' - \sin 89^{\circ} 58' = \sin 89^{\circ} 56',$ etc.

Au contraire, en remontant des sinns de 1' ct de 2' jusqu'à 90°, nous aurons

$$a\sin x' \cos x' - \sin x = \sin x',$$

 $a\sin x' \cos x' - \sin x' = \sin x',$
 $a\sin x' \cos x' - \sin x' = \sin x',$

Voils certes ce qu'il y a de meilleur et peut-être la seule bonne chose qu'il y ait dans le livre; mais pour en sentir l'avautage, il n'était pas instille de traduire ce précepte en langage moderne. On aura plus généralement 2 sin $(A-x)\cos x - \sin A = \sin (A-2x)$; en effet, en développant

28in A cos' x - 2cos A siu x cos x - sin A = sin A cos 2x - cos A sin 2x,

 $2\sin A - \sin A - 2\sin A \sin^* x - 2\cos A \sin x \cos x = \sin A \cos 2x$ $- 2\cos A \sin x \cos x.$

 $\sin A (t - 2\sin^2 x) = \sin A \cos 2x$ et $t - 2\sin^2 x = \cos 2x$;

an fond, cette formule est celle que j'ai donnée tome III, page 481.

L'auteur passe à la solution des friangles; il les classe, il les résout ensuite, au moyen des senls sinus, et par la prostaphérèse, pour éviter quelques multiplications. Nous n'avons rien à ajouter sur ces points, après ce que nous avons dit dans l'Astronomie du moyen àge.

La marche à suivre dans les observations astronomiques o'est rien qu'une table des chapites qu'il fundarit faire; il ne les compose pas, par la raison qu'il n'a pas d'argent pour les faire imprimer: il n'en a trouvé apparemment que ce qu'il en fallait pour publier ses invectives control Tycho et Rothman. Nous sons dit en quin consiste son Système du monde; il en donne la figure avec celles des antres systèmes dont il a parlé.

Après avoir épuisé ce que cet ouvrage contient de théorie, cherchons-y les notians historiques. Pour repouser l'inculpation de plagiaire, il prétend que dans le sens propre, le plagiair es dit de l'enlèvement des hommes et sur-tout des femmes ou des filles. Mais Tycho a-til jamais epousé une femme? et au tens de mon voyage (1584) l'alacé de ses filles n'était pas encore nubile, comment aurri-je pu commettre un plagiat? Si quelques-unas de mes compagnons joyens ont eu affaire avec la concubine ou la cuisinière (cum concubind aut coquind) de Tycho, c'est ce que je ne sais, ni ne veux dire. On voit que s'il ne le dit pas, il tiche de le faire entendre, (Voy. Dict. de Furtière, a uno Coquin) al tiche de le faire entendre, (Voy. Dict. de Furtière, a uno Coquin)

Il preitend au contraire, que la veille de son départ de l'ile d'Hueune, on lui svait à lui-même dérobé tous ses papiers. Quel est le voleur l'il se contente de le soupconner. Pourquoi lui aureii-il laissé le dessin ou la figore du système? Si Tycho possède quelques figures de sa main, qu'il les montre; il paurra montter quelques dessins de l'île, de la maison, mais aucun de l'Hypothèse disputée.

Plus loin, il parattrait convenir à moitié de l'infidélité qu'il aurait faite à control de la contr queroque ex vobis, num jure secus vi factum foret? quare vel tantos (ut putat) thesauros non abscondit?...

Il nie toujours le vol; mais ce serait un vol philosophique, et il prétend qu'il a pu le faire en conscience. Il compare en usuite Tycho à l'Avare de Plaute; il lui dit qu'il a trouvé son Strophile (ou Strobile, c'est le nom de l'esslave qui dérobe le trésor d'Euclion); c'est à peu près convenir du fait. Nous ne prendrous aucun parti dans cette question; elle nést ni assex bien éclaircie, oi assex importante; mais quand on compare les hommes cle aécrits. Tycho d'un côté aver Rohlman, et de l'antre un Ursus qui gâte lui-même sa cause par des torrens d'injures et de misérables chicannes, on ne peut s'empècher de pencher fortement vers les premier; et assa saprouver tout-à-fait le ton que prend Tycho envers Ursus, on blame ce dernier bien davantage d'avoir ainsi passé la mesure et blessé toutes les couvenances (**).

Bassantin.

Astronomia Jacobi Bassantini Scott; opus absolutistimum, in quo, quidquid unquam peritiores Mathematici in celis observaverunt, eo ordine, edique methodo traditor, ut euvist post hae facile innostescant quaecunque de astria esplanetis, nee non de corum variis orbibus, motibus, passionilus, etc., chie possunt. Apud Joann. Tomenium, 1509, Ceuève, grand in-fol.

Bissantin était su écostais qui, sans avoir appris d'antre langue que la ienne, e fit un nom en Astronomie. Cest lui qui, probablement, est représenté au frontispiee, marchant dans une campagne raboteuse; audessas de sa tête; on lit cette inscription : Dieu en son art. Son Astronomie fast d'abord imprimée en français, non telle qu'il l'avais écrite; car bien qu'il cit passe en France nue bonne partie de son tems, jamais in eput faire accorder en getre l'adjectif avec le subtantif, ansa parler de toutes les autres fautes qu'il commettait continuellement; on prit le soin de polir son style. La Bibliographie de Lalande fait mention d'une

^(*) Nous avons parlé de l'Histoire céleste de Tycho; on y trouve des omissions et heaucoup de fautes; elles furent relevées par Bartholin, dans l'ouvrage doat voici le tire d'arrès Kestner:

Specimes recognitionis nuper editorum observationum astronomicarum nob. viri Tychonis-Brahe, in quo recensantur insignes maxime errores in editions Augustadi Historiae calestis, ann. 158a, az collatione cum antographo inara regiam migratudi Friderici III, Danine at Norvegiae Regus, animadversi ab Erasmo Bartholino, mabematico Regio, Hefaira; 1688, in 4º.

Paraphrase sur l'Astrolabe, imprimée en 1555, et d'un Astronomique Discours publié en 1557, A l'année 1590, a voit le titre qu'on vient de lire; et à l'article suivant Lugduni, in-fol., Jacobi Bassantini Discursus estronòmicus latinè versus per J. Tornassium (de Tournes). On en voit liben distinctement si ce sont deux ourreges différens. A l'an 1615, une seconde édition, sugmentée de l'Astronomique Discours de Bassantin; en 1671, la Paraphrase de l'Astrolabe fut réimprimée à Paris, in-8°. Il paraît, à la multiplicité des éditions, que l'auteur jouissait d'une certaine réputation, qui est aujourd'uni bien dimunée.

Sa Trigonométrie plaue et sphérique fait tout par les sinus; il rango les planètes comme Ptolémée; dans sa Théorie des Planètes, il paralt avoir profité beauconp des ouvrages de Purbach et de ses éditeurs. A leur exemple, il adopte la trépidation de Thébith.

Pont trouver les longitudes et les latitudes des plantes, il a imaginé es figures composées de divers cercles tournant les nas dans les autres, et sur lesquels il a tracé des lignes conrbes pour les latitudes, tu fil, partant du ceutre, sert à marquer les longitudes et les latitudes, des figures de même geure donnent les phases de la Lune, des mouvemens horaires, les monvemens horaires, les monvemens horaires, les monvemens des nœuds; il donne des tables étendues des durées des éclipses de Lune, de Soleil; enfin, des tables et des figures des aspects. Cet ouvrage est toutà-fait dans le genre de celui d'Apina; mais Apina du moins a quedques tidées à lui, telles que celle des queues des comètes, et le moyen qu'il indique pour observer le Soleil.

Schrekenfuchsius, Simus, Leovitius, Origani, etc.

Examur Oavaldus Schrekenfuchains donna en 1551 la collection latine es (Barves de Proloimée, la Géographie exceptée; il faut en excepter aussi le Planisphère et l'Analemme, qui n'ont été connus que depuis par les traductions arabes. Il publia les Théoriques de Porbach, sucquelles il joignit quelques tables; un Commentaire sur les Tables de direction, de Purbach et de Régiomontan; un Commentaire très prolitos un Sacrobacco. On a de lui un ouvrage postatume, publié par son fils, où il compare avec Tannée julienne celles des Alexandrins, des Grecs, des Égyptiens, des Perses, des Arabes, des Efferens et des Romains, avec un Dialogne sur les sept Calendriers Bâle, 1576. Il monrut en 1579; il ne fut qu'édieur et commenstatuer.

Nicolaus Simus publia quinze auućes d'Éphémérides, de 1554 à 1568,

Down Court

et des Théoriques abrégées des Planètes. Carelli continua les Éphémérides

Cyprianus Léovitius, dont nous avons parlé à l'article de Tycho, publia les Éphémérides de 1556 à 1666. S'étant aperçu que les Tables d'Alfonse et les calculs de Purbach ésisient en erreur de 30' sur les tems des éclipses, il s'efforça de les corriger, et pour qu'on put joger jusqu'à quel point il avait réassi, il compons as Éphémérides.

David Origani en compose de 1595 à 1650 et 1655; il était professeur à Francfort-sur-l'Oder, Magini, qui en avait publié de 1581 à 1620, l'accusa de plagiat, et lui reprocha diverses erreurs; son vrai nom était Tost; il était né en Bohême, en l'an 1558; il mourat en 1629.

Si l'on désire une nomenclature plus complète des auteurs qui ont écrit sur l'Astronomie, sans contribuer en rien à ses progrès, on peut consulter le chapitre XIV de Weidler, et la Bibliographie de Lalande.

Thyard,

Ephemerides octave Sphares, seu Tabellae diariae ortus, oceasus et mediationis-ecid illustriam stellarum internation, pro univerdi Galliá, et his regionibus que polam boreum elevatum hebent à 53 ad 50 gradum. Autore, Ponto Tryardeo Bissiano. Lugdani, 1652. L'avieur, dans sa préisce, assure qu'un pareil ouvrage était indispensable aux astrologues et à tous ceux qui se mélent de divinations; il distingue trois esphees de levers et de conchers, les apotélematiques, les imporielematiques, et les opotélematiques, les imporielematiques, et les et insporte en apositiques. Il cit Hippocrate, qui nous dit que Thirer commeace au coucher (matina) de Pléiades qui les printens commeace à l'équinox et finia au lever antainal des Pléides ; l'été commence alors, pour finir an lever d'Arcturus; l'autonne commence à ce lever, et finit au coucher matinal des Pléides.

Il a fait les calculs pour plus de 500 étoiles, et pour l'année 1564; le reste de la préface sert à expliquer l'usage de ces tables, qui n'out jamais pu servir qu'à des astrologues ignorans, et qui sont depuis long-tems parfaitement inutiles.

Une note massuscrite nous apprend que Pontus de Tyard était noble et de Bourgoges qu'il a depuis été évâque de Chalons-sur-Saîne, et qu'il a laissé à la possérité d'autres ouvrages très savans; il promet, dans apréface, des éphémérides semblables pour les planètes. Il était ne à Bisay, en 1521 il monart en 1605 il conserva jusqu'à la fin de sa vie la vigueur de sou corps et la force de son esprir; il soutensite cette force de vigueur de son corps et la force de son esprir; il soutensite cette force

par le meilleur vin, qu'il buvait toujours sans ean : on a de lui des poésies françaises et des homélies. Ronsard dit qu'il fut l'introducteur des sonnets en France, et qu'il ne fut pas celui de la bonne Poésie. Diet. Histor., Caen., 1785.

Tabulte Frisica lunce-solares quadruplicibus è fontibus Cl. Ptolemesi, regis Alfonsi, Nic. Coperaici et Tychonis - Brahe receus constructæ operá et studio Nic. Muleri, doct. medici, et Gymnasiarchæ Leowardini. Alemarica, 1611.

Le froutispice représente Hipparque tenant nne sphère, à ses picals ont deux volumes; au-dessus ou vit Pulcimée avec un gros turhan, un livre sous le bras, et ses règles parallactiques; de l'autre côté, le roi. Alfonse le coornome en tête, un livre ouvert entre les mains ja plas bas, Copernic un livre sous le bras, et tenant de l'autre main la représentation de son système; enfin de l'autre côté, et ul Ypch tenant un sextant du bras droit; autour on lit ces mots, de Pline: Consiliorum nature participes.

L'auteur, dans sa préface, conjecture, on ne sait sur quel fondement, que les Tables d'Iliparque s'appelaient d'Accoméntient. Il nous apprend, que Reinhold, après avoir aclevé avec succès les Tables pratéciques, vait voulu donuer des Tables luni-colaires, mais il n'y fut pas aussi heureux; ce qui fut d'autant plus facheux, que de grands hommes travaillant à la correction du tens, adoptient trop faciliente les mouvemens que est tables supposaient. Muller en ayant reconsume defauts, s'occupa de construire de nouvelles tables, en suivant religieusement les principes des plus grands astronomes : ces tables sout calculées pour 7000 ans. Il annonce des recherches pour la correction da cycle pascat; il laisse entendre qu'il est peu satisfat de la reformation grégorienne; il raporte la lettre de saint Ambroise sur la celèbration de la Pâque, il y sjoute quelques notes; mais dans cette lettre, on trouve plus de phrases et de citations pieuses, que de notices qui paissent intéresser un mathématicien.

Ces Tables sont destinées principalement au calcul des syzygies et des éclipses; ce sont proprement des tables d'épactes astronomiques.

Ces mêmes Tables sont ensuite disposées selon la période julienne; et comme elles ne doivent servir que pour les éclipses, il n'est nullement question de la seconde inégalité.

Le discours qui suit ces Tables est uniquement consacré à l'usage

qu'on en peut faire, et l'auteur lui-même nous avertit qu'un astronome

n'y peut rien apprendre.

Dans un Traité assez court sur le Calendrier, il se plaint assez amèrement des dédauts de la réformation grégorienne jil propose deux manières de délivrer l'Église d'une erreur si grossière et si honteuse; il conserve l'année julienne, et la méthode pour trouver la Paque sera la même que l'ancienne méthode de l'Église, qui est la plus simple qu'on puisse imaginer. L'an 1615, qui commence un nouvean cycle lunaire, lui paralt une occasion favorable, mais il craint de parler à des sourds; et en effet, ses avertissemens ont été négligés, et ce problème n'intéresse plus aujourd'hui personne.

Le nom de l'anteur était Nicolaes des Muliers; il signe Nicolaus Mulierius. Il était principal du collége de Leeuwarden; il fut depuis professeur de Mathématiques dans la nouvelle Académie à Groningue, où il publia une édition du Système de Copernic.

Mæstlinus.

Epitome Astronomic que breé explicatione omnia tam al spherroam; quam ad theoricam ejus partem pertinentia, ex ipsius scientic fostibus deducta, perspicue per questiones traduntur, conscripta per M. Michaelem Masilinum Gooppingensem, Mathesoos in Academia Tubingeasi professorm; jam nuce ab ipso autore diligenter recognita. Tubinge, 5588.

Mesalin fat le matire de Képler, et c'est aujourd'hui son plus beau titre de gloire. Son Abrégé n'est ne effet que ce qu'il promet, c'est-dire une compilation de ce qu'on trouve dans les antens qui l'avaient précédé, cles que Purbach, Régiomentan, Copernie et autres. L'épitre dédicatoire est de 1582; il estate une antre édition, de 1694, avec des augmenations d'une trentaine de pages, tirées d'Alfragan et d'autres auteurs; en sorte que je n'y si rien vu qui méritàt un extrait. Le livre ne contient goière que des définitions et quelques exemples de calcul. L'auteur soutient encorre l'immobilité de la Terre, mais c'est probablement comme professeur et membre d'une université. Nous avons vu en extrayant Tycho, que Mostfiuns a bleir l'air d'être au fond un vrai copernicien: Képler le devint par ses leçons, et Galifée par les conversations qu'il eut avec lui. Wedler, page 536.

A la suite de la seconde édition, se trouve un Traité de la Sphère ou des élémens du premier mobile, par Brebelius Budissinus. Wittebergæ, 1629. C'est encore une compilation moins étendue et moins compilete que celle de Mæstliuus, et qui ne renferme pas une ligue qui ne se trouve ailleurs.

Nous ayons vu quelques observations de Mæstlinus, imprimées à la suite de celles de Tycho. Nous verrous à l'article Képler, les soins que Mæstlinus s'est éonnés pour l'impressiou du premier ouvrage d'un élève dout il avait raison d'être sier.

Juste Byrge.

Noss avons dit de ce savant et de cet artiste à peu près tout ce que fon en sait. Il étain de nHelvéite, en 1552; apoiqu'il n'est point étuité les langues, il n'en étuit par moins un habile nysthématicieu; il calcula des sinus logarithmiques, nême avant Néper, comme Képler nous l'attenter; il fit des observations qui ont été publiées per Snellius, il avait fait pour le landgrave de Cassel un globe cleiste d'argent, sur lequel il avait place les étuite d'après ses propres observations. Ce globe fut acheté par l'empereur Rodolphe II, qui donna à l'auteur le titre de son constructeur d'instrument. Caspard Doms prétend qu'il fit une horloge à pendule, eu 1600, long-tems avant Huygens; mais Weidler soupconne que le pendule était court, la lentille peu pesante et les occillations beaucoup plus considérables : au reste, Byrge n'a rien éerit et nous ne pouvons le juece que sur profe, Il mourt en (165).

LIVRE IV.

Képler.

Jo. Kepleri, Prodromus Dissertationum continens mysterium cosmographicum de admirabili proportione orbium catestium, deque causis acatorum numeri, magitudinis, mottamque periodicorum genuinis et propria; j demonstratum per quinque reguleria corpora geomotrica, libellus primum Tubinge in lucem datuis, anno Christi 1566, nuque post amone 35, ab codem authore recognitus et noits inabilissimis paruli memeadatus, etc.

C'est sei le premier ouvrage de Képler; Mæstlin, dont il avait été le disciple, se donna beaucoup de peine pour que le livre put paraltre; il fut en effet imprimé en 1596, et inséré au Catalogue de la foire de Francsort, en 1597; mais-le nom de l'auteur était défiguré, on avait mis Replerus an lieu de Keplerus. Ce fut en cette même appée que Tycho quitta le Danemarck et passa en Allemagne avec ses instrumens. Képler lui avait envoyé son ouvrage, Tycho ne le reçut que l'année suivante; il fit une réponse qui cut comblé de joie le jeune auteur, si elle n'eut été snivie tout anssitôt d'une éclipse de Soleil, qui présageait bien des malheurs. Dans cette réponse, Tycho lui conseillait cependant de laisser ces spéculations oiseuses, pour examiner les observations qu'il apportait; il regrettait d'ailleurs que Képler eut pris pour base de ses recherches le système de Copernic ; il finissait par une invitation de se rendre auprès de lui. Képler ne montra pas d'abord beauconp d'empressement; il redoutait sans donte de se mettre dans la dépendance d'un astronome dont il était loin de partager les opinions. Tycho renouvela ses instances, et Képler saisit une occasion de lui faire une visite au commencement de l'année 1600; mais il ne se fixa auprès de lui qu'au mois d'octobre suivant. Tycho mourat quelques mois après, et Képler fut chargé d'achever et de publier les Tables qu'on a nommées Rudolphines. Il y travailla vingt aus, après quoi il fit son livre des Harmoniques, qu'il joignit à la seconde édition du Prodromus.

Le but du Prodrome est de prouver que le Créateur, en arrangeant l'univers, a songé aux cinq corps réguliers inscriptibles à la sphère, d'après lesquels il a réglé l'ordre, le nombre et les proportions des cieux et de leurs mouvemens. Du tens qu'il étudiai sous Mastiln, Képler, d'égoàté des difficultés et des absardités de l'ancien système, a ceneillit avec transport ce que son maître disait dans ses leçons, des idées de Copernic; à loucie les prevers mathématiques que l'on pouvait donner du nouveau système, Képler voulta sjouter des preuves métaphysiques. Nommé pour soccéder à Goorges Stadius, son devoir l'attach plus fortement à ces études, pour lesquelles il conçut un goût qui ne se refroidit jamais.

Képler médita sur le nombre, la quantité et les mouvemens des orbes. De toutes ces méditations, il ne retira d'abord d'autre fruit que de se graver profondement dans la mémoire les distances telles que les avait données Conernie.

Pour satisfaire à ses idées de proportions, il oss soupeonner une planète entre Jupiter et Mars, et une autre entre Vénus et Mercure. Leur petitesse est peut-étre la seule ration qui mus empéche de les voir. Il en assigna les révolutions périodiques. Gependant, sa nouvelle planète une lai parsissi pas suffisante encoire pour l'intervalle entre Mars et Jupiter.

Au lieu d'une en effet, nous en avous déjà quatre, mais leurs distances an Solisi sont si peu différentes, qu'il est à croire que l'embarras de Képlen n'eût fait qu'augmenter, s'il les côt connues toutes. La cause pour Japquelle il soupponnait qu'elles éstient restées si long-teuns inconnues était véritable; en effet, ce passage a lair d'une prédiction; c'est dommage qu'après souir deviné si juste pour l'intervalle entre Mars et Jupiter, il ait ajouté quelque chose de semblable pour Mercure et Véous : mais ui sait si quelque planète imperceptible ne ciercule pas vars le milieu de cet autre intervalle I Supposes en effet Cérès ou Pallas placée entre Mercure et Véous, ne sersiai-telle pas beaucoup plus difficile à découvir ? l'observation ne sersit-elle pas même absolument impossible? et c'est la raison pour laquelle on n'a fât acuen a ettention à cette autre idée de Képler, quand on a fait des préparatifs ou du moins des projets pour découvir la planète qui devait circuler entre Mars et Jupiter.

Képler prit pour rayon et ligne des absciases la distunce du Soleil aux fixes; d'après ce rayon il considère les distances des planètes au Soleil comme les sinus verses d'arcs qui devenaient connus, puisque l'on avait la distance de la planète r = 2R sin' $\frac{1}{2}$, A_1 d'où sin' $\frac{1}{2}$, $A_2 = \frac{r}{2R}$.

Il examina si la force de mouvement des diverses planètes ue serait

pas (R — R sin A) = 2R sin (45 — 2 A); il perdit un été tout entier a cer cecherches, heureusement ce mavris succès ne put le réhuter. Il avait toujoars prié Dieu de le conduire à quelque décourerte qui foit une conséquence du système de Coprenic, si ce système était assis vrai qu'il en avait la persaisoin. Edin, le -j juillet 1 250, syant à mounter à ses élères la manière dont se soccèdent les grandes conjonctions de Jupiter de Saturne de 8 en 8°, et comme elles passont successirement, d'un triangle inscrit dans un autre, il imagina de représenter cette succession par une figure.

Il diviss le cercle en 60 parties égales, de 9' chacune : 27 fois 9' font 45' on 68' 5'; c'est à peu près la différence qui se rencontre entre les lieux des deux conjouctions consécutives. Avançant donc de 8' 5' on rétrogradaut de 5' 27', il marqua et joiguit par des cordes tous les arcs de la table c'i-iointe:

| 115 Co | 85 Co | 55 o | 25 0 |
|--------------|-------|--------------|-------|
| 7. 3 | 4. 3 | 1. 3 | 10. 3 |
| 7. 3 5. 6 | 0. 6 | q. 6 | 6. 6 |
| | 8. 9 | 5. 9 | 2. 9 |
| 7.12 | 4.12 | 1.12 | 20,12 |
| 3.15 | 0.15 | 9.15 | 6.15 |
| 11.18 | 8.:8 | 9.15 5.18 | 2.18 |
| 7.21 | 4.21 | 1.21 | 10.21 |
| 3.24 | 0.24 | 9.24 | 6.24 |
| 11.97 | 8.27 | 5.27 | 2.27 |
| 8. 0 | 5. 0 | 9. 0 | 11. 0 |

Les points d'intersection de toutes ces cordes, formaient presque une figure circulaire; il traca une circonférence qui les touchait toutes.

La corde de 8/5° est la même que celle de 5/27° == 117°, elle cst égale à 2siu 58° 50'; le rayon du cercle tangent à toutes ces cordes sera

$$\cos 58^{\circ}50' = \sin 51^{\circ}50' = 0,5225$$
,

le rayon étant pris pour unité.

Le rayon du cercle inscrit au triangle équilatéral serait

$$\cos \frac{1}{4} (120^{\circ}) = \cos 60^{\circ} = \sin 30^{\circ} = 0,5.$$

Le rayon 0,5225 est au rayon du cercle à peu près dans le rapport de la distante de Jupiter à celle de Saturne. Le triangle est la première et la plus simple des figures régulières qu'on peut inscrire au cercle; il imagina quele triangle inscrit pouvait avoir determiné le rapport des distances de Jupiter et de Saturne. Suivant cette idée, il essaya de rapporter au carré la distance de Mars; au pentagone, à l'hexagone et à l'eptagone, les distances des autres planètes; mais il n'alla pas bien loin sans reconnaître qu'il s'abussit.

Cette tentative n'syant point eu de naccès, le conduisit à nue idée qu'il juges beaucoup plus heureuse; les figures lui plaisient comme des guantités qui cont plus anciennes que les cieux. Car la quantité a été créée le premier jour avec les corps, au lieu que les cieux n'ent été formés que le second jour. Pour les six cieux de Copernie; il ne faudraq que cinq figures; il s'agissait donc de trouver cinq quantités qui eussent des propriétés toutes particulières; mais ces figures ne doivent pas être planes car quel rappôt pourraient-elles avoir avec des orbes soidies? Il fut aiusi conduit aux circ orps réguliers inscriptibles à la sphère s on sait qu'il est impossible d'en insignéer un plus grand nombre.

Prenes l'orbe de la l'Errer pour première mesure, circonscrives-y le dodécaèdre, autour du dodécaèdre décrivez un cercle, ce sera l'orbite de Mars; à cette orbite circonscrivez le tétraèdre, le cercle qui l'enfermers sera l'Orbite de Jupiter; à cette dernière orbite circonscrivez le tobe, et le cercle que vous décrires autour sera l'Orbite de Saurme.

A présent, dans l'orbe de la Terre inscrivez l'icosaèdre, il comprendra l'orbite de Véuus; à cette orbite inscrivez l'octaèdre, qui renfermera l'orbe de Mercure; vous aurez la raison du nombre des planètes.

Mais pourquoi commencer par la Terre? c'était la considérer encore comme une planète distinguée de toutes les autres : rien n'empêchait de commencer par Mercure ou par Saturne.

A l'orbe de Mercure circonscrivez l'octaèdre, que vous enfermerez dans l'orbe de Vénus.

Autour de l'orbe de Vénus décrivez l'icosaèdre, que vous enfermerez dans l'orbe de la Terre.

Autour de l'orbe de la Terre décrivez un dodécaedre, qu'enfermera l'orbe de Mars.

Autour de l'orbe de Mars décrivez un tétraèdre, qu'enfermera l'orbe de Jupiter.

Autour de l'orbe de Jupiter décrivez l'bexaèdre, il sera enfermé par l'orbe de Saturne.

Dans ce nouvel arrangement, il n'avait plus besoin des deux ou trois planètes qu'il avait rèvées; il confesse lui-même, que dans son âme il avait toujours regardé cette supposition comme téméraire; elle approchaît cependant hien plus de la vérité que sa nouvelle hypothèse. Au lieu de deux planètes, il y en a au moins ciuq, car rien ne nous autorise maintenant à affirmer que nous contaissons toutes celles qui existent; mais cette richesse même l'aurait affligé, parce qu'elle eût dissipé un songe qui le ravissait.

Il ne trouve pas de mots pour exprimer le plaisir que lni cause cette préciendue découverte; ji ne regrettit plus le teus perda; il estretepenait avec ardeur tous les calcula nécessires; il y passail les jours el les nuist. Il feit veu, si son idées se trouvait conforme au système de Copernic, de faire imprimer sans délai l'ouvrage où il exposerait cette mouvelle peuve de la sagues du Crésteur; il invite ses lectura i examiner ses preuves. Pous ne trouverze plus ici de planètes incomunes interporées preuves. Pous ne trouverze plus ici de planètes incomunes interporées preuves, au les preuves de la sagues du Crésteur po content de cette audace; mu lieu que sans rien faire qu'un peu de violence aux corps connus, je les endelnies une aux autres. Vous aurest donc de quoi trépondre à ce paysan, qui demandait quels lieus (quels crocs) retensient le monde et l'empéchnient de tomber.

Il expose dans son premier chapitre les raisons qui l'ont déterminé à suivre Copernic. L'ancien système pouvait sauver quelques apparences, mais uon pas toutes; il ne rend raison ni des distances, ni du norabre, ni du tenus, ni de la cause des rétrogradations, ni de celle qui fait que ces amomalies à accordent si bein avec le tieu moren du Soleil.

Le mouvement annuel de la Terre supprime tout d'un coup onte cercles différent imaginés par les anciens. On pourrait demander à Pholémée pourquoi les excentriques du Soleil, de Vénus et de Mercure de la coute de la coute de s'révolution égales l'e mouvement de la Terre répond à cette question. Pourquoi les phacites deviennent rérogrades et non les lumisaires Copernie répondra quel s Soleil est en repo, et que la Lunusuit la Terre dans son mouvement annuel. Pourquoi Mars, Saturne et Jupiter sont-lis quedquefois rétrogrades Parce qu'ils vont plus l'entennent que la Terre; et parce que nous leur transportons le cercle es son et la Terre; la Terre est pour celles une planies inférience; elle dio pour eux, comme Vénus et Mercure pour uous, rétrograder dans la partie inférience de son orbite.

On demanderait inutilement à Ptolémée, pourquoi des orbes si grands out des épicycles si petits, et pourquoi des orbes moindres en out d'énormes; c'est-à-dire pourquoi les prostaphérèses de Mars sont plus grandes que celles de Jupiter, et celles-ci plus grandes que celles de. Saturne? pourquoi celles de Mercure ne sont pas plus grandes que celles de Vénus, puisqu'elles augmentent à mesure que les orbes diminnent. Ici la réponse est facile; les anciens prenaient pour des épicycles les orbes réels de Vénus et de Mercure.

An contraire, plus une planète est éloignée de la Terre, plus l'orbe de la Terre doit Ini paraître petit. (On voit que les prostaphérèses sont les parallaxes annuelles et les élongations.)

Les sucious voyaient avec étonnement que les planètes supériences, en opposition, fussent toujours au périgée de leur épicyele, et qu'elles fussent à l'apogée dans leurs conjonctions : c'est un effet nécessire dans le système de Coperinc. Mars n'est pas dans un épicyele, c'est la Terre qui occasionné cette apparence, par sa position relative dans son orbite.

Voyez avec quelle facilité Copernic explique la précession, et rend inntile cette neuvième sphère des Tables Alphonsines.

Il lone ensuite Copernic d'avoir expliqué si simplement la trépidation, et le changement d'obliquité, qui anrait exigé bien des calculs de la part de Ptolémée; mais cet avantage est chimérique, puisque Copernic expliquait ce qui en partie n'existe pas.

Donnons quelques développemens à ces idées de Képler.

La Terre tourne en un au autour du Soleil; ce mouvement combiné avec les mouvemens des autres planetes, qui ont des révolutions pareilles, mais plus ou moins longues, produit des apparences assez compliquées.

Pour expliquer ces spparences, en prenant pour axiome fondamental que la Terre est immobile, il a fallu transporter à chaque planète en particulier le monvement de la Terre; c'est ce qu'on a fait sans même s'en douter et par la force des choses.

On a donc donné des épicycles aux planètes et on les a fait tonrner dans des cercles, autour du point qu'elles occupent réellement. Le rayon de cet épicycle était celui de l'orbe terrestre transporté dans la région de la planète.

Le rayon de l'orbe terrestre, pris pour unité, étant transporté à Saturne, est vu de la Terre sous un anglé dont le sinus est ; environ; c'est l'angle qu'on nomme aujourd'hni la parallaxe annuelle.

Transporté à Jupiter, il devait sous-tendre un angle dont le sinus est de $\frac{1}{3}$ à pen près. Transporté à Mars, il devait sous-tendre un angle dont le sinus est $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{3}$ = $\frac{1}{3}$.

Ces trois épicycles sont d'autant plus petits, que la distance est plus

grande, et réciproquement.

Pour les planètes inférieures, qui tournent autour du Soleil dans des orbes enfermés daus l'orbe de la Terre, c'est au Soleil, centre de leurs mouvemens, qu'on a transporté le mouvement de la Terre. Leur rayon vecteur divisé par la distance du Soleil à la Terre a été de 0,72 et 0,59; il a donné la mesure de leurs élongations.

Les rayons des épicycles ont donc paru 0,1, 0,2, 0,67, 0,72 et 0,59. On ne jugeait de la grandeur de l'épicycle que par la grandeur de

l'angle qu'on nommait leur seconde inégalité.

Un angle ne suffit pas pour juger des distances; on pouvait donner aux côtés une longueur arbitraire; plus l'épicyele anrait été éloigné, plus son rayon aurait été grand; pourva que l'angle donné par l'observation fûs conservé, le reste était arbitraire.

Les fractions $\frac{1}{12},\frac{1}{12},\frac{1}{12},\frac{1}{12},\frac{1}{12},\frac{1}{12},\frac{1}{12}$, so sont pas facilement comparables, parce qu'elles out le même numérateur, au lieu d'avoir le même dénominateur; le rayon de la Terre, trassporté à des distances différentes et sous-tendant des jest divers, devenui mécounissable; on avait calcié à l'aveugle, sans savoir au juste ce que l'on faissit, et assas se douter ni pouvoir reconnaitre qu'on donnait à le planète un mouvement qui paparetant à la Terre : on n'avait auconi céde du système véritable.

En voyant que Véuns et Mercure avaient le centre da Soleil pour geatre de leur épicyele, si l'on avait conqu qu'il en pouvait être de même de Mars, Jupiter et Saturne, on aurait conçu que la seconde inégalité eluit un même mouvement vn de plus près on de plos loin, mais cette remarque, toute simple depuis le tens de Copernic, était bien plus difficile au tens d'Hipparque. Aujourd'hai il ne faut pas un graud effort pour concevoir l'ensemble da système; mais on acra set yeux on s'est figuré qu'on était au centre du monde; on a expliqué en gros les phés-unomènes qu'on betrait grostèment; mais l'explication avait bien des côtés faibles; Copernic en fot mécontent, il en trouva une autre et l'appaya de preuves suffisantes.

Tont cal lié dans son système; la Terre étant rangée au nombre des planètes, les rayons de tons les orbes étant reprinsée na paries de la même unité, le rayon des orbes inférieurs divisé par la distance du Soleil à la Terre, dennait la mesure des digressions; pour les supérieures, il adonnit leur parallaxe annuelle; et en genéral, le plus petit des deux rayons, divisé par le plus grand, donnait la mesure de la seconde inégalité.

Ces angles ou leurs sinus, qui ne sont que des rapports, donnaient les distances de toutes les planètes en parties de la distance de la Terre au Soleil; tout était donc déterminé, rien n'était plus arbitraire; tout se conclut de la distance de la Terre au Soleil, au lieu que Ptolémée prenant pour unité la distance de la planète au Soleil, au lieu que Ptolémée prenant le rayon de l'épicycle en parties de cette nouvelle distance; ainsi, à chaque calcul, les deux termes du rapport changeaient, et il était difficile que Ptolémée y entrefut une quantité constant.

Chaque planète formait ainsi une spère indépendante de toutes les utres, et dont le rayon était même indéterminé; le mouvement annuel de la Terre s'y montrait capendant partont, il était le mouvement du Soleil et celui du centre de l'épirycle pour les planètes inférieures; et pour toutes les planètes, ie mouvement sur l'épirycle était le mouvement relatif de la planète et du Soleil; on se déguisait les mouvement véritables, on les avait déplacés sans pouvoir les auséantir, on les avait redus en quelque sorte méconnaissables; mais l'erreur ne pouvait durcr toujours, elle a été découverte par Copernic. Ptoléméer avait trové une explication compliquée et incomplète; Copernic en a trouvé une qui ne laise rins à d'âtire ni du côté de le Nachtidade.

A toutes ces raisons, Képler en surait pu sjouter bien d'autres tirée de ses propres décougarets, qui font du centre du Soelli el foyer commun de tous les mouvemens planéuires, et donnent à ce système une simplicité, ane précision, une besuté, qu'il avait pas été au pouvoir de Copernic de lui donner alors. Le mouvement que Copernic suppose à l'ase pour conserver le parallélisme, riet pas un mouvement, éest un repos; mais ce repos n'est pas parfait, et ce qui s'en manque produit la précession.

Voilà quelques-unes des preuves mathématiques de la prééminence du système de Copernic. Képler vent maintenant en donner de métaphysiques; elles ne seront ni anssi claires, ni aussi satisfaisantes.

« Le nombre des corps réguliers est horné, les autres sont en nombre infini; il était donc couvenable qu'il y était eaus geners d'étoiles tout-àfait différentes, les unes en nombre indéfini, c'est-à-dire les étoiles fixes, les autres en très petit nombre et qui se meuvenir ce sont les planètes. Sans chercher pourquoi les unes se meuvenir et les autres non, posons que les planètes doivent se mouvoir. Le mouvement produit la roudeur; nous avons des corps par le nombre et la grandeur; il nous reste à dire

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

avec Platon, que Dieu fuit toujour de la Géométrie, et qu'en fabricant tous cet corps, il les a inscris les uns dans les autres, jusqu'à ce que le nombre des inscriptions possibles fût épuisé; nous ne pouvions donc avoir que 6 obset. Y a-t-il rien de plus admirable que de penser que tout ce que Copernie a trouvé par les phénomènes, et comme na aveugle qui se rert de son bâton pour reconsulte son chemia, sais qu'il le dissit lui-même à son disciple et confident Rhéticus, se trouve caussite démonté à prior, et par de raisson tirées de l'édée même de la création? Le dissistant de la confident par les propriés par les parties de la confident par les propriés par les parties de la confident par les des la confident parties de la confident par les des la confident par les des la confident parties de la confident par

C'est d'après les lois de Képler, démontrées par Newton, qu'on peut dire aujourd'hui ce que Képler hasardait si témérairement; et l'on peut être surpris et affligé que ce soit par des raisonnemens de cette espèce que Képler ait été conduit à ass lois admirables.

« La distance de Mars au Soleil n'est pas le tiers de celle de Jupiter, Cherchons le corps qui donne la plos grande différence entre l'inscrit et le circonscrit; ce sera le tétraèdre ou la pyramide : la pyramide sera donc entre Mars et Jupiter. »

Voils done l'exclusion donnée à cette planète inconnne et sux quatre autres noavellement découvertes; aussi quand on s'est mis en devoir de chercher la planète inconnue, ce n'était pas d'après les idées de Képler, c'était d'après une loi presque aussi chimérique, mais au moins bien plus spécieuse. ("'o'pres mon Astronomie; tom. It, p. 550.

- « La distance de Jupiter est un peu plus que moitié de celle de Saturne; cette différence convient au cube : un cube sera donc circonscrit à Jupiter et inscrit à Saturne.
- » La proportion est presque égale entre Mercure et Vénus ; l'octaèdre, qui nous offre ce rapport, sera inscrit à Vénus et circonscrit à Mercure.
- » Entre Vénus et la Terre, entre la Terre et Mars les rapports sont presque égaux, comme dans l'icosaèdre et le tétraèdre; et par cette raison, Mars enfermera la Terre an moyen de l'un de ces corps; et par
 - » Les corps réguliers sont les uns primaires et les autres secondaires.

l'antre, la Terre enfermera Vénus,

- » Les primaires sont le cube, le tétraédre et le dodécaèdre; les secondaires sont l'octaèdre et l'icosaèdre. » Képler donne les raisons de cette division.
- Il cherche ensuite ponrquoi trois planètes sont supérieures à la Terre, qu'il appelle la somme et l'abrégé du monde et le plus noble des corps mobiles. Il se désie un peu de la réponse qu'il va faire à cette question

oiseuse; car il commence par demander la permission de joner quelque tems dans un suiet sérieux et de se livrer à l'allégorie.

"Le cube, comme le premier des cinq corps, devait être entre les planètes les plus éloignées, à la place la plus noble. Le cube est le seul qui soit engendré par sa base, tous ses angles sont droits. »

Il prouve par des raisons de même force à peu près, que la pyramide doit être entre Jupiter et Mars; la régularité de la pyramide dépend de ses seuls côtés, comme celle du cube dépend de ses angles.

« Eutre Mars et la Terre, nous ne pouvons mettre que le dodécaètre, la seule qui noug êste des figures primaires; o, celte raison fixo on choix, qui d'abord paraissait un peu incertain. En suivant cette marche, il met l'octaèdre entre la Terre et Vénus; car nous svons plus d'una raison qui placent l'octaèdre austi l'icosaèdre. On peut concevoir l'octaèdre comme dérivé du cube et de la pyramide, qui sont les premiers dans leur ordre; l'icosaèdre vient de la pyramide et du dodécaèdre. s

On croirait en conséquence qu'il va placer l'octaèdre entre la Terre et Vénuis; mais il a der aisons qu'il va praissent plus fortes encore, pour le placer entre Vénus est Mercare. Il trouve plus beau que la Terre soit tonchée par-fès eux corps qui ont le plus de factetes, et que les deux corps qui sont les premiers, chacon dans leur espèce, forment les nomests de deux espèces de pyramidies, dont les bases soients sur la Terre et les sommets dans des positions opposées. Nous n'avons pas la moindre envie de le chicament il dessus.

Le chapitre IX est plus étrange encore que tout ce qui précéde. Nous viocerious dire que nous avons éprouvé en le lisait, mais nous trouvons à la fin cette note de l'auteur : Ce chapitre riest rien qu'un jeu astrologium et ne doit pas t'en censf faire partie de l'ouverge. Cependant, l'auteur demande que l'on compare ses idées à celles du Tetrabible de Ptolémée, et se persande qu'on loi secordes la nolme.

Le chapitre X expose des idées pythagoriciennes sur les nombres nobles.

Dans le chaplire XI, on ne voit nul esprit de recherche, mais hien le soin d'entasser de mavaisses sissons, pour appuyer un système dont on sent que les bases sont peu solides. J'aurais pu ometre ce chapitre, il n'est d'aucune utilité; mais je ne suis pas le premier qui me sois faitqual sur ces inutiles questions pourquoi le sodiaque a-tcl cette position que que toute entre l'pourquoi les planètes vont-elles en ce sens plutôt qu'en sens contraire?

Il compare entre eux ces corps et ces consoonances; il assimile la quinte à la pyramide, la quarte au cube, l'octave à l'octaver, la sixte mineure au dodécacher, il restera la sixte majeure pon l'icoacher, il restera la sixte majeure pon l'icoacher mais il convient qu'on peut établir tout autrement le comparaisons.

Digression sur les polyèdres réguliers inscriptibles à la sphère.

Ces polyedres, qui ont fait perdre à Képler tant de tems et de calculs, avaiend tuitre l'attention des anciens géomètres. Ils sont décrits par Euclide, qui en a déterminé le nombre, et nous à donné des moyens graphiques pour en trouver les arêtes et les côtés; mais il n'eo donne ni les surfaces ni les solidités.

Hypsicle d'Alexandrie, dont nous avons extrait l'Anaphorique (tome I, page 246), nous apprend qu'Apollonius avait écrit sur la comparaison de l'icosaèdre et du dodécaèdre, et même qu'il s'y était trompé; mais il avait reconnu et rectifié son erreur dans un ouvrage subséquent. Hypsicle ne nous donne pas l'extrait de ce dernier ouvrage, qui était alors entre les mains de tous les géomètres. Ce qu'il ajoute de lui-même à cette théorie, n'est pas d'une extrême importance, et se borne à la sprface du dodécaèdre, à celle de l'icosaèdre, et à des rapports entre les solidités des denx corps; mais d'après son maître Isidore, il y ajoute une méthode graphique pour déterminer les inclinaisons réciproques des faces de ces polyèdres. Au total, ce que nous avons de l'ancienne théorie de ces corps est entiercment incomplet; les démonstrations sont d'une prolixité fatigante; les figures, d'une complication qui les rend à peu près inintelligibles. Clavius, dans son Commentaire sur Euclide et Hypsicle, n'est guère plus lumineux, et laisse encore beaucoup à désirer, quoiqu'il ait mis à contribution tous les commentateurs précédens, et notamment Foix de Candalle qui avait ajouté deux livres nouvcaux à ceux d'Hypsicle.

Par la Trigonomètrie sphérique, un triangle rectangle nous donnera la solution complète du problème, qui consiste à déterminer tous les angles et tous les côtés de ces corps; leurs surfaces et leurs solidités s'en déduiront avec la plus grande facilité. Quoique ces solutions ne soient pas d'un usage bien général, nous sommes étonnés de ne les trouver dans aucun livre de Trigonométrie; c'est ce qui nous a déterminé à les placer ici.

Outre les expressions trigonométriques fournies par le triangle retaingle, et qui sont de beaccoup les plus commodes pour la pratique, nous en douncrons d'autres, qui seront purement géométriques, cels-dire affectée de radicaux, à la mauier d'Euclide, et nous en verrons naître les constructions des anciens, et d'autres bien plus completes et plus faciles.

(1) Tous les côtés d'un solide régulier inscrit à la sphère, sont autant de cordes d'arcs de grand cercle; toutes ces cordes sont égales, d'où résulte aussi l'égalité des arcs.

(2) Le problème de l'inscription des corps réguliers se réduit donc à diviser la surface d'une sphère en nn nombre donné d'espaces égaux, terminés par des arcs égaux.

(5) Soit m le nombre de ces espaces, c'est-à-dire le nombre des facettes du solide:

a le nombre des angles et des côtés de chaque facette;

n le nombre des angles sphériques qui ont leur sommet au même point de la surface de la sphère, ou le nombre des angles plans qui composent l'angle solide du polyèdre.

(4) On sait que a ct m ne peuvent être des nombres moindres que 3; car il faut au moins trois côtés pour clore un espace et trois angles plans pour former un angle solide.

(5) La somme des angles sphériques formés autonr d'un même point est tonjours de 350°. Soit G = 2A chacun des angles sphériques..... $2A = G = \frac{350°}{m}$ et $A = \frac{180°}{m}$.

(6) Chacune des facettes du polyèdre est plane; à ce plan on peut toujours circonscrire un petit cercle. Soit P le pôle de ce petit cercle, ou le pôle de ABCDE (fig. 54).

Chacun des angles en P aura pour valeur

$$\left(\frac{360^{\circ}}{a}\right) = \frac{360^{\circ}}{\text{nombre des côtés de la facette}}$$

Dans la figure, a=5 et $\frac{56^o}{a}=72^a$, parce $\frac{4}{9}$ ue la figure est un pentagone; nons verrons que a nc peut surpasser cinq; d'où il résultera que toutes les facettes sont ou des triangles, ou des carrés, ou des pentagones.

LIL-19 Ly GOOGL

- (7) Soient AmB, BnC, CqD, etc., les arcs de grand cercle dont les côtés sont les cordes; AmBnCqDsEtA sera l'espace sphérique qui est une aliquote de la surface entière.
- (8) Dn pôle P menons des arcs de grand cercle PA, PB, PC, etc., à tous les angles de l'espace; l'arc PA partagera en deux angles égaux chaque angle tel que BAE; sinsi, BAP = ‡ BAE = ‡ G = A = (¹⁸⁰/_m) (voy. art. 5).
 - (9) Les arcs perpendiculaires Pm, Pn, Pq, etc., partageront en deux également chacun des arcs AmB, BnC, etc.; sinsi, Am = \frac{1}{4}AB, Bn = \frac{1}{4}BC, etc.
- (10) Ces mêmes perpendiculaires partageront en deux également les angles au pôle; ainsi,

$$APm = \frac{1}{2} APB = \left(\frac{180}{a}\right) = mPB$$
, BPn , etc.

- (11) Chacun des triangles isoscèles APB, BPC, etc., sera donc partagé en deux triangles sphériques rectangles tels que mPA; nons aurons autour de chaque pôle aa de ces triangles rectangles, tous parfailement égaux.
- (12) Dans chacun de ces triangles, nous connaissons $A = \left(\frac{180^n}{m}\right)$, $\frac{1}{6}P = \left(\frac{180^n}{m}\right)$.

m et a seront déterminés par le nombre de faces que nous voudrons réunir autour d'un même sommet, et par le nombre des côtés que nous voudrons donner à chaque facette.

Connaissant les trois angles de chaque triangle, nous pourrons calculer les trois côtés.

(15)
$$\cos Am = \frac{\cos APm}{\sin mAP} = \frac{\cos \left(\frac{180^{\circ}}{a}\right)}{\sin \left(\frac{180^{\circ}}{m}\right)} = \cos \frac{1}{3} AB.$$

(14) Corde ANB = 2sin Am = arête du polyèdre = côté de la facette = 2sin ½ AB.

Toutes ces arêtes seront égales, leur nombre sera ‡ am, car chaque arête sera commune à deux facettes contigues.

= cos, distance polaire = cos a.

sin d = sia AP sers le rayon du petit cercle ABC.

2sin $\frac{1}{4} d = 2 \sin \frac{1}{4} AP$ sera la distance rectiligue de l'extrémité A de chaque arête à son pôle P.

cos AP = cos d = h = hauteur du centre de la sphère sur le plan de chaque faccite.

h sera la hauteur de chacene des pyramides partielles dont la réunion formera la solidité du polyèdre.

(16) Enfin,

$$\cos mP = \frac{\cos AP}{\cos Am} = \frac{\cot \left(\frac{180^{\circ}}{m}\right)\cot \left(\frac{180^{\circ}}{a}\right)\sin \left(\frac{180^{\circ}}{m}\right)}{\cos \left(\frac{180^{\circ}}{a}\right)} = \frac{\cos \left(\frac{180^{\circ}}{m}\right)}{\sin \left(\frac{180^{\circ}}{a}\right)}$$

Cet arc mP sera le complément de la demi-inclinaison des deux Ω -cettes qui auront une arbéte commune. Pour le prouver, prenez des arcs $\Delta Q = BQ = AP = PB_1Q$ sera le pôle de la facette contigué; PmQ messurera l'angle an centre de la sphère, entre les droites menées aux pôles P et Q_1 ces droites seront perpendiculaires aux deux facettes; leur angle estra le supplément de l'angle des deux facettes ;

arc
$$PmQ = aPm = 180^{\circ} - I$$
, $Pm = 90^{\circ} - \frac{1}{6}I$, $90 - Pm = \frac{1}{6}I$.

Nous aurons donc par notre triangle sphérique rectangle les inclinaisons, les angles et les côtés du polyèdre. Il reste à calculer les surfaces et les solidités.

Dans le petit cercle circonscrit à chaque facette, imaginons les cordes AB, BC, etc., de chacun de ces arcs. La surface de chaque facette sera divisée en a triangles isoscèles rectilignes, ou en 2a triangles rectangles.

La surface NPA = $\frac{1}{4}$ AN.NP = $\frac{1}{4}$ AN.AN. tang NAP = $\frac{1}{4}$ $\overline{\text{AN}}$ cot NPA = $\frac{1}{4}$ sin' Am cot $(\frac{180}{2})$;

la surf. entière de la facette sera
$$= 2a \frac{1}{4} \sin^4 Am \cot \left(\frac{180^4}{a}\right)$$

$$= a \sin^* Am \cot \left(\frac{180^\circ}{a}\right);$$
mais nons aurons a facelles égales: la surface totale serv

mais nous aurons n facettes égales; la surface totale sera an sin² Am eot (180°) .

(18) La solidité serà =
$$\frac{1}{3}$$
 han sin Am cot $\left(\frac{180'}{a}\right)$

$$= \frac{1}{3} \operatorname{an} \cos \Lambda P \sin^4 \Lambda m \cot \left(\frac{180^\circ}{a}\right) = \frac{1}{3} \operatorname{an} \sin^4 \Lambda m \cot^4 \frac{180^\circ}{a} \cot \left(\frac{180^\circ}{m}\right)$$

Le problème est donc entièrement résolu. Les formules ne dépendent que des trois indéterminées n, a, m, dont il nous reste à trouver les valenrs possibles.

- (19) Nos espaces sphériques doivent couvrir en entier la surface de la sphère.
- Or, C étant la circonférence, D le diamètre et le rayon = 1, on aura surface de la sphère = C.D = 360°.2 = 720°,

chacun des n espaces
$$E = \frac{720^{\circ}}{n} = 2aT$$
;

car chaque espace E est partagé en 24 de triangles rectangles T.

Done
$$n = \frac{790^{\circ}}{20 \text{ T}} = \frac{360^{\circ}}{6 \text{ T}}$$
;

mais la surface de chaque triangle $T = (A + A' + A'' - 180^{\circ})$,

A, A' et A" étant les trois angles.

Et l'un de ces angles est droit; donc

$$donc T = (A + A' + 90^{\circ} - 180^{\circ}) = (A + A' - 90^{\circ});$$

$$n = \frac{500^{\circ}}{a(A + A' - 90^{\circ})} = \frac{500^{\circ}}{a(\frac{180^{\circ}}{m} + \frac{180^{\circ}}{a} - 90^{\circ})} = \frac{4}{a(\frac{3}{m} + \frac{5}{a} - 1)}$$

$$= \frac{4m}{a(a + \frac{2m}{a} - m)} = \frac{4m}{sa + 2m - am}.$$
(20)
$$n = \frac{4m}{sa - m(a - 3)}.$$

L'équation $n=\frac{4m}{2a-m(a-a)}$ n'exprime qu'une relation entre nos trois indéterminées. Formons pour m et a les suppositions les plus simples, en commençant par les plus petites valeurs possibles a=5 et m=5.

Alors
$$n = \frac{4.5}{8.3 - 3(3 - 8)} = \frac{18}{6 - 3} = \frac{19}{3} = 4;$$

ainsi, la plus petite valenr de n est de 4; nous aurons le tétraèdre formé de quatre triangles assemblés trois à trois.

(21) Pour le tétraèdre, n = 4, a = 5, m = 3. Conservons a = 5 et soit m = 4;

$$p = \frac{4.4}{a \cdot 3 - 4(3 - a)} = \frac{16}{6 - 4} = \frac{16}{a} = 8$$
, nous aurons l'octaèdre.

(32) Pour l'octaèdre, n = 8, a = 5, m = 4; huit triangles as-

Conservons a = 5, et soit m = 5;

$$n = \frac{4.5}{3.3 - 5(3 - 2)} = \frac{20}{6 - 5} = \frac{20}{1} = 20$$
; nous aurous l'icosaèdre.

(23) Pour l'icosaèdre, n=20, p=5, m=5; 20 triangles unis 5 à 5. Conservons a=5, ct soit m=6;

$$n = \frac{4.6}{2.3 - 6(3 - 2)} = \frac{24}{6 - 6} = \frac{24}{0} = \infty.$$

Le polyèdre aurait une infinité de faces, chaque face se réduirait à un point; si l'on sait m = 7 ou plus graud, le denominateur serait uégatif ainsi que n; ce qui serait absurde.

Il n'y a donc que trois polyèdres à bases triangulaires; le tétraèdre, l'octaèdre et l'icosaèdre. Passons aux faces quadrangulaires; et soit p = 4, m = 5:

$$n = \frac{4.3}{2.4 - 3(4 - 2)} = \frac{12}{8 - 6} = \frac{12}{2} = 6$$
; nous aurons l'hexaèdre.

soit
$$m = 4 = a$$
, $n = \frac{4 \cdot 4}{2 \cdot 4 - 4(4 - 2)} = \frac{16}{8 - 8} = \frac{16}{9} = \infty$;

il n'y a donc que l'hexaèdre qui ait des facettes carrès, assemblées 5 à 5. Soit p = 5, m = 5;

$$n = \frac{4.3}{2.5 - 3(5 - 2)} = \frac{12}{10 - 9} = \frac{12}{1} = 12$$
; nous aurons le dodécaèdre.

(25) Pour le dodécaèdre, n=12, p=5, m=5; 12 pentagones 5 à 5. On peut voir qu'il serait bien inutile de pousser les suppositions plus loin; elles ne donnersient que des valeurs négatives et par conséquent impossibles.

(26) Il n'y a donc que cinq corps réguliers inscriptibles à la sphère : Le tétraèdre, l'hexaèdre, l'octaèdre, le dodécaèdre et l'icosaèdre.

Nous connaissons a et m pour chacuu de ces solides, uous arons tout ce qui est nécessaire pour l'évaluation de nos formules trigonométriques. Mais si nous considérons que tous les angles de nos polygones sont de 60°, de 90° et de 72°, dont les lignes trigonométriques peuvent s'ex-

e 60°, de 90° et de 72°, dont les lignes trigonométriques peuvent s Hist. de l'Astr. mod. Tom. I. 42 primer par des radicaux, nous ponrrous mettre ces radicaux dans nos formules et arriver à des expressions du genre de celles d'Euclide et d'Ifypsicle. Nos formules seront en plus grand nombre, et seront tontes susceptibles d'être tracées graphiquement, c'est-à-dire avec la règle et le compss.

Nons n'avons pas d'expression pour l'angle solide; sa mesure naturelle serait la surface sphérique du triangle dont cet angle serait le sommet, au centre de la sphère.

(27) Ainsi, l'angle solide dont la base serait le triangle ABC, aurait pour mesure

Cette expression est plus curiense que vraiment utile, et voilà sans donte pourquoi personne n'en a parlé.

(38) Avant d'appliquer nos formules trigonométriques aux divers polyèdres, il est important de remarquer que toutes ces formules sont pour des angles aigus; c'est le cas le plus ordinaire, il n'a même qu'nne seula exception, et elle a lieu pour le tétraédre.

Pour le térnârden, la distance de chaque facette à son pôle, surpasse gov. La formule donnerât la distance au pôle le plus voitin; elle serait plus petite que 90°; mais la formule sin † AB donnerait AB > 90°; or, dans ce polyèdre, AB est aussi la distance polaire d'une sutre face, et toutes ces distances sont égales : ainsi la distance polaire '20°; mais il est inutile de la calculer, puisqu'on la connaît par AB. Au reste, le remêde serait facile; ce serait pour ce cas unique de donner le signe — à cos AF; ou bien tout simplement, de prendre le supplément de AP donné par la formule.

Pour l'inclinaison, il est aisé de prouver qu'elle est moindre que 90°; il n'y a rien à changer à la formule.

An lieu des lignes trigonométriques, meltons dans nos formales les irrationnelles qui en sont les expressions trigonométriques. Pour être réduites à leurs plus simples expressions, ces substitutions exigeront des réductions, dont nous alloos présenter le calcul.

Tétraèdre.
$$n = 4$$
, $a = 5 = m$;

$$\cos Am = \frac{\cos\left(\frac{180^{\circ}}{a}\right)}{\sin\left(\frac{180^{\circ}}{a}\right)} = \frac{\cos 60^{\circ}}{\sin 60} = \cot 60 = \tan 60^{\circ} = \sqrt{3};$$

Jan Jan Google

d'où

 $\sin Am = \sqrt{1}$, $\tan Am = \sqrt{2}$; $2\sin Am = \text{corde AB} = \text{arète} = 2\sqrt{1} = \sqrt{1}$;

c'est la règle d'Euclide.

sin AB = $2\sin Am \cos Am = 2\sqrt{\frac{2}{5}}\sqrt{\frac{2}{5}} = 2\sqrt{\frac{2}{5}} = \sqrt{\frac{2}{5}}$, $\cos AB = \sqrt{\frac{2}{5}}$, tang AB = $\sqrt{8}$, séc AB = 3;

le triangle donnerait

$$\begin{array}{l} \cos AP = \cot \left(\frac{18\alpha}{a}\right) \cot \left(\frac{18\alpha}{m}\right) = \cot 60 \cot 60 = \tan q^{2} 50' = \frac{1}{2}, \\ \sin^{2} \frac{1}{2} AP = 1 - \cos AP = 1 - \frac{1}{2} = \frac{2}{7}, \sin^{2} \frac{1}{2} AP = \frac{1}{2}, \\ \cot \sin \frac{1}{2} AP = \sqrt{\frac{2}{3}}, \sin^{2} AP = 2\sqrt{\frac{2}{3}} = \sqrt{\frac{2}{3}}, \text{ orde } AP = \sqrt{\frac{2}{3}}; \end{array}$$

mais nous savons qu'elle est V i comme corde AP; il fallait donc faire

AP obtus,
$$\cos AP = -\frac{1}{3}$$
, $1 - \cos AP = 1 + \frac{1}{3} = \frac{1}{3} = 2\sin^4 \frac{1}{3}$ AP, $\sin^4 \frac{1}{3} AP = \frac{1}{3}$, $\sin^4 \frac{1}{3} AP = \sqrt{\frac{1}{3}}$, et $2\sin^4 \frac{1}{3} AP = 2\sqrt{\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}}$, $\sin AP = (1 - \cos^4 AP)^{\frac{1}{3}} = (1 - \frac{1}{3})^4 = \sqrt{\frac{1}{3}} = rayon$ du petit cercle,

in AP = $(1 - \cos^* AP)^{\frac{1}{2}} = (1 - \frac{1}{9})^{\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{n}{2}} = \text{rayon du petit cercle},$ $AP_* = AB,$ Con^{180}

$$\sin \frac{1}{4} I = \cos mP = \frac{\cos(\frac{160^{\circ}}{\sin(\frac{160^{\circ}}{a})} = \frac{\cos60^{\circ}}{\sin \frac{1}{60}} = \cot 60^{\circ} = \tan 50^{\circ} = V_{1}^{\circ};$$

$$\cos \frac{1}{4} I = V_{1}^{\circ}, \cot \frac{1}{4} I = \frac{1}{\sqrt{4}} \sin I = 2\sin \frac{1}{4} \cos \frac{1}{4} I = 2V_{1}^{\circ} V_{1}^{\circ} = 2V_{1}^{\circ}$$

$$=\sqrt{\frac{1}{3}}$$
, cos $1=\sqrt{\frac{3}{3}}$, tang $1=\sqrt{8}$;
I est un angle aigu; en effet, le côte du polygone est $\sqrt{\frac{3}{3}}$.

son apothème = V_1^c sin 60 = V_1^c V_1^c = V_2^c = V_2^c ; la hauteur totale du tétraèdre = t = 1 — cos AP;

or,

$$\sin I = \frac{hauteur}{spothéme} = \frac{\frac{1}{2}}{\sqrt{s}} = \frac{1}{2} V_{1}^{T_{1}} = \frac{1}{2} V_{2}^{T_{2}} = \frac{1}{2} V_{3}^{T_{3}} = V_{1}^{T_{3}},$$

 $\cos I = V_{1}^{T_{1}} = \frac{1}{2}, \sin \frac{1}{2} I = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = \frac{1}{2},$
 $\sin^{2} \frac{1}{2} I = \frac{1}{2}, \sin \frac{1}{2} I = V_{1}^{T_{2}},$

comme ci-dessus.

Surface facette = $a \sin^4 Am \cot 60 = 5 \cdot \frac{1}{1} V_1^2 = 2 V_2^2 = V_3^2$, surface polyèdre = $4 \cdot \text{facette} = 4 V_1^2 = V_2^2 = 8 V_2^2$, solidité = $\frac{1}{1} h$ surface polyèdre = $\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} V_2^2 = \frac{1}{2} V_2^2$

= base
$$\times \frac{1}{3}$$
 hauteur totale = $\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \frac{1}{3} \cdot \frac{4}{3} = \sqrt{\frac{1}{3} \cdot 1} = \sqrt{\frac{1}{12}}$

Ainsi, pour la solidité, comme pour l'inclinaison, nous nous sommes procuré des vérifications indépendantes du triangle sphérique, et qui ont confirmé pos formules générales.

Hexaèdre.

$$n = 6$$
, $a = 4$, $m = 5$;

$$\cos \Lambda m = \frac{\cos(\frac{180^{\circ}}{a})}{\sin(\frac{180^{\circ}}{m})} = \frac{\cos 45}{\sin 60} = \frac{V_{\frac{1}{2}}}{V_{\frac{1}{2}}} = V_{\frac{1}{2},\frac{1}{2}} = V_{\frac{1}{2}}$$

$$\sin Am = \sqrt{1}$$
, tang $Am = \sqrt{1}$,

$$\sin AB = 2\sin Am \cos Am = 2\sqrt{3} \cdot \sqrt{\frac{1}{3}} = 2\sqrt{\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}},$$

 $\cos AB = \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{4}, \tan AB = \sqrt{8},$

corde AB =
$$2\sin Am = 2\sqrt{1} = \sqrt{1} = aréte;$$

c'est la règle d'Euclide.

 $h = \cos AP = \cot(\frac{180^{\circ}}{2}) \cot(\frac{180^{\circ}}{2}) = \cot 45^{\circ} \cdot \cot 60^{\circ} = \tan 50^{\circ} = \sqrt{1}$

$$\sin AP = \sqrt{1}$$
, tang $AP = \sqrt{2}$,

$$\sin AP = \text{rayon} = \sqrt{\frac{1}{3}}, \frac{1}{3}h = \frac{1}{3}\cos AP = \frac{1}{3}\sqrt{\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}},$$

$$\cos mP = \sin\frac{1}{2}I = \frac{\cos\left(\frac{180^{\circ}}{m}\right)}{\sin\left(\frac{180^{\circ}}{m}\right)} = \frac{\cos 60^{\circ 60}}{\sin 45^{\circ}} = \frac{\sin 50^{\circ}}{\sin 45^{\circ}} = \frac{\frac{1}{2}}{V_{1}^{\circ}} = V_{1}^{\circ},$$

$$\cos \frac{1}{4}I = \sqrt{\frac{1}{4}}$$
, $\cot \frac{1}{2}I = 1$, $\frac{1}{4}I = 45$, $I = 90$

Surface facette = 4sin Am cot 45 = 4sin Am = 4.1 = 1. ou bien

carré de l'arête = surface facette = \$, surface du polyèdre = 6.4 = 4 = 8 = solidité

=
$$\frac{1}{3}$$
 h surface polyèdre = $\sqrt{\frac{1}{37}}$.8 = $\sqrt{\frac{1}{37}}$
= cube de l'arète = $\frac{4}{3}$ $\sqrt{\frac{3}{3}}$ = $\sqrt{\frac{3}{37}}$.

Ainsi, des formules particulières confirment nos formules générales.

$$2\sin^{\frac{1}{2}}AP = 1 - \sqrt{\frac{1}{2}}, \cos \frac{1}{2}AP = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}},$$

$$\sin \frac{1}{4} AP = \sqrt{\frac{1-\frac{1}{4}\sqrt{\frac{1}{2}}}{1+\frac{1}{4}\sqrt{\frac{1}{2}}}}, \text{ tang } \frac{1}{4} AP = \sqrt{\frac{1-\frac{1}{4}\sqrt{\frac{1}{2}}}{1+\frac{1}{4}\sqrt{\frac{1}{2}}}},$$

$$\begin{aligned} & \sin \frac{1}{t} \, A P = \sqrt{\frac{1-t^2}{1-t^2}}, \\ & \arcsin \frac{1}{t} \, A P = \sqrt{2-a} \, \sqrt{\frac{1-V^2}{1+V^2}} = \frac{1-V^2_{\frac{1}{2}}}{(1-\frac{1}{2})^{\frac{1}{2}}} \\ & = \frac{1-V^2_{\frac{1}{2}}}{(1)^{\frac{1}{2}}} = V^{\frac{1}{2}} - V^{\frac{1}{2}} - V^{\frac{1}{2}} - V^{\frac{1}{2}}. \end{aligned}$$

Octaèdre.

n=8,
$$a=3$$
, $m=4$;

$$\cos Am = \frac{\cos(\frac{180^{\circ}}{a})}{\sin(\frac{180^{\circ}}{m})} = \frac{\cos 60^{\circ}}{\sin 45^{\circ}} = \frac{\sin 50^{\circ}}{\sin 45^{\circ}} = \frac{\frac{1}{4}}{\sqrt{\frac{2}{6}}} = \sqrt{\frac{2}{6}},$$

 $\sin^4 Am = \frac{1}{2}$, $Am = \frac{1}{4}5^{\circ}$, $\tan Am = 1$, $2Am = AB = 90^{\circ}$, corde $AB = \sin Am = 2\sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \arctan (1)$

c'est la formule d'Euclide.

 $h = \cos AP = \cot \left(\frac{180^\circ}{a}\right) \cot \left(\frac{180^\circ}{a}\right) = \cot 60^\circ \cot 45^\circ = \tan 50^\circ = \sqrt{\frac{1}{4}},$ $\sin AP = \sqrt{\frac{1}{4}}, \tan AP = \sqrt{\frac{1}{4}}, \frac{1}{4}h = \frac{1}{4}\sqrt{\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}}.$

rayon du cercle circonscrit = sin AP =
$$\sqrt{1}$$
,

$$1 - \cos AP = 2\sin^{\frac{1}{2}} AP = 1 - \sqrt{\frac{1}{2}}, \sin^{\frac{1}{2}} AP = \frac{1}{4} - \frac{1}{4}\sqrt{\frac{1}{2}},$$

$$\sin \frac{1}{4} AP = \sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{4}}\sqrt{\frac{1}{4}}, 2\sin \frac{1}{2} AP = 2\sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{4}}\sqrt{\frac{1}{4}},$$

$$2\sin\frac{1}{4}AP = \sqrt{2-2V_{\frac{1}{2}}} = \sqrt{2-V_{\frac{1}{2}}}, \cos\frac{1}{4}AP = \sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{4}V_{\frac{1}{2}}},$$

$$2\sin\frac{1}{2}AP = \sqrt{2 - 2V_{\frac{1}{2}}} = \sqrt{2 - V_{\frac{1}{2}}}, \cos\frac{1}{2}AP = \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}V_{\frac{1}{2}}}$$

$$\tan\frac{1}{2}AP = \sqrt{\frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{2}V_{\frac{1}{2}}}{1 + \frac{1}{2}V_{\frac{1}{2}}}} = \sqrt{\frac{(1 - V_{\frac{1}{2}})(1 - V_{\frac{1}{2}})}{(1 - V_{\frac{1}{2}})(1 - V_{\frac{1}{2}})}}$$

$$= \frac{1 - \sqrt{1}}{\sqrt{1 - i}} = \frac{1 - \sqrt{1}}{\sqrt{1}} = \sqrt{1 - \sqrt{1}},$$

facette =
$$p \sin^4 Am \cot 60^4 = 5.\frac{1}{1} \cdot \tan g \ 50 = \frac{3}{2} \sqrt{\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{3}{13}}$$

= $1/\frac{3}{12} = \sin 60^4$.

surf.polyèdre= $8\sqrt{\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{48}} = \sqrt{48}$,

solidité = $\frac{1}{3} h \sqrt{48} = \sqrt{\frac{43}{43}} = \sqrt{\frac{13}{3}} = \frac{4}{3}$,

$$\sin \frac{1}{2} I = \frac{\cos 45}{\sin 60} = \frac{\sqrt{\frac{1}{2}}}{\sqrt{\frac{1}{2}}} = \sqrt{\frac{1}{2}} \sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{2}},$$

$$\cos i \mathbf{I} = \sqrt{i}$$
, $\cot i \mathbf{I} = \sqrt{i}$,

$$\sin I = 2\sin \frac{1}{4} I \cos \frac{1}{4} I = 2\sqrt{\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3}} = 2\sqrt{\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{3}},$$

$$\cos I = -\sqrt{i}$$
, tang $I = -\sqrt{8}$.

Toutes les expressions de ces trois polyèdres sont très simples, celles des suivans le seront moins; c'est ce qui fait que la théorie des deux derniers est encore bien plus imparfaite chez les anciens. Nos formules trigonométriques au contraire ont partout la même simplicité. n = 12, a = 5, m = 5;

Dodécaèdre.

$$\begin{array}{l} \cos Am = \frac{\cos\left(\frac{56^{\circ}}{6^{\circ}}\right)}{\sin\left(\frac{56^{\circ}}{6^{\circ}}\right)} = \frac{\cos 50}{\sin 50} = \frac{\sin 54}{\sin 54} = \frac{1+4^{\circ}5}{\sqrt{1}} = \frac{1+V^{\circ}5}{4V^{\circ}1} \\ = \frac{1+V^{\circ}5}{\sqrt{13}} = \frac{1+V^{\circ}5}{1+V^{\circ}3}, \end{array}$$

sin Am =
$$(1 - \cos^4 Am)^{\frac{1}{4}} = (1 - \frac{1 + a\sqrt{5} + 5}{13})^{\frac{1}{4}}$$

= $(\frac{1a - 6 - a\sqrt{5}}{1a})^{\frac{1}{4}} = (\frac{6 - a\sqrt{5}}{1a})^{\frac{1}{4}} = (\frac{1}{4} - \frac{1}{4}\sqrt{5})^{\frac{1}{4}}$
= $\sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{4}\sqrt{5}}$,

$$\cos Am = \sqrt{\frac{1}{6} + \frac{1}{6}\sqrt{5}},$$

tang Am =
$$\sqrt{\frac{1-1\sqrt{5}}{1+\frac{1}{4}\sqrt{5}}} = \sqrt{\frac{1-1\sqrt{5}}{1+\frac{1}{4}\sqrt{5}}} = \sqrt{\frac{(1-1\sqrt{5})^2}{(1+\frac{1}{4}\sqrt{5})(1-\frac{1}{4}\sqrt{5})}}$$

= $\frac{1-\frac{1}{4}\sqrt{5}}{\sqrt{1-\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{5}{4}} = \sqrt{\frac{5}{4}}} = \frac{\frac{1}{4}}{1-\frac{1}{4}\sqrt{5}},$

arête =
$$\sqrt{2-\frac{5}{2}\sqrt{5}}$$

corde AB =
$$2\sin Am = 2\sqrt{\frac{1}{2} - \frac{1}{4}\sqrt{5}} = \sqrt{2 - \frac{3}{3}\sqrt{5}} = \sqrt{2 - \sqrt{2 + \frac{3}{4}}}$$

= $\sqrt{2 - \sqrt{\frac{3}{4}}}$,

sie AB =
$$2\sqrt{(\frac{1}{1} + \frac{1}{6}\sqrt{5})(1 - \frac{1}{6}\sqrt{5})} = 2\sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{16}} = 2\sqrt{\frac{9 - 5}{36}}$$

= $2\sqrt{\frac{1}{2}} = 2 \cdot \frac{1}{2} = \frac{1}{5}$,

cos AB =
$$(i - \sin^4 AB)^{\frac{1}{6}} = (i - \frac{4}{3})^{\frac{1}{6}} = \sqrt{\frac{9-4}{9}} = \sqrt{\frac{3}{5}} = \frac{1}{3}\sqrt{5}$$

tang AB =
$$\frac{1}{1} \frac{3}{\sqrt{5}} = \frac{2}{\sqrt{5}} = 2\sqrt{\frac{1}{5}} = \sqrt{\frac{1}{5}}$$
,

$$\sin^{4} \frac{1}{2} AB = \sin^{4} Am = \frac{1}{4} - \frac{1}{6} \sqrt{5},$$

 $h = \cos AP = \cot \left(\frac{180}{m}\right) \cot \left(\frac{180}{a}\right) = \cot 60^{\circ} \cot 56^{\circ}$

= tang 30° tang
$$54^\circ = \sqrt{\frac{1}{3}}\sqrt{1+2\sqrt{\frac{2}{3}}} = \sqrt{\frac{1}{3}+\frac{2}{3}\sqrt{\frac{2}{3}}}$$

$$\frac{1}{3}h = \frac{1}{3}\sqrt{\frac{1}{3} + \frac{1}{2}V\frac{1}{3}} = \sqrt{\frac{1}{37} + \frac{1}{37}V\frac{7}{3}},$$

$$\sin AP = \sqrt{\frac{1}{3} - \frac{1}{3} V_{\frac{1}{3}}} = \text{rayon du pelit cercle},$$

$$a\sin^{4}\frac{1}{2}AP = 1 - \cos AP = 1 - \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{\frac{1}{2}}}$$

$$\sin^4 \frac{1}{2} AP = \frac{1}{4} - \frac{1}{4} \sqrt{\frac{1}{3} + \frac{3}{4} \sqrt{\frac{1}{4}}},$$

$$\sin \frac{1}{2} AP = \sqrt{\frac{1}{1} - \frac{1}{2} \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2}{2}}}}, 2 \sin \frac{1}{2} AP = \sqrt{2 - 2 \sqrt{\frac{1}{2} + \frac{1}{2} \sqrt{\frac{2}{2}}}}$$

$$\sin \frac{1}{4} AP = V \frac{1}{4} - \frac{1}{4} V \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{3}}}, \ a \sin \frac{1}{4} AP = V a - a \sqrt{\frac{1}{3} + \frac{3}{3}} \frac{1}{\sqrt{\frac{1}{3}}},$$

$$\sin \frac{1}{4} I = \cos mP = \frac{\cos(\frac{180^{\circ}}{m})}{\sin(\frac{180^{\circ}}{n})} = \frac{\cos 60^{\circ}}{\sin 36} = \frac{\sin 30^{\circ}}{\frac{1}{4}(10 - 2\sqrt{5})^2}$$

$$= \frac{2}{(10 - 2V^2)^{\frac{1}{2}}} = \sqrt{\frac{4}{10 - 2V^2}}$$

$$= \sqrt{\frac{4(10 + 2V^2)}{(10 - 2V^2)(10 + 2V^2)}} = \sqrt{\frac{4(10 + 2V^2)}{100 - 4.5}}$$

$$=\sqrt{\frac{4(10+2\sqrt{5})}{30}}=\sqrt{\frac{4}{50}(10+2\sqrt{5})}$$

$$= \sqrt{\frac{1}{10}(10 + 2\sqrt{5})} = \sqrt{\frac{1}{10} + \frac{1}{10}\sqrt{5}},$$

$$\cos \frac{1}{2} I = \sqrt{\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \sqrt{5}},$$

$$\sin I = 2\sqrt{\frac{1}{1-\frac{1}{10}}} = \sqrt{\frac{1}{1-\frac{1}{10}}} = \sqrt{\frac{1}{10}} = \sqrt{\frac{1}{10}},$$

tang
$$\frac{1}{i}$$
 I = $\sqrt{\frac{1+\frac{i}{12}\sqrt{5}}{1-\frac{i}{12}\sqrt{5}}}$ = $\sqrt{\frac{(1+\frac{i}{12}\sqrt{5})^4}{(1-\frac{i}{12}\sqrt{5})(1+\frac{i}{12}\sqrt{5})}}$

$$= \frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{12}\sqrt{5}}{\left(\frac{1}{4} - \frac{5}{100}\right)^{\frac{1}{2}} = \left(\frac{55 - 5}{100}\right)^{\frac{1}{2}}} = \frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{12}\sqrt{5}}{\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2}}} = \frac{1}{4}\sqrt{5} + \frac{1}{4},$$

$$\begin{array}{l} \cot \frac{1}{2} \, \mathbf{I} = \left(\frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \, \sqrt{5}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{12} \, \sqrt{5}} \right)^{\frac{1}{2}} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \, \sqrt{5}}{\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \right)^{\frac{1}{2}}} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \, \sqrt{5}}{\left(\frac{1}{2} - \frac{1}{2} \right)^{\frac{1}{2}}} = \frac{\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \, \sqrt{5}}{V \, \frac{1}{2}} \\ = \sqrt{5} \left(\frac{1}{2} - \frac{1}{12} \, \sqrt{5} \right) = \frac{1}{2} \, \sqrt{5} - \frac{1}{12} = \frac{1}{2} \, \sqrt{5} - \frac{1}{2}. \end{array}$$

$$\sin I = 2\sin \frac{1}{4} I \cos \frac{1}{4} I = 2\sqrt{\frac{1}{4} - \frac{1}{100}} = 2\sqrt{\frac{10}{100}} = \sqrt{\frac{1}{100}} = \sqrt{\frac{1}{100}}$$

$$\cos I = -\sqrt{\frac{1}{4}}$$
, $\tan g I = -\sqrt{\frac{1}{4}} = -2$,

rayon = $\sin AP = \sqrt{\frac{1}{1} - \frac{1}{1}\sqrt{\frac{1}{2}}}$,

$$\begin{split} \text{KÉPLER.} \\ \text{is a } & \text{AP} = \sqrt{\frac{1-|V|}{|+\frac{1}{2}V|}} = \sqrt{\frac{(5-3V)(1-4V)}{1-(1-4V)}} \\ & \text{tang } & \text{AP} = \sqrt{\frac{5(2-3V)}{|+\frac{1}{2}V|}} = \sqrt{\frac{(5-3V)(1-4V)}{1-(1-4V)}} \\ & \text{tang } & \text{AP} = \sqrt{\frac{5(2-3V)}{1-4V^2}} = \sqrt{\frac{5(2-3V)(1-4V)}{1-4V^2}}, \\ & & \text{sin} \, \frac{1}{4} \text{AP} = (-1-4V) = \sqrt{\frac{5(2-3V)(1-4V)}{1-4V^2}}, \\ & \text{sin} \, \frac{1}{4} \text{AP} = \sqrt{\frac{5(2-3V)}{1-4V^2}}, \\ & \text{sin} \, \frac{1}{4} \text{AP} = \sqrt{\frac{5(2-3V)}{1-4V^2}}, \\ & \text{sin} \, \frac{1}{4} \text{PP} = \frac{5(2-3V)}{1-4V^2}, \\$$

 $=\sqrt{9.40-\frac{9.40}{3}\sqrt{5}}=3\sqrt{40-\frac{40}{3}\sqrt{5}}$ solidité = $3\sqrt{\frac{1}{27} + \frac{1}{27}V^{\frac{7}{2}}}\sqrt{\frac{1}{2}\sqrt{40 - \frac{40}{27}V^{\frac{7}{2}}}} = \sqrt{(\frac{1}{2} + \frac{1}{2}V^{\frac{7}{2}})(40 - \frac{40}{27}V^{\frac{7}{2}})}$ $=\sqrt{\frac{40}{15}+\frac{80}{15}}\sqrt{\frac{1}{5}-\frac{40}{5}}\sqrt{5}-\frac{80}{5}\sqrt{\frac{5}{5}}=\sqrt{\frac{15}{15}}-\frac{80}{15}+\frac{15}{15}\sqrt{\frac{87}{5}-\frac{40}{5}}\sqrt{\frac{5}{15}}$ $=\sqrt{\frac{40}{10}+\frac{43}{9}V^{\frac{5}{5}-\frac{40}{9}V^{\frac{5}{5}}}=\sqrt{\frac{40}{9}+\frac{3}{9}V^{\frac{5}{5}}=\frac{1}{3}\sqrt{40+8\sqrt{5}}$

43

Toutes ces formules sont réunies dans la Table suivante. Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

AB = 2Am est l'arc de grand cercle dont le côté est la corde.

AP est la distance de chaque facette à son pôle.

I est l'inclinaison de deux facettes contiguës.

Sin AP est le rayon du petit cercle circonscrit à chaque facette. 2511 AP est la distance de l'extrémité de chaque arête à son pôle en liene droite.

h est la distance de chaque facette au centre de la sphère.

Dans l'évaluation des facettes, des surfaces totales et des solidités, on a pris pour unité le rayon de la sphère.

Les facettes et les surfaces sont en mesures carrées, par exemple en mètres carrés; les solidités en mesures cubes, par exemple en mètres cubes.

Cette Table donne la théorie complète des corps inscriptibles à la sphère; elle renferme tons les théoriemes IL scalide, d'Hypsicle et d'Isidore; elle conduit à tontes leurs constructions et en fournit de plus simples; effin, elle donne des érrpessions variées de tontes leu quantités qu'on peut avoir quelque intérêt de calculer. On y voit souvent reparattre les mémes angles et les mémes radicux; en sorte que le nombre des inconnues du problème général n'est pas à beaucoup près aussi considérable qu'on l'aurait sense s'à le oremière vue

Cette Table enfin nous mettra à portée d'apprécier les idées de Képler, et de juger s'il avait raison de dire (ci-dessus, page 5.8), que sans rien faire qu'un peu de violence aux corps connus, il avait su les enchaîner les uns aux autres.

| | Tétraèdre. | Hexaedre. | Octaedre. | Dodécaedre. | Icosaedre. |
|---------------------|------------------|------------------|------------------|--|---|
| Cos Am | V1/3 | VI. | VI | Vitiva | $\sqrt{1+\sqrt{\frac{1}{2}}}$ |
| Sin AM | V | Vi | Vi | V=1V5 | V1-1V1 |
| Tang Am | Va . | VI | 1 | 1-1/5 | 1/5-1 |
| Arête | Vi | Vi | Va , | Va-11/5 | No-V = Va-2V |
| Sin AB | VI | VI. | | 3 | V: |
| Cos AB | -V=- | +11=+1 | 0 | V= 1V6 | Vi |
| Tang AB | -V8 | +1/8 | 00 | V ₹ | 2 |
| /ı==cos AF | - <u>;</u> | VĪ | Vi | V1+1V1 . | V1+1V1 |
| r==sinAP | VI | V-1 | V | V1-1V1 | V1-1-11 |
| Tang AP | -V8 | Vã | Va | V14-30V | $\sqrt{14 - 6\sqrt{5}}$ |
| 2sin ! AP | V | V2-2V | V2-2V | V=-2V1+1V1 | V=== V+1V1 |
| 3 h | - ÷ . | 1V=V= | 1 V 3=V | $\sqrt{\frac{1}{4} + \frac{1}{4} V^{\frac{3}{4}}}$ | $\sqrt{\frac{1}{17} + \frac{1}{17}V^{\frac{7}{5}}}$ |
| Sin ! I | Vi | VI | VI | $\sqrt{1+\frac{1}{12}V^{\frac{1}{5}}}$. | V1+1V5 |
| Cos & I | V) | VI | V | V1-+V5 | V1-1V5 |
| Cot ‡ I | Va . | 1 | · V i | 115-1 | 1-1/5 |
| Sin I | V. | 1 | V | VI=V0.8 | 11 |
| Cos I | V3 | 0 | -Vi | - V =- Vo.s | |
| Tang I | V8 . | · · | -1/8 | - V4=-= | -V± |
| Facette | V}=2V | | V1. | \$ V50 - 10 V 5 | VV- |
| Surface | 81/1 | 8 | V48=4V3 | V=00-40V 5 | 3 V40 - 4 V 5 |
| Solidité | 11/3 | 1V3=V3 | V3 | 1 V40+4V5 | 3 V40 + 8 V 3 |
| Arete | 1,6329 | 1,1547 | 1,4142 | 0,7136 | 1,0515 |
| Rayon | 0,9428 1,632q | 0,8165 | 0,8165 | 0,5071 | 0,6071 |
| AB | 109°28′ 16° | 70°31'44" | 90" 0' 0" | 7 41.48.3643 | 37 63° 26′ 6° |
| AP | 109 28.16 | 54.44. 8 | 54.44. 8 | 57.92.38 | 37.94.58 |
| 1 | 70.31.44 | 90. 0. 0 | 109.28.16 | 16.33.54 | 138.11.23 . |
| Facette | 1,1547 | 1,3333 | 0,8660 | 0,8762 | 0,4787 |
| Surface Solidité | 4,6188 | 8,0000 1,53g6 | 6,9a8a 1,3733 | 2.7851 | 9,5745 |
| 1- | | | | sin 54° | sin 30° |
| Cos Am | tang 50° | 00145°sin 60° | cos60° sin45° | sin 60° | , sin 360 |
| Cos AP | — tang* 30° | + tang 30° | + tang 30° | tang 30° tang 54° | tang 30° tang 54° |
| Sin ‡ I | tang 30° | sin 30° | sin 30° | sin 36° | sin 5.4° |
| | - | sin 45° | sin 30" | sin 36° | 2111.00a |

Pour construire ces formules et trouver les arêtes, soit AG=GB=1; décrives le demi-cercle AEB et meues le rayon perpendiculaire GE, vous aures d'abord $\overrightarrow{BE} = \overrightarrow{GB} + \overrightarrow{EG} = 1 + 1$ et $\overrightarrow{BE} = \sqrt{2} = arête de$ Foctacidre (fig. 55).

Prenez DB= AB= , vous aurez AD= .

$$\overrightarrow{DZ} = AD \cdot DB = \frac{1}{3} \cdot \frac{1}{3} = \frac{3}{3}$$
, et $\overrightarrow{BZ} = \overrightarrow{DZ} + \overrightarrow{DB} = \frac{3}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{3} + \frac{3}{4} BZ = \sqrt{\frac{2}{3}} = \text{arete de l'hexaèdre}$,

 $\overline{AZ} = \overline{AD} + \overline{DZ} = \frac{16}{9} + \frac{9}{9} = \frac{16}{9} + \frac{9}{9} = \frac{9}{9}$, $AZ = \sqrt{\frac{9}{3}} = aréte du tetraedre.$

Soit la tangente AH = AB = 2;

$$\overrightarrow{GH} = \overrightarrow{AH} + \overrightarrow{AG} = 4 + 1 = 5,$$

 $GH = \sqrt{5}, \quad HT = (\sqrt{5} - 1),$
 $GH : AH :: GT : TK = \frac{GT - H}{GH} = \frac{1 - 3}{1 - 2} = 2\sqrt{\frac{2}{3}},$

$$\overline{GK} = \overline{GT} - \overline{TK} = 1 - \frac{1}{3} = \frac{5 - 4}{5} = \frac{1}{3},$$
 $GK = \sqrt{3}, \quad AK = 1 - \sqrt{3}.$

$$\overline{AT} = \overline{TK} + \overline{AK} = \frac{1}{5} + 1 - 2\sqrt{\frac{1}{5}} + \frac{1}{5} = \frac{1}{5} + \frac{1}{5} + 1 - 2\sqrt{\frac{1}{5}} = 2 - 2\sqrt{\frac{1}{5}}$$
= (article de l'icosaèdre).

AT sera donc l'aréte de l'icosaèdre.

GK =
$$\sqrt{\frac{1}{5}}$$
, (arête dodécaèdro) $^3 = 2 - \frac{4}{3}\sqrt{5} = 2(1 - \frac{1}{3}\sqrt{5})$.

Prenez GL=\frac{1}{2} \sqrt{5}; TL sera = 1-\frac{1}{2} \sqrt{5}; sur le prolongement de AB prenez BF=TL; sur le diamètre AF, décrivez le demi-cercle AlF et menez l'ordonnée BI;

$$\overline{B1} = AB.BF = 2(1 - \frac{1}{3}\sqrt{5}) = 2 - \frac{1}{3}\sqrt{5}$$
,
 $BI = \sqrt{2 - 1\frac{1}{3}\sqrt{5}} = \text{are te du dodecaedre.}$

La construction des quatre premières formules est celle d'Euclide; nous avons supprimé quelques lignes insulles; pour trouver Bl, il nous dit de diviser BZ en moyenne et extréme raison. Nous avous préféré la recherche d'une moyenne proportionnelle.

Pour trouver $GL = \frac{1}{3}\sqrt{5}$, il suffissait de prendre $Gd = GD = \frac{1}{3}$ et d'élever la perpendiculaire dL, car

GA: GH:: Gd: GL =
$$\frac{Gd \cdot GH}{GA} = \frac{\frac{1}{2} \cdot \sqrt{5}}{1} = \frac{1}{3} \sqrt{5}$$
, et TL = $1 - \frac{1}{4} \sqrt{5}$.

Pour trouver I par la cotangente $\frac{1}{2}$ I (fig. 56), prenez GE = GB=1, BE = \sqrt{a} ; faites GI = BE, menes AI et IB, AIB sera l'inclinaison du tétraè de AIG = $\frac{1}{2}$ I, GI = cot $\frac{1}{6}$ I = \sqrt{a} .

AEB = inclinaison de l'hexaèdre, AEG = 11, et GE = cot 11=1, AEB = 00°.

Pour l'octaèdre, cot \(\frac{1}{2}\) I = \(\frac{1}{2}\) = \(\sin 45^\), prenez GD = \(\sin 45^\) = \(\sin 4M\), \(c'\) est-\(\frac{1}{2}\)-dire tracez la corde occulte \(MM'\) qui coupera Gl en D; \(ADB\) sera l'inclinaison et \(DG = \cot \frac{1}{2} \) I = \(\frac{1}{2}\).

Prolonges IG en H, de sorte que GH=2, AH=1/5 et Am=\frac{1}{2}\sqrt{3}.

Prenez An=\frac{1}{2}, Bn=\frac{1}{2}, An'=\frac{1}{2}, n'm=\frac{1}{2}\sqrt{3}-\frac{1}{2}=\cot\frac{1}{2}\sqrt{1}=\GF,

AFB sera l'inclinaison pour le dodécaèdre.

Prenez $Hb = Bx = \frac{1}{5}$, $mb = \frac{3}{5} - \frac{1}{5}\sqrt{5} = \cot \frac{1}{5}I = GL$, ALB sera l'inclinaison pour l'icosaèdre.

IAG = 90°-; I, arcBN = 2IAG=180°-1; donc AN=I pour le tétraédre.

EAG = 90°-1; BE=180°-1=90°; donc AE=inclinaison

DAG = 90°-1I; prolongez AD en O, BO = 180°-I; done are AO = inclinaison pour l'octaèdre.

FAG = 90°-11; prolongez AF en P, AP = 180°-1; donc AP = inclinaison pour le dodécaèdre.

LAG = 90°-11; prolonge2 AL en R, BR = 180°-1; donc AR = inclination pour l'icosaèdre.

Voila donc les angles d'inclinaison et les arcs qui les mesurent dans un même cercle.

Dans le tétraèdre, l'apothème de la faceite = arête sin 60° = 1/1.3.

Dans le tetraedre, l'apothème de la facette = arête sin $00^\circ = V_3^\circ$ = $V_4^\circ = V_2^\circ$; la hautenr totale = $\frac{1}{3}$ = Aa si l'on fait $Ga = \frac{1}{3}$,

$$\sin I = \frac{\text{hauteur totale}}{\text{apothème}} = \frac{\sqrt{(\frac{15}{2})}}{\sqrt{2}} = \sqrt{\frac{5}{3}} = \frac{1}{3}\sqrt{2} = \frac{1}{3} \text{ BE.}$$

Dans l'bexaèdre, GE=1=sin I.

Dans l'octaèdre, sin I = V = sin AO = sin AN.

Dans le dodécaèdre, $\sin I = \sqrt{\frac{\pi}{15}} = \sqrt{\frac{\pi}{5}} = \sin \operatorname{arc} AP$.

Dans l'icosaèdre, sin I = 1 = sin arc AR.

Pour les trouver à la manière d'Hypsicle, dans deux faces contigués quelconques élevons des perpendiculaires sur le milicu de l'arête commune; il est clair que ces perpendiculaires feront un angle égal à l'inclinaison.

Or, dans le tétraèdre, ces deux perpendiculaires seront les apothèmes

des deux facettes) la ligne qui joindra les sommiets des apostiemes sera une artie; prence donc inc onverture de compas égale a l'apostieme, et des deux extrémités d'anne arête, commer centre, décrifés deux ares de cercle; le point d'interrection sera le sommet de l'angle d'inclinaison, les droites menées de ce point aux deux extrémités de l'arête formeront l'angle d'inclinaison.

Pour l'heraèdre, on sait que Jangle est droit, il n'y a rien à fifire. Les deux perpendiculaires sur le milien de l'arète seraient égalea à l'arète, et la droite qui les joindrait par leur extrémité serait la diagonale; les dens cercles se couperaient à l'un des angles du carré, en s'appnyant sur la diagonale. L'es rayons feraient un angle droit.

Pour l'octaédre, dont quatre faces sont dans l'Bémisphère supérieur et quatre dans l'hémisphère inférieur, retranchez l'une des moitiés, il vous restera une pyramide à base carrée; les quatre faces latérales seront des triangles équilatéraux dont le côté est égal au côté du carré de la base.

Menez les apothèmes de deux triangles sur une même base, la ligne qui les joindra sera la diagonale du carré; na triangle isoscèle construit sur cette diagonale avec les deux apothèmes, fera à son sommet l'angle d'inclinaison.

Pour le dodécaèdre, considérez deux pentagones ayant même hase; parallèlement à cette base, menez une diagonale qui retranche deux côtés du pentagone; cette parallèle sera le côté d'un carré qui sera la base de vos deux pentagones ainsi tronqués.

Sur le milieu des deux bases, élevez des perpendiculaires qui aillent aboutir aux parallèles.

Ces deux perpendiculaires et le côté du carré formeront un triangle dont l'angle au sommet sera l'inclinaison.

Enfin, pour l'icosaèdre, retranchez-en cinq triangles par un plan qui sera un peutogne dont le Colè sern le raimen que cerar des triangles, dans le peutogne menes une disgonale qui joindra les sommest de deux triangles qui suroun même hase; cette diagonale, avoc les apoldeme des deux triangles qui control même hase; cette diagonale, avoc les apoldeme des deux triangles, formess un triangle dont l'angle an sommei sera l'inclinations

Comme procédé graphique, cette méthode est fort bonne.

Pour l'icosaèdre, elle donne en prenant l'arête pour unité

$$\begin{split} & 2(\operatorname{article})^4 - 2(\operatorname{article}) \cos 7 \, 2^2 = 2(\operatorname{article}) \sin 0)^2 - 2(\operatorname{article}) \sin 60)^2 \cos 1, \\ & 2 + 2 \cos 7 \, 2 = 2 \sin^2 6 \cos 2, \\ & - \cos 1 = \frac{1 + \cos 7 \, 2}{\sin^2 5} = \frac{1 + \cos 7 \, 2}{1 + \cos 7 \, 2} - 1, \quad 1 - \cos 1 = \frac{1}{3} + \frac{1}{3} \cos^2 7 \, 2, \\ & 2 \sin^2 \frac{1}{3} = \frac{1}{3}(1 + \cos 7 \, 2) = \frac{1}{3} \cos^3 56, \quad \sin^2 \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \cos^3 56, \\ & \sin^2 \frac{1}{3} = \frac{1}{3}(1 + \cos 7 \, 2) = \frac{1}{3} \cos^3 56, \quad \sin^2 \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \cos^3 56, \\ & \sin^2 \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \left(\frac{1}{13} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right) = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} \right)} = \sqrt{\frac{1}{3} \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{3} \, \sqrt{5} + \frac{1}{3$$

Pour le dodécaedre, soit 1 l'arête;

$$2 + 2\cos 72^{\circ} = 2\sin^{\circ}72 - 2\sin^{\circ}72\cos I$$
,
 $1 + \cos 72 - \sin^{\circ}72 = -\sin^{\circ}72\cos I$,

 $\begin{array}{ll} \frac{1+\cos\gamma a^2}{\sin^2\gamma a^2} - 1 = -\cos\gamma i, & \frac{2\cos\gamma^2 5 e^2}{4\sin^2\gamma 5} = 2\sin^2\frac{1}{2}I + \sin^2\frac{1}{2}I = \frac{1}{4\sin^25 e^2}, \\ \sin^2\frac{1}{2}I = \frac{1}{2}\cos^2 \frac{36^2 - \frac{1}{2}(1+\cos^25 e^2)}{2} + \frac{1}{2}(1+\sin^25 e^2) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{1+\frac{1}{2}} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{2}\sqrt{1+\frac{1}{2}} \\ = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}\sqrt{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{2}\sqrt{1+\frac{1}{2}} + \frac{1}{2}\sqrt{1+\frac{1}{2}}. \end{array}$

C'est encore notre formule.

Pour l'octaedre, soit 1 l'arête; Va sera la diagonale du carré,

2 = 2(apothéme)* - 2(apoth.)* cos I = 2sin*60 - 2sin*60 cos I, 1- sin*60 = - cos I = coséc*60*-1, 1 - cos I = 1 + cot*60, $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ = 1 + 1 ang*50 = 1 + $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$,

 $\sin^{2}\frac{1}{4}I = \frac{1}{3}, \cos^{2}\frac{1}{4}I = \frac{1}{3}, \cos^{2}\frac{1}{4}I = \sqrt{\frac{1}{3}}.$

Ce sont encore nos formules.

Pour le tétraèdre, apoth. = sin60°, 2sin'60 - 2sin'60 cosI = 1, 2sin'60 - 1 = 2sin'60 cosI,

 $\cos I = \frac{\sin^2 60}{\sin^2 60} - \frac{1}{\sin^2 60} = 1 - \frac{1}{2} \cos 6 \cdot 60 = 1 - \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \cot^2 60,$ $1 - \cos I = 2 \sin^2 \frac{1}{2} I = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \tan \frac{1}{2} \cdot 60 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2}$ $\sin^4 \frac{1}{2} I = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{16 + \frac{1}{2}}{2} = \frac{16}{2} = \frac{1}{2}$

C'est encore notre formule.

Ainsi les constructions d'isidore mènent à nos formales. Isidore les donnait sans démonstration, parce qu'il supposait qu'on est dés figures solides, qu'on pouvait couper par des plans. Hypsicle les a démontrées d'une manière nn peu longues qu'il aorait pu abréger; mais une partie de ces longueurs tient à la nécessité de chercher chaque foissi l'angle est obins ou sign, pour en prendre le suppléanent quand il est obins, ce qui arrive le plus souvent. Missi le s'ecod litre d'Hypsicle n'en est pas mains curieux; il est le seul où l'on trouve an mains les surfaces du dodécaciére et de l'icasacière. Quant aux soiditiés, on n'en fait pas la moindre mention, on ne donne que le rapport entre les deux dernières; ce livre est absolument le seul où l'on donne les inchi-naisons, et les méthodes d'hidre sant curieuses par leux simplicité.

Le rapport des surfaces de l'icusaiedre et du dodécaiedre est le même que celui des solidités, parce que les bases sont dans le même petit cercle. Le rapport donné par Hypsicle s'accorde également avec nos formoles. Je l'ai vérifié algébriquement et numériquement.

Corps réguliers circonscrits à la sphère.

Ces solides sont semblables aux solides inscrits, leurs dimensions sont camme leurs côtés hamologues, c'est-à-dire comme h : 1; leurs surfaces sant comme h : 1; leurs salidités :: h ! 1. Ainsi pour avair ane ligne quelconque du carps circanserit, il suffit de diviser la ligne carrespondante du solide inserit par h = cos AP, ou de la multiblier par sic AP.

Pour avoir la surface, il suffit de diviser celle du solide inscrit par $h' = \cos AP$, et quand on a la surface tatale du polyèdre circonscrit, il suffit d'en prendre le tiers paur avoir la solidité, puisque h' = 1, h'étant la distance de la facette au centre de la sphère, on a successivement

D'après cette théorie et les idées de Képler :

La distance de Jupiter en parties de la distance de Saturne, devrait ètre, par l'hexaèdre, cos AP = tang 50° = 0,57755 distance de Saturne = 0,57755 × 0,53877 = 5,5072; elle est de 5,20270.

La distance de Mars en parties de celle de Jupiter serait, par le tétraèdre, tang^{*}50° = ½ = ½ distance Jupiter = 1,75426; elle est de 1,52569.

La distance de la Terre en parties de celle de Mars serait, par le dodécaedre, = tang 50° tang 54° = 0,79465 distance de Mars = 1,2108; elle est 1,0.

La distance de Vénus en parties de celle de la Terre serait, par l'icosaèdre, =tang 50°.tang 54° = 0,79465; elle est n,72355.

La distance de Mercure en parties de celle de Vénus serait, par l'octaèdre, == tang 30° == 0,57755 dist. Q == 0,41761; elle est de 0,58710. On verra, chapitre suivant, les raisons que Képler imagine pour expli-

quer ces differences, qui auraient dà lui faire abandonner son système, il Pichord, au lieu de la distance moyenne de la plandet supérieur; il prend la distance périgée pour nuité, et la distance qu'il en conclut pour la plandet inférieurg est la distance apogée est pour Mercure en particuller, au lieu de 0.57755 to 0.6797, en se bornant à l'rois décimales, il prend sin 45° = 0.7971605, 100 simplement 0.797 = quadrator contactir interripie circuile. Quad neal. Il n'en dit pas davantage. Il parait que son dessein citait de ser rapprocher du nombre 0,725, pour lequel il reprote au chaptire XXVII de Copernic; quoi qu'il en soit, continuous

d'analyser le livre de Képler. Nous allons y retrouver nos hou nos cosAP. Le chapitre XIII est tout géométrique. C'est le calcul des corps inscrits et circonscrits. (On vient de voir des calculs plus exacts.)

Au chapitre XIV il vient au point principal qui est de prouver astronomiquement que ces cinq corps se placent entre les ciuq orbes. Voici les résultats de ces calculs.

\$\text{Si la distance périgée est, pour \(\) 1000 Copernic.

1a distance apogée de \(\text{res.}\) = 577; elle est 655 ch. 9.

1a distance périgée de \(\text{res.}\) = 575; elle est 655 ch. 14.

1a distance apogée de \(\text{res.}\) = 555 ... 355 ch. 14.

1a distance périgée de \(\text{res.}\) = 1000

1a distance apogée de \(\text{res.}\) = 575 ... 757 ch. 19.

1a distance périgée de \(\text{res.}\) = 757 ... 757 ch. 19.

1a distance apogée de \(\text{res.}\) = 575 ... 794 ch. 21 et 22.

1a distance périgée de \(\text{res.}\) = 757 ch. 37.

« Mars et Vénus vont bien; la Terre et Mercûre, pas mal; Jupite ceal s'écarte de la loi; mais à une ai grande distance, on doit peu s'en cionner. Un pareil accord ne peut être un effet du hasard. Il flut songe, d'ailleurs, peu les nombres de Copernie ne sont pas rigoureusement exacts, et qu'on peut corriger ses prostaphérèses de manière à tout concilier. » Képler nous apprend qu'ayant lu ce chapitre à son maltre, Masstin, celui-ci chercha ces intervalles par les Tables pratéquique. Mestiin, celui-ci chercha ces intervalles par les Tables pratéquiques. Les distances de Copernie écainet comptées du centre du grand orbe,

ou 707.

Hist. do l'Astr. mod. Tom. I.

Kepler pease qu'il faut mettre l'origine au centre du Soleil, et qu'ainsi on ne doit plus dire ni apogée, ni périgée, mais aphèlie et périhélie. Voili du moins nu trit de lumière qu'isort du mage, et une idée saine dont Képler saura tirer un meilleur parti. Malgré les calculs de Mæstlin, eette laxation des orbes planélaires inquiète un peu l'anteur, qui promet de reveair sur ce tobjet, dans la théorie de Mars.

Le chapitre XVII n'est pas plus utile que le précédent : Képler s'y

justifie de n'avoir pas inscrit Mars dans l'octaèdre.

Dans le chapitre XVIII, il veut prouver que les différences entre son idée et les tables, sont en grande partie dues aux erreurs de ces tables, « En effet, on voit qu'elles s'écartent quelquefois de deux degrés des observations. Copernic ne se montre pas si difficile dans les observations qu'il apporte en preuve de sa théorie. Il ne se fait aucun scrupule de négliger les heures, d'omettre ou de changer un quart de degré, Il a pris dans Ptolémée des choses qu'il savait être inexactes. Il aimait mienx donner une Astronomie wil savait imparfaite à quelques égards, que de n'en donner ancune. Sans cette licence, nous n'aurions ni la Syntaxe de Ptolémée, ni le livre des Révolutions, ni les Tables Pruténiques,» Il cite à l'appui de cette excuse un passage d'une lettre de Rheticus (Éphém. de 1551). Copernic lui disait : Si je parviens à représenter les observations à 10' près, je me réjouirai autant que Pythagore, quand il trouva le carré de l'hypoténuse. Il pensait que les observations des anciens ne nous sont pas données telles qu'elles ont été faites, mais que chaque anteur les a accommodées à ses hypothèses; d'ailleurs on n'avait pas alors, et l'on n'a pas encore un catalogne assez exact des positions des étoiles. Il exhortait Rhéticus à en entreprendre un nouveau. C'est ce que Tycho a fait.

Képler ajoute, dans une note, que les errours allaient à 3º pour

Mars, à 5° pour Vénus, à 10 ou 11° pour Mercure.

Dans le chapitre XIX, il avait dit que Mercure trompait les météorologues autant que les attronomes, et rendait vicieuses toutes leurs prédictions sur les vents. Dans une note, il dit qu'ilsuivait alors les idés reçues, mais qu'une longue expérience lai a prouvé que les changemens de vents ne sont pas distribués entre les planètes, que la nature subimaire est inciée par les aspecte de deux planètes; ou par les stations de chacune en particulier, et qu'il en résultait des vapeurs, des fumées qui sottaient des montagenes ou des exvernes souterrainies; ces funtées se résolvaient en pluies on neige, en foudre on vents, ou eu grêle, ou cufin en zéga-para. Ce a'était pas trop la peire de changer les diées repus. Chapitre XX. De la proportion des mouvement aux orbet. Il montre d'abord que les révolutions ne sont pas comme les simples distances. Quelle peut être la cause de ces différences? Les dimes motivese sont-elles plus faibles à une plus grande distance da Soleil? on bien ny avanti-tiqu'une seule dime motive placée dans le Soleil, qui agiunit avec plus de force sur les copps soitins, avec moins de force sur les copps soitins, avec moins de force sur les copps soitins, avec moins de force sur les copps cliquints? Ainsi à la distance se mêle un affaiblissement dont il faut tenir compte. Supposons, ce qui est très vasiemblable, que le mouvement est dispensé par le Soleil, comme la lamière; la dimination de la lumière cent rision de la grandeur des cercles; il cu est te même de la dimination du monvement. Le cercle augmente comme la dixtance, et la force s'affaiblit en même proportion; ainsi un cliogement de la plantet agit deux fois sur la longueur de la période, et l'accroissement de la période double la différence de la distance.

« La moitié de l'accroissement de la période, ajouté à la moiadre période, doit donner la vraie proportion des distances; par exemple, le mouvement de Mercure est de 88 jours, celai de Vénus, de 224}; la différence est 1265, dont la moité, 665, ajoutée à 88, donners 1565; rous aurez donc 86 : 156 5; d'intance de Mercure : d'istance de Vénns.

Faites cette opération sur toutes les planetes, et si vous prenes pour rayon la distance de la planète supéricure pour calculer celle de la planete immédiatement inférieure, vous tronverez les nombres de la table ci-joiete.

| 101000 4.11 | 574 274 694 762 563 | Copernic. 572 290 658 719 560 |
|-------------|---------------------------------|-------------------------------|
|-------------|---------------------------------|-------------------------------|

Noss approchoss déjà beascoup de la vérité, dit Képler. Il doute up en lai-même de sa démonstration; ne actre manière de calculer lai fait croire que son théorème n'est pas dépourrs tout-à-fait de fondement. Il ser probable qua stanta nos plasité en surpassar, une antre en mouvement, autant elle en sera surpassée en distance. Prénoss pour unité la force et la distance de Mars ; autant la Terre serparse Mars en force, autant elle perdra en distance, ce qui se trouvers par la règle de fususe position.

Soit rayon de la Terre : rayon de Mars :: 604 : 1000.

Si Mars parcourt 1000 en 87 jours, 694 seront parcourus en 477 jours; mais la révolution de la Terre est de 565, et non 477. Continuons par la règle inverse.

. 477 jours seraient consumés par la force de Mars; il faudrait une force plus grande pour ne consommer que 565 ; il fant donc ajouter 206 de cette force : c'est ce qu'il faut retrancher de la distance. 1000 - 506=604, ainsi que nous avons supposé. Si nous ne retrouvions pas notre supposition, nous en ferious une autre.

« Cette manière de calculer, nons dit Képler, nons rend les nontbres trouvés par la première méthode; les denx manières donnent les mêmes résultats : elles ont donc nn même fondement ; mais je n'ai pu le trouver iusqu'ici. »

Dans une note il commente ce calcul, et le termine par ces mots:

En voilà trop. Sepeliendus enim est non errans tantum, sed si etiam plane legitime procedat; quia proportio periodorum non est dapla proportionis distantiarum mediarum, sed perfectissime et absolutissime ejusdem sesqui-altera, hoc est si quærantur radices cubicæ ex planetarum temporibus periodicis ut 689 et 565 4, et hæ radices multiplicentur quadrate, tune in quadratis his numeris inest certissima proportio semi-diametrorum orbium. Perfici verò possunt operationes istæ facile, vel per tabulam cuborum Clavii , vel longe facilius per logarithmos Neperi.

Pajonte ce secret important à ses mystères cosmographiques; mais ce secret étant trouvé, il semble qu'il aurait pu supprimer tons ces mystères. Il interpelle tous les théologiens et tous les philosophes à haute voix :

- « Écoutez , bommes très religieux , très doctes et très profonds.
- » Si Ptolémée dit vrai, il n'y a aucnne proportion constante entre les » mouvemens et les distances des planètes.
- » Si Tycho a raison, notre prophétie se trouve vraie pour tous les » corps qui circulent autour du Soleil; elle le serait pour le Soleil et
- » Mars : ainsi nous aurions deux centres an lieu d'un ; le Soleil dispen-
- » serait le mouvement aux planètes et la Terre au Soleil. Si enfin Aris-
- » tarque a raison de faire du Soleil le centre nnique, la règle est vraie » de toutes les planètes, et tous les phénomènes sont dispensés par le
- » Soleil. Il n'y a nulle exception; elle est démontrée par toutes les
- » observations; on peut assigner des causes évidentes pour que la pro-» portion ne soit ni simple ni double, mais sesqui-altère. »
- Ce peu de lignes est un ample dédommagement pour tout le fatras

par lequel Képler cous a fait passer, et pour toat ce qui nous reste à extraire. Les derniers mots sont une véritable prophétie; Newtona alectaes consectives des la proportion sesqui-altre. Képler revient à ses premiers calculs; il en conclui que ses nombres, sans dere parfaitement vrsis, approchent da moiss beancoup de la vérité. On peut limer ce théorème, mais il est bon. Quid si nanque aliquando diem illaqu videamus, que amb hen invente conclutat erun?

| 440 | 57. 69. 76. 56. 56. | 2000 | 8 9 | 57.65 | ou |
|-----|---------------------------------|------|-----|-------|----|

Ce qui le fait tenir à ce théorème avec opiniatreté, c'est que nulle part il n'est en erreur de l'orbe tont entier, et qu'il indique toujours quelque chose qui tient à l'épaisseur de cet orbe.

- « Nous avons vu ce jour 22 ans après; nous nous en sommes rejonis, » du moins Mæstlinns et moi; et bien d'autres, en lisant le livre V de » l'Harmonique, partageront cette joie.
- » Les nombres étaient inexacts; mais ils appprochaient beaucoup de la » vérité : c'était un effet du hasard ; mais j'ai du plaisir à les rappeler. Ils
- » memontrent par quels détours en palpant tous les murs au milieu des
- » la vérité. »

Chap. XXII. Pourpois la plantée se meut-elle égalément sur le centre de son égund? La voie exencitique de la plantée set latele dans la partie supérieure, plus rapide dans la partie inférieure. Il déduit cette conséquence de ses premières lidées; et dans une note : « Vous voyes, lecteur attentif; que y'avai jet dans ce livre les semences de tout ce que j'ai découvert de nouveau et d'absurde pour le vulgaire. » Il faut en convenir; mais de quelle enveloppe avai-ti-il couvert ces semences!

Chap. XXIII. Du commencement et de la fin du monde, et de l'année platonique. « Après le repas venons au dessert. Je propose deux nobles » problèmes.

» Dieu a sans doute fait commencer le mouvement par une conjonction

» ci-jointea:

- n de toutes les planètes au commencement du zodiaque. » (C'est la supposition des Indiens.)
- » Pour le moment de la création, 5572 ans avant 1595, le 27 avril, » à 11⁴ du mérien de Prusae, les Tables pruténiques donnent les quantités

| 0 | c 5 3° | 0,0 |
|----|--------|-----|
| C | 6. 3 | 6.0 |
| b | 0.15 | 0.0 |
| Ŧ | 0.0 | 0.0 |
| اخ | 2.24 | 0.0 |
| Q. | 1.10 | 0.0 |
| Ż | 0.3 | 0.0 |
| Ω | 5.18 | 0.0 |

- » Si elles ue aout pas toutes ce qu'elles doivent être, c'est uue erreur » des moyens mouvemens. La Lune devait être en opposition, puiqu'elle » a brillé. Il u'y aura pas de fiu : les mouvemeus sout incommensorables :
- » jamais les planètes ne se trouvèrent en conjouctionan point de départ. « Mais s'y sont-clles jamais trouvéen? c'est ce dont il est permis de douter. Le mouvement de Mara pour 5572 ans ou pour fosoo ans serait en creur de 8½°; ce serait 14° ou 8½° pour 1000 on as, 0%40 no 50%40 pour un an. Les Indiena procédent ainsi pour la construction de leurs tables; mais ils reculent l'éponde de la crésition, et l'euvent négliere les signes

et les degrés qu'ils trouveut de trop.

Képler, en réimprimant cet ouvrage 25 aus après la première édition, n'a voulu v rien changer. Il a mis dans des notes ses idées uouvelles. Il dit que ismaia novice n'avait fait un début si brillant, et, à quelques égarda, il peut avoir raison; mais que de choses à retrancher, si l'on ne veut conserver que le fil de ses idées, et qu'ou écarte tout ce qu'il a ajonté pour replatrer ce dont il n'était ni bien sur ni bien satisfait luimême! Tycho, à qui il avait confié sou livre, lui conseilla de laisser ces vaines recherches pour se livrer au calcul des observations. Oui n'eut peusé que Tycho lui douuait uu bon conseil? Quel dommage pourtant que Képler l'eût snivi ! Sachons-lui gré de cette opiniâtreté, qui ne lui permettant pas d'abandouner tout-à-fait une idée qui lui avait souri, a fait au moins qu'il l'a retournée et modifiée de tant de manières, qu'enfiu il a trouvé ce rapport 2, qui est le milieu arithmétique entre 1 et 2. S'il eût été moins simple, il serait peut-être incomn; cependant la découverte des logarithmes offrait un moyen facile pour déterminer ce rapport, quel qu'il fût, s'il était réel et coustant.

Nous avons vu que Tycho u'aimait pas qu'ou clieval le moindre doute ur sou système; il voyait dans Kepler un partisan de Coperoit teix sélé; et qui plus est, très redoutable; mais il vapait un calculateur infatigable, qui aimait les rapprochemens et les comparations; c'était l'homme dont il avait besoin pour metire en curre ses nombreuses observations. Képler en effet lui rendit ce service; mais il est probable que Tycho cht élé peu satisfait du résultat.

A la suite de cet onvrage, on lit un avertissement que Mæstlin avait joint à la première édition. Il avoue qu'ou a eu de grandes obligations aux astronomes, qu'ils ont fait des découvertes importantes; mais jamais ils n'ont attaqué l'Astronomie que par derrière : à tergo adorti sunt. « On a dit que la Terre était au milieu du monde, et qu'elle en était le centre, parce qu'on voit les pierres tomber et la fumée s'élever; Mais où est notre expérience sur ce qui est pesant ou léger? En avons-nous une connaissance assez parfaite pour décider où se tronve le ceutre du monde? Ou'est-ce que la Terre en comparaison de l'nuivers? un point, nn atome. » Plus loin, le système de Tycho est indiqué d'une manière qui ne l'aura guère satisfait. « Cela est grand ; il ne faut pas refuser à " l'auteur la loyange qu'il mérite; mais, par cette correction, on ne » fait que coudre nu morceau neuf à un vieux manteau déchiré, et la » déchirure deviendra plus grande. Dans cette supposition, on dissémine » les centres et les forces motrices, ou complique le système, et on » lui fait perdre l'ordre et la précision. Je ne veux leur opposer que » cette nouvelle découverte de Képler. A qui devons-nous avoir cou-» fiance, de ceux qui, pour éviter quelques absurdités, tombent dans » de plus grandes, qu'ils appuient d'étais chancelaus, de cenx qui ne » rendent raison de rien , on de celui qui n'assirme rien sans preste , » et réfute solidement les absurdités des autres. »

Mesatinus fit réimprimer eu même temps la Narration de Rhéticus sur le livre de Copernic, et il y ajouta les dimensions des orbes et des sphères célestes, selon les Tables praténiques, calculées d'après les idées de Copernic. Il paralt donc que Reinhold était décidé en faveur de Copernie, quoique Bailly ait dit le contraire. Reinhold avait annoncé un Commentaire sur le livre des Révolutions; mais il ne l'avait pas encore publié. Nous n'avons pu décider si Reinhold était véritablement l'auteur des Théoriques que nous avons ci-dessus analysées.

J. Kepleri, Harmonices mundi de figurarum regularium, quæ propor-

tiones harmonicas pariunt, ortu, classibus, ordine et differentiis causă șcientiæ et demonstrationis. Lincii Austriæ, 1619.

Quoique cet ouvrage n'eit paru que 25 aus après le Prodrome, et que Képler ait publié, dans l'initervalle, un grand nombre d'ouvrages, cependant l'ordire des matières nous a paru plus important que celui des dates, et nous ne séparerons pas deux traités qui ont tant d'analogie.

Kepler prend pour epigraphe un passage du Commentaire de Procèlus sur le premier livre d'Enclide : La science mathématique est le premier fondement de toute Physique, en ce qu'elle nons enseigne le be condre des proportions suivant lesquelle! l'universe (xº 11AN) a cit construit. Elle nous montre les élémens simples et primordiaux liés entre ux par la symérice et l'égalité; tout le cicle ét, formé de ces élémens, et dans ses diverses parties, il nous offre toutes les figures qui lui convenient ou qu'il pa preceroir. s'

Ce passage un peu vague ne signifie pas que Képler ait trouvé son système harmonique établi déjà chez les Grecs; au contraire, il réclame pour lui-même le mérite de l'invention. Avant Euclide, personne n'avait écrit sur les corps réguliers; si Proclus eût étendu ses Commentaires jusqu'au dixième livre des Elémens, il eût peut-être épargné à Képler le soin d'exposer toute cette théorie de l'univers : mais on n'en tronve aucun vestige chez les anciens. Ramus avant lu dans Aristote la réfutation de la doctrine pythagoricienne sur les propriétés des élémens, déduites de celles des cinq corps réguliers, conçut aussitôt un graud mépris pour cette philosophie; il voulut retrancher de l'onvrage d'Euclide le livre qui traite de ces corps. Schoner, d'après son maître Ramus, crut qu'il n'était d'aucune utilité. Képler se flatte que Ramus eut bien changé d'opinion s'il avait pu lire ses Harmoniques; il croit même que les Pythagoriciens ont jadis enseigné sa doctrine, mais déguisée sous des allégories dont personne n'a démélé le véritable sens. Il est done persuade que les Pythagoriciens ont enseigné le système de Copernic, et qu'Aristote ne les a pas compris. Pour réparer le tort que des professeurs, d'ailleurs habiles, out fait à la science, Kepler se croit obligé à extraire du livre X d'Euclide tout ce qui sera nécessaire pour ce plan. Il va traiter de Géométrie d'une manière populaire et en philosophe plus qu'en mathéma-

Dans son premier livre, il passe en revue tous les polygones que l'on peut géométriquement inscrire au cercle. Dans le second, il traite de la congruence des figures; il explique la formation des cinq corps réguliers par des combinaisons de triangles, de carrés ou de pentagones. Les pythagoriciens, Platon, Eaclide et son commentateur, appellent ces corps les figures mondaines. Ils les avaient attribuées aux cliemens; il faliait les placer dans les intervalles des sphères célestes. « Cette idée a été trouvée si heurcuse, que non-seudement pendant 22 ans elle "as frouvé acuen contradicteur, et qu'elle a même converti plusieurs disciples de Ramas, au point qu'on a demandé une seconde édition du livre qui contenai cette dévouverte. »

Le troisième traite de la naissance des proportions harmoniques; il n'y

a pas un mot d'Astronomie dans tout ce qu'il contient.

Le livre IV traite des configurations harmoniques, des rayons siderava de la Terre, et de lense fiets sur la nissance des méciores et autres choses naturelles. Il commence de même par des théories purement musicales; mais au chapitre V, il définit les configurations ou les aspects. Il ya des configurations efficaces; ce son l'opposition on la distance angulaire de 180°, le quadrat ou l'angle de 90°, le tring ou l'angle de 120°, le sextile ou l'angle de 60°. Le trincotte de situ niversellement reçu; Képler y ajonte l'octile ou l'angle de 64°, le trioctile ou de 155°, enfin les aspects de 50° et de 150°, de 27° et de 108°, de 44° et de 50°.

Le chapitre VII est un épilogue de la nature sublunaire et des facultés intérieures de l'ame, sur lesquelles est fondée l'Astrologie. On y lit que Kepler a vu constamment l'état de l'air trouble toutes les fois que les planètes étaient en conjonction, ou dans les aspects connus; il a vu l'air tranquille, s'il y avait peu d'aspects, ou s'ils étaient peu durables. Les pluies tombent quand les rayons des planètes font un angle de 60° bien juste. Ce que Pic-la-Mirandole a écrit contre l'Astrologic l'a engagé à examiner la chose, et alors il a été obligé d'adopter comme vraies des règles dont il doutait, après avoir ln les écrits des Astrologues et avant d'avoir vu les objections de Pic. Il croit, comme Ptolémée, à l'analogie qu'il y a entre les aspects et les consonnances musicales, et Pic lui paraît les réfuter trop légèrement. Tout ce qu'objecte la Mirandole peut s'objecter de même à l'union de deux sons consonnans; il ne niera pas le plaisir qu'on prend à un duo chanté par des voix justes. Pourquoi refuser de croire ce qu'attestent tous les habitans de la campagne, que les montagnes vomissent des nuages qui se résolvent en pluie? Képler avouc qu'il a été confirmé dans ses idées par ce qui aurait porté tout autre à les modifier. Après de longues conjonctions la Terre, qui paraissait n'en avoir rien senti, a produit des tempêtes, qui ont duré long-temps après les aspects; c'est que la Terre n'est point comme un chien qui obéit au moindre signe, mais comme un bœuf ou nn éléphant, qui est lent, mais calme, et qui est d'autant plus violent quand il est échauffé.

Je passe bien des raisonnemens de même force, dont le but est de prouver que la Terre a une âme. Cette âme cognait le zodiqueç elle sent quel point du sodiaque occupe chaque planête, les angles que forment leurs rayons; et comme elle a le sentiment des raisons géométriques et des harmonies archétypes, elle jage si ces mesures d'angles sont harmoniemes ou incongrenes, et les admet ou les rejette.

Le livre V a pour titre : De l'harmonie parfaite des mouvemens célestes.

Vingt-deux ans auparavant, il avait tronvé, dans les corps réguliers, la raison des distances et du nombre des planètes; il s'était attaché fortement à cette idée avant d'avoir lu les Harmoniques de Ptolémée. L'envie de la vérifier avait fait qu'il avait consacré une partie de sa vie à l'Astronomie, qu'il avait été voir Tycho, qu'il s'était fixé auprès de lui à Prague. Il a réussi bien au-dela de ses espérances; il a reconnu que l'harmonie se trouvait dans les mouvemens célestes, non de la manière dont il l'avait conque, et ce n'est pas le moindre sujet de sa joie, mais d'une manière tonte différente et bien plus parsaite. Pendant qu'il était distrait de cette idée par le travail des Tables rudolphines, un de ses amis lur avait parlé des Harmoniques de Ptolémée; il y vit avec ravissement que le livre III tout entier est employé à la contemplation de l'harmonie des corps célestes. Ptolémée n'avait pas tout ce qui était nécessaire pour tirer un grand fruit de ses recherches; son peu de succès pouvait détourner tout autre d'entrer dans cette route : mais cette idée, venue à 1500 ans de distance à deux auteurs, saus aucune communication, l'a confirmé dans son projet. Depuis huit mois, ajoute-t-il, j'ai vu le premier rayon de lumière; depuis trois mois j'ai vu le jour; enfin, depuis peu de jours, j'ai vu le soleil de la plus admirable contemplation. Rien ne me retient, je me livre à mon enthousiasme; je veux insulter aux mortels par l'aveu ingénu que f'ai dérobé les vases d'or des Egyptiens, pour en former a mon Dieu un tabernacle loin des confins de l'Égypte. Si vous me pardonnez. je m'en réjouirai; si vous m'en faites un reproche, je le supporterai. Le sort en est jeté : j'écris mon livre; il sera lu par l'âge présent ou la postérité, peu m'importe; il pourra attendre son lecteur : Dieu n'a-t-il pas attendu six mille ans un contemplateur de ses œuvres? Il avait raison ; il

attendit long - tems un digne lecteur; ses déconvertes n'ont été senties et appréciées que depuis le tems ou Newton, en les démontrant, en a fait sentir la liaison et l'importance.

Chap. III. Il faut savoir que les hypothèses des anciens, expliquées par Purbach et autres abérétaleurs, doivent être rejitées, parec qu'elles ne présentient pas la véritable situation des corps célestes. Il faut y substituer le système de Copernic; celui de Tycho fera le même effet. Quand towas décrives un cercle, vous faites tourner le compas; tence le compas immobile, et faites tourner le papier en sens contraire, et vous anrez le même cercle.

» Je rappellerai en outre à mes lecteurs, que j'ai prouvé par les ob-» servations, que les mouvemens dans l'excentrique ne sont pas éganx', » mais qu'ils varient suivant les distances an Soleil, source de tout mon-» vement; que les mouvemens diurnes vrais d'une orbite excentrique » sont en raison inverse des deux distances au Soleil; j'ai démontré que » l'orbite est elliptique, que le Soleil est à l'un des foyers; que la » planète, à qo* de son aphélie, est à une distance moyenne entre les » distances aphélie et périhélfe. De ces denx axiomes, il résulte que le » moyen mouvement dans l'excentrique est le mouvement vrai pour les » momens où la planète est dans ses moyennes distances. C'est donc à » 90° de son aphélie, quoiqu'alors la distance angulaire apparente soit » un peu moindre, que deux arcs quelconques de l'excentrique, égale-» ment distans l'un du périhélie et l'autre de l'aphélie, joints ensemble, » équivalent à deux arcs diurnes moyens; qu'enfin il en est de même » de tant d'arcs réunis qu'on voudra, s'ils sont placés ainsi qu'il vient » d'être dit. J'ai démoutré que, pour Mars, les mouvemens dans l'ex-» centrique sont assez précisément en proportion doublée et inverse » des distances au Soleil. Cela est vrai des arcs qui ne sont pas trop » grands, et quand les distances ne sont pas trop différentes. Dans les » distances moyennes, les arcs de l'excentrique sont vus un peu obli-» quement, ce qui les diminue un peu; au lieu que, dans les apsides, » ils sont vus plus perpendiculairement. »

Il n'en est pas de même pour les mouvemens vus de la Terre, qui n'est pas le centre des mouvemens.

Nons n'avons jusqu'ici considéré que les arcs différents d'une même planète; comparons les mouvements de deux planètes différentes; appelous apsides prochaines le périhélie de la planète supérieure et l'aphélie de l'inférieure; mouvement extrémes, le plus leut et le plus rapide; convergens extrémes ou converses, ceux qui sont dans les apsides prochaines; divergens ou divers, ceux qui sont dans les apsides opposées. « Achevons la découverte commencée il y a vingt-deux ans:

n Sera quidem respexit inertem,

n Respexit tamen, et longo post tempore venit.

» Si vous eu voulez connaître l'instant, c'est le 18 mars 1618. Conçue, » mais mal calculée, rejetée comme fauste, revenue le 15 mai avec une » nouvelle vivacité, elle a dissipé les téchères de mon esprit. Elle est » si pleinement confirmée par les observations de Tycho, que je croyais » réver et faire quelque pétition de principe. Mais c'est une chose très » certaine et très exacte, que la proportion entre les tems périodiques de » deux planètes est précisément sesqui-altère de la proportion des moyennes distances. »

Cette loi, qui a couté tant de tems et de calculs à Képler se trouversit anjourd'hui avec une extrême facilité. Il se proposait de trouver le rapport des mouvemens avec les distances ou $\frac{T}{t}:\frac{R}{r}$; soit $\binom{T}{t}=\binom{R}{t}$.

Képler essaya x = 1, 2, 3, etc.; il essaya des nombres fractionnaires.

Nous ferions

$$\log\left(\frac{T}{t}\right) = \log\left(\frac{R}{r}\right)^s = x \log\left(\frac{R}{r}\right) \text{ et } x = \frac{\log\left(\frac{T}{t}\right)}{\log\left(\frac{R}{r}\right)} = \frac{\log T - \log t}{\log R - \log t};$$

ainsi pour la Terre et Vénus,

 $\begin{array}{c} \log T = 565, 26... & 2,5625978 \\ \log t = 224,7 & ... & 2,551603t \\ \log T - \log t = & 0,2109947 \end{array}$

 $\begin{array}{lll} \log R = 1 & & 0,0000000 \\ \log r = 0,72535 & 9,8595365 \\ \log R - \log r & & 0,1406035 \\ & & & 0,0705318 \\ \hline & & & 0,2109953 \end{array}$

 $x = \frac{0.9169990}{0.1466635} = 1 \frac{7}{8} = \frac{1}{8}$

En effet, à $(\log R - \log r)$ ajoutez sa moitié, vous aurez $(\log T - \log t)$. Ainsi, pour Mars et la Terre,

$$\begin{array}{lll} \log T = 696, gyg6... & 2,8596,45) & \log R = 1,52505 & o,1836g/65 \\ \log t = 505,5504... & 2,5625g/8 & \log r = 11.... & 0,000000 \\ \log T - \log t... & 0,2745461 & \log R - \log r... & 0,1838g/65 \\ & moitie... & 0,00144635 \\ & x = \frac{0.5745,651}{0.1845636} = 1 \frac{1}{2} = \frac{1}{2} & \log T - \log t... & 0,74745/40 \\ \end{array}$$

$$x = \frac{1}{0,183 \times 906} = 1$$
; = 1 , $\log 1 - \log 1 \dots 0,2745449$

La règle est bien simple; il faut toujours sonstraire le logarithme le plus faible du plus fort, et diviser le reste le plus fort par le reste le plus faible; mais au tems de la découverte de Képler, les logarithmes n'étaient point inventés.

- » Voulez-vous mesurer à la même toise le chemin diurne de chaque » planète, multipliez la vitesse par le demi-diamètre de son orbe, et
- » vous aurez des nombres propres à chercher siles chemins sont en pro-» portion harmonique, »

C'est-à-dire, faites
$$rdu = RdV$$
 et $\left(\frac{RdV}{rdu}\right)$.

- « Multipliez le chemin de la planète supérieure par la distance de la » planète inférieure, et réciproquement le chemin de la planète inférieure » par la distance de la planète supérieure. »
- Ou faites $\frac{a R d V}{A r d u} = \frac{\binom{a}{r} d V}{\binom{A}{r} d u}$ on $\binom{d V}{d u}$, en omettant l'ellipticité des orbites.
- « Soient deux planètes dont les révolutions soient 27 et 8 ; les moyens

» mouvemens seront :: 8 ; 27, les distances
$$\left(\frac{R}{r}\right)^3 = \left(\frac{27}{8}\right)^4$$
;

$$\frac{R}{r} = \left(\frac{27}{8}\right)^{\frac{4}{3}} = \left(\frac{5}{9}\right)^{\frac{4}{3}} = \frac{9}{4}$$

» Soient maintenant les mony, apparens pour l'un dans l'aphélie ... 2, » pour l'antre dans le périhélie 55 ;

- » La moyenne proportionnelle entre 2 et 8 est 4; entre 27 et 53 ;, » elle est 30.
- » Si la moyenne 4 donne la distance q: 8 donnera 18, distance aphé-» lie répondant au mouvement 2.
 - " La moyenne 30: 4:: 27: $\frac{4.87}{30} = \frac{4.9}{10} = 5.6$.

Képler ajonte quelques exemples numériques; les règles qu'il suit ne paraissent pas bien rigoureuses, mais des approximations sur lesquelles il va fonder ses harmonies imaginaires.

Il ne trouve aucune harmonie dans les tems périodiques.

Mais c'est une conjecture très probable que les meses des planètes on leurs volumes sont en proportion des tems (ce qui n'est pas exact). Il dit, par exemple, que Saturne est 30 fois gros comme la Terre, et Jupiter 12 fois. Le reste est de cette vérité.



Dans la musique des corps célestes, Saturne et Jupiter sont la basse; Mars le ténor, la Terre et Vénus la baute-contre, et Mercure le sausset (discanti).

Nous avons vonlu juger par nous-même du reste de l'ouvrage; la patience nous a manqué souvent; on n'y voit qu'idées bizarres, tirées de calculs approximatifs, dont Képler lui-même avoue plus d'une fois le peu de précision, en sorte que nous souscrivons an jugement de Bailly.

« Après cet élan sublime, Képter se replonge dans les rapports de » Musique avec les mouvemens, la distance et l'executricité des plana nètes. Dans tous ces rapports harmoniques, il n'y a pas un rapport » vrai; dans une foule d'idées, il n'y a pas une vérité; il redevient

» homme après s'être montré esprit de lumière. »

A considérer les choses sons nu ure point de vue, il ne serait pas impossible de trouver que Képler a été toujours le même. Ardent, inquiet, brâlant de se signaler par des découvertes, il les casayait toutes, et quant il le savait entreux es, riem le ule coltait pour les suiver ou les vérifier. Toutes ses tentaives n'eurent pas le même succès, et cela était vraiment impossible. Celles qui n'ont pas réassi ne nous paraissent que bizarres; celles qui ont été plus heureuses nous paraissent sublimes. Quand il a cherché ce qui estiait réellement, il 11s trouvé quelquefois; quand il s'attechait à la recherche d'une chimère, il fallait bien qu'il échouit; mais il y développail les mêmes qualifié, et cette constance opinitire qui triomphe des difficultés quand elles ne sont pas insurmontables.

Dans un appendice, Képler compare son ouvrage à celui de Ptolémée, sur la Musique, et principalement au 5 livre, où il trouve quelques idécs vagues sur l'harmonie des corps célestes; il emploie trois pages à l'examen du livre de Robert Fludd (de fluctibus), méderin d'Oxfort, qui, sous le titre de Microcoume et Macrocoume, s'est livré à beaucoup de contemplations harmoniques, sur ce qu'il appelle la musique dat mondé. Képler lui cryoche beaucoup d'obteurités; ils s'étaient rencourtés dans l'idée de faire de la Terre un animal : du reste, il n'y avait ancure ressemblance entre les deux ouvrages. Robert se fichs et répondit; Képler répliqua. Dans cette longue dissertation, je n'ai remarqué quo cette prodié d'on vers d'Hombre:

"Ηφαιστε πρόμολ" φόλε Κεπληρος σειο χατίζει. Vulcain viens ici, Képler a besoin de toi. Si c'était pour brûler sa dissertation et celle de Robert qu'il implorait le secours de Vulcain, on pourrait regretter que ce dieu ne l'eût pas exaucé.

Et puisque nous avons rappelé l'idée de donner un âme à la Terre, nous citerons le passage de la page 158, où il commente ce vers de Virgile:

Conjugis in gremium lætæ descendit...

Lætæ hoc est percipientis quid sibi fiat, cum voluptate, motuque idoneo maritum adjuvantis. Quæ omnia VITÆ sunt indicia, animamque supponunt in corpore patienti.

Pour avoir une idée du style et des sentimens de Képler, lisez les lignes qui sont les dernières de ses Harmonies.

Magnus Dominus noster... laudate eum cedi; Sol, Luna et planene, quocumque sensu ad percipiendum, quieunque lingui ad eloquendum Creatorem vostrum utanini; laudate eum harmonim cedestet. Laudate eum vosharmoniarum detectarum arbitri, tuque ante omnes Martiline felici esacetá, namque tu solebas has dictis animare speque cursa. Lauda et tu anima mea dominum Creatorem tuum, quamdili finero. Namque ex ijos o tep er josum et in ijos sunt omnia xxì ra airbară xxì rx sespă, tum ea que ignoramus ponitas, quam ea que ecinus, nimina illurum pars, qui adube plus ultră ext. Ijosi laus honor et gloria in saveula suculorum, amen. Absolutum est hoe opud dis, y maj., anno 1018.

Et plus haut, page 245. Gratica ago tibi Creator domine, quia delectati me, in facturi dui et in operibus manum turam exuluei. En nuno opus consummavi professionis mere, tantis usus inqenii viribus quanțas miti dedisti; manifestavi glorimo operum turom hominibus istu demonstrationes lecturis, quantum în illus infinitete capere potuceunt angustie mentis mere; promtus miti fuit animus ad emendatissimb philosophandum; si quid indigum, tuis constilis profestum à ne, vermicalo in volutabro peccatorum nato et innutrito, quad serie veils homines; id quoque inspires ut enendem: si turoum operum admirabili pulchristudine in temeritatem prolectus sum, aus si glorium propriam apud homines amari. Dum progredior in opere tune gloria destinato, mitis et miseriores condona; denapue ut demonstrationes iste tux glorice et animerum salati cedant, nec ei ullá tenna sobisti propisius efficere digneris.

A la page 241, il delle tous les astronomes et tous les malhématiciens.

Agite strenui, vel unam ex harmoniis passim applieatis convellite, cum
alià aliqua commutate et experimini niun tam prope Astronomiam, cap. IV,

præscriptam aecessuri sitis : wel contendite rationibus, num melius et eonvenientius aliquid motibus cælestibus astruere, dispositionem vero à me ailhibitam in parte vel toto destruere possitis.

On ne voit pas ce que les astronomes ont répondu à ces bravades; creusables tout an plus s'îl a'vait parié que de la belle loi quobaervent les mouvemens et les distances; mais il y avait un peu trop de présomption de lui-même, dans l'assarance avec languelle il les défie de supprimer on de modifier une de ses barmonies. Rien ne nous apprend qu'elles aicnt été combattues, Képten n'eit pas manque de réponder; mais on ne voit pas même que des ous vivant, personne ait fait la moindre attention à ces belles lois, qui sont aujourd'hui le foadement de toute science astronomique. Personne, pas même Galifie, qui pius que tout autre devait être en état de les apprecier, et qui n'en dit pas un mot dans les fameux Dialogues composés pour démonter l'excellence du système de Copernic : n'avait-il pas vn ou dissimulait-il tout ce que ce système avait gazné entre les mains de Kelper?

Je trouve dans le même volume, l'opuscule du jaugeage des pièces de vin.

Nova Stereometria doliorum vinariorum, imprimis Austriaci, figurco omium aptissimus et usus in eo virgue cubicae compendiosissimus et plane sinzularis. Accessit Stereometriae Archumedeos uppelementum. Lincii. 1615.

Ce livre commence par la démonstration des principaux théorèmes d'Archimède. L'austeur s'occupe ensuite des solides de révolution engendrés par les diverses sections coniques; il fait tourner une ellipse autour d'un dismètre quelcouque; il s'occupe de la cubature du mita, du citron, de l'olive, de la praue et des fuseaux; enfin, il vient aux tonneaux d'Autriche, à la juage et sex divisions, à la manière de calculer la partie vide d'an tonneaux ll éprouva beacoup de difficultés pour l'anpression de cet ouvrage, qu'il fat obligé de returer des mains d'un imprimeur qui l'avait garde is fomois. Il surait voulu lai donner plus d'étendue, at cum una vertuat sufficiat vel tacena; contra onnes errouran streptust. ... habeant gistur sibt sous ervores, guicumque ii delectantur, frumum nos noutris commodis; et ut fruendi materia, salvis corporis annum que boris; glutiun suspetats, precabiume:

Et cum pocula mille mensi erimus, Conturbabimus illa ne sciamus.

On voit qu'il parodie ici deux vers de Catulle.

Le volume renferme encore l'Éphéméride de 1618; il y emploie pour la Lune une excentricité variable.

Ad Vitellionem Paralipomena quibus Astronomine pars Optica traditur, potissimum de artificiosă observatione et æstimatione diametrorum, deliquiorumque Solis et Lunæ, cum exemplis insignium eclipsium. Francfort, 1604.

Ce livre est dédié à l'empereur Rodolphe, qui lui faissit une pension pour achever les Tables commencées par Tycho. On pourrait induire des dernières lignes de la dédicace, que cette pension n'était pas exactement payée, et qu'il était à eraindre qu'elle ne fût retranchée. La guerre avec les Tures occasionnait ess retards.

Tycho avait jeté-les fondement de l'Astronomie dans ses observations encore incidites et dans son Catlogue d'écioles, qui, saviural trepression de Kejber, est comme le ciment de l'édifice; ses Tables du Soleil en sont le colonne principale. Dans sa Théorie de la Lune, il bâtit le portique ou le premier palais. Kejber, dans son Optique, se propose d'y ajonter les fenêtres et les escaliers; il a déjà fuit l'armoire ou l'arsenal, dans sa Théorie de Mars; il reste à construire la cuisine, la salle à manger, la chambre à couchee et le cabinet sur le teque hi bâtir un étages supérieur, en guise d'observatoire, d'où l'on découvrira toute la suite des siècles. Ce sera la huitime théorie, qui contiendra usus les aphélies des planètes. Enfin, les Tables rudolphines formeront le toit et le faite. Voilà encore un échantillon de style de Képler.

On voit d'abord dans son livre, que le monde sphérique est l'image de la Trinité; que le Père est le centre, le Fils la surface, le Saint-Esprit tout ce qui est entre le centre et la surface; en sorte que les trois ne font qu'un. Les corps sont doués de vertus qui y sont comme dans leurs nids. d'où elles sortent pour se répandre de tout côté : on en a un exemple dans l'aimant. Le Soleil a la lumière pour communiquer avec tous les corps. La lumière est un écoulement ou éjaculation, qui part du corps lumineux et se prolonge à l'infini, suivant des lignes droites qui sont autant de rayons d'une sphère infinie. Son mouvement se fait non dans le tems, mais dans un instant. (On sait anjourd'hui le contraire, d'après les découvertes de Roëmer et de Bradley; mais ce tems est si court, que Képler a dù le croire nul; les effets du mouvement non instantané de la lumière étaient vraiment imperceptibles, et les observations de Tycho n'en pouvaient offrir aucune trace.) La force qui meut la lumière est iufinie. son poids est nul et sa vitesse infinie; elle se disperse en s'eloignant, puisqu'elle va par des lignes divergentes; les rayons n'éprouvent aucun Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

40

affiblissement, mass il y en a moint dans un espace donné. La force on et la densité de la lumière est en raison des surfaces sphériques; elle vapa arrêtée par les corps solides, en tant que solides; elle peut les traverser, mais avec plus de difficacité, en tant qu'ils sont denses; elle peut les trafficcée par les surfaces qu'elle rencontre. La couleur est la lumière en gruptie dans la mairéer da disphane. Une corps opaque est un composé de diverses surfaces qui n'offrent aucun passage en ligne droite.

La lumière tombant sur une surface, est répercuée et revient sur ses pas si elle tombe obliquement, elle se réfichit à angle égal si elle entre dans un milieu plus dense, elle se brise en 'sapprochant de la perpendiculaire. Le mouvement oblique se décompose selon la ligne horizontale et la perpendiculaire; elle n'entre donc pas perpendiculairement, elle est démagée dans le seun horizontal sudement.

Ici l'auteur fait de vains efforts pour prouver que la lumière doit s'approcher de la perpendiculaire, dont il paraltrait au contraire qu'elle derrait s'écarter.

Les rayons réfléchis et réfractés sont droits comme auparavant.

La chalenr est une propriété de la lumière; cette chalcur n'est pas matérielle; la lumière détruit et brûle, avec le tems elle blanchit les couleurs; la lumière noire enslamme plus aisément que la lumière blanche.

Ces diverses propositions, les unes vraies les autres fausses, sont recueillies par Képler des auteurs qui l'ont précédé: il les développe et les démontre à sa manière.

La lumière du Soleil qui est reçue sur un plan, après avoir passé par un petit trou de forme quelconque, est toigours ronde : c'est ce qu'on a remarqué de tout tems, et n'est pas encore expliqué, dit Képler. On a dit que cela vensit de la rondere du Soleil; et en effet, dans les éclipses, l'image du Soleil paralt échancrée sur le plan qui la reçoit; ce qui a fourni à Genma, Reinhold et Miestlin un moyen bien simple pour mesurer les diamètres du Soleil, de la Lune et les parties éclipsées. Mais toutes les éclipses observées de çette manière ont donné à la Lune un diamètre trop grand, ai bien que Tycho, le phénis des astronomes, a été rédait à dire que le diamètre de la Lune est plus petit dans les conjonctions que dans les oppositions, quoique la distance soit la méné.

Si l'objet lumineux n'avait qu'un point, l'image scrait de même forme que l'ouverture.

L'image est toujours plus grande que le trou; elle se compose de la figure renversée du corps lumineux, et de la figure droite de la finalise

J. B. Porta venait d'imaginer la chambre obscure; Képler en donne la description, et conclut de ser siasonnemeus et de l'expérience, que si l'ouverture est circulaire, le rayon lumineax sers rond; si elle est quadrangulaire et ample, l'image sers terminée par nen multitude d'angles obtus qui formeront no cercle. Dans les éclipses, l'image sers en croissant, mais les comes seront nomos aiguêt que dans la réalit. Il dit bien que l'erreur sera plus grande ou plus petite, suivant le plus ou moins d'ouverture; il ne donne pas expressément la règle pour la corriger.

Dans le chapitre III, qui traite de la Catoptrique et du lieu de l'image, il réfute Euclide, Vitellion et Alhazen, et il s'excuse de s'être autant étenda sur un point qui n'intéresse nullement l'Astronomie. Le chapitre suivant s'y rapporte directement; il s'agit des réfrections.

Alhazen et Vitellion en avsient explique la théorie avec plus de soin qu'on n'en recontre ordinairement dans les anciens (il gibrorait que Ptolémée les avait prévenus). Tycho chercha le premier à les determiner par observation. Nous avons vu la dispute entre Tycho et Rohman; Kejher trouve qu'ils étaient lous deux dans l'erreur; Tycho en supposant à l'air une diminution successive de densité jusqu'à ne plus différer de l'éther. (Képler ignorait que l'air est élastique, et que les couches les plus bases sont nécessairement plus denses); Rohman se trompait en avançant que la lumière entrait dans nu milieu plus dense, sans éprouver de réfraction (Rohman n'avsit donc pas lu Vitellion. Képler se trompo aussi en disant que la cause de la réfraction est dans la surface et non daus la corpulence du milieu plus dense; ou de moins, cette assertion devait être anterment énoncée: il a raison quand il dit que la profondeur du milieu plus drune; sans réfraction.)

Képler avait songé à faire la réfraction proportionnelle an sinus de la distance au sécii; il essaya bien d'autres rigiés. Il se démontes que les réfractions croissent plus rapidement que les arcs d'incidence; il avait vu qu'elles croissent bien plus rapidement que les ainus; il n'imagina se d'essayer les tangentes. Le plus ou moins d'intensité de la lumière n'influe pas sur la réfraction; les réfractions croissent rapidement près de l'horizon. Il songea aux sécantes; il rejets cette idée, parce que la sécante de 90° est influie; la même rasion lai ancait fait rejeter les tangentes; il ne vit pas que jamais la distance uvest de 90° pour le zénit du

Good Good

point de l'atmosphère par lequel entre le rayon. Il essaya de combiner l'inclinaison et la sécante; il ne songea point à comparer les sinns des angles brises aux sinus des angles d'incidence, quoiqu'il eut sons les yeux la Table de Vitellion. Ptolémée avait eu la même insdvertance.

Il se propose ce problème, résolu depuis par Cassini: Les réfractions ciant observées à deux hauteurs connues, en déduire la rigile générale. Il n'avait pas pour le résondre le théorème de Snellius on de Descartes; il voit qu'il faudrait consistre la hauteur de l'atmosphère. On ne peut la détermine par les crépactueles, parce qu'il n'est pas bien démontré que la matière qui produit les crépuscules soit aussi celle qui canse les réfractions.

Il dit, page 120, que la surface qui produit la réfraction est peu élevée au - dessus de la Terre; il cherche par tatonnement l'angle que j'ai nommé u, dans mon exposition de la Théorie de Cassini, et que j'ai trouvé de 2°0' 12"; il fait des suppositions au-dessus et au-dessous de ce nombre.

Soient N et N' les deux distances au zénit, r et r' les deux réfractions observées;

$$N = 86^{\circ}10'$$
, $N' = 89^{\circ}25'$, $r = 14'22''$, $r' = 31'10''$.

D'après ces deux observations de Tycho, il cherche la règle générale pour calculer la Table entière.

On connaît GEF = r' = 5i' 10" (fig. 57); c'est la réfraction pour la distance N'.

On consalt AB rayon de la Terre; il fandrait connaltre BEA = LEG inclinaison apparente à l'eutrée dans l'atmosphère, on y ajouterait la réfraction GEF, et l'on aurait l'inclinaison vraie LEF = E + r'; on est donc réduit à supposer une valeur à LEG = E. Soit. E = 87° 50'

$$r' = 51,10$$

E + $r' = 88.$ 1,10.

$$\frac{r'}{\sec E} = r' \cos E = r' \cos 88^{\circ} 1' 10'' = 81'',568$$
; Kepler dit 82'',5.
Calcules $\frac{r' \cos E}{E + r'} = \frac{81'',558}{88',019444} = 0'',92672 = 55'',6052.$

| KÉPLER: | |
|--|--|
| r cos E == 81",568 | 1,9115212 8,0554286 |
| 0",92672 AB = 1 C. sin BEA = 87 5 5 sin N' = sin B = 89.25 AE = 1,0009007 CAE sin N = 80 10 | 9,9669498 0,0004135 9,9999775 0,0003910 9,9996090 9,9990273 |
| sin E = $85^{\circ} 27' 45''$ $r = \frac{14.22}{85.42 \cdot 5}$ = $85.42 \cdot 5$ = $85.42 \cdot 635$ = $85.70 \cdot 14$ | 9,9986363 |
| cos E | 2,9555073 8,8982930 |
| $r \cos E = 58'',203$ C.(E + r) | 1,8338003 8,0670121 |
| o",7958154 ou 47",748924. | 9,9008124 |

Képler tronve 56" 1; c'est la réfraction simple pour 1° : cette partie est proportionnelle à l'arc.

Dans le triangle ABE, nous connaissons tous les angles et le côté AB = 1: nous aurons

$$AE = \frac{\sin N'}{\sin E} = 1,0009007;$$

Képler tronve

1,00000000.

Remarques que, pour trouver AE, il fait la proportion

mettant ainsi les arcs pour les sinus. Mais on tronverait ainsi AE=1,02190: ainsi c'est une expression abrégée, mais elle pourrait induire en erreur. Il passe à la seconde observation :

AE : AB :: sin ABE : sin BEA :: sin 86° 10' : sin 85° 27' 45"; Képler dit 86.59;

ce qui est nne erreur manifeste, oar il est évident que E < N, et Képler le fait plus grand.

Nous aurons $r \cos E = 68,205$ et $\frac{r \cos E}{(E+r)} = 0,7958154$,

Ci-dessus nous avions trouvé.... 55".60.

Le peu d'accord de ces quantités prouve que la supposition n'est pas exacte:

$$r = \frac{4f^*.75(E+r)}{\cos(E+r)} = 15'9''.9$$
 su lieu de $14'22''$, $r' = \frac{55'.5c(E'+r)}{\cos(E'+r)} = 59'20''.2$ su lieu de $51'10$;

la supposition donnerait donc deux réfractions trop fortes, On voit que la formule est

$$r = \frac{\text{constante } (E + r)}{\text{cos } (E + r)};$$

Mettez sin (E + r) au lieu de l'arc, vous aurez

* r = constante tang (E+r).

Képler passe à d'autres suppositions : au lieu de 87°50', il pose 89' et trouve que cet angle est trop grand; il suppose 88' et trouve

AE = 1,0005778; je trouve 1,0005777. La refract. pour 1', 0,75726 par la 1" refract., c'est-à-dire 44"24

Il trouve cet accord suffisant; ainsi la réfraction sera

$$r = \frac{0^{\circ},74313(E+r)}{\cos(E+r)}$$
 ou $r = \frac{0^{\circ},74315E}{\cos E}$,

quand on a fait sin $\mathbf{E}=\frac{\sin\sigma}{1,\cos(2\pi)}$; mais cette supposition représente asses mal les denx réfractions observées, quand on fait $r=\frac{\sigma_{r,p}^{2}S_{1}(\mathbf{E}+t)}{\cos(\mathbf{E}+t)}$; mais quand on fait $r=\frac{\sigma_{r,p}^{2}S_{1}(\mathbf{E}}{\mathbf{E}}$, on trouve

r' == 51'28" au licu de 51'10", et 14'19",6 au lieu de 14'22".

Il pouvait en effet se contenter de cette approximation.

Mais puisque la formule $r = \frac{\alpha(E+r)}{\cos(E+r)}$ n'est pas plus démontrée que $r = \frac{\alpha E}{\cos E}$. Il était inutile de déterminer les deux constantes par la première de ces deux formales, pour n'employer ensuite que l'autre. En premant le parti le plus commode, et en faisant le calcul avez plus de

soin que Képler, j'ai trouvé
$$a = 0.7540 \text{ et } AE = 1.0005770;$$

avec ces denx constantes, j'ai retrouvé r' = 51'11" et r = 14'22". Le calcul est extrémement simple, prenous par exemple N = 90°;

C.log AE. 9,9937495 a... 9,8737315 c. css E. 1,4691005 sin E = 88 5'1.5'
$$9,9997495$$
 88,055 1,9447491 = 88,054 $r' = 5 a'35''$ 5,3912209.

Dans le cas de N = 90°, E est le complément de l'angle que j'ai nommé a dans la Théorie de Cassión. En général, jampe le sar cetul que j'ai nommé y dans cette même théorie, et dont j'ai montré Janalogie avec cetul de Bradley (N = m.). Ceta sinsi que j'ai formé la table suivante: à côté des nombres que doane ma formule, j'ai mis ceux de Képler et ceux de Bradley.

| Dist. Z. | Refract. | Kepler. | Bradley. |
|-----------------|----------|---------|----------|
| 90° 0′ 89.25 | 3º 35° | 61' 30" | 3a' 53" |
| 86.10 | 31.11 | 48. 0 | 27.35 |
| 80. 0 | 5.40 | 5.36 | 5.14 |
| 70. 0 60. 0 | 2.33 | 2.3t | 2.35 |
| 50. 0 | 1.59 | 0.00 | 1. 8 |
| 30. 0 | 0.39 | 0.37 | 0.47 |
| 20. 0 | 0.16 | 0.15 | 0.20 |
| 10. 9 | 0, 8 | 0. 7 | 0.10 |

Il est assez remarquable que, par une formule purement empirique, Képlem aif nit une table de réfraction, dont les erreurs du zénit jusqu'à 70°, ne passent jamais 9°; à 80° l'erreur riest que de 30°. Il ne faut pas compter les erreurs à 80°10° et 89° 25°; ces erreurs appartiennent aux observations que la formule représente parfaitement. A 90° on ne peut pas dire qu'il y ait erreur, car beaucoup d'observations modernes ne donneut pas davantage.

Képler avait fait son calcul avec trop de négligence; il représente assez mal les observations qu'il a prises pour données, mais ce n'est pas la faule de la méthode.

En faisant l'air pesant, il ajoute qu'il va soulever contre lui tons les physiciens qui le font léger. Mais la contemplation de la nature lui a fait connaître que l'air est pesant et froid.

Il a donc conjecturé fort heureusement une chose que Torricelli et Pascal pronvèrent quelques années plus tard.

Il cherche ensuite la hauteur de l'atmosphère; mais il anrait fallu connaître le rayon de la Terre. D'après nos mesures, il anrait eu 15000 toises: Cassini en a trouvé depuis, 20000.

L'angle u que J'ai trouvé de 2°0' 3°, dans l'hypothèse de Cassini, n'est que de 3°5' 45' d'an celle de Képler. Cassini a supporé le théorème de Snellius ou de Descartes, ce qui détermine tout dans son hypothèse; Képler, qui n'avait pas ce secours, a fait, pour en tenir lieu, une supposition tout-fait arbitraire. La Table de Képler valait déjà mieux que celle de Tycho; on peut même dire qu'elle était excellente pour le tens.

La réfraction acconnrcit les distances. Képler trouve par le calcul, que la différence est légère et qu'on peut la négliger; cependant, si les deux astres sont dans un même vertical ou à peu près, l'erreur pourrait être sensible.

Vitellion avait dit que les diamètres sont diminués par la réfraction, et la chose est vraie; mais il ajontait, que les disques étaient toujonrs ronds : Képler pronve qu'ils sont ovales.

Le landgrave de Hesse a dit avoir vu pendant un quart d'henre Vénns attachée à l'horion, comme si elle n'est point participé su mouvement diurne, et elle devait être de 2° au -desous. Mestlinns dit que le 7 juillet 1590, à Tubingen, le centre du Soleil clunt à l'horizon, la Lune parut éclipses de quelques doigts dans la parie aussirale; et elle étiff de 2° environ au-dessus de l'horizon; ensuite, quand la Lune fut descendu à l'horizon au-dessus de l'horizon, le doit 2° 1: Kepter en concht nue réfraction

de 2º au moins. Aujourd'hui, l'on doute un peu de ces réfractions extraordinaires; il est vrai qu'on n'observe plus guère à l'horizon.

On connaît l'observation des Hollandais, qui, dans un voyage à la Nouvelle-Zemble, se trouvèrent pris dans les glaces et surpris par la nuit, le 5 novembre 1596, style nonveau, par la latitude de 76°; en conséquence, ils s'attendaient à ue revoir le Soleil que le 11 février 1507; copendant le 24 janvier, 17 jours avant l'époque, ils aperçnrent à midi le bord supérieur du Soleil; quelques beures après, ils observèrent une conjonction de Jupiter et de la Lune, dans le 2º degré du Tanrean, pour pronver qu'ils n'avaieut pas négligé de compter les jours en l'absence du Soleil. Enfin le 27 janvier, ils virent le soleil tout entier : le centre avait donc été à l'horizon le 25. Frappés d'étonnement, ils consultèrent divers mathématiciens à leur retonr; ils en recurent diverses réponses. Il n'est pas possible que les Hollandais se soient trompés de 5° sur leur latitude ; leur récit d'ailleurs paraît sincère et digne de foi. Le lever du Soleil du 24 janvier ne s'accorde uullement avec le coucher du 2 ou 5 novembre; l'erreur n'est donc pas dans la latitude. Le 2 novembre, le Soleil était en 7' 11° 57', le 5 en 7' 12° 58', à peine virent-ils le bord supérieur; le centre s'est donc couché en 7' 12°7', et la déclinaison était de 15° 27' : c'est celle qu'il a le 6 février en 10' 17°53', et non le 25 janvier. quand il est en 10' 5° 28'. Le vaisseau n'avait pas changé de place, puisqu'il était pris dans les glaces; les hautenrs du Soleil prises les jours suivans, confirmèrent leur latitude; et, revenant sur leurs pas, ils retrouvèrent tout ce qu'ils avaient vu en allant : ce doit donc être un effet de réfraction. Képler calcule qu'elle a dù être de 4º14'; il dit qu'on peut expliquer cette observation de denx manières indiquées par Cléomède, par des vapenrs'ou par un nuage qui renvoie une image du Soleil; il s'ea rapporte au jugement des savans. Mais, puisque les Hollandais après avoir revn le Soleil ne l'ont pas perdu depuis, il faudrait donc que ce nuage cut été constamment à la même place pendant plusieurs jonrs ; ce qui est aussi difficile à croire que cette énorme réfraction. Le Gentil a discuté ces observations dans son Voyage dans les mers de l'Inde, tome I, page 4:6, et tome II, page 832; il ne croit ni à la véracité des observateurs, ni à une réfraction de 4°.

Képler se demande si les réfractions, qui changent les déclinaisons, n'out point affecté les équinoxes d'Hipparque et de Plolémée, et ne lenr ont pas fait trouver l'excentricité trop graude? A cette question, la réponse ne sançait être douteuse; mais quel a été précisément l'effet de

Hist. de l'Astr. mod, Tom. I.

la réfraction? c'est ce qu'il est impossible de calculer. Il soupconne qu'Hipparque auva déterminé les équinoxes par le jour où le Solcil se lève et se couche en deux points diamétralement opposés, et que les points, une fois déterminés, ont été regardés comme les indices des équinoxes. Sin aconjecture est vraie, dit Kepler, jen'aura ja pas de peine à prouver le reste. Mais cette conjecture est formellement contraire à tout ce que Ptolémée rapporte de ces équinoxes, sie et d'ailleurs telebenta précaire, qu'elle ne mérite pas d'être disentée. Pour l'escentricité, nous avons fait voir qu'il suffit qu'on se soit trompé d'un demi-jour sur le solstiere, ce qui est très possible.

A la page 1,48, il a l'occasion de citer l'Ouvrage de Gilbert, sur l'aimant, et voici comme il en parle i l'ir equiden tulis, quisa divinis inventis onnes nature studissos plurimum delectari convenit, cujtus familiusitatem, nisi mishi pomposa ulla Teltysi swodoris, dicendi ardroe me demerori aine magnd difficultate posse, ut non est superba philosophia; speruvorim.

Il explique par une réfraction extraordinaire les observations de Posidonius, qui a trouvé p' ; entre les parallèles de Rodes et d'Alexandrie, qui ne-different réellement que de 5°; c'est ponsser la complaisance un peu trop loin.

Il rappelle ce passage où Walthérus dit qu'il s'était servi de Vénns au lieu de la Lune pour déterminer le lieu dus étoliss; méthode employée depuis par Tycho, qui s'en disait le premier inventeur. Il cite avec éloge la masière dont Walthérus éludait l'effet des refractions; il pens qu'on pourrait l'employer de même pour éluder celui des parallaxes.

Dans le chapitre V, il discute les difficultés d'observations auxqueller Tycho a voulu remédier par ses nouvelles pinnules; et ce qu'il y a de plus certain dans ses raisonnemens, c'est qu'il c'ait bien difficile avec toutes ces précautions ou avec celles du landgrave, de répondre de la minute.

On a remarqué sonvent que la partie lumineuse de la Lune paralt d'un rayon plus grand que la partie obscure. On a fait une remarque semblable dans les éclipses de Lune.

Présentes uno règle à la Loue, la règle vous paraîtra plus étroite; la lumière de la Loue empétera sur la règle; e vous cela est produit sur la rétise. Ainsi, voilà l'irradiation dont on a tant parlé du tems de Duséjour. Coppora celteir ardationes ad uno puncto cogunt in usum punctum antequam attingant reliformem seque mutuo securites in eo puncto fun dilatati in retiuma impingant. Nous passons beaucoup de dissertations et de théorèmes sur la vision, pour arriver au chapitre VI, où le titre de l'ouvrage change : on lit alors au haut des pages. Astronomies pars Optica.

La première chose est une conjecture peu heureuse sur le Soleil, qu'il regarde comme le corpu le plus dense de la nature. Répler n'avait aucun moyen d'en estimer la densité, et voulant faire de cet astre le moteur moyen d'en estimer la densité, et voulant faire de cet astre le moteur moyen d'en estimer la densité. Réple n'avait accliment avait réellement, il fallait donc augmenter la densité. Képler pensait que le Soleil renfermait à lui seul autant de matière qu'il y en a dans tonte la sphère du monde. Nous avons en este fit, que la masse da Soleil surpasse de beancoup les masses réunies de toutes les planètes, et probablement de toutes les comètes. Le corps da Soleil doit être homogène, » mais malgré sas extrême deusité, il doit être diaphane; vous croyes » ne voir que la superficie; vous voyes en même tems tout l'intérieur.» La découverte des taches da Soleil a dù lui faire modifier ces assertions quelques années plus tard.

Il prouve que Reinhold, dans ses Commentaires sur Purbach, s'est trompé dans son calcul de la partie éclairée de la Lune ; il démontre que jamais on n'a vu une Lune véritablement, c'est-à-dire tonte la partie éclairée. Si la latitude est nulle, la Lune est dans l'ombre de la Terre; si la latitude n'est pas nulle, la partie visible n'est pas un hémisphère entier; elle n'est pas l'hémisphère éclairé par le Soleil, (Il resterait pourtant à examiner si la calotte visible n'est pas toute comprise dans la partie éclairée par le Soleil, quoique ces deux calottes n'aient pas le même pôle. On sait que la partie éclairée est plus qu'un hémisphère, la partie visible est moins qu'un hemisphère; il serait donc possible que, sans voir jamais tout ce qui est éclairé, nous vissions cependant nu disque parfaitement rond.) Képler avoue qu'on peut lui reprocher de chercher chicanne axeisohoyer; mais s'il s'occupe de ces subtilités, c'est en réponse à ceux qui, par une subtilité semblable, avaient dit que la nonvelle Lnne, c'est-à-dire l'obscurité totale, durait un certain tems. Il convient que dans les pleines Lunes la différence est fort petite, et qu'on peut avoir la distance zénitale du centre par celles des deux bords; mais il ne répondrait pas qu'il n'en résultât une incertitude sur le commencement et la fin d'une éclipse, parce que la Lune entre dans l'ombre par une partie qui est encore dans l'obscurité, et que le bord éclairé ne peut l'être que faiblement. Avant le véritable commencement de l'éclipse, la Lone est déjà tout eotière dans la pénombre, ce qui lui donne une tumière plale et moins vive que celles des pleines Lunes ordinaires. (Il est au moins douteux que ces considérations un pen subtiles puissent expliquer l'incertitude de ces observations de commencement et de fin, dans les éclipes de Lune.)

Reinhold avait dit que la Lune était plus brillante vers le centre que aur les bords; ji pense au contraire que ce sont les bords anj sont plus brillant, parce que la lumière y est plus serrée; ce qui est aisé à conaltre dans la chambre-obscure. La différence est sur-tout remarquable dans les croissans où le bord ellipique est sensiblement plus pâle que le bord circulaire. Képler démontre qu'en effet, l'une des courbes qui termine la partie lennineuse de la Lune bors des oppositions est toujours ellipique, et que la partie éclairée tont entière, si l'on pouvait la voir, serait une ellipe.

Il rapporte ensuite une experience qu'il avait faite sur la Lune qui n'était pas tout-à-fait pleine. Il l'examinait dans la chambre-obscure; le millen lui paraissait comme une grande tache, quoique les bords fussent brillans.

Dans les éclipses totales de Soleil, on voit encore la Lune; Reinhold, d'après Vitellion, pensait que la Lune était un peu diaphane, et laissait apercevoir le Soleil qui était derrière elle. Plutarque pensait au contraire, que la Lune devait être fort opaque, puisqu'elle réfléchit si pnissamment les rayons du Soleil. Il croit, comme cet autenr, que la Lune est une terre comme celle que nous habitons, et il n'est pas éloigné de la croire habitée. Suivant Plutarque, les taches sont des mers ou des profondeurs dans lesquelles la lumière du Soleil ne pénètre pas en aussi grande quautité. Képler pense au contraire, que ce sont les parties les plus brillantes qui pourraient bien être des mers; il l'induit d'une expérience qu'il avait faite étant un jour monté sur le baut du Schekel, dans la Styrie; tout le pays qu'il déconvrait lui paraissait lumineux; un nuage vint lui dérober la vue du ciel, alors un papier qu'il tenait horizontalement lui parut éclairé plus vivement en dessous par la Terre, qu'à la sace supérieure par le ciel; le fleuve Mura, qui était alors grossi et trouble, lui parut briller d'une lumière plus vive que la Terre (page 251).

Sur la lumière cendrée, il adopte l'idée que Miestlin a exposée dans des thèses soutenues en 1596; et cette idée, dont le premier anteur paraît être Léonard de Vinci, mort en 1521, est anjourd'hui universellement reçue. Cette lumière vient de la Terre, et voilà pourquoi elle est beaucoup plus faible dans les quadratures que dans les croissans.

Il raisonne easuite sur la lumière, la coaleur et la scintillation de ciciles et de Véuns, et sur le défaut de scintillation de la Lugue, sur la lumière des comètes, sur la courbure de leurs queues; il paralt assez disposé à croire que la matière des comètes est l'eau, que la lumière du Soleil peut les traverser; enfin, il clie en peu de mois l'expérience qui imite la figure d'une comète, en recevant dans une chambre obseure la lumière du Soleil auquel on oppose à moité un globe rempil d'eau, en sorte qu'une partie de la lumière tombe sur le globe et une partie directement sor le mur.

La lumière du Soleil, réfractée par l'atmosphère terrestre, doit accourcir singulièrement le cone d'ombre que la Terre projette. Képler calcule qu'il n'est plus que de 43 demi-diamètres au lieu de 268. La Lune est toujours à 54 demi-diamètres au moins; elle ne passe donc pas par l'ombre pure. Les idées sont justes, le calcul n'est pas rigoureux, les axes vrais des cones dépendent trop des parallaxes, qui n'étaient pas bien connues : mais il explique par la la lumière de la Lune éclipsée . et les diverses couleurs qu'elle présente. La figure qu'il donne (page 270) du cone d'ombre et des parties que la réfraction éclaire, est très enriense; on peut la comparer à celle de Dusejour, qui, dans son Traité analytique, a refait ces calculs sur des élémens plus précis. On y voit le cône d'ombre pure traversé par deux cônes de lumière réfractée, qui s'entrecoupent dans l'axe, et dont les sommets sont à peu de distance de la Terre ; il en résulte que, suivant sa distance à la Terre, la Lune peut être plus ou moins fortement éclairée au milieu de l'éclipse ; elle peut être éclairée vers le commencement et vers la fin, et perdre sa lumière dans le milien. Képler croit même qu'on pourrait déterminer les réfractions par la lumière de la Lune eclipsée; mais il termine prudemment par

Quantum in hác nulli priorum tritá semitâ proficere potui, præstiti; nihil impedit quin hæc doctrina ad nonnullam utilitatem excrescat ab his vilibus orta seminibus.

Il recueille ensuite dans les auteurs anciens tout ce qu'il a pu décoarrie sor les éclipses totales de Soleil, et sur l'obscurité plus ou moins grande qu'elles ont produite; il diseate ensuite la possibilité des éclipses annulaires. La première dont il soit fait mention, est de 1597, 9, avril; elle est rapportée par Clavius, dans son Commentaire sur Socrobosco. Soigène,



au rapport de Proclau, avait cru à la possibilité de ces éclipses. Quoique le Solieli soit caché tout entier, dit Kejher, cependant l'air voisin est d'austant plas échier qu'il est plas près du Soleil; et si cet air est un peu épais, il peut former une couronne autour de la Lune; enfin, le phécomeité peut écapitquer par l'atmosphère de la Lune, (Il était plue simple encore de supposer que le diamètre apparent de la Lune peut quelqueficié tère plus petit que celui du Soleil; et que les tables avsient à cet égard besoin de correction.

Les recherches suivantes ont pour objet les occulisions des étoiles et des planètes; il soupçoune que Mars pourrait bien tombor dans l'ombre de la Terre; la Lune dans l'ombre de Vénus, et Vénus dans l'ombre de Mercure; Jupiter dans celle de Mars, ou Saturne dans celle de Jupiter; ou jeuograit alors la vérilable proprotion des diamètres.

Mæstlinus, le 16 septembre 1574, a vu Régulas occulté par Venus. Képler fit une observation semblable le ; septembre 1598, à 5 du matin, Venus étaut eucore près de l'horizon, à 4 la distance était d'un diamètre de Venus et plus.

Saturne a été occulté par Jupiter, en 1464; ce qui n'arrive qu'une fois dans plusieurs siècles. L'observation n'en a pas été faite, mais les événemens qui ont suivi paraissent à Képler une preuvé suffisante que l'occultation a eu lieu.

On induit d'un passage de Proclus, qu'une comète avait été occultée par Jupiter.

Mæstlin, à Tubingne, vit Jupiter occulté par Mars, le 9 janvier 1591. Proclus dit qu'on avait observé Vénus passant au-dessous de Mars, et

Mercure au-dessous de Vénus. Le 3 octobre 1590, Mæstlinus vit Mars entièrement occulté par Vénus.

Képler croit avoir observé une occultation de Vénus par Mercure. Remarquez que toutes ces observations out précédé l'invention des luncttes.

Vénus ne pourra pas éclipser le Soleil en ce siècle (le 17°); elle l'a pu 200 aus auparavant, clle le pourra plus tard.

On crut voir Mercure sur le Soleil eu 807, le 1^{er} des calendes d'avril, pendant 8 jours ou bien octo dies, ce qui est impossible; Képler lit octo ties, huit fois (dans uu latiu barbare); il croît aussi qu'il faut lire 808.

Averroès n'est douc pas le seul qui ait attesté ces passages de Mercure sur le Soleil. Il est hien certain que jamais Mercure ne peut être vu sur le Soleil sans l'aide des lunettes; aiusi ces deux témoignages restent sans force. On a pu voir quelque grande tache, quoique ce soit un phenomène assez rare qu'une tache visible à l'œil nu : une tache en effet pourrait être vue huit jours de suite et même plus.

Des pantllaces. Quand on ne sait pas décrire une courbe par un mouvement continu, on la décrit par points, et l'on en peut connaître la figure fort exsetement : il en est de même en Astronomie; on ne peut soivre les plantest dans toute leur révolution, on en détermine quelques points, et l'on cherche la courbe qui passe par tous ces points; mais, pour les bien déterminer, il faut connaître les parellaces.

Ptolémée en a donné le calcul, Reinhold en a fait des tables pour divers climats; mais l'incommodité des parties proportionnelles a fait que Tycho est revenu aux triaugles, comme Ptolémée.

Képler entreprend de simplifier le problème; il trouve que toutes les parallaxes de latitudes sont égales, quelle que soit la longitude de l'astre, pourru que la bauteur du pôle soit la même, a insi que la parallaxe horisontale et le point orient de l'écliptique; ce qui est vari quand on néglige les termes du second ordre; car j'ai montré que l'expression exacte de cette parallaxe est

$$\sin \pi = \sin \pi \sin H \sin^2(\Delta + \pi) - \sin \pi \cos H \cos (\Delta + \pi) \frac{\cos (P + \frac{1}{2} \Pi)}{\cos^2 \Pi}$$

Hest la banteur du pôle de l'écliptique, qui sera la même si la hauteur du pôle de l'équateur est la même, aimsi que le point orient; il n'y a donc dans la formule rien qui dépende de la longliude, que P angle au pôle de l'écliptique, ceute le nonagésime et l'astre, et Π parallaxe de longitude; et si $(a+\pi)=g\circ p$, e second terme s'évanouit : alors, le théorème est vrai, suis il est plus curieux qu'utile. En négligeaux ce terme, toujours poit, la parallaxe se réduit à

$$\pi = \pi \sin H =$$
 parall, horiz, sin hauteur du pôle de l'écliptique.

On voit par là comment les Indiens ont pu calculer à peu près les éclipses de Soleil, en faisant à la latitude de la Lune en conjonction, une correction qui ne dépendait que d'une variable, puisqu'ils supposaient constante la parallaxe borizontale.

Dans une note sur le mouvement des comètes, il trouve que ceux qui ont entrepris de les représenter par des cercles, so sont donné une tache difficile; il ne paraît pas nier les mouvemens rectilignes, mais ses expressions ne sont pas bien claires.

Il décrit ensuite une espèce de machine parallactique destinée à l'ob-

servation des éclipses, su moyen de laquelle on recevit l'image du Soleil sur un carton. Il montre comment on pourra d'abord meutrer le vrai diamètre du Soleil; du demi-diamètre apparent, on retranchera le demi-diamètre du trou; le reste, divisé par la distance du trou au caront, sera la tangente du demi-diamètre. De cette manière, ayant meutré les diamètres apogée et périgée du Soleil, il n'y trouva qu'une minute de différence, d'ou il conclut l'excentirité 0,018, C'està-dire moitié de ce que l'on croyait communément: ce résultat est remarquable. Les anciens, d'après leur exentricité double, auraient dà conclure une variation totale de 1, qu'ils ne pouvaient pas mesurer, mais qu'ils pouvaient intoduire dans leurs calculus. Ils not toujours supposé le diamètre constant, sans doute parce qu'ils ne se sont jamais flattés de le connaître à la minute.

Képler avait trouvé dans les papiers de Tycho des observations où l'on avait reçu l'image du Soleil sur le plancher; elle avait été transmise par une fente verticale. On avait sur le plancher les tangentes des distances zénitales des deux bords du Soleil.

Aucya des moyens précédens no réusisi pour la Laue, dont la lumière est beancoup plus faible. Képler estaya plusièrers autres moyens sans beaucoup plus de succès i il se propose enauite de mesurer la quantité d'une éclipse. Cornelius Gemma prescrivait de mesurer le diamètre avant l'éclipse; et la partie restée lumineuse, au milieu de l'éclipse. Tycho faisait de méme. Képler tâchait d'estimer l'arc obseur. Mestlinus trouvait le rapport de leux diamètres de Soleil et de la Lune, par la figure du me éclipse solaire reçue sur un carton. Képler corrigeait cette figure du demi-diamètre de l'ouverture; il tensit compte, comme il pouvait, de la partie invisible de la corne, qui est toujours un peu obseure; muis peu satisfait encore de ce moyen, il en imaggia un autre, qu'il recommande aux satropomes, pour l'éclipse de Soleil qui devait arriver en 1605. L'essai qu'il en avait fait lui avait prouvé que la Lune apogée cet un peu

moindre que le Soleil périgée, et qu'ainsi les éclipses annulaires sont possibles.

L'angle que la ligne des cornes fait avec le vertical lui paralt important à meutrer: il donne la méthode de Messilin. Képler le mesure plus commodément et plus súrement avec sa machine éclipti se. Si la figure et reçue au le plancher, les cercles es changeont en ellipses. Il eherche à déterminer l'inclinaison par les ellipses; il la trouve directement au moyen de sa machine.

Nons n'en dirons pas davantage sur ces méthodes abandonnées.

Albatégnius et Régiomontan trouvaient les tems des éclipses par la hauteur d'un astre connu. Tyeho se servait de ses horloges, qu'il vérifiait soigneusement pendant plusieurs jours.

Le problème 27 est d'un grand intérêt; il s'agit de déterminer la différence des méridiens par une éelipse de Soleil. Il prend pour exemple, une éelipse observée à Uranihonrg et à Gratz.

Latitude d'Uranibourg, 55° 54' 45"; mouvement horaire de la C, 32' 50"; somme des demi-diamètres, 31' 40"; la latitude est boréale croissante; la parallaxe horizontale relative, 59' 50".

Rien dans ces calculs qui ne fut assez bien connu, pour que les résultats fussent de la plus grande exactitude. Képler y commet quelques erreurs purement numériques. Lalande en a fait la remarque dans la Connais-

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

sance des Tems de l'an 6. Nous avous refait une partie des calculs de Lalaude; les sautes qu'il a relevées sout réelles; la distance du nonagé+ sime au poiut culminant, que Képler fait de 32°19', doit être de 42°10' suivant Lalande, et de 42° 56' suivaut nous. La longitude du point orient. que Képler de 2' 18' 24' doit être de 2' 28' 40'; cette erreur est uue conséquence de la première; il eu résulte encore que la hauteur du nonsgésime, que Képler fait de 21°27', était de 51°28'; et que la parallaxe de latitude, qu'il fait de 56' 22", ne devait être que de 54'o": Lalande la diminue seulement de 2'. Ces résultats fautifs out beaucoup tourmenté Képler, qui probablement négligea de revoir avec soin ses calculs trigouométriques. Il trouvait à la route apparente de la Luue uue courbure dont la flèche était de 5' et quelques secondes; cette courbure invraisemblable éveilla les soupcons de Lalande, qui, par des calculs plus soignés, réduit la flèche à 16". Ces fautes de calcul devaient être assez fréquentes avant l'invention des logarithmes; les opérations trigonométriques étaient alors si longues et si fastidieuses qu'il était facile de s'y tromper, et qu'on n'avait guère le courage de les recommencer; on s'aidait de tables qui n'avaient pas l'étendue nécessaire, et qui exigeaient de doubles et de triples parties proportionnelles : au reste, ces erreurs n'out eu aucune suite bien facheuse. Les observations que Képler calculait étaient assez iucertaines; on ne se donnerait pas aujourd'hui la peine de les discuter; elles ont servi d'occasion à Képler, pour exposer une méthode de la plus grande importance pour la Géographie et la perfection des tables astronomiques. La méthode est restée, les fautes de chisfres que Képler v a commises sout aujourd'hui comme nou avenues.

Il fait pour la fin un calcul tout semblable; il determine le mouvement de la Lune pour la durée de l'éclipse; il le trouve de '2'52'. Ce mouvement, dans le voisinage du nœud, répondà un changement de latitude. 6'57'

La différence des parallaxes ajoutait.....

Mouvement apparent en latitude = BC = 17.16.
La différence des deux parallaxes de longitude.... 25'58"

10.10

Mouvement apparent en longitude = AB = 57.54.

Meuez AC (fig. 58), qui sera le mouvement apparent; sur AC élevez le triangle isoscèle AFC, dont le côté AF = FG = 5146°; FFD parallèle à AB, sera l'écliptique sur laquelle F sera le lieu du Solcil.

Il ne parle pas de l'augmentation du diamètre de la C, non plus que

du mouvement du Soleil, compris apparemment dans celui de la Lune.

tang CAB =
$$\frac{BC}{AB}$$
 = tang $16^{\circ}56'\frac{1}{1}$, AC = $\frac{AB}{\cos 16^{\circ}36'\frac{1}{4}}$, AC = $\frac{1}{4}$ AC,

$$\frac{AG}{AF} = \sin FAG = \sin FCG$$
, $FAB = FAG - CAB = AFE$
= $0^{\circ} .50' ...$;

A ces deux latitudes, ajoutez les deux parallaxes; vous aurez les latitudes vraics,

la coajonaction vraie.

Un calcul semblable, pour Grats, donne 18' on 4' ½ pour la différence des méridiens. Cette méthode de Képlers été adoptée par Lalnder, avec de légères modifications qui nont rien d'essentiel; elle est etlement simple, qu'il est singulier qu'aucun astronome us l'ait encorer proposée. Mais avant l'invention des lanettes, l'observation pour parattre aussi peu sûre que celles des éclipess de Lune, et l'on craignoid estit presegne cubilée de l'ait pessque coulcie de l'ait pessque coulcie de l'ait pessque coulcie de l'ait pessque coulcie mériait.

Dans le problème suivant, Képler présente sous une forme particulière le calcul de l'heure par la bauteur. Soit à la hauteur observée, E celle de l'équateur. D la déclinaison. P l'angle horaire :

$$\begin{array}{l} \sin h = \cos P \sin E \cos D + \cos E \sin D \,, \\ \cos P = \frac{\sin h - \frac{1}{5} \left[\sin \left(E + D\right) - \sin \left(E - D\right)\right]}{\frac{1}{2} \sin \left(E + D\right) + \sin \left(E - D\right)}. \end{array}$$

De cette manière, on u'avait à faire qu'une division au lieu de trois multiplications; il y fait usage de ce qu'on appelait prostaphérèse. L'exposition qu'il fait de cette méthode est un peu obscure, parce qu'il ne connaissait pas la formule de sia h; elle est cependaut dans Albatégnius: Ebn-Jounis a décomposé les produits des since.

L'angle boraire étant ainsi trouvé, l'ascension droite donne le milieu du ciel, le point culminant et sa déclinaison, le point orient de l'équateur on l'ascension oblique de l'ascendant; on en peut déduire l'ascendant, et l'angle de l'orient; d'où, le nonagésime et sa hauteur.

Daus le triangle rectangle entre le zénit, le nonagésime et le Soleil, on connaît les denx côtés, on en couclut l'angle au Soleil, ou l'angle entre l'écliptique et le vertical : on a tont ce qui est nécessaire au calcul des parallaxes.

Il cacule des observations où l'on avait mesaré l'inclinaison de la ligne des cornes. C'est un problème purement trigonométrique, qui n'est plus d'aucun usage; il serait inutile de nous y arrêter.

Il explique ensuite une espèce de paradoxe rapporté par Pline. A l'ordinaire, la Lane entre dans l'ombre par sa partie orientale, la partie occidentale en sort la dernière.

Le Soleil su contraire, est éclipsé d'abord dans sa parie occidentale, et l'éclipse finit dans sa parie ornainale. Pline dit g'ou ne av quelquefois le contraire: Pline ne s'explique pas plus clairement. On voit par la solution de Képler, que les parties orientale et occidentale sont rapportées au ecrete vertical, et nou su cercle de latitude; ce qui rend la chose moins difficile; elle est encore plus facile pour le Soleil, dont les parallaxes sont unoidres.

Ces questions sont de pure cariosité, le calcul les résout sans qu'on y songe.

Képler examine ensaite si la Luue paratt décrire un arc de grand cerele pendant la durée de l'éclipse. Cels serait vrai sensiblement sans les parallaces; mais les parallaces ne peuvent causer une bien grande déviation dans les cas les plus ordinaires. Au reste, on pent toojours diader cette condruer en multiplant les calculs, et en divisant la durée en plasieurs parties. Képler fait de très longs calculs sur plusieurs éclipses, où il avait mesuré la ligne des cornes et son inclinaison; il trouve qu'on y risque des cereurs sensibles, et nous n'avons pas de peine à le croire.

L'Astronomie optique est de 1604; l'ouvrage qui suit a pour objet la nouvelle étoile du Serpentaire; il a pour titre:

J. Kepleri, de Stellà nová in pede Serpentarii, et qui sub ejut exortum de novo initi Trigono igno. Jubellus astronomicis, physicis, metapologicis et astrologicis disputationibus υδεξεις et περαδέξοις plenus. Accesserunt, de Stellà incognità Cygni narratio, astronomica, De Jene-Chruit iservatoris vero anno natalito, et et., 1666.

Le livre que nous venons d'extraire était presque en totalité mathématique, le style en est plus sage de beaucoup que celui du Prodrome ou de l'Harmonique; nous y avons trouvé moins d'erreurs, aucune découverte véritablement frappante, mais de bonnes sues, quelques moyens qui sont aiquired bui plus ou moins répandas, des idées, des aperçus, des questions qui ne sont pas sans utilité, même quand elles ne sont pas pleinement résolues. Le titre que nous venons de transcrire doit nous préparer à quelques écarts. Képler lui-même nous annonce des choses les unes conformes, les autres opposées aux idées reçues, in dégate xal massa éters.

L'étoile dont il va être question fut annoncée à Képler le 10 oct. 1064, par J. Brunowchius, amateur de Météorologie; il ne l'avait vae qu'un instant, mais il était bien persuadé qu'elle était nouvelle; Képler lui conseilla de n'en point parler avant d'avoir bien vérifie la chose. Magini Paperçual le 10, Roesfiln le même jour; le 13, Kabricius de Frise commença à l'observer; Juste Byrge l'observait en même tems, Mæstlin Paperçul le 14, le 16, les nuages s'étant dissipés, Brunoski, et Schulerus calculateur de Képler, la virent chacun de leur côté; Képler l'observa

L'étoile était parfaitement ronde, elle n'avait ni chevenx, ni barbe, ni queue, elle avait une lamière et une scinilitation plus fortes que celles d'aucune étoile. Képler la compare la un diamant; sa lumière était d'abord june, puis safran, pourpére ét ronge. Mais hort des vapeurs de l'horizon, elle parsissait blanche; elle surpassait les étoiles de première grandeur, Mars, Saturne et Jupiere dont elle était voisine, comme celle de 1572 Quelques-uns la compariseut à Vénus; Képler n'est pas tout-à-fait de cet avis. Ceux qui avaient va l'étoile de 1572, trouvaient la nouvelle plus grosse et plus brillante; Vénus se trouvait dans les mêmes circonstance, puisque l'intervalle était de 52 ans s voilà bien des traits de ressemblance. On attribus donte tout aussisti à la nouvelle étoile, tout ce qu'on avait dit de la précédente; écstà-dire qu'elle n'avait aucun mouvenent, si aucune parallasse ensible; et l'expérience le confirma biendit. Un certain Crabbus fut le seul qui, d'après des observations, que Képler juge très mavaises, lui donna un mouvement très mavaises, lui donna un mouvement très in des messes de la confirma biendit. Un certain Crabbus fut le seul qui, d'après des observations, que Képler juge très mavaises, lui donna un mouvement très lui donna un mouvement très mes de la confirma biendit.

Pendant tout le mois d'octobre, elle parut toujours aussi belle à peu près, si ce n'est que le Soleil s'approchait d'elle; le 9 novembre, elle voyait dans le crépascule, qui empéchait d'apprecevoir Jupiter; le 16, Képler la vit pour la dernière fois ; elle se perdit alors dans les rayons du Soleil. A Turin, on la vit jusqu'au 25. L'ésiolig reparut le 24 décembre vers l'orient. Le tems fut couvert tous les jours suivans; elle reparut avec une aciuillation très vive. Elle étisi cependant bien diminuée; elle surpassit eccor Autarès; mais Arcturus, dégagé des rayous solaires, paraissit plus beau : elle continus de diminuer. Le 20 mars, elle partit plus petite que Saturne, mais elle surpassit de beancoup les étoiles de trosicieme grandeur d'Ophinchusyle 21 avril, elle partit égalé à la înisante du genou; le 12 et le 14 août; elles égalait l'étoile de la jambe, qui est mais de troisième grandeur; le 15 eptembre, elle partit plus petite, et le 8 octobre on la voyait difficilment; elle disparut dans les rayons solaires, 46 jours plutôt que l'année précédente. Le jawiré et février ou crut la voir quelquefois sans pouvoir eu étre bien sûr; les circonstances étaient pen favorables. Au mois de mars, le Solair s'étoit d'oigne il fut impossible de la revoir : sinsi, elle a disparu entre octobre 1050 et février 1050.

Il est à remarquer que toutes les planètes l'on visitée tour à tour. Elle était d'àbord près de Jupitre et de Mars; le 3 cotobre, la Loune passa un peu au-dessus; elle fut en conjonction avec le Soleil le 10 décembre; Saturne passa très près le 11, un peu au-dessous; Mercure le 15 décembre; eufin, Vénus le 51 janvier : telle est l'histoire de cette étoile remarquable.

Dans ce même tems, ou parlait beaucoup du Trigone igné.

Trigone est uu mot gree qui signifie triangle. Quaud denx planêtes sout veas de la Terre, de sorte que les deux reyones visuels forment un angle de 120°, ou dit qu'elles sont en trigone ou eu trine aspect. Si non troisième planête se trouvait de l'autre côté à même distance angulaire, les trois formeraient un triangle équilatéral, en les suposaut toutes dans une même surface sphérique.

Ces notious sont ce que Képler cousent à conserver de l'Astrologie; il est d'avis de baunir presque tout le reste, et il soulient cette assertion dans tous ses écrits astrologiques.

Le zodiaque forme quatre trigones.

Quand on n'avait point d'almauachs, ou était obligé d'observer les levers des étoiles; on iuveuta le zodiaque; le Soleil le partage en quatre parties: ces parties, divisées chacune en trois autres, ont donné les 12 signes.

Les astrologues appelleut trigone igné un intervalle de deux cents ans,

pendant lequel les conjonctions de Jupiter et de Saturne se font dans le trigone ↑2. → ou o' 4'8'.

Saturne parcourt le zodiaque en 50 ans, Jupiter en 12; le chemia annuel de Jupiter est :;, celui de Saturne :;;

$$\frac{1}{12} - \frac{1}{30} = \frac{30 - 12}{360} = \frac{18}{360} = \frac{1}{90}$$

En 20 ans Jupiter fait 20' ou 8', Saturne fait \$(12') ou 8'.

Tout cela n'est vrai qu'à peu près; il s'en faut à peu près de 5°, qui, multiplies par 10, font un signe. Multipliez 20 par 10, vous aurez 200 ans, pendant lesquels les conjonctions se feront dans le même signe; après cela, elles entreront dans un autre signe et un autre trigone; en 12 périodes tous les changemens autont lifeu.

Ce sont ces trigones qui ont conduit Képler à la division qui commence son Prodrome. Quoiqu'il affecte de mépriser l'Astrologie, il dispute en sa faveur contre Pic-de-la-Mirandole sur l'efficacité des aspects; c'est qu'il les a pris pour base de ses Harmonies.

Il discute ensuite les conjonctions de Jupiter, Saturne et Mercure dans le 8º signe, qu'il vavi lo shervées le 5 décember 1604, dans le trigone de feu. Mercure, venant se joindre aux deux autres planètes, fut la cause d'aue grunde pluie, qui cessa quand Mercure vint à écloiquer çun Mercure a beaucoup de pouvoir pour ament les tempétes; il parle ensuite de la conjonction de Mars avez Jupiter et Sature.

« Telle » eté, dit Kepler cette célèbre conjonetion de trois planètes supérieures, qui, après sept période de Goo ans, est arrivée dans le signe du Sagitiaire, qui est le troisieme de la triplicité ignée. Le l'ai rédigée avec le plus grand soin, pour la transmettre à cenx qui seront nés après 600 ans, si elle le mérite, s'ils sont capables d'en juege, si le monde n'a pas fini aupunevant, et si une inondation de barbares n'a pas renvoyé les hommes à le charrue. Il flut voir maintenant quel c'ou le Dieu très bon et très grand a fiché au lieu et au jour de cette dernière conjonction, et par quel monument il l'a recommandée au souvenir de la posicifie Il faut remarquer d'abord, que par cette conjonction et la naissaucce de la nouvelle étoile, le tens est derenu pluvieux pendant quelques jours à commencer de cellui où elle me fut annoncée.

Avec ses observations, il rappelle celles de Fabricius d'Ost-Frise, celui de tous les autronomes qui mérite le plus de constance, depuis que l'exactitude astronomique a péri avec Tycho, son auteur. « Ma mauvaise vue

s'fait que je lui cède la palme, de hon cœur ; sjontes qu's son assiduité in infaitgalhe il joint nes asgacité merveilleuse. Quant à l'Astrologie, p'avone qu'il cède un peu facilement l'autorité des anciens et à l'envie de faire des prédictions, et que son enthousianne l'entralnes souvent hors des hornes de la raison maisi la cela des communs avec une foule de avans. De quoi vous plaignes-vous philosophe trop délicat, si une fille que vous juege folle soutient et nourri une mère sage mais a pauvre? si cette mère n'est soufferte parmi les hommes, plus fous encore, qu'en considération de ces mêmes folies? S'i l'on n'avait eu le acrédule espoir de lire l'avenir dans le ciel, auriez-vous jamais del saccs asge pour étudier l'Astronomie pour elle-même? S'i nous attendons que la sagesse nous mène à la Philosophie, jamais nous n'y parvicadrons.

L'étoile a dû être vue de tout l'univers excepté la zone glaciale du nord; elle rasait l'horizon de Laponie, elle était au zénit du Brésil, du Pérou et autres régions barbares. Populus sedens in tenebris vidit lucem moenam.

Képler donne ici ses réflexions sur la manière dont on a pu former la constellation du Serpentaire, en commençant par le Serpent; il remarquo que dans le texte grec de Ptolémée les cinq étoiles du pied d'roitront été mal à propos marquées boréales, il faut lire australes. L'édition d'Oxfort les fait australes; mais on ne voit que quatre étoiles à ce pied.

Il donne un nouveau Catalogue et une Carte des étoiles d'Ophiuchus, qui manquent dans les Catalogues de Pollemée et de Tycho. Il a fait ce qu'il a put, car il a la vue faible, il n'a pas les instramens de Tycho, il est presque seal, et le ciel de Prague est peu favorable; il a été forcé quelquélois de se contenter d'alignemens; il parle de la projection de sa Carte sur un plan tangent à la sphère au 10° degré du Signitiar els cercles de latitude sont des droites praellèles, les cercles de destinuée sont des droites praellèles, les cercles de destinués ous couperont en un même point, les petits cercles seront des sections coniques.

Sur cette Carte, on voit la nouvelle étoile nn peu au-dessus du talon du pied droit. En 1600, sa longitude était 8' 17"45' avec une latitude de 1"55', 56' on 57'.

Il prouve, par la comparaison des observations du matin et du soir, que l'étoile n'avait aucune parallaxe; il saisit cette occasion pour défendre le système de Copernic, qui avait encore beaucoup d'adversaires qui s'appuyaient des objections de Tycho. Ce grand astronome ciuit principalement choqué du grand espece qu'on ciait obligé de laisser entre Saturne et les fies : c'est, ¶sisait-il, comme si dans le corps hamain le doigt ou le nes était plus grand que le reste du corps. Képler entreprend de prouver que l'hypothèse de l'Olémée présentait des choses plus incroyables, que la disproportion des sphères n'est pas saus exemple, et qu'enfin il y a une compensation entre les grandes et les petites distances. Le mouvement diurne des écolies est bien plus incroyable que la distance antre Saturne et les fixes, puisqu'il est quatre ties plus fort. Comment les philosophes ne voienti-lis pas qu'ils veulent duer un tétu de l'œil de Copernic, et n'aperçoivent-ils pas une poutre dans celui de Polemée ? (Riten n'empéchait d'ajouret et de Tycho.)

Pour montrer qu'il y a dans la nature des exemples de ces disproportions, comparons l'homme à la Terre, dout le rayou est de 860 mille germaniques; il faudra 500,000 hommes au bout les uns des autres pour atteindre du centre à la circonférence. Le monde n'est pas plus grand pour Dieu, que nous sommes petits pour le monde; la sphère des fixes est grande chez Copernic, oui sans doate, mais elle n'à aucun mouvement; le monde est petit en comparaison, mais il est mobile; l'homme est beaucoup plus petit, mais il pense. Qui de nous voudrait échanger on nime pour un corpa sausi grand que le monde? Par les intervalles de la-Terre au Soleil, da Soleil à Saturne, de Saturne aux fixes, apprenons à monter jusqu'i l'immensité de la puissance divine.

Il passe à la lumière de la nouvelle étoile.

A C. Scaligerindique cinq causes de la scintilitation: la grandeur, la clarid, La C. Scaligerindique cinq causes de la scintilitation: la grandeur, la clarid, le mouvement de l'antre, le milico ou l'air et le mouvement de la inmière de l'astre la troisième et la cinquième doivent être les principales, les trois autres ne sout qu'accessoires. Képler compare la sciutiliation au battement du pools. Les écolies qui sciutilitati son-tielles des flammes? je ne sais, dikid; mais cela serait plus probable d'une étolie qui n'a daré qu'on an, que des fixes qui durent depuis si long-tema. Ese étolies peuvent sciutiller comme les diamans qu'on fait tourner. Cette rotation des fixes est appuyée par de grands exemples: la Terre tourne en un jour autour du Soleil, et se ròtit au feu de cet astre; il est done crysèble que touste les placées et les fixes (sournet autour de leura exes. La Lame montre toujours la même face à la Terre; mais par la même, elle tourne successivement toutes es parties vers le Soleil. (On n'avait pas encore déconvert la rotation du Soleil, qui avarait bien fortifié ce raisonmement de Képler; il se fait cependant des objections). Les étolies ne

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

paraissent pas appartente au système solaire, le Solcià s'évanouirait pour elles à agison de la distance. Les scintillations sont si rapides, qu'elles supposeraient dans la rotation une vitesse inconcevable d'aussi grands corps; il répond qu'une scintillation en suppose pas une révolution, mais un changement dans la face tomrée vers nous.

Si l'étoile nouvelle était un copra, ou si ce copre était vivant, il avait un mouvement de palpitation qui le fistais ictiville; oui l'était displane avec un mouvement de rotation. Képler sime mieux croire qu'elle était une flamme qui s'est écient. La maitère de cette foile a-t-elle totijours existé? Les théologiess du tens refusient à Dien la ficulté de créer de nouveunx corps, Képler répond qu'il crée à chaque nistant de nouvelles innes. On avait dit que l'étoile de 1572 avait difinimé et dispara, parce qu'elle était dispecte un ligne d'ortie; mais pour devenir visible elle avait di s'approcher de même; elle aurait donc été successivement en deux sens contraires.

Aristote prétendait que le monde était fini, parce qu'il était en mouvement (Opprinc, en lai était ce mouvement, permet de le supposeriafiait Cétait le sentiment du malheureux Jordanus Brano, Képler le combat. La seule tide que l'éciole puisse être un nouveau monde le faix fissasseme d'horseur; il veut prouver que le monde n'est pas infini; affair l'estiq que significarit exvide datas lequel circulent les planties, et pour ne seraitel pas rempit d'écoiles comme le reste? Prenons pour exemple le a trois écolles de le circulter d'Orion, qui sont la 3/r de distance. Si vous les places dans la sphère dont nous occupons le centre, elles se verront récisionement obss un angle de 2° 2°.

Supposons un observateur dans l'une de ces étolles; ayant notre Soleil, à no zéuĥ; à l'exernià l'Incircon une multitude d'étolles près les unes des autres; plus il déverait les yeux, moins il en apercevrait, et au zéuñ; le verzait le ciel comme nous. Il est ectatis que vers le Soleil et les planities, le monde est creux et fini. Laissons aux métaphysiciens à le faire infini par l'autre extéruité, d'âls le juegni à propos.

Les étoiles ne sont pas autant de Soleils accompagnés, comme le nôtre, d'un cortége de planètes.

Tycho peusait que l'étôile de 1572 avait été formée de la matière de la vois lactée, e qu'à la place qu'elle occupait on remarquait un vide. L'étôile de 1600 avait para dans la voie lactée, l'étôile du Serpentaire en ciait très voisine; o pourrait donc lui assigner la même origine. Képler ne fait que deux objections, la principale est que pour fourur il matière à ces étoiles, il faudrait prendre sur la voie lactée, qui ne paraît pas avoir diminué depuis Ptolémée.

Aristote croyait le ciel incorruptible, parce qu'on n'y apercevait rien de nouveau. La preuve est deveune inexacte, il faut donc admettre que des corps peuvent se former et se dissiper dans le eiel.

A Naples, daus l'éclipse de 1605, le Soleil fut quelques instans entièrement couvert; on distinguait la Lone comme un ouage noir, entourée d'une auréole resplendissante qui occupait une grande partie du tel; vres le nord, le ciel était obscur comme dans une unit profonde: on ne voyait cependant aucune étoile. En Flandre, le Soleil u'était pas entièrement couvert, il s'en fallait d'un doigit, on voyait la Loue roussâtre et noirâtre, taudis que sa partie supérieure était blanche et comme du feu.

A Torgau, dans l'éclipse de 15,98, la Lune avait une auréole. Képler vent prouver que la maitère de cette auréole ciait dans la région de la Lune, et non dans notre atmosphère. Cette maitère n'y est pas toujours, car elle produirait toujours les mêmes effets; il y a donc des changemens dans le ciel. A flipsails, en plein midi, on vit la nouvelle Lune au-dessas du Soleil dans les Poissons; et cependant la Lune u'est ordi-usièrement visible en u'n iour ou deux aorès le acoiociciou.

On a vu des auteurs qui pensent qu'un monde eu peut enfanter un autre.

Il examine si c'est par hasard que l'étoile a paru au tems et dans le lieu même de la graude coojonction, dans un tems où les astrologues anuonçaient quelque chose d'extraordinaire. Rien de tout cela n'empèche que ce soit un effet du hasard; mais il est croyable que Dieu qui se plait à douner aux hommes des preuves de ses soins constans, a por ordonner l'apparition de l'étoile dans un lieu et dans un tems où elle ne pouvait échapper aux reclerches des astronomes. Cets ainsi qu'il résout une question qui lui paraît d'une extrême difficulté, et qu'il aurait dù laisser aux méuphysiciens.

Comment les conjonctions produirsient-elles quelque sifet réel? coconjonctions apparentes sont des effets de la parallase anunelle; vues de Soleil, les planètes répondraient à des lieux différens; les conjonctions arriversient, mais dans d'autres tens. Pour procrère cette nouvelle étoile, Mars s'est-il joint à Seturae ou à Jupiter, comme un homme à une femme? Képler avait cherché l'anagramme de son nom, en grec et en latin :

Ιωάντης Κεπλήγος σειρήνων κάπηλος, Sirenun caupo, Joannes Keplerus, Serpens in akuleo.

Pour éprouver le pouvoir du hasard, il avait écrit séparément toutes ces lettes, et les méant de bien des manières, il ne put jamais en rien tirer qui sit un sens. Il n'y en a pas heaucoup plus dans les deux angrammes qu'il a composées, elles n'out riend'fleaneux ni d'astronomique; nous ne les rapportons que pour montrer le goût du tems et celui de l'astieur.

J. Kepleri, de Stellá tertii honoris in Cygno, quæ usque ad annun 1600 fuit incognita nec dum extinguitur, narratio astronomics. Pragæ, 1606.

A la mort de Tycho, ses instrumens furent renfermés et Kepler n'en avait pas l'usage; il n'avait, ponr observer cette étoile, qu'un quadrant azimutal et qu'nn sextant, l'un de fer et l'autre de cuivre que lui avait confiés J. Frédéric Hoffmann, à qui, par reconnaissance, il dédia son livre. Képler avait aperçu cette étoile en 1601; il considérait le Cygne, et pensait, que si quelque chrétien s'amusait à refaire les constellations, il pouvait trouver dans celle-ci de quoi former un crucifix, ou un homme crucifié dont la tête pencherait; et cette tête, il la formait précisément de cette étoile, qu'il ne savait pas nouvelle; elle ne l'était pent-être pas; elle paralt changeante (voyez Élémens de Cassini, page 60). Mæstlinus croyait l'avoir déjà vue, mais il ne pouvait en répondre. Parmi les élèves qui pendant 20 ans, ont observé le ciel avec Tycho, pendant les nuits les plus froides, au point que plusieurs en sont morts, ancun n'en a parlé; elle n'est point dans le Catalogue de Tycho; et Bayer dit que d'un consentement tacite, on s'est accordé à la regarder comme nouvelle. Elle n'est pas dans le Catalogue d'Hipparque, ni dans ses Notes sur Aratus; il n'en est pas fait mention dans Aratus : Ptolémée ne l'a point comprise dans son Catalogue, quoiqu'elle soit de troisième grandeur. quoique dans son chapitre de la voie lactée il ait décrit cet endroit du ciel avec beaucoup de soin. Tycho s'est souvent servi de l'étoile (>) de la poitrine du Cygne, jamais il n'a dit qu'il y en eût deux. Képler prouve par un extrait de ses observations, qu'il a eu des occasions fréquentes pour la déterminer, et qu'il en a observé de plus petites dans le voisinage. Guillanme Janson est le premier qui l'ait apercue en 1600. Byrgius, qui avait fait des globes et qui les comparait toujours avec le ciel, n'a mis cette étoile dans aucun. Sa longitude à la fin de 1600 était de 10' 16° 18'; sa latitude, 55° 50' B.

Képler revient ensuite à l'étoile du Serpenaire, et traite de ses effets naturels; il n'acc sauser que ces effets soient réde, imais s'ils les tont, ils ne viennent pas d'une influence celeste; ils résident dans la disposition de la nature subhanire. L'étoile, par elle-même, n'à pu que dareta lumière sur la Terre; quand elle a été vue et reconnne pour nouvelle, on a rainouné, écrit et imprinéry voils des effets dont l'étoile n'est que la cause occasionnelle; ils viennent plus véritablement des sentimens ou'lle a écrité sermit les hommes.

Nouvelle étoile, nouveau roi. C'était une locution proverbiale en Allemagne : il est étonnant qu'aucun ambitienx ne se soit présenté pour profiter du préiusé commun.

Pour se livrer aux conjectures, il fandrait avoir prouvé que la nature intelligente a vraiment la volonié de nous parler par ces signes. Nous ne suivrons pas Képler dans tous ses raisonnemens sur le Trigone igné et les effets de l'étoile. On n'a pas de preuve qu'il sjouthi la moindier confiance à ce qu'il débite il a l'air d'écrire pour imprimer; et pour vendre, il est obligé de se plier aux idées de la multitude; miss il le fit d'un air contraint, et quand il paré d'Astroolgie, il resemble à ces esprits forts qui n'osent pas tout nier, et donnent à entendre que leur incrédulité va plus lois encore qu'ils ne disent.

A la suite de ce traité, on en trouve un autre qui a pour titre :

Jo. Repleri de Jeux-Christi servatoris nostri vero amon natalitico 1060. Un polonis, nomme Lanerat Suslyga, avait imprimé un livre sur ce sojet; il faisait naltre J.-C. en l'année jalienne 41, sous le coinsulat d'Anguste et de Sylla. On convient généralement que la première année de notre ère n'est pas bien sûre; les uus disent qu'il y manque un an, d'autres deux, Suslyga va junqu'à quatre. Képler conclut de beaucoup de recherches, que J.-C. n'est pas ne plus tard que l'an 41; qu'il avait environ 53 ans quand il fut hapitée, quoique saint Luc ait dit, 50 ans euviron; ainsi, il manque à notre ère environ 4 ans et pent-être 5. 1606, où j'écris, devrait être 1610 ou 1611; cependant personne de sensé ne proposera de changer une êre adoptée depuis i long-temes et si générralement; il nous suffit de savoir qu'elle a commencé à la 5º ou 6º année do J.-C.

L'ordre des tems nons amène à l'onvrage le plus beau, le plus important de Képler, à cette composition dont Lalande et Bailly ont donné des extraits fort amples, mais qui sont loin d'être complets; et dont



Lalande a dit que tout astronome la devait lire au moins une fois dans son entier.

Astronomia nova ATTOAOTHTOS, seu Physica celestis tradita commentaris de mostius stella Martis ex observationibus C. T. Tychonis-Brahe jussu et sumptibus Rudolphi II, Romanorum imperatorus....
plarium annorum pertinaci atudio elaborata Prague à Sº Cº majestatis mathematico Joanne Kephero, anno arve Dionysianes 1605, La dédicace est du 11 des calendes d'avril; Képher y signe sou nom avec d'eux P; on n'en voit qu'un au frontispice.

Mon exemplaire commence par une note manuscrite sur Képler, par Samuel Kornig, professeur de Philosophie à Franceker; elle débute ainsi ::

En tibi, benevole lector, monumentum venerandum summi jugenii J. K. quod hac tenus pro meritis nondum laudatum fuit ... Mortalium primus secretissima coli mysteria sagacitate mirabili et labore plusquam Herculco hominibus aperuit. Deprendit quippe planetas moveri circa Solem, non in orbitis circularibus, uti omnes astronomi ante eum opinati fuerant, sed in vis ovalibus perfecte ellipticis. Sole alterum focorum occupante; hancque suam theoriam in stella Martis primum tentavit, in cujus motibus computo indagandis Longomontanus alter Tychonis socius vehementissime eo ipso tempore desudabat, quo Keplerus ad Pragam accessit... Nugro sunt Voltarii poetæ in epistolis scribentis, pyrum forte ex arbore decidentem Newtonum in horto deambulantem, ad contemplationem gravitatis pyrum ad casum concitantis, invitasse... Portenta hæc sunt, atque prodicia hominis ex ingenio quidvis scribentis et historiam inventorum ignorantis. Nunquam Newtonus principia Philosophiæ naturalis scripsisset, nisi Keplerianos maximos conatus circa clarissimos sui libri locos, multum diuque considerasset.

Voluire, qui a pris si chaudement le parti de Komig, aurait été sans doute fort peu content de ce passage, écrit le acottobe 1746 Pemberton, à la vérité, ne parle pas de la chote du fruit, il dit seulement que Newton citait seul daus un jardia. La chote de la poire ne fait rien d'ailleurs aux obligations que Newton pouvait avoir à Képler, ni à Picard pour sa mesure de la Terre; la phrase de Kemig décèle une humeur dont on ne voit pas la cause. Il coutinue avec plus de justice:

Quidquid enim pro suorum temporum statu magni atque præclari excogitari poterat ab ipso hoc opere præstitum esse nemo harum rerum intelligens disfitebitur. Suscipiant itaque mirificum hoe saqueitatis humanus monuncatum, quadquot mente vulentee celetium veritatum amore et card senentur et quascumque fluturorum temporum fortuna hajus exemplaris posteros feceris, quareo, ditigrante illi opus hoe jam extete revisione a tincarum injurati sancte custoditum eum libri magni Nevtoni posteritat retiriquant. Quantum emin vulent humanum ingenium observationibur et Geometria corrolourum, nulla specimina illustritus, horum virorum conjunctis seriptis, fluturis seculis testabuntur.

Cet exemplaire avait été acheté par Kœnig 25 florius, à la vente de la Bibliothèque Muisienne, pour son ami Henri de Lassaraz : il ne m'a coûté que 10 florius en Hollande.

L'épître dédicatoire à l'empereur Rodolphe est une allégorie continuelle, qui serait aujourd'hui moius que jamais du goût des géomètres et des astronomes.

Dans un court avertissement, Gansnes Teng-Nagel, gendre de Tycho, recommande an lecteur de n'être pas inquiet de la liberté que prend Kepler d'être dan avis différent de celui de Tycho, sur-tout dans les raisonnemens physiques. Cette habitude est familière aux philosophes de tout tems, et elle ne unira en rien aux Tables rudolphiues. On verra par l'ouvrage même, que tout est fondé sur les observations de Tycho.

On voit dans l'introduction, qu'au mois d'août 1608, les Tables pruténiques s'éloignaient de 4° de l'observation; en 1593, l'erreur était de 5°; ces erreurs ont dispara dans la nouvelle théorie.

Plus loin Képler expose ses principes sur la pesanteur.

Toute substance corporelle, en tant que corporelle, est propre à rester en repos en tout lieu où elle serait solitaire, et hors de la sphère de vertu d'un autre corps (cxtra orbem virtutis).

La gravité est uue affection corporelle, réciproque entre deux corpe de même espèce, qui les porte à se réunir (aiusi qu'on l'observe dans l'aimant); eu sorte que la Terre attire une pierre, beaucoup plus que la pierre n'attire la Terre.

Les graves (sur-lout si nous plaçons la Terre au centre du monde) ne sout pas portés vers le centre du monde, comme centre du monde comme au centre d'un corps roud et de même auture, c'est-à-dire de la Terre. Ainsi, quelque part que nous placioas la Terre, ou que nous la transportions, elle jouira tuojuors de la même faculté auimale; partout les graves se porteront sur elle.

Si la Terre n'était pas ronde, les graves ne se dirigeraient pas droit vers le centre, mais ils se dirigeraient vers des points divers.

Si deux pierres étaient placées en an lieu du monde, voisines fune de l'autre, et hons de la sphier de vertu d'un troisième corps de même nature, ces deux pierres, comme deux corps magnétiques, se réoniraleu au milien de l'intervalle qui les sépare, l'un s'approchant vers l'autre en proportion de la masse de cet antre.

Si la Lune et la Terre n'étaient pas reteannes par une force animale on antre force équipollente, chacune dans son propre circuit, la Terro monternit vers la Lune de ¿; de l'intervalle, la Lune descendrait vers la Terre des 55 parties restantes ; et là elles se réuniraient, en les supprosant toutes denx de mème densité.

si la Terre cessui d'activer ses caux, toute la mer s'elèrenit et se reuninità la Lane. La sphère de force trectjoire de la Lune s'étiend jusqu'a la Terre et entraîne les eaux vers la zone torride; en sorte qu'elles viennent à la rencontre de la Lune, an point qu'i a la Lune à son zénit. L'effet est peu sentible dans les mers fure qu'i a la Lune à son zénit. L'effet est peu sentible dans les mers fure gende étendue, où le mouvement alternaif des eaux a plus de liberté. Il arrive de là, que les rivages des zones latérales restent à découvert; la même chose a lieu dans les golfes qui commaniquent avec l'Océan; quand les eaux de l'Océan s'élèvent, il est possible que dans des golfes (éroits, pourcu qu'ils ne soient pas trop étroitement fermés, les caux panissent fair en présence de la Lune, elles s'abaissent à cause de la quantité d'ent qu'en a été sontstaite.

La Lune passe rapidement an zénit, les eaux ne peuvent la suivre assai vite. Le diux se fait dans la sone torride vers l'occident, jusqu'à ce qu'il frappe contre le rivage opposé; lb, il est contré, la réunion des eaux se aliasipe, quand la Lune é éloigne, parce qu'elles se trouvent déhissées paula force qu'il les metait en mouvement; et la viteses que les caux gagnent fait qu'elles sautent sur lenra vives et qu'elles les couvrent; cette viteses, acquise ce n'absence de la Lune en fait antire une autre, jusqu'à ce que la Lune de retour reprenne les rênes. Ainsi, les rivages également ouverts sont remplis a même moment; cenx qui sont enfoncés sont remplis plus tard et d'une manière variée suivant les circonstances loccles.

C'est là, pour le dire en passant, ce qui accumule les syrtes et les amas de sable; des îles naissent on sont rongées; la terre molle et friable de l'Inde paralt avoir été rompne et creusée par le cours des eaux, aidé encore par un moivement général de la Terre; elle était une et continue depuis la Chernoiseé d'or, ver l'orient et le mûig; l'Océan, qui était derrière, entre la Chine et l'Amérique, s'est fait un passage; et les côtes des Moluques et des autres lles qui s'étendent dans la haute mer, nons déguisent un peu la vérité de ce fait, parce que le nivean des mers est baissé par cette invasion.

» Ces détails étaient étrangers à mon sujet; j'ai voulu les exposer de suite, pour appuyer mon assertion de la force tractoire de la Lune.

"Il suit de là, que si la force de la Lune s'étend jusqu'à la Terre, à plus forte raison celle de la Tørre doit s'étendre jusqu'à la Lune et beaucoup plus loin; et que rien de ce qui est analogue à la nature de la Terre, ne peut échapper à cette force tractoire.

» Rien n'est léger absolument s'il est matériel, il ne pent être léger que comparativement, parce qu'il est plos rare, soit de sa nature, soit que la chaleur l'ait dilaté. Le n'appelle pas rare ce qui est poreux ou creux, mais en général ce qui, sous un volume donné, renferme moins de matière.

Le mourement sui la définition de la légèreté; » il ne faut pas s'imaginer que les corps légers montent et ue sont point attirés; ils sont moins attirés que les graves, et les graves les expulsent; mais quand cet cette à live, ils àvriettent à la place qu'ils occipent, et y sont retenns par la Terre. Mais quoique la vertu tractoire de la Terre s'étende fort loin, cepeudant, si une pierre était lancée à une distance comparable au diamètre de la Terre; il est vrai que la Terre se mouvant, la pierre na la tuivrait pas si, exactement, et que a force de résistance se combinerait avec la force tractoire de la Terre, et qu'ainsi elle se dégageant en partie de la force de la Terre; ainsi que nous voyons dans les projectiles qui s'écartent du lieu où il sont été lancée, auss que le mouvement de la Terre puisse empêcher ce mouvement, quand il est dans toute sa force.

» Mais, parce qu'aucuin projectile ae peut être hancé à la cent-millème partie du diamètre de la Terre, il éressit que la fumée et les nuages ne peuvent résister au mouvement général; ainsi, ce qui sera projeté perpendicalairement retombers au même lieu, anosobstant le mouvement de la Terre, qui entralue avec elle tous les corps qui sont dans l'aimospèbre, comme si ces corps la touchaient.

" Ces vérités bien comprises et soigneusement examinées, on verra Hist, de l'Astr. mod. Tom. I. 50 s'évanouir cette absurdité et cette impossibilité imaginaire qu'on objectait au mouvement de la Terre.

: Voilà qui était neuf, vraiment beau, et qui n'avait besoin que de quelques développemens et de quelques explications. Voilà les fondemens de la Physique moderne, eéleste et terrestre.

Képler discute avec beaucoup de raison et de sagesse les objections qui se tirent des passages de l'Écritare; et cette disseriation finit par une concession obligeante pour Tycho, dont il n'admet pas les idées.

On voit ensuite un tableau synoptique de tout l'ouvrage, une liste des titres de tous les chapitres, et une table des termes employés dans l'ouvrage.

Livre Ir. L'expérience pronve que les orbites des planètes sont des courbes rentrateis; on les a crues des cercles ipáritis; on a été tout surpris de trouver que les mouvemens étaient inégaux. Képler expose rapidement les premiers pas faits par les aociens dans la Science astromonique; il trace la figure de la route de Mars autour de la Terre; figure que Cassini a calculée de nouveau pour chaque planète en particulier, et que différens autens ont reproduite.

Quand on eut reconau les deux inégalités qui affectent les mouvemens des planètes, on senit la nécessité de les considèrer checunes éparément pour les mieux connaître; on s'attacha aux oppositions, parce que les conjonctions sont invisibles. Mais était-er l'opposition au lieu vrai du Soleil on au lieu moyeu qui rendait nulle la seconde inégalisé l'Polémée erut devoir employer le lieu moyeu, sans doute pour la facilité du caleul, et parce qu'il imagina que l'erreur serait peu essaible. Copernie et Tycho ont suivi eet exemple; il aurait pu ajouter et tous les astronomes. Pour moi, di Képler, je rapporte tout au lieu vrai, ainai que je l'ai anononcé dans mon Mystère cosmographique, chap. XV : il va démontrer que le choix n'est pas indiférent.

Le parti que prend Képler, était une contéquence nécessaire de son système, qui fait du centre du Soleil le centre du monde. C'est de centre que, dans son Mystère, il compte en esset les distances; mais il ne dit rieu de la manière de calcoler l'inégalité, ai de la rapporter au Soleil vari plutoit qu'au Soleil moyen; il se peut que ce s'ut des-bres son ilde; mais il ne l'avait pas assex elsirement indiquée. L'usage des astronomes é'ait peu raisonné; mais il dait général, et ils avaient hesoin d'être mieux aversis.

On a démontré de tout tems qu'une inégalité simple pouvait également

KÉPLER. 3

s'expliquer par un exceutrique et par un épicycle. Si c'est une chose indifférente pour l'astronome, elle ne l'est pas pour le physicien. Il n'y z qu'un monvement dans l'excentrique, il y en a deux dans l'épicycle; si une dine suffit pour la première hypothèse, il en faut deux pour la seconde.

(Ce mot ane paralt un peu étrange, mais substituez-y le mot force et le raisonnement subsistera.)

Ptolémée n'avait considéré les cercles que comme des lignes mathématiques. Purche a vait rétabli les cieux aolides d'Aristole, et faissit avancre les planètes comme enjedeux muers, qui ne leur permetaient pai de s'égarer. Tycho avait détruit cet sphères solidés, que les comiètes traversent librement en tous seus ; il rétablissait la difficulté qui consiste en ce que la planète que rien ne guide ne pouvait plus trouver son chemin dan l'espace libre. On avait supposé comme un aziome, que le mouvement naturel aux corps célestes est le mouvement circulaire; Képler pose en principe qu'il n'y a de mouvement naturel que le mouvement rectiligne; il le prouve par les mascles du corps humain; mais son principe n'a pas grand besoin de preuve.

Il démontre qu'on pent remplacer l'épicycle de la planète, en donnant à l'œil un mouvement égal en sens contraire : sa démonstration est

longue, indirecte, embarrassée, mais le théorème est săr.
Tout ecci est pour use planète qui n'a qu'une inégalité simple. Pour la première inégalité des plantets, Ptolémée emploie une construction plus compliquée. Il met en un point le centre des mouvemens inégaux, et sur un autre celui des mouvemens égaux, et en un point le celuir des distances constantes. Cette dénomination du centre intermédiaire, que j'ai introduite, nous épargnera des circoalocutions et des figures.

Copernic en adoptant cette disposition avoue qu'elle pêche contre les principes de la Phylatque, parce qu'elle introdult infeglité dans les mouvemens célestes. On ne conçoit guêre comment la planête pourra tourner toujours à une même distance d'un point, en formant toujours à une sième distance d'un point, en formant toujours des anglés croissant uniformément autour d'un autre point; et tout cela dans un espace libre, on fien ne la retient ni ne la dirige. Il faut donc une intelligence qui soit attentive à satisfaire à chaque instant à deux conditions nota-la-fait différentes. An reste, cette objection eêt peu embarrassé Plofémée, qui ne cherchaît pas les principes physiques et qui se contequit d'une méthode de calcul.

- Louinuby Louisi

Pour sauver cette absurdité, Copernic place un second épicyele sur le premier. Tycho adopte cette construction, qui ponrrait se comprendre si les orbes étaient solides; mais sans cela elle est impossible. Suivant Képfer, il fandrait trois âmes ou trois intelligences an lieu d'une. D'ailleurs, deux des trois mouvemens se font autour de points imaginaires; et, de plus, la planète ne décrit pas un cercle exact, mais une courbe un peu alongée par ses côtés, tandis que dans la réalité elle devrait être un peu aplatie. Il peut arriver aussi, dans cette construction, que la planète s'éloigne de la Terre un peu plus que dans l'apogée même, et un peu moins que dans le périgée. Képler démontre, par le calenl, que les deux hypothèses ne donnent pas exactement le même résultat; il trouve 1'33" de différence pour Mars, mais il s'était trompé d'nne minute sur un angle; cette différence n'est en effet que de 55", qui n'enssent guère effrayé ni Tycho, ni Copernic, et dont nons devons nous embarrasser moins encore, puisque les deux hypothèses sont fausses et également insuffisantes.

Après ces préliminaires, Képler va prouver qu'il n'est pas indifférent de rapporter les oppositions au Soleil vrai ou au Soleil moyen; il assure que Ptolémée n'avait eu pour raison que la plus grande facilité du calcul; cela se peut, mais Ptolémée n'en dit rien. C'est une de ces suppositious arbitraires qu'il s'est permises et qu'il a'a prétendu justifier que par leur accord avec les observations. Géber, qui l'a chicanné sur tant d'autres points et notamment sur la bissection des excentricités, qui est une de ses idées les plus heureuses, n'a pas songé à l'attaquer sur cette supposition: elle a été généralement adoptée par tous les astronomes, comme une donnée fondamentale qui n'a excité apopne réclamation jusqu'à Képler, Tycho, dont les habitudes étaient formées depuis long-tems, soutenait qu'il fallait tout rapporter au Soleil moyen, parce qu'il était ainsi parvenu à représenter l'inégalité. Képler répliquait qu'il la sauverait avec le lieu vrai, et qu'on verrait qui réussirait le mieux. C'était la réponse la plus raisonnable, mais elle exige une immensité de calculs. Les raisonnemens de Kepler sontici fort obscurs, ses calculs ne sont guère plus clairs on plus concluans; après les avoir refaits avec plus d'exactitude, je ne vois pas quelle conséquence on en peut tirer. Képler aurait pu ajouter que Tycho lui-même employait les lieux yrais du Soleil dans les mouvemens de la Lune, et qu'il faisait en effet tourner la Lune autour du centre vrai de la Terre; il aurait bien du étendre à toutes les planètes

qu'il faisait tourner autoor du Soleil, ce que l'observation lui avait appris pour la Lune; voyez ci-dessus, page 162.

Les Grecs ont établi leors théories; Ptolémée a calcolé ses tables dans un système imparfait et d'après de fausses suppositions. Comment concevoir que Véoos et Mercure tournent autour de deux points différens, également vides, et que ces deox points eux-mêmes suivent les mouvemens moyens du Soleil? poisque les digressions bornées de ces planètes prouvent que leur marche dépend du Soleil, n'était-il pas plus naturel de rapporter leur coors à celui du Soleil vrai? n'était-ce pas décaturer les mouvemens que de les rapporter à on centre qui ne pouvait être le véritable? Concues d'après un pareil système, les tables ne poovaient être boones, voilà un fait sur; les observations l'ont prouvé. Rendfez-vous ces tables meilleures en substituant le lieu vrai du Soleil au lieu du Soleil moyeo, sans faire à la théorie d'autre changement? voilà qui est au moins douteux. Pour le décider, il faudrait calculer, suivant les deux manières, une longue suite de boones observations, et voir de quel côté serait l'avantage; mais il n'eo resterait pas moins constant que les tables seraient à refaire; c'est dooc par là qu'il faut commencer. Au lieu de cela, Képler se jette dans un labyrinthe de calculs, qui ne sont pas de la dernière exactitude; il travaille sur des observations qui ne soot pas d'uoe grande précision; ses raisonoemens sont obscurs et ses consequences incertaines; sa dernière conclusion est qu'on peut se tromper au moins d'un degré eo employant la longitude moyence du Soleil au lieu de la longitude vraie; et si l'on songe que l'inégalité du Soleil est de près de deux degrés, oo lui accordera facilemeot ce point. Mais, toute cette discussion est inutile, ie n'y vois que cinq lignes qui soient claires et méritent d'être conservées, « Quand les trois lieox vrais du Soleil, de la » Terre et de la placète, sont daos one ligne droite, il n'y a pas d'élon-» gation, la planète est dépouillée de sa acconde inégalité. Si la coo-» jonction se fait sur la ligne de l'apogée du Soleil, alors les deux mé-» thodes n'en foot qu'une, puisque le lieu moyeo coıncide avec le lieu » vrai; partout ailleurs il y a de la différence. » Voilà qui est incontestable; mais cette différence, quand elle o'est pas nulle, est-elle à l'avantage de Tycho ou de Képler? voilà ce go'il fant examiner, et c'est ce qui est difficile. On ne peut déterminer l'ioégalité propre de la placète par dea observations faites dans l'apogée et le périgée; il eo faodrait une à 90° de là, mais alors l'inégalité du Soleil, qui sera d'eoviron 2°, ne pourra manquer d'influcr sensiblemeot sur celle qu'on déduirait de l'observation pour la placète.

Nons pouvons résumer en ces termes cette question qui n'en est plus nue aniourd'hui. Les tables modernes sont fondées sur les idées de Képler, et leur accord étonnant avec les observations peut passer pour une démonstration de ces idées, puisque l'erreur de ces tables n'est. jamais que de quelques secondes. Ptolémée avait fondé les siennes sur des suppositions purement arbitraires et qu'il serait impossible de démontrer: mais ces suppositions une fois admises, la méthode est rigoureusement géométrique. Si ces tables ne représentent que très imparfaitement ses observations, on ne peut en accuser que les hypothèses fondamentales, c'est-a-dire, les orbites circulsires, la ligne des nœuds qu'on fait passer par la Terre, au licu qu'elle doit passer par le centre du Soleil, les inclinaisons des épicycles et leurs balancemens, et ces épicycles enx-mêmes, qui ne doivent leur existence qu'à la nécessité où l'on s'est mis de transporter anx planetes les monvemens qu'on refusait obstinément à la Terre. Le système de Képler est simple, parfaitement cohérent, et fondé sur des raisons physiques; celui de Ptolémée est précaire, incohérent, et ses tables ont été trouvées en erreur de plusieurs degrés, des qu'on a pris la peine de les comparer aux observations. Il en a été de même des Tables d'Alphonse, de Copernic, de Reinhold, et de tons ceux qui sont partis des mêmes suppositions. Mais il est difficile de démontrer géométriquement l'erreur des anciennes hypothèses; elles n'ont rien de commun avec le système moderne, qui a changé les centres, les mouvemens, les distances et la figure des orbites. Si les formules du lien géocentrique, selon les deux systèmes, avaient quelques quantités communes que l'on put considérer comme des constantes, on pourrait, par la differentiation, déterminer les erreurs qui résulteraient d'un changement dans l'une des données; mais rien n'est commun, il n'existe point de constante ideulique; il ne reste donc plus d'autre moyen, que de choisir un grand nombre de bonnes observations; d'en déduire les élémens des planètes, en suivant les idées de Ptolémée, Copernic et Tycho, de faire ensuite un travail tont semblable d'après les idées de Képler, et de voir quelles tables s'accorderont mieux avec la totalité des observations. Mais l'épreuve est faite pour ce qui concerne Kepler, ses idées ne laissent rien à desirer; on pent dire qu'elle est faite aussi, à fort pen près, pour l'ancien système; les plus habiles astronomes y ont échoué complètement; jamais ils n'ont pu représenter leurs observations qu'avec des différences qui surpassaient de beaucoup les èrreurs des observations. Il y a toute apparence qu'on ne scrait pas plus heureux sujourd'hui, et ce serait une

peine bien inutile. S'il est physiquement démontré que le Soleil est au foyer common de toutes les ellipses plauétaires, que la Terre elle-même est une planète, il sera prouvé par là même que tous les angles et tous les rayons vecteurs qui servent à déterminer le lieu géocentrique ont leur sommet ou leur origine au centre du Soleil vrai, les épicycles dont le rayon est invariable ne pourront que très imparfaitement tenir lieu du mouvement de la Terre sur son ellipse. Tycho pouvait approcher plus près de la vérité; il ponvait du moins mieux satisfaire aux apparences; il pouvait donner aux planètes leurs mouvemens et leurs rayons vecteurs véritables; en faisant tonrner le Soleil autour de la Terre, il pouvait lui donner le mouvement vrai de la Terre et son rayon vecteur véritable; tontes les orbites auraient eu leurs intersections avec l'écliptique au centre même du Soleil; il aurait donné aux planètes leurs mouvemens angulaires et leurs rayons vectenrs moins inexacts; il aurait en des longitudes et des latitudes géocentriques presque aussi bonnes que celles de Képler; il ne serait resté que l'absurdité physique de faire tourner autour de la Terre, qui n'est qu'un atome, le Soleil et tout son cortège de planètes pour la plupart plus grosses que la Terre. Mais il ignorait la forme elliptique des orbites, il était obligé de conserver les excentriques; il en résultait des errenrs sur les équations du centre et sur les rayons vecteurs ; mais ces erreurs n'étaient pas énormes. Il devait déterminer les oppositions d'après les mouvemens vrais du Soleil; en employant le lieu moyen, il montrait une inconséquence qu'on ne pouvait reprocher à Ptolémée. Celui-ci, en imaginant ses épicycles et leur dounant des rayons constans, était conduit assez naturellement à donner des mouvemens moyens au centre de ces épicycles et à ses planètes sur leurs épicycles; mais il corrigeait ensuite ces mouvemens de l'équation due à l'excentricité de la planète; il faisait varier les rayons vecteurs; il ne négligeait entièrement que l'excentricité du Soleil, et cette erreur était une suite inévitable de ses suppositions. Il n'était point averti, il a fait tout ce qui paraît avoir été possible dans le tems où il écrivait, du moins tant qu'ou rejetait le mouvement de la Terre. Mais, Tycho veuant après Copernie, et voyant que le nouveau système, sans être admis généralement à beaucoup près, avait au moins des sectateurs d'un grand poids, tels que Rothman, Mæstlinus et Képler; averti formellement par ce dernier qu'il suivait une fausse route, voyant d'ailleurs la difficulté de satisfaire aux latitudes, paralt inexensable d'avoir fermé les yeux à la vérité; son amour-propre l'a rendu sourd à toutes les remontrances. Croyant ou feignaut de croire

que le système de Copernic était contraire à l'Écriture, il était tout glorieux des changemens faciles qu'il avait proposés; il visait à la gloire d'être législateur en Astronomie; il ne voulait pas admettre une idée qui lui était suggérée par un jeune Copernicien; il ne voyait pas que tout ce qu'il y a de bon dans son système était réellement emprunté à Copernic, que le senl changement qu'il y avait fait était une absurdité plus palpable que celle de l'ancien système : car il est très simple qu'on ait eru que la Terre était immobile, et qu'elle était le centre des mouvemens planétaires. Après les découvertes et les explications de Copernic, il n'y avait d'améliorations possibles et réelles que celles qui étaient proposées par Képler. Tant qu'on croira à l'ellipticité des orbites, aux lois découvertes par Képler et démontrées par Newton, le calcul de Képler sera un corollaire mathématique de ces principes. Il faut tout admettre ou tout rejeter. La dissertation de Képler est donc aujourd'hui bien superflue; mais il n'en était pas tout-à-fait ainsi au tems où il écrivait son commentaire. Tous les astronomes, à peu près, partageaient l'erreur de Tycho; les choses aujourd'hui sont tout-à-fait changées. Il paraît donc que cette première partie de l'ouvrage est sans objet; Képler avone qu'elle est la plus difficile de toutes : ob labyrinthos opinionum pene inextricabiles et vocum aquivocationes perpetuas aut circumscriptiones tadiosissimas. Il nous dit qu'on trouvera, chap. VII, ce qui a rendu cette comparaison nécessaire; il conseille à ceux qui trouveraient ce chapitre trop difficile, d'en remettre la lecture an tems où ils auront compris ce qui est plus aisé. Cet avis, placé à la dernière ligne du livre, vient un peu tard. Il a dit, page 28, que Tycho, qui le savait copernicien, l'avait prié, en mourant, de tout démontrer dans son hypothèse. C'est apparemment par respect pour cette volonté dernière, que Képler a voulu moutrer que s'il s'écartait des opinions de Tycho, il en avait des raisons suffisantes; mais ces raisons sont les découvertes de Copernic et de Képler, c'est le Soleil au foyer commun de tontes les ellipses. Tout ce premier livre ne sert qu'à obscurcir ce qui est clair. Plaignons Képler et son lecteur. Gassendi nous a conservé la recommaudation que Tycho faisait à Képler : Planetis ultrò affectantibus et quasi adulantibus quæso, mi Joannes, ut quando, quod tu Soli pellicienti, ego ipsis tribuo, velis eadem omnia in mea demonstrare hypothesi quæ in Copernicana declarare tibi est cordi.

Dans le chap. VII, qui est le premier de la seconde partie, Képler raconte à quelle occasion il s'était occupé de Mars.

Tycho vensit d'arriver en Bohème. Képler alla le joindre au commen-

cement de l'an 1600, dans l'espérance de connaître les excentricités corrigées des planètes. Il apprit de lai qu'à l'imitation de Ptolémée et de Copernic, il employait dansses calculs de planètes les monvemens moyens de Soleil. Répler pensait dès-lors qu'il faliait employer le lieu vrui ; il demanda la permission de calculer à sa guise. Longomontanus travaillait à la théorie de Mars, qu'on observait acronyque en q' de Lion.

On retravaillait la table des oppositions moyennes depais 1580; on avait imaginé une hypothèse qui les représentait à y pèci, dissi-on; on mettait l'apogée pour 1,885 en 4' 35' 45'; la plus grande excentirieit, composée des rayons de deux épicycles, était 0,2016; le rayon du plus grandétait 0,1638; li restait pour l'autre 0,35'8. Ainsi dans le système de Plolémée, l'excentricité de l'équant était 0,2016, ou un peu moins. Sur cette hypothèse on avait calcule nne table d'équantions pour tous les degrés; on avait ajouté i' 45' au hiouvement des Tables pruténiques, et de ces mouvemens on avait fait une table pour 4 on san. Longomontains ciait encore embarrassé pour les latitudes et les parallaxes. La table des latitudes qu'on s'était jaite ne s'accordait pas avec les observations.

Képler soupçonna que l'hypothèse n'était pas bonne; il entreprit de nouvelles recherches suivant ses propres idées. Il s'élevait de fréquens débats sur la possibilité de tronvre une antre hypothèse qui représential les lieux excentriques, et sur les doutes qui pouvaient rester sur la bonté d'ane théorie qui allait si bien dans toute l'étende de audaines.

Il montra que l'excentrique pouvait être sux, et représenter les observations à 5' près. Quant aux parallaxes de l'orbe annuel et aux latitudes, c'était une palme qui n'avait pas encore été remportée. Il restait à chercher si leurs calculs ne se trouvaient pas quelque-part en erreur de 5'. Il serait trop fastidieux, dit Képler, d'entrer dans tous ces détails. Je ne rapporterai que ce qui sera nécessaire pour l'intelligence de ma méthode.

Il commence par donner la table que voici pour tontes ces oppositions:

| | 100 | Long. of | Latitude. | Longito sur l'echip | de tiq. Di | Ber. | Simple | longit. | Ребсенноп. | Préc. calculée |
|--|--|---|--|---|--|--|--|--|---|---|
| 1585. 1585. 1589. 1591. 1593. 1595. | Nov. 170 gf 46° Dec. 28, 12, 16 Juny. 31, 19, 35° Mers. 7, 17, 22 Avid. 15, 13, 34 Juin. 8, 16, 25° Août. 24, 2, 13 Oct. 29, 31, 22 Déc. 13, 11, 35° Juoy. 19, 9, 40° | 2f (* 56f to) 3, 16, 51, 30 4, 21, 9, 50 5, 25, 5, 10 7, 3, 54, 35 8, 26, 42, 50 11, 12, 35, 11 1, 17, 56, 5 3, 2, 34, 6 4, 8, 18, 45 | 4. 6. 0 | 3.16.46 4.31.10 5.35.10 7. 3.58 8.36.32 | 10 + 20 - 10 - 0 + 45 - 15 + | 6 10 0.36 5.10 3.35 0.90 8.45 0.13 6. 0 | 3.22. 5, 3. 6.16. | 55.42 | 27° 28' 50° 28. 0.38 28. 2.25 28. 4.10 28. 5.55 28. 7.47 28. 9.40 26.11.27 28.13.20 26.15. 5 | 2. 60 50' \$3.16.51.21 \$3.16.51.21 \$5.25. \$5.52 \$7.3.5\$.33 8.26.\$0.21 12.12.3\$.33 1.17.57.11 3.2.32.21 \$4.8.19.21 |
| _ | O moyro. | of differ. | o' diffir. | of morns. | Tycho. | T | 4 | | Tue | T |
| 1580 1582 1585 1587 1589 1591 1593 1595 1595 1600 | 8/ 6-[8] 12 9-16-56-58 10-21-10-13 11-25-5-57 1-3-53-32 2-26-51-25 5-12-31-36 7-17-56-17 9-2-28-51 10-8-18-13 | - 2'22" - 4.48 + 0.13 + 4.23 + 4.35 - 13.24 + 9.9 - 0.2 - 0.53 - 0.13 | + 1'38" + 1.28 - 0.23 - 0.47 + 1.3 - 0.24 - 0.24 - 0.12 + 5.9 C - B | 26/ 9* 35.26 37.4 27.16 52.33 46.45 53.18 26.5 54.58 45.59 | 29 46 31 46 37 46 53 7 5 53 5 55 77 55 77 55 77 | 1 6++++++ | 0.37 0.30 0.52 0.30 0.31 0.31 0.53 0.53 | 59 5 52 5 53 5 53 5 53 5 54 5 65 6 | 7 9.41 9 4.50 5 54.33 5 4.21 9 34.36 57.14 | - 1.33 - 0. 6 + 0. 13 + 5.38 + 0.33 + 0.33 + 0.33 |

La colonne A des longitudes sur l'éclipique, comparée à la colonne Be a longitudes moyennes du Solici, Jonne la Colonne (B — A) des différences. Tycho dit qu'il a observé la planète en opposition avec ce lien moyen. On voit que la différence va jusqu'à 13 '42', Képler ticke d'îmaginer la cause de cette différence. Il peuse qu'il ne croyait la planète tolanète lement affranchie de la seconde integalité que quand le Solici et a la planète sus son orbite étaient à même distance du nœud. Mais cette supposition n'accorde pas lot de la seconde integalité que quand le Solici et a la planète sus son orbite étaient à même distance du nœud. Mais cette supposition n'accorde pas lot qu'il de la consideration
Képler prend donc la différence (C-B) du lieu dans l'orbite au lieu du Soleil : il en résulte une seconde colonne de différences.

Il calcule les licux moyens, dont il ne donne que les minutes et les secondes; c'est la colonne K; il les compare aux lieux calculés par Tycho, colonne T; ce qui lui donne la colonne T—K.

Il calcule de même les lieux excentriques K'; il les compare à ceux de Tycho T', et il forme les colonnes (T'-K').

Après ces comparaisons, il examine les latitudes; et nous remarquerons d'abord que les latitudes sont géocentriques, puisqu'elles passent 6° . Elles suffisent pour montrer que les nœuds ne sont pas loin de 1° 17° et de 10° 17° , que les limites ne sont pas loin de 6° 17° et de 10° 17° , que la plus grande latitude étant de 6° pour la Terre, ne devait guère être que de 2° pour le Soleil : elle n'est véritablement que de 1° 51'.

Il prouve d'abord que Tycho ou ses calculateurs ont eu tort de placer Popposition au point ou la distance au nœud est la même pour l'obilité et pour l'éclipitique. Les astronomes auciens, aussi bien que les modernes, placent l'opposition à l'instant où la planête et le lien opposé au Solien out dans le même cercle de la biude ç'est abor sculement que l'elongation est nulle sinsi que la commutation. Ils ont em-l'oyé la latitude pécocatrique, et il fallait employer la latitude bélocentrique. Els prasissent avoir supposé la plus grande latitude 4/55 boréale et ô 20° australe. Toutes es suppositions sont contriarés à la simplicité et l'expérieuce. Képler promet de prouver que l'inclinaison n'est que de 1 5 o', et que la plus grande réduction ne passe pas 1'; et en cflet, la plus grande réduction de passe pas s'; et en cflet, la plus grande réduction

$$\left(\frac{\tan g^a \cdot 1}{\sin x^a}\right) = 5a^a, 8.$$

Mais dans une recherche si délicate et si importante (il pouvait ajonter si nouvelle par la forme), il se croit obligé de remonter aux sources, c'est-à-dire, aux observations mêmes, pour corriger les fautes de calcul.

La première opposition a été conclue d'une observation qui en était cloigée de cinq jours, pendant lesquels les tables laissent une incertitude de trois minutes. On commence à avoir un soupçon de réfraction à la seconde observation; mais on conserve l'observation brute. A la troi-sième, on ne parle ni de réfraction, ni de parallare; Mars était asserbaut pour cela. A la quatrième, il ne trouve è corrière que 1'48°, qu'il regarde comme de sulle importauce. Dans la cinquième, on a supposé v'ao' de parallaxe. A la diatrième, il rapporte quatre ascensions droites de Mars, conclues de différentes étoiles; les catrémes différent de 6' 10'. Tycho, qui vensit d'arriver en Boheme, n'avait pu placer ses meilleurs instrumens; mais dans les observations d'Uranibourg même, au rapport de Longomontanus, les différences de 2' ne sont pas rares, et j'ai reconnu, il y a long-tems, qu'on pouvait rarrement répondre de 2 à 5' dans un lieu tire de l'observation.

Képler cherche la parallaxe de Mars. Tycho s'était aussi proposé de la déterminer : il l'avait trouvée notablement plut grande que celle du Soleil. Mais Képler ayant examiné les calculs des élèves de Tycho, vit, à sa grande surprise, qu'ils avaient fait tous leurs calculs dans l'hypothèse de Copernie. Tycho voulait qu'on tirtà la parallaxe des observations; ses

calculateurs cherchaient quelle en devait être la quantité dans le système de Copernie, et il n'est pas doutens qu'il n'aient dà la tronver plus grande que celle du Soleil. Tycho se fondait-il sur ces calculs? les a-t-il refaits lui-même? on n'en sait rien; mais on en peut douter.

. Képler recommence donc les calculs, et il prouve le pour et le contre. La parallaxe est en effet trop faible pont la conclure d'observations qui ne sont jamais sures à la minute. Képler cite une note de Tycho concue en ces termes : Cette observation indiquerait une parallaxe. Il la rapporte pour en faire honneur à Tycho; il indique ensuite un moyen qui lui est propre; mais il est forcé à employer les observations qu'il avait faites avec le sextant de fer de 2 ; pieds et l'azimutal de cuivre de 5; pieds. Il observa Mars stationnaire. Les distances aux étoiles ne pouvaient varier que par la parallaxe. Il résulte de ces observations que la parallaxe de Mars ne surpasse pas 4', et qu'elle est probablement plus petite. (On sait maintenant qu'elle n'est pas d'un tiers de minute.) Il en conclut que celle du Soleil est encore moindre; mais il n'ose pourtant répondre de rien. (Il pouvait se défier de ses observations et de la parallaxe qu'il attribuait à Mars; mais d'après la loi des révolutions et des moyennes distances, il pouvait répondre que la parallaxe de Mars en opposition est à fort pen près double de celle du Soleil.)

Il passe à la recherche du nœud. Il montre très bien que Tycho avsit tort d'y employer les latitudes géocentriques. Il cherche les observations dans le nœud ; il en trouve quelques-unes, mais il les gâte par la parallaxe, qu'il fait de 3', comme celle du Soleil, parce que les distances étaient legales. Le raisonnement était bon; mais la supposition était fasses. Il cherche donc à déterminer le tens des passages par les nœuds ; il cherche donc à déterminer le tens des passages par les nœuds ; il cherche alors le lieu de Mars dans son executrique, et il en concult que l'un des nœuds est en 1'5' 5'1', et l'autre en 7' 16'; ; le milieu sera 1' 10' et 17' 10' d'oil il suit que la ligne des nœuds ne passe pas par le centre d'égalité, mais beaucoup au-dessous. On verra plus bin ce qu'il faut changer à cette détermination ; le procédé était aussi bon qu'il pouvait être alors; il ne trouve pas le même accord en calculant dans l'hypothèse de Tycho: ainsi , chaque pas qu'il fait est une amélioration et un argument pour le système de Copernic.

L'inclination ne lui paralt pas si facile à trouver; heurensement l'extrème précision n'est pas uccessaire. Il cherche une observation dans la quelle Mars éviat égale distance de la Terre et du Soleil. Alors, en effet, les latitudes héliocentrique et géocentrique sont égales; et puisqu'on sait à très peu près le lieu du nœud, on aura aussi l'inclinaison à peu près, pourvu que la latitude soit observée assez près de la limite.

Dans une observation où Mars était plus éloigné de la Terre que du Soleil, on a observé la latitude 1° 56' 45°; la latitude béliocentrique devait être plus grande.

Dans une autre où Mars était plus près de la Terre, la latitude était 1º53' ; un peu plus forte que la latitude héliocentrique; Mars était à quelque distance de la limite. Il estime que l'inclinaison doit être de 1º50' à peu près. Il trouve la même chose par plusieurs comparaisons de ce genre ver l'une et l'autre limite.

Cette méthode suppose qu'on soit en état de calculer à pen près les distances de Mars à la Terre et au Soleil. Il en propose une autre; c'est celle de l'observation où la Terre est dans la ligne des necuds. La latitude géocentrique donne alors l'inclinaison par un calcul où il n'entre d'autre d'autre d'outre
Il est difficile que la Terre soit dans le nœud et Mars en quadrature.

Il étend sa remarque à une clongation quelconque. Voici son théorème.

Quand la Terre est dans les nœuds, la baitude observée est égale à la laitude héliocentique qui répond à un argument de laitude égal à l'élongation. L'expression est un pen entortillée; mais le théorème est simple et
curieux. Soit I l'inclinaison, G la latitude géocentrique observée, T l'élongation de la planête au moment de l'observation; on aura

$$tang I = \frac{tang G}{\sin T}.$$

On sait que tang I = tang latit. héliocent. L'élongation est la distance

au nœud, puisque, par la supposition, le Soleil et la Terres sont sur la ligue des nœuds, il est donc évident que les deux expressions sont égales; on a donc les deux quantités qui donneut l'inclination. Si l'élongation était de 90°, la latitude observée serait l'inclination même de l'Orbite. Toute cette théorie est simple, la remarque ingéniense; le tout april. Terrettie les idées inexactes et incommodes des anciens sur la latitude des plautèes. Il trouvé de cette manière : '50' et un peu plus.

Troisième méthode. Elle a besoin que l'on connaisse le rapport des

orbites, et alors même, toute observation, toute opposition où la latitude a été un peu considérable, donnera l'inclinaison.

Ainsi, le problème de l'inclinaison des orbites et de ses effets, est enlièrement résoln. Képler est le premier qui l'ait bien conçu, et il n'a rien laissé à faire à ses successeurs.

Il n'y a ancou balancement dans les plans des orbites, ils sont ἀτάλαντα.

Prolémée avait singulièrement compliqué ses hypothèses, qui portaient sur de fausses bases.

Copernic ne sentant pas assez sea avasiages, ne s'attacha qu'à troaver les morens d'expliquer dans son sysième toutes les variations de latitude introduites par Ptolémée; il avait remarqué avec saisfaction que la planiet et la Terre s'éclognaient on se rapprochaient; mais n'osant pas rejeter les librations des plans, il rendit variable l'inclinaison que Ptolémée faisait constante; les moyens qu'il emploir parsissent à Keplèr autsat de moistrooisiés, en ce qu'ils dépendent da plan de l'orbite de la Terre, qui n'est pas le même que le plan de l'excentrique.

a' Armé de mon incréalulié, dil Képler, j'ai toujours combattu contre cet impertinent enchaînement de divers orbes, même avant d'avoir vu » les observations de Tycho. Combien ne dois-je pas me féliciter de » voir qu'elles ont déposé en faveur de mes opinions. Qu'on ne dise pas que j'use de con observations suivant nes prieggés; jai cherché l'incli-» naison par trois méthodes différentes; elles ont conduit au même ré-» sultat, malgré la diversité des circonstances; il n'y a donc pas de libra-» tion, l'inclination est constante. »

C'est un service signalé que Képler a rendu à l'Astronomie, on n'y fait pas asse d'altention; il en a rendu hien d'autres un système de Copernic, qui n'a été complèté que par lui. Ce qu'il a démoutré pour Mars, il l'a vérillé sur Mercare et Venus, et revenant à cette multiplicité de cercles inaginées pour expliquer les diverses inégalités de la lougitude et de la latitude, il d'écrie:

**Qui changéra mes yeux en deux sources de larmes, pour pleuver de la latitude par latitude par la latitu

» la misérable industrie d'Apain, qui, dans son Claver Césarienne, en » átatebant trop exrepuleasment à Poldenie, a perdu unt d'heures » précieuses, tant de méditations ingénieuses à représente par des pirres, » des hélices et des volutes, des fíctions que la nature ne reconnait pas. » Il d'est da moins acquis par ces prestiges une réputation qui ne périra, » pas, quotiqu'elle doire perdre beaucoup ; mais que d'irons-nous de la

Lunia ilby Condie

n zeroτεχτία (vaine industrie) de ces machinistes qui ont employe

» 1200 roues pour représenter ces mêmes fictions. »

Dans le chapitre XV, il réduit les observations acronyques de Mars au lieu vrai du Soleil. Plaçons ici d'abord la table qui termine le chapitre.

| 1580 1582 1585 1587 1589 1591 1593 1595 1597 1600 | 18 Novembre 113.16 28 Décembre 3.54 28 Décembre 3.54 50 Janvier 19.14 6 Mars 7.25 14 Avril 6.23 8 Juin 7.45 25 Août 17.27 51 Octobre 0.39 13 Septembre 15.54 18 Janvier 14.2 29 Févire 14.15 | 2 ^f 6° 28′ 35′ 3.16.55.30 4.21.36.10 5.25.43.0 7.4.25.0 8.26.43.0 11.12.16.0 1.17.31.40 3.2.28.0 4.8.38.0 | 1.40 B 4.64.324 3.41 1.121 B 4.0 A 0.8 B 3.55 B 4.50 B | Longit. moy. 1°25°49′31′3. 9.24.55 4.20. 8.19 6. 0.47.40 7.14.18.26 9. 5.43.55 11. 9.55. 4 1. 7.14. 9 2.23.11.56 4. 4.35.50 5.14.59.39 |
|--|--|---|---|--|
|--|--|---|---|--|

Il calcule le lieu de l'opposition au Soleil vrai, comme on le fait encore asjourd'hui. Il calcule l'argument de latitude dans l'orbite, en multipliant la tangeute de l'argument de latitude sur l'écliptique, par la sécante de l'inclinaison, et rend hommage en passant à Philippe Lansberge, dont la Trigonométrie lui a été d'un grand secours (elle est e.5p.). Il emploie toujours la mauvaise parallarse da Soleil, de la-quelle il conclu celle de Mars, par le rapport des distances; il arrait lien dà la diminuer, pa fat-ce que de moitié. Il ajoute, comme on voit; deux oppositions à celles de Tycho; l'one est de Fabricius Frison, l'autre a été observé par loi-même et par son élève Schulerus.

La lougitude moyenne de Mars est calculée d'après Tycho. Ces longitudes peuvent avoir besoin de correctious qui résulteront des calculs.

Il cherche alors une hypothèse qui saure la première inégalité, puisque les observations sona affranchies de la teconde. Il expose la méthode de Ptolémée, et s'étoune que Copernic se soit borné à traduire, dans son hypothèse, les idées de son modèle. Ptolémée suppossit une proportionente les deux executricités, dont l'une était double de l'autre; avec ce rapport, il suffisait de trois oppositions; en laissant le rapport indéterminé, il en falbit quatre.

Après s'être fait cette méthode, il apprit avec joie de Tycho qu'il u'avait point supposé ce rapport connu. Képler se serait cru permis d'adopter ce

unmish Googl

rapport, dont il avait donné une raison physique dans son Mystère, chap. XII. Mais, ce qui l'avait déterminé à chercher Tycho, c'était le désir d'en obtenir des observations sur lesquelles il put essayer son idée.

Du centre B (fig. 50), décrives l'excentrique FEDG. Soit HBI la ligne des apsides. Cette ligne est immobile sensiblement pendant quelques années; on remédierait à cette supposition si cel cisti nécessaire. Andessous de B soit A le lieu de l'œil, et an-dessous C le centre d'égalité des angles. F, G, D, E, quatre observations acronyques ou déposibles de la seconde inégalité. Dans Ptolémée, A scrait le lieu de la Terre; chez Copernic et Tycho, D lieu de l'œil ett sur les lignes FA, GA, DA, EA, A est le Soiel; j'oignes tous ces points, l'as seront ainsi placés; and controlle de l'actif est production de l'actif e

Il faut maintenant trouver les angles FAH et FCH de la quantité nécessaire pour que F, G, D, E, soitent dans la circonférence d'un même cercle. La Géométrie et l'Algèbre nous abandonnent ici, nous n'avons de ressource qu'une double fausse position.

Supposons une valeur à l'angle FAII, nous déterminerons la longitude du point II et la position de la ligne ACII, mais écet supposer ce que nous cherchons. Ce n'est pas tout, nous sommes obligés de donner une vallen r à FCII, e qui nous donnera la position de CP; PCH sera la longitude moyenne; nous sapposons cette longitude aussi bien que celle de l'apogée.

Mais on a la réduction à l'absurde; nous examinerons les consequences de nos suppositions, et eet examen pourra nous conduire à la vérité.

Prenons AC pour unité, avec les deux angles sur ce côté, nous connaîtrons tout le triangle FAC. Par les triangles AGC, ADC, AEC, dont tous les angles sont donnés, nous aurons AF, AG, AD, AE.

Dans FAG, nous aurons denx côtés et l'augle compris, nous aurons tont le reste. Il en sera de même dans les triangles GAD, DAE, EAF; on connaîtra les angles du quadrilatère GDEF inscrit au cercle; les deux angles opposés GDE, GFE qui doivent égaler deux droits.

Si les angles résultans du calcul ne satisfont pas à cette condition, on verra que la supposition n'est pas honne; on retiendra l'un de ces angles FCH, et changeau l'autre, on recommencers le calcul; on verra, par le résultat éfinitif, s'il faut diminner ou augmenter FAH. On pourra, par une règle de trois, estimer le changement à faire; mais il faudra qu'il soit confirmé par le calcul direct. Il n'est pas aindispensable que les deux angles opposés fassent 180° bien juste, on peut négliger quelques petites quantités.

Dès que vons serez arrivé à F+D=180°, d'où résulte G+E=180°, il faudra voir si le centre B est entre C et A dans la même ligne.

Pour cette vérification, joignes GAD et DAE qui sont connas pour sovis GAE; avec cet angle et les deux côtés qui l'enferment, cherches GE. Dans le triangle GFE, l'angle P est à la circonférence; GBE qui est au centre, en doit être le double; le triangle GBE est isoscèle; on connaît l'angle au sommet et la base, on aura les deux côtés qui sont les rayons du cercle; on les aura en parties de AC; on a BC et BGE; on avait déjà AC et AGE; qu'on prenne la différence des deux angles, on aura AGB et les côtés qui l'embrassent; on aura ABC. Si cet angle diffère de ce qui a été troué d'abord, on sera sir que la supposition a l'est pas bonne.

Vons avez conserté FCH, et fait varier HAF; changes FCH, et donnant à HAF cinq ou six valents successivement, jusqu'à ce que vons ayes F+D==180°, alors procédes à l'autre vérification par la comparaison de BAD à CAD; voyes si vous vous étes éloigné ou rapproché da la vérité; par une règle de trois, cherches la correction à faire, et recommences les calculs jusqu'à ce que CAD ou HAD s'accordent avec la supposition.

Quand vous y seret parrenn, vous donneres à BD un nombre rond (ou vons le prendrez pour milé), et moyennant les angles, vous chercherez BA et CA, dont la différence sera CB; alors vous serez str da lieu de l'apogée et de la correction dn moyen monvement, au moins dans cette hypothèse.

- "Si cette méthode vons paraît pénible et ennuyense, prenez donc » pitié de moi qui ai fait ces calculs 70 fois, et ne vous étonnez pas que » j'aie passé cinq ans sur cette théorie de Mars. Il se trouvera quelques
- » géomètres subtils, tels que Viète, qui s'écrieront que la méthode n'est
- » pas géométrique. Qu'il aille donc et qu'il résolve le problème, et erit » mihi magnus Apollo. Il me suffit d'avoir donné un fil pour sortir de ce
- » labyrinthe. Si la méthode est difficile, il serait bien plus difficile encore
 » de faire cette recherche sans méthode. » (Viète avait récllement fait
- » de faire cette recherche sans méthode. » (Viète avait réellement fait ce reproche à Ptolémée, Regiomontanus et Copernie).

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

5:

Exemple de ces calculs.

Képler commence par réduire toutes les longitudes à la même époque; en tenant compte de la précession pour les divers intervalles; il trouve ainsi,

Longil. AF =
$$5'25'45'$$
 or $90'50'25''$ = FAG $AD = 11.12 \cdot 10.50$ $65.15.7$ = GAD $AD = 11.12 \cdot 10.50$ $65.15.5$ = DAE $aD = 11.12 \cdot 10.50$ $65.15.5$ = DAE $aD = 11.12 \cdot 10.50$ $aD = 11.12 \cdot 10.50$

Tour du ciel..... 560. o. o.

Il suppose l'apogée ou l'aphélie en 4º 28º 44' 0" pour l'an 1587; il augmente les longitudes moyennes de 3' 16", en sorte qu'elles deviennent

La différence vient de ce que Képler, après avoir dit qu'il fallait sjoner 3' 16' à tontes les longitudes, après avoir donné ces longitudes corrigées, après s'être servi de la longitude corrigées, après s'être servi de la longitude corrigée pour trouver FCH, reprend, sans en avertir, les longitudes non corrigées pour former les trois autres angles. Il parait que c'est par inadvertance, car immédiatement après il emploie les longitudes corrigées pour déterminer les quations

Képler fait AC=1000, parce qu'il ne connaissait pas les fractions décimales; nous ferons AC=1.

$$\begin{array}{c|ccccc} C. & \sin CFA. & 1,0485981 \\ \sin FCH. & 1,9,7550635 \\ AF = 5,94501 & 0,7740064 \\ K\acute{e}pler. & 5,9453 & AG = 5,66500 & 0,7040539 \\ C. & \sin CDA. & 1,3975913 & G. & \sin CCA. & 0,7502430 \\ \sin DCL. & 9,2695007 & AG = 5,57026 & 0,7157054 \\ AD = 4,892052 & 0,6835919 \\ K\acute{e}pler. & 4,8655 & 46556919 \\ K\acute{e}pler. & 2,4855 & 46556919 \\ K\acute{e}pler. & 2,5022 & (1,10g.) \end{array}$$

Il n'est pas étonnant que nons différions sur AG, AD et AE, puisque nous différons de 3' 10" sur chacun des angles en C; mais il est inconcevable que Képler, pour former les angles en C et les angles à la circonférence, ou les équations, emploje différentes longitudes moyennes:

> l'anomalie = longitude moyenne - aphélie, l'équation = longitude moyenne - longitude vraie.

Il est clair que dans ces denx calculs, la longitude moyenne doit être la même; ce ne pent être qu'une faute de calcul.

Anomalie - équation = longitude vraie - aphélie = anomalie vraie.

Il faut que la longitude moyenne soit la même, pour que la soustraction donne l'anomalie vraie.

| 2 | | ASTRONOM | ΠE | MODERN | E. | |
|---|----------------|-------------|-----|----------|------------|-------------|
| | AG = | 5,06680 | C. | 9,89585 | | 9,0045469 |
| , | AD = 4 | 4,82905 | 1. | 0,25775 | | 9,5761205 |
| | somme = | | | | | 0,1109546 |
| | différence = | | ang | 1.46.36 | 0 | 8,4916220 |
| | GAD = 7 | | | 54. 1. 2 | ,5 == | ADG |
| | 2S = 10 | | | 50.27.50 | ,5 == | AGD. |
| | | 2.14.26,5 | | , | | |
| | • | | _ | | | |
| | AD = 4 | | | | | 8,9975261 |
| | AE = 5 | | | | | 9,6060157 |
| | somme = 10 | | | | | 0,1958816 |
| | difference = 0 | 4n*66 t | | | | 8,7972234 |
| | DAE = 69 | 5 13' 52" | | 60.58.19 | | |
| | 2S =114 | 46. 8 | | 53.47.49 | = | AED. |
| | S = 5 | 7.23. 4 | | | | |
| | AF = | 5,94301 | C. | 11,17572 | | 8,9517243 |
| | AE = | 5,23271 | 1. | 0,71030 | | 9,8514418 |
| | somme == 1 | | | | | 9,6851882 |
| | différence = | | ang | 1 45.48 | | 8,4883543 |
| | EAF =128 | 3' 18' 58" | | 27.36.29 | | |
| | 2S = 51 | | | 24. 4.55 | = | AFE. |
| | 8 = 2 | | | (To | tal, 28 lo | garithmes.) |
| | AGF = | 40° 0' 24" | | AFG = | 40° 5′ 15 | t t |
| | AGD = | 50.27.50,5 | | AFE = | 24. 4.55 | |
| | FGD = | 99.28.14,5 | | GFE = | 64. 8. 6 | 5 |
| | ADG = | 54° 1′ 2′5 | | AED = | 53° 67' 60 | • |
| | | 60.58.19 | | AEF = | | |
| | | 114.50.21,5 | | | | _ |
| | | 64. 8. 6 | • | FGD = | | |
| | | 179. 7.27,5 | | + E = | | |
| | $r + \nu =$ | 179- 7-27,5 | U | + = = = | 00.32.33 | ,,,,, |

Les angles opposés des quadrilaières ne forment donc pas deux à deux la somme de 180°; il y a 52'53", 5 de trop à l'une des sommes, et l'autre est trop faible de la même quantité. Les quatre forment au moins 360°; la différence est beaucoup moindre dans les calculs de Képler, qui s'est trompé de 5' 16" sur trois angles, et qui ne met pas la même précision dans ses calculs, parce qu'il n'avait pas encore de logarithmes.

Képler ne se donne pas la peine de former les huit angles, il compare les demi-différences qui doivent s'accorder deux à deux; et en effet, les quatre sommes sont les supplémens de quatre angles au centre qui font 560°: les augres sommes font nécessairement

$$720 - A - A' - A'' - A'' = 720° - 560° = 360°;$$

l'erreur ne peut venir que des différences qui ne sont pas exactes, et qui auront vicié les buit angles; mais comme les demi-différences s'a-joutent et se retranchent, elles auront mis de trop d'un côté ce qui manque de l'autre

Si l'on nomme A, A', A", A" les quatre angles en A; d, d', d', d'" leurs différences respectives, on aura

angle total D+F =
$$560^{\circ}$$
— $\frac{1}{1}A$ — $\frac{1}{2}A'$ — $\frac{1}{2}A''$ — $\frac{1}{4}A''$ — $\frac{1}{4}d$ + $\frac{1}{4}d'$ + $\frac{1}{4}d'$ + $\frac{1}{4}d'$ - $\frac{1}{4}d'$

$$G+E = $560 - \frac{1}{4}A - \frac{1}{4}A'' - \frac{1}{4}A'' + \frac{1}{4}A'' + \frac{1}{4}d - \frac{1}{4}d' - \frac{1}{4}d' + \frac{1}{4}d''$
somme = $720 - \frac{1}{4}(A + A' + A'') = 720 - \frac{5}{2}60 = \frac{5}{2}60''$$$

D+F avra de trop ce qui manquera à G+E, qu réciproquement. Képler nous dit qu'en recommençant plusieurs fois ces calculs il a trouvé qu'il fallait ajouter 5' 20' à l'aphélie; nos erreurs sont le double, il nons faudra donc ajouter 6'. Les équations ne changeront pas, mais

les anomalies movennes changeront de 6'; elles deviendront

ECI = 68.20. 7.

Les côtés changeront, puisqu'un angle change dans chaque triangle. Les angles en Aue changent pas, les autres changent avec les côtés.

```
C.sinCFA., 1,0483981 | Csin CGA., 0,8023439 | C.sin CDA., 1,3975512 | C.sin CEA., 0,7502420
sin FCH ... 9,7243983 sin GCl .. 9,9029599 sin DCI .: 9,2824369 sin ECt ... 9,9681840
                                         AD., 0,6799974
                       AG., 0,7053038
                                                           AE... 0,7184260
    AF... 0,7727964
                               AG == 5,07345 AD = 4,78607 AE = 5,00000
  AF = 5,92647
  AG = 5,07345
                               AD == 4,78627 8 nouveaux log. 36 en tout ..., 36
                              som. = 9,85972.... 9.0061354 pour les d.. 12
 som. = 10,99992.... 8,9586103
 diff. = 0,8530a.... 9,930g5ga
                              diff. = 0,28718.... 9,4581542
  tang 44°31' 48' 5... 9,998767
                               tang 52°14' 26"5 ... 0,1109546 .
                                      2.91. 3 .... 8,5752442
         4.21.44,7.... 8,8824462
                               tang
        48.53.33 = AGF
                                     54.23.59,5 = ADG
                                     50. 5.13,5 = AGD.
        40.10. 4 = AFG
      AD = 4.78627
                                        AF = 5,92647
       AE = 5,22000*
                                        AE = 5,22909
   somme = 10,01536.. 8,0003334
                                    somme == 11,15556.. 8,9525084
    différ. = 0,44282.. 9,6462272
                                     différ. = 0,69738.. 9,8434695
      tang = 57° 23′ 4".. 0,1938816
                                       tang = 25°50'41".. 9,6851882
      tang = 3.57. 9. 8,8594422
                                         tang 1.44. 4., 8,4811661
             61.20.13 = ADE
                                             27.34.45 = AEF
             53.25.55 = AED.
                                              24.6.37 = AFE.
               AGF = 48^{\circ}53'35''
                                       AFG = 40° 10' 4"
               AGD = 50.5.15,5
                                       AFE = 24. 6.37
               FGD = 98.58,46,5
                                       GFE = 64.16.41
               ADG == 54° 25′ 59″5 ..
                                      AED = 53.25.55
                                       AEF = 27.54.45
               ADE = ,61.20,15,0
               GDE = 1,15.43.52,5
                                       DEF = 81, 0.40
               GFE = 64, 16,414
                                       FGD = 98.58.46,5
                        180 Jac 55:5
                                               179.50.26,5.
         l'erreur était de - 52' 52"5
                                        aphélie..... 4° 28′ 44″o
      6' l'ont changé en +
                               53,5
                                        correction .....
  6' font une variation de... 53.06,0
                                        aphélie corrigée... 4.28.50, o
  6" en feront une de.....
                                53,1
                                        2º correction....
  5" en feront une de.....
                               26,5.
                                        aphélie corrigée... 4.28.49.54.
```

Nous avons donc ajouté de 5 à 4" plus qu'il ne fallait; mais 4" de plus ou de moins sur l'aphélie ne sont d'ancune importance; on peut donc

s'en tenir à ce calcul. Co n'est guère la peine de recommencer pour si peu de chose; chaque hypothèse nouvelle pour l'aphélie demanderait 20 logarithmes nouveaux.

Notre quadrilatere est donc inscrit au cercle; il faut voir si B et C sont en ligne droite; et pour cela, chercher les angles GAB et GAC qui doivent être éganx:

Nous avons

tang 19°
$$57'$$
 $50''5...9,5521551$ BGA = $5.47.8$

Ayant ainsi trouvé ces angles, nous ferons les deux analogies suivantes:

$$BG + AG = 10,45851.....8,9805301$$

Longitude de l'aphélie AH = 4' 28' 50'AG = 8.26.59.25''• GAG = 5.27.49.25'GAB = 5.27.57.58différence = 11.45.

Done B est un peu à droite de AC, mais la différence est peu de chose; car la distance sera AB siu 1' 45" = 0,000389, Mais il est presque impossible d'arriver juste; les moindres erreurs dans les petits agies influent sensiblement sur le résultat. Képler dit qu'après plusieurs essais, il est arrivé à n'avoir plus qu'une différence de γ' 20°, qui un l'empêche pas de caleuler AB, BC et AC, soit par un milieu GAB = 117'45',

10° 36' 22", différence 5' 54".

Ou voit par ce calcul, où uous n'avous rieu supprimé, qu'il n'exige pas 60 logarithmes pour l'opération compilée, et a où ep lus pour chaque hypothèse qu'ou veut former pour l'aphélie; que les Tables de Poloimée, de Cóperaic ou de Tycho, fournissent les premières approximations; qu'il ne s'agit que de corrections légiers, soit dans le lieu de l'aphélie, soit dans les longitudes; que la solutiou est aussi exacte que le permettent les observations du tems, qui ne sout pas sûres à y'rets, etl'hypothèse qui n'est pas la vériable, puisque nous supposons que l'orbite est un eercle, et Képler va bientit prouver qu'elle est dilipique.

Le dernier résultat de Képler est

0,18564, AB = 0,11332, BC = 0,07232.

[Par ce premier essai je trouve,

0,18570, 0,11387, 0,07182.

Bailly nous dit que cette opération exige dix pages in-folio, mais c'as seve les explications et les figures; même san le secont des logarithmes, on la mettrait aisément en trois pages, 70 calculs ne feraient guère plus de 200 pages; mais tant de calculs ne sont pas nécessaires. Ajour on parès le premier calcul, on a le type, et d'un calcul as univant, il reste beaucoup de quantités connoss. On a plus de calcul à faire aujourd'hui pour déterminer forbise elliptique d'une cométe. L'opération n'est donc pas si terrible, et Képler était souteun par le désir d'avoir raison contre Tycho, Copernie, Ptolémée et tous les astronomes de l'univers; il a goûté cette satisfaction, ét je ne crois pas qu'il fût si digne de pitié quand il a fait tous ces alculs.

Il appose encore que la route de la planète est un cerelle; il ne s'est pas imposé la loi arbitraire de placer ses trois centres à des intervalles s'gaux, il a cherché le rapport de ces intervalles, que Ptolémée supposait égaux; assa en donner d'antres preuves qu'an petit nombre d'observations, qu'on peut soupçonner d'avoir été arrangées dans cette vue. Képler nous anonce qu'on verra par la soile si tout cela est assez juste; mais nous pouvons dire que sa méthode est plus générale et moins minutieuse que celle de Ptolémée. Cependant, il flust avoure que celle de Ptolémée ne manque pas d'adresse, et nous lui avons donné de justes cloges en la déresloonant.

Avant d'examiner comment ses derniers résultats satisfont aux huit autres observations, il va faire one recherche préliminaire sur les mouvemens de l'apogée et du nœud.

Il la commence par rendre ce témoignage à Ptolémée, que sans lui nous ne pourrions rien savoir de ces mouvemens si lents; mais il ne croit pas que les données que nous pouvons tirer de ses ouvrages soient à l'abri de tout soupçon. Il y a sans donte quelque chose à corriger dans les lienx de ses sóulies; dans l'exenticités o, 6,4,655, qu'il sappose au Soleil; dans son apogée, qu'il place au 65°; dans celui de Mars, qu'il place en 5°25°; dans l'excenticité de Mars, qu'il fait de 0,9,2 enfin, de la proportion de l'épicycle, c'est-d-dire dans le rayon de l'orbe de Mars,

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

qu'il fait 1,519; de sorte, qu'en supposant 1 pour la distance moyenne de Mars au Solcil, l'excentricité de Mars serait 0,5058. Ces réflexions sont justes 4 ajourd'hui nous nous graderions bien de rien tiere de Pjo-lémée, pour une recherche aussi ddicate, à peine oscrions-nous donner quelque confiance à Tycho et à Képler; mais alors Képler n'avait pas le chois. Voic comme il procéde ?

Soit A le centre de l'orbe annuel (fig. 60), C le centre d'égalité de Mars, B le centre de l'orbite du Solcil;

AB se dirige en
$$2^{f}$$
 $5^{\circ}50'$ }; done CAB = 50° .

On suppose AB = 0,04153, AC = 0,5058, d'où CBA = 123°27'; BA se dirige en........ 8'5°30' en sens coutraire de AB.

Retranchez CBA..... 4.5.27

Il reste... 4.2.5 apogée de Marsau tems de Ptolémée. Régulus était alors en... 4.2.30

L'apog.précédaitRégul.de 27' 140 ans après J.-C. Eu 1587, il suivait de.... 4.44

Mouvement en 1447.... 5. 1 = 301' = 18060".

Képler en déduit un monvement annuel de 15", il y sjonte 51" pour la précession, suivant Tycho; le mouvement tropique annuel sera donc de 64". Lalande le fait de 67".

Képler fait une table de ce mouvement, pour les tems qui embrassent ses oppositions.

Ptolémée plaçait la limite boréale en...... 5° 50′ avant Régulus.

Il la trouve moins avaucée que Régulus de.. 7.45

Rétrogradation.... 4.15 == 255' == 15300';

Mouvement annuel, 10" 34"; mouvement tropique, 40" 26".

Lalande ne trouve que 28".

Ainsi, l'apogée est direct, le nœud rétrograde; c'est aussi ce qu'on remarque dans la Lnne.

Képler calcule toutes ses oppositions sur les élémens qu'il vieut de déterminer.

Nous ne donnerons que le premier de ses calculs; tous les autres lui ressemblent.

```
KÉPLER.
Aphélie de 1587 ..... 4 28 48 557
                                         BC 0,07232 - 8,850258/
mouvement ponr 7 ans
                                         sin anomalie - 9,9994763
aphélie en 1580 .... 4.28.42.13 sin CFB = 4°8'32" ... + 8,8587347
longitude moyenne.. 1.25.53.26
HCF = anomal, mov. 8,27,11,13
                                     BA = 0,11552
                                            1,11332 ... 9,9535800
               HBF 9. 1.19.45
                                           0,88668 ... 9,9477668
                                    tang 44° 20′ 7"5 ... 9,9800242
                    2.28.40.15
  (BAF + BFA) = 44.20. 7,5
                                        57.53.19,5
dist. a l'aphél. BAF = 2.22.13.27
                                        82.13.27.0 = BAF.
          aphélie = 4.28.42.13
longitude en oppos. = 2. 6.28,46
        observée
                    2. 6.28.55
excès du calcul...
```

Képler n'en trouve que 9; il ne parle ni de latitude ui de réduction à l'écliptique ; c'est ainsi qu'il a formé la table suivante :

| | _ | _ | _ | |
|--|-----|---------------|-----|----------------------------|
| 1580 | ۱+ | o" | - | 160 |
| 1589 | Ιi | 26 | - | 69 |
| .565 | 17 | 34 | T . | |
| 1303 | 1 + | 96 | + | 71 |
| 1587 | +++ | 16 | - | 9 |
| 1585 1587 1589 1591 1593 1595 1597 1600 1602 | + | 13a 51 | + | 71 9 107 26 16 |
| 1501 | ۱i | 5. | i | ae |
| 10.7 | i T | | 1 | ~ |
| 1090 | ݇ | 41 | + | |
| 1595 | 1+ | 14 | - | 41 |
| 1597 | 1+ | 41 14 3 | - | 22 |
| 1600 | Li | 18 | | |
| 1000 | 17 | 10 | - | 2. |
| 1002 | + | 107 | + | 132 |
| 1604 | 1- | 27 | - | 59 |

A la réserve des deux dernières, qui ne sont pas de Tycho, toutes les observations donnent un excès, et par un milieu on pourrait retrancher 47", et aucune erreur n'irait à 1' 1; par un milieu entre les 12, il faudrait retrancher seulement 25 et l'on aurait les erreurs de la seconde colonne.

Képler remarque qu'aucune ne surpasse le diamètre apparent de la planète; il supposait ce diamètre beaucoup trop grand; il était mieux de dire que les erreurs ne passaient pas celles qu'on peut attribuer anx observations : et c'est ce qu'il dit quelques lignes plus loin.

Il conclut qu'en rapportant les oppositions au lieu vrai, il a angmenté

la précision obtenue par les élèves de Tycho, el l'on ne peut nier qu'il n'uit raison; il va maintenant prouver par les latindes, que cette hypothère n'est pas la véritable. Tycho s'était hien aperçu que son hypothère, qu'il trouvait is parfaite pour les longitudes, reprécientait assez mal les latitudes; mais il n'y trouva pas de rénicle, et il abandonas cette théorie pour s'occuper de la Lune.

Soit DE (fig. 62) le plan de l'excentrique de Mars, D la limite boréale; E la limite australe; par le point A mener HL, qui représente l'excentrique de la Terre; que HAD et EAL soient dans le plan d'un cercle de latitude.

En 1885, la Terre était dans la ligne AH, c'est-à-dire en B; en 1593, elle était sur AL en C; AB et AD se dirigent vers 4'21°, et le Soleil A paralt en 10'21° vn de B.

CL se dirige vers 11'12', et le Soleil A vu de C paralt en 5'12'; mais 5'12' sont plus voisins de l'apogée du Soleil; BA est donc plus petit que AC.

Prenons ces distances à la page 98 des Progymnasmes, tome I, et supposons-les pour un instant bonnes; AB = 0,9/5 et AC = 1,01/400; les corrections de Képler feraient BA plus graud et AC plus petit; mais ces distances seraient encore inégales.

sin BDA : BA :: sin DBA : DA = $\frac{BA \sin DBA}{\sin DBA} = \frac{0.975 \sin 4^2 34^2 10^4}{\sin 2^2 4^2 40^4} = 1,632$. En 1503, Saturne était à 64° du nœud ; sa latitude , en supposant 1°51'

 $\sin \text{CEA} : AC :: \sin C : AE = \frac{AC \sin C}{\sin CEA} = \frac{1,014 \sin 6^{\circ}3}{\sin 4^{\circ}24} = 1,5930$ ci-dessus

DA = 1,6502Somme.... $\overline{5,0252}$ Moitié..... 1,5116 Différence... 0,2392

0,1186.

Excentricité...

Si l'on yeut que la distance moyenne de Mars soit 1, l'excentricité en parties de cette distance sera 0,08; mais en faisant quelques corrections aux distances qui n'étaient pas apogées, on aura 0,09943.

Ainsi, l'excentricité de l'excentrique doit être entre les nombres 0,08 et 0,099.

Mais d'après les hypothèses ci-dessus, l'excentricité a été trouvée 0,11352, beancoup plas forte qu'il ne convient aux latitudes.

« Il fant donc qu'il y ait quelques vices dans nos suppositions; or, ces » suppositions étaient que l'orbite était un cercle, et que sur la ligne des

» apsides il y a un point où les mouvemens sont proportionnels aux » tems. L'une ou l'autre de ces suppositions est fausse; peut-être tontes » les deux; car les observations sont sûres. »

On arriverait à nne conséquence pareille, eu rapportant les oppositions au lieu moyen du Soleil.

Képler fait des calcals semblables dans les bypothèses de Tycho et de plolémée. Les latitudes le forceat pareillement a couper l'exenciricié en dux parties égales; au chapitre 16, il a trouvé l'executicité e, 18504, la moitié est 0,00283, et ce nombre tombe entre 0,08 et 0,005/5. Plolémée nons avait montré que l'executicité n'était que moitié de ce qui est indique par les oppositions; ce n'est pas sains rajons qui prisce parti; nous ne devous pas rejeter légérement cette hissection qui nons est indiquée par les lativoité.

Mais si nous conpons eu deux l'excentricité 0,18564, uons représenterons assez bien les lieux à 90° des apsides; mais nous aurons des erreurs dans les apsides et dans les octans; ces erreurs iront à 8' et même à 9.

C'est donc pour 8 ou 9' que Ptolémée a coupé l'excentricité en denx également; mais il avoue l'ai-même qu'il ne répond pas des observations à 10' près. Ptolèmée n'avait donc aucane raison bien solide pour prendra ce parti.

"Mais la bonté divinc nous a domé en Tycho un observatera si » exact, que cette erreur de 8' est impossible; il faut remercier Dien et » liver parti de cet avantage; il faut découvrir le vice de nos suppositions. "Ces 8', qu'il n'est pas permis de négliger, vont nous donner les moyens » de réformer toute l'Astronomie. »

Ces erreurs des latitudes, qu'il vient de démontrer dans les oppositions, il les démontre de même dans les autres positions : il en tire les mêmes conséquences pour l'excentricité.

Pour ces calculs, il donne avec un certain appareil un théorème fort simple, qui consiste à diviser par le cosinus de la latitude héliocentrique la distance dans le plan de l'écliptique, pour avoir la distance dans le plan de l'orbite.

Avec cette attention, il continue ses calculs, qui ne peuvent encore être d'une bien grande précision, puisqu'il suit encore en partie les idées communes; il en avertit, et nous annonce, page 118, « que les deux » suppositions sont également fansses; que l'orbite est ovale et non cir-» culaire; que son grand axe est la ligne des apsides; son petit axe, la » ligne qui joint les denx distances moyennes, en passant par le centre » de la figure. » Il venait d'affirmer qu'il n'y avait pas de point autour duquel le mouvement fut nniforme; il n'en donne pas les preuves, mais on peut le croire sur ce dernier article; et dans le fait, c'était anx autres à prouver l'existence d'un tel point. Cette supposition fondamentale n'aurait pu être justifiée que par son accord constant avec les observations. Cet accord n'existe pas, la supposition n'est donc pas admissible.

Mais comment une fausse hypothèse peut-elle rencontrer juste quelquefois, et à quel point peut-elle paraître exacte? Képler répond, que l'hypothèse qui va passablement pour les longitudes, ne satisfait nulle-

ment anx latitudes; elle n'a donc pas rencontré juste.

L'hypothèse des anciens partageait la route en deux parties semblables et décrite en des tems éganx; ce point est commun aux deux systèmes. La fansse orbite devait paraître vraie dans les deux points extrêmes : mais des deux côtés elle devait s'écarter : on a vu et mesuré cet écart : on en a déduit une excentricité; on a donc obtenu quatre points assez exacts de la route de la planète. Après avoir satisfait aux longitudes o, no, 180 et 270°, on a essayé les octans, on a trouvé le moyen de les représenter à fort pen près, et enfin on a réduit l'erreur à fort peu de chosè; mais elle n'en subsistait pas moins, quoique peu sensible; on élait venu à bout de la répartir en divers points; « mais cette rusée a courtisanne n'avait pas cependant de raison pour se vanter d'avoir » attiré dans son LUPANAR, la vérité, cette vierge pudique. Une femme » honnête dans une rue étroite suivait de près une femme de mauvaise » vie; des professenrs d'arguties logiques, sots et chassieux (stulti re

n lippi), qui ne savaient pas distinguer l'air ingenn de l'une de l'impu-» dence de l'antre, se sont persnadés que la femme honnète était la n suivante de la conrtisanne; pag. 121 et 122. n

Voilà encore un échantillon du style de Képler. Il résume ensuite

ses recherches; il a trouvé le moyen d'établir une hypothèse sur les observations de Tycho; il l'a détruite par ces mêmes observations; il a suivi les pas de ses prédécesseurs; il termine cic cette seconde partie, pour marcher d'apros ses propres idées. Voici le titre de la troisième partie :

Commentariorum de motibus stellee Martis pars, tertia.

Investigatio secundæ inæqualitatis idest motuum Solis vel Telluris; seu Cluvis Astronomiæ penttioris, ubi multa de causis motuum physicis.

En cherchant la cause de l'équant de Ptolémée, ou du second épicycle de Copernic (Myster. cosm., ch. 22), il avait dit que si cette cause était la véritable, elle doit être générale pour toutes les planètes. La Terre cependant n'avait pas d'équant. Il n'osa rien prononcer, mais il commença à soupçonner que la Terre pourrait avoir son équant comme les planètes. (La vérité est que les planètes n'en out pas plus que la Terre; il vient de prononcer que Mars n'en a pas, mais il n'avait pas encore fait cette découverte.) Tycho lui écrivait que l'orbe annuel de Copernic, ou l'épicycle de Ptolémée, n'était pas toujours de la même grandeur, relativement à l'excentrique, mais qu'il produisait une altération sensible dans les trois planètes supérieures, et que pour Mars il en résultait une différence de 1º 45' (L'excentricité 0,0168, que de Mars, ne peut soutendre qu'un angle de 38'. Mais si Tycho trouvait 1° 45', comment pouvait-il négliger une pareille différence, ou ne devait-elle pas lui donner quelques doutes sur la bonté de ses hypothèses?) Page 200 de ses Lettres, il paralt croire que l'excentricité du Soleil produit une inégalité dans les équations de l'excentrique; que cette inégalité n'était que pen ou point sensible dans les oppositions, mais qu'il en fallait tenir compte dans les quadratures. (Tycho dit en effet que cette inégalité provient peut-être de l'excentricité du Soleil, et peut-être d'une autre cause, et qu'elle est plus sensible dans l'orbite de Mars, qui n'est pas à l'orbite du Soleil dans un aussi grand rapport que celles de Jupiter et de Saturne. En transportant aux planètes le mouvement de la Terre, on avait tacitement supposé ce mouvement circulaire : c'était le mouvement elliptique et vrai qu'il eût fallu transporter; de là cette inégalité soupconnée par Tycho, et qui aurait dù le désabuser de l'idée de rapporter les mouvemens des planètes au Soleil moyen, ou même lui faire abau-· donner son système pour celui de Copernic.)

Képler imagina que cette inegalité provenait de ce que l'orbe annuel n'etait pas partout également éloignée du cehtre; car on ne peut imaginer de cause physique qui angmente ou diminue cet épicycle." Au lieu de

Lan X 15 Google

cette absurdité, n'étai-il pas plas naturel de penser que le Soleil n'est pas toujours à égale distance du centre? Il songes donc à introduire un équant dans la théorie du Soleil. Soit F Mars sur la droite FC perpendiculaire à ED (fig. 65); que la Terre soit en D, et ensaite, Mars étant revenn en F, que la Terre soit en E, SiCD—EC, les deux angles en F seront égaux; mais CEI> CD, CFE sera plus grand que CFD, et celui qui ue considérersit que ces deux positions opposées, penserait que l'orbe terrestre serait tantol plus grand et tantol plus petit.

Képler applique le même raisonnement aux hypothèses de Ptolémés

et de Tycho.

Il fui impossible de trouver deux observations aussi exactement correspondantes, parce que les révolutions de Mars et de la Terre ne sont pas exactement commensurables; il fallut donc se contenter de ce qui approchait le plus des positions qui ne se rencontrent jamais exactement. Kejher cherche par les tubles les tems où l'anomalie égalée C sisit de 90° ou de 270°; il en fit une table et chercha si ces jours-là Mars avait sité observé.

Une révolution de Mars est de 637 jonrs, deux révolutions du Soleil fon 750⁴5, la différence est de 45⁴5; le mouvement du Soleil est de 754⁵5′ 35°, c'est le changement de communation à la fin de chaque révolution de Mars. On veut deux observations opposées, le changement est de 1127 para n. 475 de deux ans, ou de 65° 40° en bui ans. On aurait voulu 90°, mais on ne trouva aucun couple d'observations sinsi espacé.

Képler songea à tirer parti des observations à 64° 3 d'anomalie égalée, qui reviennent, à quelques minutes près, au bout de six ans.

Voilà donc une différence entre deux prostaphérèses ou deux paral-

laxes annuelles, quoique la commutation fut la même; CD et CE ne sont donc pas égales. De la ce problème :

Connaissant deux distances CE et CD du Soleil à la Terré, et les lieux de l'apogée du Soleil dans le zodisque, trouver l'excentricité du Soleil on de la Terre.

Dans le triangle FCD, nous avons la commutation calculée FCD, la parallaxe CFD, d'où l'angle en D;

$$\sin D : \sin F :: FC : CD = \frac{FC \sin F}{\sin D} = \frac{FC \sin 36^{\circ} 51'}{\sin 78 \cdot 45.35} = 0,61148 FC,$$

$$CE = \frac{FC \sin 58^{\circ} 5' 30'}{\sin 77.31.0} = 0,63186 FC.$$

Soit NR (fig. 65) la ligne des apsides de la Terre, N le périhelie, R l'aphélie, B le centre, C le point d'égalité du mouvement, E et D les deux lieux. Nous avons l'augle C = 128 47 '19", nous avons CD et CE; prolonges EC, abaisses la perpendiculaire DO, puis CP et BO sur DE;

$$CDO = 58.47.19 = 90^{\circ} - DCO$$
.

DO=CDsin DCO=0,6:148sinDCO=0,47660, tang DEO=DO=25°9'20", 0

CO=CDcosDCQ=0,58305 ED =
$$\frac{EO}{\cos DEO}$$
 = 1,12125,

CE=0,63186 DQ=
$$\frac{1}{4}$$
 ED = 0,560625,
EO=1,01491, DEC = DEO = 23°6′20″

EDC=DCO-DEC=26*5'21", CP=CDsin CDP=CEsinCDE=0,26858,

PQ=0.011305.

CR, ligne de l'aphélie, se dirige vers 9' 5° 30'

$$DXC = 8.25.21$$

CB = PS = PQ sec QPS =
$$\frac{0.011705}{000 \text{ QPS}}$$
 = 0.01143,
QS = PQtang QPS = 0.00167, PC = CD sin CDP = SB = 0.25580

$$SB + QS = BQ = 0.25756$$
.

Le triangle rectangle DQB donne BD = 0,62237;

La solution de Képler se réduit aux formules suivantes :

$$tang E = \frac{CE}{CE} tan DCE,$$

$$DE = \frac{CE}{CE} tan DCE,$$

$$DE = \frac{CE}{CE} tan DCE,$$

$$CDE = 180^{\circ} - CDE = E,$$

$$CDE = 180^{\circ} - CDE = E,$$

$$CDE = DC sin D, DP = DC con D,$$

$$PQ = IDE - DP, X = D - DCR,$$

$$QS = PQ tang X, PS = \frac{PQ}{con X} = CB,$$

$$EQ = (BS + QS) = (CP + QS)$$

$$tang QDB = \frac{DQ}{DQ} DB = \frac{DQ}{con QDB}, excentricité = \frac{CB}{DB}.$$

$$En voici le calcul: en commençant par CD et CE, p. 425, lig. 8 et g.$$

$$(fig. 64) DFC = 36^{\circ} 5^{\circ}, or er CE = 38^{\circ} 5^{\circ} 5^{\circ}$$

$$FCD = \frac{64}{54}.5^{\circ}.5^{\circ}$$

$$somme = tol.14, 5^{\circ}$$

$$FDC = 78.45.5 o FEC = \frac{64}{27^{\circ}.5^{\circ}}.5^{\circ}$$

(fig. 64) DFC = 36°51' o" somme = 101.14.30sin 36.51. o... 9.7779501 sin 38. 5.30... 9,7902298 G. sin 78.45.50... 0,0084135 G. sin 77.5r. o... 0,0103005 CD=0,6114537... 9,7863636 CE = 0.631850...0.8006203CE compl..... 0,1003207 FC est pris pour unité. CD : CE - 9,9857433 9,9857433 cos 128.47.19...- 9.7968857sin... 9,8917952 + 0,6062181... + 9,7826290 C. 1.6062181.. 9,7941955

0,6062181... + 9,7826390 C. 1.6062181.. 9,7941955 1,6062181..... 0,2058045 tangE= 25° 9′ 18°.. 9,6717340 C. cos E... 0,0452741 C=128.47.19

CE... 0,8006203 153.56.37 DE=1,12124... 0,0496989 D=26. 5.23

2124... 0,0490909 D = 20

DQ = ; DE = 0,56052

KÉPLER. sin D ... 9,6427192

CD... 9.7863656

DP=0,540507 PO = 0,011313 cos D... 9,9534514 DP = 0.549307...0.7508150

D = 26° 5′ 25" RCD = 17.38CP = 0,2685856...9,4290828.

X = 8.25.25PQ... 8,0535778

tang X ... 9,1704916 PQ... 8,0535778 QS = 0,0016752...7,2240694.

C. cos X ... 0,0047100 CP = 0,2685856

BQ = 0,2702608... 0,4317831 CB = PS = 0,0114364... 8,0582878 C. DB... 0,2050572 C. DQ ... 0,2515311

excentricité=0,0183757... 8,2642450 tang BDQ=25°44'14"...9,6831142. Képler...o, 01837.

Tycho la supposait 0,03584 C. BDQ... 0,0455739 moitié..... 0,01792 DQ... 9,7486689 différence.... 0.00045. DB = 0,6223616...9,7940428.

Ainsi entre le centre des distances égales et le centre des mouvemeus égaux, il n'y a que la moitié de l'excentricité; donc l'excentricité du Soleil est coupée en deux également, comme celle des planètes. par le centre des distances égales. La petite différence 0,000045, tient à l'erreur des tables et aux erreurs de l'observation, et à la précession dans l'intervalle, que Képler dit avoir négligée; elle n'empêche pas la légitimité de la conséquence. (On établirait aujourd'hui cette conséquence d'après les diamètres apogée et périgée, qui ne varient que d'un soixantième, au lieu que suivant Tycho et les anciens, ils auraieut du différer d'un trentième; Tycho avait entrevu que cette variation n'était que d'un soixantième, mais le préjugé était si fort qu'il avait fermé les yeux à la lumière, et comme il trouvait quelque incertitude dans ses mesares, et qu'elles contrariaient sa théorie, il que donna pas à ses obscrivations toute

l'attention qu'elles méritaient.) « Tels ont été, dit Képler, les commencemens encore timides d'une » recherche où l'on était obligé à de petites réductions, pour obtenir

» deux commutations parsaitement égales. Enhardi par ce premier succès,

» je preudrai trois points quelconques; où Mars étant toujours au même

», lieu de l'excentrique, je calculerai autant de distances de la Terre au » centre des mouvemens égaux; et comme trois points suffisent pour » décrire un cercle, nous aurons la position de ce cercle, la ligne des » angles et l'excentricité. Si l'on pent y joindre nne quatrième observa-» tion, elle servira de confirmation. »

Il est flebeux qu'il nous ait annoncé d'avance qu'il n'existait aucun point d'égalité; il eu résulte na petit doute qui n'empêche pas que cette méthode ne soit très ingeineuse et très originale. D'ailleurs, pour une planète aussi peu excentrique que la Terre, l'erreur est à peu près insensible. En effet, j'ai prouvé que l'anomalie moyenne étant z, et l'angle an foyer supérieur de l'ellipse étant z', on a

$$z = z' - \frac{1}{4}e^{x} \sin 2u - \frac{1}{4}\frac{e^{3} \sin 3u}{\sin x}$$

ou $z' = z + \frac{1}{2}e^{z} \sin 2u + \frac{1}{2}e^{2} \sin 3u = z + \frac{1}{4} \sin 2u$

On peut négliger cette différence avec des obervations données en minutes.

En 1590, le 5 mars, 7º 10' du soir, Mars était sans latitude : ainsi la démonstration ne sera pas embarrassée de l'inclinaison.

Mars était revenn au même point en 1592, le 21 janvier, à 6º41' du soir, et en 1393, le 8 décembre, à 6º 12'; enfin, en 1595, le 26 octobre, à 5º 44' du soir.

Le mouvement de précession de l'un à l'autre.... 1, 4, 58' 50'

Le mouvement de précession de l'un à l'autre.... 1, 36

ainsi dans la 2° ... 1, 4, 40, 26'

la 5° . . . 1. 4.42. 2

la 4° ... 1. 4.45.38 L'apogée, selon Tycho, est 4' 25° 2. l'équation

Première longitude égalée..... 1.15.53 45
Pour la même observation, la commutation était... 10.18.19.56

Commutation égalee.... 10. 7. 5. 1.

Képler calcule ici suivant le système de Copernic, qui est le plus simple et le plus commode.

A (fig. 66) est le point d'égalité du mouvement de la Terre, B le Soleil, T la Terre en 1590, H en 1592, E en 1593, et Z en 1595. Les angles TAH, HAE, EAZ sont égaux, puisque A est le centre des mouvemens uniformes, et que les intervalles sont égaux.

Que M soit le lieu de Mars pour les quatre observations, AL la ligne des apsides, TAM la commutation égalée, diminuée de 6' ou

Mais AM se dirige en...... 1. 15.53.45

Donc TMA = 20.47.45 Parallaxe.

Donc I MA = 20.47.45 Paralaxe.

MAT = 127. 5. 1 Commutation.

Donc ATM = 52. 7.14 Élongation.

 $AIM = \frac{32.7.14}{180.0.0} EI$

 $\sin ATM : \sin TMA :: AM : AT = \frac{AM \sin TMA}{\sin ATM} = \frac{\sin 20^{\circ} 47' 45''}{\sin 52} = 0.66774 AM$

Il faut établir que AH, AE, AZ, sont différens de AT.

Seconde observat. HM se dirige en of 10° 9' o"

Le lieu héliocent. AM en...... 1.15.55.25 Parallaxe... = AMH = 55.46.25

Commutat. = MAH= 84.10.54 Elongat... = AHM= 60. 3. 3

 $\sin AHM$: $\sin HMA$:: AM: $AH = \frac{AM \sin HMA}{\sin AHM} = \frac{\sin 35^{\circ} 46^{\circ} 25^{\circ}}{\sin 60.5, 5} = 0,67467.$

5° observat. Longit: égalée 1' 15° 57' o"

observée... o. 5.35.30 EMA = 42.21.30

MAE = 41.16.16 MEA = 96.22.14

sin AEM : EMA :: AM : AE = AM sin EMA = sin 40* 91' 30* = 0,67794.

4° observat. Longit. observée... 1' 19° 21' 55"

hélioc.... 1.15.58.50 Parallaxe... ZMA = 3.23.5

Commutat... 5.28.21.55

ou 1.58. 5 MZA = 5. 1.10 AM sin 3° 23′ 5″

 $AZ = \frac{AM \sin 3^{\circ} a3^{\circ} 5^{\circ}}{\sin 5.1.10} = 0,67478.$

Képler avertit que la petitesse des angles rend cette dernière observation moins sure.

On awra donc

AT = 0,667746

AH = 0,67467

AE = 0,67794

AZ = 0,67478

AZ = 0,67487

AZ = 0,67487

AZ = 0,74487

AZ = 0,744878

La plus longue distance est AE du 8 décembre. C'est la plus voising da périgée, et cels doit être dans l'idée de Képler; car, dans, l'ellipse, si vous mettes le centre des moyens mouvemens au foyer supérieur, la plus grande distance à ce foyer aura lieu an périgée, et la plus courte à l'apogée, lei; la plus courte et al 70, qui est la plus Giognée du périgée; les deux autres sont presque égales, parce qu'elles sont à égales distances du périgée.

Le certe décrit autour de A par Copernic, c'est-à-dire DLG, n'est donc pas celui sur lequel se meut la Terre; ce doit être un autre cercle JLE, intérieur du côté de d', extérieur du côté de E, et dont le centre doit être quelque part vers B et sur AE, si en effet le Soleil en E était périgée bien exactement.

Képler montre qu'on aurait des résultats analogues dans les systèmes de Copernic et de Ptolémée.

Il résout ensuite ce problème : Trois distances du Soleil au centre du monde étant données avec les trois longitudes, déterminer l'apogée et l'excentricité.

Soient donnés AT, AH, AE, AZ, et les trois angles en A, tous trois de 42° 52' 47".

(Les trois ensemble donneront TAZ... 128° 38′ 21″ Mais ci - dessus nous avions TAM... 127. 5. 1

Il resterait... MAZ... 128° 38′ 21″ 1-55.20

différence... 4.45

Cette différence peut venir de la somme des erreurs de l'observation et du calcul.) Dans TAH, nous conusisons deux côtés et l'angle compris ; nous chercherons...

TH = 04/9169
et... ATH = 05/18'46'

Dans le triangle..... AEH = 68.12.26

Dans le triangle ATE... AET = 46.59.10

Brestera... TEH = 31.55.16

BTH = BHT = 156.55.28

BTH = BHT = 68.06.44

ATH = 05.9.8.46

ATH = 0.52.1.

Avec TB, TA, et ATB, on trouve

. TAB =
$$97^{\circ}50'$$
 50°
Longit. T = 172.59
Longit. B = $75.8.50$
et AB = 0.01025 AM = 0,1550 BT.

Cette détermination de l'apogée est eu erreur de 30°. Képler dit que la méthode est trè libre. En effet, q'est par un angle de 52°, sérement ineract, qu'il détermine un angle de 97° 50′ 50″. On ne peut douc raisonnablement compter sur ce grand angle; mais ce u'est pas la son object principal; c'est la valeur de AB, qui doit être la valeur au moins approchée de l'excentricité. Il trouve 0,0150, qui est même plus petite que 0,0150, et qui prouve que l'excentricité n'est pas 0,056 , comme les astronomes le prétendaient; quelque erreur qu'on suppose sur ATB, le côté opposé BA ne peut être réduit à moité.

Essayez d'autres combinaisons ternaires des observations, vons trouverez, à chaque fois, AB na peu différent, et le lieu du périgée tombera tantot en dessus, tantôt eu dessous de 3' 5° 2, ou qu' 5° 2', ce qui prouve qu'il y a dans les tables et dans les observation bién des incohérences.

Il rassemble ensuite, après les avoir discutées, quatre observations qui lui fournissent les quantités suivantes :

| 1 | ا بن | Θ | ob héliocent. | differ. |
|------|------------|-------------|---------------|---------|
| 1590 | of 24° 20' | 11 24 0 25 | 1514015' 4" | |
| | | 10.10.17. 8 | 1.14 16.40 | 1' 56' |
| 1593 | 0. 3. 45 | | 1.14.18.16 | 1.56 |
| 1595 | 1.19.42 | 7-11-41.34 | 1.14.19.52 | 1.56 |

On voit que les longitudes héliocentriques sont déduites de l'une d'elles, au moyen de la différence constante 1' 36".

Soit S (fig. 67) le centre du Soleil, G le centre de l'excentrique de la Terre, D, E, Z, H, quatre lieux de la Terre opposés aux lieux appagens du Soleil, M le lieu de Mars dans son excentrique. Joignes mutuellement tous ces points.

```
Triangle DSM. DS en 11 24 0 25"
              DM... 0.24.20
             SDM = 1.0.19.35
              DM en 0.24.20. 0
                                   C. sin SDM .... 0,2067720
              SM ...
                                  C. sin SMD.... 9,5323355
                      1.14.15. 4
             MDS =
                        10.55. 4
                                  SD = 0,6746965 9,8291084
             SDM =
                                        0,67467. Képler.
                       50.19.55
             DSM =
                       129.45.21
                       180. 0. 0.
Triangle ESM, ES en
                      10"10" 17' 8"
              ED en
                      0. 9.24. 0
             SEM...
                         59. 6.52
              EM en
                      0. 9.24. 0
                                     sin SME.... 9,7572652
              SM...
                                  C. sin SEM .... 0,0664:44
                       1.14.16.40
             EMS =
                        34.52.40
                                   SE = 0.666315 \ 0.8236706
             SEM =
                                         0,66632. Képler.
                         50. 6.52
             ESM =
                        86. 0.28
                        180. 0. 0.
Triangle ZSM. ZS en 8' 25° 53' 24"
             ZM-cn o. 5, 4.30
            SZM =
                     8.22.48.54 on 82.48.54
             ZM en
                     0. 3. 4.30
                                  C. sin SZM .... 0,0054232
              SM en
                     1.14.18.16
                                     sin ZMS..... 9,8189555
             7.MS
                       41.15.46
                                              m,8225587
            SZM =
                       82.48.56
                                  SZ = 0.6642015
            MSZ =
                       55.57.18.
                                        0,664292. Kepler.
```

Il faut en dédoire l'excentricité. On voit d'abord que ZS est la plus courte de ces distances, et que la Terre est périfilici à peu prês; que ES est un peu plus longue, parce qu'elle est à \$4' du périfileii. DS est la plus longue de toutes, parce qu'elle est à \$6' du périfileiie, elle doit donc différer fort peu de la distance moyenne. DS—ZS—0,010/04 sera donc à peu près l'excentricité, mais en parties de SM; elle deviendra 0,0159, et un peu plus si on la multiplie par SM. Cette quantité doit être un peu trop faible; mais on voit qu'elle n'est pas moitié de l'excentricité de Treta.

On dira même que ZS étant la plus courte de ces distances, le périhélie de Z, qui est en 8' 25° 53', doit être entre E et Z; puisque EL < HS, le périhélie est donc entre 8' 25° 23' et 10' 10' 17'.

Toutes ces conséquences se déduisent sant aucune peine; Képler nous les fait envisager pour nons encourager aux calculs qui vont suivre, or foffirient pas la même certitude. Trois points suffisent pour le problème, en supposaut l'orbite circulaire autour du centre G. Képler prend D, Z et H (quoique IIS soit la moins sûre de ces distances, à cause de la petitesse des angles).

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

| 454 | ASI | RONOMIE | MODE | RNE. | |
|----------------|---------|------------|---------|--------------|-----------|
| Triangle DSZ. | SD en 1 | 1 24 0 25 | SI | 0 = 8,674696 | |
| | SZ en | 8.25.53.24 | · 87 | = 0,664292 | |
| 1 | DSZ = | 88. 7. 1 | somme | = 1,558988 | 9,8732195 |
| précession | = | 5.12 | différ. | = 0,010404 | 8,0172003 |
| 1 | DSZ = | 88.10.15 | tang. | 45*54′ 53″ 5 | 0,0138712 |
| somme des inco | | | | 0.27.54,5 | 7,9042910 |
| demi-s | юшше | 45.54.53,5 | 5 | 46.22.28,0 | =SZD |

C. sin SDZ 0,1470914 - sin DSZ..... 9,9997785 · SZ..... 9,8223587 DZ = 0,951598..... 9,9692286 Képler... 0,95159...... 9,6989700 Triangle DSH.

SD en 11-24° o' 25" SD = 0.674696SH = 0,671708 SH.... 7.11.41.54

4.12.18.51 somme = 1,346404 C... 9,8708246 4.48 différ. = 0,002988 ... 7,4753806

.45.27.19,0=SDZ.

DSH = 4.12.25.59 tang 25° 48' 10" 5 9,6445502 somme = 1.17.36.21 tang 3.21,5 6,9907554

25.51.52 ,0 = SHD demi-somme = 25.48.10,5 25.44.49,0 = SDH.

C. sin SHD... 0,5950974 sin DSH... 9,8683646 SD... 9,8291084 DH == 1,251884... 0,0905701.

```
Triangle ZSH.
      SZ en 8/25*53' 24"
                            SZ... 0,664202
      SH en 7.11.41.34
                            SH... 0,671708
             1.14.11.50
                         somme... 1,536000 .... 9,8741935
                  1.36
                          différ.... 0,007416 .... 7,8701697
 précession..
    ZSH... 1.14.13.26
                          ting... 67° 55' 17" .... 0,3911525
   somme... 4.15.46.34
                                  0.46.59,3 ... 8,1355157
   moitié... 2. 7.53.17
                                 68.40.16,5 = SZH
                                 6_7.6.17,7 = SHZ
                        Képler... 67. 3.12,
ce qui vient de l'erreur sur SH.
                 C. sin SHZ... 0,6556370
                    sin ZSH... 9,8435218
                        SZ... 9,8223587
           ZH = 0.5029/15...9,7015175.
 Or,
                 SHD = 23°51' 32"
                                        SDZ = 45° 27′ 19"
                 SHZ = 67.6.18
                                        GDZ = 46.45.14
                DHZ = 45.14.46
                                        GDS = 1.17.55
        DGZ = 2DHZ = 86.29.52
                                      somme =178.42. 5
        GDZ + GZD = 95.30.28
                                      moitie, ... 89.21. 2,5
        GDZ = GZD = 46.45.14
             Képler.... 46.47.48.
                           +DZ... 9,6681986
                    C. cos GDZ ... 0,1642248
               DG = 0,6798662... 9,8324234
           Képler.... 0,68141.
                        DG = 0.679866
                         DS = 0.674696
                  DG + DS = 1,354562 ......C. 9,8682011
                  DG — DS = 0,005170 ..... 7,7134905
                      tang 89° 21' 2"5
                                        ...... 1,9456549
                                        ..... 9,5275465
                      tang 18.36.45
```

DGS = 107.57.47.5

sin GDS 8,3555193 DSG = 70° 44′ 17″5 C. sin DSG 0,0250185

Ici l'excentricité est beaucoup trop forte. GS=0,024007 8,3803376

Képler... 0,02516, ce qui est pis

encore.

DS se dirige en %1'24' o' 25'

DGS ... e 3.17, 57, 48

8, 6, 2.57,

DS ... 11.24, 0.25

SD ... 5.24, 0.25

SD ... 44, 18

apogée. 3.15.16, 7

mais il est véritablement en ... 5, 6

Il est donc clair que cette méthode ne peut donner aucune précision; elle ne peut déterminer ni l'excentricité, ni le lieu de l'apogée; mais elle a toujours donné l'excentricité beaucoup moins grande que celle de Tycho. Nous avons eu successivement 0,01530

la somme ... 0,03407
la moitié ... 0,018685
Nous avons encore trouvé ... 0,0187,

Tout nous porte donc à conclure, avec Képler, qu'elle dissire peu de 0,018, et plus sûrement encore, qu'elle n'est que la moitié de l'excentricité ordinaire des astronomes de ce tenns. Dans le fait, l'excentricité, pour le tens de Képler, n'était guère que 0,068, et bientôt il va trouver 0,0655, qui est un peu trop faible.

L'analogie avait condoit Képler à la bissection de l'excentricité de la Terre, qui fisiait seule exception à la règle générale; a vayat aucuno meusre aur laquelle il pit compier des diamètres du Solcit, il a cherché à démontrer la vérité de sa conjecture par uom enthode assurément ingénieuse, mais qui exigenti des observations parfaites, des tubles doit fort approchées, des observations difficiles à resembler et autsquelles il faut, quoi qu'on faste, appliquer des réductions un peu incertaines; mais après avoir suffissement prouvé so hissection, il a voulu que sa mais après avoir suffissement prouvé so hissection, il a voulu que sa même méthode lui donnât la quantité précise et l'apogée; c'était vouloir l'impossible.

Il est à remarquer que Képler, qui a fait SH trop grand par une ercur de calen], sonpoçune qu'il est trop grand, et qu'il le diminne arbitrairement; par là il diminue un pen l'erreur de son apogée et celle de son excentricité, sans parvenir pourtant à rien de précis. Après plaiseurs tentaires, il cocolet que l'excentricité est de 0,016, que la route de la Terre est ovale, comme on le verra plus clairement aux chapitres XXX et XLIV.

Il montre comment on fernit le calcul, dans les hypothèses de Ptolemée et de Tybo; mais dans celle de Ptolémée, le calcul pécheire, per les fondemens, comme l'hypothèse même. De la théorie de la Terre on en pourrait déduire jusqu's six différentes pour le Soliel; mais le soliel Frillant de la vérité fern fondre comme du beuvre tout cet appareit de Ptolémée, et chassens tous les partisants de l'ancien système, qui seront forcés dentres dans le camp de Copernic, ou dans celui de Tycho.

Il recommence tous ses calculs, en n'empruntant aux fables que le mouvement moyen de Mars, sur lequel il ne peut exister aucun doute, et les lieux du Soleil; et pour faire accorder les différens angles de sa figure, il fait des changemens de 2 en plus au lieu de Mars, et il trouve Taphelie en 6 vo 10; et l'exentricité do, olc de l'appendent de l'app

Si l'on suppose l'orbite de la Terre un peu aplatie par les côtés, on représentera fort bien son observation de Mars en 1604. Mais nous avons déjà vn que la longitude seule ne pronve rien en faveur d'une hypothèse.

Il appose enaite l'excenticité 0,08 et s'en sert pour calculer les diatances an Solici ji prend de mème les longitudes du Soleil dans les Tables de Tycho, et il cherche si ces suppositions lui donneront la meme quantité pour le distance de Mars au Soleil, et le même lien pour cette planète dans sone excentrique; il emploie jusqu'à cinq observations de Mars, et trouve tout l'accord possible et désirable.

Il regarde comme démontré, que l'excentricité est de 0,018, et assurément ce point ne lui sera plus contesté par personne. Il rappelle d'ailleurs que cette bissection est démontrée par les diamètres du Soliei) it cupilque sa méthode pour calculer le rayon vecteur de la Terre dans son hypothèse de bissection ; il montre comment le calcul d'un seul triangle donners quatre rayons vectures pour une table calcule de degré en degré; malgré cet avantage, le précepte est pen commode; il vaudrait miteux réduire le rayon vecture un série; il donne cette tuble. Sa méthode pour calculer l'équation du centre n'a rien qui mérite d'être rapporté.

Dans le chapitre XXXII, il s'attache à prouver que la force qui fait mouvoir circulairement une planète, perd de son intensité à mesure qu'elle s'éloigne de sa source.

Il remarque que dans le système de Ptolémée les vitesses périhélie et aphélie sont à très peu près en proportion (inverse) des distances.

Il établit, dans le chapitre suivant, que la vertu motrice réside dans le Soleil. « La cause de l'accélération ou du retard n'est pas dans le corps de la planète, dont on ne peut pas dire qu'elle vieillit ou se fatigue, car les vitesses les plus grandes et les moindres reviennent à des intervalles réglés; il est visible que cette alternative dépend de celle des distances. La force motrice est donc au centre. Ferons-nous comme Copernic, qui n'y place aucun corps, du moins quand il calcule? y mettrons-nous la Terre, comme Ptolemee et Tycho? enfin y placerons-nous le Soleil, à l'exemple de Copernic, quand il se borne à la contemplation? C'est ce que i'ai commence à discuter, suivant des principes physiques, dans la première partie de cet Ouvrage. Il est démontré, par le fait, que le Soleil est le centre commun; si j'avais voulu le pronver à priori, aurait-on refusé de m'entendre, quand j'aurais dit que le Soleil est la vie du monde. poisque la vie des planètes consiste dans le mouvement ; qu'il est la source de la lumière comme de la chaleur et de la végétation, qui sont l'oruement du monde. Que Tycho juge lui-même s'il ne convient pas mienx placer dans le Soleil la force qui met en mouvement la Terre comme les autres planètes, que de faire monvoir les planètes par le Soleil, et par la Terre le Soleil accompagné de toutes les planètes? Il n'y a pas un troisième parti à choisir. Tycho a détrnit les orbes solides, et moi j'ai démontré invinciblement que la Terre a un équant comme toutes les planètes. Je me range donc du côté de Copernic, et je dis que la Terre est une planète.

- n Continuons donc à méditer sur cette force qui réside dans le Soleil, et montrons l'étroite connexion qui existe entre cette force et la lumière.
- » La lumière ne peut être la force motice, en serait-elle seulement le véhicule?
- » La force motrice ne se perd pas en s'éloignant de sa source, elle ne fait que se disperser sur un espace plus grand. (Ne devait-il pas en

concluve la raison inverse du carré de la distance? Est-il croyable qu'il disperse la force tractoire su me circonférence, arièteu de l'éteudre sur taute la surface? Il conçoit que la force entiente les plantèges et ne les saisit que sur un de leurs cercles). La force étoule dir corps contral, sans l'épuiser; elle ne ressemble pas aux odeurs ; qu'i soit une de-perdition de substance; elle est immaérielle comme la flumier. El peu de lignes après, par une contradiction inexplicable, il se figure la force motire et la lumière comme des surfaces qui enveloppent les corps?

« Le corps du Soleil est magnétique, ; il tourne autour de lui-même, En effet, la force émanée du Soleil fait tourner les planètes; le Soleil doit donc aussi tourner sur lui-même et dans le même sens que les planètes. A cette conjecture, à l'appelle il est arrivé par des argumens sujet à plus d'une difficulté, et qu'il appuie de raisonnemens plus faibles encore, il d'une difficulté, et qu'il appuie de raisonnemens plus faibles encore, il d'une difficulté, et qu'il appuie de raisonnemens plus faibles encore, il d'une celle de Merconstance qui n'est pas exacte. Il veut que l'équateur du Soleil mit notre éclipique. Et pourquoi celle de la nôtre plutôt que celle de Merconstance qui neut replanète. N'est-ce pas un restu de-ce préjugé qui lui a fait aillens regarder la Terre comme la plus noble des préjudes à suiveile mouvement qui leur est communiqué par la rutation du Soleil. Plus elles sont cloignées du centre, plus laur mouvement et leut. La giraitin du Soleil dint être plus rapide que la révolution d'aucune planète. Il estime qu'elle peut être de trois mois su plus (elle nest que de 25 jours).

Il se demande si le mouvement d'unre de la Terre ne viendrait pas de la rotation du Soleil, et si ces deux révolutions ne sersient pas de même durée; il n'aurait aucune répugnance pour cette opinina, qui lui paralt appayée par le mouvement de la Lune. Cependant il s'étonne que la Lune décrive en 50 jours un cercle 60 fois plus grand que l'équateur terrestre; il explique ce fait par le peu de densité de la Lune, qui donne peu de prise à l'action de la Terre.

De ce que la force mouvante est plus forte dans le Soleil que dans tout antre corps, il conclut que le Soleil les surpasse tous en densité. Cette conjecture ne s'est pas trouvée juste. Voyez ci-dessus, p. 371.

a Il ya dans l'aimant une vertu attractive qui se répaud à la ronde, suivant les rayons d'une sphère d'une certaine étendue. Si vous places un morceau de fer dans cette sphère, il sera attiré, et le sera d'autant plus qu'il sera plus près; aiusi il émane du Soleil une force qui se répaud tout autour.

upland in Google

a L'aimant n'attire pas en tout seus, mais suivaut des filamens on des fibres droites; ainsi il n'est pas croyable qu'il existe dans le Soleil une vegut tout-à-fait semblable à celle de l'aimant, car toutes les planètes tomberaient sur le Soleil; cette force ne doit être que directrice, le Soleif doit sovi des fibres circulaires.

" C'est un bel exemple que celui qui est fourni par l'aimant. L'anglais Gilbert a dit que la Terre est un gros aimant. La Terre est le pôle que la Lune observe exactement, comme le Soleil est le pôle qu'observent les planètes. Le Soleil est donc une espèce d'aimant. »

Il thefe d'expliquer comment un corps interposé qui arrête la lumière n'arrête pas la verte mouvante. Il cite encore l'exemple de l'ai-mant; il lès demande si cet obstacle ne suffirsit pas pour produire les mouvemens des apogées et coliu des monde; il n'y trouve pas d'apparence, car les apogées sont directs et les nœuds rétrogrades; la même cause on saurait produire des effets opposés.

Il croit avoir prouvé que l'accélération et le retard suit la simple proportion des distances; mais la vertu émanée du Soleil devrait suivre la raison doublée ou triplée des distances; elle ne dépend donc pas du Soleil.

A cette objection, qui n'est pas trop bien posée, il répond par des subilités qui ne sont pas dignes de lui; et apris avoir ainsi déraisonné, il se rit de lui-même, pour s'être trouvé embarrassé par de misérables chicanes. Nous ahrégons; nous craignons même de n'avoir pas asses supprimé.

Il explique ensuite, par occasion, les inégalités de la Lune. Il attribue à la Terre une vertu qui retient la Lune et l'empécherait de s'écarter, quand même elle ne tournerait pas autour de la Terre, avec laquelle elle serait portée comme dans un même vaisseau.

La vertu monvante du Soleil est telle, que si la planête était toujours à la même distance, le mouvement serait uniforme. Mais d'où vient que la planête s'approche et s'éloigne alternativement du Soleil 7 cela ne peut venir que d'une cause étrangère. Il flust que les planêtes aient des peut venir que d'une causé étrangère. Il flust que les planêtes aient des routes motives particulières, qui, se combinant une la force solaire, produisent ces dévaitons, comme elles produisent les mouvemens en latitude.

Il était ici tout près de la vérité, et il ne l'a pas saisie.

Il pose comme axiomes que le corps d'une planète est enclin au repos, et qu'il y persisterait s'il était seul; que la vertu motrice du Soleil lui ferait décrire l'écliptique; que le mouvement serait uniforme et circulaire, si la distance n'était variable; que si la planète, dans tout son cours, avait alternativement denx distances différentes, les tems périodiques seraient en raison doublée des distances; que la vertu propre de la planète est insuffisante à la transporter d'un lieu dans un autre; qu'elle n'a ni pieds, ni ailes, ni nageoires; mais cette vertu suffit au moins pour donner naissance à ce qui fait qu'elle s'approche ou s'éloigne. Il croit avoir démontré tont cela; mais il ne l'a point calculé; il n'en avait pas les moyens. Nous voyons qu'ils se laisse entraîner à son imagination. Il a le desir très louable de tout comprendre et de tont expliquer, et d'assigner des raisons physiques à tous les phénomènes. Parmi taut de conjectures, il devait s'en trouver de vraies, d'autres un peu hasarilées, d'autres tout-à-sait sausses. Celles qui pouvaient se vérisier par la Géométrie du tems et par des calculs, quelque longs et pénibles qu'ils fussent, il a eu le courage d'en chercher la démonstration, et il a réussi. C'est ainsi qu'il s'est assnré de ses trois fameuses lois, qu'il a même rectifié ses premières conjectures; mais quand ses méthodes l'abandoquaient, il errait an hasard, et c'est ainsi qu'il n'a pu bien concevoir la manière d'agir de la pesanteur universelle, dont il avait apercu quelques théorèmes importans.

Il fallait tous ces essais, tous ces calculs, ces opérations si pénibles et si détournées, pour arriver à la seule voie naturelle, dit ensuite Képler : Ma première erreur fut de croire que le chemin de la planète était un cercle parfait, erreur d'autant plus nuisible, qu'elle est appuyée du consentement de tous les philosophes, et qu'elle paraissait plus conforme à la Métaphysique. C'est ce principe métaphysique qui a causé tous les embarras de Képler et de tous les astronomes qui l'avaient précédé. Il est vrai qu'il lenr était impossible d'apercevoir des phénomènes qui aujourd'hui seraient des préservatifs infaillibles contre cette erreur, comme les diamètres et les phases des planètes; mais, dans leurs observations mêmes, ils se bouchaient les yeux pour ne point apercevoir des phénomènes qui les auraient mis dans la bonne route. Les digressions de Vénus, et sur-tout celles de Mercure, indiquaient clairement que les orbes de ces planètes ne pouvaient être circulaires. Pour éluder ces preuves, ils combinaient les cercles et les épicycles de la manière la plus embarrassante et la moins naturelle. Par ces moyens, ils étaient parvenns à représenter à peu près les observations de la Lune dans les syzygies et

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

les quadratures ; ils négligèrent les octans pour ne pas se créer de nouvelles difficultés. Leurs hypothèses pour les longitudes leur dounaient, pour des distances, et les parallaxes et les diamètres des variations, qui n'auraient pu échapper à leurs instrumens, quelque grossiers qu'on les suppose et qu'ils fussent en effet. Ils ont fait semblant de ne pas voir les défauts de leurs hypothèses. Quelques philosophes hardis avaient mis en avant le mouvement de la Terre. Les Égyptiens, dit-on, on plutôt quelques Grees, avaient fait tourner Vénus et Mercure autour du Soleil. Aucnn astronome ne daigna examiner ces idées. Copernic fut le seul qui les ait prises ponr le sujet de méditations sérieuses ; mais il n'eut lui-même qu'une idée imparfaite de sou système. Il consegua les épicycles; il n'osa pas mettre véritablement le Soleil au centre; il se contenta de montrer que, dans son système, on ponvait représenter les principaux phénomènes aussi bien, et peut-être mieux, que dans celui de Ptolémée. Doué d'une force d'esprit assez grande pour secouer un préjugé nuisible et invétéré, il n'eut ni la patience, ni peut-être le génie des calculs, ou du moins il manqua des secours nécessaires. On dut à Tycho des observations nombreuses et beaucoup moins inexactes, qui étaient des matériaux indispensables au perfectionnement des théories ; Képler sut les mettre eu œuvre. Il eut de la patience et du génie; mais, malgré sa hardiesse et sa philosophio, il se laissa lui-même influencer par quelquesuns des préjugés qu'il combattait. A l'exception de ses recherches sur l'inclinaison des planètes, on n'a vu jusqu'ici que des calculs fondés sur la circularité des orbites, et par consequent iucertains; mais c'était un préliminaire indispensable. Il fallait bien soumettre ces hypothèses aux calculs pour en montrer l'insuffisance. S'il n'eût pris ce détour, personne ne l'eut écouté : et, malgré taut de soins, on ue l'écouta guère encore, Il a fallu que Képler complétât les découvertes de Copernic, et que Newton démontrat les découvertes de Képler. Aujourd'hui qu'il a triomphe, on lui saurait gré d'avoir été plus hardi, et d'avoir supprimé tous ces essais pénibles pour démontrer la bissection de l'excentricité, qui n'est pas même un chose rigoureusement exacte, puisque Képler nous avertit lui-même qu'il n'y a véritablement point d'équant dans les mouvemens celestes. Il aurait supprime la grande moitié desonimmortel ouvrage ; il aurait pu même comprendre dans la suppression quelques-uns des chapitres qui nous restent à extraîre; il aurait pu du moins les réduire à quelques ligues. Il aurait conservé cette proposition, que l'action du

Solcilene suffit pas pour expliquer les mouvemens des planetes, que ce mouvement se compose de deux causes; vérité qui avait becoin de deux causes; vérité qui avait becoin de developpemens différens, que Kejfer u's pu donner. Il compare une plaucite à une barque dont le mouvement se compose du mouvement du fleuve et du mouvement qui lui est imprimé par les rames, ou par cette corde, tendue d'une rive à l'autre, qui dirige les bace.

Il va prouver comment, avec un excentrique, on pent donner une théorie passable du Solcil, dont l'ellipse est trop peu aplatie pour rendre les errens bien sensibles.

Il pose un principe dont il a fait depuis usage ponr l'ellipse :

La somme de distances dans l'executrique est au tems périodique comme une partie quelconque de cette somme est au tems correspondant. En conséquence de ce principe peu commode, peu conn, et qui n'est qu'approximatif, il se contente d'abord de partager l'executsique en 560 parties, en supposant que la distance ne change qu'a chaque degré il partage de même les 569 3 de la révolution, et chacune de ces parties fait au vrai un degré d'anomalie moyenne. Additionnant tous ces tems, et comparant ces sommes de tems ou degrés d'anomalie avec les degrés de l'excentrique, on avec le nombre des parties pour lesquelles il vouluit avoir la somme des distances, il obtient ce qu'il appelle l'équation physique, ou l'une des dent parties dont il compose son équation du centre; l'autre est ce qu'il appelle l'équation optique.

Mais ce moyen mécanique et fustidieux avait cet inconvénient, qu'on ne pouvait tronver aucune équation isolément sans passet par les précédentes ; il chercha nue antre voie. Les points de l'excentrique sont en nombre infini. A la somme des distances il imagine de substituer les aires des secteurs. Il se souvenait qu'Archimède, pour trouver la surface du cercle, l'avait divisé en un nombre infini de triangles; au lieu de diviser la circonférence en 360°, il divisa l'aire en 360 secteurs, par des lignes menées du point d'où se complet l'executricité.

Si cette méthode de calculer est aujourd'hui inntile à la science, elle ne l'est pas à l'histoire de l'esprit humain, et il est enrienx de voir par quels pas, quelle suite d'idées Képler est arrivé à l'idée des aires proportionnelles aux tems.

Soit A le Soleil (fig. 68), AB l'excentricité, B le centre de l'excentrique et le demi-cercle CD, divisé en un grand nombre de parties égales par les rayons vecteurs AG, AH, etc.; le plus grand sera AC, le plus petit AD; tous les secteurs CBG, CBH, etc., seront égaux. Ces secteurs

unmodily Goog

composent la surface, comme leurs arcs partagent la circonférence; on a cette analogie :

aire totale : aire partielle :: arc total : arc partiel.

On peut donc substituer les aires aux ares, ou les aires aux degrés d'anomalie excentrique.

Mais cette même surface, qui est la sonme de tous ces rayons égaux BG, BG, BH, est aussi la somme de toutes les distances AG, AG, AH, etc. Il en conclut que la somme des rayons vecteurs AC, AG, pouvait remplacer celles des rayons circulaires, laquelle pouvait être remplacée par les aires. On dira donc

l'aire CED : demi-rév.=180° :: aire quelconque CAH est au tems de CAH.

Ainsi l'aire CAH domora la mesure da temsou de l'anomalie moyenne, qui répoud à l'aire excentrique CH H mais 1-à partie CHB était la menre de l'auomalie excentrique, dont l'équation optique est l'angle BHA. Done l'aire du triangle BHA est en ce licu l'excès de l'anomalie moyenne sur l'auomalie de l'excentrique, et l'angle BHA du triangle est l'excès de l'anomalie moyenne sur CAH, qui est éçai à l'anomalie moyenne sur CAH, qui est éçai à l'anomalie varie.

Si l'excentricité est grande comme celle de Mars, il ue suffit plus du secteur ou de l'angle; il faut calculer le petit triangle, ce qui peut se faire de plusieurs manières.

Tous ces triangles ont même base AB; ils ont pour hauteur le sinns de l'anomalie excentrique; ils sont donc entre eux comme les sinus; l'expression générale est $e \sin x$; $x + e \sin x =$ anomalie moyenne.

Il avoue qu'il y a quelque paralogisme dans son raisounement; car, dans les triangles d'Archiméde, tous les rayons sont perpendiculaires à la circonférence du cercle; dans les triangles de Képler, les angles sont abliques. Il a donné ci-dessus les distances de la Terre au Soleil pour tous les degrés de l'angle A. Additionnes ces distances pour chaque degré de B; le nombre des distances plus grandes que la moyenne, serait plus considérable que celui des distances plus petites que la moyenne; il démontre que les distances par tous les degrés de A, prises immédiatement dans sa 'Table, doivent faire une somme moindre que 56000000, parce que ces distances, prises deux à deux en ligne droite, formeront une somme de 180 cordes, qui sera nécessairement plus petite que celle de 180 diamètes.

Pour corriger les suppositions qu'il s'est permises, il a tenté des moyens

qui ne lui parsissaient pas suffisans; mais, comme l'ége présent compte des Géomères très distingués, qui se donnent souvent beaucopp de prine pour des questions dont l'attlité n'est pas bien évidente, il les invite à carrer la courbe formée sur la circoaference développée en ligne droite, et partagée comme ci-dessus en rayons vecteurs correspondans au point de division, c'est-à-dire, la courbe qui aura pour abscisses les ares de cercle, et pour ordonnées les rayons vecteurs qui répondent à ces ares.

Pour son angle H, nous ferious tang H = $\frac{e \sin x}{1 + e \cos x}$.

$$H = e \sin x - \frac{1}{4}e^{x} \sin 2x + \frac{1}{4}e^{x} \sin 5x - \text{etc.}$$

La correction que fait Képler est e sin x ; l'erreur est donc

$$\frac{1}{3}e^{x} \sin 2x - \frac{1}{3}e^{3} \sin 5x + \text{etc.}$$

Le premier de ces termes est $\frac{(o.o.8)^n}{\sin x^n}$ sin $2x = 55^n$, $4 \sin 2x$; Képler dit 55^n pour le Soleil.

On voil avec quel soin il examine, et par combien de calculs il vérifie les supposition qu'il basarde, ou les vérités dont il ne peut avoir la démonstration rigoureuse. Il troure lui-même deux défauts à sa méthode, est elliptique; consuite elle emploie un plan qui ne mesure pas exactement les distances; mais, par une espéce de miracle, les dœux erreurs us compensent, comme il le démontre chap. LAX. Il va mettre fin à cette partie; tout ce qui précède, il le regarde comme une tâche du matin, qu'il va quitter pour diner.

> Pars superat carpti, pars est exhausta laboris, Hic, tenent nostra anchora jacta rates.

Képler va secouer enfin tous les préjugés, il va voler de ses propres siles et donner la vraie mesure de la première inégalité, d'après les causes physiques et ses propres idées (ex propris sententiss).

Il a trouvé ci-dessus la distance de Mars au Soleil, 1,47750 et 14° a'1',9" fort près de nœud, la distance 1,65100 en 6' 5' 25' 20"; la distance 21 nœud était de 41°. Il calcule la latitude géocentrique; il ajoute 5\u00e4 à la distance qui devient 1,6515\u00e4; mais comme elle doit être un peu moindre, il garde 1,65100; il retranche 50" à la longitude qui devient 6'5' 14\u00e450'; il fait encore un calcul de ce genre, et il pose les

trois lieux suivans, corrigés de la précession, et il en conclut à vue que l'aphélie est en 5'8° environ.

| 1,47750 | 1 14 16 52" |
|---------|-------------|
| 1,63100 | 6. 5.24.21 |
| 1 66255 | 5 8 10 / |

Arec ces lieux, on pontrait trouver un cercle qui les renfermerait; on aurait l'executricité et l'aphelie. Mais, combinea trois à trois, de cette manière, un certain nombre d'observations, vous aurer des cercles différens, l'executricité variers, ainsi que l'aphelie. Il y a quelque chose de vicieux dans la méllode, écst qu'elle suppose que forbite est un cercle; ainsi, trois distances ne suffront plus, il en rassemble cinq; et voici les données qu'il adopte (fig. 69).

| | 000 | n I | 0 | Distance O & |
|--------------------------------------|--|---|---|---|
| 1585 1587 1588 1590 1600 | 4,5° 1 6. a. 6. a.3 5.20.1 3.29.1 | 8.3c 5.4c 3.3c | 9:25-21.16 9:25-21.16 8:10.55: 8 6:26.58:46 11:26.31.36 | 0,99170 0,98300 0,98355 0,99300 0,99667 |
| AG = AD = AE = AH = AL = Cest le | 0,99170 0,98300 0,98355 0,99300 Ote Lon | ADI = AEI = AII = ALI = z pour la pitude cor sphilie, o | = 122° 46′ 54° = 155.49.53 = 115.19.46 = 68.19.28 = 36.46.16 Millieu précession migée de,, pui ne peut se dé ra donc ces errer | terminer avec la |

Il connaît assez les clémens de Mars pour savoir entre quelles observations tombe l'aphelie et le périhélie; il en trace la ligne qui passe par le centre du Soleil et par celui de l'excenti-que. Deux observations sont à grache de cette ligne, trois sont à droite; dans la figure 69, il a les droites donnece de longueur et de position. S'il connaissait l'aphelie I, les lignes GI, DI, EI seraient données de position et non de longueur. Mais, en donnant à Al la longueur trouvée ci-dessus, 1,6667, on aurait A1; AG :: sin AG1: sin AIG = parallaxe du point I; on anrait donc la longitude héliocentrique du point I; la même pour tons les triangles, ou du moins on n'y trouverait d'autre différence que celle qui vieudrait de la précession des équinoxes.

$$\begin{aligned} & DA = \text{ i.' } \text{ g az' } \text{ 5} \text{ y''} \text{ AG} = \text{ i.' } \text{ a6} \text{ 5} \text{ i'} \text{ 56''} \text{ AG''} \\ & DI = \text{ 4.15.12.50} & GI = \text{ 5.29.18.50} \\ & ADI = \text{ 5. 5.49.53} & AGI = \text{ 4. 2.46.56} & AEI = \text{ 5.25.12.46} \\ & AH = \text{ 8' 10' 54' } \text{ 8''} & AL = \text{ 6' 20' 28' 46''} \\ & HI = \text{ 6. 2.55.40} & LI = \text{ 5.20.15.30} \\ & AHI = \text{ 2. 8.19.28} & ALI = \text{ 1. 6.45.16} \end{aligned}$$

Avec ces angles, il calcule la parallaxe annuelle de Mars, et trouve, ponr la longitude du point I, les valeurs qui sont à la dernière colonne du tableau; il en prend le milieu, le corrige de la précession, et trouve I en 4' 20° 20' 12".

| Il a fait, d'après ce qui précède, AI=1,64666=1============================== | n voit que |
|---|--|
| c'est à peu près la distance apogée de Mars. | 1 |
| Mars avait 1°48' de latitude 1,656667 = | 1,66780 |
| Par des calculs semblables pour le péribélie | 1,38500 |
| demi-somme on distance moyenne demi-somme on distance moyenne demi-différence. ou excentricité ou en parlies de la distauce moyenne Page 104 il avait trouvé, par l'excentrique, 9,48564; moitié, | 5,05280 1,52640 0,28280 0,14140 0,09264 0,09282 |
| différence | 0,00018 |
| Il a trouvé l'apogée en | |
| différence 6. o. 33.53. | |

Mais l'intervalle des tems est de 10° 6' à plus long que la demi-révolu-



tion, et si le mouvement périgée, pour cet intervalle, était de 55'55", on pourrait dire que l'apogée est en 4' 29' 20' 12".

On connaît les monvemens apogée et périgée qui sont à peu près dans la proportion des carrès des distances, c'est-à-dire, 26'15" dans l'apogée, et 38'12" dans le périgée, 31'27" dans les distances moyennes.

Si Mars part de l'apogée, au bout d'une demi-révolutiou, il sera au périgée; mais si le point du départ est à 0'26'15" de l'apogée, il arrivera en 180'58'2"; après une demi-révolution, il aura gagné 58'2"—26'15" = 11'46".

. Ce serait le contraire si le départ était d'un jour avant l'apogée.

Képler suppose que les 10 6 ; qui sont de trop sont moitié avant l'apogée et moitié après le périgée.

| En 5'3'15", | Mars apogée aura décrit suivant Képles | | 5' 16" |
|--------------|--|-----|--------|
| | Mars périgée aura décrit | | 8. 1 |
| | | | 15.17 |
| | Mouvement dans l'intervalle entier | 6.0 | 53.53 |
| Il y aura 20 | /56" de trop | 6.0 | 20.56. |

Pour les 5' 3' 15" on avait ajouté......

| c'était le placer en on en retranche | 4.29.25.28 |
|---|------------|
| il sera donc en | |
| différence | 10.58, |

Képler se demande laquelle de ces valeors est la plus vraisemblable, on n'en sait rien; mais il croit convenable de s'en tenir au nonveau calcul: 10' d'erreur sur l'aphèlie ne changent l'équation que de 1'49'. Comment déterminer l'aphèlie à 10' près, si les observations ne sout pas súres à 2' la sur la constitue de la constitue

Cette méthode, pour déterminer l'aphélie par la demi-révolution anomalistique, est due à Képler, elle avait été oubliée; Lacaille l'a depuis employée pour l'apogée du Soleil; je l'ai mise en formules (Astronomie, tome II, p. 1587), ce qui me dispensera de la commenter. Képler néglige le mouvement de l'apogée dans l'intervalle; mais le mal n'est pas graud, et nous avons bien d'autres causes d'erreur,

Du calcul de Képler il résulte une correction de 4' pour la longitude moyenne, car l'équation du centre n'était pas nulle, ainsi qu'il l'avait supposé.

Il peut douc se flatter de connaître, avec une grande certitude, la distance moyenne, l'excentricité et le lieu de l'apogée.

L'exentricité 0,0006 est la tangente de l'angle 5° 17° 56°; c'est l'angle AEB (fig. 68) du triangle qui fait partie du secteur quand l'anomalie de l'exentrique est de 90°; c'est ce que Képler appelle la partie optique de l'équation du centre; elle vient de ce que l'oril est au foyre A et non an centre de l'exentrique; l'aire du triangle = ; base = 0,065°.

L'aire du demi-cercle est à l'aire du triangle comme 180° on 648000" sont à 5°18'28".

C'est ce que Képler appelle la partie physique. Les deux ensemble forment l'équation pour oot.

| requantity pour go. | |
|--|-----------|
| L'anomalie de l'excentrique est | 90* |
| Le triaugle y ajoute | 5.18' 28" |
| L'anomalie moyenne est donc | 95.18.28 |
| Otez de l'anomalie excentr. l'angle en E | 5.17.34 |
| Il restera pour l'anomalie egalée | 84.42.26 |
| Équation totale | 10.56. 2 |
| Si l'anomalie est de | 45. o |
| Le triangle 5° 18' 28" sin 45° sera | 3.45.12 |
| L'anomalie moyenne | 48.45.12 |
| Otez l'angle du triangle oblique | 3.31. 5 |
| L'anomalie égalée sera de | 41.28.55 |
| Mais, par l'hypothèse du chap. 18 | 41.20.53 |
| Différence | + 8 22 |
| A 155° an contraire la différence est | - 8. s. |

Képler ne peut se persuader que su première bypothèse soit «asceptible de pareilles erreurs; elle représentait bise les observations, elle devait donc approcher beaucopp de la vérité. Mais, depuis, il a démontré qu'il fallait couper l'excentricité en deux, ce qu'il n'avait pas observé dans la première hypothèse; cette nouvelle excentricité ar s'accordera donc plus

avec les observations, puisque la différence entre les deux hypothèses va jusqu'à 8'. Il cherche et évalue les inexactitudes qu'on pourrait lui reprocher, il n'en trouve aucune qui puisse expliquer la différence.

Comment se fai-i-l qu'avec une excentricité bien connue, avec un rapport des orbes également certain, on trouve encore quelque difficulté, et que le triomphe ne soit pas complet? Képler assure que pendant deux ans il avait triomphé; mais les recherches des chapitres précédeus lui montrent qu'il manque encore quelque chose à son bypothèse.

Il calcule trois distances, l'une vers l'aphélie qui se trouve trop forte de 550; deux vers les moyennes distances, et elles se trouvent trop fortes, l'une de 785, l'autre de 789.

Il est évident que la courbe n'est pas un cercle, et qu'elle est plus étroite par les deux côtés.

Itaque plane hoc est: orbita planetæ non est circulus, sed ingrediens ad latera utraque paulatim, iterumque ad mirculi amplitudinem in perigæo exiens, cujus modi figuram itineris ovalem appellitant.

L'orbite n'est pas un cercle, c'est un ovale.

Voilà donc une découverte de la plus grande importance, et qui n'est due qu'à Képler et à l'espèce d'opinistreté qu'il a mise à considérer son suiet sons toutes les faces. On a de que d'autres avaient en cette idée; on cite particulièrement Reinhold, qui même avait étendu la remarque à Mercure. Mais Reinhold était loin de penser que les orbites réelles enssent cette figure; il remarque senlement que l'orbite de la Lune, d'après les suppositions de Ptolémée, était moins large que longue; et en effet. Ptolémée fait tourner le centre de l'excentrique de manière à approcher l'épicycle dans les quadratures, et à l'éloigner dans les syzygies, pour avoir une équation de 7°40' an lien de 5°. Il est hien évident que l'orbite devait être plus longue dans la ligne des syzygies que dans celle des quadratures : c'est la remarque que j'ai faite eu commentant Ptolémée, avant d'avoir lu Reinhold; il est impossible qu'elle échappe à qui construira la figure; on verra même que, vers les quadratures, la courbe tourne sa convexité vers le centre. En calculant cette courhe, j'ai montré qu'elle n'était point une ellipse, elle n'est pas même un ovale, puisque sa courbure s'est retournée. Bien d'autres sans doute ont du faire la même remarque que Reinhold, mais personne n'avait songé à en faire une loi pour toutes les planètes, d'antant plus qu'on avait justement remarque que

le rétrécissement de l'erbite de la Lune donnait des variations besucoup trop grandes pour les parallaxes : c'était donc une remarque sans aucune espèce d'importance (voyez Bailly, tome I, p. 367, et tome II, p. 71).

Képler pronouce donc que la courbe est ovalé; il adopte cette idée d'autant plus voloniters, qu'il s'était plus long-tens fatigué à trouver comment la planète aursit pu décrire un cercle parfait, au lieu qu'il entrevoyait des raisons pour que la courbe fût ovale. Nous supprimons cer sisons qui sout très pen satisfaisantes, quoique l'auteur en paraisse fort content (page 217); seulement il éprouve quelque difficulté à représente son idée par une figure; il ne peut trouver aucun secour dans la Géométrie; il essaie plusieurs moyens approximatifs pour décrire cette ourbe qui sera véritablement ovale et non elliptique. «C'est par abus que » l'on confond ces deux denominations, cer un cur a les deux bouts ninégaux, l'un plus obbus, l'autre plus aigu; or, telle est la figure que nous retranchons à notre excentrique » est beaucoup plus large par le bas que par le haut, à égales distances » des spaides » (page 222).

Mais, comment diviser cette surface ovale en parlies proportionnelles au tems?

« Si notre figure était une ellipse parfaite, la difficulté serait moins grande; car Archimède a démontré que la surface de l'ellipse est à « celle du cercle comme le rectangle des diamètres est au carré du « diamètre du cercle. Suppésons donc, pour un moment, qu'elle soit » une ellipse parfaite, car elle en differe peu; vôyons ce qui en résulater. La lunnle retranchée du cercle, pour le réduire à l'ellipse, ne « surpassers guère le cercle décrit d'un rayon égal à l'excentricité. » La démonstration qu'il en donne est longue et pénible. Soit Cle cercle,

E l'ellipse, 1 et b les deux demi-axes :

$$\begin{aligned} \mathbf{C} &: \mathbf{E} :: :: b, \quad \mathbf{C} - \mathbf{E} : \mathbf{C} :: : -b :: 1, \\ \mathbf{C} - \mathbf{E} &= \mathbf{C} (1 - b) = \mathbf{C} (1 - \cos i) = 2\mathbf{C} \sin^{2} \frac{1}{i} \cdot i = \frac{\mathbf{sC} \cdot \sin^{2} \frac{1}{i} \cdot \cos^{2} \frac{1}{i}}{\cos^{2} \frac{1}{i}} \\ &= \frac{\mathbf{sC} \cdot \frac{1}{2} \sin^{2} \frac{1}{i}}{\sin^{2} \frac{1}{i}} = \frac{1}{2} \mathbf{C} \cos^{2} \frac{1}{i} = \frac{1}{2} \mathbf{C} \cdot \mathbf{C} (1 + \tan g^{2} \frac{1}{i} i). \end{aligned}$$

Les cercles sont comme les carrés de leurs rayons; ‡ C est le demicercle dont le rayon est 1; ‡ Ce* est le demi-cercle dont le rayon est e. Il avait donc (à peu près) la surface de son ovoïde (car dans l'ellipse même il négligesit tange *4, et il dit que son ovale n'est pas une clipse);

Landa Good

mais la surface ne suffissit pas; il fallait la diviser en raison du teme, soit du centre, soit d'un point quelconque pris auve l'asc. Il en revient à sa conchoide qu'il avait employée pour carrer sa courbe, dont les rayions vecteurs étaient les rodonnées, et pour laquelle il avait imploré le sonrs des Géomètres. Il échoue malgré tous ses efforts; il se livre à de nouvelles recherches; il craint que ses lecteurs n'en soient enmayés; on demande qu'on juge de son ennait et decelui des son alculateur, puisqu'ils ont fait de cette manière trois tables tout entières d'équations avec trois différentes executivités. Il expose six autres manières, qu'il a également employées pour l'équation du centre; mais elle ne réussissent point et ne sont point démontrées.

« Tandis que je triomphe de Mars, que je lui prépare la prison des » tables, et les chalues des équations de l'excentrique, on m'annonce de » divers endroits que ma victoire est inntile, que l'aguerre recommence, « que l'ennemi a rompu ses chaîces et brisé les portes de sa prison. »

Il entreprend donc de nouveaux calculs, détermine des distances; il les trouve égales à pareit éloignement des deux côtés de l'aphélie qu'il a déterminé; cet aphélie est donc exact. Il pronve que l'excentricité passe par le Soleil, et qu'elle a son origine au centre du Soleil.

Il résume en ces termes sa méthode: Prenen na point quelconque dans le plan de l'écliptique, dont la distance au Soleil soit donnée de longueur et de position; voas pourres, d'après quelques observations, en déduire la distance à la Terre get à Mars, sans avoir besoin de consultre l'anomalié égalée de l'excentique. S'il a employé cet élément tiré des tables, au chap. 36, c'était uniquement pour simpliéer les calculs.**

Ensin, dans le chap. 55, il expose une nouvelle méthode pour trouver les distances de Mars an Soleil par des observations pen distantes les unes des autres, avant et après l'opposition, et de vérifier en même tems les lieux sur l'excentrique.

Soit A le lieu du Soleil (fig. 70), B celui de la Terre avant l'opposition, T celui de Mars, en sorte que l'élougation sera ABT. Dans la seconde observation, que la Terre soit en C, Mars en A, l'élongation ACH; le chemin véritable de Mars sera TH, celui de la Terre BC.

Vous connaîtrez l'angle TAH par les tables ; car vous aurez passiblement les deux longitudes héliocentriques T, H, et beaucoup mieux leur différence TAH; il ne peut y avoir aucnn donte sur cet élément.

Yous connaissez AB et AC; supposes une valeur a AT, vous aurez

deux côtés et un angle opposé; vous aurez donc tout le triangle ABT, et par conséquent l'angle BAT.

AH différera très peu de AT; vous connaissez AC, vous aurez de même CAH.

Vous connaissez CAB; CAB-BAT-CAH=TAH.

Si vous avez bien supposé AT, vous retrouverez TAH comme le donnent les tables.

Si vous avez supposé AT trop grand, par exemple AK := AI, vous trouverez IAK trop petit.

Si vous avez supposé AT trop petit, par exemple AZ = AE, vous trouverez ZAE trop grand.

Il vous sera donc facile, par quelques essais, d'arriver à la valeur véritable de AT.

Vous détermineres en même tems l'erreur qui peut rester sur le lieu de l'excentrique. Supposons que par erreur vous ayez transporté AT en AD de l'angle TAD; AH sera transporté en avant de l'angle HAE; AD sera trop longue, et AE trop courte.

Il ne faut pas que l'angle BAC soit trop petit, de peur que l'erreur des observations ne nuise à la justesse des conséquences.

Soit M le point de l'opposition (fig. 71), A le Soleil, NX l'orbite de la Terre, NT un cercle décrit du rayon MN, et qui touche en N l'orbite de la Terre, AT la tangente à ce cercle; menez NO perpendiculaire sur AT;

MN: AM :: TO: TA,
$$\sin A = \frac{NO}{AN} = \frac{TO}{TA} = \frac{NM}{AM}$$

L'angle A variera donc suivant que les distances de Mars entre la Terre changeront avec le lieu de l'opposition. Képler tronve A = 22° 15' dans les distances moyennes, 28° dans l'aphélie et 18 ½ supéribélie.

Cet angle déterminera le lieu où l'erreur sur la dislance AT aura son effet le plus seasible, et qui par conséquent sera le plus favorable à la détermination de la distance de Mars et du Soleil. La solution revient à chercher la plus grande parallaxe annuelle de Mars, qui sera le complément de la commutation.

On n'a pas besoin de déterminer avec une grande précision cet angle, qui d'ailleurs varie saivant la position de Mars dans son orbite; on ne trouvera d'ailleurs que par le plus grand des hasards, une observation qui réponde précisément à cette valeur.

Képler calcule de cette manière un grand nombre de distances de Mars

La wat Google

as Soleil. Il en déduit les corrections aux lieux calculés dans l'excentrique; il cherche ensuite les lieux géocentriques par ses élémens corrigés; il trouve encore des erreurs dont les extrêmes sont + 5'50' et - 5'30', qui proviennent sans doute des observations. Ainsi, après ce travail si long, si opinitère, si ingénieux; il n'a point amélioré les longitudes; ses erreurs sont aussi fortes qu'auparavant; mais les latitudes vont besu-coup mieux.

Il se réserve de diminuer ces erreurs quand il travaillera aux tables. Toutes les quantités trouvées ne sont encore qu'approximatives; il démontre lui-même un vice de sa méthode.

Le cercle donnait des distances trop grandes; l'ovale qu'il vient d'employer les donne trop faibles. David Fabricius, à qu'il l'avait communiqué ses résultats, s'était aperçu du défaut des distances; Képler, de son côté, travaillait à les corriger. Il s'en faibut donc très peu, dit Képler, qu'il ne m'ait prévenu en découvrant la vérité. Il résultait de la que l'ovale était trop étroit; mais il était visible que la vérité se trouvait entre cet ovale et le cercle.

Ainsi toute notre théorie s'en est allée en fumée, s'écrie-t-il avec amertume : Et ecce omnis theoria in fumos abiit! Képler entend saus doute la théorie physique qui lui avait donné l'idée de cet ovale; mais il va bientôt en chercher d'autres. Tandis qu'il méditait avec anxiété sur ces difficultés toujours renaissantes, il tomba, par basard, sur la sécante 1,00429 de la plus grande équation optique. Elle surpasse le rayon de 0,00429 parties; ce qui était précisément l'erreur de la distance circulaire. Projetez orthographiquement ce cercle sur un plan incliné de 5º 18'. vous aurez une ellipse; et en effet, l'ellipse de Mars est la projection d'un cercle incliné de 5° 18', en supposant l'excentricité 0,09257. L'excentricité sera le sinus de cette inclinaison; le demi-petit axe en sera le cosinus; l'ordonnée au foyer, le carré de ce cosinus. Le rayon vecteur, calculé dans l'excentrique est t+ ecos x cos équat. optique; multipliez-le par ce cosinus, ce qui revient à suprimer le dénominateur; il restera...... 1 + e cos anomal. excentrique, ce qui est en effet le rayon vecteur elliptique.

Képlerraconte aiusi cet heureux hasard: Quá in cogitatione dum versor anxie; forte fortuito incido in secantem angul: 5 18', quæ est mensura coqua i, fortem finaximæ; quam cum viderem esse 1,00429, hle quasi ex sommo experreelus et novam lucem intuitus sic capi ratiocinari. In

longitudinibus mediis lunula seu curtatio distantiarum est maxima, est que tanta quanta est excessus secantis aequationis opticae maxima 1,00/20 suprà radium 1. Ergo si pro secante usurpatur radius in longitudine media officitur id quod suadent observationes et in schemate capitis XL conclusi generaliter : si pro HA usurpes AR et pro VA, VR, et sic in omnibus; fiet idem in locis cateris excentrici, quod hle factum in longitudinibus mediis. Il reproduit ici à cette occasion la figure du chap. 30 (fig. 72), ou il parle de la différence de l'hypoténuse à la base du triangle rectangle. et dans laquelle il rédnit la distance ad dans l'excentrique à la distance $ax = a\beta + \beta x = 1 + e \cos x$, puisque $\beta \delta = e$ et $\gamma \beta \delta = x$. Cette figure est accompagnée de denx génies, l'un celui de la Trigonométrie, l'autre celui de l'Arithmétique. Cette figure est répétée en buit endroits de son ouvrage, et toujours accompagnée des deux génies; cette figure est presque la seule qui soit ainsi accompagnée; nons n'en trouverons qu'une seconde qui ait un ornement à pen près du même genre. Képler a voulu sans doute montrer l'importance qu'il attachait à cette remarque benreuse; et cependant cette figure , non plus que la découverte qu'elle exprime , n'a été remarquée par personne que je sache. Lalande nons dit que Képler voyant que la courbe était ovale, se détermina tout aussitôt pour l'ellipse, qui est l'ovale le plus régulier et le plus facile à calculer. Le fait est que Képler rejetait formellement l'ellipse ; qu'il voulait que son ovale fut plus large par un bout que par l'autre; qu'il s'est fatigué long-tems à calculer cet ovale; qu'il regrettait de n'avoir pour sa courbe aucune méthode géométrique, et s'adressait à tous les Géomètres pour obtenir d'eux la solution de son problème; qu'il nous dit que ce problème serait bien plus facile dans l'ellipse, et il en a donné lui-même la seule solution qui fut possible, des qu'enfin il cut consenti à se servir de cette ellipse qu'il avait si long-tems rejetée. Bailly n'en dit pas un seul mot.

Ita quod diu nos torsenst, jun cedit nobis in argumentum deprehense weritatis. On explique toots en Physique, quando ne borne à des considérations vagues. Après s'être long-tems égaré en suivant de fanx principes qu'il cropait excellens, il va trouver des raisons tout aussi bonnes pour démontrer sa nouvelle hypothèse et pour prouver que la chose ne peut être autrement. Sa théorie vague se prête à tout. Nos faiseurs de systèmes n'ont pas imaginé plus de folies que Képler; mais ils ne calculent rien, et Képler sonmettait tout an calcul, il n'abandonnait pas une idée avant d'en avoir bien démontré l'exactitude on la fausseté. C'est ainsi qu'il et su reun à sex immortelles découvertes, et qu'il s'est distingué parmi tant

Lan XIII5 Google

d'autres réveurs qui n'ont pas eu le même courage, la même bonne foi, ou qui n'avaient pas ses connisiennces mathématiques. Nous ne le survous pas dans ses coipcitures, qui ne nous semblent pas beureuses. Miximus erat scrupulus quod ad inaniam consideran se circumpiciens unvenire non poteran cur planate au itanti probabilitate, tante connecus observatarum distantiama libratio in diametro tribuebatur, poitiu ire vellet elipticam vama equationibus unidicibus. O me reduculum! pernude quasi libratio in diametro non possit esse via ad ellipsim. Itaque non paro miti constiti ista noticia juxit librationem consistere ellipsim, ut sequenti capite patesect ubi etium demonstrabitur nullam planetae relinqui figurau orbitu praterepuam perfecte ellipticam, p. 25. Le tena n'eiait pas venu de démoniter mathématiquement la véritable figure des orbites planciaires. Homoure i l'astronome plein de courage et de sagecité, qui a su trouver les lois des mouvemens celestes par la force des calculs, quand il n'existai ecoor aucuen autre voic poor y arriver!

On peut trouver quelque obscurité dans le raisonnement duquel Képler conclut l'ellipticité de la courhe et dans cette substitution du rayon à la sécante. La chose est assez curieuse pour mériter d'être éclaircie (fig. 73).

Dans l'hypothèse excentrique on a le rayon vecteur

$$NK = \frac{1 + e \cos x}{\cos HKN} = (1 + e \cos x) \operatorname{secHKN} = (1 + e \cos x)(1 + \tan e^{x} HKN) \frac{1}{k}$$

$$\overline{NK} = (1 + e \cos x)^{s} \left(1 + \frac{e^{s} \sin^{2} x}{(1 + e \cos x)^{s}} \right) = (1 + e \cos x)^{s} + e^{s} \sin^{s} x$$

$$= 1 + 2e \cos x + e^{s} \cos^{s} x + e^{s} \sin^{s} x = 1 + 2e \cos x + e^{s}$$

$$= 1 + 2 \sin x \cos x + \sin^{s} t.$$

Supposes maintenant que le cercle excentrique AKC vienne à tournes autour de son ase AC, jusqu'à ce qu'il arrive à l'inclinaison qui produit l'ellipse AMC; M sera la projection de K, NM sera la projection de NK; la droite MK. sera perpendiculaire sur le plan de projection; MNK sera la latitude A du point K, vue du foyer N; et l'on aura

$$\overline{NM}^{*} = \overline{NK}^{*} \cos^{*} \lambda = \frac{\overline{NK}^{*}}{\frac{sec^{*} \lambda}{sec^{*} \lambda}} = \frac{\overline{NK}^{*}}{\frac{1 + tang^{*} \lambda}{1 + tang^{*} \lambda}} = \frac{\overline{NK}^{*}}{\frac{1 + tang^{*} \lambda}{1 + tang^{*} \lambda}} = \frac{\overline{NK}^{*}}{\frac{1 + tang^{*} \lambda}{1 + tang^{*} \lambda}}$$

car, $tang \lambda = tang$ inclinais. $sin ANM = tang \epsilon sin u$.

 $\overline{\text{NM}} = \frac{1 + a \sin i \cot x + \sin^2 x}{1 + \tan^2 i \cdot \frac{\cos x + \sin^2 x}{(1 + \sin i \cos x)^2}} = \frac{(1 + a \sin i \cos x + \sin^2 i)}{(1 + \sin i \cos x)^2 + \sin^2 i \sin^2 x}$

 $= \frac{(1 + a \sin \epsilon \cos x + \sin^2 \epsilon) (1 + \sin \epsilon \cos x)^4}{1 + a \sin \epsilon \cos x + \sin^2 \epsilon \cos^2 x + \sin^2 \epsilon \sin^2 x}$ $= \frac{(1 + a \sin \epsilon \cos x + \sin^2 \epsilon) (1 + \sin \epsilon \cos x)^4}{1 + a \sin \epsilon \cos x + \sin^2 \epsilon}$

 $=(1+\sin\epsilon\cos x)^s$ et $NM=1+\sin^\epsilon\cos x=KT$.

L'observation a prouvé que le rayon vecteur excentrique est trop grand, que le várialhe rayon vecteur est NM = NK con \(\), cest\(\frac{1}{2} \), cleare que le rayon vecteur véritable est la projection orthographique de NK; que la multiplication par con \(\frac{1}{2} \), detrius file ret de la division par con RKN; on que HKN=MNK = latitude du point K vue du foyer \(N = \) inclination du rayon vecteur excentrique sur le plan de l'ellipse, \(\frac{1}{2} \), definition \(\frac{1}{2} \), or externe recentrique sur le plan de l'ellipse, \(\frac{1}{2} \), depuis \(\frac{1}{2} \), evaluation \(\f

Ainsi, puisque le rayon vecteur doit être $\frac{(1+e\cos x)\cos x}{\cos MNC} = (1+e\cos x)$; il faut que la conrbe soit une ellipse. Cette ellipse donne

 $\sin u = \frac{\cos s \sin x}{1 + \sin s \cos x} = \frac{\cot s \sin x \sin x}{1 + \sin s \cos x}$; d'où tang $\sin u = \frac{\sin s \sin x}{1 + \sin s \cos x}$ = tang $\lambda = \tan g HKN = \tan g$ équat. du centre dans l'excentr.;

donc \(\lambda = \text{HKN} \); ce qui est vrai pour un point quelcouque de l'ellipse. Toujours l'angle HKN est égal \(\lambda \) la latitude MNK, ou \(\lambda \) l'inclinaison du rayon excentrique sur le plan de l'ellipse.

HKN est le même, soit dans le plan de l'excentrique et de lellipse; soit dans le plan incliné dont la projection est l'ellipse.

Les points H et N sont immobiles; HK et NK n'ont pas changé dans le mouvement qui a produit l'inclinaison; pour un même point K de l'excentrique, les trois côtés HN, NK, HK sont constans; mais MK, dans le plan, diffère de MK perpendiculaire.

 $KR = \sin x$, $MR = \cos \epsilon \sin x$,

MK = KR - MR = $\sin x(1 - \cos \epsilon) = 2\sin^2 \frac{1}{4} \epsilon \sin x$, MK perpendiculaire $\sin \epsilon \sin x = 2\sin \frac{1}{4} \epsilon \cos \frac{1}{4} \epsilon \sin x$,

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Du Sun Lonole

 $\frac{\text{MK differ. des deux ordonnées}}{\text{MK perpendiculaire}} = \frac{a \sin^{\frac{1}{2}} t \sin x}{a \sin \frac{1}{2} \cos \frac{1}{2} \sin x} = \tan \frac{1}{2} \epsilon_1, \text{ valeur constante.}$

KR - MR = (MK perpendiculaire) tang 16.

Si u = ANM = 0, il est évident que x et λ sont tous deux = 0. Si $u = q0^{\circ} - \epsilon$, ce qui arrive au sommet du petit axe.

tang $\epsilon \sin u = \tan g \epsilon \cos \epsilon = \sin \epsilon$. Ainsi, tang $\lambda = \sin \epsilon$, la latitude du point B, vue du foyer, aura sa tangente égale au sinus de l'inclinaison.

Si $u = 90^\circ$, tang $\lambda = \tan g \epsilon = \frac{\sin \epsilon \sin x}{1 + \sin \epsilon \cos x}$; $\frac{\tan g}{\sin \epsilon} = \frac{\sin x}{1 + \sin \epsilon \cos x}$

 $\cos \epsilon \sin x = 1 + \sin \epsilon \cos x$, $\cos \epsilon \sin x - \sin \epsilon \cos x = 1 = \sin(x - \epsilon) = \sin 90^{\circ}$, $x = 90^{\circ} + \epsilon$, $\cos x = -\sin \epsilon$,

 $\sin u = 180^\circ$, $x = 180^\circ$ et $\lambda = 0$. Le triangle rectangle TNK est donc toujours parfaitement égal an triangle perpendiculaire MNK; la perpendiculaire MK = $\sin \alpha$ sin α

== perpendiculaire NT. Le còté NK est commun, TK = 1 + sin 1 cos x = NM = rayon vecteur elliptique.

L'angle TKN = MNK = latitude fococentrique du point K = équation du centre dans l'excentrique.

L'angle T est droitcomme KMN; l'angle KNT=90°—TKN=90°—λ.

Il est'done érident qu'en projetant l'excentrique orthographiquement, cet-à-dire, en multipliant le rayon vecteur par le cosinus de la latitude \(\text{\(\)}\). Képler détruissis infailiblement le mauvais effet de la sécaute de l'équation du centre dans l'excentrique, puisque partont les deux cosinus sont égaux, et que séc. cos = 1.

Soit (fig. 74) KMR = sin x dans le plan de projection,
K'R' = sin x dans le plan incliné,
K'M = sin x sin x, perpand, à la projection,
RM = cos s sin x, ordonnée elliptique,
RKK' = So → ± t,
RK'M = co → ± t,

 $KK'M = (90^{\circ} - \frac{1}{6}) - (90^{\circ} - 6) = \frac{1}{6}$

KM = K'M tang KK'M = sin t sin x tang t e = 2 sin t e cost e tang t e sin x = 2 sin t e sin x

$$90^{\circ} - \frac{1}{4}\epsilon - (90 - \epsilon) = 90^{\circ} - \frac{1}{4}\epsilon - 90^{\circ} + \epsilon = \frac{1}{4}$$
,
 $KK' = 2 \sin \frac{1}{4}\epsilon \sin x = \frac{K'N}{200^{\circ}} = \frac{2 \sin \frac{1}{4}\epsilon \cos \frac{1}{4}\epsilon \sin x}{200^{\circ}} = 2 \sin \frac{1}{4}\epsilon \sin x$.

$$KK' = 2 \sin \frac{1}{2} \epsilon \sin x = \frac{2 \sin \frac{1}{2} \epsilon \sin x}{\cos \frac{1}{2} \epsilon} = \frac{2 \sin \frac{1}{2} \epsilon \sin x}{\cos \frac{1}{2} \epsilon} = 2 \sin \frac{1}{2} \epsilon \sin x.$$
C'est dans le chap. LIX qu'il donne ses idées sur le calcul elliptiqu

C'est dans le chap. LIX qu'il donne ses idees sur le calcul elliptique; c'est encore un chapitre qui est peu cité, quoiqu'il renferme toutes les méthodes qu'on suit encore aujourd'hui sans s'informer à qui l'on en est redevable.

Il établit quelques prothéorèmes.

I. Les ordonnées de l'ellipse sont les ordonnées d'un cercle, diminuées dans une raison constante. Il renvoie à Apollonius et au Commentaire de Commandiu sur Archimède.

Soit y l'ordonnée du cercle incliné, y' l'ordonnée correspondante de l'ellipse;

 $y'=y\cos\epsilon=y-ay\sin^{\epsilon}\frac{1}{\epsilon}\epsilon$, d'où $y-y'=ay\sin^{\epsilon}\frac{1}{\epsilon}\epsilon$, sin $\epsilon=e$ x centricité.

Ccs expressions simples se tirent immédiatement de ce premier théorème.

 L'aire de l'ellipse est à celle du cerele :: y' : y. C'est un théorème d'Archimède.

III. Les parties retranchées des ordonnées sont comme les y. C'est notre expression 2y sin : 4 c.

IV. Si l'on dirise le cercle en arcs éganx par des ordonnées, l'ellipse sera divisée en arcs inégans, el tels arcs ellipliques seront en plus grande proportion vers les extrémités du grand sue; vers les extrémités du petit sue la proportion sera moindre; les arcs voisins seçont prespué égans; l'arc elliplique sera moindre cependant que l'arc circulaire correspondant, parce qu'il a moins de courbusque.

V. La circonférence elliptique est à pen près moyenne arithmétique entre celle du cercle inserit et celle du cercle circonscrit.

VI. Si deux carrés sont divisés proportionnellement, leurs gromons scront comme les carrés; les gnomons seront

$$\frac{aab+bb}{aAB+BB} = \frac{\frac{ab}{AB} + \frac{b^a}{aAB}}{1 + \frac{B}{BAB}} = \frac{\frac{a}{A} \cdot \frac{a}{A} \cdot \frac{A^A}{A^AB^A}}{1 + \frac{B}{aAB}} = \frac{\frac{a^a}{A^a} (1 + \frac{B}{aA})}{1 + \frac{B}{aA^a}} = \frac{a}{A^a}$$

Képler en donne une démonstration synthétique.

VII. Le carré de l'excentricité = gnomon fait de $a^* - b^*$; nous disons plus simplement $e^* = a^* - b^*$, ou $\sin^* \epsilon = 1 - \cos^* \epsilon$.

Les théorèmes suivans sont longs et obscurs, et nous n'en avous aucau besoin pour nous démontrer les lois et les calculs de Képler.

C'est su chapitre suivant qu'il va nous donner sa solution du problème qui porte son nom, ce qui est de toute justice, puisqu'il en a fait la base du calcul astronomique, qu'il l'a proposé le premier aux géomètres, et qu'il en a douné une solution qui ue vieillira jamais.

La figure sur laquelle il ciablit see calculs est ane de celles sur lesquelles It weut attire: le regards de ses lecteurs; car à la droite de son ellipse, vers l'aphélie, il a représenté l'Astronomie portée sur anchar de triomphe, tenant une coaronne de la maiu gauche, et de la droite cette même courbe elliptique (fig. 75).

Il n'a pu se démontre le point fondamental, ou l'égalité des sires entem égaux; il dissit, page 90,4 "Nous continuon toujours la même fiction; si quelqu'un avait asser de loisir pour calculer l'aire de l'ellipse; et qu'il employà cette aire an lieu de la somme des rysons vecteurs qui partagent l'arc elliptique en antant de parties qu'il y en a dans l'arc de l'excentrique; il verrait qu'il ne s'eloignerait pas du but. Presons cette proposition comme une choes demonstrée; et quelques lignes suparavant: Cette démonstration, bien qu'elle soit certaine, est cependant airxque et soysuir prese, pue aiuent la tret aiumout la Géomètrie, six en fest pour les extrémités des deux aves. Je voudrais bien qu'on en trouvait une de responsaire par le pris satisfaire les Apploinus; au mais en attendant que quelqu'un la trouve, il est bien force que nous nous contentions de celle-ci.

Cette démoustration a cité donnée depais par Képler, et ensuite par Newton; elle ne sippose que les premiers élémens de Géométrie, et l'aniformité du mouvement de projection en ligne droite. Il est bien singulier que Képler, qui a déclaré que le mouvement en ligne droite était le seul possible et le seul naturel, n'ait jamais songé à combiner ce mouvement en ligne droite avec la force tractoire qu'il donne au Soleil. Au lien de cette impulsion primitive, au moyen de laquelle la planète avancerait uniformément en ligne troite, il a cherché une âme, une force résidant dans la planète elle-même. Les choses les plus faciles sont asser souvent celles anxquelles on songe le moiss. Un homme moins religieux que Képler, et qui n'aurait pas voula admetre de Crèuter, aurait en quelque peine à imaginer la cause du mouvement de

projection; mais comment Képler n'a-t-il pas fait intervenir le Créateur pour lancer les planètes dans l'espace, au moment de la création?

Mais pour que la difficulté de son argnmentation subtile et perplexe ne fasse pas douter de la vérité, il nous dit encore que c'est par expérience qu'il y est arrivé.

Pour chaque degré de l'anomalie excentrique », il a calculé (i-e-coss.); il a prouvé auguravant que cette crpression est celle du rayon vecteur, et la somme de ces angles se ronavit tonjours proportionnelle au tems, à cette somme trop pénible à calculer, il abstituati, comme équiva-lent, l'aire du secteur. Il clait persuade que le mouvement se ralentissit en raison de la longueur des rayons, siasi la somme des rayons de rais la somme des rayons che victure de la révolution par 50°c.

Il résultait de ce calcul deux conséquences, la loi des aires et l'expression du rayon vecteur.

Il sjoute que si quelqu'un attribue la difficulté et l'obscurité des adémonatration à son peu de génie, il en conviendra; cependant il resie celui qui lui ferait ce reproche aux Coniques d'Apollonius, bien sur qu'il y verra des propositions qu'aucune force de génie ne parvient à rendre assex claires pour être entendues en courant; il faut long-tems méditer et ruminer ce qu'on a lu. Au rette, nous verrous plus loin que Képlera t rouvé cette démonstration, qu'il crovait si difficile.

Soit AM (fig. 75) un arc elliptique, et l'ordonnée KML; on a l'aire AHK du secteur circulaire, et comme on connaît AK, on counaît aussi son sinus KL = sin x.

Or, $\sin x$; 1 :: aire HKN : aire HEN = $\frac{1}{2}$ HN;

donc le secteur

$$HKN = \frac{1}{4}HN\sin x = \frac{1}{4}e\sin x;$$

$$ANK = AHK + HKN = \frac{1}{4}x + \frac{1}{4}e\sin x;$$

cette quantité est proportionnelle au tems, HKN est ce que Képler appelle l'équation, physique, qui s'ajoute à l'anomalie excentique x, correspondant à l'anomalie moyenne. L'anomalie moyenne représenters le tems, l'arc AK sers l'anomalie de l'excentrique; et l'angle ANK, il l'appelle anomalie égalée. AK est sussi nommé par Képler celui qui donne le nom à l'anomalie AM, ejus denominator.

Ces dénominations indiquent la route qu'a suivie Képler. C'est l'execn-

-- Digmind or Google

trique des auciens, et l'excentricité coupée en deux, qui l'ont condait à son ellipse; il conserve l'excentrique pour faciliter le câtel elliptique. La démonstration de z=x+e sinc est un peu obscure, mais exacte, et ne laise rieà à désirer, ai ce n'ext une rédaction plus simple. L'autre équation 1+e coux est démontrée à la manière d'Euclide, page 200, par les carrés et les gomomos, e cq ai revient à notre démonstration ac-

 $r^* = (e + \cos x)^* + (1 - e^*) \sin^* x = e^* + 2e \cos x + \cos^* x + \sin^* x - e^* \sin^* x$ = $1 + 2e \cos x + e^* \cos^* x = (1 + e \cos x)^*$.

Ainsi voilà les deux équations fondamentales du problème; voilà ce qu'on a donné jusqu'ici de plus simple et de plus généralement utile, et c'est à Képler qu'on le doit.

Il reste à déterminer l'anomalie vraie; Képler montre qu'on a

$$\cos u = \frac{e + \cos x}{1 + e \cos x} = \frac{\cos x + e}{1 + e \cos x};$$

on connaîtra donc ANM = anomalie vraie égalée. Voilà tout ce qu'il en dit.

Réciproquement, étant donnée l'anomalie vraie, on en conclura x, quoique avec un peu plus de peine; la chose était pourtant bien égale. L'équation précédente donne

 $\cos u + e \cos u \cos x = e + \cos x$, $\cos u = e + \cos x - e \cos u \cos x$, $\cos u - e = \cos x - e \cos u \cos x$, et $\cos x = \frac{\cos u - e}{\cos u \cos x}$;

mais Képler ne connaissait pas l'usage des équations; il fait

$$(e\cos x) = \frac{\cos u - e}{1 - \cos u}$$
, et $\cos x = \left(\frac{e\cos x}{e}\right)$.

Il donne encore une autre méthode plus singulière et qui ne mérite pas l'oubli dans lequel elle est tombée. Képler la démontre d'une manière longue et détournée; on peut y arriver directement de plusieurs manières.

Soit M le lieu de la planète sur son ellipse, AK l'anomalie excentrique; menez KN et MN; MNL = u; KMN = φ ; KNL = $u + \varphi$.

$$tang KNM = \frac{NM + KM \cos M}{\cos u} = \frac{e + \cos x}{\cos u} + \sin^{3} \frac{1}{4} \sin x \sin u$$

$$= \frac{\sin^{4} \frac{1}{4} \sin x \cos^{4} u}{\sin^{4} + \cos x + \sin^{4} \frac{1}{4} \sin x \sin u},$$

$$\begin{split} \tan \phi &= \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \cos^4 u \left(\frac{\sin x}{\sin x + \cos x} \right)}{1 + \sin^2 \frac{1}{4} \sin u \cos u \left(\frac{\sin x}{\sin x + \cos x} \right)} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \cos^4 u \log NL}{1 + \sin^2 \frac{1}{4} \sin u \cos u \left(\frac{\sin x}{\sin x} \right)} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u \tan \frac{N}{4} NL}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u \left(\frac{\cos u}{\cos x} \right)} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u \tan \frac{N}{4} NL}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u \left(\frac{\cos u}{\cos x + \sin^2 \frac{1}{4} \sin u} \right)} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u}}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u}}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \cos u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u \cos u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u}}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u}}{1 + \sin^4 \frac{1}{4} \sin u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u}{1 + \sin^4 u}} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u}{1 + \sin^4 u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u}{1 + \sin^4 u}}{1 + \sin^4 u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u}{1 + \sin^4 u} = \frac{\sin^4 \frac{1}{4} \sin u}{1 + \sin^4 u}}$$

φ est la réduction d'un cercle décrit autonr du foyer dans le plan de l'ellipse, à un cercle incliné d'un angle ε sur le plan de l'ellipse.
φ + u sera donc l'are de cercle qui répondra à l'angle u du cercle

autour du foyer; la réduction de cet arc au plan de l'ellipse sera donc $\phi = \tan g^{\frac{1}{2}} \sin \frac{\pi}{2} (u+\phi) - \frac{1}{2} \tan g^{\frac{1}{2}} \sin \frac{\pi}{2} (u+\phi) + \frac{1}{3} \tan g^{\frac{1}{2}} \sin \frac{\pi}{2} (u+\phi) + \text{etc.}$

= tang^{*}; εsin²u + ; tang^{*}; εsin⁴u + ; tang^{*}; εsin⁶u + etc. u étant donné, vous a co φ par cette série ou par sa tangente. Mais

HK: $\sin KNL :: NH: \sin HKN$, 1: $\sin (u+\phi) :: e: \sin HKN == e \sin (u+\phi)$, $x = KHA = KNA + HKN == (u+\phi) + \arcsin = e \sin (u+\phi)$.

Képler ne résout ce problème qu'approximativement; il fait

$$\phi = \frac{\tan g^4 \frac{1}{4} \sin 2u}{\sin t^4};$$

il a done φ, aux termes près tangé ; ε, tangé; ε, etc.

A vrai dire, il est plus conrt de faire $\cos x = \frac{\cos x - \sin x}{1 - \sin x \cos x}$, ou de chercher x par son sinus, par sa tangente et sur-tout par la tangente de sa moitié.

La solution de Képler a le mérite de ramener le problème de x à la même forme que celui de x, à peu près. Une table de est nx servirait à teouvre e sin $(u+\phi)$. Au fond, cet avantage est bien médiocre, et uons avons une serie plus expéditive, qui donne (x-u), d'où x par u ou u

par x. Cependant, à cause de la singularité de la solution, donnous un exemple du calcul.

Soit e = 0.09265 et $x = 45^{\circ}$. z = anomalie moyenne. e = 0,09265... 8,9668454..... 8,9668454 sin 45°... 9,8494850 cos 45*... 9,8494850 C. sin 1" ... 5,5144251 0,0655154... 8,8163304 esinx = 5°45' 15"1 4,1307555 $1.0655154 = 1 + e \cos x$ x = 45s = 48.45.13,1 = rayon vecteur, 1 - e = 0.90755...9.9577748G. 1 - e = 1,09265...9,9615188(1-e):(1+e). 9,9192936 moitié... 9,9596468 tang 1 x = 22° 50' 9,6172245 $tang \frac{1}{6} u = 20.40.46^{\circ} 5.... 9,5768711$ # = 41.21.52.6 z = 48.45.13,1z-u = 7.23.40.5 = équation du centre.

Voilà donc, par les formules actuellement en usage, l'anomalie moyenne, le rayon vecteur, l'anomalie vraie et l'équation du centre, d'après l'anomalie excentrique x.

Par les formules de Képler nous aurions, comme ci-dessus, 2 et 1+ecosx, et nous ferions

$$e = 0.093650$$

$$cos x = 0.709107$$

$$e + cos x = 0.709757 \dots log \dots 9.9093580$$

$$C. log (i + e cos x) = 1.0655154, \dots 9.90924410$$

$$cos u = 41 \cdot 21' 5.70' 9.8755990$$

$$z = 48.45.15, i$$

$$z - u = 7.25.40, 5 = cqustion discente;$$

$$comme ci-dessu.$$

Voilà donc le problème résolu en prenant x pour donnée, à l'exemple de Képler. Renversons le problème, en partant de l'anomalie vraie 41° 21' 52",6.

On voit qu'en prenant l'arc lui-même, on retrouve l'anomalie excentrique supposée ci-dessus.

Nous aurions bien plus promptement

$$tang \frac{1}{2}x = tang (45^{\circ} + \frac{1}{2} *) tang \frac{1}{2}u.$$

$$Tang (45^{\circ} + \frac{1}{2} *) = tang (47^{\circ} 56^{\circ} 39^{\circ} ... \circ 0,0405554$$

$$tang \frac{1}{2}u = tang 20 \cdot 40 \cdot 46 \cdot 3 \cdot ... \frac{9,5768711}{9,6172245}$$

$$tang \frac{1}{2}x = 22.50 \cdot ... \cdot ... \frac{9,6172245}{9,6172245}$$

Nous ferions encore

$$\frac{1}{4}(x-u) = \tan \frac{1}{4} \epsilon \sin u + \frac{1}{4} \tan \frac{1}{4} \epsilon \sin 2u + \frac{1}{4} \tan \frac{1}{4} \epsilon \sin 3u.$$

fuercula Contl

L'angle que nous avons nommé ¢, Képler l'appelle angle d'entrée ou de rapprochement vers l'axe; la différence des ordonnées du cercle de l'ellipse, il l'appelle petite ligne d'entrée, lineola ingressis ad diametrum apsidum. C'est la quantité dont la planète s'est rapprochée de l'axe.

L'angle MHL au centre de l'ellipse se trouvera par la formule

tang C = tang MHL =
$$\frac{ML}{HL}$$
 = $\frac{KL - KM}{HL}$ = $\frac{\sin x - 2\sin \frac{1}{4} \sin x}{\cos x}$
= $(1 - 2\sin^{\frac{1}{2}} \frac{1}{6}) \frac{\sin x}{\cos x}$ = $\cos x$ tang x ,

ďoù

$$\tan g x - \tan g C = \frac{\sin(x - C)}{\cos x \cos C} = (1 - \cos \epsilon) \tan g x = 2\sin^{4} \frac{1}{\epsilon} \tan g x,$$

$$\sin(x - C) = 2\sin^{4} \frac{1}{\epsilon} \sin x \cos C.$$

Képler dit que (x-C) crolt en raison composée de sin x et cos x; il était plus simple de dire en raison de sin 2x, ce qui n'est vrai qu'à pen pres.

Soit x-C=j.

 $\sin y = 2\sin^4 \frac{1}{2} e \sin x \cos(x-y) = 2\sin^4 \frac{1}{2} e \sin x \cos x \cos y + 2\sin^4 \frac{1}{2} e \sin^4 x \sin y$, $\tan y = 2\sin^4 \frac{1}{2} e \sin x \cos x + 2\sin^4 \frac{1}{2} e \sin^4 x \tan y$,

$$\begin{aligned} & tang \ y \ (1-z\sin^2 t \sin^2 x) = \sin^2 t \sin 2x \\ & tang \ y = \frac{\sin^2 t \sin 2x}{1-z\sin^2 t \sin^2 x} = \frac{\sin^2 t \sin 2x}{1-\sin^2 t \cdot (1-\cos x)} = \frac{\sin^2 t \sin 2x}{1-\sin^2 t \cdot (\sin 2x)} \\ & = \frac{\tan^2 t \sin 2x}{1-\tan^2 t \cdot (\cos 2x)} \end{aligned}$$

KHM= $y = \tan \frac{1}{2} \epsilon \sin 2x - \frac{1}{2} \tan \frac{1}{2} \epsilon \sin 4x + \frac{1}{2} \tan \frac{1}{2} \epsilon \sin 6x + \text{etc.}$ = $\tan \frac{1}{2} \epsilon \sin 2C + \frac{1}{2} \tan \frac{1}{2} \epsilon \sin 4C + \frac{1}{2} \tan \frac{1}{2} \epsilon \sin 6C$.

Voilà à fort peu pète ce que Képler a pu faire pour la solution de son problème. S'il à pas donné précisément ces formules, il en employait l'équiralent; il ne comaissait pas les séries ci-dessus, il n'en prenait que le premier terme, dont il déterminait la constante par des moyens moins directs. Mais moins il trouvait de secours dans la Trigonométrie de son tenns, plus il ayait de mérite à aperceroir et à démontrer les formales. Il a reconnu qu'il a'y avait aucan moyen gonérétique pour perse de l'anomalie moyenne à l'anomalie vraie, ui même à l'anomalie excentique. Il termine en distant: T'el est mon avis; ma méthode, je le sair que géométrique s'exchost donc les géomètres à résoudre ce problème; est pour géométrique ; j'exchost donc les géomètres à résoudre ce problème.

" Étant donnée l'aire d'une partie du demi-cercle et un point sur un

» diamètre, trouver un arc et un angle dont le sommet soit au point » donné, l'aire diant enfermée entre cet arc et les deux côtés de l'angle, » ou bien partager l'aire du demi-cercle en raison donnée, par une ligne

n qui passe par un point du dismètre. Je crois qu'il est impossible de

» donner une solution directe de ce problème, puisque l'arc et le sinus » sont hétérogènes. Si je me trompe, et qu'on me montre la véritable

n route, celui qui me rendra ce service sera pour moi le grand Apollon nius, erit mihi magnus Apollonius. n Apollonius y aurait échoué. Les plus grands géomètres se sout occupés de ce problème; ils ont donné

des méthodes savantes et ingénieuses , mais qui sont bien pénibles quand on les compare aux deux règles de Képler.

Dans la cinquième partie, il se sert des clémens corrigés de Mars, pour mieux déterminer le nœud et l'inclinaison. Mais malgré tous ses soins, il ne représente les latitudes qu'à 4 ou 5' près. Ces erreurs provensient des observations, des réfractions et sur-tout des parallaxes,

qu'il supposait beaucoup trop fortes.

Il cherche la cause physique des inclinaisons; il la trouve dans la vertu magnétique qui réside dans le Soleil et qui fait que dans tonte as révolution la planète conserre le parallélisme de son axe. La planète a une partie qui recherche le Soleil, et une autre qui le fuit; elle reisemble en cela à l'aimant, qu'i a ua pôle ami et un pôle ennemi. Nous ne sivrrons pas dans l'exposition qu'il fait de cette théorie; nons ne ci-terous que quedques idées singulières on bizarres, telles que celles de la page 509, où il se demande s'il n'y aurait pas au sein de la Terre un globe fixe qui ne participerait pas au mouvement diurne et qui scrait invariablement dirigée vers la même partie du ciel.

Il cherche la parillare, et il n'en trouve pas dont il puisse répondre ; car il ne peut répondre de a', Il est vrai que si la parallare du Soleil, est de 3', celle de Mars ponrait aller à 6'. Le fait est qu'elle n'est pas de 3 de minute. Les observations de Tycho pouvaient s'expliquer ayec, une parallaxe de a' ou de a' i; pourquoi n'a-t-il donc pas diminué ce parallaxes?

Tycho avait remarqué avec étonnement que les plus grandes latitudes n'arrivaient pas exactement à l'opposition. On a généralement

$$tang G = \frac{r}{D} tang H = \frac{\sin T tang I \sin (\pi - \Omega)}{\sin (\Omega - \Pi)},$$

$$tang G \cot I = \frac{\sin T \sin (\pi - \Omega)}{\sin (\Omega - \Pi)},$$

Vigerally Coo

Pour Mars, le monvement (II-Q) = 51' 27" par jour,

$$\odot -\Pi = 51' 27'' - 59' 8'' = 27' 41''$$

Le mouvement de $(\Pi-\Omega)$ est donc plus grand que celui de $\odot -\Pi_J$ $\frac{\sin(\Pi-\Omega)}{\sin(\Omega-\Omega)}$ pent donc très bien être une quantité croissaute. Sin T augmente à mesure que la planète s'éloigne de l'opposition ; ainsi...-tang G = $\frac{\tan \Pi}{\sin(\Omega-\Omega)}$ peut très bien croître avec T. Il s'y a donc rien que de très simple dans ce qui causait l'étonnement de Tycho; mais Tycho n'avait aucune idée du véritable système des laitudes. Si les hypothèses de Poloimée et de Tycho ne pouvaient reudre raison de ce fait, si naturel daus le système de Képler, c'est que ces hypothèses étaient finances.

Képler se fait cette question : Les inclinaisons des planètes ne doiventelles pas varier avec l'obliquité? Le tems n'était pas encore venu d'éclaircir ce point. Il se demande eucore si l'on peut déterminer les élémens de Mars au tems de Ptolémée, par les observations rapportées dans la Syntare.

Les équinoses de Ptolémée ne s'accordent ni avec cenx d'Hipparque, ni avec ceux d'Albategin, in avec ceux qu'on observe aujourablui. C'est ce qui a fait imaginer le mouvement de trépidation et de libration qui est détruit par la remarque, que toutes les observations un peu sures s'accordent entre elles quand on suppose un mouvement égal et toujours direct. Ptolémée se défend par l'accord de ses observations de printems et d'automue.

On voit que Képler a quelque doute sur la véracité de Ptolémée; quaut à nous, nous serions bien tenté de croire que Ptolémée n'a rien observé, qu'il s'est créé des exemples de calcul d'après ses tables.

Képler distinte longuement des observations qui n'en valent guère la peine, et sou résultat est que le mouvement du Soleil, en 466 ans, est de 17' 42" moindre que celui des Tables pruténiques; l'époque, en l'an d, devait être 5'7 7' 10' 8'', comptée de Régulus; le mouvement de Tapogée de 8'' 32'', et en l'an oil d'evist précéder Régulus de 12' 27' 8'.

Il croit que Ptolémée a employé réellement beaucoup plus d'observations qu'il n'en a rapporté. Il le prouve par cette observation nuique faite à trois jours de l'opposition, par laquelle il a déterminé la proportion des orbes. Ce choix d'une observation si pen convenable à cette recherche, m'a fait penser an contraire que Ptolémée devait être bien dépourvu d'observations, pour être réduit à un pareil choix. Ainsi du même fait nons tirons des conséquences tout à fait contraires. Le témoignage de Képler ne change rien à l'état de la question ; il ne veut pas convenir que Ptolémée ait en le moindre tort : c'est être beaucoup trop bon; cette confiance a mené à l'hypothèse absurde de la trépidation. Au reste, la quession n'a plus aucun intérêt. Supposez Ptolémée de bonne foi, il en résultera toujours que ses observations sont trop inexactes pour être employées aujourd'hui. A la page 535, Képler revient encore à cette observation trois jours après l'opposition, et il avoue qu'il était absurde de s'en servir pour trouver le rayon de l'épicycle, qu'il a prétendu démontrer par cette observation. Képler discute celle où Mars a paru collé au front du Scorpion. Il soupçonne une erreur sur l'étoile, qui doit être la cinquième et non la plus belle. Il ne croit pas qu'il y ait eu d'occultation réelle, mais seulement nne distance assez petite ponr que l'étoile et la plauète sient paru se confondre; et c'est aussi l'idée que j'ai eu en commentant ce passage. Il croit, d'après les expressions grecques, que Mars était placé en ligne droite avec les étoiles du front, et en effet, le grec dit attaché au front, et non à l'étoile du front. Cette explication paralt inste, la conclusion ne l'est pas moins quand il prononce qu'on ne peut ricn tirer de ces deux observations anciennes. Il termine en disant que rien ne prouve aucun changement dans la proportion des orbes, mais qu'il n'est pas impossible qu'autrefois les plus grandes latitudes aient été un peu différentes de celles que nous observons, et en effet les inclinaisons des orbites ont des équations séculaires qu'on ne ponvait alors prouver ni par l'observation, ni par le calcul.

L'ordre des dates ambee la dissertation Cum nuncio sidereo nuper apud mortales misto (160. Kejpler venait de terminer l'ouvresge un Mars : lo bruit se répandit que Galilée venait de découvrir quatre planètes; on ne dissit pas si c'étaient des planètes on simplement des suellites. Cette re-lation peu ricronatanciée devait inquiéter Képler, qui croyait avoit trouré la raison mathématique qui avait déterminé le nombre et les distances des planètes. Il avait cu quelques discussions avec WexLerins; un de ses amis, an usjet de son système cosmographique; la nouvelle découverte semblait donner gain de cause à son adversaire : il était done porté naturellement à donter. Si ces planètes sont réelles, qui nous empéche de supposer qu'il y en aune infinité d'autres? Pendant que Képler était livré de cer effection Califiée luit fremêtre un reemplaire de son ouvrage,

et c'est ce qui donna lieu à cette dissertation adressée à Galliée lui-même. Louis de revoquer en doute l'existence des quatres estellités de Jupiter, il désire bien pluiôt avoir une launette pour découvrir les deux que Mars doit avoir, et les cinq ou buit tie Saturne, et peut-tère le satellité unique de Vénus et celui de Mercure; ou voit que ses idées d'analogie ne l'abandonneut pass.

La construction de la lunette ne lui paraît pas une chose aussi nouvelle qu'on croyait; elle a été assez clairement indiquée par Porta, l'inventeur de la chambre obscure; il en rapporte les passages suivans : éloignez de l'œil une lentille, vous verrez les objets éloignés tellement près de vous, que vous croirez ponvoir les prendre avec la main; vous reconnaîtrez de loin vos amis, vous lirez une lettre placée à une grande distance; inclinez la lentille et vous verrez les lettres s'alonger; vous pourrez lire à vingt pas, et, si vous savez multiplier les lentilles, je ne doute pas que yous ne puissiez lire à cent pas les plus petits caractères. Les lentilles concaves font voir clairement les objets cloignés, mais elles les rendent plus petits. Les lentilles convexes grossissent les objets voisins, mais ils sont mal termines; si vous savez les combiner convenablement, vous verrez les objets grossis, et cependant bien distincts, Porta, chap. 10. Cet auteur avait bien vu ce qu'il fallait faire, mais il ne l'avait executé que fort imparfaitement. Il ajoute : nous avons ainsi rendu service à quelques amis, à qui nous avons donné les moyens de voir distinctement les choses éloignées qui se dérobaient à leurs regards et les objets voisins qui leur paraissaient troubles. Ceci peut s'entendre des verres simples dont se servent les presbytes ou les myopes. Képler avait expliqué les effets des diverses lentilles, à la page 202 de ses Paralipomènes. On y voit même une lentille concave et une convexe sur le même axe, mais il ne dit rien de l'effet combiné des deux lentilles : cette figure comparée au texte de Porta. pouvait conduire à l'invention des lunettes, mais Képler avoue qu'il doit y avoir une grande différence entre les lunettes bataves qu'on rencontrait dejà, et celle avec laquelle Galilée avait percé la profondeur du ciel; il avoue même qu'il avait un peu douté des promesses trop magnifiques de Porta; il pensait que plus il y avait d'air interposé, plus la vision devait être imparfaite, et que si l'on pouvait grossir la Lune considérablement, on cesserait de voir les petits détails d'une manière assez distincte. Ces considérations et beaucoup d'autres, le détournèrent de construire lui même une lunette; cependant il paraît disposé à le tenter : il donne

même quelques unes de ses idees sar la figure des verres qu'en pourra combiner, pour éviter que les images soient ou confuses ou défigures.

Il rapporte qu'un de ses amis, J. Pistorius; lui avait detuande plusioner, fois, si les, observations avaient toute la précision à lasquelle l'fût permis d'aspirer. Képler sonteait qu'il était impossible de faire mieux, et il donait en preuve les bornes de la vue et l'erreur des réfractions. Pistorius au contraire, soutenaît vivement qu'il viendrait un histmonom qui, par le suvoya des lunettes, donnerait aux conservations un tout autre degré de précision. Képler dolpéctait les erférations du verre; mais le succès de Galillée (et ce quon a vu depuis), prouva que Pistorius était-bon prophète.

Képler croit qu'au moyen des Janettes on pearrait mettre dans l'observation des éclipses une telle exactitude, qu'il serait possible de réformer Hipparque en ce qu'il a dit des distances et des diamétres; avec les lunettes, on pourra voir Mercure sur le Soleil, on pourra mieux déterminer la parallaxe des comètes.

A l'occasion de la Lune, il demande pourquoi tent de taches sont rondes; il la compare à une pierre pouce toute pleine de pores, et il la croit de peu de densité, ce qui fait qu'elle se laisse entraîner par la Terre. Il reproduit son idée, que les parties les plus brillantes de la Lune pourraient bien être des mers, mais il cede aux raisons de Galilée; il croit que les habitans de la Lune, qui ont des jours quinze fols aussi longs que les nôtres, qui n'ont pas de pierres avec lesquelles ils paissent se construire des habitations pour se garantir des ardeurs du Soleil, ont pu creuser leur terre, s'y faire des habitations souterraines et des remparts contre le Soleil, sans trop s'éloigner des champs qu'ils cultivent et de leurs paturages; il croit donc qu'une partie des cavités est de main d'homme : il ne conçoit pas comment ils peuvent résister à la chaleur, s'ils n'ont pas des nuages cpais pour couvrir le Soleil, et des pluies qui rassratchissent l'air. Il ne fait pas attention que ces nuages qui cacheraient le Soleil, devraient nous cacher les parties de la Lune, à moins que ces nuages ne soient eux-mêmes des parties brillantes que nous apercevons; mais eu ce cas, comment seraient-elles constamment les memes?

Masalinos dit avoir vu un auage obseur pendant l'éclipse du dimanche des Rameaux, année 1605; que ce tuage devait renfermer de la pluie; cette tache ou ce nuage différait, par la forne, de toutes les taches connues. Mastilinus avait également remarqué que le botte, o pi l'ou voit que the ches taches nogistres; il trouvait que le centre, o pi l'ou voit que th des taches nogistres; il trouvait

aussi que la partie lumineuse paraît d'un rayon plus grand que la partie cendrée.

Képler avait reconnu que les montagnes de la Lune devaient être réellement plus grandes que celles de la Terre, et uou pas seulement proportion gardée des deux diamètres.

Il misoone sur la cause de la diminution des étoiles daus les lunettes; idit qu'il a la ven faible et que Sirius lai partit (galer à peu près la Luse, à cause des rayons lumineux dont il est entouré. Si les étoiles sout des Soleils, aiusi qu'il le croit, pomquoi donneut-elles si peu de lumière? Il semble qu'il auvait pa cu assigner pour raison leurs distances; il aime miexa dire que sotre soleil est incomparablement plus lumineux qu'elles, et que notre moude se distingue de tous les autres moudes qui sont en aombre i fificii.

Galilée pensait que la voie lactée et les uébaleuses, ne sont que des amas d'étoiles ; il s'eu réjouit; elle ne pourront plus former les comètes suivant l'idée de Tycho; on introduisait par là l'idée absurde que des astres peuvent périr.

Il voit avec grand plaisir que les quatre uouvelles planètes ne sont que des Lunes, aiusi ses craintes pour son système sout dissipées; elle suivent Jupiter de trop près pour rien changer à l'arrangement de Képler.

Wackerins pensait que Jupiter tournait sur son axe comme la Terre; Tycho le croyait habité. « Quel que soit le système qu'ou suive, Jupiter tourne; ses quatre lunes tournent autour de lui, comme il tourne autour du Soleil, ce qui démontre la possibilité du monvement de notre Lune.

» Jupice prouve qu'il y a des globes plus importans que celul, de la Terre; il est plus gros, il a quatre lones et nous s'en avous qu'une; nous ue sommes douc pas les créatures les plus nobles? Pouvous-nous encore penser que lout ait été créé pour nous? commeut nous cerionnemes plus voisins du Soleil, nous pouvous spercevoir toutes les planties, nons sommes plus ávorablement placés pour fudier! J'Astronomic. »

Dans cette dissertation , Képler parle d'un opuscule qu'il avait fait paraltre l'année précédente (1609), à l'occasion de Mercure vu sur le Soleli; il a'sgit de l'observation du tems de Charlemague, que Képler avait discutée dans son Optique : Messiliuss avait attaqué sou commentaire et la subatition du min otharbare cotaties, pour octo dies; on u'y voit que des conjectures opposées à d'autres conjectures.

Mais ce qui était révoqué en doute par Mæstlin, il crut pen de tems

après, l'observer lui-même; les Éphémérides annonçaient une conjonction de Mercure le 19 novembre 1606. Mercure était voisin de son nœud; Képler recommanda à Sciffard, qui avait travaillé avec Tycho, d'observer attentivement le Soleil pendant quatre jours. Képler l'observa lui-même à sa manière, qui était de recevoir sur un carton l'image du Solcil; il apercut sur le disque une petite tache ronde, de la grandeur d'une mouche; pour éviter toute illusion, il tourna le carton, changea le lieu de l'observation et l'ouverture qui laissait passer l'image. Sciffard n'avait rien remarqué d'extraordinaire, si ce n'est qu'à 3 heures, il avait oru voir le Soleil échancré, et qu'ayant voulu répêter cette observation avec plus de soin, il avait été comme aveuglé par la lumière du Soleil. Cette échancrure avait paru au bord supérieur, ce qui convenait à Mercure : Képler demauda si c'était au bord droit on au bord gauche : Sciffard hésita, et ce qu'il dit, après avoir cherché à se rappeler ce qu'il avait vu, ne couvenait plus. Képler trouvait que la tache était bien petite, il croyait Mercure plus gros, et s'il le vit comme une mouche, on pourrait croire que ce n'était pas Mercure, qui devait être plus petit. Il tâche de se persuader que c'était Mercure', mais il ne fait aucune mention du mouvement; il donne une figure où la tache noire paraît à égale distance du centre et du bord voisin; il se félicite, il chante Ite triumphales circum mea tempora lauri. Il s'écrie comme Archimède, svenza ou plutôt reracana. ie l'ai observé.

Le premier ouvrage publié par Képler, après sa dissertation, est sa biporirque, où il démontre la construction de la lunette astronomique. Dans la préface de cet ouvrage, il s'attache à réfater quedques erreurs du traducteur de l'Optique d'Eucléfie, et celles d'un français nommé Péna, sur les réfractions et la théorie de la Lunc; mais Képler l'approuve, quand il assure que les comètes sont disphanes, et que leur queue est produite par la lumière de Soleil qui a travencé le corps de la comète et en aort créactée; « mais acet le lumière réfractée a-velle la faculté de bebler? Si la queue peut avoir cette faculté, ce n'estqu'à la pointe da cône où les ryons sout réanis : le point de concours est asser près du corps de la comète, et à ce sommet commence un autre cône, qui est la queue visible de la comôte, et qui est formée de ryons divergens. A

La brièveté des révolutions des quatre Lunes de Jupiter paralt, à Kepler, une preuve que Jupiter doit tourner très rapidement sur sou axe, et sans aucun doute, en moins de vingt-quatre heures.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

60 · 1-

Galifée, à qui on avait vouln dérober quelque-unes de ses découvertes, en avait annoncé une nouvelle par des lettres transposées, 5 meix num il mepos taleum idus congettauires. Il invitait aussi cenx qui anraient quelques découvertes à les produires la clef de son logographe était: Altistimum planetem ter geminum observavi. On voit qu'au lieu de idun, il fint lire idus.

Gallile ajoute: en seniculo decreptio duos servos qui incessum illus adjuent, nunquam à lateribus ejus discedentes. Cette découverte n'était qu'ébanchée, elle n'a été complétée que par Hugens: en voici une autre qui ne laisse rien à désirer: Here immattura à me frustra leguntur oy, c'est-àdire. Crathia figuras armulaur mater amoura.

Sciliter Venus corauta non sit que tot corautos quotidie efficit. N'estil pas bien juste que Véaus ait des coraes, elle qui en distribue tant chaque jonn!

Ecce igiture ut formosissima stellarum, perfecto circulo sui aspectus, velati quodam modo quodam fetu maturo deposito sese demitta ad imum epicycli sui, inanis et incorna attenuate, velati nover prolis concipiende camá et post quam soit copadata fuerti, jusa soit, velatui viro suo inferiori loco se subjiciens, su fert mos et natura freminarum, exinde paulatim exalero latere sees erusum tollat in altum et maggia staque maggis, velati impregnata intumereat. Nous serions aujourd'hui bien étoanés de trouver de pareilles comparaisons dans un livre d'Astronomie.

Il n'y a rien dans l'ouvrage même qui appartienne véritablement à l'Astronomie, que les différentes combinaisons des lentilles bl.couvexes, plano-coavexes et concaves mais la combinaison de deux verres convexes autorise à regarder Képler comme le premier inventeur de la lunette astronomique qui renverse les objets, et qu'on a substituée avec avantage à celle de Galifée.

Nous ne dirons rien de son étrenne de nive excangulá, ni de la dissertation sur l'année de la aissance de J.-C.; mais nous devons une attention particulière aux trois livres sur les comètes (1619); ce n'est pas que la trijectoire de la Comète est une ligne droite, et il entaisse dans son premier livre 50 théorèmes qui servent à calculer les mouvemens apparens dans actet hypothèses. Il semble qu'il n'en faudrait pas tant, et qu'ils doivent être faciles à trouver dans l'occasion; sinsi nons attendròns, pour en parler, a m'ils nons soient utiles.

La comète de 1607 parnt vers les étoiles de l'Ourse; Képler l'aperçut

en revenant de voir un feu d'artifice. Elle paraissati plus grande et aussi brillate que les écioles voisines. Képler n'y voyalt pas de queen, pas il en soupçonasit une. Ses observations, pour la plupart, sont faites à vue, sans accun instrument, par de alignemene estimés; il entreprend cependant de chercher la parallare de la comète et de combien son mouvement en aurait été altéré dans l'interralle de 6 henres, pendant lesquelles le mouvement avait été de a'5o'. Les tems des observations ont éty mis l'hordoge de la ville.

Képler donne la table des lieux observés; il conclut par interpolation les lieux des jours intermédiaires. On voit que le mouvement a presque toujours été en diminuant, et qu'à la fin il était rétrograde.

Une grande figure représente la partie de l'orbite que la Terre a parcourue pendant tont le tens de l'apparition. Les lieur de la Terre y sont marqués chaque jour; une ligue droite, menée de la Terre à la comète, est tracée, mais ne donneait que les directionis dans lesquelles a paru la comète; il s'agit seulement de couper toutes ces directions par une droite qui soit la route de la comète et qui soit partigée en espaces proportionnels sus tens. Pour trouver la position de cette ligne, Képler y applique les théorèmes de la première partie. Cette première comète, y applique les théorèmes de la première partie. Cette première comète, d'après l'espèce des observations, ne mériferait pas plus de détails, muis c'est la comète de Halley, et nous pouvons nous arrêter un peu sur la méthodo que suit Képler, pour en erprésente la marche observée.

Posons d'abord les données de l'observation.

| | 26 Sept. 1 Oct. 5 Oct. | ⊙ 6. 3°95′ 6. 8.21 6.12.18 | C 4 ^f 18°30' 6.18.15 7.12.30 | E - 44°55′ + 9.54 + 30.18 | | | | Latituder. 35°30' B 37. 0 27.20 |
|--|------------------------------|-------------------------------------|--|------------------------------------|--|--|--|--|
|--|------------------------------|-------------------------------------|--|------------------------------------|--|--|--|--|

On voit d'abord que la comète a été en conjonction dans l'intervalle de la première à la troisième observation, puisque sa longlinde, qui était d'abord plus peite que celle du Soleil, est devenne plus forte. Ou voit que la latitude a d'abord augmenté et easuite diminué, ce qui porterait à cerire qu'elle «ést d'abord approchée de la Terre, dont ensuite elle s'est éloignée. La queue, qui était peu apparente le premier jour, s'est vue beaucoup mieux les jours suivans, ce qui donne à croire qu'elle marchait vers son périthleir, même dans les tédes de Képler qui croyait la quene produite par les rayons du Soleil qui traversaient le corps de la comète.

na comete.

Képler suppose l'orbite de la Terre circulaire, ou du moins les trois rayons vecteurs égaux, d'où (fig. 68)

 $AB = 2 \sin 2^{\circ} 28' = 0.086076$, $BE = 2 \sin 1^{\circ} 58' 50'' = 0.068927$, SAB = SBA = 87.52, SBE = SEB = 88.1.50.

AB, BE, sont les deux cordes du chemia de la Terre; AS, BS, ES' les distances de la Terre au Soleli; ces trois ligues, qu'il faut imaginer prolongées, se réunirisent au centre da Soleli. Le premier jour, la comité a c'ét vue dans la direction AC qui faisait un angle de 44° 55° avec le rayou vection AS; due cet angle de SAB = 89,35

done BDA = 59.45

BDA = CDC' = monvement géocentrique de la comète; on peut voir ci-dessus qu'il est la différence des deux premières longitudes.

Nons connaissons les trois angles du triangle ABD, nous avons AB, nous en conclurons les autres côtés tels qu'on les voit ci-dessous.

AB = 0,068927 AD = 0,007531 BD = 0,067468 FDH = 59*45' DFH = 24.15 FHC = 84.0

BFE est encore le monvement géocentrique de la comète, depuis la seconde jusqu'à la troisième observation.

L'angle extérieur FHC = C"HC = mouvement total de la comète en longitude; c'est la différence entre la troisième longitude et la première.

Dans le triangle BFE, nons connaissons BE et les trois angles; nous avons BE, nons aurons les deux autres côtés EF et BF, tels qu'on les voit ci-après.

FD=FB-BD=0,07458; avec ce côté et les trois angles F, D, H, nous aurons FH et DH, et enfin EH=EF-FH.

Ces calculs sont indépendans de toute hypothèse sur les comètes; ils n'emploient que les observations avec les longitudes de la Terre et ses rayons vectenrs. Ils peuvent servir encore aujourd'hui dans toutes les méthodes, et celle de M. Olbers commence ainsi.

Il ne s'agit plus que de mener une ligne PQ qui coupe les trois directions AC, BC' et EC' de manière que PC":PC'::9:5 dans le rapport et dans l'ordre des tems.

Pour résondre ce problème, Képler donne différentes valeurs à l'angle P que la trajectoire rectiligne peut fommer avec la ligne AC. On peut renfermer la solution dans une formule générale qui simplifiera les calculs.

Soit DH = a, HP = x, DP = (a+x), les triangles PC'H et PC'D donneront

$$\sin C'' : \sin H :: HP : PC'' = \frac{HP \sin H}{\sin C'} = \frac{x \sin H}{\sin (H + P)},$$

$$\sin C' : \sin D :: DP : PC' = \frac{DP \cdot \sin D}{\sin C'} = \frac{(a + x) \sin D}{\sin (D + P)},$$

or,

$$PC' = \frac{5}{5} PC'';$$
 donc $\frac{(a+x)\sin D}{\sin (D+P)} = \frac{5}{5} \cdot \frac{x \sin H}{\sin (H+P)},$

ou -(-1-)

 $g(a+x)\sin D\sin (H+P) = 5x\sin H\sin (D+P)$, $g(a+x)\sin D\sin H\cos P + g(a+x)\sin D\cos H\sin P = 5x\sin H\sin D\cos P$ $5x\sin H\cos D\sin P$,

g(a+x)+g(a+x)cotHiangP=5x+5xcotDiangP, ga+gx+gacotHiangP+gxcotHiangP=5x+5xcotDiangP, ga(i+cotHiangP)=-4x+5xcotDiangP-gxcotHiangP;

$$x = \frac{sa(t + cot H tang P)}{5cot Dang P - g cot H tang P - 4} = \frac{1.8 a(cot P + cot H)}{1.8 a(cot P + cot H)} = \frac{1.8 a(cot P + cot H)}{1.8 a cot P + (cot D - 1.8 cot H) - 0.8 cot P} = \frac{A + 1.8 a cot P}{B - 0.8 cot F} = \frac{1.8 a cot P}{B - 0.8 cot F}$$

en faisant pour abréger A = 1.8 a cot H_s et $B = \cot D - 1.8 \cot H_s$. On ne vois aueune autre équation à former entre les trois lieux de la comète, et le problème est indéterminé. Il ne reste donc qu'i former des suppositions, pour l'une des inconnues x on P, pour en dédaire alleur et les distances de la comète à la terre. Képler les fait porter sur P qui et l'angle en C an aprenier lieu de la comète.

Cette formule est bien simple; on peut la rendre encore plus commode.

$$\begin{aligned} \mathbf{x} &= \frac{\mathbf{A} + \mathbf{1} \cdot \mathbf{8} \cdot \mathbf{a} \cot \mathbf{P}}{\mathbf{B} = \mathbf{0} \cdot \mathbf{8} \cot \mathbf{P}} = \frac{\mathbf{A} \sin \mathbf{P} \cdot \mathbf{P} \cdot \mathbf{1} \cdot \mathbf{8} \cdot \mathbf{a} \cot \mathbf{P}}{\mathbf{B} \sin \mathbf{P} - \mathbf{0} \cdot \mathbf{8} \cot \mathbf{P}} = \frac{\mathbf{A} \left(\sin \mathbf{P} + \frac{\mathbf{1} \cdot \mathbf{8} \cdot \mathbf{a}}{\mathbf{C} \cot \mathbf{P}} \cot \mathbf{P} \right)}{\mathbf{B} \left(\sin \mathbf{P} - \frac{\mathbf{0} \cdot \mathbf{8}}{\mathbf{C} \cot \mathbf{P}} \cot \mathbf{P} \right)} \\ &= \frac{\mathbf{A}}{\mathbf{B}} \left(\frac{\sin \mathbf{P} \cot \mathbf{P} \cdot \mathbf{C} \cot \mathbf{P}}{\mathbf{C} \cot \mathbf{P}} \cot \mathbf{P} \right) \cot \mathbf{P}}{\mathbf{C} \cot \mathbf{P}} \left(\frac{\mathbf{C} \cot \mathbf{P}}{\mathbf{C} \cot \mathbf{P}} \cot \mathbf{P} \right) \cot \mathbf{P}} \\ &= \frac{\mathbf{A} \cdot \mathbf{P} \cdot \mathbf{P}}{\mathbf{B} \cdot \mathbf{P} \cdot \mathbf{P}} \left(\frac{\mathbf{P} \cdot \mathbf{P}}{\mathbf{P} \cdot \mathbf{P}} \cot \mathbf{P} \right) \cot \mathbf{P} \right) \cot \mathbf{P}}{\mathbf{P} \cdot \mathbf{P}} \left(\frac{\mathbf{P} \cdot \mathbf{P}}{\mathbf{P} \cdot \mathbf{P}} \cot \mathbf{P} \right) \cot \mathbf{P}} \end{aligned}$$

en faisant

$$\begin{aligned} & \tan q \stackrel{\bullet}{\circ} = \frac{1.8}{1.8} \stackrel{\bullet}{=} \frac{1.8 \text{ a}}{1.8 \text{ a} \text{ cot H}} = \tan p \text{ H} \quad \text{et} \quad \tan p \stackrel{\downarrow}{\downarrow} = \frac{0.8}{8}, \\ & \text{alors} \quad & \\ & x = \left(\frac{A \cos 4\sqrt{\sin (P - 1)}}{6 \cos 10 \sin (P - 1)} = \frac{\sin 5 \cdot 56 \cdot 3^{\circ} \sin (P + 1)}{\sin (P - 65^{\circ} 6 \cdot 45^{\circ})} = \frac{0.65 \cdot 511 \sin (P + 21)}{\sin (P - 57^{\circ} 6 \cdot 45^{\circ})} \\ & A \quad & ... \quad ..$$

Nons voyons d'abord que P > 65°46'49"; car x serait ou infini ou négatif.

Par des calculs tout semblables , j'ai formé la table suivante

| | 7 | ableau des | Hypothèses. | |
|---|--|--|---|--------------------------------|
| P | AC | BC' | EC" | & Limites. |
| 70° 80 90 96 100 110 120 120°15′ | 0,3811 0,1898 0,1381 0,1322 0,1159 0,1023 0,0927 0,0925 | 0,4143 0,2084 0,1580 0,1426 0,1341 0,1195 0,1091 0,1089 | 0,6436 0,3218 0,249 0,2180 0,2056 0,1828 0,1666 0,1662 | P > 63°46′49° P < 180.15. e |

La supposition P = 96° = FHD, fait que PQ se confond avec EC", AD + DH = 0,15224.

BC'=BF=0,14205, EC"=EF+4FII=EF+0.8FH=0,21804, ce qui n'exige aucun calcul.

Les valeurs plus fortes de P donneut P+H > 180*, sin (P+H) est négatif, ainsi que x. La formule se prête à toutes les suppositions, pourru qu'on fasse attention à la règle des signes.

Il faut s'arrêter à 120°, car $P = 120^\circ$, $15' = 180^\circ - D$; P tomberait en D, a + x = a - a = 0; le premier lieu de la comète serait en D, le deuxième en C' et le troisième en F, EC'' = EF = 0,166222,

$$DC' = \frac{3}{5}DF = \frac{5}{5}o, 07458 = \frac{0.57850}{9} = 0, 041455$$

 $BD = 0.057470$
 $BC' = 0.108905$

Plus loin l'ordre de C' et C' serait interverti; ainsi les limites de P sont 65°46'49" et 180° — D = 120°15', ou 4 et 180° — D.

En prenant quatre observations au lieu de trois, le problème serait déterminé, mais les formules seraient plus compliquées.

Soit, par exemple, le quatrième lieu de la Terre en G; nous aurons de même EG == 3 in i mouvement. Nous déterminerons de même le triangle EGK; nous connaîtrons EK, GK, HK, LK, HL; l'angle KLC sera le mouvement total dans l'intervalle des observations. Cela posé;

Soit LC = x, DC = b + x, HC = a + x; l'angle en C sera la seconde inconnue.

481

Le triangle DC'C donne

$$\sin C' : DC :: \sin D : CC' = \frac{DC \sin D}{\sin C} = \frac{(b+x) \sin D}{\sin (D+C)};$$

Le triangle HC"C donne

$$\sin C'': HC:: \sin H: CC'' = \frac{HC\sin H}{\sin C'} = \frac{(a+x)\sin H}{\sin (H+C)} = \frac{m(b+x)\sin D}{\sin (D+C)};$$

Le triangle LC"C donne

$$\sin \mathbf{C}^m : \mathbf{LC} :: \sin \mathbf{L} : \mathbf{CC}^m = \frac{\mathbf{LC} \sin \mathbf{L}}{\sin \mathbf{C}^n} = \frac{x \sin \mathbf{L}}{\sin (\mathbf{L} + \mathbf{C})} = \frac{n (b + x) \sin \mathbf{D}}{\sin (\mathbf{D} + \mathbf{C})}.$$

$$(a+x)\sin H\sin (D+C) = m(b+x)\sin D\sin (H+C).$$

La troisième équation donne

$$x \sin L \sin (D+C) = n(b+x) \sin D \sin (L+C)$$
,

$$a \sin H \sin (D+C) + x \sin H \sin (D+C) = mb \sin D \sin (H+C)$$

$$+mx\sin D\sin(H+C),$$

$$x\sin L\sin D\cos C+x\sin L\cos D\sin C=+nb\sin D\sin(L+C)$$

$$x+x\cot D tang C-nx-nx\cot L tang C=nb+nb\cot L tang C;$$

$$mb+mb\cot H tang C-a-a\cot D tang C = (mb-a)+(mb\cot H-a\cot D) tang C$$

$$x = \frac{mb + mb \cot H \tan C - a - a \cot D \tan C}{1 + \cot D \tan C} - \frac{(mb - a) + (mb \cot H - a \cot D) \tan C}{(1 - m) + (\cot D - m \cot H) \tan C}$$

$$M + N \tan C$$

$$= \frac{nb(1 + \cot L \tan C)}{1 + \cot L \tan C} = \frac{p + Q \tan C}{(1 - n) + (\cot D - n \cot L) \tan C}$$

$$= \frac{R + S \tan C}{T + V \tan C}.$$

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

En faisant comme on voit

$$\begin{aligned} \mathbf{M} &= mb - a, & \mathbf{R} &= nb, \\ \mathbf{N} &= mb\cot\mathbf{H} - a\cot\mathbf{D}, & \mathbf{S} &= nb\cot\mathbf{L}, \\ \mathbf{P} &= \mathbf{1} - m, & \mathbf{T} &= \mathbf{1} - n, \\ \mathbf{Q} &= \cot\mathbf{D} - m\cot\mathbf{H}, & \mathbf{V} &= \cot\mathbf{D} - n\cot\mathbf{L}; \end{aligned}$$

de ces deux valeurs de x, on tire

$$\begin{split} & \text{MT-PR=QStang} \cdot C - N \text{Vang-C+(PS+QR-MV-NT)tang-C}, \\ & \frac{\text{MT-PR}}{(2S-N)} = \log \cdot C + \frac{(PS+QR-MV-NT)}{(2S-N)} \tan g C, \\ & = \lim_{t \to \infty} C + \beta \tan g C, \\ & + \beta = \tan g C + \beta \tan g C, \end{split}$$

tangC=
$$-\beta \pm \sqrt{\alpha + \beta}$$
= $-\beta \pm \beta \left(1 + \frac{\alpha}{\beta}\right)^{\frac{1}{2}}$ = $-\beta \pm \beta (1 + \tan g^{2}\phi)^{\frac{1}{2}}$ = $-\beta \pm \beta \sec \phi = +\beta (\sec \phi + 1) = \beta (1 + \tan g \phi \tan g^{\frac{1}{2}}\phi + 1)$

$$\alpha = \frac{MT - PR}{QS - NV}, \ \beta = \frac{1}{5} \left(\frac{PS + QR - MV - NT}{QS - NV} \right), \ \tan g \phi = \frac{\sqrt{\alpha}}{\beta}.$$

On voit que tang C aura denx valeurs il en sera de même de x; les circonstances détermineront le choix. La solution est directe, mais elle est un peu longue. Il serait peut-être aussi court de calculer le triangle LC°C dans les différentes hypothèses, pour voir celle qui approcherait le plus de satisfaire à l'intervalle; on Leo conclurait ensuite la véritable valeur de C par une règle de trois.

Pour essayer ces formules, prenons quatre observations de Képler.

| | 8 | Comête. | Élongat. | Latitude. | d 0 | 1d0 | d com. | Mo | M. Com. |
|---|---|-------------------------------|--|--------------------------------------|--------------|--------------------|--------------------------|--------------------------|--------------------|
| 26 Sept. 1 Oct. 5 Oct. 10 Oct. | o. 3*25' o. 8.21 o.12.18 o.17.16 | 6.18.15 7.12.30 7.24.50 | - 41°55' + 9.54 + 3°.12 + 37.34 | 35°30′ B 37. 0 27. 20 19. 0 | 4.58 4.58 | 1.58.30 2.29. 0 | 50*45" 24.15 12.20 | 59°12′ 59.15 59.30 | 6. 3.45 2.28. 0 |

Soient A, B, E, G les quatre positions de la Terre; AB==2sin 2 ASB, et ainsi des autres. Nous supposerons avec Képler les rayons vecteurs constans.

```
KÉPLER.
                                                       485
AB = 0.086076
                   FH = 0,064781
                                        DL = 0,075744 ·
BE = 0,068927
                    EF = 0,166220
                                        AD = 0,097331
EG = 0.086658
                    EH = 0,101439
                                        AL = 0.173075
AD = 0,097331
                   GK = 0,359154
                                        KL = 0,209252
BD == 0,067468
                   EK = 0,510563
                                        KG = 0.359154
                   EH = 0,101439
EF == 0,166200
                                        LG = 0,140902
BF = 0,14205
                   KH = 0,209124
BD = 0.067468
                                        LC = x
                   HL = 0.044043 = a
DF = 0.074582
                                        HC = a + x
                   DH = 0,030801
DH = 0,030801
                   DL = 0.075744 = b
                                        DC = b + x
 m = 1,8; n = 2,8; P = 1 - m = -0,8T; = 7 - n = -1,8
   SAB = SBA = 90^{\circ} - 2^{\circ}28' = 87^{\circ}52'
                                        SBA = 87° 32'
   SAC
                                 44.55
                                        SBC' = 9.54
                                 42.37
   BAC = BAD =
                                         ABD = 77.58
   ABD =
                                 77.38
   ADB =
                                 59.45.
  Triangle BFE.
                                          Triangle FDH.
SBE == 88° 1'50"
                   SEB = 88° 1' 30"
                                     DFH = BFE = 24° 15'
SBC' = 9.54. 0
                  SEC" = 30.12. 0
                                     FDH = ADB = 59.45
EBF = 97.55.50
                  BEF = 57.49.50
                                     FHL =
BEF = 57.49.50
                                     FHD =
                                                    96. 0
BFE = 24.15. 0
                 C''-C = FHL = AHE = H.
                                  SEG = 87° 31'
         SEG = SGE =
                        87° 31'
                                  SGC''' = 57.34
         SEC"=
                         30.12
         GEK =
                        117.43
                                  EGK = 49.57
         EGK =
                         49.57
         EKG =
                         12.20 =
                                 C" - C"
         HKL=
                         12° 20'
                                  HKL .= 12° 20'
                                  KHL = 84. o
                             L = KLM = 96.20
                                  KLH = 83.40
                            \frac{CC'}{CC'} = \frac{2}{5} = 1,8
            GC': CC":: 5:9;
```

CC''': CC' :: 14:5; $\frac{CC''}{CC'} = \frac{14}{5} = 2,8$

Ces deux valeurs s'éloignent peu des limites 63° 46' 49" et 120° 15', que nous avions trouvées par la première solution qui n'emploie que trois observations.

Cherchons x, en employant la première valeur de C.

$$\begin{split} x &= \frac{M + N \tan C}{P + Q \tan C} = \frac{+ \cos 3288 - \cos 3517}{-6.8 + \cos 754} = \frac{+ \cos 6872}{+ \cos 6472} = \cos 686852 \\ \bullet & \Lambda L = \cos 17507 \\ \bullet & \Lambda L = \cos 7507 \\ \star & \Lambda L = \cos 7507 \\ \star & \Lambda L = \cos 95909 \\ \cos 9.65238 \\ & \Delta L = \cos 95909 \\ \cot - \cos \omega + \Delta L = \cos 95909 \\ \cos - \cos \omega + \Delta L = \cos 95909 \\ \cot - \omega + \Delta L = \cos 95909 \\ \cot - \omega + \Delta L = \cos$$

Avec l'autre valeur de C nous aurons

$$\begin{array}{l} x = \frac{+ \circ, \circ_{9}138_{9} + \circ, \circ_{20}4475}{- \circ, 8 - \circ, 67813} = \frac{\circ, \circ_{1}18365}{+ \circ, 47813} = - \circ, \circ_{7}5661, \\ x = \frac{R + S \tan(G)}{T + V \tan(G)} = \frac{+ \circ, \circ_{1}18365}{- \circ, 8 - \circ, 64514} = \frac{+ \circ, \circ_{2}565_{99}}{- \circ, 37336} = - \circ, \circ_{7}5661. \end{array}$$

première distance par un milieu....

AL =+ 0,17307 1³⁰ distance de la comète... AC =- 0,097409.

Cette distance n'est pas un dixième de celle que donnait C, angle aigu. Ce dernier calcul paraît aussi exact ; cependant , comme il peut paraître peu probable que la comète soit si près de la Terre, nons allons calculer les autres distances dans la première hypothèse , avec C = 65° 50' 0'.

$$x = 0.816850$$
 C= 65°52′ o" CC' = $\frac{(b+x)\sin D}{\sin (D+C)}$ = 0.994846
 $b = 0.975744$ D= $\frac{59.45}{125.37}$. o.

CC' est le chemin de cinq jours; le chemin dinrne sera 0,18969

$$DC' = \frac{(b+x) \sin(x)}{\ln(x) + C_1} = 1,00001.$$

$$DC' = \frac{(b+x) \sin(x) + C_2}{\ln(x) + C_1} = 1,00001.$$

$$x = 0,81683 \qquad C = 65 \cdot 5x \cdot 0$$

$$4 = 0,004644 \qquad H_x = 84$$

$$4 + x = 0,86177 \qquad H + C = 149.52. \qquad 0$$

$$CC'' = \frac{(a+x)\sin H}{\sin (H+C)} = 1,70720 = \text{chemin de 9 jours},$$

0,18969 = chemin d'un jour.

$$HC'' = \frac{(a+x)\sin C}{\sin(H+C)} = 1,56657$$
 $L.C''' = \frac{x\sin C}{\sin(L+C)} = 2,43850$
 $EH = 0,10144$ $GL = 0,14992$

C= 65°52′ o" CC'''=
$$\frac{x \sin L}{\sin(L+C)}$$
=2,6557=chem. de 14 jours,
L= 96.20. o 1,3268=chem. de 7 jours,

L+C=162.12. 0 chemin diurne =0,18969

... 0,18969 milieu... + 0,18969.

On voit donc que les trois triangles s'accordent à donner le même chemin diurne à la comète : ainsi, après un intervalle quelconque, on connaitra le chemin C"C". Soit X le lieu de la Terre pour ce jour, XC" sera la direction à la comète, et elle coupera AC en un point M, et le C" en un point V; vous pourrex calculer XC" et l'élogation SXC".

Menez GC; dans letriangle GLC, vous aurez GL == 0,14990, ci-dessus; vous aurez l'angle compris GLC; vous en conclurez GC et GCL; vous avez LCZ, vous aurez GCZ. Abaissez la perpendiculaire GZ sur l'orbite QPZ,

$$CZ = GC \cos GCZ \text{ et } GZ = GC \sin GCZ.$$

Vous connaissez GX, vous aurez aussi l'angle ZGX; vous en déduirez

XZ, XZY, XY = XZ siq XZY, ZY = XZ cos XZY;
tang
$$C''XY = \frac{YC''}{VV}$$
, ou sin XC''Y = $\frac{XY}{VC''}$ = $\cos C''XY$,

C"XY - SXY = élongation de la comète.

La droite ZPQ n'est que la projection de la route de la comète sur l'écliptique.

La hauteur de la comète au-dessus de l'écliptique == distance accourcie tang latte géocentrique.

Deux hauteurs et la distance de leurs pieds vous donneront l'incliuaison de la route sur l'écliptique.

Soit I cette inclinaison; 0,18969 séc I sera le mouvement diurne sur la traiectoire vraie.

Vous pourrez édérminer l'instaut où la ronte de la Terre coupera la riotie PQ. Quand la Terre sera dans l'intersection, le mouvement pasrent de la comète sera nul; il ne lui restera de mouvement que ce qui serait dia un mouvement de la Terre; la comète deviendra biendit voirgrade. Elle le devient en effet vers le 21 octobre, 11 jours après la dernière des quatre observations calculés.

Plus de details sur une hypothèse inexacte et abandonnée seraient bien inutiles; il n'y a que les commencemens qui peuvent donner une idée approximative des distances de la comête à la Terre, et pourraient être de quelque usage; mais il faudrait que les intervalles ne fussent pas si grands.

Képler aurait pu employer les rayons vecteurs elliptiques de la Terre, les cordes elliptiques AB, BE, etc., et les angles vrais de ces cordes avec les rayons vecteurs; sa manière de calculer les intersections et tous les angles est été la même que celle de M. Olbers.

On ferait des calculs semblables pour l'autre valeur de C. Dabord elle donne ne négalit peu différent de DL; le point (tomberait sur DH; et très près de D, nous trouverions le chemin diurne de 0,009 euviron; les quatre distances à la Terre sersient 0,0974, 0,1115, 0,16055, 0,21144; l'orbite PQ' couperait l'orbite de la Terre vers le point B, ce qui se parall pas aller fort bien avece qu'on a observé; mais, avec des observanios aussi grossières, aous ne pouvous répondre bien sérement ni de C, ni de x. Supposons que x négatif surpasse DL, dont il differe à peine, le point C tombéra sur AD; formant l'angle ACQ' = 120° 9' 24",

Avec les distances accourcies, les élogations et la distance de la Terre au Soleil, on anari les communistions et les laitudes hélicentiriques; mais ces angles sersient fort inutiles. Quandon donne une trajectoire rectiligne à la comète, on ne la fait circuler sutour d'aucun ceutre. Or, Kepler nous dit qu'il n'a jamais goûté l'idée des trajectoires circulaires tentées par Tyche et Mestlimu; sa raison était que les comètes ne revenant jamais au point doù elles sont parties , le mouvement devait être rectiligne et non circulaire. En exposant les méthodes de Tyche et de Mestliu, nous leur vaious ôptect le peu de durée de la révolution qui Mestliu, nous leur vaious ôptect le peu de durée de la révolution qui

aurait du ramener la comète si souvent. Quantà la raison que les comètes ne revenaient pas, Kelper avisi ma pris son tems; car c'eisit digà la troisième fois qu'on observait cette comète, qui depuis a repara deux nutres fois. Sana cette fausser siaton, Kelper aurait songé ann doute à lui donner une orbite elliptique. Il avait examiné si, en la supposant absolument immobile, on ne pourrait pas expliquer son monvement apparent par le mouvement annuel de la Terrey mais cette tentaitve n'eut aucua succis. Si la comète immobile étà tié dans l'écliptique, le monvement de la Terre lui aurait donné pour orbite apparente l'écliptique meme. Il dit essuite que la comète, immobile bor du plan de l'écliptique, aurait pour orbite un petit cercle, ce qui n'est pas aussi clair junis voyant que rien de tout cela ne s'observait, il conqui l'ideé d'essayer les trajectories rectilignes pour déterminer, sans le secours des parallaxes, les distances et la route de la comète.

Képler a du moins réussi à montrer la peitiesse de la parallaxe. Quant aux distances véritables, on voit qu'elles sont indidereminées, mais dans certaiues limites, que les observations suivantes, continuées de même de jours, la trajectoire véritable ne différe pas considérablement d'une ligne droite, et le mouvement à pas d'irrégularités asses fortes pour être sensibles à de parelles observations. Il est vrai que, Jans le fait, la comète ciait voisine de son périhèlie, où elle a passé le 26 octobre, suivant l'alloyet Bessel, qui en ont calcule l'ellipse; mais la comète venait de disparaître. La comète a passé entre le Soleil et la Terre; elle était directe pour la Terre, elle était directe

Képlertira treize conclusions des données qu'il a rassemblées. Il avoue que sa trajectoire rectiligne austisfait médiorement aux longitudes et surtout aux latitudes; mais tout cela se corrigerait fucilement, si l'on vouloit abuser de son loisir, en se livrant à des calculs bien inutiles pour une comète qu'on ne reverar plus.

Ce que nous avons fait de calculs est plus que suffisant pour donner . une idée du parti que l'on pourrait tirer de cette méthode de Képler. Il ne lui a pas donné sûrement la simplicité qui résulte de nos formules; il u'entre dans aucun détail sur la manière dont il a conduit l'opération; il se contente d'en donner quedques résultat. Il indique un instant où la distance n'est pas moindre que 4,125 on 3 de la distance du Soleil. Après les premiers jours, Jest interscions des rayons visuels, tels que D, F et II, s'éloignent d'autant plus de la Terre. La comiète est deveuue rétrograde

vera la fiu de sa course; ses rayons visucla, su lieu de converger, out divergé, ce qui prouve qu'ils ont passé par le paralleliume. Dans ce cas, la comète serait à une distance infinie, ce qui serait absurde; la distance était donc à peu près la même que celle des points de section, avant et après la station indiquée par ce parallelisme. La réforgradation s'est opérée quand la Terre da dépassé le plan de l'orbite; l'a station a cu licu au momento du la Terre était dans le plan. Le mouvement alors a du paraltre nul, et même asses peiti pendant quelques houres ou quelques jours, pour qu'il déchappla taux observations de ce tens-là.

Il parut trois autres comètes en 1618. La première, aperçue au mois d'août, fut très faible en septembre; à peine fut-elle remarquée par les astronomes.

La seconde et la troisième ne parurent qu'en uovembre, et même on ne vit que la queue de la première; elle disparut avant la siu du mois.

Quelques personnes ont confonda cest dens dernières comietes, dont ils nota fait qui ne sule, et Kejle n'est pas élogied de croire qu'il est arrivé à cette comité la même chose qu'à celle dont parle Sénèque, d'après le témoignage d'Ephore, Cest--dire, qu'elle sets partagée en deux comitées, qui ont suivi des routes différentes. Cette comité d'Ephore avait précède la submersion de deux villes d'Achaie, Hélia et Duris. Deux ans après, la bataille de Louctes fit passey l'empire des mains des Lacédémoniens entre celles des Thébains. Sénèque attaque et révoque en doutel sassertion d'Ephore; Képler prend la défense de l'historie, et traite assez rodement Sénèque, qui pourrait bien avoir ict raison contre Képler; c'est à cette occasion que Pingré lui applique le vers d'Horace:

Quandoque bonus dormitat Homerus.

La troisième comète avait la queue la plus belle qu'on est vue depuir 50 ans. Les observations comprennent un espace de 55 jours. Képler valenle le grand cercle qu'elle a para décrire, mais il trouve que cette trajectoire ne représeute pas les dernières observations; il renonce au moverment uniforme sur sa tangente, il l'accéler vers la fin, et il s'attache à prouver que la trajectoire a été vraiment reciliègne. Nous faisons grace à nos lecteurs de ces préciendes démonstrations et de tous prisonnemens contre Aristote et ses séctateurs. Mais nous citerons la dernière phrases.

Denique quot sunt in cœlo cometæ, tot sunt argumenta (præter ea quæ Hist. de l'Astr. mod. Tom. I. à planetarum motibus deducuntur) Terram moveri motu annuo circa Solem. Vale Ptolemce, ad Aristarchum revertor, duce Copernico.

« Autant de comètes et de planètes, autant d'argamens du mouvement » annuel de la Terre autour du Soleil. Adieu, Ptolémée, je retourne vers » Aristarque, sous la conduite de Copernic. »

Le second livre à pour titre Physiologie des planètes. L'ean, et surtout l'aus sièse, donce nuissance aux poissons; l'éther la domne aux comètes. Le Créateur n'a pas voulu que l'immense étendue des mers fut dépourrue d'habitans; il a fait de même pour les espaces celestes. Le nombre des combres doit être très considérable; si nous en voyens si peu, c'est qu'elles ne absprochent pas asses de la Terre; clèse se dissipent facilement; la humière du Soleli, en les teverants, entraite sans cesse des particules de leur substance, et cufin elles se rédaisent à rien. Leur queue, ainsi formée, ne tient plus au corpe de la comète qui la laisse derrière à une certaine distance; la queue ne suit donc plus le mouvement de la comète, et de la vient sa combruer. La lumière du Soleil peut être réfractée en passant par le corps de la cométe; elle peut en soit d'avergente, et former comme deux queues inclûnées en seus contraire, car il est possible que les différentes parties du noyau ne soient us de même densité.

Képler ne nie pas que la peste ne soit produite quelquesois par les comètes, sur-tout si la queue enveloppe la Terre; mais comme cette circonstance doit être rare, il saut trouver d'autres explications pour les effets produits par les comètes.

Le troisième livre a pour titre des Significations de la conète. Il se divise ne deux parties : dans la première, il thech de prédire les effets, des la seconde, il cherche à faire cadrer les effets observés avec la nature et les circonstances da la conète et de son apparision. Ce qu'il y a de plus il gulier dans ce livre et le précèdent, c'est qu'il sa cieu été écrits par Képler, s'il no les a pas cen nécessaires pour faire vander le premier.

LIVRE V.

Néper, Képler et Briggs.

A var- de passer à l'ouvrage de Kepler, qui a suivi son Traité des Comètes, c'est-à-clire, à son Traité des Logarithmes, il est juste de faire consaître l'ouvrage du premier inventeur, et d'esposer les moyens que Néper avait imsginés pour changer les multiplications en additions, les divisions en soustrections, et les extractions de recises en simples divisions. Cette invention admirable n'est point escore asses répandue, et la casse en est saus donte la division bizarre et abtriaire des systèmes des métriques des différens peoples; mais on paraît s'acheminer vers l'uniformité et vers les systèmes décinnal, alors l'usage des logarithmes en se borsers plus aux astronomes et aux géomètres. Bailly a dit que Nèper leur donné du tens, ce qui est tes vuris; il leur 3, de plus, éponde les dégoûts et les erreurs des opérations longues et compliquées san lesquelles on ne pouvait faire alors les calcules les plus ordinaires.

On comatt pen de circonstances de la vie de Nèper; il était écosssis, baron de Merchiston; il inventa les haguettes arithmétiques, pour faciliter les multiplications; il est auteur de quelques formules remarquables de Trigonométrie, mais le principal de ses ouvrages est sa Table de Logarithmes. En voici le titre:

Logarithmorum canonit descriptio, sua arithmeticorum Supputationum mirabiti abbreviatio, ejusque udit in utrăque Trigonometriă, tat etiam in omni Logistică mathematică amplissimi, facilimi et expeditissimi, explicatio, authore ac insentore Joanna Neporo, barona Merchitonii, Scoto. La première edițion de cet ouvrage important eta el 1614; je n'ai qua celle de Lyon, 1620. Voici les principes de l'auteur.

Une ligne croit uniformément, quand le point qui la décrit avance également en tems égaux.

Si les tems sont équidifférens, les incrémens le seront de même.

Une ligne décroît proportionnellement quand le point qui la parcourt

en retranche des segmens égaux en tems égaux; les restes sont proportionnels entre eux, comme les parties retranchées.

Les quantités sourdes ou inexplicables en nombres, sont censées déterminées avec une approximation suffisance, si le dernier chiffre n'est pas en erreur d'une unité.

Le logarithme d'un sinus est le nombre qui approche le plus de la ligne qui a crù uniformément, tandis que le sinus total a diminué de manière à devenir le sinus en question, les deux monvemens étant supposés synchrones ou exécutés dans le même tems.

Ainsi, le sinus total a o ponr logarithme. Les logarithmes des nombres supérieurs au sinus total sont négatifs ou moindres que rien.

Il était possible d'attribuer le log, o à tout autre sinus, mais la facilité et la brièveté des opérations demandaient que log, o fut donné au rayon. Et comme les sinus sont de tous les nombres (trigonométriques) cenx

dont on fait l'usage le plus fréquent, on a fait leurs logarithmes positifs.

On pouvait faire le contraire.

Ou ond des pombres sont en progression géométrique leurs logarithmes

Quand des nombres sont en progression géométrique, leurs logarithmes sont équidifférens.

Si trois nombres sont en progression géométrique, le logarithme du troisième est égal à deux fois le logarithme du second, moins le logarithme du premier.

Si quatre nombres sont en proportion géométrique, la somme des logarithmes des deux extrêmes est égale à la somme des logarithmes des deux moyens.

Ici l'auteur annonce qu'il réserve pour une autre occasion l'explication de sa méthode; il la développera quand les avans auront prononcé sur l'utilité de sa Table. Il craint les attaques des envieux, et se borne à indiquer les facilités qu'elle offre pour les calculs.

I.a première colonne renferme les arcs de minute en minute, depuis 90° jusqu'à 45°.

La septième renferme les arcs de minute en minute, depuis 90° jusqu'à 45°.
Les arcs correspondans des deux colonnes sont complémens les uns

Les arcs correspondans des deux colonnes sont complémens les uns des autres.

A côté de chacan de ces arcs on trouve les sinus en nombres naturels

à 7 chiffres, colonnes 2 et 6. A côté des sinus on trouve leurs logarithmes, dans les colonnes 3 et 5.

A côté des sinus on trouve leurs logarithmes, dans les colonnes 3 et 5. Ils sont à 8 chiffres. NÉPER.

Dans la colonne 4 on tronve la différence du logarithme cosinns au logarithme sinus; c'est-à-dire, les logarithmes des tangentes ou des co-tangentes, selon que la différence est prise positivement ou négativement,

Il nomme anti-logarithme le logarithme du cosinus qui se trouve toujours sur la même ligne que le logarithme sinus. Képler a depuis nommé mesologarithme le nombre de la colonne du milieu, où le logarithme tangente = — logarithme cotangente.

La table donnant tonjours sur une même ligne un sinus et son logarithme, elle peut tenir lieu d'une table des logarithmes pour les nombres. On y trouve, ou l'on en pourra déduire le logarithme d'un nombre, ou le nombre d'un logarithme.

Il applique sa table à la résolution des triangles rectilignes rectangles et obliquangles.

Ponr les triangles sphériques quadrantaux, c'est-à-dire, qui ont un angle ou un côté de got, il donne sa règle des parties adjacentes et des parties séparées, qui m'a toujours paru d'une utilité fort douteuse, pour ne rien dire de plus. (Vor. mon Astronomie, tom. 1, pag. 204.)

Il partage les triangles obliquangles en deux rectangles, en abaissant un arc perpendiculaire; il démontre, par les propriétés de la projection stéréographique, l'analogie

> tang ; hase: tang ; somme des côtés :: tang ; différ. des côtés : tang ; différ. des segmens de la hase,

et, par là, cette formule devient un corollaire de l'analogie grecque ¿ base; somme des còtés : ; différ. des còtés ; [différ. des segmens de la base, à à laquelle elle se réduit d'ailleurs, quand les trois arcs sont extrêmement potits.

Cette analogie, curieuse autant qu'utile, appartient donc véritablement à Néper; on en donne aujourd'ui une démonstration plus courte. Il dit, page 55, que l'on peut changer les côtés en angles, et réciproquement. Cest une espèce de triangle supplémentaire pour lequel il ren- quoi à Pitiscus et à Métius. Ce n'est pas le triangle supplémentaire, tel que mous le concevons aujourd'hai, et qui est dà à Snellius, que

A la suite de sa Table, je trouve dans mon édition l'ouvrage annoncé par Néper, et qui ne fut publié qu'après sa mort, en 1619, par son fils. Néper avait commencé par donner anx logarithmes la dénomination

moins commode de nombres artificiels. Nous verrons plus loin l'explication et l'étymologie du mot logarithme.

Dans ses définitions et même dans ses calculs, il fait usage des fractions

décimales, mais il n'en donne que la notation, sans aucune règle de calcul. C'est le premier exemple que j'en aie trouvé jusqu'ici; c'est un premier pas, il est de la plus grande importance.

Rien de si facile que de continuer une progression arithmétique; il n'en est pas de même d'une progression géométrique. Néper en trouve cependant un moyen fort aisé.

Soit a = 1000000;

$$n = \frac{99999}{1000000} = \frac{1000000-1}{1000000} = 1 - \frac{1}{1000000}$$

Tous les termes de la progression géométrique qui commenceront par ces deux nombres, se trouveront en retranchaut 1

Remarquez que les logarithmes o, 1, 2, 5, etc., croissent uniformément, mais que les nombres décroissent d'une manière inégale, on que les d log 1 sont égaux et que les dn diminuent continuellement.

Retraches donc l'unité du premier, vous surez le eccond on as je celui-ci retrachete sa dis-millionième parile, vous aurez le troisième, ou n'a; de n'e retrachez encore sa diz-millionième partie, vous aurez le quatrième, et sinsi de suite. Chacua des termes successifs aurs pour logarithme un des termes de la suite naturelle des nombres 1, 2, 5, 4, 5, etc. Si vous faites cent soustractions pareilles, le logarithme du centième reste sera 100.

a sera le logarithme de 9999998.000001, et sans crreur sensible celui de 9999998.

5 sera le logarithme de 9999997,000002-999999 et de 99999997, saus erreur, ct ainsi des autres jusqu'au centième reste, et 100 sera le logarithme de 9999990, en sorte que

$$n = \log (10000000 - n);$$

ce ne sera qu'une approximation, car snivant la formule moderne

$$\log(n-dn) = \log n - \frac{dn}{n} - \frac{1}{n} \left(\frac{dn}{n}\right)^{n} - \text{etc.},$$

ou

$$\log n - \log (n - dn) = \frac{dn}{n} + \frac{s}{3} \left(\frac{dn}{n}\right)^{4} + \frac{1}{3} \left(\frac{dn}{n}\right)^{3} + \text{etc.}$$

Soit n = 10000, n - dn = 9999, $dn = \frac{1}{10000} = 0.0001$;

$$\log n - \log (n - dn) = 0.0001 + \frac{1}{6}(0000.0001)$$

= 0.0001 + 0.0000.0000.5 = 0.00010000.5

Soit
$$n = 1000$$
, $dn = \frac{1}{1000}$;

$$\log n - \log (n - dn) = 0.0010005.$$

On pouvait arbitrairement choisir le logarithme du second terme, celui du premier étant o; mais il n'y avait rien de plus simple que de faire la première différence logarithmique égale à la différence des deux premiers termes de la progression.

On voit clairement ici des exemples de la soustraction des fractions décimales.

(*) Le terme n'a, supposé 999998, et un peu trop faible pour avoir le logarithme 2. Ce logarithme appartient véritablement à 9999993, 6000001; et comme les logarithmes sugmentent quand les nombres diminent, le vrai logarithme de 9999998 et pe lus fort que 2; le logarithme de 9999999 un peu plus fort que 5; log (10000000000000) un peu plus fort que n, et l'excès ira en augmentant; mais il pourra se négliger dans les cent premiers termes.

On voit combien est simple cette première idée; log (10000000-m)=m. et l'erreur est insensible quand ne surpasse pas 100; elle serait même à peine sensible à n=500. Mais cette marche serait trop lente. Soit da=100, Néper forme de même une seconde avite dont les différences sont cent, et les logarithmes 0, 1, 3, 5, etc., mais avec un peu moins d'exactitude.

pro-th Google

^(*) C'est par anticipation que j'écris na, n'a, n'a, etc.; on n'avait encore aucune idée des exposars.

| Nombres. | Log. |
|---|------|
| 100000.00 | 0 . |
| 99999.00 | 1 |
| 99998.00 | 2 |
| 99997.00 | 5 |
| 99996.00 | 4 |
| • | |
| 00050.00 | 1 5o |

Le 51° terme sera un peu plus fort que 99950.00. Soit 99950.00—dn; le logarithme du 51° terme sera donc 50 $+\frac{dn}{99950}$, puisque le logarithme augmente quand le nombre diminue.

N'éper a donc une nouvelle série de 50 nombres fractionnaires accompagnés de leurs logarithmes, q ui croissent en progression arithmétique. Pour en déduire le logarithme du nombre entier n, su dernier logarithme de la table on ajouters $\frac{dn}{dn}$, c est-3-dire la petite fraction q uo n'eut supprimer, divisée par le nombre dont on veut le logarithme. En effet, dn qui, dans l'origine, cisit égale à dlog n diminue continuellement dans la proportion de n au premier nombres; dn est donc < d $\log n$, et pour avoir dlog n on tist $\frac{d}{dn} = d$ log n.

Ces deux tables, l'une de 101 termes et l'autre de 51, n e sont encore que préparatoires. Nous avons, par la seconde, le logarithme de 1000000 et de 99950. Sur ces deux nombres, dont les logarithmes sont connus, établissons une nouvelle progression géométrique; nous aurous les logarithmes de la nouvelle progression, puisque nous avons les deux premiers.

$$\frac{100000}{99950} = \frac{100000 - 50}{10000 - 50} = \frac{1}{1 - \frac{50}{10000}} = \frac{1}{1 - \frac{1}{2000}}$$

Ainsi pour former la nouvelle progression, il faudra retrancher de chaque terme $\frac{1}{2000}$ de ce même terme; le calcul est un peu moins simple et pourtant fort aisé.

Le 21° terme sera 9900473.5780, et vous aurez son logarithme.

Pour en conclure celui de 9900, vous y ajouterez 473.5780; vous aurez donc le logarithme de 9900000.

Voilà bien une division de fraction décimale.

Établissez sur 9,00000 une progression continue dont la raison soit la même que celle de la série précédente; vous aurex la différence des logarithmes de tous les termes nouveaux. Le calcul sera tout semblable; en voici le commencement, le deguier terme sera 0,80 1,658.8,453.

Vous aurez
$$\log 9801 = (\log 98014688425) + \frac{0.0000468423}{9801.4688423}$$
.
L'erreur du calcul, ou $\frac{1}{4}(\frac{dn}{n})^4$ sera 0.00000.0001144;

elle était, dans le calcul précédent... 0.00000.00011493.

Vous aurez donc le logarithme de 9801, avec lequel vous pourrez commencer une nouvelle série de 21 termes, toujours dans la même raison et suivant les mêmes procédés; le 21° terme sera 9703.4541539;

$$\log 9705 = \log 9703.4541559 + \frac{4541559}{9703.4541539},$$

$$\frac{1}{6} \left(\frac{dn}{n}\right)^4 = 0.00000,0010953.$$

Vous formerez ainsi 69 colonnes de termes dans la même raison géométrique; la 69' on dernière sera

| Nombres naturels. | Logarithmes. | Différence constante. |
|--|---|--|
| 5.048.858.8qc0 5.046.333.4606 5.043.811.9932 5.041.289.3879 5.038.766.7435 | 6.834.225.8 6.839.227.1 6.844.228.3 6.849.229.6 6.854.230.8 | 5.001.3 5.001.2 5.001.3 5.001.2 |
| 4-998.609.4034 | 6.934.250.8 | 5.001.25 |

Ces différences sont les mêmes pour toutes les colonnes; elles sont la différence (log 10000 — log 9995),

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

603

Land 16 Google

$$\frac{dn}{n} = \frac{5}{1000} = \frac{1}{2000} = 0.00050$$

$$\frac{1}{2} \left(\frac{dn}{n}\right)^{2} = \frac{1 \cdot 3}{4000.0000} = 0.00000.0125$$

$$\frac{1}{2} \left(\frac{dn}{n}\right)^{3} = \frac{1 \cdot 3}{6000.000.0000} = \frac{0.00000.000027}{0.00050.012527}$$

Néper, en faisant la différence 500125, ne se trompait donc que de

Voilà donc 69 séries en proportion continue composées chacune de 21 termes; elles ne forment pas une progression unique, car le premier terme de chaque colonne differe toujours un peu da dernier de la colonne précédente. Les logarithmes de chaque colonne forment une progression arithmétique.

Tout dépend de l'exactitude avec laquelle Néper aura calculé le logarithme de 9995, qui devait donner la différence constante. Il avait trouvé

log 10000000 -- 49995000 = 5000.00 C'était la supposition arbitraire. log 9995002.5--69999000 = 5002.50

$$\operatorname{Log} n - \log(n - dn)$$
 est $\frac{dn}{n}$ ou $\frac{dn}{n - dn}$, et par un milieu,

$$\frac{dn}{n-\frac{1}{2}dn} = \frac{5\cos 0}{\frac{1}{2}(1993502.5)} = \frac{5\cos 0}{9937501.25} = \frac{5\cos 0}{10000002408.75} = \frac{\left(\frac{5}{1\cos 0}\right)}{1-\frac{249875}{1000000}}$$

$$= 0.00050.01240575.$$

Tous ces moyens etaient connus de Néper, quoiqu'il n'eût pas ces expressions algebriques; ce calcul est la traduction de ses raisonnemens; c'en est le fond, si ce n'est pas la forme tout la fait; il ne negligeait que des quantités reconnues insensibles; la construction de ses tables préparatoires est donce démontrée. Ces tables refierment une suite de nombres décroissans, depuis 1.0000000 jasqu'à A0986004/054; tous ces nombres not leurs logarithmes. Ces nombres diminuent assea lentement pour que l'on puisse, par interpolation, avoir les logarithmes de tous les nombres intermédiaires. Cette table, que Néper appelle radicale, lui fournir donc saus prior tous les logarithmes de sious, dépuis 00 'iusqu'à celui donc saus prior tous les logarithmes de sious, dépuis 00 'iusqu'à celui

199

de 50, qui est ; rayon; et de ces logarithmes il trouvera des moyens simples pour conclure tous les autres.

Remarquez que pour construire sa table radicale il n'a employé que la soustraction, et les additions des parties proportionnelles trouvées par une simple division.

Néper démontre que log sin A> (i —sin A) et < (cosée A — 1). Il le prouve par see l'Iuxins et ses l'heutes; mais la première parile est une conséquence de ce que les logarithmes croissent plus rapidement que les termes ne décroissent; la deuxième est un corollaire de la prémière, il suffide conceroir la série prolongée de l'autre obté du zéro.

Soit 1 le rayon, A nn arc quelconque, 1—sinA=x, ou sinA=(1-x). On sait aujourd'hui que $\log(n+dn) = \log n + \left(\frac{dn}{n}\right) - \frac{1}{n} \left(\frac{dn}{n}\right)^3 + \frac{1}{n} \left(\frac{dn}{n}\right)^3 - \text{etc.}$ Soit n=1 et dn=-x.

$$\log (1-x) = 0 - x - \frac{1}{4}x^4 - \frac{1}{4}x^3 - \frac{1}{4}x^4 - \text{etc.};$$

mais Néper nous avertit qu'il fait les logarithmes positifs et croissans ; quand n diminue ; ainsi

$$\log(1-x) = x + \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{3}x^4 + \text{etc.} = \log\sin A;$$

telle serait donc la valeur exacte de log sin A.

Mais 1-sin A=x; donc, log sin A >x, pnisqu'il est x+1x4+etc.;

$$\cos \acute{e} A = \frac{1}{\sin A} = \frac{1}{1 - x} = 1 + x + x^{4} + x^{3} + x^{4},$$

$$\cos \acute{e} A - 1 = x + x^{4} + x^{3} + x^{4};$$

donc coséc A - 1 surpasse log sin A.

L'erreur de la première expression est $\frac{1}{2}x^4 + \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{4}x^4$, dont 1—sinA est trop faible.

L'erreur de (coséc A-1) est $\frac{1}{6}x^6+\frac{1}{3}x^5+\frac{3}{4}x^4+\text{etc.}$, dout (coséc-A) est trop forte.

La véritable valeur est donc renfermée eutre les limites (1 — sin A) et (coséc A — 1).

On voit même qu'elle n'est pas moyenne arithmétique entre ces deux valeurs, car la moyenne arithmétique serait la demi-somme des deux ou (conte A-1)+(1-sinh) conte A-1)h

$$\frac{(\cosh(A-1)+(1-\sinh A)}{2} = \frac{\cosh(A-\sin A)}{2} = x + \frac{1}{3}x^3 + \frac{1}{3}x^4 + \frac{1}{3}x^4 + \frac{1}{3}x^5 $

aiusi la moyenne arithmétique est en excès de

$$(\frac{1}{6} - \frac{1}{3})x^3 + (\frac{1}{6} - \frac{1}{4})x^4 + (\frac{1}{6} - \frac{1}{6})x^5 + \text{etc.},$$

 $\frac{1}{6}x^4 + \frac{1}{6}x^4 + \frac{3}{6}x^5 + \text{etc.};$

on de

elle n'est pas non plus moyenne géométrique, car la moyenne géométrique serait

 $[(\cos ec A - 1)(1 - \sin A)]^{\frac{1}{2}} = [(x + x^{2} + x^{3} + x^{4} + etc.)(x)]^{\frac{1}{2}}$

La moyenne géométrique est donc $x + \frac{1}{2}x^3 + \frac{5}{14}x^3 + \frac{5}{14}x^4 + \frac{3}{15}x^5$ et $\log \sin A = x + \frac{1}{2}x^5 + \frac{1}{2}x^3 + \frac{1}{4}x^4 + \frac{3}{8}x^5$,

excès du moyen géométrique =
$$(\frac{1}{6} - \frac{1}{2})x^3 + (\frac{5}{16} - \frac{1}{16})x^4 + \frac{57}{16}x^5$$
, excès du moyen géométrique = $\frac{1}{16}x^3 + \frac{1}{16}x^4 + \frac{57}{16}x^5$, excès du moyen arithmétique = $\frac{1}{6}x^3 + \frac{1}{4}x^4 + \frac{1}{3}6x^5$.

L'excès du moyen géometrique n'est donc pas tout à fait le quart de l'excès arithmétique; quand ils ne différeront pas sensiblement l'un de l'autre, ce sera une preuve que $(\frac{1}{2}-\frac{1}{24})x^2$, ou $\frac{1}{24}-\frac{1}{24}=\frac{1}{24}x^2=\frac{1}{8}x^3$ est une

quantité insensible; à plus forte raison $\frac{1}{10}x^3$ sera-t-il insensible; on pourra donc s'eu tenir au moyen géométrique, et même au moyen arithmétique.

On a done les deux limites (coséc A -- i) et (1 -- sin A), entre lesquelles est la vaire ivaleur; c'est le théoreme de Néper. On a done dans la moyenne arithmétique une valeur approchée, et dans la moyenne géométrique une valeur encore plus approchée, et tant qu'elles différeront peu, on pourra s'en tenir à la moyenne géométrique; les deux approximations erent sculement un peu trop fortes.

La différence entre les deux moyennes $= \frac{1}{6}x^3$; on en prendra le ticrs $\frac{1}{16}x^3$, on le retranchera de la moyenne géométrique, et l'erreur sera bien plus négligeable encorc.

Néper n'emploie pas ces expressions, qui n'étaient pas connaes; mais soit R le rayon; les limites seront $\frac{R^*}{\sin A} - R$ et $R - \sin A$; la moyenne arithmétique $\frac{R^* - R \sin A}{\sin A} + \frac{R - \sin A}{\sin A} - \frac{R^* - R \sin A}{\sin A} - \frac{R - \sin A}{\sin A} - \frac{R - \sin A}{\sin A}$

Voici encore un autre théorème dont Néper a fait usage, et qu'il présente un peu différemment.

Log sin $A = \log \sin A'$ est entre $R\left(\frac{\sin A - \sin A}{\sin A}\right)$ et $R\left(\frac{\sin A - \sin A}{\sin A}\right)$, ou entre $\left(\frac{R}{\sin A}\right)$ (sin $A - \sin A$); la moyenne arithmétique serait $\left(\frac{R}{\sin A}\right)$ (sin $A - \sin A'$); la moyenne arithmétique serait $\left(\frac{R}{\sin A}\right)$ (sin $A - \sin A'$) + $\left(\frac{R}{\sin A}\right)$ (sin $A - \sin A'$); $\left(\frac{R}{\sin A}\right)$ (sin $A - \sin A'$); La moyenne géométrique $\left(\frac{R}{\sin A}\right)$ = $\left(\frac$

à peu près, ou $d \log n = \frac{dn}{n - \frac{1}{2} dn}$.

Par ces moyens on aura les deux limites d'un logarithme et sa valeur à peu près ; on aura aussi la différence de deux sinus connus, en sorte que si l'on a de plus le logarithme de l'un de ces sinus, on en conclura le logarithme de l'autre.

C'est ainsi que Néper a trouvé la différence constante des logarithmes pour les 65 colonnes de sa troisième table. D'une colonne à l'autre et sur la même ligne, la différence constante est 100505.5310301; ce logarithme est celui de 25. Dans les Tables de Wolfram, calculées à 64 décimales, on trouve log (252) = 100505.535550. De la vienneut

ASTRONOMIE MODERNE.

sans donte quelques erreurs assez peu importantes, sur les dernières figures des sinus logarithmiques de Néper.

Satable III ne lni donne pas directement les log, des sinus pour tontes

509

Satissie i in ein voor pas un'ecteur te seg, ues sus pour ontes en minutes du quart de cercle; mais la différence sera peu considérable entre le nombre de la table et le sinus en question; on se sera alors de la formule (hinh - sin A) (sin A + sin A); on a tout dans cette formule, elle donne la différence du sinus logarithmique de A, qui est connu, par sin A sin A' que l'on cherche, et qui sera connu par

ce moyen.

Pour 1' de dissérence, je me suis assuré que la formule est sussisamment exacte depuis A = 90° jusqu'à A = 50°.

Le sinus de 90°, celui de 30° et tous ceux qui sont entre eux comme 2: 1, ont pour la différence de leurs logarithmes le logarithme de 2; suivant la Table de Néper, ce logarithme est 693.1469.22 suivant la Table de Wolfram, il serait.... 693.1471.81

l'errcur.... 2.5g.

On voit que ces logarithmes ne sont pas de la dernière exactitude; mais ces erreurs étaient fort peu importantes, et la table n'en était pas moins utile.

Si un sinus était trop petit pour se trouver dans la table radicale, on pouvait le multiplier par 2, 4, 8, etc., en sorte qu'il rechtét dans les limites; on prenait alors le logarithme de multiple dans la table, on y sjontait le logarithme de 2, de 4 et de 8, et l'on avait le logarithme cherché; car plas le sinus est petit, plus son logarithme est grand. C'est le contraire dans le système actuel.

Par les sinus qui sont entre eux comme : : 10, ou voit que le logarithme de 10 doit être... 2.50258425.34 il est, suivant Wolfram.... 2.50258500.09

la différence est..... 0.0000007675.

Néper s'aide de quelques theorèmes connus de tout tems, comme $\sin A = 2\sin\frac{1}{a}\hat{A}\cos\frac{1}{a}A$, ou $\sin\frac{1}{a}A = \frac{\sin A}{2\cos\frac{1}{a}A}$.

Direct Look

de 2°49', 2° 48', 1° 24', 42', 21', 20', 10', 1'; car ces petits sinus sont proportionnels à leurs arcs.

Au reste, N'éper sentait lui-même qu'il n'avait paş mis dans l'exécution toute la précision dont sa méthode était susceptible. Il invitait les calculateurs exercés à refaire sa table avec plus de soin; il désirait qu'on sugmentait le nombre des chiffres ; qu'on fil la seconde table de 101 termes au lieu de 51; qu'on donnaît à la table troisième 55 colonnes de 101 termes, au lieu de 69, colonnes de 21. Tous les nombres y seraient dans la raison de 1000000000 ; 99,9900000, et d'une colonne à l'autre dans la raison 100 : 00.

A cela près, il ne fait aucun changement à la méthode. Les calculs qu'il demandait ont été exécutés peu de tems après, par Benjaminus Ursinus.

Ces moyens, suffisans dans le système de logarithmes qu'il avait d'abord imaginé, ne s'adaptaient pas à un autre système dont il parle ensuite, et qui depuis a prévalu.

Le meilleur de tous les systèmes est, à son avis, celui qui donne o pour logarithme à l'unité, et 10.000.000.000 pour logarithme de 10. Ces deux logarithmes donnés, tous les autres s'en déduisent.

Divisez le logarithme de 10 par 5, vous aurez

c'est-à-dire prenez A = √10, on prenez quatre moyennes prooprionnelles entre 50 et 1; entre A et 1 cherchez la plus petite B de quatre moyennes proportionnelles; cottre B et l'unité, prenez la plus petite de quatre moyennes proportionnelles; prenez ensuite sept moyenne proportionnelles, prenez ensuite sept moyenne proportionnelles, vous aurez tous les nombres répondans à tons vos logarithmes; la difficulté est dans toutes ese extractions de racines. Le procédé est plus facile à comprender, mais il est effrayant à pratiquer; au lieu que le premier, dans sa simplicité, était tel, qu'on pouvait en confier l'exécution à des ouvriers qui n'eusterit que les plus imples notions du calcul arithmétique. Si le nouvean système donne une table plus commode, il flust avoure qu'il était à désirer qu'on se crést de nouveaux moyens pour l'exécuter avec moins de peine. Les moyens sont reuns quand la besogne était terminée.

Nous avons déjà remarqué que Néper a le premier donné l'idée du calcul des fractions décimales, un pen plus développé depuis par Briggs; enfin pour éviter les racines cinquièmes, il indique nu moyen de tout faire par des extractions de racines carrées.

Dans un chapitre initiulé: Habitudines logarithmorum et suorum naturalium invicem, il réunit plusicurs notions déjà exposées, et d'autres plus obscures qu'utiles; il finit par donner le logarithme vulgaire de 2; qui est 501020905.

Briggs, en commentant ce chapitre, n'est pas beancoup plus clair; ces subtilités n'ont ni le mérite des premières idées de Néper, ni celui des formules modernes.

On trouve quelques propositions très remarquables (eminentissimæ), ponr faciliter la résolutions des triangles sphériques. Ce sont les méthodes de Viète pour les triangles obliquangles partagés en deux rectangles.

Dans un chapitre de l'excellence des sinus-verses, on retrouve quelques règles trouvées par les Arabes. Il donne les formules

$$\sin C'' = \sin C - \sin C' = a \sin \frac{1}{2} (C - C') \cos \frac{1}{2} (C + C'),$$

$$\sin C''' = \sin C + \sin C = a \sin \frac{1}{2} (C + C') \cos \frac{1}{2} (C - C'),$$

tout cela, présenté d'une manière obscure et calculé d'une manière tout aussi pénible.

Néper a le premier employé des arcs subsidiaires pour ramener au calcul logarithmique le calcul des formules binomes; ainsi

$$\begin{aligned} \sin^{\lambda} \frac{1}{2}C'' &= \sin^{\lambda} \frac{1}{2} (C-C) + \sin^{\lambda} \frac{1}{2} A'' \sin C \sin C' \\ &= \sin x + \sin y \\ &= 2\sin \frac{1}{2} (x+y) \cos \frac{1}{2} (x-y) \\ &= \sin \frac{1}{2} (C+C) - \cos^{\lambda} \frac{1}{2} A'' \sin C \sin C' \\ &= \sin \varphi - \sin \psi \\ &= 2\sin \frac{1}{2} (\varphi - \psi) \cos \frac{1}{2} (\varphi + \psi). \end{aligned}$$

Ces formules viennent des Arabes. La règle suivante lui appartient tout entière.

Des cinq parties d'un triangle dont les trois moyennes sont données, déterminer les deux extrêmes par une même opération. Les règles qu'il donne pour ce problème sont:

Faites

$$\begin{aligned} & \tan x = \frac{\sin \frac{1}{\epsilon} (\lambda + \lambda') \sin (\lambda - \lambda') \tan \frac{1}{\epsilon} C'}{\sin (\lambda + \lambda') \sin \frac{1}{\epsilon} (\lambda - \lambda')}, \text{ et } & \tan y = \frac{\sin \frac{1}{\epsilon} (\lambda - \lambda') \tan \frac{1}{\epsilon} C'}{\sin \frac{1}{\epsilon} (\lambda + \lambda')}; \\ & \text{ensuite}, & C + C' = x + y, \quad C - C' = x - y. \end{aligned}$$

On n'a rien changé à la formule J, qui a toute la simplicité qu'on pent désirer; mais Briggs a fait un changement heureux à la première,

$$\tan g x = \frac{\sin \frac{1}{2}(A+A') \sin \frac{1}{2}(A-A') \cos \frac{1}{2}(A'-A') \tan \frac{1}{2}(A'')}{2 \sin \frac{1}{2}(A+A') \cos \frac{1}{2}(A+A') \sin \frac{1}{2}(A-A')} = \frac{\cos \frac{1}{2}(A-A') \tan \frac{1}{2}(A'')}{\cos \frac{1}{2}(A+A')}.$$

Cette formule a beaucoup gagné, tant du côté de la simplicité que da symétrie, qui aide à la retenir. Ces deux formules sont célèbres et connues uniquement sous le nom Néper; musi il faut avoner que le premier inventeur a quelques obligations à Briggs. Celui-ci a, de plus, trasporté ces formules au triangle supplémentaire.

Néper présente ces mêmes formules avec quelques modifications,

$$tangx\!=\!\frac{\sin^1_k(A\!+\!A')\cos^1_k(A\!-\!A')tang^1_kC''}{\frac{1}{4}\sin(A\!+\!A')}, tangy\!=\!\frac{\sin^1_k(A\!-\!A')\cos^1_k(A\!+\!A')tang^1_kC''}{\frac{1}{4}\sin(A\!+\!A')}.$$

Sous cette forme, du moins, le dénominateur est commun, la symétrie est plus marquée, mais le dénominateur commun alonge inutilement l'opération.

Troisième manière. Soit
$$\varphi = \operatorname{coséc}(A+A')\operatorname{tang}_{\downarrow}^*(C''\sin A')$$

 $\chi = \operatorname{coséc}(A+A')\operatorname{tang}_{\downarrow}^*(C''\sin A')$
 $\operatorname{tang}_{\downarrow}^*(C+C') = \varphi + \chi$, et $\operatorname{tang}_{\downarrow}^*(C-C') = \varphi - \chi$;
Hist. de l'Astr. mod. T. I. 69

Y-15 Googl

c'est un corollaire des deux formules précédentes, car

$$\tan g \, x = \frac{\tan \frac{1}{2} \, C'}{\sin (A + A')} (\sin A + \sin A'), \ \tan g \, y = \frac{\tan \frac{1}{2} \, C'}{\sin (A + A')} (\sin A - \sin A'),$$

ce qui est peu commode pour l'opération logarithmique. Enfin, le procésié auguel Néper paraît se fixer est celui-ci: Faites

$$\sin \frac{1}{2}(A+A') : \sin \frac{1}{2}(A+A') :: \sin(A-A') : \sin A + \sin A',$$

 $\sin (A+A') : (\sin A + \sin A') :: \tan \frac{1}{2}C'' : \tan \frac{1}{2}(C+C'),$
 $\sin \frac{1}{2}(A+A') : \sin \frac{1}{2}(A-A') :: \tan \frac{1}{2}C'' : \tan \frac{1}{2}(C-C'),$

Briggs a réduit les deux premières analogies à une scule; il donne ensuite les deux formules analogues pour trouver les deux angles par les côtés et l'angle compris.

Des quatre analogies connues sous le nom de Néper, il y en a trois qui appartiendrient à Briggs. Il est vai qu'elle se déduisent si naturellement des trois analogies de Néper, qu'on a pu sans injustice lui en faire honneur; on peut même s'étonner que Néper n'ait pas su leur donner cette forme. Mais les choses les plus simples échappent souvent à l'Estpit préoccupé qui envisage son objet sous en autre point de vue. Cependant l'inadvertance est d'autant plus singulère, que Néper a retourné ses formales de plusieurs manières; il a justement omis la plus simple, la plus anatrelle et la plus festle à trouvel.

Nons ignorons quel effet produisit la découverte de Néper (*) sur l'esprit de ces envieux qu'il récolusit. Il paralqu'il gaglèrent le silie grapier de suis la reprise de voir son invention adoptée par Briggs, professeur de malhemiques à Osford, qui , l'ayam bien étudies, fit exprès le vorge d'Edimbourg, pour en conférer avec lai ct lui proposer ses idées pour na autre système de logarithmes. Nous en parlerous plus loin. Il paralt aussi que cette admirable découverte frappa vivement Képler, qui, cirq aus après la publication du Mirificus canon, fit imprimer à Marpurg l'ouvrages suivant, en 1624.

Joannis Kepleri Chilias logarithmorum, ad totidem numeros rotundos, præmisså demonstratione legitimå ortús logarithmorum eorumque usús,

^(*) On a varié sur l'orthographe du nom de Néper, qu'on a écrit Napier et Nepair; on croît ce dernier met l'équivailent de Peerleus, sans pair, donné à l'un de ses ancêtres; mais il s'est appelé lui-même Neperus dans son Ouvrage. Nous avons suivi l'usage constant des écrivains français qui écrivent Néper.

quibus nova traditur drithmetica, seu compendium, quo, post numerorum notitiam, nullum nec administilus nec utilus solvendi plenaque problemata calculatoria, presertim in doctrină triangulorum, citra multiplicationia, divisionis, radicum extractionis, in numeris profixis, labores molestissimor. Ce titre un peu fastueux, suivant l'asage du tems, donne licu à plusieurs réflexions; on est un peu étonné de n'y point voir le nom de Nèper; cette citation était le seul moyen d'en justifier l'emphase. Képler y promet une démonstration légitime; il regarde donc comme insuffisante ou inexatec celle de Nèper; il ponvait lui reproche des longueurs, des instillités; il lui reproche en effet cette idée de fluxions et de fluentes, qu'on a depuis reprochée à Newton. Mais nous verrons que les priucipanx théorèmes trouvés et démoqutrés par Nèper n'ont pas été insuilles à la nouvelle démonstration.

L'ouvrage se compose de demandes, d'axiômes, de corollaires et de propositions, le tont démontré rigonreusement et chastement (chastely), comme dit Hulton, et à la manière des anciens,

Demande t. Qu'il soit permis d'exprimer par une même quantité toutes les proportions égales entre elles, quels que soient les denx termes sous lesquels elles se présentent; ainsi $\frac{a}{b} = \frac{c}{b} = \frac{n}{b} = n$.

Axiome 1. Dans une suite de quantités croissantes de même genre, la proportion des extremes se compose de toutes les proportions intermédiaires. Soit, par exemple, a, b, c, d, e, f, et

b=ma, c=nb=mna, d=pc=mnpa, e=qd=mnpqa, f=re=mnpqra;

la série se changera en a, ma, mna, mnpa, mnpqa, mnpqra, et a: f :: a: mnpqra :: 1: mnpqr.

Ainsi plus on insérera de termes entre deux nombres donnés, plus les misons seront petites, puisque le produit étaut déterminé, les facteurs seront moindres s'ils sont plus nombreux.

Proposition 1. La moyenpe proportionnelle entre deux nombres, partage la proportion en deux portions égales,

$$a:b::b:c$$
, on $a:na::na:c=\frac{n^*a^*}{a}=n^*a$,
 $\log a + \log c = 2\log b$, $\log b - \log a = \log c - \log b$.

Axiôme 2. Dans toute série telle que celle de l'axiôme 1, le nombre des raisons partielles surpasse de l'unité le nombre des moyennes insérées; nous avions quatre moyeunes b, c, d, e, nous avons cinq raisons partielles. m, n, p, q, r.

Demande 2. (Remarquous d'abord que Képler se sert partout du mot proportion, en avertissant qu'il traduit ainsi le mot λόγος, qu'on traduit ordinairement par le mot raison.)

Qu'il nous soit permis de diviser une proportion en un nombre de parties telles, que les parties soient moindres qu'une quantité donuée. En effet, supposons toutes les raisons égales, $mnpqr = n^a$, $f = n^a$, ou en général $f = an^a$, $\frac{f}{a} = n^a$. Soit m la quantité donuée $n = \binom{n}{a} < n^a$.

On pour a toujours prendre x assez grand pour que $\binom{f}{a}^{n} < m$. Pour exemple il prend f et 10; f = a, 10 = b,

$$a:an :: an :: an^{a},$$

 $a:an^{a} :: an^{a} :: an^{4} = an^{2^{a}},$
 $a:an^{4} :: an^{4} :: an^{4} = an^{2^{3}},$

et successivement jusqu'à an210.

an2'*=an1073741824=9.9999.99996.67820.56900; différence au 1et terme 10.0.0000.00003.52179.43100.

Il preud arbitrairement cette dissérence pour mesure du premier élément; l'intervalle ou la proportion totale est divisée en 1073741824 de ces élémens. La raison de 10:7 sera donc composée de

1075741824×0.0000.00005.52179.43100=36567.49481.57222.14400.

Tel sera le logarithme de 7 dans le système qui donne o pour logarithme à 10 et qui fait augmeuter les logarithmes à mesure que les uombres diminuent.

Ce système est celui de Néper; mais voilà une base mesurée avec beaucoup plus de soin, par un calcul plus pénible, puisqu'il a employé 30 extractions de racine carrée à 20 chiffres.

Cette origiue rend raison de la dénomination logarithmique qui signifie nombre des raisons; mais cette dénomination est de Néper, ainsi que l'idée qui la lui a fouruie: λόγων αρθμός.

Demande 3. Qu'il soit permis de prendre pour mesure du plus petit élément de la proportiou l'excès du plus graud terme 10 sur la 50° des moyennes proportionnelles; c'est cc qu'il vient de faire avant d'en avoir demandé la permission.

Proposition 2. Soit la proportion continue a:an :: an :an :

on aura a — an: an — an*:: 1 — n : n — n *:: 1 — n : n(1 — n):: 1 : n :: a : an.

Nous préférons ce calcul bien simple à la démonstration de Képler, qui
a l'inconvénient d'être un peu obscure.

Cette proposition est le fondement de toutes les opérations de Néper.

Proposition 5. Si des quantités en proportion sont croissantes, les différences entre les termes consécutifs seront aussi croissantes.

On voit par notre démonstration que les différences sont croissantes; on voit même qu'elles croissent dans la raison n, ce que ne dit pas la démonstration de Képler.

Nons omettons les propositions suivantes, non-sculement parce qu'elles sont longues et obscures; mais parce que Képler lui-même nén a fait aucnn usage pour calculer sa Table. Nons passerous à l'extrait de la proposition 17, qui se rapporte plas directement an procédé qu'il a suivi.

L'énoncé de cette proposition est d'une page, mais nous nons contenterons du commentaire donné par l'auteur.

Il se propose de calculer les logarithmes pour la série des nombres 1000, 999, 998, etc., jusqu'à l'unité. Il veut prouver que les logarithmes auront des différences croissantes, la raison qu'il en donne est que

$$\frac{1000}{999} > \frac{999}{998}$$
 et $\frac{999}{998} > \frac{998}{997}$; ou, en général, $\frac{n+1}{n} = 1 + \frac{1}{n}$.

Le rapport $1 + \frac{1}{n} = \frac{n+1}{n}$ sera donc d'autant plus fort, que n sera plus

Les rapports entre deux nombres consécutifs iront toujours croissant; les différences des logarithmes seront donc croissantes; si les rapports étaient égaux, les différences logarithmiques seraient égales.

Si
$$\frac{a}{b} = \frac{b}{c}$$
, on aura $\log a - \log b = \log b - \log c$;

Si
$$\frac{a}{b} > \frac{b}{c}$$
, on aura $\log a - \log b > \log b - \log c$.

C'est ce que l'inspection de la table démontrait suffisamment; au reste, il sistatisfaisant d'en voir la raison; mais nous avons cru devoir changer la démonstration pour abréger.

Si n=999, le rapport est $1+\frac{1}{599}$; si n=500, le rapport est $1+\frac{1}{500}$. La fraction $\frac{1}{100}$ est presque double de la fraction $\frac{1}{100}$.

(\$\frac{200}{200} = \frac{1000}{200} \frac{1}{100} \frac{100}{200} = 200. 20 dans la table de Képler, comme log 1000 — log 008.

Les propositions 18, 19, 20, sont des notions générales qui se trouveut

La proposition 21 n'est rien autre chose que le théorème de Néper: log sin A > 1 — sin A et < coséc A — 1, dont il donne une nouvelle démonstration.

La proposition 22 prouve que la moyenne arithmétique, entre les deux limites, surpasse la vraie valeur.

Les propositions 23 et 24 le mènent, par une voie très pénible, à ce corollaire peu satisfaisant, que la vraie valeur du logarithme sinus est un peu au-dessous de la moyenne arithmétique. Nous avons donné mieux en démontrant les théorèmes de Néper.

Les propositions 25 et 26 sout du même genre, et ne mênent qu'à des à peu près, à des limites.

La proposition 27 lui sert à démontrer le théorème de Néper sur la différence des logarithmes de deux sinus consécutifs.

Il y sjoute que les différences secondes sont en proportion doublée des premières, et les différences troisièmes en raison doublée des secondes. Il n'en donne pas la démonstration, qui serait trop obscure, vu la difficulé de trouver des mots propore à rendre ses idées. Nous sroom donné les expressions exactes des divers ordres de différences, dans notre Précace des tables de Borda. Kejles se trompsis ur les différences troisièmes, qui sont en raison triplée des premières, et nou ca quadruplée comme il le dito par par inaufertance, on par que faute d'impression.

Il prouve, propositions 28 et 29, qu'aucuu de ses logarithmes n'est rationnel, et que tous sont nécessairement inexacts, mais il en évalue les erreurs. Enfin, proposition 30, il prouve qu'un nombre plus grand que le rayon aura un logarithme négatif.

Képler est donc parvema à fiire 50 propositions; la lulpart ne paraissent bonnes qu'à grossir le volume, mais il avait besoin de ce nombre pour justifier une espèce de jeu de mots qui est dans son épitre déclicatoire. Le landgrave de Hesse, Philippe, lui avait fait don de 50 pièces d'argent; il lui en témoigna sa reconnaissance en loi dédiant son livre, qui renferme 50 propositions. L'épitre est en vers latins farcis de mots greet. Le livre et la dédicace sont dans le goût du tems.

Képler va maintenant construire sa table, mais il se gardera bien d'y employer ses 50 propositions; il ne fera véritablement usage d'aucun théorime qui ne soit dans Neper. Avant d'examiner ses moyens, comparons le système soivi par Néper et adopté par Képler, au système des logarithmes, vulgairement nommés hyperboliques, qu'on a proposé d'appelen népérions.

Néper et Képler font de 0 le logarithme 1000, qu'ils écrivent 1000.0000 ou 100000.00.

Chez Néper et Képler, ce logarithme est... o.

Et généralement,

log de Néper pour le nombre n = log hyperb. 1000 - log hyperb. n.

Le logarithme népérien est donc log 1000 — $\log n$, ou $\log \left(\frac{1000}{n}\right)$. Soit n=1000 — r:

$$\log \left(\frac{1000}{1000-r}\right) = \log \left(\frac{1}{1-\frac{r}{1000}}\right)$$

$$= \left(\frac{r}{1000}\right) + \frac{1}{2} \left(\frac{r}{1000}\right)^2 + \frac{1}{2} \left(\frac{r}{1000}\right)^2 + \frac{1}{2} \left(\frac{r}{1000}\right)^4 + \text{ etc.}$$

Soit n = 900, r = 1000 - 900 = 100, $\frac{r}{1000} = \frac{100}{1000} = \frac{1}{10}$; nous aurons



log

| 2 | ASTRONOMI | E MODERNE. |
|-----|--|---|
| | (±). i (±). | 0.10000 0.00500 0.00035.35535.35 0.00002.500 0.00000.2 0.00000.1666.66 00142.851 00012.500 1.111 0.100 |
| | log 900 | 0.10536.05156.572 |
| | Képler donne | 0.10536.05 ° 6.80259.47653.245 |
| 900 | de Képl.+log 900 de Wolf.= | 6.90775.52789.815 |
| | = | log 1000 Wolfr. |
| n . | done généralement | _ |

On a donc généralement, .

log néper. $+\log hyperb. = \log hyperb. de 1000,$ log néper. pour $n = (\log 1000 - \log p).$

Les logarithmes aépériens sont donc généralement le log hyp. de 1000 diminué du logarithme du nombre en question, comme nos logarithmes logistiques sont log6ó—loga. Les logarithmes népériens sont donc de même nature que les logarithmes hyperboliques, mais non pas précisément les mêmes.

Ce n'est pas tout; au lieu d'écrire 1000, Képler écrit 100000.00, c'est-à-dire, qu'il ajonte partout quatre zeros. De là cette règle générale pour vérifier un logarithme de Képler.

Du nombre képlérien n, retranchez les quatre aéros qui sont à droite; cherchez le nombre aiosi réduit dans la Table de Wolfram; premez dans cette Table le logarithme de ce nombre, que vous retrancheres du logarithme de 1000 pris dans, la même Table; le reste sera le logarithme de Képler, și le logarithme de Képler est exact.

Soit n=50000.00; effacez quatre zéros, il restera 500.

| Log de Wolfram pour 1000 | 6.90775.52790 |
|---|---------------|
| Il restera l. (1000)=1. de Wolfram=1. Képler 5000000. | 0.69314 71806 |
| En effet, Képler donne | 0.69314.72 |

Au lieu de retrancher le log n de Wolfram, on peut en ajouter le complément arithmétique.

Soit n=7410000 ou 741,

| | log 1000 | 6.90775.52790 |
|----|--------------------|---------------|
| C. | log 741 | 5.59199.93747 |
| | log (1000) Wolfram | 0.20975.46537 |
| | Képler | 0.29975.47 |
| | Neper | 0.29975.45. |

Il n'y a donc, eutre la Table de Képler et celle de Néper, aucne difereuce, si ce n'est que Képler donne les logarithmes de 1000 nombres entiers, et que Nèper donne les logarithmes de 1000 nombres en minute. Aujourd'hal, on réantirait ces deux tables dans le nième volume. La Table de Nèper est plus ciendue et plus particulièrement adaptée aux usages de la Trigonométrie sphérique; celle de Képler est moins étendee, mais plus exacte; et elle ne donne, que d'une massière indirecte, les logarithmes des sinus; les sinus cient tous des nombres ronds, les arcs sont fractionnaires, et croissent infoglement.

Le logarithme hyperbolique de 2, trouvé ci-dessus, serait celui de la coséc de $50^\circ = \frac{1}{\sin 30^\circ} = \frac{1}{\binom{1}{2}} \stackrel{\circ}{=} 2$.

Dans la Table de Néper et dans celle de Képler il est le sinus de $50^{\circ} = \frac{1}{\cos 65} \frac{1}{30} = \frac{1}{3}$.

Les Tables de Schulze renferment, outre les logarithmes vulgaires des sinus aut tangentes, -les logarithmes népériens des sinus, langentes, cotangentes, et donnent à ces deraiers, le nom de logarithmes hyperboliques; ils n'en sont que les réciproques. Les logarithmes reimprimés par Schulze sont ceux de B. Urainus.

Cette équivoque pourrait occasionner plusieurs méprises. Il serait plus sur d'appeler tout simplement hyperboliques les logarithmes de Wolfram;

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

--

Logarithmes népériens, ceux des Tables de Néper, d'Ursinus et de Schulze:

Logarithmes héplériens, les logarithmes népériens des 1000 premiers nombres de la série naturelle; Képler leur a donné le nom de-chilias logarithmorum, millier de logarithmes;

Enfin, logarithmes de Briggs, ou logarithmes vulgaires, ou simplement logarithmes, pour designer ceux dont on fait communément usage. Nous verrons plus loin que les logarithmes de Byrge méritaient plus que tous les autres le nom de logarithmes naturels.

Voyons maintenant la marche de Képler, dont nous sommes en état de vérifier tons les résultats.

En commençant son Traité, il nous a fait trouver le logarithme de 700.

1. og 1000 de Wolfram 6. 6.9075.52789, 82137, 05205.4, etc.
C. log 700. 5.4489.1, 96840, 5659,5 52685.9 etc.

1. og (\(\lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) = \limes \left(\lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) = \limes \left(\lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) = \limes \left(\lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) = \limes \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) = \limes \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) = \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}}} \lambda_{\cup}^{\pi_{\cup}} \right) \lambda_{\cup}^{\pi

Le logarithme de Képler, calculé à 20 décimales, n'en a donc que 8 qui soient végitablement exactes. Képler a trouvé son logarithme en multipliant 0.00000.0003.32179.43100 par 2^{3*}=10737.41824.

Kepler ne voulait que 7 décimales exactes, et il les a obtenues le plus souvent; mais cet exemple nous montre, en passant, combien cette méthode est délicate et pénible.

Son erreur sur le log de 7 est...... 0.00000.00041.985 environ; Sur le log de 49=7.7, elle sera.... 00083.970..

De son log de 700 il a fait celui de 70000.00, ou du sin de 44° 25' 57"

Du log de 490 il a fait celui de 49000.00, ou du sin de 29.20.26;
les erreurs étaient insensibles.

| Du triple, il aurait dù faire naturellement log (1000) | ou log 34300.00, |
|--|------------------|
| il aurait trouvésa Table donne | 1.07002.48443 |
| il y a sans doute faute d'impression, lisez | 49 |
| Les multiples suivans (1000), (1000), ne sont pas dar | os sa Table. |

If fait ensuite 10.24:1000:: 1000:: 1000: $\frac{500.000}{1004} = \frac{500.000}{510} = \frac{650.000}{255} = \frac{125.000}{108}$ $= \frac{60.500}{64} = \frac{31.250}{5a} = \frac{15.605}{16} = \frac{7.810.5}{8} = \frac{3.906.25}{4} = \frac{1.953.105}{1.953.105} = 976.5625.$

Entre 976.6535 et 1000, ou 976595 et 10000000, il cherche 24 moyennes proportionnelles; il prend la différence de la derniter à 100000.00, et la multipliant par 2º=1004, il a le log de 1024 qui et négatif. Pris positivement, il est celui de 976.5535. En effet, puisqua 1024;10002: 100021976.5503. Il en résulte que

La 9º décimale est un peu faible.

Faites la même chose entre 2000 et 500, vous en tirerez le logarithme 500.

Képler trouve...... 0.69314.7193

Dans le système naturel, log 100 100 100 100 0.69314.71805.59945.5

L'erreur n'est que de..... 0.00000.00124.40054.7.

Képler nous dit que ce logarithme est celui de duplication, qu'il faudra retrancher de $\log n$ pour avoir $\log 2n$; c'est-à-dire qu'on aura généralement $\log 2n = \log n - \log$ duplication.

Dans le système actuel, on ferait, log 2n = log n + log 2.

Dans celui de Képler ou de Néper,

 $\log n = \log 2n + \log \text{duplicat.}, \text{ ou } \log \frac{1}{n} = \log n + \log \text{duplicat.}$

| i, | log 1024 | |
|----|----------|----------------------------|
| | | 0.66943.06664 log 51200.00 |
| | | 1.36257.78594 25600.00 |
| | | s.05572.50524 12800.00 |
| | | 2.74887.22454 6400.00 |
| | 52 | |
| | 16 | |
| | * 8 | |
| | 4 | |
| | 1 | |
| | 0.5 | |

Képler ne va pas plus loin; tous ces logarithmes sont dans sa Table; mais réduits à 7 décimales.

Nous voyons que dans ce système, log 1 == 6.90775.54034; c'est celui de 1000 parmi les logarithmes naturels.

```
1 log 1000 = log 10..... n.30258.51344
```

C'est le logarithme de décuplication de Képler; il sert à trouver les nombres de la série ascendante et descendante.

| log o . 1 = log képlérien de 1 | o.co=log1000+log10. | g.a1034.05378=leg 10000 | w. |
|--------------------------------|---------------------|------------------------------|----|
| log 0.01 | 1.00, | 11.51292.56722=tog 100000 | |
| log o.oo1 | 10 | 13.81551.08066=log 1000000 | |
| log 0.0001 | 1 | 16.11800.50370cmlog 10000000 | |

Ce deraier logarithme est le premier de la Table de Képler. Nous y sommes arrivés par l'addition continuelle du logarithme naturel de 10, qui est son logarithme décuplant, mais qui, dans le fait, est sousdécuplant.

```
log 1, ou log 100.00 de Képler. 6.90775.54634 C. log décuplant. 7.63741.48656 log 10, ou log 1000.00 de Képler. 4.60517.02650 log 10000.00... 2.30258.51335 log 100000.00... 0.00000.00000.
```

C'est le dernier et le plus petit de la Table de Képler.

| | | | K | EPLEK. | | 517 |
|------------|--------------|----|-----|------------|--------|---------------|
| | logio, | ou | log | 1000.00 de | Képler | 2.30258.51345 |
| | _ | | | | log 2 | 0.69314.71950 |
| | | | | | | 2.99573.23275 |
| log10-log2 | $= \log 5$, | ou | log | 20000,00 | ••••• | 1.60943.79415 |
| | | | | | | |

Ce logarithme 5, il le nomme logarithme quintuplant, ou qui sert à trouver le logarithme d'un nombre Linq fois plus petit ou cinq fois plus grand, suivant qu'en l'ajoute ou qu'on le soustrait.

| épl. 25000.00 | |
|--------------------|---|
| épl. 12500.00 | 2.07944.15790 |
| log Képl. 2500.00. | 3.68827.95205 |
| o de Wolfram | 3.68887.94541 |
| différence | 00664 |
| épler 0.69514. | |
| | épl. 25000.00 épl. 12500.00 logKépl.2500.00. io de Wolfram différence |

log 99800.00 == log sin 86° 22' 33"... 0.00200.20 $\log n + \log 2 = 24950.00 \text{ Képler}... 1.38829.64.$ Log 0500.00 Képler sin 5° 27' 3" ... 2.35387.85 log quintuplant... 1.60945.79

log 1000.00 sin 1° 5' 20" ... 3.96331.64 log 47500.00 sin 28.21.35.... 0.74414.06.

On voit que ces logarithmes et ceux de tous les nombres premiers doivent jouer un grand rôle dans la construction de sa Table.

Après ces préparatifs, qui ont quelque obscurité dans l'ouvrage et ne sont que des applications des principes de Néper, Képler passe aux moyens qu'il a imaginés pour déterminer ses 1000 logarithmes.

L'obscurité que nous lui reprochons tient en partie à l'usage des quatre zéros ajoutes pour déguiser l'usage des fractions décimales, dont on n'avait pas encore une idée bien nette ou bien complète.

Pour les cent logarithmes de 10000.00 à 9900.00, il suit la méthode de Néper; mais comme avec ses sinus en nombres ronds, il n'a pas de cosécantes, il cherche d'abord les quotiens de 1000, 1000, etc.; les quotiens sont les cosécantes cherchées. Il prend les moyennes arithmétiques et géométriques entre deux cosécantes consécutives; il trouve qu'ou peut négliger la différence dans les cent premiers logarithmes, et qu'on pent avoir les cent premiers logarithmes par l'accumulation de leurs différences, trouvées par les moyennes, c'est-à-dire par le théorème de Néper (page 497 et 498).

En effet,
$$\log \left(\frac{1000}{10}\right) - \log \left(\frac{1000}{50}\right) = \log 1000 - \log 10 - \log 10000 + \log 50$$

 $= \log 50 - \log 10 - \log \left(\frac{50}{10}\right) = \log 5$.

Il trouve encore son logarithme triplant d'une autre manière, en le déduisant du logarithme de 900, ou du logarithme de 90000.00, car

quadruple, ou log 65610000... 42144.2140 log képl. de 1000 ci-dessus... 9.21034.0563 log 1000 — log 65610000... 8.78880.8423

6561 = 2187.5 = 729.5 = 81.5 = 27.5 = 3 · · · · 1.09861.2505 aiusi le huitième du log 6561 sera le log 5.

Troisième manière.

. 1000: 960:: 9600: 9216 = 9.1024 = 9.2" = 5.2";

on aura donc le logarithme de 5, ou le logarithme triplant.

| KÉPLER. Aulog. hyp. de 1024, ou au log. decuple du doublant ajoutez 2log 96000.00 | 51 6.93147, 1928 8164,4002 |
|---|----------------------------------|
| otez la somme de log 10.00 | 9.21034.0563 |
| 2log 5, ou log 0 de Wolfr. == log 5 moitié, ou log triplant, comme ci-dessus log de Wolfram | 1.09861.2316 |
| différence Log 60.00 de Képler log triplant | 5.11599.59 |
| log 180.00 de Képler 9 540.00 | 1.91877.13 |

Le logarithme doublant de Képler est le logarithme de 2. Le logarithme triplant est le logarithme de 3, et ainsi des autres.

Log keplerien de $n = \log(\frac{1000}{n})$ de Wolfram, ou des Tables d'aujourd'hui.

Log
$$n$$
— log multipliant par $n = \log \binom{1000}{n} - \log n = \log \binom{1000}{n^n}$.
Log m — log multipliant par $n = \log \binom{1000}{m} - \log n = \log \binom{1000}{m0}$
 m log m

Log képlérien de $\binom{m}{n} = \log \binom{1000}{m} - \log \binom{1000}{n} = \log 1000 - \log m$

sera $\log\left(\frac{1000}{30}\right)$, ou $\log 30$, ou $\log 5000.00$ de Képler.

-log 1000+log n = log n - log m de Wolfram. Le logarithme décuplant est le logarithme hyperbolique de 2; le décuple sera le logarithme de 21.

> Au log de 210..... 6.93147.1928 ajoutez alog (1000)..... vous aurez log (1024.1000.1000).... 7.01511.5950 sa moitié..... 3.50655.7965

Cette moitié est le log. de $\left(\frac{3^2.1000}{960}\right) = \left(\frac{33.1000}{960}\right) = \left(\frac{3200}{66}\right) = \frac{400}{12}$ $=(\frac{100}{3})=(\frac{1000}{30})$

Log (1000), ou log 30 de Képler.... 3.50655,795 log 1000 6.90775.540

> log. hyperbolique de 30.... 3.40119.745 log. hyperbolique de 10.... 2.30258.513

log 3, ou log triplant 1.09861.232.

Ainsi nous arrivons au même résultat, par une voie toute différente, quoique nous commencions par les mêmes logarithmes.

Kepler a done les logarithmes doublant, triplant, quadruplant, quintuplant, octuplant, noncuplant, décuplant; il va chercher le logarithme multipliant par 11, c'est-à-dire le logarithme hyperbolique de 11.

Selon Képler, le log. de 990 est...... 2.30258.513 le log. décuplant est.....

log (1000), ou log 99, selon Képler, sera... 2.31265.5461 log 1000... 6.90775.54

> log 99 4.59514.9939 .. log 9 ... - 2.19722.4653

log 11, ou log undécuplant... 2.39789.5306

log byperb. 1000... 6.90775.540

log (1000), ou log 1100.00 de Képler..... 4.50986.0094. Nous avons un peu modifié le calcul de Képler; il ya chercher le logarithme 7, ou le logarithme septuplant,

1000 : 980 :: 9800 : 9604.

car, à la manière de Néper,

$$\left(\frac{980}{1000}\right) = \left(\frac{1000 - 20}{1000}\right) = 1 - \frac{20}{1000} = 1 - \frac{2}{100}$$

9800(1-2)=9800-196=9604=4.2401=4.7.345=4.7.49=4.7.

Log 9604 = $\log(4.7^4)$... 0.04040.5122 log quadruplant... 1.38629.4561 $\log(7^4)$, ou $\log(\frac{4^n}{2})^4$... 1.42669.9785 $\log(\frac{4^n}{2})$... quart... 0.35667.4946 $\log(10...)$ 2.30258.513

log 7, ou log septuplant ... 1.94591.0184.

Ce logarithme (4°), ou ce log de 700 est celui par lequel Képler avait commencé ses recherches; il avait trouvé 0.55667.4948, ici il ne trouve que 46; la valeur exacte serait 44.

Par des opérations entièrement semblables,

1000 : 950 :: 9500 : 9025 = 5.1805 = 5.361 = 5.19;

il aura donc le logarithme de 19, le logarithme novem-décuplant et $\log \left(\frac{1000}{19}\right)$, qui sera le logarithme de 1900.00, suivant la notation de Képler.

Au logarithme de 988, ou log $\binom{1000}{988}$, ajoutes $\log 4$, vous sures $\log \binom{1000.4}{98} = \log \binom{1000}{100} = \log \frac{1000}{19.13}$; ajoutes $\log 9$, il viendra $\log \binom{1000}{3}$, $\log 1000 - \log \binom{1000}{3} = \log 13$.

A log gGg = log $\binom{\cos 0}{g^2g}$, ajoutez log 5, vous aurez log $\binom{\cos 0}{325}$ = log $\binom{\cos 0}{1325}$ = log $\binom{1000}{1321}$; ajoutez log 1g, vous aurez log $\binom{1000}{17}$, log képlérien de 17.

A $\log 986 = \log(\frac{1000}{986})$, ajoutez $\log 2$, vous aurez $\log(\frac{1000}{493}) = \log(\frac{1000}{29.17})$; ajoutez $\log 17$, vous aurez $\log(\frac{1000}{29})$ et $\log 29$.

A $\log 966 = \log \left(\frac{1000}{965}\right)$, ajoutez $\log 2$, $\log 3$ et $\log 7$, vous aurez $\log \left(\frac{1000.3.3.7}{655}\right) = \log \left(\frac{1000.7}{151}\right) = \log \left(\frac{1000}{23}\right)$ et $\log 23$.

A $\log (950) = \log \left(\frac{1000}{950}\right)$, ajoutez $\log 5$ et $\log 10$, vous aurez $\log \left(\frac{1000}{31}\right)$ et $\log 51$.

A présent nous avons les logarithmes de tous les nombres premiers depuis 1 jusqu'à 31, dont le carré est 961.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Aucun nombre multiple de nombre premier, passé 51, ue se trouve dans les 100 premiers nombres de la table.

Avec tous les logarithmes trouvés, et avec tous les logarithmes mallipliaus, on remplira presque toute la table; il ne restera que quelques lacunes, que l'on remplira à vue par les différences ou par le calcul du théorème de Néper, qui sert à trouver la différence entre deux logarithmes consécutifs.

Ces moyens ne supposeut donc rien que les idées générales qui maissent de la nature des logarithmes ou des théorèmes de Néper. Mais ces moyens sont un pen détournés, car avec les logarithmes de 1000 à 1000, j'ai refait la Table de Képler eu entier, en employant successivement chacon des 100 logarithmes consus, suif ceux qui appartenaient à des nombres premiers. J'ai cependaut eu besoin de quelques nombres qui passaieut 1000 et dont les logarithmes étaieut faciles à trouver; ce soul les suivans:

$$1002 = 2.501 = 2.5.167$$
 $1004 = 2.502 = 2^{\circ}.251$
 $1006 = 2.505$
 $1011 = 5.557$
 $1016 = 2.508 = 2^{\circ}.254 = 2^{\circ}.127$
 $1045 = 7.149$
 $1038 = 2.519 = 2.5.175$
 $1055 = 5.211$
 $1074 = 2.557 = 2.5.179$.

Le titre de Chilies logarithmorum ne promet que mille logarithmes et la Table en contient 56 de plus; mais cette partie est une espèce de hons-d'œuvre auquel Képler doune le nom de vestibule. Lu véritable chiliade ne commence qu'au nombre 100.00 et va jusqu'à 100000.00. Nous avons déjà vu que l'unité de cette série est 100.00, et que 10000000 n'est veritablement que 1000, Képler ayant sjouté quatre zéros partout, pour éviter les fractions décimales. Mais avant 100.00 véritable unité, ou trouve les nombres

Avant cette série fractionnaire, on en trouve une autre qui descendue

de quatre ordres, signific véritablement 0.09, 0.08, 0.07, 0.06, 0.05, 0.04, 0.03, 0.02 et 0.01.

Cette série de centièmes est encore précédée de celles des millièmes, en torte que le nombre 1, qui est le primeir sins ou nombre de la Table, est véritablement 0.0001 (ce 55 nombres forment quatre séries de 9 termes chacen, où 10n voir t prapraitre quatre fois dans le même ordre les différences des logarithmes, quoique les logarithmes soient bien différens.

La construction de cette partie de la Table est donc hien facile à comprendre, Képler n'en dit pas un mot, il s'est conteaté de montrer. par quelle voie il est arrivé au logarithme de o. 1 ou 10.00. Ou peut êtro etionné que sa l'able ne sois accompagosé d'explication d'aueun espèce; cela est d'autant plus singulier, qu'à cette (poque, la théorie des logarithmes était tês peu répandue, et que le plus grand nombre de ses lecteurs étaient peu en état de deviter à quoi pouvait servir sa chiliade et les diverses colonnes dont elle se compose. Il va nous donner luimeme la raison de toutes ces singularités. On la trouve dans un opuscule qu'il publis seu de tens anotes sous le tire de

Joannis Kepleri supplementum Chiliadis logarithmorum, continens præcepta de eorum usu.

Il nous y apprend qu'en 1621, étant allé dans la Germanie supérieure, il y trouva de fréquentes occasions de s'entretenir avec plusieurs mathématiciens des logarithmes de Néper: il avait ainsi reconnu que tous ceux dont l'age avait augmenté la prudence et diminué l'ardeur, balançaient à profiter de la nouvelle découverte; qu'ils trouvaient honteux pour un professeur de mathématiques de montrer une joie puérile, en voyant les calculs ainsi abrégés par une méthode qui, h'étant pas rigoureusement démontrée, ponvait les jeter dans des erreurs graves au moment où ils y penseraient le moins. Ils se plaignaient que Néper eut bati sa doctrine sur une notion étrangère de mouvement sur laquelle on ne pouvait fonder aucune démonstration solide. Telle fut, dit Képler, la cause qui le porta à chercher si l'on ne pouvait tronver une démonstration qui put passer pour légitime. C'est ce dont il s'occupa à son retour à Lintz. Que ces objections lui aient été suggérées par d'autres, ou qu'il les ait faites lui-même, il semble qu'il aurait pu facilement y répondre. Il est vrai que les considérations de fluentes, de fluxions, de lignes et de points en mouvement sont totalement étrangères au sujet ; mais effacez le peu de lignes où il en est question, les calculs de Néper p'en subsisteront pas moins.

Bounds Goo

De deux nombres, en une certaine proportion, retranchez des nombres proportionnels, les restes seront proportionnels.

Des nombres q et 10 retranchez à chacun un dixième, il vous restera 8. 1 et q. et vous aurez 10:9::9:8,1, 9×9=10×8,1=81. Voilà le théorème fondamental de Néper; c'est ainsi qu'il a formé ses Tables préparatoires. Donnez à ces Tables une étendue suffisante, et vous v trouverez des nombres sensiblement égaux à tous les nombres naturels, aux sinus et à toutes les quantités numériques possibles. Le procédé ne sera qu'approximatif. Néper en couvient ; mais on connaît la limite de l'erreur, on sait qu'il sera toujours permis de la négliger; il est donc également permis d'adopter une pratique si éminemment commode; la ioie avec laquelle on l'adopte n'a rien de puéril, et l'on peut dire au contraire qu'il y a une espèce de pédanterie à vouloir ramener cette conception aux lignes ou aux espaces hyperboliques. La théorie des logarithmes ne doit sa clarté, sa simplicité, sa généralité qu'à des procédés purement analytiques ou numériques; ce qu'elle a d'obseur est dù à des considérations très étrangères qu'on y a fait eutrer péniblement. Je n'en veux pour preuve que le livre de Képler et celui de Mercator. Oui s'avise aujourd'hui d'aller étudier dans Euclide la théorie des nombres et celle des proportions? Ces subtilités sont plus nuisibles qu'utiles; on perd à les concevoir et à les démontrer un tems dont on pourrait faire un emploi plus profitable et plus judicieux.

Képler ne pense pas sinis; il s'occupa d'abord de la démontration; il n'eut pas le terns de songer aux sugges vulgires. Il envoya son manuscrit au landgrave, auquel cet écrit ne parvint que long-tens après; le prince le fit inprimer, et Képler n'en fut informé que par le caslogue de la foire de Francfur; il s'était déjà aperçu de ce qui nanquait à son manuscrit; il compast le supplément dont nous allons rendre compte, et dans sa préface, il se disculpe des reproches qu'on pouvait faire au titre de sa Chifiade. Il y annonce la démonstration d'anné découverte, il reconnaît donc un inventeur. Cest à cet inventeur que s'adressent les dioges pompeus, mais si bien mérités, qui alongeit e lettre. Ces dioges n'ont étés joudés que pour engager quelque librite à se charger de l'impression. Tout cela peut étre vesi, mais il n'aurait e aucun besoin de s'excaser s'il eth nommé l'invecteur. A présent que le livre est imprimé, il va songer à le readre uille à ceux qui en ont fit l'acquisition. Il va leur montre comment ils divient s'en servir.

Il parle d'abord du vestifule. Mais pour nous faire entendre, nous alions placer ici un échantillon de la Table de Képler. Nous donnons d'abord les commencemens des quatre séries de neuf termes qui forment le vestifule. De cinq colonnes, il n'y en a que deux qui soient remplies, l'une par les nombres et l'antre par leurs logarithmes. Képler dit que les autres sont restées vacantes, parce que cette partie de la Table, no peut servir aux mêmes usages que le reste.

Dans la première colonue de la chiliade, on voit des arcs en degrés, minutes et secondes; ce sont ceux auxquels appartiennent les sinus ron nombres ronds qui sont à la seconde colonne. On sent que ces arcs ne peuvent être exacts, à la réserve de celui de 50° et de celui de 90°, dont les sinus sont ¿ et 1.

Dans la quatrième, sont les logarithmes des sinns de la seconde. Ils sont ronds, car les quatre derniers zéros ne comptent pas. Ceux qui ont moins de quatre zéros sont fractionnaires. Voilà donc des fractions décimales, mais décuisées.

Ces sinus ne sont sinus que par rapport aux arcs de la première colonne; ils sont des nombres si on les rapporte aux quantités des colonnes troisième et cinquième.

La troisième colonne suppose l'anité partagée en 24° o' 00"; 24° répondent à 100000.00; 25° 58' 34" et 99900.00 sont des expressions relatives et identiques.

La cinquième colonne suppose l'unité divisée en 60° 0′ 0″, comme le rayon ou le jour des Grecs.

Si vous prenez zéro pour logarithme de 24°.0, les autres logarithmes seront ceux des heures, des miautes et secondes qui sont sur la même ligne dans la colonne troisième.

Si vous prenez o pour le logarithme de 60°0'0', les autres seront les logarithmes des parties sexagésimales correspondantes.

Les deux derniers zéros des sinus sont séparés par des points; on les nefgigera si l'on rent se contenter d'un rayon de 10000. Néper avait suivi cet exemple donné déjà par les auteurs des Tables des sinus et suivi encore de nos jours. On peut de même négliger les deux derniers chiffres des logarithmes qui sont égalément séparés par des points.

Les nombres de la quatrieme colonne ne sont pas nombres, mais logarithmes, non α΄f. θμο), sed λογα β.θμο). Aucun de ces logarithmes n'est rigourcusement exact.



| ÉCHANTILLON DE LA TABLE DE KÉPLER. | | | | | |
|------------------------------------|---------------------------------|------------------------------------|---|---------------------------|--|
| ARCS et leurs différences. | Sinus ou nombres absolus. | Viogt-quatrième. | Logarithmes et leurs différences. | Parties sexagesimales. | |
| Vestibule. | 1 2 | Vestibule. | 1611809.60 69314.72 1542494.88 | Vestibule. | |
| | 10 | | 1381551.08 69314.72 1312236.05 | | |
| | 1.00 | | 1151292.57 69314.72 1081977.85 | | |
| | 10.00 | | 921034.06 69314.72 851719.34 | | |
| Chiliade. | 90.00 | | 051719.54 | Chiliade. | |
| o° 3′ 26° 3. 27 | 100.00 | 0. 1.26 | 690775.54 69314.73 | 0.4 | |
| o. 6.53 3,26 | 200.00 | 0. 2.53 | 69314.72 621460.82 40548.51 | 0.7 | |
| 10.19 | 300.00 | 0. 4.19 | 580g14.31 | 0.11 | |
| 29.56. 2 | 49900.00 | 11.58.34 | 69514.92 | 29.56 | |
| 30. 0. 0 3.58 | 50000.00 | 19. 0. 0 | 69314.72 | 50, o | |
| 3o, 3.58 3.59 | 50100.00 | 12. 1.26 | 69114.92 | 30. 4 | |
| 30. 7.57 | 50200.00 | 12. 2.53 | 68915.52 | 30. 7 | |
| 84.16. o 36.3o | 99500.00 | 23.52.48 | 501.25 + 100.45 | 59.42 | |
| 84.52.30 | 99600.00 | 23.54,14 | 400.80 | 59.46 | |
| 85.33.39 48.54 | 99700.00 | ° 23.55.41 | 500.45 100.45 | 59.49 | |
| 86.22.33 1, 5.42 | 99800.00 | 23.57. 7 | 200.20 | 59.53 | |
| 87.26.15 2.33.45 | 99900.00 | 23.58.34 | 100.05 | 59.56 | |
| 90. 0. 0 | 100000.00 | 24. 0. 0 | 000000.00 | 60. 0 | |
| Ares. | Sinus ou nombres. | Heures, minutes et secondes. | Logarithmen et leurs différences. | Parties sexagesimales. | |

Il enseigne à trouver le logarithme d'un nombre ou d'un sinus et le nombre ou le sinus dont le logarithme est donné. Voici maintenant à quoi servent les colonnes troisième et cinquième qui distingnent particulièrement sa Table de toutes les antres.

Les éclipses se mesurent en doigts. Supposons que la partie éclipsée renferme ; de la circonférence, ou for ; il restera 500°, dont la moité, 150° =90° +60°; le sins de 90° est 100000; celui de 60° est 86605; à côté de 100000 vous tronvez 24° 0° 0°; à côté de 86605 vous vez 20° 4°, 2°, total, 44° 4°, 2°, dont le quarte est 11° 11′ 45°. Ce sont, dit Képler, les doigts retranchés du diamètre, en supposant que l'ombre soit terminée par une droite perpendiculaire au diamètre. Ce premier exemple n'est pas présenté bien clairement.

Soit (fig. 77) AB = 60° l'arc éclipsé, le segment éclipsé AMBGA, on demande MG.

AB=60°, donc AM=50°, d'où AF=60°, GC=sin60°=0.86603 CE=rayon=1

| EG= | 1.86603 |
|--------|---------|
| EM == | 2 |
| MG === | 0.15307 |

ou plus simplement, MG = CM - CG = 1 - 0.86603 = 0.13397; multipliez par 6, nombre des doigts du diamètre 04.80382.

Avec nos tables modernes, nous dirions $MG = 2\sin^*\frac{1}{2}MA = 2\sin^*\frac{1}{2}AB = 2\sin^*15^\circ;$

et comme le rayon vaut 6 doigts,

Ainsi les simples tables de sinns, soit naturels, soit logarithmiques, résolvent le problème beanconp plus simplement, et Képler prend na détonr inntile. Selon lui, 12* – 11* 11* 45* = 0' 48' 15", ce qui est bien plus long, moins exact et sur-tont bien moins clair.

Si l'éclipse est d'un doigt, ou de du rayou, 10000 = 16666.666: Képler tronve par sa Table 16675.00 environ.

Ptolémée et ses imitateurs expriment le rayon en parties sexagésimales; cherchez ces parties dans la Table de Képler, cinquième colonne, vous aurez dans la seconde, sur la même ligne, la valeur du sinns en décimales. Ceci est plus simple, mais la Table n'est pas assez éteudue; l'opération sera longue et inexacte.

Dans l'usage de l'Astronomie de ce tems, on avait souvent à convertiles heures de 24 à la jouruée en heures dont il faut 60 pour un jour ; la comparsison des colonnes troisière et quatrième vous donners la conversion que vous cherchez, mais înexacte et incommode, à ceuse des parties proportionnelles.

La table peut servir encore à changer les heures en degrés, et réciproquement, mais avec la même inexactitude et la même peine.

On avait alors des tables étendues des mouvemens diurnes des planètes; le mouvement diurne étant douné, on troavait à vue dans les tables le mouvement proportionnel pour les heures, les minutes et les secondes. La table de Képler aurait ici quelque avantage, si elle était plus étendue.

Soit le mouvement diurne de la Lune 14° 23'; on demande le mouvement pour 10° 42'; la règle est de faire

cherchez dans la table 14° 23'; prenez le log 51200

Avec la somme des deux logarithmes pris dans la table, vous trouvez la quatrième proportionnelle que vous demandies. Il est inuitle de faire attention au logarithme de 24¹, comme à ceux de 66 ou de 10000, qui sont également zéro. La Table de Képler est donc le premier modète do nos tables de logarithmes logistiques.

En esset, la table des logarithmes logistiques donne les log $\left(\frac{60'}{n}\right)$,

comme les tables de Néper et de Képler donnent $\log \left(\frac{1000}{n}\right)$ au lieu de $\log n$.

On pourrait dire que Néper est encore l'inventeur des logarithmes logistiques, mais Képler est le premier qui en ait fait et qui en ait indiqué l'usage.

Les Tables de Hexacontades, ou des parties sexagésimales, que nous

avons donnée à la fin de notre Arithmétique des Greca, était alors d'un uauge continuel dans les calculas stronomiques. La Table de Képler peut la remplacer jusqu'à un certain point, quand on ne cherche pou ne exactitude bien rijourcues. C'est ce que Képler espose hien paguement, car l'opération par sa table est assez minutieuse. Nous ne le suivrons pas daos ces détails, qu'in o'un ausen intérêt.

Il vient à l'usage de sa table pour le calcul des triangles sphériques; elle est en cela bien moins commode que celle de Néper, mais l'usage en est l'emème. Képler n'emploie ai tangentes, aixicantes; il résout tous ses problèmes par les sinus. Tontes les règles de la Trigonométrie sont des règles de trois; c'est toujours $a:b:c:x=\frac{ba}{a}$, ou $\log x=\log b+\log c-\log a$.

Au lieu de cela, Néper et Képler font $\log\left(\frac{1000}{b}\right) + \log\left(\frac{1000}{c}\right) - \log\left(\frac{1000}{a}\right)$, ce qui revient à

$$\log 1000 - \log b + \log 1000 - \log c - \log 1000 + \log a$$

$$= \log 1000 - \log b - \log c + \log a = \log x = \log \left(\frac{1000}{b}\right) = \log \left(\frac{1000}{x}\right)$$

L'usage des Tables négériennes est donc le même que celui des tables modernes, op plutôt, es tubelitant les logarithmes sueslo sou vulgaires aux logarithmes de Néper, on n'a rien changé ni aux propriétés, ni aux usages des logarithmes primitifs, inventés par Néper précisément pour ces usages.

Il enseigne à trouver le logarithme d'un nombre (n+dn) qui n'est pas dans sa table; il se sert du théorème de Néper, $\log(n+dn) = \log n + \frac{dn}{a}$; il traite du problème inverse $dn = n \lceil \log(n+dn) - \log n \rceil$.

En expliquant les moyons de remplacer la multiplication des nombres par l'addition, la division par la soustraction, etc., il choisit un exemple qu'il qualific de noble (et nobile quidem), précepte 14'. Soit 68'p la pririode de Mars, 505 ; celle de la l'erre; il se propose de partage la proportion de ces deux nombres en deux autres, de sorte qu'on ait cette analogie:

et que la plus grande soit du côté du petit terme, ou que la proportion totale soit sesqui-altère de la grande.

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

67

log 68700... 37542 log 365,25... 100740

quantité de la proportion... 63198 le tiers est... 21066

les deux tiers... 42132 ôtez les deux tiers de log 365,25... 100740

reste le log. de 55650... 58608;

cn conséquence, 56525 : 55650 :: 100000 : 15254 ; ou : 1 : 15653 :: 100000 : 15254 : 1 : 1 presque.

Cette manière de poseret de résoudre le problème, n'est pas ce qu'on pouvait imaginer de plus lumineux. Képler us dit pas qu'avec trois logarithmes il aurait pu trouver le rapport des tems et des distances, qui lui a côtté tant de tems et de calculs. Foyez ce que nons avons dit dans l'extrait de l'Harmonique du monde, page 556.

On voit en général, à la longueur des explications et à la complication des préceptes, que Képler avait donné na forme très incommode à sa table; aussi la changea-t-il presque aussitôt pour les Tables rudolpines. Pen saisfait entore de ton novuel essai, il la retravaille; la fit retravailler par son gendre, Bartschius, qui la pablia en 1650. Képler mourat peu de tens après, le 4, novembre 1650. Bartschius, atque de la peste, le saivit de près. Il vennit de terminer quelques autres tables dont les exemplaires south active les maiss d'Eisenschmid, qui le fit réimprimer'à Strasbourg en 1700. Je ne connais que cette d'élino, dont voic le litte que cette d'élino, dont voic le litte par

Joh. Kepleri et Jacobi Bartschii Tabulae manuales logarithmicae, ad calculum astronomicum, in specie Tabularum Rudolphinarum compendiose tractandum mire utiles, quibus aceessit introductio nova curante Joh. Gasp. Eisenschnid. Argentorati, 1700, in-12.

On y trouve la Table népérienne des sinus de B. Ursinas, pour tous les arcs du quart de cercle de 10 en 10°, mais à foin figures seulement, c'est-à-dire avec trois de moins que dans l'original. La table des tangeutes vient cesuite; elle est de même pour toutes les dixines de secondes. Képler avait calcale les logarithmes des cosinus des petits arcs, de 10 en 10°, depuis o° jusqu'à a° 7′. Bartschius les étendit aux accondes de 2 en 2.

Képler avait long-tems cherché des moyens commodes pour calculer

l'élongation on la parallaxe annuelle des planêtes; c'est-à-dire à trouver le plus petit des deux auglet d'un triangle rectifigne dont on connaît deux côtés et l'angle compris. Soient C et C'les deux côtés; il faut connaître $(\frac{c-C}{C-C})$; alors on en berche le logarithme dans la Table de Bartechius. On y ajoute le logarithme de la tangente de la demi-commutation; on a le logarithme tangente de la demi-commutation; on a le logarithme tangente de la demi-commutation à l'angle cherché.

Tout cela est encore bien long, et l'embarres tient à la forme des Tables de Képler; on a beaucoap mieux aujourd'hui. Remarques que Képler emploie $\left(\frac{c-c}{c-c}\right)$ tout $\frac{1}{2}$ A, au lieu de $\left(\frac{c-c}{c+c}\right)$ cost $\frac{1}{2}$ A, que nou comploierions sulourd'hui ponr trouver la tangente de la demi-différence des angles inconnas. Képler trouve la cotangente de la demi-différence, ou tang $(or-\frac{1}{2}d)$. Nous avons ensuite le plus petit des deux angles $= 9o^{-c} + A - \frac{1}{2}d = P$ = 0.000 = 10.0

Képler trouve $P = (90^{\circ} - \frac{1}{4}d) - A$, ce qui revient au même. Par cette forme, il évite les fractions et les logarithmes négatifs.

Nous avons dit que la quatrième et la cioquième colonne de la Table de Képler disient une table de logarithmes logistiques asses incommode et asses peu exacte. Bartichius la perfectionna en l'étendant à toutes les secondes de degré, et lui donna le titre de Trichit-Hexacosias, canon manualis sexagesimorum et horariorum ad singula minuta secunda sexagesimo exacte rupuputatus.

otez le log. logistique de 1..... 0.160063.147.18

vons aurez le log. logistique de 2..... 7.495541.94

ôtez log 2 continuellement, vous aurez log logist. de 4 . . . 6.802394.76 de 8 . . . 6.109346.58 de 15 . . . 5.416099, 40 .

Ces logarithmes logisiques sont donc récllement les logarithmes hyperboliques de $\frac{6500}{100}$. Soit n=500, $\log(\frac{6500}{5500})=\log 1=0$; mais $24^{\circ}=34,5000^{\circ}$, les logarithmes de la table seront ceux des secondes horaires, de 24 en 24° . La table peut donc servir pour les parties du jour comme pour celles du degré.

Voici le commencement de cette table.

| Parties du degré. | Logarithmes. | Parties du jour. |
|---------------------------|---|--|
| o' o" 1 2 3 4 | Infini. 818869 749554 709008 680239 657925 | 0 ⁴ 0′ 0° 24 48 0.1.12 0.1.36 0.8. 0 |

L'éditeur expose tout cela d'une manière un peu succincte. Cette dernière table pourrait encore servir aujourd'hui.

Soit 1°: 15' 49" :: 18' 25" : x.

Cherchez
$$\log 18' 25'' \dots 118109$$

 $\log 15.49 \dots 133528$
 $\log x = \log 4.51, 29 \dots 251437$

Par la Table des logarithmes logistiques de Gardiner ou de Callet.

Logarithmes de Briggs.

Après avoir parlé du travail de Képler, il est juste de donner ici une idée des travaux plus importans et plus originaux de Briggs, premier auteur des logarithmes dont on se sert aujourd'hui.

Kepler n'avait rien changé au système de Néper; il n'y a de vraiment nouveau dans son livre que sa table des logarithmes logistiques. Briggs a changé le système; il est vrai que Néper paraltrait en avoir eu l'idée et l'avoir indiquée dans un des deraiers chapitres de son livre.

Legitroby Going

où même il donne le logarithme de 2 suivant ce nouvean système. On croit communément que Briggs en est le premier anteur. Voici, à cet égard, ce que nous apprend le docteur Hutton, dans son Introduction

aux Tables trigonométriques.

M. Henri Briggs, non moins estimé pour sa probité et ses éminentes vertus, que pour son habileté dans les sciences mathématiques, était professeur à Londres, au collège de Gresham, en 1614, lorsque la Table de Néper fut publiée, Il se mit à l'étudier et à la perfectionner. Jamais il n'avait rien vu qui lui eut causé plus de plaisir et plus d'admiration. Les logarithmes auxquels il travaillait n'étaient pas ceux de Néper, dans lesquels la raison de 10 à 1 est exprimée par 2.302585.1; dans son premier essai, Briggs exprimait cette même raison par l'unité. Il paralt donc avoir, le premier, eu l'idée de changer le système. Il fit part de son idée à ses auditeurs, il la communiqua même à Néper, qui répondit qu'il en avait lui-même eu la pensée; c'est ce qu'on voit par un passage de son Arithmétique logarithmique : « En expliquant cette » doctrine à mes élèves, j'ai remarqué qu'il serait plus convenable, » en conservant o pour le logarithme du sinus total, de faire de » 10000000 le logarithme du sinus, qui est un dixième du rayon, » c'est-à-dire le sinus de 5º 44' 21" environ. J'en écrivis même à l'au-» teur, et les vacances étant arrivées, je partis pour Edimbourg. Je » fus bien accueilli par Néper, je demeurai avec lui nn mois entier; il » me dit qu'il avait en l'idée de changer le système, mais qu'il avait " » préféré de publier la table faite, en attendant qu'il eût trouvé le » loisir de calculer des logarithmes commodes. Quant à la manière d'opé-» rer le changement, il trouvait plus avantageux de faire de o le loga-» rithme de l'unité, et de 1 le logarithme de 100000. Je convins qu'en » effet cela valait beauconp mieux. Rejetant donc ce que j'avais déjà pré-» paré, d'après ses exhortations, je commencai à calculer les logarithmes » que je publie; je retournai à Edimbourg l'été suivant, pour montrer » à Néper ce que j'avais calculé, et j'en anrais fait de même l'année » d'après, s'il eut encore été vivant. »

M. Hutton conclut de là que Briggs est l'inventeur de l'échelle actuelle qui fait de 1 elo gé a 10, et que tonte la part que pris Nèper à ce changement, fut de lai conseiller de commencer la tablé an nombre 1, et de increditre les logarithmes svec les nombres; ce qui ne changeait rien aux chiffres de Briggs. Toute la différence était que les logarithmes négatifs devenaient positifs et réciproquement, suivant la petite table ci-oprès.



Ainsi, pnisque Briggs nons dit avoir rejeté ce qu'il avait fait d'abord, c'est que probablement il avait cherché, comme Néper, les logarithmes des sinns, au lieu de chercher d'abord ceux des nombres naturels; sans quoi il n'y avait rien à rejeter, il est sussi de changer les signes.

| Briggs. | Nombres. | Néper. |
|---------|----------|------------|
| n 3 | 0.1* | - n - 3 |
| 2 | 0.01 | - 2 |
| - 0 | 1. | + 1 |
| - a | 1000 | + 2 + 5 |
| ·- n | 104 | + n |

Briggs, à son retous à Londres, y publis ses mille premiers logarithmes sous le tire de Logarithment chiliat prima; ils sont à 8 chiffers, sans compter la cractéristique. Il est à croire que cet ouvrage ne parat qu'après la mort de Nèper, arrivée le 3 avril 1618; car, dans la préface, l'anteur exprime le désir de voir bientôt paraître les OEuwes posthumes de Nèper. Depuis son entreveu avec Briggs, Nèper (dans as Rhabdologie; imprimée en 1617, et dans une phrase qu'il avait ajoutée à la traduction anglaise de Mirificus Canon), avait état part au publiée de l'idée qu'il avait de changer le système logarithmique, et cels sans faire aucune mention de Briggs. L'œuvre posthume publiée en 1619, par le fils de Nèper, n'en dissant rien non plus; Briggs se crut obligé de rétablir les faits dans le nassace que nous avons extrait c'dessus.

Mais ce passage même, de l'exactitude duquel nous n'avons d'antre garant que la véractié de Briggar, ne signifie pas que Brigga sit en l'idée avant Néper; il pronve seniement qu'il l'a conçue de lui-mème, sans aucus aide. Quand il la commonique à N'èper, celui-ci répond qu'il a cu la même idée, avec ane différence pourtant qu'i la rend meillenre encore. Il se pourrait qu'in effet N'èper en fût le premier auteur, ce qu'in ôterait rien au mérite de Briggs, et, dans ce cas, ou conçoit sans beaucoup de peine que N'èper, en publiant cette idée, la donne comme de lui tout simplement, sans associer personne à l'honneur de ce projet. N'èper aurait eu cette pensée sans avoir ni le tems, ni peut-être la volonté de la mettre à exécution p'êriggs l'a ene et l'a réalisée avec un soin, une exactitude que N'èper probablement n'y c'ett pas mise.

En 1620, deux nas après la publication de la première Chiliade de priege, Edmond Gunter publis son Canon der tiemgles, qui contient les logarithmes à 7 figures, ontre la caractérisique, des sinus et des tangentes pour toutes les minutes du quart de cercle. Ces logarithmes sont dans le système convenu entre Néper et Briggs, et les Tables sont les premières qui aient été subliées sous cette forme.

En 1625, Gunter porta les logarithmes des nombres, des sinus et des tangentes sur des lignes droites tracées sur une règle, et, par ce moyen, il résolvait les problèmes de Trigonométrie et d'Arithmétique; ces échelles portent encore le nom de Gunter; et Lemonnier en fait mention dans plusieurs de ses Opascules, où il en conseille l'usage pour les calcules d'abertation et de nutation.

Gunter fut aussi le premier qui employa le mot cosinus; il employa aussi le premier les complémens arithmétiques, pour éviter les soustractions; il inventa enfin la courbe logarithmique, où les abscisses sont les logarithmes des ordonnées.

Les Tables trigonométriques de Gunter, et la première Chiliade de Briggs, furent l'imprimés en France par Edmoud Wingaste, avec une explication succincte; l'exemplaire que je possède est de 1626, Paris, ches Melclior Mondière. Hutton dit que la première étition set de 1624, A la find uv olume, se rouvent les différences logarithmiques des sinus et des tangentes de 50° en 50° et de degré en degre; ces différences sont utiles pour la construction des tables; je ne les ai encore vues que dans cette édition de Wingate, et dans les Tables de Lacaille; j'en ai mis de ce genre à la suite des Tables de Borda.

Dans l'édition dont je viens de parler, les huit décimales et la caractésitique sont imprimées de suite et sans aucan point qui les sépare. Il n'y a point de différence d'un logarithme au suivant, du moins pour les sinus et les tangentes. Pour les nombres, les différences sont entre deux lignes, comme dans Képler et Néper.

L'Arithmétique logarithmique de Briggs est précédée d'un discours où il expose la construction de sa table; ce discours ou traité est partagé en 32 chapitres.

Dans le premier, il définit les logarithmes, qui ne sont autre chose que les termes d'une progression arithmétique quelconque, que l'on fait correspondre aux termes d'une progression géométrique; les plus simples de toutes les progressions qu'on puisse ainsi accoler, sont les suivantes.

Donum Lines

Nombres..... # 1:10:100:1000:10000:etc.

Les logarithmes de cette progression seront les seuls rationels; les dogarithmes de nombres intermédiaires seront irationnels, et composés d'un nombre entier et d'une fraction décimale qui oe pourra jamais être qu'approximative; mais, pour éviter les fractions, Briggs sjoute 14 zéros à lous les nombres. Ce choix arrêté, pour déterminer les intermédiaires, il cherche des moyenoes proportion celles, $\sqrt{1 \times 10^m} = 10^n$ aura poor logo, 5. Cette moyenoe est 3, 162a, etc.

Toutes ces moyennes proportionnelles seront l'unité soivie d'un nombre de chiffres dont les valeurs seront loujours décroissantes. Briggs remarque que ces valeurs approcheot de plus en plus d'être moitié de celle de la moyenne précédente. Ainsi, à la 5/4, l'unité est suivie de 5 z'éros, les 17 figures suivantes, en negligeaut celles qui viendraient après, sont l'exacte moitié des figures de la 5% moyennes que, en effet,

$$(1+b)^{\frac{1}{6}} = 1 + \frac{1}{6}b - \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6}b^{6} + \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6}b^{7} - \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6} \cdot \frac{1}{6}b^{7} + \text{etc.}$$

Or, à l'ecommence par 15 séros, le terme suivant [6,18 aur 50 aéros, le troisième en aur 45 et sers insensible; pour les logarithmes, on o'a qu'à cérire, car chacun de ces logarithmes est l'exacte atotic du précédent. Quand on sers parvenu à un point où les moyennes décroltront de moitié comme les logarithmes, les diminutions des nombres seront proportionnelles comme celles des logarithmes. Ces nombres forment, ainsi que les logarithmes, uoe progression géométrique dont la raison est 1.

De la 53º à la 54º moyenoe proportioonelle la dimioutioo sera

0.00000.00000.00000.01278.19149.32003.235;

la dimioution correspondante du logarithme sera

0.00000.00000.00000.05551.11512.31257.82702.11815;

on aura dooc cette analogie,

(53° - 54°) moy. : (53° - 54°) log. :: 0,0000 00000.00000.01 : 0.00000.00000.00000.43429.44819.03251.804. Ainsi, le log de 1.00000.00000.00000.01 sera

0.00000.00000.00000.04342.94481.90325.1804, celui de 1.00000.00000.00000.02 sera

0.00000.00000.00000.08685.88963.80650.3608,

celni de 1.00000.00000.00000.03 sera

0.00000.00000.00000.13028.83445.70975.5412;

et ainsi des autres.

Le nombre 4342 etc., est le factent par lequel il faudra multiplier les décimales précédées de 15 zéros, auxquelles ou arrivers par les extractions continuelles de racines; le produit sera le logarithme de la dernière racine.

Pour trouver le logarithme d'nn nombre premier, prene entre ce mombre et l'onité un nombre de moyennes proprotionnelles tel, que vous arriviez à un nombre qui diffère infiniment peu de l'unité, ou tel, que vous ayer louité suivé de 15 sérois au moins; alors les accocissemens du logarithme étant proportionnels à ceux du nombre, vous compareres le nombre auquel vous seres arrivé, et qui aura 15 sérois après l'unité, à ceiul de l'opération précédente; ces deux nombres, si peu différens, auront des accroissemens de logarithmes proportionnels aux mombres qu'ils auront après les 15 sérois; vous autrez, ainsi le logarithme de votre deraière proportionnelle moyenne; vous donbieres ce logarithme de votre deraière proportionnelle moyenne; vous donbieres ce logarithme attent de fois que vous aurez, fait de bissections, ou pris de moyennes pour arriver à ce terme; vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour lequel vous aurez ainsi le logarithme du nombre pour

Soit n nn nombre quelconque; entre n et l'unité prenez une suite de moyennes proportionnelles telle, que la dernière

ω=1.00000.00000.00000.+φ,

φ représentant les figures qui viennent après les 15 zéros.

 $\log \omega = 0.00000.00000.00000.+M.\phi$,

M étant le nombre o.43429.44819.03251.804, ou l'appelle module.

2' log @ sera le log du nombre premier ponr lequel vons anrez calculé, r étant le nombre de racines que vous avez extraites. Cette théorie n'est pas difficile à comprendre, mais elle est épouvan-

table à pratiquer; on ne l'emploiera que pour quelques nombres premiers.

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

68

Briggs indique un moyen pour diminuer le nombre des racincs à extraire : prenez les puissances consécutives du nombre en question ; supposons que ce soit 2; les puissances seront

Parmi ces puissances, choisissex celle qui est l'unité suivie de la fraction décimale la plus petite. Ici, nous avons 128 et 1024; cette dernière sera la plus commode.

Extrayex les racines successives de 1024, $1024^{\frac{1}{2}}$, $1024^{\frac{1}{2}}$, etc., jusqu's ce que vous arriviez à avoir l'unité suivie de 15 séros; vous aurez le logarithme de la dernière racine, d'où vous remonterez au log de 1024; etc. esuite log 1024 = $\log 2^{-1}$ = $\log 2^{-1}$.

Néper iudique brièvement cette méthode des extractions; il donne même le logarithme de 2 tronvé de cette manière. Mais l'écrit où il en parle n'a paru qu'après sa mort; Néper la devait-il à Briggs, ou l'avait-il trouvée de son côté? on n'en peut rien savoir.

On se souvient que Képler, par des extractions continuelles, est parveus au log de $\frac{1000}{500} = 3$, et qu'il a trouvé pour log 0.69514,72, parce que, dans son système, M = 1; mais, multiplies son logarithme par M ci-dessus, vous surez 0.5010.995. Ni Néper, ni Képler, ni Brigger, les uns M = 1, ou de moins à le supposer tactiennent, l'autre le trouve de 0.4543, etc. Cest ce qui résultait de leurs suppositions.

On voit que la méthode des moyennes proportionnelles avait été trouvée séparément par Képler et Briggs; rien u'empêche qu'elle n'ait été trouvée de même par Néper, dont la méthode repose tout entière sur des extractions de racines qu'il a fort adroitement remplacées par de simples soustractions.

Remarquons que les Tables de Néper, celles de Képler et celles de Briggs ont été construites par des raisonnemens et des calculs purement arithmétiques.

Ayant à faire des calculs si longs, il était tont naturel que Briggs examinât la marche que suivaient les décimales des racines successives, pour arriver à être exactement moitié de la précédente. Ayant trouvé, par exemple, les deux racines cousécutives 1-A et 1-+A' c'-apré,

il voyait que les extractions n'étaient pas poussées assez loin, puisque † A était encore plus grand que A', et que † A — A' — B était trop fort pour être néglige; il continue donc les extractions, et la suivante donne

¿ A' se rapproche de A", l'excès ressemble beaucoup au quart du précédent; le nouvel excès ou la nouvelle différence B' n'est pas tout-àfait le quart de la première différence B; il continue,

```
\begin{array}{lll} 1+A''' & 1.00000. 60(67; 25505. 5506). 80160. o5\\ +A''' & 60(69, 66510, 6857: 207105. 92\\ +A''-A'''=B'' & 1.88914. 5x576. 17055. 92\\ +B'' & 1.88935. 58009. 56160. g2\\ +B''-B''=C' & 11.05544. 59127. o2\\ +C & 11.05561. 57211. 52\\ +C -C'=D. & 116.,980845. 5. \end{array}
```

Les différences diminuent sensiblement, mais ne sont pas nulles encore; il va plus loin,

```
1 + A".....
                1.00000.30233.16950.56577.50647.04
! A'''....
                       30233,61752,76548,40080,02
. A"-A".....
                            45702.10070.80432.08
± B".....
                            45703.58144.04258.98
± B"-B"=C"....
                                1.38173.23826.00
+C'.....
                                1.58180.54800.87
£C'-C=D'.....
                                     7.51063.07
∴ D.....
                                     7.31130.28
+ D'-D'=E....
                                          66.31.
```

Les premières différences se réduisent à peu près à moitié, les secondes

au quart, les troisièmes au huitième, les quatrièmes au seisième, le tout à peu près, il est à croire que les cinquièmes seront ;.

| 1 + A' | 100000.15116.46599.90567.29504.88 |
|---|-----------------------------------|
| } A'* | 15116.58025.28288.79823.97 |
| $\frac{1}{2}$ A" $-$ A' $=$ B" | 11425.57721.50319.09 |
| ‡ B ^m | 11425.54991.70108.02 |
| ½ B" - B" | 17271.19788.93 |
| 1 C" | 17271.65478.36 |
| $\frac{1}{2}C'' - C''' = D'' \dots$ | 45689.43 |
| 1 D' | 45691.50 |
| $\frac{1}{16}$ D' \longrightarrow D" \Longrightarrow E" | 2.07 |
| - F** | 2.05 |

lci la cinquième différence est 32 sans erreur sensible; à présent, on peut obtenir A", sans nouvellé extraction et par la marche des différences:

Ajoutez 1, et vons aurez la moyenne proportionnelle sans nouvelle extraction. L'opération est longue et demande de l'attention; ce qui est inévitable quand on vent tant de chiffres; elle est du moins facile, et le devient davantage à mesure que l'on avance. Ainsi, E" = \(\frac{1}{2}\), E", pour A" sera E" 0.002
\(\frac{1}{2}\) D" \(\frac{1}{2}\) B. \(\frac{1}{2}\) C \(\frac{1}{2}\) B. \(\frac{1}{2}\) C \(\frac{1}{2}\) B. \(\frac{1}{2}\) C \(\frac{1}{2}\) B. \(\frac{1}{2

Ponr A''' = E'' = \frac{1}{18}E'' = 0, on gagne deux lignes; on aura D' = \frac{1}{18}D'', et l'opération continuera comme celle de A'''.

Briggs a mis ees différences en formules.

$$\begin{split} B^{**} &= \frac{1}{4}(A^{*})^{*}, \\ C^{**} &= \frac{1}{4}(A^{*})^{*} + \frac{1}{4}(A^{*})^{*}, \\ D^{**} &= \frac{1}{4}(A^{*})^{*} + \frac{1}{4}(A^{*})^{*} + \frac{1}{4}(A^{*})^{*} + \frac{1}{44}(A^{*})^{*} + \frac{1}{144}(A^{*})^{*} +$$

Le procédé précédent paraît bieu préférable à ces formules. Briggs ne démontre rieu, il paraît avoir trouvé le tout par le fait et d'après ses calculs; cependant, pour donner ces formules si longues, il a dù se faire une espèce de théorie empirique, dont il ne parle pas.

Il enseigne ensuite à trouver le logarithme d'un nombre premier quelconque P, par celui de son quarré P', et celui-ci par $(P^*+1)(P^*-1) = P^*-1$, quand on eonnait les facteurs $(P^*+1)(P^*-1)$. Mais pour le nombre 7, il faut encore 44 extractions de racines.

Ces recherches nous prouvent que Briggs avait éminemment l'esprit de calcul; elles nont plus pour nous d'autre intérêt que celui de curièu, cependant, ses Tables seront toujours précieuses. Mais on en a fait derniterment de beaucoup plus étendes encore, avec bien omis de trail et par des formules démontrées à priori : es sout celles du Cadaster. Malberreusement leur étende même à fait qu'elles n'ont pu encere publiées. La Bibliothèque de l'Observatoire en possède un manuscrit en 21 volumes in-folio.

Pour terminer ee qui concerne la construction des logarithmes, il donne en une page dix petites tables.

I though Coop

La 1™ donne les logarithmes de 1 jusqu'à 9.

La 2º, ceux de 11 jusqu'à 19.

La 3º va de 101 à 109.

La 4º, de 1001 à 1009.

La 5°, de 10001 à 10009.

Et ainsi de suite, en augmentant le nombre des zéros entre les deux chiffres significatifs.

Un nombre A étant donné, on peut toujours le mettre sous la forme

$$A = B(t + a)(t + b)(t + c)(t + d)$$
, etc.

Supposes d'abord A = B(1 + a) = B + aB, et faites $a = \frac{A}{B} - 1$.

Vous choisirez pour B le nombre le plus approchant de A.

Faites ensuite $b = \frac{A}{B(1+a)} - 1$, $c = \frac{A}{B(1+a)(1+b)}$, et ainsi de suite. ...

Soit A = 3041.851529; je fais

$$B = 5041$$
, $\frac{A}{B} = \frac{3041851529}{5041} = 1,000280016115$;

ainsi A == B.1000280016113, puis

$$\frac{A}{B.C} = \frac{1000380016113}{10000 = C} = 10000800001$$
, et faites enfin $\frac{10000800001}{10000800001} = 100000000000$,

vous aurez A = 5041000000 (10002) (1000008) (1000. elc.).

log B = 3041...... 5.48301.64201 log 10002..... 8.68502.1

100008...... 5.47421.7

log 5041.851529 5.48315.80124.8.
Cette table est assez rare, nous allons la copier ici.

TABLES de Brises pour trouver les lon, des nombres un peu considérables.

| 17 | TABLES de Briggs pour trouver les log, des nombres un peu considerables. | | | | |
|------|--|-----------------|-------|-------------|-----------------|
| 1** | 1 | 0.00 | 6. | 100001 | 0.00000.43429.2 |
| | | 0.30109.99956.6 | 1 1 | 100002 | 0.86858.0 |
| | 3 | 0.47719.12547.2 | 1 1 | 100003 | 1.30986.4 |
| | | 0.60205.99903.3 | 1 1 | 100004 | 1.73714.3 |
| | 5 | 0.69897.00043.4 | . 1 | 100005 | 2.17141.8 |
| | 6 | 0.77815.19503.8 | 1 1 | 100006 | 2.6c568.q |
| 1 1 | 7 8 | 0.84509.80400.1 | 8 I | 100007 | 3.03995.5 |
| l i | | 0.90308 99869.9 | l i | 100008 | 3.47421.7 |
| | 9 1 | 0.95424.25094.4 | 1 1 | 100009 | 0.00003.90847.4 |
| 20 | 11 | 9.04139.26851.6 | 70 1 | 1000001 | 0.00000.04349.9 |
| | 12 | 0.07918.12460.5 | 1 ' 1 | 1000003 | o8685.g |
| 1 1 | 13 | 0.11304.33523.1 | 11 | 1000003 | m13028.8 |
| 1 | 14 | 0.14612.80356.8 | H 1 | 1000004 | 17371.7 |
| | 15 | 0.17609.12590.6 | 1 | 1000005 | 21714.7 |
| | 16 | 0.20411.99826.6 | B [| 1000006 | 26057.6 |
| 1 | 17 | 0.23044.89213.8 | 9 I | 1000007 | 30400.5 |
| 1 1 | 18 | 0.95527.95051.0 | H I | 1000008 | 34745.4 |
| | 19 | 0.27875.36009.5 | | 1000009 | 0.00000.39086.3 |
| 3* | 101 | 0.00439.13737.8 | 8º 1 | 10000001 | 0.00000.00434.3 |
| 1 | 109 | 0.00860.01717.6 | | 10000002 | 00868.6 |
| | 103 | 0.01283.72247.1 | 1 | 10000003 | 01309.9 |
| 1 | 104 | 0.01703.33393.0 | | 10000004 | 01737.2 |
| 1 | 105 | 0.02118.92990.7 | | 10000005 | 09171.5 |
| | 106 | 0.08530.58652.6 | 0 1 | 100000006 | 02605.8 |
| | 107 | 0.02938.37776.9 | N 1 | 10000007 | 03040.1 |
| | 108 | 0.03349.37554.9 | 1 ! | 10000008 | 03474.4 |
| - | 109 | 0.03742.64979.4 | | 100000009 | 0.00000.03908.6 |
| 4* | 1001 | 0.00043.40774.8 | 9. | 100000001 | 0.00000.00043.4 |
| | 1009 | 86.77215.3 | " | 100000009 | 00086.9 |
| | 1003 | 130.09330.2 | 1 | 100000003 | 00130.3 |
| 1 | 1004 | 173.37128.1 | 1 1 | 100000004 | 00173.7 |
| 1 | 1005 | 216.60617 6 | 1 | 1000000005 | 00317.1 |
| | 1006 | 259.79807.2 | 11 1 | 1000000006 | 00260.6 |
| 1 | 1007 | 309.94705.5 | 1 | 100000007 | 00304.0 |
| 1 | 1008 | 346.05321.1 | 1 1 | 1000000008 | 00347.4 |
| | 1009 | 389.11662 4 | - | 1000000009 | 0.00000.00390.9 |
| 5* | 10001 | 0.00004.34272.8 | 100 | 1000000001 | 0.00000.00004 3 |
| li . | 10002 | 0.00008.68509.1 | 11 | 1000000003 | 08.7 |
| li . | 10003 | 0.00013.02688.1 | 1 | 1000000003 | 13.0 |
| I I | 10004 | 0.00017.36830.6 | 11 | 1000000004 | 17.4 |
| l | 10005 | 0.00021.70029.7 | 1 | 10000000005 | 21.7 |
| | 10006 | 0.00026.04985.5 | 11 | 1000000005 | 25.1 |
| | 10007 | 0.00030.38997.8 | II i | 1000000007 | 30.4 |
| H | 10008 | 0.00034.72966.9 | 11 | 1000000008 | 34.7 |
| | 10009 | 0.00039.06892.5 | 11 | 1000000009 | 0.00000.00039.1 |

On voit que la rot table est la même que la 97, à la réserve que Jous les nombres significatifs en sont les dixièmes, ou sont reculés d'un rang vers la droite. On aurait la 11°, en reculant les nombres de la 10° d'un rang vers la droite; ainsi, log 10000000000 serait 0.00000.0005.91, et ainsi des autres.

Pour la 12°, log 10000000000 serait 0.00000.0000.591; à la 13°, on aurait toujours 11 ou 12 zéros après la caractéristique.

Ce que les géonètres ont fait depuis, pour simplifier et compléter la théorie des logarithmes, n'est pas de notre sujet; il nous suffit d'exposer l'histoire et les principes des tables dont se servent les astronomes; et, pour atteindre notre but, il nous reste à parler des Tables des sinus et tangentes logarithmiques de Briggs.

C'est au XVI chap. de sa Trigonométrique, qu'il expose les mo yens dont il s'est servi. Il parte de Néper, de Benjaminus Ursinus, et il ajoute : Ego vero ipsius inventoris primi cohortatione adjutus, alios logarithmos applicandos censui, qui multo faciliorem usum habent et præstantiorem.

Il suppose le rayon 100000.00000, et lui donne pour logarithme 10.0000.00000.0000; par ce moyen, tous les logarithmes sont positifs ct sans fraction

Il cherche d'abord directement les sinns des 72 arcs qui drissent le quart de cercle en parties égales, c'est-à-dire de tous les arcs de 1°15' en 1°15'; par son théorème de quintisection, il en déduit les sinus de tous les degrés, de tous les demi-degrés et de tous les centiemes de degrés. Le procédé qu'il suit dans cette interpolation, est le même qu'il avait employ è pour les langentes et les sécantes en nombres naturels, et dans lequel les différences moyennes se corrigent par le simple soustraction. Nous naterons ailleurs de ces tables en nombres naturels.

Les mêmes moyens serviraient pour les sinus logarithmiques des millièmes de degré.

Vers le commencement de la table, les différences des sinus logarithmiques sont énormes, et la règle de quintisection ne serait pas asses exacte. Il y a suppléé par la formule

$$a\sin \frac{1}{4} A \cos \frac{1}{4} A = \sin A \quad \text{ou} \quad \sin \frac{1}{4} A = \frac{\frac{1}{4} \sin \frac{A}{A}}{\cos \frac{1}{4} A} = \frac{\sin 30 \operatorname{séc} A}{\cos \frac{1}{4} A},$$

qui donne les sinus depuis o° jusqu'à 45°, quand on a les sinus depuis 45° jusqu'à 90°. Il n'y a ancone difficulté pour

log tang = log sinus - log cosinus, log.cot = compl. arithm. log.tang, log séc = compl. arithm. log.cosin, log coséc = compl. arithm. log.sin.

Vlscq, en donant nos édition de son Arithmétique logarithmique, dans laquelle il savit rempil la sauce entre 2000 cet 2000, avait en dans laquelle il savit rempil la savit en de construction de la table par les différences de plauieurs ordres. Esgigas es plaigni de cette suppression, dans laquelle il vit peut-être l'intention de le dépositler de l'invention de cette méthode des différences.

On ne voit pas quel intérêt anrait pu monvoir Vlacq; il crut tout simplement que ce chapitro n'était pas d'une nécessité indispensable, et il a craint de grossir le volume. Cette méthode des différences était dans Viète, mais d'une manière obscure; Briggs la développée ct améliorée, sans la porter cependant à as perfection. Ses moyens sont pénibles, il ne les a pas démontrés, en sorte qu'il est assez difficile de déterminer ce qu'il avait déconvert et ce qu'il a signeré.

Vlacq avait ajouté à son édition 70000 logarithmes, réduits, à la vérité, à à 10 décimales; il avait ajouté la table des sinus, tangentes et sécantes de Briggs, avec leurs logarithmes; mais pour les minutes et non pas pour les centièmes de degrés. Dans cette table, il n'a conservé de même que 10 décimales.

Vlacq a donné de plus, la table des sinus et des tangentes logarithmiques à 10 décimales, pour tons les arcs de 0 en 10°; et clette édition, plus commode pour les astronomes, a peut-être empéché la révolution commencée par Briggs, d'après l'idée de Viète, qui voulait tout ramener au calcul décimal, en ne conservant de l'ancienne méthode, que la division du cercle en 560°, ce qui devait contenter tout le moute.

Avant de retourner à Képler, disons un mot d'Ursinns,

Benjamini Ursini, mathematici electoralis Brandenburgici, Trigonometria, cum magno Logarithmorum canone. Coloniæ, 1624 et 1625.

L'auteur a supposé le rayon 100000.000; mais dans la construction de ses tables il a mis huit zéros de plus : les arcs y sont de 10 en 10" pour tout le quart de cercle.

Connaissant les cordes de A, 2A, 3A, pour trouver les cordes de 5A, il emplore le quadrilatère inscrit; nons ferions

 $\sin 5A = \sin (5A + 2A) = \sin 5A \cos 2A + \cos 5A \sin 2A;$ Hist. de l'Astr. mod. T. I.

The start of Control

on aurait, par des moyens semblables, les sinus de 7A, 11A et tous ceux du quart de cercle. Ursinus avoue qu'il a pris dans les livres publiés avant le sien, tous les procédés qu'il indique pour les sinus naturels.

La construction de sa Table logarithmique est fondée sur les mêmes principes que celle de Néper. On y trouve plus d'exactitude, parce que les opérations fondamentales ont été faites avec plus de chiffres, et avec plus de soin.

Sa Trigonométrie est celle de Néper.

Ses Tibles ont été réimprimées par Schulze, dans ses Tables triçonométriques. Betlin, 1778. Schulze leur a conservé tonte leur étendue, pour les trois premiers degrés; mais pour le reste du quart de cercle, il ne les a données que de minute en minute. Il a de plus supprimé les différences qu'Ursinus avait placées entre les logarithmes.

Ursinus place le sinus naturel à côté de son logarithme; on y voit clairement que vers 90°, le logarithme du sinus est le complément arithmétique de ce même sinus : c'est ce dont on peut se convaincre par l'extrait ci-joint :

| Arcs. | Sinus- | Logarithmes. |
|----------------------|--------------------|--------------|
| 89° 59′ 60° | 1,00000,000 | 0.00000.000 |
| 50 | 1.00000.000 | 000 |
| 40 30 | 1.00000.000 | 000 |
| | 0.99999.999 | 1 |
| 90 | 0.99999.998 | 9 |
| 10 | 0.99999.997 | 3 |
| 89.59. 0 | 996 | 4 |
| 89.58.50 | 994 | 6 8 |
| 40 30 | 992 | |
| | 990 | 10 |
| 90 | 988 | 19 |
| 10 | 986 | 14 |
| 8g 58. o | 983 | 17 |
| 89.57.50 | 980 | 90 |
| 50 | 977 | · 23 |
| | 974 | 96 |
| 20 | 972 | 3o |
| 10 | 966 | 84 |
| 89.57. 0 89.56.50 | . 962 | 38 |
| 89.56.50 | 958 953 | 42 |
| 30 | 953 | 50 |
| | | - 50 |
| 80 | 943 0.99999.938 | 67 69 |
| 10 | 0.99999.938 | 69 |
| 89.56. 0 | 0.99999 932 | 68 |

Cette correspondance parfaite se soutient jusqu'à 89*11'50" où l'on aperçoit une différence d'une unité dont le logarithme surpasse le complément arithmétique. A 89*7/50", ou voit pour la première fois une différence de deux parties:

- à 88° 47' 50" on voit 3 parties de plus au logarithme.
- 88.43. o 4
 - 88.5g. o 6
 - 88.51.40 7

88.24.50 8. On se rappelle que $\log \sin A > \iota - \sin A$,

et < coséc A - 1.

On voit que les logarithmes augmentent quand les tinus diminent; ainsi, il ne faut pas prendre ces logarithmes népériens pour les logarithmes hyperboliques des siaus, comme le dit Schulze dans les ditres de tontes ses colonnes. Et si l'on voulait faire en calcul trigonométrique au moyen de ces tables, il fautris liben se graére de les combiner avec les logarithmes hyperboliques de Wolfram, qu'on trouve dans le méme recueil.

Construction des Tables.

Eucore quelques remarques sur les Tables logarithmiques, pour ne plus revenir sur ce sujet.

Nous avons dit par quelle voie longue et pénible Briggs est parvenu à se constante M qui lui sert à trouver les logarithmes de tous les nombres premiers. Il a avait pu donner à cette constante qu'une exactitude bornée; sa dix-septième décimale était en erreur de 2½. Voyons comment on peut déterminer à priori cette constante avec une exactitude indéfinie.

Les denx séries les plus simples que l'on pnisse faire coucourir à l'établissement d'un système de logarithmes, sont sans ancun doute celles qu'Archimède avait employées dans une recherche à peu près analogue,

10°: 10': 10': 101: 104 etc. ,

qui donnent sux nombres 1, 10, 100, 1000, 10000, etc., les logarithmes...... 0. 1. 2. 5. 4. etc.;

mais au lieu de cette progression arithmétique, rien n'empêche d'employer la suivante : o a, 1a, 2a, 3a, 4a, etc., o. a. 2a. 3a. 4a. etc.;

on conservera à l'unité le logarithme o, le logarithme de 10 sera a, a étant un nombre tout-à-fait arbitraire. Tous les logarithmes de la série primitive se trouveraient multipliés par la constante a.

Néper a donné arbitrairement les logarithmes o et 1 aux deux premiers termes d'une suite de sinus décroissant en progression géométrique. Il a dù trouver pour le logarithme de 10 un autre nombre que 1. Soit a ce nombre.

Néper et Briggs de concert ont reconsu depnis, qu'il serait plus commode de donner les logarithmes o et 1 aux mombres 1 et 10, qui sont les premiers d'une autre progression. Ce nouveau système exigeait que le logarithme de 10 füt 1, au llieu de a ji fallait diviser a par a, pour avoir l'unité au quoiient; il fallait diviser par a tous les logarithmes primitifs, pour avoir exus du nouveau système.

Or, quel diair ce nombre a ou le logarithme to dans le système de Néper; il ne se trouve pas dans as Table de siuns, car aucun sima n'est égal à 10. Mais ouvrons la Chiliade de Képler, nous y trouverons que 3.505.85 cas le logarithme de 10 00000, écsi-à-dire celul die 100, puisque Képler, pour éviter les fractions, a partout sjouté 4 zéros. Dans on système ertograde, nous avons va que le logarithme d'un nombne a est réellement $\log \binom{1000}{2}$ du système direct; or, $\frac{1000}{1000}$ i oj, ci donc le logarithme 2.5053.55 de Képler, est réellement le logarithme de 10. De plus, nous avons vu-clessus, p. 61, 6, que Képler avait déterminé directement le logarithme de 10. de 1000 de 10

 $\frac{1}{a} = \frac{1}{a.50258.51345} = 0.4542951$ à peu pres; c'est par ce nombre qu'il aurait fallu multiplier les logarithmes du système primitif pour avoir ceux du nouveau système.

Réciproquement, pour convertir les nouveaux logarithmes en logarithmes anciens, il aurait suffi de les multiplier par 2.30258.1345.

Voilà ce qu'on aurait pu faire, si les logarithmes de Néper eussent été calenlés avec plus d'exactitude, Voilà ce qu'on pouvait faire sur les logarithmes de B. Ursinus, on aurait eu des sinus avec 8 ou 9 décimales exactes, ce qui suitit pour les usages ordinaires.

Briggs préféra de tout recommencer. Nous avons donc des tables calenièes directement dans chaeun des deux systèmes; elles peuvent so vérifier les unes par les autres; elles vont nous prouver par le dit l'exactitude da précepte qui sert à les convertir d'un système à l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces conversions exigent une attention de plus de l'autre, mais ces de l'autre,

Dans la marche rétrograde qu'il avait adoptée, Néper avait du regarder comme négatifs ess logarihmes des sinas; illes considérs comme positifs, ce qui était sans incouvénient, quand on ne sortait pas de son systèmes. Ses logarithmes pris positivement, sont ceux des cocécantes. Done en convertissant un sinas de Néper ou d'Ursinas, pous aurons le logarithme de la cosécante; et pour avoir celai du sisuus, il en faudra prendre le compférment arithmétique.

On sait par exemple que sinus 50°=; et coséc 50°=2.

Suivant Ursinus, le log sin 30°... 0,69314718, ce doit être le log de 2.

La Table de Wolfram donne log 2. 0,69314718.05599.45509 etc.; ce logarithme avait done 8 décimales très exactes.

| Voici le calcul de conversio | n.o.6 2 | 6057.66891.4 |
|------------------------------|---------|--------------|
| | 9 | 5908.65053.7 |
| | 5 | 130.28854.4 |
| | 1 | 4.34294.4 |
| | 4 | 1.73717.7 |
| | 7 | 50400.6 |
| | , | 454.2 |
| | | 8 347.4 |
| | | |

| log 2 | 0.30102.99934.19 | |
|----------------------|---------------------------|-----|
| il est véritablement | 0.30102.99956.63981.19521 | etc |
| Néper le fait | 6.30102.9995, | |

peut-etre l'avait-il trouvé de cette manière. Le logarithme tiré d'Ursinus avait donc neuf bonnes décimales, la dixième était trop faible de 2.44081.19521.

F Compl. arith. log 2 ou log sin 30° 9.69897.00045.81 d'après Ursinus; il est selon Briggs....... 9.69897.00043.3602.

La conversion par 0,434294 nons prouve que les erreurs d'Ursinus seront réduites à moins de moitié, et qu'ainsi ses huit décimales en donneront souveut 9.

ASTRONOMIE MODERNE

| | Essaye | z la même épreuve sur sin 43° | 0.58272.805 |
|--|-----------|-------------------------------|--------------------|
| | vous aure | z coséc 45° | 0.16621.66714.99 |
| | sin 43° | | 9.83378.33285.01 |
| | suivant B | riggs | 9.83378.33303.5054 |

EE-

différence...... 0.00000.00018.4932.

Les log tangentes par cette multiplication deviendront ceux des cotangentes, et réciproquement

Pour donner à ces conversions toute l'exactitude qu'elles peuvent avoir, il faut avoir K avec un plus grand nombre de décimales. Or, $K = \frac{1}{\log_2 \ln d_2} \hat{\epsilon}_1$ il faut donc chercher log to dans l'ancien système. Or, par la combinaison de plusieurs formules de Borda, j'ai trouvé

$$\begin{split} \log 10 = a + a & \left(\frac{\frac{1}{9} + \frac{1}{5.9^2} + \frac{1}{5.9^3} + \frac{1}{7.9^3} + \frac{1}{9.9^3} + \frac{1}{11.9^6} + \text{etc.}}{\frac{1}{5.9} + \frac{1}{5} \cdot \frac{1}{9^4} + \frac{1}{7.9^3} + \frac{1}{9.9^4} + \frac{1}{11.9^5} + \frac{1}{15.6^9} + \frac{1}{15.9^7} + \text{etc.}} \right), \end{split}$$

expression dont la loi est évidente, et qu'on peut continuer à volonté. Elle ne dépend que des puissances de ;, puissances qui se forment et se vérifient avec la plus grande facilité, puisque

$$\frac{1}{9^{10}} + \frac{1}{9^{10}} = \frac{9}{9^{10}} + \frac{1}{9^{10}} = \frac{10}{9^{10}};$$

ainsi la somme de deux puissances consécutives est égale à 10 fois la dernière de ces deux puissances. (Voyes la Préface que j'ai mise aux Tables de Borda, p. 68.)

En m'arretant à $\frac{1}{9}$, j'ai obtenu dix décimales exactes. Par des moyens équivalens, mais poussés heaucoup plus loin, Wolfram a trouvé a=log 10=2.50258.50929.94045.68401.79914.54684.56424.76011 01488.509

d'où par la simple division

K == 0 : 45429 : 44819 : 05251 : 82765 : 1 1289 : 18916 : 60508 : 22945 : 97005 809 ;

un adh Coos

le log vulgaire de K réduit à 20 décimales, est

En comparant ces valeurs de a et de K an logarithme 10, tiré de ha Table de Képler et à la valeur M que Brigga s trouvée par les extractions de 54 racines, on verra que Képler se trompait de 0.00000.0011, sur le log de 10, et Briggs de 0.00000.00000.00000.00050, 11369 etc. Los sur la valeur de M; cette exactitude lui suffissit, puisqu'il ne voulait que 14 décimales, qui suffissent en effet.

Pour ce qui suit, il serait très utile de se former une table des multiples et des sous-multiples de K. Avec ces moyens, il sera facile de calculer le logarithme d'un nombre quelconque n par la formule

$$\log(n+dn) = \log n + K \left[\frac{dn}{n} - \frac{1}{n} \left(\frac{dn}{n} \right)^2 + \frac{1}{3} \left(\frac{dn}{n} \right)^3 - \frac{1}{4} \left(\frac{dn}{n} \right)^4 + \text{etc.} \right].$$

Soit d'abord n=1, dn=1; cette formule deviendra

 $\log 2 = 0 + K(1 - \frac{1}{4} + \frac{1}{3} - \frac{1}{4} + \frac{1}{3} - \text{etc.}) = K(\frac{1}{4} + \frac{1}{14} + \frac{1}{32} + \frac{1}{34} + \frac{1}{34} + \frac{1}{34} + \text{etc.}),$ série bien facile, mais qui serait encore bien longue à calculer.

Mais faites alternativement

dn=+1 et dn=-1, n=10, =100, =1000, =10000, =100000, etc. successivement, vous aurez, par les opérations les plus faciles et les plus courtes,

 $\begin{array}{l} \log g=5^*, \log 11, \log 9g=11.9, \log 101, \log 9g=9.111=9.5.57=55.57, \\ \log 1001=7.11.15, \log 9g99=9.1111=9.11.101, \log 10001=75.57, \\ \log 9g999=9.11111=9.41.271, et \log 100001=11.9091. \end{array}$

Soit da=±1; vous aurez généralement

$$\begin{split} \log(n+1) &= \log n + \frac{K}{n} - \frac{K}{n} + \frac{K}{3n} - \frac{K}{4n^4} + \text{etc.}, \\ \log(n-1) &= \log n - \frac{K}{n} - \frac{K}{n} - \frac{K}{3n} - \frac{K}{4n^4} - \text{etc.}, \\ \log(n+1) + \log(n-1) &= 2\log n - \frac{2K}{n} - \frac{K}{3n} - \frac{K}{4n^4} - \text{etc.}, \\ &= 2\log n - \frac{2K}{n} - \frac{K}{3n} - \frac{K}{3n^4} - \text{etc.}, \\ \log(n+1) + \log(n-1) &= 2\log n - \frac{2K}{n} - \frac{K}{3n} - \text{etc.}, \\ \log(n+1) + \log(n-1) &= \log n - \frac{K}{n} + \frac{K}{3n} - \frac{K}{3n^4} - \text{etc.}, \end{split}$$

$$\log(n+1) - \log(n-1) = \left(\frac{aK}{a} + \frac{aK}{3a^2} + \frac{aK}{5a^3} + \frac{aK}{7a^3} + \text{etc.}\right),$$

$$\frac{\log(n+1) - \log(n-1)}{a} = K\left(\frac{1}{n} + \frac{1}{5a^3} + \frac{1}{5a^3} + \frac{1}{7a^3} + \text{etc.}\right);$$

toutes ces formules ont leur utilité, on peut sur-tout tirer uu grand parti de la formule

$$\begin{array}{l} 2\log n - \log(n+1) - \log(n-1) = K\left(\frac{1}{n^2} + \frac{1}{2n^4} + \frac{1}{5n^4} + \frac{1}{6}n^4 + \text{etc.}\right). \\ \text{Soit par exemple } n = 9, \ (n+1) = 10, \ (n-1) = 8, \text{ et vous aurez} \\ \log 8 = 3\log 2 = 2\log 9 - \log 10 - K\left(\frac{1}{6^3} + \frac{1}{2.6^4} + \frac{1}{2.5^4} + \frac{1}{4.5^4} + \text{etc.}\right), \end{array}$$

formule dont le calcul à 20 décimales occupe à peine une demi-page. Vous auriez de même log 7 par la formule un peu moins convergente

$$\log 7 = 2 \log 8 - \log 9 - K \left(\frac{1}{8^4} + \frac{1}{8 \cdot 8^4} + \frac{1}{5 \cdot 8^4} + \frac{1}{4 \cdot 8^4} + \text{etc.} \right)$$

mais on aura moins de travail par la formule plus convergente log 08 = log (2.49) = log (2.7°)

$$= 2 \log 99 - \log 100 - K \left(\frac{1}{99} + \frac{1}{2 \cdot 99^4} + \frac{1}{5 \cdot 99^6} + \text{etc.} \right);$$

nous avons déjà log 3=10gg, nous aurons les logarith. de 2, 5, 4=2°, 5=1°, 6=5.2, 7, 8=2°, 9 et 1); le nombre premier qui vient après 11 est 13, mais log 15=log 1001-log 7.11=log 1001-log 77,

$$\begin{split} & \log 17 = \log 18 + \log 16 - K\left(\frac{1}{127} + \frac{1}{a_1 27} + \frac{1}{3 127} + \text{etc.}\right), \\ & \log 54 = \log (a_1 17) = \log 55 + \log 53 + K\left(\frac{1}{364} + \frac{1}{a_1 347} + \frac{1}{3 134} + \text{etc.}\right), \\ & \log 51 = \log (5 \cdot 17) = \log 52 + \log 50 + K\left(\frac{1}{317} + \frac{1}{a_1 317} + \frac{1}{3 137} + \text{etc.}\right), \\ & \log 100 = \log (2 \cdot 15) = 3\log (2 \cdot 15 \cdot 17) \\ & = 3\log 100 - \log 100 = 0 - K\left(\frac{1}{1027} + \frac{1}{a_1 317} + \frac{1}{3 1027} + \text{etc.}\right), \\ & \log 100 = \log 2 - \log 2 - \log 2 - K\left(\frac{1}{3627} + \frac{1}{a_1 327} + \frac{1}{3 1027} + \text{etc.}\right). \end{split}$$

Nons aurious les logarithmes de chacun des nombres premiers de plusieurs manières au moyen des logarithmes des deux nombres voisins; on calculerait de cette manière les logarithmes de tous les nombres premiers jusqu'à cent. Si la première centaine nous offre tant de ressources et de vérifications, on conçoit que la suite nous offrira plus de moyens encore. Les nombres premiers deviendront plus rares et les opérations plus convergentes par l'augmentation progressive des diviseurs.

Jusqu'ici, nous n'avons employé que deux logarillmes connus pour en déterminer un troisième; il est des formules pour en avoir un quatrième par trois autres, un cinquième par 4, un sixième par 5, etc. Foyez les préfaces des Tables de Borda.

On pourrait commencer la table à 10000, dont le logarithme est 4; on aurait tons les logarithmes snivans, en calculant d'avance les différences de plusieurs ordres. Ainsi, pour 10000 j'ai trouvé

$$\Delta' = 0.00004.54272.76862.66963.8,$$
 $\Delta' = -0.00000.00043.42944.81603.2,$

ou généralement

$$\Delta' = K\left(\frac{1}{n} - \frac{1}{2n^2} + \frac{1}{3 \cdot n^3} - \frac{1}{4n^4} + \text{etc.}\right),$$

$$\Delta^* = -K\left(\frac{1}{n^2} + \frac{1}{2n^2} + \frac{1}{3n^3} + \frac{1}{4n^4}\right);$$

il sustit de ces deux ordres. Voici un exemple :

Je calcule à 18 décimales pour en avoir 15 ou au moins 14.

On ne place le Δ qu'après avoir fait l'addition du Δ' ; le Δ ne sert qu'à calculer le Δ' snivant.

En comparant notre 14° décimale à celle de Briggs, on voit que ses logarithmes n'ont guère que 15 décimales qui soient sures; on en a des preuves nombreuses dans les tables à 20 décimales, qu'on trouve dans plusieurs ouvrages modernes, notamment dans Callet.

Nota. Disons en passant que les formules si commodes et si élégantes, de $\log (n+1)$ et $\log (n-1)$, ou plus généralement $\log (n+da)$ et $\log (n-da)$ sout, l'une de Mercator et l'autre de Wallis, toutes les autres en sont de simples corollaires.

| 10000 | 4.00000.00000.00000.000 | | 14º décim. |
|----------------|---|--------------------------|------------|
| Δ' | 4.34272.76862.669 | pour 10000 | de Briggs. |
| 10001 | 4.00004.34272.75862.669 | | 7 |
| Δ1 | 4.34229.34786.269 | bont 10003 | |
| 10002 | 4.00008.68502.11648.938 | Post 10002 | 6 |
| Δ, | 4.34.85.93578.081. | pour 10009 | |
| Δ° | 4.00013.02688.05227.019 | pour 10003 | |
| Δ4 | 4.34:42.53237.810 | pour 10003 | |
| Δ ¹ | - 43.39472.627 4.00017.36830.58464.829 | pour 10004 | 7 |
| Δ1 | 4.34099.13765.183 | pour 10004 | ′ 1 |
| Δ* | - 43 386o5.156 | pour 10005 | 3 |
| 16005 Δ1 | 4.00091.70929.79230.012 | pour 10005 | 3 |
| Δ* | - 43.37738.040 | pour 10006 | |
| 10006 | 4.000a6 04985,47390,039 4.34012.37431.987 | pour 10006 | 9 |
| Δ, | - 43.36871.175 | pour 10007 | |
| 10007 | 4.00030.38997.84818.026 | pour 10007 | 2 |
| Δ. | - 43.36004.456 | pour 10008 | |
| 100c8 | 4.000 ³ 4.72966.85362.838 4.33925.64546.356 | pour 10008 | 7 |
| Δ3 | - 43.35138.146 | Done 10000 | |
| 10009 | 4.00039.06892.49909.194 | | 2 |
| Δ' | 4.33882.29408.210 | pour 10009 pour 10010 | |
| 10010 | 4.00043.40774.79317 404 | | 2 |

Par cette méthode, le calcul d'une table de 10000 à 100000 se réduirait au calcul de la formule

$$\Delta^s = -\left(\frac{1}{n^s} + \frac{1}{2n^3} + \text{etc.}\right) = -\frac{K}{n^s}\left(1 + \frac{1}{2n^3}\right);$$

car le terme $\frac{K}{S_{th}}$ commencerait par 24 zéros après le point. On trouvers chemin faisant bien des vérifications dans les multiples des nombres de la première centaine, dont cuous supposons les logarithmes calculés d'avance; mais, pour plus de séreté, il convient de calculer un Δ' de distance en distance, comme de too en 100 termes.

Nous n'en dirons pas davantage; il nous suffit d'avoir montré comment les formules modernes ont simplifié le travail. Pour les grandes tables du Cadastre, M. de Prony a préféré de pousser le calcul des différences jusqu'à Tordre où elles sont sensiblement constantes pour 100 ou 200 termes. Briggs en avait donné l'exemple, mais ses formules étaient peu exactes, et îl y faissit des corrections empiriques. Il fallai en outre calculer de distance en distance les à des ordres précédens; alors toute la besogne se réduisait à des soustractions et des additions. Ce plan couvenait mieux à un célabissement composé d'un grand nombre de calculateurs y les plus habiles calculaient les têtes de chaque colonne, îl ne restait aux autres coopérateurs que des additions ou des soustractions. Ce moyen était presque aussi simple et bien plus exact que celui de Néper.

L'impression des Tables du Cadastre était commencée; les orages de la révolution foin fait suspendre, acra-l-elle jamais reprire? au reste, nous avons les Tables de Briggs à 14 décimales, ce qui suffit de reste. Vlacq, en réimprimant les Tables de Briggs, les a réduites à 10 décimales; mais il a donné sans interruption les cent mille logarithmes des nombres; il a étenda aux dixaines de seconde les logarithmes des sious et des tancentes.

Les Tables de Vlacq ont été réimprimées par Véga, sous le titre : Thesaurus logarithmorum completus. Leipsite, 1794, un vol. in-folio,

avec une introduction où l'on trouve nombre de formules utiles; il y a joint les logarithmes naturels de Wolfram, de t à 10000 à 48 décimales, avec des tables des multiples de K, pour les convertir en logarithmes vulgaires : é'est un recueil précieux, dont on fait cependant peu d'usage.

Gardiner a réduit les logarithmes de Vlacq à sept décimales; il y a joint les sinus de seconde en seconde pour les 72 premières minutes. Loudres, 1742, un vol. in-4°. Ces Tables, plus portatives, out fait négliger toutes celles qui les avaient précédées.

Elles ont été réimprimées à Avignon en 1770, par les soins de Pézénas, qui a donné les sinus et les tangentes de seconde en seconde pour les quatre premiers degrés. Mouton les avait calculées à 10 décimales, et Lalande en avait envoyé une copie à Pézénas.

Michel Taylor a donné les logarithmes sinus et langentes à 7 décimales pour toutes les escondes du quart de cercle. Ces tables out pare à Londres en 1793, avec une préface de Maskelyne; elles ont été trouvées peu commodes, soni à cause du format, qui est un petit et large in-folio, soit à cause des différences, qu'on a neighige de joindre aux logarithmes, soit enfin per un arrangement qui, pour meuager la place, a partagé chaque logarithme en deux parties, qu'on est obligé de prendre s'éparrément.

En 1953, Callet avait donné une édition portaire des Tables de Gardiner. On y trouvait les simes el tes tangentes, de seconde en seconde, pour les deux premiers degrés. Ces tables étaient stéréotypes; elles eurent beaucoup de succès, quoiqu'on en trouvait le caractère un pen fin. 1795 il en donna une nouvelle édition, qui n'avait pas cé défaut; les sinns et les tangentes y sont de seconde en seconde, pour les cinq premiers degrés. Ces tables me parsissent les plus commodes qui existent; et comme on en conserve les planches, on peut y corriger les fautes à messure m'on les découvre, et elles finition par être parhite.

L'auteur y a joint une table de sinus et de tangentes, pour la division centésimale du cerele; il austit du la mettre à la fin du volume, ois elle ciù été moins génante; mais comme elle en occupe le milien, c'est toujours ce qu'on reacontre d'abord à l'ouverture du livre, quand on cherche autre chose. Cette table est d'ailleurs trop peu étendue et d'une disposition neu commonde.

Les Tables de Borda, pour cette nouvelle division du cercle, sont infiniment préférables; le titre est :

Tables trigonométriques décimales..., précédées de plasieurs tables abudiaires caluétée par J.-R.-J. Delambre. Paris, an IX. On y trouve les logarithmes des nombres de 10000 à 100000; les sinus, les tangentes, et les sécantes logarithmiques, de 10° en 10° centésimales, pour les trois premiers et les trois derniers degrés, et de minute en minute pour le rette du quart de cercle; elles sont done mois étendues que celles de Callet; c'était un inconveiaient inévitable. La minute centésimale vaut 52°, 24 de l'ancienné division; il aurait fallu triplet le volume pour les avoir de 10° en 10°, ce défaut est plus grand encore dans les Tables de Briggs, paisque le centième du degré est de 50°, de

L'auteur étant mort avant que l'impression fait achevée, j'ai complété la préface, qui était restée imparfaite; j'ca ai sjouté une seconde, oi je donne plus de détails sur la construction des tables; j'ai multiplié les tables subsidiaires et donné tous les moyens pour calculer des tables centésimales à 10 bonnes décimales, pour toutes les dixaines de acconde du quart de cercle.

Les Tables de M. de Prony sont de 10" en 10", à 12 décimales, avec trois ordres de différences pour l'interpolation; les logarithmes des nombres y vont jusqu'à 200000; les dix premiers mille ont un plus

grand nombre de décimales. Voyez, au reste, le Rapport fait à la classe des Sciences, tom. V des Mémoires de l'Institut.

Les Tables de MM. Hobert et Beler, qui ont para à Berlin, en 1993, ont la même étende que celle de Bords, elles sout nême plus commodes à plusieurs égards; elles m'ont para d'une correction et d'une exactimate rare, le caractère est net et bien hisblie; mais on a omis les logarithmes des nombres, sinsi que les logarithmes des sécantes et les tables des parties proportionnelles dans letquelles Bords tensit compte des différences seçondes; en revanche, on y trouve les siuus et les tangentes en nombres sustrués le format est is-59.

Les Tables de Gardiner ont été réimprimées deux fois à Florence, par MM. Canovai et Del. Ricco, avec les sinus et les tangentes en nombres naturels, mais pour les minutes seulement.

Telles sont les tables les plus connues. On a souvent réimprimé les Tables de Sherwin, en Angleterre, et celles de La Caille, en France. Lalande a donné une jolie édition stéréotype des tables trigonométriques avec cinq décimales, et pour les minutes seulement.

Retournons à Képler, et parlons de ses Tables Rudolphines.

Tabulæ Rudolphinæ quibus Astronomicæ scientiæ temporum longinquitate collapsæ, restauratio continetur. A Phenice illo astronomorum Tychone, ex illustri et generosa Braheorum in regno Daniæ familia oriundo equite, primum animo concepta et destinata anno Christi 1564; exinde observationibus siderum accuratissimis, post annum præcipue 1572, quo sidus in Cassiopeiæ constellatione novum effulsit, serio affectata; variisque operibus, cum mechanicis, tum librariis, impenso patrimonio amplissimo, accedentibus etiam subsidiis Friderici II, Daniæ regis, regali magnificentia dignis, tracta per annos XXV potissimum in insula freti Sundici Huenna et arce Uraniburgo, in hos usus à fundamentis extructa; tandem traducta in germaniam inque aulam et nomen Rudolphi imperatoris anno 1598. Tabulas ipsas jam et nuncupatas et affectas, sed morte authoris sui anno 1601 desertas, jussu et stipendiis fretus trium imperatorum, Rudolphi, Mathiæ, Ferdinandi, annitentibus hæredibus Bruheanis, ex fundamentis observationum relictarum, ad exemplum fere partium jam exstructarum, continuis multorum annorum speculationibus et computationibus, primum Pragæ Bohemorum continuavit, deinde Lincii superioris Austrice metropoli, subsidiis etiam illustr. provincialium adjutus, perfecit,

absolvit stope ad causarum et calculi perumis formulam traduxii Joannes. Keplerus, Tychoni primum à Rudolpho II, imp. adjunctus calculi minister, indeque trium ordine imp. Mathematicus; qui idem speciali mandato Ferdinandi II, imp. petentibus instantibusque havedibus, opus hoc ad usus presentium et posterituits, typis numericis propriis, cateriste predo Jona Saurii, reipub. Ulmanu typographi, in publicum extulit et typographicis operis Ulme cantor offiui. Cum privilegis is Imperatorum et Regun rerumque publicarum vivo Tychoni ejusque herechbus et speciali imperatorio jusi Keplero concesso ad annos XXX, anno 1527.

Ce titre est une notice historique où Képler s'efforce de rendre à chacun ce qui lui appartient, et à satisfaire tous les amours-propres; et c'est pour cette raison que, malgré ses longueurs, nous l'avops rapporté en entier.

Dans l'épitre dédicatoire des enfans de Tycho, on voit qu'is étaient au nombre de 6, qui, avec la veux, leur mère, avaient guére d'autre héritage que ces tables et les observations d'oit Népler les avait triées. Dans leur infortune, ces bériletes avaient ét bien heureux de reucoutrer un pareil rédacteur; et même, à ne considérer que les tables, on peut dire qu'il est avantageux que Tycho lu-même ue les ait pas conduites à leur fin, car il aurait fallu les recommencer presque aussitie, au lieu qu'elle ont servi long-tems à tous les calcula sistenomique.

Dans une autre épitre dédicatoire signée de Képler, on voit qu'il y avait travaillé pendant 26 sus parmit ouss ser emerciennes, on aperçoit avec quelle inexactitude on lui avait payé le traitement promis. Parmi les obstacles de ous genre qui avaient retarde la confection de ces tables il compte avasi l'invention inespérée des logarithmes, qui l'obligea d'en changer la forme, pour la facilité des calculs.

Une longue épltre en vers asses médiocres, explique le frontispice du livre, où l'on remarque, parmi les portrais des astronomes les plus célèbres, celui de Képler, dans un étage inférienr. Il est à une table oi litravaille. Dans la partie supérieure, on voit figurées les innentions qui avaient été les plus utiles à l'Astronomie; le télescope de Galible, les logarithmes de Néper, et l'ellipse de Képler. La figure qui représente les logarithmes a pour couronne le logarithmes (531459, qui est celui usinus de 507, on le logarithme et dus le système de Néper, et celui de a dans le système hyperbolique on naturel. Cette figure tient en umin deux histous de longueur incigle. On voit aussi parmi ces emblèmes

l'aimant dont Képler a tiré tous ses exemples dans ses théories metaphysiques. Enfin, une figure allégorique y désigne le système de Copernic.

Dans nue longue préface, on ne trouve rien de remarquable que le soupçon de quelques équations séculaires dans la théorie de toutes les planètes, et qu'une longue suite d'années peut seule révéler aux astro-

Képler avertit qu'il a rejeté de ses tables celle des hexacostades ou soixantaines de jour et de degré. Cette table, introduite par les Alphonsins et conservée par leurs successeurs, n'avait d'autre avantage que de réduire les tables à nn moindre volume; elle ajoutait à la longueur et à l'embarras des opérations.

A l'exemple de Tycho, il exprime les distances des planètes en parties de la distance moyenne de la Terre an Soleil, qu'il suppose de 100000. Les longitudes, les latitudes, les moyens mouvemens et les prostaphérèses sont en signes, degrés, minutes et secondes, Les heures sont les heures équinoxiales.

Dans les tables de logarithmes, cenx qui ne sont marqués d'aucna signe sont positifs; les négatifs sont distingués par le signe -.. Quand des logarithmes se trouvent dans nne même colonne avec des nombres naturels ou absolus, ils sont en petits caractères.

La première table a pour titre : Heptacosias , logarithmorum logisticorum; elle est du même genre que sa Chiliade; les divisions sont un peu moins serrées. A 90° on voit également répondre 60' et 24°; les sexagésimales y sont de 5 en 5"; les parties horaires y sont de 2 en 2'; $\frac{5''}{60'} = \frac{9'}{24'} = \frac{1}{720} = 0.00158.8888$: c'est la différence constante entre les sinus consécutifs dans toute l'étendue de la table. Les arcs doivent donc diminuer inégalement; 1 est le sinus-verse de l'arc de 3° 1' 12"; c'est la différence de l'arc de go' à celui qui le précède immédiatement et qui sera 86° 58' 48".

2 répondent à 4° 16' 18"; l'arc précédent sera 85°45' 42". Képler mct 45". 3 nous donnent le quatrième arc, 84° 46′ 4″.

4/720, l'arc de 83°57' 28". Képler met 29".

5 , l'arc de 83.14.57,4, et ainsi des autres.

On voit avec quelle inégalité ces arcs diminuent. Les sinus naturels ne sont pas à côté de leurs logarithmes, comme dans la Chiliade. Képler les a sapprimés, comme peu utiles.

Ces logarithmes, pris négativement, seront ceux des arc tronvés par cette analogie x: 60':: 60': x'; ainsi 51': 60':: 60': 1° 10' 35", 5. Képler

met 56"; 4': 60' :: 60' : 15*, et ainsi des autres.

La colonne des heures ressemble tout-à-fait à celle de la Chiliade.

Cette table n'est donc que la Chiliade refondue, augmentée de la colonne des privatifs ou négatifs, et diminuée de la colonne des nombres naturels; elle est composée de 720 lignes, et c'est par abréviation qu'il la désigne par le mot heptacosius, qui n'annonce que 700 logarithm.

A l'occasion de son Heptacosiode, il cite en passant les logarithmes de Briggs et ceux de Juste Byrge, qui, bien des années avant la publication de Néper, avait été conduit précisément aux mêmes logarithmes. Malheurcussement ce court passage aurait grand besoin d'un commentaire, impassible pett-être à bien faire aujourdhui.

Képler veut s'excuser de ce que ses logarithmes sont tous irrationnels et ne sont par conséquent qu'approximatifs; il sait qu'il aurait pu facilement donner à la minute un logarithme rationnel, tel que l'unité suivie de plus ou moins de zéros; mais ce logarithme rationnel eut été le seul dans sa table, aucun de ses nombres n'aurait eu ni 2, ni 3, etc. pour logarithme. Il aurait pa, en prenant la minute pour unité, lui donner paur logarithme 10000; alors 20000 ent été celui de 1"; 5000 celui de 1". et ainsi de suite. On aurait eu l'avantage de reconnaître, à la caractéristique, à quel ordre de sexagésimales eut appartenu le numbre d'un logarithme donné, ce qui, au reste, se voit avec plus de facilité encore aux apices de l'ancienne logistique. Hoc inquam si expetis : ecce tibi apices logistices antiquæ, qui præstant hoc longè commodius. Qui etiam apices logistici Justo Byrgio, multis annis ante editionem Neperianam, viam præiverunt ad hos ipsissimos logarithmos. Etsi homo cunctator et secretorum suorum custos, fætum in partu destituit, non ad usus publicos educavit. (Intrad. aux Tabl. Rudolph., p. 11.)

Ces apiees sont les indices ', ', ', ', etc., qui dénotent les divers ordres de fractions seragémales. Ce sout donc est indices qui ont domé à Juste Byrge l'idée de ses logarithmes, c'est-à-dire qu'un nombre et que l', ', ', ', ', ', ', ', ct., lui aura présente deux progressions qui se correspondient, l'une géométrique, dont tous les termes décroissent dans la rision ;', et les autres croissent selon la suite des nombres naurels.

Cette remarque est encore bien vague. Archimède avait été plus loin dans son Archaire; cependant nous sommes bien persuadé que jamais Archimède n'a eu l'idée des logarithmes ; il a eu celle de déterminer à quel ordre montait le produit de deux termes quelconques de sa progression géométrique, sans en faire expressément le calcul. Théon, Barlaam, Reinhold et quelques autres, ont donné des règles pour ce problème. Ce n'est pas en lisant ces auteurs que Byrge a conçu l'idée de tirer un parti plus avantageux de cette idée d'Archimède, car son disciple et son admirateur, Ursus Dithmarsus, nous assure que Byrge n'avait étudié ni le grec, ni le latin : mais il a pu très bien voir cette doctrine exposée dans quelque Traité élémentaire d'Astronomie écrit en allemand. On pourrait donc inférer que Byrge donnant pour indice o à un nombre très grand, tel que 10000000, et l'indice 1 au nombre immédiatement inférieur 0000000, et les indices 2, 3, 4, etc., aux termes successifs de la progression géométrique, dont les deux nombres sont les premiers termes, aura conçu le plan d'une table de ces deux progressions, continuées jusqu'au terme le plus voisin de l'unité, dans la progression géométrique, et à son indice dans la progression arithmétique. De cette manière, Byrge aurait eu deux progressions, l'nne décroissante et l'antre croissante, comme dans le modèle qui lui en avait fait concevoir le plan, et au moyen de cette table il aurait converti les multiplications en simples additions. Sin A et sin B, cherchés dans cette table, lui auraient donné, par l'addition de deux indices, celui du produit sin A sin B=sin C. Alors on concevrait que malgré l'utilité évidente de cette table, un homme paresseux et peu communicatif. cunctator et secretorum suorum custos, aurait pu se décourager, renoncer à son projet, ou bien l'ajourner. Les logarithmes de Byrge seraient précisément cenx de Néper; il aurait été couduit ad hos ipsissimos logarithmos; il aurait eu la première idée, il en aurait parlé vaguement à son disciple Dithmarsus, mais il n'aurait rien terminé, parce qu'il n'aurait pas imaginé, comme a fait Néper, des moyens, pour abréger un si long travail. Les révélations incomplètes de Dithmarsus auraient pu mettre Néper sur la voie; car il parle de nombres logistiques qui remplacent les nombres naturels; de la facilité qu'ils offriraient pour constraire en quelques jours une table de ces sinus artificiels ponr tout le quart de cercle; en effet, supposons achevée la table des deux progressions: Byrge pouvait y prendre à vue les indices ou les logarithmes de tous les sinus, et en achever la table, sans autre peine que de copier, Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

21.31. He t 21317, Mod. 2 0m. 2.

ou tont au plus d'ajouter quelques parties proportionnelles, aux nombres qu'il prenait à vue dans sa table. Cette table cependant en supposait une calculée par les moyeus ordinaires, c'est-à-dire celle des sinus naturels, ce qui paraltrait encore expliquer l'une des énigmes de Dithmarsus.

Tout cela est absolument possible; mais il est tout aussi naturel de penser que l'ouvrage d'un auteur dont la réputation n'était pas mieux établie que celle de Dithmarsus, n'avait pas franchi les bornes de l'Allemagne et n'avait pas pénétré en Ecosse; que Néper a pu faire de luimême tous les raisonnemens que nous prêtons à Byrge, sur le témoignage de Képler. Ce qu'il y a de certain, c'est que Néper est le premier anteur d'une table de logarithmes; que Képler lui-même, quand il a composé sa chiliade, paraît avoir ignoré l'invention de Byrge, et qu'en donnant de justes cloges à celle de Néper, en la proclamant la plus admirable et la plus utile qu'on ait jamais faite depuis qu'on a la connaissance des nombres , il ne dit pas qu'elle eut été faite en Allemagne; ainsi le secret de Byrge n'avait guère transpiré. Quand Képler se disculpe. dans son Supplément, de n'avoir pas nommé l'inventeur, ce n'est pas Byrge qu'il cite, mais Néper. A primo authore Nepero traditus. . . Illud. elogium inventi Neperiani. C'est en 1625 que Képler s'exprimait ainsi ; c'est en 1627 que, pour la première fois, il parle de Byrge. Si Kepler a recu des informations si tardives, il est permis de croire que Néper n'en avait recu aucune; que la gloire lui appartient tout entière; et ses droits, en effet, ne sont nullement contestés. Voilà quelle était notre opinion, après avoir examiné tout ce qu'on pouvait conclure du passage de Képler. Montucla, dans son Histoire des Mathématiques (tom. II. n. 10 et suiv.), a traité cette même question, et nous fournit des renseignemens très curieux. Voici comme il s'exprime :

"Ge qui le rend principalement recommandable (Byrge) est d'avoir coucours, avec Néper, dans l'invention et la construction des tables logarithmiques. Képler nous le représente comme un homme doncé de beaucoup de génie, mais pensant si modastement de ses inventions, et si indifférent pour elles, qu'il les laissait enfouies,dans la poussière de son cabinet. (Képler dit simplement qu'il était temporiseur et réservé.) C'est par cette raison, divil que quodque fort laborieux; il ne donna jamais rien au public par la voie de l'impression; mais Képler était dans l'erwar en cela, et nous allons développer ici une anecdote asses curieuses surce suiça.

" Malgre ce que Képler avait dit sur Juste Byrge, on savait nean-

moins par le témoignage de Benjamin Bramer, qu'il avait publié quelque chose de relatif aux logarithmes. En effet, B. Bramer, auteur d'un outrage allemand, dont le titre reudu en français est : Description d'un instrument fort commode pour la perspective et pour lever les plans (Cassel, 1650, in-47), vdi formellement : Cest sur ces principes que mon cher beau-frère et maître, J. Byrge, a calculé, il y a 20 ans et davautage, nne belle table des progressions, avec leurs différences de 10 en 10, calculées à med c'hiffres, qu'il a ansis fait imprimer, sans texte, à Prague en 1620; de sorte que l'invention des logarithmes n'est pas de Néper, mais a été faite par J. Byrge, long-tems apparavant.

- » Néamoins, Jouvrage de ce géomètre ne se trouvait nulle part et pent-être ne se serait jamais retrouvé, si M. Korsten réult pas été conduit par ce passage à le reconnaître dans des Tables qu'il avait achetées parmi d'autres ouvrages mathématiques, et qu'il avait négligées jusqu'alors; elles sont initiniées J. B. arithmetische und geometrische progress Tabulen, etc., c'est-à-dire, Tables des progressions arithmétiques te géométriques, ovec une instruction sur la manière de les comproyer dans toute sorte de calcula; par J. B., imprinées dans la vieille Praque, 1500.
- ". a Cs Tables sont sur sept feuilles et demie in-folio d'impression jussi l'instruction annoncée par le titre y manque, ce qui donne lieu de conjecturer que quelques circonstances particulières empéchèrent la continuation de cet convrage. Le nestiet on it dans un autre ouvrage de Brammer, que Juste Byrge avait projeté de publier ensemble plusieurs de ses inventions, et que dans cette vue il avait fait graver son portrait, in citig; mais que la malhemeruse guerre de 50 ans, qui désola, comme on sait, l'Allemagne, mit obstacle à ce dessein. Cet ouvrage devait pro-balhement faire partie d'un autre qu'il avait tout pett, avoir , des Tables de sinus calegliés de 2 eu 2". Mais revenons aux Tables de logarithmes de J. Byrge.
- » M. Kæstner nous apprend qu'elles n'éisienl pas daus la forme des nôtes. Dans celles-ci, les nombres croissent arithmétiquement, pour avoir les nombres naturels, auguells sont accolès leurs logarithmes correspondans; dans celles de Byrge, ce sont les logarithmes qui croissent arithmétiquement de no en so. Ils sont imprimés en rouge, et à côté sont imprimés en noir les nombres naturels exprimés en g chiffes. Voici

une esquisse de cette table, qui en comprend le commencement et la fin, avec quelques parties moyennes.

| Logarithmes. | Nombres. |
|---|--|
| 0 10 20 30 | 1.00000.000 1.000.000 1.00000.001 1.00030.003 |
| 990 223c40 | 1.00994.967 9.30254.936 |
| 834000 2300000 230270020 230270021 | 9.39227.936 9.97303.537 |
| 230270022 | 9-99999-999 |

» Ainsi la Table de Byrge contenait une série d'environ 55000 logarithmes, depuis le logarithme o, qui correspond au nombre 1.00000.000 ou à l'unité suivie de huit zéros, jusqu'à celui qui répondait à 9.99999.999, qui ne diffère qu'insensiblement de celui de 10.00000.000.

» On voit par là que le géomètre allemand avait, comme Néper, renounté d'abord les logarithmes que donne l'hyperble équilaitere, si ce n'est qu'il parait y avoir en quelque erreur dans son calcul, car il aurait dà rencontrer pour le logarithme de 0,90090,909 ou de 10 no nombre moindre que 350390020, car le logarithme de 10, dans ce système, est 350395002.

» Remarquons toutefois que c'est à tort que de l'existence decte ouvrage, donné cu 160,0 no conclurial que Byrge aurait inventé les logarithmes antérieurement à Néper, car l'ouvrage de Néper avait paru dès 1614, et c'est l'antériorité des alates des ouvrages qui, au tribunal de l'opinion publique, décide de l'antériorité de l'onnement donné Branter peut-il conclure de cette date de 1620, que son heau-frère avait fuit et decouvert long-term savan Néper? On sai bien que la date d'une invention qui a csigé beaucoup de calculs, est nécessairement antérieure à celle de sa publication; mais on peut dire également que l'invention de Néper cistait dans sa tête plusieurs années avant celle où il la pu-

blia, et même, en justice réglée, Byrge perdrait son procés; car, à la rigueur, une date autérieure de 6 ans a pu donner le moyen de consultre une découverte et de la déguiser sous une autre forme. Contentons-nous donc d'associer, de loin, à certains égards, Juste Byrge à. Thouneur de cette ingédieuse invention. Mais la gloire en apparteiment rologiurs à Véper. »

Nous adoptons bien volontiers cette deraière confeusion de Montucla) mais il n'en est pas tout-à-fait de même des raisonnemens qui la précèdent. Nous avons vu que dans un ouvrage de Dithanarus, publié en 1938, l'auteur attribuais Byrge une invention qui ressemble hien fort à celle des logarithmes.

Képler dit que les logarithmes de Byrge sont exactement les mêmes que ceux de Néper. Ne pourrait-on pas rétorquer l'argument et dire que l'ouvrage de Dithmarsus a pu conduire Néper à sa découverte.

Le passage de Dithmaraus est obscur, mais il indique expressement des sinus représentés par des nombres logistiques, Justel Byrge s'occapait donc de ce problème et l'avait résolu s'6 ans avant la publication de Néper. Byrge avait composé des Tables logarithmiques pour les sinus de 2 en a'; sa Table des logarithmes et des nombres correspondans peut être plus nouvelle. Dithmaraus n'en fait accune mention. La forme en paraît differente, les logarithmes et les nombres croissent dans le mâme sens; c'est le contraire ches Néper, ainsi que chez Képler, qui n'aurair pas dit has justismon. Ces logarithmes, cherchés dans la Table de B. Usinas on dans celle de Schulze, dans la colonne des cosinus, fout trouver ur la même ligne, dans la colonne des cécantes naturelles, des nombres fart approchans des nombres de Byrge.

1.0000
1.0001.0000
1.0001.0000
1.0001.0000
1.0001.0000
1.0002.0001
1.0002.0001
1.0002.0001
1.0002.0001
1.0002.0001
1.0002.0001
1.0002.0006.001
1.0002.0006.001
1.0002.0006.001

1.0000.0015.0020.0015,0006.0001.

On voit que chacun de ces nombres a été formé en ajoutant an précédent sa dix-millième partie, comme ceux de Néper en retranchant le dix-millième, et cette marche psralt encore plus naturelle; l'embarras est qu'à chaque addition le nombre acquiert quatre décimales de plus. On voit du moins que la quatrième est la suite des nombres naturels o, 1, 2, 3, 4, etc.; la huitième o, 1, 5, 6, 10, est formée de nombres triangulsires; la douzième, o, 1, 4, 10, 20; la vingtième, o, 1, 5, 15, etc.

La formation est évidente : la difficulté la plus réelle était de déterminer ce que pouvaient valoir les fractious négligées, et il paraltrait que Byrge les a évaluées trop bas, puisque ses deruiers logarithmes sout trop forts et appartiennent à des nombres plus considérables qu'il ne dit. Comme Neper, il n'a en aucune manière songé à l'hyperbole; il a pris arbitrairement et tout naturellement o et 1 pour les logarithmes des deux premiers termes de sa progression géométrique. Ces deux suppositious prises pour base, tout le reste en découle, et les logarithmes de Byrge seraient véritablement les logarithmes naturels. Ces suppositions ressemblent beaucoup à celles de Néper; mais il nous paraît plus naturel que les deux progressions soient croissantes, comme celles de Byrge,

Dodson a nommé Table antilogarithmique celle où il a pris pour argument la suite arithmétique des logarithmes de Briggs, depuis o .00000, 0.00001, 0.00002, etc. jusqu'à 1.00000, à côté desquels il a placé les nombres depuis 1.00000.00000 jusqu'à 10.00000.00000. Ces Tables ont para à Londres eu 1742; on en fait très peu d'usage, parce que, dans le fait, une même table sert à trouver le logarithme d'un nombes et le nombre d'uu logarithme, et qu'ou n'a pas voulu augmeuter, sans nécessité bien évidente des tables qui, pour être vraiment usuelles, ne doivent pas être trop volumineuses.

Képler a cru devoir conserver la mesure des logarithmes, telle qu'elle est fournie directement par le cercle, plutôt que de la faire dépeudre d'une supposition srbitraire. Ainsi il a pris pour mesure logarithmique la différeuce entre le sinus total et le sinus qui en approche le plus, ou la flèche de l'arc le plus approchant de 90°.

Du reste, les explications qu'il donne de l'heptacosiade et de ses ussges, ressemblent beaucoup à ce qu'il a mis dans son supplément à la Chiliade. En finissant, il rend d'une manière franche et claire ce témoignage à la Table de Briggs, qu'elle lui paraît plus expeditive et plus exacte, quand on a à opérer sur de grauds nombres.

La table suivante est celle des logarithmes et des antilogarithmes, c'est-dire des sinus et des cosinus, de minute en minute, pour tout le quart de cercle. Les différences y sont pour 10°, et non pour 1', et cela est en effet plus commode. Cet exemple a été suivi dans plusieurs tables modernes.

Les sinus logarithmiques de Képler sont assez exacts; quelquefois la dernière figure n'est pas la plus juste qu'on pût choisir, mais l'errear n'est pas tout-heil d'ane unière. Ils n'ont générelement que cinq fi-gures, les petits sinus en ont six; mais comme les logarithmes népériens sont plus grands que les logarithmes de fièges, c'infigures. Noise a Néper donnent plus d'exactitude que cinq figures de Briggs. Ainsi à 5¹ la variation du logarithme pour o'd' est de 55.53; dans les Tables de Briggs, elle n'est que de 4,85; à 10° on aurait 27.5 et 4.78; à 20°, 15.5 et 4.55; à 50°, 6.35 et 4.20; à 40°, —5.76 et 5.71; à 60°, 2.8 et 1.21; à 70°, 1.76 et 0.75; à 65°, 6.85 et 4.20; à 40°, —5.76 et 5.71; à 60°, 2.8 et 0.04. Ainsi partout les Tables népérieunes auraient l'avantage de la précision.

La Table de Képler est étendue au cercle entier, pour la facilité du calculateur; mais il en résulte cet inconvénient, que le sinus et le cosinns ne sont pas en regard dans la même page, et il a fallu renoncer aux tangentes.

Pour calculer le plus petit des deux angles inconnus dans un triangle rectiligne, à défaut des tangentes, il donne ce précepte assez singulier. Soit A" l'angle compris. C et C' les deux côtés:

$$C: C' :: \sin A : \sin A' = \left(\frac{C'}{C}\right) \sin A$$
;

mais A + A' = 180° - A', et A' = 180° - A" - A; donc,

$$\sin A' = {C \choose C} \sin(180^{\circ} - A'' - A).$$

Faites une supposition pour A et calcules A'; si vous trouves A + angle supposé == 180° - A'', ls supposition est bonne, sinon recommences avec une autre valeur de A, jusqu'à ce que vous arrivies à l'égalité. Il donne quelques règles pour abrèger les tâtonnemens, ce qui n'empéche pas le précepte d'être un peu biarre.

La table suivante est celle des prostaphérèses de l'orbe, c'est-à-dire eclle de l'élongation pour une plauète inférieure, et de la parallaxe aunuelle pour une plauète supérieure.

Leverally Goog

On a tenté plus d'une fois de donner de ces tables, mais jemais on à pa trouver rien d'aussi commode que le calcal direct. Képler en convient lai-même, et il ne donne sa table que pour faciliter le procédé indirect qu'il vient de proposer. On a la valer de l'angle, à quelques minutes près ; on le corrige par un calcul qui ne saurait être bien long, mais auquel je préfère de beaucoup le calcul direct. L'argument de sa table est le rapport des deux ciclés g'.

Les latitudes géocentriques se trouvent par les tangentes; mais ces latitudes n'allaient jamais à 10°. Képler donne à part la table des tangentes pour les dix premiers degrés.

Képler explique cossite quelques autres usages de sa table des sinus, et se propose un problème assez complique qui lui sera utile pour les statious et les rétrogradations.

On connait \widehat{CAD} et \widehat{EAB} angles un peu obtus (fig. 78); on connaît $\widehat{(\frac{AE}{AE})}$, $\widehat{(\frac{AD}{AB})}$. On demande C, E, D, B; on a

CAD - EAB = (CAE + EAD) - (EAD + DAB) = CAE - DAB = M; on a done la différence des deux angles extrêmes; il reste done à tronver

leur somme.

Ce problème est indéterminé, Képler le résout par tâtonnement; on

Ce problème est indefermine, Kepler le resout par latonnement; on n'eu peut rien tirer d'utile,

Le chap. XII traite des ascensions droites, des médiations, des déclinations et des angles de l'éclipique avec le méridien. Il suppose l'obliquité constante; il doute heaucoup qu'elle ait jamais été plus grande qu'on ne l'observait de son temps; il ne sais i élle variers; c'est aux astronomes de différens âges à la constater pour leur tems. Il corrige un peu celle que Tycho avait déterminée dans la supposition d'une parallaxe de 3°; en réduisant cette parallaxe à v', il n'aurait que -53°55°50° à peu près, comme Regiomontanus; mais, comme les observations ne sont pas sûres à la minute, par respect pour Tycho, il conserve ses tables de l'éclipique.

Il cussigne à trouver les différences ascensionnelles, les amplitudes, les arcs semi-diurnes; il donne la table de l'angle de l'orient, on la hanteur du nonagésime, qui n'a été calculée ni par Regiomontanns, si par Reinhold. Pour éparguer la place, il indique les donzièmes de degré par les lettres de l'alphabet italique.

72

An moyen de cette table, il montre à trouver le nonagésime. Connaissant la déclinaison du Soleil, et son abaissement au-dessons de l'horizon, il enseigne à tronver la distance au point orient; il passe à l'émation du tems.

On avait tonjours considéré le moavement du premier mobile comme parfaitement uniforme. Depuis les recherches de Tycho, cette supposite no avait para moins sûre; on a vait soupçonné que la rotation de la Terre pouvait avoir quelque inégalité. Répler considérant la question à sa maire methaphysique et pythagoricienne, trovait, pour la partie qui dépend de l'excentricité, une equation de a 's'a'; mais il ne la trouvait pas assex conforme aux observations. Tycho et Longomontanusson elève, rejetaient cette première partie. Tycho, sans en apporter ancune raison, employait, pour le Soleil, une équation, et une autre pour la Lune. Plusieurs astronomes s'étaient élevés contre cette innovation traiment singuitre. Képler était fort indécis, ne aeschant s'il fallai prendre l'équation de Ptolémée, ou bien l'équation empirique de Tycho, ou enfin sa propre equation; il trouvait dans l'observation, des choses qui militaient tanôt pour l'none et tanôt pour l'autre. Malgré ses doutes, il conclut pour l'équation de putoimée, la seule qui lui prassise démontrée.

Îl commence par la partie de l'équation qui dépend de la réduction à féquateur, parce qu'elle est commune à tontes les méthodes; il la donne en degrés et non en tems, pon qu'elle poisse s'appliquer directement à l'ascension droite du milieu du ciel, dans tous les calculs qui dépendent de cet argement.

L'autre partie a pour argument la distance à l'apogée qui n'est égale à la longitude que dans deux années; l'une est la 5995 avant J.-C., le 24 avril, lorsque le Soleil et l'apogée étaient en o'o', et l'an 1446, le 14 juin, où le Soleil et l'apogée étaient en 5'o'.

La précession des équinoxes et la diminution de l'obliquité exigeraient une troisième correction; mais il la juge trop faible et trop incertaine. Il rejette toute idée de trépidation.

Il faut encore égaler le tems par la différence des méridiens; il en donne une table. Mais, pour montrer l'inceritiude des longitudes géographiques, il rapporte celle de Rome et celle de Naremberg, d'après divers auteurs. Pour lui, il supposit Rome et Uranibonrg sons le même méridien, et à 4' de Naremberg.

Regiomontanus...... 56'
Werner..... 52

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

Could Good

| Par une éclipse de O | 28 |
|----------------------|------|
| Apian | 34 |
| et | 59 |
| Mæstlinus | 53 |
| Stoffler | . 18 |
| Maginns | ≥6 |
| Schoner | 12 |
| Stadius | 15 |
| Janson | 10 |
| Képler | 21. |

On suppose aujourd'hui Rome à... 10° 8′ E. de Paris, ou o' 40′ 32″

Uranibonrg... 10° 22° .44 0.41° 51′

Nuremberg... 8.44° 0 0.33° 56.

Nuremberg... 8.44. o

Ouant anx latitudes, on en jngera d'après celle de Paris.

Les différences des méridiens se déterminent plus exactement par les éclipses de Soleil que par celles de Lune. Un mille d'Allemagne est le chemin qu'on fait à pied en deux heures; il y en a 15 dans un degré du grand cercle de la Terre.

Il décrit une carte géographique qu'il espérait publier avec ses tables. Pont rouver et mer les longitudes, il recommande de prendre la distance de la Lune à une étoile, au moment où la ligne des cornes est perpendiculaire à l'horizon, parce que, dans ce cas, la paralhase de la Lune ext unile en longitude. Il conseille encore les conjonctions de la Lune avec les étoiles on les planétes. On calcule ensuite par les tables le phénomène obserré; on aura l'heure d'Urninburg, et la comparaison avec l'heure du vaisseau, fera comastire la longitude. Il ne dissimule pas les inégalités du monvement de la Lune et l'imperfection des tables; mais ce qu'il propose était encore ce qu'on ponvait faire de moins inexact. Il est vra'ul inéglies [feft des référactions et celui de la parallax ed el altitude.

Le chap. XVII traite de la réduction des années, des mois et des jours des différens calendriers; il donne nne table synoptique des différentes ères, une, table de réduction et de conversion des tems grégoriens, juliens, égyptiens, perses, arabes et juifs; le type de l'année de confusion; enfin, une table pour trouver les jours de la semaine.

Dans les tables, les sancées bissexilles sont toutes pairement paires parès J.-C., mais avant elles sont impaires, 1, 5, 9, 1, 5, etc. On a'avait pas encore imaginé l'année o, dont l'usage est aujourd'hui généralement dadopté par les astronomes. L'année julkiume est à peu près moyenne arithmétique entre l'année tropique et l'année sidérale; il en fait usage uniquement, sans égard pour la réformation grégorienne, qui peut être préférable pour les usages civils, mais plus incommode pour les astronomes.

C'est ici que se termine la première partie des tables, qu'il appelle commune, parce qu'elle sert également pour toutes les planètes.

An commencement de la seconde partie, il donne la véritable étyme logie du mot épone qu'il traduli par fieur. Il surait désiré prendre pour point de départ un instant où toutes les planètes sursient eu o de longiude, mais la chose était imparitable. Il fisit la précession 5° comme Tycho; le mouvement de l'apogée 61°, y environ; le mouvement du Soleil en 36525 [ours, 5° of 45° so°.

Dans sa table d'équation du centre, il suppose l'obliquité 0.018, et non 0.056. Au lieu de donner l'anomalie moyenne a pour argument à sa table, il la fait dépendre de l'anomalie de l'exentique x, au-dessous de laquelle il place entre lignes ce qu'il appelle l'équation physique, c'esti-à-dire, esis x, en sorte qu'en faissant mentalement l'addition des deux nombres x et estinx, on a l'anomalie moyenne s.

Voici un échantillon de sa table :

| Équation du Centre. | | | | |
|------------------------------|--|-----------------------------|----------------------------------|--|
| anomalie avec e sin x. | intercolum- nium cum logarithmo. | anomalia coæquata. | intervallum cum logarithmo | |
| 0°0′0″ 0.0.0 | | 0°0′0° | 1.01800 | |
| 1.0.0 | 3570 0.57.53 | o.58.56 o.58.56 | 1.01800 | |
| 2.0. 0 2.10 | 5574 0.57.53 | 0.58.55 | 1.01799 | |
| 3.0. 0 5.14 | 0.57 54 | a.56.47 o.58.56 | 1.01798 | |
| 90.0.0 | 0.59.59 | 0.59.59 88.58. 7 | 1.00000 | |
| 91.0. 0 | 1. 0. 1 | 89.58. 7 | 0.99969 | |
| 93.0. 0 1.1.50 etc. | 1. 0. 4 etc. | 1. 0. 1 90.58. 8 etc. | 0.99938 6a | |
| 177.0.0 | 3630 | 1. 1. 5 | 0.98203 | |
| 178.0. 0 | 3930 | 1. 1. 6 | 0.98201 | |
| 179.0. 0 | 3630 1.0.10 | 1. 1. 5 | 0.98200 | |
| 180.0. 0 | 3630 | 1. 1. 6 | 0.98200 | |

La première colonne est expliquée.

La dernière, qui contient le rayon vecteur avec son logarithme, n'a pas besoin d'autre explication : rayon vecteur = 1 + e cos x.

La colonne d'anomalie égalée donne cette anomalie et la différence première, qui est au-dessus de l'anomalie égalée.

remière, qui est au-dessus de l'anomalie égalee. L'intercolumnium sert pour les parties proportionnelles à prendre.

La fraction sexagésimale qu'on y trouve est le rapport $(\frac{du}{dz})$ 60' des variations d'anomalies vraie et moyenne. Aiusi, de 0° à 1° d'anomalie excentrique, $dz = 1^*1'5''$,

$$du = 0^{\circ} 58' 56'', \ \left(\frac{du}{dz}\right) 60' = \left(\frac{58.56}{61.5}\right) 60' = 57' 52'', 5.$$

Képler dit 57'3". Au logarithme de ce rapport on ajoute le logarithme logistique de l'excès de l'anomalie donnée sur l'anomalie la plus voisine, qui se trouve dans la table, et l'on a le logarithme logistique de la partie proportionuelle de l'anomalie vraie.

On se rappelle que Képler appelle équation physique $z-x=e\sin x$, et qu'il appelle équation optique la partie (x-u).

A la suite de l'anomalie, Képler donne les mouvemens moyens du Soleil, dans la forme sexagénaire des Tables Alphonsines.

Dans l'explication des anomalies, Képler enseigue à décrire par points l'ellipse inscrite à l'executrique, Du centre de l'ellipse et de l'executrique, il décrit un petit cercle du rayon e, et un cercle plus grand du rayon i, il abaisse dans ces deux cercles les ordonnées sinx et et aix, qui lai donnent ecos x; avec une ouverture de compas i ±-cos x et du foyre comme centre, il fait une section sur l'ordonnée sinx et de grand cercle. Ce point de section appartient évidemment à l'ellipse; mais on n'a aucun besoin de ce petit cercle. Soit AX l'anomalie de l'executrique (fig. 7g). Menes l'ordonnée XM, et sur le rayon prolongé XCP abaisses la perpendiculaire SP, XCP = 1 + cos x = SN.

D'une ouverture de compas = XP et du foyer S, marques le point N sur MX; il appartiendra à l'ellipse. Cette construction est fort simple, et cenendant ie ne l'ai vue iudiquée nulle part.

Rien de remarquable dans l'explication des tables.

Kepler parait mettre quelque importance au calcul des stations. Une planète paraît stationarire quand elle est vue deux instans de suite sur des rayons paraillèles, d'oit résulte cette équation ud racos Pa Vêd Cos T, ou verte comp; c'est l'équation à laquelle nous parvenons par la différentiation, quand sons négligeons, comme Képler, l'excentricité et l'inclinaison. Pour tirer quelque lumière de ce parallelisme, Képler fait une figure asses compliquée; il mêne des parallelies et parvient péniblement à l'équation qu'il a résolute ci-dessus par tatonnement. La solution moderne, qui part du même principe, est directe et asast courte à calculer que la méthode indirecte de Képler est longue et pénible. Ainsi, nous passerons cet article.

Képler ensuite considère la station en latitude, dont je crois que personne n'a parlé, ni avant ni après lni. On sait que tang $G = \frac{\sin \eta}{\sin \delta}$ tang H. Si le rapport $\frac{\sin \Gamma}{\sin \delta}$ varie en sens contraire de tang H, et de la même quan-

tité, il est clair que G ne changera pas. Ainsi, $d\binom{\sin T}{\sin S} = -d$ tang H. Rien de plas simple à trouver que d tang H; il n'y a de difficulté que pour le rapport $\binom{\sin C}{\sin S}$. Képler trouve qu'il n'y pas d'autre moyen pour voir is la latitude est stationnaire, que de faire le calcul pour deux jours consécutifs. Quand même ce calcul aurait quelque utilité, rien n'obligerait à le faire, on n'aurait qu'il ouvrie une éphéméride; ou bien, calculte l'abberration en longitude et en hattiude par mes tables, tous verres si l'aberration est nulle, positive ou n'égative, c'est-à-dire, si la station a l'inex, si elle est positive ou mégative, c'est-à-dire, si la station a l'inex, si elle est positive ou mégative, c'est-à-dire, si la station a l'inex, si elle est positive ou mégative, c'est-à-dire, si la station a

Dans l'explication des hypothèses lunaires, on voit qu'Albert Curtius, ami de Képler, a le premier imaginé de placer au foyer supérieur le centre des mouvemens égaux; Cette idée était une suite naturelle des anciennes idées d'équant et de bissection d'excentricité. (Focorum ellipsis alterum, circa quod anomalia media æqualibus ordinatur angulis). La différence des trois hypothèses ne peut surpasser 2'; aiusi, dit Kepler, il est impossible que l'observation nous éclaire sur le choix qu'on doit faire. J'ai prouvé que l'erreur de l'hy pothèse de Curtius est ‡ e*sin 2u+ ‡ e' sin 3u, ce qui, pour une excentricité qui donne 5º d'équation, ne ferait que 6' 1, et ne changerait pas l'équation de 40". L'erreur ne serait donc pas de 1', et Képler avait raison de dire que les observations de ce tems ne pouvaient decider la question. Aujourd'hui, les observations ne laisseraient aucun doute. On pourrait demander s'il n'existe pas un point d'égalité soit au-dessus, suit au-dessous de ce foyer? on peut répondre que non; il faudrait pour cela que 4 e sin 2u+ 4 e sin 3u eût la forme de l'équation dans l'excentrique, ce qui n'est pas.

Cette première anomalie, reconsue par Hipparque, est modifiée par Ploiémée; mais l'hypothèse sur laquelle il calculoit cette équation, acceptant déterminée; mais l'hypothèse sur laquelle il calculoit cette équation, are représentain in les distances, ni les parallaxes, ni les dimaêtres. Coperaic la corrigce. Régiomontan avoit déjà montré que, d'après l'épicycle de moitié en sus de ce qu'il parait dans les conjonctions, conséquence que n'admenture place boshervations.

Tycho découvrit une autre grande inégalité, qu'il appelle variation. Copernic, pour corriger Ptolémée, employait déjà deux épicycles; il en fallait un troisième pour la variation, il n'osa pas le donner à la Lune; il l'attribua au sodiaque. Cette inégalité lui couvrit les yeux, et lui fit voirque toutes ces diversitée né dépendient par des cerelas réels, mais cousses naturelles. Que me restair-il à faire après Tycho? Ne voyant meun moyen de dénouve le neut gordines, je l'ai coupé. Après bessouré le neut méditations, après plusieurs transformations, il me parest que l'anomalie mensuelle ne chanquesi rien à la figure de l'orbe uniere, ni ant distances, et qu'elle suivait la naison dei phases; que les mouvemens étaient accélérés ou verardés, coir bus la force de la bunière, soit veu un feculté annier.

Comme l'explication serait longue, il reuvoie à son Épitomo de l'Astronomie copernicienne, qu'il avait publicé sept ans anpararant, et que nous gardons pour la fin, parce que c'est un résumé de ses idées et de ses systèmes. Mais nons y prendrons dès à présent ce qui ponrra nous faciliter l'intelligence de ses tables lonaires.

Il distingue, page 790, deux inégalités mensuelles, l'une temporaire (temporanea), l'autre perpétuelle. La première est monsuelle, en ce qu'elle dépend de l'illumination de la Lune; mais elle n'est pas la même dans toutes les saisons, car elle va sans cesse diminuant jusqu'à disparaître. L'autre est constante, et revient la même à chaque lunaison ; ainsi elle est doublement mensuelle. Et, page 561, ces équations dépendent des phases, les phases dépendent du Soleil; le Soleil aide donc au mouvement de la Lane autour de la Terre; en accélérant le mouvement de la Terre, la lumière du Soleil accélère aussi celui de la Lune. Mais l'illumination de la Terre étant tonjonrs la même, d'où vient que son effet sur la Lune est si différent? rien dans la Physique céleste n'est si difficile à expliquer. C'est peut-être que dans les syzygies, la lumière enfile directement les pores de la Lnne; et que dans les antres positions, où la Lnne est obliquement éclairée, la lumière rencontre des aspérités qui l'empêchent de pénétrer aussi facilement et en même quantité. D'après ces conjectures, et d'autres de même genre que Képler expose cependant avec quelque défiance, il s'imagine que l'équation découverte par Tycho pourrait bien être de 51' an lieu de 40'; elle n'est guère que de 36'.

a

L'équation temporaire se montre partout hors des syzygies, mais sur-tont dans les quadratures et les octans : car lorsque l'apogée et le nœud sont dans les quadratures, on a pendant tout le mois des équations simples. En effet, l'argument de l'évection est

 $2\mathbb{C} - 2\mathbb{O} - \mathbb{C} + apog. = \mathbb{C} - 2\mathbb{O} + apog. = (\mathbb{C} - \mathbb{O}) - (\mathbb{O} - apog.);$ si le Soleil est apogée, il ne reste que $\mathbb{C} - \mathbb{O} = \mathbb{C}$ apogée; la variation

Ligrander Google

dépend de 2(C - ⊙); et l'équation du centre, de (C - apogée): les deux équations dépendent du même argument.

On applique le même raisonnement à la graude inégalité de la latitude et en meitant le norud à la place de l'appégé , on pourra donc anns erreur sensible, dans ce cas, n'employer qu'une table simple, qui n'aura qu'un argument; mais le mais saivant, l'appégé ne coincidera plus avec le Soleil, l'autre inégalité commencers à se faire sentir; et cela d'autant plus que l'intervalle aura sugmenté; de sorte qu'en suppontant même la Lune apogée, on $\mathbb C=$ apogée =0, on $\mathbb C=$ $\mathbb Q$, il restera encorc une inégalité, quisque $\mathbb C=$ 0 ne sera pas 0.

Si l'apagée ou le nœud coincide avec la sysygie dans la quadrature, la Luna esrait à go de l'apagée ou du nœud, la variation dispartitut, la deux autres équations se réuniront et l'équation du centre sera la plus grande; ce qui aura lieu sensiblement tout le mois. Képel distingue ce mois par le noun de pléna; l'autre; il le nomme vule, parce que les équations seront moindres. Dans les mois suivans, les équations dininueront en ordre inverse de celui selon lequel elle auront augemein.

Képler développe longuement ces explications de causes physiques et de leurs effets; mais tout cela est un rève de son imagnation, qu'il serait assez inutile de suivre dans tous ses détails. Voyons seulement ses constructions et ses méthodes de calcul.

Il emploie buit figures différentes à démontrer ce qui doit arriver dans les circonstances principales. En simplifiant les démonstrations de Képler, nous avons pu réunir les huit figures en une seule; c'est la figure 80.

Dest l'apogée de l'équation elliptique, HAG la ligne des syzygies HAD = (⊙ — apogée ©) = argement annuel, car H est Je lieu do ; A la Terre, REB le cercle que décrit autour de la Terre le centre de l'excentique; le demi-cercle supérieur représente l'hémisphère éclairé, YAZ le plas terminateur.

Kepher place la Terre en A et dans la droite IAK, qui est dans le plan, l'excentricité AB produit l'équation ellipique; BZ=CA=cos HAD = cos (O – apogée C) est une autre espèce d'excentricité qui varie d'un instant à l'autre, peu sensiblement pourtant pour un espace d'un mois; c'est l'excentricité temporaire ou du moment.

Si le point B tombe en E sur la ligne des syzygies, le point E fait l'office de B et de C; AE servira à calculer les deux équations.

Si le point B tombe en Y, AC = cos (⊙ - apogée C) = 0; il n'y a point d'équation tempuraire. Imaginez les droites ZO, ZN;

1 BZ.BO = aire du triangle BZO = 1 BO cos (⊙ - apogée €). Supposez + BO = 60', aire BZO = 60' cos (O - apogée C); c'est ce · que Képler appelle scrupula menstrua, Soit L la Lune, l'arc LD sera l'anomalie = (C - apogée C); retranchez-en DH = (O - apogée C), il restera C.sp. C - O + sp. C = C - O = argument mensuel.

L'aire du triangle CLA = ‡ CA.LV = ‡ AE cos (⊙-ap. €).LV, aire du triangle BAN = !CA(CN+BC)=!AC.rayon = !BZ.rayon, aire du triangle BAO = 1 AC (CO-BC)=1 AC.rayon = 1 BZ.rayon, aire du triangle CLA = !AC.LV=!AC(LT-VT)

$$A = \frac{1}{4}AC.LV = \frac{1}{4}AC.(LT - VT)$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin PL - \sin PH)$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin PL - \frac{1}{2}AC.AE \sin BE$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin PL - \frac{1}{2}AE.AE \cos(O - ap. C)$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin PL - \frac{1}{2}(AE.)^2 \sin 2(O - ap. C)$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin (DL - PL) - \frac{1}{2}(AE.)^2 \sin 2(O - ap. C)$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin (C - ap. - O - ap.)$$

$$= \frac{1}{4}AC.\sin (C - op. - \frac{1}{2}(AE)^2 \sin 2(O - ap. C)$$

$$= \frac{1}{4}AE.\sin (C - O) - \frac{1}{2}(AE)^2 \sin 2(O - ap. C)$$

$$= \frac{1}{4}AE.\cos (C - op. - C).\sin (C - o)$$

$$- \frac{1}{2}(AE)^2 \sin 2(O - ap. C)$$

$$= \frac{1}{2}AE.\cos (O - ap. C).\sin (C - o)$$

$$= \frac{1}{2}AE.\cos (O - ap. C).\sin (C - o)$$

- 2'35" sin 2(⊙-ap. C); ce dernier terme a été introduit par Képler, d'après ses considérations physiques; il dit lui-même qu'on peut le négliger : c'est ce qu'il appelle la particule hors part.

En établissant la formule générale pour le premier quart, nous nous dispensons de suivre les huit figures dans lesquelles Képler expose toutes les variétés qui peuvent se présenter.

Képler démontre ensuite que son procédé pour calculer la variation, équivaut à celui de Tycho. Tycho fait la variation proportionnelle au sinus de 2HAL; Képler la tire du quadrilatère rectangle

CRXA = CR. AC = sin RE cos RE = 1 sin 2RE = 1 sin 2HAL.

Képler, au lieu de 1, met 40' 1 comme Tycho, et la variation est la même; il a renfermé toutes ces équations dans une même table, dont la formule doit être

$$a^{\circ}50'\cos(\bigcirc -ap. \mathbb{C})\sin(\mathbb{C}-\bigcirc) - a^{\circ}55''\sin a(\bigcirc -ap. \mathbb{C})$$

+ $40'50''\sin a(\mathbb{C}-\bigcirc)$.

En calculant par cette formule différentes parties de la Table de Képlér, il m'a semblé qu'elle n'était exacte qu'a deux minutes près.

Képler dit qu'il a vingt fois chaïngé la forme de cette table pour la rendre plus commode; il dit qu'il a saivi l'exemple des calculateurs bébreux, celui de Magiuus, mais qu'il a renfermé en deux pages ce qui en remplit. 52 dans Maginus. Origan avait déjà réuni les équations de Ptolémée et d'Hipparque en une scule table, qu'il avait retadae toujours additive par l'addition d'une constante qu'il avait retranchée des époques; artifice déjà fort ancien, et dont nous avons vu un exemple dans al Table d'équation du tenus dess Tables manuelles de Ptolémée. Képler ne dit pas que ne resperant ainsi sa table il a laisée au calculateur l'émbarras des doubles ou triples parties proportionnelles, sur lesquelles il est vrai qu'on pouvait n'être sou très reropuleux.

Cette table est précédée d'une autre où il donue séparément les deux équations de 17 jedoc et sa particule hors part. La variation et cette particule a'y prennent très facilement; pour l'évection, elle y paraît moins clairement; on la trouve par l'addition de deux lignes. Cette table est encette partie une table de logarithmes logistiques mais l'équation ainsi trouvée par logarithmes, doit encore être multipliée par 2½; la table donne au plus de 0, mis 66 % 2 ± 2 ± 2 50.

Il y a de l'adresse dans tous ces moyens; mais le tout présente une complication à laquelle il faut s'excoutumer. Il paralt qu'elle n'a pas été du goût des astronomes; car Mercatore, en réimprimant les Tables planeflates de Képler, a préféré pour la Lune les Tables de Tycho. Et en effet, puisque Képler n'a fait à la théorie lusaire de Tycho aucun changement, si ce n'est l'équation du centre calculée dans l'ellipse, et la petité équation de 5'35' sin 2 (0 — ap.), qu'il avous loi-mêmes n'être fondée ur aucune observation, je crois qu'il valuit presque autant s'en tenir aux tables primitives. Au reste, il est à remaquer qu'il a'est ic' fait aucune mestion de l'équation aunuelle qui avait été soupçounée par Tycho, par Képler lui-mêmes, et dont ni l'aux il Jauter a'avait trouvé la véritable valeur. Horoccius est le premier qui en ait donné un équivalent à pup près exat.

Képler passe à la latitude; il avertit d'abord, qu'il a ajouté 25' au lieu du nœud. Tycho trouvait la latitude par la formule

KÉPLER.

$$\sin \lambda = \sin 4^{\circ} 58' 50'' \sin (\mathbb{C} - \Omega),$$

qu'il corrigeait ensuite d'une équation dont le coefficient était 19'. Képler suppose 5' et 18'; il ramène encore à ses hypothèses le calcul de cette correction, et prouve que les résultats sont en effet les mêmes quand on tient compte de la différence de 25' sur la longitude du nœud.

Pour trouver la parallaxe, il indique un moyen peu connu, et qui ne peut être qu'approximatif. Dans les colonnes de l'anomais égalée, prenez la diférence de deux lignes voisines, ajoutez-y ção, vous aurez la parallaxe; la demi-parallaxe augmentée de ce même soixantième, sera le diamétre.

Jai démontré que

(x-u)=tangiesinx-itangiesin2x+etc.,

 $\frac{1}{3}(x'-u')$ = tang $\frac{1}{3}$ ssin x' = $\frac{1}{3}$ tang $\frac{1}{3}$ ssin 2x',

 $\frac{1}{4}(x'-x) - \frac{1}{4}(u'-u) = \frac{1}{4} \frac{1}$

 $-\operatorname{lang}^{\bullet}_{i} \sin(x'-x)\cos(x'+x) + \operatorname{etc.}$

 $Parallaxe = \frac{C}{1 + e \cos x} = C(1 - e \cos x + e^{x} \cos^{x}x) = C(1 - \sin x \cos^{x}x + \sin^{x} \cos^{x}x),$

Soit e = sin 5° 14', 1 6 = 2° 37'; vons anrez

$$\begin{array}{lll} 60'-(u'-u)=4\tan\frac{1}{2}\sin\frac{1}{2}(x'-x)\cos\frac{1}{2}(x'+x)-\text{etc.},\\ u'-u=60-4\tan\frac{1}{2}\sin\frac{1}{2}\sin\frac{1}{2}\cos(x+30)+\text{etc.},\\ \frac{61}{2}(u'-u)=61(1-0,0914\cos x+0,000886\cos 2x),\\ \text{et} & =\mathbb{C}\left(1-0,0913\cos x+0,0008519\cos^2x\right). \end{array}$$

supposez C == 61, le premier terme de correction sera sensiblement le même. Ce moyen au reste, quand il serait plus exact, ne conviendrait qu'aux Tables de Képler qui dépendent de l'anomalie excentrique. Il n'est qu'une remarque empirique dont la précision est subordonnée aux suppositions qu'on fait ser la parallaxe et le diamètre.

Dan iles préceptes ponr les parallaxes de longitude et de latitude, il rapporte l'observation suivante. Le 50 janvier 1625, ou le 9 février nouveau style, le soir, à Erbach, Ulm, Thuringe et autres lieux, on vit Vénus qui touchait à la Lune en croissant, ou selon d'antres comme attachée à la corne gauche, et de ce moment on la vit tourner le long de la partie convexe éclairée inférienre, d'où il paralt, dit Kepler, qu'entre le coucher du Solcil et celui de Vénus, la Lune a dù être en conjonction avec la plantet. Vénus était un pen plus boréale. Il trouve

Light ed Ly Goo

par le calcul, qu'à l'instant de l'observation, Vésus était de 21' plus vanccie en lorquidue et de 5' plus boréale que le bord obscur; que la corne wait o' 47' de latitude et Vésus o' 53' plus forte de 6'; aiusi la Lune a tonjune été au-dessous de Vésus. Si l'ou a cro que la planète tournait le long do disque éclairé, la cause en est, suivant Képler, qu'à mesure que le jour diminuait, la lomière de la Lune devenant plus foste, son diamètre devait paraltre augmenté et l'espace entre la Lune et Vésus diminué d'austant. Vésus se fot point occultée.

Il est plus croyable que la corne paraissait d'abord plus courte, et que la înmière du jour ayant diminué, on vit mieux la pointe; que la corne augmentant de longueur, Vénus a semblé descendre le long du

J:----

La troitème partie traite des éclipses. Poor trouver la conjonction céptique, Képher emploie use Table qui liu d'onne toutes les con-jonctions moyenses de l'année, en supposant que la première arrive l'un des 50 premiers jours soccessivement. En marge est un nombre d'or qui n'est pas placé exactement sux mêmes jours que dans le Calendrier grégorien, il s'en fast avouent d'un jour. Képler nous avertit que son type n'est ni civil ni ecclésiastique, et par là plus exact, puisqu'il est formé par l'addition continuelle du véritable mois lunaire, pui qu'il est formé par l'addition continuelle du véritable mois lunaire. Il y joint les multiples de la grande période 76 aus 5° 50°; une Table des retours de Soleil au sœud dont la période est de 368 année; injeines. Avec ces secours, il enseigne à trouver les deux mois de l'année où il pent y xoir des éclipses de Soleil et de Lanne, le jour à peu près et les pays où le Soleil peut être éclipsé. Il enseigne cnfin, par les mouvemens vrisis, 4 changer une syragie versye moyenne ne une syragie versie.

Je ne vois rien de particulier dans le calcul de l'éclipse de Lune. Pour les éclipses du Soleil, il calcule de même l'éclipse générale; mais les problèmes suivans n'avaient été ni résolus, ni même proposés avant

Képler.

Il euseigne d'abord à réduire en arc de grand cercle de la Terre les portions du disque de la Terre comptés du centre de ce disque. Le disque de la Terre comptés du centre de ce disque. Le disque de la Terre est la différence des deux parallaxes horizontales. Il suppose d'abord que l'arc à transformer est la plus courte distance 55 '46', et que le disque ou sou dema-diamètre est de 60' a.º', nous dirions 55' 46', et que le disque ou sou dema-diamètre est de 60' a.º', nous dirions 55' 46', ... si si 54' 51' 8'; Képler par sa Table aurait du trouver 54' 4' 40';

il dit 34°5'.

Il cherche ensuite la partie de la Terre que couvre l'ombre de la Lune. Il faot pour qu'il y ait ombre que le diamètre de la Lune surpasse celui du Soleil. Prenes la différence des demi-diamètres; Képler la suppose de 54", la plus courte distance est 55' 49'

| | | # : | 54 | |
|------------------------|---|------|-----|-----|
| somme | | 54. | 43 | |
| différence | | 52.5 | | |
| somme convertie en arc | = | 55° | 7' | 5" |
| différence | = | 52.5 | 58. | 36 |
| ombre de la Lune | = | 2. | 8.: | 27. |

Képler trouve 2°5' ou 51 milles d'Allemagne, et il ajoute que ai l'atmosphère au-dessus de nos têtes est privée de la lumière dans un rayon de 51 milles, on pourra voir des étoiles, parce que ces 51 milles sont plus que la partie visible de l'atmosphère.

La largeur du cône d'ombre couvrira donc 2'8'27", en supposant que l'éclipse soit centrale, pour le lieu qui a le Soleil au zénit; partout ailleurs la section du cône par la sphère sera moins réenlière.

Supposuns le Soleil éclipsé centralement au nonagésime; l'arc trouvé ci-dessus 34.5' sera la distance zénitale du Soleil et du nonagésime, et par conséquent le complément de la hauteur du nonagésime.

Mais suppasons que le Soleil au nonagésime soit es simple context ou éclipsé d'une quantité donnée; la quantité de. l'éclipsé donnes la distance des centres; cette distance combinée avec la plus courte distance des centres, donner la distance du Soleil au centre du distance vous aures de même la hauteur du nonagésime égal au complément de l'arc de distance réduit en arc de genud ecret de la Terre.

Les problèmes suivans ont pour objet de trouver la hauteur du nonagésime.

1º. Dans le lien où l'éclipse centrale a lieu au nonagésime.

Lei Kepler paralt confondre l'instant de la conjonction avec le milien de l'éclipse générale. A l'instant de la conjoncion, il but que la panlare de bauteur soit égale à la latitude de la Lune; alors en effet le centre de la Lune sera sur le Soleil, la verticale se confondra avec le cercle de latitude, la parallare de hauteur (-e-m) in dist. zénil. = latit. \mathbb{C} ; sin dist. zén. = $\frac{\ln titude}{(m-m)}$ = cos hauteur du nonagésime.

Mais au milieu de la durée, pour que le centre de la Lune arrive sur celui da Sociei, il fiaut que la parallax ede huteurs soit egale à la plus courte distance des centres λ cos $\mathbf{I} = p = (\pi - \pi)$ sin dist. \mathbf{Z} chi il du \odot , et sin dist. \mathbf{Z} . $O = \frac{\lambda - m}{\sigma} = \text{compl}$, bauteur da Solcil. Mais la hauteur du Solcil n'est pas celle du nonagésime, car la parallaxe de hauteur, qui est la plus courte distance des centres, fait alors avec le cercle de latitude un angle égal à l'inclinaison de l'orbite relative; le cercle de latitude fait avec le vertical du Solcil un angle égal à cette inclinaison; le Solcil n'est donc pas au nonagésime. Voulex-vous avoir sa distance au nonagésime, faites

sin hauteur nonagésime = 56. 5.50...... 9,91907

différ. entre la haut. ⊙ et la haut. du nonag. 9.50

Képler a pu négliger ces 10' de différence entre les deux hauteurs.

Si la distance du Soleil au zenit était de 80°, la distance du Soleil au nonagésime serait de 27°58′52″, et la différence des deux hauteurs serait 1°15′19″.

sin haut, nonag. = sin haut. ⊙ = cos dist. zén. ⊙

2. Dans le lieu où l'éclipse au nonagésime est d'un nombre donné de

Distall Goog

doigts, ou même n'est qu'un simple contact, le précepte est le même, la distance des centres est seule changée selon la quantité de l'éclipse.

5°. Dans le lieu qui voit l'éclipse centrale à l'horizon le soir ou le matin, c'est-à-dire au commencement ou à la fin de l'éclipse centrale.

Cherchez la hauteur du nonsgésime pour le milieu de la durée; voyce il la Lune s'approche ou s'éloigne de son neud; si elle s'approche, de la hauteur pour le milieu, retranchez 5'18' pour le commencement, ajoutez-les pour la fin; si elle s'eloigne, ajoutez 5'18' pour le commencement, retranchez-les pour la fin.

Pour sentir la raison de ce précepte que Képler ne démontre pas, soit (fig. 8 n.) EC l'écliptique, LV Torbite apparente de la Lune, SM la plus courte distance, S/la laitude en conjonction; pour que le centre L de la Lune arrive sur le centre S du Soleil à l'horizon, il faut que la parallaxe de hauteur qui sera la parallaxe horizontale, broirontale, soit égale à SL ou plutôt SL à la parallaxe horizontale. Prolonges SL jusqu'à 90, en Z', Z'S sera le vertical du Soleil; ce vertical fait avec l'écliptique l'angle Z'SE; l'horizon est perpendiculaire à Z'S; l'écliptique fera avec l'horizon un angle = 90° --Z'SE=-Z'SH-Z'SM+-MS/=LSM+MS' = LSM+MS' = LSM+MS' i s'agit donc de trouver LSM, or, LSM=90° --SLM,

mais

donc

LSM = hant, du ⊙ au milieu de l'éclipse pour le lieu qui la voit centrale.

A cet angle LSM, ajoutez l'inclinaison I, vous aurez l'angle de l'écliptique avec l'horizon pour le lieu qui voit l'éclipse centrale à l'horizon. Cet angle est la hauteur du nonagésime.

Pour la fin, le vertical fera avec l'écliptique l'angle Z'SC. L'écliptique fera avec l'horizon l'angle

$$qo^{\circ} - Z''SC = Z''Sl = VSl = VSM - MSl = LSM - I;$$

tels sont les deux préceptes de Képler pour le cas où la Lune s'éloigne du uœud comme dans la fig. 81. Si la Lune approchait du nœud, V

Down do Cougle

serait le commencement, L. la fin, et le précepte serait encore celul de Képler qui est ainsi démonstré. Seulement on poursait l'ul reprocher d'appeler hauteur du nonagésime pour l'instant du milieu, ce qui n'est que la hauteur du Solcii. Il est vrai que la différence est légère et que Képler, dans l'explication de sa méthode, dit lui-même, p. 104 (au simplicités agamus quam accumitis), si nous préférons la simplicité à l'avait de l'avait de l'avait l'

4°. Pour les lieux qui voient un simple contact au lever ou au coucher du Soleil.

Soient L et V les points de commencement et de sin de l'éclipse générale; l'angle cherché sera LSM ± 1, comme dans le problème précédent; mais LSM aura changé de valeur,

$$\begin{array}{l} \sin \ LSM = \frac{LM}{SL} = \frac{\operatorname{corde} de \ la \ demi-dur\'e générale}{\sigma \sigma - \sigma + \tilde{r} + d} \\ = \frac{\operatorname{corde} de \ la \ demi-durde générale}{\operatorname{différ, des parallaxes} + somme \ des \ demi-diamètres}; \end{array}$$

c'est le précepte de Képler.

5º. Pour le lieu dans lequel l'éclipse finit par le bord inférieur et oriental au levre du Soleil, ou commence par le bord inférieur et occidental, quand le Soleil se couche, en sorte que ce lieu soit le plas occidental de tous les lieux de la Terre qui ont vu une petité éclipse au lever, et plus oriental que tous ceux qui ont vu le Soleil coucher avant la fin de l'éclipse.

Ce problème ne concerne que les éclipses dans lesquelles au militzu, l'arce de latitude est moindre que la différence des desni-diamètres du disque et de la pénombre; c'estè-dire dans les éclipses qui peuvent ètre totales pour des latitudes terrestres de déuomination contraires, ou australes pour les latitudes septentrionales, et septentrionales pour les latitudes australes.

Le précepte est le même et la démonstration pareillement.

On voit que Képler ne considère que le commencement et la fin de léclispe, soit générale, soit centrale, et l'instant du milien qu'il paratt confondre avec le conjonction. Il nous dit, par exemple, l'are de latitude, amilient de l'éclipe; il plus courre distance n'est pas un arc de latitude, cela n'est vrai que de la distance des centres, à l'instant de la conjonction. Sa méthode n'est dour pas absolument rigouveus en un point; elle est encore incomplète, paisqu'il ne parle pas des instans intermédiaires.

Le nonagésime est-inuitie pour ces problèmes, et il ne fait qu'obscurcir la question et allonger les calculs; mais Képler a pris ce détont pour avoir la facilité de mettre une partie de la solution en tables. Du moins je le suppose, car il n'explique et ne démontre rien. J'ai résolu tous ces problèmes de la manière la plus simple et la plus directe, sans y faire entrer ni le nonagésime, ni aucane considération étrangère; il y a cependant que'que ressemblance dans le fond de notre idéer principale (royes mon Astronomie, chap. XXIV, p. 117). Suivons Képler, et voyons ce qu'il va faire de la batteur du nonagésime.

Quand on a la bautent NO du nonagéisme (fig. 8a), on a $\mathbb{Z}_P = \operatorname{Bilt}$ rédit du pôle p de l'éclipitique, en $\mathbb{Z}_P = \operatorname{NO}$ en a \mathbb{P}_P qui est l'obliquité de l'éclipitique; on a $\mathbb{Z}_P \mathbb{P} = \operatorname{NO}$ = dist. du Soleil au tropique du Cancer, ex on suppose le Soleil au nonagéime, du moins à l'instant de la conjonction, on , si l'on vent, du millen de la durée, le triangle $\mathbb{Z}_P \mathbb{P}$ donne sin lat. $= \cos \mathbb{P} \mathbb{Z} = \cos p$ sin $\mathbb{Z}_P = \cos$

=cos(90°-⊙)sin a sin h+cos a cos h=sin ⊙ sin a sin h+cos a cos h; on a donc la hantenr dn pôle du lieu qui voit le phénomène.

 $\sin PZ : \sin p :: \sin Pp : \sin Pp = \frac{\sin p \sin Pp}{\sin PZ} = \frac{\sin (qo^* - Q) \sin s}{\cos H} = \frac{\cos Q \sin s}{\cos H}$ $= \sin (180^* - MPS) = \sin (180^* - MS) :$

on a donc l'ascension droite du milieu du ciel, pour le licu du phénomène; on la compare à celle qui a lieu sous le méridien des tables, et l'on a la différence des méridiens.

Ou bien, pour le milieu, on a nonagésime = O; point orient = O+90°; on cherche dans les tables sa différence ascensionnelle, son ascension droite, son ascension oblique, le point de l'équateur au méridien, ou l'ascension droite du milieu du ciel, et la différence des méridiens.

Cette méthode de Képler a donc les mêmes fondemens que la misone, mais elle est beaucoup moins calire, d'antant plus qu'il ne démoutre rien; en sorte qu'ayant voulu la lire, il y a long-tems, je n'y avais presque rien compris, et c'est senlement depuis que j'si trouvér ma méthode trigonométrique pour les éclipses, que j'ai pu trouver la démonstration de ses préceptes. Remarques qu'il fait l'inclinsisé de l'orbite réstative à une quantité constante 5°18'. Ainsi, la méthode n'était qu'approximative, mais bien suffisante alors sur-rout, yu le peu de certitude dont ces an-

Hist. de l'Astr. mod. Tom; I.

nonces étaient et sont eucore susceptibles. En effet, le rayon du disque, ou la différence des parallaxes, n'est guère que de 57' euviron, et elle

répond sur la Terre à nn arc de qo'.

Au commencement et à la fin, le Soleil n'est point au nonagésime, mais il est à Poirent; on a donc le point orientale de l'éclipique, et, par couséquent, le nonagésime dont on a sussi la hauteur; le reste du calcul est le mâme. Nous avons supposé la latitude en conjouction horsâle; si elle duit australe, ou aurait les mêmes préceptes, sauf quelques changement de sign.

Il rassemble ensuite, eu une demi-page, quelques remarques genérales sur l'ordre des phénomènes, et la marche de l'ombre sur la Terre; il n'en démoagre aucuue. Ce chapitre aurait besoin de développemens asses longs. Foyez mon Astronomie on celle de Lalaude, le Traité de Duséjour, et le Mémoire de M. Monteiro, sur le calcul des éclipses.

Il doune très brièvement les règles et deux exemples de calculs d'éclipses solaires pour un lieu déterminé; je n'y vois rieu de neuf.

Pour terminer ce chapitre, il parle d'une dernière et messuelle équation du tems dans les célipses. « Maiger tons les soins qu'on a pris pour déterminer les inégalités de la Luue, cet satre rebelle rejetant toutes les lois qu'on lui vent imposer, s'écarite eucore des calculs. Ou a recounu que vers l'équinose d'autonne il y entre plus toit. Cette inégalité nà été remarqué que dans les éclipses. Qu'arrive-t-il à la Luue quaud elle passe par les points équinoxiaux hors des syzygies? persoune n'y a fait attention, que je sache; ce n'est ici ni le tems in le lieu d'eu chercher les causes. En attendaut qu'elles soient connues, tout ce que nons pouvous faire est décabile une rèpel tirée de l'expérience. »

Ces causes étaient sans doute le nombre des équations négligées dans la théorie de la Lune; mais voici la règle empirique de Képler.

Prenez dans les tables de la Lune l'équation physique (esin x), multipliez-la par 8, et vous surez des minutes qu'il faudra retrancher du tems apparent de la syzygie; si l'argument (O—ap. C) surpasse 180°, vous siouterez ces minutes au lieu de les retrancher.

Vous changerez les signes, si vous voulez corriger les tems observés d'une éclipse; cette équatign est importante, sur-tout pour les éclipses de Soleil; il eu donue pour exemple une éclipse dont les tems avaieut été marqués d'après l'horloge de la ville. L'équation e sin x peut aller à 2°; qui feront 20° de tems. En 20° la Lune ayance de 11° environ. Ce serait une équation de 11'sin(⊙-ap.C), ce qui ressemblerait fort, pour la quantité, à l'équation annuelle qui est 11'sin(⊙-ap.⊙).

Képler cherche ensuite le point du disque où l'éclipse doit commencer; il calcule l'angle que le cercle de latitude fait avec le vertical, au moyen de l'équation contant monagémine sin angle de l'éclipique avec le vertical secon angle du cercle de latitude avec le vertical.

Il cherche le lieu vrai de la Luue par l'observation de la fin ou ut commencement de l'éclipse. La distance des contres est donnée, c'est la demi-somme des diamètres; il calcule la latitude apparente $(n-\pi)$; $\frac{cu(\ell+\lambda)}{cu(\lambda-\pi)} = \cos différ.$ appar. de longitude; différ. appar. — parall. longit. = différ. vraie de longitude. Il en conclut la longitude vraie, le tems de la conjoucition vraie, et la différence des méridies.

C'est, dit Képler, le meilleur et le plus beau moyen ponr connaître la différence des méridiens. Voils encore un service important rendu par Képler, qu'on peut regarder avec justice comme le fondateur du Calcul astronomique moderne.

On pourrait dire que ces trois cosinus ne donnent pas la différence apparente de longitude avec une grande précision; mais ce n'est la qu'une difficulté trigonométrique à laquelle on peut remédier en faisant

1 - cos
$$dL = a \sin \frac{1}{2} dL = 1 - \frac{\cos(\frac{1}{2} + d)}{\cos(\frac{1}{2} - r)} - \frac{\cos(\frac{1}{2} - r)}{\cos(\frac{1}{2} - r)} - \frac{\cos(\frac{1}{2} + d)}{\cos(\frac{1}{2} - r)}$$

$$= \frac{\sin \frac{1}{2} (\ell + d - \lambda + r) \sin \frac{1}{2} (\ell + d + \lambda - r)}{\cos(\frac{1}{2} - r)},$$

$$\sin \frac{1}{2} dL = \frac{(\sin \frac{1}{2} (\ell + d - \lambda + r))\sin \frac{1}{2} (\ell + d + \lambda - r)}{\cos(\frac{1}{2} - r)},$$

Il cherche, comme Ptolémée, les points de l'horizon vers lesquels se dirige la ligne des cornes.

Il enseigne à trouver, par ses l'ables, les conjonctions des différentes plantetes, les spocastasses ou les restitutions. l'extéllime qu'il traduit par couluito, et qui n'est qu'une période dégagée de fractions par la multiplication qu'on en fait par le dénominateur de la fraction. Il calcule la proemptose des cioiles (la précession en longitude) et la métemptose des levers des étolies (le retard ou saut en srrière; proemptose signifie saut ou clutte en avant).

Dans la quatrième partie, il traite de la variation de l'obliquité, qu'il

regarde comme nulle, ou du moins trop incertaine. Son avis est de la négliger; mais si l'ou veut en tenir compte, il y a cinq systèmes différens; c'est au calculateur à choisir, mais le choix fait, il ne reste plus rien d'arbitraire. Tous les systèmes ont cela de commun, qu'ils supposent autour a pôle de l'éclipitique moyenne (qu'il appelle route royale), na petit cercle dans lequel se meut le pôle de l'éclipitique vrai, d'un mouvement rétrograde et autiorme. Ce mouvement se rapporte au diamètre da petit cercle, et ce diamètre fait partie du colorre des solstices. L'origine du mouvement est au point le plus éloigné du pôle de l'équateur en a (fig. 85.). L'arc parcour est sé, c'est l'argument de la correction d'obliquité.

Si vous rapportez le mouvement au diamètre, la diminution d'obliquité sera ac = 2 sin* ‡ ab.

Si vons faites réellement tourner le pôle sur son petit cercle, pour avoir l'obliquité actuelle Pb, il y aura un petit calcul à faire.

Quelque parti qu'on prenne sur le calcul de la précession, nous ne devons pas nous laisser séduire par l'autorité de Ptolémée qui, de toute manière, paraît s'être trompé d'un jour sur le tems de ses équinoxes. Soit que l'erreur provienne du monvement solaire d'Hipparque (nons avons répondu à cette interprétation), soit qu'elle vienne du calendrier et de l'intercalation romaine. Cette dernière conjecture, dit Képler, paraît appuyée par un passage de Censorin. En effet, à l'aunée même où Ptolémée observa la Lune pour la dernière fois, après que l'intercalation romaine eut pénétré en Égypte, an tems où Ptolémée a déterminé ses équinoxes, Censorin rapporte au 12 des calendes d'août une date qu'il anrait dû rapporter au 15, si l'intercalation julienne avait été faite comme elle l'a été depuis, et si les pontifes ne s'étaient pas écartés de la loi. (Voyez p. 118, où Képler cite les Lettres de Tycho; les Progymuasmes, tom. I, pag. 52 et 254; le livre De stella Martis, chap. 69). Longomontanns a dit expressément que Ptolémée avait supposé ces équinoxes, qui n'étaient que des calculs faits sur les Tables d'Hipparque, d'où il résulterait que Ptolémée n'a point observé le Soleil, et qu'il n'a fait que copier les Tables d'Hipparque, comme il a copié son Catalogue, et nous sommes entièrenent de l'avis de Longomontanus; mais Képler est plus circonspect: pour ne point accuser Ptolémée, il aimerait mieux croire que vers le tems de Ptolémée les équinoxes ont fait un saut, et que ce mouvement extraordinaire a été ensuite compensé avant le tems de Proclus, Képler va même jusqu'à donner la cause physique de ces fluctuations dans les mouvemens du Soleil. Il promet de prouver, par des observations très certaines, que



le mouvement du Soleil, rapporté aux fixes, a de légères inégalités, et de publier un livre à ce sujet, si Deus voluerit. Le livre n'a point paru.

Voilt tout ce que nous avous cru devoirextraire de cette introduction. Les Tables Rudolphines étaient encore bien imparfaites sans doute, mais elles avaient, sur toutes celles qui les avaient précédées, et même or celles que d'autres auteurs ont publiées quelques amées après, des avantages certains. Les équations du centre y sout rigourensement calculées dans l'ellipse, sinsi que les rayons vecteurs. On y a vu, pour la première foit, les calculs des longitudes, et sur-tout des lalitudes géocentiques, faits sur des principses vrais et tels qu'on les pratique encore aujourd'hui; c'est véritablement de cette époque que datent les tables modernes. Endin, la théorie des éclipses de Soleil, et le calcul des différences des méridiens par les éclipses sujettes à la parallaxe, date également de cest tables.

A la suite de son introduction il a joint un chapitre qui u'avait d'autre objet sans doute que de procurer plus de débit à ses nouvelles tables; en voici le titre:

J. Kepleri Sportula Genethliacis missa de Tabularum Rudolphinarum usu in computationibus astrologicis, cum modo dirigendi novo et naturali.

Il y résout d'abord plusieurs problèmes d'Astronomie sphérique, qui n'offernt rien de neuf; il parle de la méthode de calculer les directions suivant Regiomontanus; il rapporte les méthodes des Chaldéens et de Poldemée, après quoi il donne se propre méthode : elle consiste à conduire le significateur, selon l'ordre des signes, vers le promiseur, en suivant la proprioto naturelle du jour à l'année, en ajoutant, pour chaque année, su lieu du Soleil, le mouvement diurne de la Lune et du Soleil, pour tons les jours réprohes des années. Nous omettrons le reste du précepte, et les motifs sur lesquels il le fonde. Nous ormativones seulement, d'après lui, que par cette manière ou a , pour ainsi dire, un melange de toutes les méthodes parleiges. Il termine en ces termes : Hec hacteurs, in gratism gentis entrologiene na mater vettule (quá similitudine sum suus in preptitose ad lectormy) se destituteur na despectam d'affitia ingrant et superdé querattur.

Il nous resterait à donner les élémens des planètes, d'après les restitutions de Képler; mais on en trouve le tableau complet dans les Tables de Berlin, tom. I, pag. 2 et suiv. On le trouvera à la fin de ce livre.

J. Kepleri admonitio ad curiosos rerum cœlestium, de raris mirisque

Digge Str. Googl

anni 1651 phænomenis, Veneris puta et Mercurii in Solem incursu excerpta ex Ephemeride anni 1651 à Jacobo Bartschio Kepleri genero.

Képler avait nié que Véaus pât passer sous le Soleil dans le XVII sidele; il avait déclare qu'on ne jouireit de ce phénomèe qu'en mai 1761. Le calcul des Éphémérides bui prouve qu'il s'était trompé daus son suscriton. Il fait donc des vœux pour que le ciel soit introrable à use observation si rare, qui ne revient un nôme point que tour les 355°ms, et qui peut apprendre aux extronomes des choses qu'ils ne pourront peut-fire junais connaître autrement. Il songesit sans doute à la parallaxe, misi il parat voir aussi en vue le diamètre, du moins principalement, sans quoit in c'est position, était loiu d'avoir d'e d'aimètre, comme il résultait des suppositions admises. Ces passages mettront à portée de juger si le diamètre de Vénos est en effet de p'Ch.

Le calcul indiquait le passage 6º après le coucher du Soleil, en consequence, il echorte tous les navigateurs, tous les avaus de l'autre hémisphère, tous les professeurs de Nathématique, tous les princes qui peuvent se faire un plaint des phénomènes celestes, entit, tous les amateurs l'Astronomis, à se procurer des lunettes avec lesquelles on puiste observer les taches du Soleil.

Vénus ne passera pas seule, Mercure la précédera de 30 jours.

La parallaxe diurne, s'il y en a une, doit être pour Vénus quadruple de celle du Soleil, et pour Merenre une fois et demie celle du Soleil. Et cette parallaxe augmentera la durée de l'un à l'autre phénomène, car l'une et l'autre planète étant boréales, la parallaxe qui les porte au sud, les rapprochers du centre du Soleil.

Il résulte de ce passage, que Képler doutsit que la parallare fát sensible; mais si elle existit, et si elle était d'environ 11,6 elle devait allonger bien considérablement la durée. Il était impossible, va la lenteur du mouvement de Vénnes, qu'un effet si considérable c'happt à l'observation; ce qui me fait eroire que la parallaxe de Vénus, et par conséquent celles du Soleil et de toutes les planietes, étaient une de ces choses que le sa passages seuls pouvaient révelte aux sistronmess. Képler recommande ce phénomène aux navigateurs, aux princes, il a l'air de recommande ce phénomène aux navigateurs, aux princes, il a l'air de recommande cut te qu'on a fit en 1761 et 1765; il indique la plus parfaite des pérriodes qui ramèneut eet passages. Halley a depuis étendu ces prédictions et ces recommandations; il n'a fait que développer les idées de Képler, mais il se peut qu'il l'ait fait sans se rappeler et peut-être sans avoir lu le petit écrit de Képler.

Commentaire sur une lettre du P. Terrentius, missionnaire a la Chine.

Cette lettre était adressée aux mathématiciens d'Ingolstadt, en 1625; elle fut transmise à Albertus Curtius, en 1627. On y voyait que les Chinois voulaient réformer leur Calendrier; et que les points principaux de la réforme regardaient les éclipses et la précession des équinoxes. Terrentius demandait les onvrages nouveaux qui avaient pu paraltre, et en particulier cenx de Galilée, ou l'Hipparque de Képler. Il dit que l'Arithmétique des Chinois est semblable à la nôtre; et que depuis Yao, ils ont tonjours donné une fraction de jour à la durée de l'année. (Si on les en croit), ils out des problèmes géométriques qui ont plus de 5000 ans d'antiquité; ils divisent le zodiaque en 28 maisons, le cœur de Scorpion est pour enx le cœur du Dragon, la queue du Scorpion est la queue du Dragon; ils nomment Loup, la Canicnle; Bauf, le Capricorne; et Roi, la dernière de la grande Ourse, parce qu'autrefois elle était immobile au près du pôle. Terrentius ajoute qu'on vient de lui remettre un Traité du calcul des Eclipses; il va le faire transcrire, l'étudier, et quand il l'aura bien compris, il le communiquera à l'Europe. Enfin, il annonce que quand il aura terminé son conrs de grammaire chinoise, il pourra eu apprendre et en écrire davantage.

Képler, dans ses remarques, nous dit qu'il y a environ 14 ans, c'esta-dire cers (sic), à vasti la le vogae d'un religieux qui avait été dans le royaume du Catlary par la Tartarie et le royaume Monegal; il y étim question de dexa principaux tribunaux de Mathématiques, qui sont chargés d'indiquer les fâtes et les éclipses : l'auteur peuss qu'ils saivent la doctrine d'Illoparque. Képler es livre à quedues conjectures une méthodes chinoises; il leur propose quelques idées sur le Catendrier. Il est impossible de trouver un cycle east; il ne reste qu'a se servir des Tables astronomiques, c'est-à-dire sans doute, à se borner à l'année solaire.

Si les Chinois veulent avoir non explication des inégalités de la Lane, ils n'ont qu'à consulter le livre de Stella Martis et l'Épitome de l'Astronomie copernicienne; ils y verroat qu'il n's a point de cercles dans l'intention du moteur célezie; mais que le concours de drux cauxes mouvantes fuit décrire à la Lune son ellipse; l'une de ce cauxes la fait aonter de l'occident à l'orient; l'autre fait approcher la Lune suivant des lignes droites vers la Terre, ou l'en éloigne.

L'Hipparque de Képler se trouve dans les Tables Rudolphines, il atymanque que les démonstrations; il compte les douner dans un livre où il traitera principalement de la Sciamétrie (mesure des ombres), c'est-àdire des diamètres du Soleil, de la Laue, et de l'ombre dans les éclipses. On voit ailleurs que l'intention de Képler, en composant son Hipparque, était de donner une espèce d'extrait de la Syntaxe mathématique, pour rendre au véritable autent cout ce que Ptolémée avait empurait de lui.

ll remarque que l'age d'Yao se rapproche beaucoup du déluge, et que cet Yao pourrait bien être le fils de Japet.

La période de 60 aus des Chinois, lui rappelle le sosses des Chaldéens, qu'il dit être de 60 ans; le saros était de 5000, le néros 600; à moins que les années ne soient des jours.

Peu après le tems d'Yao, les Chinois fout mention d'un éclipse. Képler croit que cette éclipse est une fiction, et qu'elle viex rien q'un calcul. Il penne que toute l'Astronomie chinoise vient des Arabes; leur idée sur la dernière étidie de l'Ourse est fausse; jamais cette étoile n'a été voisine du pôte. Il se défie un peu de leur antiquité; en même tense qu'ils recevorant notre Astronomie; il souhaite ardemment qu'ils reçoivent aussi le donx jog du Christianisme.

Dans un appendice, il parle d'un moyen graphique qui n'emploie que la règle et le corcle pour déterminer les lieux qui verrout. l'éclipse de Soleil et toutes ses circonstances. Mais hélas l ajoute-t-il dévotement, que la raison vous serve de cercle, la loi de Dieu de règle; que la grâce de Dieu remplace le disque éclairé par le Soleil, vos péchés représenteront l'ombre de la Luue, la pénombre sera la participation aux péchés des autres.

Il ne nous reste à analyser que l'Épitome et deux écrits postbumes.

Epitome Astronomiæ copernicanæ, usitutá formá quæstionum et respon-

sionum conscripta, inque VII libros digesta.

Cet ouvrage se compose de 2 vol. in-12, qui out paru à des époques très différentes, 1618, 1621 et 1622.

Dans l'épitre dédicatoire, pour se disculper des innovations qu'il propose, il dit avec beaucoup de raison; que la Philosophe entière n'est rien autre chose qu'une innovation et un combat avec la vielle ignonnec. On y lit que Clavius mourant, à la nouvelle des découvertes de Galiléa 'avait pressenti ces changemens, quand il s'était écrié : C'est aux autronomes a voir quelles dispositions ils pourront donner aux orbes célestes pour sauver les phénomènes.

Le mot Astronomie vient de ab astrorum regimine ut œconomia à regenda re domestică, pædonomus à regendas pueris. Je n'ai pas songé à ce dernier exemple, en rassemblant ceux qui me paraissent appuyer cette étymologie. (Astronomie, tome I, page 1.)

A la page 8, il paralt croire à l'influence des planètes (in quibus efficacia consistit planetarum in hœc inferiora); il est un peu moins crédule que Tycho, mais bien loin encore d'être tout-à-fait dégagé des vieux préjugés.

« Nous croyons la Terre le centre des mouvemens célestes, comme les peuples ignorans croient leur ville au centre d'un cercle qu'ils prennent pour la Terre entière, et qui n'est que leur horison. Les Grees ont cru Delphes le nombril de la Terre; les Juiß en croyaient autant de Jérusslem. »

En parlant de la rondeur de la Terre, il explique (page 27) comment du rivage on croit voir la surface de la mer concave, quoiqu'elle soit couvexe. Rien de nouveau sur la manière de mesurer la Terre.

Le Soleil est une étoile fise comme les autres; il ne nous paralt plus grand qu'a raison de sa distance qui est beaucoup moindre. Entre le Soleil, la Terre et les fises, il doit y avoir un grand espace vide, entouré de toute part comme d'un mur par le ciel, où les étoiles sont placées à des distances différentes.

Les Hébreux comptaient 15000 étoiles; elles ne différent pas tellement de grandeen, qu'on soit oblégé de lon supposer des distances fort lacque. Dans le baudrier d'Orion, on remarque trois belles étoiles à 83° de distance l'une de l'autre. Supposona que lear diamètre soit pour nous des minuste, celle du milleu doit voir les deux sutres sous un angle de 83°, et bies autremne grandes que ne nous parts It 6 soleil.

Cela est vrai; mais si elles n'ont pas pour nous 1" de diamètre, elles paraîtront bien plus petites que le Soleil.

On sait que le Soleil tourne autour de lui-même, comme la Terre; il est croyable, par analogie, qu'il en est de même de toutes les planetes.

Les comètes sont des corps qui traversent l'éther en lignes directes; elles sont composées d'une maitier condensable et dilatable, qui peut dissiper; ce qui est prouvé par leur queue, qui est un écoulement de leur abstance; cet écoulement se fait dans la partie opposée ao Soleil, et il est causé par les rayons da Soleil qui traversent le corps de la comète.

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

La donaité de l'air est plus grande que celle de l'éther; les réfractions le pronavant. Les réfractions ont été déterminées par Tycho; voici-l'un de ses môyens: la queue du Lion et l'épi de la Vierge sont deux helles étoiles dont la distance est de 55°s'; ce qu'on peut mesurer dans diverses positions; mais dans la partie orientale du ciel, quand la queue du Lion, est à ây'; de hauteur, on voit l'épi qui se lève dans le même vertical; elles sont douc rapprochées de 55°; environ par la réfraction, qui est presque uulle pour la queue du Lion, et à l'aplus grande possible pour l'Épi. (La réfraction de l'étoile est de 1'ao°; la réfraction horisontale sera douc de 35°, d'os, equi différe très peu de 1 vérité.)

Képler donne les moyens de mesurer la hanteur de l'atmosphère, celles des nuages et des crépuscules. Il rapporte, d'après Joseph Acosta, que dans le Chili, le crépuscule un dure pas plus d'un quart-d'heure, et qu'en peu de tems on passe de la nuit profonde à la lumière du jour. On sait aujourd'hui ce au'on doit penser de ce récit.

L'estimation des angles diffère beaucoup de ce que donne la mesure effective. L'estime se compose de l'angle réel et de la distance supposée.
La Lune et le Soleil près du zénit paraissent beaucoup plus petits qu'à l'horizon, parce qu'on les juge plus éloignés.

Le mouvement de la Terre doit se communiquer aux corps grave près de sa surface. De ce que les graves tombeut aur la Terre, il ne s'ensuit pas qu'elle soit le centre du monde; les graves tombent à la surface de la Lone, il ne s'ensuit pas qu'elle soit le centre du monde. Kepler auvait ici l'air de donner comme un fait obserré ce qui n'est qu'un est outer de vait par du monde. qu'une conséquence du système de pesanteur qu'il s'eint composé. Sa conséquence extraie, mais il ne devait pas la présenter ainsi.

La nature opère (oujours par les voies les plus simples et les plus directes. Le mouvement de rotation de la Terre épargue des millions de mouvemens; c'est une raison de croires que la Terre tourne. Messihieus demandait comment la Terre pourrait seule rester en repos et un pas suivre le mouvement du monde, sofrance en repos et un pas suivre le mouvement du monde en sofrance en repos et un pas suivre le mouvement du monde en sofrance en repos et un pas suivre le mouvement du monde en sofrance en repos et un pas suivre le mouvement du monde en sofrance en repos et un pas suivre le mouvement du monde en sofrance en se suivre
Le laudgrave et Tycho ont mesue; le tems qu'une hombe emploie à traverser l'air et retomber; ils trouvèrent 2 minutes, et le trejet un grand mille d'Allemagne. Le mouvement d'an point de l'équateur n'est que 7 ou 8 fois plus rapide; ils ne l'est pas beaucoop plus que le mouvement du projectile à l'aissant où il sort de la pirée.

Képler se demande s'il n'y aurait pas dans le Soleil une certaine vertu magnétique qui attircrait le pôle de la Terre; il répond négativement. L'âme de la Terre est d'une nature à part; elle n'est pas comme la vie ordinaire qui fait croître, donne la faculté de sentir, de raisonner; mais elle produit le mouvement et n'agit que par instinct.

Il se fai cette objection: qu'on lance denx boulets, l'un à l'orient, l'autre à l'orcéteal, l'un se doit-il pas aller plus lois que l'autre l'it répond que non, da moins sur la Terre; mais si on les voyait de debors, il en serait sutrement; ce serait comme si deux personnes sux deux bouts d'un vaisseus se jettaient et se renvoyaient une balle; vue du vaisseus, la vitesse ser la même; vue di rivage, elle sera différente.

Nous ometions toutes les notions communes qui entrent nécessairement dans un ouvrage elémentaire, et tout ce que Képler reproduit de ces systèmes, de ces idées archétypiques que nous avous déjà vus dans ses divers ouvrages.

A la page 573, il donne une figure mnémonique de l'ordre dans lequel se succèdent les levers et les couchers cosmiques et héliaques.

Les jours caniculaires commencent au lever héliaque de Sirius. Pline fixe ce lever an 15° des calendes d'août; jour auquel il marque aussi l'entrée du Soleil dans le Lion, quoiqu'il ne fût encore qu'en 5° 22°.

Depuis Hipparque jasqu'a nous, dit Kepler, cette siussion du Solcii ad di reitorgarde du 17 au 3 juillet, est autens du Calendrier la fixèrent au 15 juillet, et conservent encore cette date, commens ile Solcii Perensit à la même étoite en une nancé juillenne; d'autres la blacetta ni 60 ou 12 depois la reformation, an 6 ou au 7. Mais daus nos climats, la canicale se lève au 7, juillet. On a varie pas moins aux le nombre dos cancio la lève au 7, juillet. On a varie pas moins aux le nombre dos cancionaires, que les asseurs 60 nt de 50, 54, 40 et 41 jours; sutrefois on n'en competait pas moinsi de 40.

Képler calcule anssi le lever d'Arcturus, pour son siècle et pour celui d'Hésiode.

Il ne reconnalt encore, page 144, que deux moyeus pont trouver la différence des méridiens, les éclipses de Lane et l'observation de la Lune au nonagésime; il dit que les physiciens cherchent à la déterminer par un aimant rond; il croit ce moyen très incertain.

A la page 451, il croit que Saturne a deux satellites qu'on aperçoit quelquefois dans les lanettes; on ne sait rien à cet égard, de Mercarde Venns et de Mars.

Les anciens donnaient au Soleil une parallaxe de 5'; Kárrer réduit Cette parallaxe à une minute; il tripla donc la distance de soleil. Képler dit qu'il n'a trouvé aucune parallaxe sensible à Mars en opposition, quoiqu'il doive, en cette position, avoir une parallaxe presque double de celle du Soleil. En diminuant ainsi la parallaxe du Soleil, il a vu

que les éclipses étaient mieux représentées.

Il trouve raisonnable de supposer que les volumes croissent avec les distances; ainsi Mercure est le plus petité des planètes. Vémes est plus petité que la Terre, Mars plus grand, Jupiter davantage et Saturne le plus gros de tous. D'après ser raisons archétypiques, Saturne doit ètre dix fois gros comme la Terre; Jupiter, plus que quintuple; Mars, sesquialitere; Vémes, ½, et Mercure un peu plus qu'un tiers. On voit qu'il fait les volumes proportionales aux distances.

Le Soleil est le plus dense de tous les corps célestes; Mercure vient

ensuite, et la densité décroît quand la distance augmente.

Le rayon de la sphère des étoiles est 2000 fois la distance de Saturne. Les anciens attribusient aux différentes pahrees des intelligences qui les conduissient; Képler réfute cette doctrine, par la raison que des intelligences auxiempréféréel eccrete à l'ellipre (p. 509), et cete dermièré figure semble plus conforme suz lois de la balance, et à une nécessié matérielle ou'une intelligence.

La chalent et la lumière sont les instrumens avec lesquels le Soleif communique le mouvement à toutes les planètes. Le Soleil, en tournant antour de lui-même, les détermine à tourner dans le même sens. Képler avait tiré cette conséquence de ses idées archétypiques, avant qu'on cût

decouvert les taches du Soleil.

Tom mouvement dérive donc du Soleil, it multi fotation a été donnée dans l'origine, por le Créateur tout-puissant. Ce mouvement pourrait se continuer par le mojen expliqué précédemment; mais on oblient créaulta d'une manière plan certaine, en donnant une âme au Soleil. Les tacles du Soleil soit ou des nauges, ou d'épaisses fumées qui s'elèvent de ses, antrailles et se consament às surface. Il est plus naturel d'y voir l'éffer d'une âme, que celui d'une simple forme. La lumière elle-même, siani que la chelore, ou avec une mêm 'quélqué affinité.

"Le Soleil tourne, et dans ce mouvement s faculté stractives et dirige vez, les différentes régions du ciel, comme ferrait celle d'un simont qui tournessit. Lorsqu'su moyeu de cette force le Soleil a saisi une planète dour l'attree, ou la réposser, il la fait tourner avec lui, et avec elle le sussi tout la maière éthèrée. La lumière s'affaibit en raison doublée de la distance, pourque l'attrection diminuez-telle en raison simple de la de la distance pourque l'attrection diminuez-telle en raison simple de

The Cook

cette même distance? L'objection était embarrassante. Képler répond que cette diminution n'alfaiblit la vertu motrice que dans le sens de la longitude, parce que le mouvement local que le Soleil communique aux plauites ne se fait qu'en longitude et non en latitude, ou vers les pobles des planétes, par rapport auquel le Soleil est immobile.

Tycho enseignait les orbes des einq planètes retenues par un point commun peu éloigné du centre de chaque orbe, et que ce nœud commun tournait annuellement avec le Soleil, dans un petit cercle qui portait ainsi tous ces orbes. Coperuie laissait le centre immobile; il plaçait le centre immobile du Soleil à pen de distance du centre commun, et il donnait à la Terre le mouvement apparent du Soleil. Képler prouve que le centre commun n'est pas dans le voisinage du Soleil, mais dans . le Soleil même; ainsi il est le premier qui ait fait tourner les planètes autour d'un centre reel et physique. Newton fait tout tnurner autour du centre commun de gravité de tout le système. La différence n'est pas grande, puisque ce centre est dans le Soleil même. Képler prouve son assertion par le monvement des planètes, dont tous les rayons vecteurs ont leur origine au Soleil; par le grand axe des orbites, qui passe par le centre du Soleil; par le mouvement en latitude, où l'on remarque que l'intersection des plans, ou les lignes des nœuds, passent toutes par le Soleil.

La raison qui a porté Copernic et Tycho à mettre le centre hors du Soleil, n'est ni suffisante, ni assez astronomique; ils n'y ont été conduits qu'en voulant se trainer sur les pas de Ptolèmée; mais rien ne les foreait à le suivre et à tout rapporter au mouvement circulaire.

Dans le système de Tycho, la distance de Mars ciunt i ¿ fois celle da Soleli, il arrivera que Mars occupera quelquelos un point où le Soleil se sers trouvé quelque tens suparavant; il est peu naturel de supposer que deux orbites primaires puisseut s'entrecouper ainsi; il est hien plus naturel de faire circuler les planètes sutour d'un corps beancoup plus gros, tel que le Soleli; nous voyous que la Lune est jobs peties que la Terre; et les satellites de Jupiter moindres que lenr planète princupale. Enfin, june prever emmarquable, écul te rappart des révolutions et des distances, rapport qui est muitic dans le système de Tycho, et toutbent detrait dans celui de Ptolemée.

Enfin la Terre doit être en mouvement, parce qu'elle est le séjour de l'observateur, à qui ce mouvement danne les moyens de mesurer les espaces celestes, au lieu que s'il ctait au centre il n'aurait aucun

moyen de mesurer les distances; l'astronome, à la manière des géographes, peut choisir disserentes stations pour déterminer un point éloigné.

Le Solcil et les planètes sont comme des simans, qui ont des côtés amis et des côtés ennemis (p. 585). C'est toujours la même verte qua agit en seun différens, quand la position est changée. C'est par la disposition des fibres magnétiques et le changement de position, qu'il explique les secroissemess et les diminations successive des rayons vecteurs. C'est encore aux fibres qu'il attribue les excentricités plus ou moins grandes des banètes, et leurs diverses inclinaissons.

Otez les quaire deroières lignes, le reste est ce qu'on a écrit de plus fort en faveur du mouvement de, la Terre. Les prenves qui ne sont pas tout-à-fait rigoureuses sont ou spécieuses ou du moins ingénieuses et ne déparent pas trop le reste.

Il cherche à montrer, dans le livre V, comment l'action du Soleil sur les fibres de la planète change en ellipse le cercle qu'elle tendait à décrire. Il ne fait plus ancune mention de l'ovale qu'il avait d'abord trouvée par d'autres raisonnemens.

Il expose, sans en donner des raisons physiques bien claires, la loi des aires elliptiques proportionnelles au tems; mais sa démonstration géométrique est au fond celle qu'on en donne aujourd'hui d'une manière plus sensible.

De mot grec apside, les Arabes, ou leurs traducteurs laties, ont fait aux, en changeant le 4 en E. Un homme fort versé dans l'arabe assurait à Képler que le mot augh signifie hauteur. It appelle diacentre le petit diamètre qui passe par le centre, et dihélie le paramètre qui passe par le Soleil.

Le rayon vecteur = 1 + e cos x; le terme e cos x est ce que Képler appelle libration.

Si $x' = 180^{\circ} e' - x$, les deux rayons vecteurs seront $1 + e \cos x$ et $1 - e \cos x$, dont la somme = 2.

 $e \sin x =$ anomal. moy.—anom. excentr. Le maximum a lieu quand $x = 90^{\circ}$.

Alors $e \sin x = e$; Képler détermine e en secondes ou $\left(\frac{e}{\sin t}\right)$; il ne reste plus pour chaque anomalie qu'à multiplier $\left(\frac{e}{\sin t^2}\right)$ par $\sin x$.

Il considère esinx comme l'aire d'un triangle qui est rectangle quand e = 90°. Il calcule l'anomalie vraie par une analogie qui donne co

Si l'anomalie moyenne est donnée, on n'a que la fausse position et le tatonnement; il explique ensuite le calcul de la latitude, dont il est l'auteur, et qu'il a rendu plus exact et plus simple, en faisant passer les lignes des nœuds par le Soleil.

Il suppose uniformes les mouvemens des apsides et des nœuds, l'excentricité constante, ainsi que les inclinaisons. Les anciens ont trouvé l'excentricité plus grande que Tycho ne l'avait trouvée de son tems; mais les équinoxes et sur-tout les solstices, dont Hipparque et Ptolémée ont fait usage, élaient incertains, à 6° ou 12° ptes, et cette errour est plus que suffisante pour expliquer le différence d'excentricité. C'est ce que nous avois démontré par un calcul exact.

Quand il arrive aux stations et aux rétrogradations, il commence par ces mois :

Procipus his vivus unitescii dironomine copernicanae, quod veter Astronomii lacente et unitum dimirante, jusa loquiruse conusa rerus, plicai. Cumque vetus Aitronomia copiero multiplicat, copernicana simplicire omni itsa salvat solo e tancio monu Telluria circa Solone. Palicire trimo international procipi con international procipi con international properties de l'astronomic copernicienne. L'astronomic ancienne ne peut que se tant aires de admirer; la nouvelle porte e rend raison de un fancianne multiplie les épicycles; le nouvelle, bouvcoup plus simple, sauve tout par le seul mouvement de la Terre nature das Soleil. El plus que no un particular de l'articonomic est inmette. Autronomic est inmette.

Il fait ensuite cette remarque, plus singulière qu'importante :

Saturne ciant direct, nulle planète ne peut être en conjonction avec lui, si elle n'est directe.

Pour se démontrer cette remarque et l'étendre, il suffit de placer ici les élongations des diverses planètes à l'instant de la station.

| | Elengations. |
|---------|--|
| 節が他のなんは | 18° 12' 28.51 136.12 126. 7 115.35 108.47 103.15 |

Si Uranus est direct, son élongation est moindre que 105° 15'; tontes les planètes qui lui sont inférienres et qui seraient en conjonction avec lui, scraient directes, car leur élongation serait beaucoup moindre que celle qui produit la station; ces planètes seraient donc directes.

On en dira autaut de Saturne relativement à Jupiter et aux planètes qui lui sont inférieures.

On en dira antant de Jupiter, par rapport aux nonvelles planètes et à Mars; enfin, ce sera la même chose pour les nouvelles planètes, relativement à Mars.

Pour Vénus et Mercure, quand ils peuvent être en conjonction avec les planètes supérieures, l'élongation de ces planètes est bien loin d'être ce qu'il faut pour la station; les planètes supérieures ne sont pas loin de la conjonction.

Il prouve, par les phases de Vénus, que cette planète tourne autour dn Soleil.

Nous avons extrait ce qui concerne les inégalités de la Lune, en commentant les Tables Rudolphines.

Page 832, il donne la véritable explication de la lumière cendrée, sans citer personne.

On appelle grande conjunction celle de Saturne et de Japiter, Jorsque la lenteur des mouvemens la fit durer asses long-tens pour du Mars vienne s'y joindre; on voit alors trois belles étoiles sans annemens escintilation, vers la même région du ciel. Cette conjoinction pende nom de très grande, quand les trois planètes se réunissent vers le commencement du Bélier.

Les conjonctions de Saturne et d'Uranus dureraient bien plus longtens, mais Uranus n'est pas assez brillant pour qu'on le remarque. Ces grandes conjonctions sont aujont'hui tombées dans un grand discrédit.

A l'article des éclipses, il projette la partie de la Terre qui est tournée vers le Solcii sur un plan dans la régino de la Lone; les points représentés changent de place à chaque instant sur cette projection. Voil à première mention que je trouve de cette méthode, mais Képler se labone à des considérations générales sur la marche de l'ombre sur la Terre. Il est vrai que l'idée une fois conque, le reste n'est plus qu'une opévaiton trigonométrique qu'on peut seulement rendre plus ou moins simple, plus on moins adorite.

A la page 895, il parle d'une éclipse annulaire observée à Naples, le 20 oct. nouveau style. Le Soleil et la Lune étaient vers les moyennes distances; ainsi le diamètre de la Lune surpassait celui du Soleil. L'éclipse devait donc être totale. Képler explique l'anneau lumineux par la lumière du Soleil réfractée dans l'atmosphère de la Lune.

Il se demande pourquoi les felipses toales de Solcia ne sont pas toutiquest accompagnées d'un obseusité profonde. Il en donne pour raison l'aimosphère brillante du Solcii. Cette aimosphère est quelquefois visible sprès le coucher du Solcii, et elle donne assez de lumière pour empécher que la muit ne soit obseure. Mais cette atmosphère n'euroire pas toujours le Solcii, et quand l'air autour du Solcii est pur, cet écha citanger n'esistant pas, l'éclipse totale amène une grande obseurité.

Quoi qu'il en soit de cette explication, voici l'atmosphère du Soleil et la lumière zodiacale, dont on attribue ordinairement la première découverte à D. Cassini.

Il attribue à la lumière réfractée par l'atmosphère de la Terre, la lumière rougeatre qu'on voit à la Lune dans quelques éclipses.

Les éclipses d'étniles, de Soleil et de planètes par la Lune, sont le meilleur moyen qu'on ait pour déterminer les différences des méridiens. A propos des taches du Soleil, qu'il compare aux nuages de notre

A propos des taches du Soleil, qu'il compare aux nuages de notre atmosphère, il rapporte, pour la réfuter une hypothèse qui donnait au Soleil une enveloppe transpareute, parsemée de particules opaques qui tournerait autour de cet astre d'un mouvement très lent.

An livre VII, il traite des mouvemens de la huitième, de la neurième et de la dixième sphère. Quelques astronomes plus modernes en ont ajonté une onzième et même une douzième. La neuvième et la dixième sont sans astres αναστροι.

Pour expliquer la précession, on svait donné un mouvement lent la bultième sphère qui ent celle de étoilee. On crut sperceorie une inégalité dans ce mouvement, on crés une neuvième sphère à laquelle ondonale mouvement diurne; on y hea l'équateur, l'écliptique, on les les pôles de la buitième sphère à qui vavit on soldique particulier, lequel vavit un mouvement de metation de quedques degrés sous le sodisque de la neuvième. Ce mouvement d'accès et le recès étes tepé trépidation. Mais l'expérience na montré que le mouvement des fixes est continu et ne revient planis en arrière. On juga nécessire de donner un mouvement propre à la neuvième sphère et de l'entourer d'une distème. La divième tournait d'orient en cocicient en 2,4 beures autour des pôles immobiles du monde, entralant tonte la machine. L'écliptique de la neuvième rampait sous l'écliptique de la dixième d'un mouvement constraire, c'ésta-dire d'occidération.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

orient autonr de ses propres pôles, en 49000 ans, selon les Alphonsins. L'écliptique de la huitième trépidait sous l'écliptique de la neuvième d'un mouvement réciproque, de manière à retarder ou accélérer le mouvement de la neuvième.

Ces trois éclipiques étaient plus favorables aux calculs. Ceux qui maginirent de faire tourner les têtes d'Aries et de Libra dans de petits cercles, se donnèrent un embarras insuile, et ne rendirent pas les idées des premiers auteurs. Ils faissient mouvoir le commencement des des signes le long de diamètre; leurs hypothèses ne satisfaisaient pas au décroissement observé de l'obliquité, et personne avant Copernic n'avait fait attention à ce point.

Kepler n'est pas ici bien exaet; Nonius a fait voir comment ees deux petits eereles rendaient raison de la diminution d'obliquité; voyes notre

Commentaire sur Nonius (tome III, page 281).

Copernic a rejeté toutes les sphères superflues; un monvement conique dans l'axe de la Terre produit la rétrogradation des points équinoxiaux, et pour expliquer le changement d'obliquité, il a fait osciller le pôle de l'équateur dans le diamètre d'un petit cercle. Tycho donna ce dernier mouvement aux pôles de l'écliptique, mais il ne s'est pas explique davantage sur ce monvement. Képler imagine une écliptique fixe ou movenne qu'il appelle Viam Regiani, sur laquelle l'écliptique vraie s'ineline plus ou mains. Cette route royale est un grand cercle qui a pour pôles les pôles de la rotation du Soleil. Le pôle de l'éeliptique vraie tourne dans un petit cerele autour du pôle de rotation : l'écliptique s'éloigne de certaines fixes, et s'approche de celles qui sont dismétralement opposées. L'axe de l'écliptique vraie conserve la même inclinaison avec l'axe de rotation du Soleil, ainsi il s'incline par rapport à l'axe de l'equateur, et l'obliquité varie. Il fait la plus petite obliquité de 22°20' et la plus grande 26°5' 20", l'intervalle de tems d'une limite à l'autre est de plus de 56000 ans.

La précession des équinoxes est l'arc de la route royale, compris entre le cercle de latitude mené par le pòle de rotation et la première ctuile d'Ariès et l'intersection équinoxiale.

Le mouvement du pôle de l'écliptique est au mouvement du pôle du monde comme 4:5 assez exactement.

Oq peut être étonne que Képler, qui cherche partont des causes physiques et qui nons présente si souvent avec tant de confiance les rèves de son imagination, témoigne ici tant d'incertitude sur la cause du mouvement qu'il assigue aux pôles de l'équateur et de l'écliptique. Ailleurs il a parlé avec éloge de la simplicité avec laquelle Copernic a su expliquer la precession; mais il n'a pas osé hazarder la moindre conjecture sur la cause d'un phénomène si remarquable. Ce qui a pn l'arrêter et lui faire perdre tout espoir, c'est peut-être la lenteur et surtout la continuité de ce mouvement qui, avec le tems, sera d'un cercle entier. Ses pôles amis et ennemis, ses fibres longitudinales selon lesquelles s'exerce la force magnétique du Soleil, ne lui étaient ici d'aucun secours; il est vrai qu'il avait aussi concu des fibres circulaires qui produisaient le mouvement des planètes en longitude; mais ce mouvement est direct, celui du pôle et des points équinoxiaux est rétrograde; la même cause ne peut produire deux effets contraires. Il fallait donc une autre explication qui n'était pas aisée à trouver. Aujourd'hui même que nous connaissons la cause veritable, nous voyons qu'il était impossible à Képler de la soupconner, puisqu'il ignorait que la Terre est un sphéroide; il est assez difficile d'imaginer ce qu'il aurait pu mettre à la place, anssi se voit-il reduit à donner à la Terre une espèce d'ame ou d'instinct, nune mente utatur insuper, mais il ne s'explique qu'avec reserve. Il est possible. Potest esse illa facultas animalis... talem etiam concessimus motui apsidum, talem motui latitudinis administrando. Page 911, et plus haut p. 598. Nous ignorons encore les véritables quantités, ce n'est donc pas le tems d'exposer la cause finale. Il se borne donc , bien malgre lui sans doute, à imaginer des hypothèses purement arbitraires, mais qui lui paraissent nécessaires pour calculer les phénomènes. Nous voyons cependant qu'il est toujours le même; sa tête travaille; ne pouvant rendre raison ni de la précession, ni de la variation d'obliquité, il cherche cepeudant à lier ces deux effets, à établir entre eux un rapport numérique; en adoptant les idées de Copernic, il donne aux oscillations du pôle de l'écliptique une amplitude beaucoup plus considérable, une période beaucoup plus longue. Au lieu de 24', il porte l'amplitude à 5° 45' 20"; au lieu de 17 ou 1800 ans, l'intervalle entre les deux limites est de 30000 ans; il en conclut que cette période est à colle de la prêcession, comme 4 est à 5 assez exactement, ce qui supposerait ou que celle de la precession est de 27000 ans, on que le nombre 36000 n'est qu'approximatif, et en effet nous ne voyons pas bien clairement sur quoi il est fonde. Kepler est toujours inépnisable en conjectures et en hypothèses; mais il n'eut ni le tems ui les moyens de sonmettre cette dernière au calcul; cette nécessité de donner une âme à la Terre, ou de recourir à Dieu même, jupo Deo, comme il a fait page 134, est un aven formel qu'il n'a pu insigner de cause physique. En général, ce septième et dernier livre de l'Epitome, mérite peu d'être analysé, et nous s'en sous sement, pour peut-être que trop dit. Au roma qu'il nous debite sériessement, nous en ferons succéder un qu'il nous donne au moins pour ce qu'il est, et qui cependant est beauceup moins chimérique, à l'introduction près.

Le songe de Képler où l'on trouve des idées générales de l'Astronomie des habitans de la Lune, est un roman philosophique auprel son auteur avait, en différent terms, ajouté des notes explicatives. Il mourat pendant l'impression. Son gendre Bartschius, qui s'était chargé de la continuer, fut presque aussitôt attaqué d'une maladie contajeuse à laquelle il succomba. Louis Képler qui revenait d'un voyage pendant lequel il avait dé deux ans sans recevoir acueun nouvelle de sa famille, vit arriver la veuve avec quatre enfans, sans argent et sans autre ressource que les feuilles de cet ouvrage qu'il sejassit de terminer et dont l'impression commencée à Sagan, en Silérie, fut achevée à Francfort, en 1654.

Képler feint que le fils d'un vieux pêcheur islandais, vendu par sa mère à un capitaine de vaisseau, avait été déposé par lui à l'île d'Huenne ; qu'il avait été admis parmi les élèves de Tycho qui étaient souvent au nombre de 20 ou 50; Tycho les exercait aux observations et aux calculs, et se faisait un jeu de refuser le congé à ceux à qui il l'avait promis, bien sûr de les garder tant qu'il voudrait, à moins, dit Képler, qu'ils n'apprissent à voler. Notre islandais, après quelques années de séjour auprès de Tycho, voulut revoir son pays où il espérait se montrer avec avantage. Il y retrouva sa mère qui était une sorte de magicienne qui consultait souvent la Lune, et qui le mit en relation avec un sage du pays qui possédait le secret de se transporter et de transporter les autres partout où il voulait. Ce magicien est évoque par la mère qui s'est voilée ainsi que son fils. Le magicien arrive et fait à l'astronome islandais le regit qui va suivre, et qui contient une idée de l'Astronomie de Lévanie, c'est-à-dire de la Lune que les hébreux appellent Lbana ou Levana.

A cinquante mille milles germaniques, dans la profoudeur de l'air, es située l'Ile Lévanie. La route qui y conduit n'est pas facile pour les hommes, elle n'est cependant que de quatre heures (c'est la plus graude duréc d'une éclipse de Lune). Le moment de s'embarquer est celui da KÉPLER.

605

commencement de l'éclipse, il faut arriver avant la fin, sans quoi on aurait perdu sa peine.

Léxauie a deux hémisphères, l'on qui voit toujours la Volve (la Terre), l'autre qui en est toujours privé. Ceux qui la voient toujours xàppellent sub-olest, les autres privolves. La Volve ou l'astre tourrant est pone eux une espèce de Lune. Le cercle qui sépare les deux hémisphères s'appelle le diviseur, il passe par les pôles du monde (de l'écliptique de l'orbe lunaire). Les jours y sont toujours égaux aux nuits ou pea s'on faut, cer forbite de la Lune est très peu incliné à son équateurs. Les privolves out leur jour un peu plus court que la nuit, les subvolves ont les nuits un peu plus courtes que leurs jours.

(Les privolves ont leur jour pendant tout le tems que le Soleil emploje à parcourir l'arc ABC, leur nuit est mesurée par l'arc CEA (fig. 84). Ceux qui habitent sous le pôle voient la moitié du Soleil qui tourue autour de l'horizoo. (Képler suppose ici que la réfraction borisontale

y est nulle ou fort petite, ce qui est assez vrai.)

Les hibitans de Lévanie se croient immobiles au centre du monde; lie ont le même perjugé que tous les habitant de la Terre. La nuit et le jour font eusemble un de nos mois. Le Soleil avance d'un signe par jour (lunaire) dans le zodiaque. Leur anoée vulgaire est de 19 de nos années. Pendaut cette année le Soleil se léve 255 fois, le sires 254, (Leur année est un de nos cycles lunaires on cycles du oombre d'or, 25 = 255 + 105.

Poor les subvolves, le Soleil se lève quand la Lune nous paraît en l'ouc de ses quadratures pour les privolves, quand i est dans l'autre. Ils ont aussi un équateur qui coope leur écliptique et le médivolve, on le méridien qui passe par la Volve, en deux points opposés. Les variétés des saisons sont moins grandes que sur la Terre 1 leurs zones torride et glaciale sont moins larges de beaucoup que les nôtres. Le mouvement des points équinoxieux y est bien plas projles, puiguil fait le son a du en 18 aus. Le mouvement des points équinoxieux est égal au mouvement de nœuds. (Ce passages sont remarquables, i) soraient co beaucin de quelques développemens; nous les comparerons avec ceux d'Hévélius et de Dominique Cassini sur l'Équiteur lonaire.

Les mouvemens planétaires y sont bien plus compliqués. Outre les inégalités que nous observons, ils en observent deux en longitude, l'une dont la période est d'un joor, c'est-à-dire un mois lunaire, l'antre tient à l'apogée qui fait le tour du ciel en one période de 8 2 ans. L'inégalisé de la latitude a une période de 19 ans, c'est celle du norad. La nuit des privolves est bien plus profonde, elle doit être plus rigoureuse; celle des subvolves au contraire est toujours éclairée par la Volve qui s'y montre au moins en croissant, et la Volve est pour eux cuviron quiune fois plus lamineuse que la Lune pour nous.

C'est par la hautenr du pôle que nous distinguons les climats, ils les distinguent par la hauteur de la Volve.

La Volve est ponr eux un point fixé comme pur un clou, et îls voient les étoiles addiscales et le Soleil passer derrière cet strei mimobile. La Volve a des phases analogues à celles quie nous offre la Lune; elles en sont les complèmens. Ces phases indiquent les quatre parties du jour, et la saccession des taches différentes de la Volve leur donne des moyens nombreux de subdiviser les quatre parties principales.

La rotation de la Volve leur donne sussi les moyens de partager l'année nasionas; elle leur précente alternativement ses deux pôtes et les taches qui les avoisinent. Le diamètre de la Volve a sussi des variations tres essaibles. Quand nous voyons sur la Terren ne célipse de Soleij, même totale, ils voient une éclipse de Soleij, même totale, ils voient une éclipse de Soleij. Autemne de ces célipses ne leur échappe, an lieu que sur la Terre la moitié des éclipses est pour nos antipodes.

Quoique Lévanie ne soit guère que le quart de la Terre, elle a cependant des montagnes très hautes et des vallées profondes.

A ces notions certaines, parce qu'elles sont géométriques et astronomiques, l'anteur du roman joint des conjectures sur les productions et les habitans de Lévanie.

Alors l'auteur se réveille, et trouve qu'il a la tête couverte de son oreiller, comme l'islandais et sa mère l'avaient de leur voile ponr écouter le récit du magicien.

Son but, en composant cette fiction, a été de faire sentie la faitilité es objections qu'on faisait encre courte le système de Copernic, en moutrant que les habitans de la Lune poneraient en faire de toutes pareilles pour proaver leur immobilité, quoique nous soyons bien certains du monvement de leur planiete. Rien n'empéde de concevoir des habitans dans toutes les planiètes et dans tous les satellites; tous auront les mêmes raisons fairer valoir pour leur immobilité, tous se tromperont également. Sur quelles raisons pourrait-on motiver une exception pour la Terre, 2 mq oi la Terre remportet-elle sur Jupiter et Stature?

A la suite de ce songe, on trouve quelques remarques sur les taches, les montagnes el les cavités de la Lune; elles sont adressées su jésuite Guldin. On y voit aussi une traduction du Traité de Plutarque sur le viasge qu'on voit dans le disque de la Lune. Π. ρ) πού μεραπομένου προσωπου το μέναλο της Στλόπο.

Ce traité, qui ne dit presque rieu de ce qu'annonce le titre, est une longue dissertation sur la nature de la Lane, sur la manière dont elle peut être échite et nous renvoyer la lumière da Soleil, sur ses labhians et ses productions; il n'est douc que conjectural, et d'ailleurs peu méthodique. Je n'y ai vu de remarquable que quelques phrases en petit nombre, telles que les suivantes.

La rapidité du mouvement empêcherait la Lune de tomber sur la Terre; d'ailleurs est-il bien prouvé que la Terre soit le centre de l'univers ?

La lumière ne pénètre pas le corps de la Luue, elle est arrêtée et réflèchie à la surface, qui ne peut nous renvoyer la figure, mais seulement les rayons du Soleil.

Si la Lune a des habitans, quelle idée doivent-ils avoir de la Terre, de cet amas de boue et de nuages, dépourvu de lumière et de mouvement? ne seraient-ils pas autorisés à douter si elle peut produire et nourric des animaux donés de mouvement, de chaleur et de respiration?

On voil que Platarque a considéré la chose sous un point de vue tout différent, et qu'il u'a pas soupeçousé les apparences singulières de la Volve. On voit par cet opuscule, que Plutarque n'était pas mathématiclen, et Képler le réforme en plusieurs points, qui appartienneut à l'Optique et à la Catoprirque en particulier.

C'est à peu près là tout ce qu'on peut citer de ce traité; on peut encore ajouter, qu'en deux endroits, il dit que Mercure et Véuus out les mêmes mouvemens que le Soleil.

Mais un passage plus curieux, du moins sous le rapport historique, est le suivant, que nous nous croyons obligé de rapporter textuellement:

Μόσο (Επι) διὰω με χρίσι τημε ασιβιίας έταγχελος, δατχε λέγες καγχες δίαν δει Κλαιδιά το αδιαιο κατβιία το πρακολουθα τους Έλλημας, ως απόστα του αόσμου την Ιστίαι, ότι φαιόμεια αυζει από εντιματο, μένει το δυγαιώ ότου Είνατες, Εξιλίτεθαι δε κατά λοξου αύαλου τη γρι, όμα και πρί το ώντις δέσου δυνομένου.

« O mon ami! dit-il, n'intentez pas du moius contre nous l'accusation d'impiété, comme Aristarque croyait que les Grecs devaient l'intenter contre Cléanthe de Samos, pour avoir déplacé le foyer du monde, et pour avoir essayé d'expliquer les phénomènes, en supposant que le ciel demeursat immobile, la Terre circulait dans l'écliptique, et tournait en même tems sulour de sou axe. »

Cléanthe serait donc le premier auteur du système de Copernic; il urrait tâche d'expliquer les phénomènes $(\pi \omega_p \bar{e} \pi \sigma)$, par le double mouvement de la Terre. Cette idée devait être nouvelle au moins chez les Grees, puisqu'elle y fait une telle sensation, qu'Aristarque pense que les Grees devraitent faire le 'procés à l'auteur de cette supposition.

Cléanthe était de Samos; Aristarque, dont il nous reste un livre sur les grandeurs et les distances du Soleil et de la Lune, était également de Samos. Mais cet Aristarque est-il celui qui voulait que les Grecs fissent le procès à Cléanthe? En ce cas, que deviendrait le témoignage d'Archimède, qui nous dit qu'Aristarque de Samos a écrit en forme, pour prouver le monvement sangel de la Terre. Archinicde s'était-il trompé en nommant Aristarque an lieu de Cléanthe? Nons avons déjà remarqué qu'Aristarque, dans son livre des grandeurs et des distances, ne dit rien qui puisse faire croire qu'il admet le mouvement de la Terre. Aristarque, le critique, était de Samothrace; Plutarque a-t-il mis par inadvertance Samos an lieu de Samothrace; ou bien le passage de Plutarque serait-il altéré? faudrait-il lire, comme Cléanthe croyait que les Grecs auraient dú mettre en jugement Aristarque de Samos, etc. Enfin, y aurait-il un troisième Aristarque qui nous scrait inconnu? c'est ce que nous abandonnons à la discussion des savans; mais il en résultera toujours qu'un philosophe de Samos (soit Cléanthe, soit Aristarque) a voulu expliquer les phénomènes par le mouvement de la Terre, Il est seulement à regretter qu'aucun grec ne nous ait transmis ces explications. Existait-il alors sueun phénomèue qu'on ne parvint à expliquer dans le système ancien? Apollouius avait donné le calcul des stations et des rétrogradations, l'aberration des étoiles n'était pas même soupçonnée, non plus que l'existence des satellites de Jupiter et l'équation de la lumière ; on n'avait point de pendules, ou ignorait la nécessité de les raccourcir à mesure qu'ou approche de l'équateur; on n'avait donc rien qui prouvat invinciblement le mouvement de la Terre, et rien qu'on ue put expliquer dans le système d'immobilité; on n'avait avenue idée de la loi de la pesanteur; on s'inquiétait peu des causes physiques, on n'en cherchait que de mécaniques, et l'ou se contentait des sphères solides emboltees les unes dans les autres, pour se communiquer le mouvement.

Ce passage au reste, ne nous dit pas que les anciens connussent des pennentes incompatibles avec l'immobilité de la Terre, mus simplement, que Cléauthe avait tenté de les expliquer dans lhypothese contraire. On ne nous dit pas comment il y avait reussi, et c'est ce qui nous aurait plus particulièrement intéressés.

Képler a calculé des Éphémérides pour les années 1617-1656.

Dans la préface, datée de 1616, il se plaint du malheur des tems qui empêche les gardes du Trésor de lui payer exactement son traitement de mathématicien de l'empereur. Il rappelle la générosité de Rodolphe II, qui lui avait fait un jour payer tous ses arrérages, qui montaient à 2000 pièces d'argent, et qui y avait ajouté 2000 autres pièces, au grand soulagement de sa famille. Il se recommande à la munificence de l'empereur pour l'impression de ses Tables. Il rend compte ensuite des changemens qu'il a faits aux Tables solaires de Tycho, en calculant l'équation dans l'ellipse, en prenant pour excentricité le nombre rond ou 0,018, pour qu'il sût un trentième de la distance de la Lune à la Terre. Tycho n'avait donné aucune preuve de la parallaxe de 5' qu'il attribuait au Soleil. (Hipparque avait dit qu'on pouvait réduire à volouté cette parallaxe et même la supposer nulle.) Képler s'est permis de la changer, en la diminuant des deux tiers. Mercure présentait plus de difficulté qu'aucune autre planète : toutes les observations que Tycho a faites, se rencontrant dans le même quart.

Dans une réponse à Fabricius, dont le fils réclamait la découverte des taches du Soleil, il dit qu'il les a vues encore plutôt, puisqu'il en a pris une pour Mercure; mais il réclame à son tour pour Virgile, qui a dit:

Sol ubi nascentem maculis variaverit ortum.

Si l'on veut interpréter ce vers, pour y voir de simples nuages, il opposera cet autre vers:

Sin macula incipient rapido immisceriar igni.

Das la vuite, il réfute ce l'abricius, et se moque un pen de la chemiss aérienne qu'il donnait à la Lune. Il epstique par la pénombre, ce qu'avait observé l'abricius, et rapporte une figure où Apian avait représenté le accrede de l'ombre entouré d'une pénombre dans àspuelle on aperçuit Lune et des étoiles. Cette pénombre das àspuelle on aperçuit ouvet du diamètre de la Lune.

Dans l'annonce de l'éclipse de Soleil du 5 février 1617, il représente Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Lune 16 Loc

le disque de la Terre tel qu'il est vu de Solcil, et il indique les lieux où les différentes phases seront visibles, le lieu de la Terre qui occupe le centre de la projection; il trace les parallèles à l'orbite de la Lune, pour marquer les différens doigné telippés. Dans celle de vifo; ji l'trace la ligne de centrelité et les divers parallèles tant au nord qu'au sud; mais tout cale an lignes droites et anno pas par des courbes, comme on fait aujour-d'hui; il ne calcule que les lieux qui verront le commencement, la fin et le milles de l'éclippe générale et centrale. Dans l'éclippe de Lane, il indique le lieu qui la voit au zénit, d'où l'on conclut aisément tous les lieux où l'éclipes sera visible.

L'Ephéméride de 1620 est dédiée à Néper, dont il n'avait pu encore se procurer l'Ouvrage; mais en 1618, il avait eu celui de B. Ursinus, qui avait long-tems travaille avec lui (Képler), et qui avait donné un extrait de l'ouvrage original; il félicite Néper d'avoir exécuté ponr tons les nombres, ce qu'il avait fait depuis long-tems en petit pour son usage, dans une table de parallaxe et de durée des éclipses. Il avoue que sa méthode n'était bonne que pour les arcs qui penvent se prendre ponr des lignes droites; il ignorait que les excès des sécantes possent donner les logarithmes pour tout le quart de cercle. Il était enrieux de voir si les logarithmes d'Ursinus étaient exacts : il ordonna à Gringalet, savoyard, son calculateur, de retrancher du sinus total sa millième partie, et puis le millième du restant et ainsi de suite plus de 200 fois, jusqu'il ce qu'il ne restât plus qu'un dixième du rayon; il détermine ensuite avec soin le logarithme de oog, en prenant pour unité la division la plus petite des sinus de Pitiscus, à 12 figures ; et en appliquant ce logarithme également à tons les restes des fractions, il vit qu'à quelques legères erreurs près, soit de calcul, soit d'impression, tous les logarithmes étaient bons. Ces erreurs se remarquaient principalement vers le commencement, où les logarithmes sont les plus forts; ainsi je ne puis trop vous exhorter, dit-il à Neper, à publier vos méthodes, qui doivent être fort ingénieuses; vous ferez une chose qui me sera très agréable, et vous tiendrez la promesse que vons avez faite page 57.

Néper avait conseillé de substituer le calcul logarithmique aux tables d'équation du centre. Képler y trouve trop de difficulté; mais les logarithmes seront fort utiles pour les tables de parallaxe annuelle et de latitude; il faudra sculement recommencer les tables faites dans un autre système.

En 1623, dernière page, il parle d'un météore ou globe ardent qui

vola de l'occident à l'orient, et fat va dans toute l'Allemagne. En Autriche, on entendit un bruit semblable à celui de tounerre; mais Képler ne croit pas à cette dernière circonstance, dont il n'est fait aucune mention dans les descriptions qui out été données. Ces Ephéméricles de cité publiées sprés coup. Cest-à-dire en 1050, il a pu y joindre les observations des phénomènes qu'elles étaieut destincés à annoncer, lo y joint encore les observations météorologiques; enfin, en 1525, il parle de la comète observée en janvier.

L'année 1624 offre des remarques plus importantes. La seconde éclipse de Lune semblerait prouver que l'équation du tems, à la manière de Ptolemee, est la meilleure; mais Képler croit que c'est un hazard, ou l'effet fortuit de plusieurs causes combinées. Mais ce qu'il y a de plus singulier, c'est que dans cette même éclipse (26 sept. 1624), l'éclipse totale avait paru courte et la durée entière s'écartait encore plus du calcul. Tycho avait fait une remarque pareille en 1588, dans une éclipse totale et presque centrale. Il faut, dit Képler, rechercher les causes physiques on optiques qui peuvent déformer l'ombre de la Terre, de manière que le diamètre qui va d'un pôle à l'autre soit plus long que le diamètre équatorial. C'est à ce sujet qu'il cite Joseph Acosta, qui rapporte qu'à l'équatenr, les crépuscules ne durent qu'un quart-d'henre (Lacaille a observé le contraire); il ne sait trop comment expliquer le fait; il observe sculement, que pendant tonte la durée de l'éclipse totale, la Lune était singulièrement rouge, sur-tont vers les parties du disque qui étaient plus voisines des bords de l'ombre. Cette rougeur était d'un tel éclat, que quand les trois quarts du disque furent sortis de l'ombre, le quart qui y était encore plongé, se distinguait par là très exactement de la partie directement éclairée.

Il ne croit pas qu'il y sit d'erreur sur le moavement horire, ni sur la latitude qui était fort petite. Si l'on soupponne une creuer dans le lieu du nœud, il faudrait que cette erreur fat de f. L'ombre ne fat donc pas formée cette fois par des rayons bien droits; il leur est arrivé non erfraction qui les a rapprochés de l'ave du cônc. Si l'on nie extet refraction qui les a rapprochés de l'ave du cônc. Si l'on nie extet refraction, il faudra donc que la figure de la Terre soit alongée vers les pôles; ainsi, la sone torride sers inondée et les parties polaires seront à sec. L'air na rien fait lei, quoiqu'il soit pen denne et pen ellevé dans la mote torride, plas dense et plus élevé dans le zone agheciales. Képler dit, en parenthèse, qu'on pourrait soutenir le contraire. Ce n'ext pet cette hauteur de l'atmosphée qui nous donne la mesure de la paralle pas cette hauteur de l'atmosphée qui nous donne la mesure de la paralle

laxe, c'est le rayon réel de la Terre; ensin, ce phénomène est rare; et d'autres observations, en très grand nombre, prouvent que la Terre est ronde et le cone d'ombre régulier

Ce passage est celui dont Bernardin de Saint-Pierre a voulu s'étayer pour son système de l'alongement de la Terre; mais il s'est gardé de citer les deux dernières lignes.

Pendant que cette note s'imprimait, Képler eut occasion de lire la préface que Martin Hortensius de Delft avait mise à la dissertation de Philippe Lausberge, sur le mouvement de la Terre. Je ne sais, dit-il, dans une petite addition, quel homme ce peut être que cet Hortensius; la confiance qu'il montre est saus doute foadée sur ce vres proverbial :

Et quandoque olitor fuit opportuna locatus;

(on, comme dit Boileau: Un sot quelquefois ouvre un avis importan). Par des chicamets and est minuites controversées entre le astronomes, il prétend chrauler les fondemens de l'art et les plus beaux ouvrages qu'il i croit avoir prouvé que Jai eu tort de partager par moitié l'excentricité du Solei]; il avoue ingeniement qu'il n'est pas fort habite observation; il dit qu'il s'est servi d'une launcte pour cette observation; ce qui ex-plique son erreur. J'ai démontré que les lanettes dilateut les images, et le diamètre périgée devient plus graud qu'il 'aest récliement. Je viens tout nouvellement de mesurer ce diamètre avec un tube fort long et assa verre; j'ai pris des témoins et leur si fix toir que le diamètre du Soleil n'est que de 50°, et que tout près de l'horizon le disque est elliptique, comme l'a représente le P. Schalner.

Hortensius répondit avec modération à cette phrase : Je ne sais guelhome est cet Hortensius. Il réplique : Qu'y a-t-il en cela d'étonnant, nos deux noms ne sont pas également célèbres : vous étes comm par de nombreux ouvrages, et je ne fais que débuter. Je vous consais par vos cérits, vous vous étes peint au naturel dans votre Hyperaspister, et je me suis douté que ma préface pourrait vous remuer la bile. Du reste, Hortensius paraît un peu entiché de forts préjegés en faveur des anciens et de son maître Lansberge. Enfin, il soutient que le diametre périgée est de 50°; ce qui décide la question en faveur de Képler.

Réponse de Képler à Bartschius, sur le calcul et l'édition des Éphémérides. Nous y voyons que Képler fit le voyage de Francfort, pour y porter à la foire ses Tables Rudolphines, dont le prix fut fixé à 3 florins, monasie de Franciort. De la il se rendit avec le landgrave Philippe, de llesse à Puthabe, pour y voir les instrumens du prince; il y remarqua principalement un tube de 50 pieds, qu'on dlevait à la hauteur du Soleil au moyen d'an mait de 50 pieds, d'une corde et d'un trejuit, de manière à faire passer l'image du Soleil par une ouverture dont le diamèter à guère que celui d'un pois ou d'un grain de millet. Cette image était guère que celui d'un pois ou d'un grain de millet. Cette image était reçue sur un carton blanc; ou y distinguait parâtiement les taches du Soleil, dont la route est une ligne droite perpendiculaire à la méridienne dans les solsiteses si incliéeé de 60°2 dans les équinoxes.

L'imprimerie de Lintz ayant été incendiée, Képler cherchait une autre imprimerie pour les observations de Tycho. Le landgrave lui sit des ostres dont il ne put profiter; il alla s'établir à Jagan.

La manière dont Hortensius dit que Képler s'était peint lai-même dans son Hyperaspiates, est faite pour inspirer de la curiosité. Cet Opuscule parut à Francfort en 1625, sous ce titre un peu long, comme tous ceux de Képler.

Tychonis-Brahei Dani, Hyperaspistes adversus Scipionis Claramontii, Cesennatis Itali, doctoris et equitis anti-Tychonem, in aciem productus à Joanné Keplero . . . quo libro doctrina præstantissima de parallaxibus deque novorum siderum in sublimi æthere excursionibus repetitur, confirmatur, illustratur. Malgré tont ce que promet ce titre, on n'y tronve rien de nouveau sur les parallaxes. Il paraît que le docteur italien avait mal à propos chicanné Tycho sur les preuves qu'il avait données de la grande distance de la comète. Képler le réfute avec acharnement; car pour le fond de la cause, il n'était pas nécessaire de s'étendre en tant de détails. Képler suit son adversaire pas à pas, et le traite souvent avec assez de hauteur, ce qui peut s'excuser; mais quand on a raison, on pourrait sans inconvénient montrer un peu de modération. Au reste, Képler ne nous donne ici aucune lumière nouvelle sur son caractère; il était un peu ardent dans la dispute. Cette production est un ouvrage de circonstance; ce Clermont est aujourd'hui assez ignoré; l'Hyperaspistes, c'est-à-dire le défenseur de Tycho, celui qui le couvre de son bouclier, ne peut plus inspirer aucun intérêt; on regrette sa peine quand on l'a parcouru, car il est difficile de le lire en entier.

Nous trouverons dans Riccioli tous les raisonnemens de ce Clermont, et nous nous confirmerous dans l'idée que Képler aurait pu accourcir de beaucoup sa réfutation.

On voit par divers passages des écrits de Képler, que jamais il n'avait été dans l'aisance. A uc considérer que lui seul, il avait d'amples de-

dommagemens; il disait lni-même qu'il n'aurait pas cédé ses ouvrages pour le duché de Saxe, et il avait raison; mais sa femme et ses enfans auraient gagné beauconp au marché. Il mourut le 15 novembre 1630, à Ratisbonne, où il était allé solliciter le paiement de ce qui lui était dû. Il avait fait la route à cheval, il était arrivé malade, excédé de fatigue et dévoré d'inquiétudes; il monrut six jours après, et fut enterré sans pompe dans le cimetière de Saint-Pierre. On croit qu'on avait mis une pierre sur la tombe; mais trois ans après, la ville ayant été prise, les environs ravages et particulièrement le cimetière, on ne trouva plus aucun vestige de monnment. En 1786, Ostertag, recteur du Gymnase poétique de Ratisbonne, publia un Programme par lequel il invitait tous les amis des muses à se réunir pour élever un monument durable à Képler. Cette idée n'eut alors aucun succès; mais en 1803, le prince primat, Charles d'Alberg, évêque de Constance, ayant recu la sonveraineté de Ratisbonne, on s'occupa plus sériensement de ce projet, Gasparus comes de Sternberg; Leopold Hartwig, liber baro de Plessen; Francisc. Wilhelmus, liber baro de Reden; Henricus Joh. Thomas Boesner, se réunirent ponr faire des avances, ouvrirent une souscription. L'édifice fut commencé en 1807 et conduit jusqu'au falte; il était terminé au milieu de 1808, mais on attendait la présence du prince. La cérémonie de l'inauguration eut lieu le 27 décembre, jonr aniversaire de la naissance de Képler (il était né en 1571); son buste, en marbre de Carrare, fut placé sur un piédestal du même marbre, au concours de tous les ordres et de tous les talens de Ratisbonne. Le monument est placé dans le Jardin de Botanique, et n'est pas éloigne de 70 pas du lieu où fut enterré Képler. Le bâtiment est une rotonde entourée de cyprès et d'antres arbres : elle est toute en pierres de taille et construite sur les dessins de Grégoire, architecte du prince. Le rayon est de 20 pieds de Ratisbonne, ce pied est à celui de Paris comme 130 à 144; l'axe de la sphere qui est au baut du monument est parallèle à l'axe du monde; la voûte est portée sur huit colonnes d'ordre dorique; au pourtour, on voit gravés les 12 signes du zodiagne, alternant avec les symboles des dix planètes, de la Lune et du Soleil.

Le buste occupe le milieu du temple, le cippe est de cinq pieds, on y monte par cinq degrés; il est entouré par une grille à la distance de quelques pieds.

Le buste est un peu plus fort que nature; il est de Doell de Gotha, La figure ne ressemble pas trop mal à celle qu'on voit, dans des dimensions bien moindres, au frontispice des Tables Rudolphines. Kepler avait donné son portrait à Gringalet, son secrétaire calculateur; Gringalet le céda au professeur Bernegger, qui le déposa à la bibliothèque de Strasbourg. Hanschius, éditeur des Lettres de Képler, eu fit tirer une copie qu'il se proposait de faire graver; la mort l'en empècha.

Le cippe resprésente en bas relief le gésie de Képler, qui soulève la voile qui couvait Uraine. On voit la tête de la déesse, qui, d'une main, présente à Képler la lunette astronomique, dont il eut la première idée; de l'autre, elle tient un rouleau sur lequel on aperçoit l'épise de Mars. Poyer l'ouvresse intitué Moumenum Keplero diestum, die 27 décembris 1808. Les planches en sont lithographiées et imprimées sur Nicéler Maver, inventeur de ce nouvel momes sur Nicéler Maver, inventeur de ce nouvel produits.

Le prince Primat a envoyé un exemplaire de cet ouvrage à l'Institut, dont il était l'un des associés étrangers, classe d'Histoire et de Littérature anciennes

Les ouvrages de Képler dont nous n'avons pas donné d'extrait sont : Nova Dissertatiuncula de fundamentis Astrologiæ certioribus. 1602. Elle est toute météorologique. - De Cometá anni 1604. C'est l'étoile extraordinaire. - Réponse à Roslin, en allemand, sur la même étoile, 1600. -Narratio de quatuor Jovis satellitibus à se observatis, 1610 et 1611, -Tertius interveniens. 1610. Il s'agit uniquement d'Astrologie. - Eclogie chronica. 1615. C'estun extrait de ses Lettres. - Éclipses 1620 et 1621, - Apologia Harmonices mundi. 1622. - Discursus conjonctionis Saturni et Jovis in Leone. 1623. - Kepleri et Berneggeri Epistolæ mutuæ. 1672. - Lettres de Képler, recueillies par Hanschius. 1718. - Pour ses manuscrits, voyes la Bibliographie de Lalande. Pour ses travaux et les services qu'il a rendus à l'Astronomie, voyez An account of the Astronomical discoveries of Kepler, By Robert Small. London, 1804, in-8° de 357 pages. Cet ouvrage, qui m'était înconnu quand j'ai rédigé ces deux livres, m'a été envoyé de Londres, par M. le docteur Gregory, avautageusement connu par son Traité de Mécanique, sa Trigouométrie et divers autres ouvrages.

| Système solaire d'après les Tables de Képler. Tables de Berlin, tom. I, p. 2 | | | | | | | | |
|--|---------------------------|-----------------------|---------------------------|--------------------|-----------|---------------|----------------------|---------------------|
| Monvem. en 100 années julientees. | Époque de 1750. | Moerr, de l'apagée | Époque. | Mont. | Lice du Q | Dist. moy. | Facen- tricité. | lociosi- son. |
| 9 3-4-23-24-24 E 8.5. 6.18.20 7 53.2. 1.40.10 | 2,31, 3, 1, 0, 3,49.31 | o 6' 8' | 8'29° 5'31° 6, 8.40.11 | 1°5/ 5° 0. 5.50 | 3-23-6-23 | 9,51003 | a, 057000 a, 0673 | 3°33′ 0° 1.19.20 |
| 5 100.0. 0.45.20 2 162.6, 10.21.34 4 15.2.14.33.32 | 9. 9.55.24 | 1.42.43 | 10, 3,28,11 | 1.18.37 | | 0,71/13 | 1,006(2 | 3.22. 0 |

LIVRE VI.

Galilée.

Galliko-Gallik, fils de Vincent Galilée, patricien florenin, naquit à Florence en 1504; il était doic de sept années plus âgé que Képler, mais il ne mourtut qu'en 1647, once ans plus tard que Kepler, Ses ouvrages astronomiques sont d'une date postérieure an Prodromas et aux Commentaires sur Mars ; ainsi nous avons dis commence par Képler.

Galilée passa sa jennesse à Venise, jusqu'au moment on il fut pourvn d'une chaire de mathématiques à Padoue. A ses appointemens, qui étaient de 800 pièces d'or, on en joignit 200 autres pour l'invention de sa lunette. Il occupa cette chaire pendant 18 ans. Cosme Il l'appela à Pise pour y enseigner les Mathématiques, et lui donna le titre de son premier mathématicien, avec la faculté de se faire remplacer par un de ses élèves. Il était encore à Venise en 1600, lorsque le bruit se répandit qu'un opticien belge avait fait une lunette qui rapprochait les objets. Un français nommé Jacques Badovère, lui confirma cette nonvelle par nne lettre écrite de Paris. Galilée chercha dans la Géométrie les moyens qui pouvaient servir à exécuter plus sûrement et mieux ce que le Belge avait trouve par hasard. Il se fit un tube de plomb, qu'il garnit de verres aux deux extrémités, l'un plano-convexe, et l'autre plano-concave. Cette lunette ne grossissait que trois fois ; il en fit une seconde, qui grossissait de sept à 8 fois. Enfin, après plusieurs essais, il parvint à obtenir un grossissement de trente fois, avec lequel il fit les découvertes astronomiques qu'il a exposées dans divers ouvrages.

Il invents le compas de proportion, dont il expost la théorie dans un ouvrage publié en 1606, réimprimé en 1612 et 1635. Le titte était: Le operazioni del Compasso geométrico e militare di Gathiev-Galilei, nobil Fiorentino. Balthasar Capra le traduisi en laita, avec peu de chargemens, et le donna comme as propre découverte. Galilée le cita à Venise, devant les réformateurs du Collége de Padoue; une sentence du 7 mars 1607 confisque l'étidion contrefaite. Galilée nous alissie l'his-

toire de ce procès; il y prouve que les choses ajoutées ou modifiées par Capra sout autant de bévues et de preuves d'ignorance. Cet écrit, beaucoup trop long, est à certains égards uu supplément utile au livre du Compas,

Depuis Archimède, la bhéorie des copps qui sagent sur un fluide n'avait its aucun progres. Gallide, pour venger Archiméde, attempé ne Panonamico, partisan d'Aristote, traita le même sujet sons le titre: Discorso intorno alle core che stumo in sit Tacquas e che in quella si muovone. Ca nonvenue Traité fu situaqué par Lodovico delle Colombe et par l'inenza-di Grazia. Gallide répliqua par une apologie plus longue que Tourvage critqué. Ce Mêmoire commence par des uouvelles astronomiques. La public attendait Touvrage daus lequel il dernit rendre compute de ses découvertes dans le cell; il expose les motifs qui en avaient retardé la publication. Il vennit d'apercevoir un triple corps à Satures, Saturon troporroe, et les phases de Vévous toutes semblables à celles de la Lance qui s'était occupé à déterminer les révolutions des quatre satellites de Jupiter, à Rome, en avril 1617.

Il avait trouvé que le mouvement du premier sur son cercle, est de 8° auf eaviron par heure, et que se révolution est de 1' 16°3 presque; que le second fait par heure 4' 15° et que sa révolution est de 9' 15° 2 presque; que le mouvement du troisième est de 2" of par heure et avert de 10° avert de 10° avert de 10° par heure et se révolution de 7' 4°; enfin que le mouvement du quatrième est de 4° 54° par heure et sa révolution 16° 16° environ,

Ces quantités u'étaient encore que de premiers aperçus qu'il se proposit de perfectionner plus à loisir; il n'estimait d'abord qu'il a simple vue les élongations des satellites en parties du disque de Jupiter, mais il veasit de trouver un moyen pour les déterminer avec une précision de qualques secondes.

Il Observait en même tems certaines taches obscures, maechiette ocure, sur le disque du Soleil; lears changemens de position prouvient, ou que le Soleil tournait autour de lai-même, ou bieu qu'il était environné de petites plauètes, que la petitesse de lears clongations rendsient intribules dans toute autre circoustance que leurs pasages sur le Soleil. Il est possible encore, ajoutai-il, que l'une et l'autre explication soient également vriaie, et c'est une chose dont il est utilé de s'assurer.

Ses observations continuées lui avaient enfiu prouvé que les taches sont adhérentes au corps du Soleil, qu'elles s'y produisent et s'y dissipent après avoir duré plus ou moins de temps. La période de leur Hist. de l'Astr. mod. T. I.

.

révolution, ou plutôt de celle du Soleil; étuit presque d'un mois lunaire. Aécidente per se grandissime en enggiore per les sue consequenze. Conontance foir importante en elle-même et plus encore per se conséquences. Ce dernier passage fut ajouté dans la seconde édition. La première était donc de 1612, car il dit 1 l'an 2026, 1611, en vaviil.

Le Traité della Scienza mecanica e delle utilità che si traggono dații instromenti di quello est elémentaire et d'une grande clarté. La Bilancetta nella quale s'iusegna a trovare la proportione del misso di due metalli instime, colla fabrica dell'itissos strumento est une curre postimo fort courte; la Balance ne parti pas succeptible d'une grande précision.

Sidevent nuncius, magna langeque admirabila spectacula prodons, mucipiendaque proponeus unicuape proserdin usor politicaphia stque astronomis que à Galileo-Galileo perspicilli nuper à se reperti beneficio sunt observats in Lumaneri, a letto circulo, sitti nabulosis, apprime vero in quature planetis, circa Iovis stellam disparibus intervulles atque perciolis celeritate mirabili circumvoluta; qua, nemini in hanc suque diem cognitos, novissime author deprehendit primus atque medices sidem nancusandos decrevit. Mars silco.

On lit à la première page, que la lunette de Galilée grossissait Solois; qu'elle lui s'ant mostre les inégalités de la surface lunaire; qu'elle nia avait appris des choses nouvelles sur les nébuleuses et la voie lactée; enfin, qu'elle lui avait fait découvrir les quatre Lunes de Jupiter. Il averitt que pour vérifier ses découvertes il faut une lunette qui grossisse a moiros ao fois la sieune grossissait un peu plus que 50. Pour mesnrer le grossissement d'une lunette, attaches sur un mur, à une certaine distance, un disque que vous puisses cobserver alma la lunette. Sur lemême mur places un disque plus grand, que ross observers à l'œil nu. Si les deux disques vous paraisseut égant, l'une un declass et l'autre au debors de la lunette, le rapport des deux diamètres sera le grossissement; yous changers le disque extérieur jusqu'à ce que vous parvenies à l'égalité.

En chaugeaut de diaphragme, yous pouvez changer le champ de la lamette; vous meuvrez ce champ, et quand vous le conusisses, il vois seri à connaître daus le ciel les étoiles dont la distance est égale le ce champ. Il ne fait pas que ces distances soient grandes, car on ue per faire varier ce champ qu'estre certaines limites. On pourra mesurer per ce moyen de petites distances sous commettre d'erreur qui passe un minute. Il n'en dit pas davantage, réservant pour une autre occasion la théorie de sa huette.

La surface de la Lune offre des montagnes, des cavités, des taches plus ou moins luminenses, que personne n'avait apercues avant lui. La ligne qui sépare la partie éclairée, de la partie obscure, n'est pas une courbe régulière, comme elle devrait l'être, si la serface de la Lune était polie et parfaitement sphérique. Les inégalités de la surface sont lumineuses, du côté qui regarde le Soleil, obscures dans la partie opposée. Dans la partie non encore éclairée, on aperçoit des sommités qui déjà reçoivent les rayons du Soleil; le progrès de la lumière indique des cavités et des hauteurs. Calilée compare le disque de la Lune à la queue d'un paon, à raison de la quantité d'yeux qu'elle présente. Nous omettons nombre de détails qui exigeraient des figures, et qui n'ont plus le même intérêt aujourd'bui que ces descriptions ont été bien perfectionnées, et que les lunettes sont devenues si communes. Il se demande comment il se fait que le bord de la Lune soit si bien terminé, et qu'il n'offre sucone montagne ni aucune vallée; il en donne deux raisons : les montagues peuvent se cacher les unes les autres, et de plus, le corps réel de la Lune peut être entouré d'une atmosphère lumineuse, qui la fait paraltre plus grande et mieux terminée qu'elle ne l'est réellement.

Quand le sommet d'aus montagne commence à être échiré, il en meure ou estime la distance à la limite de l'ombre et de la lumière. La hauteur de la súonatgen est l'excès de la sécente de l'arc de distance sur le rayon. Soit A cet arc, - le rayon du globe lumière; la baisence de la montagne est r-inagAtang; à A. Calillée ne dit pas quelle formuleil enploie, mais il trouver queles montagnes de la Luce noi taparq à quatre mis iniliques de hauteur; elles surpassent donc de beancoup les montagnes de la Terre.

Il cherche ensuite la cause qui produit la lumière cendrée de la Lune; les anciens croyaient cette lumière propre à la Lune; Galilée objecte qu'en ce cas elle derrait être visible sur-sont dans les éclipses (et cels serait vrais is la Terre n'avait pas d'atmosphère). Or, dans les éclipses on trouve la Lune une lumière rougettre qui doit venir d'une autre cause. D'autres ont pensé que la lumière cendrée était produite par Vénus on par les écliels. Il rejette ces explications pour en proposer une qui n'est pas meilleure; il la trouve dans l'atmòsphère qui environne la Lune et qui produit une espèce de crépascule; il explique custa la véritable cause trouvée long-tems auparavant par le célèbre pointre Léonard de Vinci. Cette lumière est celle que la Terre envoie à la Lune, et que la Lune ous senvoie par une seconde réflexion. Il promet plus de éclails et les

réserve pour son livre du Système du monde. Ce livre n'a paru que longtems aurès.

Il remarque ensuite que le télescope ne grossit ni les planètes, ni sur-tout les étoiles. La cause en est cette irradiation ou cette chevelure de rayons dont les étoiles paraissent entourées quand on les voit à l'œil nu, et dont elles sont dépouillées par les Innettes. Les étoiles ne paraissent ainsi que des points lumineux, et les planètes offrent des disques bien terminés. Cepcudant il n'affirme pas que les étoiles échappent toutà-fait au grossissement : celles de ciuquième et sixième grandeur paraissent égaler Sirius, qui est de première. On ue voit à la simple vue que les étoiles qui sont au moins de sixième grandeur ; la lunette en fait voir six autres ordres dont on ne sonpconnait pas l'existence, et qui paraissent telles que sont à la vue les étoiles de seconde grandenr. Il y a beaucoup d'arbitraire et beaucoup d'incertitude dans ces comparaisons, ou du moins nous voyons aujourd'hui tout autrement les étoiles. Pour preuve de ce qu'il avance, Galilée cite le baudrier et l'épée d'Orion, où l'on ne comptait que sept étoiles, il en marque 80 ; on ne comptait dans les Pléiades que six étoiles, ou sept tont an plus, il en donne plus de 40. La voie lactée lui paralt un assemblage d'une multitude de petites étoiles que l'œil ne neut distinguer. Il en est de même des nébuleuses, et pour exemple il offre les figures de la nébuleuse de la tête d'Orion et celle du Cancer.

Il passe à la découverte des satellites; il invite les astronomes à répéter ses observations, pour mieux déterminer les mouvemens et les révolutions.

Le 7 janvier 1610, il vit auprès de Jupiter trois étoiles petites mais très brillantes, qui étaient avec la plantés au une même ligne droite et parallèle à l'écliptique. Des trois étoiles, deux étaient à l'orient et l'autre à l'occident; les deux extrêmes semblaient un pen plus fortes que celle qui était plus voisine de Jupiter et à l'orient.

Le 8 janvier, il vit encore trois étoiles sur la même ligne droite avec Jupiter, mais elles étaieut toûtes à l'orient et devenues plus voisines les unes des autres. Ce changement de position lui parut difficile à comprendre et fixa son attention, car Jupiter était alors rétrograde.

Le 9, le ciel fut couvert; le 10, il ne vit que deux étoiles; elles étaient à l'orient de Jupiter; il soupçonna que la troisième pouvait être cachée derrière le disque; il en conclut dès-lors que ces étoiles pourraient bien tourner autour de Jupiter, et il résolut de les suivre exactement. Le 1, il ne vit eccore que deux étailes à l'orient, mais les places, paraissaient échangées, la plus petite paraissait éloiguée de Jupiter trois fois autant que la plus grosse. Il ne douta plus que ces étoiles ne fussent des satellites de Jupiter; le 12, il en revit trois; le 15, cufin, il en aperçut quatte, une à l'orient et trois à l'orcident.

Le 14, le ciel fut convert, le 15, les quatre étoiles étaient à l'occident; le plus orinier de Jupiter parsiais la plus faible, plus doignée parsiais la plus faible, plus doignée parsiais la plus faite et un peu plus boréale que les trois autres. Il continue à saiss, jusqu'au s mars, à donne les configurations des satellites de marquer les étoiles fixes qui pouvaient se trouver avec Jupiter dans le champ de la hunette.

Quoiqu'il ne puisse encore assigner exactement le tens de leurs révobutions, il nous sprend qu'elles décrivent, autour de Jupiter, de cuelle de rayon différent; si le rayon est plus petit, le tens de la révolution est plus court. Ces quatre Luues, qui tournent autour de Japiter, et qui le suivent constamment dans sa révolution de 12 aus, doivent aider à concevoir comment notre Lune peut accompagner la Terre dansa révolution annuelle. Il cherche ensuite comment, du jour au lendemain, les mises satellites ont pu lui paraître différer sesses sensiblement de grandeur; il attibue ces apparences aux différens états de l'atmosphère, autour Jupiter que de la Terre; cer il croit que chaque planète a son atmossible;

A la suite de cet ouvrage se trouvent quelques lettrec où Galilée annonce de nouvelles découvertes; mais, comme elles avaient besoin dêtre observées plus d'une foits, pour prendre date, sans cependant en donner connaissance, il les aunonçait en trasposant toutes les lettres de manière qu'il fait impossible den rétablir l'ordre, et que lui seul pût donner le mot du logogriphe. La première de ces découvertes était exprimée comme il suit;

SMAISMRMILMEPOETALEVMIBVNENVGTTAVIRAS.

Képler chercha vainement à en deviner le sens. Galilée rétablit ainsi l'ordre :

ALTISSIMVM PLANETAM TERGEMINVM OBSERVAVI.

On voit, dans l'une et l'autre phrase, 4A, 1B, 4E, 1G, 4I, 2L, 5M, 2N, 1O, 1P, 2R, 5S, 5T, 4V; total, 54 lettres. Outre la transpositiou des lettres, Galilée avait encore employé une périphrase pour dé-

Lungdh, Google

signer Saturne, afin de rendre son logogryphe absolument indéchiffrable.

Saturne diait donc triple, cette apparence diai produite par les deux annes de l'anneu ma' vives dans un télescope qui ne grossissai pas suf-fisamment; Galilés prenait ces antes pour deux globes qui accompagnient le globe de la plantet; il avertissait que, dans des lunettes plus faibles, Saturne par l'anneux si superiment oblong comme une olive, 15 navembre 16:0.

Le 11 décembre suivant, Galilée publia ce nouveau logogryphe plus travaillé:

Hæc immatura à me jam frustra leguntur. O. Y.

Il annonçait que la nonvelle découverte décidait une grande question et contenait une preuve en faveur de la véritable constitution de l'univers. Le 1^{er} janvier 1611, il donna l'explication snivante:

Cynthice figuras aemulatur mater amorum.

1. Z., 5 Å, 1 C, 2 E, 1 F, 1 G, 1 H, 3 I, 1 L, 4 M, 1 N, 1 O, 4 R, 1 S, T, 4 V, 1 F, 1 tola, 5 Å lettres. Véms a donc des phases comme la Lune; elle tourne donc antour du Soleil, ce qui est un argument irréragable contre Ptolémée, et une nouvelle probabilité pour Copernic. Vénas n'a donc qu'une lumière emprantée, qu'elle tire du Soleil. Gallèe jouie : Képler el les suites coperniciens suront donc sigit de se réjouir d'avoir bien cru et bien philosophé. Il dit enfin qu'il vient d'observer une celipse de Lune avres al huette, et qu'il n'a vu rien d'extraordinaire, si ce n'est que l'ombre est mal terminée, parce que l'ombre de la Terre, qui tombe sur la Lune, arrivée de très loin.

Dans une lettre du 11 mars, Galilée avance, comme une chote maintent ertaine, que toute les plantiets recjoiven l'ou l'unière du Soleil, ce qui fait que les planties plus voisines de la Terre paraissent les plus chilantes; c'est ce qui donne un tel édat à Mars férjécé, qu'on a peine à le dépouiller de son irradiation; c'est ce qui fait que Japiter est mieux terminé, que Saturne brille si peu, si que seu roiz globes sont si tranchés. La lumière des étoiles leur est donc propres, puispuel ele est si vire malgré leur incroyable distance. Sirius ne paralt guère que la cinquantième partie du jupiter, c'est-dire, §, si 10 par leu da lainetire; et, cependaut, sa lumière est si vive et si peu tranquille, qu'on ne peut distinguer le corpsi de l'étoile d'avec les rayons qui l'entouerne; il en conclut que la sciutilation provient des rayons que darde incessamment l'étoile; si charge sou correspôndant di saltanc canament et signor referen.



Le 50 décembre 1610, il écrivait au P. Benedetto Castelli; il lui faiali part de set observer toitens des phases de Vénus; il voice pas astrare qu'il puisse observer celles de Mars, mais a'il ne se trompe, il croit déjà voir qu'il n'est pas parfaitement rond. C'est, en effet, à peu près tout ce qu'on peut voir, vu la petiesse de la parallaxe annuelle. Pour Vénus, il en voit les cornes annai bien que celles de la Lune, et Vénus est aussi grande que la Lune parti à l'ècil nu.

Pour Saturne, il dit que le globe du milieu est grand comme trois fois l'un des deux autres.

Dans une autre lettre, datée de sa prison d'Arcetri, la 20 férrier 1577, il rend compte de ses observations un taitubation (libration de la Loudou). Il donne cetté nouvelle découverte comme très importante, quoign'il n'ait pue n déduire encore que très peu de conséquences; il a tonjours peusé qu'il y avait de grander ressemblances entre la Terre et la Lune; la Lune doit voir nos grandes mers comme des taches considérables à la surface la Terre; a la Lune a, comme la Terre, as plaines, ses montagnes et ses vallées. Le centre des mouvemens de la Lune est très voisin de la Terre, a la lieu que le centre des mouvemens des autres planétes to loin d'elle et três près du Soleil. Il s'éstis proposé, depuis long-tens, d'examiner à la Lune tourne toujours la même face à la Terre, et si la lique qui joint les deux contres passe invariablement par le même point du globe luniaire, ce qu'es clearite toute titulation.

Admettona d'abord cette hypothèse, nous dit Galilée, pour voir quelles nesriacie les conséquences. Il vienuivrit qu'un crit placé au centre de la Terre verrait toujour la même face; les rayons qui parviandraient de la Lune i l'au floramenient un cône dont la base sersit no cercle de la Lune, sauged on pourrait donner le nom d'Aordon, puisqu'i séparerait i variablement la partie visible de la partie invisible. Sì la distance rait i variablement la partie visible de la partie invisible. Sì la distance raite i manire, on verrait tonjours les mêmes taches, on les verrait tonjours les mêmes taches, on les verrait tonjours les mêmes places pais si la distance venait il dininuer, ce horizon se resserverait, les taches très voisines du hord tendraient à disparaltre; ce serait contraire si a distance devenait plus grande, l'horizon a'ggrandirait, on apercevrait une zone auparavant invisible. Voilà toutes les variétés qui pourraient avoir lieu. Mais si l'outle et bor su centre et en un point de la surface de la Terre, on apera d'autres changemens; car si un ceil était dans le plan d'un ercel passant par la ligne des centres, un autre ceil,

élevé au-dessus de cette ligne, apercevrait, dans la partie supérieure de la Luoe, quelques parties invisibles pour le premier œil, il en perdrait

d'autres dans la partie inférieure.

(Supposes trois observateurs qui observeot ao même iostant la Lune au méridien, que l'un voie la Loos au sénit (fig. 85), et les decor autres la voicot à une certaine distance du zénit, l'un au nord et l'autre au sade son zénit : Dabervateur qui voit la Lune au sodit la verar comme la verrait l'œil au ceotre, à la réserve que l'horizoo serait réiréci de l'augmentation du demi-diametre de la Luoe; il verrait la même tache a au ceotre du disque. L'observateur B, qui verrait la Lune au su de son zénit, verrait la tache à au centre du disque. L'observateur D, qui voit la Lune au sou de de son zénit, verrait au centre du disque la tache d. Le premier gagnerait au nord un are ≡ab, et en perdrait un pareil au sud. Cobservateur D gagnerait ao sud ou ar cad, et en perdrait un pareil au sond. Cobservateur D gagnerait ao sud ou ar cad, et en perdrait un pareil au ond, sust la petite différence qui tiendrait à la différence des distances «C, BC et DE pour l'éteoden de l'horizoo).

La Lune passant ao couchant, les phénomènes seraient différens; et l'on pourrait dire que la Lune s'élevant, inclinerait sa face vers le cuchant. (Éo effet, soit L. la Lune (fg. 86), HOR l'horizon; si vous voyes la Lune du point II à la natueur LHR, le cercle terminateur sera bh; si elle s'élève davantage, et que vous la voyez à la hauteur LOR, le cercle terminateur preoûra la position oo. La face de la Lune se sera inclinée de l'anglé Alo vers l'occident qu'elle regarde quand elle s'éleve, ce serait le contraire après le passage au méridico; la face se releverait comme elle l'esta baissée).

ou l'autre nœud. La période annuelle des déclinaisons du Soleil apportera aussi des variations analogues dans les limites de la partie éclairée,

D'après ces idées je me mis, dit Galilée, à observer si je remarquerais quelque changement dans les taches. La nature me fut en cela très favorable, car la Lune étant à l'orient, ou y voit une tache séparée des autres, de sigure ovale et très voisine du bord ; elle est visible à l'œil nn. A l'opposite ou en voit deux, placées comme des isles, dans un champ assez vaste et assez luisant, mais leur petitesse les dérobe à la vue simple. quoiqu'elles soient du genre de celles qu'on voit sans lunette. En les observant, j'y ai remarqué les changemens exposés ci-dessus, avec une telle évidence, que l'intervalle entre la tache et le bord, qui rivalise en largeur avec la tache (il paralt qu'il parle de la tache Grimaldi), se trouvait réduit à la dixième partie de la tache. Les taches opposées manifestaient des changemeus aualogues, c'est-à-dire, contraires; et comme le cercle qui passe par ces taches opposées est dans une positiou moyenne entre cenx qui vont du levant au couchaut et du sud au nord, les mêmes taches sont propres à manifester les effets de la période diurne et ceux de la période menstruelle. Il est à remarquer que si le déplacement des taches voisines du bord est, par exemple, de deux ou trois parties, celui des taches placées vers le centre sera beaucoup plus sensible encore, c'est-àdire de 20 à 25 parties; enfin, ces mouvemeus sout si sensibles, qu'il u'y a pas de doute que, par des observations très exactes et très soignées, on n'en puisse déterminer les véritables quantités. Je voulais continuer ces observations, j'en ai été empêché par une fluxiou sur les yeux qui m'a interdit l'usage de la lunette; et cette fluxion s'est terminée il y a deux mois par une cécité totale causée par des cataractes; i'en suis d'autant plus faché qu'il est fort à craindre que d'autres s'emparent de ces premières itlées et ne s'en déclarent les auteurs, comme il est arrivé pour les taches solaires, pour lesquelles Scheiner a en l'impudence de s'attribuer la priorité; mais, comptant sur l'inadverteuce de ses lectenrs, il s'est attribué certaines conjectures que le tems a depuis vérifiées, et qu'il ose dire bieu plus justes que les miennes, comme s'il n'avait pas fait imprimer, sous le faux nom d'Apelle, trois lettres pleines d'ignorance et de bévues, après en avoir lu trois des miennes où se trouvaient les mêmes conjectures bien plus justes. A l'appui de ces assertions, il cite le témoignage du P. Adam Tanner, qui professait à Ingolstadt dans le même collège que Scheiner; il cite aussi, mais sans le nommer, un autre jésuite

"Hist. de l'Astr. mod. T. I.

à qui il avait confié ces idées, et qui eo avait fait part à Scheiner, en avril 1612, avaot que Scheiner imprimàt rien sur ce sojet.

Noos ne faisons aucune remarque sur ces inculpations, que nous discuteroos quand nous auroos toutes les pièces do procès; on les trouve dans l'ouvrage intitulé Storia e dimostrazioni intorno alle macchie solari et loro accidenti, dal signor Galileo Galilei : si aggiungono nel fine le lettere et disquizioni del finto Apelle, Roma, 13 gennaro 1613. Daos l'avis au lecteur, dout l'auteur est Angelo de filiis, oo voit que Galilée, ayaot démontré à Rome ses nouvelles découvertes dans le ciel , avait , pour terminer ces conférences, fait dans le Jardin Quiriual du cardinal Bandini, en présence de plusieurs seigneurs italiens, l'observation des taches du Soleil, et qu'on attendait avec impatience qu'il expliquat l'idée qu'il s'était faite de ces taches, quand on apprit qu'il l'avait consignée dans ses lettres à Velseri. La première de ces lettres est du 6 jaovier 1612, et la réponse, où Galilée expose ses observations et sa doctrine, n'est que du 4 mai suivant. Velseri anoonce à Galilée que déjà plusieurs astronomes s'empressant de marcher sur ses traces, il lui demande son avis sur les lettres d'Apelle; ce qui prouve bicu que l'on savait que Galilée s'était occopé de ces observations en 1611, mais ne sustit pas pour en donner la date précise. On trouve encore dans l'avertissement d'Angelo de Filiis, que les observations du Jardin Quirinal sont du mois d'avril 1611, tandis que la première lettre d'Apelle (Scheiner) ne meotioone que des observations du mois d'octobre suivant.

On peut se défér, jasqu'à un certain point, du témoignage d'un ami et d'un compatriote; il faut donc examiner les écrits des deux anteurs qui se disputent la découverte. Galidée s'excesse d'avoir si long-tems fait standres as réponse sur les taches du Soclét; il aliegue des indipositions qui l'ont empéché de suivre ses observations; il aime mieux pàrattre la dernier et ne dire que des choses avérées, que de se hâter d'avancer dés choses qu'il pourrait être obligé de rétracter. Il ne peut encore dire què des schoses ofgaives; il croit assori mieux ce que ne sont pas les teches d'a Soleil, que ce qu'elles sont en effet; il hui paraît plus difficile de trouver! Le vérité que de réfuter des conjectures iunastets. Mais pour complaire à Velseri, il va examiner les trois lettres de celai qui s'est caché sous le faux nom d'Apelle. Les observations qu'il a faite hi-mêm depais 18 mois l'ont convaince que les taches sont réelles; qu'elles ne paraissent mois point du globs solaire; qu'elles paraissent avrict des mou-

vemens propres et des mouvemens réguliers, comme le prétend l'auteur des lettres; seulement, il croit que le monvement est d'occident en orient et du sud vers le nord, et non d'orient en occident et du nord au sud, comme le dit Apelle : le monvement de ces taches est tout pareil à ceux de Vénus et de Mercure vers leurs conjonctions inférieures. Le défaut de parallaxe pronve que ces taches ne sont pas placées eutre la Terre et le Soleil, à une grande distance du Soleil; mais il ne voit aucnne raison pour croire avec Scheiner qu'elles ne sont pas adhérentes au corps du Soleil. Scheiner disait encore que les taches du Soleil sont plus noires que celles de la Lune. Galilée croît qu'elles peuvent être plus brillantes que les parties les plus lumineuses de la Lune. La raison qu'il en donne pourrait n'être pas très bonne; c'est, dit-il, que la Lune et Venus même sont invisibles auprès de Soleil, et que les taches se voient sur le disque même, malgre tout l'éclat du Soleil. (Mercure et Vénus, dans leurs passages, ne sont certainement pas lumineux; on les voit très bien cependant, ou plutôt on ne voit pas la partie du Soleil qu'ils couvrent; et c'est ainsi qu'on voit les taches, qui n'ont pas l'air d'être lumineuses.)

Scheiner croit que par le même moyen ou pourra déterminer si Mercure et Veinus tournent antour du Soleli; il u'a donc acunen connaissance des phases de Vénus annoncées par Galilée depuis plus de deux aus, non plus que des variations du diamètre. Il croît encoré que Vénus sur le Soleil paraîtrist comme une grande tache, parce qu'il lui suppose un diamètre de 3º. Galilée prétend au contraire, qu'à l'époque dont parle Aelle. le diamètre u'ciuti pas de 10º.

Galliée donne ensuite les destins de taches observées le 5 svril deruier, le 21, le 26, le 50 du même mois et le 5 mai. Il soutient que le nom d'étoiles ne peut convenir à ces taches; elles peuvent bien revenir dans les révolutions suivantes, mais elles ne reviennent pas exactement les mêmes.

Scheiner paralt croire que les satellites de Jupiter ne sont pas seulement au nombre de quatre. Galilée n'ose rien affirmer, sinon que jamais il n'en a va davantage. Pour en revenir aux taches, il croit qu'elles se forment à la surface du Solcil, qu'elles se dissipent et peuvent reparaîtrés sa liéorie, quotique incertaine cuorce, paraît plus saine et mieur arraitrés que celle de Scheiner; mais jusqu'ici il ne rapporte aucenne observation de l'année (sir, se l'on sersit tente de croire qu'il peut hien les avoir vues six mois avant Scheiner, sans les observer d'une manière un pen précise, et qu'avant de répondre à Velseri, il aure vaulu faire les obserreries, et qu'avant de répondre à Velseri, il aure vaulu faire les observations d'avril et de mai 1612, qui vieunent d'être rapportées ci-dessus. Au reste, en finissant, il professe beaucoup d'estime pour Scheiner et promet de lui envoyer des observations plus précissa des taches.

Dans la lettre suivante, qui est du 14 août 1612, il annonce que les . observations subsequentes ont pleinement justifié ses conjectures; il affirme donc que les taches sont à la surface du Soleil, et que la distance à cette surface, s'il y en a une, est du moins imperceptible; qu'elles durent plus ou moins depuis 2 on 3 jours jusqu'à 30 et 40; que les figures en sont irrégulières et changeantes; qu'on en voit qui se séparent et d'autres qui se réunissent au milieu même du disque; qu'outre ces variations et ces mouvemens particuliers, elles ont un mouvement commun qui leur fait décrire des lignes parallèles. Ce mouvement général prouve que le Soleil est sphérique, et qu'il tonrne sur lui-même d'occident en orient comme les planètes; il ajoute, comme une remarque curieuse, que ces taches ont une zone particulière qui ne s'étend guères qu'à 28 ou 29° au sud et au nord de l'équateur solaire. Il démontre ces assertions par des figures et des raisonnemens géométriques, et par les dessins des taches observées en 54 jours différens, depuis le 2 juin jusqu'au 21 août.

Il finit par un moyen d'observer ces taches sans regarder directement le Soleil, en recevant sur un cartou l'image de cet astre, qui sort de la lunette par l'oculaire. Le cartou se place à 4 ou 5 palmes du verre concave; on décrit sur le carton un cercle d'un rayon arbitraire, et en éloignant ou rapprochant le carton on fait que le cercle décrit renferme exactement l'image du Soleil; si cette image est parfaitement ronde, on aura la preuve que le carton est bien perpendiculaire à l'axe de la lunette. sans quoi elle paraltrait ovale; il faut faire en sorte que la lunette suive exactement le mouvement du Soleil, ce qui s'obtient en regardant le verre concave où l'on doit voir un petit cercle lumineux bien conceutrique à l'ouverture ; il faut que le carton suive de même le mouvement de la lunette; alors avec un peu d'adresse on peut dessiner les taches à leur véritable place sur le disque. Pour mieux voir, il est bon d'obscurcir la chambre. Il est à remarquer que la marche des taches est renversée, parce que les rayons se croisent dans le tube avant de sortir du verre concave; mais comme le dessin se fait sur un carton opposé au Soleil. quand on prend ce carton pour le considérer, qu'on renverse l'image de hant en has et qu'on la regarde en transparent, on voit les taches telles qu'elles paraltraient sur le Soleil. On pourrait les observer sans lunette

et par un petit tron quel conque qui laissit passer l'image da Solid qu'on cencillerait de même au un catron. La nature n'à pas boriné là les facilités qu'elle roulait nous donner- pour les obsetivations; ofici produit de tens à autre des taches asses grandes pour étre vues diréctéticnet aur le Soleit; mais par un préjuge invetieré de l'incorruptibilité des crops célestes, on a négligé ces moyeus; cit à honte des autronomes, du icms, sect atacles ont cité priess pour Mercure qui passifis ur le Soleit, ana songer que le mouvement de Mercure est beaucoup trop rapide, pour que son passego puisse jamais durer autant de tense que la tache à cit vue.

Il dit en finissant, qu'il avait reçu de Bruxelles et de Rome des dessins de laches observées aux mêmes jours et qui s'accordaient parfaitement avec les siens.

En post-scriptum, il nous apprend que le 19, le 20 et le 21 du même mois, une tache parut au milieu du disque solaire; qu'il put l'apercevoir à la vue simple, et qu'il la fit remarquer à plusieurs assistans.

La troitème lettre est du 1" décembre 1612. L'auteur y disente uninouvel écrit de Scheiner. Il ne croit pas que Veius, obscure et débarrassée de son irradiation, doive paraître aussi grande qu'on pourrait le conclurre de son disque apparent, quand il est lumineux. Nous ne le suivrons pas dans toutes les objections qu'il fait à Scheiner, et dans lesquelles il paraît avoir un grand avantage sur son adversaire, sans cependant avoir toujours raison. Nous remarquerons seulement qu'il y parle de facules on points plus lumineux que le reste du disque, et qui ont la même marche que les tachés.

Il pease que les planètes et la Lune pourraient être habitées comme la Terres, mais il rorit que ce doit étre par des tres d'une nature toutà-fait différente. Il réfute ensuite quelques bévues de Scheiner sur les satellites; puis passant à Saturne, il téronigne la surprise oi il a été de le voir sollitire et parfaitement rond. Les deux étoiles qui l'accompagnaient, so sont-elles dissipées, comme les taches solaires ? Saturne a-t-il dévoré ses propres enfans? mes honettes m'ont-elles trompé si long-tems? Il hassarde ensuite quelques prédétions, qu'il regarde lus i-même comme très in-certaines. Il pense donc que les deux étoiles pourront redevenir visibles pendant deux mois vers le solstice d'été de la nió-5; qu'elles et cacheront de nouveau josqu'au solstice d'hiver de 1614; qu'alors clles pourfont encore se montrer pendant quelques mois; qu'elles se cacheront de nouveau l'hiver suivant; après quoi il croit pouvoir alfirmer, avec plus de certiude, qu'elles ne se cacheront plus si ce n'est au solstice d'été de la certiaud qu'elles ne se cacheront plus si ce n'est au solstice d'été de

1615, ou elles annost l'air de vauloir disparaisre; mais que bientit après; ie remuntrant, elles aécost plus brillantes que jamais, pendant plusients années sans la moindre interruption. Et comme je ne doute pas de leur retour, dit-il encore, je réserve, pour ce tens plusieurs particularités qui ne sont à la vérite londées que aur des conjectueres et je me persault que ces phénumènes, comme les phases de Vénus, apporteront encore de nuvelles raisons, es dever da système de Copernic.

Cet écrit est suivi des configurations des quatre satellites, calculées d'avance pour les mois de mars et d'avril 1813. Dans un post-scriptum. il fait quelques remarques sur leurs éclipses; il dit d'abord que les satellites se voient difficilement quand ils sont tout près de Jupiter. La variété qui s'observe dans les éclipses l'avait fort tourmenté, tant qu'il n'en avait pas encure deviné la cause; elles durent tantôt plus tantôt moins, quelquefois elles sont invisibles pour nous, ce qui tient au mouvement de la Terre, aux diverses latitudes de Jupiter, aux distances plus ou moins grandes du satellite à Jupiter. Les éclipses de la présente année seront plus longues; il annonce que l'une de ces éclipses commencera quaud le satellite sera cache derrière Jupiter, mais que l'emersion sera bien visible. parce que le satellite sera éloigné de la planète, de deux diamètres; dans une autre éclipse, l'emersion se verra à un diamètre. Il promet un plus grand nombre d'annonces pareilles; il s'excuse d'avance, si l'évènement ne répond pas toujours à la prédiction. Il est à remarquer, que parmi les causes des différences dans la durée des éclipses, il ne fait auenne mention de l'inclinaison des orbites; et cependant cette cause clait celle qui se présentait la première.

De maculis solaribus tres epistola, de iisdem et stellis eirea Jovem errantibus disquisitio, ad Mareum Velserum, Apellis post tabulam latentis,

La première de ces lettres est du 12 novembre 1611: Scheinee dit qu'avec una luntete qui grassi de 600 à 800 dice nurface, il avait, il y a sept mois, regarde le Saleil et la Lune, pour en comparer la diamètres, qui lui parqueut égaux, et qu'il aperçant alors sur le Soleil quelques taches noires suxquelles il fit alors pen d'attention, parce qu'il avait un autre objet en vue. « Nous y sommes revenus le mois d'ôca lobre d'enrier, et nous avons aperça les niches dont rous royes le a lobre d'enrier, et nous avons aperça les niches dont rous royes le

a tobre dernier, et nous avons aperça les laches dont vous voyes le n dessin. Nous crumes d'abord que ce pouvait être quelque ordure ou n quelque défaut dans les verres. Nous employames plusieurs lunettes n qui toutes nous montrerent les mêmes apparences chacune sur sou

s échelle propre. On avait beau touruer les lunettes sur leurs axes, les

n taches restaient immobiles, elles ne changeaient pas de position, si a ce n'est par le mouvement dinrne du Soleil; il fallut reconnaître » qu'elles appartenaient au Soleil, Elles n'avaient point de parallaxe; » elles disparurent au bout de quelques jours; je crois qu'elles allaient » du levant au couchaut, mais je sais qu'elles allaient du nord au sud. » Les observations suivantes éclairciront ce point. Elles doivent être » dans le Solcil ou dans un ciel autour du Soleil. Mais comment ima-» giner dans le Soleil des taches plus noires que dans la Lune ? Si elles a étaient dans le Soleil, il faudrait que le Soleil eut un mouvement de a rotation : les taches remarattraient et elles n'ont pas repare. Elles ne » sont donc pas dans le Soleil; nous croyons que ce sont des étoiles a qui éclipsent le Soleil. Ces observations ne sont pas très exactes; on » les a dessinées à vue , et sans prendre aucune mesure ; on a fait les taches » plus grandes qu'elles ne sont. Quand le Soleil est près de l'horizon. » on peut le regarder impunément dans la lunette; quand il est plus » élevé, on couvre l'objectif d'un verre plan vert, »

Les deux auteurs prétendent avoir va les tuchres en avril 1611. Galliée de la témoins, Scheiner u'ne tie acue, et d'ailleurs le long intervalle entre les observations d'avril et celles d'octobre, ses doute en octobre, prosvenient equil aveit insi bine poe d'Ampériande e le c'étil auteur en avril, et qu'alors, supposé qu'il voir remarqué quelqués thehe noires aurle Soleil, il a put les attribuer de même à quelque ordure ou à qualque défaut dans les verres, et sa découverte ne daterait vériablement que d'octobre. Il suifit de cette remarque pour faire pierde le proces à Scheiner. Il est asses singuleir equ'il ne se souvienne pas bien si les taches allaient à l'orient ou à l'occident, ce qui prouive qu'il na une situations de la lieur la vient de la comme de la contrait de la contrait de la comme de la contrait de la contr

La deuxieme lettre est dat 19 décembre. Scheiner calcule que d'après les éphémérides de Magini, Vénus doit passer sur le Soleil, y produire une tache ronde de 3' de diamètre et plus graulle que les taches observées; que le mouvement de Vénus doit être contraire à celui des taches. Califele hai répond avec grande raison qué le mouvement doit être le même. Le jour clait serein, Vénus ne s'est pas montrée, Scheiner en conclut qu'elle est au-dessus du Soleil. Il promet de se reudrefattenif aux passages de Mercure comme à ceux de Vénus; il les croit tous deux nu-dessus du Soleil.

La troisieme lettre est du 36 décembre. L'auteur prend un ton plus affirmatif. Les taches ne tiennent point au 30cht. Elles n'emploient que 15 jours à le traverser; elles devraient revenir an bout de 15 jours à 22, il n'en a vu revenir aucune. Elles n'out pas de parallaxe, elles ne sont duc pas dans la région de la Luue; elles ne, sont pas dans celle de Mercure, pas même dans celle de Vénus; elles tourneut très près da Soleil. Cen es ont in des nuages ni des comètes. Ces taches doivent être grandes, opaques et profondes; elles doivent avoir des phases que l'éclat du Soleil empleche de distingués non les nuages et profondes plus doivent avoir des phases que l'éclat du Soleil empleche de distingués plus plus de l'action de la faction de

Les satellites de Jupiter doivent être de même nature, leur nombre doit être de plus de quatre; ils doivent parcourir des cercles différens, inclinés tantôt au nord, tantôt au sud; voils du moins une conjecture plus heureuse.

Il soupconne quelque chose de semblable pour Saturne. Depuis le Soleil jusqu'à Mercure, il doit y avoir plusieurs plauètes, et nous ue pouvons apercevoir que celles qui vieudraient à passer sur le Soleil.

Accuration disquisitio ejusdem Apellis, 16 jauvier 1612.

Cei cerit commence par le calcul de la coujouction de Vénus qui n'a pu être observée. Maginus auraitil commis une erreur de 7 à 8' sur la latitude ? Scheiner ne peut se le persuader; il est bieu sur aujourd'hui qu'e le passage de Vénus u'a pu avoir lieu.

Il croit avoir trouvé un cinquième satellite, il le dédie à son patron Velserus, le même auquel Galilée avait adressé ses trois lettres. Scheiner

Scheiner reviett aux faches, Ongeut les observer en faisant passer par un trou les ryous da Soleil, et en recevant l'image da Soleil sur un miroir qui la peut par reflexion en recevant l'image da Soleil sur un miroir qui la renverra sur un mur, ce qui serait suffisant pour apercevoir les taches, mais uno pour ca determiner exactement la position; il rapporte l'observation d'un ecfelpse de Soleil, dans laquelle la Lune citat environde d'un cercle lumineux qui se prolongenit au-delà du Soleil. Les toches du Soleil desient plus noires que la Lune, la partie de la Lune qui couvrait le Soleil était blanchâtre et transperente comme un cristal, elle latissit woir le Soleil; mais cette partie de lo Borevation act ét fine su luntet. Scheiner en conclut que les taches du Soleil sont plus noires que la Lune, la que la Lune, qui contra que la Lune.

L'éditeur rassemble ensuite plusieurs lettres pour prouver que c'est Galilée qui a le premier vu les taches du Soleil. Aguilon, dans son Optique, eu attribuait la découverte à Scheiner. Le prince Frédéric Cési s'étoune de cette prétention, vu que les jésnites savent fort bien que c'est Galilée qui les a montrées le premier. Gucchia écrit le 16 juin 1612, qu'il y a plus d'un au que Galilée lui a montré les taches. L'archevêque Dini atteste qu'il était au jardin Quirinal en avril ou mai 1611, quand Galilée fit voir les taches. Une autre lettre d'un frère Fulgence prouverait beaucoup si elle indiquait le jour où Galilée a moutré les taches; cependant cette date s'y trouve au moins implicitement, pnisqu'on s'y moque du jésuite qui vent se faire honueur de la découverte. Enfin deux lettres de Jean Pieroui, ingénieur de l'empereur, attestent que le P. Guldin, jésuite, se souvieut parfaitement que c'est lui qui a donné à Scheiner la counaissance de la découverte des taches par Galilée. Ce dernier témoignage qui confirme ce que Galilée dit dans l'une de ses lettres à Velseri . ne laisse plus ancun donte. Ce qui est iucontestable, c'est que Galilée a trouvé la chose de son côté, et l'a tronvée le premier; la question est senlement de savoir si Scheiner est plagiaire. La chose paraît assez vraisemblable, il y a grande apparence au moins que le jésuite u'est pas de boune foi. Il u'a jamais prétendu que Galilée lui dût la connaissance des taches, il ne paralt prétendre qu'à la gloire de les avoir trouvées aussi de lui-même et la question est peu importante. Nous verrons par la snite ce qu'il a fait pour cette théorie, dans son gros volume de la Rose ursine.

Disputatio astronomica de tribus Cometis anni 1618.

Cei écrit paralt d'un jésulte; on ignore si Galilée vien avait pas fourni le foud. On y pronve que la comète était au-dessus de la région de la Luue, par deux raisons; elle n'avait pas de parallave sensible, et elle ne parsissait pas grossir daus la lunette, tandis que la Lune y paraît bieu plus grande qu'à l'eril nu.

Discorso delle Comete di Mario Guiducci, 8 jnin 1619.

L'auteur se propose de prouver que la parallaxe est un moyen pen afer pour démonter la distance d'une comète, et que le grossissement plus ou moins graud ue dépend pas de la distance; qu'il est le même pour tous les objete considérés dans la même lunctie; que si, par l'irradiation, un objet parait plus grand à l'œil no que dans la luncte, c'est une preuve que l'irradiation a lieu dans uotre cui et non autour de l'objet, aiusis la luncte ne peut le grossir. Enfaî que si les queues des Comètes

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I. 80

paraissent courbes, c'est que nous ne les voyons pas tout entières dans le plan où se fait la réfraction; car, si elles y étaient tout entières, elles nous paraîtraient droites.

Il Saggiatore nel quale con bilancia esquisita e giusta si ponderano la cose contenute nella libra astronomica e filosofica di Lotario Sarsi Sigensano scritta in forma di littera a monsignor Cesarini dal signor Galileo Galilei.

Galilée se demande par quelle fatalité toutes ses découvertes ont été amèrement critiquées et tournées en ridicule, ou bien lui ont été dérobées par des plagiaires qui ont voulu s'en faire honneur. Son caractère le porterait à se taire et à dissimuler, mais il ne peut dissimuler le procédé de Simon Marius, le même qui autrefois a traduit en latin son Traité du Compas, et l'a fait imprimer par un de ses disciples qu'il a laissé dans l'embarras en s'évadant aussitôt. Ce même Marius, quatre ans après la publication du Sidereus Nuntius, n'a pas rougi de s'approprier l'invention d'un autre; en imprimant son Mundus Jovialis, il a témérairement affirmé qu'il avait le premier observé les satellites. Galilée outre un peu le reproche; Marius convient que Galilée est le premier qui les ait vus en Italie, et il se restreint à dire qu'il les a vus le premier en Allemagne; et dans son Mundus Jovialis, il convient qu'il a lu le Nuntius Sidereus de Galilée. Marius dit que les satellites ne sont en ligne droite parallèle à l'écliptique que dans leurs plus grandes digressions, parce que leurs orbites sont inclinées à l'écliptique. Galilée prétend qu'elles y sont parallèles; et les différences de latitude, il les attribue aux latitudes de Jupiter. Il paralt que sur ce point tous deux se trompaient à peu près également. Les orbites sont inclinées à l'équateur de Jupiter, lequel est incliné à son écliptique et à la nôtre; mais tous ces angles d'inclinaison sont faibles et les nœuds sont mobiles; on n'avait point alors assez d'observations pour se douter de la véritable position de ces orbites.

La première des observations de Marius est précisément la seconde de Galifice; il a déquisé l'identité en domant la date suirant le Calendrier julien, au lieu que Galifice avait suivi le Calendrier grégorien; mais l'heure, le jour et la configuration sont identiques. Galifice lui erproche encore de lui avoir dérobé les mouvemens périodiques, et en effet il les a coniés avet très peu de changemens.

Dégoûté de ces attaques, de ces plagiats et de ces injustices, Galiléo avait résolu de ne plus rien publier; ses amis tachaient d'ébranler sa résolution, et ses enuemis l'ont rendue vaine, en lui attribuant des écris dont il n'est point l'auteur. Un Lotario Sarsi, personnage absolument inconnn, l'attaque comme l'auteur du discours de Mario Guidacci, dont il vient d'être question. Galilée no cherche pas quel est l'écrivain qui a voulu se cacher sous le nom de Sarsi, il asera avec lui de la liberté que permet le masque, pour s'expliquer plus franchement. Tout ce put le Saggiatore offre de polémique est fort étranger à l'histoire de l'Astronomie. Nous ne ferons attention qu'à ce qu'il contient de mathènique ou d'astronomique, et d'abord on est étonné de voir qu'il prétende contre Tycho que le défaut de parallaxe n'est pas une bonne preuve la distance de la cométe soit plus grande que celle de la Lune. Il veut que Tycho se soit trompé dans son calcul. Il s'agit d'une observation d'Urainbourg, comparée à une observation faite à Pragot.

Soit Z le zénit d'Uranibourg (fig. 87), V celui de Prague; ACB= (H-H') = différence des latitudes ou distance des deux zénits.

$$BAC = ABC = go^* - \frac{1}{4}ACB$$

$$ZAK = N$$

$$BAC + ZAK = N$$

$$BAC + ZAK = So^* + N - \frac{1}{4}ACB$$

$$BAC + BAC - ZAK = go^* + N - \frac{1}{4}ACB$$

$$BAC + BAK + ZAK = 18o^* - N + \frac{1}{4}ACB$$

$$VBA = go^* + \frac{1}{4}ACB$$

$$VBA = SO^* + \frac{1}{4}ACB$$

$$ABK = VBA + VBK = go^* + N' + \frac{1}{4}ACB$$

$$ABK = VBA + VBK = \frac{1}{9}S^* - N + \frac{1}{4}ACB$$

$$ABK + BAK = \frac{1}{1}S^* - \frac{1}{1}N + \frac{1}{1}ACB$$

$$ABK + BAK = \frac{1}{1}S^* - \frac{1}{1}N + \frac{1}{1}ACB$$

$$ABK + BAK = \frac{1}{1}S^* - \frac{1}{1}N + \frac{1}{1}ACB$$

$$\frac{1}{1}S^* - \frac{1}{1}ACB$$

Double Google

AK et BK connus, on aura deux moyens différens pour connaître CK. Les distances AK, BK, CK de la comète seront exprimées na pariesdout le rayon de la TerreAC=:. Toute la question est de savoir si AB, Ne tN' peuvent étre essec sexetement connus par les observations, pour donner à peu près les distances AK, BK, si (N-N') surpasse asses ACB. Mais on connaît an moins les limites des creenzs, et quand ons tromperait de quelques minutes, il suffit que le dénominateur soit petit en comparaison du numérateur pour en pouvoir conclure que CK est grand par rapport à CA, et que la parallaxe est petite quoiqu'on ne puisse déterminer avec sievré la distance abolote.

Il n'y a donc hucme difficulté si les deux lieux sont sons le même méridies, s'ils diffèrent en longitude on corrigera l'une des deux distances au zénit du mouvement de la comète en déclinaison pendant l'intervalle des tens. Tycho peut avoir calculé d'une manière trop peu scrupuleuse, mais il n'est pas à croire qu'il ait pu commettre une erreur aussi considérable dans un problème ansis simple; il ne l'a pas résolo directement, ce qui peut-lère était le meilleur parti à prendre. Il a supposé une parallare, et cherché l'effet qu'elle narrisi du produire; il n'a point trouvé que cet effet cèl liei; il en a conclu une parallaxe plus petite. L'objection de Galilée a l'air d'une thicane.

Sarsi en parlant de la lunette avait dit que si elle n'était pas fille de Galilée elle pouvait passer pour sa pupille ou son clève. Galilée, pour prouver qu'il en est le père, raconte de quelle manière il procéda ponr arriver à cette invention, qui fut en Hollande un pur effet du hasard, au lien que ches lui elle fut produite par le raisonnement.

Sans la nouvelle renne de Hollande, il avoue que peut être îi n'y aurait jamis pense; mais il n'est pas â'vis q'uva problème soit bien facilité quand il est propose. Il a raison; mais il y a des problèmes sunquele on es s'applique pas parce qu'on s'est trop légérement persued q'uils sont impossibles, on même desquels on n'a aucune idée; mais il no vous annonce que le problème n'est pas nen chimére puisqu'il est résolo, alors on l'examine et la solution se trouve puisqu'elle n'est pas impossible. Au reste l'invention n'a pas exigé de bien longs raisonnemes. Il vit aussibit qu'il fallait combiner un verre convexe avec un verre convexe justique et n'est pas impossible. Au reste l'en vint la mis, et le lendemain la lonate était faite, il en donna svis à Venise; sis jours après il en avait une plus prafaite, qu'il porta lui-même à Venise; où il a fit voir pendant un mois entier, et la présenta an doge; en récompense il vit augmenter son traitement, qui ciuti déji triple de celui de son prédécesseur,

Galilée explique ensuite que le grossissement varie heancoup quand la distance est petite, mais toojoure de mois se moiss à meatre que l'objet s'éloigne; qu'on ne voit plus de différence da Soleil à la Lane, et qu'ainsi le grossissement ne peut faire connaître la distance. Le grossissement ne varie plus quand le foye ne varie plus, et il ne varie plus disque les rayons qui tombent sur l'objectif sont parallèles, ou du moiss qu'il ne s'em fait plus que de quelques secondes.

un un est natu mis que o quesques secondes.

Nous ometions de longues discussions très peu instructives sur la nature des conéteses et nous passerons à un en expérience fisie, mais non
publicé par Galilés, rapportée et inexactement expliquée par Sarsi, qui
n'en avrit pas été témois. Cette expérience avait été imaginée par Galilés
pour moirter l'insultié du mouvement que Copernic avait supposé pour
expliquer le parallelisme de l'axe de la Terre dans sa révolution sanueille
antour dus Solici. Ce mouvement, qui eliferit la simplicité du système,
parait d'ailleurs pen naturel et peu probable, Nous avons vu que Képler
avait déjà montré, dans sa Théorie de Mars, et qu'il a répété depuis
dans son Abrégé de l'Astronomie copernicienne, et enfin dans la secconde édition de son Prodromas, que ce mouvement est parâtiment
inutile. Voyons cependant l'expérience et le raisonnement de Galilée,
qui devait avoir connaissance an moins du premier de ces ouvrages que
Képler bui avait envoyé, et qu'il ne cite ponrtant jamais : ce qui est au
moins sieguléer.

Selon Galilée, un corps quelconque, sontenu librement dans un milicu peu dense et liquide (s'il a un mouvement de translation dans la circonference d'un grand cercle), acquerra spontanément une conversion sur lnimême et contraire au grand monvement. Jusqu'ici Galilée anrait l'air de vouloir démoutrer le monvement imaginé par Copernic. Prenez en main un vase plein d'eau, placez-y une balle qui y surnage, étendez le bras, tonrnez rapidement sur un pied, et vous verrez la balle tonrner sur ellemême en sens contraire, et sa conversion s'accomplira dans le même tems que celle de l'observateur. La Terre, qui est suspendue dans nn milieu subtil et liquide, portée par son mouvement annuel sur la circonférence d'un grand cercle, dans l'espace d'une année, doit donc avoir acquis ce mouvement qui produit la diversité des saisons. Ce mouvement est annuel comme l'antre, senlement il s'opère en sens contraire. Ce qu'en disait Galilée était uniquement ponr écarter l'objection faite à Copernic, et il ajoutait qu'en considérant mieux la chose on reconnaissait que ce mouvement, faussement attribué à la Terre, n'est pas

on ruly Edugl

vériablement un mouvement, mais une négation de mouvement et in ropos. Galilée paraît ici tradaire Képler, qui savit dit : mouts ûte re servi motars non est, quier positus décenda. Si Galilée a en eflet profité de l'idéo de Képler, si ce passage lui a fait examiner plus attentivement son expérience; il aurait été mieux de citer le premier auteur, pour ne pas encourir le reproche qu'il fait si amèrement à Simon Marius et à plusiers sutres plagaires; tant pour son compas et pour les taches du Soleil, que pour les Satellites. Il sjoute : Il est bien vrai que la halle paraîts es nouvoir par rapport à l'Observateur cumme la Terre par rapport au Soleil, mais elle est immobile par rapport aux murs de la chambre (comme Pase de la Terre par rapport à un point donné da ciel.)

Dans la suite il cherche à expliquer pourquoi la Lune nous paralt plus grande à l'horizon qu'au zénit; il dit que ce peut être un effet de réfraction; mais nulle part il ne s'explique sur la réfraction astronomique de manière à faire croire qu'il en eût la muindre idée, ou qu'il connût ce qu'en avait écrit Tycho ou Képler; il dit seulement que puisque les taches conservent invariablement leur distance au bord du disque, l'effet, quelle qu'en soit la cause, ne tient pas non plus à l'irradiation, c'est-à-dire à une couronne lumineuse qui entourerait la Lune, et qui n'existerait que dans notre œil ou dans l'atmosphère; il discute ensuite longuement la question de savoir si l'on pourrait voir les étoiles à travers une comète embrasée, ou en général si la flamme est ou n'est pas transparente. Cette question est assez étrangère à l'Astronomie, comme presque tout ce qui est contenu dans cette dissertation beancoup trop longue, comme presque tous les écrits de Galilée, qui trop sonvent perdait son tems à examiner des choses qui n'en valaient guère la peine. On voit assez qu'il préfere le système de Copernic à ceux de Ptolémée et de Tycho; mais toutes les fais que la question paraît tourner vers quelque point de ce système, il prend la précaution de dire que l'Eglise l'a condamné, et que c'est aux théologiens à décider ; mais que si l'on s'en rapportait aux lumières naturelles il serait difficile de ne pnint l'admettre. Nous verrons plus loin la cause de cette réserve.

Letteradel signor Galileo Galilei, in proparito di quanto discorre Fortunio Liccis sopra il candor Lunare. Il aspit de la lumière cendrée et de l'explication qu'en avait donnée Galilée, d'après Léonard de Vinci. Cetto dissertation n'ajoute rien d'intéressant à ce qu'il avait dit précédemment. Nous extrairons ci-après la replique faite par Licci; nous ne dirons rien de plus de la lettre, sinon que Galilée avait eru d'abord que le bord de la de plus de la lettre, sinon que Galilée avait eru d'abord que le bord de la Lune était plus lumineux que le milieu du disque; en y regardant mieux it n'y atrouvé aucune différence. Cette lettre n'a point de date, mais on y voit qu'il était aveugle, et qu'il ue pouvait ni lire ni écrire lui-même. La lettre est donc de ses dernières années.

La lettre qui suit, dans l'édition que je possède, est bien plus ancienne puisqu'elle est de 1611; elle a pour objet les montagnes de la Lune. On n'y voit rien de nouveau; il soutient ce qu'il avait avancé, que la Lune a des montagnes jusqu'à ses bords, et non pas seulement dans le milieu de la focq qu'elle nous présente.

Discorsi e dimostrazioni matematiche intorno a due scienza attenenti alla Mecanica et i movimenti locali. La dedicace est datee d'Arcetri, le 6 mars 1658. Cet ouvrage est divisé en journées ou dialogues; les internocionales est de les mêmes que ceux qu'il avait introduist dans son Système du Monde, dout nous parlerons plus loin, c'est-à-dire Salviatí, Sagredo et Simplicio.

Nous passerons tout ce qui est de Mécanique pure; mais la question du mouvement de la lamière est liée rop intimement à l'Astronmie pour ne pas extraire ici ce qu'en dit Galilée; il vieut de parler de la rapidité de la fondre, et il ajoute : « Quelle ne doit pas être la vitesse de la lumière? est-elle intantanée, ou, comme tous les autres mouvemens, exige-t-elle un certain tems? ne pourrait-on pas trouver ce tems ne repérience? »

lei Simplicius cite la lumière d'un canon, qui s'aperçoi long-teur avant que les on s'en fasse catendre. Sagredi e meraçue qui l'en résulte rien autre chose, siton que la vitesse de la lumière surpasse de beaucoup celle du son. Cette expérience prouve bien que la vitesse de la lumière est très grande; mais nullement que la transmission en soit instantanée.

Salviati convient que l'expérience est peu concluante, et qu'il en est de même de quelques autres qui ont été proposées; ce qui nous prouve en passant que la question avait déjà plus d'une fois été agitée.

« C'est ce qui m's fait chercher des moyens qui pussent nous faire connsitre creationment si l'expansion de la laminére est viriablement instantanée, car il n'y a jusqu'ici qu'une chose certaine, c'est qu'elle est du moiss rêts rapide. Je reus donc que deux personnes prenpunt chacune uno lumière, qu'elles puissent couvrir et découvrir facilement; que se tenant d'abord à la distance de qu'elques pas, elles s'exercent à couvrie et découvrie leur lumière aux yeax de leur compagnon, de manière que l'un, des qu'il voit le lumière de l'antre, découvre ausside la sienne; quand ils seront ruffissamment exercés, ils s'éloigneront de deux on trois milles, et répéteront l'expérience en notant l'interralle éconié entre l'instant où ils auront découvert leur lumière et celui où ils auront aperçu celle de leur compagnon. Si deux ou trois milles ne donnent pas d'intervalle sensible, ils s'éloigneront à la distance de huit ou dix milles, et ils se serviront du télescope.

Sagredo trouve l'idée ingénieuse et demande quel en a été le succès. Galice, sous la personne de Salviati, répond qu'il ne l'a tentée qu'à une distance qui n'était pas d'un mille, qu'il n'en peut rien conciene, sinon que la transmission est très rapide; mais il ne la croît pas instantanée.

A cet égard Galilic avait été plus loin que Descartes n'a fait depuis; il propossit des distances plus grandes et l'emploi du telescope; il arriva ussi, quoique par hazard, à une conclusion plus vaite; mais Descartes avait un système diquet résulait la transmission instantancé; et nous verrons que Descartes fit à ce sujet une remarque qui a conduit à une conclusion toute opposée à celle qu'il tirait lui-même. Ainsi Descartes aurait contribué plus que Galilée à la découverte importante da fens que la lumière emploie à franchir un intervalle donné. (Foyez tomo suivant, les articles de Descartes et de Cassioi).

Les lunettes et les pendules ont changé la face de l'Astronomie; ce deux inventions sont dues originairement à Gaillie; il est vri qu'entre ses mains elles étaient encore loin de ce qu'elles sont devenues pour être si éminemment utiles; mais les premiers inventeurs ont des droits que rien ne peut preserire. La lunette de Galilée, malgré sa faiblese, a rendu d'importans services à l'Astronomie; les phases de Vénus, la ro-tation du Soleil et les satellites de Jupiter, ont agrand inos idées, ont fourni de puissans argamens en factur de Copernic. Son pendule était une belle découvert en Mécanique; il était difficile de prévoir la révolution qu'il ferait en Astronomie; Galilée lui-même n'en avait qu'une déci imparfaite, on n'en voit rien dans ses ouvrages; on prétend néanmoirs qu'il en espérait une mesure exacte du tems, qu'il l'avait appliqué à une lorojoge pour observer les éclipses des satellités et déterminer les longitudes: mais il faut l'avouer, ces prétentions sont loin d'être bien prouvées. Nous recoeillerons ce qui pourrait les appuyer.

Galilée annonce ici, ce qu'il prouvera plus loin, que le même pendule fit toutes ses vibraious eu tems égaus; que le mobile qui descend par une corde quelconque, la parcourt toujours dans le même tems, filt-ce le dismètre même, pourru que foutes les cordes abouissen à l'extérnité inférieure du diamètre perpendiculaire. La desceute par les ares qui ne sout pas de gor se fait aussi en tems égaux et plus courts que ceux des tems des vibrations, di-il, qui à l'air d'un paradoxe; il ajoute que les tems des vibrations sout en raison sous -doublée de la longueur des fils, ou que les longueurs sont comme les carrés des tems. Ces théorèmes importans, et les lois de la chatte des corps, suvaient suffi pour immortaise et nom de Galilée; mais pour être directement applicables à l'Astronomie, ils avaient besoin de développemens et même de limitatious auxquelles l'auteur u'a pas souge.

Il parle des résonuauces de deux cordes à l'unisson, rapporte quelques expériences faises sur un verre rempli d'eux. On a qui factue le bord du hout da doigt, on voit aussibl frémir l'eau coutenue dans le verre; et si le verre lui-même est plongé jusqu'au hord dans un vasc aussi rempli d'eux, l'eau extérieure frémit comme celle du verre. S'il arrive que le son du verre monte jusqu'à l'octave, ou voit a même instant es oudes su parlager eu deux grapérience qui montre lu rapport d'au ton quelconque à son octave. Il douve de même les rapports connus de quel-ques autres tont.

Il y a trois manières pour rendre le ton d'une corde plus sige; la preiire est de la rescourcir, la seconde est de la tendre d'avousege, et la troisième de l'amineir. Pour faire monter le ton à l'octave il soffit de re-traucher la moitié de la corde; pour avoir le même effet par la tendie il faut quadrupler le poids; enfiui il faudrai rédaire la corde au quart de sa grosseur. Les régless sont analogues pour les autres tons.

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

ques lumières nouvelles : en raclant, avec un ciscau de fer taillant, une lame de laiton, pour en ôter quelques taches, et faisant mouvoir avec rapidité le ciseau , j'entendis plusieurs fois un sissement très clair et très fort, et regardant sur la lame j'y aperçus une longne snite de lignes subtiles et parallèles, et séparées par des intervalles égaux. Recommencant à racler de nouveau, je m'aperçus que les lignes parallèles ne se montraient que quand le frottement avait produit un sou; si je raclais avec plus de vitesse, le sissement devensit plus aigu, le nombre des paralleles augmentait et les intervalles diminuaient; et si en raclant je venais à accélérer le mouvement, j'entendais le son qui devenait plus aigu, les petites lignes se rapprochaient, mais elles étaient toujours exactement nettes et régulièrement espacées. Pendant le sifflement, je sentais le fer qui frémissait entre mes doigts, je sentais une certaine roideur qui me courrait par la main; j'ai observé, pendant le aissement, que ai deux cordea de clavecin fremissaient successivement, et que ces denx cordes fussent à la quinte, on voyait sur la plaque des distances de 45 et 50, ce qui est en effet le rapport qui donne la quinte. Mais avant d'aller plus loin, il faut vous avertir que des trois manières de rendre le son plus aigu, celle que vous rapportez au peu de diamètre de la corde, doit plus exactement se rapporter à son poids; en sorte que si l'on veut accorder deux cordes, l'une d'or et l'autre de laiton, si elles sont de même longueur, de même grosseur, et qu'elles aient la même tension, comme l'or est deux fois environ plus pesant, les deux cordes se trouveront accordées à la quinte ou à peu près.

Mais revenant à notre objet, je dis que la raison prochaine et immédiate des formes et des intervalles musicuss, ce u'est ni à longueur des cordes, ni la tension, ni la grosseur, mais bien la proportion du nombre de vibrations, et les battemens des oudes de fair qui vont frapper le tympan de mon oreille auquel ces vibrations se-communiquent; je n'ose sjouter qu'elle me paralt être la cause du plaisir que nous causeut les contonnances, et du désagrément qui natt des dissonances; ce serait la simplicité des rapports qui ferait que les hattemens reviendesient à coîncider avec plus de fréquence et de régularité. On peut imiter ces coîncideuses avec de pendules de longueur convanable. C'est ici que se termine le premier dialogue; les autres ne sont pas plus de notre sujet, et nous n'avons rapporté ce qui précède que par l'analògie de ces espériences à celles de Chiadury, à qu'il est très possible et atses probable qu'elles sient fourni l'occasion et la première ide de ses belles recherches sur l'Acoustique.

Sytema cosmicum authore Galileo Galileo Iyneco... in quo, quatuor dialogis, de iluobus maximis mundi yestematibus, Plolemaico et Copernico acno, utrisupen extionibus philosophicis ae naturalibus indifinite propositis dissertiur. Ex italică linguă latine conversum. Augustæ Traboccorum. Straboure 1.655.

Cet ouvrage avait paru eu italien, à Florence, en 1652, avec les approbations de l'inquisiteur général, et autres officiers ecclésissiques. L'auteur avait mis en tête deux épigraphes pour justifier la liberté avec laquelle il se permettait de philosopher; il avait ajouté

Χαρίς πρικρίματος τὰ πάντα κρίτετε.

Dans tous vos jugemens défiez-vous de vos préjugés.

Son livre était dédié an grand duc de Toscaue. Dans sa préface, il expose que, quelques années auparavant, on avait promulgué à Rome un édit salutaire qui, pour obvier aux scandales, imposait silence à l'opinion pythagoricienne du mouvement de la Terre; que quelques téméraires cependant avaient osé dire que ce décret n'avait pas été reudu en connaissance de cause, qu'il était l'ouvrage de la passion et non d'un examen judicieux. On disait que des consulteurs tout-à-fait ignorans en Astronomie, n'avaient pas du couper ainsi les ailes au géuie des philosophes qui s'occupent de ces méditations. Mon zèle, dit Galilée, ne put supporter ces plaintes téméraires. Bien instruit de ce décret si prudent, j'ai voulu rendre justice à la vérité. J'étais alors à Rome; les prélats les plus distingues m'avaient entendu et même applaudi, et le décret n'avait pas été rendu sans qu'on m'en eut donné quelque connaissance. J'ai douc voulu montrer aux nations étrangères, qu'en Italie, et même à Rome, on savait aussi bien que partout ailleurs tout ce qu'on peut avancer en faveur du système de Copernic, avant même qu'on y eût publié cette censure. Je me suis donc déclaré l'avocat de Copernic ; et en procédant suivant une hypothèse mathématique, je me suis efforcé de prouver que cette hypothèse était préférable à celle qui met la Terre en repos, non pas d'une manière absolue, mais dans le sens où elle est attaquée par de prétendus péripatéticiens qui, dans leur philosophie, négligent de consulter les observations.

Je tacherai de prouver que tontes les expériences qu'on peut faire sur la Terre sont également insuffisantes pour prouver son repos ou son mouvement, car elles s'expliquent également hien dans les deux hypo-



thèses. J'examinerai ensuite les pluénomènes celestes qui, fortifiant l'aypothise cepernicienne, conduisent à faciliter la seience astronomique,
si cles ne démontren pas tout-fait la ucessité de ce système; je monterrai en troisième lieu que le mouvement de la Terre étant supposé,
les phénomènes des marées deviennent beaucoup plus aisés à capiliquer.
J'ai la confiance que si les Italiens ont moins voyagé que d'autres unitons,
lis nut au moins médie tout autant, et que s'ils se sont bastenus de donner leur assentiment à l'opinion mathématique du mouvement de la
Terre, ce n'est pas qu'ils aient ignoré tous, les raisons que d'autres ont
magninées pour Japupyer; mais parce qu'ils not cual'autres sinos tirées
de la piété, de la religion et de la connaissance qu'ils ont de la toutepuissance d'uvine et de la faiblesse de l'esprit humain.

Il faut avouer que les inquisitents ne pouvaient pas être tout-à-fait dupes de ces protestations; mais s'ils eussent été moins ignorans et moins entêtés, Calilée eu avait fait assez pour sauver les convenances; et ils auraient beaucoup mieux fait de parler dans le même sens.

Les interloculeurs sont Salviati, noble florentin, qui soutien le système de Copernie; Sagredo, noble vinitien, homme d'esprit, au-dessis des préjugés, qui a des connaissances variées, mais bomme du monde plutid que svant. Ces deux personnages avaient été amis de Galifie, et ils étaient morts depuis plusieurs années; le troisième est en péripatégicien, grand admirateur d'Aristote. On lui a donné le nom de ce significient dont il nous reste un commentaire sur le cied d'Aristote. La scène est à Venite, dans le palsi de Sagredo.

Après quelques discussions ariatoléliciennes et pythagoriciennes, asser peu intéressantes, Galliée donne l'idée des trois dimenasions d'un corps et des trois coordonnées rectangolaires, comme avait fait Piolémeé. Ariátote avait dit que le mouvement circulaire était seul parfait, et que le mouvement rectiligne est imparfait. Nous avans ve que Képlen en denaît qu'un mouvement naturel, c'est le mouvement rectiligne; ce qui sersit plus siès démontrer que la proposition d'Aristote.

Gallicé fait quelques objections, ce qui amène quelques notions sur le mouvement, que l'auteur avait cousignées dans sa Mécanique. La gravité qui a fait que la Terre et la mer ont une figors sphérique, a pu donner la même forme au Solcil, à la Lane et aux planètes. Cette idée est fort ancienne. Il se fivre ensuite à la discussion de l'opinion d'Aristote sur la corruption dont la Terre est le siège, et l'incorroptibilité et l'immusibilité un surprison dont la Terre est le siège, et l'incorroptibilité et l'immusibilité et surprison de l'auteur de qu'il attribue au ciel. Il repousse avec abomination l'idée de regarder comme une imperfection la faculté reconnue à la Terre d'engendere et de produire. Cest là , selon lui, ce qu'elle a de plus noble et de plus adhe et de plus adhe et aplus adhe et aviait sujette à ancune mutation, que serait-elle? qu'une solitude vaste et sablonneuse, une masse inerte et inntile, dont l'existence serait uue chose tout-la-fait indifférent pur de la contra del contra de la contra del contra de la
Il en dit autant de la Lune et des autres planètes. Le reste du dialogne traite de la manière dont la Lune est éclairée et réfléchit la lumière. On n'y voit rien de neuf ou de remarquable.

Le second commence à peu près de même, mais on y agite bientôt la question du mouvement de la Terre. Si ce mouvement existe, il doit nous être absolument insensible, et tout doit nous paraltre tourner autour de nous. Nous pourrions nons croire en repos si nn senl, ou plusieurs corps seulement, paraissaient tourner; mais s'ils tournent tous sans exception? Il'est donc possible que la Terre tourne comme les antres : les phénomènes seront les mêmes dans l'une et l'autre supposition : mais la nature opère toujours par les moyens les plus simples; or, il est bien plus simple d'expliquer le mouvement diurne par la rotation de la Terre, qu'en faisant tourner autour d'elle, avec une vitesse inconcevable, tant de masses énormes, en comparaison desquelles elle n'est presque rien. Tout cela avait été dit : mais voici une idée plus nenve : Otez la Terre du monde, à quoi serviraient tous ces mouvemens? Ajoutez que le mouvement général de tous les corps est en sens contraire de tons les mouvemens propres. Faites tourner la Terre sur son axe, tous les mouvemens se feront du même côté. Je ne sais si cette raison est bien bonne, s'il est bien vrai que tous les mouvemens célestes soient dans le même sens, et si les comètes rétrogrades ne feraient pas une exception.

Ajoutons que l'ordre doit exiger que les révolutions soient d'autant plus lentes, que les cercles sont plus grands. Ainsi Saturne est la plus lente des planètes; Jupiter vient ensuite, puis Mars, et ainsi des autres, La même chose se remarque dans les satellités de Jupiter. C'était jei le lieu de faire valoit la troisième loi de Képler. Képler fait tous esse mêmes raisonnemens, et les rend bien plus forts; on ne conçoit pas comment Galilée neut négliger un si grand avantage.

Si nous supposons la Terre immobile, il faudra, après avoir remonté, par ordre, de la Lune à Saturne, passer d'un mouvemen de 50 ans à un mouvement de 24 heures.

Ce raisonnement n'est pas bien juste. Simplicius aurait pu répondre

qu'on passait à un mouvement de 25 à 26000 ans, et cette réponse ue confondrait pas, comme fait Calibée, un mouvement diurne avec des révolutions annuelles, car ce mouvement de 24 heures u'est pas propre aux étoiles, il appartient aussi aux planètes.

Si la Terrè se meut, de Salurne, qui est si leut, nois passerons loux toiles qui sont immobiles, et ce passage sera plus naturel. Quelle serait la solidité qu'il foudrait donner su ciel, s'il fallait qu'il touratt ainsi avec tant de régularité? Mais si le ciel est finide, comme il est probable, et si les étoiles sont toutes isolées et indépendantes par quel moyen leur donnera-t-on ce mouvement commun? Mais si ce mouvement est sigénéral, comment es fera-t-li que la Terre y échappe seule, et q'elle ue tourne pas avec tots le reste? Ce raisonuement est rapporté par Képler comme

Toutes ces raisous ne forment encore qu'une graude probabilité et non pas une démonstration; un seul fait qui y serait contraire et bien avère les renverserait toutes; il faut douc voir ce qu'ou peut nous objecter.

Le premier argument contre le mouvement de la Terre, se tire de la chûte des graves, qui tombeut perpeudiculairement à la surface. Une pierre qu'ou laisse tomber du haut d'une tour, arrive su pied de la tour; un boulet qu'on laisse tomber du haut d'un mât, tombe au pied si le vaisseau est immobile : il en tombe loin si le vaisseau s'est déplacé dans l'intervalle. Un boulet lancé perpendiculairement, retombe fort près du canon duquel il est sorti. Lancez un boulet à l'orient et un autre à l'occident. si la terre tourne, ils doiveut faire un chemin très inégal; l'un sura son mouvement plus celui de la Terre. l'autre u'aura que la différence de ces deux mouvemens. Si la Terre tourne, l'horizon s'élève ou s'abaisse sans cesse; si vous visez horizontalement, jemais vous ne pourrez atteindre le but. Voilà les objections présentées par un copernicien, avec toute l'énergie que pourrait y mettre un sectateur de Ptolémée. Sagredo fait ici une remarque : Parmi les adversaires de Copernic , il s'en trouve rarement un qui ait lu sou livre; on peut citer un grand nombre de partisans de Ptolémée qui sont devenus copernicieus, ou ne counalt aucun copernicien qui se soit converti à Ptolémée,

Calilée explique la chute de la pierre le long de la tour, par un mouvement composé d'un mouvement circulaire qui lui est imprimé par la rotation de la Terre et de la tour, et d'un mouvement rectiligne qui est l'effet de la pessauteur : ce raisonnement est de Copernic. Quant à l'expérience du mis, alle s'accorde avec celle de la tour; le houlet tombe le long du mis, noit que le visseum marche ou qu'il soit en repos. Elle nn prouve donc ni le repos ni le mouvement du visiseau. Hen est de même de la chute el le pierre le long de la tour; elle ne fait rien in jour ni contre. A ces expériençes, il ajonte celle d'une pomme lancée perpenul diculairment per no homme sur un cheval qui est us gelop; la pomme lai retombe dans la mais, comme s'il eût été en repos. Il sjoute sur le mouvement des toupies de se remarques qui ne sont point de notre sije. Il mostre ensuite que la pierre eu tombant du haut de la tour, décrit un certel dout le rayon est (R+24R), R étaut le rayon de la Terre et d'Il la hauteur de la tour; d'ôt il tire cette conséquence singulêtre, que le mouvement rettiligne u' apsa lieu d'ans la saster, puisque les graves tombenf suivant un arc de cerele: un reste, il ne donne pas la chose comme parfaitement démontrée.

Quand un chassenr veut atteindre en oiseau qui vole, il en soit le mouvement pendant quelques instans; il donne au eanon de son fusil un mouvement angulaire égal au mouvement angulaire de l'oiseau; le plomb en sortant du canon, est animé de deux mouvemens, et il atteint l'oiseau. C'est ainsi que le boulet lancé perpendiculairement retombera près de la pièce. Au reste, les expériences avec des canons on des bombes sont impossibles à bien faire; elles ne peuvent rieu pronver et elles n'out iamais réasai.

Il vient à l'argument qu'on a voulu tirer du mouvement des oiseaux; tout se passe à leur égard dans l'air comme si la Terre était immobile, comme tout se passe dans la chambre d'uu vaisseau, comme si le vaisseau n'avancait pas.

Il disserte ensuite sur la quantité dont un projectile se mouvant sur la tangente, doit s'éclojuer de la Terre. Soit À l'arc, tang A la tangente parcourae, tang A tang 1 A serà l'écart de la tangente. Il ne donne pas cette formule, alors inconune, mais sum erdébode équivalente. Il démontre qu'un plan ne peut toucher qu'en un point une apfère même matérielle, pourre qu'elle soit parfaite et le plan aussi.

Il expose set théorèmes si consus sur la chuté des corps et sur les pendules. Tous ces effets sont produits par la gravité. Mais qu'exte que la gravité? Nous v'en savons rien, nous en ignorons la cause, comme nous ignorons la cause qui fait touruer la Lune autour de la Terre.

Il réfué l'agi-l'Tycho, qui prétendait que le mouvement de la Tære reuversenit tous les fondemass de la philosophie, en ce que nous ne pourrions plus en rien nous fier au témoignage de nos sens. Il rappelle que le mouvement d'un batous est souvent insensiblé a ceux qui y sont renfermés; il en est de même du mouvement de la Terre qui use peut étre conclu que des mouvemens des étoiles.

Si ou lui demaude quelle est la nature de ce mouvement qui fait que la Terre tourne sur elle-même en 243, tandis qu'elle parcourt l'écliptique en an an ; il répondra que ce mouvement est de même nature que celui qui fait que Saturne décrit le zodiaque en 30 ans, et qui le fait tourner sur hu-même en beaucoup moins de tems, comme on peut le conclure des disparitions et réapparitions des deux globes qu'il a à ses côtés. Ceci nous explique un passage assez obscur où il se hasardait à prédire ces apparitions et ces disparitions. Il semble qu'il u'aurait pas dù employer un argument aussi incertaiu, et qui pouvait se trouver faux comme il est en effet. Saturne tourne sur lui-même beaucoup plus rapidement qu'il ne suppose, mais alors on n'en pouvait rien savoir. Il répond ensuite avec plus de raison que ce monvement est de la nature de celui que Ptolémée attribue au Soleil , et qui de plus a autour de son axe uu mouvement beaucoup plus rapide, puisqu'il n'est pas d'un mois luuaire, ainsi que vient de le prouver la découverte des taches, le même enfin que celui des satellites qui accompagnent Jupiter dans sa révolution de 12 ans, et qui tournent autonr de Jupiter eu quelques jours. Il semble qu'il aurait pu réserver ce dernier argument qu'il tire des satellites, pour le mouvement de la Lune. On pourrait lui répliquer que la parité n'est pas parfaite. Une réponse mauvaise ou simplement douteuse fait plus de mal que de bien à une bonne cause.

La Terre est au corps opaque et sphérique comme les planies; il est plus anterule du intirlueur un mouvement semblable à celui des planietes, que de l'attribuer au Soleil qui differe essentiellement de tontes le planiete. Le Soleil à été illumier per Dieu, pour distribuer la lumière dans le grand temple de la nature. Il est probable qu'il aura placé cette lumière au centre et non dans an des consis de l'édifice. Voili en effet l'édée qu'on devruit se former du Soleil dans le système de Copernic; mais, dans ce système amélioré par Képler, le Soleil joue un rôle bien plus important.

Nous voyons par les satellites de Jupiter que ceux dont la révolution est plus leute, tourneut dans des cercles qui embrassent les cercles de ceux dont la révolution est plus rapide. Il doit en être de même dans le grand système de l'univers.

Il semble que ce raisonnement n'est pas encore assez juste; ce que demande ici Galilée se trouve parcillement dans le système de Ptolémée.

Le troisème dislogue a pour objet le mouvement annuel. En le commenant, Galillé dit qu'il a vu de spersonnes qui s'ésient tellement attachées à des idées qui n'ésient pourtant en elles que des préjugés adoptés d'après le témoigrage d'auteurs qui ont leur confiance, et qui, dans leur aèle, emploirezient tous les moyens pour opprimer, ou du moins pour réduire su silence ceux qui osenient avoir des opinions contraires; c'est, sjonte-til, ce dont j'ai en l'expérience. Il ne savait pas au'il en fournizat sibit un exemple à immais mémorable.

Les objections des adversaires de Copernic ne méritent d'autre réponse que le silence du dédain; mais en les laissant tranquilles, on expose les nations italiennes au mépris et à la dérision des étrangers et sur-tont de ceux qui ne sont pas de notre religion.

Poor montrer la mauvaise fini d'an de ces adversires, il fini de longs acclusie en use de proaver que l'étoile de 1573 a visui point de parellare, contre l'assertion de cet auteur qui plaçait l'étoile bien au-dessous de la Lune. Ce que l'on voit de plus remarquable dans cette discussion, aujourd'hai bien superflue, c'est que Califice, en 1637, ne fait auceun usage ni des logarithmes de Néper, ni de ceux de Kepler, ni de ceux de B. Ursiaus, ni de ceux de Briges publisé depais si long-tems.

Afin de démontrer la simplicité et la nécessité du système de Copernic, il en fait tracer la figure par le partisan même d'Aristute, par Simplicius. Il loid di d'abord de placer la Terre et le Soleil à la distance qui paraltra convenable. Les élongations et les phases de Vénus démontreul paraltra convenable. Les élongations et les phases de Vénus démontreul que cette planéte duit décrire no cercle qui etuour le Soleil, et qui laisse la Terre en dehors. Des raisons analogues font que le cercle du Mercure doit être enfermé par cetul de Vénus. Mars se voit en opposition fort près de la Terre, il n'a pas de phases sensibles. Il faut que son orbite embrasse celle de la Terre et le Saleil, il en est de même accessivement de Jupiter et de Saturne. Quatre Lunes circuleni autour de Jupiter, une Lune unique circulea autour de Jupiter, une Lune unique circulea autour de la Terre; il ne reste à placer que les ésoiles. Simplicius lui-même est d'avis gru'il ne faut pas les attackes toutes à une surface sphérique concave, mais à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve, mis à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve, mis à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve, mis à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve, mis à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve, mis à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve, mis à diverses d'astances da Soleil entre deux surfaces sphérique concerve.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

Il reste à décider la question du mouvement. Fera-t-on tourner le Solcil accompagné de toutes ces orbites autour de la Terre, ou donnera-t-on le mouvement annuel à la Terre qui se trouve placée entre les deux planètes qui ont des phases et les trois qui n'en ont point de sensibles, entre celles dont les élongations sont bornées et celles qui se montrent à toute sorte d'élongations, depuis o jusqu'à 560°? Il n'est pas douteux que ce dernier arrangement ne soit le plus simple. Si vous donnez le mouvement annuel à la Terre, vous ne pourrez vous empêcher de lui donner le monvement diurne qui épargne tant d'autres mouvemens effrayans pour l'imagination : car la Terre décrivant l'écliptique (avec son axe toujours parallèle à lui-même), notre jour serait d'un an et non de 24t. Cet arrangement qui paralt d'abord si simple, offre pourtant de telles difficultés, qu'il y a lieu de s'étonner, non pas qu'il n'ait point été admis aussitôt que les pythagoriciens et Aristarque l'ont prosenté, mais bien plutôt de ce qu'il s'est trouvé des philosophes qui aient osé concevoir une idée aussi hardie et si contraire au témoignage de nos sens. La position qu'ils ont donnée à Mars, exige que le disque en opposition, nous paraisse 60 fois aussi grand que vers les conjonctions (Galilée parle ici des surfaces et non des diamètres); il paralt à peine 4 ou 5 fois aussi grand. Vénns offre encore des objections plus fortes; son disque doit nons paraltre quarante fois plus grand dans les conjonctions inférieures que dans les supérieures, et l'on n'y voit pas de différence sensible. Vénus devrait avoir des phases comme la Lane. Copernic a tenté de répondre à cette dernière objection, en disant qu'elle pouvait être d'une matière pénétrable aux rayons du Soleil, mais il n'a rien dit de la première objection, probablement parce qu'il n'y tronvait aucune réponse satisfaisante. La Lnne, dans cette hypothèse, offrait (avant la découverte des satellites des Jupiter) na monvement unique en son espèce, et qui s'accomplit antonr d'un centre particulier. Comment se fait-il que d'aussi grandes difficultés n'aient point arrêté Aristarque et Copernic ? Il lour a falla des raisons contraires et bien puissantes ponr enseigner un système si contraire aux idées recnes.

(Plus ces raisons out dù être puissantes, plus on doit être étonné du silence gardé par tous les anteurs anciens.)

L'invention des lunettes a dissipé tons ces embarras; ce qui paraissait autant d'objectiona insolublea, ses devenu la preuve la plus frappante de la vérité de lenr système. Vénus a des phases (Copernie Tavait annoncé), les disques ont en effet les proportions qu'exigent les dimensions

de leurs orbites, Mais comment l'œil était-il si singulièrement abusé sur les disques des planètes ? Galilée rappelle ici les idées d'irradiation qu'il a exposées dans le Sagriatore, alors Sagredo s'écrie:

O Nicolas Copernic I quelle eût été ta satisfaction, s'il t'eût été donné de jouir de ces nouvelles expériences qui confirment si pleinement tes idées ? Oui, reprend Galilée, mais sa gloire en eut été moins graude, il ent perdu le mérite de cette constance, de cette intrépidité avec lagnelle il a osé avancer et souteuir un srrsngement qui offrait encore tant de difficultés. Le découverte des satellites a dissipé celle qui naissait du mouvement particulier de la Lune. Il y a de l'adresse à charger sinsi Simplicius de présider Ini-même à un arrangement si contraire aux principes qu'il professe : il v en a trop pent-être dans la tonrance de rheteur avec laquelle Galilée expose ensuite des difficultés qui n'existent plus. Ce paragraphe est plus pour Galilée que ponr Copernic; ou ne blamera pas Galilée de se rendre une justice que ses contemporajus lui refusajent. Mais encore nu coup, pourquoi Képler n'est-il pas une fois nommé? Ponrquoi ue voit-on pas la moindre mention de cette loi si belle qui lie tont le système planétaire, qui en détermine les proportions, et qui fournit un argament si fort contre Ptolémée et même contre Tycho?

Simplicias coavient de la force de ces raisonnemens, il confesso qui fant amposer qui Aristose et Plotémée les ont [georée, ou qu'ils s'avient cu de boames raisons à apposer. Calificé répond que les sistenomes us sont jamis embarrssiéés que de sauver les spirances, de trouver les moyens de calculer les mouvemens observés, saus s'inquiétre de l'arragement des copse célestes. Copernic lui-même, après avoir exposé son système, s'est horné à montrer qu'on pouvair y adapter toutes les hypothèses de Plotómée sur les mouvemes des planties et des cioiles, N'éttit-ce pas encore le lieu de citer Képler dont la conduite a (ét si différente, qui, non couteut d'appyar de tout son pouvoir l'arragement de Copernic, avait voulu render vaison de tont, et avait été conduit à change la flagine des orbites, l'aler donner pour foyer commun le ceutre du Solcil, à trouver le loi des sires, la véritable position des nords et la vivie théorie des lattitudes?

Simplicius demande si les irrégularités qu'ou sperçoit dans les hypohèses de Ptolémée, ne sont pas grossies dans celui de Copernic? Salviator répond que toutes les maladies sont dens le système de Ptolémée et les remédes dans celui de Copernic. Il montre en effet la supériorité des hypothèses de Copernic sur celles de Ptolémée passi quelle justesse et quelle force n'unzit-il pas données à son assertion basardée, s'il chi dit que ces remôtes étaient en cellét dans le sytème de Copernie, et qu'ils ont été mis au jour par Képler! S'il cet fait pour les découvertes d'un contemporain ce qu'il a fait pour ses propress découvertes qu'un contemporain ce qu'il a fait pour ses propress découvertes, qui con bien levé quéques objections dont on aurait fuir par se mouyer, tambis que les idées de Képler onts amétiers l'essence du système, en faisant disparaltre tous ces ceutriques et étous ces épicydes, enfin en potant les véritables fondemens de l'Astronomie planétaire Il let variement inconcevable que Calidiée en aucan endroit ne fasse la moindre mention de ces découvertes bien plus difficiles qui cut cultin conduit Newton à dévoite la cause générale qui est l'âle ne de ce mécanisme établi pour la première fois par Képler. Galifie n'étai-el pas assez riche pour rendre quelque justice à cellur gits alsus et deixèment dans une occasion où il lui anuonçait une de ses découvertes qu'il croyait propre à la fair valor lui-monçait une de ses découvertes qu'il croyait propre à la fair valor lui-monçait une de ses découvertes qu'il croyait propre à la fair valor lui-mêment dans une occasion où il lui anuonçait une de ses découvertes qu'il croyait propre à la fair valor lui-mêment autre de cau de ses découvertes qu'il croyait propre à la fair valor lui-mêment dans une occasion où il lui anuonçait une de ses découvertes qu'il croyait propre à la fair se commente que par la contrait de la commente de la commente de la contrait de la commente de la commente de la contrait de la commente de la contrait de la commente de la commente de la contrait de la commente de la commente de la contrait d'un de la commente de la

Il explique par une figure les stations et les rétrogradations, comme a fait Copernic; la rotation de la Terre est devenue plus facile à compreudre, depuis qu'on a vu par les taches que le Soleil lui-même u'est pas exempt d'un mouvement semblable. Il ne perd pas cette occasion de revendiquer pour lui cette découverte. Il prétend les avoir apercues pour la première fois en 1610, lorsqu'il était encore professeur à Padoue : qu'il en a parle dans cette ville et à Venise, à plusieurs personnes encore vivantes; qu'en l'année 1611, il les a montrées à Rome à des maguats. Il a été le premier à soutenir et prouver contre Aristote, que les corps célestes ne jouissaient pas de cette inaltérabilité dont il les avait doués si gratuitement. Il affirme que ces taches se formaient et se dissipaient à la surface du Soleil; qu'elles touruaient avec lui autour de son axe, dans l'espace d'un mois environ. Il avait cru d'abord que l'axe de ce mouvement était l'axe de l'écliptique même, parce que la route des taches paraissait rectilique et parallèle à ce plau; il les comparait à des nuages qui tourneraieut dans des cercles parallèles à l'équateur du Soleil. ct qui ponrraient recevoir des vents quelques mouvemens irréguliers qui se combineraient avec le mouvement général qui en paraitrait seulement un pen alteré. (On voit que malgré la suite d'observations dont il parle. il était assez peu avaucé dans la théorie de cette rotation.) Il arriva que Velserus lui transmit les lettres d'un de ses amis (Scheiner) ponr lui eu demander son sentiment. S'il ne donna pas dans sa réponse à Velsorus tous les renseignemens que pourrait désirer la curiosité humaine.

et s'il fut obligé, par d'autres occupations, d'interrompre les observations suivies de ces taches, et s'il n'en a fait que quelques observations isolées de tems en tems, pour satisfaire la curiosité de ses amis, du moins quelques années après ayant remarqué sur le Soleil une tache isolée assez grande et assez dense, il l'avait suivie exactement pendant tout le tems de son passage, en marquant soigneusement sur un carlon le lieu de la tache à l'instant du midi. Il vit alors que la route était curviligne, et forma la résolution de faire de tems à autre de semblables observations; il vit dès-lors que le mouvement devait s'opérer autour d'un axe incliné à l'écliptique et qui conservait invariablement la même position et sa direction anx deux mêmes points du ciel. Si la Terre, par son mouvement annuel, décrit l'écliptique dont le Soleil oceupe le centre, alors la combinaison de ces mouvemens de la tache autour de son axe incliné et de la Terre autour de l'axe de l'écliptique, devait produire ces différences dans le mouvement apparent qui sera tantôt rectiligne, ce qui n'arrivera que deux fois dans l'année, tandis que le reste du tems il sera courbe. Pendant une moitié de l'année, cette inclinaison sera dans un sens, et ensuite dans un autre, pendant l'autre moitié, l'inclinaison la plus grande ayant lieu quand la ronte est rectiligue, au lieu qu'à 00° de la courbure elle sera sensible plus que jamais. Galilée démontrait tout cela sur une sphère, en y employant des compas d'un genre particulier (ce sont probablement de ces compas qu'on appelle sphériques et dont les pointes sout recourbées.) L'évènement répondit exactement aux prédictions faites d'après cette théorie.

On pent dire que tout cela geut être vrai, mais Gallièe ne l'imprime que deux ans sprèts a publication de la Rote Urinse de Scheiner, que et cet Apelle dont il se plaint en divers endroits avec amertume. On penudire enfin que même dans cette notice travière, il ne donne même à pen près l'inclinaison de l'équateur solaire, ni la position de sen mouds, ni le tenns de la route rectiligne ou sphérique. Enfin il est pentetre étonant qu'ille s'il pas donné une solution géométrique du problème de la rotation.

Simplicius objecte que ces mouvemens divers peuvent s'expliquer dans l'hypothèse de Coperinic, mais qu'ils s'expliqueraient de même dans l'hypothèse contraire, et par conséquent ne prouvent rieu, quoique infinament curienxent

Galilée ne répond pas d'une manière bien nette à cet argument pour lequel les découvertes de Képler lui auraient été d'un grand secours. Il

- Com - Liwooli

sjoute, si la Terre est immobile 3 il faudra que le Soleil tourne autour de des poles de son équateur én un mois presque; qu'il tourne autour de la Terre en nn en, et que son ace inclué tourne-en un an autour des pôtes de l'éclipique à une distance polaire presque égale à l'inclinaison de son épateur. Il promet plus de détails, quand il en sera su mouvement de ce genre, attribué à l'are de la Terre par Copernic, dont clailée paralt encore partager l'inadertaince déjir alerée depuis 25 ans par Képler. Au reste, nous verrons plus loin la doctrine exacte de Calilée.

L'une des objections principales qu'on peut faire à Copernic, c'est la distance des étoiles en comparaison de laquelle le rayon de l'orbite terrestre ne sera qu'un point presque imperceptible. Galilée suppose avec Copernic que cette distance est de 1208 demi-diamètres de la Terre. Que le diamètre apparent du Soleil soit de 30' ou de 1800" ou 108000". enfin que le diamètre d'nne étoile de 6° grandeur soit de 10", le diamètre du Soleil contiendra 2160 fois celui de l'étoile, et ai l'on suppose les diamètres égaux, la distance de l'étoile à la Terre sera de 2160 demidiamètres du grand orbe (ce qui donnerait la parallaxe énorme de 1'36"). Le demi-diamètre de la Terre sera plus grand (presque double) en comparaison du demi-diamètre du grand orbe, que celui-ci en comparaison de la distance des fixes, et la parallaxe annuelle des fixes ne sera guère plus grande que la parallaxe diurne do Soleil. Il n'y a rien là de bien incrovable. L'objection était plus forte quand on donnait aux étoiles des diamètres plus considérables. Il s'étonne que Tycho n'ait jamais entrepris la détermination plus exagte de ces diamètres; la chose, dit-il, n'était pas impraticable même sans lunette.

Suspender un fil on une ficelle dans le vertical d'une étoile, éloignesvous jusqu'à ce que le fil vous celte l'étoile entière; messure la élasacce de l'eil an fil; divies le diamètre du fil par cette distance, et vous aures le sinus de l'angle que souteul l'étoile. Galilée dit avoir ainsi mesuré plasieurs fois le diamètre de la Lyre. Il en a coucla que le diamètre des étoiles de première grandenr l'est goère que de 5°; mais il faut jouter quedque chose à la distance du fil, pacer que les rayons à rairvient an 'Bond de l'ezil que réfractés. Tycho croysit les diamètres de ce étoiles de 2 on siméte de 5°, (Cette manière de mesurer étuli certainement fort inexacte; mais si elle a donné ce résultat, elle était meilleure du beauconp que je n'auvais cro.)

La pupille se dilate dans l'obscurité, elle se réduit presque à un point,

quand on regarde le Soleil. Dans l'état d'extrême dilatation, elle est dix fois an moins aussi large que dans son extrême contraction. Ainsi, quand on observe une étoile, le sommet de l'angle doit être loin derrière l'œil, Prenez deux feuilles de papier, l'une blanche, l'autre noircie, qui n'ait que la moitié de la largeur de la première; collez la blanche contre un mur, attachez l'autre à un support à une distance telle qu'elle couvre en entier la feuille blauche. Menez deux lignes droites tangentes aux bords des deux sepilles; le point où elles se réuniront serait le lieu où l'on verrait la blanche entièrement couverte, si la vision se faisait en un point. Si de ce point nous voyons une partie blanche, c'est que la vision ne se fait pas en un point. Il faudra que l'œil s'approche de la feuille noire. Notez l'espace dont il faudra vons approcher, et vous saurez de combien le point de concours est loin derrière l'œil; vous anrez le diamêtre de la pupille, qui sera à la largeur de la feuille noire comme la distance du point de concours au lieu où l'œil voyait la feuille toute cachée, est à la distance des deux papiers. Soit AB le papier blanc (fig. 80), CD le papier noir; menez ACG, BDG, G sera le point de concours; vous aurez $\frac{EF}{CD} = \frac{GE}{GC} = \frac{GE}{AC}$; car GC = AC = \(GA \), puisque CD = \(AC \).

EF sera l'ouverture de l'œil. Voilà comme on ponvait déterminer le diamètre d'une étoile. (C'est à peu près la méthode d'Archimède.)

Saturne est 50 ans à faire sa révolution, les étoiles sont 56000 ans. Saivant Ploiémee, il est y fois plus doigné et il est 50 fois plus lent; nous dirons 50:19:150000:10800; la distance des étoiles devrait donc ètre de 10500 demi-diamètre de l'Orbite terrestre, écst-k-dire cinq fois plus grand que nous n'avons trouvé, en supposant l'étoile de sixième grandeur aussi grosse que le 5004.

Cétait li encore une helle occasion de parler de la loi de Képler, qui ui anrait donné une distance dix fois moindre, en supposant que les étoiles tournent autour du Sokeil; (50000) = 1090, et la parallave annuelle sera de 5'6'. Mais pourquoi prend-il la précession de Ptolémée? il aurait eu une distance moindre avec la précession de Copertus.

Mais qui sommes-nous pour juger de la grandeur de l'univers? osriona-nous dire que nous pouvons conceroir des choses plus grandes que Dieu n'en pourrait exécuter? Pouvons-nous dire que l'espace entre Saturne et les fixes est instille, parce-que nous n'y soyna circuler sucuns planhe? a genelu-sul a supposer peuplé de corps qui nous sont sivisibles? Quí de nous soupçounait l'existence des satellites de Jupiter? Qui nous dit que les corps célestes aient été créés pour la Terre?

On a heaceoup parlé de la parallare des étoiles, et des changemens que le mouvement annuel de la Terre devrait apporter dans leurs positions apparentes; mais Galilés soupçoune que les adversaires de Copernie ne se sont pas fait une idée bien juste de ces offices. En conséquence, il explique d'abord la parallare de longitude, car celle de latitude serait nulle pour une étoile dans l'écliptique.

Il ue désembre pas qu'on ne fasse quelque [our la découverte de quelques mouvemens dans les étoiles, qui prouveront invinciblement le mouvement de la Terre. Ceci avanti l'air d'une prédiction que l'Observation a réalisée, mais Galifée étaib bien loir d'en avoir l'idée; il ne parle seulement que de la parallaxe. Ce passage ne prouve rieu, sinon le doir qu'il avait qu'on put ajouter quelque preuve plus positive aux preuves conjecterales qu'ou avait alors de ce mouvement. Il explique d'ailleurs sa pensée, qui était toute différente.

Les étolies ne sont pas toutes à la même distance, elles n'auraient patoutes la même parallaxe. La Terre en s'approchant de deux étolies situées presque sur la même ligne, mais à des distances très différentes, i pourait airviver que la différence des parallaxes fit varier la distance angulaire des deux étolies; c'est l'idée qu'Herschel a renouvelée. Mais jusqu'étiel les enous a rieu appris encore.

Il passe à la parallaxe de latitude dout il ne donue qu'une idée vague, comme il a fait pour celle de longitude. Ces denx parallaxes ont paru nulles jusqu'ici; mais est-il sûr qu'ou les ait bien observées, et peut-on assurer qu'elles soient insensibles?

Énant à la campagne, près de Florence, il dit avoir observé le concher du Soleil derrière une montagne éloignée de 60 milles. Le Soleil était presqu'entièrement caché par la montagne, il ne restait pas un ceutième de son diamètre; le leudemain il en restait seusiblement moins, preuve que le Soleil 3 tait dejà éloigné du trojque. Avec un instrument qui grossit 1000 fois (C'est-à dire 5: ; 50is), l'observation est facile et agréable; no pourrait tentre une pareille expérience sur une helle étoile, comme la Lyre, et Galificé dit qu'il a déjà fait le choix du lieu. Il parlé de planter une pourte derrière la squelle une étoile pourra as eacher ou du moins paraître coupée en deux également. En répétant l'obsérvation de mois ou mois, ou verstait si le mouvement de la Terre a quelque effet sensible

Il ne dit rien du mouvement de précession, qui compliquerait le calcul, ni du changement de réfraction, qui le rendrait incertain.

Galifie expose les circonstances du mouvement aunuel et de la succession des saisons ji l'urouve que rien n'est plus simple en soj, et que cependant la chose est asses difficile à comprendre; il trouve les deux démonstrations de Ceperaie trop obscures : la sienne est plus longue sans être plus aisée; c'est peut-tire la faute de la figure, qui est très mal faite. Sa démonstration n'est as find que l'une de deux de Copernic.

Simplicius n'y voit qu'une de ces subilities géométriques qui déplaissients ifort à traiste, qu'il a recommandé expressément à ses soctateurs de s'abstenir de l'étude des Mathématiques, toit parce qu'il les ignorait, soit parce que Platon ne voalait pour disciples, que des mathématicient. Galifée trouve ce précepte d'àrtiste fort sage; cer il n'y a rien de si pernicieux pour la doctinne d'Aristote, que la Géométrie, qui en découvre toutes les erreurs et les tromperies.

Simplicius ne se reud pas, il objecte ce double ou ce triple mouvement de la Terre.

Galilée répond que le mouvement de translation et le mouvement de translation et le mouvement de rotation dans le méme sens rôt nie di n'composible. Quant us troisième, qui ne sert qu'à maintenir l'axe parallèle à lui-même, il cit à loin dête. Il reproduit alors son expérience de la balle nageaut sur un fluide, et il ajoute qu'aven nu peu plus d'autention, on décourre que ce n'est pas un mouvement véritable, mais bien plutô au repor. Il ajoute que la chose pourrait s'expliquer par une vertu magnétique, qui ferait que le pôle de la Trere se dirigerait invariablement vers le même point du ciel; la l'erre pourrait donc nêtre qu'un simant immense; il cie, à ce propos, le livre de l'anglais Gilbert, dout Répler nous a tant parlé. Il est difficile que Galide n'ait pas lu Képler, qu'il paralt traduire ici, et sur-tout dans le Soggiatour.

Il croit que l'intérieur de la Terre doit être d'une maîtire très soitée, et qu'ains ielle pourrait bien être un gros simant. Il fait le plus grand éloge de Gilbert, qu'il appelle grand jusqu'il Cennée. Il lui reproche seulement de vitte pas assex matématicien. Il pense que la science maguétique qu'il a créée, pourra, par la suite, recevoir bien des secroissemens, qui n'ajouteront rien an mérite de l'inventeur. Il estime plus l'inventeur de la première l'pre, qui devait être fort grossière, que tous

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

les niusiciens qui sont venus depuis, quelque habiles qu'on les suppose. (Il paraît ici ploider sa cause; mais pour être juste, il faudrait connaître exactement l'histoire de l'invention; on ne sait pas quel hasard a pu fournir la première idée. Supposez qu'on ait dans une vue quelconque tendu deux cordes sur un corps un peu sonore, que ponr inger de leur degré de tension, on les ait pincées, qu'on ait remarqué qu'elles reudaient deux sons différens, en faut-il davantage pour arriver à l'idée d'une lyre grossière? Cette invention sera-t-elle si admirable? le hasard a fait découvrir la lunette, en Belgique; la nouvelle en vient à Galilée, et dès le lendemain, il à une lunette qui grossit trois fois; il la perfectionne un neu, il regarde le Soleil et il en voit les taches; il voit les phases de Venus et les satellites de Jupiter. Voilà des travaux heurenx, utiles et brillans; sont-ils bien difficiles? Comparez ces trois déconvertes aux trois lois de Képler, dout rien n'avait donné l'idée, qui paraissent au contraire choquer les idées recues, et auxquelles il n'a pu parvenir que par 20 ans de travaux opiniatres et raisonnés. C'est de pareilles découvertes qu'on peut dire que l'inventeur est plus admirable en cela que tous les géomètres qui ont depuis retourné son problème de tant de manières, sans avoir rien trouvé qui vaille en effet micux que les deux formules $z = x + e \sin x$ et $V = 1 + e \cos x$, qui sont le fondement de tout ce qu'on a fait depuis, et qui surpassent tout en simplicité comme en utilité. En écrivant cette assertion, qui a quelque chose de vrai sans être parfaitement juste, Calilée songeait à Scheiner, qui avait publié un gros livre sur les taches; il prévoyait qu'on pourrait perfectionner sa lunette; il a voulu assurer la part qui lui revenait dans les travaux déià faits, et dans ceux qui pourraient se faire; on ne saurait l'en blamer.)

L'aimant a, comme la Terre, ses trois mouvemens (il donne donc à la Terre tois mouvemens); le premier ven le centre de la Terre, comme toes les corps graves; le second est horizontal et produit la déclination; le troisième est celai qui produit l'inclination. Peut-être avariel-il un movement de rotation, s'il estit et depuilbre dans l'air on dans un fluide peu résistant. Il avoue pourtant qu'il ae voit aucuse raison qui détermine ce mouvement.

Cette comparaison est-elle assez juste; Galilée ne paralt-il pas chercher à accumuler les raisons au lieu de les choisir?

Il reproche à Sacrobosco d'avoir prouvé la sphéricité de la Terre, par celle qu'affectent les gouttes d'eau; car la même raison ferait qu'une masse d'eau considérable devrait prendre la forme sphérique; ce qui est évidemment faux. Il semble que le raisonnement de Sacrobosco valait au moins celui de Galilée.

Le quartième dialogue a pour objet le flux et le reflux de la mer. Galide prétond que le flux est impossible si la Terre est immobile. Il pourrait avoir raison, en ce seas que le flux est un effet de la pesanteur universelle ainsi que le mouvement elliptique des planètes, et que le système de la pesanteur universelle ne s'accorde guére avec l'immobilité de la Terre; la Terre serait inhabile à retenir le Soleil dans la courbe qu'on voudrait qu'il décrivit , ces raisous ne sont pas celles de Galide.

Il affirme que les marées ont trois périodes ; les Grecs l'avaient dit il y a long-tems. La période diarne est de 13 environs ; la sconde est d'un mois , elle paralt dépendre de la Lune et de ses phasses ; il a raison, en ce que les phases dépendent de l'élongation ; la troisième période est anuuelle, elle paralt dépendre da Soleil : les marées des solstices sont différentes de celles des équinoxes.

La période diorne offre trois divernités. En certains lieux, les eaux s'enfient et s'abaissent sans aucun mouvement progressif; dans d'autres s'enfient et s'abaissent sans aucun mouvement progressif; dans d'autres lieux, les eaux vont tanitôt vers l'orient et tanôté vers l'occident, sans acone intumecence; dans d'autres enfia, comme à Venise, le seux s'eaflent en s'approchant et s'abaissent san es retirant : c'est e qu'elles fout dans les goffes dont la direction est de l'est à l'ouest; mais si leur cours est arrêté par des montagnes ou des jetées, elles s'divent et abaissent sans mouvement progressif; les caux vont et viennent, comme on le voit par les courans alternatifs du détroit de Charyhde et de Sylla: ces mouvemens parsissent dépendre du mouvement de la Terre.

Quelques-uns ont attribué les marées à la Lune. Un certin Antilies a composé un Traité dans lequel il assure que la Lune, dans son cours, attire les eaux vers elle, en sorte que le flot la suit, et se trouve le plus clievé dans le lice noi elle est au priti; et comme. Je même phésonmème a lieu quand la Lune est à l'horizon et sous l'horizon, il faut que le point opposé diamétrulement à la Lune ait à méme vertu attractive. D'autres on préciend que la chaleur tempérée de la Lune erzfée les eaux et les fait élever. Galitée dit qu'il ne perdra pas son tens à réclètre de parailles explications; il jointe qu'il y a des imaginations poétiques de deux espèces: les unes propres à inventer des fables, et les autres à les croire fermements. Simplicius touve lèse naburdes les explications qu'on vient

de rapporter; mais l'explication qui emploie le mouvement de la Terre, est encore plus absurde que les autres. On voit, quoi qu'on die, que Simplicius u'a pas toujours tort; mais il n'a pas raison quand il dit que la marée est un miracle.

Calilée répond que le mouvement de la Terre serait un miracle moins étomant. A Venies, le, marcé moute de cinq à six palmes; elle monte, non par dilatation, mais par une eau nouvelle qui arrive. Pourquoi ne s'clève-telle pas de méme à Aucône, la Dyrrachium, à Corcyre, où elle est insensible? quel moyen pouait introduire de nouvelle eau dans un vase immobile, sans qu'elle s'éleval par tout? s' l'eau eutre dans la Méditerranée par le détroit de Gibraltar, pourquoi va-t-elle en avant pendant six beures, pour rétrograder les six beures suivantes?

Un vase peut recevoir deux espèces de mouvement, qui donneront eux caux contueuse un mouvement alternait vers les bords oppoés, et ce mouvement produira des intumescences et des dépressions. Le premier serait si les parties opposées du vase étaient alternaivement levées et haissées. Ce mouvement s'est pas celui de la Terre. L'autre espèce aurait lies si le vase était transporté d'un mouvement tautôt plus rapide et tantôt plus sen. Ce mouvement des eux a lice dans les navires qui apportent de l'eau donce à Venise; c'est ce qui peut arriver à la Méditerranée, qu'on peut assimiler à un vase rempil d'eau.

La Terre a deux mouvemens, l'un annuel et l'autre diurne, qui se combienn, qui untaîte conspirent et tantôt se font en seus différens; la partie supériteure se ment dans le seus du mouvement annuel, et la partie disférieure dans les seus opposé, comme il arrive aux plaubles indérieures dans leurs conjonctions périgées. Pour les uues le mouvement total se compose de la soumne des deux mouvemens; pour les sutreis luférieures dans leurs conjonctions périgées. Pour les uues le mouvement total se compose de la soumne des deux mouvements; pour les sutreis il eu est la différence; pour les paries latérales, il ne reste que le mouvement annuel. Le mouvement est donc alternativement s'ecufoncer dans le grand golle et en sortir. Telle est la cause principale; les effets peuvent être modifiés par des circonstances locales. Voils pour la période diurne. Le mouvement combiné doit être sujei à quelques inségalités. Galilée les attribue aux différentes positions de la Laure sur le cerçule ou ville décrit autour de la Terre set intons de la Laure ou ville décrit autour de la Terre.

Seleucus avait imaginé que le mouvement de la Terre combiné avec celui de la Lune, pouvait produire les marées. Calilée rejette cette idée comme fausse; et parmi les grands hommes qui ont discuté ce point, rien ne l'étonne autant que Képler, esprit libre et pénétrant, qui connaissait bien les mouvemens de la Terre, et qui cependant avait prété l'orcille et donné son assentiment à des inepties pareilles, c'est-à-dire à l'attraction de la Lune. Voilà le premier éloge qu'on trouve de Képler, qui venait de mourir.

En résumant, il trouve trois argumens de poids en favera de Copernic. les stations, les érritogradations des planètes; les or rapprochement et leur cloiguement de la Terre; les taches du Solcil et les marées. Il pouvait assas scrupule, omettre ces deux dernières preuvas. Il nepère que les mouvelmens des étoiles mieux observés en ajouteront bien d'autres, mais intérdient qu'il ne songe qu'il a parallaxe. Il parde d'une remarque nouvelle. Un César de Bologue avait cru trouver nne variation dans la ligne méridienne.

Pour la forme, en terminant, il convient que tous les raisonnemens qu'il vient de hazarder en faveur de Copernic, pourraient bien être autant de chimères.

Ces fameux dialogues, qui out causé tant de chagrins à leur auteur, ne sont pas d'une grande force; ce qu'ils offrent de raisonnemens solides est trop souvent perdu dans des conjectures moins heureuses et dans des raisonnemens subtils dirigés contre les péripatéticiens. En général, Galilée est prolixe et diffus. On ne peut bien juger aujourd'hui à quel point pouvaient être nécessaires tontes ces disputes qui sentent l'école. On ne voit ici aucune preuve, aucune explication véritable, qui ne se trouve bien mieux dans Képler, qui les a fortifiées de ses découvertes admirables, quoique d'un autre côté il leur ait nui trop souvent par sa physique et ses réveries pythagoriciennes. Comment le géomètre Galilée n'a-t-il fait aucuue attention à ces ellipses dont le Soleil occupe le foyer commun; à ces lignes des nœuds passant toutes par le Soleil, et sans lesquelles on n'avait que des idées très fausses des latitudes; à ces aires proportionnelles aux tems, et à cette loi entre les distances et les révolutions. Il paraît que Galilée, qui prisait tant ses propres découverles, et qui les revendiquait avec tant de chaleur, faisait une attention très médiocre aux inventions des autres; mais ses découvertes astronomiques, quelque curieuses qu'elles soient, ne pouvaient manquer d'être bientôt faites par quelqu'autre. Les phases de Vénus et les apparences de Saturne triple, sont les seules qui ne lui sont pas disputées. Nous croyons fermement qu'il est le premier et peut-être le seul auteur des deux autres. Mais les lunettes s'étant promptement multipliées, il était impossible qu'on n'aperçut pas bientôt les taches et les satellites. Il est le premier qui ait fait une lunette, mais il n'a rien écrit sur ce sujet; ceux qui l'ont traité, ceux qui ont construit d'autres lunettes, lui doivent peu de chose; mais, comme il le dit luimême, c'est beaucoup d'avoir été le premier. Son plus beau titre de gloire ce sont ses expériences du pendule et de la chûte des corps ; sa Innette, cependant, et son-procès, sa condamnation, l'obligation qu'on lui a imposée de se rétracter et d'abjurer, sont les causes qui ont le plus répandu sa réputation.

Les Italiens prisent son style, qui nous paralt un peu tralnant. Il était littérateur : il a écrit une dissertation dans laquelle il pèse le mérite de l'Arioste et du Tasse; il se déclare ouvertement pour le premier, qu'il

cite en plusieurs endroits de ses onvrages.

On a de lui encore un Mémoire où il discute les passages de l'Écriture qu'on oppose aux partisans de Copernic. Nous avons, sur le même sujet, une préface de Képler, et une lettre de Foscarini, qui paralt foit raisonnable, et n'en fut pas moins condamnée, comme l'ont été les dinlogues de Galilée. On y lit que Clavius apprenant les découvertes de Galilée, tont en rejetant le système de Copernic, disait cependant : c'est maintenant aux astronomes à chercher quelqu'autre système, puisque l'ancien ne peut plus se soutenir. Nous n'extrairons pas la lettre de Foscarini; c'est aux théologiens maintenant à faire valoir les raisons qu'ils ont autrefois rejetées et proscrites. L'enr canse est perdue sans retour; ct s'ils ne se rétractent pas, ils ont au moins senti la nécessité de se taire.

Proces de Galilée.

L'histoire de ce scandaleux procès se trouve au second volume de l'Almageste de Riccioli; elle y forme le 40° chapitre du livre IX du mouvement de la Terre, page 405.

L'auteur avait été long-tems sans obtenir de ses supérieurs la permission de lire les dialogues de Galilée. Il commence par rapporter les témoignages des écrivains qui se sont déclarés contre Copernic. Il cite d'abord Tycho, qui déclare cette hypothèse absurde et contraire à l'Écriture, Tycho est ici très récusable. Alexandre Tassoni dit qu'elle est contre la nature, le sens et les principes physiques; contre l'Astronomie, les Mathématiques et la religion. Simplicius en avait dit tout autant dans les dialogues. Mersenne la réprouve, mais ne croit pas qu'elle ait été coudamnée par l'Église, Mersenne était moine. Gassendi la rejette, non que l'immobilité de la Terre soit un article de foi. Casseudi était chanoûne et professeur ruyal, il vasit quelques ménagemens à garder; s'il viésit pas entièrement persuadé, il devait parler ainsi. Nous avous vu le professeur Mossilinas, dont les leçoas orales avaient fait de Kepler un copermicien enhousiate, n'oser dans sou livre abandunner Ptolémée. Scheiner, qu'o ext ici asspect à plus d'uu titre, d'it que l'hypathèse est interopable, qu'o n'en peut défendre les absurdités, qu'il eu inutile de danner la turture à des passages de l'Érctiures, qu'il est possible de défendre dans le sens naturel. Nous ne pousserons pas plus loin cette numenclature de moines, qu'il ous répêteul les mêmes assertions, qu'ils anarient sans datuc ét bien embarrassés de prouver. Riccioli dunne ensuite une pièce plus aucienne que les dialeques.

Extrait du décret de la sacrée Congrégation des cardinaux, sous Paul V. 5 mars 1616. « Et parce qu'il est venu à la cumnaissance de ladite Congrégatiun, que cette fausse ductrine pythagoricieune, tout-à-fait contraire à la divine Ecriture, de la mobilité de la Terre et de l'immobilité du Suleil, qu'out enseignée Nicolas Cupernic, dans son livre des Révolutions des orbes célestes, et Didacus Astunica, dans son Commentaire sur Job. commence à se répandre et à être adoptée par plusieurs, comme on le voit par une lettre imprimée, d'un carme, intitulée Lettre de frère maître Paul-Antoine Foscarini, sur l'opinion des pythagoriciens et de Copernic, sur la mobilité de la Terre et la stabilité du Soleil, et le nouveau systême, 1615, dans laquelle ledit père s'efforce de montrer que cette doctrine de l'immubilité du Soleil au centre du monde, et de la mobilité de la Terre, est conforme à la vérité, et nullement contraire à l'Écriture saiute. En conséquence, puur que cette opiniuu ue se répande pas plus luiu, au grand dommage de la vérité catholique, la Congrégation a été d'avis que lesdits Niculas Copernic, des Révolutions célestes, et Didacus-Astunica, sur Jub, doivent être suspendus jusqu'à ce qu'ils soient corrigés, et que le livre du P. Foscarini doit être absolument défendu et condamné, ainsi que tous les livres qui enseigneraient la même doctrine; cumme par le présent décret elle les prohibe tous respectivement, les condamne et les suspend ; en foi de quoi le présent décret a été signé de la main et revêtu du sceau de l'illustrissime et révérendissime seigneur cardinal de Sainte-Cécile, évêque d'Albe, le 5 mars 1616. Rome, de l'imprimerie de la Chambre apostolique, l'an 1616. Signé P., évêque d'Albe, cardinal de Sainte-Cécile, et frère François Magdelaine Têtede-fer (Capiferreus), secrétaire de l'ordre des Frères prêcheurs. »

Avis de la sacrée Congrégation au lecteur de Coperaic, correction et permission de ce livre.

Quoique les écrits de Copernic, astrouome illustre, sur les révolutions du monde, sient été tout-à-fait déclarés condamnables par les PP. de la sacrée Congrégation de l'Index, par la raison qu'il ne se contente pas de poser hypothétiquement des principes sur la situation et le mouvement du globe terrestre, entièrement contraires à la sainte Écriture et à son interprétation véritable et catholique (ce qu'on ne peut absolument tolérer dans un homme chrétien), mais qu'il ose les présenter comme très vrais; néanmoins, parce que ce livre contient des choses très utiles à la République, on est convenu d'un commun accord qu'il fallait permettre les œuvres de Copernic, imprimées jusqu'à ce jour, comme elles ont été permises, en corrigeant toutefois, d'après les notes suivantes, les passages où il ne s'exprime pas hypothétiquement, mais soutient affirmativement le monvement de la Terre; mais ceux qui seront dorénavant imprimés ne le seront qu'avec les corrections suivantes, qui seront placées avant la préface de Copernic, 1620. Le livre de Copernic n'a pas été réimprimé depuis ce décret; mais la doctrine anathématisée a triomphé completement.

Ces corrections sont peu de chose, et cet avis de la Congrégation n'est pas bien sévère; la lettre suivante est plus rigoureuse.

Au révérend P. Inquisiteur, à Venise.

« Quoique là Congrégation de l'Indice si suspendu le Traité de Nicolas Copernie, dans lequel il soutien que la Terre se meut et non le Soleil, qu'il dit immobile au centre du monde; opinion qui est contraire à la sainte Écriture, et que depuit long-tens la sacrée Congrégation du Suint-Ofice ait défondu à Galileo Galilei, florentin, de crore; affende ou enseigner en aucuse manière, de bouche ou pra ses écrits, ladite opinion; neissonions, le même Galilee a usé composer un livre, saquel il a misson nom; et sans faire mention de la défense qui lai a été faite; il a extroyet la permission de l'Imprimer, comme de fait il il a imprime et publié; en sopposant au commencement, à la fin et au milieu, qu'il ne volubit raiter de cette opinion que comme d'une lypotibee. Cependant quoi-qu'il ne dat la traiter d'aucune manière, il l'a présentée de fiçon à se rendre véhémentement suspect d'adhérer à une telle opinion. C'est pour-qu'il ne détait que s'imprimente et composit la set orqueix (inquisiture) et enfermé dans les prisons du Saint-

Office, par sentence de mes très éminens seigneurs, et condamné à abjurce dadite opioine, et à demeurer en prison formelle tent qu'il plaira à leurs Éminences, pour y accomplir d'autres péniences abutaires, comme votre Révérence le verra par l'exemplaire ci-dessous de la sentence et de l'abjuration qui îni est euroyé pour le notifier à tous les vicaires, et pour que la conanissance en parrienne à eux et à tous les vicaires, et pour que la conanissance en parrienne à eux et à tous les professeurs de Philosophie et de Malématiques. Par quoi acchant de quelle manière il a ét-agi entres ledit Galifee, ils comprennent la gravité de la fante qu'il a commise et qu'il le Vivient, aiusi que les priens qu'ils auraient à spiù s'ils y tombaient. Pour fiu, que le Seigneur Dieu conserve votre Révérence-Rome, a jaillet 1635.

Votre frère, le cardinal SAINT-ONUFRE. »

Sentence contre Galilée et abjuration du même,

« Nous soussignés (les noms), par la miséricorde de Dieu, cardinaux de la sainte Église romaine, iuquisitenrs généraux dans tonte la République chrétienne, députés par le Saint-Siège contre la perversité hérétiqua (pravitatem).

» Comme sinsi soit, que toi Galilée, fils de feu Vincent Galilée, florent, agé de 70 ans, ua esté démoncé, en 1615, à ce saint-(filkee, pour voir tenu comme vraie une fausse doctrielle proposée par plusieurs auteurs; écals-dire que la Soleil est immoblieux centre du monde, et que la Terre a usais un mouvement diurne; de plus, pour avoir en certains disciples auxquels tu enségiansis la même doctrine; pour avoir entretenu à ce sujet des correspondances avec certains mathématiciens d'Allemagne; pour avoir mis en lumière certains lettres au sujet des taches du Soleil, dans lequelles tu expliquais la même doctrine comme rusie; et comme aux objections qu'on le faissil, en te citaut des passages de l'Écriture, tu résenté un exemplaire d'une lettre qu'on dissit écrite par toi, à l'un de tes anciens disciples, et dans laquelle, tenant loujours pour les hypothèses de Copernic, tu interprétes quelques propositions contre le sens et Vautorié de la sainte Érriture.

» Le saint Tribunal voulant donc prévénir les inconvéuiens et les dommages qui en provenaient et se multipliaient au grand détriment de la sainte Foi; de l'ordre de N. S. et des très éminens seigneurs cardinaux de cette supréme et universelle Înquisition, les deux propositions suivantes,

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

sur la stabilité du Soleil et le mouvement de la Terre, ont été, par les théologiens qualificateurs, qualifiées ainsi qu'il suit :

- » Dire que le Soleil est au centre du monde et immobile de mouvement local, est une proposition absurde et fansse en Philosophie, et formellement hérétique; parce qu'elle est expressément contraire à la sainte Écritore.
- » Dire que la Terre n'est pas le centre du monde, ni immobile, mais qu'elle se ment même d'un mouvement diurne, est de même une proposition absurde et fausse en Philosophie, et considérée théologiquement, elle est au moins erronée en foi.
 - » Mais comme en même tems il nous plaisait de procéder envers tou avec keinginés, la eté arrêté dans la siante Congrégation, tenue en présence de N. S., le 25 février 6165, que le trêt éminent seigneur cardinal Bellarmin répoindrait de quitter entièrement ladie fausse doctrine, de ne l'enseigner à d'autres, ni de la défendre, ni d'en jamais traiter; et faute d'acquiencer à ce précepte, tu serais jeté en prison, et pour l'evication de ce décret, le Jour suivant, dans le Palais, ce présence du ausdit très éminent seigneur cardinal Bellarmin, après avoir été bénignement sécundant seigneur cardinal Bellarmin, après avoir été bénignement édoc d'un notaire et de térnoins, l'injonction de te désister entièrement de faite opinion fausse, et pour Juegner, il t'était interdit de la défendre ou enseigner d'une mairre que/conque, ui de bouche, ni par écrit ; et ayant promis oblissance, ta soir éte renvoyé.

(Occi nous explique un passage où Galilée nous parle du décete rendu contre le livre de Coperuie, pendants ou séjour 8 Rome, et dont on lui moit donné connaissance. On aurait cro, d'après set expressions, qu'il s'agiastit d'une simple meuvre de police, sur laquelle il aurait été consulté. No roit que la chous clait plas sérieuse, et que aile Saint-Olice deit absurde et mal conseillé, Galilée avait de son côté quelque imprudence à se reprocher. Son livre pouvait lui paraitre insulté aprés ceux de Képler, et en soi-méme il no valait pas que l'auteur compromit sa tranquillité et aconsidération pour se reorder le champion d'une vérité qui ne pouvait manquer d'acquérir de jour en jour de nouveaux partissus, par l'effe naturel du proççes des lumières.

» Et ponr faire disparaltre entièrement une si fausse doctrine (ils y ont très bien réussi), et pour arrêter les progrès d'une erreur si préjudiciable à la vérité catholique, il émana un décret de la sacrée Congrégation de l'Index, qui prohiba les livres qui contiennent cette doctrine; elle fut déclarée fausse et tout-\(^{1}\)-fait contraire à la sacrée et divine Écriture.

- » Et comme en dernier lien, il avait paru à l'Ioenne, l'année dernière, un livre dont le litre e nonmait l'autour, puisque le tifre était Dialogo di Galileo Galileo, delle due maxime sisteme del mondo, l'Olemaico e Copperiacono; et la sacciée Congrégation ayant connu que l'impression dudit livre fortifiait de jour en jour la fausse opinion du mouvement de la Terre et de la stabilité de Soleil, l'edit livre fut soignessement près en considération, et l'on y a trouvé une trangession manifeste de la susdite ordonnance qui l'avait été intimée. En ce que dans ce livre u déndais Copinio condamnée at déclarie telle en la présence, quolique dans ce livre, par divers désours, lu l'elforces de peruader que tu la laisse circuit et l'autour de l'aut
- a C'est pourquoi, par uotre ordre, tu as été appelé à ce Saint-Office, dans lequel, e anniné avec serment, tu as reconu ledit livre comme ciet et publié par toi; tu as confessé l'avoir commencé il y a environ douse ans, après avoir requ l'injonction ci-dessus, et que tu as demandé la permission de le poblic; sans faire consaitre à écue qui pouvaient te la donner, qu'il l'avait été espioit de ue tenir, ni défeudre, ni euseigner d'une manière quelconque uue telle doctrine.
- » Tu as confassé pareillement que lédit écrit, se plusieurs endroits, est composé de manière que les argimens, e u faveur d'une fause opinion, paraissent de nature à forcer l'assestiment plutôt qu'à être facilement réfutés; tu l'excuses d'être tombé dans nue erreur étrangère à ton tienelion, sur la forme du dialogue, et sur le penchant naturel qu'on a de se moutrer plus fin et plus subtil qu'on ne pent l'être commanciment, es sontenat une proposition fause qu'on s'efforce de rendre probable.
- » Et comme on t'avait accordé un déais pour rédiger ta défense, tu as produit une lettre de S. E. le cardinal Bellarmin, que tu avais obtenue de lui, pour te défendre des colomnies de tes ennemis, qui répandaient que tu avais abjuré et que tu avais été pout par le Saint-Office. Cette lettre dit que tu n'as i abjuré, à iété pout, mais qu'on l'avait seudement signifié la déclaration faite par N. S., et promolguée par la Congrégation de l'Index, contenant que la doctrine du mouvement de la Terre et de la stambité da Soleil est contraire aux saintes Écritures, et qu'elle ne pout

ètre tenue ni défendue; et que comme il n'y est pas fait mention de lis défense d'enseigner en aucum manière quelconque, il est à croix qua dans le coars de quatorse on seise ans, cette particularité d'ait sortie de ta ménoire, et que c'est la raison qui a fait que to n'en air reid net demandaut la faculté d'imprimer, et qu'en parlant ainsi, ton bat n'est pard d'excuser ton erreur, qu'il ait impater à une vaine ambition platôt qu'à malice. Mais ce certificat même, produit en ta défense, no fait que rendre ta cause plus mauraise, pusiqu'il y est diq que latique pointe contraire à la sainte Écriture; et cependant tu as ore la traiter et la défende, et la conseiller comme probable; et la permission que to a obtenue par ruse ne peut te servir, puisque tu n'as pas manifesté la défense que tu avais reque.

- » Et comme il noss a paru que to ne dissis pas toute la vérité tonchan ries intentions, nous avons iugé nécessiare de ne venir à na exament proporera de ta personne, dans legnel, sans préjudice de ce to na confiende et de ce qui a été produit contre los, relativement à ton intention, tu as répondu catholiquament; c'est pourquoi, vus et considérés les mérides de cette inence causa, avec les sunsidies confessions et excasse, et con qui était à voir et considérer, nous en sommes venus contre toi à la sentence définitive, dont copie act d'edebous.
- » Ayant donc invoqué le très saint nom de N. S. J.-C. et de sa glorieuse Mère toujours vierge, par cette notre sentence définitive, qu'en séance sur notre Tribunal, de l'avis et jugement des révérens maltres de la sacrée Théologie, et docteurs en l'un et l'autre droit, nous proférons en ces écrits, touchant la cause et les causes controversées devant nous entre magnifique Charles Sincère, doctenr en l'un et l'autre droit, procureur fiscal du Saint-Office, d'une part; et de l'autre, toi Galilée, accusé, enquis sur le présent procès écrit, examiné et confes comme dessus, nous disons, prononçons, jugeons et déclarons, que toi Galilée susdit, pour les causes déduites au procès écrit, et que tu as confessées comme ci-dessus, tu t'es rendu véhémentement suspect au Saint-Office, d'hérésie, en ce que tu as cru et tenu la doctrine fausse et contraire anx divines Ecritures , que le Soleil est le centre de l'orbite de la Terre ; qu'il ne se meut pas d'orient en occident; que la Terre se meut, et qu'elle n'est pas le centre du monde; et qu'une opinion pent être tenue et défendue comme probable après qu'elle a été déclarée et définie contraire à la sainte Écriture; en conséquence, que tu as encouru toutes les censures et peines

statuées et promulguées par les sacrés Canons, et autres constitutions générales et particulières, contre les délinquans de cette sorte; desquelles il nous plait que to sois absous, pourve que présibblement, d'un cœur sincère et d'une loi non fénte, et ablipres devant nous, tu maudisses et détestes les savities creurs et bérésies, et tonte autre erreur et bérésie contraire à l'Eglise cablofique et apostolique romaine, suivant la formole qui le sera présentée par nous.

a Capendant, pour que cette grave et pernicieuse erreur et transgression de la part ne reste pas tout-à-fait impunie, et pour que tu deviennes plus circonspect par la snile, et pour que tu sois en exemple aux autres, aín qu'ils s'abstiennent de parcils délits, nous décemons que le livre de caldialogues de Callielo Galliels era probibé par un édit public, et nous te condamnons à la prison formelle de ce Saint-Office, pour un tems que nous ministress à notre volontée, et, à titre de péniteces calsalaire, nous ordonnons que pendant trois années à venir, tu cécites une fois par semaine les exp pescames pénitenilaux ; nous réservant le pouvoir de modérer, de changer ou de remettre en tont ou en partie les susdites peines et pénitences.

» Et ainsi nous disons et prononçons, et par sentence déclarons, statuons, condamnons et réservons en cette ou toute autre méthode meilleure et formule, ainsi que de droit nous pouvons et devons.

» Ainsi, nous prononçons nous, cardinaux soussignés, F. cardinal d'Ascoli, G. cardinal Bentivoglio, F. cardinal de Crémone, Fr. Ant., cardinal Saint-Ouufre, B. cardinal Gypsius, F. cardinal de Varospi, M. cardinal Ginetti.

Abjuration de Galilée.

» Moi Galileo Galilei, filo de feu Vincent Galilée, florentin, lagé de poaus, constitué personallement en jagement, et agenouille devant vous éminentiainnes et révérendissimes cardinaux de la Bépublique universelle charitione, inquiniteurs généraux contre la malice hérvitique, a yann devant les vaux les siainte et secrés Evangüles, que je touche de mes propres mains, je jure que j'ai toujours crus, que je crois maintenant et que, Dieu aidart, je coriaria l'aventir, tout ce que tiest, préche et enesigne la sainte Begie calibolique et apostolique romaine; mais parce que ce Saint-Oilice m'avait juridiquement esjoint d'abusdonner entièrement la fausse opinion, qui tient que le Soleil est le centre du monde, et qu'il est immobile; que la Terren et say la centre et qu'el ses meut, et arce que je ne pouvais.

- De Livigle

la tenir, mi la défendre, ni l'enseigner d'une manière quelconque, de voir on par écrit, et après qu'il mivait été décheré que la saudie doctrine était contraire à la sainte Écriture, j'ai écrit et fui imprimer un liver dans lequel je traite cette doctrine condamnée, ci l'apporte des ruisers d'une grande efficace en faveur de têtue doctrine, saus y joindre sucune solution, c'est pourquoi j'ai été pué véhémentement suspect d'hérésie pour avoir tenu et cru que le Soleil était le centre du monde et l'umobile, et que la Perre u'éstip sa le centre et qu'elle se monvait.

« C'est ponrquoi voulant effacer des esprits de vos éminences et de tont chrétien catholique cette suspicion véhémente concue contre moi avec raison, d'un cœnr sincère et d'une foi non feinte, j'abjure, maudis et déteste les susdites errenrs et hérésies, et généralement toute autre erreur quelconque et secte contraire à la susdite sainte Église : et je jure qu'à l'avenir je ne dirai on affirmerai de voix ou par écrit, rien qui puisse autoriser contre moi de semblables soupcons; et si je connais quelque hérétique ou suspect d'hérésie, je le dénoncerai à ce Saint-Office, ou à l'inquisiteur, ou à l'ordinaire du lien dans lequel je serai; je jure en outre et je promets que je remplirai et observerai pleinement toutes les pénitences qui me sont imposées ou qui me seront imposées par ce Saint-Office; que s'il m'arrive d'aller contre quelques-unes de mes paroles, de mes promesses, protestations et sermens, ce que Dieu veuille bien détourner, je me soumets à toutes peines et supplices, qui, par les saints Canons et autres constitutions générales et particulières, ont été statués et promulgués contre de tels délinquans; ainsi, Dieu me soit en aide et ses saints Évangiles que je touche de mes propres mains.

n Moi, Galileo Galilei sasdit, j'ai abjuré, juré, promis, et me suis obligé comme ci - dessus, en foi de quoi, de ma propre main, j'ai sonserent le présent chirographe de mon abjuration, et l'ai récité mot à mot à Rome, dans le couvent de Minerve, ce 22 juin 1655.

» Moi, Galileo Galilei, j'ai abjuré comme dessus; de ma propre main. » On dit qu'en se relevant, Galilée, frappant du pied la terre, dit à demi-voix : e pur si muove; elle se meut cependant.

En terminant son récit, l'astronome jésuite dit que les censures contre les sectaturs de Copernic on téé jutement en pudemment prononcées, qu'on n'y peut rien objecter, et qu'il rend grâces à Dieu d'avoir permis qu'il conduisit à la fin désirée cette apologie de la conduise de la sacrés Congrégation des cardinaux; son qu'elle etb besoin de cette apologie, mais il est ravi d'avoir pu montrer son zele pour la sainte Église et les saintes Écritures.

Nota avons rapporté ces pièces si curieuses, dans leur euiter, ei avec tous les noms, afin qu'aucan ne perdit la part de gloire qui peut lui revenir. Cette affaire a fait à la sainte loquisition beancoup plus de tort que le livre de Galilée n'en aurait jamais pa faire à l'autorité qu'on loi oppose.

Galide garda la prison pendant quelques années; on ne sait vil accomplit entièrement les autres pénitences. Nons avons extrait des lettres datées de cette prison d'Arcetri, en 1635. Il mournt, en 1642, à la campagne; car il n'eut jamais la permission de rentrer à Florence, si ce n'est quelquefossi dit-on, quand ses infarmisé l'exigeraient.

Nous ne savons pas si, par les mots prison formelle (formalis carcer) répétés plusieurs fois dans les pièces ci-dessus, l'on entend une prison pour la forme; le fait est que cette prison était un grand palais accompagné de vastes jardins où il avait la permission de se promener; il pouvait recevnir ses amis et les personnes qui venzient lui rendre les hommages dus au mérite persécuté. Il est à présumer qu'on lui épargna les humiliations meotionnées dans la sentence et dans l'acte d'abjuration, et qu'on se contenta de lui faire signer la formule où il s'accuse d'avoir exposé en faveur du système condamné des raisons d'une grande efficace. On ne put s'empêcher de le traiter avec une distinction que réclamaient ses talens et sa grande réputation; on ne voulait sans donte que faire un exemple qui contint les astronomes et les professeurs qui seraient tentés d'abandonner Aristote. Je soupçonne que les péripatéticiens étaient animés contre lui pour le moins autant que les théologiens. Il n'avait rien écrit contre ceux-ci, mais il s'était élevé souvent et avec force contre les premiers, qui dominaient dans les écoles. Képler ne les avait pas mieux traités; mais bien peu de personnes lisaient Képler et le Saint-Office craignait l'effet que pouvait produire un livre écrit en langue vulgaire, par un auteur en crédit; en condamnant les onvrages de Copernic, de Foscarini et de Galilée, on ne dit mot de ceux de Képler, pas même de son Astronomie copernicienne, peu répandue sans doute en Italie, Les ennemis de Galilée, en lui suscitant cette persécution ne purent empêcher que le duc de Florence n'obtint pour lui ces ménagemens, malgré la fureur de tous les Simplicius qui s'étaient déchalués contre lui.

Nos avons extrait tous les ouvrages de Galilée qui ont été publiés. On dit qu'il était long-tems occupé de la construction des Tables des satellies opour la solation des problèmes des longitudes. On dit que les Etats de Hollande la is avaient eavoyé un commissaire pour l'encourager à ce travail; qu'à cette occasion, il avait appliqué son peudule à une horloge; mais il n'en parle lui-même en aucon endroit, et nous présumons qu'il en est de son horloge comme de ses Tables, qu'il n'en a rien dit parce qu'il n'a pu ca tirer ine de saishissaire.

On dit encore que son disciple Reneri, dépositaire de ses manuscrits, avait anssi travaillé long-tems à perfectionner les tables des satellites; mais à sa mort on ne put tronver le manuscrit qu'il était pret à publier, nous dit-on.

Réfutation du système de Copernic, par Riccioli.

Non content d'avoir publié les pièces du procès, de Galilée, et d'avoir loué hautement la justice et la prudence des saints inquisiteurs. Riccioli. en reconnaissance de la permission qu'on lui avait enfin donnée de lire les fameux Dialogues, voulnt montrer son zèle pour la foi, en réfutant l'hérésie de Copernic; et c'est probablement à cette condition qu'on lui permit la lecture du dangereux ouvrage de Galilée. Son Almageste n'a paru que 17 ou 16 ans après le procès dont il s'est constitué l'historien : mais pour ne plus revenir sur un point décidé ponr toujours, il est juste d'entendre les raisons des péripatéticiens, exposées par un homme à qui l'on ne peut refuser un grand savoir et une grande érudition astronomique. S'il n'eut été véritablement question que du mouvement de la Terre, il est à croire que les péripatéticiens et les théologiens mêmes auraient transigé en adoptant les explications de Képler, de Foscarini et de Galilée, relativement aux passages de l'Écriture; mais ils craignaient les conséquences d'une première concession; c'est du moins ce que paraît nous faire entendre Riccioli dès son débnt. « Si la licence que se donnent les coperniciens, d'interpréter les textes

» de l'Ecriture et d'eluder les décrets ecclésiastiques, c'ais soufferte, il » serait à craindre qu'elle us et contat pas dans les limites de l'Astro-» nomie ou de la Philosophie naturelle, elle pourrait s'étendre à des » dogmes plus saints; il est donc important de unaintenir la règle d'en-» tendre tous les textes sacrés dans le sens litteral. Or, il ny a nul besoin

n de s'en écarter en ce qui concerne le monvement de la Terre, n

Il commence par la liste des sectateurs les plus distingués de l'ance te de l'autre lyspothère. Parmi les partisans du mouvemen de la Terre, il met Copernic, Rheticas, Mastlinus, Képler, Roldman, quer Tycho se fatte pour lant d'avoir converti à son système; Galliée, Colhert, qui a'admet que le monvement dinree; l'occarini, Didaces de Stunite, l'auteur anonyme de l'Aristarque résascité, Bouillaud, sons le nom de Philobain; Jacques Lansberge, Hérogonius, Gassendi, qui finit pourtant par protester de son respect pour les décisions de l'Eglise; enfin, Descartes à qui nous attribuons en l'ance l'homes de avoir détruit le culte d'Aristote, quoique Képler et Galliée se fussent montrés avant lui des autagonistes non moins ardens et onn moins redoubles; mais qui a peul-être réellement été plus nuisible au péripatétisme, parce qu'il a proposé des erreurs à la place de celle qu'il dérivaisit, au lieu que les autres y abstituisent des vérités mathématiques qui passaient la portée des professeurs ordinaires de Philotophie.

Pour l'Opinion de l'immobilité de la Terre, il compte Aristote, Ptolénée, Théon, Alfragan, Marcohe, Cikomède, Regiomotanus, Buchanan,
Maurolycas, Barocius, Néander, Teleius, Matineagus, Jaste Lipse,
Scheiner, Tycho, Tassoni, Charmonius, Ineafer, Fromond, Acatisies,
Lagalla, Tunneras, Amicus, Rocco, Mersenne, Polaccas, Kirler,
Finellus, Finedà, Lorinus, Mastrinus, Delphinus, Llephastatius, nous
pouvous sjouter Riccioli; mais is nous retranchous les auteurs plus anciens que Copernie, à l'exception, si l'on veut, de Ptolémée, et qui
n'avaient aucnne idée du système, que restera-l'al' que des moines ou
des noms tout-à-fait obscurs; et d'ailleurs si l'on cite Marcohe et
Clomède, pourquion pes sicter d'autre part Pythagore et toute as secte,
Aristarque, Philolays, Nicetas et quelques autres qui soutemient le
mouvement de la Terre? Il ny a donc que Tycho, que nous surions
peut-être droit de récisser, et la comparaison des deux listes serait déjà
un prégingé très fort en fuevar de Copernie.

Pèna donnait à la Terre un mouvement rectiligne qui, en l'approchant de certaines étoiles, pouvait en augmenter les diamètres apparens et le mouvement de précession; mais les étoiles opposées devaient offrir des phénomènes contraires.

Avant de discuter la question du mouvement de la Terre, Riccioli expose avec étendue et bonne foi les idées de Copernic, et quand il arrive au troisième mouvement et au parallelisme de l'axe de la Terre,

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I.

il avoic que plus on pointre avant dans cette hypothèse, plus on a lieu d'admirer le génie et la préciense subtilité de l'auteur. Jamais, dit-il encore plus loin, jamais on n'a saces admiré et jamais on n'admirera assex le génie, la profondeur, la sagacité de Copernie, qui, par trois mouvemens d'un globule comme la Terre, est parvenn à expliquer ce que les astronomes n'ont jamais pu représenter sans une folle complication de machines, et qui dispensant les fixes de ce mouvement dirent es rispide, qui s'accorde si dilicilement avec leur mouvement général autour des polès de l'éclipique, explique si herrensement les stations et les rétrogradations, la précession des étoiles, qui détruit trois sphères énormes; qui cufin, comme Hercelle, a pu soutenir seul un poids qui vait écrasé tant d'Allas. Heureux x'il avait sa se contenir dans les bornes de l'hypothèse, c'est-à-dire sans doute s'il s'était contecté de présenter son système comme un moyen très simple de représenter les phénomènes, et s'il avait doute les fruits de sa brillante imagination.

Il semble, d'après ce début, qu'il aurait suffi d'ôter la robe au jésuite, pour le rendre copernicien zélé. Mais après ce magnifique éloge, il passe à la réfutation et propose ses objections.

- 1" objection. Copernic avait dit qu'il fallait attribuer le mouvement diurne de préfèrence au corps qui est décidément sphériques; or le cut la Terre, ct nous ignorons la figure du ciel. On peut accorder à ficicoli, que le raisonnement de Copernic n'est pas une démonstration; mais s'il ne fait rien pour le nouveau système, cet argument fait encore moins pour cellui de Ptolémée.
- 2'. Si tout l'univers se meut, dit Copernic, comment la Terre seule pent-elle échapper à ce mouvement général? Riccioli répond que l'éther est si subili, qu'il ne peut communiquer aucus mouvement à la Terre, et que la Terre est in massive qu'elle resta nécessirement en place. Mais Jupiter qui a quatre satellites est-il moins massif et moins pesant; tons les raisonnemes contraires sont également faibles.
- 3. Lequel est le plus naturel du mouvement droit ou du mouvement circulaire. On pourrait demander à Riccioli, lequel il produirait plus aisément. Subtilités vaines.
- 4'. Immensité de la sphère des fixes, comparée à la petitesse de la Terre. Riccioli n'est pas henrenx dans sa réponse à cet argument de Copernic; il le détourne de son vrai sens, en disant que l'honme est le roi de la nature, que c'est pour lui que Dieu a ordonné ce magnifique

spectacle. Malgré cette explication, l'objection de Coperuic reste dans toute sa force, quoiqu'elle ne fasse pas une démonstration.

- 5°. Le mouvement sera plus facile, si le mobile est plus petit. Eucore de la mauvaise foi de la part de Riccioli, qui oppose la grandeur de Dieu.
- 6°. On sait que la Terre est propre à se mouvoir, en peut-on dire austant du ciel? Riccioli réponda oit en siant le mouvement de la Terre, parce qu'il n'est pas démonté, soit en faissat une disiniction. Jusqu'ici l'on peut dire que si Copenici cie donne accuse démonstration bonne et bien rigoureuse, toutes les probabilités sont du moins pour lui , contre sessateversaires.
- 7°. Le mouvement convient au contenant plutôt qu'au contenu. Si le Soleil est immobile, il sera le contenu. Cet argument de Riccioli ne signifié donc absolument rieu.
 - 8°. Argument tiré de l'incorruptibilité du ciel. A renvoyer à Aristote.
- g'. Fluidité du ciel et distances invariables des étoiles peu compatibles avec le mouvement diorne. Riccioli se tire de cette difficulté, en plaçant dans les étoiles des intelligences célestes qui impriment et dirigent ces mouvemens. C'est eu d'autres termes s'avouer complètement battu.
- 10°. Ce mouvement diurne n'est utile qu'à la Terre, il est juste qu'elle en prenne la peine. Riccioli répond encore que tout est créé pour l'homme. Que lui importe eu ec est aqu'on faste tourner autour de lai des millions d'étoiles dont il ne voit que la moiodre partie?
- 11°. Comparaison du mouvement diurne d'unc étoile et d'un point de l'équateur terrestre. Si le mouvement de l'étoile est plus difficile à concevoir, il donnera une plus grande déé du pouvoir de Dieu; oui, mais une bien mauvaise de son intelligence.
- 12°. Argument tiré de la proportion entre les distances et les mouvemens. Képler, auteur de cet argument, raisonne sur des principes, les autres ne se foudent sur rien; cet argument qui est d'une grande force pour Copernie, n'était alors seuti d'aucun de ses sectateurs. Galilée même l'a tout-à-fait uégligé.
- 15°. Incompatibilité du mouvement propre avec le mouvement diurne, licicoli soulieut qu'il n'y a qu'un mouvement plus lent dans les planètes, plus rapide dans les fires. Ptolômée a réfaté, il y a long-tens, cette explication. Riccioli oublie que ce mouvement plus leut devient plus rapide, quand la planète est réfrograde.

- 14°. Simplicité des mouvemens, suivant Copernic. Il répond par l'Écriture sainte et par des subtilités.
- 15°. Inégalité des mouvemens des fixes, selon leur distance au pôle. Riccioli n'a pas tort de se moquer un peu de cet argument qui est de Galilée.
- 16°. La déclinaison des étoiles change. La rapidité de lenr mouvement diurne serait donc variable. Il faudrait convenir de la cause qui produit ce mouvement : argument insignifiant.
- 17°. Inégalité des Nychthémères. Ce n'est qu'une subtilité imaginée par Képler.
- 18º. Argument tiré des comètes. Cet argument a été imaginé par Schéque, qui a mis en question à les comètes participaient au mouvement diurne. Cet argument rentre dans celui qui nait de l'invraisemblancacement autour de la Terre. Riccioli a raison d'y faire la même réponse, mais il aurait fallo me'elle fût melleure.
- 19°. Vents constans entre les tropiques. Ce veut ne prouve pas plus le mouvement de la Terre que celui du Soleil. Il ne prouve rien ni pour ni contre.
- 20". Magnétisme de la Terre et direction de son axe à un point fixe. Plusieurs auteurs, et entre autres Galilée, ont fait valoir cet argument; ce n'est rien qu'une hypothèse.
- Aucun de ces argumeus, pris isolément, ne forme une démonstration bien stre en favern de Copernie, mais les explications de Riccioli sont encore bien moins concluantes. Il n'a donc rien proposé qui ait la moindre force contre le mouvement d'uner; il n'a fist tout au plus qu'affishir quelques argumens doateux dont on a voulu l'appayer. Il passe au mouvement annuel.
- 21°. Le Soleil est plus noble que la Terre; il répond que les bommes sont plus nobles que le Soleil. Ce n'est pas là ce qu'il fallait dire, mais le Soleil est un million de fois gros comme la Terre, elle peut tourner autour de lui, il ne pourrait tourner autour d'elle.
- 22*. Le Solèil est le centre du système planétaire; il répond qu'il n'est pas le centre de la Lune. Mauvaise défaite; il est le ceutre de la Lune, puisqu'il est le centre de la Terre dont elle ne peut se séparer. Dans son système, le Soleil n'est le centre que de Mercare, de Vénus et de Mars. Système ridicule; il ne peut empléber que la simplicité du système de Coperuie ne soit nue forte présomption en sa faveur.

25. Le Soleil est la source de la lumière et de la chaleur. Copernic et Képler sur-tont, Galilée ensuite, ont fait valoir cette raison; il se tire de là par des distinctions, et en niant que le Soleil soit la source universelle de la lumière.

24°. Il est la source du monvement. Cet argument proposé par Képler est devenn bien fort depnis Newton, Riccioli l'écarte par des subtilités.

25. Masse du Soleil et de la Terre comparées. Riccioli fait encore revenir l'importance de l'homme, comme s'il u'était pas égal pour l'homme d'être sur une planéte dont il ne sent pas le mouvement ou sur un globe immobile.

26°. Besoin et fin du mouvement. Képler avait fait valoir cet argument, en désant que la Terre est le séjour d'un être contemplatif qui a besoin de connaître. Il faut donc le faire voyager dans le monde pour qu'il puisse le mesurer; plus ingénieux une solide.

27°. Argument tire da microcosme ou de l'homme qui est un petit univers. Argument ridicule. 28°. Proportion entre les orbes emboltés les uns dans les sutres.

Grande probabilité à laquelle Riccioli fait cette réponse ridicule, que le Soleil n'aurait qu'un petit ciel, tandis que les planètes en auraieut de plus grands.

29°. Distinction des cieux. Snite du précédent; l'auteur multiplie des réponses dont il sent la faiblesse.

50r. Intervalles et mombre des planètes. Baveries de Répler.
51r. Le mouvement de la Terre supprime les épicycles des planètes
supérieures. C'est ici ou jamais, dit Riccioli, que peavent triompher
Les Copernicieures, ets evanter d'avoir batte on bréche et renversé le fort
de Ptolémée. Pour répondre, il appelle a son accours Tycho et l'Écriture-sainte : invoueur de tels aides, c'est avoure a définie.

55*. Imperfections et irrégularité des mouvemens celestes, s'ils sont en étie ce qu'il paraissent. Les rérogradations gèmen Riccioli ; il dit pourtant qu'elles se calculent dans toutes les hypothèses. La secte copernicienne est troy délicate. Il récorque l'argument pour les différens soints de la sorrâce de la Terre. On ne peut réduire un dialecticien an illence; à défaut de raisons, il vous pais exer cles mots.

55°. Autres circonstances qui s'expliquent plus naturellement dans le système de Copernic. Elles s'expliquent aussi bien dans le système de Tycho. Si Ptolémée a mal placé Vénus et Mercure, cette erreur a été corrigée après la découverte des Junettes. On peut dire à Riccioli que

pas.

les lois de Képler, la gravitation, le pendule et l'aberratiou, ont forcé de corriger le reste, en sorte qu'il n'en subsiste plus rien, et que le triomphe de Copernie est complet.

- 54°. Latitude des planètes et leurs inclinaisons. Excellent argument, pitoyables réponses.
- 55c. Le mouvement de la Terre supprime l'équant. Riccioli n'est pas plus heureux.
 - 56°. Diamètres, mouvemens et distances des fixes. Rien de certain de part ni d'autre.
- 37°. Såtellites de Jupiter. On ne savait pas encore qu'ils suivissent les lois de Képler.
- 38°. Variation et libration de la Lune. Ne prouve rien sads la loi afors inconnue de la pesanteur.
 - 50°. Nouvelles étoiles. Ni pour ni contre.
- 40°. Trajectoires des comètes; on ignorait qu'elles eussent le Soleil à leur foyer.
 - 41°. Chaogement de la méridienne. Chimère.
 - 42e. Changement de la hauteur du pôle. Autre erreur.
- 45. Taches du Soleil. Galife avait dit que les phenomènes des taches expliquaient par le mouvement de la Terre et la rotation du Soleil autour de son axe. Tout cela est rrai; il ajoutait que si l'on faisait mouvoir de Soleil, il faliait donner à son axe un mouvement conique, et en cal il avait tor; il suffissi que l'axe conservat son parallelisme. Galife tombe ici dans l'erreur de Copernie. Galife oublie ici ce qu'il a di darrèt Képler, que ce mouvement précindu ex un rrpor. Riccioli adopte la même erreur; il confesse que le mouvement du Soleil rend inesplicables quelques phénomènes des taches; il est ici trop complaisant crop mal informé. Il oppose à cela que le mouvement de la Terre entraine bien d'autres inconvéniens; qu'il les prouve done. Argument mal posé, plus mal réfuté.
 - 44". Vents constans dans la zone torride.
 - 47. Filons et veines dans les mines.
 - 46°. Lame de fer qui se dirigerait au pôle, si elle était suspendue.
 - 47°. Le mouvement est nécessaire à la Terre pour qu'elle ne pourrisse
- Tous ces argumens sont ou faux ou incertains et tout-à-fait insignifians. Je ne me sonvenais pas du dernier, j'ignore quel en est l'auteur.
 - 48°. Flux et reflux. Le jésuite Causinus a dit que les marées sont le

tombeau de la curiosité humaine. Il réfute Galilée, c'était une peine assoz inutile. Il donne en passant l'idée de Baliani, patricien génois qui, pour expliquer les marées, place le Soleil au centre du monde, et fait tourner la Terre autour de la Lune.

49°. Chute des graves. Malgré l'envire qu'il a de trouver Galilée en défaut, il est obligé d'admettre sa loi principale aur l'accelération. Il chicames injustement que d'autres points. Si Galilée n'a pas tonjours raison, Riccioli se trompe encore plus souvent; mais rien, de tout cela ne décide la question.

Riccioli croit avoir réfuté toutes les preuves qu'on peut apporter en faveur de Copernic ; il va prouver directement que la Terre est immobile.

50°. Ses premières objections contre le monvement de la Terre se tirent de la chute des graves; il y porte les mêmes erreurs que ci-dessus. Ces loix sont les mêmes dans les deux hypothèses.

51°. Il rappelle les objections de Ptolémée sur les oiseaux, sur les nuages, etc.

52°. Il répugne que la Terre ait deux monvemens; conviennent-ils mieux an Soleil?

55°. Il ne faut pas multiplier les mouvemens sans nécessité; c'est ce que dit Copernic avec plus de justesse.

54°. Le mouvement détruit des mouvemens qui paraissent pour en substituer d'autres qui sont invisibles, et bien qu'importe?

55°. La Terre est de tous les corps le plus grave; qu'en sait-il et quelle raison pourrait-il en donner?

56°. Tassonus et Mastrius vazient fait ce singulier argument, que si fron observe une étoile du fond d'un paits, elle devrait disparatre en v^{eg} car il n'en fant pas tant pour que la Terre avance de la largeur du puits. Riccioli a la bonne foi de ne pas se prévaloir de cet argument. Ce n'est pas la largeur du puits, mais le rapport de la largeur 2 la profondeur qui mestre le champ da paits comme celui d'une lunette.

59°. L'éclipse de Soleil, à la mort de J.-C., fut totale pendant trois leures, [l'éxangle le dit; si la Terre tournait, elle aursit duré beaucoup moins. On ne conçoit pas trop le raisonnement de Riccioli, qui dit que le Lune a été trée miracaleusement de sa place, et mise pendant trois heures au-devant du Soleil; que fait à cels le mouvement de la Terre ou celui du Soleil.

Nons passons une multitude d'argumens ou ridicules ou insignifians, pour transcrire les conclusions de Riccioli. Si l'on ne considère que les phénomènes célestes, ils s'expliquent également dans les deux hypothèses, et cela était vrai du tems de Riccioli.

Si l'on considère les expériences physiques, elles s'expliquent dans les deux eystèmes, à l'exception de la percussion et de la vitesse des corps lancés au nord ou au sud, à l'orient ou à l'occident, l'évidence physique est toute pour l'immobilité.

On pourrait pencher indifféremment pour l'une ou l'autre hypoblèse; sans le témogjange de l'Érciture qui tranche la question; d'oil los peut conclure que si Riccioli n'est pas copernicien, c'est qu'il est jésuite. Il dit ensuite qu'on a bien d'autres motifs que l'Érciture pour rejeter ce système, ce qui ne s'accorde pas trop avec la permission qu'il donne de pencher indifféremment pour l'un ou pour l'autre, à moins qu'il ne juget lui-même ces raisons mauvaises.

Il rapporte et commente les passages de l'Écriture qui paraissent contraires à Copernic. Ensuite il dit que la beauté et la simplicité de l'hypollèse a tellement fasciné les yeux de ses sectateurs, qu'ils ont cherché à détourner de leur véritable sens les passages qui les génaient.

Cette longue dissertation ne pronve donc rien; la question n'était pas mure. Les réflexions de Copernic, de Képler et de Galilée suffisaient pour qu'on fut copernicien de bonne foi, de persuasion et d'inclination; on voyoit une foule de probabilités; les adversaires mêmes conviennent que ponr les tables astronomiques l'hypothèse est plus commode, et ils la permettent en ce sens. Galilée, par ses découvertes, a levé quelques difficultés; les phases de Vénus et la mesure plus exacte des diamètres. la rotation du Soleil, les satellites de Jupiter, ont augmenté des prohabilités déjà si fortes. Les lois de Képler ont ajouté à la beanté et à la simplicité du système. Newton en montrant que les lois de Képler sont des corollaires mathématiques du principe de la pesantenr universelle, a lié plus intimement encore toutes les parties du système; il a pronvé l'impossibilité physique du mouvement du Soleil autour de la Terre ; l'expérience de Richer prouve le mouvement diurne; l'aberration découverte par Bradley démontre le mouvement annuel. La question est irrevocablement décidée. Toutes les objections, assez futiles d'ailleurs, disparaissent devaut des preuves si positives et si bien liées. Les théologiens sensés scront les premiers aujourd'hui à demander qu'on interprète l'Ecriture comme le proposaient Képler, Galilée et Foscarini, Riccioli avone que les inquisiteurs n'ont prononcé sur le sens des passages de l'Ecriture que d'après le témoignage des astronomes d'alors ... qui ne voyaieut ancone démonstration valable du mouvement de la Terre. Enfin, quand on compare les éloges que Riccioli doune à l'hypothèse qu'il combat, à la foiblesse des raisons qu'il lui oppose, on croit voir un avocat chargé malgré lui de plaider une cause qu'il sait unavaise, qui n'apporte que des argumens pitoyables, parce qu'il n'y en a pas d'autres, et qui sait lui-même que sa cause est perdue. Passons aux contemporains de Galilée, et principalement à ceux contre lesquels il a écrit, et commençona par Scheiner.

Scheiner.

Nons avons suffisamment fait counaître son Apelles post Tabulum latens, ou ses Leitres à Velser sur les taches solaires, en 1611, et sa Dissertation sur ces mêmes taches, imprimée eu 1612, sous le titre:

De Maculis in Sole animadversis et tanquam ab Apelle in Tabulá spectandum in publicá luce expositis Batavi dissertatiuncula. Ex officiná Raphalengii,

Nous n'en extrairons que quelques phrases dont Galilée n'a pas, en cocasion de parler. Scheiner se demande si le Soleil aurait ses montagnes et tes vallées comme la Lune et la Terre ; il indique un moyen pour observer impunement le Soleil; il cousiste dans l'interposition d'un verre un peu épais et de couleur verte ou d'azur. C'est le moyen employé pas les marins bataves quand ils prennent hauteur. Ce moyen avait été indique par Ajann, dans son Astronomicum; le devair-il aux Balaves? Scheiner ne dit pas depais quel tems cette praisque s'était introduite dans la Marine. Il est possible q'u' Ajau eu ait eu quelque connaissance, car nous avons remarqué que la manière dont il eu parle nous laisse dans le donte s'il eu a fait usage lui-même.

Il pense que les taches ne sont pas adhérentes au Soleil, quoique

l'opinion contraire soit assez spécieuse.

Il n'est pas floigné de croire que les planètes pourraient avoir une lumière et une couleur qui leur serait proper. Il ne nie ni n'affirme le mouvement de Vénus et de Mercure autour du Soleil; il n'ose pas nier la rotation du Soleil autour de son axe, vi le mouvement de la Terro autour du Soleil. Cependant, le Dictionnaire historique (Caen, 1795, article Galile) dit expressement, j'ignore d'après quelle autorité, que Schenier, j'ésuite allemand, jaloux de Lastronne floventin, à qui il avait vainement dispute la décenverte des taches du Soleil, se vengea de son rival en décférent à l'Inquisition de Rome, en 165, Nous avons bier quelques

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

raisons de douter de la bonne foi du jésuite; mais il faudrait des preuves plus claires pour lui imputer la làcheté de déférer son rival à l'autorité, pour une opinion qu'il n'ose pas rejeter lui-même.

Nons avons du même auteur un autre onvrage intitulé :

Refractiones celestes, sive Solis elliptici phaemomeno illustratum, in quo varia etupue antique attenomorum circa hum materiam difficultates enodantur, dubia multiplicia tobuntur, via ad multa recondita eruenda sternitur. Ingolistadii, 1617. L'onvrage commence par un grand nombue de lemmes et de propositions qui n'offrent rien de nouveau. Cest au XXIII chapitre qu'il est enfin question de la contraction du diamètre solaire, qui ne pent être parâtiement rond qu'au sénit; à Phorizon, il est sensiblemant elliptique; les réfractions élèvent les astres et alongent la durée du jou

Il donne quelques observations du Soleil défiguré; il décrit l'instrument dont il s'est servi pour observer les phénomènes. C'est un carton qui reçoit l'image du Soleil transmise par une lanette portée sur un support assez grossier. Cet instrument lui a servi depuis ponr les taches du Soleil.

Il rapporte une éclipse totale de Lune, observée à l'horizon par un effet de la réfraction.

Il indique plusieurs moyens pour déterminer la réfraction, mais aucen de ces moyens ne promet la moindre précision; il ne rapporte aucene observation réelle qu'il ait teutée dans cette vue; il ne donne que des idées vagues et qui ne sont pas trop exactes, pour trouver la réfraction par l'ellipitéité observée du disque solaire : moyen fort imparfait, qui n'en a pas moins été reproduit de nos jons.

Scheiner est encore l'auteur d'un énorme volume sur les taches du Soleil: le titre est:

Rosa Ursina, siw Sol ex adminado facularum et macularum suarum phenomeno varius, nec non, circa centrum suum et axem fixum ab occasu in ortum anaud, circa que altum axem mobilem ab ortu in occasum conversione quasi menstrud, super polos proprios, libris quature, mobilis ostensus. A Christophoro Scheiner Germano Suevo è Societate Jesu ad Ursimum Bracciani Ducem ... Impressio cepta 1656, finita vero 1650 id. junii.

On a vu par les Lettres de Galilée, que Scheiner s'était trompé d'abord en attribuant aux taches un mouvement d'orient en occident; il est à croire que ce n'est pas sans dessein, que, pour déguiser cette erreur, il insere dans son titre, que le Soleil a un double mouvement autour de deux saes différens. Le monvement mensuel est le plus rapide et le plus sensible; l'antre n'est que le mouvement du Soleil on de la Terre dans l'écliptique. Le plus rapide décide en quel seus vont les taches; le plus leut fait qu'elles paraissent décrire des ellipses plus ou moins étroites, suivant la position relairé de la Terre et de l'axe de rotation.

Dans le premier livre, l'anteur repousse de tontes ses forces le soupcon du plagiat que lui avait reproché Galilée; il affirme toujonrs qu'il a vu les taches dès le mois d'avril 1611, mais il n'en cite aucune prenve, il ne nomme aucun témoin. En admettant qu'il dise vrai, il u'avait du moins fait aucune observation réelle; il s'était contenté de les suivre dans sa lunette; Galilée lui-même n'en avait pas fait beanconp plus, si ce n'est qu'il les avait aussi montrées à d'antres, et que ses conjectures paraissent avoir été plus heurcuses que celles de Scheiner. Averti par Velserus. que Scheiner avait continué ces observations, il les reprit lui-même, mais d'une manière passagère, au lieu que Scheiner en a fait son unique occupation pendant 18 ans. Alors il put se faire des idées plus justes, reconnaître l'inclinaison de l'équateur solaire, et donner une théorie plus complète et moins vague que celle de Galilée. Mais, en écrivant gninze ans après ses premiers essais, il confoud à dessein les époques ponr ne se montrer que sous un jour plus avantageux. Galilée, mécontent de se voir disputer sa découverte, tache de dissimuler le peu de parti qu'il en a tiré: il traite son adversaire avec un peu trop d'humeur; le jésuite rusé profite des avantages que lui om procurés quinze ans d'observations suivies : il glisse rapidement sur ses premières idées, se garde bien de reproduire ses Lettres: il n'en cite que les passages qui convicunent à son plan, et insque-là peut-être il serait excusable, mais il cesse de l'être, quand il manque au respect qu'il devait à un homme d'un génie supérieur. Son plagiat n'est pas bien démontré, ses droits à la première découverte le sont moins encore. Il aurait pu s'honorer en reconnaissant ce qu'avait fait Galilée, en se boruant à dire qu'il avait aussi vn les taches à la même énoque, et qu'il avait en plus de loisir pour les suivre assidument. La passion a égaré les deux concurrens : les titres de Galilée à la reconnaissance des savans sont d'un autre poids que cenx de Scheiner, dont l'onvrage est même assez médiocre.

Le titre, la préface et toutes ces allégories et ces allusions, au nom et aux armoiries de sou protecteur, indiquent d'abord un flatteur et ne rehaussent pas son caractère. Il est extrémement prolixe; au reste son style est clair et facile à suivre, s'il n'abusait trop souvent de la patience

· GOV

de son lecteur. Son premier livre n'est qu'un factum contre Galilée; on n'y trouve en sa faveur ancune preuve autre que celles qui pouvent résulter de ses premières lettres.

Dans le second livre, il traite des difficultés qu'offre l'observation des taches. La première vient de l'éclat du Solell; et il raconte que le premier inventeur de la lunette, par l'usage indiscret qu'il avait fait de son instrument, avait fini par devenir avengle; tel fut aussi le sort de Galilée, mais ce malheur ne lui était pas encore arrivé : il ne perdit la vue que quelques années plus tard. Scheiner ne nous dit pas le nom de cet inventeur. Nous avons vn dans les ouvrages de Metius, que son père s'était fait une lunette avec laquelle il se faisait un plaisir de regarder le ciel et de le montrer aux carieux; il ne rapporte de lui aucune observation, aucune découverte, et ne dit pas qu'il soit devenu aveugle. Cette anecdote paralt glissée à dessein d'ôter à Galilée l'invention de la lunette; et dans le fait, si le récit de Metius est vrai, Galilée ne fut pas le premier mathématicien qui se fit une lunette; il ne fut pas long-tems le seul, car voila Scheiner qui en possède une assez tôt pour disputer la découverte des taches. Simon Marius dispute de même la découverte des satellites: il avait éprouvé quelque difficulté à se procurer une lunette batave : elles étaient rares en Allemagne, elles l'étaient moins sans donte en Hollande, et ancun de ceux qui les construisirent n'eut d'obligation à Galilée qui n'a rien écrit.

Le moyen des pilotes bollandais pour obseruer le Soleil sans danger, rétait ici d'aucun usage; il fallai recevoir l'image sur un carton pour la dessiner exactement. Galilée en avait indiqué le moyen; Scheiner le décrit avec plus de détail. Nous tâcherons de fixer l'époque précise où il en fut en pleine possession.

Sa luneite est placée sur na support qu'on incline selon la hautenr da Solcil et qui porte un carton prependiculaire à l'ave optique. L'objectif de la luneite est bi-coavexe et l'oculaire hi-concave; une espèce d'astrobabe donne l'heure par la hautenr de Solcil. Les observations les plus stres so feraient à midi, parce que la hautenr du Solcii varie peu; mais le Solcil est quelquefocis si haut, qu'on éprouve de la difficulté à l'observer dans la chambre; en pelein air on distingue moins bien les taches; il convient même d'obserueri: la chambre. Trop près de l'horizon le Solcil serait elliptique, il fant saivre le mouvement diurne. Il est uille que le carton qui reçoit l'image paisse se mouvoir autour de son propre centre ; un fil-h-plomb, par son ombre, indiquera le vertical da Solcil, on peut déterminer l'angle de l'écliptique avec ce vertical et tourner le carton selon les variations de cet angle.

Le premier exemple de ces observations est de 1625.

On peut chercher à quel instant de la journée le Soleil sera au nonagésime, et alors le vertical sera un cercle de latitude, et le mouvement des taches autour du centre sera peu de chose.

Il détermine les plus graudes valeurs que peut avoir l'amplitude du nonagésime par la formule

sin plus grande amplitude =
$$\frac{\sin \text{ obliquit\'e}}{\cos \text{ haut. du pole}^2}$$

sin angle hor, du nonagésime = $\tan g \omega \tan g H$.

On aura ainsi les limites de l'azimut et du tems.

En effet, soit C le point solsticial du Cancer à l'horizon (fig. 89);

$$\Upsilon C = 90^{\circ}$$
, $BC = B\Upsilon C = \omega$, $\sin \omega = \sin E \sin EC$,
et $\sin EC = \frac{\sin \sigma}{\sin E} = \frac{\sin \sigma}{\cos H}$,

EC = 90° - EN = ME - EN = MN, sin EB tang E = tang BC, sin EB = tang BC cot E = tang \omega tang H = sin differ. ascensionnelle la plus grande,

l'angle horaire changeraient de signe; EC serait sur EM et le uouagésime serait à l'occident du méridien; parce que dans ce cas, l'écliptique étant sous l'équateur, siu œ et tang œ changent de signe.

Ces expressions, qui ne sont pas neuves, ne sont hounes que pour les

Ces expressions, qui ne sont pas neuves, ne sont bonnes que pour les limites en général.

. Le triangle YEC (fig. 90) doune

$$\sin E : \sin \gamma :: \sin \gamma G : \sin EC = \sin MN = \frac{\sin \gamma \cdot \sin \gamma C}{\sin E} = \frac{\sin \rho \cdot \sin (O + 90^{\circ})}{\cos H}$$

Supposez ⊙ = 0 et ⊙ = 180°, vous aurez sinMN = ±
$$\frac{\sin s}{\cos \Pi}$$
.

On aura donc chaque jour l'azimnt MN du nonagésime; on y placera l'instrument, et l'on observera le Soleil quand il arrivera près du uonagésime. Il n'est nul besoin de l'angle boraire ZPn; en tout cas le triangle

Lights thy Lange

et

ZPn donne

$$\begin{aligned} \sin P\pi : \sin PZ\pi :: \sin Z\pi : \sin ZP\pi = \frac{\sin PZ\pi : \sin Z\pi}{\sin P\pi} = \frac{\sin MN}{\cos D} \cos \text{hat. nonag.} \\ \sin \text{nagle horaire} &= \frac{\sin \omega : \sin (\bigcirc + g \circ^{\Delta}) \cos \pi}{\cos H \cos D}. \end{aligned}$$

La table du nonagésime donne h pour chaque valent de $\gamma n = \odot$. On pourrait mettre pour $\cos h$ sa valeur analytique; mais l'expression se compliquerait.

Le triangle ΥBC donne cot ΥCB = tang ω cos (⊙ + qo*).

Le triangle ECB donne cotECB = cotH cosEC = cotH cosMN.

D'où TCE=hant. nonag.=TCB-ECB, qui deviendrait=TCB+ECB, si le nonagésime était à l'occident.

On pouvait se faire not table dépendante de la longitude da Soleil, où l'on aurait trouvé pour charqe jour l'aziment MN et l'angle horaire, où n'aurait eu ancan besoin d'y mettre la banteur du monagesime; mais cette houteur était uillo parce qu'elle est cetle la Soleil et celle à lapqelle il fallait élever l'instrument; en tont cas le problème se réduisait aux formules suivantes.

$$\sin az. = \sin z = \left(\frac{\sin \alpha}{\cos H}\right) \sin(\odot + 90^{\circ}), \quad \cot A = \tan g \alpha \cos(\odot + 90^{\circ}),$$

$$\cot B = \cot H \cos z, \quad h = A \Rightarrow B, \quad \sin P = \frac{\sin z \cos h}{\cos D}.$$

Le triangle Pan donne encore

$$\begin{aligned} -\cot z &= \frac{\tan Q}{\sin T} \cdot -\sin H \cot P \\ &= \sin H \cot P - \cot \sin P = \tan Q \cot H + \sin H \cot P; \\ &= \sin H \cot P + \cot \sin P = -\tan Q \cot H; \\ &= \cos P + \frac{\cot Z}{\sin T} \sin P = -\frac{\tan Q \cot H}{\sin H} = -\tan Q \cot H; \\ &= \cot P + \tan Q \sin P = \frac{\cot P \cot Q + \sin Q \sin P}{\cot Q} = -\tan Q \cot H; \end{aligned}$$

$$\cos(\phi - P) = - \tan g D \cot H \cos \phi, \quad \phi - (\phi - P) = P.$$

Au lieu de ces différentes formules, Scheiner calcule le triangle entre les trois pòles, mais ponr le cas seulement où l'nn des points solstitiaux est à l'horizon.

Il donne ensuite les règles qui doivent assurer la bonté de l'observation,

et les moyens pour trouver l'écliptique sur la figure d'après l'angle qu'elle fisit avec le verticei; il expose plusieurs moyens pour trouver cet angle. Jen si donné la formule générale dans mon Astronomies, et plusieurs autres dans mon Astronomies Gress. L'auteur y emploie le globle, planslemme, l'astrolable. Nous surious dix fois moins de peine avec la formule générale.

Tons les exemples dounés par Scheiner sont de 1625; rien ne prouve donc qu'il fut en possession de ces méthodes antérieurement à l'écrit de

Galilée.

Dans le livre III ou voit des observations de 1618, 21, 22, 25, 25, 24, 25, 26 et 27; elles sont faites à Rome, ou envoyées d'ailleurs par quéques-uns de ces élèves à qui il dit avoir, en 1612 et anuées soivantes, enceigné à tracer le vertical el l'écliptique, quelque-unes vinemet l'apgolatel, où il dit qu'il a laissé ses anciennes observations qu'il n'a passe osé faire venir pendant la guerre. L'excuse pouvait étre valable en tous autre occasson; mais dans cette circonstance où il voulait s'assurer de la priorité, il falsit produire des observations propres à la démontre. Si craignait qu'elles se perdissent, il pouvait en faire venir des copies; il cassificat de rapporter deux ou trois observations de 1612. Il y a grada apparence qu'il n'a sait rieu laissé à Ingolatadt, et qu'il n'a sait que ce qu'il publie.

A la page 206 on voit le retour d'une tache.

A la page 215 on voit que le tems de la rotation est de 26 à 27 jours.

A la page 242 une facule se change cu tache, elle est presque roude et se voit pendant onze jours.

Après deux cents pages d'observations qui n'offrent rien de remarquable, il décrit une machine parallactique, construite par le jésuite Griemberger, pour l'observation des taches. La machine parallactique est décrite daus la Syntaxe de Piolémée et dans la Mécanique de Tycho ; il n'y a de plus à celle de Griemberger que le carton qui reçoit l'image du . Soleil et la lunette qui remplace l'alidade.

Il donne ensuite le moyen de trouver par l'analémme l'angle de l'écipique avec le cercle de décinaison, il donne même la construction d'un instrument ponr trouver cet angle. Ce même instrument donne les décilnaisons des points de l'écliptique. Les démonstrations sont extrêmement détaillées, elles tiennent 50 pages, après quot viennent les suites

Dans le quatrième livre il entreprend la théorie du mouvement des



taches, et tout en disant qu'il veut être bref, il noie tout dans un déluge de mots et de propositions inutiles.

Il établit que ces taches n'ont pas de parallage sensible; d'où il conclut qu'elles sont plus éloignées de la Terre que Vénus et Mercure. La chose est vraie, mais il est bien douteux que ses observations aient pu lui en donner la preuve.

Les teches, par leur mouvement géocentrique, paraissent aller d'orient en occident, comme les planètes inférieures en conjonction. Il avait dit le contraire anciennement.

Aucune tache n'est visible hors du Soleil; elles sont donc à la surface du Soleil? (On dirait du même, Mercune et Vfenna Seriement nivisbles quand ils sont hors du Soleil; donc, ils sont adhérens au Soleil). Donc, le Soleil tourne sur lui-même; car les taches ont le même mouvement que les facules, et celles-ci appartiement évidemment au Soleil. C'est ce qu'avait dit Galifiée dans son histoire des taches. Scheiner, être ce passage pour y ajouter des notes qui ne paraissent pas de honne foi.

On n'a vu aucuue tache stationnaire ni rétrograde; elles ne sortent guère d'une zone bornée; toutes les routes des taches sont semblables dans les mêmes circonstances.

Les taches qui se meuvent sur les memes parallèles, ont des routes qui paraissent semblables et de même durée; à six mois de distance les routes sont les mêmes, mais reuversées.

Les routes sont rectilignes à la fin de novembre et au commencement de décembre, à la fin de mai et au commencement de juin.

La sphère dans laquelle tourne les taches, n'est pas plus grande que le Soleil, et lui est concentrique.

Le mouvement des taches est uniforme, malgré les petites irrégularités de leur mouvement apparent vers les bords du disque.

Il croit voir des traces de parallaxe, mais la parallaxe relative est insensible. Cette dernière proposition est certaine; on ne voit pas trop ce qui a pu lui indiquer quelque parallaxe.

La réfraction, qui déforme si visiblement le Soleil, doit déplacer la tache sessiblement. Placer l'image du Soleil sur un carton, et rennarques la place d'ane theshe : le mouvement diuren ne permettre pas à l'image de rester immobile; si la tache est au centre elle suivra une ligne droite; si elle est loin du centre elle décrira une ligne oblique; sinsi, la réfraction opérée par les verres de la lunctut déplace un peu la tache. Cette inégalité de réfraction se manifeste encore par le changement, dans la distance des taches entre elles.

Les experiences, qu'il multiplie pour prouver sou assertion, ne seraieut anjourd'hui d'aucune utilité; ou u'aurait plus aucune coufiance dans les moyens qu'il emploie.

L'augmentation et la diminution des taches n'est pas puremeut optique, elle est réelle en partie; leur teinte varte comme leur figure; quelques-uues out le noyan plus noir que les bords. On voit ensuite de longues dissertations sur la nature et la formation des facules et des taches.

A la page 546 on voit les recherches de diverses taches.

Use tache vue en mars 1625, a été revue le mois suivant; une antre vue en mai, est revenue en juin; une troisième vue en juin, est revenue en juillet, une quatrième vue en juillet, est revenue en août; il en conclut une révolution (spaodique) de 36 à 27 jours.

Seconde partie du livre IV. Théorie un peu meilleure que celle du censeur d'Apelle.

Le pôle de rotation décrit un petit cercle autour du pôle fixe; la distance de ces pôlei est de 6 à 8°; jamais an-dessus si au-dessous. Il suppose 7°, aous trouvous aujourd'hai 7° ao; la Feviolitoin du pôle est d'an au; il partage l'erreur de Copernic sur le mouvement conique de l'ace; Galilec, qui l'e nefin rejetée pour la Terre, paraît l'avoir conservée pour le Soleil; les pôles sont sur les bords du disque, le 1º décembre environ, dans la région occidentale de l'horison austral. Il se trompe d'environ di s' jours.

La révolution des taches va de 25 à 28 jours. On voit par ses limites combieu les observations sont grossières. Il appelle zone royale celle audelà de laquelle on ne voit plus de taches; il l'assimile à la zone torride de la Terre, mais elle est de 60° an lien de 47°.

Il rapporte ensuite de mauyaises observations du diamètre du Soleil. Quelques taches sont grandes comme l'Europe, d'autres comme l'Asie, d'antres comme la Terre entière.

Page 601. Il paralt n'avoir aucune idée de la révolution propre ou du tems réel de la rotation, mais sculement de la révolution apparente et synodique.

Il croit le diamètre, déterminé par Tycho, beauconp trop petit. Il explique, par une quantité extraordinaire de taches, l'éclipse mira-

culeuse de la mort de J.-G.

Ou ne voit dans le reste de l'ouvrage que des dissertations vagues et

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

82

insignifiantes sur la coulenr du Soleil. Point de théorie véritable de la rotation. Il n'a déterminé l'inclinaison, le nœud et la durée, que par les tems où la route est'rectiligne. Il est peu d'ouvrages aussi difins et aussi vides de choses. Il est de 764 pages, il n'y a pas matière pour 50.

Tarde.

Borbonia sidera, id est planetæ qui Solis lumina circum volitant motu proprio et regulari falso hactenus ab helioscopis maculæ Solis nuncupati ex novis observationibus Joannis Tarde, canonici theologi eccl. cathed. Sarlati. Paris. 1620.

Tarde commence par parler de la lunette batave, qu'il ne croit pas due anhazed. L'inventeur l'avait faite à husage de la geurre, pour reconsaitre de loin les ennemis, leurs forces et leurs mouvemens. Les Italiens et les Allemands, qu'invaient plas de loisir, les appliquerent la contemplation des astres. Il leur sait mauvais gré d'avoir mis des taches sur le Soleil, comme si l'otil du monde avait des ophialmes. Il prie ses lecteurs de suspendre leur jugement jusqu'à ce qu'ils se soient monis d'une bonne lamette, alors ils verront que les taches prétendues sout des planètes.

Ponr observer le Soleil il interpose un verre un pen épais, vert on bleu, entre l'œil et l'oculaire; mais ponr observer les taches il en reçoit l'image sur un carton, dans une chambre obscure.

Il n'est point de l'avis de Galilée sur les taches, mais il s'en rapporte à Galilée mieux instruit par une plus longue série d'observations; il souhaîte qu'on puisse découvrir une tache permanente, elle nons mettrait en état de décider si le Soleil tourne on si c'est la Terre. On voit que le bon chanoine ne croit pas la chose décidée par l'Écriture sainte. Voici son raisonnement : Si le Soleil nous montrait toujours la même face, on verrait alors que c'est lui qui tourne autour de la Terre, comme la Lune; mais si par le mouvement annuel nous découveions successivement toutes les parties du Soleil, ce scrait une marque que la Terre tourne autour de lui en un an (ou qu'il aurait une rotation dont la durée serait nn an). Tarde a vu jusqu'à trente taches à la fois sur le Soleil ; il en fait des plauètes fort voisines de cet astre. En cherchant à réfuter Galilée, l'auteur dit, page 17, qu'on n'a pu encore trouver aucune loi, aucune proportion entre les mouvemens des planètes. On voit qu'il n'avait pas lu Képler. Il dit, page 19, que tous les corps ont une propension naturelle an mouvement, comme l'aimant vers le fer, les graves vers la Terre, la flamme vers le ciel. Il

évite de prononcer entre Copernic et Ptolémée. Jupiter a quatre satellites, il était juste que le Soleil eut une garde plus nombreuse.

Si la Luño avait le poli spéculaire, elle ne nons éclairerait pas. Les parties brillantes de la Lune ne sont pas des iners, car ces mers auraient la surface polic et ur efflectimient pas la lumière. Képler a fait une expérience qui prouve le contraire. La Terre est plus brillante que la Lune. Receves, dans une chambre obscure, l'image du Soleil su un corps composé tel que la Terre, ce composé vous réfléchira une lumière à laquelle vous lirez plus facilement que vous ne feriex à celle de la Lune. Il a est taches dérrir (supjours des lignes droites parallèles à l'écliptique.

Il croit le Soleil besucoup plus éloigné de la Terre que ne le supposent les astronomes; il penche ouvertement pour le système de Copernic; il e rappelle l'intolérance des péripatéticieus, qui accassient d'impiéte ceux qui fissalent mouvoir la Terre.

Ensia, il expose les principes optiques de la construction de la lanette. Il ne peut croire que la découverte de la lutette soit un effet da basard; elle est due bien platôt à la réflexion et à l'art; il propose quelques conjectures, mais rien de plus.

Ce traité, qui u'est pas fort instructif, a été traduit en français par l'auteur lui-même et publié par le même libraire. Paris, 1622.

Malapertius.

Austriaca sidera heliocyclica astronomicis hypothesibus illigata, opera R. P. Caroli Malapertii, Belgæ Montensis è Societate Jesu. 1653.

Le privilége et l'approbation sont de 1628. Voilà un Belge qui écrit à son tonr sur les taches du Soleil et les nomme astres autrichiens, comme Tarde les avait nommées astres de Bourbon.

Dans son avant-propos, il nons apprend que Vendelinus faisait le Soleil trois fois plus grand que ne le faisait Ptolémée, et par conséquent 496 fois plus grand que la Terre. Pour lui, il est tout disposé à le faire encore plus grand. Il prouve que l'observation d'Aimoin, discutée déjà par Képler, ne pouvait être celle d'un passage de Mercure, mais bien d'une tache du Soleil.

Ses méthodes d'observation ressemblent à celles de Scheiner, à qui berger, il emploie une espèce de torquetme qui fait le même effet. Il se sert de même du fil à plomb, pone marquer le vertical du Soleil. Il détermine aussi l'augle de l'écipitque avec le vertical du Soleil. Pour trouver l'angle de l'écliptique avec le méridien, il emploie une opération graphique que je n'ai vue encore nulle part, au moins qu'il me souvienne; elle est assez simple, on peut la modifier de manière à simplifier encore la démonstration.

Soi le demi-cercle EBF (fig. 01), le rayon AB perpendiculaire à EF; peness BC=¬BD====25°; menes la corde CD du centre G et de rayon GC=GD; décrives le petit cercle DMCl; soit l'arc ΥM=DM la longitude du Soleli, la perpendiculaire MK sera = sin DM = sin O ou sin a sin O==sin D; KG sera sin α cos O, AG=cosα. Menes AK, vous

aurez tang KAG $=\frac{KG}{\cos }=\frac{\sin \cos \odot \odot}{\cos }=\tan g$ or cos \odot $=\cot KAE=\cot angle$ cherché. C'est en este la formule que donne la Trigonométrie sphérique. Ainsi la même construction donne le sinus de déclinaison KM et l'angle

KAF de l'écliptique avec le méridien. On voit que cet angle est obtus, parce que DM > 90°, et que son cosinus est négatif. Pour la déclinaison, prenes Am = Gn = MK, menea mnr, et Br sera la déclinaison.

Si l'on demandait l'angle tout seul, au lieu de la corde DC = 2 sin \(\text{\text{\text{o}}} \)

on mènerait au point B la perpendiculaire = 2 tang \(\pi \), le point \(\tau \) serait sur cette l'ungente et sur le prolongement de AD. Du point \(M \), on abaisserait la perpendiculaire sur tang \(\pi \), et l'on aurait tang \(\pi \) cos D, et du pied de la perpendiculaire, on conduirait une droite au point \(A \) et l'on

aurait le même angle FAK.

Quant à l'angle OST du vertical ZT avec l'écliptique TO (fig. 92), il le trouve par l'astrolabe.

Soit TQ = M = ascension droite du milieu du ciel, TS = S = longiude du Soleil. J'ai démontré (Astron., cb. XVIII, p. 48 et 49) qu'on . a toujours, en nommant H la hauteur du pôle

cot OST =
$$\frac{\cos M \sin S - \cos u \sin M \cos S - \sin u \tan g H \cos S}{\cos u \tan g H - \sin u \sin M}$$

cosZS=siuST=cosMcosHcosS+cos@cosHsinSsinM+sin@sinHsinS;

l'angle OTS est toujours opposé à l'arc de l'horison OT, différence d'azinut entre le point orient de l'écliptique et celui qui marque l'azimut du Soleil.

L'auteur recommande d'observer toujours aux environs du premier vertical, ce qui n'est possible que dans l'été et offre d'ailleurs l'inconvénient des réfractions. La raison est que l'angle OST variera peu d'un jour à l'autre. En effet, su premier vertical l'angle sera OAE. Or,

-cosOAE=+cos TAE=cos TE sin Tsin TEA -cos Teos TEA =cos(90°+M) sin asin H -cos a cos H =-sin Msin a sin H - cos a cos H:

aiusi

cos OAE = sin wsin H sin M + cos w cos H, -d(OAE) sin OAE = dM cos M sin w sin H,

d(OAE) = dM sin s sin H cos M = dM sin s sin H cos YQ sin YAE dM sin s sin H cos YE - 90) d dM sin s sin H sin YE

 $=dM\sin \omega \sin \gamma A = dM\sin \omega \sin \odot = dM\sin D;$

ainsi vers le solstice d'été cet angle variers très peu d'un jour à l'antre. L'anteur donne ensuite les routes de vingi-six behes, observées toutes au moins trois fois depuis l'an 1616 juqu'à l'an 1626; eu softe qu'ou en pourrait déduire vingt-six fois les eléments de la rotation, si de pareilles observations pournique mérit en quelque confiance. On pourrait y appliquet la méthode graphique du P. Boccovich, Quant à l'austeur qui soutient que les taches sout des planétes, ou sont bieu qu'il ue fait trêu de semblable et même rien du tout pour la théorie. Voillé donc tout ce que j'ai trouvé à extraire dass son ouvrage.

Simon Marius.

Nous avous déjà parlé de cet auteur et de ses démèlés avec Galilée, à l'occasion des satellites de Jupiter. Nous avons extrait les plaintes de Galilée, il est juste d'analyser aussi la défense et les titres de son adversaire.

Simon Marius (en allemand Mayer) était né à Contrenhausen en Franconie, l'an 1570; il commença à se faire connaltre comme massicies, et gagna ainsi les bounes grâces de George Frédérie, marquis d'Auspach, sus frais dequel il demeura quelque tems auprès de Tycho, pom s'exercer aux observatious satronomiques. Il demeura 'essuipe pendant trois ans, soit à Padoue, soit à Veniee, pour étudier la Médeine. A son retour il fut nommé matématicien du marquis de Brindebourg, et composa des calendriers. En 1605, pendant la foire d'antomme de Francfort-sur-le-Meis, Jéras-Philippe Fuchs de Bieubach, général célèbre, amateur de Mathématiques, appirit d'un belge qui était pour le moment

à la foire, qu'on avait imaginé un instrument qui grossissait et rapprochait les objets. Il vonlut se procurer une de ces lunettes; le belge y mettant un trop haut prix, le marché ne fut pas conclu. Mais de retour à Onolzbach Fuchs en parla à Marius, et lui dit que l'instrument avait deux verres, l'un concave et l'antre convexe, dont il lui dessina même la figure. Marins ayant donc assemblé des verres de cette forme, s'assura iusqu'à un certain point de la possibilité de ce qu'on racontait, mais son oculaire était trop convexe; il en demanda un autre aux opticiens de Nuremberg qui, faute d'instrumens, ne purent lui fournir ce qu'il désirait. L'été snivant (1600), Fuchs recut de la Belgique une lunette assez bonne, dont il se servit dès-lors avec Marius, pour examiner le ciel. Cette année 1600 est précisément celle où nous avons vu que Galilée avait, pour la première fois, entendu parler de la lunette belge; on ne nous a pas dit le mois; nons voyons ici que Fuchs recut la sienne en été. On ponrrait croire que des l'an 1608 on en vendait à la foire de Francfort, mais en pelit nombre probablement, puisque le prix en dégoûte le général, grand amateur des Mathématiques.

Vers la fin de novembre 1600, Marius considérant les astres à son ordinaire, aperçut pour la première fois auprès de Jupiter acronyque, de petites étoiles qui tantôt précédaient la planète et tantôt la suivaient. Il les prit d'abord pour des étoiles télescopiques telles qu'il en avait vues dans la voie lactée, dans les Hyades, les Pléiades et dans Orion. Mais Jupiter était rétrograde, et ces étoiles ne s'en séparaient pas; Marius les ayant suivies pendant le mois de décembre, en vint à croire que ces étoiles étaient de petites planètes qui circulaient autour de Jupiter, comme les planètes connues circulent autour du Soleil. Il commença donc à écrire ses observations, le 29 décembre 1609 vieux style (ou le 8 janvier 1610 nouveau style). Trois de ces étoiles étaient alors en ligne droite à l'occident de Jupiter. Il faut se souvenir que cette première observation de Marius est la seconde de cellea de Galilée. Le hasard serait singulier, mais il n'est pas absolument impossible. Alors Fuchs recut de Venise deux verres bien polis, l'un convexe et l'autre concave, travaillés par J. B. Lenccins, nonvellement revenu de Belgique où il avait vu de ces lunettes. Ces verres étaient placéa dans un tube de bois. Fuchs confia cet instrument à Marins , ponr qu'il continuat d'observer Jupiter. Marius s'en servit assidument jusqu'au (24) janvier 1610; il reconnut que les satellites étaient an nombre quatre : vers la fin de février et le commencement de mars (c'est-à-dire vers le 10 mars), il ne lui resta plus aucun doute sur ce nombre.

Du 15 janvier an 8 février, Marius fat en voyage; il avait laisse ches lui as hunette, de peur d'accident (il anrait pu emperter du moins celle avec laquelle il avait fait as première observation). A son retour il continna ces observations avec beancoup d'assidnité. Tel est le récit que fait Marius de as découverte dans la preface de son livre; il en certife la sincérité et en appelle au témolgange de son patron Fachs, qui vivait cocce. Pendant qu'il était occupé à rechercher plus exactement les mouvemens des satellites, Galilée fit paraître son Nuscius Siderus , ce qu'il empécha pas'que Marius ne continuit ser recherches et la composition de ses Tables. Il les publia le (;*) février 1614, deux ans plus tard que Galilée, Voic le titre.

Mundus Jovialis, anno 1609 detectus, ope perspicilli Belgici, hoc est quanti Jovialium planetatume, cum henoia, tum tabulæ, proprisi observationibus maxime fluadate, ex quibus situs illorum ad Jovem, ad quadris tempus datum, promitsismè et facilitmè supputari potest. Norimberga, 't-plaquits s'eptem. Cest-à-diet que les Tables ne sont que de sept pages.

L'auteur s'y est fait graver avec sa Innette, qui est longue presque autant que le bras; l'objeculi paraît avoir un doigt et demi d'ouverture; li v'en dit pas le grossissement. Au-dessous on lit ces deux vers :

Inventum proprium est mundus Jovialis et orbis, Terras secretum nobile dante Deo.

Sans les réclamations de Galilée, sans l'accusation d'un premier plagiat. qui donna naissance à un procès que Galilée gagna de la mamère la plus complète, nons n'élèverions ancun doute sur un récit très circonstancié qui paraîtrait fait avec beaucoup de bonne foi. Nous pouvous même dire que dans le procès pour le compas de proportion , Marins n'est pas nommé. Le plagiaire qui fut condamné, était un Balthasar Capra ; Galilée nons dit bien que ce Capra était l'élève de Marins; que Marins avait lui-même traduit et déliguré son ouvrage latin; mais Galilée luimême est-il tont-à-fait croyable? N'a-t-il pas, dans ce procès même. donné des preuves de passion et d'irascibilité ? Quoi qu'il en soit de la véracité de Marius, les droits de Galilée n'en sont pas moins certains ; il a le premier réellement observé les satellites; il a du, comme le dit Marius de lui-même, les suivre pendant un certain tems, avant de songer à consigner les configurations qu'il observait. Il a donc été le premier; il a fait sa Innette, et Marius qui en a eu denx successivement, ne les avait que d'emprunt et la seconde venait de Venise. Marir., lui-

même ne vent porter aucune átteinte aux droits de Galilée. Il le reconnait pour le premier inventeur en Italie, il ne préteud qu'à nue gloire égale parmi les Germaius. Galilée lui reproche d'abuser de la différence des styles, pour déguiser le plagiat de la première observation; Marius en effet ue dit rien de l'identité de date. Tace di far cauto il lettore, come essendo egli separato della Chiesa nostra, ne avendo accettata l'emendation gregoriana, il jiorno 7 di gennaio del 1610 di noi cattolici, e l'istesso che il di 28 di decembre del 1609 di loro eretici e questa e tutta la precedenza delle sue finte osservationi. Ce passage aurait dù prouver au Saint-Office que Galilée était bou catholique, et qu'il u'était pas porté à trop d'indulgence pour les hérétiques. On pent douc avoir quelque doute sur les assertions de Marius, surtout quaud on cousidère qu'il a gardé le sileuce peudant deux aus après sa préteudue découverte. Fuchs son patrou n'a rieu dit, il uous est entièrement incounn, nous ne pouvons être parsaitement sûr qu'il sut encore vivant à l'epoque où Marius publia son Monde. D'un autre côté, il rapporte diverses remarques qu'il a faites sur la sciutillation des étoiles et sur les nébuleuses. Il paralt difficile de révoquer en doute qu'il ait eu une lanette dont il a su tirer quelque parti. Il avoue que le Nuncius Sidereus lui a été ntile, et même qu'il a fait usage des observations de Galilée, quoique peu précises; il faut convenir que son ouvrage est plus complet et plus méthodique que celui de Galilée. Il reste à examiner si réellement on y trouve quelque remarque qu'il n'ait pu empranter, et qui soit bien certainement de lui.

Dans la nuite de sa perfice, il nous dit qu'il se préparait à parier de taches du Solici, et de tout ce qu'il vait observé depuis le 3 sols 161°; mais pour des causes déjà indéquées, il no veut encore rien dire sur un aujet nut l'eque les plas habites voir par de course peu daccord et sur le que sei dées ne sons pas articles : il va communique quelque renarques es idées ne sons pas articles : il va communique quelque renarques étible fixe telle qu'il r'en tel famais vue ; elle est voiine de la troitième et de la plas boréale de la ceinture d'Andromède; à l'œil nu elle parait comme un petit nuage, avec la lameté on n'y voit aucane éciolie; en quoi elle au ressemble ni à la nebaleux de Cancer, ni aux autres ucheuxes; ou n'y voit que des rayons blauchitres qui sout plus brillanteuxes; en n'y voit que des rayons blauchitres qui sout plus brillanteuxes; en n'y voit que des rayons blauchitres qui sout plus brillanteuxes; en n'y voit que des rayons blauchitres du sout plus brillanteuxes; en n'y voit que des rayons blauchitres chaudelle yue de lois; de nuit duss une lanterne de corne. Cette étoile est-elle nouvelle? c'est ce qu'il ne peut assurer; il trouve étonnaut que Tycho, qui a observé cqu'il ne peut assurer; il trouve étonnaut que Tycho, qui a observé cqu'il ne peut assurer; il trouve étonnaut que Tycho, qui a observé

l'étoile de la ceinture, n'ait rien dit de cette nébuleuse qui en est si

Il passe à la cause de la scintillation. On a toujours cre qu'elle ne vôbererait que dans let échoiles fixes et nullement dans les planetes s'expérience a prouvé la fassesté de cette notion. Tous les astres scintillent dans la lunette et le Soiel lui-même, il n'en excepte que la Lause judans la lunette et le Soiel lui-même, il n'en excepte que la Lause judans la lunette et le Soiel lui-même, il n'en except que la Lause judans la lunette ce le consiste de la comme del la comme de la c

« Des demi-savans vont m'accuser d'erreur et de folie; comme ils voudront; je n'en dirai pas moins ce que j'ai vu de mes yeux, et ce que j'ai observé soigneusement. Celui qui possède une bonne lunette peut s'en convaincre par sa propre expérience; il n'a qu'à ôter de la lunette l'oculaire concave et mettre l'ail à l'ouverture de la lunette dirigée sur l'étoile dont il veut éprouver la scintillation; il verra avec admiration ce que je vais exposer, pourvu que le ciel soit clair et l'air très pur. Quoique les fixes et les planètes paraissent percées de trous nombreux, ce qui est produit par le verre convexe, les volumes de tous ces corps paraissent très amplifies, et la scintillation paraîtra une espèce de fulmination, ou une ébullition de la matière des astres; cependant on y remarquera par ordre des couleurs diverses plus ou moins distinctes. Dans les étoiles qu'on a crues de la nature de Mars, c'est la conleur rouge qui domine; telles sont Aldébaran et autres fixes. Dans le grand Chien, on voit toutes les couleurs; le verd, le bleu, la conleur d'or et de sang s'y montrent l'une après l'autre. Je ne dirai point ici mon sentiment sur la scintillation, ni ce qui la produit; je dis simplement ce que j'ai vu et je laisse à des esprits plus subtils le soin de discuter et d'expliquer ces phénomènes. Je crois senlement que de cette manière on concevra mieux qu'ou ne l'a fait jusqu'ici la nature et la qualité des fixes. » C'est une idée assez bizarfe que de supprimer l'oculaire pour observer la scintillation, et de placer l'œil à un endroit où les rayons ne sont pas réunis.

"Antre chose également remarquable que [ai vue sealement depais ron retour de Ratisbone, où je m'étia procuré un instrument avec lequel je vois un disque rond, non-seulement aux planètes, mais aux étoiles les plus belles, sur-tout la Procyon, aux bissates d'Orion, an Lion, aux étoiles de la grande Onrec ce que jamais encore je u'avais apercu. Je m'étonne que Galillé, dont la lucute était si bonde, n'ait

Hist. de l'Astr. mod. T. I.

jamais rien va de pareil; il ne leur tronve aucune figure terminée, ce qu'il regarde comme na argument très fort en faveur du système de Copernie, dans lequel l'énorme distance des face empêche de reconnaitre leur forme globuleuse. Mais cet argument tombe à présent qu'on trouve un disque aux éculies, et l'on sera par là porté à donner la préférence au système de Tycho; j'accorderai facilement à Galilée, que les étoiles brillent d'une lomière propre. Pa

Une quatrième remarque porte au le Soleil, Si dans un temple ou dans un autre lieu obscur, l'image du Soleil, pénétrant per un tron, est reçoe aur une moraille assez distante, le monvement du rayon solaire un paraltre pas uniforme, mais tremblant, ondulant et santillant. Marius essays de placer une lentille à l'ouverture qui donnait entrée an Soleil dont il reçut l'image sur un certon fixe; alors il vit distinctement l'image du disque avec toutes ses taches. Le rayon solaire lui parat avoir son triple mouvement, l'un qui ressemble à la scintillation des fixes, et qu'il sepelle sontillation du Soleil, il se persuade que cette scintillation serait beaucoup plus grande pour un babitant de Saturne, qui verrait le Soleil ben plus petit. Cet effet lui parat beaucoup plus sentible quand il regardait le Soleil par un cornet de papier, en plaçant l'orii à la petite ouverture; de cette manière, il vit dans le dique solaire une agitation semblable à celle de l'or en fuisoillet tout-à-fait différente de l'ébullition de l'eux, puisque la serface rest tonjoura une

Le second mouvement s'observait à l'extrême circonférence; il l'appelle ondulation et l'attribne à l'air.

Ce qui lai parali plus cionnant, c'est l'inégalité dans la marche du risyon, qui tantito parait sarrière et s'avance ensaite vers l'orient par sants ou par saccades; on l'observe également dans les taches. Il estime que ce san riest pas la dein-ceutième partie du dismètre solaire; il n'est pas éloigné de croire que ce mouvement est dù à la rostion de la Terre. Cependant, si ce mouvement était celui de la Terre, il se remarquerait aussi dans le siyon Innaire, quoique l'observation en soit plus difficile; or, on me remarque rien de pareil dans la Lone; il appartient donc au Soleil. Au reste, on rapportant ces observations, il n'a d'autre bet que d'attiere l'attention des astronomes sur des phénomènes qui n'ont point encore cité observés.

Nons avons rapporté ces expériences dans les propres termes de l'auteur, pour qu'on puisse se faire une idée plus exacte de la manière de voir et de raisonner de Marins. Passons à son Monde jovial. Il a souvent observé de jour, que le diamètre de Jupiter ne surpasse pas une minute. Il en déduit, en milles germaniques, la grandeur du système de Jupiter, et le trouye de 88000 de ces milles environ.

Pour ne pas revenir trop souvent sur les mêmes objets, nous allous comparer les élongations qu'il attribue aux quatre satellites, et nous y joindrons celles que leur ont assigné les divers auteurs.

Les six premières évaluations sont en demi-diamètres de Jupiter; celles de Poud, su minutes, secondes et tierces; les dernières, en parties de la distance moyenne de la Terre au Soleil. Les symboles C', C", C", C", C" désigneut les quatre satellites.

| Observateurs. | Č, | C. | c. | C'' |
|---|--|-----------------------------------|--|---------------------------------------|
| Marius Schirleus Hodiorna Cassini Newton Pond | 6 demi-diam. de 75 6 7 5,67 5,965 1 51 6 | 10 8 11 9,494 2 56 47 | 16 18 18 14,38 15,141 4'42°0° | 26 20 25,300 26,630 8'16' |
| Parties de la dist. moy. ① | 0,0080945 | 0,00456295 | 0,00711312 | 0,01251245 |

Marius avait commencé par donner aux quatre satellites les noms de Mercuce, Véuus, Jupiter et Saturne; mais pour n'être pas obligé d'ajouter à chacun de ces noms l'épithet de jointis; il les nomme foi. Europe, Ganymède et Galisto-il trouve que le troisième est évidemment plus grost qu'ancun det trois autres, qu'i lai paraissent à peu près égaux entre eux; il les désigne collectivement par le nom d'assres de Brandebourg, comme Galifée les avait nommés astres de Médicis: Cest dans nue conversition qu'il ent avec Kepler, et dans laquelle on avait plaisanté sur les amours de Jupiter, qu'avaient été imaginés les derniers noms, et il sjonte que Képler est le parraito de ces aitres et son compère.

Dans la seconde partie, il expose sept phénomènes qu'il a constamment observés.

1'. Les satellites changent continnellement de place relativement à Jupiter; on les voit tautôt à l'orient et tantôt à l'occident.

2'. Chaque satellite a dans ses élougations des limites qu'il ne passe jamais.

- 5'. Leurs mouvemens sont plus sensibles quand ils approchent de Jupiter, plus lents et même nnls en apparence, quand ils sont dans leurs digressions.
- 4°. Les satellites qui s'cloignent le plus de Jupiter ont des révolutions plus longues.
- 5'. Le centre de leurs mouvemens égaux est Jupiter, et avec Jupiter ils tournent autour du Soleil et non autour de la Terre.
- 6. La ligne qui passe par les points des deux digressions est parallèle à l'écliptique, mais dans le cours de leurs révolutions its écartent au nord et au sud de cette ligne; ce qui est sur tout sensible quand deux antellites sont en conjonction, et que l'un s'approche de Jupiter taudis que l'autre s'en éloigne. (Céci n'est trai que dans certaines circonstances, et c'est un des argumens dont se sert Galide, pour prouves que Marius pa par écliement observé les astellites.)
 - 7°. Les satellites ne paraissent pas foujours de la même grossenr.
- Nous avons vu que Galilée avait fait la même remarque, qui n'est vraie que gour les instans des éclipses partielles, et cesse de l'être quand le satellite est éclairé tout entier. Les circonstances atmosphériques peuvent anssi influer sur les apparences.

Tontes ces remarques sont implicitement comprises dans ce qu'avait public Galilée.

Marius expose ensuite les phénomènes sur lexquels sont appuyées les remarques précédentes. La première était ficile, la seconde exigient grand combre d'observations; il n'en rapporte aucune ; ses élongations sont les mêmes que celles de Gallière, sant la dervière, qui n'en distince que de deux parties qu'il appelle des monutes : il dit avoir employé six mois le cal élerminations.

La troisième était une suite nécessaire et une prenve du mouvement circulaire.

La quatrième offrait alors beancoup de difficultés, parce qu'il était aisé de prendre un satellite pour un autre, excepté cependant le troisième qu'on distinguait à la grosseur : il y employa le retour aux plus grandes digressions.

Pour se démontrer la cinquième, il fit des tables de mouvemens moyens, afin de les comparer aux observations. Il reconsult a nécessité de tenir compte de la parallaxe annuelle. A cette occasion, il assure qu'il avait trouvé le système de Tycho, dans un tens où il ignorait encore le nom de cet stroomer, et que l'idée hit en était treue en lissaul l'onrrage de Copernic, de 1595 à 1596. Il en cite plusieurs témoins, qui malheureusement étaieut tous morts à l'époque où il écrit, à la réserve d'un organiste de Heilsbronn.

La sixième remarque est facile, quand elle est vraie; le tort de Marius est de l'avoir crue générale. Elle le conduisit à faire des tables de latitude qui ne pouvaient être bonnes.

Pour la septieme, il rappelle l'embarra qu'elle causait à Galiée, dont li réfute les esplications; il en cherche la cause dans les phases des satellites. Misi la parallaxe annuelle n'étant jamais de 12°, la partie visible et éclairée du disque est toijours a/cos 6° an moins, ou 0,989 ou go entitieme de du disque; cette explication est donc insulfisante. Il voudrait aussi leur donner one lumière ceudrée qui leur serait réfléchie par Jupiter; mais il la croit plus faible que celle de la Lune, tant aprace que Jupiter est plus, petit que la Terra, que parce qu'il est plus éloigné du Soleil.

Il conjecture ensuite que les satellites doivent s'éclipser dans leurs conjonctions supérieures. D'après le calcul du cône d'ombre de Jupiter, il tronve que les quatre satellites doivent toujours s'éclipser, ce qui n'est vrai que pour les trois premiers. Galilée, dont la lunette était meilleure, avait pu voir ces éclipses; Képler le lui avait assuré quelquefois. Après avoir inutilement cherché un satellite pendant quelques heures, il l'a enfin apercu à une distance notable du disque de Jupiter; et cette distance surpassait de beaucoup le mouvement du satellite pour l'intervalle. Après avoir vu le satellite pendant quelque tems, il a cessé de le voir lorsqu'il était encore trop éloigné de Jupiter pour en être occulté. Mais il n'a pas noté les tems de ces observations; on pourrait donc soupçonner qu'il ne les a pas faites; car il était aisé de conclure la nécessité de ces remarques de la longueur et de la position du cône d'ombre. Sa Innette est trop faible pour observer les éclipses; il promet cependant de faire tous ses cflorts; il n'ose assurer que les satellites puissent s'éclipser mutuellement, mais il trouve la chose vraisemblable. Elle n'est certainement pas impossible; mais jusqu'ici on n'en connalt aucune observation.

Marius expose ensuite la construction de ses tables, qui n'offrent que des mouvemens moyens; mais il n'avait pas assez exactement de arminé else révolutions pour que ces tables s'accordassent long-tems avec les observations.

Voici ses révolutions comparées à celles de Galilée et aux nôtres.

| | Suivant Galilée. | Suivant Marius. | Suivant nous. | |
|--------|---|-----------------|-----------------------|--|
| บับบับ | 1 ⁴ 18' ¹ / ₃ presque, | 1/18*28'30" | 1/18428 35 945374812 | |
| | 3.13 ¹ / ₃ environ. | 3.45.18. 0 | 3.13.17.53,73010602 | |
| | 7. 4 | 7. 3.56.34 | 7. 3.59.35,825112810 | |
| | 16.18 ¹ / ₄ pen près. | 16.18. 9.15 | 16.18. 5. 7,0208844ce | |

Les nombres sont en effet très ressemblans, mais non assez pour démontrer le plagiat.

| | Mouvemens des satellites. | | | | | |
|---|--------------------------------|--------------------------------|---------------------------------|--------------------------------|--|--|
| | C | C, | • C. | C., | | |
| Epoques de 1608 Mouvement diurne En 365 jours | 10°20°35′ 6.23.25 2.27.5 | 7'22°20' 3.11.17 8.10.51 | 1.26°13′ 1.20.15 11.10.57 | 7° 3°13′ 0.21.29 9.11.47 | | |

Les Tables sont calculées pour le méridien d'Onolzbach, 0°2' à l'ouest de Nuremberg; les époques sont pour les années complètes et pour le Calendrier julien.

Il résulte de cet examen que l'ouvrage de Marius ne renferme sucue observation absolument, à la réserve de celle qu'il peut avoir prise dans le livre de Galilée, et voici comme il nous la donne: l^* rima fait observatio, 20 decembris anni (500, que die evergeri, homan circie) quantum, $tres \stackrel{.}{a}$ dove occidentales in lined cum \overline{x} rectà vidi, postea hano observationem continuavi suque hano.

Cassini, dans son mémoire sur les hypothèses des satellites, s'exprime ainsi:

« Les configurations trées des Tables de Marius n'avaient aucune ressemblance auc configurations évitibles, lorsque Galifec mit en doute, si Simon Marius avait jamais vu ces satellites. On n'en saurait néanmoins douter, si l'on examine la méthode dont il dit qu'il s'est servi pour les boservez, qui apparemment ne servit pas tombée dans la pensée d'une personne qui ne l'etit pas pratiquée; les difficultés qui se rencontraient dans la pratique de ces observations y étant fort bien représentées. »

Il nous paraît en effet bien disficile de soutenir que jamais Marius n'a vu les satellites; mais il n'est pas impossible qu'il ait commencé pour LICETUS.

la première fois à s'en occuper, après la publication du livre de Califice. Conçoit-on que Simon Marius ayant à prouver qu'il était inventeur, quand un autre était depuis deux ans en possession de la découverte, n'ait cité qu'une seule observation, et quelle observation; qu'il n'ait rapporté aucune de celles qui lui ont donné ses périodes, ses élongations et ses conionctions.

Le fait est que la théorie de ces satellites ne doit rien à Marius; il a composé un traité dont il a trouvé presque tons les matériaux dans le Nuncius Sudereus; il a pay ajonter quelques observations postérieures, encore la chose, est-elle sassée incertaine. La question est pen intéressante, mais nous avouerons que nous sorames pen frappé des raisons apportées par Cassini. Il nous semble - que sain a voir jamais va les satel·lites autre part que dans le livre de Galilée, on pouvait écrire tout ce que nous a donné Simon Marius.

Fortunius Licetus.

Fortunins Liceius (Liceii ou Liceio), ne à apalo dans l'état de Genes en 1577, était médein, et profess la Philosophie à Pise et ensuite la Médecine à Padoue, où il mourat en 1656. Il est auteur d'un grand nombre de traités comme de monstris, de his qui vivant sine alimentis, mundi et homisis analogie, a de annulis antiquis, de orta spontance viventium, de animorum rationalium importalitate, de fulrinaum natures, de corta anime humanes, hydrologiei, de lucernis antiquis. Il soulient dans ce dernier traité que les auciens avaient des lampes sépulcrales qui ne s'étégiasient point. On sait aisopard'hui ce qu'on doit penser de ces lampes. Nous allons lagic'ement extraire ceux de ses ouvrages qui soient de notre saiet.

De novis astris et cometis libri sex. Author Fortunius Licetus Genuensis, in Patavino Lycaeo philosophus ordinarius, 1623. L'épltre dédicatoire est de 1622.

L'auteur pose ces deux principes: Que les astronomes n'ont pu se tromper, quand ils ont concl. du défant de parallax que les couviers sont fort au-dessus. de la Lune; mais que les péripatéliciens, qui ont si bien défini la nature des corps celestes et élémentaires, ne peuvent tormper non plas sur la nature des corps superhunières. Dans cette double persussion, l'auteur va s'efforcer de tout expliquer, sans porter atteinte aux principes posés par Aristote. Le premier livre est en grande partie historique, l'auteur y recueille tout ce qu'on a dit sur les comètes.

Dans le second il veut prouver qu'Aristote n'a pas dit qu'il ne pit se former ou se dissiper rien dans le ciel, mais seulement que les astres aussi ancient que le monde ne sont sujets à aucune corruption et ne peuvent périr. (En ce cas, il aurait pu en dire autaut de la Terre.) Les astres nouveaux se forment par condenzation et non par une créa-

tion proprement dite, qui les tirerait du néant (on commeuce à reproduire cette idée de Licétus). Aristote rapporte que deux parhélies vus au Soleil levant, ont duré jusqu'au coucher du soleil dans le Bosphore. Louis Colombus crovait les nouvelles étailes aussi anciennes que le

Louis Colombus croyait les nouvelles étoiles aussi anciennes que le monde, et qu'elles devensieux visibles, quand une partie d'une sphère plus dense venait à passer au-dessous, et qu'elle en grossissait l'image.

Cornelius Frangipanus disait que l'étoile qu'on voyait autrefois près du pôle, s'était cachée à la prise de Constantinople, et n'avait plus reparue; voilà un digne pendant de l'anecdote sur la septième étoile des Pléiades.

Artémidore croyait que les étoiles nouvelles n'étaient visibles que dans le périgée de leur épicycle; en ce cas, elles auraient du avoir un mouvement.

Puteanus croyait les comètes formées de la matière des taches du Soleil.

Tout le second livre est employé à réfuter ces idées et beaucoup d'autres de même genre, rapportées par Képler et Tycho.

Dans le troisième, il propose ses conjectures sur la formation des comètes et des étoiles nouvelles.

Dans le quatrième, il répond aux objections qu'on lui a faites. Longues discussions aujourd'hui sans intérêt.

Dans le cinquième, au chap. XII, il parle de trois étoiles nouvelles vues auprès de Cassiopée.

Au chap. XIX, il parle de Vénus qui, au rapport de Varron, avait changé son cours. C'est une chose qui est arrivé souvent, qu'on ait pris pour Vénus un astre nouveau on une planète qui, dans quelque circonstance paralt plus belle qu'on ne la voit ordinairement.

Le reste du cinquième livre est une espèce de concordance entre Aristote et l'Astronomie. Si les principes de ce philosophe peuvent se concilier avec les démonstrations astronomiques, on peut en féliciter les partisans d'Aristote; mais ses opinions ne peuvent rien sjouter à la force des démonstrations. Le sixieme livre est une espèce de supplément aux cinq premiers.

L'auteur y revient sur quelques points déjà traités. Nous n'en dirons pas davantage.

De Regulari motu minimaque parallaxi Cometarum disputationes Fortunii Liceti, Utini, 1640.

Cet ouvrige est an dialogue où l'on discute l'opinion de Tycho qui donnait une trajectoire circulaire aux comètes. On examine si les 3' de barrallaxe que Tycho donne aux comètes, ne exricat pas plutòu un effet des réfractions. Il est s'ar qu'il connaissait mal les réfractions; que 5' qu'il anrait d'onnées de moins à la réfraction, pouvaient se prendre pour 5' de parallaxe. Tout cele est autoiora/bui sans intérêt.

Fortunii Liceti, de Terrá unico centro motus singularum ceeli, partium. 1640. La Terre toute entière est le centre physique et non le centre mathématique da monde. On sait aujourd'hai qu'elle n'est ni l'un ni l'autre.

Fortunii Liceti, de Lunæ sub obscurá luce prope conjonctiones et in eclipsibus, libri 15. Utini, 1642.

Ce livre doit traiter de denx points principanx, de la lumière cendrée et de la lumière de la Lune éclipsée. Le Soleil est plus grand que la Lune, il en éclaire plus qu'un hémisphère. Cette zone éclairée doit être visible, et entourer, en partie la partie obscure tournée vers la Terre.

Cette zone est d'environ 16' de hauten; vue de la Terre, elle ne pent ètre que de 5"; elle doit être éclairée très billiquement et très fibliement, et ne noar renvoyer que peu de rayons; elle doit donc être difficilement aperque, d'autant plus que nous ne voyons pas un hémisphère entier, si noas pouvions voir la Lune réellement en conjonction, et o un el a voit ainsi que dans les éclipses totales de Soleil, nous n'apercevrions riend geelte sone; car nons ne verrions pas même totale la partie obscure. Licetus ne fait aucun de ées raisonnemens, il se borne à dire que la lumière qu'on voit dans les denx cas qu'il considère, est la lumière propre de la Lunae.

Vitellon croyait que la lumière dn Soleil pénètre tout le corps de la Lune, Alpétrage en dissit autant de Vénns et de Mércure; il expliquait ainsi pourquoi ces planetes n'eclipsalent, jamais le Soleil. On sait aujourd'hui ce que valent toutes ces explications.

D'autres veulent que cette inmère cendrée et celle des éclipses, soit la lumière proprie de la Lune, et Licetus se range à cette opinion.

Hist. de l'Astr. mod. Tom. I. 89

D'autres voulaient qu'elle vint de Vénns on des étoiles. On a dit que c'est la lumière du Soleil que l'éther réfléchit sur la Lune.

Masulinus et Galilée avaient dit comme Léonard de Vinci, que c'est la lumière du Soleli réfléchie par la Terre et renvoyée par la Lune. Licetus affirme, on ne sait pourquoi, que la Terre est peu propre à refléchie la lumière. Jai vu, pendant la mesure de la mérdienne, des clochers couverts d'une ardoise neuve et de couleur très foncée qui, vus de six à sept lieues dans la lunctle, parsissaient d'une blancheur éclatante, parce qu'ils éciaent fortement éclairés da Soleli, et par consequent en plein jour, à midi même, quand la Lune est à prine visible; qu'est-ce c'és ig les es neus vesa d'un lieu déboco?

Liceus ajoute que la lumière cendrée et d'une intensité très différente, quoique la distance de la Terre soit tonjour à peu près la même : mais il ne prend pas garde que la phase de la Terre diminue, et quie la lumière envoyée par la Terre doit diminuer en même proportion que la partie éclairée de la Terre qui est vue de la Lune; que la partie éclairée de la Terre qui est vue de la Lune; que la partie éclairée de la Terre pouvoir de ce que celle de la Terre diminue. Liceus répond à cels que c'est suspoure à la Terre le pouvoir de réfléchir la lumière, ce, qu'il nie positivement; qu'il le prouve donc. Il éen tient à d'ûre qu'il faudait monter dans la Lune, pour vérificr si la Terre en effet a des phases ; et pourquoi n'en aursit-elle pas, puisque Vénus et Mercare cont, pinsique les clochers et l'ardoise presque noire paraissent d'une blancheur éclatante, quand la Lune s'apercoil à peine?

Il atribue de mêmo à l'éther réfléchissant les rayons du Soleil, la lumère que nous envoie encoré la Lune éclipsée; mais la Terre viet-telle pas plus propre à réfléchir la lumière que l'éther? On a calculi ce qui loi rester de lumière à la Lune éclipsée et qui lui vient des rayons solaires réfrecés par l'amosphère de la Terre. Sa cause est encore perdue en ce, point. Il prétend que le centre de la Lune est plus brillant que les bords; Képler a trouvé précisément le contraire dans la chambre obscure, pour ne rien dire des raisons qui démontrent à priori ce que l'expérience atteste.

Le second livre est un proces qu'il soutient contre Galilée devenu aveugle.

Galilée avait autrefois observé une éclipse dans laquelle la Lune avait totalement disparu, ce qui est assez rare; il en avait conclu que la Lune n'avait pas de lumière propre; il ne voyait que la Terre qui put produire la lumière cendrée. Licetus l'avait combattu, Galilée avait répliqué, et Licetus cherche de nouveau à le réfuter; mais si faiblement et si longuement, que l'on perd palience.

Dans le troisceme livre, il examine les idées de Gassendi qui s'était déclaré pour Galilée; il disserte de nouveau sur son citter. Il veut prouver que la lumière du Soleil, réfractée par l'atmosphère terrestre, ne peut éclairer la Lane, parce que les rayons doivent sortir ou paral·lels out si per couvergens, qu'ils doivent se réunir- bien au-delà de l'orbrite de la Lune, ce qui n'a sul besoin de réfutation. Nous a'sjouterons ou'une liene!

Cette disseriation n'a pas moius de 464 pages, et Aristote y est sonveut cité comme une autorité presque irrefragable.

Antoine Nuñez.

Antonii Nuñes à Comera, Sulmanticensis doctoris medici, Aslium et Philosophic professoris, din Medicino et nuno primarium Astrologie cà-thedram Sulmantices moderantis, liber de Cometis, in quo deinonstratur Cometem unni 1604 fuitse in firmamento; et en langue romanece, le ingement de la permede conjonction de l'an 1605 et de la môme conciete, de la conjonction de Mars et de Jupiter qui Unicendia, Salamanque, 1610 ou pluto 1605, comme on le voit au deraire feuillet.

Sous le nom général de comètes, l'auteur comprend aussi les étoiles nouvelles, telles que celles de 1572 et de 1604. Il commence par raisonner sur la nature de tous ces astres, en homme qui avait beaucoup lu Aristote. Il cite, page 16, un passage du Traité des Comètes de son maître Jêrôme Muñoz, dans lequel on lit que dans une nuit fort obscure, l'année que les Maures de Grenade se révoltèrent contre leur roi, on avait vu aux murs du château de Concentaina trois flambeaux de même nature à peu près que les feux consus sous le nom de Castor et Pollux ou d'Hélène, car c'est la même chose, avec cette différence que l'astre d'Hélène est sphérique et permanent, au lieu que Castor et Pollux, ou St.-Marc et Ste.-Hélène, comme disent les Espagnols, ne sont ni sphériques ni permanens, et que l'un succède à l'autre. L'astre d'Hélène succède au calme et annonce la tempête, mais Castor et Pollux paraissant à la fin de la tempête, présagent le calme. Muñoz ajoute que la sentinelle ayant frappé de son sabre le phénomène, l'avait fait disparaltre, et que le lendemain son sabre était tout brillant et sentait le souffre. Nuñez nons apprend, d'après Albert-le-Grand, en quoi consistent les feux appelés lances, chandelles, asub ou tison, chèvres sautantes, étoiles tombantes, dragons volans, fossés un creux de couleur de sang; ensin des armées et des combattans qu'un a vus dans le cicl.

Il parle ensuite de la maitiré des comites, de leur cause efficiente et fermelle, des circonstances où elles se firment, comme après les éclipses et les coojouctions de deux nu plusieurs planètes; il flut uniquers que la Lune y coopère. Il passe à leurs causes finales et à ce qu'elles préssgent. Il donne, p. 65, une fiste des calamités qui ont suivi l'apparition des comières. Ce récit ident circo passes.

Dans an livre II, îl traite des parallares. Il rapporte une méthode de Muina guin avait cree inientellighe et qui en effett rest pas trop claire. Il en danne une qui lui paraît plus sûre et plus facile. Il l'applique à un cas très défanvable; car la commète n'éstal par visible au méridie, et n'ésial pas circompolaire. On ne la vopsit qu'enviran deux heures prè du cueshant. Il faut donc résonder le problème qu'in s'ét résolu par

personne, au mnins qu'il sache.

Il prend les distances de la comite à deux réniles connues; il en dédoit la lectionsion vraie. (Il semble puurtant que l'Observation dnit lui donner le lieu apparent de la combet et par conséquent la déclinaison apparente); a lant si elle est visible au méridien, il y observe la bauteur, de laquelle il conclut la déclinaison apparente. Si elle est visible au méridien, il y observe la bauteur, de laquelle il conclut la déclinaison apparente. Si elle se trouve la même que par le premier calcul, plantalise sera nulle. Si la déclinaison est plus petite, la différence sera la parallare en declinaiton, la moissa que la comète ne soit dans le coluve des solstices. Au méridien, la moissa que la comète ne soit dans le coluve des solstices. Au méridien, la parallare en toute en déclinaison, mais che est la plus petite des parallares de hauteur. Il suppose apparenment qu'on sura pris les distances à denz étuiles, de manière que ces distances étunt perpendien, laires au vertical, la parallare en les ait pas sessiblement altérées. On vuit que la méthode doit être fort incertaine.)

Il observe de la même manière la longitude de la comète par son lever; une différence entre ces deux longitudes, elle sera la parallaxe de longitude; car, au lever, la parallaxe de longitude est la plus grande; il suppose en outre que la parallaxe de latitude est unlle à l'Innière.

Comme tout cela n'est pas fort clair, suivans l'exemple qu'il nous calcule.

Il a comparé la comète à S et y du Sagittaire qui ont la même latitude

6°56' A. Sois ABD (fig. 03) un grand cercle passant par les deux étoiles, dont la distance du colore. H/G l'écliptique, HA et &B les deux latitudes égales; on anra AB quire différers de Hé que de s'. Ze sa la comète; AÆ, BZ les deux distances menserés. Il calcule ZAB par les trois côtés; du point Z, il abnisse l'arc, perpendiculaire ZD sus l'arc AB prolongé. Il en conclui siz DZ—sin A sin AZ—sin 8°55'15'. Il en retrançhe GD, qu'il dit être la latitude des deux étoiles; le reste est ZG qu'il prend pour la latitude de la comète; ce qui n'est vrai qu'à peu prix, et parce que l'arc AZ n'est que de 14°30'. Si la latitude est 6°50', il devrait avoir ZG=2°5'15'';

Il croît avoir la latitude vraie, et que la parallaxe de latitude est nulle; elle doit être trop grande ponr être négligée à d'aussi petites hauteurs que celles de ses deux étoiles et de la comête. La réfractiou dont il ne fait aucune mention, peut être aussi forte et plus forte que la parallaxe,

Il semble que N\u00fane anrait bien f\u00e4i delse borner \u00e4 commenter Aristole.

Un autre jour, il observe l'ampli, coesace ou Hain ampl.,=\u00e3ni delclin;
mais cette déclinaison est affectée de la parallaxe et de la réfraction. De
l'amplitude et de la hauteur du pôle, il concell "Isseension droite do
l'étolie; il n'a encore que l'ascession apparente. De l'ascension droite de
la déclinaison, il déduit la longitude et la latitude. Il retrouve les
mêmes quantités qu'il a trouvées à différentes hauteurs; il en concluir
avec quelque apparence que la parallaxe et it sensensible; mais, s'il e\u00e4
trouvé des différences, il lui c\u00e4t été impossible d'en déduire la véritable
parallare.

Le livre III parle de la nature des comètes, selon le signe où elles se montrent; des personnes qu'elles meuacent; des comètes qui sont de la nature des différentes planètes, de ce qu'elles présigent dans les différentes maisons; du tems nécessaire pour que la comète produise son effet, effin des lieux où cet effet s'accomplier.

Le livre IV est écrit en langue castillane, pour être à portée d'un plus grand nombre de lecteurs. Il est destiué à esposer la nature et les effeis de l'étoile de 1604, qu'il appelle tonjours coniées. Au total, le livre de Nonces ne mérite pas la moiorde attention. Le peu de géomérire qu'on y trouve, u'a rien de particulier que les fausses appositions que'se permet l'auteur, et qu'il prend pour basse de tous ses calcula.

Bartschius.

Jacobi Bartschii Lauba-Lusati Philiatri, Planispherium stellatum, seu vice-globus calestis in plano delineatus. 1624.

Bartschius était gendre de Képler et auteur de quelques volumes d'Éphémérides. Nous avons déjà parlé de lui à l'occasion de ses tables logarithmiques.

L'auteur, sans se décider en faveur d'aucun des trois systèmes, paraît pencher pour celui de Copernic. Dans son article des plauètes ou trouve ce vers technique assez bizarre.

Post. S. I. M. S. V. M. Luna est septima dicta waga.

Le mot simsumi est formé des initiales des noms des sept plauètes, Saturne, Jupiter, Mars, le Soleil, Vénus, Mercure et la Lune. Saturne est ainsi nommé par anti-phrase, à Saturando, parce que rien

ne le rassasie.

Mars à virilitate, mas, maris, male.

Rien que des uotions très élémentaires sur les cercles de la sphère, les étoiles et les planètes; carte de l'hémisphère boréal; deux cartes pour le zodiaque et les constellations australes; vers techniques pour retenir les noms des constellations et des étoiles.

Éphémérides du Soleil, pour quatre années, qu'on peut étendre à cent auuées, moyennant certaines corrections.

Dans une seconde édition, donnée par Goldmayer, on trouve un catalogue de 1240 étoiles, d'après Tycho, Képler et Longomontanus.

Une table de longitudes et latitudes géographiques, d'après Képler, Origan et Longomontanus.

Des tables d'arcs semi-diurues, de levers et de couchers, des maisons et des positions.

A la suite de ces tables, on trouve, de Bartschius, un traité des aspects et un instrument pour les déterminer avec facilité.

Gerhard Muti.

Horloge astronomico-géographique de Gerhard Muti. 1673.

L'auteur ne laisse eu repos que les fixes, et fait tourner tout le reste d'occident en orient. C'était un horloger de Francfort sur le Mein. Presque tout le livre est employé à la description et aux usages de sou instrument.

Isaac Habrecht.

Isaaci Habrechti, Planiglobium cœleste.

C'est une projection de la splière céleste, et une projection du globe terrestre, sur le plan de l'équateur et sur divers horizons, en une quinzaine de planches. On ue peut s'en faire une idée un peu exacte qu'en comparant aux planètes le texte qui en explique les usages; quant aux principes mathématiques de la projection même, l'auteur n'en dit pas un mot. Ils m'ont para cenx de la projection stéréographique.

Gallucci Paolo.

Gio. Paolo Gallucci Salodiano, della fabrica ed uso di diversi stromenti di Astronomia e Cosmographia. Venetia, 1597.

Il nons dit que l'astrolabe est d'une antiquité qui se perd dans la muit des tems; ainsi y il ne fait aucune difficulté d'en attribuer l'invention à Adam, Il oublie ou il n'a pas lu les anteurs grecs, qui en font unanimement honneur à Hipparque. A la feuille 6 il donne la figure du compas à verge, et c'est la première montion que j'en trouve; au chapitre VIII, il décrit les heures temporaires par des arcs de grands cercles; ce qui est la même erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que font ceux qui les supposent des lignes droites su la meme erreur que le meme erreur que err plan ; il place les étoiles sur l'Araignée, par longitudes et déclinaisons ; ce qui est en effet le moyen le plus simple,

Pour trouver le sinus de la hauteur, il calcule

enfin,

sinp = sin P cos H = sin.perpendiculaire; puis cos 1" segment = tin II 2 segm. = 90°-D-1" segment; sin k == cos 2º segment cosp.

C'est une manière de se passer de tangentes ; elle est due aux Arabes. Pour trouver facilement les signes diamétralement opposés, il donne ce vers technique nn peu bizarre.

Ar.Li., Scor. Tau., Sag. Gem., Cap.Can., Aqu.Le, Pis.Vir.

Du reste, nombre de pratiques et pas une ligne de théorie ni de démoustration.

A la senille 64 on trouve la figure du planisphère de Rojas, qui est une projection orthographique de la sphère sur le plau du méridien : les parallèles, en conséquence, sont des lignes droites, et les cercles horaires des ellipses. Au reste, il restreint le merite de Rojas à celui de propagatenr de l'instrument anquel il a fait de légères additions.

Le livre V est consacre à l'astrolabe d'Oronce Finée, qui prétend l'avoir

trouvé en ployant en quatre l'attrolable ordinaire tracé sur une feuille transparente; par ce moyen toutes les lignes se voysient comme si elles cussent sité décrites dans un même quart. Il ent l'idée de transporter, en effet, toutes ces lignes, so du moint se principales, dans un seul quart. Au reste, Gallucci doute qu'il en soit l'inventeur, et nous dit en avoir vu un qui avait traje cents ans de date, sinsi que le prouvaient les longitudes éctoiles. Cet satrolabe avait été apporté par des Ragussins, et auvant toute apparence il était l'ouvrage des Arabes, car les noms des étoiles étaient arabes.

Livre VI. Planisphère géographique d'Oronce Fiuée. C'est la projection stéréographique sur un horizon donné.

Bâton astronomique de P. Apian, C'est avec cet instrument qu'Apian propose de mesurer les distances de la Lune aux étoiles, pour en conclure les différences des méridiens.

Baton de Grégoire Reisch, Il differe du précédent par la manière dont il est divisé.

Bayon de Gemma Frisius. Division et usage de ces divers instrumens. Livre VII. Miroir géographique d'Appian. Mappemonde avec quelques cercles mobiles.

Cadrans de Stofferius, cadrans à curseur (voyez Sacrobosco); cadrans sans curseur, cadrans d'Apian; on y voit les sinns de degré en degré; cadrans de Santbec, variété du précédent.

Hémisphère uranique; espèce de sphère armillaire propre à montrer

Livre VIII. Anneau astronomique de Gemma Frisius. C'est un équateur, un méridien et un colure.

Compas de proportios, moins complet que celui de Califée; mais on peut dire que le principe était trouvé. Il rests à comparer les dates, Galifée publis son livre eu 1606; mais il dit dans la préface, que dès 1595 il de démourait dans ses leçons publiques et particulières, quojqu'ul r'en est pas encore compleié l'invention. Rieu ne proinve qu'il n'en a pas pris l'idée dans l'onverge de Galles.

Sphere de Camille Agrippa, de Milan. C'est un planetaire renfermé dans un globe de verre, qui représente la sphère des étoiles, et sur laquelle sont tracés les cretles principaux: la machine va sa moyen d'un mouvement d'horlogerie. C'était un essai grossier, comme il paralt par la description, et par les moyens dont l'auteur es estrait pour arriver à reudre plus justes les mouvemens du Soleil et de la Lune, Livre IX. Torquetum. Espèce d'équatorial.

Livre X. Sphère matérielle, visorio. Ce dernier instrument consiste en un cercle asimutal, dont l'axe porte un demi-cercle vertical.

Astrolabe des anciens. L'antenr dit en avoir vu nn, parfaitement exécuté, entre les mains d'un français, qui prétendait l'avoir reçu du Pérou.

Règles parallactiques, armilles et quart de cercle de Ptolémée.

Quart de cercle nautique portugais. Ce quart de cercle n'a rien d'extraordinaire que son poids et un anneau qui servait à le suspendre.

Le Micromegas de Laccio Scarañ, Gallacci trouve l'invention de cet instrument varienne divine; ca rave de petites dimensions; lift in nieux qu'un plus grand. C'est un sectenc de 15°; le rayon est de trois ou quatre brasses; chaque degré est divisé de deux en draux ou de trois en trois minutes; mais quique l'arc no soit que de 15°; ll pent mesurer des angles depuis o' jusqu'à 90°. Pour cet usage, outre la pinnule ocalaire B, on a six pinnules objectives M, N, O, P, Q, N, (Rg. 94), vol. II, pl. dernière.

Diriges la dioptre BM a nn objet horizontal, le fil-à-plomb convrira AL; mais pour nn objet élevé de 15° il tomberait sur AB; pour un objet élevé de 8° le fil-à-plomb tombera entre L et B, sur la division 8°.

Pour un objet dont le bauteur surpasse 15°, servez-vous de BN; quand le 61 marquera n^* , vous en conclurez la bauteur $(15 + n)^*$.

Scrvcz-vous de BO vous aurez des hauteurs h=(50+n)*;

de BP. $h = (45 + n)^n$; de BQ. $h = (60 + n)^n$;

de BR. $h = (00 + n)^n$;

On voit que CD \Rightarrow DE \Rightarrow EF \Rightarrow FG \Rightarrow GH \Rightarrow FIR \Rightarrow 15°, et que l'ins-

trument se rédsit au secteur BAL. Le reste de la figure n'est que pour la démonstration.

La Caille a employé ce moyen pour mesurer avec son sextant les di-

stances au seinit, depuis 60 jusqu'i go'. Il a'avait d'instrument d'un grand rayon que le secteur, qui lui avait servi dans son travail de la méridienne. Il avait place o secteur dans le plan du méridien, e fil pouvait observer jusqu'is 60° du seinit. La lonette était places sur le rayon Bd. il en sjouta recion, la lanette Bd. Quand il avait amené la lunette BA à 60° du seinit, la lanette Bd. Caisì à l'horizon. Une étoile à 45°, observée avec la lunette BA, paraissait à 45° degré du seinit; observée ensuite avec la lunette BG. elsi on devait paraitre qu'à 15°, si la lanette BG d'issi tréelle-ente BG.

Hist, de l'Astr. mod. Tom. I.

undn't un augle de 50° avec la première. Eu observant ainsi plusieurs étoiles successivement avec los deux lunettes, il détermine on degrés, minutes et secondes l'angle des deux lunettes, et la constante qu'il devait ajouter à ce que marquait le fil-à-plomb, quaud il s'était servi de la luuette BG.

I. Meinisphère naulique fait inventé par Loignet d'Anvert. Il est composé d'uu méridien, et divisé en deux fois go^{*}. Le zéro est au zénit, où se trouve l'anueux de suspension; dans l'intérieur tourue un demi-cercle vertical, qui peut se diriger dans un azimut quelconque. On y voit de plas un équateur divisé en deux fois six heuers, qu'on pourra isclueire plus ou moins selon le climat; enfia, un arc de 25° 28° divisé selon les déclinaisons du Solle.

Cet instrument servait à trouver, à toute heure du jour, la hauteur du pôle par la hauteur du Soleil. Une boussole attachée à l'azimut, fait qu'en visant au Soleil on a la hauteur, l'azimut et la déclinaison; on élève alors convenablement l'équateur.

Callucci vante beaucoup cette invention; mais on voit ce qu'on pouvoit en attendre dans la pratique, pour avoir exactement l'heure et la hauteur du pôle.

Octave Pisani.

Octavii Pisani Astrologia, seu motus et loca siderum. Ad sevenissimum dominum Cosmum Medicen. Antuerpiæ, ex officina Roberti Bruneau, 1613.

L'auteur, dans sa dédicace, compare le graud duc Cosme II, à un comète qui aitte tous let yeux. Une comète ressemble à une cétile ou à une plancite; ainsi Cosme ressemble à ses sieux et préssge de grandse choese. Cet ouvrage est deutiné à représente rous les mouvement célentes, par des planisphères. Ou y verra les astres de Médicis, rangés autour de Jupiter, comme les six boules qui composent les armoines de Médicis, sont rangése autour de la septième, qui est ornée du lys royal. Il présente ce livre au grand duc comme on présente uu cadran as Solifi afin qu'il l'échire, et lui dit : aspice et aspiciar. Regardes-moi et l'on me recarders.

On voit ensuite le portrait de l'auteur entouré de cette devise : Nil facilius et vilius quam sine certo judice maledicere aut irridere aliorum labores, Octavius Pisani.

Il a construit une sphère matérielle et instrumentale, à laquelle ou peut

réduire tous les iustramens iuventés depuis Ptolémée jusqu'à Tycho. Cet instrument peut remplacer aussi tous les livres , toutes les tables de sinus et de tangentes. Son livre sera court; mais il n'aran besoin d'aucun commentaire, il n'y manquera pas un iota; c'est qu'il à rejeté de l'Astronomie toutes les choses inntilés dont on l'a sorchargée. Il croit que la lomière existe bors des astres, qui ne fout que la refléché no ula réfraché in ou la réfraché in oute de la réfraché in oute
J'ai lu cet ouvrage jusqu'au bout, dans l'espérance d'y trouver quelque chose qui méritàt d'être cité, et j'ai vu que je pouvais me borner à copier ce que Lalaude en a dit dans sa Bibliographie.

» Ou y trouve, sur de grandes figures, avec des cercles mobiles et des alidades, les théories des planètes, et l'usage de l'astrolahe, en " 40 pages grand in-folio d'explication. C'est un livre fort rare suivant » les bibliographes. D'après le titre, M. de Bure a cru que c'était un » livre d'Astrologie judiciaire; mais il ue parle que de ce que nous appe-» lons Astronomie, et qu'on a long-tems appelé Astrologie. » J'ajonterai seulement que cet ouvrage n'apprend rien; que l'auteur parait s'être proposé le même but qu'Apian, de remplacer les tables par des figures découpées en carton, mais qu'il a mis beauconp moins de recherches et d'invention dans la manière dont il a exécuté son plan, en sorte que si Képler l'a vu, il n'aura pas eu de raisou pour exprimer les mêmes regrets qu'à l'occasion du livre de son compatriote. Celui de Pisani pourrait se réduire à moitié ou au tiers, si l'ou en retranchait les répétitions inutiles : on pourrait le réduire aux figures, en y ajoutant dans les vides quelques lignes d'explication. Lalande dit que le format est in-folio : il est plutôt celui d'un atlas; les pages sont à deux colonnes, et elles ont cinq décimètres environ de large sur autant de hauteur.

FIN DU TOME PREMIER.

Extrait du Catalogue de M. V. Courcier.

| Extrait da Catalogue de 24 7 Courter. | |
|---|-------------|
| DELAMBRE Traite complex d'Astronomes theoreque et pratique, I vol. in-40, avec 20 planches, | Go fr. |
| Lee as charectages of Astronomic, 1 vol. as 8., avec 14 planches, 1813, | ro fr. |
| Barrers de l'Astronomic aucienne, a vol. in-é., evre py planches, têty, | 40 fr. |
| - Bistoire de l'Astronome da noyen age, 1 vol. in-4, evec se planches, 1849. | 25 fr. |
| ar LEGENDRE Methode pour la détermination d'un Arc du mendien, in-4. | 6 fc. |
| BUT CHARLAT. Theorie des Courbes et des Surfaces du second ordre, desgrème edition, 1 vol. a | n-8 5 fc. |
| Elements de Colcul defferentiel et macgent, deunstane admion, a vol. in-8., abno, fig. | 6 11. |
| - Flamens de Mecanapae, in-8., fig., | 66 |
| REINALD. Traite d'Agèbre à l'usage des rièves qui se desennent à l'École Polytechnique et à l'É | cole mili- |
| taire, 1 vol. in-8., etaquième edition, 1821, | 5 fc. |
| - Trigonometrie rectaigne et sphiesque, troinitme édition, seivie des Febles de logarithmes du | Lahnde, |
| ig-18., fig., | 3 fr. |
| Les Tables de logarithmes de Lalande seules se vendent sépareiment | a fi. |
| Apparation de l'Algèbre à la Geometree, 1 vol. 10 8 , 1819, fig., | 6 (1. |
| - Manuel de l'Ingenieur et du Cadastre, put MM. Pourmies et Reynaud, In-4. | 13 fr. |
| - Teate if Aspentage de Lagrise, suc des notes de Roymand, indi- | . 2 fc. |
| | 2 fr. 50 c. |
| Elemens d'Algiben, up-8., | 5 fr. |
| - Algèbre, decarine pretie, analyse algebrique, in-R., | |
| | 5 fr. 50 & |
| - Les recipeoques de la Grongetrie , in-8 , - Diene no de Grongtrie et de Prinonouscurie , in-8 , | 5 tc. 50 c. |
| - Leons ile Matigue, in-8, | 5 fr. |
| de Calcul differential, in-8, | 2 fr |
| de Calcul integral, to-8. | 2 66 |
| | 2 fr. 50 c. |
| | 1 ft. 80 c. |
| DESTUFF-FRACY. Element of Micologie, 5 vol. in 8., | 24 fr. |
| (hegge volume se vend separement, sevete: | ~4 *** |
| Ideologie proprement date, m-K, aroinsime edition, 1817, | 5 fc. |
| Grammate is 8., deutsiene edition, 1817, | 5 fc. |
| Lagique in-8., deuxième edition, 1818, | fi fc. |
| Trate de la Volonte et de sea Effeta devrième édition, in-8., 1818, | 6 fc |
| Principes logiques, in-8, 1847, | a fr. |
| HALY. I reste des caroctères physiques des Pierers précireant, in-5,, 180. | G fe. |
| - Tableau comporatif des resultats de la Cristallographie, m-8., | 5 fc. So c. |
| HOMASSEL. Come theorygon of pratique size l'Art de la Tennure, and, | 5 fr. |
| VIOLAINE Recueil de Toldes utifes à la Navigation, 1 vol. in-8., | 9 (1. |
| POINSOF, Tratte elementare de Stateque, an-8., 1881, tronsème édicion, | 5 fr. |
| SOULAS. La lever des plana et l'Aspentage rendus faciles, deuzième edition, 1 vol. 11-18., 11 | Jao, avoi |
| 8 plancies, | 3 (r. |
| LEFENRE Nouveau Trairé géométrique de l'Arpentage, a vol. in-8. 62. | to fe- |
| - Montel du Trigonomètre, 1 vol. m.8., 1819, avec planches, | , 5 fr. |
| | 8 fr. 50 c. |
| Chaque volume se vend sépasément. (Voyez le Catalogue général.) | |
| - Traite complet de Cascul différentiel et de Calcul integral, deutiense édition, revue et engueros | .00, 3 POL |
| 1.1825. Histoire philosophique des progris de la Physique, 4 vol. ip-8., | 6G fr. |
| | on fr. |
| Le tume transister as vend separament. Tasite complet et element-ure de Physique, 3 vol. in 8., fac. | 18 fr. |
| DEBUERGLET. Trains chementaire de Lais ul differentiel et de Calcul inu gral, 2 vol. in 8, | 16 fr. |
| Traite de Navagation musă la postec de tous les Navagateurs, et approuve pa- l'Instetut, in-fa- | |
| PUISSANT. Treste de Topographer, d'Aspentage et de Nivellament, denziene edition, in- | 1820, |
| | 20 fr. |
| Traini de Géodésie, devaitme édition, a vol. in-6., 1810, fig., | 3o ft. |

— I riste de Gengeste, deutseme ention, 2 vol. 11-9-, 101g, np., Becneil de diverses propositions de Geométrie, auvu de leve des Plans, diunième édition, in-8-, 6 fs. 50 c. Ouvrages sous presse pour paraître 15 Juin.

HAUY, Traité élémentaire de Physique, tous ême édition, considérablement ongreentée, a vol. in 8., erec fig. BETNAUD, Traisé d'Arichmetisper, dezieme côtion, 1 vol. in-8. ARAGO ET BIUT. Voyage astronomeur fait en Espugose per ordre de Buscou des Longisades.

Pour paraître fin juillet.

HAUY. Traini de Minéralegie, deuxième édition estièrement refoite or un nouveau plan, première parier, Traini et L'entillégation, à un la B., et al. lière de l'entillégation de réune des Leçons du Leurs de SGANZI (entillégation), révisité e édition consider blement segmenter, à vol. in-f.



